



Jo. Temis de Sevilla.
CHRISTOPHORI
CLAVII BAMBERGENSIS
E SOCIETATE IESV.

ASTROLABIUM



C V M P R I V I L E G I O .

R O M A E ,

Impensis Bartholomei Graßi.

Ex Typographia Gabiana. M. D. XCIII.

S U P E R I O R U M P E R M I S S V .





SERENISS. PRINCIPI
AC DOMINO
D. FRANC. MARIAE II.
VRBINI DVCI.



CHRISTOPHORVS CLAVVS
è Societate Iesu S. P. D.



ATHematicarvm disciplinarum, quod tenon fugit, PRINCEPS SERENISSIME, tam immensa copia, atque vbertas est, vt cum quis omnia ferè ipsarum arcana se animo, & cogitatione comprehendisse existimat, tunc quasi nouum, ac rudem intelligat ad ea scrutanda penitus accedere, cum ex vnus perceptione rei altera identitem emergat: vt è multis tanquam nodis ac nexibus catena sese implicante, noua quædam incipiat occupatio, vbi desitura esset. Atq; ego huius rei si non iudex, certe testis esse possum. Cum enim eorum iussu, quibus me regendum permisi, in præstantissimis hisce studijs, scituq; dignissimis vel publicè profitendis, vel, quantum res mea tu-

lit, illustrandis vario commentariorum genere, iamdiu ver-
fer, videor mihi poene adhuc hæere in vestibulo, & eius
scientiæ, quam suspicaretur aliquis perductam esse ad fasti-
gium, vix iacta fuisse fundamenta: ita alia atq; alia subinde
inquirenda occurrunt, vt, quod ait alicubi Sophocles, labor
labori laborem tulisse videatur. Idcum sæpe alias, tum in
egregio illo, & quod maius videtur, quàm vt ab homine ex-
titerit, Claudij Ptolemæi inuento, quod Planisphærium ab
ipso, Astrolabium vulgo, dicitur, sum proxime expertus. ad
cuius explicationem etsi non solum Federicus Commandi-
nus tunc olim Amplitudinis ditioni subiectus, & Mathema-
ticus excellenti doctrina Commentarios scripsit perelegan-
tes, sed & Franciscus Maurolycus Siculus Abbas nostræ ata-
tis inter Mathematicos facile princeps breuissimas demon-
strationes edidit eiusdem argumenti: videntur tamen super-
esse non pauca in hac globosæ spheræ projectione in planum
speculantibus proponenda. Nam ex ijs, quæ demonstrarunt
ipsi, nihil ferè efficitur, nisi vt conficiendi Astrolabii ratio di-
scatur; cuius vsus perexiguus est, & incertus: quando nec
describere in eo omnes circulos licet, quos in primo mobili
complectimur mente, nec qui describuntur, tot esse possunt,
vt per omnes gradus, & minuta traĩsiciantur: quod sane erat
necesse, vt perfectus huius instrumenti vsus perciperetur.
Quæ cum viderem, taleq; instrumentum, quod certissimis
demonstrationibus nitatur, præponendum esse omnibus in-
telligerem, eius rationem augere, & quoad sciui, potuiq;
perpolire, & perficere conatus sum: vtinam euenta conatui
responderint. Et quidem (liceat liberè, ac sine arrogancia
loqui) Dei ope, qui adiunat laborantes, quædam commen-
tatus videor, quæ antea mihi non dico sperare, sed cupere
furor fuisset. Primum enim Geometricè ostendo, qua ra-
tione in plano, in quo datus sit circulus quantalibet magni-
tudinis, referens Aequatorem, aut maximum quemlibet
alium spheræ circulum, describatur quiuiscælestis circulus,
quem

quem in cælo cognitum esse contigerit. Trado deinde, in eodem plano quot & quilibet circuli, lineæque ponantur, quos in cælo circulos, aut lineas referant, qua Geometrica arte perspicuum fiat. Tum (quod meo iudicio plurimi faciendum est, cum fons sit omnium, & caput) doceo multipliciter, quo modo quemlibet circulum in Astrolabio effectum dividere oporteat in gradus suos, quaque demonstratione inuestigare punctum, ut cuilibet puncto eiusdem circuli, quem in cælo posueris, respondeat: etiam si omnes in cælo gradus æquales sint in eodem circulo, & in Astrolabio propter inæqualem ab oculo distantiam inæquales appareant. Postremo explico sine adminiculo Astrolabij, modo duorum triumque circularum species in pagellam coniiciatur, qui habeatur qualiscunque Astrolabij usus, etsi per instrumentum talem usum parare non possis: atque hoc ipsum (quod auget pretium) multo exploratius, quam ipsius instrumenti ope; (quanquam sit etiam utile ipsum:) dum regula diligenter, & circino utaris. His addo triangulorum sphericorum scientiam omnem: ut triangulum quodcunque sphericum efformare liceat in plano, singulaque eius latera, & angulos inspicere ea prorsus ratione, qua inspicerentur, si globum haberemus tornatum omni ex parte, ut nihilo rotundius, in quem omnia triangula potestas esset imprimere nostro arbitratu. Et vero hæc pars tam longè, lateque patet, ut nulla sit quæstio (sunt autem quæstiones infinitæ) ex triangulis sphericis per sinus, ac numeros explicabilis, quam non commode per angusto spatio per tres arcus explicemus sine auxilio numerorum. Quæ cum ita se habeant, (timide dico, sed veritas me audaciorem facit) apertè profiteor, hoc nostro commentario omnem doctrinam primi mobilis contineri: cum in eo nihil possimus informare cogitatione, siue sint circuli, rectæ lineæ, anguli, unius ad alium circulum inclinationes, triangula, quod non hic in plano facillimè deprehendatur. quod ipsum tentare ad hoc usque

que tempus, quod ego sciam, nemini Mathematicorum venit in mentem: ut nec suum ipse partum agnosceret Claudius, si reuiuisceret. Hunc ego laborem, cuiusmodi sit, (etsi multa esse non ignoro non satis explicata, nec suis posita locis, ut quæ se, dum ipsum opus typis mandaretur, offerrent) Serenissime Princeps, Amplissimo tuo nomini do, dono, dicoque. atque id optimo consilio. Cum enim (ut non modo testatur Illustrissimus D. Guidus Vbaldus è Marchionibus Montis, Mathematicarum peritissimus artium, quod eius indicant pulcherrima volumina edita in lucem, sed clamat celeberrima fama, quæ totum occupauit orbem terrarum) instructus sis scientia rerum omnium, ac Mathematicarum præcipuè, quæ ut sunt nobilissimæ, sic nobilissimum quemque Heroa maxime decent, cui destinare iustius poteram hæc rerum fermè nouarum omnium inuenta, quàm tibi, qui earum cognitione præter cæteros excellis? Quod si mos Archimedi fuit, Apollonio, illis Geometrarum luminibus, & præcis item alijs viris summis, res à se excogitatas proferre sub aliorum Mathematicorum nomine, qui eadem conditione vix iisdem studijs delectarentur, ut de ijs intelligerent, ac iudicaret: quanto æquius, meliusque offerri debuit à me hoc Amplitudini tuæ? Nihil enim est hodie magis cognitum, aut illustre, quàm esse te, ut modo attigi, (quod in Principe viro hoc præclarus, quo rarius exemplum) in omni parte disciplinarum Mathematicarum egregiè peritum, eumque rerum gerendarum consilio maximum, itaque belli gloria, ac virtute præstantem, ut nulla sit laus, quæ non tibi meritißimo debeat. quas etiam ob causas ardebam cupiditate incredibili, ut perleui aliquo indicio ostenderem, me iam diu esse addictissimum Celsitudini tuæ. At tu accipe meum hoc commentationum volumen ea, quam parem habes benignitate summis virtutibus tuis, & meum hoc munusculum, quo accedat etiam ei dignitas à loco, esse patere in illustrissima tuâ illa,
opti-

optimisquē libris instructissima bibliotheca: ut & præsens
seculum, & si modo hic labor te auctore transibit in secu-
la, etiam postera cognoscant, me, ac res meas omnes fuisse
in are tuo. quam meam mentem, non mortalibus tan-
tum, sed, ut ita dixerim, immortalibus, cælestibus nempe
orbibus, quorum metiendorum, inspicendorum, cognos-
cendorum hic modus quidam traditur, hoc veluti signo
testatam esse volumus. Vale. ROMÆ III. NON.
SEPTEMB. M D XCIII.

QVAE IN ALIORVM ASTROLABIIS
non traduntur, sed in hoc nunc primum
inuenta sunt, ac demonstrata.

- I. **C** Vniversi circuli siue maximi, siue non maximi, projecti in planum, si modo eius siue in sphaera cognitus sit.
- II. Cuiusvis circuli siue maximi, siue non maximi, in planum projecti divisio in 360. partes inaequales, quae gradibus 360. aequalibus eiusdem circuli in sphaera respondeant.
- III. Cuilibet puncto, vel arcui in calo, vel sphaera dato, respondens punctum, vel arcum in plano Astrolabij assignare: Et contra, dato quolibet puncto, vel arcu in plano Astrolabij, quod punctum, vel arcum in calo, seu sphaera referat, invenire.
- IV. Circulo utcumque descripto in Astrolabij plano, vel recta utcumque ducta, quae circulum, aut rectam in calo, seu sphaera representet, explorare.
- V. Vfus Astrolabij, usq; amplissimus, solius circini, ac regulae beneficio, siue auxilio Astrolabij materialis.
- VI. Omnium triangularum sphaericarum descriptio in plano, & angularum, laterumq; eorundem inventio siue ope numerorum.
- VII. Omnium questionum, quae per triangula sphaerica adimento numerorum enodantur, solius beneficio circini, ac regulae, explicatio.
- VIII. Vfus Sinuum, Tangentium, atque Secantium per solam prosthaphaeresin, hoc est, per additionem, subtractionemq; solam, siue multiplicatione, ac divisione numerorum: Accessu compendium mirificum cunctarum triangularum; & tabula Sinuum emendata, cum modo parvis proportionalis crucenda.
- IX. Demonstratio, non dari circulos maximas horarum inaequalium, contra omnes fere horologiarum scriptores.
- X. Varias determinationes magnitudinis angularum in triangulis sphaericis, à nemine hactenus animadverta.

PRAETER haec, innumerabilia alia varijs in locis dispersa occurrunt, quae non possum in aliorum scriptis reperire.

IN ASTROLABIUM

P R A E F A T I O.



INTER omnia instrumenta, quibus ea, quae primi mobilis motum ab ortu in occasum consequuntur, vel ad eum aliquo modo pertinent, explicari, atque inuestigari solent, ab Astronomis magna solertia excogitata, nullum mihi unquam visum est praestantius eo, quod Claudius Ptolemaeus Planisphaerium inscripsit: vulgo Astrolabium dixere. in

quo nimirum omnes circuli caelestes primi mobilis rationibus Geometricis ita in planum projiciuntur, ut singula eorum puncta, & arcus dimetiri non minus accurate, & exquisitè liceat, quam in globo aliquo perfecte totundo, qui primum mobile referat. Quamvis enim sphaera solida, siue globus, de quo proxime diximus, omnibus instrumentis, quae extrui, aut informari cogitatione possunt, iure antecellat, quod sit perfectissima totius caeli imago & effigies: quia tamen ob exquisitissimam rotunditatem, quam habere debet, & difficillima eius constructio tedditur, ut vix quisquam perfectum se globum aliquando consecuturum speret, & conservari diu sine damno vetustatis difficile potest: idcirco Astronomi industria sanè admirabili conati sunt globum, seu sphaeram in planam superficiem traducere, ut commodius, faciliusque ea omnia obtinerent, quae per globum, siue sphaeram adipisci poterant. Est enim instrumentum planum, iter facientibus commodissimum, quippe quod & sine labore ex vno in alium locum transferri, & facile illa sum custodiri queat. Adde, fieri non posse, ut in globo vel diligentissime elaborato, omnes necessarii circuli, omniaque puncta distincte ponantur; quae res non parum negotij studioso facessere possit. Quae difficultas in plano locum non habet, cum in quavis plana superficie, etiam in charra per exigua, tres quatuorue circuli facile describantur, qui nobis maxime sunt usus tunc futuri, omisssis aliis, quibus in praesenti non indigenus: Deinde, ut omnis confusio vitetur, reiecta hac charra, alia assumi potest, in qua alii circuli alium in usum efformentur.

Globi imperfecti
Sphaera

Astrolabi perfecti
di.

P R A E F A T I O.

Neque enim necesse est, ut is, qui rationem tenet describendorum in plano omnium circularum, semper Astrolabij instrumentum in manibus habeat, sed satis est, paucos quosdam circulos in modico aliquo spatio, vel certe in charta aliqua non admodum magna describere, eosque in gradus distribuere, ut ex ijs ea eliciat, atque eruat, quæ inquit.

A T Q V E hic mihi præcipue est scopus propositus, ut doceam, quæ ratione in sola vna chartula, aut in exiguo spatio plano, intelligantur ea omnia, immo multo plura, quàm alij per instrumentum Astrolabij veniantur, ita ut vsum Astrolabij adipisci perfectissime quis possit, etiam si factum instrumentum nunquam viderit: quod Astronomis studiosis gratissimum fore cõfido, cum multi eo careant, & vix vllum reperiatnr tanto studio, ac diligentia constructum, ut omnis in eo perficiendo error artificem effugerit. Immo etiam si Astrolabium quis habeat (quod vel raro, vel nunquam accider) summa arte, diligentiaque fabricatum; tamen quia in eo non solum non omnes circuli maximi, sed neque paralleli omnes vnius solius circuli maximi, neque maximi omnes circuli in eisdem duobus punctis se interfecantes, cuiusmodi sunt omnes circuli Verticales, vel circuli positionum, per singulos nimirum gradus, ac minuta describi possunt, quod tamen requiritur, si exquisitè omnia reperienda sint; necesse est, vsum ipsius plerumque esse incertum, atque impeditum: ita ut sæpenumero coniectura potius assequi, quod queritur, quam certa aliqua demonstratione, cogamur. Quin etiam, quoniam in instrumento illorum tantum circularum vsus percipi potest, qui in eo pauci descripti cernuntur, sive ut Astrolabij materialis vsus paucarum rerum terminis circumscriptus sit. Nos autem sine auxilio instrumenti vsum trademus omnium circularum, qui innumerabiles propemodum in primo mobili concipi possunt, vniuersamque doctrinam primi mobilis, quæ est amplissima complectemur, ut ne doctrina quidem triangularum sphericorum ab eis regulis excludatur, sed tota mira facilitate explicari possit. Nam inter cætera, quæ vulgaribus Astrolabij vibus hoc nostro adieciimus, quæ ratione in ipsis triangulis sphericis (quod mirum cuius videatur) ex lateribus anguli, & latera vicissim ex angulis exquisitissime explentur, sine vilo numerorũ, sine sinuum adiumento clarissime docebinus: quo item pacto in clinationes circularum vationum sphaeræ inter se, atque intersectiones, & alia id genus sexcenta nullo fere negotio peruestigentur: quo etiam loco omnia illa problemata complectemur, quæ per sinuum

gropæ. vna-
pauca habet opo-
tu.

astrolabij map-
pula impo-
dit.

astrolabij vbi
amplissimum
et in instrumentis.

num numeros in nostra Gnomonica olim, praefertim libro primo, & alibi absolvimus, & ab alijs auctoribus varijs in locis proponi, & inquiri solent.

T O T V M autem opus Astrolabij in tres libros tribuimus. In primo varia theorematum, ac problematum demonstrabimus, quae omnia Lematum nomine complexi sumus, quippe quae ad demonstrationes eorum, quae ad circulorum projectiones in planum, & ad nomen Astrolabij usum pertinent, suis locis assumantur. In secundo libro non tantum omnes circulos, qui in primo mobili concipi possunt, verum etiam omnes lineas rectas, ac puncta in Astrolabij plano describemus, circulumque quemlibet descriptum in suos partiemur gradus, hoc est, in certas quasdam partes inter se inaequales, (omnium enim circulorum caelestium partes aequales in partes inaequales proiiciuntur in Astrolabij planum, Aequatore, eiusque parallelis exceptis, quorum partes aequales in partes aequales proiiciuntur, ut suo loco perspicuum fiet) quae gradibus eorum aequalibus in caelo respondent: quod ad hanc usque diem neminem absolute perfecisse comperio. Quicunque enim de Astrolabij constructione scripserunt, praeter Aequatorem, Eclipticam, Horizontem, eorumque parallelas, nullum circulum in Astrolabio in gradus distribuunt; & Horizontem quidem cum suis parallelis, atque parallelas Eclipticae, solum per circulos maximos, qui per eorum polos ducuntur in sphaera: quae res difficilis admodum est, & immensi pene laboris. Solus Andreas Schonerus in libro de compositione Astrolabij Horizontem, Eclipticamque cum eorum parallelis, alia quadam ratione in gradus partitur, sed illius nullam nobis demonstrationem affert, ut merito quis de eius veritate possit dubitare. At nos quaecunque maximum circulum in Astrolabio descriptum, eiusque parallelas, non una, sed pluribus viis, iisque facillimis, quae omnes suas habent demonstrationes, in gradus diuidemus; ubi etiam modum Schoneri Geometricè comprobabimus, & ad omnes circulos maximos, eorumque parallelas accommodabimus: quod ipse non docuit. In tertio denique libro Canones proponemus, quibus multiplex Astrolabij usus explicetur per solum circinum & regulam in qualibet proposita charta, vel plano, ut paulo ante diximus; extendentes hac ratione Astrolabij usum ad longe plura problemata, quam per vulgum materiale instrumentum fieri possit: quod Lectoris iudicio relinquo. Illa porro problemata, quae in communibus & peruisitatibus Astrolabij explicari solent, soluemus nos etiam per ipsum in-

Partis huius in
pore in tres lib.
ros.

strumentum, ut & usum Astrolabij perualgati non omnino negligere videamur, & ijs hac in parte consulamus, qui Astrolabium materiale habent, & mediocritate quadam contenti sunt, aut in duce discipulis non valde exercitati: Sed antequam ad primum librum me conferam, operæpretium me facturum puto, si quasi prolegomenorum loco pauca quædam de variis circulis sphaeræ tam maximis, quam non maximis, de ijs præsertim, qui in Astrolabio describendi sunt, in medium afferam, vel potius in memoriam reducam, ut eorum positionem ac situm in cælo, cum ijs utendam erit, plane perspectum, ac veluti in promptu habeamus.

D E C I R C V L I S primi Mobilis.

Astrolabij, dicitur
præfatio, quod
h. quod dicitur
astrolabij.

AEQVATOR, siue circulus æquinoccialis, est circulus maximus, cuius poli iidem sunt, qui totius mundi, siue primi mobilis. Huic cōcipiendi sunt circuli non maximis æquidistantes ex utraque parte per singula cæli puncta descripti: quorum officium est indicare, quoniam stella, vel puncta cælestia eandem ab Aequatore declinationem habeant, & qua maiorem minorem. Item qua in eodem Horizontis puncto orientantur, aut occidunt, & quorum ortus, occasusque magis in Boream, vel Austrum vergat. Omnia enim astra, atque cæli puncta in eodem parallelo Aequatoris existentia, eandem habent declinationem, idemque punctum ortus & occasus; illud vero, quod parallelum obtinet maiorem, qui videlicet magis ab Aequatore distat, declinationem habet maiorem punctumque ortus & occasus ab æquinocciali ortu, occasuque remotius. Præcipui autem paralleli Aequatoris, qui in sphaera considerantur, quatuor sunt, Tropicus ☉, tropicus ☿, circulus arcticus, & circulus antarcticus, quorum situs ac positio de sphaera, ab Ecliptica, eiusque polarum situ petenda est, ut mox dicemus.

Tropicus Can-
ceris, & Capricor-
ni, & circulus ar-
cticus, antarcticus
quatuor sunt.

Ecliptica, dicitur
præfatio, quod
h. quod dicitur
ecliptica.

ZODIACVS, Ecliptica, circulus maximus est, cuius poli à poliis mundi, siue Aequatoris recedunt grad. 23. & semis ferme hoc tempore: ex quo fit, Eclipticam interfecare Aequatorem obliquè, ita ut ad eum sit inclinata, utraque eius medietas vergat ad septentrionem, & ad austrum altera: Punctum medium autem utriusque medietatis tanto intervallo ab Aequatore absit, quanto poli Zodiacei à mundi poli recedunt. Duo quoque puncta, quibus se invicem interfecant Ecliptica & Aequator, dicuntur æquinoccialis, quod in illis existens sol æquinoccium ubique efficiat; quorum illud, quod principium dat semicirculo Ecliptica boreali, ab occasu in ætæm progrediendo, Værum dicitur, alterum vero Autumnale. Duo vero puncta

puncta Ecliptica maxime ab Aequatore distantia, appellantur solstitia, quia solstitium ubiuis locorum fit, cum primum ad utrumvis eorum Sol per venerit. Boreale quidem, dicitur solstitium aëstivum, seu primum punctum Cancrī, per quod videlicet parallelus Aequatoris, quē Tropicum & dicunt, describitur; Australe verò punctum, solstitium hybernū, seu primum punctum Capricorni vocatur, per quod nimirū Aequatoris parallelus, quem tropicū 20, nominant, transit. Polus denique Ecliptica boreus parallelum Aequatoris, quem arcticum circulum appellant, us, ad motum primi mobilis describit; australis vero polus eiusdem Ecliptica alterum Aequatoris parallelum designat, qui antarcticus circulus dicitur. Huic etiam Ecliptica sunt intelligendi circuli non maximi aequidistantes, qui per singula celi puncta describantur: quorum officium est indicare, quamvis stelle eandem latitudinem, id est, eandem distantiam ab Ecliptica habeant, & quae maiorem, minoremve. Nam stella in eodem parallelo Ecliptica existentes eandem latitudinem obtinent; quae vero in minori parallelo reperiuntur, scilicet qui longius ab Ecliptica distat, maiorem habent latitudinem.

COLORI sunt duo circuli maximi sese in polis mundi ad angulos rectos interfecantes, quorum alter per duo puncta Ecliptica aequinoctialia ducitur, atque Colurus aequinoctiorum appellatur; alter verò per duo puncta solstitialia transit, diciturque Colurus solstitialium. Atque omnes hi circuli, quos hactenus descripsimus, mobiles sunt, quippe qui perpetuo ad motum primi mobilis circumferantur. Alij omnes circuli, qui sequuntur, immobiles sunt concipiendi in calo, ita ut nunquam situm mutant, aut positionem.

Colori qd.

MERIDIANUS est circulus maximus per polos mundi, & verticem loci, id est, per illud punctum in calo ducitur, quod directe illi loco superpositum est, quale est illud, ad quod pertingeret occumen alicuius turris, si ad calum usque extenderetur. Quod quidem punctum Arabes Zenith appellant, oppositum vero punctum per diametrum, Nadir, ad quod videlicet eadem turris pertingeret, si per terrae centrum ad alteram partem cali excurreret. Habet etiam Meridianus infinitos circulos non maximos parallelos ex utraque parte per singula celi puncta descriptos: qui indicant, quamvis stelle aequalem distantiam à Meridiano habeant, & quae maiorem, vel minorem.

Meridianus, est qui per polos mundi, & verticem loci, id est, per illud punctum in calo ducitur, quod directe illi loco superpositum est.

HORIZON maximus circulus est, cuius poli sunt vertex capitis, primumque oppositum, Zenith nimirum, & Nadir: qui videlicet hemisphaerium visum, seu apparent, ab occulto, seu non viso separat. Huic describuntur innumerabiles paralleli circuli non maximi ex eisdem polis per omnia celi puncta, ut monstrent, quamvis stelle eandem distantiam ab Horizonte habeant, & quae maiorem, aut minorem: quae quidem distantia in superno hemisphaerio, altitudo Solis, stellarumque supra Horizontem, in infero, depressio sub

Horizon, & circulus maximus, cuius poli sunt vertex capitis, primumque oppositum, Zenith nimirum, & Nadir: qui videlicet hemisphaerium visum, seu apparent, ab occulto, seu non viso separat.

P R A E F A T I O.

fit sub eodem appellatur. Ipsi vero paralleli Horizontis apud Arabes, Al-tumantaratb vocantur.

Ver. circuli
horiz.

VERTICALES circuli, quos Arabes *Azimuth* nominant, sunt maximī, qui per polos Horizontis, hoc est per Zenith, atque Nadir, & acuntur per singula Horizontis puncta: quorum is, qui per intersectiones Aequatoris cum Horizonte transit, Verticalis primarius, siue proprie dictus, aut Verticalis regionis, appellari consuevit. Inter hos autem annumeratur quoque Meridianus, cum & ipse per verticem loci ducatur. Officium horum, quod non vulgare est, multis in locis ex usu Astrolabij cognoscitur.

Verticalis prima
aut quatuor

Horiz. circuli
tam a Mer. &
meridianis, quam
ab utroque
quatuor.

HORARII circuli, si quidem horas aequales à meridie & mediano die, quae Astronomica dicuntur, indicunt, sunt maximī per polos mundi transeuntes, Aequatoremque & omnes eius parallelos in 24. horas aequales distribuentes, quorum unus est ipse Meridianus, a quo initium huiusmodi horarum sumitur: Si vero horas ab ortu vel occasu significant, sunt maximī tangentes duos parallelos Aequatoris, quorum unus est semper apparentium maximus, & alter maximus semper latens, in illis punctis, in quibus à circulis horarum Astronomicarum secantur: inter quos commemorandus quoque est Horizon, à quo eiusmodi hora incipiunt: Si denique ad horas inaequales pertineant, definiuntur maximī diuisi in omnes arcus parallelorum Aequatoris tam diurnos, quam nocturnos, in 12. partes aequales. De his omnibus circulis horariis plura serpsimus libro 1. Cosmographicis, propof. 9. & 10. quatuor, ut verum fatear, circuli horarum inaequalium nulli sint, ut infra lib. 1. Lemmate 39. demonstrabimus: quod multis incredibile videri possit.

Circuli horarum
inaequalium
nulli sunt.

Horiz. circuli
tam a Mer. &
meridianis, quam
ab utroque
quatuor.

DECLINATIONVM circuli sunt maximī per mundi polos, (quemadmodum & circuli horarum à meridie ac media nocte distinctores) & singula puncta Aequatoris distantiā à disti, quia declinationem cuiuslibet puncti, vel stellae ab Aequatore metiuntur. Est enim declinatio stellae, vel puncti calī, arcus circuli maximī per mundi polos, & stellam, vel punctum calī transeuntis, inter stellam, punctumue calī, & Aequatorem interceptus. Inter hos circulos panendi quoque sunt circuli horarum à meridie & media nocte.

Declinationis
aut quatuor.

Declinationis
aut quatuor.

LATITVDINVM circuli sunt maximī per Eclipticae polos, & singula eius puncta descripti, sic nominati, quod latitudinem, hoc est, distantiam cuiusvis stellae, vel puncti calī ab Ecliptica metiuntur. Nam latitudo stellae, vel puncti calī, est arcus circuli maximī per polos Eclipticae, & stellam, seu punctum calī transeuntis, inter stellam, punctumue calī, & Eclipticam inclusus.

Latitudo
aut quatuor.

Declinationis
aut quatuor.

DOMORVM caelestium circuli sunt maximī, numero sex, diuisi in totum caelum in duodecim domus, ducuntque omnes per intersectiones Meridiani cum Horizonte, & ex sententia quidem Iohannis Regiomontani, per duo-

P R A E F A T I O.

per duodecimas partes Aequatoris, ut autem Campano placet, per partes duodecimas Verticalis primarii cuiusque loci.

P O S I T I O N E M circuli sunt maximi per intersectiones Meridiani cum Horizonte, (quemadmodum & circuli domiciliorum caelestium) & singula puncta calis transeuntes; ita appellati, quod positionem cuiusvis stellae respectu domorum caelestium indicent, verum nimirum proposita stella sit in principio, sine medio, aut alia parte huius, vel illius domus caelestis. Atque ex horum numero sint quoque illi sex domorum caelestium.

Positionem domus caelestis.

P R A E T E R hos omnes circulos maximos, quos enumeravimus, cum suis parallelis, (Omnem enim maximum circum habere infinitos equidistantes, seu parallelos non maximos, intelligendum est, ut de Aequatore, Ecliptica, Meridiano, atque Horizonte dictum est.) considerari possunt in calo innumerabiles propemodum alij ab omnibus illis differentes. Per quolibet namque duo puncta in superficie convexa sphaerae caelestis assignata describi potest circulus maximus, ut Theodosius lib. 1. Elementorum sphaericorum propos. 20. demonstravit, qui quidem infinitos non maximos sibi equidistantes ac parallelas habere potest circa eosdem cum illis polos descriptos.

Infinitos alios circulos maximos ad proposita puncta in circulo esse contingit.

Atque omnes hos circulos tam maximos, quam non maximos, qui à nobis declarati sunt, in placo Astrolabij Geometricis, hoc est, firmis atque evidentibus rationibus describemus secundo libro, eosdemque in suos gradus partiemur, seu potius in quolibet eorum propositum gradum assignabimus, cum usus id exigeret, atque necessitas.

Sequitur iam index locupletissimus omnium problematum, atque theorematum, quae toto hoc Astrolabio demonstrantur.



Ego Claudius Aquavina Societatis Iesu Praepositus Generalis opus Aëtrolabij Patris Christophori Clauij in tres Libros distinctum, à tribus Societatis nostrae Theologis, ac Mathematicarum peritis recognosci, atque approbari curavi. Quod propterea etiam approbo, ut imprimi possit, si ita placuerit Reuerendiss. D. Vicegerenti, ac Reuerendiss. Patri Magistro Sacri Palatii.
Dat. Roma. Die 26. Augusti 1593.

Claudius Aquavina.

INDEX LEMMATVM PRIMII LIBRI.

QVAE alio charactere sunt impressa, ad Scholia, &
Cocollaria pertinent.

DATA lineam rectam, vel circulearem, in quotius partes aequales, etiam minutasissimas, dividere beneficio circini, cuius pedes distantiam inter se habeant data linea maiorem. pag. 2

1. QVADANTEM, vel circulum datum in gradus distribueri beneficio circini, cuius pedum intervalium plures gradus, quàm duos, tresve complectatur. 4

3. EX data circumferentia arcum quolibet gradus integros, vel quolibet gradus, ac minutam complementem abscondere: Et contra, quot gradus ac minuta in quovis arcu data circumferentia continentur, cognoscere, etiam si data circumferentia in gradus ac minuta divisâ non sit. 5

4. PER datum punctum data recta linea parallelam lineam ducere. 11

5. QVAM proportionem habet sinus totus, hoc est, semidiametri quorumlibet circulorum, eandem habent sinus tam recti, quàm versi arcuum similium. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quàm versi, eandem proportionem habeat, quam sinus totus, similes sunt. 12

6. Si segmentis similibus circulorum inaequalium similia segmenta adiciantur, vel à similibus similia demantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt. 13

7. SI duo quadrantes inaequales similiter secti, vel in partes aequales, et per divisionum puncta una semidiametro parallela agantur, siue ad alteram semidiametrum perpendicularares; erunt segmenta semidiametri in uno quadrante à parallelis, vel perpendicularibus facta, segmenta semidiametri à parallelis, siue perpen-

dicularibus in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiter secti erunt. 15

8. DATA rectam lineam in se cecidit, ut semidiameter altius quadrantis facta est à perpendicularibus, quae à quibusvis punctis quadrantis ad ipsam demittuntur. 18

9. SI duo, pluresve circuli intus, vel duo extra se mutuo contingant, recta linea per centrum ducta, similes circumferentias abscondunt: Et recta contingentes bina puncta, in quibus dua recta circules secant, parallela sunt.

IDEM contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus, si per contactum sumatur punctum in recta eorum centra coniungente, per quod transeat recta cōnectens puncta alterna extrema diametrorum ad priorem rectam perpendiculararium Sed quando circuli intus non se contingunt, similes arcus sunt alteri, non autem eodem ordine sumpti, ut in illis. 20

10. SI duo, pluresve circuli se mutuo secant; recta linea per sectionis punctum ducta, quae vel ipsis secant, vel utraq; sit tangens, vel eorum altera; interceptionis circumferentias similes inchoatas ab una eorum, et ab altera, et versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius recta progredientes. Si autem ex eodem sectionis puncto circulus quicunque describatur, erit eius circumferentia inter duas easdem rectas comprehensa. Semper illius arcus in eod. circulo ex sectionis puncto descripto, qui arcui cuius priorum circulorum inter easdem rectas intercepto similis est. 24

I N D E X

11. *RECTAM* lineam brevissimā
du continuam extendere, vel (quod idem
est) per duo puncta parum inter se distan-
tia lineam rectam quantitatibus produ-
cere. 30

12. *DATIS* duobus rectis tertio,
& tribus quartam proportionalem inven-
ire. 34

13. *DATIS* duobus rectis ad in-
vicem inclinatis, invenire punctum, in quo
admutant, utamque rectam producat. 40

14. *INSTRUMENTVM* construere,
quo per data tria puncta, utamque secundū
hanc formā rectam constructa sit, ar-
cus circuli possit describi, sine auxilio cir-
culi. 43

15. *CURVA* linea, cui subtrahsa sit
recta linea, & quadrata continuè perpen-
dicularium ex punctis linea curva ad sub-
trahsam rectam transversarum aequalia sint
rectangula contenta sub segmentis cuiuslibet
subtrahsa factis à perpendicularibus, hoc
est, omnes perpendiculares sint eodem pro-
portionaliter inter segmenta subtrahsa ab ip-
so facta, semicirculus est, cuius diameter
recta illa subtrahsa, hoc est, semicirculus
circuli illius rectam subtrahsam descriptus
curva data hinc congruit, sunt quod idem
est) per extrema puncta omnium perpen-
dicularium transiit. 45

16. *SI* arcus sicutur plano, quod basi
eius aequaliter, sitit in omnia superficie
facta, circumferentia circuli est, cuiusmodi
in arcu habetur. 46

17. *SI* conus scalenus sicutur pla-
no per axem, quod ad basin rectum sit,
sicuturque altero plano ad triangulum per
axem à priore plano factum recto, quod
triangulum ex triangulo per axem abscis-
sum simile quidem ipsi triangulo per axem,
subcontraria vere posita: Sectio circuli
est, cuius diameter est communis sectio
trianguli per axem, & plani, quod ipsum sectio
nem in omnia superficie efficit. Huiusmo-
di autem sectio vocatur subcontraria. 48

DIAMETRYM subcontrariae
sectionis diametro basis coni equalem
posse esse, & inaequalem. 50

DIAMETRYM subcontrariae

sectionis, & diametrum basis coni eam
quam se magno bifariam secare. 51

DIAMETRYM subcontrariae
sectionis, & diametrum basis coni, quod
aequales sunt, neutram diuidi bifa-
riam. ibidem

QUANDO diameter sectionis
subcontrariae inaequalis est diametro ba-
sis coni, & altera earum secatur bifa-
riam, alteram maiorem esse. ibidem.

QUANDO diameter subcontra-
riae sectionis inaequalis est diametro ba-
sis coni, & minor diuiditur bifariam,
maiorē partem maioris vergere ad mi-
norem angulum trianguli per axem,
quem illa diameter cum latere claudit
trianguli facit. 53

18. *QVA* proportiōnem habet si-
nus rectus ad sinum maximum declinationis
Eclipticae ab Aequatore, eandem habet
sinus rectus arcus Eclipticae inter quatuor
eius punctis, & proximam punctum aequi-
noctiale interitus ad sinum rectum de-
clinationis eiusdem eius puncti Eclipticae
ab Aequatore. ibid.

19. *ANALEMMA* ad arcum
poli alteri dant quatuorque describere. 54
DECLINATIONES omniū
punctorum Eclipticae, & cuiusvis dati
puncti, quo pacto Geometricè reperian-
tur. 57. 58 & 59.

20. *SI* duo plana se mutuū secant, &
in uno eorum ad duo puncta communia sit
datus duo recta eorum in interius datus an-
gulus quosvisque constituant aequales,
& in altero ad eadem duo puncta duo à
recta cum eodem sectioe communis effi-
ciant quosque interius datus angulus aequa-
les quosvisque: constituant duo hoc po-
sterius recta cum duobus prioribus datus
angulus aequalis. 60

21. *SI* in diametro circuli aequa-
lium puncta sumantur aequaliter à sectis
rectata, ab ex quo recta egrediantur usque
ad circumferentiam constituentes cum dia-
metro ad eandem partem aequales angulus
recta illa & aequales erunt, & arcus ab-
scindunt aequales. Et si linea sit aequalis,
constituent recta illa cum diametro & qua-

les angulos ad easdem partes, abscindentes rursus aequales arcus. Si denique arcus aequales abscindantur ad easdem partes, erunt quoque rectæ illæ aequales, constituuntque cum diametris ad partes easdem angulos aequales. 62

SI in diametris circuloꝝ in æqualium puncta sumantur similiter à centrīs remota, ita ut eorū distantia à centrīs eandem proportionē habeant, quam semidiametri. & ab eis punctis rectæ egrediantur consistentes cum diametris ad easdem partes angulos æquales; abscindētur ab eis arcus similes. Et si arcus abscisi sint similes ad easdem partes, cōsistuent rectæ abscindentes cum diametris ad partes eandē angulos æquales. 66

SI ex duobus centrīs in eadem recta existensbus describatur duo circuli ea conditione, ut extra utrumque accipi possit punctum similiter à centrīs distant: Recta linea tangens vnum circuloꝝ, tãget & alterum; Et recta utrumque secans abscindet arcus similes. 67

22. SI in plano subiecto inter duas rectas cadat transversa recta linea faciens cum illis angulos interni ex utraq; parte inter se æquales, siue omnes recti sint, siue duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem illis duabus plano subiecto insilliant duo plani ad angulos rectos: Planum per transversam lineam ductum utrunq; faciet cum planis rectis communes sectiones, lineas rectas, quæ cum datis duabus rectis in plano subiecto angulos constituent æquales. 68

23 PLANVM in sphaera per alterutrum polorum mundi, & alterutrum polorum circuli cuiusvis obliqui maximi, vel ad Aequatoris recti, utrunque ductum, abscindit tam ex Aequatore et circulo illi maximo obliquo, vel recto, quàm ex quolibet parallelo Aequatoris, & parallelo circuli illius maximi obliqui, vel recti, (qui tamen æquales sit parallelo Aequatoris, & qui tanto intervallo ab assumpto suo polo absit, quanto parallelus Aequatoris ab

assumpto mundi polo distat) duos arcus æquales, inter se ipsos secans, & circulum maximum per assumptos duos polos descriptum interceptos. 70

24. SI in sphaera sit circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, & per quodvis parallelum diametri ipsius, quævis circulus maximus per eius polos, & polos mundi ductus faciat, ad ipsam diametrum perpendicularis linea ducatur: Planum per utrumvis polorum mundi, & illâ perpendiculararem ductum faciet in plano Aequatoris cōmune sectionem, rectam lineam perpendiculararem ad Aequatoris diametrum, quàm idē illi circulus maximus per dictos polos ductus facit. 88

25. SI in sphaera per polos mundi, & polos cuiusvis circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum, maximus circulus ducatur, in quo ex alterutro mūdi polo agatur diametro circuli obliqui parallela, & per hanc, planum utrunque extendatur: Erunt duo arcus tam circuli maximi obliqui, quàm cuiuslibet parallelorum ipsius, inter circulum maximum per polos mundi, & circuli obliqui ductum, & planum secans intercepti æquales inter se. 89

26. SI circulus in sphaera per alterutrum polorum mundi transeat, erit eius diameter ex illo polo ducta, perpendicularis ad communem sectionem plani eius circuli, & plani Aequatoris. 90

27. IN cono recto omnes rectæ à vertice ad circumferentiam basi ductæ sunt inter se æquales: In scaleno vero cono inæquales, minima quidem, quæ ad extremum basi trianguli per axem, quoniam ad basem conū rectum est, ducitur ex parte anguli inclinationis axis, maxima autem, quæ ad alterum extremum basi eiusdem trianguli per axem ducitur: Et quæ præpositior est minima, remotiore semper maior est. Dua vero tantum æquales erunt ad utramque partem minima, vel maxima. 91

28. SI in cono sit circulus basi æquidistant, recta linea ex vertice in superficie conica ducta asserent ex basi, & circulo æquidistantes arcus similes. 93

29. *Si* duæ rectæ lineæ se mutuo contingant in uno puncto, & à quocumque puncto extra ipsas in eodem plano plures rectæ ducantur, quæ eas secant, habebunt segmenta remanentia linearum ab assumptione puncti, versus punctum sectionis linearum proportionalia, quædam segmenta linearum communi.

30. *Si* duæ triangula isosceles basi habuant æquales, latera vero unius maiora sint lateribus alterius: maiora latera maiorem angulum subtendant. Et si unius latera lateribus alterius maiora sint, angulumque contineant maiorem illius basi basi huius maior erit.

31. *Si* in eodem segmento circuli sit basi subcontrariè posita, recta linea ex vertice in superiorem eandem ducta, quatuor unius sit latera trianguli per apicem ad basem recti, aut ferat ex basi, & circulo ille arcus dissimiles. Et si in uno inscribatur duo arcus oppositi æquales, inscribatur in altero duo arcus inæquales, maior quidem versus angulum maiorem trianguli per apicem, minor vero versus angulum maiorem.

32. *Si* in diametro circuli, præter centrum, punctum quodpiam sumatur, & ex eo rectæ educantur, quæ in circumferentiâ circuli duo arcus æquales interceptant: Erant anguli ab ipso in comprehensî inæquales, maiorque erit ille, cuius linea à centro longius absit. Et si recta ducta contineat angulum æqualem, erant arcus intercepti inæquales, maiorque erit ille, cuius linea centro propinquior sit.

33. *Si* in circulo se mutuo secantibus, vel non secantibus, diuersa eadem centra habentibus, punctum quodpiam in communi eorum diametro per utrumque centrum ducta, præter centra, sumatur, quod & inter utrumque centrum, & intra utrumque circumulum existat. Rectæ lineæ ab eorum punctis ad illa secentes utrimodis eorum circumulorum circumferentiâ in arcus æquales, subtendant alterius circumferentiâ in arcus inæquales, maiorque semper erit ille, cuius linea centro propinquior sit. Arcus ut quilibet illius circuli, cuius centrâ est inter assumptionem punctum, eiusque circum-

ferentiâ, interceptus inter communem diametrum, & quolibet eorum ex eodem puncto ductam, si minor est semicirculo, maior est, quàm ut similis sit arcui alterius circuli inter easdem rectas intercepto.

104

34. *Si* circulus circulum bifariam secet, vel ad bifariam, aut nullo modo secet, & per centra ad rectam per eadem centra ductam ducantur duæ diametri perpendicularares: Rectæ duæ hinc appropinquantes ex puncto rectæ per centra ductæ, per quod transit recta, quæ extremis duorum diametrorum ductarum coniungit, & quod in utroque circulo existit, facientemque cum recta utriusque diametro æquidistantem ex utroque parte, vel cum recta per centra ducta sita, angulos æquales, interceptent in utroque circulo arcus similes: Ipsa quoque recta utroque diametro æquidistans ex utroque circulo alterum arcum similes abscindet. Et contra si duæ rectæ arcus similes interceptant, constituent cum eadem recta æquidistantem ad utraque partes angulos æquales.

106

35. *Si* in circulo duæ diametri sese ad angulum rectos faciant, & in eodem recta ducatur ad utrumque diametrum inclinata, vel uti eorum parallelæ, ab uno autem extremo alterutrum diametrorum per extremum rectæ lineæ inclinatæ, vel ab extremo diametri illius, cui recta æquidistans est, extendantur duæ rectæ triangulè coniungentes, cuius basis est recta inclinata, vel illa parallelæ. Altera diameter absintat ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrariè posita. Et si recta inclinata per centrum transierit, recta ex eodem diametri extremo ad eam ducta perpendicularis basis trianguli ab altera illa diametro abscessi bifariam secabit, & quoque perpendicularis similis erit basis æqualis erit. Si vero recta per centrum ad transierit, sine inclinata sit, sine uti diameter parallelæ, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum, ubi recta illam secat, ex eodem illo extremo diametri recta ducatur usque ad circumferentiâ, ut eandem arcum co-

per hoc punctum circumferentia, & diametrum perpendiculari postremo loco dictam, arcus ex altera parte aequalis absculatur Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum huius arcus ducta, secabit quoque basem trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam. 111

SI in circulo duæ diametri sese ad rectos angulos secantes ducantur, recta linea, quæ ad aliquam aliam diametrum obliquam perpendicularis ducitur ab extremo utriusvis diametrorum sese ad angulos rectos secantium, dividit bifariam segmentum cuiusvis lineæ rectæ alteri diametro æquidistantis interceptum inter rectas ex eodem illo puncto extremo per terminos diametri obliquæeductas. 113

36. SI in circulo duæ diametri sese ad rectos angulos secant, & in eodem aliæ duæ diametri ad illas inclinata ducantur, ab uno autem extremo alteriusvis diametrorum priorum per extrema posteriorum bina recta extendantur. Erunt rectæ ex altera priorum diametrorum ad bina rectis abscissa maiores diametro circuli, ipsæque inter se erunt quoque inæquales, maior videlicet illa, cuius diameter inclinata maiorem angulum cum altera illa diametro priorum constituit. 114

37. CIRCULI positum in sphaera obliqua borealis secant arcum semidiametri Aequatoris in partes aequales, secant arcum semidiametri parallelorum in partes inæquales: Et in parallelis quidem australibus qualibet pars inter Meridianum, & quemlibet circulum positionis minor est respectu præter arcum semidiametri, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiametri Aequatoris; in borealibus vero maior. Idem tamen circuli positionis parallelis Horizontem tangentes secant quoque in partes aequales. 117

38. IN sphaera obliqua boreali circuli per horas inæquales Aequatoris, & cuiusvis parallelis transientes, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum australem, ex parte meridionali supra Ho-

izontem, inter eundem Horizontem, & polum Septentrionalem. 120

39. CIRCULI maximi transientes per horas inæquales Aequatoris, et duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inæquales parallelorum intermediorum transiunt in sphaera obliqua. 121

NON dari circulos maximos, qui per horas inæquales omnium parallelorum transiant contra plerisque horologiorum scriptores. 122

LINEAE horarum inæqualium in horologijs quid referant. Ibidem.

40. SI in triangulo parallela unilateri agatur, vel si productis duobus lateribus versus angulum ab eis comprehensum, tertio lateri ducatur parallela, ut duo sint triangula: Circuli circum ea descripti se mutuo in angulo, vel puncto communi tangunt. 123

DVO circuli, qui ex duobus centris in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eo puncto tangunt exterius. 124

41. PER datam duo puncta circum describere, qui datum circum tangat. 125

42. DATIS duobus circulis, per punctum in unius circumferentia datum describere circum, qui utrumque datum tangat. 125

43. SI in sphaera circuli duos maximos circulos ad eandem partes inter punctum sectionis, & circum maximum per eorum polos ductum tangat, arcus duorum illorum circularum maximorum inter puncta contactuum, & inter sectionem circularum, vel circum maximum per eorum polos ductum intercepti, æquales sunt. 127

44. SI in sphaera circuli duos circulos non maximos aequales tangat, arcus duorum illorum circularum non maximorum inter puncta contactuum, & circum maximum per eorum polos ductum, vel punctum sectionis (quando se interficant) intercepti, sunt æquales. 128

45. SI in sphaera circuli duos circulos parallelos ad eandem partes circuli maximi

*zimi per eorum polos ducti tangat; arcus
eorum inter puncta contactuum, & circuli
quolibet maximus per eorum po-
los ductus intercepti, similes sint.* 141

46. *§ 1. in sphaera duo circuli se mutuo
secant, maximus circulus fixam infartum
vnius sphaeræ puncti, atque per eum cir-
culus polos, transiit quoque per alterius cir-
culi polos.* 142

47. *§ 1. in sphaera per polos cuiusvis
circuli maximus decenter tres maximus cir-
culus conspiciuntur, cum angulus in polo aqua-
lus, circulus quocunque ex quolibet puncto
medii circuli, ut polos, descriptus abscondit
tam ex alio ductus circulo maximo, q-
ui ex duobus circulis fuit maximus, sine non
maximus aequalibus, qui polos habent in
primis circulo maximo & medio illi circulo
maximo aequalibus intervallic distant-
tes, arcus aequalis ad easdem partes ab eod-
em primo circulo maximo inchoans, in
circulo tamen maximo, vel uno maximis
aqualibus polos in primo illo circulo ma-
ximo habentibus, à punctis, quæ circa, vel
extra polos eorum exsistunt.* 143

48. *§ 1. ex eod- centro duo circuli de-
scripti fuit, & ex quolibet punctis circum
ferentia interioris ad exterioris circumfer-
rentiam recta aequalis ductatur, & ad eu-
dem eandem interiorum circulum tangere
possit, tangat eundem & reliqua. Et si
plures huius interiorum circulos tangen-
tes versus eandem partem ducantur, ver-
sus sinistram rotabunt, aut dextram, ipsæ
inter se aequales, & arcus inter binas con-
prehensi, similes erunt.* 147

49. *P A F C A* quædam de declina-
tionibus, latitudinibus ortuum, ascensionibus,
rectis, & obliquis demonstrare. 149

P A R A L L E L U S quilibet per
duo puncta ab alterutro puncto tropi-
co aequaliter distantia transit. *ibid.*

D V O paralleli per duo puncta Ecli-
pticæ equaliter ab alterutro puncto æ-
quinoctiali, vel à duobus, aut etiam à
duobus punctis tropicis distincti ducti,
declinationes habent aequales. 150

D V O ipsi paralleli habent lati-
tudines ortuum aequales. *ibid.*

I D E M duo paralleli æquales sunt. *ibid.*

Q V A T E R N A puncta Eclipti-
cæ æquales habent declinationes, &
latitudines ortuum. *ibid.*

S A T I S esse, ut declinationes, la-
titudinesq; ortuum omnium punctorum
vnius quadrantis Eclipticæ, inveniun-
tur. *ibid.*

Q V I arcus Eclipticæ dicantur op-
positi, & qui equaliter distantes ab ali-
quo puncto Eclipticæ. *ibid.*

Q V A T E R N O S arcus Eclipti-
cæ æquales habent rectas ascensiones,
& descensiones. 152

S A T I S esse, ut ascensiones rectæ
omnium arcuum primi quadrantis Ecli-
pticæ reperiantur. 153

Q V I arcus Eclipticæ maiores sunt
suis ascensionibus rectis, & qui mino-
res. *ibid.*

A S C E N S I O recta cuiusvis ar-
cus, vel puncti, æqualis est descensionis
rectæ eiusdem arcus, vel puncti. *ibid.*

C I R C U L U S maximus ex polo
mundi per intersectionem paralleli cu
iulibet puncti Eclipticæ cum Horizon-
te oblique ductus, intercepti cum Hor-
izonte in Aequatore arcum distanti-
æ ascensionalis illius puncti Eclipti-
cæ: cum circulo vero alio maximo per
illud punctum Eclipticæ ducto, ascen-
sionem obliquam arcus Eclipticæ inter
illud punctum & Horizontem positi. 154

D V O Eclipticæ arcus æquales ab
alterutro puncto æquinoctiali inchoan-
ti, vel equaliter distantes, descensiones
obliquas habent æquales. 155

D V O arcus Eclipticæ æquales ab
eodem tropico puncto equaliter remo-
ti, item duo oppositi, habent suas ascen-
siones obliquas simul sumptas ascensionibus
suis rectis simul sumptis æquales. 156

A R C U S Eclipticæ ab Ariete in-
choati, & semicirculo minores, maio-
res sunt suis ascensionibus in obliquis
sphaera; inchoati verò à Libra, mino-
res. 157

A R C U S Eclipticæ ab Ariete in-
choati habent ascensiones obliquas tunc
rectis

rectis ascensionibus minores, quanto maiores rectis sunt ascensiones oblique arcu equali à Libra inchoatorum. 158

PUNCTA Eclipticę opposita differentias ascensionales habent inter se equales. Ibid.

DVORVM arcuū Eclipticę equalium ab eodem puncto tropico equaliter distantium, vel oppositorum, vnus ascensio obliqua tãto minor est, quàm recta, quanto alterius maior est. Ibid.

DVO arcus Eclipticę æquales ab eodem puncto tropico, vel æquinoctiali equaliter distantes, aut oppositi, eandē habent differentia ascensionalē. 159

A R C V S Eclipticę quicunque ab eodem puncto tropico bifariam diuisus, habet vbius locorū ascensionē obliquā equalē ascensionī eiusdem rectę. Ibid.

DESCENSIO cuiusuis arcus Eclipticę equalis est ascensionī arcus oppositi. Ibid.

S A T I S esse, si supputetur ascensionis oblique arcum quadrantis primi Eclipticę, vt tota tabula obliquarū ascensionum condatur. 160

DIFFERENTIA ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticę, est etiā differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti, & arcum semidiurnum Aequatoris qui sęper quadrans est. Ibid.

A R C V S semidiurnus cuiusuis puncti Eclipticę, quo modo ex differentia ascensionali eiusdē puncti eliciet. 161

DIFFERENTIA ascensionalis quādo addenda, vel auferenda, vt habeatur arcus semidiurnus, vel ascensio obliqua dati puncti, vel stelle. Ibid.

QVATERNARIA puncta Eclipticę habere eandem differentia ascensionalem. Ibid.

S I N V S totus ad sinū complementi declinationis cuiusuis puncti Eclipticę eandē proportionem habet, quā secans arcus inter illud punctū, & punctum æquinoctiale proximum ad secantē ascensionis rectę eiusdē arcu. Ibid.

S I N V S totus ad tangentem altitudinis poli eandem proportionem ha-

bet, quā tangens declinationis dati puncti Eclipticę ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti. 162

DIFFERENTIA inter longissimum, vel breuissimū arcum semidiurnū, & arcū semidiurnum Aequatoris, quo pacto in quavis eleuationē poli supputetur. 163

S I N V S totus ita se habet ad sinū ascensionis rectę cuiusuis puncti Eclipticę, vt sinus differentie ascensionalis initij Cancrī, vel Capricorni ad sinum differentie ascensionalis eiusdē puncti. 164

S I N V S complementi declinationis cuiuslibet puncti Eclipticę ad sinū declinationis eiusdē puncti est, vt sinus totus ad sinū differentie ascensionalis eiusdē puncti, si latitudine grad. 45. Ibid.

A R C V S tangenti declinationis cuiuslibet puncti, tanquam sinui, congruēs, est differentia ascensionalis eiusdem puncti in latitudine grad. 45. 166

S I N V S complementi altitudinis poli datę ad sinū altitudinis poli ita se habet, vt sinus differentie ascensionalis cuiusuis puncti Eclipticę in latitudine grad. 45, ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti in priorē altitudinē poli data. Ibid.

S I N V S totus ad tangentē altitudinis poli data ita se habet, vt sinus differentie ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticę in latitudine grad. 45, ad sinū differentie ascensionalis eiusdem puncti in data altitudine poli. 167

30. D A T I S duobus axibus Ellipsis sese ad angulos rectos sitis, seu quilibet puncto minoris axis, etiam produci, si opus est, recta dimidio maioris axis equalis educatur secans ipsum axem maiorem, ita vt segmentū eius ultra angulū axi maiorem dimidio minoris axis equalis sit, et dē eius extremū in Ellipsim. Et si ex quolibet puncto Ellipsis recta dimidio maioris axis equalis educatur, usque ad maiorem axem, etiam produci, si opus est, secans tantū ipsum maiorem axem, erit eius segmentū inter datum punctum, et axem maiorem, dimidio minoris axis equalis. 167

DATIS axibus, Ellipsis describere. 168

DATO alterutro axium, & punctum Ellipsi circa eum axem describenda, alterum axem reperire. 169

DATIS duobus axibus Ellipsi, & quolibet puncto, an datum hoc punctum in Ellipsi existat, an extra, vel intra, cognoscere. ibid.

DATIS duobus rectis inaequalibus, & puncto quolibet, describere Ellipsim per datum hoc punctum, cuius centrum sit quoque datum, & axes datis rectis aequales. 170

11. Si circa axes Ellipsi circuli describantur, & ad eosdem ordinem rectae applicentur usque ad Ellipsin, & circulorum peripherias, erant applicatae usque ad Ellipsin, applicatae usque ad circuli peripheriam, ad cuius videlicet diametrum applicatae sunt, proportionales. 171

ORDINATIUM applicatæ pro-

portionaliter secantur ab Ellipsi, & circuli circa axes descriptis. 172

12. DATIS axibus alienum Ellipsi sese ad angulos rectos secantibus, in data recta quolibet puncta reperire, per qua Ellipsis, si describeretur, transire debet. 173

13. QVAESTIONES omnes, quae per se fieri videntur, atque secantes ab solui solent, per solam prosthaphereseos, id est, per solam additionem, subtractionemque, sine laboriosa numerorum multiplicatione, divisioneque, resolvitur. 178

TABULA sinuum cum numeris ad partem proportionalem circuli diam infertur. 196

PARS proportionalis Sinuum, & arcuum, quo pacto invenitur. 228

TRIANGULORVM sphaericorum, ac rectilicorum multiplex calculus. 231

INDEX

PROBLEMATVM AC THEOREMATVM, Quae in propositionibus secundi Libri, earumque Scholijs demonstrantur.

Qui praeposuntur numeri, significant eos, qui propositiis, &
earumque Scholijs, varijs in locis inserti sunt.

IN PROOEMIO.

1.  Phasem varijs modis posse in plano describi. Pag. 269
2.  Astralabii Catholici Gemmae Friij, ut describeretur, ubi vultus collocandus sit in sphaera. ibid.
3. Planisphaerium Vniuersale Isaac de Reio qui fundamento describitur. 270
4. Astralabium, sive Planisphaerium Ptolemaei, ut ad datum poli altitudinem describeretur, ubi vultus in sphaera constitutus sit. ibid.
5. Insidens in eodem Astralabio, sive

Planisphaerio Ptolemaei construendo, quale planum assumat. ibid.

6. In Astralabio quae potissimum describantur. ibid.

7. Partes inter puncta, lineas, & circulos sphaera comprehensas non igitur periculis descriptionis in Astralabio. ibid.

1. Astralabij partes singulae quibus eas in partibus respondent. ibid.

2. Sphaera punctum quodlibet ubi apparent in Astralabio. 271

3. Recta linea in sphaera quae apparet punctum in Astralabio, & quando linea recta. ibid.

8. Cir-

9. *Astrolabium describere quid sit.* Ibid.
 9. *Astrolabium, sine Planispharium*
quid sit. 273

IN PROPOS. I.

1. **C**irculum quemlibet sphaera per polos australem ductum, projici in Astrolabium per lineam rectam infinitam, qua communis sectio est ipsius circuli, & plani Astrolabij. Aequatorius: Partes autem illius recta arcibus aequalibus respondent inaequales esse, eoque maiores, quod a radio visuali per circuli centrum ducto sunt remotiores: binas tamen partes hinc inde ab eodem radio aequaliter distantes, aequalibus; arcibus respondentes aequales esse. 273

4. *Polum borealem, axem mundi, & centrum sphaerae, sine mundi, in Astrolabio idem esse, quod centrum Astrolabij.* 275

4. *Circulos omnes maximos per polos mundi ductos, projici in rectas lineas sese in centro Astrolabij interfecantes.* Ibid.

3. *Circuli per mundi polos ducti, quo pacto in Astrolabio, ubi recta linea sunt, in gradus distribuuntur.* Ibid.

6. *Arcus, vel gradus quilibet circuli per mundi polos ducti, quo pacto reperiantur in recta circulum illum referente in Astrolabio: Et quot gradus in dato segmento eiusdem rectae continentur, quo pacto cognoscantur.* 276

IN PROPOS. 2.

1. *Aequatorem, omnesque eius parallelos, in Astrolabium projici in formas circulares.* 277

3. *Arcus eorundem circularum projici in arcus similes, atque adeo aequales in aequalibus.* 278

4. *Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio dividendos esse in partes aequales, ut eorum gradus habeantur, ad instar aliorum circularum in sphaera.* Ibid.

5. *Parallelos Aequatoris australes in*

Astrolabio esse maiores Aequatore, & boreales, minores. Ibid.

6. *Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio idem cum Astrolabio centrum habere.* Ibid.

IN PROPOS. 3.

1. *Circulum quemlibet sphaera ad Aequatorem obliquum, vel etiam rectum non maximum, in Astrolabium projici in circularem figuram.* 279

2. *Arcus eiusdem circuli, a certo quodam puncto inspicere projici in arcus dissimiles, atque adeo aequales, inaequales.* 281

4. *Circulum quemvis obliquum ad Aequatorem, vel etiam rectum non maximum, in Astrolabio habere centrum a centro Astrolabij diversum.* Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 3.

1. *Circulum quemvis obliquum maximum, eiusque parallelos, vel etiam circulum non maximum ad Aequatorem rectum, ex polo australi inspicere debere in communi sectione Aequatoris, vel plani Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, ducti, tum ut in formam circularem projiciantur, tum ut maximae eorum diametri visae habeantur.* 282

1. *Diametros circularum obliquorum quorumlibet, vel etiam rectorum non maximorum in Astrolabio, visas in communi sectione Aequatoris, vel plani Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos obliquorum circularum, vel etiam rectorum, ducti, esse omnium maximas.* 282. & 283

4. *Centra obliquorum circularum quorumlibet, vel etiam rectorum non maximorum in Astrolabio, sumenda esse in communi sectione plani Astrolabij, Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circularum obli-*

obliquocum, vel rectörum, ductis. 224.

5. Rectam lineam per centrũ Aërolabij, & centrũ cuiusvis circuli in Aërolabio descripti ductam, esse communẽ sectionem plani Aërolabij, Acquatörise, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos descripti circuli ducitur. 224. & 229. MI Ibid.

6. Iordanĩ demonstratio, circulos obliquos, vel etiam rectos continentes, projectum figure circulares, 224. & 229.

IN PROPOS. 4.

1. Acquatörẽ, eiusque parallelos in Aërolabio ex Analomatiẽ describere, si magnitudinẽ Acquatöris dederis. 187

2. Meridiana, atque Meridianũ rectũ, per quos Mundũ rectus representatur in Aërolabio. 187.

3. Acquatörẽ, eiusque parallelos describere, si in rectis aquales, vel eorũ generũ differentias, 187. & 188.

4. Rectas lineas per centrũ Aërolabij rectũ, & ducitũque quolibet arcum ex eisdem circulis descriptis, ut per polos mundi, representari eorũ magnitudinẽ sphaera per polos mundi, & singulos prius Acquatöris descripti. 188.

5. Parallelos quolibet Acquatöris quibus declinatio data sit, in Aërolabio ex Analomatiẽ describere. 188.

6. Parallelos cuiuslibet Acquatöris in Aërolabio descripti de quibuslibet alius lemmati cognoscere, & contrariũ fieri, ut australe. 188. & 189. & 190. & 191.

7. Acquatörẽ, cuiusque parallelos in Aërolabio sua analomatiẽ Analomatiẽ describere, si data sit Acquatöris magnitudo. 190.

8. Parallelos quolibet Acquatöris, cuius declinatio data sit, in Aërolabio sua construatũ Analomatiẽ describere. 191.

9. Ex uno arcu declinationis in Acquatörẽ descriptis rectis australemque parallelum borealem parallelos illius declinationis. Ibid.

10. Parallelos cuiuslibet Acquatöris quibus

Aërolabio descripti de declinatione sua lemmati Analomatiẽ cognoscere, & contrariũ fieri, ut australe. Ibid.

11. Similitudinem parallelorũ Acquatöris, per sectiones australes, accuratius, atque exquisitius invenire. Ibid.

12. Similitudinem Acquatöris inter similitudines duarũ parallelorum Acquatöris oppositorum in Aërolabio descriptorum esse eandẽ in ea proportionalitatem, et quã proportionem habeant. 193.

13. Similitudinem cuiusvis paralleli Acquatöris australis ex similitudinem paralleli borealis oppositi invenire in Aërolabio. 194.

14. Polos mundi australem solum ex omnibus punctis sphaera in Aërolabio posse praeferre. 195.

15. Non omnia puncta sphaera rectilinea (diametris australe exceptis) rectam esse posse praeferre in Aërolabio. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 4.

1. Acquatörẽ, eiusque parallelos in Aërolabio describere, si tropici 30 magnitudo data sit. 196.

2. Acquatörẽ, eiusque parallelos in Aërolabio describere, si tropici 30 magnitudo data sit. 196.

3. Acquatörẽ, eiusque parallelos in Aërolabio describere, ex data cuiuslibet paralleli Acquatöris magnitudine. 197.

4. Nullum parallelum Acquatöris in Aërolabio describere posse, ex data paralleli oppositi magnitudine, nisi prius Acquatöris describatur. Ibid.

IN PROPOS. 5.

1. Horizontum quolibet obliquum, & obliquum sibi primarium, Rectificum, & quodlibet alium circulum continens obliquum, seu ad Meridianum tantum inclinatum, seu ad Acquatörẽ tantum, seu ad Aërolabio ex instru-

mentis

Alione Analemmatis describere. 299

1. Quos parallelos Heliptica, Merizon, atque Verticalis tangant. Ibid.

2. Horizontem quous obliquum, Verticalis eint primarium, Helipticam, & quemcumque alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus reddus sit, inclinatumque ad Aequatorem habeat utam, in Astrolabio sine constructione Analemmatis describere. 301

3. Centrum Horizontis in Astrolabio invenire, etiam si diameter eius visa non sit. 303

3. Rectam ex polo australi ad diametrum maximu circuli obliqui in Aequatore descriptam, ad angulos rectos ductam, eadere in centrum eiusdem circuli obliqui in Astrolabio. Ibid.

4. Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio invenire, etiam si diameter eius visa inveniri non sit. Ibid.

5. Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diversum esse. Ibid.

7. Helipticam semper apparere circulu in Astrolabio, eiusdemque magnitudinis, etiam si ad marcos durium in sphaera continui circumferatur. 304

9. Diameter vera dati circuli maximi obliqui, & ad Meridianum recti, qua ratione in Aequatore Astrolabij ducenda sit, ut per eam circulus ipse obliquus in Astrolabio describatur. 305

10. Extremum punctum diametri visa circuli maximi obliqui, quod à centro Astrolabij remotius est, accuratius invenire. Ibid.

10. Circulum maximum obliquum in Astrolabio describere, etiam si eius diameter visa inveniri non sit. Ibid.

11. Semidiametrum cuiusvis paralleli Aequatoris Australis alio modo, quam supra, & valde exquisitè invenire. 307

12. Poli cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio, per quatuor lineas rectas inducentur in linea meridiana. Ibid.

12. Radius ex polo australi per polum circuli obliqui maximi remotiore in ductus quos angulus facit bisariam. Ibid.

13. Polum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diversum esse. Ibid.

14. Centrum circuli maximi obliqui aliter reperire in Astrolabio. Ibid.

14. Rectus ex polo australi ad polum circuli obliqui ductus abscondit ex meridiana linea, & vera diametro circuli obliqui, rectus aequalis. 309

15. Polum circuli maximi obliqui ab eius centro differre in Astrolabio. Ibid.

17. Horizontem obliquum in Astrolabio ex eius polo superius in gradus distribuere. 310

17. Obliquus circulus maximus, quam do eius polus superior parum abest à circifarentia Aequatoris, quo pacto exquisitè in gradus distribuatur. 311

18. Gradum quemlibet propositum in Horizonte Astrolabij ex eius polo superiore invenire. Ibid.

18. Pars orientalis, occidentalis, borealis, & australis in Horizonte Astrolabij qua. Ibid.

18. Datum arcum maximi obliqui in Astrolabio dividere bisariam. 312

19. Quot gradus in dato arcu Horizontis Astrolabij continentur, ex eius polo superiore cognoscere. Ibid.

20. Horizontem obliquum in Astrolabio ex eius polo inferiore in gradus distribuere. Ibid.

21. Helipticam, Verticalis primariam, et quemvis alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus sit, in Astrolabio ex utrovis eius polo in gradus pariri. 314

23. Circulum quemlibet maximu obliquum, qui ad Meridianum rectus non est, ex utrovis eius polo in gradus distribuere in Astrolabio. Ibid.

23. Regula facilis pro inijs arcuum abscessuum determinandis in diversibus circulerum maximorum in gradus, per rectas ex alterutro polorum cuiusvis circuli obliqui emissas. 316

23. Regula facilis ad cognoscendum, utrum punctum Aequatoris in calo sit superius, vel inferius : Et utrum punctum circuli

I N D E X

circuli maximi obliqui sit borealis, vel australis. *Ibid.*

23. Regula facilius proinijis arcuum praesentanda. 317

24. Circulum quemvis maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus est, in Astrolabio dividere in gradus ex centro alius circuli maximi, qui respectu illius est inslar Verticalis primarij. *Ibid.*

25. Gradum quemlibet propositum in circulo obliquo maximo ad Meridianum recto in Astrolabio referre ex centro alius circuli maximi, qui respectu illius est inslar Verticalis primarij. 319

26. Quot gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum recti continentur, ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est inslar Verticalis primarij, agnoscere. *Ibid.*

27. Circulum quemvis obliquum maximum, qui ad Meridianum rectus non sit, dividere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est inslar Verticalis primarij. *Ibid.*

28. Quae linea circulum maximum obliquum tangens in Astrolabio. 320

29. Lineas quasdam in Astrolabio concurrentes, repraesentare in eodem lineas parallelas, & non concurrentes. 321

30. Circulum quolibet maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus sit, in gradus distribuere ex polo australi Analemmatis. 323

31. Gradum quemlibet propositum in circulo maximo obliquo ad Meridianum recto invenire ex polo australi Analemmatis. *Ibid.*

32. Quot gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum recti continentur, ex polo australi Analemmatis agnoscere. 324

33. Circulum quemvis maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus non sit, partiti in gradus ex polo australi Analemmatis. *Ibid.*

34. Circulum quemvis maximum obliquum in Astrolabio distribuere in gradus ex proprio centro, & centro Astrolabij, sive Aequatoris. 326

34. Circulum quavis maximum Astrolabij partiti in gradus per alium circulum maximum distribui. 327

35. Dato arcui in circulo quovis maximo abscindere arcum aequalen, quod ad numerum graduum attinet, ex quovis alio circulo maximo. *Ibid.*

36. Circulum maximum obliquum sectare multipliciter in gradus, per circulos varios per eadem puncta descriptos, ut proposit. 6. Num. 36. docetur. *Ibid.*

36. Circulum maximum obliquum multipliciter in gradus partiti per varios rectos lineas. 328

36. Ex quolibet puncto meridiana linea circuli obliqui rectas educere secantes circulum ipsum obliquum in gradus. 329

36. Dato puncto in circulo maximo obliquo, punctum respondens in Aequatore reperire. *Ibid.*

36. Dato quovis puncto in plano alium circuli maximi in sphaera, etiam extra circulum, invenire eum sicut in Astrolabio. *Ibid.*

36. Quae puncta vera in plano dati circuli obliqui in sphaera non habent respondentia puncta in Astrolabio. 331

36. Dato quovis puncto in Astrolabio, invenire eum sicut in plano cujusvis circuli maximi in sphaera. *Ibid.*

36. Quae puncta visa Astrolabij non habent vera respondentia in plano dati circuli obliqui in sphaera. *Ibid.*

36. Ex quolibet puncto extra meridianam lineam dato in Astrolabio, dari circulum maximum in gradus distribuere. 333

36. Circulum quolibet maximum obliquum in gradus dividere alijs tribus vjs, ut in proposit. Num. 37. & 38. *Ibid.*

IN SCHOLIO PROPOS. 5.

1. Circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, per quae puncta Aequatoris decutur in Astrolabio. 333

2. Circulum maximum quemlibet obliquum in Astrolabio esse maiorem Aequa-

Aequatore.

335

3. Circuli maximi obliqui ad Meridianam non recti, per quæ puncta Aequatoris in Astrolabio doceantur, Ibid.

3. Quemlibet circulum maximum in Astrolabio transire per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita, ideoque Aequatorem secare bisariam, Ibid.

3. Communis sectio Aequatoris, & cuiusvis circuli maximi obliqui in sphaera, per quam rectam repræsentetur in Astrolabio, Ibid.

4. Aequator, & quilibet circulus maximus obliquus in Astrolabio se mutuo secant bisariam, licet segmenta circuli obliqui inter se valde sint inæqualia, Ibid.

5. Semicirculi cuiusvis obliqui circuli maximi, ab Aequatore facti, eorum sint inæquales in Astrolabio, 336

6. Aequator in Astrolabio eum quovis circulo maximo obliquo secetur in duos semicirculos æquales in duobus punctis per diametrum oppositis, Ibid.

7. Quilibet circulus siue maximus, siue non maximus, dividens in sphaera aliquem Aequatoris parallelum bisariam, transit in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita in eoparallelo, Ibid.

8. Circulus non maximus non potest Aequatorem Astrolabij secare bisariam, Ibid.

9. Circulus in Astrolabio secus Aequatoris bisariam, repræsentat in sphaera circulum maximum: qui vero non bisariam dividit, refert non maximum, Ibid.

10. Recta linea quolibet per centrum Astrolabij ducta indicat in circulo quovis maximo obliquo duo puncta per diametrum opposita, ita ut vices gerat diametri cuiusdam, 339

11. Arcus æquales circuli maximi obliqui proijci in arcus inæquales, ordine continuato, 341

12. Fieri potest, ut arcus quispam

vnus maximi circuli obliqui in sphaera proijciatur in Astrolabium in arcum similem, 343

14. Proprietates variz circularum maximorum obliquorum in Astrolabio, Ibid.

14. Circuli in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita descriptum, esse maximum, Ibid.

14. Qui arcus maximi circuli obliqui in Astrolabio æqualis sit, quod ad numerum graduum attrinet, arcui Aequatoris altitudinem poli supra eundem circulum obliquum metienti, & qui complemento eiusdem altitudinis non solum æqualis sit in numero graduum, verum etiam similis, 347

15. Quæ rectæ Aequatorem, & circulum maximum obliquum in Aequatore tangant, & vbi, Ibid.

15. Rectæ ex polo inferiore circuli maximi obliqui ductæ, si tangant Aequatorem, tanger & circulum obliquum: Et si tangant circulum obliquum, tægent & Aequatorem, 347

16. Rectæ ad meridianam lineam in polo circuli maximi obliqui perpendiculares, quos arcus similes abscindat ex Aequatore, & circulo maximo obliquo, Ibid.

18. Quos arcus similes ex Aequatore, & circulo maximo obliquo auferant rectæ ex polis eiusdem circuli obliqui educant, 349

19. Aequatorem in Astrolabio ex circulo maximo obliquo, qui ad Meridianum rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, describere, 350

20. Quæ puncta in Astrolabio repræsentent in sphaera duo puncta per diametrum opposita, 351

21. Altitudinem poli supra circuli maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus sit, & eius inclinationem ad Aequatorem, situmque in sphaera cognoscere, 352

I N D E X

IN PROPOS. 6.

1. Horizontis, & cuiusvis alterius circuli maxime obliqui, ad Meridianum ratiocinandi, paralleli in Aſrolabio ex Aſa lemmate deſcribere. 343

2. Parallelos ceſſum beneficio Aequatoris, etiamſi Aſalemma ſciſſum conſtrudum non ſit, deſcribere. Ibid.

3. Paralleli Horizontis, qui in ſphæra inter polos auſtralem, & Zenith, Meridianum interſecant, ambiant ipſum Zenith in Aſrolabio. 345

4. Paralleli Horizontis, qui in ſphæra per polos auſtralem ductus, proſecutur in Aſrolabio in rectam lineam, qua ad Meridianum lineam perpendicularis eſt in centro Verticalis primarij. Ibid.

5. Paralleli Horizontis, qui in ſphæra inter polos auſtralem, & Nadir Meridia dum interſecant, ambiant ipſam Nadir in Aſrolabio. Ibid.

6. Communis ſectio Aequatoris, & paralleli Horizontis qua ſit in Aſrolabio. 347

7. Meridianus, et linea meridiana cuiusvis circuli obliqui, in Aſrolabio qua modo intelliguntur. Ibid.

8. Semicirculi, & quadrantes Horizontis, cuiusque parallelorum, à Verticali primario, ac Meridiano abſiſſi in Aſrolabio, qui. Ibid.

9. Diametri apparentes parallelorum Horizontis, unde cum eorundem centro per ipſorum Horizontis in Aſrolabio reperiuntur. 348

10. Circulum per extrema puncta diametri viſe cuiusvis paralleli Horizontis, & per polos auſtralem deſcriptum, tangere Horizontem in polo auſtrali. 349

11. Rectam lineam ex meridiana abſciſſam, qua ſit diameter viſa paralleli cuiusvis Horizontis. 351

12. Dato uno extremo diametri viſe cuiusvis paralleli Horizontis, reperire alterum extremum, beneficio circuli Horizontis tangentis. Ibid.

13. Diametri viſæ parallelorum Horizontis, beneficio circuli Horizontis in po-

lo auſtrali tangentis, reperire. 352

14. Rectam ex centro Verticalis primarij ad interſectionem parallelorum Horizontis cum eodem Verticali ductam, tangere illorum parallelos. 353

15. Dato uno extremo diametri Horizontis, vel eius paralleli, invenire alterum extremum per certam quandam proportionalem. Ibid.

16. Semicirculorum Verticalis primarij medio loco proportionalem eſſe inter rectam, qua inter centrum Verticalis, & alterutrum extremorum diametri Horizontis, vel eius paralleli, interſecant, & rectam inter idem centrum Verticalis, & alterum extremum diametri Horizontis, vel eius paralleli poſitam. Ibid.

17. Diametri viſæ parallelorum Horizontis, beneficio arcus cuiusvis magnitudinis ex polo auſtrali deſcripti, reperire. Ibid.

18. Centro parallelorum per rectas in polo auſtrali cuiusvis reperire. 357

19. Semicirculorum, & centrum cuiusvis paralleli Horizontis per unam ſolam lineam, qua Verticalis primarium tangat, invenire. 359

20. Faciliſſe ad plures lineas ducendas, qua ductis circulum in dato puncto tangant. 371

21. Centrum cuiusvis paralleli Horizontis ab eius polo diſtans eſſe. Ibid.

22. Ex quocumque parallelo Horizontis in Aſrolabio deſcripto, parallelum oppoſitum deſcribere, etiamſi eius diameter inuenta non ſit. 373

23. Dato puncto in Aſrolabio poſitum per diametrum ſphære oppoſitum reperire. Ibid.

24. Punctum in parallelo Aequatoris auſtrali dato invenire, in quo à parallelo Horizontis infra Horizontem propoſito ſecetur, quando ſecetur, etiamſi deſcriptus non ſit. 374

25. Parallelos Horizontis in ſphæra ductum, in Aſrolabio deſcribere. 375

26. Dato parallelo Horizontis in Aſrolabio, quanta ſit eius ab Horizonte diſtantia, cognoscere. 376

LIBRI II.

19. Quæ pælle omnia, quæ de parallelis Horizontis describendis dicta sunt, ad describendos parallelos aliorum circularum maximorum obliquorum, sive ad Meridiana recti sive, sive ad accommodantur. Ibid.

20. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo superiore. 378

21. Parallelos Aequatoris australem in Astrolabo describere ex parallelo æquali circuli maximi obliqui circa eius polum ab australi polo remotiorem describere. Ibid.

22. Initium arcuum respondentium in parallelis unde sumendum in hoc modo diuidendi parallelos obliqui in gradus ex eorum polo superiore. 379

23. Regula facilis ad cognoscendam, utrum punctum parallelis Aequatoris in Astrolabo, dicatur superius in celo, inferius, respectu dati circuli maximi obliqui. Item utrum punctum parallelis obliqui boreale sit, vel australe. 381

24. Gradum quolibet propositum in parallelis Horizontis ex uno polo superiore invenire in Astrolabo. 382

25. Quæ gradus in dato arcu parallelis Horizontis continentur in Astrolabo, ex polo suo superiore cognoscere. Ibid.

26. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo inferiore. Ibid.

27. Initium arcuum respondentium in parallelis unde sumendum in hoc modo diuidendi parallelos obliqui in gradus ex eorum polo inferiore. Ibid.

28. Quæ pælle omnia, quæ de diuisione parallelorum Horizontis, ex uno polo, dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodantur. 383

29. Parallellum obliquum per circuli cuiusvis magnitudinem in gradus æquales diuisum, in gradus distribuere, quæ ut opus non sit describere parallellum australem in modo quod prædictum, aut borealem per eum quæ magnitudinem. Ibid.

30. Radius ex polo australi ad polum circuli obliqui ductus abscindens ex meridiana linea, et vera diameter circuli obliqui, rectus æqualis. 385

31. Maximum circulum obliquum in gradus partes per circulum Aequatore mouere cuiusvis magnitudinis. Ibid.

32. Circulum maximum quemvis visum in gradus apparentes diuidere beneficiis gradibus æqualium eiusdem circuli maximi visum. 386

33. Parallellum quicunque obliquum visum in gradus apparentes distribuere beneficiis graduum æqualium eiusdem paralleli. 388

34. Quæ gradus in dato arcu circuli obliqui continentur, facillima ratione cognoscere. Ibid.

35. Arcum datum circuli obliqui in quatuor partes æquales visas facillima ratione facere. 389

36. Parallelos cuiusvis maximi circuli obliqui in gradus distribuere, ex centro circuli maximi, qui insit eis Verticalis ipsorum primariis. 392

37. Gradum quolibet propositum in parallelis oblique Astrolabii reperire ex centro maximi circuli, qui illius est valenti Verticalis ipsorum primariis. 395

38. Quæ gradus in arcu dato parallelis obliqui continentur, ex centro maximi circuli, qui illius est valenti Verticalis ipsorum primariis. Ibid.

39. Quæ pælle omnia, quæ de diuisione parallelorum Horizontis, ex centro Verticalis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodantur. Ibid.

40. Radius ex centro cuiusvis circuli maximi in Astrolabo ductus ad intersectionem eius cum parallelis alterius circuli maximi, qui illius sit valenti Horizontis, parallelos ibidem tangere. Ibid.

41. Simulacrum Verticalis medio loco esse proportionalem inter rectam, quæ ex centro eiusdem sitat Horizontis parallelum quemcumque, et ipsius significationem virtutis. 397

42. Dato uno extremo diametri visæ alius parallelis obliqui, mouere alterum extremum per rectam quandam proportionalem. Ibid.

43. Parallelos obliquos Astrolabii in gradus distribuere, ex polo insitenti Analemma-

I N D E X

- luminaria. Ibid.
32. Gradum quemlibet propositum in parallelo obliquo reperire, ex polo australi *Astrolabio*. 398
33. Quot gradus in arcu dato paralleli obliquo contineantur, ex polo australi *Astrolabio* cognoscere. Ibid.
34. Quo pacto omnia, quae de dividendo parallelo *Horizontis*, ex polo australi *Astrolabio* dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodentur. Ibid.
35. Parallellum quemvis obliquum *Astrolabio* in gradus distribuere, ex proprio centro, & centro *Astrolabii*. Ibid.
36. Quomodo lineam rectam in *Astrolabio* representare possit circulum per polum australem mundi ductum. 401
37. Parallellum quemvis obliquum in gradus distribuere, ex uno circulo maximo, cui aequidistant, vel ex alio parallelo in gradus ducto. 403
38. Quid observandum, ut circulus per alium circulum ductum in gradus distribuatur. 404
39. Circulos maximos obliquos, arcumque parallelum dividere in gradus per circulos varios per tota puncta describere. Ibid.
40. Praestantissima via ad inveniendum datum punctum in circulo quemvis obliquo, per parallelum in sphaera recta. 407
41. Alia via potenterissima dividendi quemvis parallelum in gradus, per varias rectas lineas. Ibid.
42. Qua puncta paralleli vari quibus punctis paralleli recti respondeant. 408
43. Dato puncto in parallelo obliquo vis, punctum respondens in parallelo obliquo vero invenire. 409
44. Dato puncto in plano cuiusvis paralleli obliqui in sphaera, nec sibi in *Astrolabio* inquirere. Ibid.
45. Qua puncta vera in plano circuli obliqui in sphaera, non habent respondentia puncta in *Astrolabio*. Ibid.
46. Circulos obliquos in *Astrolabio* in gradus parti per lineas parallelas. 410
47. Circulus obliquissimus maximus,

- qualem arcum parallelas, in gradus describere lineis rectis per eorum centra visis ducitis. 411
48. Alia via commodissima dividendi circulos obliquos non maximos, qualem non maximos in gradus, ex quolibet puncto in communis sectionis circuli obliqui, & plano *Astrolabii* extra meridianam lineam dato. 412
49. Dato puncto in circulo obliquo vis, respondens punctum in circulo obliquo vero invenire. 413
50. Dato puncto vero in plano circuli obliqui in sphaera, punctum respondens visum in *Astrolabio* reperire, & contra. 414
51. Quomodo dividendi circuli *Astrolabii* in gradus sit omnium expeditissima. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 6.

1. Arcus aequales paralleli cuiusvis obliqui projecti in arcus inaequales ordi ut continuo. 415
2. Proprietates variae parallelorum obliquorum in *Astrolabio*. 416
3. Semidiametrum visum paralleli Aequatoris ita dividi in polo circuli obliqui, ut semidiameter vera paralleli obliqui aequalis sectisset a radio ex polo australi per eundem polum obliqui circuli ducta. Ibid.
4. Arcum vnum quempiam paralleli obliqui in sphaera projecti posse in *Astrolabio* in arcum similem. 417
5. Parallelos eiusdem circuli obliqui maximi diversa centra habere in *Astrolabio*. Ibid.
6. Parallellum quemvis Aequatoris in *Astrolabio* dividi à quolibet parallelo obliquo in partes similes illis, in quas ab eodem in sphaera dividitur. 418
7. Circulus in *Astrolabio* non maximus, an includat portioem sphaerae hemisphaeris maiorem, maioremve, cognoscere. 419

L I B R I I I.

IN PROPOS. 7.

1. Parallelos cuiusvis circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio describere. 433

2. Cetera parallelorum circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio facili reperire. 435

3. Parallelos in se invicem aliter, per rectas tangentes describere. Ibid.

4. Parallelum datum Horizontis rectis in Astrolabio describere. 437

5. Parallelos Horizontis rectis in Astrolabio describere, quantum ab Horizonte rectis distet in sphaera, cognoscere. Ibid.

6. Radus singulis circumferentiis altitudinis docere. Ibid.

7. Circulum maximum per polos mundi ductum in gradus distribuere. Ibid.

8. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex eorum polo. 438

9. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex centro Astrolabii. 439

10. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere ex polo australi Analemmatis. Ibid.

11. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti alijs visum gradus distribuere. 450

IN PROPOS. 8.

1. Verticales circuli in Astrolabio describere. 453

2. Orientalis pars, & occidentalis in Astrolabio qua. 454

3. Centra omnium Verticalium existere in linea recta, qua per centrum Verticalis primarii ad meridianam lineam ducitur perpendicularis. 455

4. Centra omnium Verticalium situm Horizontem in 360. gradus, per similes circulos quidam in 180. gradus densum reperire. 456

5. Plura puncta in Horizonte, cuiusque parallelis, per qua Verticales describendi

sunt, invenire. Ibid.

6. Verticales parum à Meridiano distantes, per puncta, sine circulo, describere. 457

7. Poles cuiusvis Verticalis invenire in Astrolabio. 459

8. Verticales circuli Horizontem, cuiusque parallelis describuntur in gradus. 460

9. Verticalium quorumcumque in Astrolabio distribuere in gradus. Ibid.

10. Verticalium quolibet propostum in sphaera, describere in Astrolabio. Ibid.

11. Centrum Verticalis dato Verticali in sphaera respondentis reperire in Astrolabio. Ibid.

12. Inclinationem cuiuslibet Verticalis in Astrolabio ad primum Verticalium cognoscere. 461

13. Quam in partem datus Verticalis in Astrolabio distet à Verticali primario, cognoscere. 463

14. Inclinationem cuiusvis Verticalis ad quolibet Verticalium in Astrolabio cognoscere. 465

15. Circulos maximos per polos cuiusvis alterius circuli maximi, tanquam Verticales, describere in Astrolabio. Ibid.

16. Rectas ex centro cuiusvis Verticalis ad interfusionem eius cum Horizonte ductas, Horizontem tangere, &c. Ibid.

17. Rectas ex centro cuiusvis Verticalis ad eius interfusionem cum quolibet parallelo Horizontis cuiusvis, parallelum Horizontis tangere. 466

18. Puncta reperire in communi sectione cuiusvis Verticalis cum Horizonte, per qua sphaera ducuntur ex centro illius Verticalis, Horizontem in gradus distribuere. 468

19. Puncta reperire in communi sectione cuiusvis Verticalis cum quolibet parallelo Horizontis, per qua sphaera ducuntur ex centro illius Verticalis, parallelum in gradus distribuere. 470

20. Verticalis quilibet, aut quicunque alius circulus maximus in Astrolabio situs aequatur in duobus punctis per diametrum oppositis. 471

21. Diametrum verum cuiusvis circuli

culi in *Astrolabio* descripsi, sine maximi, sine non maximi, invenire. 472

17. Pater cuiusque *Verticalis*, vel alterius circuli sine maximi, sine non maximi, in *Astrolabio* descripsi, invenire. 473

18. Rectam, quae manifestissime quolibet datam circulorum maximam in *Astrolabio* contingit, per centrum *Astrolabii* transire. 475

19. Parallelos cuiuslibet *Verticalis*, aut alterius circuli maximi obliqui, in *Astrolabio* describere. *Ibid.*

20. Centrum *Astrolabii*, centrum circuli obliqui maximi, nusquam parallelorum centra, & singulae poli, in una recta linea existere in *Astrolabio*. 476

21. Parallelos cuiusque circuli maximi obliqui boreales ab australibus siccere. 477

22. Parallelos cuiusque circuli maximi obliqui in *Astrolabio* descriptis, quantum ab isto maximo circulo distet, & quā in partem vergat, cognoscere. *Ibid.*

23. Altitudinem poli supra quantum circuli maximum obliquum, eiusdemque circuli inclinationem ad *Aequatorem*, explorare. *Ibid.*

24. *Aequatorem* ex quatuor circulis, qui maximam aliquam sphaerae circulum notum dicuntur representare in *Astrolabio*, describere. 478

IN PROPOS. 9.

1. Circulus horarum à mer. & med. noct. in *Astrolabio* describere. 479

2. Declinationem circuli in *Astrolabio* describere. *Ibid.*

3. Circulus horarum inaequalium focus ad auctorem *Astrolabii* describere in *Astrolabio*. *Ibid.*

4. Circulus horarum inaequalium communiter descriptis, non indicare verè horas inaequales ita anni tempore. *Ibid.*

5. Hora inaequalis totius per partes duodecimae plurimum arcuum diurnorum describi. *Ibid.*

6. Centra horarum inaequalium repe-

rire. 482

7. Circulus horarum ab ortu, & occasu in *Astrolabio* describere. 483

8. Circulus horarum ab ortu, & occasu in *Astrolabio* esse aequalis. *Ibid.*

9. Hora ab or. & occ. quae facta in vulgaribus *Astrolabii* describi solent, & quem ordinem teneant. 485

10. Per quae puncta *Aequatoris* verè arcus horarum ab ortu, & per quae arcus horarum ab occ. describendi sunt: hoc est, quae hora à mer. vel med. noct. in *Aequatore* pertineat ad boreas, ab or. & quae ad boreas ab occ. *Ibid.*

11. Circulum proposita hora ab or. vel occ. in *Astrolabio* describere. *Ibid.*

12. Quis semicirculi horarum ab or. vel occ. ad boreas ab ortu, & quae ad boreas ab occasu pertineant, cognoscere. *Ibid.*

13. Per datam punctum inter duos parallelos *Horizontem* tangentes, tam semicirculum, qui ad aliquam horam ab ortu, quam semicirculum, qui ad horam aliquam ab occasu spectet, in *Astrolabio* describere. 487

14. Semicirculus quilibet hora alicuius ab or. vel occ. descriptus, ad quantum horam ab or. vel occ. pertineat, cognoscere. 488

15. Eandem esse altitudinem poli supra quam circulus horarum ab or. vel occ. quae est supra *Horizontem*. *Ibid.*

IN PROPOS. 10.

1. Domo caelestis, ut à Joann. Regiom. constituitur, in *Astrolabio* describere. 488

2. Centra domorum caelestium referre. *Ibid.*

3. Per datam quodam punctum *Aequatoris* circulum posuimus describere. 490

4. Domo caelestis, ut eas Campanus imaginatur, in *Astrolabio* describere. 491

5. Domo caelestis, ut eas Campanus constituit, describi in *Astrolabio*, inftar *Verticalium* ipsius *Verticalis* primarii, prout *Horizon* constituitur. *Ibid.*

5. Circulum positivum per quatuor gra-
dum Verticalis datum describere. 493
6. Per quatuor puncta datum in Astro-
labio extra Aequatoris, & Verticalis cir-
cumferentiam, circulum positivum descri-
bere. Ibid.
6. Quantum quilibet circulus positi-
vus ab Horizonte sine in Aequatore, sine
in Verticali distet, cognoscere. Ibid.
7. Crepusculam lineam in Astrola-
bio describere. Ibid.
7. Centrum lineae crepusculinae inven-
ire. 494
7. Error Isaac. Steyerini in linea cre-
pusculina describenda. 495

IN PROPOS. II.

1. Rotam Astrolabii construere. 495
1. Centrum, & polos Eclipticae inven-
ire. Ibid.
1. Eclipticam in 12. signa, & in grad.
360. distribuere. 497
1. Stellas fixas rotae Astrolabii per co-
mum longitudinem, latitudinesque inscri-
bere. Ibid.
2. Figuram praeparare, per quam facile
quibet parallelus Eclipticae in Astrolabio
describatur. Ibid.
3. Parallelum Aequatoris ex parallelis
Eclipticae aequali, & vicissim bene ex illo
describere. 499
3. Invenio facillima puncti longitu-
dinem data stella. 501
3. Stellas fixas rotae Astrolabii per co-
mum declinationis, ascensionis rectas, &
eali mediantiones inscribere. 503

IN SCHOLIO PROPOS. II.

1. Vfus praecipuus stellarum in Astro-
labijs vulgaribus quis. 503
1. Quid in hoc Astrolabio de stellis
fixis tradatur. 504
1. Loca stellarum fixarum in Zodia-
co ex earum longitudinibus reperiri.
505

12. Precessionem veram aequinoctio-
rum ex tabella ad plurimos annos eli-
cere. Ibid.

IN PROPOS. II.

1. Circulum maximum per duo puncta,
quorum unum in Horizonte, & alterum
in Meridiano datum sit, vel per gradus ex-
pressum, in Astrolabio describere. 507
1. Per duo puncta, quorum unum in
quavis circulo maximo Astrolabii, & al-
terum in alio quolibet maximo circulo da-
tum sit, vel per gradus expressum, circulum
maximum in Astrolabio describere. Ibid.
2. Circulum maximum, cuius declina-
tio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem
data sit, in Astrolabio beneficio Ver-
ticalis eius inclinationem motantis descri-
bere. Ibid.
2. Verticalem, qui propositi circuli in-
clinationem ad Horizontem motatur, in
Astrolabio describere. 508
2. Arcum datam inclinationis ex Ver-
ticalis inclinationem propositi circuli motan-
te absolvere. 509
2. Circulum eundem maximum, cuius
declinatio à Verticali, & inclinatio ad Ho-
rizontem data sit, in Astrolabio beneficio
parallelis Horizontis, sine Verticalis inclina-
tionem motante, describere. Ibid.
2. Commoditas posterioris huius descri-
ptionis. Ibid.
2. Circulum eundem maximum, cuius
lima praei describere. Ibid.
2. Omnes circulos in Astrolabio per duo
puncta per diametrum opposita describere
secundum Aequatorem bisariam. Ibid.
3. Diametrum unam circuli maximi
descripti, eiusdemque polos, & altitudinem
poli supra eundem, invenire. 510
3. Parallelum descripti circuli maximi
in Astrolabio describere. Ibid.
4. Verticalis circulus eiusdem circuli
maximi descripti, tanquam Horizontis cu-
iusquam, describere. 511
4. Utilitas huius propositiois. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 12.

1. Si Circulum datum alius Circulus bifarius, hoc est, in punctis oppositis fecerit, & in hoc recta utrunque accommodet, per centrum datæ circuli transiens, secabunt omnes circuli per extremâ puncta huius rectæ descripti datum eundem Circulum quoque bifarium. 511

2. Omnes circulos in Astrolabio maximos dividere Aequatorem bifariam. 513

IN PROPOS. 13.

1. Per duo puncta quomodocunque in Astrolabio data maximum Circulum describere. 513

2. Per duo puncta, quorū unum in Aequatore circumferentia datum sit, Circulum maximum describere. Ibid.

3. Per duo puncta, quæ sita in eadem recta per centrum Astrolabij ducta, Circulum maximum describere. 514

4. Per duo puncta in circumferentia Aequatoris data Circulum maximum describere. Ibid.

5. Per datum quodvis punctū in Astrolabio quatuor Circulos maximos describere. Ibid.

6. Per duo puncta per diametrum opposita quatuor Circulos maximos describere. 515

IN PROPOS. 14.

1. Datis duobus punctis quadrante maximū Circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum maximum Circulum describere, cuius alterum punctum sit polus. 515

2. Circulum maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. 517

3. Circulum non maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. Ibid.

IN PROPOS. 15.

1. Angulus sphaericus in circumferentia Aequatoris constitutus quadratorem, hoc est, inclinationem duorum circularum maximorum, quarum vel unus sit Aequator, vel ambo in Aequatore circumferentia se intersectent, manifestare. 518

2. Angulus sphaericus extra peripheriam Aequatoris constitutus quadratorem, hoc est, inclinationem duorum circularum maximorum sese extra Aequatoris peripheriam secantium, manifestare. 519

3. Quando alius circularum per poles mundi ducitur, idem manifestare. 520

IN SCHOLIO PROPOS. 15.

1. Pluribus circularibus maximis per eandem puncta opposita ductis, quis eorum sit magis, aut minus, inclinatus ad alium maximum Circulum, & qui equaliter inclinati sint. 520

2. Verticalem primarium inter omnes Verticales, & Horizontem inter omnes circulos positionum, ad Aequatorem maxime inclinari. 521

3. Praxis pulcherrima pertinet ad propos. 12. pro inveniendo tertio puncto circuli maximi dati describendi, ex eius inclinatione ad Horizontem datum, sine Verticali, & sine parallelo Horizontis. Ibid.

IN PROPOS. 16.

1. Dato angulo sphaerico in Astrolabio equalium angularum sphaericum cum dato arcu circuli maximi in dato puncto constructum. 522

2. In dato puncto cum dato arcu angularum sphaericum quatuor graduum in Astrolabio constitutum. 523

3. Quando duo circuli maximi in Astrolabio angulum rectum continent, alia linea ex centro Astrolabij per centrum unius ducta secet alterum in polo illius prioris circuli. 524

- circuli* Ibid.
 2. Duerum circularum maximorum
 restum angulum continendum polis inu-
 nire. 324
 3. Datum anguli sphaericum in Astro-
 labio bisariam facere. Ibid.

IN PROPOS. 17.

1. Variorum circularum in Astrolabio
 quomodoque, descriptorum situm in spha-
 ra explorare. 325
 2. In explorando situm descripti circuli
 in Astrolabio quid obseruandum. 328
 3. Recta cuiusvis in Astrolabio ducta
 situm in sphaera explorare. Ibid.
 4. Data recta finita, quanti arcus ma-
 ximi circuli chorda sit, inquirere. 330
 5. Rectam per centrum Astrolabij du-
 ctam uaria posse representare. 331

IN PROPOS. 18.

1. Per datum punctum in recta per cen-
 trum Astrolabij, & centrum maximi ali-
 cuius circuli ducta, parallelum illius cir-
 culi maximi describere. 332
 2. Per datum punctum in Verticali pri-
 marie alicuius circuli maximi, parallelum
 illius maximi circuli describere. 333
 3. Per datum punctum extra rectam
 per centrum dati circuli maximi, & cen-
 trum Astrolabij ductam, & extra Verti-
 calem, parallelum illius circuli maximi
 describere. Ibid.
 4. Expeditissima via ad inueniendam
 in meridiana linea diametrum paralleli
 per datum punctum describendi. 335
 5. Quando arcum maximi circuli
 data recta subtrahat, mouere, etiamsi cir-
 culus ille maximus non describatur. 336
 6. Alia descriptio paralleli obliqui per
 datum punctum, beneficio huius cuiusdam
 tertie proportionis. 337
 7. Quando punctum datum est in cir-
 ciferentia Aequatoris. 338
 8. Per punctum utcumque datum, pa-

- rallelum Aequatoris describere. Ibid.
 9. Alia descriptio paralleli obliqui per
 datum punctum, beneficio paralleli Aequa-
 toris. Ibid.
 10. Per datum punctum describere pa-
 rallelum maximi circuli per mundi polos
 ducti. Ibid.
 11. Qua ratione circuli maximi obli-
 qui, cuiusque paralleli, per parallelos ma-
 ximi circuli per mundi polos ducti, in gra-
 dus describantur. 340
 12. Demonstratio alia facilius primi mo-
 di diuidentis circulos obliquos in gradus,
 qui in Lemmate 23, predebat. Ibid.
 13. Circa datum polum describere cir-
 culum, siue punctum datum, per quod tran-
 sfire debeat, siue non. 341
 14. Dato puncto in quocumque parallelo, ap-
 positum punctum per diametrum visum
 eiusdem paralleli reperire, etiamsi paral-
 lus descriptus non sit. 342

IN PROPOS. 19.

1. Per datum punctum in circulo non
 maximo, circulum maximum, qui eum tan-
 gat, describere. 343
 2. Quando datum punctum est in recta
 per centrum circuli dati, & centrum Astro-
 labij ducta, idem efficere. 344
 3. Quando datum punctum est in cir-
 cumferentia paralleli Aequatoris, idem
 exequi. Ibid.

IN PROPOS. 20.

1. Per datum punctum extra circum-
 ferentiam circuli non maximi, inter ipsum
 tamen circulum, & eius oppositum paralle-
 lum, ita ut recta coniungens datum pun-
 ctum, & centrum Astrolabij transiat per
 dati circuli centrum, circulum maximum,
 qui eum tangat, describere. 345
 2. Per datum punctum extra circum-
 ferentiam circuli non maximi, inter ipsum
 tamen circulum, & eius oppositum paralle-
 lum, ita ut recta coniungens datum pun-
 ctum,

I N D E X

Item, & centrum Astrolabij non transeat per dari circuli centrum, circulum maximum, qui eum tangat, describere. 148

IN SCHOLIO PROPOS. 10.

1. Materia Astrolabij quæ esse debeat. 150
2. Facies, & Mater Astrolabij quæ. 151
1. Dorsum Astrolabij quod. Ibid.
2. Faciei Astrolabii constructio in sphaera obliqua. Ibid.
3. Limbi in facie Astrolabij constructio. Ibid.
3. Tympanorum in facie Astrolabij constructio. Ibid.
3. Armillæ suspensoriæ, & Ostensoriæ constructio. 153
4. Dorsi Astrolabij constructio. Ibid.
4. Limbi in dorso Astrolabij constructio. Ibid.
5. Mensuræ ac dierum in dorso Astrolabij per circulos concentricos descriptio. 154
6. Mensuræ ac dierum in dorso Astrolabij per circulos eccentricos descriptio. 155
7. Scalæ altimetrix in dorso Astrolabij compositio. Ibid.
8. Horarum inæqualium in dorso

- Astrolabij descriptio. 156
9. Medicinæ, vel Dioptræ in dorso Astrolabii constructio. Ibid.
 10. Quæ in Astrolabio congruere sint tam sphaeræ cuius obliquæ, quàm rectæ, & obliquissimæ sub polo. Ibid.
 11. Astrolabii in sphaera recta constructio. 157
 11. In sphaera recta idem circuli maximi indicant tam horas à mer. & med. noc. quàm horas ab or. & occ. itaque horas in æquales. 158
 12. Astrolabii in sphaera obliquissima constructio. 159
 12. In sphaera obliquissima non esse propriè horas à mer. vel med. noc. aut ab or. vel occ. aut inæquales. Ibid.
 12. In sphaera obliquissima nullos esse propriè circulos domorum celestium. Ibid.
 13. Astrolabium sphaeræ obliquissimæ borealis, quo pacto obliquissimæ sphaeræ australi accommodetur. 160
 14. Astrolabium sphaeræ cuiuslibet obliquæ borealis, quo pacto obliquæ sphaeræ australi oppositæ accommodetur. Ibid.
 15. Astrolabii descriptio in plano cuiuslibet circuli maximi obliqui. 161
 16. Terræ descriptio in forma Astrolabii. Ibid.

I N D E X

EORUM, QUAE IN QUOLIBET CANONE

Tertij Libri, eiusq; Scholia explicantur.

IN CANONE 1.

1.  *Utendū Siderū per Astrolabij dorsum explorare.* 164
2.  *Quadrans accommodari instrumentum ad altitudinem siderum captandas, quàm dorsum Astrolabij, & eius usus.* Ibid.
3. *Pinnaculis quomodo construenda,*

ut facili per ea Stella, & alia res videri possint. 165

4. *Num astrum sit ante Meridianum, vel post, vel in ipso existat, cognoscere.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 1.

1. Quo pacto in altitudine siderum præter gradus, Minuta accipiuntur. 166
2. *Quæ.*

LIBRI III.

2. Quadrantem construere, quo vltra gradus. Minuta quoque discernantur, cum eius vis. Ibid.

3. Eiusdem quadrantis beneficio arcum quolibet graduum ac minutorum ex dato circulo auferre, quot gradus, minutaque in dato arcu continentur, cognoscere. 363

IN CANONE 2.

1. Locum Solis quilibet die per Astrolabum explorare. 366

2. Ingressum Solis in 2. signa, & eiusdem locum quilibet die memoriter perquirere. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 2.

1. Locum Solis exquisitus ex tabellis quibusdam reperire. 371

2. Vtrum annus datus sit bissextilis, an primus, secundus, vel tertius post bissextum cognoscere. Ibid.

IN CANONE 3.

1. Declinationem gradus Eclipticae propositi, vel stellae cuiuslibet, per Astrolabum invenire. 380

2. Quae puncta in Astrolabis habeant declinationem borealem, & quae australem. Ibid.

3. Ex data declinatione arcum, sine punctum Eclipticae respondentem investigare in Astrolabis. Ibid.

4. Declinationem gradus Eclipticae propositi, vel cuiuslibet stellae, sine instrumento Astrolabi certius invenire. 381

5. Praeceptum generale ad inveniendam declinationem cuiusvis puncti in Astrolabis assignari. 382

6. Declinationes plurimorum vltra quadrantis Eclipticae declinationibus punctis à se invicem quadratum aequalis esse. 383

7. Ex data declinatione punctum, vel

arcum Eclipticae respondentem sine instrumento dicere. Ibid.

8. Ascensionem meridianam Solis, vel stellae cuiusvis, ex eius declinatione deprehendere. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 3.

1. Declinationem dati cuiusvis puncti Eclipticae ex Analemmate investigare. 384

2. Ex data declinatione puncti Eclipticae, vel arcum respondentem elicere beneficio Analemmatis. 385

3. Declinationem cuiusvis stellae per Analemma indagare. Ibid.

4. Semissem rectae diametro circuli aequidistanti secare, ut semidiameter secta est. 386

5. Semidiametrum circuli secare, ut semissem eius parallelæ secta est. Ibid.

6. Declinationem cuiusvis puncti Eclipticae per numeros investigare. 387

7. Ex data declinatione punctum Eclipticae respondentem reperire per numeros. Ibid.

8. Declinationem cuiuslibet stellae per numeros indagare. Ibid.

9. Vtrum stellae declinatio borealis sit, an australis, cognoscere. 391

IN CANONE 4.

1. Ascensionem rectam dati puncti Eclipticae, aut stellae, ex Astrolabis cognoscere. 393

2. Qui gradus Eclipticae cum data stella oriatur in sphaera recta, aut medius cadit. Ibid.

3. Descensionem rectam dati puncti Eclipticae, aut stellae, ex Astrolabis cognoscere. Ibid.

4. Qui gradus Eclipticae cum data stella occidat in sphaera recta. 394

5. Ascensionem rectam cognita, descensionem, arcum Eclipticae respondentem invenire in Astrolabis. Ibid.

6. Ascen-

4. *Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ariete incipere, ex Afrolabio reperire.* Ibid.

5. *Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis puncti Eclipticæ, vel stellæ, sine Afrolabio materialiter inquirere.* Ibid.

6. *Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ariete incipere, sine Afrolabio describere.* 595

7. *Figuram ascensionum rectarum omnium Eclipticæ arcuum consruere.* Ibid.

8. *Ex data ascensione, descensionis rectæ arcum Eclipticæ respondens sine Afrolabio eruire.* 598

9. *Ascensionem, descensionemque rectâ stellæ cuiusvis sine Afrolabio explorare, vnde cum punctis Eclipticæ, quod simul eritur, vel occidet.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 4.

1. *Ascensionem, descensionem de rectam dati puncti Eclipticæ ex Analemmate adipisci.* 597

2. *Ascensionem rectam stellæ cuiusvis, vel descensionem, ex Analemmate reperire.* 598

3. *Ascensionem rectam, descensionemque dati arcus Eclipticæ non ab Ariete incipere, ex Analemmate reperire.* 599

4. *Ex data ascensione, descensionis rectæ, arcum Eclipticæ respondentem per Analemma exquirere.* Ibid.

5. *Ascensionem rectam, descensionemque dati puncti Eclipticæ, beneficio numerorum supputare.* 601

6. *Ex data rectâ ascensione, descensionis, arcum Eclipticæ respondentem per numeros invenire.* 602

7. *Ascensionem rectam, descensionemque cuiuslibet stellæ per numeros venari.* 603

8. *Punctum Eclipticæ, cum quo stella in Horizonte recto occurrit, rectamque mediat, per numeros supputare.* 607

9. *Stellæ quævis cû eodem puncto Eclipticæ mediat, eadem in sphaera obliqua, cû que in recta.* 607

10. *Ascensionem obliquam dati puncti Eclipticæ, aut stellæ, per instrumentum reperire.* Ibid.

11. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella oriatur in sphaera obliqua.* 608

12. *Descensionem obliquam dati puncti Eclipticæ, sine stella, per instrumentum invenire.* Ibid.

13. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella occidit in sphaera obliqua.* Ibid.

14. *Ascensionem, descensionem obliquam dati arcus Eclipticæ per instrumentum reperire.* Ibid.

15. *Differentia ascensionalis quo pacto reperitur ex Afrolabio.* Ibid.

16. *Ascensionem, descensionem obliquam dati arcus Eclipticæ non ab Ariete incipere, ex Afrolabio investigare.* Ibid.

17. *Ascensionem, descensionemque obliquam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, sine instrumento Afrolabij investigare.* 609

18. *Quo pacto Horizontem obliquum describendus sit pro ascensionibus obliquis.* Ibid.

19. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella oriatur in sphaera obliqua.* Ibid.

20. *Quo pacto Horizontem obliquum describendus sit pro descensionibus obliquis.* Ibid.

21. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella occidit in sphaera obliqua.* 610

22. *Differentia ascensionalis, descensionalis quo pacto reperitur sine instrumento Afrolabij.* Ibid.

23. *Ascensionem, descensionemque obliquam cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ariete incipere, sine instrumento describere.* Ibid.

24. *Ascensionem obliquam, vel descensionem dati, arcum Eclipticæ simul orientem vel occidentem, sine instrumento assignare.* Ibid.

25. *Alia ratio duplex inveniendo ascensionem, descensionemque obliquam sine instrumento.* 611

26. *Figuram consruere continuam omnium punctorum Eclipticæ ascensionem rectam,*

obliquas.

613

11. *Ascensionem rectam, & obliquam cuiusvis puncti Eclipticæ, & ex alterutra data alteram, una cum puncto Eclipticæ respondentente, ex figura constructa reperire.*

617

12. *Descensionem obliquam ex figura constructa elicere.*

Ibid.

13. *Quatuor arcus Eclipticæ æquales, à punctis æquinoctialibus, vel tropicis æqualiter distantes, habere ascensiones rectas æquales.*

Ibid.

14. *Arctus Eclipticæ æquales ab alterutra punctis æquinoctialibus æqualiter distantes, habere ascensiones obliquas æquales.*

618

15. *Arctus Eclipticæ in semicirculo ascendente eandem minores habere ascensiones obliquas rectis eorundem ascensionibus, quanto maiores rectis sunt ascensiones obliquæ arcuum æqualium oppositorum, vel cū illis ab eodem tropico puncto æqualiter distantium, & in semicirculo descendente, occidentium.*

Ibid.

16. *Ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ æqualium oppositorum, vel æqualiter ab eodem puncto tropici distantium, simul sumptas æquales esse rectis eorundem ascensionibus simul sumptis.*

Ibid.

Si Eclipticæ, aut stellæ, per numeros inquirere.

613

4. *Differentiæ ascensionalis inventionem per numeros.*

Ibid.

4. *Inventio differentiæ descensionalis per numeros.*

614

4. *Ascensio obliqua quo pacto ex differentia ascensionali eliciatur.*

Ibid.

4. *Descensio obliqua quo pacto ex differentia descensionali eratur.*

Ibid.

4. *Ex data ascensione, aut descensione obliqua, arcum Eclipticæ respondentem per numeros explorare.*

615

4. *Quodam punctum Eclipticæ cū data stellæ oriatur, aut occidat, per numeros cognoscere.*

616

4. *Declinatio stellæ quo pacto per eius altitudinem meridiana inveniat.*

Ibid.

4. *Cum quo puncto Eclipticæ stellæ data eadem mediet, eandem eius locus ignoretur i Zodiaco cognoscere.*

Ibid.

4. *Inventio latitudinis stellæ, & loci veri, ex eius declinatione, & meditatione cæli.*

Ibid.

4. *Inventio veri loci stellæ in Zodiaco, ex eius declinatione, & latitudine.*

617

IN CANONE 6.

IN SCHOLIO CANONIS 1.

1. *Ascensiones, descensionesque obliquas ex Analemmate elicere.*

619

2. *Inventio differentiæ ascensionalis datæ puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemmate.*

Ibid.

3. *In qua cæli parte initium Arietis existat, ex cognita ascensione obliqua cognoscere.*

620

4. *Sub puncti Eclipticæ tam in Meridiano supra Horizontem, quam in Horizonte orientali, ex situ principii Arietis cognoscere.*

Ibid.

5. *Ascensionem obliquam datæ arcum Eclipticæ respondentem, beneficio Analemmatis exhibere.*

621

6. *Ascensionem obliquam datæ puncti*

1. *Latitudinis ortiva, vel occidua, & item Zenith arcus, vel occasus Solis, aut stellæ, quid.*

620

1. *Latitudinem ortivam, occidivam, beneficio Astrolabii investigare.*

Ibid.

1. *Latitudinem ortivam occidua æquali esse.*

Ibid.

3. *Ex latitudine ortiva, occidivæ congrua punctum Eclipticæ respondentens, per Astrolabium reperire.*

621

4. *Latitudinem ortivam sine instrumentis inquirere.*

Ibid.

5. *Ex cognita latitudine ortiva, occidivæ punctum Eclipticæ congruentem, sine instrumentis investigare.*

622

IN SCHOLIO CANONIS 6.

1. Latitudinem ortuum cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemmate deprehendere. 632
2. Data latitudine ortuum, congruè punctum Eclipticæ, per Analemma indagare. 633
3. Alia inuentio latitudinum ortuorum ex Analemmate. 634
4. Latitudinem ortuum per numeros inueſtigare. 635
4. Data latitudine ortuum, punctum Eclipticæ reſpondens inuenire per numeros. Ibid.

IN CANONE 7.

1. Arcum ſemidiurnum, vel ſeminoturnum cuiuslibet gradus Eclipticæ, ſine ſtella per inſtrumentum indagare. 636
2. Ex dato arcu ſemidiurno, vel ſeminoturno punctum Eclipticæ reſpondens inueſtigare in Aſrolabio. Ibid.
3. Arcum ſemidiurnum, vel ſeminoturnum dati puncti, aut ſtellæ, ſine inſtrumento inuenire. 637
3. Ex dato arcu ſemidiurno, ſeminoturno, punctum Eclipticæ reſpondens, ſine inſtrumento perſequiri. 638

IN SCHOLIO CANONIS 7.

1. Arcum ſemidiurnum, aut ſeminoturnum dati puncti Eclipticæ, vel ſtellæ, ex Analemmate perſequiri. 639
2. Ex arco ſemidiurno, vel ſeminoturno dato punctum Eclipticæ, cui cõgruit, per Analemma venari. Ibid.
3. Arcum ſemidiurnum, & ſeminoturnum dati puncti Eclipticæ, vel ſtellæ, per numeros inquirere. 641
3. Dato arcu ſemidiurno, aut ſeminoturno, punctum Eclipticæ reſpondens, per numeros inueſtigare. 642

IN CANONE 8.

1. Horam à mer. vel med. noſt. interdum per Aſrolabium venari. 643
2. Horam à mer. vel med. noſt. per Aſrolabium noſtrum inquirere. Ibid.
3. Horam ab or. vel occ. per Aſrolabium cognoscere. Ibid.
4. Horam inaequalem per Aſrolabium inquirere. 644
5. Quando altitudo Solis, vel ſtellæ non habet parallelum Horizontis reſpondentem quo poſto inter proximè vicinorum, & proximè remotum parallelum locutus ſit Sol, vel ſtella, ut propriam habeas altitudinem. Ibid.
6. Horam ſine materiali inſtrumento inueſtigare. 645

IN SCHOLIO CANONIS 8.

1. Horam à mer. vel med. noſt. interdum ex Analemmate perſequiri. 647
1. Horam ab or. vel occ. interdum ex Analemmate cognoscere. 648
1. Horam inaequalem interdum per Analemma venari. Ibid.
2. Horam quancunque poſtu per Analemma explorare. Ibid.
2. Diſtantiam ſtellæ à Meridiano ſuperio ortum verſus ſumendam eſſe ad horam inueſtigandam. Ibid.
2. Diſtantia Solis à ſtella ab occ. in or. quo poſto inueſtigetur ex diſtantia ſtellæ à Meridiano ſuperio ortum verſus numerata. 649
2. Diſtantiam Solis à Meridiano ſuperio ortum verſus, ex diſtantia ſtellæ ab eodem Meridiano, & ex diſtancia Solis à ſtella eodem ordine inuenta, colligere. Ibid.
2. Diſtantia Solis à ſtella verſus occaſum quo poſto inquiratur. 650
2. Horam, qua ſtella ad Meridianum peruenit, cognoscere. Ibid.
3. Reductio hor. à mer. vel med. noſt. ad hor. à occ. Solis. 651

3. Re-

3. Reductio hor. à merid. vel med. noct. ad hor. ab occasu Solis. Ibid.
3. Reductio hor. ab ortu ad hor. à mer. vel med. noct. Ibid.
3. Reductio hor. ab occ. ad hor. à mer. vel med. noct. 651
3. Reductio hor. ab or. ad hor. ab occ. Ibid.
3. Reductio hor. ab occ. ad hor. ab or. 653
4. Horæ inæqualis magnitudinem tam per instrumentum, quàm sine instrumento cognoscere. Ibid.
4. Id iudicio horæ inæqualis ad æqualem. Ibid.
4. Reductio horæ æqualis ad inæqualem. Ibid.
5. Horam æqualem per numeros investigare. Ibid.

IN CANONE 9.

1. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ cuiusvis per Astrolabium investigare. 655
2. Horam, quæ stella æquem mediat, ex Astrolabio cognoscere. Ibid.
3. Qui dies, ac noctes inter se sint æquales, ex Astrolabio discernere. Ibid.
4. Quæ dies habeant arcus diurnos, nocturnosque alternatim æquales, in Astrolabio considerare. Ibid.
5. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, sine instrumento indagare. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 9.

1. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per Analemma investigare. 657
2. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per numeros investigare. Ibid.

IN CANONE 10.

1. Crepusculum matutinum, ac vespertinum, 657

tinum, quantum daret, & quæ hora inciperet, & finiretur, ex instrumentis cognoscere. 657

2. Alia crepusculi instantia certare. Ibid.

3. Quo pacto ex uno crepusculo eruantur instantia, & finis alterius crepusculi eiusdem diei. 658

2. Quantum à principio, aut fine crepusculi distent, cognoscere. Ibid.

3. Crepusculum utrum quæ ne Astrolabio materiali investigare. Ibid.

4. Crepuscula invenire aliter sine Astrolabio materiali. 659

4. Quid observandum in crepusculi instantia initio, ac fine determinando. 660

IN SCHOLIO CANONIS 10.

1. Crepuscula ex Analemmate inquirere. 661

2. Arcum versum arcus semidiurni, ideoque & ipsum arcum semidiurnum per numeros explorare. 662

2. Crepuscula per numeros indagare. Ibid.

IN CANONE 11.

1. Per Astrolabium materiale puncta Eclipticæ transfigurare, quæ in quolibet circulo Eclipticæ secantia existunt. 663

2. Quæ hora quintus gradus, aut signum Eclipticæ oriatur, cognoscere. Ibid.

3. Sine Astrolabio materiali puncta Eclipticæ transfigurare, quæ in quolibet circulo Eclipticæ secantia existunt. Ibid.

3. Quæ hora quodlibet punctum Eclipticæ oriatur, ubiunque Sol existat, sine instrumentis perquirere. 664

4. Quæ in domo celesti stella data, vel punctum Eclipticæ, hora observationis existat, cognoscere. 665

IN SCHOLIO CANONIS 11.

1. Puncta Eclipticæ in Meridiano 665

Horizonte, & quous circulo horario a mer. vel med. noc. existentia, per ascē siones rectas, & obliquas inuestigare. 666

2. Accuratioꝛ inventio puncti Eclipticæ in dato circulo horario existens, quolibet signo oriente, quando arcus semidurnus non habetur in grad. & min. vel in hor. min. & sec. 668

3. Hora, qua quodvis Eclipticæ punctum oritur, ubicunque Sol existat, inventio per ascensionē obliquas. Ibid.

IN CANONE 12.

1. Meridianam lineam, & puncta vtri usque, atque occasus per Astralabium materialē inuestigare. 669

2. Meridianam lineam sine Astralabio materialē certius invenire. Ibid.

3. Meridianam lineam sine instrumento Astralabiq. ex declinatione Solis, & altitudine poli cognita, per vnicam observationē inuestigare. 670

4. Meridianam lineam sine Astralabio materialē, ex sola declinatione Solis cognita: per duas observationes indagare. 671

5. Meridianam lineam sine Astralabio materialē, per tres observationes, cuius declinatio Solis, & altitudo poli ignorentur, perquirere. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 12.

1. Meridianæ lineæ inuentio ex Analemate per declinationem Solis, & altitudinem poli cognitā. 672

2. Meridianæ lineæ inventio in plano horizontali per tres observationes, cuius declinatio Solis, & altitudo poli, cognita non sint. Ibid.

3. Instrumenti constructio, & usus, quo simul umbra, & altitudo Solis deprehenditur. 674

IN CANONE 13.

1. Altitudinem poli supra Horizontem reperire per unam observationem, quando declinatio Solis, & sinus lineæ meridiana dantur. 676

2. Altitudinem poli, & lineam meridianam per duas observationes, ex sola declinatione Solis cognita inuestigare. 677

3. Altitudinem poli, lineam meridianam, & declinationem Solis, per tres observationes perquirere. Ibid.

4. Longitudinem locorum per eclipses Lunares, quo pacto exploranda. 678

IN SCHOLIO CANONIS 13.

1. Altitudinis poli inuentio ex Analemate per duas observationes, cuius declinatio Solis ignoretur, dummodo situs lineæ meridiana datur. 679

2. Altitudinem poli, lineamque meridianam per tres observationes cognoscere, licet declinatio Solis sit ignota. Ibid.

3. An vertex loci sit inter polum arcticum, & Solem, vel stellam in Meridiano positam, an vero Sol vel stella in Meridiano posita sit inter polum arcticum, & vertex loci, quo pacto cognoscatur. 680

4. Altitudo poli quo pacto ex declinatione Solis vel stellæ, altitudineque meridiana venanda sit. Ibid.

5. Vbi sit pars septentrionalis, & australis, quo pacto deprehendatur. 681

6. Aliiter actacilius, si constet, polum arcticum eleuari supra Horizontem. Ibid.

IN CANONE 14.

1. In quam Zona datum locus collocetur, cognoscere. 682

2. In quam climata datum locus collocatus sit, percipere. Ibid.

1. *Datum locorū in terra sub Aequatore peritorem distantiam itinerariam exquirere.* 683

2. *Datum locorum eiusdem longitudinis distantiam metri.* Ibid.

3. *Datum locorum longitudinis grad. 180 habentium distantiam reperiri.* Ibid.

4. *Datum locorum itinerarium longitudinis, latitudinumque distantiam investigare.* Ibid.

7. *Distantia inter locum borealem, & australem, quo pacto commodum reperitur.* 685

7. *Distantia inter duo loca australia, quo pacto ex opposito locis borealibus inquiri possit.* 686

8. *Distantiam duorum stellarum quorundam investigare.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 15.

1. *Distantiam duorum locorum in terra ex Analemmate perferuari.* 687

2. *Alia ratio distantiam locorum ex Analemmate inquirere.* 689

3. *Alia ratio inveniendae distantiae duorum locorum.* 691

4. *Alia ratio investigandae distantiae inter duo loca boreal. vel australia.* Ibid.

6. *Locorum distantiam per numeros exquirere.* 692

6. *Alia inveniendae distantiae locorum per numeros.* 694

6. *Errores quorundam in distantia locorum investiganda.* 695

6. *Modus Veneri in distantia locorum exquirenda.* 696

6. *Modus Petri Nonij facilius modo Veneri.* Ibid.

6. *Reductio circumferentiae parallelitatis gradus circuli maximi.* 697

6. *Reductio chordae arcus paralleli ad ptes diametri circuli maximi.* Ibid.

6. *Declinatio stellae quo pacto aliter inueniatur per numeros, quam in scholio Can.3 dictum est.* Ibid.

1. *Distantia Solis horizontalis in quavis circulo maxime quid.* 698

1. *Altitudo Solis ad datam horam supra quemvis circulum maximum, quo pacto inueniatur sine Astrolabio materiali.* 699

1. *Distantia horizontalis ad datam horam supra quemvis maximum circumulum, quo pacto cognoscatur sine Astrolabio materiali.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 16.

1. *Circumferentia descensiva, & horizontalis, quae.* 702

3. *Altitudinem Solis supra quemvis circulum maximum obliquum per numeros qualibet hora efficere notam.* 703

3. *Distantiam horizontalem supra quemvis circulum maximum obliquum per numeros scrutari.* Ibid.

3. *Inuestio altae altitudinis Solis per numeros.* 705

3. *Horam ex altitudine Solis per numeros observare.* 706

3. *Altitudinem stellae ex eius distantia à Meridiano, & viceversa distantiam eius à Meridiano, ex eius altitudine perferuari per numeros.* Ibid.

IN CANONE 17.

1. *Arcum circuli cuiusvis maximi inter proprium Meridianum, & Meridianū reguntis data inuestigare.* 707

2. *Inclinacionē Meridiani circuli cuiusvis maximi obliqui ad Meridianum Horizontis inuenire.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 17.

1. *Quo pacto circuli maximi, quibus horologia aequidistant, describantur in Astrolabio.* 707

INDEX LIB. III.

IN CANONE 18.

1. Inclinatione dati circuli maximi sibi habentis notum in sphaera ad Meridianū, qua ratione cognoscatur. 708

2. Inclinatione circuli obliqui maximi, cuius situs in sphaera cognitus sit, ad Aequatorem, qui passus reperitur. 709

IN CANONE 19.

1. Arcum Meridiani inter datum circum maximum obliquum, cuius situs in sphaera cognitus sit, & tam Horizontem, quam polum mundi, & polum Horizontis, inquirere. 709

IN CANONE 20.

1. Altitudinem poli supra datum circum maximum, cuius situs in sphaera sit cognitus, inquirere. 710

IN SCHOLIO CANONIS 20.

1. Arcum circuli maximi obliqui situm in sphaera habentis notum, inter maximum circulum, qui per eius polos, & polos Horizontis ducitur, & tam Meridianum proprium, quam Meridianum Horizontis positum invenire. 710

2. Arcus maximi circuli per polos Horizontis, & polos dati circuli maximi obliqui transeuntis, inter Horizontē, & circulum horę 6. à mer. vel med. noc. positus, qua ratione cognoscatur. Ibid.

3. Quot horę, & quę existant supra utramque faciem circuli maximi obliqui, & qua hora illuminari incipiat. Denique quot arcus parallelorum cir-

culus ille maximus abscindat. Ibid.

4. Angulos, quos Ecliptica cum Meridiano, Horizonte, & Verticali per Solem qualibet hora ducto constituit, mutare. 711

IN CANONE 21.

1. Arcus horarum in quouis circulo maximo quid. 712

2. Arcuum horariorum in quouis circulo maximo invenire. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 21.

1. Horarum descriptio in quouis plano, beneficio arcuum horariorum. 713

4. Arcus horarios pro horis à mer. & med. noc. supputare. 714

IN CANONE 22.

Omnia 22. Problemata triangulorum sphaericorum, de quibus in Lemmate 13. lib. 1. obsequio numerorum auxilio, in plane mira facilitate constructantur, neque explicantur. 714

IN SCHOLIO CANONIS 22.

OCTO theorematibus variz determinationes magnitudinis angulorum in triangulis sphaericis demonstrantur. 715

DEINDE præcipui canonis supra expoliti, rursus facilius explicantur per quorū quęstia, beneficio triangulorum sphaericorum in plano descriptorum. 716

AD LECTOREM.

VT homines sumus, vitari errata omnia non potuere. pleraq; in indicantibus figurarum literis contigerunt. Ea ad finem voluminis posita sunt; quæ ut ante consulas, emendesq;, quàm ad libri lectionem accedas, amice Lector, magnopere ad rem ipsam pertinere arbitror.

MISSISSIPPI

- 1. The Mississippi River is the longest river in North America.
- 2. It flows from the north to the south, emptying into the Gulf of Mexico.
- 3. The river is about 3,700 miles long.
- 4. It is the only river in the world that flows from north to south.
- 5. The river is the source of many famous cities, including New Orleans, Memphis, and St. Louis.
- 6. The river is also the source of many famous foods, including Mississippi Delta Blues and Mississippi Delta Fried Chicken.

1

ASTROLABII

LIBER PRIMVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO

BAMBERGENSI

ET SOCIETATE IESV.



CONTINET primus hic liber problemata varia, atq. theoremata, partim Geometrica, partim Spharica, & partim Conica, qua omnia ab officio Lemmata appellare libuit, propterea quod frequentissime adhibenda sunt, ac tanquam certissimis confirmata demonstrationibus assumenda, ut facilius ac breuius ea, qua de multiplici circularum projectione in planum, & de eorundem in gradus partitione libro secundo præcepturi sumus, possint demonstrari. Nam nisi seorsum ea in uno libro demonstrarentur, cogeremur proprias Astrolabij demonstrationes longiores, quam par est, ac proinde & obscuriores, efficere. Est & altera causa, cur omnia hæc theoremata, problemataq. vnum in librum sint congesta: quia videlicet non raro vnum atq. idem Lemma ad plures propositiones demonstrandas adhibendum est. Ne igitur eius demonstratio pluribus in locis frustra inculcetur, sed doctrina suis seruetur ordo, ac nitet, necesse fuit illud separatim Geometrica demonstratione confirmare: quæ causa multis Lemmatibus communis est. His adde, quod cum huiusmodi Lemmata non solum in Astrolabio vsus necessarium habeant, verum etiam eorum pleraq. ad alias res Mathematicas non paucas magnum emolumentum asferant, ratio ipsa postulare videbatur, ut proprio libro explicarentur, ut facilius, & expeditius, quando vs. Geometra in suis demonstrationibus indigebit, possint reperiri.

Argumentum p. 1.
huius libri.

A

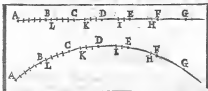
LEMMA

LIBRI I

LEMMA PRIMVM.

DATAM lineam rectam, vel circularem, in quouis partes æquales, etiam minutissimas, diuidere beneficio circini, cuius pedes distantiam inter se habeant data linea maiorem.

SIT linea recta, vel circularis AB , diuidenda in quocunq; partes æquales. In



linea produ-
cta accipian-
tur datæ lineæ
 AB , tot li-
neæ æquales
beneficio cir-
cini, in quot
linea AB , di-
uidenda est,
quales sunt
 BC, CD, DE
 EF, FG . Et

tota linea AG , in tot æquales partes distribuatür beneficio etiam circini, (Vel si linea quidem AG recta est, ex scholio propof. 40 lib. 1. Eucl. vel ex scholio propof. 10. lib. 6. eiusdem.) in quot lineam AB , partiiri iubemur, cuiusmodi sunt GH, HI, IK, KL, LA continet autem quilibet harum partium datam lineam AB , semel, & insuper unam earum partium, in quas AB , diuidenda proponitur. Quoniam enim est, vt AG , ad AL , ita AE , ad AB , quod utrobique, ex constructione, eadem proportio multiplex. Toties enim AL , in AG , continetur, quoties AB , in AE : Erit permutando, vt AG , ad AE , ita AL , ad AB . Cõ- tinet autem AG , ipsam AE , semel, & insuper FG , vnâ partem ex his, in quas AE , secta est, quæ quidem sunt AB, BC, CD, DE, EF , tot, in quot linea AB , diui- denda proponitur. Igitur & AL , ipsam AB , semel continebit, & insuper vnâ earum partium, in quas AB , diuidenda est. Est ergo BL , earum partium vna. Quocirca siue in segmentum GH , quod maius est data linea AB , dat nobis vnâ partem FH , ita idem translaturum ex duobus punctis F, H , dabit duas partes EL , & ex tribus punctis prope E , translaturum exhibebit tres partes DE , & translati si ex quatuor punctis prope D , dabit quatuor partes CL , & ita deinceps vna semper parte amplius, ita vt tandem spatium GH , in ipsam AB , translaturum exhibeat tot partes, in quæ secunda est AB , hoc est, quot sunt partes AB, BC, CD, DE, EF , æque adeo tunc AB , diuisa sit in partes propofitus æquales.

ATQVE hic modus diuidendi valissimus est, quando linea AB , in particulas adeo minutas secanda est, vt egre beneficio circini continuari possint sine errore.

IAM, si linea AG , secunda sit, v.g. in 30. partes æquales, diuidenda prius erit in quocunq; partes æquales, pauciores quam 30. ita tamen, vt earum nume- rus sit pars aliquota numeri 30 partium, vt in exemplo diuisa est in sex partes, quarum singule quinas partes continent. Diuisa deinde prima parte AB , in quin-

que partes, ut dictum est, intervallo AL, vel GH, quo linea AG, ex sex partibus ipsi AB, æqualibus constans in quinque æquales partes diuisa est; Super vnus circuli in A, statuitur, (intervallo AL, non mutato) deinde in proximo puncto, deinde in sequenti, atq. ita deinceps, secta erit altero pæde tota linea AG, in 30. partes æquales.

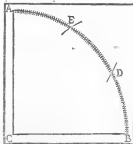
P O S S E T quoque secta AG, secari prius in 5. partes, ut singulæ senas particulas ex 30. continerent: Sed tunc singulæ rursus diuidendæ essent bisariam, & harum semisium prima in tres æquales partes distribuenda eo modo, quo supra est traditum; ac tandem tota AG, beneficio harum tertiarum partium diuidenda in triginta partes. Quod si quintæ partes adeo exiguæ sint, ut ægre circino possint bisariam diuidi, secandæ essent in senas partes singulæ, ut initio docuimus; Vel certe linea ex tribus quintis illis partibus composita, secanda bisariam. Ita enim eodem hoc intervallo omnes bisariam diuidentur, ac tandem quilibet semisium in tres partes, ut prius.

A C C I D I T nonnunquam, ut in linea datæ magnitudinis, accipiendæ sint ordine plarimæ particule, sub determinato tamen numero, quæ ægre propter earum paruitatem circino sine errore sumi possint. Hoc ergo tunc artificium adhibebimus. Si numerus particularum diuidi potest in plures partes, accipiemus circino in data linea tot partes æquales, in quot numerus particularum diuidi potest, ita tamen, ut eæ partes simul fere exhauriant totam datam lineam. Nam si prima harum partium secetur in tot particulas, quot ex proposito numero in ea continentur, idemq. fiat in reliquis partibus, habebimus datum particularum numerum. Ut si linea proponatur, in qua sumendæ sint ordine 84. particule, secabimus eam primum in duas, ut quilibet contineat 42. Rursus singulas in duas, ut habeantur quatuor partes, quarum singule contineant 21. particulas. Harum item singulas in tres partiemur partes, ut habeamus duodecim partes, quarum quilibet 7. particulas contineat. Postremo singulas harum in 7. particulas distribuemus. Si vero numerus particularum propositus diuidi nequeat in plures partes, accipiendus erit numerus paulo maior minorve, qui in plures possit partes diuidi, atque tot particule in data linea sumendæ ordine, ut proxime diximus. Si namq. superius particule 2 bisclantur, vel ex, quæ defunt, adiciantur, habebimus propositum particularum numerum. Ut si ordine abscindendæ sint 74. particule ex aliqua data secta linea, proponemus nobis 80. particulas. Nam si datam lineam secemus bisariam continebit vtraq. semisium 40. particulas. Vtraq. rursus secta bisariam dabit quatuor partes 10. particularum. Singulæ vero harum bisariam diuise offerent octo partes 10. particularum, quarum singulæ quoq. bisariam sectæ dabunt sexdecim partes, & in singulis quinque particule erulent. Si ergo singulæ in quinque particulas distribuuntur, ut docuimus, habebimus 80. particulas relictis autem sex, reliquæ erunt 74. propositæ. Vel proponemus nobis 72. particulas. Si enim ordine accipiamus 14. partes æquales, ita ut fere datam lineam exhauriant (quæ 14. partes habebuntur etiam, si data linea, vel eius segmentum paulo minus ipsa linea secetur primum bisariam, & vtraq. pars rursus bisariam, & harum partium singulæ rursus bisariam, ac tandem singulæ harum partium internas partes secantur,) & singulæ partes in tres particulas diuidantur, ut traditum est, habebimus 72. particulas, quibus si adiciantur duæ particule, eriget numerus 74. particularum propositus.

H I S recte consideratis, facile intelliges, quomodo in quolibet alio particularum numero te gerere debeat.

QVADRANTEM, vel circulum datum in gradus distribuere beneficio circini, cuius pedum interval- lum plures gradus, quam duos, tresve complectatur.

SIT quadrans AB , cuius centrum C . Intervallo semidiametri AC , quo quadrans descriptus est. abscindantur duo arcus AD , AE , quorum uterque ex



coroll. propof. 19. lib. 4. Eucl. sexta pars erit circuli, continens gradus 60. ac proutde uterque reliquorum BD , AE , gradus 30. comprehendet, totidemq; idcirco graduum intermedius arcus DE , exisset, adeo ve quadrans iam in tres partes aequales diuifus fit, si angelus ACB , in cetro rectus fuerit omnino. Ideoque vtro quadrantem subtenderit. Deinde diuifis fingulis arcibus AE , ED , DB , beneficio circini, vel quadra tricis in quinque partes aequales, (adhibita praeter antecedentis lemmatis, si quoniam haec partes fuerint nimis exiguae.) ut quilibet 6 gradus contineat, totusque quadrans in 15. partes diuifus

fit, fecentur rursus fingulae haec per lemma praecedentis in senas partes: vel certe prius in binas, & postea fingulae haec in ternas. Vtroque enim modo quadrans in 90 gradus distribuendus erit.

SI integer circulus in 360 gradus secandus fit, partietur eum prius in quatuor quadrantes per duas diametros sese in cetro ad angulos rectos interfecantes: Deinde singulos quadrantes vna eademque opera in 90. gradus distribuemus, ut dictum est, fumendo in fingulis eodem intervallo circini partes eandem, &c.

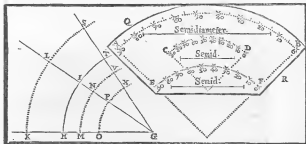
ITAQUE cum tota difficultas diuidendi circulum, quadrantemue in gradus, consistat in vltima ferme operatione, qua arcus aequales in singulos gradus distribuendi sunt, quod propter graduum paruitatem vix circinus reperiri possit, qui commodè, & sine errore diuisionem illam in tam minutas partes perficiat, danda erit opera, ut, cum in humilimodi diuisione ad tam exiguos arcus peruenitum fuerit, qui egre beneficio circini in minustiores particulas fecentur, adhibeamus doctrinam praecedentis lemmatis, qua nimirum particulas etiam minutissimas maiore intervallo pedum circini reperiimus.

L E M M A III.

EX data circumferentia arcum quotlibet gradus integros, vel quotlibet gradus, ac minuta complectentem abscindere

scindere: Et contra, quot gradus ac minuta in quouis arcu datę circumferentię contineantur, cognoscere. etiam si data circumferentia in gradus, ac minuta diuisa non sit.

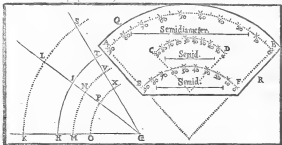
AD initium nostrę Geometrice docuimus, si ex centro alicuius quadrantis in 90. gradus accurate diuisi rectę lineę ad singulos gradus emittantur, instrumentum esse paratũ. quo in circumferentiā cuiuslibet circuli arcus accipiat quatuor gradus ac minutorum, vřumq. huius instrumenti ibidę explicauimus: Sed quia perdifficile est lineas rectas ex centro ita exquisitę ducere, vt ex quadrantibus omnes ex eodem centro communi descriptos in 90. gradusq.uales partiantur, quod tamen omnino necessarium est. si in vřu instrumenti errare non velimus, construemus hoc loco aliud quasi instrumentum pro eodem vřu, meo iudicio, multo commodius, hoc modo.



DESCRIBANTVR in tabella anea, vel lignea aliquet quadrantēs non multum inter se distantes, quales sunt tres AB, CD, EF, siue ex eodem centro, siue ex diuersis, qui omnes inter se inaequales sint, vt nunc maiore, nunc minore, prout res tulerit, vti possumus, & iuxta quemlibet propria semidiameter ponatur, quamuis hoc non sit omnino necessarium, cum intervalum 90. graduum sit semidiametro æquale, ex coroll. propoř. 45. lib. 4. Eucl. Diuisis autem singulis quadrantibus in suos gradus. (in instrumento quadrans CD, propter paruitatem factus est tantum in 45. partes, vt singulę binos contineant gradus) si partes tabellę superflue rescidentur, vt relinquatur figura QR, paratum erit quasi instrumentum, cuius vřus hic est.

SIT ex circumferentiā HI, cuius centrum G, abscindendus arcus quatuor graduum (id quod frequentissime in Astrolabio faciendum est) nimirum 35. Describatvr ex G, ad intervalum semidiametri maioris quadrantis AB, si id magnitudo plani, in quo est arcus HI, permittit, arcus KL, vel, si id ob paruitatem plani fieri nequit, ad intervalum minoris alicuius quadrantis, pro commoditate plani, arcus MN, vel OP. Si enim ex quadrantē, ad cuius semidiametre

tri quantitatem arcus ex G, descriptus est. intervallum 35. graduum transferatur in respondens arcum ex K, in I, vel ex M, in N, vel ex O, in P, atque ex G, per L, vel N, vel P, recta educatur, secabitur, data circumferentia in I, arcusq; HI, gradus 35. continebit, cum similis sit tam arcui KL, quam MN, vel OP, ex scholio propos. 12. lib. 3. Eucl.



SI circumferentia proposita, verbi gratia KL, habeat semidiametrum aequalem prorsus semidiametro alicuius quadrantis in instrumento, qualis hic est quadrans maior AB, tunc si arcus graduum propositorum transferatur in datam circumferentiam KL, habebitur propositum, ut perspicuum est.

QVOD si quando abscindendus sit arcus continens quotiens gradus, & infra per aliquot minuta, accipienda erunt illa minuta per approximationem, scilicet semis gradus valens pro 30 minutis, tertia autem pars pro 10. & dum tertia pars pro 40. & tres quarta partes pro 45. & paulo plus quam quarta pars, pro 16. vel 17. minutis, & sic de ceteris. Sed certius, & quidem Geometricae, docebimus minuta quotlibet ex quolibet gradu abscindere, paulo inferius in hoc eodẽ lemma, etiam si gradus in minuta divisus non sit.

RVRSVS sit ad punctum G, cum recta GH, constituendus angulus completens gradus 57. min. 21. Descripto arcu KL, ex G, ad intervallum semidiametri quadrantis AB, (vel alterius cuiuspiam minoris, si spatium fuerit angustum) transgessit intervallum huius quadrantis continens gradus 57. & paulo amplius quam tertiam partem vnius gradus, ex K, usque ad S. Ducta namque recta GS, constituitur angulus quatuor GGS.

VICISSIM desideret quis scire, quot gradus, ac minuta arcus HI, ex G, descriptus contineat. Hoc assequetur, si ex G, delineet arcum, cuius semidiameter semidiametro alicuius quadrantis in nostro instrumento aequalis sit. Si enim recta ex G, per L educatur, abscindet ea ex arcu descripto arcum similem arcui HI, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Si igitur arcus ille abscissus transferatur in quadrantem respondentem, illico apparebit, quot gradus contineat, ac minuta, sumendo 30. minuta pro semisse gradus, 40. pro duobus tertijs partibus, & sic de ceteris, prout maior pars vnius gradus offoretur. Ita inseremus in arcu HI, contineri gradus 35. quod totidem gradus contineat arcus KL, in quadrante AB, vel arcus MN, in quadrante EF, vel arcus OP, in quadrante CD. At in arcu
HI,

HT, reperimus ferme gradus 57. & minuta 21. quia totidem gradus ac minuta arcus KS, in quadrante AB, vel arcus MV, in quadrante LP, vel arcus ON, in quadrante CD, includit.

E X his manifestum est, satis esse ad problema hoc efficiendum, si vnus tantum quadrans addit cuiusvis magnitudinis exquirat in gradus diuisus: nisi quod aliquando planum propositum tantum non est, vt in eo arcus describi possit ad interuallum semidiametri quadrantis. Quod cum accidet, describenda erit data circumferentia, vna cum illo arcu, in alia charta seorsum, &c. Quare commodius erit instrumentum, si plures in eo quadrantes inaequales continentur.

P R A E F E R O autem vsum vnus quadrantis, vel plurius illi instrumento, quod initio nostrae Gnomonicae construximus, quia magis aequales sunt gradus in quolibet quadrante seorsum diuisi, quam gradus, quos rectae ex centro emissae exhibent in alio quadrante ex eodem centro descripto, quod perdifficile sit illas rectas proportionalibus inter se spatias semper distantes educere.

I A M verò, si huiusmodi instrumentum per manus non habeatur, commode quoque ita agemus. Quadrans eius circuli, in cuius circumferentia gradus propositi abscondendi sunt, diuidatur in tres partes, & quilibet tertia pars iterum in tres, vt habeantur 9. quarum singulae 10. gradus contineant. Postremo vltima pars sola in 10. gradus distribuitur. Nam beneficio huius partis diuise, & aliarum partium non diuisarum, arcum quottumque graduum accipiamus, hoc modo. Si graduum numerus non excedat 10. facile in vltima parte 10. graduum gradus propositus sumetur. Si vero numerus graduum maior sit, quam 10. verbi gratia 57. statuemus vnum pedem circini in gradu septimo partis diuise in 10. gradus, numerando hos 7. gradus non ab extremo exteriori, sed interiore, alterum verò circini pedem extendemus vsque ad talem partem quadrantis, vt arcus inter pedes circini complectatur gradus 57. Vel certe duabus operationibus rem exequemur, sumendo primum inter partes quadrantis non diuisas, gradus datos à 10. numeratos, & deinde reliquos gradus in extrema parte in 10. gradus diuisa. Vt in proposito exemplo, primum sumemus 2. partes non diuisas, quae continent gradus 50. deinde accipiemus 7. gradus in parte diuisa, atque ita habebimus 57. gradus. Eademque ratio est de ceteris. Ita que satis foret, si in instrumento singuli quadrantes in 9. partes secarentur, & vltima deinde sola pars in 10. gradus distribueretur.

Q V I A vero, quando propositus arcus praeter gradus continet etiam aliquot minuta, perfici atque absolui hoc lemma nequit, nisi plus minus per aestimationem, vel coniecturam, vt diximus doceamus, qua ratione Geometricè abscondendus sit arcus, in quo praeter gradus, quoscumque etiam minuta proposita comprehenduntur: Et vicissim, quo pacto cognoscendum, quot minuta in quavis particula vnus gradus contineantur. Quamuis enim hoc ipsum ad finem libelli de fabrica & vtu instrumenti horologiorum docuimus, quia tamen libellum illum non semper in promptu habemus, libuit idem hoc loco breuiter repetere, praesertim cum maximus eius rei vtilis in Astralabio reperitur.

A B C V S igitur tot graduum, quot minuta desiderantur, secetur in 60. partes aequales. Sexagesima namque particula continebet minorum numerum propositum. Vt si desiderentur in aliquo gradu quadrantis AB, cuius semidiameter CD, minuta 53. diuidemus arcum 53. graduum, vel potius ei aequalem FG,

in circ-

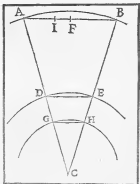
his, aut quater, aut octies, &c. / prout arcus sumptus est duplex, vel quadriplus, octuplus, &c. tota minuta, quot inquiruntur. Quare quando arcus duplex diuisus est, si particula illa sexagesima secetur bisariam: & hæc, qui arcus quadriplus diuisus est, iterum bisariam: & hæc, quando octuplus arcus diuisus est, rursus bisariam, continebit una particula vltimæ diuisionis minuta quæstita. Equidocet autem constare arbitror, faciliorem esse diuisionem paruuli cuiuspiam arcus in duas partes æquales, cum hoc æstimatione, vel coniectura sine errore possit fieri, quam arcus non satis magni in 60 partes æquales.

I A M è contrariis si ex aliquo gradu abscindatur particula quæpiam, & nolle quis cupiat, quot minuta & secunda complectatur, sumenda est ex particula beneficio circuli æquifitissime sexagesime ordine continuato, a principio quadrantis factio initio. Nam quot gradus integri in arcu illo, qui datæ particule sexagesuplus est, continentur, tot minuta particula data complectetur. Hac ratione, si particula, quam ultra 45. gradus continere diximus minuta 53. circulo sexagesime ordine continuo repetatur, initio factio a puncto B, incidemus præcise in gradum 53. finitum. Quare particula illa minuta 53. continebit. Demonstratio huius rei hæc est. Sit arcus FG, sexagesuplus particule datæ, cui æqualis sit particula FK. Quia igitur est, vt arcus graduum 60. ad gradum 1. ita arcus FG, ad arcum FK, erit permuando quoque, vt arcus 60. graduum ad arcum FG, ita arcus 1. gradus ad arcum FK, & conuertendo, vt arcus FG, ad arcum 60. graduum, ita arcus FK, ad arcum 1. gradus. Quot ergo sexagesimæ partes arcus 60. graduum, hoc est, quot gradus in arcu FG, continentur, tot sexagesimæ partes vnus gradus, hoc est, tot minuta, in arcu FK, continebuntur.

S I in arcu illo sexagesuplo continentur aliquot gradus, & in super aliqua particula vnus gradus, indicabunt quidem gradus integri in eo arcu contenti minorum numerum, sed cum particula illa inuestigabuntur etiam secunda eodem modo. Nam ea sexagesime sumpta dabit arcum tot graduum, quot secunda particula illa æqualeat. Eodemque modo si in hoc arcu sexagesuplo particula quæpiam superfuerit, inueniuntur Tertia, &c. Sed satis est, meo iudicio, si minuta diligenter inquirantur. Et si quidem particula remanens maior fuerit dimidiato gradu, minutis inuentis adiciatur adhuc vnus minutum; si vero semisse gradus fuerit minor, nihil addatur.

H A E C res felicius quoque in magnis quadrantibus succedet, quam in parua, quod facilius circulo comprehendere possint particule maiorum graduum, quam minorum, sine errore. Quare si gradus sint perpulsi, & data particula dimidiato gradu non maior, accipiemus arcum ex particula data, & proximo gradu compositum sexagesime, & ex hoc arcu sexagesuplo abiciemus grad. 60. qui nimirum sexagesime vna cum data particula sumpti fuerunt. Nam reliquus numerus graduum dabit numerum minorum, vt prius. Si vero data particula semisse vnus gradus sit maior, inuestigabimus eodem modo minuta relique minoris particule, sumendo videlicet arcum compositum ex reliqua illa particula minore, & vno gradu sexagesime, &c. quia si maiorem particulam acciperemus, fieret arcus sexagesuplus maior quadrante: Inuenta deinde minuta minoris illius particule relique ex 60. detrahemus, vt reliqua fiant minuta maioris particule datæ. Hac ratione, si particulam reliquam datæ superioris particule, cui æqualis est FK, quoniam semisse vnus gradus maior est, cum vno gradu accipiamus sexagesime, constabimus arcum consistem ex 67. gradibus. Abiectis autem 60. remanent 7. Tot ergo minuta in minore illa particula reliqua exstant: quæ ex 60. decepta relinquunt minuta 53. pro data particula maiore.

QVIA vero & moleſtum eſt, huiusmodi arcum ſexagies beneficio circuli repetere, & facile in ea multiplicatione error committi poſeſt, utendū eſt hoc compendio. Arcus ex particula, & vno gradu compoſitus duplicetur, hic duplus iterum duplicetur, ut habeatur quadruplus arcus. Hic ruriſum duplicetur, ut habeatur octuplus, atque hic iterum duplicetur, ut habeatur arcus ſedecuplus, & hic bis adhuc duplicetur, ut habeatur ille arcus ſexagies, & quater, ita ut in vno verſum ſex ſint duplicationes. Ex arcu autem hoc reſciuntur gradus 60. & inſuper quadruplum arcus ex vno gradu, & particula minore compoſiti, quia ſumptus eſt ſexagies & quater, cum ſumi debuſſet tantum modo ſexagies. Reſiqui enim gradus oſtendunt numerum minorum, quibus particula illa minor æquivaleret. Hoc modo, ſi eandem particulam minorem, de qua ſupra, cum vno gradu ſexies duplicemus, conſiciemus arcum grad. 71. & amplius, ex quo ſi reſciamus grad. 60. & adhuc arcum ex particula & gradu compoſitum, quater ſumptum, reſequentur gradus 7. Continet ergo particula illa minor minuta 7. ideoque maior data habebit minuta 73. Quod ſi particula data ſine gradu ſexies duplicaretur, ut habeantur 64. particule in arcu compoſito, abijcenda eſſet tantummodo particula illa quater ſumpta ex eo arcu, qui data tam particulam continet quater & ſexagies. Sed alio quoque modo per inſtrumentum in ſchoolio Canonis 1. lib. 3. inueſtigabimus arcum quotlibet graduum, ac minutorum: & vicifim, quot gradus, ac minuta in dato arcu contineantur, deprehendemus.



SED quoniam grandior illi qui quadrans facilius in gradus diſtribuitur, quam parvus, abſoluti poterit problema hoc per vnicum quadrantem tantæ magnitudinis, ut commodè cum in 90. gradus partiri queamus, hoc modo. Sit portio quadrantis in 90. gradus diuſi AB, & arcui AB, quotlibet graduum & c. minorum ex propoſito alio circulo arcus ſimilis abſcinden- dus. Si ergo circulus propoſitus maiorẽ fuerit ſortus ſemidiametrum ſemidiametro circuli AB, deſcribatur ex eius centro circulus ad intervallum ſemidiametri circuli AB, in quem beneficio circuli transferatur datus arcus AB. Si enim ex centro per extrema puncta arcus tranſlati dux rectæ ducantur, intercipient ex arcum ſimilem in circulo dato maiorẽ, ex ſcho-

lio propoſ. 24. lib. 3. Eucl.

SI verò propoſitus circulus minorem ſemidiametrum habuerit ſemidiametro circuli AB, ſi quidem in plano, in quo datus circulus eſt, ex centro dati circuli ad intervallum ſemidiametri circuli AB, circulus deſcribi poſſeſt, deſtrabatur, &

tur, & in eum arcus AB, transferatur Rectæ enim ex centro per extrema puncta arcus translati emissæ auferent ex dato circulo minore arcum similem, ex eodem scholio propof. 22. lib. 3. Eucl.

A T si planum, in quo circulus proponitur, tantû non est, vt ex centro circulus ipsi AB, æqualis describi possit, ita agemus. Ex cetro circuli dati describatur circulus ad intervalum semissis semidiametri circuli AB, vel chordæ grad. 60. in quem transferatur semissis chordæ arcus dati AB. Arcus enim abscissus similis est arcui AB. Quare si ex centro rectæ duæ educantur per extrema puncta huius arcus abscissi, auferetur quoque ex circulo dato arcus similis. Hoc autem sic demonstrabitur. Sit circuli AB, semidiameter AC, secta bisectam in D, & per D, ex C, descriptus arcus DE, in quem transferatur chorda DE, semissis chordæ AB, nimirum ipsi AF, æqualis. Dico arcum DE, arcui AB, similem esse. Ducta enim semidiametro CB, secante arcum DE, in E, necitur recta DE. Quoniam igitur AC, BC, sectæ sunt proportionaliter, hoc est, in partes æquales, erit AB, DE, rectæ parallelæ, ideoque per coroll. propof. 4. lib. 2. Eucl. trian-^{a. fixi.} gula CAB, CDE, similes erunt, atque erit, vt CA, ad AB, ita CD, ad DE: Et permutando, vt CA, ad CD, ita AB, ad DE. Cum ergo CA, ipfius CD, dupla sit, erit & AB, ipfius DE, dupla. Quare semissis AF, ipfius AB, translata ex D, in circum- lam DE, cader in E: ac propterea cum arcus DE, arcui AB, similis sit, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. auferet semissis chordæ AB, arcum similem quod est propositum.

Q V O D si circulus DE, intervallo semissis chordæ 60. graduum arcus AB, descriptus nimis magnus sit, ita vt in plano dati circuli describi nequeat, describatur intervallo tertiæ partis chordæ 60. graduum arcus AB, circulus GH. Nam si AI, tertia pars chordæ AB, transferatur ex C, in H, erit rursum arcus GH, arcui AB, similis, quod eodem modo demonstrabitur. Eadem ratione descripti poterit circulus intervallo quartæ partis, vel quintæ, &c. pro commoditate plani, in quo datus circulus est.

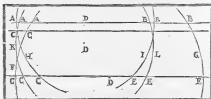
Q V A N D O intervallo semissis chordæ 60. graduum circulus descriptus est, assequemur propositum dicto serè citius, beneficio circini, cuius crura se intersectent, ita vt maiorum intervallum duplum semper sit intervalli minorum. Nam si longioribus cruribus arcus datorum graduum AB, accipiat, abscident breviora crura arcum similem DE.

C A E T E R V M si eiusmodi circinus in promptu non sit, accipiemus distic chordæ AB, semissim, vel tertiam partem, quartamve, &c. si docamus plures parallelas, æqualibus intervallis ipsæque exiguis, inter se distantes. Nam si chorda AB, beneficio circini in eas inferatur, vt includat duo, vel quatuor, aut sex spatia, diuisa erit bisariam à linea media. Sic si transferatur in easdè, vt includat tria, vel sex, aut nouem spatia, diuisa erit in tres partes æquales à duabus lineis intermedijs ab extremis æqualiter distantibus. Et sic de cæteris. Hoc autem demonstrauimus ad finem scholij propof. 40. lib. 1. Eucl. in vltimo modo diuidendi rectam lineam in quotuis partes æquales.

L E M M A IIII.

P E R datum punctum datæ rectæ lineæ parallelam lineam ducere.

Q V A M V I S problema hoc Euclides lib. 1. propof. 31. confecerit, & non ibidem etiam eadem rei varias praxes tradiderimus, occurrat tamen nunc alia praxis meo iudicio longe facilior, siue punctum datum fit propinquum datæ rectæ, siue non, quam hoc loco in ferendam esse censui propter frequentem eius usum tum in Astrologia, tum in aliis rebus Geometricis. Sit ergo datæ rectæ AB , per punctum C , ducenda parallela. Ex quolibet puncto accepto D , quod a C , distans sit, siue intra datam lineam, siue extra, ut centro, describatur per datum punctum C , circulus secans datam rectam in punctis A, B . (Non est autem necesse, ut totus circulus describatur, sed satis est, si duo eius arcus rectam datam secantes delineentur, ita tamen ut oculorum iudicio arcus BE , arcu AC , minor non sit,



veluti in figura apparet) & arcu AC æqualis beneficio circini abscindatur arcus BE . Recta namque ducta per

C, E , parallela erit rectæ AB , ut ex his constet, quæ in schol. propof. 27. lib. 3. Eucl. demonstravimus, propter arcus AC, BE , æquales. Commodius autem res perageretur, si punctum D , non in linea, sed extra sumatur, ita tamen, ut ferè medium locum occupet inter datam lineam, & parallelam ducendam, quod sola æstimatione, plus minus, accipendum est. Ita cum fiet, ut arcus descripti minus oblique datam rectam, & parallelam ductam interfecerint. In figura arcus AFC, BGE , ex centro D , remotissimo à linea data AB , descripti sunt: arcus vero AHC, BIE , ex centro D , in data linea assumpto: arcus denique AGC, BLE , ex centro D , in medio ferè duarum linearum existente, quod omnium ad problema efficiendum est aptissimum.

L E M M A V.

Q V A M proportionem habent sinus toti, hoc est, semidiametri quorumlibet circulorum, eandem habent sinus tam recti, quam versi arcuû similium. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quam versi, eandem proportionem habent, quam sinus toti, similes sunt.

S I N T arcus AB, CD circulorum, quorum semidiametri AE, CF , similes, & eorum sinus recti BG, DH , versi autem GA, HC . Dico esse, ut AE , ad CF , ita tam BG , ad DH quam GA , ad HC Iundem enim semidiametris EB, FD , erunt ex scholio propof. 2. lib. 3. Eucl. anguli E, F , æquales, ob arcus similes AB, CD . Cum ergo & anguli recti G, H , æquales sint, æquiangula erunt triangula BEG, DFH . igitur erit, ut EB , hoc est, ut EA , sinus totus, ad BG , sinum rectû,

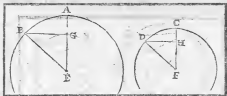
ita FD ,

ita FD, hoc est, ita FC, finis totus, ad DH, finem rectum; & permutando, ut EA, ad FC, ita BG, ad DH.

R V R S V S : quia ob similitudinem triangularum est, ut EB, hoc est, ut EA, ad EG, ita FD, hoc est, ita FC, ad FH; erit per conuersionem rationis, ut EA, finis totus ad GA, finem versum, ita FC, finis totus ad HC, finem versum. Et permutando, ut EA, ad FC, ita GA, ad HC.

S E D

tam sit, ut AE, finis totus ad CF, finem totum, ita tam finis rectus AG, ad finem totum DH, quam versus GA, ad versum



HC. Dico arcus AB, CD, similes esse. Ductis enim rursus semidiamentis EB, FD; quoniam est, ut AE, hoc est, ut EB, ad CF, hoc est, ad FD, ita BG, ad DH; & permutando, ut EB, ad BG, ita FD, ad DH; Sunt autem & alij anguli recti G, H, æquales, & proinde reliquorum angularum E, F, uterque minor recto, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Eucl. & erunt triangula BEG, DFH, æquiangula, æqualiterq; habebunt angulos E, F. Quamobrem ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB, CD, similes sunt.

R V R S V S : quia est, ut AE, ad CF, ita GA, ad HC; & permutando, ut AE, ad GA, ita CF, ad HC, erit per conuersionem rationis, ut AE, hoc est, ut EB, ad EG, ita CF, hoc est, ita FD, ad FH. Cū ergo & alij anguli recti G, H, sine æquali, ac proinde reliquorum angularum B, D, uterq; recto minor, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Eucl. & erunt triangula BEG, DFH, æquiangula, angulosq; æquales habebunt E, F. Quocirca ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB, CD, similes sunt.

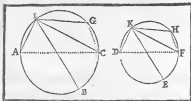
L E M M A VI.

S I segmentis similibus circularum inæqualium similia segmenta adijciantur, vel a similibus similia demantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt.

T H E O R E M A hoc, quod ad detractionem similium segmentorum ex semicirculis, vel etiam totis circulis attinet, demonstrarum a nobis est in scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. Hic autem idē in vniuersum de quibuscunque segmentis, ut propofitum est, ostendemus, & quidem facillime. Hoc enim in us, quæ sequuntur, indigebimus. Sint ergo in circulis inæqualibus (Nam in æqualibus similia segmenta sunt æqualia, ac proinde si æqualibus æqualia addantur, vel ab æqualibus æqualia detrahantur, tū tota, quam reliqua, æqualia quoque erunt) similes arcus

ABC,

ABC, DEF , siue semicirculi sint, siue non, atque similes arcus CG, FH , adiectantur. Dico totos quoque arcus ABG, DFH , similes esse. Sumptis enim in reliquis seg. mensis AIG, DKH , duobus punctis I, K , vicunque; iungantur rectæ AI, CI, GI, DK, FK, HK . Quis igitur similes sint arcus ABC, DEF , erunt, ex scholio propof. 12. lib. 3. Eucl. anguli AIC, DKF , æquales: Eademque ratione æquales erunt anguli CIG, FKH , ob similes arcus CG, FH . Toti ergo anguli AIG, DKH , æquales erunt; ideoque ex eodem scholio, arcus ACG, DFH , quibus nō sunt, similes erunt quod est propofitum.



S E D iam ex similibus arcub⁹ ABC, DEF , siue semicirculicis, siue non, tollantur arcus similes AB, DE . Dico reliquos quoque arcus BC, EF , similes esse.

Sumptis enim

rursum duobus punctis I, K , vicunque in peripheriis extra datos arcus, neceffantur rectæ AI, BI, CI, DK, EK, FK . Quoniam igitur totus arcus ABC , toti arcui DEF , similis est, erit ex scholio propof. 12. lib. 3. Eucl. totus angulus AIC , toti angulo DKF , æqualis: Eademque ratione ablatos angulus AIE , ablato angulo DKE , æqualis erit, ob arcus similes AB, DE . Igitur & reliquus angulus BIC , reliquo angulo EKF , æqualis erit, ideoque ex eodem scholio, arcus BC, EF , similes erunt, quod est propofitum.

I A M si ex totis circulis tollantur similes arcus LAC, EDF , ostendemus reliquos CGI, FHK , similes quoque esse. ut in prædicto scholio, hac scilicet ratione. Sumptis singulis punctis A, G, D, H , in singulis arcubus, iungantur rectæ $IA, CA, IG, CG, KD, FD, KH, HF$. Quia igitur segmenta LAC, EDF , similia sunt, erunt ex defin. segmentorum similibus, anguli LAC, EDF , æquales. Cum ergo tam duo anguli oppositi A, G , quam D, H , æquales sint duobus rectis, erunt quoque duo anguli IGC, KHF , æquales; atque idcirco, ex eadem defin. arcus IGC, KHF , similes erunt, quod est propofitum.

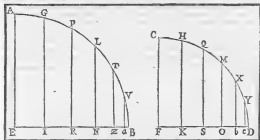
L E M M A VII.

S I duo quadrantes inæquales similiter secantur, vel in partes æquales, & per diuisionum puncta vni semidiametro parallelæ agantur, siue ad alteram semidiametrum perpendiculares; erunt segmenta semidiametri in vno quadrante a parallelis, vel perpendicularibus facta, segmentis semidiametri à parallelis, siue perpendicularibus

in alt-

in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiter secti erunt.

D V O quadrantes inæquales AB, CD, quorum centra E, F, & semidiametri AE, EB, CF, FD, secantur primum in duas partes similes in punctis G, H,

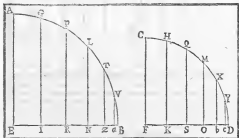


aganturq. semidiametris AE, CF, parallelæ GI, HK, ^a ac proinde ad semidia- ^a 23. primi.
metros EB, FD, perpendicularæ. Dico segmenta semidiametri EB, segmenta
semidiametri FD, esse proportionalia, hoc est, esse vt EI, ad IB, ita FK, ad KD.
Quoniam enim EI, FK, sinus sunt arcuum similes AG, CH, ^b quod æquales ^b 24. primi.
sint perpendicularibus ex G, H, ad AE, CF, ductis, quæ quidem sinus sunt arcuū
AG, CH; erit ex lemmate 3. vt EB, sinus totus ad FD, sinum totum, ita sinus EI,
ad sinum FK: Et permutando, vt EB, sinus totus, ad sinum EI, ita FD, sinus totus
ad sinum FK: Et diuidendo, vt IB, ad EI, ita KD, ad FK, conuertendoq. vt
EI, ad IB, ita FK, ad KD.

D E I N D E idem quadrantes secantur in duas partes similes in punctis
G, L, H, M, ducanturq. semidiametris AE, CF, parallelæ GI, LN, HK, et O. Di-
co segmenta EI, IN, NB, easdem proportionēs habere, quas segmenta FK, KO,
OD, habent. Erunt enim ex lemmate præcedente, totiqueque arcus AL, CM,
similes, quorum sinus sunt EN, FO. Igitur per lemma 3. erit, vt EB, sinus totus
ad FD, sinum totum, ita tam sinus EI, ad sinum FK, quam sinus EN, ad sinum
FO, ^c ac proinde erit quoque vt tota EN, ad totam FO, ita ablata EI, ad abla- ^c 25. quinti.
tam FK, ^d ideoq. reliqua IN, ad reliquam KO, vt tota EN, ad totam FO, vel ^d 26. quinti.
vt ablata EI, ad ablatam FK. Quia igitur est, vt EI, ad FK, ita IN, ad KO,
erit permutando quoque vt EI, ad IN, ita FK, ad KO; atque ita segmenta EI,
IN, segmentis FK, KO, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EB, ad
totam FD, ita ablata EN, ad ablatam FO, ex lemmate 3. vt dictum est, ^e 27. quinti.
erit quoque reliqua NB, ad reliquam OD, ut tota EB, ad totam FD, vel vt ablata
EN, ad ablatam FO. Erat autem, vt EN, ad FO, ita IN, ad KO, vt paulo ante
ostensum est. Igitur erit etiam, vt IN, ad KO, ita NB, ad OD, & permutando,

ut IN , ad NB , ita KO , ad OD . Tria ergo segmenta EL , IN , NB , tribus segmen-
tis FK , KO , OD , proportionalia sunt.

PER $ABTE$ REA idem quadrantes AE & EB sunt in quatuor arcus similes
in punctis G , P , L , H , Q , M , & semidiametris AE , CF , parallelis agantur GI ,
 PR , LN , HK , QS , MO . Dico rursus, quatuor segmenta EL , IR , RN , NB , qua-
tuor segmentis FK , KS , SO , OD , proportionalia esse. Erunt enim ex lemma
precedente tam toti arcus AP , CQ , quam toti AL , CM , similes quoque, quorū
sinus sunt ER , EN , PS , PO . Igitur per lemma 3. erit, ut EB , sinus totus, ad FD ,
sinum totum, ita sinus EL , ad sinum FK , & sinus ER , ad sinum PS , & sinus EN ,
ad sinum PO , & atque adeo erit EL , ad FK , ut ER , ad PS , & ut EN , ad PO . Quia
igitur est, ut tota EB , ad totam PS , ita ablata EL , ad ablatam FK , & erit & reli-
qua IR , ad reliquam KS , ut tota EB , ad totam PS , vel ut ablata EL , ad ablatam
 FK . Eandem ergo proportionem habet EL , ad FK , quam IR , ad KS . Et permutan-
do eandem EL , ad IR , quam FK , ad KS , ac prout duo segmenta EL , IR , duo-
bus segmentis FK , KS , proportionalia sunt. Rursus quia est, ut tota EN , ad to-



tam FO , ita ablata ER , ad ablatam PS , ut diximus: & erit etiam reliqua RN , ad
reliquam SO , ut tota EN , ad totam PO , vel ut ablata ER , ad ablatam PS . Erat
autem ut ER , ad PS , ita IR , ad KS , ut ostendimus. Ergo erit quoque ut IR , ad KS ,
ita RN , ad SO ; Et permutando, ut IR , ad RN , ita KS , ad SO . Atque ita tria seg-
menta EL , IR , RN , tribus segmentis FK , KS , SO , proportionalia sunt. Postre-
mo quia est, ut tota EB , ad totam FD , ita ablata EN , ad ablatam PO , ex lemma
4. ut ostendimus: & erit quoque reliqua NB , ad reliquam OD , ut tota EB , ad to-
tam FD , vel ut ablata EN , ad ablatam PO . Erat autem, ut paulo ante demonstra-
tum est, ut EN , ad PO , ita RN , ad SO . Igitur erit quoque ut NB , ad OD , ita
 RN , ad SO , hoc est, ut RN , ad SO , ita NB , ad OD : Et permutando ut RN , ad
 NB , ita SO , ad OD . Quatuor ergo segmenta EL , IR , RN , NB , quatuor segmen-
tis FK , KS , SO , OD , proportionalia sunt. Eademque ratio est de pluribus.

PER $RSPICVVM$ autem est, demonstrationem hanc concludere, etiam
quadrantes in partes equales sunt divisi. Nam si dividatur uterque quadrans in
sex partes aequales, ut AB , in AG , GP , PL , LT , TV , VB , & CD , in CH , HQ ,
 QM , MX , XY , YD , erunt sex priores posterioribus sex similes, cum quilibet

priorum sit sui quadrantis eadem pars, quæ sui quadrantis est quilibet posteriorum. Quare, ut ostensum est, segmenta semidiametrorum proportionalia sunt.

S I N T iam segmenta semidiametrorum proportionalia. Dico arcus a perpendicularibus abscissos similes esse. Ponantur enim primum duo segmenta EI, IB, duobus segmentis FK, KD, proportionalia, id est, sit ut EI ad IB, ita FK ad KD. Erat igitur permutando, ut EI ad FK, ita IB, ad KD. Ergo ut EI, una ad FK, unam, ita erunt EI, IB, simul, nimirum sinus totus EB, ad FK, KD, simul, nimirum ad sinum totam FD. Cum ergo EI, FK, sint sinus arcuum AG, CH, erunt per lemma 7, arcus AG, CH, similes, ideoque, & reliqui GB, HD, similes erunt, ex precedente lemmate, cum etiam toti arcus AB, CD, similes sint, utpote quadrantes.

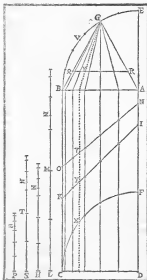
O B I N D E ponantur tria segmenta EI, IR, RD, tribus segmentis FK, KS, SD, proportionalia. Erunt rursus permutando, EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RE, ad SD. Ergo ut EI, una ad unam FK, ita erunt omnes EI, IR, R, SD, id est, sinus totus EB, ad omnes FK, KS, SD, id est, ad sinum totum FD. Cum ergo EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH, erunt ex lemmate 7, arcus AG, CH, similes. Rursus cum sit, ut EI, ad FK, ita IR, ad KS, erit ut EI, ad FK, ita EI, IR, simul, hoc est, tota ER, ad FK, KS, simul, hoc est, ad totam FS. Erat autem, ut EI, ad FK, ita EB, ad FD. Ergo erit quoque ut ER, ad FS, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Quocirca cum ER, FS, sinus sint arcuum AP, CQ, erunt ex lemmate 7, arcus AP, CQ, similes; ac proinde per antecedens lemma, & reliqui arcus PB, QD, similes erunt. Et quia ostensi sunt similes arcus AG, CH, si hi ex similibus AP, CQ, demantur, erunt etiam reliqui arcus GP, HQ, similes, ex eodẽ antecedente lemmate. Omnes ergo tres arcus AG, GP, PB, omnibus tribus arcibus CH, HQ, QD, similes sunt.

R V R S V S sint quatuor segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia; Eruntq. permutando, ut EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO, & NB, ad OD. Ergo, ut EI, ad FK, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD; Ac propterea, cum EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH, erunt ex lemmate 7, arcus AG, CH, similes. Rursus quia est, ut EI, ad FK, ita IR, ad KS, erit ut EI, ad FK, ita tota ER, ad totam FS. Ut autem EI, ad FK, ita erat sinus totus EB, ad sinum totum FD. Igitur erit quoque, ut ER, sinus arcus AP, ad FS, sinum arcus CQ, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Ac proinde ex lemmate 7, similes erunt arcus AP, CQ, demptisque similibus AG, CH, reliqui GP, HQ, similes quoque erunt, ex antecedente lemmate. Preterea cum sit, ut EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO, erit, ut EI, ad FK, ita tota EN, ad totam FO. Erat autem, ut EI, ad FK, ita EB, ad FD. Igitur erit quoque, ut EN, sinus arcus AL, ad FO, sinum arcus CM, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD, atque idcirco per lemma 7, arcus AL, CM, similes erunt, ideoque per antecedens lemma, & reliqui arcus LB, MD, similes erunt. Et quia similes ostensi sunt arcus AP, CQ, si tollantur ex similibus AL, CM, reliqui etiam arcus PL, QM, similes erunt. Omnes ergo quatuor arcus AG, GP, PL, LB omnibus quatuor arcibus CH, HQ, QM, MD, similes sunt. Eademque de pluribus est ratio.

L E M M A VIII.

DATAM rectam lineam ita secare, ut semidiameter alicuius quadrantis secta est a perpendicularibus, quæ a quibusvis punctis quadrantis ad ipsam demittuntur.

QVAMVIS hoc effici possit ex propoſ. 10. lib. 6. Eucl. tamen quia huiusmodi diuisione in variis lineis frequenter in Astrolabio indigemus, construamus hoc loco figuram quandam, per quam multo facilius idem consequamur. Assumatur ergo figura altera parte longior quæcunque $ABCD$, & producto latere DA , describatur ex A , D , ad intervallos AB , vel DC , duo quadrantes æquales EB , FC , quibus diuisa in gradus, (Ex ob paruitatem figuræ in 60 partiti sumus, ut singulæ quindenos comprehendant gradus) ducantur per his puncta a latere AD , æqualiter remota rectæ secantes semidiametros AB , DC , quæ omnes latera AD , & inter se parallelæ erunt. Si namque ex duobus quibusvis punctis æqualiter a latere AD , remotis ad AD , extendentur perpendicularæ, erit hæc inter se parallelæ: sed & æquales, cum lineæ sint æqualium arcuum. Igitur & rectæ conuenient duo illa puncta ipsi AD , parallelæ erunt. Atque hac ratione omnes illæ lineæ lateri AD , æquidistant, & adeoque & inter se parallelæ erunt, & ad proximæ ad utramque semidia-



metrum AB , DC , perpendicularares. Diuisa ergo est utraque semidiameter AB , DC , a perpendicularibus quadrantum demissis. Ut autem aliam quæcunque rectam lineam siue maiorem, siue minorem semidiametro AB , similiter seces, ac si semidiameter esset alicuius quadrantis, diuisa a perpendicularibus hæc construatur super AB , triangulum æquilaterum ADG , cadetq. punctum G , in gra-

duum

^a 12. primi.

^b 11. primi.

^c 30. primi.

^d 20. primi.

dum 30. quadrantis, numeratione ab E, incepta, cum BG, sextam partem circuli subtendens, aequalis sit semidiametro AB, ex coroll. propof. 17. lib. 4. Eucl. Posſremo ex G, ad puncta ſectiōum ſemidiametri AB, rectæ deducantur, conſtruſtāq; erit figura, quam deſideramus.

SI igitur recta H, ſecunda in partes proportionales partibus ſemidiametri AB, maior fuerit ſemidiametro AB, ſi æqualis foret, transferenda eſſent ſegmenta ſemidiametri AB, in eam, vt ſimiliter ſecaretur transferatur beneſectio circini a quouis puncto lateris AD, ad latus AB, qualis eſt IK, quæ ſecabitur a parallelis, vt ſectā eſt AB, ex demonſtratione propof. 10. lib. 6. Eucl. cum KI, BA, produſtæ conuenirent, triangulumq; cōſtituerent, cuius baſis BK, &c. Quare ſi ſegmenta rectæ IK, transferantur in datam rectam H, erit recta H, ſectā, vt AB, ſectā eſt, ac ſi à perpendicularibus ex gradibus quadrantis, cuius ſemidiameter H, demiffis diuideretur, propterea quod hæ perpendicularares ipſam H, ſecarent, ex lemmate præcedenti, in partes proportionales partibus rectæ AB.

QVOD ſi detur recta L, ita longa, vt in parallelas translata nimis oblique ipſas interſiceret, ac proinde puncta interſectionum non facile diſcerni queant, transferenda eſt eius ſemiſis LM, qualis eſt NO. Nam ſi huius ſegmenta duplicata transferantur in datam rectam L, diuiſa erit quoque recta L, vt ipſa AB, vel NO, cum ſegmenta rectæ NO, eaſdem proportionales habeant, quas eorum dupla. Immo ſi ſemiſis datæ rectæ adhuc nimis longa eſſet, transferenda eſſet eius quarta pars, vel octaua, & ſegmenta inter parallelas quadruplicata, vel octuplicata in datam rectam transferenda.

SI vero data recta P, minor fuerit ſemidiametro AB, transferenda erit in triangulum æquilatèr GBA, ita vt ipſi AB, æquidiſſet: quod ſic, ſi ipſi P, auferre æquales GQ, GR. Duſta enim recta QR, parallelā erit ipſi AB, & æqualis ipſi P, ſiue vtrique GQ, GR, cum ex coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. triangulum GQR, triangulo GBA, ſimile ſit, ac proinde & æquilatèr. Segmenta ergo rectæ QR, in datam rectam P, translata ſecabunt eam, vt QR, hoc eſt, vt BA, ſectā eſt; quod ex ſcholio propof. 4. lib. 6. Eucl. rectæ BA, QR, ſimiliter ſecentur a rectis ex G, emiſſis. Quin etiam ſi quando ſemiſis, vel quarta pars vel octaua datæ rectæ in figuram transferenda ſit, vt ſupra diximus, eaque minor fuerit, quam AB, transferenda erit in triangulum GBA. Ita vides ST, ſemiſſem datæ rectæ S, translata eſſe in triangulum, cuiuſmodi eſt QR. Segmenta enim huius rectæ QR, duplicata ſecabunt datam rectam S, vt ſectā eſt AB.

SED quoniam non ſemper opus habemus omnibus partibus rectæ eo modo diuiſe, quæ nimirum reſpondent omnibus gradibus quadrantis ex ea recta deſcripti, ſed ſolum interdum indigemus in data recta vno puncto, quod propoſito gradu, vel arcui reſpondeat, hoc eſt, in quod caderet perpendicularis ex dato gradu, vel arcu demiffa, inueniemus ex eadem figura hoc loco conſtruſta illud punctum hoc modo. Si ſupponendum in rectis eiſdem datis punctum reſpondens gradus 32. numeratione a puncto E, incepta. Sumantur ex lemmate 3. duo arcus EV, FX, graduum 32. & recta iungatur VX, ſecans rectas IK, NO, in Y: Recta autem ex G, duſta ad punctum, vbi VX, rectam AB, ſecat, interſectet quoque rectam QR, in Y. Punctum enim Y, in reſpondentem rectam tranſlatum, vt ſupra diſſum eſt de alius ſegmentis, dabit in recta punctum Z, quæſitum.

HAC arte ſi recta vtaris, non erit opus circa datam rectam quadrantem deſcribere, eoque in gradus diuiſo, ex punctis diuiſionum perpendicularares de-

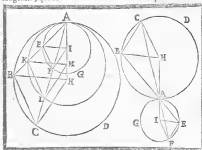
mittere, ut datam rectam in partes optatas distribuas : quæ res quantum habet voluntatem, ex nostro Astrolabio cognosces .

L E M M A I X.

SI duo, pluresue circuli intus, vel duo extra se mutuo contingant, rectæ lineæ per contactum ductæ, similes circumferentias abscindunt : Et rectæ coniungentes bina puncta, in quibus duæ rectæ circulos secant, parallelæ sunt.

I D E M contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus , si pro contactu sumatur punctum in recta eorum centra coniungente , per quod transit recta connectens puncta alterna extrema diametrorum ad priorem rectam perpendicularium . Sed quando circuli intus se non contingunt , similes arcus sunt alterni , non autem eodem ordine sumpti , ut in illis .

HOC theorema , quod ad circulos intus se tangentes attinet . in scholio propof. 26. lib. 3. Eucl. demonstramus ; quia tamen eo in illis , quæ sequuntur , indigemus , placuit idem hoc loco paulo aliter demonstrare , & quidem generalius . extendentes illud ad circulos extra sese tangentes , & ad circulos non se tangentes , quæ etiam re in demonstrationibus sequentibus vitetur .



S I N T ergo primi duo circuli A B C D, A I F G, quorum centra H, I, se mutuo tangent in A, hoc intus , seu extra ducturæ per A, contactum est utriusq; B E , C F, utriusq; eorum secantes. Dico it

arcus ABC, AEF, similes esse, quam arcus AB, AE, & BC, EF, &c. Per centra enim H, I, recta HI, educatur , quæ per contactum A, transibit & ex C, & E, ad eadem centra rectæ adiungantur CH, EI. Quoniam igitur in triangulis ACH, AEI, angulus A, communis est, quando circuli intus se contingunt , vel quando

contactus

contraque est exterior, * anguli A, ad verticem equales sunt : Latera autem circa alios angulos H, I, proportionalia; quippe quæ proportionem æqualitatis habeant, & reliquorum angulorum C, F, uterque recto minor, hoc est, acutus, ex coroll. 3. propof. 17 lib. 1. Eucl. quod uterque fit supra basem Ifoscelis; erunt ipsi triangula æquiangula, æqualesq; habebunt angulos ad centra H, I. Quod facile hoc etiam modo demonstrari potest. Quoniam in circulis sese tangentibus interior, vel alterni in circulis tangentibus se exterior. Parallela ergo sunt CH, FI, & ac proinde anguli H, I, æquales erunt, interni & externi, quando intus se tangunt circuli. vel alterni, quando extra se contingunt. Igitur cum utroque modo ostensū sint anguli H, I, in centrīs æquales; erunt segmenta ABC, AEF, quibus insunt, similia, ex scholio propof. 21. lib. 3. Eucl. Quibus demptis ex totis circulis, erunt ex eodem scholio, vel ex lemma te 6. & reliqua segmenta ADC, AGF, similia. Eademque ratione similia erunt segmenta AB, AE, (si ad centra ducantur rectæ BH, EI, quæ similiter ostendentur parallela, &c.) & ex circulari reliqua ADB, AGE. Eisdemque & arcus BC, EF, inter duas rectas comprehendē similes, ex eodem scholio liquet, propter eundem angulum BAC, in circulis intus se tangentibus, ad circumferentias constitutis, at in circulis extra se tangentibus, propter angulos BAC, EAF, ad verticem æquales, & ad circumferentias constitutos. Quod si describatur alius circulus AKL, ex centro M, tangens alios duos internos, demonstrabimus eodem modo, ductis rectis EM, arcus AKL AK, tam arcibus ABC, AB, quam arcibus AEF, AE, similes esse, &c.

I V N G A N T V R. quoque rectæ BC, EF, quas dico esse parallelas. Quoniam enim arcus AB, AE, ostensū sunt similes; erunt ex scholio dicto propof. 22. lib. 3. Eucl. anguli ACB, AFE, illis ad circumferentias insidentes (interni & externi, in circulis intus se tangentibus, vel alterni in circulis extra se tangentibus) inter se æquales. Igitur BC, EF, parallelae sunt, quod est propositum.

D E I N D E. sint duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, non se tangent, sed vel se intersectantes, vel non intersectantes. siue vnus sit totus extra alterum, siue intra positus. Ducta recta EF, per eorum centra, excidentur ad eā diametri perpendiculariter AE, CF, iuncta autē recta AC, secante EF, in G, ducantur per G, rectæ utcumque H I, KL, utrumque circulorum secantes. Dico tam arcus HAn, ICO, quam arcus HK, IL, &c. similes esse. Ductis namque rectis HE, n E, IP, OF, quoniam triangula AEG, CFG, æquiangula sunt; Nam anguli E, F, sunt recti, & tam alterni A, C, quam ad verticem AGE, CGF, inter se æquales; erit ut GE, ad semidiametrum EA, ita GF, ad semidiametrum FC. Rursus quia in triangulis GEH, GFI, = anguli EGH, FGI ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E, F, proportionalia, cum ostensū sit esse, ut GE ad EA, hoc est, ad EH, ita GF, ad FC, hoc est, ad FI; reliquorum autem angulorum H, I, uterque minor est recto, ex coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Eucl. propterea quod supra basem Ifosceliam EHn, FIO, existunt, * erunt anguli quoque GHE, GIf, æquales. Sed GHE, ipsi GnE, in Ifoscele E Gn, & GIf, ipsi GOf, in Ifoscele FIO, æqualis est. Igitur duo H, n, duobus I, O, æquales erunt; ac proinde & reliqui HEn, IPO, æquales erunt. Quocirca ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus HAn, ICO, quibus illi anguli ad centra insunt, similes erunt: quibus demptis ex totis circulis, reliqui quoque arcus HPn, IQO, similes erunt. Atque hoc quidem

* 15. primi.

* 7. sexti.

* 1. primi.

* 1. primi.

* 15. primi.

* 28. vel 27. primi.

* 28. primi.

* 28. vel 27. primi.

* 29. primi.

* 1. primi.

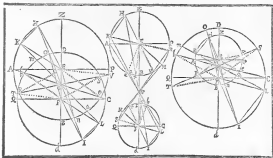
* 4. sexti.

* 15. primi.

* 7. sexti.

* 1. primi.

17. *primi.* dem in 1. ac 3. figura. At vero in 2. figura, erit angulus GHE , angulo EHF , in I socele EHF , & angulus GIF , angulo FOI , in I socele FIO , æquales. Quare, ut prius, erunt duo EJH , EHF , duobus FIO , FOI , æquales, & reliquis HEH , reliquo IFO , ac proinde & arcus HA , IO , & ex circulis totis reliqui HP , IQ similes erunt.



18. *primi.* E S S E quoque arcus HK , IL , quas rectæ HT , KL , abscindunt similes, sic demonstrabitur. Iunctis rectis KE , LE , quoniam in triangulis GHE , GFL , anguli EGK , FGL , ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E , F , proportionalia, ut ostensum est, reliquorum autem angulorum K , L , uterque recto minor est, in 1. & 3. figura quidem, propterea quod, si iungantur rectæ EK , EL , DL , dL , anguli ad K , & L , recti sunt in semicirculis, quorum illi partes sunt; In 2. autem figura, eo quod sunt supra basem HO tetragonum, si iungantur rectæ EA , FA , ad puncta, ubi circumferentiæ à rectis KL , secantur, (quæ ratio locum etiam habet in alia duabus figuris.) erunt anguli GHE , GFL , æquales. Cum ergo & anguli toti GEH , GFL , ostensi sint æquales, erunt etiam reliqui HEK , IFL , æquales; ac propterea ex schol. propof. 22. lib. 4. Eucl. arcus HK , IL , similes erunt.

19. *primi.* N O N focus ostendimus, rectas Zd , HI , intercipere arcus alternos similes HT , Id , & HB , Id . Quoniam enim anguli GEH , GFI , ostensi sunt æquales; erit ex duobus rectis reliqui HEZ , IFd , æquales, ideoque ex prædicto scholio arcus HE , Id , similes erunt: Et ex eodem scholio, similes erunt HB , Id , propter æquales angulos BEH , DFI .

20. *primi.* P A R I ratione demonstrabimus, rectam AC , auferre arcus alternos ABc , bDC , similes. Iunctis enim rectis cE , bF , quoniam anguli alterni EAc , FCb , æquales sunt, & EAc , IpE , & FCb , ipF , æquales erunt EAc , IpE , FCb , ipF , æquales; ideoque & reliquis AFe , reliquo CFb , æqualis erit. Quæ circa ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus ABc , bDC , similes erunt, in secunda tamen figura colligantur arcus Ac , bC , similes, quibus sublatis ex totis circulis, reliqui ABc , bDC , similes quoque sunt.

S I C etiam, ut alterum adhuc exemplum ponamus, demonstrabimus, rectam RS , au-

RS, auferre arcus alternos similes RBV, SDT. *Punctis enim rectis RE, VE; SF, TF, quoniam in triangulis GER, GPS, anguli EGR, FGS, ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E, F, proportionalia, ut monstratum est reliquorum autem angulorum R, S, uterque minor est recto, propterea quod supra bases triangulorum isoscelium ERV, FST, existunt; & erunt quoque anguli ERG, FSG, æquales. Est autem ille angulo EVG & hic angulo FTG æqualis. Igitur duo R, V, duobus S, T, æquales erunt; & p̄inde & reliqui REV, SFT, in triangulis ERV, FST, æquales erunt p̄inde & ex scholio propof. 22, lib. 3. Eucl. in 1. & 3. figura arcus RBV, SDT, similes erunt; in 2. vero figura arcus RV, ST, similes erunt, &c.*

EODEM modo rectæ Zd, RV, interceptant alternos arcus similes RB, SD, & RZ, Sd. Quoniam enim in triangulis EGR, FGS, anguli R, S, ostensū sunt æquales; & sunt quoque anguli ad verticem G, æquales erunt reliqui anguli æquales REB, SFD. Igitur ex eodem scholio prædicto, similes erunt arcus RB, SD, & c. p̄inde & ex semicirculis reliqui RZ, Sd. Eademq; ratio est de omni recta, quæ rectam Zd, per centra eisdem, interfecat.

DENIQUE ex omnibus his inferitur, duas rectas quomocumque se in G, interceptantes interceptare arcus similes ad contrarias partes. Ut si intersectent sese in G, rectæ HY, KL, dico tam arcus HK, IL, quam Kn, LO, similes esse. De prioribus quidem iam paulo ante demonstratum est, de posterioribus vero ita probatur. Quoniam KB, ipsi LD, & Bn, ipsi Do, similes est, ut proxime ostendimus de rectis ipsam Zd, interceptantibus; erūt per lemma 6. etiam arcus Kn, LO, similes. Eadem ratione arcus HR, RS, similes erunt; propter rectas HY, RS, se intersectantes, &c.

QVOD si per G, ducatur recta GM, tangens in M, circulum AB, in 2. figura, tanget ex producta circulum quoque CD, in N, eruntq; rursum arcus abscissif BM, DN, similes. Ducta enim GN, tangente circulum CD, in N, iunctisq; rectis EM, FN, erunt anguli M, N, recti. Cum ergo & latera circa angulos E, F, in triangulis GEM, GFN, sint proportionalia, & reliquorum angulorum ad G, uterque sit minor recto, ex coroll. 1. propof. 17, lib. 1. Eucl. Erunt quoque tam anguli E, F, quam anguli ad G, æquales. Igitur ex ijs, quæ ad propof. 17, lib. 1. Eucl. ex Proclo demonstravimus, rectæ MG, NG, vnam rectam constituent, & c. p̄inde tangens GM, producta tanget etiam circulum CD, in N; atque arcus BM, DN, ex scholio propof. 22 lib. 3. Eucl. similes erunt.

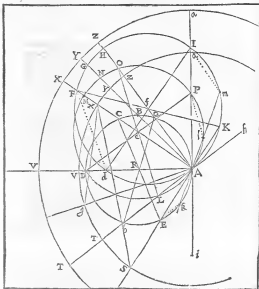
IVNGANTVR denique rectæ HK, IL, arcibus similibus & rectis HY, KL, abscissis. Dico eas esse parallelas. Quoniam enim tam arcus HAn, ICO, quam HK, IL, ostensū sunt similes, erunt quoq; per lemma 6. reliqui arcus KAn, LCO, similes. Igitur ex scholio propof. 22 lib. 3. Eucl. anguli KAn, LCO, illi in sistentes ad circumferentias æquales eruntq; cum sint alterni, erunt HK, IL, parallele. quod est propositum.

LEMMA X.

SI duo, pluresue circuli se mutuo secent; rectæ lineæ per sectionis punctum ductæ, quæ vel ipsos secent; vel ytraque sit tangens, vel earum altera, interceptiunt circumferentias similes inchoatas ab vna earum rectarum;

& ver.

& versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius rectæ progredientes. Si autem ex eodem sectionis puncto circulus quicunque describatur, erit eius circumferentia inter duas easdem rectas comprehensa, semissis illius arcus in eodem circulo ex sectionis puncto descripto, qui arcui cuius priorum circulo- rum inter easdem rectas intercepto similis est.



IN puncto A, se mutuo secant circuli ABCDE, AFGHIE, ALMNOP, du-
centurq; primum duæ rectæ ipsos secantes utroque AB, AC, quæ interceptant
arcus

arcus BC, GF, NM, quos omnes dico esse similes. Cum enim quilibet illorum ita sit angulus communis MAN, ad circumferentiam sui circuli in puncto A, manifestum est ex schol. propoſ. 2. lib. 3. Eucl. ipsos similes esse. Eodem pacto ducta recta AH, omnes tres circulos secante, similes ostenduntur arcus BQ, GR, NO, propter angulum communem NAH, quilibet illorum insistentem ad circumferentiam proprii circuli in puncto A. Idem dicendum est, ducta recta secante AD, de arcibus CD, FD, MD, ob communem angulum DAM: atque ita ceteri arcus quicunque inter duas rectas secantes interiectioni, similes demonstrabuntur. Id quod etiam in precedenti lemmate demonstratum est de arcibus inter duas rectas ex puncto contactus duorum circularum intus se tangentium emulas interceptis.

DEIN DE recta AP, tangat circulum ABCDE, in A, ac proinde alios fecet in P, Q, cum circuli in A, se intersecare ponantur, non autem tangentes (solum enim cum plures circuli se intus tangunt, vel duo exteriora, una eodemque recta omnes illas in eodem puncto contactus contingere possit) recta autem AN, omnes tres fecet in B, G, N. Dico similes quoque esse arcus BA, GI, NP, quorum prior a puncto sectionis B, usque ad punctum contactus A, progreditur, posteriores vero duo a punctis sectionum G, N, usque ad alia puncta sectionum I, P. De duobus quidem hisce posterioſioribus GI, NP, inter duas rectas secantes positus liquet ex scholio propoſ. 22. lib. 3. Euclid. eos similes esse, propter angulum communem NAI, ad eorum circumferentias atque omnes ipsos BA, GI, NP, similes esse, ita ostendemus. Ducta diametro ARD, in circulo ABCDE, quem recta AP, tangit, secante alios duos circulos in D, d, iungantur recte DP, dI. Et quoniam angulus DAI, rectus est, cadent, ex corollar. propoſ. 4. lib. 4. Euclid. centra circularum ALMNOP, AFGHIK, in rectas DP, dI, ideoque semicirculi erunt DMP, dFI, ac proinde semicirculo DCA, similes. Cum ergo & arcus ablati DE, DN, dG, inter rectas secantes AD, AG, positus, similes sint, ut proxime ostensum est, erunt & reliqui arcus BA, GI, NP, similes, ex 6. lemmate. Eademque ratione, ducta recta secante AF, arcus CA, FI, MP, similes erunt, & sic de ceteris.

RURSUS recta AE, tangat circulum ALMNOP, in A, aliosque proinde fecet in E, K, recta autem AN, omnes fecet. Dico adhuc similes esse arcus NLA, BDE, GAK, quorum primus NLA, inter N, punctum sectionis, & A, punctum contactus, positus est, & secundus BDE, inter puncta sectionum B, E, versus eandem partem arcus NLA, latet, & GAK, tertius a puncto sectionis G, ad easdem partes priorum duorum usque ad punctum sectionis K, ultra A, computatur. Neque enim recta AE, circulum AFGHIK, circa punctum A, secat, ut alios. Hoc autem sic demonstrabimus. Ducta diametro AEM, in circulo ALMNOP, quem recta AE, tangit, secante duos alios circulos in C, & F, iungantur recte CE, FK. Et quia tam angulus MAE, rectus est, quam MAK, cadent, ex corollar. propoſ. 3. lib. 4. Euclid. centra circularum ABCDE, AFGHIK, in rectas CE, FK, ideoque semicirculi erunt EDC, KAF, semicirculoque ADM, similes. Cum ergo & arcus MN, CB, FG, inter rectas secantes AF, AG, latentes, sint similes, ut supra monstratum est, erunt totius quoque arcus NLA: BDE, GAK, ex lemmate 6. similes. Partim ratione similes erunt arcus DLA, DBE, dAK, quorum primus DLA, inter punctum sectionis D, & punctum contactus A, secundus vero DBE, inter puncta sectionum D, E, versus eandem

118. arq.

118. arq.

D partem

XF , EAC , semicirculoque APM , similes. Quare cum & ablati arcus MN , FG , CB , inter rectas secantes AF , AG , similes sint, ut ostensum est, ad rationem huius lemmanis, erunt reliqui quoque arcus NFA , QIK , BAE , per 6. lemma, similes.

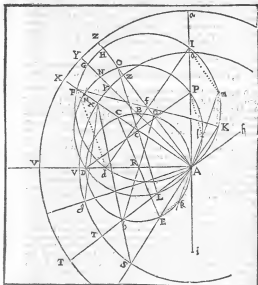
P R A E T E R E A recta AL , tangat circulum $AFGHIK$, in A , aliosque faciat in b , L , ac recta AN , omnes secet. Dico rursum similes esse arcus GFA , BDb , NDL , quorum primus inter G , punctum sectionis, & A , punctum contactus, secundus vero inter sectionem puncta B , b , & denique tertius inter sectionem puncta N , L , positus est. Ducta namque diametro AFI , in circulo $AFGHIK$, quem recta AL , tangit, secante alios duos in Q , O , iungantur rectae Qb , OL . Et quia angulus NAL , rectus est, cadent, ex coroll. propos. 3. lib. 4. 2. 18. terrig. Eucl. centra circulorum $ABCDE$, $ALMNOP$, in rectas bQ , Lo , ac proinde erunt bDQ , LMO , semicirculi, idcirco semicirculo AFH , similes. Sunt autem & arcus GH , bQ , NO , similes inter rectas secantes AB , AN , ut supra ostensum est. Igitur reliqui quoque arcus GFA , BDb , NDL , ex 6. lemmae similes erunt. Sic etiam ducta per A , recta Am , erunt arcus Eh , Al , Km , similes. Cum enim AE , circulum $ALMNOP$, tangat, erit, ut saepius iam demonstratum est, arcus Al , inter punctum A , contactus, & punctum l , sectionis, similis arcui Km , inter duo sectionum puncta K , m , ex eadem parte arcus Al . Arcus autem Km , arcus Eh , ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. similis est, ob angulos ad verticem aequales KAm , EAk , illis insistentem. Igitur omnes tres arcus Eh , Al , Km , similes sunt.

A D hac, recta AE , tangat circulum $ALMNOP$, in A , aliosque faciat in E , K ; item recta AL , tangat circulum $AFGHIK$, in A , aliosque faciat in b , L . Denique AL , tangat in A , circulum $ABCDE$, secante alios in P , I . Dico similes quoque esse tam arcus bE , LA , AK , quam arcus EDA , ADP , $KAFI$, quam arcus bDA , LMP , AFI . Nam quia AE , circulum $ALMNOP$, tangit, erit, ut iam pridem monstratum est, arcus LA , inter L , punctum sectionis, & contactum A , similis arcui bE , inter sectionum puncta b , E , ex eadem parte arcus LA . Est autem arcui bE , similis arcus AK . (Quoniam enim hA , tangit circulum $AFGHIK$ in A , & KA , eundem secat, erit angulus hAK , hoc est, hAE , qui ei ad verticem aequalis est, angulo AFK , in alterno segmento aequalis; ac proinde arcus AK , bE , quibus ad circumferentias insistant, similes erunt.) Igitur omnes tres bE , LA , AK , similes erunt. Deinde ducta in circulo $ABCDE$, diametro AD , iunctaque recta DP , erit DNP , semicirculus, ob angulum rectum DAP , idcirco semicirculo DCA , similis. Sunt autem & arcus DL , DE , similes, ut iam non semel est monstratum, quod AE , circulum $ALMNOP$, tangat, &c. Igitur toti arcus EDA , ADP , similes quoque erunt: Sed arcus ADP , arcui $KAFI$, similis est. (Nam ducta diametro AM , in circulo $ALMNOP$, secante circulum $AFGHIK$ in F , iunctaque recta KF , erit KAF , semicirculus, ob rectum angulum FAK , idcirco semicirculo ADM , similis. Cum ergo & arcus Fb , MP , similes sint, ob angulum communem FAI , illis ad circumferentias insistentem, erunt toti arcus $KAFI$, ADP , similes.) Omnes ergo tres EDA , ADP , $KAFI$, similes erunt. Postremo ducta diametro AH , in circulo $AFGHIK$, secante circulum $ALMNOP$, in O , iunctaque recta LO , erit LMO , propter angulum rectum LAO , semicirculus semicirculo bDQ , similis. Sunt autem & arcus OP , QA , similes, cum AP , circulum $ABCDE$, tangat, &c. Igitur toti arcus bDA , LMP , similes erunt: Sed arcus bDA , arcui $KAFI$, similis est. (Ducta enim diametro AH , in circulo $AFGHIK$, secante circulum $ABCDE$, in Q , iunctaque recta bQ , erit bCQ , se-

micreales, ob angulum rectum BAQ , & semicirculo AFH , simili. Cum ergo & arcus QA, HI , similes sint, quod AI , circulum $ABCDE$, tangit, &c. erunt quoque totus arcus bDA , AFI , similis.) Quamobrem omnes tres arcus bD, I, MP, AFI , similes erunt.

PROPOSVI autem tot casus, ac tam varios huius propositionis, quam. his in omnibus eadem fieri sit demonstrandi ratio, ut intelligas, quo pacto in illis casibus te gerere debeat.

CAETERVM aliter, & paulo facilius ostendimus, arcum cuiuslibet circuli inter duas rectas comprehensum, quarum una circulum tangit, & altera secat, similem esse arcui cuiuslibet alterius circuli per contactum descripti, intra



esse inter duas rectas inclusis, quarum vel utraque circulum secat, vel una tangit, & altera secat. Nam quia AF , circulum $ABCDE$, tangit, & AQ , eundem secat, & utra-

& utraque alios duos circulos fecit, ^a erit angulus AbQ , in alterno segmento abscisso à recta secante AQ , æqualis angulo PAQ . Ergo ex scholio propoſ. 22. lib. 3. Eucl. arcus AQ , inter duas rectas AP , AQ , comprehenſus, & cui inſiſtit angulus AbQ ſimilis eſt arcibus PO , PH , inter eaſdem rectas interceptis, & qui bus communis angulus AQH , inſiſtit, qui angulo AbQ , oſtenſus eſt æqualis.

R V R S V S quia AE , circulum $ALMNOP$, tangit, eundemq; AD , ſecat, & utraq; circulos $ABCDE$, $APGHK$, ſecat in E , D , & K , d, oſtendamus arcus ALD , ED , & Ad , ſimiles etiam eſſe. ^b Quia enim angulus EAD , angulo APD , in alterno ſegmento æqualis eſſerunt ex ſchol. propoſ. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED , ALD , quibus inſiſtunt, ſimiles. His autem ſimilem quoque eſſe arcum KAd , ita perſpicuum ſer. Tangat recta AL , circulum $APGHK$, ſecetq; circulum $ABCDE$, in b . Iuncta ergo recta dF , erit angulus bAD , angulo APd , in ſeg-
mento alterno æqualis, & angulus bAK , angulo APK , in alterno ſegmento.

^c Cum ergo angulus bAK , angulo bAE , ad verticem æqualis ſit, erit quoq; angulus bAD , angulo APK , æqualis, ac proinde, cum oſtenſus ſit angulus bAB , an-
gulo AH , æqualis, erit totus angulus EAD , toti angulo dFK , æqualis. Atque
idcirco ex ſcholio propoſ. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED , KAd , ſimiles erunt. Quocir-
ca cum ED , oſtenſus ſit ſimilis arcui ALD , erunt omnes tres ALD , ED , KAd , ſi-
miles, inter rectas AE , AD , comprehenſi.

PR A E T E R E A cum Ab , tangat circulum $APGHK$, & Ad , eundem ſe-
cet, atque utraque duos alios circulos fecit, ^a erit angulo Ad , in alterno ſeg-
mento æqualis angulus bAD . Igitur ex ſcholio propoſ. 22. lib. 3. Eucl. arcus Ad ,
inter duas rectas Ab , Ad , cui angulus Ad , inſiſtit, ſimilis eſt arcibus bD , LD , in-
ter eaſdem rectas, quibus angulus communis bAD , angulo Ad , æqualis oſten-
ſus inſiſtit.

A M P L I U S quia AK , circulum $ALMNOP$, tangit, alioſq; ſecat in K ,
 E item Al , circulum $ABCDE$, tangit, alioſq; ſecat in P , I , ^c erit angulo ADP ,
in alterno ſegmento æqualis angulus KAP , ac proinde & angulus ad verticem
 IAE . Sed hæc æqualis quoque eſt angulo ACE , in ſegmento alterno. Igitur tres
anguli ACE , ADP , KAI , æquales ſunt, ac proinde ex ſcholio propoſ. 22. lib. 3.
Eucl. tres arcus AE , AP , KI , quibus inſiſtunt, æquales ſunt, inter rectas AK , Al ,
comprehenſi.

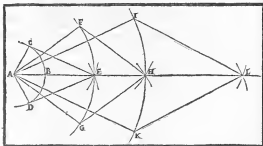
D E N I Q; V E quia AP , circulum $ABCDE$, tangit, alioſq; ſecat in
 P , I item AE , circulum $ALMNOP$, tangit, alioſq; ſecat in E , K ; iuncta recta
 kE , erit autem angulo AkE , in alterno ſegmento angulus PAE , quàm angulo
 AlP , (iuncta recta IP), in alterno ſegmento idem angulus EAP , æqualis. Dein-
de quia iunctis rectis Km , mI , tam duo anguli KmI , KAI , quàm duo AkE , ACE
duobus rectis æquales ſunt, ^b eſſique angulo ACE , in alterno ſegmento æqualis
angulus IAE , hoc eſt, KAI , ad verticem, erit quoq; reliquus KmI , reliquo AkE
æqualis. Igitur omnes tres anguli AkE , AlP , KmI , æquales ſunt; ideoque ex
ſcholio propoſ. 22. lib. 3. Eucl. tres arcus ACE , ADP , KAI , ſimiles erunt. Et ſic
de cæteris.

D I F F E R T autem prima hæc pars lemmatis à prima parte lemmatis an-
tecedentis, quòd hæc ſolum demonſtrantur illi arcus ſimiles, qui inter duas re-
ctas lineas, ſive utraque ſit tangens, ſive altera tantum, ſive neutra, interſe iun-
tur, non autem illi, quos recta aliqua abſcindit: neque enim ſimiles ſunt ar-
cus AQ , APQ , AKH , quos recta AH , auſert. At vero in priori parte lem-
matis antecedentis ſimiles etiam oſtenduntur arcus à quacunque linea recta
abſcuſi.

IA M verò ex sectionis puncto *A*, circulus quilibet describatur *STV*, ad quæ usque rectæ ex *A*, procedentes extendantur secantes eum in *S*, *T*, *V*, *X*, *Y*, &c. Di-
 co arcum, verbi gratia, *ST*, semissem esse arcus, qui similis sit in eodem circulo,
 arcui *Eb*; adeo ut numerus graduum in arcu *ST*, comprehensorem a dimidium
 pars sit numeri graduum in arcu *Eb*, contentorum. Sumatur enim arcui *ST*,
 æqualis arcus *Tg*, ductæque rectæ *A*, ducantur ex *S*, g, ad quodlibet punctum
X, ut circumferentia *STVXYZ*, duæ rectæ *SX*, *gX*. Quia igitur arcus *ST*, *Tg*,
 æquales sunt, & æquales quoque erunt anguli *SAT*, *TAg*, in centro *A*, ac pro-
 inde angulus *SAg*, angulus *SAT*, duplus erit, & est autem idem angulus *SAg*, ad
 centrum *A*, duplus quoque anguli *SXg*, ad circumferentiam. Igitur anguli *SAT*
SXg æquales erunt, idæoque ex scholio propo. 22. lib. 3. Eucl. arcus *Eb*, *Sg*, simi-
 les erunt; ac proinde arcus *ST*, semissem erit arcus *Sg*, qui arcui *Eb*, similis est.
 Eademque ratio est de cæteris, quod constat etiam in arcibus *Va*, *Dm*, *P*, *DC*, *A*,
dFI, quorum prior *Va*, quadrans est continens gradus 90. propter angulum
 rectum *VAA*, posteriores vero tres, semicirculi contentantes linguæ gradus
 180. existunt.

L E M M A XI.

RECTA M lineam brevissimam in cōtinuum exten-
 dere, vel (quod idem est) per duo puncta parum inter se
 distantia lineam rectam quantumlibet producere.



ACCIDIT frequenter, ut vel linea recta brevissima, qualis est *AB*, exten-
 denda sit, vel (quod idem est) per duo puncta, quorum alterum ab altero propi-
 abest, cuiusmodi sunt duo puncta *A*, *B*, recta linea quantumlibet extendenda;
 quæ res non parvam habet difficultatem, propter quod regula, quæ linea du-
 cenda est, facile in hanc, illamve partem flexi potest; adeo ut quò longius pro-
 cendenda est linea, eò maior admitti possit error. Ne ergo in ea linea ducenda er-
 remur,

remus, utendum erit hoc artificio. Ex A , per B , arcus circuli describatur, in quo abscissis equalibus arcibus BC , BD , (qui quo maiores erunt, eo felicius res succeder) describantur ex C , D , duo arcus tanto intervallo, ut commodè se interficere possint in E , hoc est, ut non admodum obliqua fiat sectio, quia tunc non facile discerni posset intersectionis punctum. Deinde ex A , per E , iterum arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus equalibus EF , EG , describantur ex F , G , tanto quoque intervallo duo arcus, ut commodè se interficere queant in H . Rursus ex A , per H , arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus equalibus HI , HK , describantur quoque ex I , K , tanto intervallo duo arcus, ut commodè se possint interficere in L : atque in hunc modum progredi licetbat, quantum libuerit. Dico rectam AB , productam transire per puncta E , H , L , &c. adeo ut applicata regula ad puncta A , L , recta linea ducatur per puncta A , B , exquiritissime, quippe cum lineæ AB , AE , AH , AL , omnes unamificent rectam lineam. Ductis enim rectis AC , AD , AF , AG , AI , AK , CE , DE , FH , GH , IL , KL ; quoniam latera AC , AE , lateribus AD , AE , equalia sunt, & basis quoque CE , basi DE , equalis, ex constructione, ob equalia sumpta intervallo ex C , D , usque ad E , erit angulus CAE , angulo DAE , equalis, hoc est, recta EA , angulum CAD , secabit bisariam: sed & recta BA , eundem angulum CAD , bisariam dividit, quod anguli BAC , BAD , equalis sint propter equalis arcus BC , BD , igitur recta EA , per B , transiet, ne dux rectæ dicantur eundem angulum CAD , bisariam partiri. Rursus quia latera AF , AH , lateribus AG , AH , equalia sunt, & basis FH , basi GH , eadem de causa, erunt quoque anguli FAH , GAH , equalis, id est, recta HA , angulum FAG , bisariam secabit. Cum ergo & eundem angulum bisariam secet recta EA , quod anguli EAF , EAG , ob equalis arcus EF , EG , equalis sint, transibit recta HA per E ac proinde & per B , cum recta EA , transirentis sit per B . Non aliter demonstrabimus, rectam LA , transire per H , ideoque & per E , B , &c.

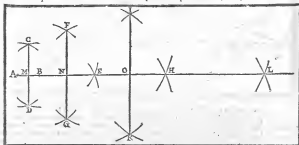
1. 1. primi.

27. 1. 1. 1. 1. 1.

1. 1. primi.

27. 1. 1. 1. 1. 1.

Hæc præcisè hoc etiam modo iussim potest. Ex punctis A , B , datis, vel ex-

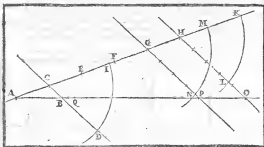


trems datæ lineæ AB , ad quodvis intervallo, quod paulo maius sit datæ rectæ AB , binis arcus hinc inde describantur secantes sese in C , D . Et ex C , D , alijs duo arcus tîto intervallo, ut commodè se interficere in E . Rursus ex B , E , binis alijs arcus utriusque secantes sese in F , G . Et ex F , G , duo alijs arcus se interficere in H .

1. 1. 1. 1. 1. 1.

Dñd ex E, H, utrinque se interfecit bñs aliq arcus in I, K. Atque ex I, K, aliqñs
 arcus seft interfecit in L. Atque hoc modo, quantum liberit, procedatur. Da-
 co omnia puncta A, B, E, H, L, in vna recta facere lineam. Nam ex is, quæ in præd
 propos. et lib. i. Eucl. diximus, recta AB, rectam iñtām CD, diuidit ad angulos
 rectos, & bifariam in M, item recta functa EM, ad eandem CD, perpendicularis
 est, & proinde recta BM, congruit, hoc est, per punctum B, transit, ita vt vna re-
 cta fit AE. Rursus eodem modo HN, per E, transibit, vt vna recta fit AH, quod
 tam recta BE, rectam FG, fecit bifariam, & ad angulos rectos, quæ in recta HN,
 ad eandem FG, perpendicularis sit. Non aliter ostendos LO, per H, transire,
 ideoq̃ ABNEOHL, esse vnā rectā lineam, propterea quod recta EH, re-
 ctam LX, fecit bifariam, & ad rectos angulos, & recta functa L O, ad eandem X,
 perpendicularis est.

ALITER. Per extremum A , ducatur recta vicinque ACK , faciens cum AB , angulum, nec valde magnum, nec valde acutum. Deinde per alterum extremum B , ducita vicinque a BA recta BD , faciente AE , in C ita tamen, ut AB , & AE non valde oblique ferantur, sed ita, ut intersectionum puncta C , B , commodè discerni possint, abscondantur ipsi AC , beneficio circuli quocunque rectæ æqualis CE , EF , FG , GH , & ex C , & ultimo puncto H , intervallis æqualibus CJ , HK , arcus describantur ID , KL , sumptoque arcu KL , æquali arcui ID , inter rectas CJ , ED , interseceto, ducatur recta HL , ex qua visus ad O , occurrant totæque



tres aequales ipsi CB , quot partes aequales ipsi AC , sunt in AH . Nam, recta AB producta cadet in O , vel recta AO , per B , transibit. Quoniam enim arcus ID , KL , aequales sunt; ¹ erunt anguli etiam ICD , KHL , interni & externi, aequales, ² ac proinde CB , et CO , parallela erunt. Cum ergo sit, ut AC , ad AH , ita CB ad HO , quod sociis commensatur AC , in AH , quoties CB , in HO , ex constructione, transibit ex scholio propo¹. 4. lib. 6. Eucl., recta AO per B , & recta AB , per O . Quod si ex G , alius arcus describitur MN , ad idem intervallum CI , vel HK , fumaturque arcus MN , eidem arcui ID , aequalis, erit eodem argumento etiam GN , ipsi CD , parallela. Si itur in GN , accipiantur rursus tot partes quot

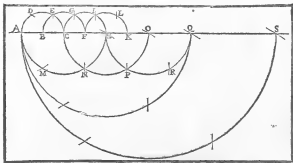
1998, 1999, 2000, 2001, 2002, 2003, 2004, 2005, 2006, 2007, 2008, 2009, 2010, 2011, 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2020, 2021, 2022, 2023, 2024, 2025, 2026, 2027, 2028, 2029, 2030, 2031, 2032, 2033, 2034, 2035, 2036, 2037, 2038, 2039, 2040, 2041, 2042, 2043, 2044, 2045, 2046, 2047, 2048, 2049, 2050, 2051, 2052, 2053, 2054, 2055, 2056, 2057, 2058, 2059, 2060, 2061, 2062, 2063, 2064, 2065, 2066, 2067, 2068, 2069, 2070, 2071, 2072, 2073, 2074, 2075, 2076, 2077, 2078, 2079, 2080, 2081, 2082, 2083, 2084, 2085, 2086, 2087, 2088, 2089, 2090, 2091, 2092, 2093, 2094, 2095, 2096, 2097, 2098, 2099, 2100, 2101, 2102, 2103, 2104, 2105, 2106, 2107, 2108, 2109, 2110, 2111, 2112, 2113, 2114, 2115, 2116, 2117, 2118, 2119, 2120, 2121, 2122, 2123, 2124, 2125, 2126, 2127, 2128, 2129, 2130, 2131, 2132, 2133, 2134, 2135, 2136, 2137, 2138, 2139, 2140, 2141, 2142, 2143, 2144, 2145, 2146, 2147, 2148, 2149, 2150, 2151, 2152, 2153, 2154, 2155, 2156, 2157, 2158, 2159, 2160, 2161, 2162, 2163, 2164, 2165, 2166, 2167, 2168, 2169, 2170, 2171, 2172, 2173, 2174, 2175, 2176, 2177, 2178, 2179, 2180, 2181, 2182, 2183, 2184, 2185, 2186, 2187, 2188, 2189, 2190, 2191, 2192, 2193, 2194, 2195, 2196, 2197, 2198, 2199, 2200, 2201, 2202, 2203, 2204, 2205, 2206, 2207, 2208, 2209, 2210, 2211, 2212, 2213, 2214, 2215, 2216, 2217, 2218, 2219, 2220, 2221, 2222, 2223, 2224, 2225, 2226, 2227, 2228, 2229, 2230, 2231, 2232, 2233, 2234, 2235, 2236, 2237, 2238, 2239, 2240, 2241, 2242, 2243, 2244, 2245, 2246, 2247, 2248, 2249, 2250, 2251, 2252, 2253, 2254, 2255, 2256, 2257, 2258, 2259, 2260, 2261, 2262, 2263, 2264, 2265, 2266, 2267, 2268, 2269, 2270, 2271, 2272, 2273, 2274, 2275, 2276, 2277, 2278, 2279, 2280, 2281, 2282, 2283, 2284, 2285, 2286, 2287, 2288, 2289, 2290, 2291, 2292, 2293, 2294, 2295, 2296, 2297, 2298, 2299, 2300, 2301, 2302, 2303, 2304, 2305, 2306, 2307, 2308, 2309, 2310, 2311, 2312, 2313, 2314, 2315, 2316, 2317, 2318, 2319, 2320, 2321, 2322, 2323, 2324, 2325, 2326, 2327, 2328, 2329, 2330, 2331, 2332, 2333, 2334, 2335, 2336, 2337, 2338, 2339, 2340, 2341, 2342, 2343, 2344, 2345, 2346, 2347, 2348, 2349, 2350, 2351, 2352, 2353, 2354, 2355, 2356, 2357, 2358, 2359, 2360, 2361, 2362, 2363, 2364, 2365, 2366, 2367, 2368, 2369, 2370, 2371, 2372, 2373, 2374, 2375, 2376, 2377, 2378, 2379, 2380, 2381, 2382, 2383, 2384, 2385, 2386, 2387, 2388, 2389, 2390, 2391, 2392, 2393, 2394, 2395, 2396, 2397, 2398, 2399, 2400, 2401, 2402, 2403, 2404, 2405, 2406, 2407, 2408, 2409, 2410, 2411, 2412, 2413, 2414, 2415, 2416, 2417, 2418, 2419, 2420, 2421, 2422, 2423, 2424, 2425, 2426, 2427, 2428, 2429, 2430, 2431, 2432, 2433, 2434, 2435, 2436, 2437, 2438, 2439, 2440, 2441, 2442, 2443, 2444, 2445, 2446, 2447, 2448, 2449, 2450, 2451, 2452, 2453, 2454, 2455, 2456, 2457, 2458, 2459, 2460, 2461, 2462, 2463, 2464, 2465, 2466, 2467, 2468, 2469, 2470, 2471, 2472, 2473, 2474, 2475, 2476, 2477, 2478, 2479, 2480, 2481, 2482, 2483, 2484, 2485, 2486, 2487, 2488, 2489, 2490, 2491, 2492, 2493, 2494, 2495, 2496, 2497, 2498, 2499, 2500, 2501, 2502, 2503, 2504, 2505, 2506, 2507, 2508, 2509, 2510, 2511, 2512, 2513, 2514, 2515, 2516, 2517, 2518, 2519, 2520, 2521, 2522, 2523, 2524, 2525, 2526, 2527, 2528, 2529, 2530, 2531, 2532, 2533, 2534, 2535, 2536, 2537, 2538, 2539, 2540, 2541, 2542, 2543, 2544, 2545, 2546, 2547, 2548, 2549, 2550, 2551, 2552, 2553, 2554, 2555, 2556, 2557, 2558, 2559, 2560, 2561, 2562, 2563, 2564, 2565, 2566, 2567, 2568, 2569, 2570, 2571, 2572, 2573, 2574, 2575, 2576, 2577, 2578, 2579, 2580, 2581, 2582, 2583, 2584, 2585, 2586, 2587, 2588, 2589, 2590, 2591, 2592, 2593, 2594, 2595, 2596, 2597, 2598, 2599, 2600, 2601, 2602, 2603, 2604, 2605, 2606, 2607, 2608, 2609, 2610, 2611, 2612, 2613, 2614, 2615, 2616, 2617, 2618, 2619, 2620, 2621, 2622, 2623, 2624, 2625, 2626, 2627, 2628, 2629, 2630, 2631, 2632, 2633, 2634, 2635, 2636, 2637, 2638, 2639, 2640, 2641, 2642, 2643, 2644, 2645, 2646, 2647, 2648, 2649, 2650, 2651, 2652, 2653, 2654, 2655, 2656, 2657, 2658, 2659, 2660, 2661, 2662, 2663, 2664, 2665, 2666, 2667, 2668, 2669, 2670, 2671, 2672, 2673, 2674, 2675, 2676, 2677, 2678, 2679, 26

1998, 1999, 2000, 2001, 2002, 2003, 2004, 2005, 2006, 2007, 2008, 2009, 2010, 2011, 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2020, 2021, 2022, 2023, 2024, 2025, 2026, 2027, 2028, 2029, 2030, 2031, 2032, 2033, 2034, 2035, 2036, 2037, 2038, 2039, 2040, 2041, 2042, 2043, 2044, 2045, 2046, 2047, 2048, 2049, 2050, 2051, 2052, 2053, 2054, 2055, 2056, 2057, 2058, 2059, 2060, 2061, 2062, 2063, 2064, 2065, 2066, 2067, 2068, 2069, 2070, 2071, 2072, 2073, 2074, 2075, 2076, 2077, 2078, 2079, 2080, 2081, 2082, 2083, 2084, 2085, 2086, 2087, 2088, 2089, 2090, 2091, 2092, 2093, 2094, 2095, 2096, 2097, 2098, 2099, 2100, 2101, 2102, 2103, 2104, 2105, 2106, 2107, 2108, 2109, 2110, 2111, 2112, 2113, 2114, 2115, 2116, 2117, 2118, 2119, 2120, 2121, 2122, 2123, 2124, 2125, 2126, 2127, 2128, 2129, 2130, 2131, 2132, 2133, 2134, 2135, 2136, 2137, 2138, 2139, 2140, 2141, 2142, 2143, 2144, 2145, 2146, 2147, 2148, 2149, 2150, 2151, 2152, 2153, 2154, 2155, 2156, 2157, 2158, 2159, 2160, 2161, 2162, 2163, 2164, 2165, 2166, 2167, 2168, 2169, 2170, 2171, 2172, 2173, 2174, 2175, 2176, 2177, 2178, 2179, 2180, 2181, 2182, 2183, 2184, 2185, 2186, 2187, 2188, 2189, 2190, 2191, 2192, 2193, 2194, 2195, 2196, 2197, 2198, 2199, 2200, 2201, 2202, 2203, 2204, 2205, 2206, 2207, 2208, 2209, 2210, 2211, 2212, 2213, 2214, 2215, 2216, 2217, 2218, 2219, 2220, 2221, 2222, 2223, 2224, 2225, 2226, 2227, 2228, 2229, 2230, 2231, 2232, 2233, 2234, 2235, 2236, 2237, 2238, 2239, 2240, 2241, 2242, 2243, 2244, 2245, 2246, 2247, 2248, 2249, 2250, 2251, 2252, 2253, 2254, 2255, 2256, 2257, 2258, 2259, 2260, 2261, 2262, 2263, 2264, 2265, 2266, 2267, 2268, 2269, 2270, 2271, 2272, 2273, 2274, 2275, 2276, 2277, 2278, 2279, 2280, 2281, 2282, 2283, 2284, 2285, 2286, 2287, 2288, 2289, 2290, 2291, 2292, 2293, 2294, 2295, 2296, 2297, 2298, 2299, 2300, 2301, 2302, 2303, 2304, 2305, 2306, 2307, 2308, 2309, 2310, 2311, 2312, 2313, 2314, 2315, 2316, 2317, 2318, 2319, 2320, 2321, 2322, 2323, 2324, 2325, 2326, 2327, 2328, 2329, 2330, 2331, 2332, 2333, 2334, 2335, 2336, 2337, 2338, 2339, 2340, 2341, 2342, 2343, 2344, 2345, 2346, 2347, 2348, 2349, 2350, 2351, 2352, 2353, 2354, 2355, 2356, 2357, 2358, 2359, 2360, 2361, 2362, 2363, 2364, 2365, 2366, 2367, 2368, 2369, 2370, 2371, 2372, 2373, 2374, 2375, 2376, 2377, 2378, 2379, 2380, 2381, 2382, 2383, 2384, 2385, 2386, 2387, 2388, 2389, 2390, 2391, 2392, 2393, 2394, 2395, 2396, 2397, 2398, 2399, 2400, 2401, 2402, 2403, 2404, 2405, 2406, 2407, 2408, 2409, 2410, 2411, 2412, 2413, 2414, 2415, 2416, 2417, 2418, 2419, 2420, 2421, 2422, 2423, 2424, 2425, 2426, 2427, 2428, 2429, 2430, 2431, 2432, 2433, 2434, 2435, 2436, 2437, 2438, 2439, 2440, 2441, 2442, 2443, 2444, 2445, 2446, 2447, 2448, 2449, 2450, 2451, 2452, 2453, 2454, 2455, 2456, 2457, 2458, 2459, 2460, 2461, 2462, 2463, 2464, 2465, 2466, 2467, 2468, 2469, 2470, 2471, 2472, 2473, 2474, 2475, 2476, 2477, 2478, 2479, 2480, 2481, 2482, 2483, 2484, 2485, 2486, 2487, 2488, 2489, 2490, 2491, 2492, 2493, 2494, 2495, 2496, 2497, 2498, 2499, 2500, 2501, 2502, 2503, 2504, 2505, 2506, 2507, 2508, 2509, 2510, 2511, 2512, 2513, 2514, 2515, 2516, 2517, 2518, 2519, 2520, 2521, 2522, 2523, 2524, 2525, 2526, 2527, 2528, 2529, 2530, 2531, 2532, 2533, 2534, 2535, 2536, 2537, 2538, 2539, 2540, 2541, 2542, 2543, 2544, 2545, 2546, 2547, 2548, 2549, 2550, 2551, 2552, 2553, 2554, 2555, 2556, 2557, 2558, 2559, 2560, 2561, 2562, 2563, 2564, 2565, 2566, 2567, 2568, 2569, 2570, 2571, 2572, 2573, 2574, 2575, 2576, 2577, 2578, 2579, 2580, 2581, 2582, 2583, 2584, 2585, 2586, 2587, 2588, 2589, 2590, 2591, 2592, 2593, 2594, 2595, 2596, 2597, 2598, 2599, 2600, 2601, 2602, 2603, 2604, 2605, 2606, 2607, 2608, 2609, 2610, 2611, 2612, 2613, 2614, 2615, 2616, 2617, 2618, 2619, 2620, 2621, 2622, 2623, 2624, 2625, 2626, 2627, 2628, 2629, 2630, 2631, 2632, 2633, 2634, 2635, 2636, 2637, 2638, 2639, 2640, 2641, 2642, 2643, 2644, 2645, 2646, 2647, 2648, 2649, 2650, 2651, 2652, 2653, 2654, 2655, 2656, 2657, 2658, 2659, 2660, 2661, 2662, 2663, 2664, 2665, 2666, 2667, 2668, 2669, 2670, 2671, 2672, 2673, 2674, 2675, 2676, 2677, 2678, 2679, 26

ad P , ipsi CB , æquales, quot partes ipsi AC , æquales sunt in AG , transibit eadem recta AO , per punctum etiam P : quod eadem sit proportio AG , ad AH , quæ GP , ad HO , propterea quod multitudo partium ipsius AG , est æqualis multitudi-
dini partium GP : & multitudo partium ipsius AH , æqualis multitudini partium ipsius HO , &c. Atque hac ratione plura puncta inveniuntur, per quæ recta AB , extensa transibit, si nimirum ex aliis partibus ipsius AB , parallelæ ipsi CB , agantur, &c.

POTES quoque, si placet, antequam rectam CD , per B , ducas, sumere in AK , quocunque partes æquales ad libitum AC , CB , &c. & per C , rectam ducere, quæ rectam AB , ductam in puncto aliquo secet. Vt si puncta data essent A , Q , ducta esset per C , recta CD , secans AQ in B . Nam si reliqua fiant, quæ prius, ab-
soluimus id, quod propositum est, eodem modo. Atque hac posteriori via non opus est circino partem AC , accipere, (quæ si nõ exquisitè accipitur, necessario efficitur, ut eius multiplex AH , vel AG , sit vel nimis magna, vel nimis parva; qui error vitatur, si ante ductum lineæ CD , sumantur, ut dictum est, quotuis partes æquales AC , CB , &c.) sed satis est, si CB , circino accipiat, & in rectas BL , GN , toties transferatur, quoties AC , in AH , AG , existit.

LIBET hoc idem tertia adhuc ratione facillima absoluerè, & quidem si lu-
bet, unico circini intervallo. Sint enim rursus data duo puncta A , B , vel recta AB , producta. Ex B , per A , arcus describatur AC , ex quo ad idem intervallum



AB , tres æquales arcus abscindantur AD , DE , EC . Rursus ex C , ad idem inter-
vallum describatur arcus BF , qui per B , centrum prioris transibit, cum eius se-
midiameter huius semidiametro ponatur æqualis. Abscissis autem eodem inter-
vallo tribus arcibus æqualibus BE , EG , GF , (cadetque punctum E , in punctum
intersectionis arcuum AC , BF , ob semidiametrorum æqualitatem) describatur
quoque ex F , arcus CH , ad idem intervallum, qui eadem de causa per C , cen-
trum antecedentis arcus incedet. Sumptis eodem intervallo tribus arcibus æqua-
libus CG , GI , IH , (cadetque eadem ratione punctum G , in sectionem arcuum

B

BF ,

BF, CH) describatur rursum per F , eodem intervallo ex H , arcus FK , in quo iterum sumantur eodem intervallo tres æquales arcus FL, IL, LK , æque in hunc modum constructio eadem continuetur, quantum libuerit, aut opus fuerit. Dico rectam AB , extensam transire per omnia puncta inuenta C, F, H, K . Quoniam enim ex coroll. propo. 17. lib. 4. Eucl. arcus AD, DE, EC , tres æque partes circuli sunt; erit $ADEC$, semicirculus, ideoque diameter AC , per centrum B , transibit. Eadem ratione transibit BF , per C , & CH , per F , & FK , per H , &c.

Q V A N D O data linea AB , est perexigua, ne praxis longior, quàm par est, eundem inuento puncto C , extensaque recta AB , usque ad C , si ex C , ad interval lum rectæ CA , arcus describatur AH , in eoque accipiantur eodem intervallo CA , tres arcus æquales AM, MN, MH , inuentum erit punctum H : Ex quo si ad idem interval lum per C , arcus describatur, reperietur eodem modo punctum O ; si ex hoc ad idem interval lum OH , arcus describatur, inuenietur eadem ratione punctum Q , & sic deinceps. Immo inuento puncto H , si ex eo arcus AQ , ad interval lum HA , describatur, reperies similiter punctum Q atque ex inuento puncto O , si arcus per A , describatur AS , inuenies punctum S . Denique infinitis modis praxim mutare poteris in arcubus describendis, &c.

L E M M A XII.

DATIS duabus rectis terciam, & tribus quartam proportionalem inuenire.

H I C solum propositionem 11. & 12 lib. 6. Eucl. ad faciliorem praxim reser cabimus. Hæc autem negotio aptissimum est rectangulum quaecumque $ABCD$. In hoc enim nullo labore id, quod propoſitum est, exequemur. Sit ergo duabus rectis E, F , repertenda tertia proportionalis: Primæ E abſtendantur æquales BG, AH , in lateribus rectanguli oppositis, & iuncta recta GH , abſcindatur GI , equalis secundæ F , connectaturque recta BI , & ulterius protèdatur, si opus fuerit. Deinde etiâ secundæ F , vel GI , æquales auferantur BK, AL , iungaturque KL , scilicet BI , in M . Dico KM , tertiam esse proportionalem duabus E, F , vel BG, GI . Quoniam enim GH, KL , ipsæ AB , parallelæ sunt, atque adeo & inter se; erit ut BG ad GI , ita BK ad KM . Cum ergo BG , ipsi E , & GI , ipsæ F , æquales sint, erit quoque ut E , ad F , ita F , ad KM , adeo ut si sumatur N , ipsæ KM , æqualis, habentur tres lineæ continue proportionales E, F, N .

S I T rursum tribus rectis datis BO, GI, BO , repertenda quarta proportionalis. Prima ac tertia collocentur in latere BC , initio facto à B , easque in latere opposito æquales abſtendantur AH, AP . Iunctis autem rectis CH, OP , & a termino primæ abſcissi GI , æquali ipsi secundæ, ducatur recta BI , quæ producta fiat OF , in Q . Dico OQ , esse quartam proportionalem quaesitam. * Erat enim, ut prima, BG , prima ad GI , secundam, quemadmodum BO , tertia ad OQ , quartam. Sic tribus rectis BO, OQ, BG , reperietur quarta proportionalis GI .

V E R V M ut omnia hæc fiant quàm exquisitè, & diligenter hæc cautiones adhibendæ sunt. Primum quando duabus rectis tertia inuenienda est proportionalis, si quidem prima æqualis est, vel maior quàm secunda, cuiusmodi fuerint
duc

* 11. primi.

* 12. primi.

* 4. sexti.

* 4. sexti.

que tertia proportionali hâſſe partibus, ſi ea toties multiplicetur, quoties illæ partes in totis lineis continentur, conſtituetur tertia proportionalis quaſita, & quod partes cum pariter multiplicibus eandem habeant proportionem.

D E I N D E quando tribus rectis adiungenda eſt quarta proportionalis, ſi eadem prima eſt omnium maxima, ſervandum eſt præceptum ſupra traditum ad eundem, ſicut patet in rectis BQ, OQ, BG , quibus quarta proportionalis inventa eſt GI .

S I vero prima non ſit maxima, maior tamen quàm ſecunda, ut ſi data ſint tres rectæ BQ, GI, BT , multiplicanda erit prima BQ , in recta BE , donec habeatur BQ , maior quàm tertia BT , vel æqualis. Et in ducta parallela OP , multiplicanda ſecunda GI , uſque ad Q , toties, quoties prima BQ , uſque ad O , multiplicata ſuit: ut in dato exemplo BQ, OQ , triplex ſunt ipſarum BQ, GI . Ducta enim recta BQ , quæ ex ſcholio propoſ. 4. lib. 6. Eucl. per L , tranſibit) ſecante parallelam TV , in X , erit tribus BQ, GI, BT , quarta proportionalis TX .

A T ſi prima maxima non ſit, ſed minor quidem quàm ſecunda, maior autem quàm tertia, ut ſi data ſint tres rectæ BQ, GS, BK , ſumenda eſt ſecundæ GS pars dimidiata, vel quarta, vel octava, &c. donec pars occurrat, cuiusmodi eſt quarta pars GI , minor quàm prima linea BQ . Nam ducta recta BI , ſecante parallelam KL , in M , erit KM , quarta pars quartæ proportionalis quaſitæ, eadem pars videlicet, quæ eſt GI , ſecundæ GS . Cum enim ſit, ut BQ , prima ad GI , ita BK , tertia ad KM , erit quoque ex ſcholio propoſ. 22. lib. 5. Eucl. ut BQ , prima ad quadruplam ipſius GI , hoc eſt, ad ſecundam GS , ita BK , tertia ad quadruplam ipſius KM , ideoque quadrupla ipſius KM , erit quarta proportionalis, quæ æquiritur.

S I C etiam, ſi prima non ſit maxima, ſed minor, quàm ſecunda & tertia, ut ſi tres rectæ data ſint BQ, GR, BT , accipienda erit ſecundæ GR , dimidiata pars, vel quarta, &c. quæ videlicet minor ſit, quàm prima BQ , qualis eſt GI , ſemiſ ſecundæ GR . Quo factò, prima BQ , & ſecundæ accepta pars GI , æqualiter multiplicanda in BC, OP , donec BO , inveniatur maior, vel æqualis tertiæ BT ut in dato exemplo BQ, OQ , triplex ſunt ipſarum BQ, GI . Ducta enim recta BQ , (quæ omnino per L , tranſibit, ex ſcholio propoſ. 4. lib. 6. Eucl.) ſecante parallelam TV , in X , erit TX , talis pars quartæ proportionalis invenienda, qualis eſt GI , ſecundæ lineæ GR , nimirum in dato exemplo pars dimidiata. Quia enim eſt, ut BQ , prima ad GI , ita BT , tertia ad TX , erit etiam, ex ſcholio propoſ. 22. lib. 5. Eucl. ut BE , prima ad duplam ipſius GI , id eſt, ad ſecundam GR , ita BT , tertia ad duplam ipſius TX , ac proinde dupla ipſius TX , quarta proportionalis erit tribus datis BQ, GR, BT .

Q U O D ſi prima, ac tertia longiores ſint reſtângulo, ſecundæ erunt ambobifariam, vel in quatuor partes æquales, &c. ſecunda intacta reliſta. Nam ita erit pars primæ ad ſecundam, ut eadem pars tertiæ ad quartam inventam. Si autem ſola prima ſit longior, dividenda erunt pariter prima & ſecunda, tertia intacta reliſta: quia ita erit prima ad ſecundam, hoc eſt, ut pars primæ ad eandem partem ſecundæ, ut tertia ad quartam inventam. Si denique ſola tertia longior fuerit, ea ſola dividenda erit. Ita namque eſt prima ad ſecundam, ut pars tertiæ ad eandem partem quartæ inventam. Si ergo toties ſumatur pars quartæ inventa, quoties accepta pars tertiæ in tertia continetur, conſtabit ea ea quarta proportionalis, quæ quaeritur.

*EF, prima ad EC, secundam, ita ED, tertia ad EH, quartam, quod est proprium. Con-
traum autem C, reperietur quoque hoc, si ex F, D, ad idem intervallum ex utraque parte
quatuor arces describantur se interfecantes in I, K: Et ex G, F, alij quatuor sese interse-
cantes in L, M. Restat namque I K, L M, in centro G, se mutuo dividere, ut in dicto libro
lib. 3. demonstratum est à nobis.*

A L I T E R adhuc, si placeat, totum Lemma expedimus hoc modo. Sit dua-
bus rectis A, B, invenienda tertia proportionalis, sitque primum A, prima maior. Sum-
pta recta EF, ipsi A, aequali, describatur circa eam ex medio puncto G, circulus EKF,
in quo applicetur recta EK, ipsi B, aequali, eidemque equalis abscindatur EH, et ex
quatuor ex medio puncto I, circulus describatur ELH, secans EK, in L. Dico EL, tertiam
proportionalem esse. Quoniam enim in rectis EK, HL, per 2. lemma parallela
sunt, quod circuli se mutuo tangunt in E, ex libello propof. 3. lib. 3. Eucl. erunt triangu-
la EEK, EHL, aequiangula. Igitur erit, ut EF, hoc est, ut A, ad EK, id est, ad B, ita
EH, vel B, ad EL.

4. sexti.

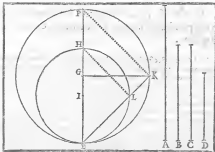
S I T deinde duabus rectis D, C, invenienda tertia proportionalis, sitque D, prima
minor. Sumpta recta EH, secunda minori C, aequali, describatur circa eam ex puncto
medio I, circulus ELH, in quo applicetur recta EL, prima D, aequali, ex qua producta
abscindatur EK, ipsi EH, vel secunda C, equalis, angulus KEH, aequalis sit EKG,
ita ut recta GE, GK, aequales sint. Descriptis autem ex G, circuli per E, K, secante
EH, productam in F, dico EF, esse tertiam proportionalem. Erat enim ut prius, ita
EL, vel prima D, ad EH, vel ad C, secundam, ut EK, vel C, secunda, ad EF.

6. primi.

4. sexti.

R E V E R S I S

*tribus rectis A,
B, C, quarum
prima minor
sit, quam secun-
da & tertia,
invenienda sit
quarta propor-
tionalis. Circa
rectam EF, pri-
ma A, aequali
circulus descri-
batur EKF. Ex
circa rectam
EH, secunda B
aequali circuli
EHL, describa-
tur; applicen-
turque in priori
circulo recta EK,
tertia C, aequali secans posteriorem circulum in L. Dico EL, esse
quartam proportionalem. Erat enim ut prius, ita EF, ad EK, ut EH, ad EL. Igitur
permutando, ut EF, vel A, prima ad EH, vel ad B, secundam, ita EK, vel C, ter-
tia ad EL.*



4. sexti.

I T E M tribus rectis C, D, A, quarum prima minor sit, quàm secunda, minor au-
tem, quàm tertia, sit invenienda quarta proportionalis. Circa rectam EH, prima C,
aequali describatur circulus ELH, in quo applicetur EL, secunda D, aequali. Et ex
EH, producta, abscissa EF, tertia A, aequali, describatur circa eam circulus EKF, se-
cans EL, productam in K. Dico EK, esse quartam proportionalem. Erat enim ut
prius,

4. sexti.

prima, ita EH , vel C , prima, ad EL , vel ad D , secundam, ut EF , vel tertia A , ad EK .

P R O P O S I T I O tribus rectis B, A, D , quarum prima minor sit, quam secunda, maior autem quam tertia, inuenienda quarta proportionalis. Circa EH , prima B , aequalis describatur circulus ELH , in quo applicetur EL , tertia D , aequalis. Descripseris in EH , productam, recta EF , secunda A , aequalis, describatur circulus EEF , secunda EL , productam in K . Dico EK , esse quartam proportionalem. Erat enim ut prima, ita EH , ad EL , ut EF , ad EK . Igitur permutando, ut EH , hoc est, ut B , prima, ad EF , vel ad A , secundam, ita EL , vel D , tertia, ad EK .

D E M O N S T R A T I O tribus rectis D, C, B , quarum prima sit minor, quam secunda, et tertia, inuenienda quarta proportionalis. Circa EH , secunda C , aequalis describatur circulus ELH , in quo applicetur EL , prima D , aequalis, ex qua producta abscindatur EK , tertia B , aequalis, anguloque KEH , aequalis fiat EKG , et ita ut recta GE, GK , aequalis fiat. Descripseris autem ex G , per E, K , circulus secans EH , productam in F ; dico EF , esse quartam proportionalem. Erat enim ut prima, ita EL , vel prima D , ad EH , vel ad secundam C ut EK , vel tertia B , ad EF .

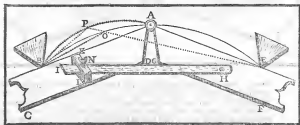
LEMMA XIII.

DATIS duabus rectis ad inuicem inclinatis, inuenire punctum, in quo conueniant, etiamsi neutra producat.

MAGNVS est usus huius lemmatis in Astrolabio, cum non raro duae lineae longius producendae sint, ut punctum, in quo coeunt, habeatur, quod quidem propter obliquam earum intersectionem vix sine errore discerni potest. Quare hoc videtur artificiosum, siue duae rectae AB, CD , quae productae coeant vix in f , puncto, quod tamen nos intelligabimus, etiam si rectae AB, CD , non producantur. Si datae rectae sint nimis breues, ut si datae essent AG, CN , producantur per lemma 11. quantumlibet usque ad B, D , & inter eas ducantur duae, vel tres, vel etiam plures parallelae AF, GL, KM , quo enim fuerint plures, eo certius punctum f , reperietur. Hae parallelae nullo negotio ducuntur, si ex diversis centris A, G, K , in recta AB , assumptis eodem intervallo quolibet arcus describantur, EF, HI, LM . Ex his enim si aequales arcus absindantur in punctis F, L, M (Nos eodem intervallo, quo descripsi sunt, eos absindimus, ac si consuetum deberet aequalitatem triangula AEE, GHI, KLM , quod tamē necessarium nō est) et erit datae AF, GL, KM , ex ceteris parallelis, quod anguli ad A, G, K , aequales sint, ob aequales arcus EF, HI, LM , secabundū rectis CD in N, O, P . Rursum per A, G, K , parallelae ducantur acutos angulos cum AB , efficiens, quae facile etiam ducuntur hoc modo. Descripseris ex A, G, K , arcibus QR, ST, VX , eodem intervallo quantumcumque, quo autem fuerit maius, eo melius) resercentur arcus non valde magis aequales in punctis R, T, X . Ductae enim rectae AR, GT, KX , parallelae erunt, et quod anguli aequalibus arcibus QR, ST, VX , insidentes in centris A, G, K , sint aequales. In his autem parallelis AR, GT, KX , accipiantur partes re-

INSTRUMENTVM construere, quo per data tria puncta, etiam si secundum lineam ferme rectam constituta sint, arcus circuli possit describi, siue auxilio circini.

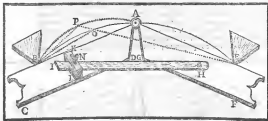
IN Astrolabij constructione accidit nonnunquam, ut per tria puncta in rectam ferme lineam constituta arcus circuli describendus sit, quod circino vix, aut agere fieri potest, propterea quod centrum eius circuli nimis procul à datis punctis abest, (quando enim centrum commodè haberi potest, docuimus in scholio propof. 25. lib. 3. & in scholio propof. 7. lib. 4. Eucl. quæ id ratione inuendendum sit) idcirco hoc loco structuram docebimus cuiusdam instrumenti, quo vel cum arcum describamus, vel certe inter data tria puncta reperimus quorundam alia puncta, per quæ ille arcus transire debet. Construxit quidem simile instrumentum magnæ industriæ Guido Vbaldus & Marchionibus Montis in planisphaeriorum vniuersalium theorica, sed nos aliud aliquanto simplicius olim excogitaueramus, quod hic describendum censeo: Dux ergo regulæ eiusdem & latitudinis & crassitiæ ABCD, AEPG, quæ sint tantæ longitudinis, quantum sere distantiam inter se habent duo extrema puncta, per quæ arcus est describendus, ita per circellum compingantur, ut latera AB, AE, producta per centrum



transcant, ipsæque regulæ circa idem centrum, tanquam cardinem, moueri queant, ut videlicet modo magis, modo minus dilatari possint, aut constringi, prout angulus BAE, debet esse magis aut minus obtusus: cuius rei causa refecanda sunt particulae quaedam prope centrum A, ut nimirum anguli fiant acuti DAB, GAE. Si enim anguli prope A, essent recti, conficerent latera AB, AE, unam lineam rectam & regulæ ipsæ constringi non possent, ut continerent angulum obtusum BAE. Non est autem necesse, ut constringi possint ad angulum acutum efficiendum: quia quando rectæ proximæ tria puncta connecien-

tes constituent acutum angulum, facilius per scholium propof. 25. lib. 3. vel per scholium propof. 5. lib. 4. Euclid. quàm beneficio huius instrumenti, arcus circuli per ea puncta describitur. In centro autem A , prominent deorsum versus stylus quidam perextigatur & acutus ad arcus delineandos. Deinde in aliquo puncto B , regula $AEPG$, affigatur regula quidam exiguæ HI , ita ut circa H , circumverti possit. Postremo in puncto alterius regula AC , quod constituit latus AB, & E , in lineam rectam, tanquàm ab eodem puncto H , quanta est longitudo regulæ HI , affigatur rectangulum quoddam solidum parvum ancorem KL , & circa dictum illud punctum possit etiam circumvolui, & regula HI Antea dictum rectangulum immitti queat, & cochleola aliqua N , ita astringi, ut regulæ dux AC , AE , immobiles perstant, hoc est, angulum BAE , non mutant.

DESCRIPTIVVS igitur hoc instrumento arcum per data tria puncta B, A, E , immittat regulam HI , in rectangulum KL , & stylum ex centro A , prominentem in puncto intermedio A , statuat, lateraque regularum AB , AE , ita dilatat, contringatque, ut omnino per reliqua duo puncta B, E , transeant: quas ita constituit, cochleola N , cōstringat regulam HI , ut regulæ AC , AE , regulam BAE , mutare nequeant. Nam si instrumentum sic paratum circunda-



catur, ut latera AB , AE , semper per puncta B, E , transeant, (quod fiet, si in ipsi punctis B, E , firmetur angulus duorum triangulorum solidorum ancorem) describet stylus ex A centro promans arcum BAE ; aut certe, si instrumentum mutet sepius situm, ita tamen ut latera transeant per puncta B, E , stylus idem imprimet inter A , & B , & inter A , & E , variâ puncta, quæ decenter & congrue cōnecta arcum efficiant BAE . Quod autem ad hunc motum instrumenti stylus ex A prominens describat arcum circuli, ex eo liquet, quod in eo arcu perpetuo idem angulus BAE existat: quod quidem proprium est segmenti cuiusvis circuli, ut Euclides demonstravit. Nam si, verbi gratia, instrumento eum habente situm, ut stylus in O ponatur, & latera sint OB , OE , dicat quis arcum circuli per tria puncta B, A, E , descriptum (posse enim per quævis tria puncta arcum describere, & demonstratum est ab Euclide, demmodo ea in recta linea non sita, sed rectæ ea contingentes triangulum constituent) non transire per punctum O , secabit is necessaria recta EO , vel ultra O , productam, vel circa O , focet tam ultra O , in P , angustaturque recta EP , Erat ergo angulus BPE , angulo BAE .

a. s. t. r. i. p.

b. s. g. u. a. n. t. i.

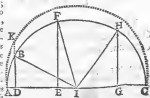
a. s. t. r. i. p.

BAE, æqualis, cum ambo sint in eodem circuli segmento per puncta B, P, A, E, descripto. Cum ergo & angulus BOE, eidem angulo BAE, æqualis sit, imo idem omnino, cum solum situm mutarit; erunt æquales inter se anguli BOE, BPE, externus & internus, quod est absurdum; cum externus sit interno maior. Non ergo arcus secat EO, productam: eademque ratione eam neque citra O, secabit. Quocirca arcus per tria puncta B, A, E, descriptus per O, transibit; atque eadem de causa per omnia alia puncta, quæ per instrumentum inveniuntur, transibit.

L E M M A XV.

CURVA linea, cui subtensa sit recta linea, & quadrata omnium perpendicularium ex punctis lineæ curvæ ad subtensam rectam demissarum æqualia sint rectangulis contentis sub segmentis eiusdem subtensæ factis à perpendicularibus, hoc est, omnes perpendiculares sint mediæ proportionales inter segmenta subtensæ ab ipsis factæ, semicirculus est, eiusque diameter recta illa subtensa, hoc est, semicirculus circa illam rectam subtensam descriptus curvæ datæ lineæ congruet, siue (quod idem est) per extrema puncta omnium perpendicularium transibit.

SIT curva quæpiam lines ABC, cui subtendatur recta AC, ad quam ex quovis punctis curvæ B, F, H, deducantur perpendiculares BD, FE, HG, sique tam quadratum ex DB, rectangulo sub AD, DC; æquale; quàm quadratum ex EF, rectangulo sub AE, EC, & quadratum ex GH, rectangulo sub AG, GC, & sic de omnibus alijs, quotquot perpendiculares ducantur: hoc est, cuiusvis perpendicularis quadratum æquale sit rectangulo sub segmentis rectæ AC, ab ea perpendiculari factis, siue quod idem est, omnes perpendiculares sint mediæ proportionales inter segmenta rectæ AC, ab ipsis facta: quia hac ratione erunt eorum quadrata rectangulis sub segmentis æqualia. Dico ABC, esse semicirculum, eiusque diametrum AC, hoc est, semicirculum circa diametrum AC, ex eius puncto medio I, descriptum transire per omnia



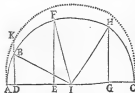
17. fig. 1.

omnia puncta extrema perpendicularium, ita ut a curvæ linea ABC , non differat. Ductis enim rectis IB , IF , IH , ex I , puncto medio ad extrema puncta omnium perpendicularium; quoniam rectangulum sub AD, DC , una cum quadrato ex DI , æquale est quadrato ex AI ; & ponitur ei rectangulo æquale quadratum ex DB , erunt quoque duo quadrata ex DI , DB , æqualia quadrato ex AI .

^b Est autem eisdem quadratis æquale quadratum ex IB . Igitur quadrata ex IA , IB , æqualia, ideoque & rectæ IA , IB , æquales erunt. Eadem ratione demonstra-

buntur & IF , IH , & aliæ rectæ conæ ex medio puncto I , ad extremitates perpendicularium omnium; & ex eisdem AI , ac proinde & inter se, æquales. Quare cum omnes rectæ ex I , in curvæ lineam ABC , cadentes æquales sint, semicirculus erit ABC , cuiusque diameter AC , ex definitione circuli; hoc est, semicirculus diametri AC , per omnia puncta extrema perpendicularium transibit, & à curvæ linea data non differet.

ALITER. Si semicirculus circa AC , ex eius medio puncto I , descriptus dicatur non transire, vel bi grata, per punctum B , secabit



perpendicularium DB , vel infra B , vel supra, ut in K ; eritque proportio ex AD, DC , & quadrato ex DK , rectangulo sub AD, DC , æquale est; Ponitur autem eisdem rectangulo æquale quadratum ex DB . Quadrata igitur ex DK, DB , æqualia, ideoque & rectæ ipsæ DK, DB , æquales erunt, totum & pars. quod est absurdum. Transire ergo semicirculus diametri AC , per punctum B , eisdemque ratione per puncta F, H , & alia aliarum perpendicularium transibit.

L E M M A XVI.

SI conus secetur plano, quod basi conî æquidistet, sectio in conica superficie facta, circumferentia circuli est, centrum in axe conî habens.

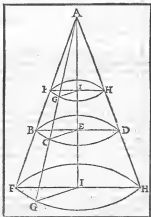
OMNES circulos sphaeræ, qui per polum mundi australem non decurrunt, in Astrolabum projecti forma circulari, ex duabus propositionibus lib. 1. Apollonijs Pergeæ, videlicet 4. & 5. demonstratur, ut suo loco dicemus. Quia vero non omnes in Apollonijs demonstrationibus exercitati sunt, libet veramque illam propositionem hic inserere, præsertim quod earum demonstrationes clarissimæ sunt, ne cogatur studiosus lector Apollonium ipsum, qui obscurissimus auctor est, propter duas tantummodo propositiones, easque faciles, adire. Nam propositio 1. & 3. eiusdem primi libri, quæ ad illas duas assurgunt demonstrandas,

ex ipsâ

ex ipsa conï descriptione, quam ad defin. 20. lib. 11. Euclid. ex Apollonio attulimus, nullo nepotio colliguntur. Nimirum (*Rectas lineas, quæ à vertice conï ad puncta, quæ in superficie conica sunt, ducuntur, in ipsa superficie conï existere.*) Item (*Si conus planus per verticem secetur, sectumque triangulum esse.*) Quia enim linea recta à vertice ad circumferentiam basis conï ducta, si circumferentiam eiusdem basis percurrat, vertice conï manente immoto, describat ex defin. superficie conicam, ita ut omnia eius puncta tangat, perspicuum est, omnes rectas à vertice ad quælibet puncta in superficie ductas esse in ipsa superficie, cum partes aliquando hanc eius rectæ, quæ circa circumferentiam basis circumducitur in conicæ superficie descriptione. Atque hinc alterum sequitur. Nam cum planum per conï verticem ductum a secet basem conï per lineam rectam, si ab extremitatibus huius rectæ ad verticem ducantur duæ rectæ, existent hæ in superficie conica, ut diximus, eruntque propterea communes sectiones plani per verticem ducti, & conicæ superficie. Quare triangulum cum illa recta in basi constituitur, quod nimirum à plano secante efficitur. Quod si planum secans per axem conï ducatur, appellatur triangulum illud factum, triangulum per axem. His positis, facile lemma propositum demonstrabitur.

* 3. undecim

SI T. conus siue rectus siue scælenus, cuius vertex A, & basis circulus BCD, & axis AE, cadens in E, centrum basis. Secetur conus plano, quod basi æquidistet, faciente in conica superficie lineam FGH, siue hoc fiat supra basim, siue infra, cono videbunt producto. Dico lineam FGH, esse circumferentiam circuli, cuius centrum punctum I, in axe, ubi à plano secante dividitur. Ducto enim per axem AE, plano faciente triangulum per axem ABD, secanteque planum secans per rectam FH, sumatur in linea facta FGH, quodlibet punctum G, per quod ex vertice A, recta ducatur AG, quæ cum sit in superficie conï, occurreret basi in C. Ducatur rursus per rectas AI, AC, planum^b faciens in basi BCD, & linea FGH, communes sectiones rectas EC, IG. Quoniam igitur plana parallela BCD, FGH, secantur eam plano trianguli ABD, quàm plano trianguli AEC, erunt tam communes sectiones factæ BD, FH, quàm EC, IG, parallelæ. Igitur erit, ut AE, ad EB, ita AI, ad IF; & permutando, ut AE, ad AI, ita EB, ad IF. Eademque ratio erit, ut AE, ad AI, ita ED, ad IH, & EC, ad IG. ac proinde erunt tres IF, IH, IG, tribus EB, ED, EC, proportionales, hoc est, erit ut EB, ad IF, ita ED, ad IH, & EC, ad IG, & permutando ut EB, ad ED, ita IF, ad IH, & ut ED, ad EC, ita IH, ad



* 3. undecim

* 16. undecim

* 4. sexti

* 11. quinti

IH, ad

IF, ad IG. Cum ergo tres BB, ED, EC, è centro E, sint æquales; erunt quoque tres IF, IG, IH, æquales, atque eadem ratione omnes rectæ ex I, ad lineam FGH, ductæ demonstrabuntur æquales ipsi IF, IH. Circulus igitur est figura FGH, cuius centrum I, in axe com A E.

L E M M A XVII.

SI conus scalenus secetur plano per axem, quod ad basem rectum sit, secerurque altero plano ad triangulum per axem à priore plano factum recto, quod triangulum ex triangulo per axem abscindat simile quidem ipsi triangulo per axem, subcontrarie vero positum: sectio circulus est, cuius diameter est communis sectio trianguli per axem, & plani, quod ipsam sectionem in conica superficie effecit. Huiusmodi aurem sectio vocetur subcontraria.

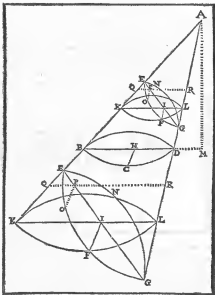
- SI T conus scalenus, cuius vertex A, & basis circulus BCD, seceturque plano per axem ad basem recto, quod sit, si ex vertex A, ad planum basis demittatur perpendicularis AM. Planum enim per axem, & perpendicularem AM, ductum, ad basem rectum erit, faciente triangulum per axem ABD. Secetur quoque idem conus altero plano ad triangulum per axem recto, faciente in conica superficie lineam EFG, abscindatque ex triangulo per axem triangulum ei simile AEG, & subcontrarie positum, hoc fiat supra basem, hoc infra, hoc est, angulus AEG, equalis sit angulo ADB, & angulus AGE, angulo ABD. Ducto lineam EFG, circulum esse, eiusque diametrum EG, communem videlicet sectionem trianguli per axem, & plani facientis sectionem EFG. Si namque ex quibuscunque punctis C, R, in circumferentia BCD, & linea EFG, sumpti ad triangulum per axem ABD, perpendiculares CH, FL, demittantur, cadent hæc in rectas BD, EG, quæ communis sectiones sunt trianguli per axem, & planorum BCD, EFG, ad idem triangulum rectorum, atque inter se parallelæ erunt. Ducta autem per I, recta KL, ipsi BD, parallelæ, quoniam duæ rectæ FL, KL, convenientes in I, duabus rectis CH, BD, in H, convenientibus sunt parallelæ; erit quoque planum per FL, KL, ductum plano per CH, BD, ducto, id est, basi coni, parallelum, ac proinde ex præcedente lemmate, in superficie conici circulum faciet KFL, qui per punctum F, transibit, cum transire ponatur per rectam FL, punctumque F, in conica superficie emittat, eiusque circuli diameter erit recta KL. Et quoniam FL, ad planum AKL, recta posita est; erit eadem ex definitione 31 lib. 11. Euclid, ad rectam KL, perpendicularis, adeoque media proportionalis inter segmenta KL, IL, ex scholio propositionis 13 lib. 8. Euclid, ac proinde quadratum ex FI, rectangulo sub KI, IL, equalis erit. Quoniam vero angulus EKL, angulo ABD, equalis est, eodemque angulo ABD, æqui hic ponitur angulus LGI, erunt inter se æquales anguli EKL, LGI. Sed & anguli ad rectam

cem I, æquales sunt. Acquiangula ergo sunt triangula EKI , LGI ; atque idcirco erit, ut KI , prima ad IE , secundam, ita GI , tertia ad IL , quartam; atque ob id rectangulum sub KI , IL , prima & quarta, rectangulo sub IE , GI , secundam ac tertia, æquale erit. Oñsensus est autem rectangulo sub KI , IL , quadratum ex IL , æquale. Igitur & rectangulo sub IE , GI , idem quadratum ex FI , æquale erit. Similiter demonstrabimus, quadrata omnium perpendicularium à punctis lineæ EFG , in EG , cadentium æqualia esse rectangulis sub segmentis rectæ EG , à perpendicularibus factis.

a 4. ferri.
b 16. ferri.

Igitur per lēma 14, semicirculus erit EFG , cuius diameter EG . Eademque ratione semicirculus demonstrabitur alia pars sectionis ENG . Totæ ergo sectio $EFGN$, circulus est, cuius diameter EG quod est propositum.

PERSPICUUM autē est, sectionem $EFGN$, circulum esse, cū si eius diametri basis diametrum fecerit. Ut si coni basis statuatur circulus KFL , & sectio sit EFG . Eadem enim omnino erit demonstratio, nisi quod quādo



punctum in lineæ EFG , sumptum est in communi sectione circumferentiæ KFL , & lineæ EFG , quale est F , non est ducendum aliud planum basi æquidistant, ut fiat circulus. Et tunc, quia utrumque planum KFL , EFG , ad triangulum AKL , rectum est, si ex F , ubi basis circumferentiæ lineam EFG , secat, ad ipsum perpendicularis deducatur, cadet hæc in utramque sectionem communem KL ,

a 11. videtur.
b 11. videtur.

G EG atque

Et quæque adco in punctum I, ubi communes ex sectiones se mutuo secant. Int.
que, ut prius, quadratum ex FI, rectangulo sub EI, IG, æquale, &c.

$QY \cdot OD$ sum latus facta EFG , accipiaturs punctum quodlibet O , prout
 commune punctum sectionis F , demittenda esse perpendicularis OP , & per
 P , ducenda QR , parallela ipsi KL , basi trianguli per a rem, & denique per OP ,
 QR , que ipsi FJ, KL , squidistant, ducendum planum, quod parallelum est
 ipsi KL , Ideoque circulum faciet, ut prius, &c.

S C H O L I T V D

General Comment
The above information
has been obtained
from the above de-
scribed. It is not
to be used as a

*DIGNVM autem observationis est, diametrum subcentricis sectionis posse
equalem esse diametro basi coni, et inaequalem, aequalem quidem, quando trian-
guli triangulus per arcum ad basem recti aequalis est uni lateri trianguli subcentrici
scilicet, quando a priori angulus oppositus: inaequalem vero, quando sinistram lateris trianguli
fuit. Et cum lateris maius sit, alius diametrum esse maiorem: utrumque tamen ba-
si si dividatur sic totius posse dividere bifariam. Sit enim de cono sectionis triangulum
per arcum ad basin rectum ABC , sitque lateris AB , lateris AC , maius, et idem q
angulus ACB , minor angulo ABC . Sit autem triangulum AOE , triangulo AEC*

fuisse, sed subcontrariis posita, &
 latus AD , lateri AC , a quale iun-
 tur, qui quidem aequalibus angulis
 AED, ABC , opposuntur. Deni-
 que lateres BC, DE , esse aequales, con-
 stat cum in triangulis ACB , in
 angulis A, ACB , duobus angulis A ,
 ADE , in triangulo ADE , equali
 sunt, qui quidem aequalibus lateribus
 AC, AD , adiacent, erunt quoque
 tam latera AB, AE , quam BC, DE
 aequalia. quod est propositum. Eadem
 ratione, si ponatur aequalis lateri
 AB, AE , ostendimus tam latera
 AC, AD , quam BC, DE , aequa-
 lia esse.

AE , vel AH , maior quàm AD . Dico diametrum GH , maiorem esse diametro DE ,
 quia cum recta AE , equalis ipsi AE , vel AC , equalis ipsi AD , duabusque BC , et
 EF , ipsi GH , parallelis, erunt diametri BC , DE , equalis, ut demonstratum est. Et
 una est, ut AC , ad GH , ita AB , ad BC , etque AG , maior quàm AB , et quia
 IH , maior quàm BC , hoc est, quàm DE , quæ obsequi est equalis ipsi BC . Unde et
 IH , fortiusque percutiet ABC , similis est subsecutorio possumus AIK . Et licet sit
 maior latere AC , vel AK , minus quàm AB , et ostendimus diametrum IK , maiorem
 esse diametro BC . Nam sumpta recta AD , equalis ipsi AC , vel AE , equalis ipsi AB ,
 duabusque DE , vel ED , ipsi IK , parallelis, erunt diametri BC , DE , equalis,
 ut ostensum est. Et quia est, ut AI , ad IK , ita AD , ad DE , etque AI , mi-
 nor quàm AD , et quiaque IK , maior quàm DE , hoc est, quàm BC , quàm ipsi DE ,
 obsequens equalis.

ת.ת.ס

Diagrama. Ab
conuenit. Sicut
enim. Si diametru
bistat. et utroque
secari. Si utroque
bisariam secare.

1. primi.
2. sexti.
3. quarti.
4. primi.
5. primi.

6. sexti.
7. quarti.
8. primi.
9. primi.

10. quarti.
11. sexti.
12. primi.
13. primi.

Quando. P
est. Sicut
enim. Si diametru
bistat. et utroque
secari. Si utroque
bisariam secare.

Quando. Sicut
enim. Si diametru
bistat. et utroque
secari. Si utroque
bisariam secare.

14. sexti.

D I C O præterea, diametri BC, DE , siue æquales siue, siue inæquales, nunquam
se mutuo secare bisariam, sed vel utramque secare non bisariam, vel si altera earum
bisariam secatur, alteram non bisariam secari. Secus enim sese in F , & siue primum
æquales diametri BC, DE . Et quoniam tam AB, AE , quàm AD, AC , æquales sunt,
aliqua non essent æquales BC, DE , ut demonstrandum, erant quoque reliqua $BD,$
 CE , æquales. Quid si neutra bisariam BC, DE , bisariam secatur, perspicuum est, eas
si neutra bisariam non secatur, non vero altera diametrum, numerum BC , a. catur secari bis
ariam, secatur altera DE , non bisariam. Quoniam enim triangula BDF, ECF ,
æquiangularia sunt, quid angulus ad verticem F , æquales sunt, & anguli B, E , æquales
penamur, et subcontrariarum siue diametrum, ac præinde & reliqui D, C , siue æquales. b. Erit
ut DB , ad BF , ita CE , ad EF . Cum ergo ED , ipsi EC , obliqua sit æqualis, c. erit &
 EF , ipsi EF , æqualis quoque idcirco & reliqua CF , reliqua DF , æqualis erit. d. Est au
tem BF , maior quàm DF , quid angulus BDF , angulo DBF , maior sit, quia &
 BCE , ipsi EDF , æqualis, maior est angulo ABC , externus internus. Igitur & EF , ipsi
 BF , æqualis, maior erit, quàm DF . Non ergo DE , in F , bisariam secatur. Eodem mo
do si dicatur DE , siue bisariam in F , ostendemus BC , secari non bisariam in F . e. Erit
enim ut CE , ad EF , ita DB , ad BF . Cum ergo CE , sit ipsi DB , æqualis, f. erit quo
que EF , ipsi BF , æqualis, ac præinde & reliqua CF , reliqua DF , æqualis erit. g. Est au
tem EF , maior quàm CF , quia & angulus ECF , angulo CEF , maior est. h. quid & an
gulus BDE , ipsi ECF , æqualis maior sit angulo AED , externus internus. Igitur & BF ,
ipsi EF , æqualis, maior erit quàm CF . Non ergo BC , in F , secatur bisariam.

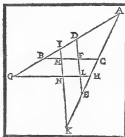
D E I N D E siue inæquales diametri GH, DE , siue GH , maior sit, igitur neu
tra earum secatur bisariam, liquet eas se mutuo non bisariam secare. Si vero altera
earum, numerum GH , siue sit bisariam in L , siue sit altera DE , non bisariam.
Quia enim GH , maior ponitur quàm DE , i. erit quoque AG , maior quàm AE , &
 AE , maior quàm AD , k. cum sit, ut GH , ad AG , ita DE , ad AE , & rursus ut GH ,
ad AH , ita DE , ad AD . Cum ergo ex maiore AG , auferatur minor AD , & ex mi
nore AE , maior AH erit reliqua DG , maior quàm reliqua HE . m. Et quoniam est ut
 DG , ad GL , ita HE , ad EL , & rursus ut DG , ad DL , ita HE , ad HL : Est autem DG ,
obliqua maior quàm HE , n. erit quoque GL , maior quàm EL , & DL , maior quàm LH , hoc
est, quàm GL , quia ipsi LH , ponitur æqualis, igitur cum DL , maior sit quàm GL , si GL ,
maior quàm LE , ut ostensum est, erit multo maior DL , quàm LE . Non ergo bisariam
siue sit DE , in L . Pariter autem si DE , secatur secari bisariam in L , secabitur GH in
 L , non bisariam. Ostendemus enim, ut prius, GL , maiorem esse quàm EL , & DL , ma
iorem quàm LH , hoc est, EL , quia ipsi DE , ponitur æqualis, maiorem esse quàm LH .
Igitur cum GL , maior sit quàm EL , & EL , maior quàm LH , ut ostensum est, multo
maior erit GL , quàm LH . Non ergo bisariam in L , siue sit GH .

N E Q U E vero præterendum est, quando diametri æquales sunt, cuiusmodi ponitur
 BC, DE , neutram earum diuidi posse in F bisariam. Cum enim ostensum sit, tunc
 BF , ipsi EF , & DF , ipsi CF , esse æquales, si utramque bisariam BC, DE , dicatur siue
bisariam in F , erunt omnes quatuor partes BF, EF, CF, FD , æquales. Vtraque ergo de
iusta est bisariam, quod fieri non posse, supra demonstrauimus.

S E D & hoc sine magno labore demonstrabitur, numerum quando una diametrum
diuiditur bisariam, eam esse minorem, alteram vero maiorem. Siue enim sit IK ,
bisariam in N . Dico GH , maiorem esse quàm IK . Si namque maior non est, erit vel
æqualis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo ut proxime demonstrau
imus, neutra diametrum bisariam diuiditur, quod est contra hypotheseos, quippe
cum IK , siue ponatur in N bisaria. Sit deinde si fieri potest, minor quàm IK . l. Et
quia est, ut GH , ad GA , ita IK , ad AK , ita ut GH , ad AH , ita IK , ad AI . Et GH ,
ponitur

14. quinti. ponitur minor quàm IK , erit quoque AG , minor quàm AK , & AH , minor quàm AI . Quare cum ex minores AG , auferatur maior AI , & ex maiores AK , minor AH , erit reliqua GI , minor quàm reliqua HK . Quoniam vero est, ut GI , ad IN , ita HK , ad HN , item ut GI , ad GN , ita HK , ad KN ; & GI , minor est obfensa, quàm HK , erit quoque IN , minor quàm HN , & GN , minor quàm KN . Itaque quia GN , minor est quàm KN , hoc est quàm IN , & IN , minor quàm HN , erit maior minor GN , quàm NH .¹ Et quia angulus GIN , maior est angulo AKI , hoc est, angulo IGN , erit GN , maior quàm IN . Ergo NH , quæ oppositæ obfensa est quàm GN , maior erit quàm NK , quæ ipsi IN , æqualis ponitur; atque idcirco tota GH , maior erit quàm IK . Posita autem est ab adversario GH , minor quàm IK . Minor ergo est & minores GH , quàm IK , quod est absurdum. Est igitur GH , maior quàm IK . Vbi videtur, nullam GH , hoc est, quidam minor ponitur quàm IK , demonstrari maiorem esse quàm IK : quod argumentandi genus etiam adhibuit Euclid. præf. 12. lib. 9. & Theod. præf. 12. lib. 1.

- FEI præsignatum præbatur est, reliquas GI , reliqua HK , minorem esse, ita notandum. Quoniam est ut GI , ad GN , ita HK , ad KN ; est autem GI , obfensa minor quàm HK , erit quoque GN , minor quàm KN , hoc est, quàm IN , quia ipse HK , ipsa est æqualis. Ergo angulus GIN , minor erit angulo IGN .² Sed exterior angulus GIN , maior est interius opposito AI , hoc est, angulo IGN . Idem ergo angulus GIN , & minor, & maior eodem angulo IGN , quod est absurdum. Non ergo minor est GH , quàm IK : sed neque æqualis obfensa. Igitur maior, quod est præpositum.



$FODEM$ pacto, si GH , daretur bisariam scilicet esse in N , demonstrabimus IK , esse maiorem. Si enim maior non est, erit vel æqualis, vel minor. Si primum, si fieri posset, IK , si GH , æqualis. Ergo, ut paulo antè demonstratum, nec primum, nec secundum. Quod est absurdum. Positur cum GH , bisaria in N , bisariam. Si deinde, si fieri posset, IK , minor quàm GH .

14. sexti. Quia igitur est, ut IK , ad AK , ita GH , ad AG , item ut IK , ad AI , ita GH , ad AH : Ponitur autem IK , minor quàm GH ,³ erit quoque AK , minor quàm AG , & AI , minor quàm AH . Quare cum ex minores AK , auferatur maior AI , & ex maiores AG , minor AH , erit reliqua GI , minor quàm reliqua HK . Quoniam autem est, ut HK , ad HN , ita GI , ad IN , atque HK , minor obfensa quàm GI , erit quoque HN , hoc est, GN , minor quàm IN .⁴ Igitur angulus GIN , minor erit angulo IGN , hoc est, angulo HKN , exterioris interius oppositi. quod est absurdum.⁵ Est enim exterior interius oppositus maior. Non ergo minor est IK , quàm GH , sed neque æqualis obfensa, ergo maior est, quod est præpositum.

- FEI sit. Quoniam HK , minor est obfensa quàm GI ,⁶ estque ut HK , ad KN , ita GI , ad GN ,⁷ erit quoque KN , minor quàm GN . Igitur quia KN , minor est quàm GN , hoc est, quàm HN , & HN , minor est quàm IN , ut paulo antè est ostensum, ut

IN ,

KN, multo maior quàm IN. ^a Et quoniam angulus externus KHN, maior est interno opposito AGH, hoc est, angulo HKN? erit KN, maior quam HN. GH ergo IN, maior sit ostensa quàm NK; ut IN, multo maior quàm HN, hoc est, quàm GN. Tota igitur IK, maior est quàm tota GH. Poftea est autem IK, ab alterutroque minor quàm GH. Minor ergo est, & maior eadem IK, quàm GH. quod fieri non potest. Non est ergo IK, minor quàm GH; sed neque aequalis, ut ostendimus. Igitur maior. Vbi videt eundem modum argumentandi, quo usus est Euclid. propof. 12. lib. 5. & Theod. lib. 1. propof. 12.

IT, A Q V E quando diametri sunt aequales, neutra bifariam dividitur, quando vero inaequales sunt, dividi potest bifariam minor, maior autem nonquam.

D E N I Q V E facili negotio demonstrabimus, quando minor diameter bifariam fecatur, (qua sola dividi potest bifariam, ut ostensum est) maiorem partem maiorem diametri semper vergere ad eam partem, ubi cum latere trianguli per axem minorem angulum facit. Statetur enim IK, bifariam in N, ac propterea GH, maior sit. Dico partem GN, maiorem esse parte NH. ^a Erit enim GH, ad AG, ut IK, ad AK. Cum ergo GH, maior sit quàm IK; ^b erit etiam AG, maior quàm AK. Eodem modo erit AH, maior quàm AI. Quocirca cum ex maiore AG, detrahatur minor AI, & ex minore AK, maior AH; erit reliqua GI, maior quàm reliqua HK. ^c Est autem GI, ad IN, ita KH, ad HN; item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN. Cum ergo GI, maior sit quàm HK, ^d erit quoque IN, maior quàm HN, & GN, maior quàm KN, hoc est, quàm IN. Quamobrem cum GN, maior sit quàm IN, & IN, maior quàm NH; erit multo maior GN, quàm NH.

S I C etiam si dicatur IK, fissa bifariam in N, erit, ut ostensum est, IK, maior, maiorque erit eam pars NK, quàm IN. quod eodem modo demonstrabitur. ^e Quia enim est, ut IK, ad AK, ita GH, ad AG; Item ut IK, ad AI, ita GH, ad AH. Cum ergo IK, maior sit quàm GH; ^f erit quoque AK, maior quàm AG, & AI, maior quàm AH. Quia ergo ex maiore AK, detrahatur minor AH, & ex minore AG, maior AI, erit reliqua HK, maior quàm reliqua GI. ^g Quoniam vero est, ut HK, ad HN, ita GI, ad IN, & ut HK, ad KN, ita GI, ad GN; Est autem HK, maior quàm GI; ^h erit quoque HN, maior quàm IN, & KN, maior quàm GN, hoc est, quàm NH. Itaque cum KN, maior sit quàm NH, & NH, maior quàm IN, erit multo maior KN, quàm IN. Vtrum ergo est, maiorem partem maioris diametri semper ad angulum maiorem, quem cum latere trianguli per axem facit, eam modo sunt angulo G, K.

^a 16. primi.
^b 19. primi

Quando diametri bifariam fecimus, ut quia in est diametro bifariam, & minor & quidem bifariam, maiorem partem, ut cum vergere ad minorem angulum illam qui per axem, quoniam illa diametri cum latere trianguli facit.

^c 4. sexti.
^d 14. quinti.
^e 4. sexti.
^f 14. quinti.
^g 4. sexti.
^h 14. quinti.

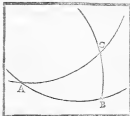
ⁱ 4. sexti.
^j 14. quinti.

LEMMA XVIII.

Q V A M proportionem habet sinus totus ad sinum maximæ declinationis Eclipticæ ab Aequatore, eandem habet sinus rectus arcus Eclipticæ inter quodvis eius punctum, & proximū punctum æquinoctiale interiectus ad sinum rectum declinationis eiusdem illius puncti Eclipticæ ab Aequatore.

S I T in superficie sphaerae segmentum Aequatoris AB, & aliud Eclipticæ AC, secans illud Aequatoris in A, ut angulus A, sit angulus maximæ declina-

tionis Eclipticæ ab Aequatore, quem videlicet metitur arcus Collet solstitium ex polo A, defcripti interceptus inter primum punctum Canceri, vel Capricorni, & Aequatorem. Per quodcumque autem punctum Eclipticæ C, ascenditur descendere ex polo mundi huc Aequatoris, circulus maximus declinationis faciens Aequatorem in B: erique angulus B, rectus, ex propoſ. 14. lib. 1. Theod.



ac propterea arcus CB, declinationis puncti C, ab Aequatore notatur. Dico ergo, ut est sinus totius sinum anguli A, maximæ declinationis Eclipticæ, ita esse sinus arcus Eclipticæ AC, inter assumptum punctum Eclipticæ C, & punctum æquinoctiale A, proximum intercepti, ad sinum arcus CB, qui arcus declinationis puncti C, ab Aequatore. Quoniam enim ex propoſitione 46. nostrorum triangulorum sphericorum est, ut sinus arcus AC, ad sinum anguli recti oppositi B, hoc est, ad sinum totum (recto enim angulo debetur quadrans, ut ad defin. 6. nostrorum triangulorum sphericorum diximus, ac proinde eius sinus erit sinus toti quadranti respondens) ita sinus arcus CB, ad sinum anguli oppositi A, erit convertendo, ut sinus totus ad sinum arcus AC, ita sinus anguli A, ad sinum arcus CB. Et permutando, ut sinus totus ad sinum anguli A, maximæ declinationis, ita sinus arcus AC, Eclipticæ ad sinum arcus CB, declinationis puncti C, quod est propoſitum.

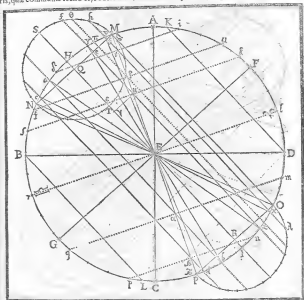
LEMMA XIX.

ANALEMMA ad datam poli altitudinem quamcumque describere.

EST Analemma figura quædam circularis, quæ circa centrum mundi ita digne descripta in plano Meridiani, vel cuiusvis alterius circuli maxime per mundi polos ducti, continens communes sectiones, quas plana aliorum circulorum sphaeræ (præcipue vero Aequatoris, cuiusque parallelorum, Eclipticæ, Horizontis, Verticalis, & paralleli cuiusque eorum, &c.) in Meridiano, vel alio illo circulo maximo faciunt. Huius autem constructionem, quam in Gnomonica propoſ. 1. lib. 1. tradidimus, libenter hoc loco repetimus, ob insignem eius utilitatem in circulis sphaeræ in Astrolabio describendis; præsertim quod descriptionem parallelorum Aequatoris per Eclipticæ puncta ducenti longe facilius hic ex præcedenti lemma demonſtrabimus, ea videlicet ratione, quam in scholio propoſ. 1. lib. 1. Gnomonice inſinuavimus.

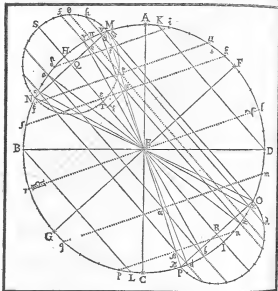
SIT ergo in plano Meridiani circulus ABCD, circa centrum mundi E, descriptus

scriptura, cuius & Horizontis sectio communis sit recta BD. Supputata autem altitudine poli illius loci, pro quo Analemma constructur, à punctis D, & B, in duas partes vique ad F, G, ducatur diameter FG, quæ axis mundi erit, cum angulus DEF, in centro sit angulus altitudinis poli, quem axis cum Horizonte constituit. Deinde ducatur diameter AC, ad Horizontem BD, perpendicularis, quæ communis sectio erit Meridiani, ac Verticalis primarij. Quia enim Me-



ridianus, Verticalisque ad Horizontem recti sunt; & erit eorum communis sectio ad eundem perpendicularis, ac propterea ex definitione 3; lib. 11. Euclid. perpendicularis quoque erit ad lineam Horizontalem BD, in centro E, per quod omnes hi circuli maximi ducuntur. Igitur AC, ad BD, perpendicularis communis sectio est Meridiani ac Verticalis, & A, vertex capitis, seu polus Horizontis superioris, acque C, polus eiusdem inferioris. Rursum ducatur ad axem FG, diameter perpendicularis HI, quod fiet, si arcus DF, BG, æquales sumantur AH, CH.

AH, CI: Ita enim, additis communibus arcibus FA, GC, erunt toti quadrantes DA, BC, totis arcibus FH, GI, æquales, ideoque & hi arcus quadrantes erunt, ac proinde anguli FEH, GEI, recti, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. Erit autem HI, communis fectionis Meridiani & Aequatoris. Cum enim axis FG, per polos Aequatoris F, G, incedens rectus fit, ex propof. 10. lib. 1. Theod. ad Aequatorem, transeatque per centrum ſphæræ E, erit ex definitione 3. lib. 11. Euclid.



idem axis FG, ad communem fectionem Meridiani & Aequatoris in centro E, perpendicularis; ac proinde HI, ad FG, perpendicularis, communis erit fectionis Meridiani & Aequatoris. Quod si per D, B, Aequatori H, parallelas agamus DK, EI, erunt hæ, communes fectiones Meridiani, & parallelorum, qui sunt omnium ſemper apparentium, ſemperque latentium maxima; quandoquidem Meridianus Aequatorem, & diſtos parallelas ſecans, & fectiones communes facit parallelas, & parallelas quidem maximas ſemper apparentium Horizonum in D, tangit,

D. tangit, maximus vero semper occultorum eundem Horizontem tangit in Atque hæc lineamenta Analemmatis alia atque alia sunt in variis poli altitudinibus, prout videlicet angulus altitudinis poli DEF, variatur.

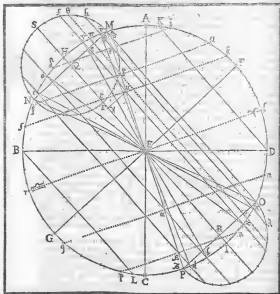
V T autem parallelos Aequatoris, siue Solis, qui per inania signorum & singula Eclipticæ puncta ducuntur, habita ratione declinationis cuiuslibet paralleli ab Aequatore, describamus, qua quidem in re totus labor atque industria construendi Analemmatis ponitur, propter declinationes horum parallelorum, quæ vix sine errore supputari possunt ab Aequatore HL, hinc inde, ab minuta & secunda, quæ gradibus declinationum adherent, (Hæc etenim declinationes, si exquiritur computari possent hinc inde à punctis H, I, nulla esset difficultas in diametris parallelorum ducendis) vtemur artificio à veteribus magna industria excogitato, quo ex maxima Solis, siue Eclipticæ declinatione cognita, omnium parallelorum Solis per puncta Eclipticæ transentium diametri, eorumque declinationes, Geometricæ, & quidem perquam accurate inveniuntur, quod eiusmodi est. Ex punctis H, I, Aequatoris in utramque partem numeretur maxima Solis, Eclipticæ declinatio, ex doctrina lemmatis 3. usque ad M, N, & O, P. Nos hic ponimus maximam hanc declinationem continere grad. 23. min. 30. iunctis autem rectis MN, OP, quæ ab HL, in Q, R, bifariam secantur, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. ob æquales arcus HM, HN, RO, RP, describatur ex Q, circa MN, circulus MSNT. Hoc in 12. partes æquales diuiso, per doctrinam lemmatis 1. ducantur per bina puncta à punctis T, S, æqualiter distantia rectæ VX, YZ, ab, cd, quæ ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. parallelæ erunt inter se, & ipsi HL, quod æquales arcus in circulo MSNT, interceptant. Magis exquirere hæc ducentur, si ex R, circa OP, semicirculus describatur, & in sex partes æquales secetur. Ita enim habebuntur per singulas lineas ternæ puncta, bina quidem in circulo MSNT, & singula in semicirculo circa OP, descripto. Dico has parallelas, diametros esse parallelorum Solis, per signorum initia duكتورum, hoc est, arcus HY, HV, &c. esse declinationes eorum graduum Eclipticæ, qui tot gradibus à principio ♈, & ♎, ab sunt, quos gradus in arcub⁹ circuli MSNT, inter ST, diametrum, & distas parallelas interceptantur, ita vt HY, sit declinatio ♈, & ♎, HV, ♊, & ♏, HM, Ha ♉, & ♍, & HN, & ac proinde rectæ diametri Vd, Yb, &c. sint diametri Eclipticæ, positæ signorum initijs in Meridiano, quemadmodum MP, NO, eisdem Eclipticæ diametri sunt, constitutis initijs ♋, & ♌, in Meridiano. Huius autem rei demonstratio perspicilis qd.

Q V O N I A M enim ex lemmate 3. est vt EM, sinus totus circuli ABCD, ad MQ, sinum totum circuli MSNT, hoc est, ad sinum maximæ declinationis, ita sinus arcus eiusdem circuli ABCD, qui, verbi gratia, arcus Sf, circuli MSNT, similis est, ad e Q, sinum arcus Sf. Est autem & ex præcedente lemmate, vt sinus totus EM, ad sinum maximæ declinationis MQ, ita sinus eiusdem illius arcus Eclipticæ ABCD, qui arcui Sf, similis est, (simil enim pōt hæc circulus pro Ecliptica, cum Meridiano sit equalis) ad sinum declinationis eiusdem arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est, erit e Q, sinus declinationis illius arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est. Cum ergo e Q, sinus sit arcus Meridiani HY, erit HY, arcus declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio inchoati, qui arcui Sf, similis est: atque ita de cæteris. Eodem enim prorsus modo demonstrabimus, g Q, sinum esse declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio numerati, qui arcui Sh, similis est, &c.

Declinationem
maximam perinde
quam Declinationem
quo puncto Geo.
metrice representat
tur.

Nullamque
tamen pado
em Solis
que, de
lyris.

VERVM conuictissime etiam eisdem arcus declinationum interueniunt, hae parallelas Solis ducimus, hac alia ratione. Sumatur circulus ABCD, pro Ecliptica, diuidaturque in 12 signa equalia in punctis i, k, l, m, n, P, q, r, s, t, u, v, w, x, y, z, et l. sit principium V; k, u; i, II; M, 62; d; s, l, 72; r, 82; q, II; p, 2; P; z, n, 30; 30, 30. Deinde ductis rectis per bina puncta M, vel P, etque remotis, quae ex schol. propol. 27. lib. 3. Eucl. parallelae sunt, fac-



bitur diameter Eclipticae AD, in punctis t, u, a, b, per quae ductae ipsae, vel parallelae, quae facile docentur, si segmentis parallelarum kl, i, p, inter puncta u, t, & diametris HT, in intersectis, in alijs parallelis a qualis segmento accipiamus, ut g, si segmento ut, parallela KS, an alijs parallelis p, si, m, q, n, p, equalia segmento accipiamus, rectae semper factae i recta HT. Ita enim plura puncta habebimus, quae parallelae ipsi HT, doctae sunt, habebit diametros parallelorum Solis per signa, et ipsa, sicut, veluti prius. Quod facile demonstrabimus in hac methodo.

QVO.

QVONIAM est, ut EM , sinus totus ad MQ , sinum maximæ declinationis, ita $E\alpha$, sinus arcus Eclipticæ lk , principium \mathcal{B} , terminantis ad $\alpha\gamma$, i. ducta $\alpha\gamma$, parallela ipsi MQ , vel perpendiculari ad HA , Est autem & ex lemmate præcedente, ut EM , sinus totus ad MQ , sinum maximæ declinationis, ita $E\alpha$, sinus arcus Eclipticæ principium \mathcal{B} , terminantis ad sinum declinationis principij \mathcal{B} , erit $\alpha\gamma$, sinus declinationis principij \mathcal{B} ; ac proinde arcus HY , cuius sinus est $\alpha\gamma$, declinationem metietur principij \mathcal{B} , &c. Eademque de cæteris est ratio. Hæ autem declinationes inveniuntur in omnibus poli elevationibus eadem sunt, neq; unquam mutantur, nisi prius maxima Solis declinatio mutata inveniatur. Habets namque ratione maximæ declinationis HM , innotescit sunt aliorum Eclipticæ punctorum declinationes HY , HV , &c.

L I QV E T ex his, qua ratione inveniendi sit declinatio cuiusvis puncti Eclipticæ dati. Nam si datum punctum sit inter \mathcal{V} , & \mathcal{S} , numerabimus eius distantiam ab \mathcal{V} , in circulo $MSNT$, à puncto S , versus M : si vero inter \mathcal{S} , & \mathcal{Q} , fuerit, numerabimus eius distantiam à \mathcal{S} , ex puncto T , versus M : si autem inter \mathcal{V} , & \mathcal{Z} , ab S , versus N : si denique inter \mathcal{Z} , & \mathcal{Z} , ex T , versus N , distantiam eius, quam à proximo puncto æquinoctij, nimirum ab \mathcal{S} habet, numerabimus. Parallela enim ipsi HA , ducta ex sine numerationis, erit diameter paralleli illius puncti dati, secabitque arcum MN , in declinatione quaesita. Ut si detur gradus 10. \mathcal{B} , qui 40. gradibus ab \mathcal{V} , versus \mathcal{S} , abest, numerabimus gradus 40. à puncto S , versus M , usque ad \mathcal{Q} , & per \mathcal{Q} , ipsi HA , parallelam agemus $\mathcal{B}\mu$, pro diametro paralleli Aequatoris, qui per 10. gradum \mathcal{B} , transiit, eiusque declinatio erit $H\mu$. Hanc eandem alia ratione sic reperiemus. Quando punctum datum est inter \mathcal{V} , & \mathcal{Q} , supputabimus eius distantiam, quam ab \mathcal{V} , habet, à puncto I , versus M si vero inter \mathcal{S} , & \mathcal{Q} , à puncto r , versus M , distantiam eius, quam à \mathcal{S} , habet, numerabimus: Si autem inter \mathcal{V} , & \mathcal{Z} , à puncto I , versus P : si denique inter \mathcal{Z} , & \mathcal{Z} , à puncto r , versus P , eius distantiam à proximo æquinoctij puncto, nimirum à \mathcal{S} , numerabimus. Nè si à sine numerationis ipsi lk , paralleli agemus, secabitur MP , diameter Eclipticæ in puncto, per quod parallela ducta ipsi HA , erit diameter paralleli per punctum in Eclipticæ datum transeuntis; &c. Ut si detur idem gradus 10. \mathcal{B} , numerabimus gradus 40. (Tantum enim punctum datum ab \mathcal{V} , versus \mathcal{S} , abest) à puncto I , versus M , usque ad μ , & per μ , ipsi lk , parallelam duemus $\mu \xi$, (quod facile fiet, si arcus lk , æqualem abscindemus ξ), quem ipsam MP secet in p . Parallela enim ipsi HA , ipsi p , ducta, erit diameter paralleli quaeriti, &c. veluti prius.

S C I E N D U M quoque est, segmentum diametri Horizontis BD , inter MO , NP , diametros parallelorum $\mathcal{S}\mathcal{P}$, & \mathcal{Z} , positum à parallelis intermedium ita dividi, ut recta MM , vel OP , ab eisdem diuisa est. Nam segmentum semidiametri BD , inter E , & parallelam MO , sectum est, ut recta EM , secta est; propterea quod parallelae lineæ diuidunt latera trianguli proportionaliter. Cum ergo eandem ob causam recta EM , secta sit, ut diuisa est MQ , erit dictum segmentum diuisum, ut MQ , recta diuisa est. Non aliter diuisum erit segmentum diametri EB , inter E , & parallelam NP , ut diuisa est recta NQ ; propterea quod sectum est, ut recta EN , & hoc, ut recta NQ . Igitur totum segmentum diametri Horizontis BD , inter parallelas MO , NP , sectum erit, ut recta MM , diuisa est à parallelis, quod est propositum.

I A M vero, qua ratione aborum circulorum siue maximorum, siue non maximorum diametri, siue communes, cum Meridiano sectiones in A non lemmate

Declinatio celest
in a puncto dati
metit: quo puncto
Quæritur ut per
HAHA.

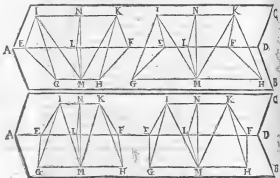
a. sine

describantur; & quomodo Analemma pro quibuscumque circulis interdum in alio circulo maximo, etiam non per mundi polos ducto, construat, in proposita Astrolabij, cum id usus postulaverit, propriis locis docebimus.

L E M M A XX

SI duo plana se mutuo secant, & in vno eorum ad duo puncta communis sectionis duæ rectæ cum ea internos duos angulos qualescunque constituent æquales, & in altero ad eadem duo puncta duæ aliæ rectæ cum eadem sectione communi efficiant quoque internos duos angulos æquales qualescunque: constituent duæ hæ posteriores rectæ cum duabus prioribus duos angulos æquales.

DVO plana AB, AC, secant sese per lineam rectam AD, & in duobus punctis quibuscunque E, F, communis sectionis constituti sint in plano AB, duo æquales interni anguli GEF, HFE, qualescunque, hoc est, sine acuti, sine recti,



sive obtusi, & in hisdem punctis in plano AC, sint constituti duo alij anguli interni qualescunque æquales GEI, HFI. Dico angulos GEL, HFK, æquales esse. In prima figura omnes anguli sunt acuti; in secunda obtusi; in tertia priores duo ob-

duo obtusi, & duo posteriores acuti, in quarta denique priores duo recti, & duo posteriores acuti. In omnibus tamen hisce casibus, & aliis eadem semper erit demonstratio. Sint enim æquales inter se tam rectæ EG, FH, quam rectæ EI, FK, mutanturque GH, IK, quæ ipsi EF, parallele erunt. Quoniam enim duo anguli GEF, HFE, æquales sunt, si uterque sit acutus, conveniunt rectæ EG, FH, productæ ad partes G, H, constituuntque triangulum isosceles. Cum ergo rectæ GH, secet latera proportionaliter, quod EG, FH, æquales sint, ac proinde & reliquæ linearæ usq; ad concursum, erunt EF, GH, parallele. Si autem anguli GEF, HFE, sint obtusi, conveniunt rectæ GE, HF, productæ ad partes E, F, quod anguli illis deinceps sunt acuti supra rectam EF, constituuntque eodem modo triangulum isosceles, cuius basis GH. Latera enim supra basim EF, æqualia erunt: Ergo additis æqualibus EG, FH, fient quoque latera supra BA, æqualia. Cum igitur recta EF, secet ea latera proportionaliter, auferens ex utraque partes æquales, parallele erunt EF, GH. Si denique uterque angulus GEF, HFE, sit rectus, erunt rectæ EG, FH, parallele. Cum ergo sint & æquales, erunt quoque EF, GH, æquales ac parallele. Eadem ratione ostendemus EF, IK, parallelas esse, & ac proinde & GH, IK, inter se parallele erunt. Diuisa autem EF, bifariam in L, excidentur in planis AB, AC, ad EF, perpendiculares LM, LN, quæ ipsas GH, IK, secabunt quoque bifariam. Si enim anguli æquales GEF, HFE, sint acuti, ita ut EG, FH, productæ versus G, H, faciant triangulum isosceles, erit ex scholio propof. 16, lib. 1. Euclid. recta ex angulo ducta ad punctum L, medium basis, ad EF, perpendicularis, ideoque cum LM, coincidat. Cum ergo eadem recta, ex scholio propof. 4, lib. 6. Eucl. secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, in M, bifariam. Si vero anguli GEF, HFE, sint obtusi, ita ut GE, HF, productæ ultra EF, constituent triangulum isosceles, cuius basis EF vel GH sit rursus ex scholio propof. 16, lib. 1. Euclid. recta ex angulo ad L, punctum medium basis EF ducta, ad EF, perpendicularis, ideoque producta cum LM, coincidat. Cum ergo ex scholio propof. 4, lib. 6. Euclid. eadem recta secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, bifariam in M. Si denique anguli GEF, HFE, sint recti, erunt EH, EM, FM, parallelogramma rectangula, ideoque latera opposita æqualia, hoc est, GM, ipsi EL, & HM, ipsi FL, æquale. Cum ergo EL, FL, sint æqualia, erunt quoque GM, HM, æqualia. Non aliter ostendemus rectam IK, in N, sectam esse bifariam.

Q V I A vero recta EL, ad duas LM, LN, sese in L, tangentes perpendicularis est, erit eadem EL, ducta recta MN, ad planum trianguli LMN, recta. Igitur & utraq; GM, IN, ad idem planum recta erit, ideoque ex defn. 3, lib. 11. Eucl. utraq; GM, IN, ad rectam MN, in eodem plano existit, perpendicularis erit. Iunctis igitur rectis GI, IM, MK, KH, quæ omnes una cū MN, in eodẽ sunt plano parallele GH, IK, quoti duo latera IN, NM, duobus lateribus KN, NM æqualia sunt, angulosq; continent æquales, nimirū rectos, ut ostendimus, erit & bases IM, KM, & anguli IMN, KMN, æquales, ideoq; & ex rectis reliquis GMI, HMK, æquales erit. Cū ergo duo latera GM, MI, duobus lateribus HM, MK, sint æqualia, angulosq; continent æquales, ut monstratum est, erunt & bases GI, HK, æquales. Deniq; cum latera EG, EI, lateribus FH, FK, æqualia sint, & bases GI, HK, æquales, erunt quoque anguli GEL, HFK, æquales, quod est propositum.

A T Q V E hæc demonstratio universalis est in omnibus casibus, siue angulus inclinationis planorum LMN, obtusus sit, siue acutus, siue rectus, ut perspicuum est.

Q V O D

Q V O D Gram duo anguli $G E F$, $H F E$, quam duo $I E F$, $K F E$, recti sint, facilius erit demonstrare. Quia cum tunc anguli $G E F$, $H F K$, sint anguli inclinationis plani $A C$, ad planum $A B$, ex definitione 6. lib. 1. Euclid. ipsi inter se aequales erunt.

L E M M A XXI.

S I in diametris circulorum æqualium puncta sumantur æqualiter à centris remota, ab eisque rectæ egrediantur vsque ad circumferentias constituentes cum diametris ad easdem partes æquales angulos; rectæ illæ & æquales erunt, & arcus abscindunt æquales. Et si lineæ sint æquales, constituent rectæ illæ cum diametris æquales angulos ad easdem partes, abscindentque rursus æquales arcus. Si denique arcus æquales abscindantur ad easdem partes, erunt quoque rectæ illæ æquales, constituentque cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

H O C idem demonstrauimus propositione penultima scholii propoſ. 19. lib. 3. Euclid. quando punctum in diametro assumptum est intra circulum; sed quia eo etiam indigemus in ijs, quæ sequuntur, quando punctum est acceptum in diametro producta extra circulum, libuit id vniuersaliter hoc loco demonstrare. Sint ergo circuli æquales $A B C$, $D E F$, quorum centra G , H , diametri $A C$, $D F$, & sumantur per eam intra circulos puncta I , K , æqualiter distantia à centro, hoc est, rectæ $G I$, $H K$, sint æquales: ductanturque rectæ vt tempore $I B$, $K E$, facientes vel angulos $C I B$, $F K E$, vel $A I B$, $D K E$, æquales. Dico & rectas $I B$, $K E$, & tam arcus abscissos $C B$, $F E$, æquales esse, quam arcus $A B$, $D E$. Ductis enim rectis $G B$, $H E$, ex centris, si quidem anguli $G I B$, $H K E$, ponantur æquales, erunt duo latera $G I$, $G B$, circa angulum $I G B$, duobus lateribus $H K$, $H E$, circa angulum $K H E$, æqualia, & angulus I , angulo K , æqualis, quæ quidem æqualibus lateribus $G B$, $H E$, opponuntur. Est autem reliquorum $G I B$, $H K E$, uterque recto minor, quod duo rectæ $A B$, $C B$, $D E$, $F E$, faciant angulos $A B C$, $D E F$, in semicirculis rectos, quorum illi partes sunt. Igitur ex ijs, quæ ad finem lib. 1. Euclid. demonstrata sunt a nobis, & rectæ $I B$, $K E$, & anguli $I G B$, $K H E$, æquales sunt in centris; ideoque & arcus $C B$, $F E$, ac proinde & ex semicirculis reliqui $A B$, $D E$, æquales erunt. Si vero anguli $G I B$, $F K E$, æquales ponantur, erunt etiam reliqui $G I B$, $H K E$, ex duobus rectis. Tam enim duo anguli ad I , quam duo ad K , duobus sunt rectis æquales; inter se æquales. Quare, et iam obiectum est, erunt & rectæ $I B$, $K E$, & tam arcus $C B$, $F E$, quam arcus $A B$, $D E$, æquales.

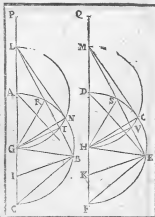
D E I N D E accipiantur puncta A , D , in extremitatibus diametrorum, à quibus rectæ eductæ $A B$, $D E$, angulos æquales efficiant $C A B$, $F D E$, vel $L A B$, $M D E$. Dico rursus rectas $A B$, $D E$, & tam abscissos arcus $C B$, $F E$, quam arcus $A B$, $D E$, æquales.

AB, DE, æquales esse. Si enim anguli CAB, FDE, æquales sint; ^aerunt quoque arcus CB, FE, ac propterea et semicirculi reliqui AB, DE æquales; ^bideoque & rectæ AB, DE, æquales inter se erunt. Si vero anguli LAB, MDE, ponantur æquales, erunt quoque ex duobus rectis reliqui CAB, FDE, æquales. Quare, ut iam demonstratum est, erunt & tam arcus CB, FE, quam arcus AB, DE, & rectæ AB, DE, æquales.

POSTREMO accepta sint puncta L, M, in diametris productis extra circulos æqualiter à centrâ distantia, ita ut rectæ GL, HM, sint æquales: Et ducantur rectæ LN, MO, facientes angulos æquales CLN, FMO, vel PLN, QMO, abscindentesque arcus AN, DO, vel CN, FO Dico rectas LN, MO, & tam arcus AN, DO, quam arcus CN, FO, esse æquales.

Auc enim altera rectarum, nimirum LN, tangit circum in N, aut non tangit. Si tangit, tanget & recta MO, circum in O, nam si anguli CLN, FMO, ponantur æquales, & MO, non tangat circum, ^cducatur tangens MS, iungaturque rectæ GN, HS, quæ facient angulos GNL, HSM, rectos. Quia igitur duo latera GN, GL, circa angulû LGN, duobus lateribus HS, HM, circa angulû HHS, æqualia sunt, & laterib^{us} æqualibus GL, HM, opponuntur anguli æquales GNL, HSM, utpote recti, reliquorum autè LGN, MHS, uterque recto minor est, ex coroll. 2. propof. 17. lib. 1. Euclid. erunt ex his, quæ ad finem lib. 1. Euclid. demonstravimus, anguli quoque GLN, HMS, æquales: Est autem eidem angulo GLN, per hypothefim, æqualis angulus FMO. Igitur anguli quoque HMS, HMO, æquales erunt, pars & totum, quod est absurdum. Tangit ergo recta MO, circum in O. Iunctis ergo rectis GN, HO, erunt anguli GNL, HOM, recti & æquales. Ponantur autè & anguli GLN, HMO, æquales. Igitur & reliqui LGN, MHO, æquales erunt, ex coroll. 1. propof. 32. lib. 1. Eucl. Quare etiam duo latera GN, GL, duobus lateribus HO, HM, æqualia sunt, angulorû, continuent æquales, ut ostensum est; erunt etiâ bases LN, MO, æquales. Item & arcus AN, DO, ab æquales angulos AGN, DHO, ad centra; ideoq; & ex semicirculis reliqui arcus CN, FO, æquales erunt. Quod si æquales ponantur anguli PLN, QMO, erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLN, FMO, æquales. Quare, ut iam demonstratum est, & tam arcus AN, DO, quam arcus CN, FO, & rectæ LN, MO, tangentes æquales erunt.

Si vero due rectæ LR, MS, vel LB, ME, faciant vel angulos CLR, FMS, vel PLR, QMS; aut CLB, FME, vel PLB, QME, æquales, non tangat appem LR, vel LB,



^a 26. tertij.

^b 29. tertij.

^c 17. tertij.

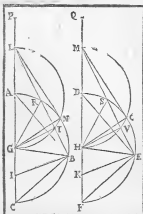
^d 18. tertij.

^e 18. tertij.

^f 4. primi.

^g 26. tertij.

LB, circulum, sed si et in R, vel B, ducta tangente LN, cadet LR, vel LB, cum tangente LN, faciatque angulum CLR, vel CLB, minorē angulo CLN. Quā vero ducta tangente A, O, anguli CLN, HMO, æquales sunt, ut proxime demonstratū est, angulus autem FMS, angulo CLR, vel angulus FME, angulo CLB, putatur æqualis, erit quoque, angulus FMS, vel FME, minor angulo FMO, ac proinde recta MS, vel ME, circa tangentē MO, cadet. Secabit ergo utraq; LR, MS, ut utraq; LB, ME, circulum proprium duobus punctis R, B, & S, E, inter quæ positi sunt puncta contactu N, O. Sumantur ergo primū puncta R, S, circa cōtactū, & anguli GLR, HME, ponantur æquales. Dico & rectas LR, MS, & tam arcus AR, DS, quā arcus CR, ES, æquales esse. Iunctis enim rectis GR, HS, quocirca duo latera GR, GL, circa angulū LGR, duobus lateribus HS, HM, circa angulū HHS, æqualia sunt, & anguli GLR, HME, æqualibus lateribus GR, HS, oppositi, æquales ponuntur, reliquorū autem angulorum GRL, HSM, uterque rectior est, quod tū GRL, maior factio angulo GNL, quā HSM, angulo rectio HOM; erit igitur, quæ demonstravimus ad hoc lib. 1. Eucl. & rectæ LR, MS, & anguli LGR, MHS, æquales. Igitur & arcus AR, DS, idcirco, & semicirculus reliquū CR, ES, æquales erūt. Quod si æquales ponantur anguli PLR, QMS, erunt quoque ex duobus rectis reliquū GL, HMS, æquales. Quare, non essentiam, erunt & rectæ LR, MS, & tam arcus AR, DS, quā arcus CR, ES, æquales.



rectis GB, HE, erit uterque angulus GBL, HEM, rectior minor. Descriptis autem circa æquales rectas GL, HM, semicirculis, qui per contactus N, O, transibunt ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. ob rectos angulos ad N, O, secabunturque rectæ LB, ME, in T, V, si iungantur rectæ GT, HV, & fiat anguli GTL, HVM, semicirculis rectis. Cū ergo tū GTL, angulo GBL, quā HVM, angulo HEM, maior sit, exterioris interno, erit tū GBL, quā HEM, rectio minor: quod patet ex eo constat, quod rectæ in B, E, cum GB, HE, rectos angulos constituant, & utrosque tangāt in B, E, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. Hinc enim fit, ut & tū rectæ LB, ME, cum eisdem GB, HE, acutos angulos efficiūt. Quoniam igitur duo latera GB, GL, circa angulū LGB, duobus lateribus HE, HM, circa angulū MHE, æqualia sunt, & anguli GLB, HME, lateribus æqualibus GB, HE, oppositi, ponantur æquales, reliquorū autem angulorum GBL, HEM.

21. primū.

22. secundū.

23. tertium.

24. primum.

HEM, uterque recto minor est ostensus; erunt ex demonstratis à nobis ad finem lib. 1. Euclid. & rectæ LB, WE, & anguli LGB, MHE, æquales; Igitur & arcus AB, DE, atque ideo & ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales erunt. Quod si ponatur æquales anguli PLB, QME, erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLB, FME, æquales. Quare ut demonstratum iam est, erunt & rectæ LB, ME, & tam arcus AB, DE, quàm arcus CB, FE, æquales.

DEINDE æquales sint rectæ IB, KE, vel AB, DE, vel LN, MO, vel LR, MS, vel denique LS, AE. Dico & angulos ad L, K, vel ad A, D, vel ad L, M, & tam arcus CB, FE, vel CN, FO, vel CR, FS, quàm arcus AB, DE, vel AN, DO, vel AR, DS, esse æquales. Quia enim duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, equalia sunt, & basia IB, basi KE, æqualia ponitur; erunt quoque anguli IGB, KHE, æquales. Igitur & arcus CB, FE, ideoque & semicirculorum reliqui AB, DE, æquales erunt. Item quia duo latera IG, IB, duobus lateribus KH, KE, æqualia ponuntur, & basia GB, basi KE, æqualia est; erunt quoque anguli GIB, HKE, ideoque & duorum rectorum reliqui CIB, FKE, æquales erunt. Rursum quia rectæ AB, DE, ponuntur æquales, erunt arcus quoque AB, DE, ac proinde & semicirculorum reliqui CB, FE, æquales. Igitur & anguli CAB, FDE, & propterea duorum rectorum quoque reliqui LAB, MDE, æquales erunt. Denique quia tria latera GB, GL, LB, tribus lateribus HE, HM, ME, equalia sunt, erunt ex coroll. propos. 8. lib. 1. Eucl. anguli quoque GLB, BGL, angulis HME, EHM, æquales. Igitur & arcus AB, DE, ob angulos æquales BGL, EHM, ad centra æquales erunt, ac propterea rectorum quoque reliqui anguli PLB, QME, & semicirculorum reliqui arcus CB, FE, æquales erunt. Non aliter ostendimus & angulos ad L, M, & arcus AN, DO, & CN, FO, & AR, DS, & CR, FS, & AB, DE, & denique CB, FE, esse æquales.

TER TIO sint æquales arcus CB, FE, à rectis IB, KE, abscissi. Dico rectas etiam IB, KE, & angulos ad I, K, æquales esse. Erunt enim anguli CGB, FHE, æquales, ob arcus æquales CB, FE. Quia igitur duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, sunt equalia, angulosque continent æquales, erunt quoque basia IB, KE, æquales, nec non & anguli GIB, HKE; ideoque & ex duobus rectis reliqui CIB, FKE. Quod si æquales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis IB, KE, abscissi, erunt quoque ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales. Ergo, ut iam est ostensum, & rectæ IB, KE, & anguli ad I, K, æquales erunt. Sint rursus arcus æquales CB, FE, à rectis AB, DE, abscissi. Dico rectas quoque AB, DE, & angulos ad A, D, æquales esse. Erunt enim reliqui etiam arcus AB, DE, ex semicirculis æquales, & ideoque & rectæ AB, DE, æquales erunt. Item ob arcus æquales CB, FE, anguli CAB, FDE, ideoque & ex duobus rectis reliqui LAB, MDE, æquales erunt. Quod si æquales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis AB, DE, abscissi, erunt etiam ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales. Ergo, ut proxime demonstravimus, erunt rursus rectæ AB, DE, & anguli ad A, D, æquales. Præterea sint arcus AN, DO, æquales abscissi à rectis LN, MO. Dico has rectas, & angulos ad L, M, æquales esse. Erunt enim anguli NGL, OHM, æquales, propter æquales arcus AN, DO. Igitur quia duo latera GN, GL, duobus lateribus HO, HM, equalia sunt, angulosque complexantur æquales, erunt & basia LN, MO, & anguli GLN, HMO, atque ideoque & ex duobus rectis reliqui PLN, QMO, æquales erunt. Eadem ratione ostendes rectas LR, MS, æquales esse, & angulos ad L, M, si æquales sint arcus abscissi AR, DS, & sic de cæteris.

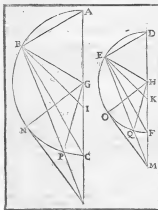
QVOD si in diametris circularum inæqualium puncta in-
mantur similiter à centris remota, ita ut eorum distantia à centris
eandem proportionem habeant, quam semidiametri, & ab eis pos-
itis rectæ egrediantur constituentes cum diametris ad eandem pe-
tes angulos æquales; abscindentur ab eis arcus similes. Et si arcus
abscissi sint similes ad easdem partes, constituent rectæ absconden-
tes cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

IN circulis enim inæqualibus AIC, DEF , quarum centris G, H , semantur
diametri duo puncta I, K , similiter distantia à centris, hoc est, ita sit $IG, ad KH$, &
 $GC, ad HF$, & permittendo, ita $IG, ad GC$, ut $KH, ad HF$, constituanturque angu-
li æquales GIB, HKE . Dico tam arcus BC, EF , quoniam AB, DE , similes esse. In-

ducimus enim rectas GB, HE , quoniam anguli I, K , æquales sunt, & latera circa angulos G, H , in triangulis BGI, EHK , proportionalia, & reliquorum angularum B, E , uterque rectis & minor, quid pro-
ter sit rectiorum, quoniam CB, AB, FE, DE , in similes rectis efficiuntur, erunt anguli BGI, EHK , ut centris æquales. Igitur ex scholia propo-
siti. 3. Euclid. arcus BC, EF , similes sunt, utique C ex semicirculo reliquis AB, DE , similes erunt, ex lem-
mata 6.

Eadem de ratione, si ad puncta C, F , similiter à centris distantes, cum se semidiametros ducunt, sunt anguli æquales GCB, HFE , ostendimus tam arcus BC, EF , quoniam AB, DE , similes esse. Iuvabit enim rectis GB, HE , & erunt rursus in trian-
gulis BGC, EHF , anguli C, F , æquales, & latera

circa angulos G, H , proportionalia. Cum ergo reliquorum angularum B, E , uterque sit minor sit, quid a partes sint rectiorum, quia recta CB, AB, FE, DE , constituent in se
semicirculo;



miculatus erunt anguli G, H , in centrīs aequales. Igitur ex *scholio* *propof. 22. lib. 3. Euclid.* arcus BC, EF , similes sunt, &c. Quod brevius sic demonstrabitur. Quoniam aequales sunt anguli ACB, DFE , erunt ex *proposito* *scholio*, arcus AB, DE , similes; ideoque & ex *semicirculis* reliqui BC, EF , per *lemma 6.* similes erunt. 7. sexti.

NON aliter, si puncta L, M , similiter distant à centrīs, flantque aequales anguli GLB, HME , demonstrabimus similes esse & arcus BC, EF , & AB, DE . & CP, FQ . & AP, DQ . & BP, EQ . Iunctis enim rectis GB, HE , erunt rectum in triangulis BGL, EHM , anguli L, M , aequales, & circa G, H , latera proportionalia. Cum ergo reliquorum angularum B, E , utroque sit minor rectis; (Nam unū rectis GP, HQ ; erunt anguli $B, P; E, Q$, in *Isosceles* BGP, EHQ , acui, ex *coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Euclid.*) erunt tam anguli G, H , quàm B, E , aequales. Igitur ex *scholio* *propof. 22. lib. 3. Euclid.* arcus BC, EF , ideoque per *lemma 6.* & ex *semicirculis* reliqui AB, DE , similes erunt. Et quia anguli B, E , aequales sunt cūctis, erunt quoque P, Q , in *Isosceles* BGP, EHQ . (cum illis aequales sint) aequales; ac prout & reliqui anguli BGP, EHQ , aequales erunt, quibus demptis ex aequalibus BGL, EHM , reliqui etiam PGL, QHM , aequales erunt; ac prout ex *scholio* *propof. 22. lib. 3. Euclid.* arcus CP, FQ , ideoque per *lemma 6.* & ex *semicirculis* reliqui AP, DQ , similes erunt, à quibus si demantur similes AB, DE , reliqui BP, EQ , per *lemma 6.* similes quoque erunt. 7. sexti.

QUOD si quando contingat, rectarum angulos aequales constituentium unam, verbī gratia, LN , circulum tangere, tange & altera MO , circulum. Nam tangens LN , circulum ABC , si ducatur MO , tangens circulum DEF , erit angulus GLN , angulo HMO , aequalis. Iunctis enim rectis NG, OH ; erunt anguli N, O , recti, & aequales. Cum ergo circa angulos $4. 1. tertii.$ NGL, OHM , latera sint proportionalia, & reliquorum angularum L, M , utroque rectis minor, ex *coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Euclid.* erunt & anguli G, H , & L, M , aequales. Ex quo fit, si LN , circulum tangat, nullam ex M , duci possi, præter tangentem MO , quæ angulum ad M , angulo ad L , aequalem constituat, cum omnis talis angulus vel maior foret angulo HMO , vel minor. 7. sexti.

SED sint iam arcus similes BC, EF , & puncta I, K , similiter distantia à centrīs. Ductis ductis rectis BI, EK , anguli I, K , aequales esse. Iunctis namque rectis BG, EH ; erunt ex *scholio* *propof. 22. lib. 3. Euclid.* anguli G, H , aequales. Cum ergo & latera circa eosdem sint proportionalia, æquiangula erunt triangula BGI, EHK , & anguli I, K , aequales. 6. sexti.

EODEM pacto aequales quoque erunt anguli G, F , & L, M , etiam, siue similes ponantur arcus BC, EF , siue CP, FQ . quod est *propositum*.

C O R O L L A R I V M.

EX his inferre licet & hoc theorema. Si ex duobus centrīs A, B , in eadem recta existentibus describantur duo circuli CDE, FGH , ea conditione, ut extra utrumque accipi possit punctum I , similiter à centrīs distans, id est, ut eadem sit proportio IA , ad IB , quæ semidiametri



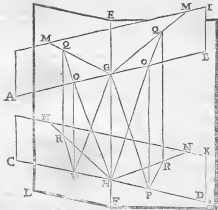
tri AE , ad semidiametrum BH , & permutando eadem IA , ad AE , quæ $I B$, ad BH ; Recta linea ID , tangens & alterum, & recta IK , utrumque secans absundet arcus similes EK , HM , CK , FM , &c. Quia enim circuli inæquales sunt, & punctum I , inflat duorum similiter à centrâ abest, si ut ducta recta ID , tangente circulum CDE , recta IG , faciens angulum BIG , equalem angulo AID , hoc est, eundem, tangat quoque circulum FGH , similesque sint arcus DE , GH . Sic etiam ducta recta IK , si ducatur recta IM , faciens angulum FIM , equalem angulo CIK , hoc est, eundem, efficitur ut arcus KE , MH , &c. similes sint, ut in scholio proximo demonstratum est. Hoc tamen corollarium demonstrari poterit eisdem vijs, quibus scholium demonstratum est, ut constat, si recta iungatur, ut in figura apparet.

L E M M A XXII.

SI in plano subiecto inter duas rectas cadat transversa recta linea faciens cum illis angulos internos ex utraque parte inter se æquales, siue omnes recti sint, siue duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem illis duabus plano subiecto insistant duo plana ad angulos rectos: planum per transversam lineam ductum utcumque faciet cum planis rectis communes sectiones, lineas rectas, quæ cum datis duabus rectis in plano subiecto angulos continebunt æquales.

IN subiecto plano sint duæ rectæ AB , CD , inter quas in transversum cadit recta EF , faciens cū internos angulos HGB , GHD , quæ internos HGA , QHC , inter se æquales, siue rectos, siue duos obtusos, & acutus duos. Sint autem per

munum HGB, GHD , obtusi, & HGA, GHC , acuti, & in rectis AB, CD , insistant ad planum subiectum duo plana recta AL, CK . Per rectam quoque EF , transversam ducatur planum EL , utcumque inclinatum ad planum subiectum siue ad partes B, D , siue ad partes A, C , secans plana recta AL, CK , per rectas GM, HN . Dico tam angulos BGM, DHN , quæ angulos AGM, CHN , inter se æquales esse. Sumptis namque rectis æqualibus GO, HP , versus eam partem, in quam planum



etiam planum EL , ad subiectum planum est inclinatum, ita tamen, ut ex parte acutorum angulorum AGH, CHG , abscedantur ante concursum lineæ earum GA, HC , ut utrobique eadē tempore sit demonstratio; iungantur rectæ OP, GP, OH .

Quia igitur duo latera GH, GO , duobus lateribus HG, HP , æqualia sunt, angulosque continent æquales ex hypothesi;

erunt triangula GHO, HGP , æqualia. Igitur rectæ GH, OP , parallelæ sunt.

In plano deinde AL , ducatur ex O , ad AB , communem sectionem plani AL , & plani subiecti perpendicularis OQ , quæ ex definitione 4. lib. 11. Euclid. recta erit ad planum subiectum; ideoque ex definitione 3. eiusdem lib. angulus GOQ , rectus erit. Producatur autem OQ , donec in Q , secet GM , communem sectionem plani EL , & plani AL . Secabit autem eam omnino, cum in eodem plano AL existat, & anguli QOG, OQG , sint duobus rectis minores, quippe cum planum EL , ponatur inclinatum ad planum subiectum, ac proinde angulus QOG , acutus sit. Nam si rectus foret, esset GQ , ex defini. 4. lib. 11. Euclid. ad planum subiectum recta; ac proinde & planum EL , per rectam GQ , ductum ad subiectum planum esset rectum, quod non ponitur. In plano quoque CK , ducatur ex P , ad CD , communem sectionem plani CK , & plani subiecti perpendicularis PR , quæ similiter ad planum subiectum recta erit, & producta cum HN , communem sectionem plani EL , & plani CK , concurret in R . Iuncta autem recta QR , in plano EL , in quo puncta Q, R , existunt; si per GH , concepiatur ducti planum æquidistant planum OR , (potest autem ducti, cum GH , ipsi OP , ostensa sit parallelæ.

4. primi.

39. primi

18. undec.

parallela. Ita enim fit, ut planum per GH , ductum tandiu circumvolui possit circa rectam GH , donec parallelum sit plano OR , per rectam OP , ducto) erunt communes sectiones GH, QR , factæ in planis illis parallelis à plano EL , per rectas GH, QR , ducto parallele. Cum ergo eisdem GH , sit obiecta parallela OP ; erunt quoque OP, QR , inter se parallelæ. Sed & OQ, PR , ad planum subiectum rectæ inter se parallelæ sunt. Parallelogrammum ergo est OR ; ac proinde latera opposita OQ, PR , æquales erunt. Quoniam igitur duo latera OG, OQ , duobus lateribus PH, PR , æqualia sunt, angulosque continent æquales, utpotè rectos; erunt anguli quoque OGQ, PHR , æquales. quod est propositum.

IA M vero si quando planum EL , ad subiectum planum fuerit rectum, cum etiam plana AL, CK , ad idem recta ponantur; erunt quoque communes sectiones horum & illius, nimirum rectæ GM, HN , ad subiectum planum perpendicularæ, atque idcirco per defin. 3. lib. 11. Euclid. tam anguli MGA, MGN , quàm anguli NHC, NHD , recti erunt, ac proinde omnes quatuor inter se æquales.

Q V O D si recta EF , ad duas AB, CD , fuerit perpendicularis; erunt AL, CD , parallelæ; ac proinde ex scholio propos. 18. lib. 11. Eucl. plana rectæ AL, CK , parallelæ quoque erunt. Igitur sectiones GM, HN , in illis factæ a planis parallelis erunt. Quare anguli BGM, DHN , æquales erunt.

L E M M A XXIII.

PLANVM in sphaera per alterutrum polorum mundi, & alterutrum polorum circuli cuiusvis obliquitissimi, vel ad Aequatorem recti, utcunque ductum, abscondit tam ex Aequatore & circulo illo maximo obliquo, vel recto, quàm ex quolibet parallelo Aequatoris, & parallelo circuli illius maximi obliqui, vel recti, (qui tamen æqualis sit parallelo Aequatoris, & qui tanto intervallo ab assumpto suo polo absit, quâto parallelus Aequatoris ab assumpto mundi polo distat) duos arcus æquales, inter planum secans, & circulum maximum per assumptos duos polos descriptum interceptos.

S E D quia circulus ille maximus per mundi polos, & polos alterius circuli maximi descriptus binis in locis singulos circulos ex assumptis duobus polis descriptos fecit; ut sciamus, à quoniam duobus sectionibus arcus æquales abscissi incipiant, consideranda hæc sunt. Quando planum secans ducitur per polum mundi australem, & polum circuli alterius maximi superiorem, (Quia enim alter hic circulus maximus, quando obliquus est pro Horizonte alicuius regionis sumi potest, erit eius polus ab australi polo remotior,

remotior, superior, inflat verticis sine Zenith, & alter inferior, inflat Nadir, qui nimirum polo australi propior est: quando autem alter hic circulus ad Aequatorem rellus est, ita ut sit Horizon quidam rellus, alteruter polorum eius accipi potest pro superiore, siue pro Zenith. Ex quo etiam fit, ut semicirculus maximi circuli per polos mundi, & polos alterius circuli transeantis, inter polos mundi conelusus, in quo superior polus, siue Zenith continetur, dicatur superior, alter vero in quo inferior polus existit, siue Nadir, inferior vocetur: & arcus abscissus ab Aequatore, vel eius parallelo incipit à semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi aequalis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione eius cum maximo circulo per polos ducto australi: si vero arcus abscissus ab Aequatore, vel eius parallelo, incipiat à semicirculo inferiore, inchoandus erit arcus illi aequalis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione boreali. Quando autem planum secans ducitur per polos mundi australem, & polum alterius circuli maximi inferiorem, & arcus abscissus in Aequatore, vel eius parallelo, incipit à semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi aequalis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione boreali: ab australi vero, si arcus Aequatoris, vel eius paralleli, incipiet à semicirculo inferiore. Sectio porrò borealis, australisve sumenda est respectu polorum alterius circuli maximi obliqui, vel relli.

IN sphaera sit circulus maximus ABCD, per mundi polos A, C, & polos E, F, circuli maximi obliqui cuiuscunque GHI, ductus, sitque ex polo alterutro mundi descriptus Aequator BKD, secans obliquum in L, eruntque quadrantes LB, LD, LG, LI. Quoniam enim circulus maximus ABCD, per polos maximorum circulorum ELD, GLI, ducitur, & transibit vicissim eorum uterque per ipsius polos, ac proinde L, polus erit circuli ABCD; ideoque LB, LD, LG, LI, quadrantes erunt. Primum autem per polum australem mundi C, & E, polum circuli obliqui remotiorem, (quia enim circulus maximus GHI, obliquus ponitur ad Aequatorem, non distabunt eius poli ab huius polis quadrante, ita ut eius poli sint B, D, alioquin circulus obliquus transiret per polos Aequatoris A, C,) ideoque rellus esset ad Aequatorem, quod pugnat cum hypotheci. Igitur unus polus, nimirum F, vicinior erit polo mundi C, alter vero E, remotior) ducatur planum quodpiam, & faciens in sphaerae superficie circulum CHE, & cum plano circuli maximi ABCD, communem sectionem rellam CE: Secetque hic circulus CHE, primum Aequatorem & circulum maximum obliquum in punctis K, H, quae vel existant in quadrantibus LD, LI, vel in quadrantibus LB, LG, hoc est, arcus abscissi DK, LH, sint vel quadrante minores, vel maiores. Di co arcus DK, LH, item BK, GH, (Nam DK, in Aequatore incipit à semicirculo superiore CDA, & LH, in circulo obliquo à sectione australi I: At vero BK, initium sumit in Aequatore à semicirculo inferiore CBA, & GH, in obliquo circulo à sectione boreali G.) aequales esse. Ductis enim rellis CD, EL, quae se inter secabunt in M, cum sint in plano maximi circuli ABCD, punctumque E, inter C, & D, existat; Quoniam CD, EL, quadrantes sunt, ablatoque propterea arcu communi

^a schol. 15.5

^b Theod.

^c coroll. 16.

^d Theod.

^e coroll. 16.

^f Theod.

^g 15.5. Theod.

^h 15.5. Theod.

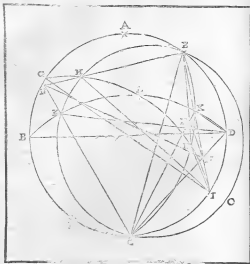
ⁱ 3. videri

^k coroll. 16.

^l Theod.

- ^a 17. *tercij.*
^b 6. *primi.*
^c 6. 11. *tercij.*
^d 17. *tercij.*

communi DI , reliqui arcus CI , ED , æquales; ^a erunt anguli CEI , ECD , æquales; ^b ideoque & rectæ EM , CM , æquales erunt. Rurſus ducitur in plano circuli CHE , rectæ CK , EH , quæ æquales erunt, ^c cum ſint latera quadratorum in circuliſ; maximis deſcriptorum; ^d ideoque & arcus CK , EH , æquales; & abſtoto communi arcu HK , quando circulus CHE , ſecat quadrantes LD , LI , quod tunc punctum H , ſit inter G , & Aequatorem, vel addito communi arcu HK , quandoque



- entis CHE , ſecat quadrantes LB , LG , quod tunc punctum H , ſit ultra Aequatorem; æquales ſient quoque vel reliqui arcus, vel conſtati CH , EK , ^a ac proinde & anguli CEH , ECK , æquales erunt, atque hinc rectæ CN , EN . (Nam ſi CK , EH , neceſſario coeſtunt, quod uterque angulorum æqualium CEH , ECK , rectio minor ſit, ut probabimus) æquales etiam erunt. Rectas autem CI , EH , coire, quando circulus CHE , quadrantes LD , LI , ſecat, perſpicuum eſt, cum ſe mutuo in plano eius circuli ſecent, propterea quod punctum H , eſt inter
- ^a 17. *tercij.*
^b 6. *primi.*

puncta C, & K: At vero easdem rectas CK, EH, quando circulus CHE, quadrans EB, LG, secat, coue, hoc est, angulos æquales CEM, ECK, esse minores duobus rectis, ita manifestum erit. Quoniam circulus CHEO, non maximus est, cum puncta K, H, per quæ ducitur, non sint in circulo maximo ABCD, qui solus maximus est inter omnes circulos per puncta C, E, non per diametrum opposita descriptos. (Per duo namque puncta in sphaera non per diametrum opposita unus tantum circulus maximus describi potest, vt ex Theodosio constat.) Vel certe si maximus esset, & secaret circulum ABCD, basiliam in E, C, quod est absurdum, cum basiliam fecetur in A, C; auferet vtrique rectas CK, EH, ex circulo CHEO, maiorem arcum, quam vtilis sit arcui, quam vtrique earum ex maximo circulo auferat. Auferat autem vtrique ex maximo circulo quadrante, & quod vtrique lateri quadrati in maximo circulo descripti sit æqualis. Igitur vtrique arcus CK, EH, quadrante maior erit. Rursus quia recta CE, ex circulo eodem CHEO, maiorem arcum auferat, quam vt similia sit arcui CDE, quem ex maximo circulo ABCD, eadem recta CE, abscindit: Est autem arcus CDE, quadrante maior, quod CD, quadrans sit. Igitur arcus COE, multo maior erit quadrante, ac proinde si addiciantur duo arcus CK, EH, quadrante etiam maiores ostendit, erunt toti arcus EOCK, COEH, semicirculo maiores singuli, & atque idcirco vterque angulus ECK, CEH, cum in illis segmentis maioribus existant, recto minor erit. Quocirca duæ rectæ CK, EH, extra sphaeram eorum in N, propter duos angulos ECK, CEH, duobus rectis minores.

I T A Q V E ductis rectis MN, DK, IH; quia latera CM, CN, lateribus EM, AN, ostensa sunt æqualia, basique communis est MN, erunt anguli MCN, MEN, æquales in triangulis CMN, EMN, quæ quidem extra plana circuloꝝ CHE, ABCD, existunt. Quocirca in triangulis CDK, EIH, quoniam latera CD, CE, lateribus EI, EH, sunt æqualia, quod omnia, latera sint quadratorum in maximis circulis descriptorum; angulosque æquales comprehendunt DCK, IEH, vt ostendimus; erunt bases quoque DK, IH, æquales; atque idcirco & arcus DK, IH, æquales erunt, siue si minores sint quadrante, siue maiores, hoc est, siue circulus CHE, existat citra punctum L, siue ultra. Reliqui igitur ex semicirculis BK, GH, æquales quoque erunt.

C A E T E R V M angulos MCN, MEN, ex quibus quidem tota uis demonstrationis pender, probabimus esse æquales, etiam si non constet, rectas CH, EH, productas conuenire in puncto N, hoc modo. Quoniam planum circuli CHE, planum circuli ABCD, secat per rectam CE, suntque tam in hoc æquales ostensi duo interni anguli CEI, ECD, quam in illo duo interni CEH, ECK: erunt per lemma 20 anguli quoque DCK, IEN, æquales. Quare, vt prius, ostenduntur æquales bases DK, IH; ac proinde & arcus DK, IH, ideoque & ex semicirculis reliquis BK, GH, æquales quoque erunt.

E T quia ostensi sunt quadrantes LD, LI, & demansur æquales arcus DE, IH, vel ab his quadrantes tollantur LD, LI, erunt quoque arcus LE, EH, intercepti inter planum secans & punctum K, intersectionis Aequatoris cum circulo obliquo, æquales.

Q V O D si circulus CHE, transeat per L, punctum, vbi & interfecant Aequator circulus obliquus GHI, perspicuum est, arcus abscissos

K

DL,

20.1. Theod.

11.1. Theod.

Lemma 6.

3. Theod.

20.1. Theod.

Lemma 6.

3. Theod.

Eucl. 16.

1. Theod.

31. sterej.

1. primi.

11.6. 1. Theod.

1. 4. primi.

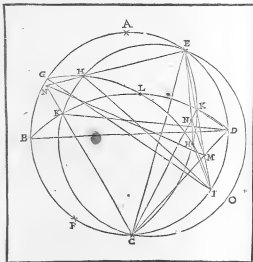
1. 28. sterej.

1. 4. primi.

1. 28. sterej.

DL , IL , æquales esse, cum sint ostendi quadrantes. Sic etiam si idem circulus CHE , transeat per alterum etiam polum mundi A , liquido constat, & arcus DLB , & ILG , & LB , LG , æquales esse. Erit enim tunc circulus CHE , idem qui $ABCD$, maximus, ac proinde semicirculi erunt DLB , ILG , & LB , LG , quadrantes.

SEQUITUR etiam ex his, quoscunque duos circulos per C ,



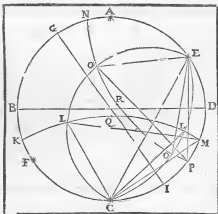
E , duos interciperet in Aequatore, & circulo maximo obliquo arcus æquales. Cum enim quilibet abscindat arcus æquales usque ad puncta D , I , vel usque ad puncta B , G , & minores ex maioribus auferantur, reliqui arcus inter duos circulos intercepti erunt quoque æquales. Ita erunt arcus HLH , æquales inter duos circulos CHE , CKE . Nam arcus æquales DE , IE , ex æqualibus DEK , IEL , ablati relinquent æquales EL , HL , atque ita de cæteris.

EADEM

E A D E M prorsus demonstratio adhibebitur in alijs duobus semicirculis Aequatoris, & circuli maximi obliqui, ex altera parte maximi circuli A B C D. Nam ex illis quoque planum quodcumque per polos C, E, ductum abscindet arcus aequales inter planum ipsum, & circulum maximum A B C D, vel alterum punctum sectionis Aequatoris, & circuli obliqui interceptos.

R V R S V S in sphaera sit circulus maximus A B C D, per polos medi A, C, & polos E, F, circuli cuiusvis maximi obliqui, ductus, sitq; diameter Aequatoris B D; circuli obliqui, G I, ut supra. Ex polis autem C, E, supra assumptis describantur eodem intervallo duo circuli aequales K L M, N O P, quorum ille Aequatori, hic vero circulo obliquo parallelus erit: qui duo paralleli vel se mutuo secant, ut in prima figura, vel

modo modo se interfecant, quod duobus modis fieri potest. Aut enim circuli ex polis C, E, descripti sunt citra maximos circulos, quibus aequidistant, ut in 1. figura, aut ultra, ut in 3. figura. Iam per polos C, E, ducatur planum quodpiam utcumque, & faciens in sphaerae superficie circuli C L E, & cum plano circuli maximi A B C D,



communem sectionem, rectam C E: Secetque hic circulus utrumque parallelum in punctis L, O, quomodocumque inclinatus sit ad maximum circulum A B C D, hoc est, siue angulus inclinationis versus segmentum C D E, sit acutus, siue rectus, siue obtusus. Dico tam arcus abscissos M L, P O, quam K L, N O, esse aequales. Nam M L, incipit i semicirculo superiore, & P O, a sectione australi: At vero K L, a semicirculo inferiore, & N O, a sectione boreali, ut in propositione dictum est, fieri debere. Ductis enim rectis C L, C M, E O, E P, quae omnes aequales sunt ex polis ad parallelos aequales, iunctisque rectis L M, O P; erunt tam arcus C M, E P, in circulo A B C D, quam arcus C L, E O, in circulo C L E, aequales; ablatisque communibus arcibus M P, L O, quando paralleli se interfecant, ut in prima figura, vel quando non se interfecant, sed tamen exiunt ultra

1. 2. Tab.

1. 3. Tab.

1. 4. Tab.
1. 5. Tab.
1. 6. Tab.

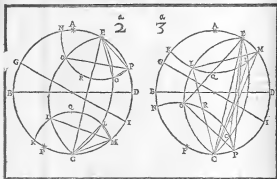
circulos maximos, quibus equidistant, ut in tertia figura, vel *istis* arcibus MP , LO , additis, quando non se mutuo secant, sed tamen existunt circa circulos maximos, quibus equidistant, ut in secunda figura, erunt quoque tam reliqui arcus, vel conflat CP , EM , quam CO , EL , equales; ac proinde tam interni anguli CEP , ECM , in plano maximi circuli $ABCD$, insisteret arcibus aequalibus CP , EM , quam anguli interni CEO , ECL , in plano circuli CLE , illud per rectam CE , secante insisteret aequalibus arcibus CO , EL , inter se aequales erunt. Igitur per lemma 20, anguli quoque LOM , OEP , erunt aequales: Sunt autem & latera CL , CM , EO , EP , ipsos comprehendentia, aequalia: Igitur & bases LM , OP , aequales erunt; ideoque & arcus ML , PO , aequales erunt, ac proinde & in semicirculis reliquis EL , NO .

^a 27. *terry*.

^b *philol.* 21, 1
Theod.

^c 4. *frumel*.

^d 28. *terry*.



QVOD si semicirculi parallelorum KLM , NOP , secantur bisariam in quidantes in punctis Q , R , erunt quoque arcus LQ , OR , inter planum secant CLE , & terminos quadrantum Q , R , intercepti aequales, cum sint complementa aequalium arcuum ML , PO , vel arcuum aequalium KL , NO .

PERSPICVVM etiam est, si circulus CLE , transeat per alterum etiam mundi polum A , ita ut cum maximo circulo $ABCD$, coincidat, arcus abscissus MLE , PON , aequales esse, quippe qui semicirculi sint. Sic etiam si idem circulus auferat ex vno parallelo quadrantem, auferet quoque ex altero quadrantem, cum necessario aequalium arcum auferat, ut demonstratum est. Item duo quicunque circuli per C , h , ducti interceptent arcus aequales parallelorum, ut paulo ante de Aequatore, & circulo maximo obliquo ostendit.

^a 25. *terry*.

IDEM

IDE M. proefus continget in reliquis duobus semicirculis parallelorum, ex altera parte circuli maximi ABCD. Eadem enim omnino est demonstratio in illis, atque in his, ut patet.

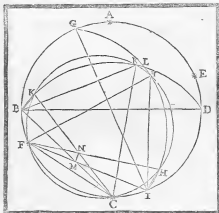
D E I N D E per eundem mundi polum G, & polum F, circuli obliqui GH I, propinquiores ducatur planum aliquod, ^a faciens in superficie sphaeræ circulum C H F, ^b & cum plano maximi circuli A B C D, communem sectionem, rectam C F, secetque hic circulus CHF, primum Aequatorem, & circulum obliquum maximum in punctis K, H, ubicunque hoc contingat. Dico arcus abscissos BK, IH; Item DK, GH, (Nam BK, incipit à semicirculo inferiore, & I H, à sectione australi, ut vero DK, à semicirculo superiore, & GH, à sectione boreali, ut in propositione præcipitur.) esse æquales. Ductis enim rectis C B, CK, FI, FH, BK, IH; ^c Quoniam CB, FI, quadrantes sunt, ideoque æquales; ablato com-

^a 1. 1. Theor.

^b 3. vider.

^c coroll. 16.

1. Theor.



^d 17. Theor.

^e 16. Theor.

^f 28. Theor.

^g 17. Theor.

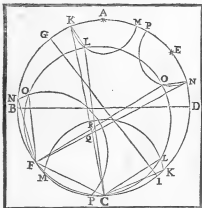
^h 6. prim.

ⁱ 8. prim.

reliqui arcus FK, CH, æquales etiam erunt. Igitur anguli quoque KCF, HFC, æquales erunt. Itaque quia planum circuli CHF, secat planum circuli ABCD, per rectam CF; suntque tam in hoc æquales interni duo anguli BCF, IFC, quam in illo duo interni anguli KCF, HFC, æquales, ut demonstratum est, erunt quoque per lemma 20, anguli BCK, HFI, æquales. Quod etiam hoc modo, quādo tñ rectæ CB, FI, se in M, secant, quā tñ rectæ CK, FH, in N, ostendes. Quia tñ anguli BCF, IFC, quam anguli KCF, HFC, ostendi sunt æquales; ^b erunt tam rectæ CM, FM, quam rectæ CN, FN, inter se æquales. Ducta ergo recta MN, cū duo latera CM, CN, duobus lateribus FM, FN, æqualia sint, basiſque MN, communis, ^c erunt quoque anguli MCN, MPN, æquales. Itaque in triangulis GBE, FIE, quoniam latera

- 18. l. 1. Theor.* latera CB, CE , lateribus FI, FH , æquales sunt, quod omnia sint latera quadrorum in maximis circulis descriptorum, anguloque comprehendunt æquales, BCA, FPH , ut ostendimus; erunt quoque bases BK, IH , æquales: atque idcirco & arcus BK, IH , æquales erunt; & ex semicirculis reliqui DK, GH æquales erunt, &c.

- 19. l. 1. Theor.* R, V, S ex eisdem polis assumptis C, F, vicinis descripti sunt uno eodemque intervallo duo circuli æquales KLM, NOP , siue citra Aequatorem, & circulum maximum obliquum, siue ultra: Ex per eosdem polos C, F, planum ductum, a faciens in superficie sphaerae circulum $CLOF$, & cum maximo circulo $ABCD$, communem sectionem, rectam CF . Sectet autem hic circulus facilius circulos ex polis C, F descriptos in L, O. Dico tam arcus KL, NO , quam ML, PO , æquales esse, quorum KL , incipit a semicirculo superiore, & NO , a sectione boreali in



parallela citra maximos circulos; in alijs autem prior a semicirculo inferiore, & posterior a sectione australi incipit. Item ML , incipit semicirculo inferiore, & PO , a sectione australi, in parallela citra maximos circulos; in alijs autem incipit ML , a semicirculo superiore, & PO , a sectione boreali, ut in propositione præcipitur. Ductis enim

- 18. l. 1. Theor.* rectis CK, CL, FN, FO , quæ omnes inter se æquales sunt ex polis proprijs ad circulos æquales: Quoniam tam arcus CK, FN , in circulo $ABCD$, ob rectas æquales CK, FN , quam arcus CL, FO , in circulo $CLOF$, ob æquales rectas CL, FO , æquales sunt; addito communi arcu CF , in utroque circulo, quando circuli KLM, NOP , sunt citra maximos circulos, vel quando sunt ultra eisdem, ab eodem arcu CF , erunt quoque tam conflati, vel reliqui arcus FK, CN , in circulo $ABCD$, quam FL, CO , in circulo $CLOF$, æquales; ideoque & tam reliqui ex circulis totis FAK, CAN , in circulo $ABCD$, quam FOE, CLO , in circulo $CLOF$, æquales erunt. Igitur tam interni anguli KCF, NFC , insistentes arcibus æqualibus FAK, CAN , circuli $ABCD$, quam interni LCF, OFC , insistentes æqualibus

æqualibus arcibus FOI , CLQ , circuli $GLOF$, æquales erunt; ac proinde per lemma 20. anguli quoque KCL , NFO , æquales erunt. Quod hoc etiam modo ostendes, quando tam rectæ CK , FN , quam CL , FO , se intersectant in Q , R , ut accidit, quando circuli KLM , NOP , ultra maximos circulos exstiterint. Quoniam tam anguli KCF , NFC , quam LCF , OFC , sunt ostensi æquales; erunt tam rectæ CQ , FQ quam CR , FR , æquales inter se. Ducta ergo recta QR , cum duo latera CQ , CR , duobus lateribus FQ , FR , æqualia sint, basisque QR , communis, erunt quoque anguli QCR , QFR , æquales. Itaque in triangulis CKL , FNO , quia latera CK , CL , lateribus FN , FO , æqualia sunt, angulosque continent æquales KCL , NFO , ut ostensum est; erunt bases etiam KL , NO , æquales, acque idcirco & arcus KL , NO , abscissi æquales erunt, ideoque & ex semicirculis reliqui ML , PO , æquales erunt, &c.

¶ 6. primi.

¶ 1. primi.

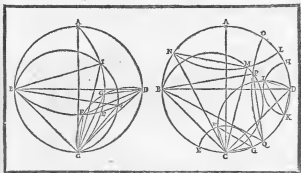
¶ schol. 2. 1. 1.

Theod.

¶ 4. primi.

¶ sch. tertij.

SED demonstremus iam hoc idem Lemma, quando alter circularum ad



Aequatorem rectus est. Sit circulus maximus $ABCD$, per A , C , polos mundi, siue Aequatoris BED , & per B , D , polos circuli maximi AEC , ad Aequatorem recti descriptus, ut in hac priori figura; ducaturque primum per polum australem mundi C , & per polum circuli AEC , superiorem D , planum, faciens in circulo $ABCD$, rectam CD , & in sphaera circulum $CFGD$, qui Aequatorem fecerit in F , & circulum AEC , in G . Dico arcus abscissos DF , CG , vel BF , AG , æquales esse; quorum DF , initium sumit à semicirculo superiore, & CG , à sectione australi; At vero B , à semicirculo inferiore, & A , a sectione boreali, ut faciendum esse in propos. præcepimus. Ductis enim rectis CF , DG , FD , GC , erunt CF , DG , æquales, cum sint latera quadratorum in circulis maximis descriptoris, ideo-

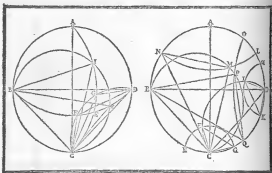
¶ sch. Theod.

¶ sch. tertij.

que

que & arcus CF, DG, æquales erunt, additoque communi arcu FG, vel ablato, & circulus CFGD, extra punctum E, maximos circulos secaret, erunt quoque arcus CFG, DGF, æquales; ac propterea & anguli CDG, DCF, æquales erunt in plano circuli CFGD. Quapropter cum duo latera CF, CD, duobus lateribus DG, DC, æqualia sint, (b) quod CF, DG, latera sint quadratorum in circulo maxime descriptorum, latus autem CD, commune) angulosque continent æquales DCF, CDG, ut demonstratum est, erunt quoque basi DF, CG, æquales. Immo rectæ DF, CG, æquales sunt, propter arcus DGF, CFG, æquales circuli CFGD. Igitur & arcus DF, in Aequatore, & CG, in circulo AEC, ac propterea & ex semicirculis reliquis BF, AG, æquales erunt, quod est propositum.

DVCA TVR deinde per eundem polum australem mundi C, & per polum circuli AEC, inferiorem B, planum, faciens in circulo ABCD, rectam CB, &



sphæra circulum CHIB, qui fecit Aequatorem in H, & circulum AEC, & L. Dico rursum arcus ab æstivos BH, CL, vel DH, AL, æquales esse; quorum BH, à Aequatore incipit à semicirculo inferiore, & CL, à sectione australi: At vero DH, à semicirculo superiore, & AL, à sectione boreali, ut propositio præcipit. Ductis enim rectis CH, BI, BH, CI, erunt CH, BI, æquales, cum sint latera quadratorum in maxime circulis descriptorum. Igitur arcum CH, BI, æquales erunt; additoque communi arcu HI, vel ablato, quando nimirum circuli CHIB, circulos secet extra E, totique quoque, vel reliquis arcus CH, BI, æquales erunt, ac propterea & anguli CBI, BCH, ipsis insidentes ad peripheriam æquales erunt in plano circuli CHIB. Quocirca cum duo latera CH, CB co-

lunt

§ 16. Theor.

§ 18. Coroll.

§ 27. Coroll.

bus lateribus BI, BC , æqualia sint, ^a Nam CH, BI , latera sunt quadratorum in circulis maximis descriptorum, & latus BC , commune, complectanturq; angulos æquales BCH, CBI , ut ostendimus, ^b erunt quoque bases BH, CI , æquales. Immo rectæ BH, CI , æquales sunt, propter æquales arcus BH, CI , ^c CHI , ^d CHB . Igitur & arcus BH, CI , in Aequatore, & circulo AEC ; atque idcirco & ex semicirculis reliqui DH, AI , æquales erunt, quod est propositum.

R, V, R, S, V, S ex C , polo australi, & D , polo superiori alterius circuli maximi, sunt descripti paralleli æquales EFG, HIK , ac per eisdem polos ductum planum faciat in circulo $ABCD$, rectam CD , in sphaera autem circulum $CFID$, qui parallelos secet in F, I , ut in posteriori figura. Dico iterum arcus abscissos GF, KI , vel EF, HI , esse æquales; quorum GF , incipit à superiore semicirculo, & KI , à sectione australi; At vero EF , à semicirculo inferiore, & HI , à sectione boreali, ut vult propositio. Ductis enim rectis CF, CG, GF, DI, DK, KI , erunt CF, CG, DI, DK , inter se æquales. Igitur & arcus CF, DI , æquales erunt; additoque communi arcu, FI , vel ablato, si opus sit, arcus quoque CI, DF , æquales fient; ideoque & anguli CDI, DCF , ipsis insistentes æquales erunt in plano circuli $CFID$. Eodem modo æquales erunt arcus CG, DK ; ac proinde & ex quadrante CD , reliqui DG, CK , æquales erunt; atque idcirco æquales etiam erunt anguli DCG, CDK , in plano circuli $ABCD$. Igitur per lemma 20. anguli quoque FCG, DKE , æquales erunt: Sunt autem & latera ipsos comprehendentia inter se equalia obtenta. Igitur & bases FG, IK , ac proinde & arcus FG, IK , una cum residuis EF, HI , ex semicirculis, æquales erunt.

A, D extremum ex polo australi C , & B , polo inferiore alterius circuli maximi ad Aequatorem recti, describantur paralleli æquales LMN, OPQ , & per eisdem polos planum ductum faciat in circulo $ABCD$, rectam CB , in sphaera autem circulum $CPMB$, parallelos secantem in M, P . Dico arcus quoque abscissos NM, QP , vel LM, OP , esse æquales; quorum NM , à semicirculo inferiore, & QP , à sectione australi incipit: At vero LM , à semicirculo superiore, & OP , à sectione boreali, ut res postulat, quemadmodum in propositione dictum est. Ductis namque rectis CM, CN, BP, BQ, MN, PQ , quarum priores quatuor inter se æquales sunt, erunt arcus CM, BP , æquales, ablatoque communi arcu MP , vel addito, si quando res postulaverit, reliqui quoque æquales erunt CP, BM . Igitur æquales erunt anguli, ipsis insistentes CBP, BCM , in plano circuli $CPMB$. Eadem ratione æquales erunt arcus CN, BQ , & ablato communi quadrante BC , vel addito, si opus fuerit, arcus quoque BN, CQ , æquales erunt; ac propterea & anguli BCN, CBQ , æquales inter se erunt in plano circuli $ABCD$. Quocirca cum in planis circulorum $CPMB, ABCD$, sese in recta BC , secantibus duo anguli CBP, CBQ , duobus angulis BCN, BCN , æquales existant; erunt per lemma 20, æquales quoque anguli PBQ, MCN . Cum ergo comprehendantur lateribus æqualibus, ut ostendimus; erunt etiam bases æquales MN, PQ . Igitur & arcus MN, PQ , ideoque & ex semicirculis reliqui LM, OP , æquales erunt, quod est propositum.

^a 18. Theor.
^b 4. primi.
^c 26. teorij.
^d 28. teorij.

^a schol. 21. Theor.
^b 28. teorij.
^c 27. teorij.
^d 28. teorij.
^e 27. teorij.

^a 4. primi.
^b 28. teorij.

^a schol. 21. Theor.
^b 28. teorij.
^c 27. teorij.
^d 28. teorij.

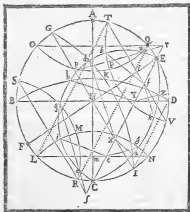
^e 27. teorij.

^a 4. primi.
^b 28. teorij.

Alia demonstratio
non videtur neces-
saria.

1101. Theor.

C A E T E R V M quia lemma hoc ex praecedentibus patet esse, cum manifestum
est non habere in dividendo circulo *A* sicutlibet in gradus, sicut etiam alia ratione demon-
strare, ut eius veritas magis perspicua fiat. Sit igitur circumferentia in sphaera circulus maxi-
mus *ABCD*, per *A, C*, poles mundi, vel Aequatoris *BE, D*, & *E, F*, poles cuiusvis cir-
culi maximi obliqui *GK, I*, descriptus; Centrum sphaerae, & omnium circumferentiarum co-
mune *H*; Axis Aequatoris *A C*; circuli obliqui axis *EF*, qui axis, & cum ad sui
circulus rectus fiat, perpendicularis erunt ex definit. 3. lib. 1. Euclid., ad decemque po-
steros circulo-



rum *B D, GI*,
ut ut ex scholia
propos. 27. lib. 3.
Euclid. patet o-
mnem sphaeram
circuli *AE, EC*,
CD, DA, ED,
GF, FI, IE, &
similiter quocun-
que ex pole *E*,
F, quatuor pater
lib. 1. ex sphae-
rae, *LMN*,
OPQ, RHI,
TPV, quae aequa-
les sunt. Inde-
ligatur etiam pi-
ramides duae sphae-
rae per *C, E*, &
sphaeram Aequa-
toris, & *E*, poles
circuli obliqui
I, & circumferentia
quod facit in
circulo *ABCD*,
circumferentiam
sphaerae, & sphae-

1. *E*, sphaerae autem sphaera circulum *Ge, bE*, quando ad partes *D, I*, vergit, vel
circulum *Cb, dE*, quando vergit ad partes *B, G*. Prior autem circulus sphaerae Aequa-
toris, & maximus circulum *GK, I*, in *z*, & parallelus autem *LMN, TPV*, in *g, h*; &
posterior circulus in sphaera circulus sphaerae in *b, d, i, k*. Ex parallelis *OPQ, SMR*, in *a, g*,
p, q. Dico arcus obliquos *Dz, Ia*, & *EL, Ga*, aequales esse; quoniam *Dz*, arcus à po-
lo circuli superiore, & *Ia*, à polo aequatoris australi; At vero *Ez*, à po-
lo circuli inferioris, & *Ga*, à polo aequatoris borealis. Item eadem de causa aequales esse arcus
Db, Id, vel *Eb, Gd*, in Aequatore, & maximus circulus obliquus. Similiter et casum de-
cò in parallelis *LMN, TPV*, aequales esse arcus *Ng, Ph*, vel *Lg, Th*. Itemque *Bi, Th*,
vel *Li, Tk*. At denique in parallelis *OPQ, SMR*, arcus *Qn, Ro*, vel *On, So*; item
Qz, Rg, vel *Op, Sg*. In istis enim rectis *DI*, quoniam quatuor arcus *EF, CD*, aequales
sunt; deinde commensurati arcus *DI*, reliqui *DE, IC*, aequales quoque erunt. Item et

1. 29. primi. scholia propos. 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt *CE, ID*, & anguli quoque oppositi *BHI*,
HTI.

HYZ, angulus HID, HDI, exteriorinternis, aequales erunt. Cum ergo hi aequales sint in *1. primis*
 in *1. fide* H D I, erunt quoque illi aequales, & ideoque & rectae KH, TH, aequales erunt, *6. primis*
 hoc est, puncta T, X, à centro H, aequaliter distabunt. Faciant quoque planum circula-
 rum Ca bE, Cb dE, in Aequantore sectorem, rectas YZ, Tb; in circulo vero maximo
 obliquos GDI, rectas Xa, Xd: & in parallela LMN, TPF, OPQ, SMR, rectas ex,
 m, sb, sk, rap, seq.

IT A Q U E quoniam in rectas ED, GI, in plano circuli ABCD, existentes in-
 cidit recta CE, faciunt angulos HXY, HYX, aequales, & in rectis BD, GI, insistant
 plana circularum B K D, G K I, quae sunt ad planum circuli ABCD, rectae: commu-
 nes sectiones YZ, Xa, Tb, Xd, planorum C a bE, C b dE, per CE, duftorum cum Aequa-
 tore, & circulo maximo obliquo, faciunt cum diametro ED, GI, in punctis Y, X, aequa-
 les angulos DYZ, i Xa, D Tb, i Xd, ex praecedenti lemmate 22. Cum ergo puncta Y, X,
 à centro H, aequaliter distent, ut ostensum est, absintant ex lemmate 21. eadem com-
 munes illa sectiones YZ, Xa, Tb, Xd, ex circulo B K D, G K I, arcus aequales DZ, Iay,
 D b, Id: Item EZ, Ge, Eb, G d.

R P R S V S in illa recta LT, quoniam recta ex polis C, E, ad puncta L, T, circulo
 re aequaliter aequales sunt, aequales erunt arcus CL, ET, ac propterea in *schol. propof.*
 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt T L, G E, ideoque angulo Nes, V se, angulus
 NLT, VT L, exterior internis, aequales erunt. Sicut autem anguli NLT, VT L,
 aequales, quod arcus NT, LV, quibus insistant, aequales sint. Quoniam enim ar-
 cus TV, LN, quos diametri TV, LN, circuli eorum aequalium subtendant, aequa-
 les sunt; addito communis arcu NV, totum arcus NT, LV, aequales sunt. Igitur &
 angulo Nes, V se, aequales inter se erunt. Praeterea quia in triangulo E I f, Cen,
 anguli E, C, aequales sunt, ob isosceles CHE, & anguli i, m, recti. Quod axes
 EF, CA, recti sunt ad eorum circulos, ideoque & ad eorundem diametrorum ex dista-
 3. lib. 1. Euclid. & recta quoque EI, Cen, sunt utriusque aequalitatem EI, GE,
 aequales, ut ad distinctionem suam demonstrantur, erunt etiam Is, me, aequales;
 ideoque puncta f, e, à centro i, m, aequaliter distabunt.

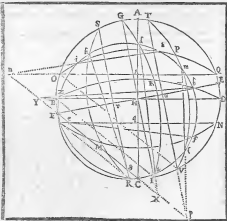
IT A Q U E quoniam in rectas LN, TP, in plano circuli ABCD, existentes
 incidit recta CE, faciunt angulos Nes, V se, aequales; & in rectis LN, TV, insi-
 stant plana circularum LMN, T P V, quae ad planum circuli ABCD, recta sunt:
 communes sectiones ex, sb, et, sk, planorum C a bE, C b dE, per CE, duftorum cum
 parallela LMN, T P V, faciunt cum diametro LN, TP, in punctis e, f, angulos aequales
 Neg, V sb, Nei, V sk, ex antecedente lemmate 22. Cum ergo puncta e, f, à centro m, l,
 aequaliter distent, ut ostensum est, communes illa sectiones ex, sb, et, sk, absintant
 ex circulo LMN, T P V, aequales arcus Ng, V b; Ni, V k: Item Lg, T b; Li, T k, ex lem-
 mate 21.

D E N I Q U E in illa recta Q R, quoniam & totum arcus AE, FG, ob
 angulos ANE, FHC, in centro aequales, cum sint ad vertex, aequales sunt, &
 A Q, FR, obliquis aequales quoque, & quod recta A Q, FR, ex polis A, F, ad circula-
 res aequales cadentes ad Q, R, sint aequales; erunt etiam reliqui arcus E Q, G R,
 aequales; ac propterea ex *schol. propof.* 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt C E, Q R.
 Igitur recta O Q, SR, producta, cum fecerit off-in QR, in Q, R, faciunt quoque
 sunt parallelam CE, productam in e, s; & angulosque O Q R, S R Q, angulos O r f,
 S r e, exteriori internis, aequales erunt. Sicut autem anguli O Q R, S R Q, aequales,
 quod arcus O R, S Q, quibus insistant, aequales sint. Quoniam enim arcus RS, QO,
 quos diametri RS, QO, aequalium circularum subtendant, aequales sunt; addito ar-
 cibus communis OS, totum arcus OR, S Q, aequales sunt. Igitur & anguli O r f, S r e, aequales
 erunt. Praeterea quia in triangulo r t C, f u E, anguli r, f, aequales sunt ostensi, & anguli



circulo obliquo, cuiusque parallelis, à sectione localis Aut in illis à semicirculo inferiore. Et in his à sectione australi, veluti proposito faciendum esse præstipit. BE, LaBb, Id, D, G, Dd, Gd, m. *Aequatore, et circulo obliquo maximo GEI.* Item Ef, Rb, Nf, gh, m parallelis LMN, ZMR: *Ac eandem On, PhOk, Pm, Qh, Ti; Qk, Tm, ut parallelis OP, TPF, inter se esse aequales. I voca enim recta BI, quoniam quadrans* BEC, Ff.

aquales
 sunt; dem-
 pto arcu \widehat{C}
 BF, \widehat{C} I, a-
 quales in-
 sunt. Igi-
 tur ex fe-
 do propo-
 s. 17. lib. 3.
 Et sic par-
 tula erunt
 BI, CF; et
 propiorae
 B^a H B^a,
 H^a I, feren-
 tes q^{ue} BT₁
 fecit B^a quo-
 que produ-
 ctula sine pa-
 rallola CF
 productum
 in T₁ X₁, et
 quilibet pro-
 p^{ri}us.



E.J. Arnold

HTB, angulus HTX, HXY, external internis, aequalis erunt.^b Sunt autem, HB1, HB2,^c 1. primi, et offcials HB1, aequalis. igitur & HTX, HXY, aequalis erunt; et aequo idcirco & re-^d HB, HT, HX, aequalis erunt, hoc off. puncta T, X, & curra H, aequaliter distabunt. Faciat quoque planum circuli CabdF, in Aquantore fictitioem communem rectam TzB, in circulo GK1, rectam Xzj in parallelis LMN, SMR, rectas off. g, b, & in parallelis QPO, TPY, rectas ut, elm.

IT A Q U E quoniam in rectas DY, GX, in plana circuli ABGD, exitiores inci-
dunt recta XY, hoc est, CF, producta, sunt anguli aequales NYX, HXZ: Et in rectis
DY, GX, inscribitur plana circulo BGD, GK, ⁴ quæ ad planum circuli ABGD, ⁴ 11, 1. Theo.
recta sunt: communes scilicet YZb, Xad, plani circuli Cbhd, F, per CF, ducti cum
planis circulo BGD, G Kf, facient cum diametris DB, GI, productis in punctis
F, X, aequales angulos DYb, GXd, ex lemma 22. precedente. Cum ergo puncta Y, X,
à centro H, æquidistant, ut ostendimus, absintque eadem communes scilicet
YZb, Xad, per lemma 21. ex circulis BGD, GKf, aequales arcus BZ, I a, Bb, Id. Item
DY, GxDb, Gd.

E F R S V S *incisa* *reila* LR, * *gugulana* *reila* ex *polio* C, F, ad *pantha* L, R, *circu*.

"I feel a little
 I feel

100

arcus & arcus ED, AG, æquales, ob angulos EHD, GHA. qui æquales remanent, dempto communi AHE, ex duobus rectis EHG, AHD. Ignotur & reliquis arcus DV, GO, æquales erunt. Juxta quoque reliquis arcus CV, PO, æquales, atque uterque ex his lris propos. 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt CP, OV: ut proporeta recta QO, TP, sit secans utrumq. OP, faciant quoque productæ eius parallelam productis Cæ, ut n. p. 1 ac prævide angulo QOV, TVO, angulo Qæp. Tpo, exteriori uterque, æquales erunt. Sicut autem anguli QOV, TPO, æquales, quid arcus QV, TO, quibus inscripti, æquales sint. (2. Quoniam enim arcus TV, QO, quæ diametri TV, QO, circulorum æquales sunt, æquales sunt; dempto communi arcu QT, reliqui arcus QV, TO, æquales erunt.) Ignotur & anguli Qæp. Tpo, æquales erunt. Præterea quæ in triangulo in C, ææp. anguli t. u. recti sunt. (3. quod æææ Cæ, Fæ, recti sunt ad eorum circumferentias, atque idcirco & ad eandem diametrum, ex defin. 3. lib. 1. Eucl.) & anguli æ. p. ostensi æquales, atque insuper recta Cæ, Fæ, æquales; (Nam cum, ut ad d. supponit terminum demonstramus, sitis versæ Aæ, Eæ, arcuum æquales AG, ET, æquales sint, erunt quoque reliquæ partes Cæ, Fæ, diametrorum Aæ, Fæ, æquales;), erunt quoque rectæ æ. p. æ, æquales; idcirco puncta æ, p. à centro t. u, æquidistant dant.

2. 29. primi.
3. 27. primi.
1. 28. primi.
1. 2. Theor.
1. 26. primi.

IT A QV E cum in rectis Qæ, Tpo, in plano circuli ABCD, existentibus incidens recta æp. hoc æst, CF, produita faciat angulos Qæp. Tpo, æquales: in rectis autem Qæ, Tpo, insistant plana circularum OPQ, TPV, quæ ad planum circuli ABCD, recta sunt: communis scilicet mk, plan, quas planum circuli Cabdæ F, per CF, ductum in planis circularum OPQ, TPV, facit, constituit enim diametris QO, TV, productis in punctis n, p, æquales angulos Qæa, Tpo, ex præcedente lemmate 21. Cum ergo puncta n, p, à centro t. u, æquidistant sit demonstratum; absque eadem communi nō sit planum mk, plan, per lemma 21. ut circuli OPQ, TPV, arcus æquales Cæ, Fæ, p, q, v, u, sitis Qæ, Th, Qæ, Tm.

1. 1. Theor.

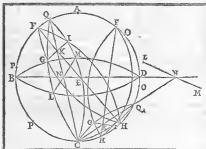
QV O D si quando contingat, scilicet communem YZæ, quam planum per CF, ductum cum Aequatore facit, tangere Aequatorem BK D, tanget quoque altera si sit communis Xad, circulum obliquum GKI, ut in lemmate 21. demonstravimus. Quæcirca tunc planum per CF, ductum tanget utrumque circularum maximorum BK D, GKI. Puncta autem contactuum reperitur, si circa diametrum BD, GI, circuli describantur, & ad eæ ex T, X, lineæ tangentæ ducantur. Pari ratione, si quando communis scilicet n k, quæ idem planum per CF, ductum cum circulo G P Q, facit, contingat ipsum circulum OPQ, tanget quoque altera scilicet communis p l æ, circulum T P V, ut in lemmate 21. ostensum æst. Quare tunc planum per CF, ductum continget utrumque circularum OPQ, TPV. Puncta vero contactuum invenitur eodem modo, si circa diametrum QO, TV, circuli describantur, & ex punctis n, p, rectæ lineæ ducantur, quæ ut tangant.

H A E C posterior per se demonstratio facile, si libuerit, accommodabitur etiam ad circulum maximum, qui ad Aequatorem rectus sit, utique parallelus: Sed nos brevitate causa priore demonstratione contenti sumus, quæ locum etiam habet in circulo ad Aequatorem recto, ut ostensum æst.

L E M M A XXIIII.

S I in sphaera sit circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, & per quodvis punctum diametri ipsius, quam circulus maximus per eius polos, & polos mundi ductus facit, ad ipsam diametrum perpendicularis linea ducatur: Planum per vtrumvis polorum mundi & illam perpendicularem ductum faciet in plano Aequatoris communem sectionem, rectam lineam perpendicularem ad Aequatoris diametrum, quam idem ille circulus maximus per dictos polos ductus facit.

I N sphaera $ABCD$, cuius centrum E , sit circulus obliquus quicumque, hoc est, non per mundi polos ductus siue maximus, siue non maximus $FGHI$: si per A, C , polos mundi, & O, P , polos circuli obliqui, ducatur circulus maximus $ABCD$, qui quoniam obliquum circulum secat bisariam, & ad angulos rectos, faciet communem sectionem, diametrum circuli obliqui FH , ad quam perpendicularis quodlibet K , perpendicularis ducatur GKI : Per hanc autem, & polos mundi C , ducatur planum faciens in superficie sphaerae circulum CGQ , &



Aequatoris vero plane $BIDM$, etiam productum est sphaerae, & opus fuerit recta LN , quae ducatur ex BD , etiam productum, si necesse sit ab eodem circulo maximo $ABCD$ facti fuerit in N , deo LN , esse et

11. a. Theor.

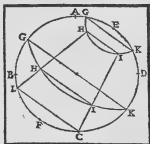
BD , etiam productam, si fuerit opus, in N , perpendicularem. Quoniam enim circulus obliquus $FGHI$, ad circulum $ABCD$, rectus est: erit per defin. 4. lib. 1. Eucl. recta GKI , quae ad FH , communem sectionem horum circularum ducta est per-

est perpendicularis, ad planum eiusdem circuli ABCD, perpendicularis. Igitur *18. vides.*
& planum, in quo circulus CGQL, existit, per GL, ductum ad eundem circulum
ABCD, rectum erit. Quoniam igitur planum Aequatoris BLDH, ad planum *19. s. a. Theod.*
circuli ABCD, rectum est, cum per eius polos ducatur; Quoniam enim ABCD,
per Aequatoris polos A, C, ducitur, transibit viciniam Aequator per illos polos,
ex schol. propos. 17. lib. 1. Theod. & est ortus quoque plani circuli CGQL, re-
ctum ad eiusdem circuli ABCD, planum; erit quoque LM, communis sectio *19. vides.*
planis Aequatoris, & plani circuli CGQL, ad eiusdem circuli ABCD, planum, re-
ctitudoque ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad rectam LM, ad diametrum Aequatoris BD
etiam productam, si opus sit, in N, perpendicularis erit. quod est propositum.

LEMMA XXV.

SI in sphaera per polos mundi, & polos cuiusvis circu-
li obliqui maximi, eiusque parallelorum, maximus circu-
lus ducatur, in quo ex alterutro mundi polo agatur dia-
metro circuli obliqui parallela, & per hanc, planum ut-
cunque extendatur: Erunt duo arcus tam circuli maximi
obliqui, quam cuiuslibet parallelorum ipsius, inter circu-
lum maximum per polos mundi, & circuli obliqui du-
ctum, & planum secans intercepti aequales inter se.

IN sphaera sit maximus circu-
lus ABCD, per mundi polos A, C,
& polos E, F, circuli maximi obli-
qui GHIK, & eius paralleli cuius-
cunque GHIK, ductus; ac proin-
de utrumque bisariam secans. Ita
ut in utroque semicirculus sit
GHIK, & diameter GK, cui in to-
dem circulo maximo parallela
per polum mundi C, agatur CL,
per quam planum utcunque du-
ctum sit CLHI, secans vel circu-
lum maximum obliquum, vel eius
parallelum per rectam HI. Dico
tam in illo, quam in hoc, aequales
esse arcus GH, KI, inter planum se-
cans, & maximum circuli ABCD,
interceptos Si enim per rectam CL,
cogitetur ductum planum circulo GHIK, parallelum, erunt sectiones factae à pla-
no CLHI, videlicet rectae CL, HI, parallelae; Ponitur autem & diameter GK,
eodem CL, parallela. Igitur & GK, HI, parallelae inter se erunt; ac propterea
ex scholio propos. 17. lib. 1. Eucl. arcus intercepti GH, KI, aequales erunt.



19. s. a. Theod.

EX quo fit, arcus etiam inter quoscunque duo plana per CL , ducta interceptos, æquales esse. Nam quodlibet abscindit arcus æquales inter ipsam & circum maximum $ABCD$, interceptos. Si ergo minores ex maioribus demantur, reliqui inter duo plana intercepti æquales erunt.

E A D E M hæc demonstratio in reliquis quoque semicirculos ex altera parte circuli maximi $ABCD$, quadrat, et perspicuum est.

L E M M A XXVI.

SI circulus in sphaera per alterutrum polorum mundi transeat, erit eius diameter ex illo polo ducta perpendicularis ad communem sectionem plani eius circuli, & plani Aequatoris.

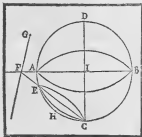
IN sphaera sit Aequator AB , cuius poli C, D , & circulus quicumque CE , per polum C , ductus, cuius planum in plano Aequatoris faciat communem sectionem rectam FG , (concurreret enim cum Aequatore, cum ei non sit parallelus) incutaturque ex polo C , diameter circuli CE , occurrat communi sectioni FG , in F . Dico CF , ad FG , perpendicularem esse. Per polum enim H , circuli CE , & C ,

polum Aequatoris ductus circulus maximus $CHEADB$, qui utrumque secabit bifariam, & ad angulos rectos; ac proinde per diametrum CE , hoc est, per rectam CF , transibit. Verumque ergo planum, iam circuli CE , quam Aequatoris, vicissim rectum erit ad planum maximi circuli $CHEADB$, ac propterea & eorum communis sectio FG , ad idem planum perpendicularis erit, hoc est, ex defn. p. 11. Euclid. ad rectam CF , quod est propositum.

Q V A N D O circulus per polum C , ductus, est maximus qualis est $ABCD$, perspicuum est, eius diametrum CD , ad AB ,

communem sectionem dati circuli, & Aequatoris esse perpendicularem. Cum enim diameter CD , circuli maximi per polos ducti, sit axis; & axis autem ad Aequatorem sit rectus, transeatque per centrum sphaeræ I , erit ex defn. p. 11. Euclid. eadem diameter CD , ad AB , communem sectionem circuli $CADB$, & Aequatoris, (hic enim sectio diameter est Aequatoris, cum circuli maximi se mutuo bifariam secant) perpendicularis.

LEMMA



^a 2. 1. Theor.

^b 2. 1. Theor.

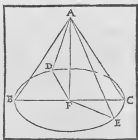
^c 1. 9. Theor.

^d 2. 1. Theor.

^e 1. 1. Theor.

IN cono recto omnes rectæ à vertice ad circumferentiam basis ductæ sunt inrer se æquales: In scale no vero cono inæquales, minima quidem, quæ ad extremum basis trianguli per axem, quod ad basem cono rectum est, ductu r ex parte anguli inclinationis axis, maxima autem, q uæ ad alterum extremum basis eiusdem trianguli per axem ducitur: Et quæ propinquior est minimæ, remotiore semper minor est. Duæ vero tantum æquales erunt ad vtramque partem minimæ, vel maximæ.

SIT primum conus rectus ABC, cuius basis circulus BDCE, & axis ad basem rectus AF, in centro F, ducanturque quotvis rectæ ex vertice A, ad circumferentiam basis AB, AC, AD, AE. Dico eas omnes esse æquales. Ductis enim ex F, centro rectis FB, FC, FD, FE, quoniam latera AF, FB, lateribus AF, FD, æqualia sunt, angulosque continent æquales, quod omnes anguli ad F, quos facit axis AF, recti sint, ex defn. 3. lib. 11. Euclid. erunt quoque bases AB, AD, æquales. Non aliter ostendetur AD, vel AE, ipsi AC, vel AE, æqualis. Eademque de cæteris est ratio.



a 4. primi.

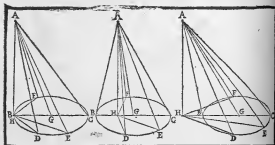
DEINDE sit conus scalenus ABC, cuius basis circulus BDCE, axis AG, obliquus ad basem versus B, sique triangulum per axem ABC, ad basem rectum. & à vertice A, demittatur perpendicularis AH; quæ in BC, cadet, hoc est, vel in punctum B, vel inter B, G, vel extra basem. Demittantur etiam à vertice A, quotvis rectæ AB, AD, AE, AC, quarum AB, AC, in extrema B, C, diametri basis BC, cadunt. Dico omnium minimam esse AB, maximam AC, & AD, minorem quam AE, &c. Iunctis enim rectis HD, HE, erunt ex defn. 3. lib. 11. Eucl. omnes anguli, quos perpendicularis AH, cum rectis HD, HE, HC, & cum alijs per H, ductis facit, recti. In prima ergo figura perspicuum est, perpendicularem AH, vel AB, minime esse omnium, quæ ex A, in circumferentiam basis ducuntur, cum minor sit quam AD, & quam AE, & quam AC, & quam cæteris alijs, quippe quæ in rektangulis triangulis opponatur acutis angulis, alia vero rektio angulo. In alijs autem duabus figuris, quoniam HB, minima est rektarum ex H, in circumferentiam cadentium, erunt duo quadrata rektarum HE, HA, mi-

b 38. vnde.

c 19. primi.

d 7. vel 8. iter

- ⁴ 47. *primi.* nota duobus quadratis tam rectarum HD, HA, quàm rectarum, HE, HA, & quàm rectarum HC, HA. * Est autem quadratum rectæ AB, æquale duobus quadratis rectarum HB, HA, & quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA; & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA; & quadratum rectæ AC, duobus quadratis rectarum HC, HA. Igitur & quadratum rectæ AC, minus erit tam quadrato rectæ AD, quàm quadrato rectæ AE, & quàm quadrato rectæ AC, ut proinde & recta AB, minor erit qualibet rectarum AD, AE, AC, & sic de cæteris. Minima ergo omnium est AB.



⁴ 11. *vel 7.* DEINDE, quia in omnibus figuris recta HC, est omnium ex H, incutens ferentiam cadentium maximæ, erunt duo quadrata rectarum HC, HA, nota duobus quadratis tam rectarum, HE, HA, quàm rectarum HD, HA. * Est autem quadratum rectæ AC, duobus quadratis rectarum HC, HA, & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, & quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, æquale. Igitur & quadratum rectæ AC, maius est tam quadrato rectæ AE, quàm quadrato rectæ AD, ut proinde & recta AC, maior erit quàm AE, & quàm AD. Et quia maior etiam est, quàm AB, quod AB, ostensum sit minima omnium. Igitur AC, est omnium maxima.

⁴ 47. *primi.* R V R S V S, cum HD, minor sit quàm HE, erit duo quadrata rectarum HD, HA, minora duobus quadratis rectarum HE, HA. * Est autem quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, æquale. Igitur & quadratum rectæ AD, quadratum rectæ AE, minus erit, ideoque recta AD, minime AB, propinquior, minus enim motiore AE, & sic de cæteris.

⁴ 11. *vel 7.* P O S T R E M O sumatur arcus BF, arcus BD, æqualis, longaturque recta HF, quæ rectæ HD, æqualis erit: in prima quidē figura, ex propof. 29. lib. 3. Eucl. in 2. vero ex rhoma propof. scholij eiusdem propof. vel ex lemmate 2. i. supra de monftrationis tertia denique ex eodem lemmate 2. 1. Duæ ergo rectæ AF, quod latera AH, HF, lateribus AH, HD, æqualia sunt, anguloſque continent rectos, ut defn. 3. lib. 1. Eucl. erit quoque baſis AF, AD, æquales. Quæ aut nulla alia baſis poſſit eſſe æqualis, pſpicuū eſt, cū oſa recta ex A, ducta inter D, & C, vel inter B, & C, maior ſit quā AD, vel AF, inter B, aut & D, vel F, æquon, ut demonſtrati eſt.

⁴ 4. *primi.* L E M M A

LEMMA XXVIII.

SI in cono sit circulus basi æquidistans, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ auferent ex base, & circulo æquidistante arcus similes.

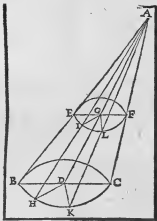
IN cono ABC, siue recto siue scaleno, circulus EF, æquidistet basi BC; & ex vertice A, ducantur duæ rectæ vicinque AH, AK, ad circumferentiam basis, secantes circ. circumferentiam circuli EF, in I, L. Dico arcus HK, IL, similes esse. Ducto enim axe AD, secante planum circuli EF, in puncto G, quod per lemma 16. centrum erit circuli EF, ducatur per rectas AD, AH, planum secans circulos BC, EF, parallelos per rectas DH, GI; Itē per rectas AD, AK, ducatur aliud planum secans eosdem circulos per rectas DK, GL. Erūtq. rectæ DH, DK, rectas GI, GL, parallelæ. igitur anguli HDK, IGL, ad centra æquales erūt; ideoq. ex scholio propo. 22. lib. 3. Euclid. arcus HK, IL, similes erunt. Eadem ratione similes quoque erunt tam arcus BH, EI, quā arcus CK, FL, quod tam rectæ DB, DH, rectis GE, GI, quā rectæ DC, DK, rectis GF, GL, parallelæ sint; ac proinde tñ anguli BDH, EGI, quā CDK, FGL, ad centra æquales sint.

ITEM sequitur, si basis conici statuatur circulus EF, & infra eam circulus illi parallelus BC, ut ex demonstratione constat,

ITA QVE si alteruter circulorum EF, BC, in partes æquales diuidatur, & ex vertice A, per diuisionum puncta rectæ emittantur, secabitur alter quoque circulus in partes æquales.

LEMMA XXIX.

SI duæ rectæ lineæ se mutuo contingant in vno puncto, & à quouis puncto extra ipsas in eodem plano plures
rectæ



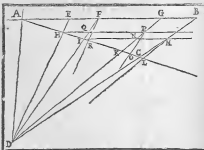
a 16. vnder.
b 16. vnder.

c 16. vnder.

d 10. vnder.

rectæ ducantur, quæ eas secant; Habebunt segmenta remotioris lineæ ab assumpto puncto, versus punctum sectionis linearum propositarum progrediendo, maiorem proportionem, quàm segmenta lineæ propioris.

DV AE rectæ AB, AC, se se contingit, vel secant in A, & ex puncto D, quous rectæ ducantur, DA, DE, DF, DG, DB, utramque secantes. Dico maiorem



proportionem ad eam DG, ad GF, quàm CK, ad KL, & maiorem GF, ad FE, quàm EL, ad LH, & maiorem FE, ad EA, quàm EH, ad HA. Dextra enim per I. quæ AB, parallela in IM, secante rectas DB, DG, in M, N, ducatur per M,

ipsi DG, parallela ML, quæ rectam AC, productâ secaverit in L. Cum enim ML, conveniat in A, cadet ML, ipsi ND, parallela extra triangulum DMN. Quoniam igitur est, ut BG, ad GF, ita MN, ad NL, ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. & ut MN, ad NL, ita LK, ad KH, erit quoque ut BG, ad GF, ita LK, ad KH. Habet autem LK, ad KH, maiorem proportionem, quàm CK, ad KL. Eodem pacto, si proli ducatur ipsi AB, parallela HP, secans DG, DF, in P, Q, & per P, agatur ipsi DE, parallela PO, secans AE, productam in O, erit ut GF, ad FE, ita PQ, ad QH, ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. Erat ut PQ, ad QH, ita OL, ad LH, igitur erit quoque ut GF, ad FE, ita OL, ad LH. Habet autem OL, ad LH, maiorem proportionem, quàm KL, ad LH. Maiorem ergo proportionem habebit quoque GF, ad FE, quàm KL, ad LH. Atque ita agendum erit in cæteris segmentis, & plura erunt, donec ad ultimum duo FE, EA, ventum fuerit. Tunc enim non ducenda per A ipsi AB, parallela, sed solum per E, ducenda ER, ipsi DE parallela sicut AI, productam in R. Est enim rursus, ut FE, ad EA, ita RH, ad HA. Habet autem RH, ad HA, maiorem proportionem, quàm EH, ad HA, sicut & EH, ad EA, maiorem proportionem habebit, quàm EH, ad HA, quod est propositum.

^a 2. fixi.
^b 2. quinti,

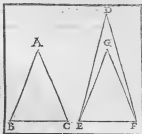
^c 2. fixi.
^d 2. quinti,

^e 2. fixi.
^f 2. quinti.

SI duo triangula Ifoscelia bases habeant æquales, latera verò vnius maiora sint lateribus alterius: minora latera maiorem angulum continebunt. Et si vnius latera lateribus alterius maiora sint, angulumque contineant maiorem: illius basis base huius maior erit.

DVO triangula Ifoscelia ABC, DEF, habeant bases BC, EF, æquales, sed latera DE, DF, maiora sint lateribus AB, AC. Dico angulum A, angulo B, maiorem esse.

Describatur enim supra basem EF, triangulum EGF, triangulo ABC, æquilaterum, & æquiangulum, eademque punctum G, intra triangulum DEF. Nam si extra eadem rei, vel recta EG, FG, includerent rectas ED, FD; & atque ita essent latera GE, GF, hoc est AB, AC, maiora lateribus DE, DF, quod est contra hypothefim; vel altera earum secaret alteram ipsarum DE, DF, atque ita unus angulorū GEF, GFE, esset maior uno angulorū DEF, DFE, & alter minor. Cum ergo DEF, DFE, sint æquales, esset anguli GEF, GFE, inæquales, quod est absurdū, & cum inter se sint æquales. Idem sequeretur si punctum G, diceretur cadere in al-



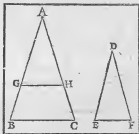
23. prima.

21. prima.

5. prima.

5. prima.

teram rectarum DE, DF. Neque vero dicatur



21. prima.

2. sexta.

4. sexta.

4. quinta.

SINT rursus Ifoscelis ABC, duo latera AB, AC, maiora duobus lateribus DE, DF, angulusque A, maior angulo D. Dico basem BC, base EF, maiorem esse. Abscissis enim rectis AG, AH, æqualibus ipsi DE, DF; erit ducta GH, ipsi BC, parallela. Ergo ut AB, ad BC, ita AG, ad GH: Est autē AB, maior, quā AG.

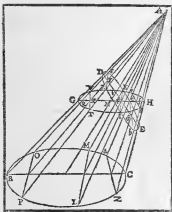
Igitur & BC, maior erit quā GH. Item cum latera AG, AH, lateribus DE, DF, sint

DF, sint

24. primi. DE, sint æqualia, anguloque A, maior angulo D; erit basis GH, maior basi EF. Est autem BC, assensu maior, quam GH. Multo ergo maior erit BC, quam EF, quod est propositum.

L E M M A XXXI.

SI in cono scaleno circulus sit basi subcontrarie positus, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ, quarum una sit latus trianguli per axem ad basem recti, auferentur ex base, & circulo illo arcus dissimiles. Et si in vno auferatur duo arcus oppositi æquales, auferentur in altero duo arcus inæquales, maior quidem versus angulum minorem trianguli per axem, minor vero versus angulum maiorem.



IN cono ABC, scaleno triangulum per axem sit ABC, ad basem BC, rectum. & circulus sit contrarie sectioni DE, cuius diametro DE, ducta bisectam in F, ducatur per F, basi BC, parallela GH, per quam plana ducatur ad trianguli per axem rectum, vel basi coni parallela, tangens problemæ 17. circuli GHI, qui circulum subcontrarie sectionis secet in I, K; ducanturque primæ dux rectæ AL, AM, per I, K, communes scilicet circulo DE, GHI, secantes basem in L, N. Dico tam arcum BL, M, quam BM, DX, & quæ CL, EL, & quæ CH, EH, dissimiles esse. Secant enim plana circularum DE, GH, sese per rectam IK,

Et quoniam uterque circulus ad triangulum ABC, rectus est; erit quoque communis eorum sectio IK, ad idem triangulum recta; cadetque proportio tam DE, communem sectionem circuli DIL, & trianguli ABC, quam in GH, communem sectionem circuli GHIK, & eisdem trianguli ABC, ac proportio per punctum F, ubi communes hæ sectiones se mutuo diuidunt transibit; secantque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. angulos DFI, GFI, rectos. Quia vero diameter DE, secta est bisectam in F, erit diameter GH, maior, eoque pars maior FG, vel minor

25. vides.

26. vides.

minorem angulum AGH, verget, ut in scholio lemmatis 17. demonstravimus, proptereaque centrum circuli GHIK, in recta FG, exisset, quod sit N. Igitur segmentum IGK, maior erit semicirculo. Est autem IDK, semicirculus, quod F, centrū sit circuli DIEK. Igitur tā arcus IGK, IDK, quam IHK, IEK, dissimiles sunt; & IGK, maior, quam ut similis sit arcui IDK, ac IHK, minor, quā ut arcui IEK, similis sit. Ex quā semicirculi IDK, IEK, bisariam secantur in D, E, quod ex penultima propositione scholij propof. 17. lib. 3. Euclid. ob angulos rectos ad F, quatuor arcus DI, IE, EK, KD, quadrantes sunt; Item arcus IGK, IHK, scđi sunt bisariam in G, H. Nam recta NF, dividens rectam IEK, ex centro N, ad angulos rectos, ° fecit eandem bisariam. Igitur & arcus IHK, bisariam secabat ex propof. vltima scholij propof. 17. lib. 3. Euclid. ac proinde & reliqui arcus GI, GK, ex semicirculo aequales erunt. Igitur & arcus GI, GK, semiffes arcus IGK, maiores sunt, quā ut similes sint arcibus DI, DK, qui semiffes sunt arcus IDK, ac HI, HK, semiffes arcus IHK, minores, quā ut similes sint arcibus EI, EK, qui semiffes sunt arcus IEK. Et quoniam arcus BL, BM, CL, CM, arcibus GI, GK, HI, HK, similes sunt, ex lemma 18. erunt eodem modo arcus BL, BM, CL, CM, arcibus DI, DK, EI, EK, dissimiles.

D V C A T V R deinde alia recta AP, ad circumferentiam basis secans subcontrariam sectionem in R, & circulum GH in T; & ex R, demittatur ad diametrum DE, perpendicularis RY, quæ producta fecit circumferentiam ex altera parte trās, ducaturque ex A, per S, recta AS, secans circumferentiam basis in O, & circulum GH in V. Dico arcus quoque BP, BO, arcus DR, DS, & arcus CP, CO, arcus ER, ES, dissimiles esse. Quoniam enim RS, per defin. 4. lib. 11. Euclid. perpendicularis est ad triangulum ABC, quod perpendicularis sit ducta ad DE, communem sectionem trianguli ABC, & circuli DRE, qui ad illud triangulum rectus est; ° erit quoque triangulum ARS, per RS, ductum ad idem triangulum ABC, rectum, facietque in circulo GH, communem sectionē TV, secantem GH, diametrum in X. Quia ergo tam planum circuli GH, quā trianguli ARS, rectum est ad triangulum ABC, ° erit etiam communis eorum sectio TXV, ad idem perpendicularis; ideoque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. anguli ad X, recti erunt; atque adeo utraque RS, TV, secit bisariam in Y, X, proptereaq; uterque arcus RDS, TGV, ex vltima propof. scholij propof. 17. lib. 3. Euclid. scđi quoque erit bisariā; ac proinde & tam reliqui arcus ER, ES, quam HT, HV, ex semicirculo aequales erunt. Jam vero si ducatur recta ex A, ad X, ipsa transibit per Y. Cum enim ea recta in plano trianguli ABC, existens recta DE, in eodem triangulo existentem, & existens in triangulo quoque ATV, rectam RS, in eodem existentē fecit, solum vero punctum Y, rectæ RS, in triangulo ABC, existat, quia RS, ad illud triangulum perpendicularis est) per punctū Y, transibit omnino. Quare ducta recta AN, ad N, centrum circuli GH, secante semidiametru DF, in I, erit ex lemma 19. maior proportio GX, ad XN, quā DY, ad YI; °. Habet autem DY, ad YI, maiorē proportionem, quā ad YF, Igitur multo maiorē habebit GX, ad XN, quā DY, ad YF. Si ergo secetur GN, in Q, ut sit GQ, ad QN, sicut DY, ad YF, cadet punctū Q, inter G, & X. Nā si cadet ultra X, esset multo maior proportio GQ, ad QN, quā GX, ad XN; quod tunc GQ, maior foret, quā GX, & QN, minor quā XN. Et quoniam per lemma 7. si per Q, duceretur ad GH, perpendicularis, vel ipū TV, parallela, abscinderetur arcus arcui RDS, similis, erit arcus TGV, maior, quam ut similis sit arcui RDS; ideoque & semiffes G T, GV, maiorē sunt, quā ut similes sint semiffibus DR, DS, atque idcirco reliqui arcus ex semicirculo HT, HV, minores erunt,

N

quā

a 3. corrig.

b 18. vnde,

c 19. vnde,

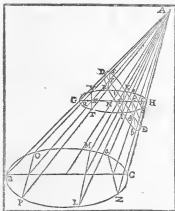
d 3. corrig.

e 8. quinti.

f 10. scđi.

quàm ut similes sint reliquis arcibus ER, ES, ex semicirculis. Quia vero ex hoc
mate 18. arcus BP, BO, CP, CO, arcibus GT, GV, HT, HV, similes sunt prout
arcus BP, BO, CP, CO, eodẽ modo arcibus DR, DS, ER, ES, dissimiles. Eodẽ pe-
cũ ostēdemus, ubicunq; perpendicularis TV, semidiametrũ GN, secet, & perpe-
dicularis RS, rectã DE, arcũ à perpendiculari TV, abscissum esse maiore, quã utĩ
milia sit arcus, quẽ tũc perpendicularis RS, abscindit, &c. Quod si perpendicu-
laris TV, transeat per centrũ N, ac proinde perpendicularis RS, per punctũ i, tũc
sectũ est, arcum per illi abscissum, maiore esse, quã ut similia sit arcus per huc
abscisso, cum illa semicirculus sit, hic vero semicirculo minor. Eademq; ratio-
ne, si perpendicularis TV, secet GF, ultra N, centrũ & citra F, ac propterea per-
pendicularis RS, semidiametrũ DF, ultra I, & citra F, aufere par ex circulo GH,
arcus semicirculo maior, & ex circulo DE, minor, atque idcirco ille maior erit,
quã ut huc similia sit. Contrariũ accidet, si ex parte alterius semicirculi IE,
recta quæcunque ex vertice A, decatur Ab, secans circumulum GH, in d, & de-
catur bg, ad DE, perpendicularis secans circumferentiam ex altera parte in

puncto, per quodet ut
tice A, recta eadem
secans circumulum GH, a
e. - Erit enim hoc trian-
gulum Abc, rectius ad
triangulum ABC, qua
nimirũ ducitur per re-
ctam bg, ad triangulum
ABC, perpendicularis
faciletych circulo GH,
sectionẽ rectã d e, quẽ
secet GH, in f. Quon-
go tam planum circuli
GH, quã trianguli Abc,
rectum est ad triangulũ
ABC, erit eorum co-
munes sectio de perpe-
dicularis quoq; ad trian-
gulum Abc, adeoq; ut
desin 3. lib. 11. Euclid. 2
ad rectam GH, in f. Se-
catur ergo utraque bc
d e, basiam in g, sup
idcirco ex vltima propo-
sitione scholiũ propo-
27. lib. 3. Euclid. vlt.



a. f. vnde.

b. g. vnde.

c. h. vnde.

d. i. vnde.

circo arcus bEc, maior erit, quàm ut similis sit arcui dHe; quod ostendetur, quemadmodum probatum est, arcum TGV, esse maiorem, quàm ut arcui RDS, similis sit, propterea quòd maior erat proportio GX, ad KN, quàm DY, ad YF. Igitur & semisses Eb, Ec, maiores erunt, quàm ut similes sint semissibus Hd, He, itaque reliqui arcus Db, Dc, ex semicirculis minores erunt, quàm ut reliqui arcubus Gd, Ge, ex semicirculis similes sint. Quoniam autè productis rectis Ab, Ac, ad basem, arcus Cx, Ca, Bz, Ba, arcubus Hd, He, Gd, Ge, ex lemma 18. similes sunt; erunt illi eodem modo arcubus Eb, Ec, Db, Dc, dissimiles.

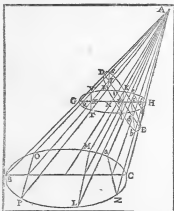
C A E T E R V M ex parte semicirculi fAK, à rectis ex vertice A, eductis inferri maiores arcus ex eo, quàm ut similes sint arcubus ex basè BC, abscissis, hoc est, arcubus ex circulo GH, abscissis, cum hi ex lemma 18. similes sint arcubus basè; facile hoc etiam modo demonstrabimus. Ducta utcumque recta be, ad diametrum DE, perpendiculari, demittantur ex vertice A, rectæ Ab, Ac, secantes circumulum GH, in d, e, iungaturque recta d e. Et quoniam a 18. primi. Ik, be, parallelæ sunt, ob angulos rectos ad E, g; duci poterunt per ipsas duo plana parallelæ. Intelligatur ergo per IK, ductum planum tri-angulo Abe, parallelum; facietque in hisce planis parallelæ planum circuli GIKR, se- b 16. unde, c p. unde. quones parallelæ IK, d e. Cum ergo be, eodem IK, sit parallela ostensa; erunt etiam bc, d e, parallelæ. Igitur triangulum Ade, ex coroll. propof. 4. lib. 6. Euclid. triangulo Abe, simile erit. Quare erit ut Ab, ad be, ita Ad, ad d e. Cum ergo Ab, maior sit, quàm Ad; erit quoque be, maior quàm d e. Quocirca cum circulus DE, minor sit circulo GH, quod diameter DE, minor sit ossensa, quàm diameter GH; auferet be, maior linea ex minore circulo DE, maiorem arcum bEc, quàm ut similis sit arcui dHe, quem minor linea d e, ex maiore circulo GH, auferet; ex ipse, quæ in lemma propof. 6. lib. 3. Theod. demonstravimus. Igitur & semisses Eb, Ec, maiores erunt, quàm ut similes sint semissibus Hd, He. Vterque enim arcus bEc, dHe, bisariam secant eff in E, H, ex vltima propof. scholi propof. 27. lib. 3. Euclid. Nam diameter DE, secat rectam be, per constructionem ad angulos rectos; Item diameter GH, f 19. primi. secat d e, ad angulos rectos, ob parallelas IK, d e, quarum IK, ad angulos rectos secatur à GH, ut supra ostendimus, propterea quod IK, communis secitio circulorum DE, GH, ad triangulum ABC, rectorum, recta est ad idem triangulum; ac proinde & ad rectam GH, perpendicularis, ex defin. 3. lib. 11. Euclid. & ac proinde & bisariam utraque be, d e, secatur. Quocirca cum arcubus Hd, He, similes sint arcus Cx, Ca, ex lemma 18. erunt quoque arcus Eb, Ec, maiores, quàm ut similes sint arcubus Cx, Ca, & ex semicirculis reliqui Db, Dc, minores, quàm ut sint reliquis Bz, Ba, ex semicirculis similes.

E X his omnibus constat, quemlibet arcum virtutis circuli interceptum inter latus trianguli per axem longius, & rectam quamcumque ex vertice demissam, maiorem esse, quàm ut similis sit arcui alterius circuli inter eandem rectas intercepto, usque ad finem semicirculi. Ita enim demonstratum est, arcus BP, EL, BZ, maiores esse, quàm ut arcubus DR, DI, Db, similes sint: Item arcus Eb, El, ER, maiores, quàm ut similes sint arcubus CZ, CL, CP; eademque ratio est de cæteris. Itaque si semicirculus D I E, secetur in singulos gradus, complectatur arcus semicirculi B L C, respondens uni gradui semicirculi D I E, plus quam unum gradum: Et arcus respondens duobus gradibus, maior erit duobus gradibus: Et arcus respondens tribus gradibus, maior erit tribus gradibus; atque ita deinceps usque ad finem virtutis semicirculi D I E, B L C, initio semper factò à punctis D, B, in arcibus. Sic

etiam, si semicirculus CLB , in suos gradus feceretur, erunt ordine singuli arcus semicirculi EID , initio semper factio a punctis E, C , maiores quam $1, 2, 3, 4, 5, 6$ &c. gradus.

P O S T R E M O Sint arcus oppositi aequales DR, Ec , decanturque rectæ ARP, Aca , secantes circulum GH , in T, e . Dico arcus BP, Ca , inæquales esse, maiorem quidem BP , minorem vero Ca . Sumptis enim aliis duobus arcibus DS, Eb , aequalibus ipsi DR, Ec , tangantur rectæ RS, bc , & per S, b , decantur duæ rectæ AS, Ab , secantes basim in O, Z , & circulum GH , in V, d , iunganturque rectæ TV, de . Eruntque, ut paulo ante demonstravimus, bc, de , parallelæ. Nam cum arcus Eb, Ec , aequales sint, erunt & reliqui bA, cA , ex semicirculis aequales. Igitur ex scholio propoſ. 17. lib. 3. Euclid. IK, bc , parallelæ sunt. Quocirca si per IK , intelligatur duæ planum triangulo Abc , per bc , ducto parallelæ, & facies in his planis parallelis planum circuli GH , sectiones parallelas IK, de , Cum ergo bc , eidem IK , ostensa sit parallelæ, erunt etiam bc, de , parallelæ. Eodem modo parallelæ erunt RS, TV , ac proinde tam triangula Abc, Aoe , quam ARS, ATV , similia erunt, &

coroll. propoſ. 4. lib. Euclid. Sicut autem Abc, ARS , si isoscelæ, quod ex lemma 27. lib. 3. Ab, Ac , æquales distant à maxima AE , & à minima AD , æquales sunt. Igitur & Aoe, ATV , si isoscelæ, sicut quoniam latera AR, AS , minora sunt lateribus Ab, Ac , ex lemma 12. a. basis autem RS, bc , æquales, ob arcus aequales RS, bc , ut per lemma 30. præcedens, angulus RAS , maior angulo bAc . Cum ergo per lemma 27. latera AT, AV , maior sint lateribus Ad, Ae , erit per præcedens lemma 30. basis TV , maior de , maior, ac propterea



ex scholio propoſ. 18. lib. 3. Euclid. arcus TGV , maior erit arcu dHe . Quia vero TV , ostensa est parallelæ ipsi K , & GH , secat ipsam IK , ad angulos rectos, & similitur quoque TV , ad angulos rectos, & bisariam in X : ac proinde ex ultimo propoſ. scholii propoſ. 17. lib. 3. Eucl. arcus quoque TGV , bisariam secabitur in Q . Eodemq; ratione & arcus dHe , erit in H , secus bisariam. Cum ergo arcus TGV , sit ostensus maior arcu dHe , erit & semissemes GT, GV , semissemibus Hd, He , maiores. Sed his quatuor arcibus similes sunt, ex lemma 24. quatuor arcus BP, BO, CL, Ca . Igitur & BP, BO , maiores sunt, quam CZ, Ca . Pari ratione, si arcus $KL,$

Ca , æqua-

a 16. vide.

b p. vide.

c 19. seq.

d 19. primi.

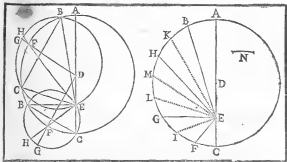
Ca, æquales ponantur, ostendimus Ec, maiorem quàm DR. Nam facti eadẽ constructione, erit angulus dAe, maior angulo TAV, & basis bc, maior basẽ RS, &c.

ITAQUE singuli arcus semicirculi BLC, à B, usque ad L, quod punctum respondet puncto I, in quadrante DI, maiores sunt singulis arcibus æqualibus respondentibus à C, usque ad L. Nam arcus circumferentiæ CL, æquales sunt arcibus circumferentiæ CM, qui arcibus circumferentiæ BL, opponuntur, minoresque sunt ostensi arcibus circumferentiæ BL. Sic etiam singuli arcus semicirculi ELd, ab E, usque ad punctum, quod medio puncto semicirculi CLB, respondet, maiores sunt singulis arcibus respondentibus æqualibus à D, usque ad idem punctum, quod medio puncto semicirculi CB, respondet.

LEMMA XXXII.

SI in diametro circuli, præter centrum, punctum quodpiam sumatur, & ex eo rectæ educantur, quæ in circumferentiâ circuli duos arcus æquales interceptiant: Erunt anguli ab ipsis comprehensi inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ à centro longius absunt. Et si rectæ ductæ cõtineant angulos æquales, erunt arcus intercepti inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ centro propinquiores sunt.

IN circulo ABC, cuius centrum D, in diametro AC, ex puncto E, præter centrum, prius tres rectæ EC, EF, EB, egrediantur interceptantes duos arcus continuos æquales CF, FB, siue eorum initium C, sit in extremo diametri, siue non. Dico angulum CEF, angulo FEB, esse maiorem. Ducta enim chorda



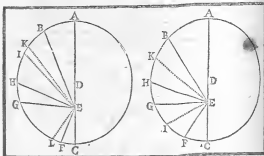
CB, describatur circa triangulum BCE, circulus, qui circumulum ABC, secabit in B, C, cum eum in duobus illis punctis tangere nequeat. Ducta iam recta DF, & pro-

a s. quart.
b s. p. terris.

& producta, donec circulus BCE, secet in G, quoniam arcus BFC, secuset bifariam in F, secabitur quoque recta BC, bifariam, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. Igitur & arcus BGC, per idem scholium, in G, secus erit bifariam, producta ergo recta EF, donec arcum BGC, secet in H, erit arcus BG, hoc est CG, maior arcu BH. Multo ergo maior erit arcus CH, arcu BH. Igitur ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. angulus CEH, angulo BEH, maior erit. quod est propofitum.

DEINDE quatuor rectæ EF, EG, EH, EB, interceptiant duos arcus æquales non continuos FG, HB, quorum alter totus fit extra alterum, ut in secunda figura. Dico rursus, angulum FEG, maiorem esse angulo HEH. Aut enim intermedius arcus GH, utriusque arcui FG, HB, communis habet, est, aut incommensurabilis. Sit primum communis habet, & sit eorum maxima mensura communis N, singuli que arcus FG, GH, HB, dividantur in partes ipsi N, æquales, nimirum FG, HB, in binas FI, IG; HK, KB; & GH, in tres GL, LM, MH. Ductis igitur rectis EI, EL, EM, EK, erit, ut iam demonstratum est, angulus FEL, maior angulo IEG, quod arcus FI, IG, æquales sint continuus & eodem de causa angulus IEG, maior quàm GEL, & hic maior quàm LEM, & hoc maior quàm MEH, & hic maior quàm HEK, & hic maior quàm KEB, & sic deinceps, si fuerint plures arcus æquales. Multo ergo maior erit angulus FEL, angulo HEK, & IEG, maior quàm KEB, ac proinde & totus angulus FEG, toto angulo HEH, maior erit. quod est propofitum.

SED iam sic arcus intermedius GH, utriusque arcui FG, HB, incommensurabilis, ut in tertia figura. Si igitur angulus FEG, maior non est angulo HEH, est vel minor, vel æqualis. Sit primum, si fieri potest, minor, & ex maiore angulo HEH, auferatur angulus HEI, angulo FEG, æqualis: atque ex lemma propof. 1. lib. 3. Theodosii, intermedius arcus HK, maior quidem quàm HI, minor vero quàm HB, & arcui intermedio GN, communis habet. Ex quibus arcus FG, arcum HB, ponitur æqualis, erit arcus FG, maior quàm HK. Abducendo ergo arcum



bilis, ut in tertia figura. Si igitur angulus FEG, maior non est angulo HEH, est vel minor, vel æqualis. Sit primum, si fieri potest, minor, & ex maiore angulo HEH, auferatur angulus HEI, angulo FEG, æqualis: atque ex lemma propof. 1. lib. 3. Theodosii, intermedius arcus HK, maior quidem quàm HI, minor vero quàm HB, & arcui intermedio GN, communis habet. Ex quibus arcus FG, arcum HB, ponitur æqualis, erit arcus FG, maior quàm HK. Abducendo ergo arcum

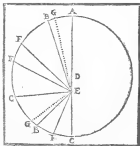
GL,

GL, equali ipsi HK, ductisque rectis EL; quoniam arcus LG, HK, non continui sunt aequales, & intermedius arcus GH, est utriusque commensurabilis, ex constructione, erit, ut proxime demonstratum est, angulus LEG, maior angulo HEK. Ergo multo maior angulo HEI. Cum ergo ex constructione, angulus HEI, ablatu sit angulo FEQ, æqualis; erit quoque angulus LEG, maior angulo FEQ, patet not. quod est absurdum. Non ergo minor est angulus FEQ, angulo HEB.

SIT deinde, si fieri potest, angulus FEQ, angulo HEB, æqualis, ut in quarta figura; desinque arcibus FG, HB, æqualibus bisectis in I, K, doceantur rectis EI, EK. Quoniam ergo tam continui arcus HK, KB, semissem arcus HB, quàm arcus continui FI, IG, semissem arcus FG, æquales sunt, erit, ut supra demonstratum, angulus HEK, maior semisse anguli HEB. Eadem ratione angulus FEI, maior erit angulo IEG, ideoque angulus IEG, minor semisse anguli FEQ. Cum ergo anguli FEQ, HEB, ponantur æquales, erit IEG, minor quam HEK, quod est absurdum. Cum enim arcus IG, HK, semissem arcuum æqualium FG, HB, æquales sint, & non continui, si quidem intermedius GH, est ulis commensurabilis, erit angulus IEG, maior angulo HEK, ut demonstratum est; si vero incommensurabilis, non poterit angulus IEG, minor esse angulo HEK, ut paulo ante demonstratum etiam est. Non ergo angulus FEQ, angulo HEB, æqualis est: sed neque minor est ostensus. Maior ergo est, quod est propositum.

AD extremum quatuor rectis EF, FG, FI, EH, intercipient arcus æquales FG, FI, habentes partem communem IG, ut in proxima quarta figura. Dico rursum, angulum FEG, maiorem esse angulo FEH. Nam cum æquales sint arcus FG, FI; ablatu communi IG, erit reliquus FI, reliquo GH, quoque æqualis. Ergo ut ostendimus, angulus FEI, angulo GEH, maior erit: additoque communi angulo IEG, totus quoque angulus FEG, toto angulo FEH, maior erit, quod est propositum.

SED iam rectis EC, EF, EB, constituant in E, angulos æquales CEF, FEB, sue continuos, sue non continuos, ut in quinta figura. Dico arcum BF, maiorem esse arcu FC. Si enim non est maior, sit primum æqualis. Ergo ut iam demonstratum est, erit angulus CEF, angulo FEB, maior, quod est contra hypothesein. Sit deinde, si fieri potest, arcus BF, minor arcu FC, fiatque FG, sp. s. FC, æqualis. Igitur ut iam ostendimus est, erit angulus CEF, maior angulo FEG. Multo ergo maior angulo FEB. quod est contra hypothesein. Cum ergo arcus BF, non sit æqualis, nec minor arcu FC; erit omnino maior, quod est propositum.



ITAQUE theorematibus huius posterior pars, quam proxime demonstravimus, multo universatius est propositioe vltima scholii propo. 29. lib. 3. Eucl. ubi solum probatum est, si duo anguli CEF, FEB, sint æquales, intus facto i puncto

puncto diametri C , arcum BF , arcum FC , maiorem esse: quod tamen hic demonstratum est de quolibet angulo, & arcibus sine continuo, sine non continuo, & sine vixus eorum antem sumat à diametro, sine non.

LEMMA XXXIII.

SI in circulis se mutuo secantibus, vel non secantibus, diuersa tamen centra habentibus, punctum quodpiam in communi eorum diametro per vtrumque centrum ducta, præter centra sumatur, quod & inter vtrumque centrum, & intra vtrumque circulum existat: Rectæ lineæ ab eo punctoeductæ secantes vtriuslibet circuli circumferentiam in arcus æquales, secantem alterius circumferentiam in arcus inæquales, maiorque semper erit ille, cuius lineæ centro propinquiore sunt. Arcus item quilibet illius circuli, cuius centrum est inter assumptum punctum, eiusque circumferentiam, interceptus inter communem diametrum, & quamlibet rectam ex eodem punctoeductam, si minor est semicirculo, maior est, quàm vt similis sit arcui alterius circuli inter easdem rectas intercepto.

DVO circuli ABC , DEF , se mutuo secant, vel si non se interfecerant, habeant centra diuersa, & G , sit centrum circuli ABC , at H , centrum circuli DEF . Diametris communis sit DC , per centra G , H , transiens. Ex puncto æstem I , inter vtrumque centrum, & intra vtrumque circulum, cadant quotus lineæ, IB , IL , interceptantes in circulo ABC , arcus æquales KB , BL , productæ autem, IP , IQ , secant circulum DEF , in M , Z , N . Dico arcus ME , EN , inæquales esse, maiorem quidem ME , & minorem EN . Si namque arcus ME , maior esset arcu EN , erit vel æqualis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo per lemma præcedens, angulus NIE , maior erit angulo EIM . Sed per idem lemma, propter arcus æquales KB , BL , angulus KIB , hoc est, EIM , maior est angulo BIL , hoc est, angulo NIE . Idem ergo angulus NIE , maior est angulo EIM , & minor, quod est absurdum. Non ergo arcus ME , arcui EN , æqualis est. Secundo, si fieri potest, arcus ME , minor arcu EN . Abscisso ergo arcu EO , æquali ipsi ME , ductaque recta OI , erit per idem lemma præcedens, angulus OIE , maior angulo EIM . Multo ergo maior erit angulus NIE , angulo EIM . Sed per idem lemma, propter arcus æquales KB , BL , angulus KIB , hoc est, EIM , maior est angulo BIL , hoc est, angulo NIE . Idem ergo angulus NIE , maior est, & maior eodem angulo EIM , quod est absurdum. Non ergo arcus ME , arcu EN , æqualis. Sed neque æqualis, vt ostensum est. igitur maior.

EADEN

CL, quàm ut arcus FN, qui ipsius FR, pars est, similis sit. Eademque ratione erunt CB, CK, maiores, quàm ut ipsi FE, FM, similes sint.

PERSPICVVM autem est, propositionem hanc veram esse, siue arcus in vtroque circulo continui sint, siue non continui. Id quod ex antecedenti tempestate apparere potest.

L E M M A XXXIIII.

S I circulus circulum bifariam secet, vel non bifariam, aut nullo modo secet, & per centra ad rectam per eadem centra eiectam ducantur duæ diametri perpendiculares: Rectæ duæ linæ egredientes ex puncto rectæ per centra eiectæ, per quod transit recta, quæ extrema duarum diametrorum ductarum coniungit, & quod in vtroque circulo existit, facientesque cum recta vtri- que diametro æquidistante ex vtraque parte, vel cum recta per centra transeunte, angulos æquales, intercipient in vtroque circulo arcus similes: Ipsa quoque recta vtri- que diametro æquidistans ex vtroque circulo alternos arcus similes abscindet. Et contra si duæ rectæ arcus similes intercipient, constituent cum eadem recta æquidistante ad vtrasque partes angulos æquales.

S E C E T circulus ABCD, circuli EFGH, bifariis, vel non bifariis, aut nullo modo secet, sintque eorum centra I, K, per quæ recta eiciantur AIK, & per eas ad AG, perpendiculares educantur BID, FKH, quarum posterior cadet in eadem sectiones circulorum F, H, quando unus alterum bifariis secet, ut contingit in prima & secunda figura, cum hac diameter FH, sit omnis ad AG, perpendicularis. Quæ enim tunc recta IK, ex centro I, secans rectam FH, in circulo ABCD, bifariis in L, quod K, cæterum sit circuli EFGH, & secat eandem ad angulos rektos perit diametri FH, ad eandem AG, perpendicularis. Ducta autem recta BI, secet eandem AG, in L, per se existente in vtroque circulo, ex quo ad eandem AG, perpendicularis eriguntur LI, secans circulum EFGH, in N: ac tandem ad L, fiant duo anguli æquales NLO, MLP, ac proinde ex rectis reliquis OLA, PLG, secetq, recta LO, circuli EFGH, in Q, recta vero LP, circulum ABCD, in R. Dico & arcus alternos CH, EN, & AM, GN, quos perpendicularis LMN, abscindit, & arcus OR, QP, interduas rectas LO, LP, esse similes. Quoniam enim BD, FH, ad AG, perpendiculares sunt

a p. 1. rectæ.

b 28. primi.

c 25. primi.

d 15. primi.

e p. 1. rectæ.

telæ sunt, & erunt anguli alterni IBL, KHL, æquales: Sunt autem & rectæ BIL, HKL, & anguli BIL, HLK, ad verticem æquales. Ac quadrangula igitur sunt triangula BIL, HKL. Erunt igitur ut BI, ad IL, ita HK, ad KL. Est autem ML

ipsi MI, & NK, ipsi HK, æqualis. Igitur erit quoque ut MI, ad IL, ita NK, ad KL. Quoniam igitur in triangulis MIL, NKL, anguli recti ILM, KLN, æquales sunt, & latera circa angulos MIL, NKL, proportionalia, ut ostendimus, reliquorum autem angularum M, N, uterque minor est recto, ex Coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Euclid. erunt ipsa triângula æquiangula, angulosque MIL, NKL, ad centra æquales habebunt. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus CM, EN, fimiles sunt, ac proinde ex femicirculis reliqui AM, GN, fimiles quoque erunt. ex eodem scholio. quod est fecundum.

a 7. sexti.

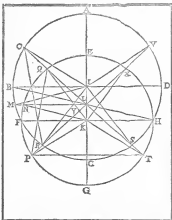
IVNGANTVR re-
ctæ IO, KP, IR, KQ. Et
quodam in triangulis
ILO, KLP, anguli ILO,
KLP, æquales sunt, (Cū
enim MLI, MLK, recti
sint, & MLO, MLP,
æquales, ex hypothesi
erant etiam reliqui ILO,
KLP, æquales.) & latera
circa angulos ILO, LKP,
proportionalia. (Erat
enim in triangulis MIL,
NKL, ut MI, ad IL, ita
NK, ad KL. Cum ergo
OI, ipsi MI, & PK, ipsi
NK, sit æqualis, erit
quoque, ut OI, ad IL, ita
PK, ad KL,) reliquorum
autem angularum IOL,
KPL, uterque recto mi-
nor est, quod dicitur rectæ AO, CO, EP, GP, in femicirculis faciant angulos re-
ctos, quorum illi partes sunt; erunt ipsa triângula æquiangula, angulosque
LIO, LKP, habebunt æquales.

RV & SVS quæ in triangulis ILR, KLQ, anguli ILR, KLQ, æquales sunt,
(cum enim æquales positi sint MLR, MLQ, additis rectis æqualibus MLI, MLK,
non ILR, KLQ, æquales sunt,) & latera circa angulos LIR, LKQ, proportionalia,
(Erat enim in triangulis MIL, NKL, ut MI, ad IL, ita NK, ad KL. Cum ergo
RL, ipsi MI, & QK, ipsi NK, sit æqualis, erit quoque ut RI, ad IL, ita QK,
ad KL.) reliquorum autem angularum IRL, KQL, uterque recto minor est,
& quod dicitur rectæ AR, CR, EQ, GQ, faciant in femicirculis angulos rectos
quorum illi partes sunt; erunt triângula ipsa æquiangula, angulosque LIR, LKQ,
æquales habebunt. Ostensi sunt autem & æquales toti anguli LIO, LKP. Ablati
igitur æqualibus LIR, LKQ, reliqui OIR, QKP, æquales etiam erunt in cen-
tro L, & proinde ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus OR, QP, fimiles
erunt. quod est primum.

b 31. terciæ.
c 7. sexti.

d 31. terciæ.
e 7. sexti.

VERVM interceptiant iam rectæ LO, LP, arcus fimiles OR, QP. Dico an-
gulos



simil dupli reliqui KQL . Sunt autem supra ostēdō æquales IRL , LPK . Igitur LPK , solus ipsi KQL , æqualis erit. Cum ergo ipsi KQL , æqualis sit ostēsus RTL , erunt quoque KPL , RTL , inter se æquales.

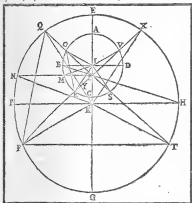
Ad extremum tōcā recta PT , ærunt anguli KPT , KTP , æquales. Si igitur addantur ad æquales KPL , RTL , vel certe auferantur, ut in secunda figura, æquales quoque erunt vel totæ, vel reliqui LPT , LRP : ideoque & rectæ LP , LT , æquales erunt, ac proinde, cum duo la-

a 3. primi.

b 6. primi.

c 8. primi.

d 15. primi.



tera LP , LK , duobus lateribus LT , LK , sint æqualia, & basi KP , basi KT , æqualis, erit angulus quoque PLK , angulo TLK , æqualis. Cum erit angulus TLK , angulo OLI , ad verticē æqualis sit, æquales inter se erūt anguli OLI , PLK : ac propterea & ex rectis reliqui OLM , PLM , æquales erūt, qd est propositū.

CAETERVM non est prætereundum hoc loco, cum anguli OLR , QKP , ad cetera LK , æquales sint, ob positos arcus similes OR , QP , utrilibet eorum æqualem esse angulum OLP , quem rectæ OL , PL , arcus similes abscindentes cōflantur. Secus enim se se PL , QK , in Y . Et quoniam angulus LPK , angulo KQL , ostēsus est æqualis: sunt autem & anguli PYK , QYL , ad verticem æquales, erunt ex coroll. 1. propos. 3. lib. 1. Euclid. reliquis etiam anguli PKQ , PLO , in triangulis PKY , QLY , æquales. Eodem modo ostēdetur idem angulus PLO , angulo OLR , æqualis.

e 15. primi.

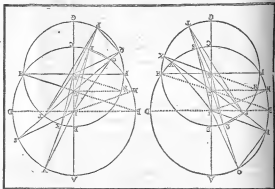
QVOCIRCA si uterque angularum æqualium OLM , PLM , insit arcui semis vnius gradus in circulo, qui ex centro L , describeretur, ita ut totus angulus OLP , arcui vnius gradus insit, insistent quoque anguli illi æquales OLR , QKP , arcubus vnius gradus: Et si angulus OLP , insit duobus gradibus, erunt arcus OR , QR , binorū graduum, &c. Itaque duci possunt ex L , duæ rectæ abscindentes arcus similes OR , QP , qui gradus continerit, quotquot quis insit arcui similium constituantur anguli æquales OLM , PLM , quorum quilibet complectatur dimidium numerum graduum, qui imperantur.

HAEC autem demonstratio, ut vidēs, locum habet in omnibus casibus, siue centrum maioris circuli sit intra minorem, ut in prima figura, siue extra, ut in

ut in secunda, & tertia, siue etiam in ipsa circumferentia minoris. Item siue altera linearum OL, PL, cadat infra diametrum FH, ut in prima figura, & tertia, siue utraque supra eam diametrum, ut in secunda figura, dummodo ex utraque parte perpendicularis LM, æquales cum ea angulos constituant.

S C H O L I U M.

QVEMADMODVM autem recta LA, cum qualibet alia ex L, egrediens auferat arcus dissimiles ex utroque circulo, ut in antecedente lemmate demonstratum est, ita quoque dua recta quæcumque ex L, supra perpendicularem LM, vel infra eandem auferunt ex eisdem duobus circulis arcus dissimiles, ut facile ex his, qui hoc lemmate demonstrata sunt, colligi potest, ut in his duobus figuris apparet. Si namque dua recta OL, PL, siue supra perpendicularem LM, siue infra, abscondere dicamus arcus similes OR, QP, ex eadem constructis sit t quæ prius, ostendentes eodem peritiam, ad angulos OLI, PLK, æquales inter se esse, quod est absurdum, cum unus acutus sit,



& alter obtusus. Solent igitur arcus similes inter duas rectas intercepti possunt inter duas rectas, quæ æquales angulos cum LM, utroque facient, hoc est, quarum una sita supra LM, & altera infra eam.

L E M M A XXXV.

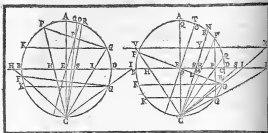
SI in circulo duæ diametri sese ad angulos rectos secant, & in eodem recta ducatur ad utramque diametrum
inclinata,

inclinata, vel vni earum parallela; ab vno autem extremo alterutrius diametrorum per extrema rectæ lineæ inclinatz, vel ab extremo diametri illius, cui recta æquidistans est, extendantur duæ rectæ triangulum constituentes, cuius basis est recta inclinata, vel illa parallela: Altera diameter abscindet ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrarie positum. Et si recta inclinata per centrum transeat, recta ex eodem diametri extremo ad eam ducta perpendicularis basem trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam secabit, ipsaque perpendicularis semissi eiusdem basis æqualis erit. Si vero recta per centrum non transeat, siue inclinata sit, siue vni diametrorum parallela, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum vbi rectam illam secat, ex eodem illo extremo diametri recta ducatur vsque ad circumferentiam, ac tandem arcui inter hoc punctum circumferentiz, & diametrum perpendicularem postremo loco ductam, arcus ex altera parte æqualis abscindatur: Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum huius arcus ducta, secabit quoque basim trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam.

SECT. *des* in circulo ABCD, cuius centrum E, duæ diametri AC, BD, ad rectos angulos, sitque ad utramque inclinata recta FG, sitæ citra centrum, vel ultra eas, ut in prima figura, sitæ per centrum transeat, vt in secunda figura, sitæ non sit inclinata, sed vni diametrorum, verbi gratia, ipsi AC, parallela, vt in eadem secunda figura; sitæ denique tota inclinata sit ex vna parte diametri AC, vt in tertia, & quarta figura: quod duobus modis fieri potest. Aut enim ea alteram diametrum BD, secat, vt in tertia, aut non secat, vt in quarta figura. Atque ex puncto C, per extrema F, G, duæ rectæ extendantur CF, CG, constituentes triangulum CFG, secantemque diametrum BD, in H, I. Dico triangulum abscissum CHI, triangulo CFG, simile esse, sed subcontrarie positum, hoc est, angulum CHI, angulo CGF, & angulum CIH, angulo CPG, esse æqualem, &c. Duæ enim GK, diametro BD, parallela, erunt arcus BK, DG, æquales, ex scholio propof. 17. lib. 3. Euclid. Si igitur ex quadrantibus æqualibus BC, DC, demantur, vel quando GK, est ultra diametrum BD, addantur; erunt quoque reliqui arcus, vel constans CK, CG, æquales. Ideoque, & anguli CGK, CFG, illis misilentes ad circumferentiam æquales erunt. ^a Est autem angulo CGK, angulus CIH, internus externo, æqualis. Igitur & anguli CIH, CFG, æquales erunt. Cû ergo angulus PCG, utroque triangulo sit cõmunis, erunt ex coroll. 1. propof. 31. lib. 1.

a 27. tertij.
b 29. primæ.

14. *secū.* 32. lib. 1. Euclid. triangula CHI , CFG , æquiangula 3^a ac propterea latera circa æquales angulos habebunt proportionalia, ideoque similia erunt, sed sub contrarie posita.



- $DVCATVR$ iam ex eodem puncto C , ad rectam inclinatam FG , per centrum tranſcentem (ut in ſecunda figura) perpendicularis CI , ſecans balem HI , in M , quod facile fiet hoc modo. Sumatur arcus CG , arcus GN , æquales, demiturque recta CN . Hæc enim ad FG , in L , perpendicularis erit. Recta namque EL , ex centro ſecans arcum CN , biſectam in G , ſecabit quoque ex ſcholio propoſ. 17. lib. 3. Euclid. rectam CN , biſectam. Igitur & ad angulos rectos. Dna baſem HI trianguli abſciſſi CHI , ſectam eſſe in M , biſectam, rectamque CM , utriq; ſenſit MI , MH , æqualis eſſe. Quoniam enim angulus PCG , in ſemicyculo rectus eſt, & ex eo ad FG , baſem trianguli rectiſſi CFG , demiffa eſt perpendicularis CL ; o erit angulus GCL angulo CFG , & angulus PCL angulo CGP , æqualis, ſed angulo CFG , angulus CHI , & angulo CGE , angulus CHI , obſerſus eſt æqualis. Igitur tam anguli GCL , CHI , quam anguli PCL , CHI , æquales erunt, o Quare tam latus CM , laſeri CHI , in triangulo MCI , qui in latus HM , eidem laſeri CHM , in triangulo MCH , æquale erit; ac proinde & rectæ MI , MH , æquales erunt, & utrique earum æqualis CM , quod eſt propoſitum.
- b 3. *tercij.*
- c 31. *tercij.*
- d 8. *ſexti.*
- e 6. *primi.*



f 3. *tercij.*

$RVRVN$ dicatur ad FG , (inſta etiam figuræ) non per centrum tranſſentem & abſciſſam perpendicularis EO , quæ ipſam FG , biſectam ſecabit in P , puncto, per quod ex eodem puncto C , recta emittatur ſecans circumferentiam in Q , & arcus OQ , æqualis ſumatur arcus OR , ac tandem ex eodem puncto C , per R ,

per quod ex eodem puncto C , recta emittatur ſecans circumferentiam in Q , & arcus OQ , æqualis ſumatur arcus OR , ac tandem ex eodem puncto C , per R ,

per R , recta ducatur secūs HI , basem trianguli abscissā in S . Dico basē HI , in S , scēsi esse bisariam. Quoniam enim triagula CFG , CIH , similia ostensa sunt, sed subcontrarie posita, habentia angulos aequales F, I . Sunt autē in triangulis CFP , CIS , anguli quoque FCP , ICS , aequales, ob arcus aequales FQ, GR . (Nam cum aequales sint arcus OF, OG , ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclidi quod recta FG , secūs sit bisariam in P , si deamantur aequales OQ, OR , reliqui etiam FQ, GR , aequales erunt.) Igitur & triagula CFP , CIS , aequiangula erunt. Quocirca erit, ut FG , ad FC , ita IH , ad IC , & ut FC , ad FP , ita IC , ad IS . Igitur ex aequalitate, (ut in appofita formula apparejerit quoque, ut FG , ad FP , ita IH , ad IS . Est autem FG , ipfius FP , dupla. Igitur & IH , ipfius IS , dupla erit, ac proinde IH , in S , bisariam secabitur. quod est propositum. Immo si ad rectam FG , per centrum tranfeuntem ducatur diameter ET , perpendicularis, & arcui TA , aequalis sumatur TN . (Du-
cta enim effictam CA , per E , punctum intersectionis diametri perpendicularis ET , cum FG ,) secabit recta CN , basem HI , bisariam quoque in M quod eadem ratio probatur, ut patet, si pro A , sumatur litera Q , & O , pro T , & R , pro N , & S , pro M , & P , pro E , ut in secunda figura apparet. Diligenter autem attendendum est, quae confusio fiat in triangulis priorum duarū figurarum, quae assumuntur, propter easdē literas repetitas, ut ex semper literae accipiantur, quae proprijs triangulis debentur. In duabus figuris posterioribus non est hoc periculum. Hoc idem, quod posterius dixi de recta FG , per centrum ducta, nullo negotio colligi potest ex superiore demonstratione, quando probatum est, perpendicularē CI , bisariā fecare HI , in M . Quoniam enim totus arcus CDA , totus arcus DA , & ex toto CDA , ablati AN , ex toto DA , ablati AT , duplus est, ex cōstructione, erit quoque totus CDA , reliquus CN , ex toto DA , reliquus DT , duplus. Cū ergo DT , ipsi CG , aequalis sit. (Nam ex quadrantibus GT, CD , de pro eodem arcu GD , reliqui arcus DT, CG , aequales erunt.) erit quoque arcus CN , arcus CG , duplus; sed quando arcus CG , duplicatur vique ad N , recta CN , ad FG , perpendicularis est, diuiditq, HI , bisariam, ut supra demonstratū est. Igitur quando arcui TA , aequalis sumitur TN , recta quoq, CN , bisariam secabit HI , in M , cum ex hoc sequatur reliquum arcum CN , & sum esse bisariam in G , ut demonstratum est.

QVANDO recta inclinata FG , per centrum transit, ut in secunda figura, demonstrabimus triangulū CHI , abscissum triangulo CFG , esse simile, sed subcontrarie positum, etiam si parallela G , ducta nō sit, hoc modo. Quoniam angulus FCG , in semicirculo rectus est, atq, ex eo de missa perpendicularis CE , ad basem trianguli CHI , erit angulus HCE , angulo CIH , & angulus ICE , angulo CHI , aequalis. Est autem angulo HCE , aequalis angulus CFG . Ambo enim insistant arcibus AF, CG , qui aequales sunt, propter angulos ad verticē in cōtro E , aequales AEF, CEG , & angulo ICE , angulus CGF , aequalis, quod ambo insistant arcibus AG, CF , qui aequales sunt, ob angulos AEG, CEF , aequales, ad verticē E , in centro. Igitur & anguli CIH, CFG , & CHI, CGF , aequales erūt, etque angulus FCG , cōs. Igitur aequiangula sunt triagula CHI , CFG , & subcontrarie posita.

C O R O L L A R I V M.

EX his quae hoc loco demonstrata sunt, colligitur, si in quavis circulo duae diametri sese ad rectos angulos secantes ducantur, rectam lineam, quae ad aliquam aliam diametrum obliquam perpendicularis ducitur ab extremo

P

utrumvis

a 27. tertij.

b 4. sexti.

c 5. quinti.

d 31. tertij.

e 8. sexti.

f 27. tertij.

g 26. tertij.

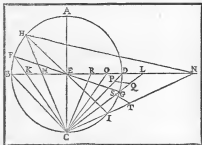
h 27. tertij.

i 26. tertij.

utriusvis diametrorum sese ad angulos rectos secantium, dividere bisariam segmentum cuiusvis lineæ rectæ alteri diametro æquidistantis interceptum inter rectas ex eodem illo puncto extremo per terminos diametri oblique eius. *Præterea* si in circulo $ABCD$ secunda figura ductis duabus diametris sese ad rectos angulos secantibus AC, BD , ex puncto extremo C L diametri AC , ad quamlibet obliquam diametrum FG , ducatur perpendicularis CL dico eam productam secare bisariam in T segmentum FX , cuiusvis rectæ FX , ducti diametro BD , æquidistantis inter rectas CF, LG , interfectionem. Quoniam enim ex scholio propof. 4 lib. 6. Euclid. est ut HM , ad MI , ita FT , ad TX , elliq; HM , ipsi MI , æqualis, ut ostensum est, erit quoque FT , ipsi TX , æqualis. Eademque ratio est de quacunque alia lineâ æquidistante ipsi BD , sine ea ipsa BD , quantumvis intervallo distans ducatur, sine citra BD .

L E M M A XXXVI.

SI in circulo dux diametri sese ad rectos angulos secant, & in eodẽ aliæ dux diametri ad illas inclinæ ducuntur, ab vno autẽ extremo alterutrius diametrorũ priorum per extrema posteriorũ binæ rectæ extēdantur: Erũt rectæ ex altera priorum diametrorum à binis rectis abscissæ maiores diametro circuli, ipsæq; inter se erunt quoq; inæquales, maior videlicet illa, cuius diameter inclinata maiorem angulum cum altera illa diametrorum priorum cōstituit.



CG , extendantur secantes BD , in K, L , quam per extrema H, I , rectæ CH, CI , secantes eandem BD , in M, N . Dico utramq; rectam abscissam KL, MN , maiorem esse

IN circulo $ABCD$, ductis cōp. E , secantibus sese ad rectos angulos duæ diametri AC, BD , & in eodẽ sit dux diametri ad illas inclinæ FG, HI , utque ex puncto extremo C , tan per extrema F , G , rectæ CF ,

esse diametro BD, ipsaq; inter se inaequales, & MN, maiorem quam KL. Iunctis
enim rectis CB, CD, & sumpta recta EO, aequali ipsi EK, iungatur recta CO. Et
quoniam duo latera EB, EC, duobus lateribus ED, EC, aequalia sunt, angulosq;
continent aequales, utpote rectos; erunt etiā bases CB, CD, aequales. Eadē ratio-
ne aequales erunt rectae CK, CO, propterea quod & duo latera EK, EC, duobus
lateribus EO, EC, aequalia sunt, angulosq; aequales, rectos videlicet, continent.
Quia vero in triangulo ECO, externus angulus DOC, interno recto OEC ma-
ior est, & propterea in triangulo COD, angulus ODC, recto minor, quod a mho
COD, ODC, duobus rectis minores sint; erit recta CD, maior, quā recta CO.
Eademq; ratione CL, maior erit quā CD, propterea quod in triangulo ECD, an-
gulus quoq; externus LDC, interno recto DEC, maior est, ideoq; in triangulo
CDL, angulus DLC, recto minor, cum ambo CDL, DLC, sint duobus rectis mi-
noribus. Abscindatur recta CP, ipsi CO, hoc est, ipsi CK, & CQ, ipsi CD, hoc est,
ipsi CB, aequalia, iungaturq; recta PQ. Quoniam igitur duo latera CP, CQ, duo-
bus lateribus CK, CL, aequalia sunt, angulosq; continent aequales PCQ, KCB,
quod aequalibus arcibus DG, BF, insistant; (Sunt enim hi arcus aequales, cum
ei insistant in centro anguli ad verticem aequales.) erunt triangula PCQ,
KCB, aequalia; ac proinde triangulum DCL, cuius triangulum PCQ, pars est,
manente triangulo KCB. Est autem, ut triangulum DCL, ad triangulum
KCB, ita basis DL, ad basem BK. Igitur & basis DL, basē BK, maior erit; ad-
ditaque communi recta KD, tota KL, maior fiet, quā tota BD. Non aliter de-
monstrabimus MN, maiorem esse eadem BD.

DEINDE recta EM, accipiat equalis ER, iungaturq; recta CR, quae
ostenditur ipsi CM, aequalis, quemadmodū CO, ipsi CK, ostensa est aequalis. Cū
enim duo latera EC, EM, duobus lateribus EC, ER, sint aequalia, continentque
angulos rectos aequales; erūt bases CM, CR, aequales. Quia vero in triangu-
lo ERC, angulus externus LRC, interno recto REC, maior est, ideoq; in triangu-
lo LRC, angulus RLC, maior recto, cū ambo LRC, RLC, duobus rectis mino-
res sint; erit recta CL, maior quā CM, CR. Eademq; ratione maior ostendetur
CN, quā CO, propterea quod in triangulo EOC, externus angulus NOC, in-
ternorecto OEC, maior quoq; erit, ideoq; in triangulo CON angulus CNO,
minor recto. Abscindatur CS, ipsi CR, hoc est, ipsi CM, & CT, ipsi CO, hoc est
ipsi CK, aequalia, iungaturq; ST. Quoniam igitur duo latera CS, CT, duobus late-
ribus CM, CK, aequalia sunt, angulosq; continent aequales SCT, MCK, cū insistant
arcibus GI, FH, qui aequales sunt ob angulos ad verticem in centro aequales;
erunt triangula SCT, MCK, aequalia; atque ideoque triangulum LCN, cuius
triangulum SCT, pars est, maior erit triangulo MCK. Est autem ut trian-
gulum LCN, ad triangulum MCK, ita basis LN, ad basem KM. Igitur & ba-
sis LN, basē KM, maior erit; additaque communi recta ML, tota MN, maior
fiet, quā tota KL, quod est propositum.

PORRO tam rectam KL, quā MN, maiorem esse diametro BD, vel FG,
vel HI, hac etiam ratione demonstrari poterit. Concipiatur animo conus scile-
nim, cuius vertex C, & basis circulus circa diametrum FG, ad planum trianguli
CFG, rectus, quē conum fecerit aliud planum ad idem triangulum per axē CFG,
rectum abscondens triangulum CKL, quod per praecedens lemma subcontraria
positum est, sed simile triangulo per axem CFG: ac proinde hoc postertus pla-
num per lemma 17. in cono circulum faciet, cuius diameter KL. Et quia diame-
ter FG, diamētrā est bisariam in centro. Erit diameter KL, maior, scilicet biturq; in
L, non bisariam, & maior ejus portio erit EL, versus eam partem, ubi diameter

a 4. primi.

b 16. primi.

c 17. primi.

d 19. primi.

e 27. tertij.

f 26. tertij.

g 4. primi.

h 1. sexti.

i 4. primi.

k 16. primi.

l 17. primi.

m 19. primi.

n 27. tertij.

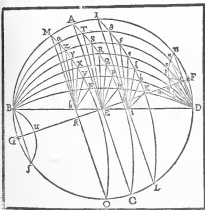
o 26. tertij.

p 4. primi.

q 1. sexti.

CIRCULI positionum in sphaera obliqua boreali secantes arcum semidiurnum Aequatoris in partes aequales, secant arcus semidiurnos parallelorum in partes inaequales: Et in parallelis quidem australibus quilibet pars inter Meridianum & quemlibet circulum positionis minor est respectu proprii arcus semidiurni, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiurni Aequatoris; In borealibus vero maior. Iidem tamen circuli positionum parallelos Horizontem tangentes secant quoque in partes aequales.

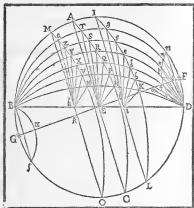
IN sphaera ABCD, obliqua boreali, cuius centrum E, Horizon obliquus BHD; axis mundi FG; Aequator AHC; parallelus borealis IKL; australis MNO; Meridianus ABCD, per polos mundi & Horizontis ductus. Diviso autem quadrante Aequatoris A H, Orientali, vel Occidentali, in sex partes aequales in 2, 3, 4, 5, 6, 7, ducentur per divisionum puncta & puncta B, D, ubi Meridianus Horizontem secat, circuli maximi positionum secantes parallelum in V, X, Y, Z, a, b, d, e, f, g. Dico parallelum in partes inaequales esse diviso, & arcus Ma, MZ, MY, MX, MV, minores partes esse respectu arcus semidiurni MN, quoniam arcus AT, AS, AR, AQ, AP, respectu arcus semidiurni



222.1. Theor.

Aequa-

Acuatoris AH : at arcus Ig, If, Ic, Id, Ib, maiores respectu arcus semidiurni IX. Sint enim BD, MO, AC, IL, communes sectiones, Horizontis, parallelorū, ac Meridiani. Et quoniam Meridianus Horizontem, omnesque parallelorū, ac Meridiani; erunt BD, MO, AC, IL, Horizontis, ac parallelorum diametri, & axisque FG, per parallelorum centra k, E, l, transibit, eruntque MN, AH, IL, inter Meridianum & Horizontem, arcus semidiurni. Ductis autem ex b, E, a, punctis, ubi parallelorum diametri Horizontis diametris secant, rectas hN, EH, IK, hV, EP, ib, & ad reliqua divisionum puncta, erunt hN, EH, IK, communis sectiones Horizontis ac parallelorum; ac proinde parallele: At vero hV, EP, ib, communes sectiones circuli positionis BPD, & parallelorum; ideoque & inter se parallele, atque ita de ceteris dicendum est. Erunt igitur tam sex anguli ad b, quàm sex ad a, constituti aequales sex ad E, confluentis. Sunt autem omnesque ad E, inter h



Ma, minor, quàm sexta pars arcus semidiurni MN, cum quolibet sequentis quinque partium aZ, ZY, &c. maior sit, quàm Ma. Sic erit NZ, minor quàm tota pars eiusdem arcus MN, quod unaquaque duarum ZX, XN, maior sit quàm NZ. Nam & tres anguli MbZ, ZhX, XhN, aequales sunt, cum eorum semisses sint aequales. Item arcus bY, minor erit semisse eiusdem arcus MN, cum YN, maior sit quàm MY, propterea quod & duo anguli MbY, YhN, aequales sunt, quippe quarum tertiae partes aequales sunt. Pari ratione arcus MX, erit minor quàm tota tertiae partes eiusdem arcus MN, quod XN, sit maior quàm tertia pars, ut maior sit utroque arcuum XZ, ZM. Denique MV, minor erit quàm quinque sextae partes eiusdem arcus MN, quod NV, maior sit quàm sextae pars, propterea quod

quid maior est qualibet reliquarum quinque partium VX, XY, &c. E contrario enim Ig, maior quam sexta pars arcus IK, cum maior sit qualibet sequentium quinque partium gf, fe, &c. Item If, maior erit quam tertia pars eiusdem arcus IK, cum maior sit qualibet duarum partium fd, dk. Nam & tres anguli Iff, fid, dIk, æquales sunt, cum eorū semisses æquales sint. Rursum se, erit maior quam semis eiusdem arcus IK, quia maior est quam eK, quod & duo anguli fse, eIK, æquales sint, cum eorum tertie partes sint æquales. Præterea Id, maior erit quam duæ tertie partes eiusdem arcus IK, propterea quod dK, minor est tertia pars, cum minor sit utroque arcuum df, fl. Denique Ib, erit maior quam quinque sextæ eiusdem arcus IK, quod Kb, minor sit quam sexta pars, quippe cum minor sit qualibet aliarum quinque partium bd, de &c.

CONTRA RIVM accidet in sphaera obliqua australi. Arcus enim abscissus à Meridiano, & circulis positionum, maiores erunt in parallelis australibus, & in borealibus minores, respectu arcuum semidiurnorum, quam ipsi dem arcus in Aequatore, respectu arcus semidiurni Aequatoris.

SED iam iidem circuli positionum secant parallelum Dpm, qui Horizontem tangit in D, & cuius diameter Dm, in punctis n, o, p, q, r. Dico arcus mn, no, op, pq, qr, rD, æquales inter se esse, sicut in Aequatore. Ductis enim rectis Dn, Do, Dp, Dq, Dr, & quæ rectis ET, ES, ER, EQ, EP, parallelæ sunt, erunt rursum quinque anguli mDn, nDo, oDp, pDq, qDr, quinque anguli æquales AET. TES, SER, REQ, QEP, æquales; ideoque & inter se æquales erunt. Quinque ergo arcus mn, no, op, pq, qr, æquales inter se erunt. Et quia ducta semidiastro metro tp, angulus ntp, in centro duplex est anguli mDp, in circumferentia: Est autem angulus mDp, æqualis angulo AER, quod eorum tertie partes sint æquales ostendit. Igitur angulus ntp, duplex quoque erit anguli AER. Cum ergo angulus AEH, duplex quoque sit eiusdem anguli AER, quod & arcus AH, duplex sextantis AR, æquales erunt anguli mtp, AEH; ideoque arcus mp, AH, similes, ut scholio propos. 11. lib. 3. Euclid. Cum ergo AH, sit quadrans, erit & mp, quadrans, ac proinde & pD, reliquus ex semicirculo quadrans erit. Est autem arcus op, tertia pars quadrantis mp, quod tres arcus mn, no, op, ostendi sunt æquales. Igitur & arcus pq, qr, qui illis æquales sunt, tertie partes erunt quadrantis pD, ac proinde & reliquus rD, tertia pars erit eiusdem quadrantis pD; atque idcirco omnes sex arcus quadrantis mpD, æquales inter se erunt. quod est propositum.

VERVM postquam probatum est, quinque arcus mn, no, op, pq, qr, æquales esse, ostendetur etiam rD, illis esse æqualem, hoc modo. Sit Da, communis scissus Horizontis & paralleli mpD, quæ ex desin lib. 1. Theod. utrumque circum tanget, eritque ipsi EH, parallela, ac proinde angulus aDr, angulo HEP, ideoque & reliquis ad punctum D, æqualis erit. Est autem angulus aDr, æqualis angulo in altero segmento, qui arcui Dr, insidet. Igitur idem angulus arcui Dr, insidet quinque angulis rDq, qDp, pDo, oDn, nDm, æqualis erit, ac proinde omnes sex arcus quadrantis mpD, æquales inter se erunt.

EADEM ratione demonstrabimus eodém positionem circulos productos oppositum semicirculum tangentem Bus, secare in sex partes æquales.

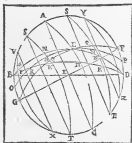
a 26. vides.
b 10. vides.
c 26. terti.
d 20. terti.

e 33. sexti.

f 14. vides.
g 10. vides.
h 32. terti.
i 26. terti.

IN sphaera obliqua boreali circuli per horas inaequales Aequatoris, & cuiusvis parallelj transeuntes, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum australem; ex parte vero boreali supra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum Septentrionalem.

IN sphaera obliqua boreali, cuius centrum E, Meridianus ABCD; axis mundi FG, Horizon BHD, Aequator AC; parallelus sine australis, sine borealis SKT; arcus semidiurni AH, SK. * Ducatur per aliquam horam Aequatoris inaequalem L, & respondentem horam inaequalem parallelj M, circulus minimus LM. Dico eum secare Meridianum ex parte australi inter B, & polum australem G, infra Horizontem, minimum in O; ex parte vero boreali inter D, & polum borealem F, supra Horizontem, maximum in P. * Ducatur enim per punctum L, Aequatoris circulus positionis BLD, secans parallelum in N, & maximus circulus per polos mundi FLG, sicut parallelum in Q. Quoniam igitur per lemma praecedens, arcus SN, in australi parallelis est respectu arcus semidiurni AH, quam arcus AL, respectu arcus semidiurni AH, hoc est, quia arcus SDI, respectu arcus semidiurni eiusdem SK; in boreali autem parallelis minor, scilicet punctum M, in paralelo australi infra N, in boreali vero supra.



Rursum quoniam arcus AL, SQ, finales sunt, contingebunt ut horae aequales in SQ, quoniam AL; Continentur autem totae horae inaequales in SN, quot in AL, suntque horae inaequales in parallelis australi minores horis aequalibus, & in boreali maiores. Igitur in paralelo australi punctum horae inaequalis M, cadet supra punctum horae aequalis Q, in boreali vero infra. Oportet autem eundem punctum M, cadere infra N, nam parallelis australi B, & in boreali supra. Igitur circulus LM maximus horae inaequalis, cuius puncta N, Q, cadat, secabit Meridianum inter circulos BLD, ELG; quod ex parte australi eundem secabit infra Horizontem in puncto O, inter Horizontem & polum australem G, ex parte autem boreali supra Horizontem in puncto P, inter Horizontem & polum borealem F. Eademque ratio est ceteris circulis horarum inaequalium.

IN sphaera obliqua australi contrarium intelligas. Ibi enim circulus LM, secans Meridianum ex parte boreali inter F, & polum borealem, supra Horizontem, maximum in P; ex parte vero australi inter B, & polum australem, infra Horizontem, minimum in O.

IN sphaera obliqua australi contrarium intelligas. Ibi enim circulus LM, secans Meridianum ex parte boreali inter F, & polum borealem, supra Horizontem, maximum in P; ex parte vero australi inter B, & polum australem, infra Horizontem, minimum in O.

in cuiusque horæ inæqualis secabit Meridianum infra Horizontem ex parte boreali, supra vero ex parte australi, semper tamen inter Horizontem & polum mundi.

L E M M A XXXIX.

CIRCVLI maximi transeuntes per horas inæquales Aequatoris, & duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inæquales parallelorum intermediorum transeunt in sphaera obliqua.

REPETA TVR figura antecedentis lemmatis. Et quoniam circulus maximus LM, transiens per inæqualem horam eandem Aequatoris & parallelum SKT, secat Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ut in lemma te antecedente demonstratum est; secabit idem Horizontem ex eadem parte, in quam arcus semidiurni vergunt, in puncto R, ante punctum B. Describatur ergo parallelus australis VIX, cuius arcus semidiurnus VI, secet Horizontem inter B & R, & ei æqualis oppositus describatur YZ. Sumatur autem in arcu semidiurno VI, arcus V₁, tot horarum inæqualium, quot in arcubus AL, SM, continentur. Quia vero circulus maximus per puncta a, L, descriptus transit per eandem horam inæqualem in parallelo opposito boreali YZ, ut in scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices demonstrauimus, non transibit idem circulus per eandem horam inæqualem in parallelo intermedio ST, quandoquidem maximus circulus per L, M, ductus non transit per a, sed Horizontem secat in R, nulloque modo parallelum VX, supra Horizontem secat; ac proinde à circulo per a, & L, ducto diuersus est.

QVOD si describantur circuli maximi per omnes sex horas arcus semidiurni Aequatoris & parallelum ST, secabunt eundem omnes Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ac proinde Horizontem citra punctum B. Si igitur parallelus australis describatur, cuius arcum semidiurnum nullus eorum circulorum maximorum secet, & per sex horas inæquales huius arcus semidiurni, & Aequatoris, describantur maximi circuli, transibunt quidem i, ex scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices, per sex horas inæquales parallelum borealem oppositi, sed nullo modo intermedium parallelum ST, in horis inæqualibus intersecabunt, quippe qui differant à circulo maximo, quos per horas inæquales Aequatoris, & parallelum ST, duci diximus, cum in parallelum australem non secant supra Horizontem, ex constructione.

IDEM liquido constat in elevatione poli grad. 66. $\frac{1}{2}$ vbi tropici Horizontem tangunt, & tropicus 22, totus est supra Horizontem, & tropicus 26, infra. Quoniam enim, ut in lemma 37. demonstrauimus, circuli positionum transiunt in ea sphaera per horas inæquales Aequatoris, & parallelorum tangentium, ipsique circuli positionum, ex eodem lemma diuidunt aliorum parallelorum sectionum intermediorum arcus semidiurnos inæquales; perspicuum est, ea in sphaera circulos maximos transientes per horas inæquales Aequatoris, & utriusque tropici, (in vno quidem per horas diurnas, & in altero per nocturnas) non transire per horas inæquales aliorum parallelorum intermediorum, quippe cum

horas inaequales dividant arcus semidiurnos in partes aequales, quod non fi-
citur in eadem positionum in parallelis intermedijs, ut dictum est.

R V R S V S in eadem sphaera obliquitate, si per horas inaequales Aequato-
ris, & aliquot parallelis inter Aequatorem, & tropicum Σ , positi describamus
circuli maximi, capietur quinquies, ex lemma 27. infra Horizontem, antequam
Meridianum fecerint. Si igitur parallelus australis inter tropicum Σ , & Aequa-
torem describatur, qui Horizontem faciat, ultra omnia illa puncta, per quae or-
bitis interpositi incedunt, & iter arcus semidiurnos sex partes aequales di-
datur, transibunt maximi circuli per eas partes & horas utraque Aequatori
duobus, per horas quoque inaequales oppositis parallelis boreales. Certum autem
est, eosdem non transire per horas inaequales assumpti parallelis intermedijs, cum
circuli maximi per horas inaequales Aequatoris, & assumpti paralleli obliqui,
ab illis omnino differant, quippe qui arcus semidiurnum illius parallelis
borealis non secare possint.

S C H O L I U M.

Non datur
horizontem, qui
per horas inae-
quales semidi-
urnum transi-
turus.

P E R S P I C I V M est ex omnibus his, in sphaera obliqua non posse dari circuli
maximi, qui per horas inaequales omnium parallelorum transierint, hoc est, qui sem-
per arcus diurnos in duas partes aequales partiantur; quod tamen antea qui de
horologijs describimus agimus, pro certo accepimus. Dividunt enim totius semper
arcus diurnus ΣQ , vel Σ , in 12. partes aequales, aut certe inaequales in tropi-
cos puncta horarum inaequalium, per quae puncta, & per horas in aequantibus lineis
rectas ductas pro lineis horarum inaequalium, pendet ac si transversis lineis horarum
aequales indicarent, tota anni tempore, nullis commotionibus sphaeræ plani horologij, &
obliqui quocumque per horas inaequales omnium parallelorum transierint. Et
circa, & horum factum, ut hoc, cum eius demonstrationem non invenimus, non po-
tuit antea de his materijs, regimini per horas exemplares. Nos hoc antea tam in Ita-
lia, quam extra Italiam, ut me docerent, quantum ratione demonstrare possit, nihil
invisibile ostendimus, qui per horas inaequales Aequatoris, & utriusque tropici diurnos,
[Hoc dumque fieri possit, demonstratum à nobis est in scholis propos. 1. c. lib. 1. Geom-
etrici] per horas inaequales aliorum parallelorum inter tropicos existantiam transie-
re, sed antiquum id, quod desiderabamus, conjectare potui, quantum ex illis non desunt, quod
illud si demonstrarimus nobis pollicetur: Verum necesse est: cum hallucinamus, si
quidam punctum à nobis, cum de his materijs demonstrationem inquirimus, hoc nos
demonstratum est, ut fieri velle statim posse.

Lineae horarum
inaequales in
horologio quod
obliquum.

I T A Q U E Lineae horarum inaequalium in horologijs, qualis quies in Geometri-
ca nobis demonstravit, sunt tamquam commotiones sphaeræ plani horologij, & obli-
quorum circularium, qui per horas inaequales Aequatoris, & utriusque tropici, et
certe Aequatoris, & parallelis, cuius arcus diurnus 12. horas aequales, vel 6. horarum.
Atque ita si geometrice volumus loqui, non habebimus vere horas inaequales, nisi cum
sit altitudo in Aequatore, vel in illis parallelis extremis, quarum borealem descripsi
fuit. Verum est, in ea sphaera, in qua positi altitudinis gradus 45. non excedit, et quod
esse discernimus inter veras horas inaequales, & eas, quarum dista linea indicamus, non in-
stantiam tropicorum, ut calinae pro veris assumi possint sine errore, quod sub suspensa
tendere possit. At ubi altitudo poli minor est, quam grad. 45. non item: quia ibi ma-
gis discernimus apparet, & quo maior fuerit altitudo poli, eo maior differentia erit
inter veras horas inaequales, & illas lineas: quoniam eadem erunt et minor differ-
entia inter easdem erit, quod minor altitudo poli fuerit. Quae ratio et ista, quae demon-
stravit

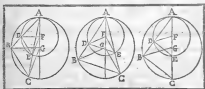
*Quia hoc loco à nobis fuit, colligi possunt. Quapropter in variis hanc inaequalis in-
ducitur in horologia, immutanda erant eorum puncta in pluribus parallelis inter duos
equos, ex arte, quia eadem in tropico utroque insignimus, eaq; deinde puncta,
quae in hac recta non iacent, congruenter lineulis inflexis coniungenda, ut in hyper-
bolis, & alijs sectionibus conicis describendis fieri solet.*

LEMMA XXXX.

SI in triangulo parallela vni lateri agatur, vel si pro-
ductis duobus lateribus versus angulum ab eis compre-
hensum, tertio lateri ducatur parallela, vt duo fiant trian-
gula: Circuli circum ea descripti se mutuo in angulo, vel
puncto communi tangunt.

SIT primum in triangulo ABC, recta DE, lateri BC, parallela, describan-
turque circa triangula ABC, ADE, circuli ABC, ADE, quos dico mutuo se tan-
geri in A, angulo comuni. Ductis enim ex centrīs F, G, ad bases triangulorum hi-
ni rectas FD,
FE; GB, GC,

* quoniam tam
angulus DFE,
quam BGC,
anguli BAC,
duplex est; er-
unt ipsi inter
se aequales. Er-
go & reliqui
duo FDE,
FED, reliquis
duobus GBC,
GCB, aequales erunt; ac propterea,



a 20. scholij.

GCB, aequales erunt; ac propterea, ^b eum tam illi, quam hi inter se aequales sunt; erit quilibet illorum cuiuslibet horum aequalis, ac proinde angulus FDE, angulo GBC, aequalis erit. ^c Est autē & totus angulus ADE, totū angulo ABC, externus internus, aequalis. Igitur & reliquis ADF, reliquis ABG, aequalis erit. ^d est autem (distiterunt FA, GA,) angulo ADF, angulus DAF, & angulo ABG, angulus BAG, in isoscelibus ADF, ABG, aequalis. Igitur & anguli DAF, BAG, inter se aequales erunt; ac propterea, recta AF, eadem erit, quae AG, cū eundem angulum, fiant cum AB. Quare circuli habentes centra in eadem recta AG, & per hanc punctum A, descripti, sese contingunt in A, ex scholio propoſ. 12. lib. 3. Euclid.

b 5. primi.

c 23. primi.

d 5. primi.

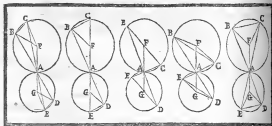
DE IN DE productis lateribus BA, CA, versus angulum A, sit recta DE, basi BC, parallela, & circa triangula ABC, ADE, circuli describantur, quos dico se mutuo in A, tangere. Ductis enim ex centrīs F, G, ad bases triangulorum binis rectis FB, FC; GD, GE, ^e quoniam tam eusdem tam angulus BEC, angulo BAC, quam angulus DGE, anguli DAE, duplex est; ^f interque anguli BAC, DAE, ad verticem aequales erunt quoque anguli BFC, DGE, inter se aequales; ac proinde & reliqui

e 20. scholij.

f 21. primi.

Q. 2. duo

- a 5. primi. duo \angle BC,FCB, simul reliquis duobus GDE, GED, simul æquales erunt. Cum ergo tam illi, quam hi sint inter se æquales; erit quilibet illorum cuilibet horum æqualis, ac proinde angulus FBC, angulo GDE, æqualis erit. Et eadem (ductis rectis FA,GA,) & angulus ABC, angulo ADE, alternus alterno, æqualis. Igitur & reliquis ABF, reliquo ADG, in 1.2.& 7. figura, vel totus totus, in 4. figura, æqualis erit. In 3. figura opus non est hoc discursu, ubi rectæ FB,FC, GD,GE, angulos non constituunt, sed in rectum sunt continuatæ; angulamen ABF, ADG, æquales quoque erunt, cum sint alterni inter parallelas BC, DE. Itaque cum anguli ABF,ADG, æquales sint; & ille angulo BAF, hoc vero angulo DAG, æqualiterunt quoque; angulus BAF,DAG, inter se æquales, ac pro-



pterea cum BD, sit linea recta ex hypothesi, efficiunt quoque AF,AG, lineæ una rectam, per ea, quæ ex Proclo ad propof. 17. lib. 1. Eucl. demonstravimus. Igitur circuli habentes centra in eadem recta FG, & per idem punctum A, descripti, scilicet in A, contingunt, propterea quod recta per A, ducta ad FG, perpendicularis utroque circulo tangit, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. Hinc enim fit, circulos se non mutuo secare, cum neque illam perpendicularem secant, sed tangant.

C O R O L L A R I U M.

EX his, quæ ad calcem huius propof. demonstrata sunt, colligitur, duo circulos, quæ ex duobus centrīs in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eo puncto tangere exterius. Huiusmodi sunt duo circuli ABC, ADE.

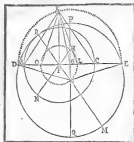
L E M M A XLI.

PER data duo puncta circulum describere, qui datum circulum tangat. oportet autem duo puncta data vel

- a 1. *secundi.* quadrato rectæ IB, æquale. . Atqui rectangulum sub DF, FE, vni cum quadrato rectæ FG, æquale est quadrato rectæ DG. Igitur & quadratum rectæ DG, (quod iam pro rectangulo sub DF, FE, vni cum quadrato rectæ FG, sumatur,) vni est quadrato rectæ GI, hoc est, quadratum rectæ ID, ¹ (quod quadrato rectæ DG, GI, æquale est,) quadrato rectæ IB, æquale eritque proinde & rectæ ID, IB, æquales erunt. . Cum ergo ID, IE, æquales quoque sint, quod duo latera DG, GI, duobus lateribus FG, GI, æqualia sint, angulosque continent rectos æquales; erunt tres rectæ IB, ID, IE, æquales. Quare circulus ex I, per B, descriptus, tangensque circulum ABC, in B, ut dictum est, transibit per data puncta D, E, quod est propositum.

QVOD si ex K, ad alterum extremum C, diametri circuli dati recta ducatur KC, anguloque DCK, æqualis fiat angulus CKO, secante recta KO, rectæ DE, in O, erit FO, ipsi EL, æqualis, ut monstrabitur, atque idcirco, descriptusq; F, per O, circulo, secabitur HI, in eodem centro I, atque idem propterea centrum semper inuenietur, sive ex K, ad A, sive ad C, recta ducatur, &c. Reducamus FO, ipsi EL, æqualem esse, sic demonstrabitur. Quoniam duo latera AF, EL, duobus lateribus CF, FE, æqualia sunt, angulosque continent æquales, & utrinque

d 4. *primi.*



e 26. *primi.*

erunt & bases KA, KC, & tan-
guli FAK, FCK, quoniam FKA, FEC,
æquales. Est autem angulo FAE,
angulus AKL, & angulo FCK, an-
gulus CKO, per constructionem,
æqualis. Igitur & anguli AEL,
CKO, æquales erunt; ac deinde
equalibus FKA, FEC, relique ELI,
FKO, æquales erunt: itaque eandem
anguli F, K, trianguli FEL, duobus
angulis F, K, trianguli FKO, æqua-
les sint, quibus comune latus FL
adiacet, erunt latera FL, FQ, æ-
qualia, quod est propositum.

EODEM modo demonstrabi-
mus, circulum ex H, descriptum ad
intervallum rectæ ductæ HEN, ut
gere circulum datum ABC, ut N

transiret per data puncta D, E.

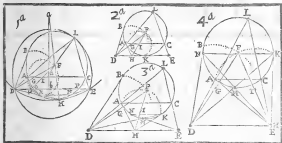
SI quando contingat centrum circuli dati, & punctum medium rectæ dua-
duo puncta contingentis, coincidere, ut si G, esset centrum dati circuli DPEQ, a
cillimo negotio describimus circulum per duo puncta D, E, qui datum circ-
ulum contingat. Circulus enim per tria puncta D, P, E, (excitata prima ad DE,
perpendiculari PQ) descriptus tanget circulum DPEQ, in P, eundemque
tanget circulum per tria puncta D, Q, E, descriptus: atque utriusque centrum in per-
pendiculari PQ, cæsiet, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Euclid.

TRANSIAT deinde recta DE, non per P, centrum circuli dati ABC
sed vel eum secet utcumque, ut in prima figura, vel tangat, ut in 2. vel tota sit in-
tra, ita ut producta cum neque secet, neque tangat, ut in 3. 4. & 5. figura, vel in-
neque ita sit extra, ut producta eum secet, aut tangat, ut in 6. & 7. figura. In
recta DE, sectaque bisariam in G, describatur ex G, circa DF, circulus secans
cum circulum in B, iungaturque, recta DB, quæ ex scholio propos. 3. lib. 3. Euclid.

Quem circulum tanget in B. Inuenta autem ipsis DE, DB, tertia proportionali
 pñdet punctum H, in prima figura extra circulum, datum vel sub punctum
 in quo tangens DB, ducto est. Quoniam enim quadratum recte DB, rectan-
 gulo sub DE, DH, æquale est; nec non & rectangulo sub DP, DO; erit rectan-
 gulo sub DE, DH, rectangulo sub DP, DO, æquale. Igitur erit vt DE, ad DP,
 ita DO, ad DH. Cum ergo DE, maior sit quàm DP, erit quoque DO, maior quàm
 DH, itaque punctum H, inter D, & O, erit. Pari ratione in secunda figura pun-
 ctum H, inter D, & punctum contactus K, erit. Cum enim sit vt DE, ad DB,
 hoc est, ad DK, (est namque DK, ipsi DB, æqualis, ex coroll. 2. propos. 36 lib. 3.
 Euclid.) ita DB, vel DK, ad DH, sit autem DE, maior quàm DK; erit quoque
 DK, minor quàm DH. In tert. a. ad figura idem punctu H, est inter D, & P, pñda:
 la quod E, ac proinde DB, DE, æquale est in 3. vltra punctu E. Deniq; in
 4. a. figura idem punctu H, vltra circuli existens, quod in 6. ita probatur. Quo
 ad quadratū recte DB, æquale est ei rectangulo sub DE, DH, quod rectangulo
 sub DO, DP; erit rectangula sub DE, DH, & sub DO, DP, æqualia; ac proinde

a 17. fecit.
 b 30. fecit.
 c 16. fecit.

d 17. fecit.
 e 30. fecit.
 f 16. fecit.



est vt DE, ad DO, ita DP, ad DH. Cū ergo DE, minor ponatur quàm DO, erit
 quoque DP, minor quàm DH, itaque H, vltra P, erit. In 7. autem hoc erit de-
 monstrato. Quoniam est vt DE, ad DB, hoc est, ad DA, (Est namque DA, ipsi
 DB, æqualis, ex coroll. 2. propos. 36 lib. 3. Euclid.) ita DB, vel DA, ad DH; Est
 autem DE, minor quàm DA, erit quoque DA, minor quàm DH.

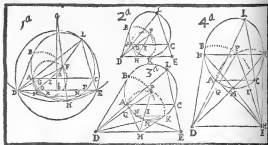
DEINDE iuncta recta HF, &que secūta bisariam in L, describatur ex L, cir-
 cū FH, circulus secans datum circulum in A, K, punctus, per quos si ex D, puncto
 dato, quo tangens linea DB, ducta est, recte ducantur DA, DK, secantes circū
 forentem dati circuli in L. Mytget circulus per tria puncta D, E, L, descriptus
 datum circulum in L, et in prima figura, in qua circulus DL, descriptus est, ap-
 paret: Et circulus per tria puncta D, E, M, descriptus eundem continget in M, vt
 in 1. & 3. figura patet, ubi descripsi circulum DE, M, centrum autem circuli
 tangenti est punctum a, in quo perpendicularis ba, rectam DE, bisariam secans
 rectam HL, vel FM, per F, centrum dati circuli, & punctum a L, vel M, erectam in-
 tersecat. Nam per coroll. propos. 1. lib. 3. Euclid perpendicularis ba, transiit per

centrum

a 11. vel 12
tertijs.

centrum cuiusvis circuli per D, E, descripti, & in FL, necessario centrum circuli tangenti circulo datum ABC, in L, existit, cum recta per duo centra circuli sum tangentium emissā cadat in contactum. Si namque centrum circuli tangentis circuli ABC, in L, non dicatur existere in recta FL, secabit recta ex centro illius ducta per F, centrum dati circuli rectam FL, in P. Quare producta cadere non possit in contactum L, quod est absurdum. Si ergo circulus per tria puncta D, E, L, descriptus tangere debet datum circulum in L, ut infra demonstretur, eritque eius centrum in recta FL. Ea demum ratione centrum circuli per tria puncta D, E, M, descripti, tangentisq; datum circulum in M, ut in eadem prima figura apparet, existit in x, communi sectione perpendicularis ha, & recte ME. Contactus porro in L, est interior, at in M, exterior, exceptis figuris 1. & 6. In prima enim contactus in M, interior quoque est, & in 6. contactus in L, exterior. In secunda figura autem vnus tantum sit contactus, nique Interior in L, & Exterior in 7. figura vnus duarum sit contactus sit, nique exterior in M. Non descripsimus tamen omnes circulos tangentes, ut consilio vitaretur, arbitrandi sint de exemplum in 1. figura de circulis intus sese tangentibus in L, & alterum exemplum in 5. figura de circulo tangente exteriori.

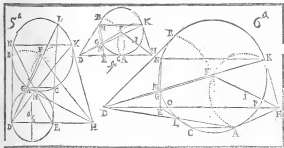
C A E T E R V M circulum per tria puncta D, E, L, descriptum tangenti datum circulo in L, sic demonstremus. Quoniam quadratum recte DB, & trian-



c 36. tercijs. angulo sub DE, DH, & quoniam rectangulo sub DL, DA, æquale est: erit hæc de
rectangula inter se æqualia. Igitur ex scholio propo. 36 lib. 3. Euclid. per
d 21. tercijs. te puncta A, L, E, H, circulus describi poterit: ac proinde, ducta recta LE, ad
p 12. primi. hoc demonstrabimus) uniusq; recta AC, & duo anguli oppositi ALE, AHE, qui
dissecero ALEH, duobus rectis æqualiter erit in prioribus tribus figuris: ut
autem & duo anguli AHD, AHE, duobus rectis æquales. Igitur duo illi
duobus æquales erunt, ablatoque communis AHE, reliqui ALE, AHD æ
quales erunt. Est autem & angulus HAC, angulo ALE, in alterno segmento æ
qualis; Nam recta HA, HK, circulum ABC, tangunt in A, K, ex scholio propo.
31. lib. 3. Eucl. Igitur idem angulus HAC, angulo AHD, alterno æqualis erit
ideoque

• Ideoque parallelae erunt AC, DE. Cum ergo circulus datus circa triangulum IAC descriptus sit, tanget circulus circa triangulum LDE, descriptus datu circulo in L, ex precedenti lemmate. Atque haec demonstratio continet in prioribus figuris. In quarta figura haec erit demonstratio. Quoniam quadratum rectae DB, ac proinde & quadratum rectae DE, ipse DB, aequalis, aequale est rectangulo sub DL, DA, si circa triangulum LAE, circulus describatur. * tanget cum recta DE, in E, quandoquidem eundem recta DL, secat. * Igitur angulus DEA, angulo ALE, in alterno segmento circuli aequalis erit. * Cum ergo & angulus EAC, eidem angulo ALE, in alterno segmento circuli dati sit aequalis, aequales erunt alteri angulo DEA, EAC; ratque idcirco DE, AC, parallelae erunt. Quare ut prius, ex lemmate antecedente, circulus circa triangulum LDE, descriptus, circulo ABC, datum, & circa triangulum LAC, descriptum, tanget in L. In quinta figura demonstratio sic instituetur. Quoniam quadratum rectae DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DA, DE, aequale est, erunt duo haec rectangula inter se, ac proinde circa quatuor puncta E, H, A, L, per scholium propositionis 36 lib. 3. Euclid. per quatuor puncta A, L, H, E, circulus describi poterit, in quo anguli L, H, in eodem segmento, cuius chorda AE, aequales erunt. * Sed est & angulus HAC, angulo L, in alterno segmento dati circuli aequalis. Igitur alteri anguli HAC, AHD,

a 27. primi.
b 36. terti.
c 37. terti.
d 32. terti.
e 32. terti.
f 27. primi.
g 17. sexti.
h 36. terti.
i 22. terti.
k 32. terti.

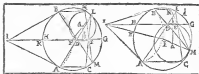


aequales erunt. Ideoque parallelae erunt DE, AC, &c. In sexta denique figura hoc modo idem concludemus. Quoniam quadratum rectae DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DL, DA, aequale est, erunt duo haec rectangula aequale inter se, ac proinde circa quatuor puncta E, H, A, L, per scholium propositionis 36 lib. 3. Euclid. circulus poterit describi. * Igitur duo anguli oppositi HAL, HEL, in quadrilatero EHAI, duobus rectis aequales erunt. * Cum ergo & duo anguli HEL, DEL, duobus sint rectis aequales, erunt his duobus duo ille aequales, relatuque communis HEL, reliqui HAL, DEL, aequales erunt. * Est autem angulus HAL, angulo ACL, in alterno segmento dati circuli aequalis. Igitur & angulus DEL, eidem angulo ACL, alterno aequalis erit, atque idcirco DE, AC, parallelae erunt, &c.

l 27. primi.
m 17. sexti.
n 36. terti.
o 22. terti.
p 13. primi.
q 32. terti.
r 27. primi.

- a 17. fecit.*
b 36. fecit.
- c 12. fecit.*
d 13. fecit.
- e 32. fecit.*
- f 17. fecit.*
- g 11. fecit.*
h 32. fecit.
- i 17. fecit.*
- k 36. fecit.*
- l 17. fecit.*
m 12. fecit.
n 32. fecit.
- o 12. fecit.*
- p 13. fecit.*
- q 11. fecit.*
- r 17. fecit.*
- E O D E M fore modo ostendimus, circuli per tria puncta D, E, M, describi
 datum circulum tangere in M. In prima enim figura, quoniam quadratum co-
 struximus DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DE, DM, æquale
 est, erunt hæc duo rectangula inter se æqualia; ideoque circa quatuor puncta H,
 E, M, K, circulus poterit describi. Igitur in quadrilatero HEMK, ducta recta
 ME, secante circumferentiam in N, (quod enim necessario circulum fecit, ad
 nō in scholio demonstrabimus.) Iunctaq; recta KN, duo anguli oppositi ENK,
 EHK, duobus rectis æquales erunt; Sunt autem & duo EHK, DHK, duo-
 bus rectis æquales. Igitur hi duo duobus illis æquales erunt, demptoque com-
 muni EHK, reliqui EMK, DHK, æquales erunt; Sed & angulus HAN, eodem
 angulo EMK, æqualis est in alterno segmento circuli dati. Igitur alterni anguli
 DHK, HKN, æquales erunt; ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circulus ergo
 per D, E, M descriptus datum circulum per K, N, M, descriptum tanget in M,
 ex precedenti lemmate. In tertia autem figura, Nam in secunda, sicut & in
 prima, vnicus sit cōsecutus in L, cum recta DE, circulum datum tangente po-
 situm ostendimus. Quoniam per quatuor puncta M, K, E, H, circulus descri-
 bi potest, quod probabatur, ut in prima figura; erunt in eodem segmento, ca-
 teræ chordæ rectæ MH, anguli MKH, MEH, æquales; Est autem angulus HEM,
 angulo KNE, in altero segmento æqualis. Igitur anguli alterni MEH, KNE,
 æquales erunt, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circuli igitur triangula
 KMN, DME, circumscripti se mutuo in M, contingunt, ex lemmate preceden-
 te. In quarta figura &c. Quoniam quadratum rectæ DB, hoc est, rectæ DE, re-
 ctangulo sub DK, DM, æquale est, & triangulo KME, circulus circumscriptus,
 ita tanget eum rectæ DE; ideoque angulus DEM, angulo EKM, in altero se-
 gmento eiusdem illius circuli æqualis erit. Cum ergo angulus EKM, angulo
 KNM, in altero segmento dati circuli sit æqualis; erunt alterni anguli DEM,
 KNM, æquales, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c. In 5. & 6. denique figuri
 hoc modo. Quoniam per quatuor puncta M, K, H, E, circulus describi poterit
 in prima figura monstratum est; erunt in quadrilatero MKHE, duo oppositi
 anguli K, E, duobus rectis æquales; Sunt autem & duo anguli DEM, MEH,
 duobus rectis æquales. Igitur illi duo his duobus æquales erunt, dempto-
 que communi MEH, reliqui DEM, HKM, æquales erunt. At HKM, angulus
 angulo KNM, in altero segmento dati circuli æqualis est. Igitur anguli alterni
 DEM, KNM, æquales erunt; ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c.

I A M vero data sint duo puncta D, E, intra circulo, per quod transi-



itenta sit quarta proportionalis DI. Et quoniam est, ut DE, ad DG, ita
 DH, ad

tur recta
 quoniam
 que DE,
 sine ea per
 centrum et
 ti circuli
 transeat,
 sine non.
 Triangulo
 dis DE,
 DG, DH,
 DH, ad

PH, ad DI; effoque DE, minor quàm DG, erit quoque DH, minor quàm DM, ac proinde punctum I, extra circulum exisset. Ducta ex I, ad centrum F, recta IF, quando DE, extensa non tranſit per centrum, eaque diuſa biſectum in K, deſcribatur ex K, deſcribatur ex K, circa IF, circulus ſecans datum circulum in A, & B, iunganturque rectæ IA, IB, quæ ex ſcholio propoſ. 31. lib. 2. Euclid. circulum datum tangent in A, & B. Si igitur ex A, per D, recta ducatur AD, ſecans circumſerentiam in L, tanget circulus per tria puncta D, E, L, deſcriptus datum circulum in L. Sic etiam recta ducta BD, circumſerentiam ſecabit in M, puncto, in quo circulus per tria puncta D, E, M, deſcriptus datum circulum tanget in M. Eſt autem contactus hic ſemper interior. Demonſtratio hæc eſt. Ducta recta LH, ſecante circumſerentiam in C, iungatur recta AC: Item ducta recta ME, ſecante circumſerentiam in N, iungatur recta BN. Quis igitur eſt, ut DE, ad DG, ita DH, ad DI; erit reſtingulum ſub DE, DI, reſtingulo ſub DG, DH, æquale: Sed hoc æquale eſt reſtingulo ſub AD, DL. Igitur & illud. Per quatuor ergo puncta A, F, L, E, circulus deſcribi poterit, ex ſcholio propoſ. 35. lib. 3. Euclid. ac proinde anguli IAL, LEI, in eodem ſegmento illius circuli, cuius chorda recta IL, æquales erunt: Eſt autem IAL, æqualis angulo ACL, in alterno ſegmento dati circuli. Igitur æquales erunt anguli LEI, ACL, externus & internus, ideoque rectæ DE, AC, parallelæ erunt. Per lemma ergo antecedens circulus triangulo DEL, circumſcriptus circulum datum triangulo ACL, circumſcriptum tanget in L, ut in priori figura apparet, clare rursus centrum in a, comuni ſeſſione perpendicularis ba, rectam DE, biſariam ſecantis, & rectæ LF, ex puncto L, per centrum F, dati circuli ductæ.

a 16. ſexti.
b 35. tertij.

c 21. tertij.
d 32. tertij.

e 28. primi.

I O D E M modo oſtendemus circulum per D, E, M, deſcriptum tangere datum circulum in M. Erit enim rursus reſtingulum ſub DE, DI, reſtingulo ſub ED, DM, æquale. Igitur per quatuor puncta I, B, E, M, circulus deſcribi poterit, ex ſcholio propoſ. 35. lib. 3. Euclid. ac proinde anguli IBM, MEL, in eodem ſegmento illius circuli, cuius chorda recta IM, æquales erunt. Eſt autem IBM, æqualis angulo BNM, in alterno ſegmento dati circuli. Igitur anguli MEL, BNM, externus & internus, æquales erunt, ideoque rectæ DE, BN, parallelæ. Per lemma ergo præcedens, circulus triangulo DEM, circumſcriptus circulum datum tanget in M, ut in poſteriori figura viſes, ubi etiam centrum eſt in a, comuni ſeſſione perpendicularis ba, & rectæ MF.

f 22. tertij.

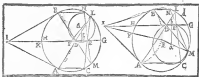
g 28. primi.

Q U O D ſi à puncto E, ſolutio problematis initium ſumat, inuenietur idem omnino punctum L, vel M. Nullum enim aliud abſolvere poſeſt problema. Nam ſi fieri poſeſt, inueniatur aliud punctum d, in poſteriori figura. Recta ergo d E, ſecabit circumſerentiam infra punctum e, & recta d D, eandem ſecabit ſupra punctum A; ac proinde recta connectens puncta ſeſſionum ſecabit rectam AC, ideoque & eius parallelam DE, productam. Non ergo ei parallelæ erit quod tamen requiritur ad problema, ut patuit, & liquido conſtat ex præcedente lemma. Idem abſurdum conſpicietur in aliis figuris. ſi aliud punctum quàm L, vel M, dicatur inueniri; ſi a puncto E, ſolutio problematis incipiat.

I T A Q U E ut problema propoſitum perficiatur, neceſſe eſt à duobus datis punctis duas rectas ducere ad aliquod vnũ punctum circumſerentia circuli

culi dati, ita ut recta coniungens duo puncta, in quibus duæ illæ rectæ circumferentiam secant, parallela sit rectæ data duo puncta connectenti. Ita cum rides, u.g. à punctis D, E, ad punctum L, duas rectas DL, EL, ductas secare circumferentiam in A, C, rectamque AC rectæ DE, parallelam esse, item ex D, E, per punctum M, ductas duas rectas DM, EM, secare circumferentiam in B, N, & posterioribus duabus figuris proximis, in prioribus autem K, N, & tam rectâ KN, quàm KN, rectæ DE, parallelam esse. Et quamquam punctum hoc L, vel M, intelligamus ad finem lib. 6. Euclid. ex Pappo, vultum tamè est, idem hoc loco docere, præsertim cum præcis hoc tradita, quando duo puncta intra circulum data sunt, nonnihil discrepet ab illa, quam in Euclide posuimus.

P O S T R E M O si unum punctum datur in circumferentia, & alterum intra, vel extra circulum, ita ut recta per utrumque extensa, per centrum circuli transeat, perspicuum est, si ex puncto medio rectæ quæ data puncta connectentis circa illa circulus describatur, eum tangere datum circulum in dato puncto. Ut si in prima posteriorum duarum figurarum detur unum punctum H, i. n. circumferentia dati circuli ABC, & alterum D, intra circulum, ita ut recta DH, per centrum F, transeat, circulus ex medio puncto rectæ DH, per D, H, descriptus tanget datum circulum in H, et scholio propos. 15. lib. 3. Euclid. Item si detur punctum G, in circumferentia, & I,



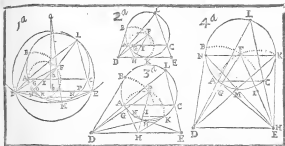
extra circulum, ita ut recta IG, transeat per F, circulus ex medio puncto rectæ

GI, per G, I, descriptus tanget datum circulum in G, ex eodem scholio. Denique si punctum H, in circumferentia datum sit, & I, extra, ita ut recta IH, transeat quoque extensa per centrum F, circulus ex medio puncto rectæ HI, per H, I, descriptus tanget datum circulum in H. Nam recta per H, de qua perpendicularitas ad IF, utrumque circulum tanget, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Euclid. ac præter idem circuli in eodem puncto H, communi se contingunt, quandoquidem neuter alterum interfecat, cum neuter rectam tangentem facit.

S C H O L I U M.

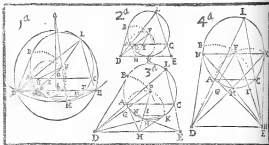
A T vero postquam in prioribus 7. figuris ex D, per A, ducta est linea DA, quæ necessario datum circulum ABC, facit cum H, eundem tangit in A, demonstrabimus rectam LE, eundem circulum secare, hoc est, intra circulum ABC, cuius: quod in demonstratione assumebatur, hoc modo. Quoniam si problematis sit locus à puncto E, inscribas, idem præter punctum L, mutatur, ut ad eandem lineam sit locus, linea autem recta à puncto assumpta, quod silentio initium est, ducta, quæ punctum

positum L, efficitur. datum circulum fieri, ut proxime de recta DA, diximus; liquido
angulus, rectam LE, eundem circulum facere, quandoquidem ab ea non differt, quia ex
E, accenditur. si ab E, operationis remota foret. Idemque decedendum est de recta ME, quia
si ab E, quatuor fuerit, reperitur idem punctum M, &c. Quod tamen alio modo ita demon-
stramus. Ex puncto A, & DE, parallela ducatur AC, sitans circumferentiam da-
tamentum C. Dux rectam LE, secans per C, transire, promodegi, in L, & C, circulum
fieri, hoc est, intra circulum cadere. Nam quia per quatuor puncta A, L, E, H, circulus
describi potest, ut ostendimus; ^a quare oppositi duo anguli ALE, EHA, ^{a 22. tercij.}
ut quadrilatero ALEH, aequales duobus rectis; ^b sunt autem & duo EHA, AHD, ^{b 23. primi.}
duobus rectis aequales. Igitur hi duo duobus illis aequales erunt, demptaque com-
muni EHA, reliqui ALH, AHD, aequales erunt: ^c At AHD, alterius anguli HAC, ^{c 23. primi.}



aquale est. Igitur & HAC, angulo ALE, aequale erit. Idem autem angulus HAC, ^{d 32. tercij.}
aqualis est angulo ALC, (ducta recta CL, in alterius segmento. Igitur anguli ALE,
ALC, aequales sunt, idemque recta LE, per C, transit, ut eundem angulum faciat cum
AL, quia CL, cum eadem efficitur, &c. Atque demonstratio hac propria est primarum
trum figurarum. In 4. autem, quatuor DE, tangit circulum circa tria puncta A,
L, E, describitur, ut probavimus est; erit angulus DEA, aequalis angulo ALE, in al-
terius segmento illius circuli. Est autem idem angulus DEA, alterius EAC, aequalis.
Igitur erit quoque EAC, angulo ALE, aequalis. Cum ergo idem angulus EAC, aequa-
lis sit angulo ALC, (ducta recta CL, in alterius segmento), erunt anguli ALE, ALC,
aequales. Concluditur ergo rursus rectae LE, LC, &c. In quinta vero figura, quoniam
nullus est, circa quatuor puncta A, L, H, E, circulus describi potest, ^e erunt anguli
ALE, AHE, in eadem segmento, cuius chorda AE, aequalis. Est autem angulo
ALE, aequalis alterius HAC. Igitur angulus HAC, angulo quoque ALE, aequalis
erit. Cum ergo idem angulus HAC, aequalis sit angulo ALC, (ducta recta CL, in
segmento alterius, aequalis erit angulo ALE, ALC, atque idem rectae LE, LC, (sic mu-
tuo congruant, &c. Denique in 4. figura, (Nam in 7. punctum L, non habetur.) quo-
niam, ut ostendimus est, per quatuor puncta A, L, E, H, circulus describi potest,
erunt duo oppositi anguli HAL, LEH, duobus rectis aequales, idemque duobus LEM,
LED, ^f qui aequales citius sunt duobus rectis, aequalis, demptaque communem L E H, ^{f 29. primi.}
reliqui

- a 32. *terrij.* reliquis HAL , LED , *iguales erunt.* ^a Est autem *angulus* HAL , *angulo* ACL , in altero segmento *equalis.* *Igitur* & *angulus* LED , *eodem angulo* ACL , in eo segmento *equalis erit.* ^b Cum ergo *angulus* LED , *equalis* *quodammodo* sit altero *angulo*, quoniam EL , *producta* cum AC , *facit*, *cadet* EL , *producta* in C , *punctum.* Nam si *cadere* in *ter* A , & C , *vel ultra* C , *faciet* *semper* *exterioris* *angulus* *internus* *equalis* in *triangulo*, *quod* *constituitur* à *rectis* CL , & *segmento* *recta* EL , *producta*, & *segmento* *recta* AC , *intercepto* *inter* *punctum* C , & *aliud*, in *quod* EL , *producta* *incidere* *dicitur* & *quodlibet* *absurdum.* ^c Est enim *exterioris* *internus* *oppositus* *maior.* Cum ergo EL , *producta* *tamen* in C , *perficimus* *est*, LE , *circulum* *facere* in L , *hoc* *est*, *extra* *circulum* *cadere.*



ET *ADEM* *ferè* *ratione* *demonstrabitur*, *rectam* ME , *circulum* *facere* in M , *hoc* *est*, *extra* *circulum* *cadere.* *Ducta* *tamen* KN , *ipsi* DE , *parallela*, *qua* *fiat* *dent* *circulum* in N , *ascendens* *rectam* ME , *transire* *per* M , *ac* *perinde* *extra* *circulum* *cadere.* *et* *circulus* *facere* in M , N . *Quia* *tamen* in *prima* *figura* *per* *quatuor* *puncta* H , K , M , L ,

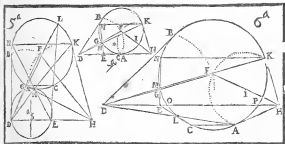
- d 22. *terrij.* *circulus* *describi* *potest*, *ut* *assensum* *est*, ^a *erunt* in *quadrilatero* $HKEF$, *duo* *anguli* *positi* EMK , KHE , *duobus* *rectis* *equalis*, *utroque* & *duobus* ENH , KHD , ^b *qui* *duobus* *etiam* *rectis* *aequaliter* *equalis*, *ac* *dempto* *comuni* KHE , *reliquis* EMK , KHD , *equalis* *quoque* *erunt.* ^c Est autem KHD , *alterius* HKN , *equalis.* Ergo & HKN , *angulo* EMK , *equalis* *erit.* ^d Cum ergo & *angulus* HKE , *angulo* KMN , (*ducta* *recta* ME) *in* *altero* *segmento* *equalis* *sit*, *equalis* *erunt* *anguli* EMK , KMN ; *arque* *altero* *illa* ME , *per* N , *transibit*, *interque* *circulum* *dentem* *cadere.* In 2. *figura* *punctum* M , *non* *habetur.* In 3. *figura* *sic* *rem* M , *demonstrabitur.* *Quoniam*, *ut* *assensum* *est*, *per* *quatuor* *puncta* H , E , K , M , *circulus* *describi* *potest*, ^b *erunt* *anguli* HEM , HKM , *in* *idem* *segmento* *illius* *circuli*, *cuius* *chorda* HM , *aequalis*, ^c Est autem *angulus* HKM , *angulo* KNM , *in* *segmento* *altero* *equalis.* *Igitur* & *angulus* HEM , *eodem* *angulo* KNM , *equalis* *erit.* ^d Cum ergo *angulus* HLE , *angulo* *altero*, *quem* *facit* *recta* EM , *producta* *cum* KN , *equalis* *sit* *remis* *angulo* KNM , & *angulus*, *quem* *facit* *recta* EM , *producta* *facit* *cum* EN , *igitur* EM , *producta* *cadit* in N , *si* *tamen* *cadere* *inter* E , N , *vel* *ultra* N , *faciet* *semper* *angulus* *exterioris* *internus* *oppositus* *equalis* in *triangulo* *constituito* à *rectis* MN , & *segmento* *recta* EM , *producta*, & *segmento* *recta* KN , *intercepto* *inter* N , & *punctum*, in *quod* *cadere* *dicitur* EM , *producta*, *quod* *est* *absurdum.* ^e Ex-

termin

interius angulus internus oppositus maior est. Cadit ergo EM , producta in N , idem-
quante in eodem cadit superior arcum MN . In 4. figura, quæ, ut ostensum est, re-
cta DE , tangit circulum circa E, K, M , descriptum, ^a erit angulus DEM , angulo
 EHM , in altero segmento æqualis: ^b sed angulus EKM , angulo KNM , in altero
segmento æqualis est. Igitur & angulus DEM , angulo KNM , æqualis est: ^c Et si
non cum angulo DEM , æqualis altero angulo, quem cum KN , facit EN , pro-
ducta. Igitur æqualis erit angulus KNM , angulo, quem EM , producta facit cum
 KN , ac proinde, ut paulo ante ostendimus, EM , producta in N , cadit. Demo-
stratur 5. 6. & 7. figura, quoniam circulus descriptus potest circa quatuor puncta $H, E,$
 M, K , ^d erit oppositi duo anguli HEM, HEM , duobus rectis æqualis, ideoque æqua-

a 12. terci.
b 12. terci.
c 29. primi.

d 12. terci.



li duobus HEM, MED , quod hi eodem duobus rectis æqualis sint. Drempto ergo
communem HEM , reliqui HEM, MED , æquales erunt: ^e Est autem angulus HEM ,
angulo KNM , in segmento altero, ^f & angulus MED , angulo altero æqua-
li, quæ EM , producta facit cum KN . Igitur æqualis erit angulus KNM , angulo
huius altero, atque idcirco, ut paulo ante monstratum est, EM , producta cadit in
punctum N , &c.

e 13. primi.
f 12. terci.
g 29. primi.

EX his patet, aliter demonstrari posse, circulum per tria puncta D, E, L , vel
 D, E, M , describere, tangere datum circulum ABC , in L , vel M . Ducta enim AC , vel
 AE , qd DE , parallela, ostendimus, ut in hac scholia, rectam LE , vel ME , cadere in
punctum C , vel N . Igitur per lemma præcedens, circulus per D, E, L , vel D, E, M , de-
scriptus datum circulum ABC , tangit in L , vel M . quod est propositum.

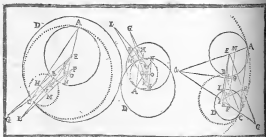
LEMMA XLII.

DATIS duobus circulis, per punctum in vnus
circumferentia datum describere circulum, qui vtrum-
que datum tangat.

SINT

SINT duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, siue unus alterum locadat, secetur, siue aliter extra alterum rotus sit positus: sique primum per punctum C, in circumferentia CD, datum describendus circulus circulum AB, tangens. quod duobus modis fieri potest. Primum sic. Ex F, centro circuli, in quo datum est punctum, ducta semidiametro FC, ad punctum datum, in ea produci accipiat CG, equalis semidiametro alterius circuli, ad eius centrum E, recta ducatur GE, quam bisariam & ad angulos rectos fecer HI, secans FC, in I, & per I, ad E, centrum posterioris circuli recta ducatur secans circumferentiam eiusdem in B. Dico circulum ex I, per C, descriptum transire per B, ac prout utrumque circulum tangere in C, B, cum IC, IB, per eorum centra ducatur. Quoniam enim duo latera HE, HI, duobus lateribus HG, HI, equalia sunt, angulosque continent rectos aequales, erunt & bases IE, IG, & anguli HEI, HGI, aequales. Ab his ite igitur equalibus BE, CG, ut in prima, & tertius figura, sint equalibus DE, CG, ab his ipsi IE, IG, ut in 3. figura, reliquæ erunt equalis IB, IC. Igitur circulus ex I, per C, descriptus transibit per B, ac prout velut scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. datos circulos eundem tanget, si cum illis eandem partem curvatur, vel quando in duas, ex coroll. superioris lemma 1. Et quia ostendi sunt anguli HEI, HGI, aequales, invenietur centrum I, & punctum B, si ducta recta GE, angulo FGE, angulus GEI, fiat equalis. Recta namque EI, secabit FG, in I, centro, & circulum in B, puncto contactus. Rursus quia ducta recta BC, triangula IGE, IBC, circa eundem, vel aequales angulos

a 4. primi.



b 6. sexti.
c 28. vel
d 7. primi.

ad verticem I, latera proportionalia habent, cum proportionem habeant equalitatis: ipsa trianguula erunt, aequalesque habebunt angulos ICB, IGB. Rectæ ergo CB, GE, parallelæ erunt. Quapropter si ductæ rectæ GE, per C, punctum datum agatur parallela CB, reperietur quoque punctum B, contactus.

DEINDE ita, quod propositum est, absolvetur. Ducta semidiametro FC, ad datum punctum, abscindatur ex ea versus centrum recta CK, semidiametro posterioris circuli equalis; & iuncta recta KE, secetur bisariam, & ad angulos rectos in b, per rectam ba, secantem FC, in a; ac tandem per a, & E, recta du-

circumsecans posteriorem circulum in A. Dico circulum ex a, per datum punctum C, descriptum transire per A, ac proinde datos circulos in C. & A, continere. Nam rectæ a equales erunt & rectæ a E, a K, & anguli a K E, A E K. Adde-
 ergo aequalibus EA, KC, ut in prima & tertia figura, vel ipsæ a E, a K, ablatæ
 ex aequalibus EA, KC, ut in secunda figura, totæ, vel reliquæ a A, a C, æquales
 quæque erunt. igitur, ut prius, circulus ex a, per C, descriptus transibit per A,
 doneque circulos in A. C. continget. Idemque centrum a, & punctum conta-
 ctus A, reperietur, si ducta recta KE, angulo FKE, æqualis fiat angulus KEN.
 Iam & CA, ductæ rectæ KE, parallela dabit idem punctum contactus A, quod
 demonstrabatur, ut prius.

NON aliter respiciatur, si in circulo AB, datum sit punctum B. vel
 A. Nam ducta semidiametro EB, sumatur in ea producta recta BL, semi-
 diametro alterius circuli æqualis. ductaque recta LF, secetur bifariam & ad
 angulos rectos in M. per rectam M I, secantem EL, in I. Ductæ enim per I. &
 centrum F, recta dabit C, punctum contactus, & I, erit centrum circuli descri-
 bendi, ut prius. Rursus namque a equales erunt & rectæ IF, IL, & anguli IFL,
 ILF. Ablatæ ergo IF, IL, ex aequalibus CF, BL, ut in prima figura, vel ex ipsæ
 IF, IL, ablatæ æqualibus CF, BL, ut in secunda figura, vel denique eisdem IF, IL,
 additæ ad æquales CF, BL, ut in tertia figura, reliquæ quoque IB, IC, vel totæ,
 æquales erunt, &c.

SIC etiam, si ducatur semidiameter EA, & versus centrum E, abscindatur
 AN, semidiametro alterius circuli æqualis, jungaturque NF, quam ad rectos an-
 gulos, bifariamque secernit O, recta Oa, secans AN, in a, erit a, centrum circuli
 describendæ recta autem Fa, producta dabit punctum contactus C, & c.

ITA QVE problema soluitur, si ducta semidiametro ex dato puncto ad pro-
 prium centrum, abscindatur ex ea, siue extra, siue intra circulum, recta æqualis
 semidiametro alterius circuli, & ad huius circuli centrum à termino rectæ ab-
 scissa recta iungatur, quam alia recta secet bifariam, & ad angulos rectos, &c.
 quoniam non idem punctum contactus reperietur, sed duo inter se diversi, ut
 ex figuris manifestum est.

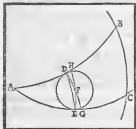
LEMMA XLIII.

SI in sphaera circulos duos maximos circulos ad e af-
 dem partes inter punctum sectionis, & circulum maxi-
 mum per eorum polos ductum tangat, arcus duorum illo-
 rum circulorum maximorum inter puncta contactuum,
 & intersectionem circulorum, vel circulum maximum
 per eorum polos ductum intercepti, æquales sunt.

DVO S circulos maximos AB, AC, secantes se in A, tangat in D, & E,
 circulus DE, cuius polus F, & circulus BC, per polos circulorum AB, AC, du-
 ctus sit. Dico arcus AD, & E, vel BD, CE, æquales esse. Ducatur, græcæ per D, & F,
 circulus maximus DF, secans AC, in G, & per E, & F, circulus maximus EF, secans
 AB, in H. Quæ igitur arcus FD, FE, transeunt per polem circuli DE, & per con-
 tactus

a s. i. *Tbes.*
b s. i. *Tbes.*

tactus D, E; ^a transibit quoque FD, per polos circuli AB, & FE, per polos circuli AC; ^b adeoque anguli ad D, E, recti erunt: Sunt autem & anguli ad vertex F, æquales, ex propof. 6. nostrorum triang. sphær. Igitur cum trianguli DFH, duo anguli D, F, duobus angulis E, F, trianguli EFG, æquales sint, & adjacentibus FD, FE, ex polo æquales quoque; erit per propof. 10. nostrorum triang. sphær. & arcus FH, FG, & anguli H, G, æquales ac propterea & totius arcus EH, DG, æquales erunt. Quocirca cum trianguli AEH, duo anguli E, H, duobus angulis D, G, trianguli ADG, æquales sint, arcusque EH, DG, illis adjacentibus æquales; erit



per eandem propof. 10. nostrorum triang. sphær. & arcus AE, AG, æquales. Vel quia tres anguli triangulo AEH, tribus angulis triangulo ADG, æquales sint, erunt per propof. 19. nostrorum triang. sphær. arcus etiam AE, AG, æquales: quibus ablati quadrantis AB, AC, (quorum enim BC, per polos circulum AB, AC, ducitur, transibit nunciam hi per eus polos, ex theorema propof. 17. lib. 1. Theod. proinde A, polos tri circuli AC, ideoque ex coroll. propof. 16 lib. 1. Theod. AB, AC, quæritæ erunt) reliqui arcus quoque CE,

ED, æquales erunt. quod est propositum.

A L I T E R. Descripto per D, E, circulo maximo DE; sumptis propof. 2. nostrorum triang. sphær. anguli FDE, FED, æquales in hocce DEF; quibus demptis ex rectis ADF, AEF, reliqui ADE, AED, æquales erunt. Igitur per propof. 9. nostrorum triang. sphær. arcus quoque DE, EA, æquales erunt, &c.

L E M M A XLIIII.

SI in sphaera circulus duos circulos non maximos æquales tangat, arcus duorum illorum circulorum non maximorum inter puncta contactuum, & circulum maximum per eorum polos ductum, vel punctum sectionis (quando se intersecant) interi ecti, sunt æquales.

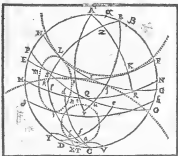
PUNCTA autem contactuum vergere debent in contrarias partes, si circuli æquales ad idem hemisphaerium spectent, ad eandem vero, si ad diversa hemisphaeria pertineant. Ad idem autem hemisphaerium spectant duo illi, qui ex polis propinquioribus citra maximos circulos ex eisdem polis descriptos describuntur: ad diversa vero hemisphaeria eos, qui ex polis remotioribus citra eosdem circulos maximos describuntur.

IN sphaera ABCD, sint primum ex polis vicinioribus A, B, descripsi duo circuli aequales non maximi EF, GH, secantes sese in I, quos tangat circulus KL, in K, L, punctis in contrarias partes vergentibus à punto sectionis I, cum dividat idem hemisphaerium spectent, quippe qui inter polos propinquiores A, B, & maximos circulos MN, OP, interficiantur. Dico arcus IK, IL, vel FK, HL, aequales esse. Per polos enim A, B, descripto circulo maximo ABCD, desinentes per A, polum circuli EF, & Z, polum circuli tangentis KL, circulus maxime AZ, secans maximum MN, ex eodem polo A, descriptum in R, qui per contactum K, transibit. Item per B, polum circuli GH, & Z, polum circuli tangentis describatur circulus maximus BZ, secans maximum OP, ex eodem polo B, descriptum in S, qui etiam per contactum L, transibit. Quia igitur & arcus AK, BL, ex polis A, B, ad proprios circulos aequales, & arcus ZK, ZL, ex polo Z, ad circulum proprium KL, aequales sunt; erunt quoque reliqui arcus AZ, BZ, aequales; ac proinde per propof. 2. nostrorum triang. sphaer. anguli ZAB, ZBA, aequales erunt. Quocirca cū

2. p. 1. Theor.

4. p. 1. Theor.

latus AN, AR, lateribus EP, ES, quæ la. sint, (quippe quæ omnia quadrantis sint, ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theor.) angulos quæ constant aequales, et ostensum est; erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphaer. & bases NR, PS, aequales. Est autem arcus NR, arcus FK, & arcus PS, arcus HL, similes. Igitur & arcus FK, HL, similes inter se, ideo-



1. p. 1. Theor.

que aequales erunt, cum similes arcus aequalium circularum aequales sint: quibus denotat ex aequalibus IF, IH, (quod autem ha. arcus aequales sint, in se hinc demonstrabuntur.) reliqui quoque arcus IK, IL, aequales erunt.

SIMILI ratione, si circulus pq, eisdem EF, GH, tangat in p, q, punctis in partem quoque contrarias vergentibus, ostendemus & arcus Ep, Gq, & Ip, Iq, esse aequales. Descripto enim rursum per A, polum circuli EF, & r, polum circuli tangentis pq, circulo maximo Ar, secante maximum MN, in t, i transienteque per contactum plium descripto per B, polum circuli GH, & r, polum circuli tangentis pq, maximo circulo Br, qui per contactum q, transiunt, secanteque maximum OP, in uquons m & arcus Ap, Bq, ex polis A, B, ad circulos aequales, & arcus rp, & rq, ex polo r, ad circulum pq, aequales sunt, erunt quoque totī arcus Ar, Br, aequales. Ergo per propof. 2. nostrorum triang. sphaer. anguli rAB, rBA, ac proinde & ex duobus rectis reliqui rAM, rBN, aequales erunt. Quare cū

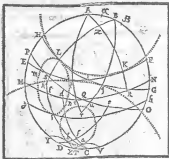
d. p. 1. Theor.

c. p. 1. Theor.

duo latera AM, Ar, duobus lateribus BO, Bu, aequalia sint, angulosque comprehendant

hædiant æquales, erunt per propoſ. 7. noſtrorum triangulorum ſphææ, & boles Mc, On, æquales. Igitur, ut præius, arcus quoque tam Ep, Gq, quam Ip, Lp, æquales erunt.

I D E M. concludetur, ſi duos circulos æquales TV, XY, ad idem hemiſphærium ſpeſtantes tangat circulus ab, in punctis a, b, & punctis T, X, & contrarias etiam partes vergentibus. Deſcriptis enim rurſum ex polo C, D, circulis oris TV, XY, per l. polum tangentis circuli ab, maximis circulis Cf, Df, ſecantibus maximos MN, OP, in d, e, , tranſſuntibus per contrariis a, b, erunt arcus Cf, Df, æquales, quod & Ca, Db, & da, fb, æquales ſint. Igitur, ut ſupra, & anguli ſCD, ſDC, & arcus Md, Oc, æque idemque Ta, Xb, æquales erunt, &c.



SINT itaque hæc æmulationes Bk, Ck, deſcriptæ duoties æquales Gh, gh, & diſſerſi hæmiſphærii ſpeſtantes, quos tangat circulus Lm, in L, m, , punctis ad eandem partem vergentibus a maximo circulo ABCD, per eorum polos dicto. Dico rurſum utrum HL, gl, æquales ſint. Deſcriptis enim ex polo B, C, per l. polum circuli tangentis Lm ſpæ, maximo circulo Bk, Ck, ſecantibus minima OP, MN, in S, t,

transſuntibusque per contrarios L, l; erunt arcus toti Bk, Ck, æquales, quod & BL, Cl, kL, kl, æquales ſint. Ergo per propoſ. 8. noſtrorum triang. ſphææ anguli kBC, kCB, ac propterea & ex duobus reliquis kBP, kCM, æquales erunt. Igitur, ut ſupra, arcus PS, ML, æquales erunt, adeoque & ultimiſſi HL, gl, æquales erunt, &c.

S C H O L I U M.

ARCUS autem IF, IH, æquales eſſe, ut in demonſtratione aſſertum erat, ſcilicet inſcribimus. Arcus circuli oris æqualium EF, GH, a ſeſſibus I, per F, H, & ſi aliam ſeſſum, minora ſegmenta ſunt ipſorum circuli oris, & ſegmenta reliqua I, per E, G, uſque ad alteram ſeſſum, minora, ut max. offenditur. & ſi fixæ tam minora, quam maiora ſegmenta, æqualia erunt, cum eandem habeant chordam ex l. ad alteram ſeſſum ductam. Cum ergo ſegmenta hæc baſiam ſecant in F, H, E, G, à maximo circulo ABCD, per utrumque polum ducto, erunt quoque tam arcus IF, IH, quam IE, IG, æquales. Quod autem ſegmenta inter I, per F, H, uſque ad alteram ſeſſum ſint minora, ita planum facietur, Conſpiciatur diameter ſphææ, ſeu circuli

maximus

maximi $ABCD$, ducta per punctum, in quod eadem perpendicularis ex I , in planum
circuli $ABCD$, demissa, qua diameter fuerit circumferentiarum in a : Et per hanc dia-
metrum, & perpendiculararem ex I , demissam intelligatur ducti planum, quod ad cir-
culum $ABCD$, & GH erit, faciatque in sphaera semicirculum, qui per Q , transibit. Cui
semicirculus $ABCD$ praefigat per A, B , polos maximorum circularium MN, OP , transi-
tum in punctum per illius polos, ex scholio propof. 12. lib. 1. Theod. neque adiret Q ,
illius polos erit. Cum ergo semicirculus ille ducatur per eundem polos, transibit per
quod planum circuli $ABCD$, itaque bifariam secabitur, cum ex coroll. propof. 16. lib. 1.
Theod. arcus a Q , usque ad a , quadrans sit: ac propterea idem semicirculus in
1. bifidetur non bifariam. Igitur per theor. 9. scholio propof. 21. lib. 2. Theod. recta du-
cta, ut antea in minimis ex I , in circumferentiam $ABCD$, cadentium, & IF , me-
dia quoniam IG ac propterea ex scholio propof. 28. lib. 3. Euclid. minor, est arcus FE , ar-
cus IG totus arcus ab I per F , usque ad alteram intersectiorem, minor erit to-
tus arcus IE , per G , usque ad alteram illam intersectiorem, cum hancum illi sint se-
missi, ut ostensum est.

a 18. vides.

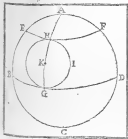
b 19. Theod.

IED arcus IE, IH , aequales esse, hac etiam ratione ostendi potest. Quoniam IE ,
 ED cadunt ex I , in polos A, B , aequales sunt, aequaliter distabant A , & B , a puncto a ,
hanc aequales sunt arcus a, A & B . Nam si alius arcus, quoniam a, B , minimum est, aequa-
lis esse arcus a, A , esset quoque recta IB , recta IA , aequalis, ex dicto theor. 3. scholio pro-
pof. 21. lib. 2. Theod. quod est absurdum. Nam per illud theorema IB , minor est, quod
est ad idem punctum I, A . Et quoniam aequales quoque sunt arcus AF, BH , si dis-
tinguatur aequales AE, BE , reliqui aF, BH , aequales etiam erunt. Igitur per dictum theo-
r. 9. scholio propof. 21. lib. 2. Theod. rectae IF, IH , aequales erunt, & adeoque aequales quo-
que erunt arcus IE, IH , quod est propositum.

c 28. theod.

LEMMA XLV.

Si in sphaera circulus duos circulos parallelos ad eas-
dem partes circuli maximi per eorum polos ducti tangat,
arcus eorum inter puncta contactuum, & circulum quemlibet
maximum per eorum polos ductum intercepti, similes sunt.



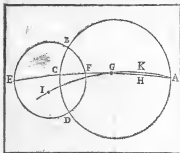
IN sphaera $ABCD$, sint duo
circuli paralleli BD, EF , siue alter
eorum sit maximus, siue neuter, &
siue ad idem hemisphaerium per-
tineant, siue ad diuersa, per quo-
rum polos A, C , incedat maximus
circulus $ABCD$, & ipso tangat
circulus GIH , in punctis G, H .
ex eadem parte maximi circuli
 $ABCD$. Dico tam arcus BG, EH ,
quod DG, FH , esse similes. Descri-
batur enim per A , polam circulo-
rum BD, EF , & K , polam tangen-
tis circuli GIH , circulus maxi-
mus AK . Igitur maximus circulus
 AK , qui describitur est per A, K , po-
los circulo-
rum EF, GIH , sese con-
tingen-

24.2. *Thes.* Vngentum in H , transibit per contactum H ; Sic etiam idem maximus circulus AK , qui per A, K , polos circulo- rum BD, GHI , se mutuo vngentum docuit, transibit per contactum G . Quia vero maximi circuli AB, AG , per polos circulo- rum parallelorum EF, BD , ducuntur, erunt arcus intercepti EH, BG , similes, quod est propositum. Quod si paralleli sint aequales, erunt quoque arcus EH, BG , non solum similes, verum etiam aequales, propterea quod similes arcus aequi-
lium circulo- rum aequales sunt.

L E M M A XLVI.

SI in sphaera duo circuli se mutuo secant, maximus circulus secans bifariam vnus segmentum, incedens-
que per eius circuli polos, transit quoque per alterius cir-
culi polos.

IN sphaera duo circuli $ABCD, EBFD$, siue maximi, aut non maximi, seu vnus maximus, & alter non maximus, se mutuo secant in B, D , & maximus circulus



EF GH , qui
secans per G , poli
circuli $ABCD$,
secet eius segmen-
tum BAD , bi-
fariam in A . Duo
eundem circuli
maximi transi-
re quoque per po-
li circuli $EBFD$.
Si enim secans
sit, ducatur per
eius polum I, K
per G , polum cir-
culi $ABCD$, cir-
culus maximus
 IKG , & igitur
circulus secabit
omnia segmen-
ta

62.2. *Thes.*

62.2. *Thes.*

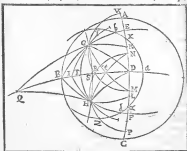
datum circularum bifariam, ideoque per A , transibit. Cum ergo maximi circuli se mutuo secant bifariam, erunt GHA, GKA , semicirculi: aqueden-
co punctum A , in circumferentia, erit alter polus circuli $ABCD$, cum per co-
roll. theoremat. 1. scholii propo. 1. o. lib. 1. Theod. poli eiusdem circuli per se
metrum opponantur, hoc est, per semicirculum maximus circuli distent inter se,
quod est absurdum. Polus enim punctum est intra circulum in superficie sphae-
re, à quo omnes rectae in circumferentiam cadentes, aequales sunt. Transi-
git maximus circulus $EFGHA$, per polos circuli $EBFD$, quod est propositum.

SI in sphaera per polum cuiusvis circuli maximidu-
cantur tres maximi circuli constituentes duos angulos in
polo æquales; circulus quicunque ex quolibet puncto
medij circuli, vt polo, descriptus abscindit tam ex alijs
duobus maximis circulis, quàm ex duobus circulis siue
maximis, siue non maximis æqualibus, qui polos habent
in primo circulo maximo à medio illo circulo maximo
æqualibus intervallis distantes, arcus æquales ad easdem
partes ab eodem primo circulo maximo inchoatos, in cir-
culis tamen maximis vel non maximis æqualibus polos
in primo illo circulo maximo habentibus, a punctis, quæ
circa vel ultra polos eorum existunt.

IN sphaera ABC per B, polum maximj circuli ADC, ducantur tres maxi-
mi circuli BE, BF, facientes in B, angulos æquales EBD, FBD: Et primùm
ex assumpto polo B, in medio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus
GSH, secans circulos maximos BE, BF, in G, H. Dico arcus EG, FH, esse æqua-
les. Quoniam item

ex coroll. propos.
16. lib. 1. Theod.
arcus BE, BF, qua-
drantes sunt, deo-
que æquales si de-
manet arcus BG,
BH, qui æquales
inter se sunt, quod
est chorda BG,
BH, æquales et si
fac et desin poli,
reliqui arcus EG,
FH, æquales quo-
que erunt, quod est
propositum.

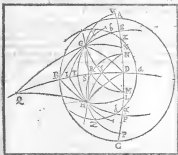
DEINDE ex
alio polo I, assu-
pto in eodem me-
dio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus GSH, secans maximos cir-
culos BE, BF, in G, H. Dico rursum, æquales esse arcus EG, FH. Ductis enim ma-
ximj circulis IG, IH, DG, DH, describatur ex D, polo, per G, circulus GTH,
secans circulum GSH, in H, puncto, quod dico esse illud, in quo circulus EF, à
circulo GSH, secatur. Conciplantur enim per H, punctū intersectionis circulo-
rum



a 18. corrig.

rum GSH, GTH , & per B, I , ducti circuli maximi HB, HI . Quoniam igitur duo latera ID, DG , duobus lateribus ID, DH , equalia sunt, & basi IG, HI , equalis; (sunt enim tam arcus DG, DH , quam IG, HI , equalia, cum eadem ex polo ad proprios circulos, erunt anguli GDI, HDI , equalia, ex propof. 1. nostrorum triang. sphæ. Rursum quia duo latera BD, DG , duobus lateribus BD, DH , equalia sunt, anguloſque equalia continent, ut offendimus; erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphæ. & bases BG, BH , & anguli ad B , equalia; sed ex hypot. 6. arcus BH , ductus ad intersectionem ipsius cum circulo GSH , facit angulum HED , angulo eidem GBO , equalem. Igitur hic arcus ab eo, qui per B , & intersectionē circulorū GSH, GTH , ducitur, non differt, ne pari sit equalis totique proinde circuli GSH, GTH , in arcu BF , se intersectant. Quocirca offendimus, ut proxime factum est, in triangulis IGD, IHD , angulos IDG, IDH , equalia esse, cum in latera tribus lateribus sint equalia; sequitur hinc, in triangulis BGD, BHD , bases BG, BH , equalia esse ex propof. 7. nostrorum triang. sphæ. Reliqui ergo arcus BG, FH , equalia quoque erunt, quod est propositum.

TERTIO ex alio polo Q , assumpto in eodem medio circulo HB , & scriptus sit circulus maximus GSH , secans maximos circulos BE, BF , in G, H .



Dico rursus arcus EG, FH , equalia esse. Descriptis enim per Q, G , & per Q, H , circuli maximi QG, QH , qui ex reſt. propof. lib. 1. Theol. quadrantes erant per propof. 14. nostrorum triang. sphæ. anguli QGH, QHG , reſt. ideoque QG, QH , arcus. Et quia anguli DHE, DHE , a-

uales ponuntur, erunt etiam ex duobus reſtis reliqui GBQ, HBQ , equalia triangulis QBG, QBH . Cui ergo & duo latera BQ, QG , duobus lateribus BQ, QH , equalia sunt, & reliquorum angulorum BGQ, BHQ , uterque reſto quæ ut offendimus est; erunt per propof. 14. nostrorum triang. sphæ. & latera BG, BH , ideoque & reliqui arcus EG, FH , equalia, quod est propositum.

I A M vero ex polo K, L , utriusque in maximo circulo ADC , assumptis equaliter tamen à punto D , distantibus, describantur duo equalia circuli sine maximi, siue non maximi, MGV, NHP . Primum autem ex polo B , circulo non maximo describatur GSH , hoc est, parallelus circulo maximo ADC , secans, vel tangens duos circulos in G, H . Dico tam duos arcus MG, NH , quam duos VG, PH , esse equalia. Describatur enim ex polo D , per G , circulus GTH , secans circulum GSH , in H , puncto, quod dico esse contactus, in quo GSH , circulus

circulo NHP, fecat. Ductis enim arcibus circulorum maximorum DG, DH, EG, EH, & BH: quoniam duo latera DG, DB, duobus lateribus DH, DB, æqualia sunt, & basis BG, basi BH, æqualis (Nam tam DG, DH, quam BG, BH, ex polo ad circumferentias propriorum circulorum æquales sunt) erunt per propof. 18. nostrorum triang. sphær. & anguli GDB, HDB, ac proinde & ex rectis reliquis GDK, HDL, æquales erunt. Igitur quia duo latera GD, DK, duobus lateribus HD, DL, æqualia sunt, cum poli K, L, ponantur æqualiter distare à D; angulosque continent æquales, ut ostendimus, erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases EG, EH, æquales. Cum ergo KG, sit ex polo K, ad circumferentiam VGM, erit quoque LH, ex polo L, ad circumferentiam PHN, cum hæc circumferentia illi sit æqualis; ideoque punctum H, erit in circumferentia NHP, hoc est, in puncto, ubi a circulo GSH, fecatur. Quapropter ostendimus, ut proxime factum est, in triangulis BDG, BTH, angulos D, æquales esse, ac proinde & ex rectis reliquis GDK, HDL. Atque hinc ex propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases KG, LH, & angulos K, L, æquales esse. Quoniam igitur, ductis maximis circulis MG, NH, duo latera KG, KM, duobus lateribus LH, LN, æqualia sunt, cum sint ex polis ad æquales circulos; angulosque continent æquales, ut ostendimus: erunt quoque bases MG, NH, æquales, ex propof. 7. nostrorum triang. sphær. atque bicipite & choeæ ductæ MG, NH, æquales erunt, atque hinc & arcus MRG, NRH, æquales erunt. Cum ergo MGV, NHP, semicirculi sint, quod maximus circulus ADC, per eorum polos ductus fecit circulos bifariam; erunt quoque reliqui arcus VG, PH, æquales, quod est propositum.

a 29. terrif.
b ad terrif.
c 15. a. I. bon

EODEM porro modo propositum concludemus, si ex alio quouis polo I, vel Q, assumptis in circulo BD, circulus describatur GSH, etiam si descripius ex Q, maximus sit, ita ut QG, QH, quadrantes sint.

NON discreta ratio fore erit, si ex D, polo circulus quilibet describatur GTH, secans maximos BE, BF, vel circulos ex polis K, L, descriptos in G, H. Descripserim ex polo B, per G, circulo GSH, secante circulum GT, H, in H, puncto, similiter ostendemus, illud esse in circulo BF. Ductis namque circulis maximis DG, DH, BH, erunt duo latera BD, BG, duobus lateribus BD, BH, æqualia, & basis DG, basi DH, æqualis, cum BD, arcus sit communis, & alij ex polis ad proprias circumferentias ducti. Igitur per propof. 18. nostrorum triang. sphær. anguli ad B, æquales erunt. Sed arcus BF, ex hypothesi facit etiam æqualem FED, angulo EBD, æqualem. Igitur arcus per B, & punctum H, intersectionis circulorum GTH, GSH, ab arcu BF, non differat. Ergo arcus BG, EH, ex polo ad circumferentiam GSH, æquales erunt, quibus demptis ex quadrantibus BE, BF, reliqui arcus EG, EH, æquales quoque erunt, quod est propositum.

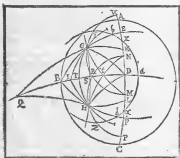
RURSUS ductis maximis circulis MG, NH, KG, LH, & descripto ex quouis polo I, in BD, assumpto circulo GSH, per G, secante circulum GTH, in H, monstrabimus, ut prius, punctum H, esse in circulo NHP. Nā ductis maximis circulis IG, IH, duo latera ID, DG, duobus lateribus ID, DH, æqualia sunt, & basis IG, basi IH, æqualis, quod ID, sit arcus communis, & alij ex polis ad proprias circumferentias ducti. Igitur per propof. 18. nostrorum triang. sphær. anguli IDG, IDH, ideoque & ex rectis reliquis GDK, HDL, æquales erunt. Sunt autem & duo latera DG, DK, duobus lateribus DH, DL, æqualia. Nam DG, DH, utriusque ex polis circuli ad æqualitatem ad circumferentias, & DK, DL, sunt arcus post æquales, nimirum distantie polorum K, L, à puncto D. Igitur per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases EG, EH, æquales erunt. Cum ergo KG, ducatur ex po-

lo K, ad suam circumferentiam, ducetur quoque LII, ex polo L, ad suam circumferentiam, cum hæc illi sit æqualis, hoc est, punctum H, interseccionis circulorum GTH, GSH, in circulo NHP, erit. Quo posito, probemus ex propoſit. nostrorum triang. sphær. angulos DKG, DLH, æquales esse, quod tria latera KG, KD, DG, tribus lateribus LH, LD, DH, æqualia sint. Quæ mobilia cum duo quoque latera GK, KM, duobus lateribus HL, LN, sint æqualia, ceteri illi angulos, cum arcus sint ex polo K, L, ad circumferentias æquales; erunt per poſ. 7. nostrorum triang. sphær. & bases MG, NH, æquales ex. adeoque & bases chordæ MG, NH, æquales erunt, & ac proinde & arcus MRO, NRH, æquales erunt, &c. quod est propoſitum.

DEMONSTRATIO hæc locum habet, ut constet, siue circuli MG, NHP, se mutuo secant, siue tangant in D, siue denique vnius totus extra alterum exiſtat. Sed quando se tangunt in D, tam arcus DH, NH, quam DG, MG, coincidunt, atque ita breuior est scilicet demonstratio.

QVOD si quando acciderit, circulum ex polo vtrunque assumpto in circulo BD, descriptum secare circulum ADC, qualis est circulus YXaZ, secans ADC,

in X, a, transiens per puncta scilicet X, a, à polo D, & qualiter remota, & propterea qd circulus maximus BD, per polos circulorum ADC, Y a Z, descripti fecit eorum segmenta XD, Da, bisariam in D, & a. Erant autem rursus, ut dicitur, fractum est, tanquam Eb. Id, cum arcus MEY, NHZ, & VY, FZ, æquales. Itaque si eadem modi circulus per hunc habet in D,



circulo maximo, tranſeat per alterum polorum K, vel per quodcunque poſitus à polo K, remotum, tranſibit quoque per alterum polum L, vel per punctum, quod tanto intervallo abſit à polo L, quanto illud alterum à polo K, abſit, ſiue ei poſitus à polo recedant verſus D, ſiue verſus A, C: quia hac ratione eiusmodi poſiti à puncto D, ſemper ſunt æque remoti, ut patet.

VIGISSIMUS circulus quicunque Y a Z, ſecans circulum maximum ADC, à punctis X, a, æqualiter diſtantibus à puncto D, ac proinde & à polis K, L, poſitus habet neceſſario in maximo circulo DB, per D, & polos circuli ADC, b, d, o. Quoniam enim circulus maximus DB, ſecat ſegmentum X a, bisariam in D, tranſitque per eius polos, ex hypotheſi, tranſibit idem quoque DB, per polos circuli Y a Z, priorem ſecantis X, a, ex. præcedenti lem. mate 46.

CAETERVM quando circa polum B, parallelus maximis circuli ADC, describitur, abscinder is arcus æquales ex omnibus maximis circulis per B, ductis, etiamli in B, angulos non confluent æquales; Itemque ex omnibus non maximis æqualebus polos habentibus in maximo circulo ADC, quilibet poli non æqualiter distent à medio circulo BD. In maximis propositioni facile sic concludemus. Cum enim omnes ducitur per polos parallelorum ADC, GSH, erunt eorum arcus inter dictos parallelos, æquales. In non maxima vero hæc erit demonstratio. Si ex punctis, in quibus à parallelo maximi circuli ADC, secantur, ad maximum circulem ADC, perpendiculariter demonstrantur, videntur eque in communes eorum sectiones cum maximo circulo ADC, hoc est, in eorum diametros. (Cum enim maximus circulus ADC, per eorundem polos ductus secet eos bifariam, erunt illæ communes sectiones eorum diametra.) ac proinde lineæ rectæ erunt æquæcum abscissarum. Cum ergo perpendiculariter illæ omnes sint inter se æquales. (Quoniam enim omnes parallelæ sunt, si per quolibet duas planum ducatur, erit commune eius cum planis parallelis ADC, GSH, sectiones parallelæ, ac proinde in parallelo quocumque latera opposita æqualia erunt, nimirum duæ illæ perpendiculariter à sic de egeris) erunt quoque arcus, quorum sinus sunt, æquales quippe cum in circulis æqualibus æquales sinus habeant arcus æquales, ut in definitionibus sinuum demonstramus.

atq. 2. Tab.

b; p. vides.

c; p. 2. Tab.

d; p. vides.

e; p. vides.

f; p. p. 2. Tab.

LEMMA XLVIII.

SI ex eodem centro duo circuli descripti sint, & ex quolibet punctis circumferentiæ interioris ad exterioris circumferentiam rectæ æquales ducantur; vna autem earum interiorcm circulum tangere ponatur, tangent eundem & reliquæ. Et si plures lineæ interiorcm circulum tangentes versus eandem partem ducantur, versus sinistram videlicet, aut dextram, ipsæ inter se æquales, & arcus inter binas comprehensi, similes erunt.

EX eodem centro A, descripti sint duo circuli BCDEF, GHKL, & ex punctis G, H, I, rectæ æquales ducantur GB, HC, ID, quarum GB, circulum GHKL tangere ponatur. Dico & HC, ID eundem tangere. Iunctis enim secundæmetris GA, HA, & BA, CA, DA; quoniam duo latera BG, GA, duobus lateribus CH, HA, æqualia sunt, & basis BA, basi CA; erunt & anguli AGB, AHC, æquales. Est autem AGB, rectus. Igitur & AHC, rectus erit, ac proinde, per coroll. propos. 16 lib. 3. Eucl. recta HC, circulum GHKL, tanget in H, atque ita de ceteris.

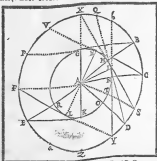
g; p. p. 2. Tab.

h; p. 2. Tab.

DYCTAE itaq. sint ad easdem partes quotuis tangentes BG, CH, DI, SM. Dico eas & æquales esse, & tam arcus GH, BC, quam GI, ED, & GM, ES, similes esse. Iunctis enim eisdem secundæmetris fietur interior circulus in M, N, O, T. I secundæmetris AB, AC, AD, AS. Et quoniam duo latera AB, AG, duobus late-

ribus AC, AH , equalia sunt; & anguli AGB, AHC , equalibus lateribus AB, AC , oppositis, equaliter, quod recti sunt; reliquorum quoque angulorum B, C , reliquis lateribus equalibus AG, AH , oppositorum utroque recto minor, quod tam duo G, B , quam duo H, C , duobus rectis sint minores. Ignitur per ea quæ ad finem lib. 1. Eucl. demonstravimus, erunt etiam latera BG, CH , equalia, & anguli BAG, CAH , equaliter. Ex quo fit, arcus quoque GM, HN , equaliter esse, & ob id communem HM , reliquos quoque GH, MN , esse equaliter: Cum ergo ex schol. propos. 32. lib. 1. Eucl. arcus MN , arcui BC , similes sit; utique quoque arcus GH , eidem BC , similis sit. Eadem patto ostenditur arcus GM, IO , esse equaliter, ideoque sit arcui MI , totus etiam GL, MO , equaliter esse: ut patet cum MO , ipsi BD , similes sit, erit quoque $GL, eadem BD$, similis. Nō secus ostenditur arcui GI, MT , equaliter esse. Cum ergo MT , similis sit ipsi BS , erit quoque GI , eidem BS , similis.

C A E T E R U M
tangentibus equaliter, haec facile erunt



ostendimus. Productis tangentibus BG, DK , ad P, Q , erunt ex schol. propos. 32. lib. 1. Eucl. ipsæ inter se equaliter, basisque in G, L , patet contactus secantibus situr similis BG, DK , equaliter erunt; & sic de alijs. Hanc facile concludemus, angulos GAB, IAD , equaliter esse, propterea quod latera AB, AG , lateribus AD, AI , equalia sunt, & basis BG , basi DI , equaliter, &c.

Quod si puncta contactuum G, K , per diametrum opponantur, ut sensus sit GIK , erit quoque BDE , semicirculus, hoc est, ipsi GIK , similis. Erit enim tam BD , ipsi GL , aut DE , ipsi IK , similis, ut ostendimus supra; ac propterea per lemma 6. & totus BDE , totus GIK , similis erit. Quod tamen hac etiam ratione demonstrare licet. Iunctis rectis AB, AE , quoniam duo latera AB, AG , duobus lateribus AE, AK , equalia sunt, & basis BG , basi EK , equaliter, ut ostendimus supra, erunt anguli BAG, EAK , equaliter. Ignitur ex 13, quæ ex Proclo ad propos. 17. lib. 1. Eucl. demonstravimus, rectæ AB, AE , unam rectam constituent, ac patet diametrum erit BE , & arcus BDE , semicirculus. Vel sic. Propter angulos BAG, EAK , equaliter, erunt arcus GM, KR , equaliter, additoque communi MK , erunt arcus GK, MKR , equaliter; sed ille est semicirculus, ergo & hic, ideoque diametrum erit MAR , adeoque BDE , semicirculus.

Eadem ratione, si puncta contactuum G, L , distent per arcum GKI , & semicirculo maiorem; quoniam arcus KL, EF , ostensi sunt similes, si addantur semicirculi KIG, EDB , erunt per lemma 6. similes quoque totus arcus GKI, BDE .

EFFICITUR ex hoc, si puncta contactuum circulum interiore in partes aequaliter fecerint, exteriorem à tangentibus in partes quoque distribui aequales. Ita videtur in arcu GH, HM, MN, quam BC, CS, ST, aequales esse.

IT A QV B si decenda sint plurima linea tangentis circulum GHK, in punctis quibus in partes aequaliter dividendos, ut in G, H, M, N, T, &c. decenda erit una, ut GB, et namque ex A, quicumque circulus describitur secans GB, in B, dividaturq; in aequali partes BC, CS, ST, &c. interseculo à puncto B, transibit tangens in H, per C; in M, per S, in N, per T, in T, per Z, &c.

SI D ut habeas hunc punctum in exteriori circulo, per qui tangentis sunt decenda, decenda erit ex centro A, per unam partem aequalium circuli GHK, ut per M, si quidem partem, velia AM, si cum primam tangentem in B, per B, ex A, circulus de scribitur, neque in totidem partes aequales distribuendus, (interseculo à B,) in quot parte circulus GHK, secus est, ut in proposita figura, in 4. partes aequales BC, CS, ST, TZ, &c. & EF, FP, PP, VX, Xb, & B. Nam cum ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. nullo AX, fiat arcus BXP, bisectans in X, constructum in toto arcu BXP bis tot parte aequali, quot in BX, hoc est, in simili GM, continetur. Tangens igitur CP, ducta per punctum B, P terminatur in quatuor partes aequales. Sic tangens CV, transibit per similes duo puncta G, V, cum tot partes in arcu BXP, quot in arcu GBV, continetur, & C terminet unam partem, quod arcus BC, GH, similes sunt ostensum. Idem dividendum est de tangentibus SX, Xb, FY, &c. Itaque singula tangentis per ternas puncta hactenus descriptis. Per unum hunc punctum cumfuit tangentis in exteriori circulo quoque & super innascentur quoque, si ad intervallum recta GB, ex puncto contactus du puncta in exteriori circulo nacentur. Nam omnes tangentis aequales sunt, ut demonstratum est. Hactenus intervallum GB, ex puncto contactus H, reperitur duo puncta C, V, & ex M, duo puncta S, X, &c.

LEMMA XLIX.

PAUCA quædam de declinationibus, latitudinibus omnibus, ascensionibusq; rectis, & obliquis demonstrare.

1. SIT in prima figura Meridianus ABCD, Aequator AC, Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E: & per E, transeat Ecliptica FG, ut E, sit principium V, vel ♈, & G, ♎; semque arcus Eclipticæ EH, EL, æquales, & per H, I, paralleli ducantur KL, ML, secantes Horizontem in L, & N; ac deniq; per I, N, H, I, & polos mundi O, P, circuli maximi declinationum ducantur OL, PN, QH, PL, secantes Aequatorem in Q, R, S, T. Dico parallelis KL, transire per duo puncta Eclipticæ æque remota à tropico puncto F. Quod idem de parallelo MI, dicendum est. Quoniam enim maximus circulus ABCD, per polos fecit circulos EH, KL, sese in H, & in altero puncto ex alia parte Meridiani ABCD, secantes y & secantes eorum segmenta bisariam. Igitur alterum punctum sectionis ex alia parte Meridiani, in quo parallelus KL, Eclipticæ secat, tantum abest à tropico puncto F, in Ecliptica, quantum ab eodem puncto H, abest, ac proinde parallelus KL, per duo puncta Eclipticæ æqualiter à tropico puncto F, remota transit. Eademque

Parallelus quilibet per duo puncta ab altero puncto equidistantes transit.

• puncta obliqua

1. p. a. T. a. b.

ratione

ratione parallelus per I, & per aliud punctum ex alia parte Meridiani trahit, quod æqualem cum puncto I, distantiam habet à puncto tropico G.

2. DEINDE dico, duos parallelos KL, MI, ab alterutro æquinoctiali puncto, vel à duobus, aut etiam à duobus punctis tropicis F, G, æquales distantias, declinationes habere æquales HS, IT. Quoniam enim in triangulis HS, IET, anguli S, T, recti sunt, & anguli ad vertexem E, æquales ex propositione priorum triang. spher. Ponantur autem & arcus Eclipticæ E, H, I, æquales oppositi, æquales erunt per propo. 1. costorum triang. spher. arcus HI, HS, IT, declinationum punctorum H, I, æquales. Atque ita duo puncta H, I, Eclipticæ, ab eodem Aequinoctiali puncto E, quæ remota, vel paralleli per ea puncta ducti KL, MI, æquales habent declinationes. Quod si denique puncta H, I, quæ sunt distantia à tropicis punctis F, G, versus eandem sectionem E, verius, vel eundemalem, distabunt eadem ab E, æqualiter. Igitur ut proxime ostendimus, paralleli per ea ducti habent æquales declinationes. Si denique unum punctum v. g. H, ponatur distare à tropico puncto F, versus autumnale punctum Eclipticæ, vero punctum eadem distantia remoueri à tropico puncto G, versus punctum vernale, ita ut priori per diametrum sit oppositum, tamen cum aliud punctum I, versus prius punctum E, autumnale, in eadem distantia à puncto G, habebitque rursus puncta H, I, æ proxime ostendimus, æquales declinationes HS, IT.

Et quia idem parallelus sit per I, & punctum respondens ex altera parte circuli, ut Num. 1. demonstratum est, habentque omnia puncta eundem parallelus æquales declinationes, quod omnes arcus maximos circulosum per polos mundi ducentis, cuiusmodi sunt declinationes circuli, ut quævis parallelus & perpendicularis, sint æquales, habebit quoque parallelus per H, & alius illud punctum sit polus puncti I, ex altera parte respondens, quod quæ I, opponitur, de declinationes æquales.

3. TERTIO denique, ostendit duos parallelismos re latitudinis ortus EL, EN, æquales. Quoniam enim in triangulis ELQ, ENR, anguli Q, R, recti sunt & anguli ad E, vertexem ex propo. 1. costorum triang. spher. æquales sunt & arcus declinationum LQ, NR, æquales quolibet ad E oppositi, ostendit æquales, denique arcus EL, EN, rectis angulis æqualibus Q, R, oppositi sunt circulum non conficiunt, cum quilibet sit quadrante minor, et potest latitudo ortus, quæ semper quadrante minor est, erunt per propo. 2. costorum triang. spher. arcus quoque EL, EN, hoc est, latitudines ortus, æquales.

4. QVARTO

Two puncta per duo puncta Eclipticæ æquales ab alterutro puncto æquinoctiali, vel à duobus punctis tropicis distantias, declinationes habent æquales.

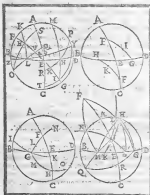
à 15. 1.
Theod.

b 15. 1.
Theod.

Idem ostendit
arcus I

Idem duo puncta
sunt habent latitudines ortus æquales.

Idem 2. 1.



4. QVARTO dico eodẽm duos parallelos esse æquales. Cũ enim sint EL, EN , inter ipsosq; Aequatorem interiecti, ostendi sint æquales, & erunt p[ar]alleli EL, MI , æquales.

5. SEQVITVR ex his, quaterna semper puncta Eclipticæ, quorũ binũ opposita sũt per diametrum, & binũ à duobus p[un]ctis æquinoctialibus, ut tropicis, aut ab eodem p[un]cto æquinoctiali, vel tropico, æqualiter distantia, habere æquales declinationes, latitudinesq; ortibus. Huiusmodi puncta sunt item g , iactum ME , iactum MA , & iactum DE , quorum priora duo à principio ES , posteriora duo à principio E , æqualiter distant: item primum ac tertium æquali intervallo abũnt à principio Y , & intermedia duo à principio E . Et quoniam per priora duo idẽ parallelus tranſit, & per posteriora duo similis & idẽ parallelus, ut Num. 1. est demonstratum, habebunt tã illa duo, quã hæc, declinationes, latitudinesq; ortibus æquales, ut ostendimus Num. 1. & 2. Sed ut ibidem demonstratum est, etiam primum & vltimum declinationes, latitudinesq; ortibus æquales habent, cum æqualiter à principio Y distant. Igitur omnia quatuor æquales declinationes, ac latitudines ortibus habent, quorum primum ac tertium, nec nõn secundum ac quartum, per diametrum opponuntur, cũ tam illa, quã hæc, æquali intervallo distant à principio Y , & E , secundum successivonem signorum. Itaque satis est, si inueniantur declinationes latitudinesq; ortibus punctorum versus quadrantem Eclipticæ, cum hæc punctis quoque aliorum trium quadrantum conveniant, si puncta semper, ut dictum est.

POSSVNT omnia hæc facilius, ac breuius ex Theodosioq; demonstrari hoc modo. Quoniam Eclipticæ EF , tangit vnum parallelorum, nundum tropicum g , vel E , & erunt duo eius arcus inter Aequatorem, ac parallelũ KL , quorum vnus est EH , inter se æquales. Igitur & ex quadrantibus reliqui vsq; ad Meridianum, quorum vnus est HF , æquales erunt: atque idcirco idẽ parallelus KL , per duo puncta à tropico p[un]cto F , æqualiter remotatransibit. Ea demq; ratio est de parallelis MI .

6. D I C E quis arcus Eclipticæ IH, EI , ponuntur æquales, cum parallelis KL, MI , ab æquinoctiali p[un]cto E , ut à duobus p[un]ctis tropicis F, G , æquales ponuntur distare, & erunt p[ar]alleli KL, MI , æquales. Igitur tam duo arcus circuli maximi per mundi polos ducti, inter Aequatorem, & distos parallelis intercepti, qui eorũ declinationes metiuntur, quã duo arcus EL, EN , Horizonis, qui eorũdem parallelorum latitudines ortibus determinant, æquales inter se erunt. Ex quo rursũ sequitur, quaterna Eclipticæ puncta æquales habere & declinationes, & latitudines ortibus.

7. D I C O itẽ, quaternos arcus Eclipticæ æquales, quorum binũ per diametrum sint oppositi, & binũ à duobus p[un]ctis æquinoctialibus, vel tropicis, aut ab eodem p[un]cto æquinoctiali, vel tropico æqualiter remoti, æqualiter habere ascensiones in sphaera recta. Dico sũt, duos illos arcus esse oppositos, quorum p[un]cta extrema p[er] diametrum opponuntur: æqualiter vero distare à p[un]cto ab æquinoctialibus, vel tropicis, quorum extrema p[un]cta ab eisdẽ æqualiter abũnt, ita ut propinquiora duo habeant æquales distantias, & remotiora item æquales. Sint ergo primum duo arcus Eclipticæ EH, EI , æquales ab eodem p[un]cto æquinoctiali E , inchoati, ac proinde & reliqui HF, IG , æquales à tropicis p[un]ctis F, G , inchoati: eruntq; ES, ET , ascensiones rectæ arcuum EH, EI , & AS, CT , ascensiones rectæ arcuum FH, GI : probandum autẽ est, tam ES, ET , quã AS, CT , æquales esse, quod sic fiet. Quoniam in triangulis EHS, EIT , anguli S, T , recti

idẽm duo p[un]cta
sũt æquales, aut

a 17. 2

Theod.

Quaternos puncta
Eclipticæ æqua-
les, habere distan-
tias ortibus, & lati-
tudines ortibus,
& quatenus esse
sũt.

Satis est, ut de-
clinationes, lati-
tudinesq; ortibus
arcuum quatuor
punctis versus qua-
drantem Eclipticæ
conueniant.

b 17. 2.

Theod.

c 17. 2.

Theod.

d 18. 2.

Theod.

Quaternos Eclipticæ
arcus, quatuor
oppositos, & qui
æquales distant
à duobus p[un]ctis
ab æquinoctialibus.

e 18. 2.

Theod.

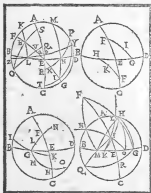
S. T. recti



S, T, recti sunt, & anguli ad verticem E, æquales, ex propoſ. 6. noſtrorum triang. ſphæric. Ponitur autē & arcus EH, EI, rectis angulis oppoſiti, æquales, ex ſi per propoſ. 21. noſtrorum triang. ſphæric. arcus etiam ES, ET, æquales, ideoque & reſpondentibus reliqui AS, CT. Et quoniam, ut Num. 1. oſtenſum eſt, parallelus ML, tranſit ex altera parte Meridiani per aliud punctum Eclipticæ, quod æqualem cum puncto H, à puncto tropico F, diſtat, atque adeo tantum ab altero puncto æquinoctiali, quantum H, ab E, abeſt: ſi per illud ex polo O, circulus ducatur, nimirum, abeſt indeur ab Aequatore arcus omnino æqualis arcus ES; propterea quod triangulum triangulo EHS, æquale conſtituitur. Nam angulus, qui eſt petica cum Aequatore in illa ſeſſione facit, æqualis eſt angulo HES, eamque eſt, quàm hic ſit angulus maximæ declinationis; & anguli ad Aequatorem, quibus arcus Eclipticæ æquales oppoſuntur, nimirum S, & in alio triangulo reſpondens, recti ſunt. Igitur per propoſ. 21. noſtrorum triang. ſphæric. arcus E, arcui reſpondenti in alio illo triangulo æqualis eſt; ac proinde & ex quorumbus reliqui, videlicet AS, & ei reſpondens ex altera parte, æquales ſunt. Eodem modo oſtenditur ET, CT, æquales arcibus reſpondentibus ex altera parte, qui idem parallelus ML dirimat. Quocirca tam quatuor arcus EH, EI, & ei reſpondentes à duobus punctis æquinoctialibus inchoati, quorum binī ſunt oppoſiti,

(nimirum EH, & reſpondens arcui EI, & EI, arcui EH, reſpondens) & binī æquales à duobus punctis æquinoctialibus, et tropico remoti, quatuor arcus à punctis tropici inchoati, nimirum FH, GI, & eis ex altera parte reſpondentes, quorum binī quoque poſiti ſunt, &c. æquales habent aſcenſiones rectas.

S E D ſunt quatuor arcus æquales HV, IX, &c. ex altera parte reſpondentes duo, nempe à punctis æquinoctialibus, neque à tropico inchoati, ſed ab æqualeter remoti. Dico etiam quod aſcenſiones rectas, ut ſcilicet QS, RT, & deſumptis altera ex parte reſpondentes, æquales eſſe. Hanc proximè monſtramus eſſe, à quatuor arcus EH, EI, &



eis reſpondentes altera ex parte, ab æquinoctialibus punctis inchoati, quatuor arcus EV, EX, cuiſque altera ex parte reſpondentes, à punctis etiam æquinoctialibus inchoati, aſcenſiones habentes æquales, arcus videlicet ES, ET, cuiſque ex altera parte reſpondentes, & arcus HQ, ER, cuiſque reſpondentes altera ex parte. Igitur & reliqui arcus quatuor QS, RT, cuiſque altera ex parte reſpondentes, æquales erunt. Maniſeſtum autem eſt, & hoc binos eſſe oppoſitos, nimirum HV,

& c.

Item, qui altera ex parte arcus IX, respondet; Item IX, & cum, qui altera ex parte arcus HV, respondet; binos autem vel à duobus punctis æquinoctialibus, & tropicis, vel ab uno eodemq. æqualiter distantes. Nam HV, cuq. respondens altera ex parte, æqualiter distat à duobus punctis æquinoctialibus. Et ab uno eodemq. puncto tropico F, vel G, quod etiam de arcu IX, cuq. respondente ex altera parte dicendum est: At tam duo arcus HV, IX, quam duo ex altera ex partem respondētes, æqualiter recedunt ab eodem puncto æquinoctiali E, vel alio opposito. & à duobus punctis tropicis F, & G.

ITA QVE factus est, si ascensiones rectæ omnium arcuum primi quadrantis Eclipticæ ab Υ , inchoatorum inquirantur. Ex his enim tota tabula rectarum ascensionum construatur. Nam illis inuentis, si maiores primum, deinde minores ex semicirculo auferantur, relinquentur ascensiones arcuum quadrante maiorem, & ab Υ , inchoatorum. Ut ascensio recta primi quadrantis ab Υ vsque ad \mathfrak{A} , est quadrans. Et si ascensio arcus grad. 89. ex semicirculo detrahatur, reliqua fiet ascensio arcus grad. 91. Sic ex ascensione grad. 88. colligemus ascensionem grad. 92. &c. quia ascensio grad. 89. ab Υ versus \mathfrak{A} æqualis est ascensioni grad. 89. à \mathfrak{A} , versus \mathfrak{A} , ut hic demoustratum est. Quare si ex semicirculo tollatur, remanebit ascensio reliqui arcus grad. 91. cum semicirculi ascensio sit semicirculus. Sic ascensio grad. 88 ab Υ , versus \mathfrak{A} æqualis est ascensioni grad. 88. à \mathfrak{A} , versus \mathfrak{A} , &c. Deinde si ascensiones omnium arcuum ab Υ inchoatorum, vsque ad \mathfrak{A} adiciantur semicirculo, fient ascensiones omnium arcu semicirculo maiorem ab Υ , vsque ad Υ seu lineam $\mathfrak{Z}\mathfrak{E}$.

7. AR CVS Eclipticæ quadrante minores ab æquinoctialibus punctis inchoati, maiores sunt suis ascensionibus rectis à tropicis vero punctis inchoati minores. Quoniam enim in triangulo OEH, duo latera OE, OH, semicirculo sunt sive equalia, cum singula sint minora quadrante, quippe cum quadrantes sint OA, OS, et angulus externus OHE, maior interno recto OFH, hoc est, obcurus, ex propoſ. 14. nostrorum triang. sphær. ideoque ex duobus rectis reliquis EHS, acuti, minorq. recto ESH. Igitur per propoſ. 11. nostrorum triang. sphær. arcus Eclipticæ EH, maior erit arcu Aquatoris ES, qui est illius ascensio recta, æque distantia reliquis HF, ex quadrante EF, minor reliquo SA, ex quadrante EA. Cœnclisq. demonstratio fiet in arcubus EI, IG, & in aliis qui ab alio puncto æquinoctiali sumunt initium, respondenteque arcubus EH, HF, EI, IG.

EX hoc colligitur, arcus Eclipticæ à principio Υ inchoatos, & minores quadrante, maiores esse suis ascensionibus rectis; maiores vero quadrante, & semicirculo minores, minores ascensionibus suis rectis, quia ascensio primi quadrantis est quadrans, deinde vero arcus Eclipticæ adiecti vsque ad lineam \mathfrak{M} , semper minores sunt suis ascensionibus rectis, Arcus autem semicirculo maiores, & tribus quadrantibus minores, rursum maiores esse suis rectis ascensionibus, propterea quod semicirculus ab Υ , vsque ad \mathfrak{A} , habet ascensionē semicirculum post quē iterum arcus adiecti maiores sunt suis ascensionibus rectis: Arcus denique tribus quadratibus maiores, iterū esse minores ascensionibus suis rectis, eo quod tres quadrantes Eclipticæ ascensionē habent tres quadrantes, deinde vero arcus adiecti suis rectis ascensionibus sunt minores, quæ oīa hic demonstrata sunt.

SE D & hoc compertū est, in sphaera recta ascensionē cuiusvis arcus, seu puncti Eclipticæ esse æqualem descensionī eiusdem. Quia nimirū descensio est ascensio supra Horizontem rectū antipodum, quibus tunc arcus ille, vel punctum oritur, Cui ergo ascensiones rectæ in omni Horizonte recto eodē modo se habeat, liquet id, quod proponitur. Vel sic. Quoniam arcus oppositi æquales eandē habent ascen-

Ita est etiam
recta recta cum
eiusdem arcum pri
mo quoniam
Eclipticæ reperi
untur.

Qui arcus Eclipticæ
minores sunt
suis ascensionibus
rectis, maiores
sunt maioribus.

Ascensio recta in
sphaera recta, vel
puncti, æqualis
est descensionī
eiusdem arcus
antipodum.

Υ lineam,

obliquus ZY, secans Eclipticam in a, extra punctum æquinoctiale E. Nam supra hunc Horizontem arcus paralleli HL, cooritur cum arcu Eclipticæ Ha. Ergo similis QS, æscensio obliqua est arcus Ha, sed arcus bQ, non est æstie dist. factus æscensionalis arcus Ha, quia bS, non est ipse æscensio recta, quod punctum b, non simul ad Horizontem rectum ex O, per a, vel b, ductum perveniant, quod tamen requiritur, ut bS, possit esse æscensio recta prædicti arcus Ha. Cooritur ergo circulus maximum OQ, per L, ductum intercepte cum Horizonte obliqua BD, differentiam æscensionalem EQ, puncti H, siue arcus Eclipticæ puncto æquinoctiali vsque ad H, intercepti: & eundem cum maximum circulo OS, per idem punctum H, ducti, intercepte æscensionem obliquam QS, tum arcus HE, ab æquinoctiali puncto E, inchoati, respectu Horizontis BD, quam arcus Ha, non a puncto æquinoctiali E, inchoati, respectu Horizontis ZY, eademq; de æstie ratio est.

3. I N quavis Horizonte obliquo duo Eclipticæ arcus æquales ab æquinoctiali puncto æqualiter distantes, huc ab eo initium sumant, facient æquales habent æscensiones. Sit enim in secunda figura Meridiana ABCD, Aequator AC, Horizon obliquus ED, secans Aequatorem in E, & quocunque arcus Eclipticæ FG, ab æquinoctiali puncto F, vsque ad Horizontem, ita ut eius æscensio obliqua sit Aequatoris arcus FE; cum, posito puncto F, in puncto Horizonte s E, & mota sphaera versus A, puncta E, & G, simul ad Horizontem perveniant. Sit quoque alius arcus Eclipticæ FH, qui FG, æqualis, ab eodem puncto æquinoctiali F, vsque ad Horizontem, ad partes alterius poli, ita ut eius æscensio obliqua sit etiam EF; propterea quod, mota sphaera, cum primum F, ad Horizontem in E, pervenerit, ambobus EF, HF, percuti conspiciuntur. Dico has æscensiones FE, EF, esse æquales. Quoniam enim in triangulis FEG, FEH, tam anguli ad verticem E, quam ad verticem F, (Arcus namque Eclipticæ FG, FH, conspiciendi sunt consensum in F, ita ut angulos ad verticem F, constituant, sicut in sphaera; qui quidem sunt anguli maximæ declinationis, quos Ecliptica cum Aequatore facit.) æquales sunt; & arcus FG, FH, æqualibus angulis ad E, oppositi æquales ponantur; arcusque GE, HE, reliquis angulis æqualibus ad F, oppositi semicirculum non constituunt, cum minores sint quadrantis ED, EH; erunt per propol. 22. nostrorum triang. sphaer. arcus quoque FE, EF, æquales. quod est propositum. Vel sic. Quoniam duo anguli EFG, GEF, duobus angulis EHH, HEP, æquales sunt, ut diximus, & duo arcus FG, GE, circa reliquum angulum G, æquales sunt duobus arcibus FH, HE, circa reliquum angulum H; (Cum enim puncta G, H, æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali F, recedant, habebunt latitudines ortivas EG, EH, æquales, ut Num. 3. ostendimus: at FG, FH, positi sunt æquales,) & in triangulis reliquis G, H, poli reliquorum arcuum FE, EF, hoc est, Aequatoris, non existunt, cum Aequatoris poli sint in Meridiano; erunt per propol. 23. nostrorum triang. sphaer. reliqui arcus FE, EF, æquales: Atque hæc demonstratio utraque propositum colligit, etiam si uterque arcus FG, FH, quadrante maior sit, semicirculo tamen minor.

§ E D sit tam æquales duo Eclipticæ arcus GI, HK, æqualiterque ab eodem puncto æquinoctiali F, distantes, sed non ab eo inchoati. Dico eorum quoque æscensiones obliquas esse æquales. Cum enim æqualiter distent ab æquinoctiali puncto F, erunt quoque tam arcus GF, HF, quam IF, KF, à puncto æquinoctiali F, inchoati, æquales. Ergo, ut proxime monstravi.

Non Eclipticæ arcus æquales ab æquinoctiali puncto inchoati, vel æqualiter distantes, ab æquinoctiali puncto habent æscensiones æquales.

mur, tam illi, quam hi, æquales habebunt ascensionem. Ablatis igitur æqualibus ascensionibus arcuum æqualium FI, FK, ex ascensionibus æqualibus arcuum æqualium FG, FH, reliquæ sunt ascensionem æquales æqualium arcuum IG, KH.

Ita enim Tropici æquales ab eodem puncto quodam arcuum, cum duo oppositi, habent sunt ascensionem obliquam simul sumptam, æqualem autem illis rectis simul sumptis æqualis.

19. I N Horizonte quolibet obliquo duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem puncto tropico equaliter distantes, ineq. duo arcus oppositi, sunt i punctis æquinoctialibus intum sumant, siue aliunde, habent ascensionem simul sumptam præ ascensionibus suis in sphaera recta simul sumptis æquales. Innotia enim figura Meridianus sit ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, Aequatorem secans in E: sitque arcus Eclipticæ FG, ab $\sqrt{}$, inchoans quicumque, semicirculo tamen minor, & ei æqualis HG, à α , inchoans: quo posito, puncta eorum extrema æqualiter ab eodem puncto tropico distabunt. Posuimus enim utramque versus idem punctum tropicum tendere. Collocentur autem eorum puncta extrema in Horizonte, quæ in notum G, erunt, cum habeant latitudines ortivas æquales, vt Num. 3. demonstratum. Erunt igitur eorum ascensionem obliquæ arcus Aequatoris FE, HE. Dedy autem ex mundi polo I, per G, circulo maximo IK, erunt eorundem ascensionem rectæ FK, HK; constat autem arcus FE, HE, simul sumptos, arcubus FK, HK, simul sumptis æquales esse. Atque hoc verum etiam est de æqualibus arcubus semicirculo maioribus. Vt si sumatur arcus ab $\sqrt{}$, per α , vsque ad principium α , complectens decem signa, eique æqualis à α , per α , vsque ad principium β , complectens quoque decem signa: quoniam semicirculi ab $\sqrt{}$, per α , vsque ad α , & à α , per α vsque ad $\sqrt{}$ ascensionem obliquas habent æquales ascensionibus rectis, notum facit, culos; si addantur ascensionem obliquæ arcuum à α , per β , vsque ad initium α , & ab $\sqrt{}$, per β vsque ad initium β , quæ simul sumptæ æquales sunt ascensionibus rectis eorundem arcuum, vt proxime demonstratum, sunt ascensionem obliquæ arcuum ab $\sqrt{}$, per α , vsque ad principium α , & à α , per α , vsque ad principium β , simul sumptæ, æquales ascensionibus rectis eorundem. Et sic de cæteris.

Si I N T deinde duo arcus æquales GL, GM, ab eodem tropico puncto equaliter distantes, sed non ab æquinoctialibus punctis F, H, inchoent. Innotiam æquales sunt arcus GL, GM, æqualiterque ab eodem puncto tropico distant; æqualiter quoque eorum puncta extrema G, L, G, M, ab $\sqrt{}$ & α , distabunt, ideoque æquales erunt & totius arcus GE, GH, & reliqui FL, HM. Cuius ergo proxime ostensum sit, ascensionem obliquas tam arcuum FG, HG, quæ arcuum FL, HM, ab $\sqrt{}$, & inchoantium simul sumptæ: æquales esse ascensionibus rectis eorundem simul sumptis, si posteriores à prioribus demantur, erunt quoque reliquæ ascensionem obliquæ arcuum GL, GM, simul sumptæ reliquis ascensionibus rectis eorundem arcuum simul sumptis æquales. Hac autem demonstratio congruit quoque arcubus æqualibus ab eodem tropico puncto equaliter distantibus, qui intra se puncta æquinoctialia contineant. Vt in eadem notia figura, si sumantur arcus æquales NL, OM, quorum extrema æqualiter ab eodem puncto tropico abint, æquales erant tam arcus FL, HM, quæ FN, HO, ab æquinoctialibus punctis inchoant. Igitur, vt demonstratum est, tam illi, quæ habent ascensionem suas obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales, ac proinde si priores posterioribus addantur, efficiunt ascensionem obliquæ simul sumptæ totorum arcuum NL, OM, æquales rectis eorundem ascensionibus simul sumptis.

DEINQUE si sint duo arcus æquales oppositi quicunque, distantię eorundem punctis æquinoctialibus tam secundum successuonem signorum, quam cõ-
numeratę, æquales erunt: Et si inter ipsos accipiat̃ alius arcus æqualis, cū
alter ipsorum æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali distans, distabit idem
cetero reliquo ab eodem puncto tropico equaliter. Igitur cum arcus æquales ab eo-
dem puncto æquinoctiali remoti habeant ascensionē æquales, vt Num. 9. ostē-
dimus; arcus autem æquales ab eodem puncto tropico recedentes habeant, vt
proxime demonstrauimus, ascensionē suā obliquas simul sumptas ascensionē
reclis simul sumptis æquales; habebunt quoque arcus oppositi æquales
si respectu altero eorum pro eo, qui cū reliquo eandem distantiam ab eodē tro-
pico puncto habet, ascensionē suā obliquas simul sumptas reclis suis ascensio-
nibus simul sumptis æquales. Verbi gratia. Signa γ , & ♊ , sunt opposita: &
quæ ♋ , & ♌ , æqualiter distant à principio ♈ , distabunt quoq; γ , & ♋ ,
æqualiter à principio ♈ . Cum ergo γ , & ♋ , ascensionē suā obliquas simul
sumptas, habeant æquales ascensionibus suis reclis simul sumptis, vt proxime
monstratum est, & eadem sit ascensio obliqua ♋ , quæ ♊ , vt Num. 9. ostendi-
mus, erunt quoque ascensionē obliquam γ , & ♊ , simul sumptar̃ ascensionibus re-
clis eorundem simul sumptis æquales. Eademque ratio est de alijs quibuscunque
arcibus, siue à punctis æquinoctialibus initium sumant, siue non.

11. **IN** omni regione obliqua arcus Eclipticę ab ♊ inchoati, & semicircu-
lo minor, maiores sunt suis ascensionibus obliquis; à ♈ , vero inchoati, mi-
nores: dummodo latitudo loci neque maior sit complemento maxime declina-
tionis. (Nō enim omnia signa oriuntur, aut occidunt in ea regione, vbi altitudo
poli complementum maxime declinationis superat, hoc est, maior est, quam
grad. 66. $\frac{1}{2}$) æq; minor declinatione illius puncti, quod tunc in Meridiano re-
petitur, si tamen boreale est, quando extremum punctum propositi arcus in Ho-
rizonte existit. Strenim in quarta figura Meridianus ABCD; Aequator AC;
Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E; polus Horizontis H, vt latitu-
do regionis sit AH; arcus Eclipticę FG, quantuscunq; à principio ♊ , in pun-
cto F, inchoatus, sed semicirculo minor. Item arcus Eclipticę IK, quantuscunq;
à principio ♈ , in I, inchoatus & minor semicirculo. Dico arcum FG, maio-
rem esse sua ascensione obliqua FE, at arcum IK, sua obliqua ascensione IE, mi-
norem. Ducto enim per H, polum Horizontis, & punctum G, vbi Ecliptica Ho-
rizontem secat, circulo maximo HG, quoniam latitudo loci AH, non positi-
turalis declinatione AL, puncti borealis L, quod tunc in Meridiano exis-
tit, (quod quidem semper boreale est, quando principium ♊ , nimirum
punctum F, est ultra punctum A, in Aequatore. Nam quando est extra pun-
ctum A, vt in I, punctum Eclipticę N, in Meridiano tunc existens, australe
est, ac proinde latitudo loci potest esse quantumvis parua) erit angulus HGE,
vel maior, vel æqualis angulo LGE. Cum ergo HGE, reclus sit, erit LGE, vel
minor reclus, vel reclus, ac proinde minor angulo AFG, qui obtusus est, pro-
pter eas arcum DA, quadrante DH, maiorem. Igitur per propol. 11. bo-
thoriam triang. spher. arcus FG, maior erit arcu FE. Eodem modo conclu-
demus, arcum IO, maiorem esse arcu IE, quod ducto circulo maximo
HO, angulus HOE, reclus sit, adeoque IOE, acutus, & minor obtuso
BO, &c.

RVRSVS ducto per H, K, circulo maximo HK, erit angulus HKE, vel minor,
vel æqualis angulo LKE, q̃ latitudo loci AH, ponatur non minor declinatione
AL, puncti borealis L, in Meridiano tunc existentis: quod semper boreale erit,
quando

ARCUS Eclipticę
ab Arcu inchoa-
to à principio
tropicæ, maior
est latitudo loci
borealis, quam
complementum
maxime declina-
tionis.

11. 11. 11. 11.

11. 11. 11. 11.

255. A. T. huc.

quando initium \triangle , hoc est, punctum I, est citra punctum A, in Aequatore Nj quando est ultra punctum A, ut in F, punctum Eclipticæ N, in Meridiano tunc est, sicut, astrale est, ac parva latitudo loci quantibus exigua esse potest. Igitur, si angulus H K E, rectus sit, erit I K E, vel maior rectus, vel arcus, ac perinde erit angulo I F K, qui acutus est, propter cuius arcum B A, quadrante B H, minor. Erunt ergo per propol. 1. & 2. nostrorum triang. sphaer. arcus I K, minor arcu I E. Idemque ratione ostendemus arcum F M, minorem esse arcu F E, propterea quod, ducto circulo maximo H M, \angle angulus H M E, rectus est, atque idcirco F M E, obtusus, ac maior acuto angulo F E M, &c.

256. A. T. huc.

Arctus Soliptoris ab utroque sectione in latitudinem meridianam, est quatuor rectis, id est, duobus arcibus, quatuor nam latitudines sunt, utriusque sectionis obliquæ arcibus in æqualem a linea meridianam.

Puncta Soliptoris opposita, id est, maxima habent arcibus duobus rectis in æquali.

257. A. T. huc.

12. I N omnî regione obliqua, cuius latitudo maior non sit complementum maximæ declinationis, arcus Eclipticæ ab γ inchoanti, & semicirculo maxime, ascensiones obliquas habent tanto rectis ascensionibus minores, quanto arcus rectis sunt ascensiones obliquæ arcuum oppositorum, & æqualium \triangle inchoatorum. Ponantur enim in eadem figura quarta duo arcus F G, F M, æquales, arcus quidem F G, ab γ , ut F M, a \triangle , inchoantes, ducanturque ex utroque pto Q, per G, M, ubi ducti duo arcus Horizontem secant, circuli maximi Q G, Q M, Aequatorem secantes in R, I, ut rectis ascensionibus arcuum F G, F M, sint F R, I. Vbi liquido constat obliquas ascensiones F E, arcus F G, ab γ , inchoanti, minorem esse ascensione rectis F R, ascensionem vero obliquam F E, arcus F M, a \triangle , inchoanti, maiorem esse ascensione rectis F I, differentiaque ascensionum illorum arcuum esse E R, E I, quas dico esse æquales, adeo ut tanto minor sit ascensio obliqua F E, ascensione rectis F R, quanto obliqua ascensio F E, rectis ascensione F I, maior est. Quoniam enim puncta Eclipticæ Q, M, per diametrum opposita sunt, propter æquales arcus F G, F M, ab γ , & \triangle , inchoantes, & secundum successionem signorum numeratos; erunt eorum latitudines oppositæ E G, E M, æquales, ut Num. 3. collegimus. Igitur cum in triangulis E G R, E M I, anguli vertex E, æquales sint, ex propol. 6. nostrorum triang. sphaer. \angle anguli E, recti, quibus oppositi sunt arcus esse æquales E G, E M, erunt per propol. 2. nostrorum triang. sphaer. arcus E R, E I, æquales.

N I H I L autem refert, quod posuimus oppositos arcus F G, F M, equales, cum tamen ascensiones rectas F R, F I, habeant inæquales, quia idem punctum claudetur, & ut res postulat, principium \triangle , ultra F, accipitur, ut arcus Eclipticæ ab eo usque ad M, fieret æqualis arcui F G, cuiusque ascensio recta ab eodem principio \triangle , usque ad I, æqualis ascensioni rectis F R, propterea quod differentie ascensionales E R, E I, eadem semper permanent.

Q V O D si duo arcus Eclipticæ æquales ab γ , & \triangle , non inchoant, sed tamen vel ab eodem puncto tropico æqualiter distant, vel sint oppositi, ut adhuc ascensio obliqua minus tanto minor ascensione recta eiusdem, quanto altius obliqua ascensio maior est, & arcus quidem in semicirculo Eclipticæ ascendente, hoc est, a \mathbb{Z} , per γ , usque ad \triangle , ad præhears, minores habent ascensiones, & arcus in semicirculo descendente, ad est, a \triangle , per \triangle , usque ad \mathbb{Z} , constati, maiores, ut lib. 3. Cap. 7. Num. 17. demonstravimus. Ex quo fit, ut arcus γ , usque ad \triangle , minores habeant ascensiones, quam arcus a \triangle , usque ad \triangle , cum arcus a \triangle , usque ad \triangle , habeant, ut Num. 9. monstratum est, arcus æquales sũt, quas arcus a \triangle , usque ad \mathbb{Z} habent. Eadem de casu lo- bebunt arcus a \triangle , usque ad \mathbb{Z} , maiores ascensiones, qui arcus ab γ , usque ad \mathbb{Z} , cũ hi postiores arcus habeant ascensiones æquales sũt, quas arcus ab γ , usque ad \triangle , habent, ut ex Num. 9. liquet. Itaque arcus a \mathbb{Z} , per γ , usque ad \triangle , tanto minores habent ascensiones obliquas ascensionibus rectis, quanto

Præterea arcus Soliptoris æquales in eodem puncto tropico æqualiter distant, vel oppositi sunt, arcus sicut obliquæ sunt a rectis est, quatuor rectis, quatuorque arcibus duobus rectis.

arcu \overline{AB} , per \overline{BC} , usque ad \overline{Z} , illis æquales, habent maiores. Hinc autem manifestum poterit. Quoniam, ut Num. 6. ostensum est, \overline{Z} , & \overline{D} , habent ascensiones rectas æquales, sint ille ascensiones \overline{FK} , \overline{HK} , ut in tertia figura: illa quæ his simul sumptis æquales sunt ascensiones oblique eorundem arcuum simul sumptæ, ut Num. 10. demonstratum est, eisque ascensio obliqua \overline{Z} , minor ascensio obliqua \overline{D} ; si \overline{FE} , sit ascensio obliqua \overline{Z} , ac proinde reliquus arcus \overline{EH} , ascensio obliqua \overline{D} ; perspicuum est, arcum \overline{FE} , tanto maiorem esse arcu \overline{FK} , quanto maior est arcus \overline{EH} , arcu \overline{KH} , vel eodem \overline{FK} , cum utrobique excessus sit arcus \overline{EK} . Atq. ita de cæteris arcubus equalibus oppositis. Rursus quia \overline{Y} , & \overline{N} ascensiones rectas habent æquales, ut Num. 6. dictum est, sint ille ascensiones \overline{FL} , \overline{HL} , eadem tertia figura: Et quia his simul sumptis æquales sunt ascensiones oblique eorundem arcuum simul sumptæ, ut ex Num. 10. patet, si dividatur \overline{FH} , in arcum inæqualem in E , ut \overline{EH} , sit ascensio obliqua \overline{N} , & \overline{EF} , \overline{Y} , liquido conflat, tanto maiorem esse arcum \overline{EH} , arcu \overline{HK} , quanto arcus \overline{EF} , minor est arcu eodem \overline{FK} , vel \overline{HK} . Eademque ratio est de aliis arcubus æqualibus ab eodem puncto tropico equaliter distantibus. Quid si ascensio \overline{D} , minor esset ascensio \overline{Z} , colligeretur eodem modo, tanto maiorem esse illam rectæ ascensione, quanto hinc maior est, ita ut certissimum sit, si accipiantur duo arcus Eclipticæ æquales vel equaliter distantes ab eodem puncto tropico, vel oppositi, unus ascensio rectam esse tanto maiorem rectæ ascensione eiusdem, quanto ascensio obliqua alterius maior est.

13. IN omni regione obliqua duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem puncto tropico, aut æquinoctiali, equaliter distantes, vel oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem. Quoniam enim arcus æquales equaliter recedentes ab eodem tropico puncto, vel oppositi, habent ascensiones obliquas simul sumptas æquales ascensionibus rectis simul sumptis, ut Num. 10. docuimus, suntque ascensiones eorum rectæ æquales, ut ex Num. 6. liquet, sit ut unius ascensio obliqua sit tanto minor, quam recta, quanto alterius ascensio maior est, ut Num. 11. diximus. Igitur eandem habent ascensionalem differentiam. De arcubus eorum equalibus ab eodem puncto æquinoctiali equaliter distantibus res perspicua est, cum æquales habeant ascensiones obliquas, ut Num. 9. ostensum est, ac proinde utriusque ascensio, vel eodem excessu superet ascensionem rectam, vel eodem deficit.

14. IN omni regione obliqua arcus quilibet Eclipticæ, cuius extrema puncta ab eodem puncto tropico equaliter distant, cuiusmodi sunt arcus inter principia \overline{III} , & \overline{N} , inter initia \overline{Y} , & \overline{HE} , inter initia \overline{Z} , & \overline{N} , atque inter principia \overline{XXX} , & \overline{Z} , eandem habent ascensionem, quoniam in sphaera recta; quia, ut Num. 10. demonstratum est, semiles illius arcus habent ascensiones suas simul sumptas, æquales ascensionibus rectis simul sumptis. Unde quatenus una semis illius habeat maiorem ascensionem obliquam, & altera maiorem, amba tamen simul sumptæ efficiunt ascensionem rectam totius arcus.

EX quo efficitur, eundem arcum prædictum in omnibus regionibus, vel ascensionibus poli, eandem habere ascensionem, licet partes diuersimode oriententur quæ videbunt se omnibus elevationibus poli ascensio eius æqualis est ascensio rectæ.

DESCENSIO portò cuiusvis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni eius oppositi, quia eodem tempore, quo arcus aliquis descendit, erigitur eius arcus oppositus, ut semper semicirculus Eclipticæ super Horizontem conspicitur.

Duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem puncto tropico, vel æquinoctiali equaliter distantes, aut oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem.

Arcus Eclipticæ quilibet cuius extrema puncta ab eodem puncto tropico equaliter distant, cuiusmodi sunt arcus inter principia \overline{III} , & \overline{N} , inter initia \overline{Y} , & \overline{HE} , inter initia \overline{Z} , & \overline{N} , atque inter principia \overline{XXX} , & \overline{Z} , eandem habent ascensionem.

Descensio cuiusvis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni eius oppositi.

a 11. a. Tab.

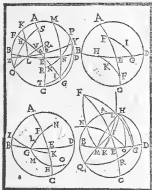
spiciatur, ut ratio postulat, cum Horizon, & Ecliptica se immobilitate fecerint.

Ratio est, si supponatur ecliptica, & horizon, utrumque arcuum quadrantis primi Ecliptice.

ITA QVE facti est, ut tabula ascensionum obliquarum extratur, si ascensiones oblique supputentur per arcum quadrantis Ecliptice ab γ , vsque ad π . Nam, ut Num. 9. demonstrauimus, horum arcum ascensiones aequales sunt ascensionibus arcum quadrantis ab γ , vsque π , sumendo semper binos equaliter à principio γ distantes: atque ita habebuntur ascensiones arcum in eo semicirculo contentorum. Et quia, ut Num. 10. ostensum fuit, horum arcum ascensiones, & oppositorum ascensiones simul sumptæ aequales sunt ascensionibus rectis eorundem, habentque oppositi arcus ascensiones rectas aequales, ut Num. 11. patuit, ita, ut ascensiones arcum semicirculi à π , vsque ad γ , ex ascensionibus rectis eorundem duplicatis ablatae relinquant ascensiones oblique oppositorum arcum.

EX his autem sic tabula ascensionum obliquarum constructur. Supponit ascensionibus arcum ab γ inchoatorum, vsque ad finem π , sicut subinnotatur ab ascensionibus rectis duplicatis eorundem arcum, reliquæ sicut ascen-

siones oblique arcum à π , inchoatorum, vsque ad finem γ . Et quia hæc æquales sunt ascensionibus obliquæ arcum æqualem à π , vsque ad initium π ; si initio facto à maiore, & semicirculo demissum, habebuntur ascensiones oblique arcum quadrantis minorum ab γ , inchoatorum, vsque ad finem π . Quod si ascensionibus arcum à γ inchoatorum, vsque ad finem π , additur semicirculus, emergent ascensiones arcum semicirculi maiorum ab γ , inchoatorum, vsque ad finem π . Denique quia ascensionibus arcum ab γ , vsque ad π , aequales sunt ascensionibus arcum ab γ , vsque ad π , si hæc, initio à maiore facto, subtrahatur ex semicirculo, remanebunt ascensiones oblique arcum



Differencia autem horum arcuum inchoatorum, & ascensionum differentia eorum arcum semicirculi, quod est illud per π , & arcum semicirculi, quod est illud per γ , quod semper quatuor est.

circulo, remanebunt ascensiones oblique arcum à π , inchoatorum, vsque ad finem π .

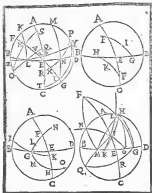
15. IAM vero ex istis, quæ dicta sunt, liquido etiam constare arbitror, eundem esse differentiam ascensionalem entibus punctis Ecliptice, & distantiam inter arcum semidiurnum paralleli per illud punctum descripti, & arcum semidiurnum Aequatoris, quadrantine. Nam in prima figura borealis arcus semidiurnus paralleli MI, borealis per punctum Ecliptice I, descripti, est arcus MN, hoc est, ei similis arcus Aequatoris AR, ut per ER, differ-

rentia

circā angulum rectum K : ut propoſ. 13. noſtrorum triang. ſphæ. demonſtravimus . quod eſt propoſitum . Atque ita inveniuntur hoc modo aſcenſiones ſolis omnium punctorum primi quadrantis Eclipticæ, eruentur ex illis aſcenſiones rectæ omnium aliorum punctorum, ut ſuper Num. 6. diximus.

17. E A N D E M proportionem habet ſinus totus ad tangentem altitudinis poli, quam tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem puncti. In triangulo namque ſphærico rectangulo $E L K$, cum angulus K , rectus, quod in eadem tertia figura præcedente habetur, ita ſolub

per propoſ. 49. noſtrorum triang. ſphæ. ſinus totus ad tangentem accipit $G L$, declinationis puncti Eclipticæ G , curvæ reliquæ angulum K , ut tangens complementi anguli E , id eſt, arcus $G K$, oppoſitū, hoc eſt, ut tangens altitudinis poli, (cum angulus L , eſt angularis complementi altitudinis poli, quem ſumimus Aequator $A C$, cum Horizonte ſicut, ad ſinum arcus $E K$, differentie aſcenſionalis, qui alter arcus eſt circa angulum rectum L . Igitur permutando erit quæ, ut ſinus totus ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem puncti. Sed hæc ne triangulis ſphæricis



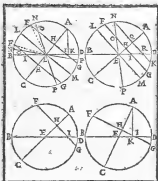
quoque demonſtrabimus .

S I T in prima ſequentē figura Meridianus $A B C D$; Horizontis diameter $B D$; Aequatoris $L M$; axis mundi $A C$; diametri paralleli $F G$, ſub borealis, ſive australis, axem ſecans in H , ad angulos rectos, & Horizontis diametrum in I ; diameter Eclipticæ $N P$, ſecans $F G$, in O ; Et ducatur ad $B D$, ex polo A , perpendicularis $A K$. Quæ ſi circa diametros $N P$, $F G$, intelligantur ſemicirculi earum ad Meridianum recti, & ex punctis E, Q, I, H, J , excitentur perpendicularæ ad eundem Meridianum, cadent perpendicularis ex O , in punctum Eclipticæ datum, per quod parallelus diametri $F G$, tranſit, cum in extremo illius perpendicularis in ſuperficie ſphære & incidat in Eclipticæ . & paralleli . Arcus autem paralleli inter perpendicularæ O, H , erit aſcenſio recta dati puncti, cum coarctetur eum arcus Eclipticæ inter perpendicularæ ex O, I , ſupra Horizontem rectum per $A C$, id eſt, idemque arcus paralleli ſimilis erit arcui Aequatoris coarctati, cum ſemper ſimiles arcus parallelorum eodem tempore peroriantur in Horizonte . At arcus paralleli inter perpendicularæ ex O, I , erit aſcenſio obli-

Quia tota ad tangentem altitudinis poli accipit $G L$, declinationis puncti Eclipticæ G , curvæ reliquæ angulum K , ut tangens complementi anguli E , id eſt, arcus $G K$, oppoſitū, hoc eſt, ut tangens altitudinis poli, (cum angulus L , eſt angularis complementi altitudinis poli, quem ſumimus Aequator $A C$, cum Horizonte ſicut, ad ſinum arcus $E K$, differentie aſcenſionalis, qui alter arcus eſt circa angulum rectum L . Igitur permutando erit quæ, ut ſinus totus ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem puncti. Sed hæc ne triangulis ſphæricis

per eundem arcus Eclipticæ, cum una cum arcu Eclipticæ inter perpendiculari O, E, perorietur supra Horizonsem obliquum per B D, ductum. Arcusdenique paralleli inter perpendiculares ex H, I, differentia erit ascensionalis. Rursus H E, sinus est declinationis L F, & F H, sinus complementi A F, eiusdem declinationis. Item ergo fiat, ut F H, sinus complementi declinationis ad H E, sinum declinationis, ita F H, sinus totus ad alios, invenieturque H E, in partibus semidiametri F H, seu sinus totius. Sed quoniam per propoſ. 18. tractatus finium, est ut F H, sinus complementi declinationis ad H E, sinum declinationis, ita sinus totus ad Tangentem declinationis. Igitur recta HE, invenies in partibus semidiametri F H, æqualis Tangenti declinationis respectu sinus totius E A: hoc est, quod per eundem HE, respectu sinus totius F H, tot continentur in Tangente declinationis respectu sinus totius E A, adeo, ut idem se recipere H E, in partibus sine totius F H, atque Tangentem declinationis paralleli propositi, respectu sinus totius E A. Deinde quia triangula A E K, I E H, æquiangula sunt, ob æquales rectos K, H, & communem angulum E, vel ad verticem E, æqualiter, scilicet, ut E K, sunt complementi altitudinis poli ad A K, sinum altitudinis poli, ita H E, invenies in partibus sinus totius F H, hoc est, ita Tangens declinationis, ad H I, sinum differentie ascensionalis in partibus eiusdem sine totius F H. Est autem per propoſ. 18. tractatus finium, ut sinus complementi altitudinis poli ad sinum altitudinis poli, ita sinus totus ad Tangentem altitudinis poli. Igitur erit quoque, ut sinus totus ad Tangentem altitudinis poli, (que Tangens in eadem regione nunquam mutatur) ita Tangens declinationis ad sinum differentie ascensionalis, quod est propositum.

a p. quinti.



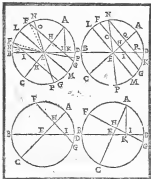
b 4. sexti.

C A E T E R V M quando diximus, arcum paralleli inter perpendiculari ex O, I, rectam esse ascensionem obliquam arcus Eclipticæ, cuius sinus est E O, intelligendum est de arcu, qui à proximo puncto æquinoctiali E, totam ascensionem signorum numeratur. Ut vergente Ecliptica E N, ad polus borealem A, arcus numerandus est à --- , versus --- , & --- . Itaque arcus à --- , versus --- , habent æquales ascensiones cum arcibus æqualibus, æqualiterque à principio --- , versus --- , recedentibus, ut Num. 9. ostendi.

ostendimus; inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensiones obliquæ; ita vt ascensiones omnium arcuum in semicirculo descendente à principio ∞ , inchoatorum cognitæ tunc sint. Vergente item Ecliptica EN, ad polum australem, arcus idem, cuius sinus EO, rursus, datus est ab ∞ versus ∞ , & ∞ . Et quia arcus ab ∞ versus ∞ , habent easdem ascensiones cum arcibus equalibus, equaliterque à principio ∞ , usque ∞ , recedentibus, vt Num. 5. ostensum est, inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensiones obliquæ, ita vt omnia arcuum in semicirculo ascendente à principio ∞ , inchoatorum cognitæ tunc sint. Quo pacto autem ex hisce ascensionibus cognitæ cognoscantur & ascensiones arcuum ab ∞ , inchoatorum, & secundum signorum successionem ratiorem, paulo ante ad finem Num. 14. declarauimus, & rursus demonstrabimus in scholio Canonis § Num. 1.

Q V O D autem arcus Eclipticæ prædicti ab ∞ , & ∞ , numerati sint contra successionem signorum, ex eo liquet, quod punctum Eclipticæ

parallelæ communiæ, quæ perpendicularis ex O, ex ista cadit, Horizontem obliquum ad motum sphaeræ fecit in puncto, in quo perpendicularis ex I, ex ista incidit, ac deinde arcus paralleli inter perpendiculares ex O, I, & arcus Eclipticæ inter perpendiculares ex O, I, ab O, usque ad æquabile punctum E, secundum successionem signorum numeratus, simul peroratur, cum eorum cuncti simul ad Horizontem obliquum perueniant. Hoc dicendum est de ascensionibus rectis super Horizontem rectum per AC, & sim: sed quia arcus paralleli ab ∞ , & ∞ , versus ∞ , numerati habent eas ascensiones æquales



vt, Num. 6. diximus, nihil interest, vtrum arcus Eclipticæ numerentur ∞ , contra successionem signorum, an ab ∞ , secundum successionem signorum. Sec.

E T quoniam inuenta differentia ascensionali principij ∞ , ad ∞ , hoc est, differentia maximæ, vel minimæ arcus semidiurni, & semidiurni arcus Aequatoris, ad quamcumque altitudinem poli, (Eadem est differentia ascensionalis, est differentia inter arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, vt Num. 15. ostendimus) facili negotio differentia ascensionales omnium aliorum punctorum Eclipticæ reperientur

differentia inter
hoc polo maximæ vel
minimæ arcus, an-
te n. semidiurni
arcus, & arcus in
a equator. Arcus
recti, quo pacto
in quibus arcus
etiam poli supra
tunc.

arcus

non polielevatione, vt Num. 18. dicemus, inuenietur differentia ascensionis principij $\overline{22}$, vel $\overline{28}$, si fiat, vt sinus totus ad Tangentem altitudinis poli propofitæ, ita Tangens maximæ declinationis, quam principium $\overline{22}$, vel $\overline{28}$, habet (quæ Tangens eadem permānet in omnibus elevationibus poli) ad altitud. Ita enim inuenietur differentia quæſita inter longiffimum, vel breuiſſimum arcum ſemidiurnum, & arcum ſemidiurnum Aequatoris, in hoc loco demonſtratum eſt, ſi FG, ſit diameter paralleli $\overline{22}$, vel $\overline{28}$, & EF, ſemidiameter Eclipticæ, vt F, ſit punctum Eclipticæ datum quadrante diſtans a puncto æquinoctiali E.

18. § I N V S. ſecus ad ſinum aſcenſionis rectæ dati puncti Eclipticæ eandem proportionem habet, quàm ſinus differentiæ inter longiffimum, vel breuiſſimum arcum ſemidiurnum, & arcum ſemidiurnum Aequatoris, hoc eſt, ſinus differentie aſcenſionalis principij $\overline{22}$, vel $\overline{28}$, ad ſinum differentie aſcenſionalis, ſeu differentie inter arcum ſemidiurnum eiufdem puncti dati Eclipticæ, & arcum ſemidiurnum Aequatoris. Sit enim rurſum in ſecunda figura Meridianus ABCD, Horizontes diameter BD, Aequatoris LM, axis mundi AC; diameter paralleli borealis FG, item ad rectos angulos in H, ſecans, & Horizontis diametrum in I, diametrum paralleli $\overline{22}$, NK, ſecans axem in Q, & Horizontis diametrum in R, diametrumque Eclipticæ NP, ſecans FG, in O. Quod ſi circa diametros NP, NK, FG, pelligantur earum ſemicirculi ad Meridianum recti, & ex punctis E, O, H, I, Q, R, erigantur rectæ ad eundem Meridianum perpendiculares, cadet perpendicularis ex O, in punctum Eclipticæ datũ; & arcus paralleli inter perpendicularis ex O, H, erit aſcenſio recta dati puncti, & OH, eius ſinus arcus vero eiufdem paralleli inter perpendicularis ex O, I, aſcenſio obliqua erit, vt Num. 17. declinationem, & arcus inter perpendicularis ex H, I, differentia aſcenſionalis, cuius ſinus HI, eritque QR, ſinus erit differentie aſcenſionalis $\overline{22}$, hoc eſt, differentia inter longiffimum arcum ſemidiurnũ, &c. Et quoniã, ex ſcholio propoſ. 4. lib. 6. Eucl. eſt, vt NQ, ſinus totus paralleli $\overline{22}$, ad QR, ſinum differentie inter longiffimum arcum ſemidiurnum, & arcum ſemidiurnum Aequatoris, ita OH, ſinus aſcenſionis rectæ dati puncti Eclipticæ ad HI, ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem puncti inter permutando, vt ſinus totus ad ſinum aſcenſionis rectæ dati puncti, ita ſinus differentie aſcenſionalis $\overline{22}$, ad ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem dati puncti, quod eſt propoſitum. Quod autem hic acceperimus parallelos boreales, non ſolent, cum eodem ſint aſcenſiones rectæ, eademque, differentie aſcenſionales parallelorum australium, quæ borealium, vt ſupra demonſtratum eſt Num. 6. & 13. Itaque ſi ſupputata ſit in qualibet regione differentia aſcenſionalis inijta $\overline{22}$, vel $\overline{28}$, & addi tabula aſcenſionum rectarum, facili negotio reperientur differentie aſcenſionales omnium aliorum punctorum Ellipticæ in eadẽ regione.

19. In ſequenti grad. 45. ita ſe habet ſinus complementi declinationis dati puncti Eclipticæ ad ſinum declinationis eiufdem puncti, vt ſinus totus ad ſinum differentie aſcenſionalis eiufdem puncti. Nam in tertia figura Meridianus ſit ABCD, diameter Horizontis BD, altitudo poli DA, grad. 45. & axis mundi AC, & paralleli cuiuſvis diameter FG, ſecans axem in H, & diametrum Horizontis in I. Et quia in triangulo HEI, omnes anguli æquales ſunt duobus rectis, & H, rectus eſt, & E, ſemirectus, propter arcum DA, grad. 45. erit quoque I, ſumma, ipſique E, æqualis; ideoque & latera HE, HI, æqualia erunt. Itaque quoniam eſt, & FH, ſinus complementi declinationis ad HE, ſinum declinationis, ita HE, ſinus totus ad HE, ſinum reſpectu ſinus totius FH, hoc eſt, ad HI, quæ HE, æqualem; eſtque HI, ſinus differentie aſcenſionalis, vt ex præſentibus

Sinus totus ita habetur ad ſinum aſcenſionis rectæ eiufdem puncti Eclipticæ, ut ſinus differentie aſcenſionalis inter Cæteri vel Cæteri ad ſinum differentie aſcenſionis rectæ eiufdem puncti.

ſinus complementi declinationis ad ſinum declinationis eiufdem puncti eſt, vt ſinus totus ad ſinum differentie aſcenſionis, ut eandem punctum, in ſequenti grad. 45. a. 1. prima. b. 2. prima.

dentibus patuit, in partibus finit totius FH, liquet id, quod propositum.

Q V I A vero, per propof. 18. tractatus finium, ut finis complementi declinationis ad finem declinationis, ita est quoque finis totus ad Tangentem declinationis; efficitur, ^a finem differentie ascensionalis in latitudine grad. 45. cuiusvis puncti Ecliptice aequalem esse Tangenti declinationis eiusdem puncti; adeo ut arcus Tangenti declinationis cuiusvis puncti Ecliptice, tanquam finis, in tabula finium debitus, sit differentia ascensionalis eiusdem puncti in regione, in qua poli elevatio grad. 45. complectitur. Vt quia Tangens maxime declinationis, id est, Tangens grad. 23. min. 30. est 43.48; 24. cui tanquam finium tabula congruent grad. 29. min. 46. pro differentia ascensionali propof. 20. vel 26. in latitudine grad. 45.

20. I N omni regione, quæ altitudinem poli habet maiorem, vel minorem quam grad. 45. finis complementi altitudinis poli ad eam altitudinis poli, vel finis differentie ascensionalis cuiuslibet puncti Ecliptice in altitudine poli grad. 45. ad finem differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposita. Sit enim rursum in quarto circulo Meridianus ABCD; Horizonti diameter BD; altitudo poli DA, maior, vel minor, quam grad. 45. axis mundi AC; horopter paralleli FG, secans axem in H. & Horizonti diametrum in I. mittaturque ex polo A, finis altitudinis poli AK. Et quæ triangula ABK, BIK, cum angulos habeant rektos K, H, & communem B. æquiangula sunt, ^a ut et EK, finis complementi altitudinis poli datæ ad KA, finem altitudinis poli in HE, quæ æqualis est finis differentie ascensionalis in partibus finis totus FH, in altitudine poli grad. 45. ut in præcedenti Num. patuit, (Nam ibi ostensum est, ob angulum semirektum E, finem declinationis HE, æquale esse finem HI, differentie ascensionalis.) Ad HI, finem differentie ascensionalis in altitudine poli DA, data, quod est propositum.

Q V O N I A M autem per propof. 18. tractatus finium, est ut finis complementi altitudinis poli ad finem altitudinis poli, ita finis totus ad Tangentem altitudinis poli; Erit quoque, ut finis totus ad Tangentem altitudinis poli propositæ, ita finis differentie ascensionalis cuiusvis puncti Ecliptice in altitudine poli grad. 45. ad finem differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposita. Itaque inveniatis differentie ascensionales omnium punctuum Ecliptice in regione, in qua poli altitudo grad. 45. continet, quæ quædam Tangentes declinationum, ut ad finem Num. 19. monstratum est, reperientur earum beneficio ascensionales differentie eorundem punctuum a quacumque alia regione.

L E M M A L.

D A T I S duobus axibus Ellipsis. sese ad angulos rektos secantibus, si ex quolibet puncto minori axis, cuius producti, si opus est, recta dimidio maioris axis æquali educatur secans ipsum axem maiorem, ita ut segmentum eius ultra eundem axem maiorem dimidio minoris axis æquale sit, cadet eius extremum in Ellipsim. Et si ex quolibet puncto Ellipsis recta dimidio maioris axis æquali

ducatur

a 3. quatuor.

Autem Tangenti declinationis cuiusvis puncti Ecliptice, tanquam finis, in tabula finium debitus, sit differentia ascensionalis eiusdem puncti in regione, in qua poli elevatio grad. 45.

Ita, si finis finis complementi altitudinis poli ad eam altitudinis poli, vel finis differentie ascensionalis cuiusvis puncti Ecliptice, tanquam finis, in tabula finium debitus, sit differentia ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli grad. 45. ad finem differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposita, data, quod est propositum.

Itaque inveniatis differentie ascensionales omnium punctuum Ecliptice in regione, in qua poli altitudo grad. 45. continet, quæ quædam Tangentes declinationum, ut ad finem Num. 19. monstratum est, reperientur earum beneficio ascensionales differentie eorundem punctuum a quacumque alia regione.

ducitur usque ad minorem axem, etiam productam, si opus est, secans tamen ipsum maiorem axem, erit eius segmentum inter datum punctum, & axem maiorem, dimidium minoris axis æquale.

S E C E N T In meteo ad angulos rectos in E, duo axes AC, BD, Ellip-
 sis ABCD, & primum ex quous puncto E, in minori axe BD, duas productio, si
 quilibet sit recta FG, ipsi AE, dimidia maioris axis AC, aequalis, secans ma-
 iorem, ut in H, ita ut segmentum HG, ipsi ED, dimidio minoris axis aequalis
 sit. Dico extremum punctum G, in Ellipsin cadere. Describamus enim ex centro
 E, circulum maiorem axem AC, circulus AICK, ducaturq; per G, minori axi BD,
 parallela GM, secans circulum in L, & maiori axi AC, parallela GN, & deniq;
 recta velut EL. Et quoniam in parallelogrammo MN, ^a latera opposita
 equalia sunt, & anguli M, N, recti, ^b quod tam M, MEN, quam N, NEM, duo-
 bus rectis aequales sunt. Sunt autem & rectae FG, EL, aequales, quod utraque ipsi
 AE, sit equalis: erunt duo latera FG, GN, duobus lateribus LE, & LM, aequalia, &
 anguli N, M, aequalibus lateri-

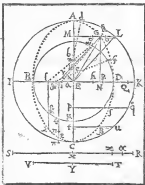
^a 1. p. primi.
^b 29. primi.

Int FG, IE, equal, equal

Cuiusque reliquorum angulo-
 rum F, L, \dots uterque recto mi-
 nor sit, erunt ex vicino schol-
 io lib. 1. Eacl. & bases $FN,$
 LM & tum anguli E, L, \dots quam
 $FGN, LEM,$ aequales. \therefore Igitur
 cum FGN , altero GHN , sit
 aequalis, erunt quoque anguli
 $GHN, LEM,$ aequales \therefore adeo-
 que parallelae erunt $FG, EL,$ &
 anguli $ELM, HGN,$ et, con-
 siliis propo. 9. lib. 6. Eacl. simi-
 lia. Igitur erit, ut EL , ad LM ,
 ita HG , ad GN , ac prout de-
 quat, ut quadratum ex EL , ad
 quadratum ex LM , ita quadra-
 tum ex HG , ad quadratum ex
 GN . Est autem quadratum ex
 EL , quadrato ex AE hoc est, re-
 ctangulo sub AE, EC , & \therefore qua-
 dratum ex LM , rectangulo sub
 AM, MC , aequale, quod ex Scho-
 lio propo. 12. lib. 6. Eacl.

LM , inter AM , MC , media proportionalis; Item quadratum ex HE , quadratum ex ED , æquale est, quod eorum latera sint posita æqualia. Erunt igitur quodque, ut triangulum sub AE , EC , ad rectangulum sub AM , MC , ita quadratum ex ED , ad quadratum ex MC . Quocirca cum ED , MC sint ad eam AC , ordina quæ applicare, transibit Ellipsis $ABCD$, per punctum Q . Si enim dæctur transire per aliud punctum rectæ LM , ut per O_1 , erit quodque, ut rectangulum sub AE ,

EC.d



6.5.3. Final

d.a. 1900.

1000

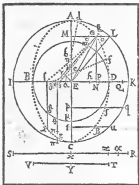
Figure 1

2000

Abstract

et p. quini.

EC, ad rectangulum sub AM, MC, ita quadratum ex ED, ad quadratum ex MO, ac propterea quadrata ex MG, MO, equalia erunt ipſeq. rectis aequalia, per tota, quod est abſurdum. Transſit ergo Ellipſis per G, ideoque poſſum ſi in Ellipſim cadet, quod est propoſitum.



et p. ad p. l. ang.

et p. quini.

tum ex ED, ad quadratum ex MG Igitur quadrata ex HG, ED, ad quadratum ex MG, eandem proportionem habent, et atque adeo inter ſe equalia, ipſe linear HG, ED, inter ſe equalis ſunt, quod erat demonſtrandum.

SCHOLIUM.

THEOREMA ATTS huius prior per alio modo, et quidem ſimpliciter, demonſtrata ſunt ab eruditiffimo viro Guido Faldi à Marchione Memio, ad ſimilitudinem Planifſtariarum univerſalium: cum quo hac, que ſequitur, colligenda ſit. Per totam, quo poſſe datus duobus axibus Ellipſis circa eas deſcribenda ſit. Sint ergo axes AC, BD, ſeſe ad angulos rectos in E, ſecantes, ſumamque Eb, dimidia namque axis aequalis, hoc eſt, ipſi AE, ut Eb, ſit exteſus, quo dimidius maioris axis dimidium minoris BE, ſuperat. Dando ex quolibet puncto a, F, g, in recta ES, diſtincta cui ad AE, applicamus rectas ab, FH, g, exteſus Eb, aequalis, et productum ab, FH, g, abſcudamus bd, HG, h, ipſi BE, dimidius axis minoris aequalis, ut recta ad, FG, g, dandis axis minoris AE, vel Eb, ſit aequalis. Vel obſervetur a, F, g, ipſi AE, vel Eb, dimidius minoris axis aequalis, ut ſignificata b d, HG, g, dandis axis minoris BE, aequalis ſint. Nam ut ſi demonſtratum eſt, poſſit a, d, G, g, per Ellipſim eſſe. Quare ſi plura puncta hoc arithmetice proportionantur, non ſolum inter A, C, et B, etiam inter D, et C, arithmetice C, et B, etiam inter B, et A, et per ea congruentia ſunt inſtituta duntaxat, deſcripta erit Ellipſis.

DEINDE

quoniam rectarum ex centro E , ad circumferentiam Ellipsis ductarum, ut consistat ex circulo circa maiorem axem AC , describitur, eadem necessario recta ex centro E , qua semissis maior axis maior sit, extra Ellipsim. Itē quia ED , semissis minoris axis, minimam est circumferentiam ex centro E , ad circumferentiam Ellipsis ductarum, ut consistat ex circulo circa minorem axem BD , describitur, eadem necessario recta ex centro E , qua semissis maior axis minor sit, intra Ellipsim.

I AM vero, si quando accedat, rectam AE , ex dato puncto A , ductam ad centrum esse aequalem semissis maioris datae lineae, ductenda erit ex dato puncto A , per E , centrum recta AC . Nam EA , EC , ipsae XR , XS , aequales dabunt maiorem axem, quem si recta BD , ad angulos rectos fecerit, dabunt EB , ED , ipsae YT , YV , aequales, & ex ipso minore. Manifestum autem est, Ellipsim circa axes AC , BD , descripiam per datum punctum A , transire. Si autem datum sit punctum D , & quo ad centrum E , ducta recta DE , semissis minoris datae lineae sit aequalis, ductenda erit ex dato puncto D , per centrum E , ipsa BD . Nam EB , ED , ipsae YT , YV , aequales dabunt minorem axem, quem si recta AC , ad rectos angulos fecerit, dabunt EA , EC , ipsae XR , XS , aequales, maiorem axem. Vnde cum quando cogerit, Ellipsim circa axes AC , BD , descripiam per datum punctum D , transire.

LEMMA LI.

SI circa axes Ellipsis circuli describantur, & ad eandem orbinatim rectae applicentur vsque ad Ellipsis & circulorum periphérias; erunt applicatae vsque ad Ellipsim, applicatis vsque ad circulum proprium, ad cuius videlicet diametrum applicatae sunt proportionales.

IN figura praecedētis lemmatis descripti sunt circa axes circuli, & rectae pq , ite, id maiorem axem AC , ordinatim applicatae secantes Ellipsim in t , & item rectae Fg , ordinatim applicatae ad minorem axem BD , secantes circulum in h . Incoellē, ut p sit ad t , ita p q, ad t u. Item ut Fg , ad l , ita Fg , ad l h . Quo nam enim est, ut quadratum ex p f , ad quadratum ex t g , ita rectangulum sub A p , p C , ad rectangulum sub A t , t C .^a Est autem rectangulum sub A p , C , quadratum ex p q , & rectangulum sub A t , t C , quadratum ex t u , aequale; quod ex scholio propo. 13. lib. 6. Eucl. p q , t u , mediae sunt proportionales inter A p , p C , & inter A t , t C , erit quoque ut quadratum ex p f , ad quadratum ex t g , ita quadratum ex p q , ad quadratum ex t u .^b Quia propter erit quoque, ut recta p l , ad rectam t g , ita recta p q , ad rectam t u .

RURSUŠ quia est, ut quadratum ex F g , ad quadratum ex l h , ita rectangulum sub D F , F B , ad rectangulum sub D l , l B .^c Est autem rectangulum sub D F , F B , quadratum ex F g , & rectangulum sub D l , l B , quadratum ex l h , aequale; quod ex scholio propo. 13. lib. 6. Eucl. F g , l h , sunt inter D F , F B , & inter D l , l B , mediae proportionales; erit quoque ut quadratum ex F g , ad quadratum ex l h , ita quadratum ex F g , ad quadratum ex l h . Quo circa erit etiam, ut recta F g , ad rectam l h , ita recta F g , ad rectam l h , quod erat demonstrandum.

a 15. 1. Apol. long.

b 17. sexti.

c 22. sexti.

d 15. 1. Apol. long.

e 17. sexti.

f 22. sexti.

DATIS axibus alicuius Ellipsis sese ad angulos re-
ciprosecantibus, in data recta qualibet puncta reperire,
per quæ Ellipsis, si describatur, transire debet.

SINT dati axes AC, BD, Ellipsis cuiuspiam se in centro E, secantes ad an-
gulos rectos, circa quos circuli descripti sint; sitque primum data recta EF, per
centrum ducta, secans circulum circa maiorem axem descriptum in F, & per F, axibus
parallelis agatur FO, FK. Erigatur quoque ad minorem axem ex eius extremo B,
perpendicularis BG, secans

Quando data re-
cta per centrum
Ellipsis trahitur.

minorem circulum in G; &
per G, ex E, recta ducatur se-
cis paralleli maioris axis in
H, ipsa deinde in parallela
minori trahatur KL, equa-
le ipsi EH, ducatur EL,
secans minorem circulum
in M, puncto ex utraque
parte, et tandem per M, mi-
noris axis parallela agatur
MN, secans datam rectam
in I. Dico Ellipsim, cuius
axes AC, BD, descriptam
transire per punctum I.

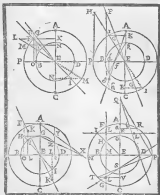
Quoniam enim est, ut EG,
ad EB, ita EH, ad EO, estque
EG, ipsi EP, & EH, ipsi KL,
AEQ, ipsi KE, equalitas erit
quoque, ut EP, ad EB, ita
KL, ad KE: Et per divisio-
nem terminorum conuertam,
quoniam scholio propos. 17.
lib. 1. Eucl. demonstravimus,

ut EB, ad BP, ita KE, ad FL.

Existem ut KE, ad FL, ita NI, ad IM. igitur erit quoque, ut EB, ad BP, ita NI,
ad IM: proinde ex ipsa, quæ in scholio præcedentis lemmatis ostendimus, Ellipsis
per A, B, C, D, descripta, per punctum utrumque I, transibit.

ALITER, ut in secunda figura. Erigantur ex B, extremo minoris axis, &
ex P, extremo secundæ centri, ad minoris axis lineam perpendiculares BF, PH, se-
cutique BF, datam rectam EF, in F, & ipsi BF, equalis sumatur PH. Ducta autem
recta EH, secans maiorem circulum ex utraque parte in puncto I, ducatur per
d, necesse est parallela IK, rectam datam secans in G. Dico G, cadere in Ellipsim
datam. Quia enim est, ut EP, ad PH, ita IK, ad KE; Et ut BF, hoc est, ut equalis
PH, ad EB, ita KE, ad KG: erit ex æqualitate, ut EP, ad EB, ita IK, ad KG. Qua-
re, ut prius, punctum G, ex utraque parte in Ellipsim datam cadet.

ALITER, ut in tertia figura. Erigantur ad maiorem axem ex punctis A, G,
perpendi-



a 4. sexti.

b 4. sexti.

c 4. sexti.

perpendiculares AF, GH, secusque AF, datam rectam in F, & ex F, demittatur ad minorem axem perpendicularis FO, secans GH, in H. Ducta autem EH, secante minoris axis circulum ex utraque parte in puncto. Lagatur per I, minoris axis parallela KL, secans datam rectam in K. Dico K, in dati Ellipsim cadere. Quoniam enim est, ut OH, ad HF, hoc est, ut EG, ad GA, ita LI, ad IK, erit punctum K, in utraque parte in Ellipsim, ut in scholio antecedentis lemmatis demonstratum est.

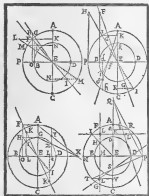
S A T I S autem est, si unum punctum, nimirum superius, uno horum axium invenitur. Nam si rectæ EI, vel EG, vel EK, sumatur equalis infra centrum erit quoque inferius punctum F, vel G, vel K, in Ellipsim, propterea quod recta per centrum ducta in centro bisariam dividitur in Ellipsi.

D E I N D E data sit alterutri axium parallela, ut in quarta figura, & primum maiori axi parallela FG, secans maiorem axem in M, & circulum in H. Si enim non foret, caderet tota recta Ellipsim, si autem tranfret per I,ungeret Ellipsim in S. Ducta autem recta EH, secans circulum in I, ducatur per I, minoris axis parallela IK, secans datam rectam FG, in L. Dico L, a datam Ellipsim cadere.

Quoniam enim est, ut EH, ad HI, hoc est, ut EB, ad BN, ita EL, ad LI, vel ut EH, ad HI, hoc est, ut EO, ad OA, ita MH, ad HL, erit L, in Ellipsim, ut in scholio precedentis lemmatis demonstratum est.

S E C U N D O minori axi parallela sit IL, secans maiorem axem in I, siue secet minorem, siue non. Ducta recta EI, secante minorem axem in H, ducatur per H, maiori axi parallela LM, secans datam rectam IL, in L. Dico L, in dati Ellipsi existere. Quod demonstrabitur, ut prius. Iam si rectæ ML, ad KL, ex altera parte equalis abscindatur ML, vel KL, transibit eodem Ellipsi per punctum quoque L, inferius, & dextrum, propterea quod ordinem appropinquat bisariam a diametris dividuntur.

R V R, S V S sit data recta DL, per extremum D, minoris axis interducentem quartam figuram, & secet primum axem maiorem intra Ellipsim in S. Ex S, ducatur recta SP, ad extremum diametri maioris circuli, quod iuxta datum erit punctum D, existit, secans maiorem circulum in T, & per T, minoris axis parallela per TV, secans datam rectam in L. Dico L, in Ellipsim cadere. Quoniam enim est, ut ED, ad DP, ita VL, ad LT, erit ex scholio lemmatis antecedentis per



Quando data sit
da per extremum
minoris axis
transit.

f. f. f. f. f.

figura posteriori, utrum quoque tantum punctum inueniatur P, in quo Ellipse & recta tanget. Ut autem demonstratio reddatur magis vniuersalis, assumptum in priori figura tria puncta L, in data recta & in posteriori duo, per quos utique axi parallelae sunt ductae, praefertim quia hac ratione puncto H, in Ellipse in secunda figura non indigemus, quod inter deum difficulter habet. resti, propter obliquam intersectionem rectarum HC, HG, sed satis est, ut per duo puncta inuenta N, recta ducatur secans, vel tangens circulum maiorem. Quae omnia sic demonstrabimus. Quoniam est, ut EK, ad EB, ita EL, ad EO. Posita autem fuit EL, ipsi RN, aequalis, & EO, ipsi RI, aequalis est, ut quae ut EK, ad EB, ita RN, ad RI. Est autem ut RN, ad RI, ita QM, ad QP. Igitur erit quoque, ut EK, hoc est, ut Ea, ad AB, ita QM, ad QP. Ex per diuisionis conversionem, ut EB, ad Ba, ita QP, ad PM: ac proinde P, in Ellipse cadit, ex scholio lemmatis praecedentis. Atque hac demonstratio locum habet utroque puncto P, prioris figurae, ad sinistram maioris axis.

a 4. *facti.*
b 34. *propi.*
c 4. *facti.*

R E C T A M porro dicam FG, Ellipsim tangere in inuenta puncto

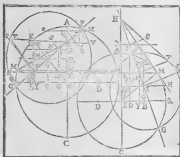
d 18. *facti.*

P, quando recta HN, circulum tangit in M, ita perpendicularis faciemus. Quoniam angulus HME, rectus est, & MQ, ad HE, perpendicularis, erit ex eodem

e 17. *facti.*

propos. 8. lib. 6. Euclidis EM, media proportionalis inter HE, EQ. Igitur quadratum ex EM, vel EA, aequale erit rectangulo sub HE, EQ; itaque erit, ut HE, ad EA, ita EA, ad EQ. Per conversionem ergo rationum, ut HE, ad HA, ita EA, ad AQ. Cum ergo CH, HA, duplae simplici HE, & CQ, Qa, tripliciter AE, erit quoque, ut composita ex CH, HA, ad HA, ita composita ex CQ, Qa, ad AQ: Et diuidendo, ut CH, ad HA, ita CQ, ad AQ. Igitur EG, Ellipsim continget in puncto P, quod in Ellipse demonstratum est.

f 13. *quinti.*
g 14. *de
pallio.*



A L I T E R.
Excutat EL, ad ED, perpendicularis in B, et tunc axis, & axis ducatur EK, donec ex quolibet circulo, ut per maiorem punctum IO, fiat EK, in L. Sit in utroque huiusmodi puncto perpendicularis ad datam rectam erigatur B, q

si OL, aequalis, & per H, S, recta eliciatur HS, secans circulum maiorem in FG, descriptum in T, V, per quos, & quibus ad datam rectam perpendicularis demittantur TP, VP. Dico punctum utrumque P, in Ellipse cadere. Quod si recta HS, tangat circulum circa FG, descriptum, ut, in posito de

perpetietur vnum tantum punctum P, in quo recta data Ellipsis contineget. Quoniam hac ratione demonstrabimus. Ex primis de puncto P, ad sinistram partem axis prioris figuræ. Ducta per P, maiori axi parallela XY, & minori parallela MPQ, quoniam est, ut PT, ad IS, ita HP, ad HI, hocque ut HP, ad HI, ita QP, ad RI, etiam, ut PT, ad IS, ita QP, ad RI; hoc est, ita EY, ad EO, ut autem EY, ad EO, ita est YX, ad OL. Igitur erit quoque, ut PT, ad IS, ita YX, ad OL. Cum ergo IS, OL, per hypothesein æquales sint, erunt quoque PT, YX, æquales. Quia vero PT, ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. æta proportionalis est inter FP, PG; erit quadratum ex PT, æquale rectangulo sub FP, PG, hoc est, rectangulo sub MP, Pe, cum hoc illi sit æquale; ideoque & quadratum ex YX, eidem rectangulo sub MP, Pe, æquale erit. Adde communi quadrato ex P Q, erunt quadrata ex YX, PQ, hoc est, ex YX, E Y, æqualia rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex PQ; sed quadratis ex YX, E Y, æquale est quadratum ex E X & rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex PQ, æquale est quadratum ex MQ. Igitur quadrata ex E X, MQ, ideoque & eorum latera E X, MQ, æqualia erunt. Cum ergo etiam E Y, QP, æquales sint, erit ut E X, ad E Y, ita QM, ad QP. Ut autem E X, ad E Y, ita est E K, hoc est, E a, ad E B, igitur erit quoque, ut E a, ad E B, ita QM, ad QP. Ergo, ut prius, punctum P, in Ellipsim datam caderet. Quæ quidem demonstratio locum etiam habet hypotensi figuræ.

P V N C T U M autem P, ad dextram maiore axis cadere quoque in eandem Ellipsim, ita planum fiet. Ducta Pb, ad MQ, perpendiculari, ipsique PV, æquali & unita rectis bQ, quoniam est, ut QP, ad PH, in interiori triangulo HPQ, ita QR, ad PH, in triangulo superiori. Item ut PH, ad PT, ita PH, ad PV, erit ut æquidistant, ut QP, ad PT, hoc est, ut E Y, ad Y X, quæ illis æquales sint, ita QP, ad PV, id est, ad P b. Cum ergo anguli ad Y, P, recti sint, tenent triantula E Y X, b P Q, æquiangula, & ut E X, ad E Y, ita b Q, ad QP. Dandeque per scholium propof. 13. lib. 6. Euclid. VP, ideoque & bP, media proportionalis est inter FP, PG, erit quadratum ex bP, æquale rectangulo sub FP, PG; sed hoc æquale est rectangulo sub MP, Pe, quod rectæ FG Me, circulo maiore axis in P, interfecent. Igitur quadratum ex bP, æquale erit rectangulo sub MP, Pe. & addito communi quadrato ex QP, erunt duobus quadratis ex bP, QP, hoc est, quadrato ex b Q, quod illis æquale est, æquale rectangulum sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP. Est autē rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP, æquale quadratum ex QM. Item & quadrato ex bQ, quadratum ex QM, æquale erit, ideoque & rectis bQ, QM æquales erunt. Quocirca cum ostensum sit paulo antea, esse ut E X, ad E Y, ita b Q, ad QP, erit quoque, ut E X, ad E Y, ita QM, ad QP. Cum ergo sit ut E X, ad E Y, ita E K, vel E a, ad E B, erit quoque ut E a, ad E B, ita QM, ad QP, itaque idemco, ut prius, punctum P, in datam Ellipsim caderet.

DENIQUE rectam datā FG, Ellipsim tangere in puncto P, inuenio, quando datus HS, circuleum FT, tangit in T. demonstrabimus hoc modo. Ductis rectis HQ, EM, ad extremum punctum parallelæ QM, quoniam ostensum est esse, ut E a, hoc est, E X, ad E B, ita QM, ad QP. Est autem, ut E K, ad E B, ita E X, ad E Y, erit quoque, ut E X, ad E Y, ita QM, ad QP. Cum ergo E Y, ipsi QP, æquali sit, erit & E X, ipsi QM, æqualis. Et quia quadratum ex PT, quadrato ex YE, æquale est, quod rectæ PT, YX, offendent æquales, si addantur æqualia quadrata ex PQ, EY, id est duo quadrata ex PT, PQ, duobus quadratis ex YX, EY,

Z æqualis:

a 4. sexti.

b 4. sexti.

c 14. quartæ.

d 17. sexti.

e 15. 1. reg.

f 47. primi.

g 1. 6. undi.

h 34. primi.

i 4. sexti.

k 4. sexti.

l 6. sexti.

m 17. sexti.

n 31. 1. reg.

o 47. primi.

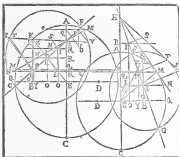
p 1. sexti.

q 4. sexti.

r 4. sexti.

s 34. primi.

- a 47. primi. æqualia: Sed his æquale est quadratum ex EX, hoc est, ex QM. Igitur & his quadrata ex PT, PQ, quadrato ex QM, æqualia erunt additoque communi quadrato ex QH, sicut tria quadrata ex PT, PQ, QH, duobus quadratis ex QM, QH, æqualia; Sed quadratis ex PQ, QH, æquale est quadratum ex PH. Igitur duo quadrata ex PT, PH, duobus quadratis ex QM, QH, æqualia erant. Cum ergo ille duobus quadratis ex HT,
- b 47. primi. & his duobus quadratum ex HM, sit æquale; erit quoque quodam ex HT, HM, parallelogrammum, & ipsa æqualia.
- c 47. primi. Igitur compendiatum ex HI, æquale sit rectangulo sub HG, H, erit eidem rectangulo æquale etiam quadratus ex HM, ac prout HM, circulus FH, obtinget in M, Q, obrem, ut patet demonstratum.



d 36. secij.

e 37. secij.

recta FG, Ellipticum in P, continget. quod est propositum.

LEMMATA III.

QVÆSTIONES omnes, quæ per sinus, Tangentes, atque secantes absolui solent, per solam prosthaphæresim, id est, per solam additionem, subtractionesque, sine laboriosa numerorum multiplicatione, diuisioneque expedire.

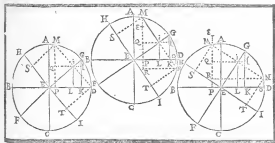
EDIDIT ante tres, quatuordecim annos Nicolaus Raymarus Vrsus Delmatius libellum quendam, in quo præter alia proponit inventum sine ærum, & ingeniosum, quo per solam prosthaphæresim pleraque triangula ista soluit. Sed quoniam id solum potest fieri posse, quando sinus in regula proportionum assumuntur, & sinus totus primum locum obtinet, conueniens nos eam doctrinam magis generalem efficere, ita ut non solum habetur in libris, & quando sinus totus primum locum in regula proportionum obtinet, verum etiam in tangentibus, secantibus, sinibus versis, & aliis manere, & sine sinus totus sit in principio regule proportionum; sine in medio, sine de-

per illo modo interueniat: quæ res noua omnino est, & iocunditatis ac volu-
ptatis plena.

PROPOSITIONE QUARTA *igitur est, ut sinus totus ad sinum alicuius ar-*
cus, ad sinum alterius cōflectam arcus ad aliud, separantur duo illi arcus tanquam
duo, qui ad prosthaphæreses requirantur: Minor addatur complemento maioris. Et
maior arcus sumatur sinus, Et si quidem minor arcus complemento maioris sinu
æqualis, (quod fit, quando duo arcus sepositi ac dati quadrantem conficiunt)
sinus sumatur sinus, erit quartus numerus proportionalis quæsitus. Si vero mi-
nor arcus fuerit minor complemento maioris, (quod accidit, quando duo arcus
sepositi ac dati sunt simul quadrantem minores) detrahatur minore arcus ex comple-
mento maioris, ut habeatur eorum arcuum differentia, qui simul additi fuerunt,
illius huius differentia sinus ex superioris cōflecti arcus sinus sumatur. Huius enim
quadrantis sinus, erit quartus numerus proportionalis, qui queritur. Si denique
quæ arcus fuerit maior complemento maioris, (quod eveniet, quando duo arcus se-
positi, ac dati sunt simul quadrantem maiores) detrahatur complemento maioris ex minore
arcu, ut eorum arcuum differentia habeatur, qui simul additi fuerunt, adhibeatur hu-
ius differentia sinus ad sinum servatum superioris arcus cōflecti. Huius enim summa
sinus, erit quartus numerus proportionalis, qui desideratur.

Quando sinus
totus per sinum ob-
tinet locum in re-
gula proportionu-
um, & illi co-
muni sunt loci
quæ pascit hæc
prosthaphæresis.

AT QVE hæc est regula supradicti auctoris, quæ sic demonstrabitur. In
penultima figuræ est, ut sinus totus EG, ad GK, sinum arcus GD, ita
Et, sinus arcus ID, vel HM, ad quæsitum sinum: L. Et quia minor ar-
cus GD, æqualis est ipsi DG, complemento maioris arcus ID, (vel si for-
te GD, maior esset, & ID, minor; minor ID, æqualis est ipsi DI, comple-
mento maioris arcus GD,) fit ut PQ, & quæ semel sit est sinus MP, arcus MD, b 2. *secundum.*



collatis ex DG, minore arcu, & GM, cōplemento maioris HM, æqualis sit sinus
quæro quæsitum. Quod si forte arcus GD, sit maior, & ID, minor, erit nihilominus
MP, sinus arcus MB, cōflecti tunc ex HM, minore, & HB, cōplemento maioris GD.

IN secunda autem, & tertia figura est quoque, ut sinus totus EG, ad
GL, sinus arcus GD, ita EI, sinus arcus IN, vel HM, ad quæsitum sinum
L. Et quia in secunda figura minor arcus GD, minor est ipso GN, comple-
mento

menſo maioris arcus IN , (vel ſi forte GD , maior eſſet. & IN , minor; minor IN , minor eſt ipſo ID , complemento maioris arcus GD) ſit, vt deinde ſumamus RP , differentie DN , hoc eſt, dempta ME , ipſi RP , equalis, ex MP , ſinus arcus MD , conſtati ex DG , minore arcu, & GM , complemento maioris arcus HN , reliqua PQ , que ſemiſis eſt reliqui EP , cum totius MR , tota QR , ſemiſis ſit, & equalis ſit ſinui quaſito I . Quod ſi forte arcus GD , ſit maior, & IN , minor, erit reliquus MP , ſinus arcus MB , conſtati ex minore tunc arcu MH , & HB , complemento maioris arcus GD .

A T in tertia figura quia minor arcus IN , maior eſt ipſo ID , complemento maioris arcus GD , (vel ſi forte GD , minor foret, & IN , maior; minor GD , excedat ipſum GN , complementum maioris arcus IN) ſit, vt addito ſinu RP , differentie DN , hoc eſt, addita ME , equalis ipſi RP , ad MP , ſinum arcus MB , conſtati ex minore arcu MH , & ex HB , complemento maioris arcus GD , reliqua PQ , que ſemiſis totius recte compoſitæ EP , cum ipſius MR , ſemiſis ſit QR , & equalis ſit quaſito I . Quod ſi forte arcus GD , minor ſit, & IN , maior, erit reliquus MP , ſinus arcus MD , conſtati tunc ex minore arcu GD , & GM , complemento maioris arcus HN .

Q V O D ſi ſuppoſiti duo arcus fuerint æquales, accipendum eſt ſinus complementum, & alter pro minore aſſumendus.

2. I. A. M. vero obtinenda ſunt tota proxima locum in regula proportionum, quod alij duo numeri non ſunt ſimiles, accipiendi ſunt alterius numerorum iſtius ſinus, ut in tabula ſinuum, & ſerſum ſuperando. Derivata regula ſupradicta additenda. ſim facienda eſt, quando ſinus complementi alicuius arcus uſurpatur. Tunc cum accipendus eſt ille arcus, ſed loci illius aſſumendus, qui ille ſinus, quæritur recte aſſumendus. Denique quæcumque ſimpliciter numerus, ac totius non ſunt ſimiles, veliter utrum ſint, & alter non, accipiendus eſt arcus cuiuslibet numeri, & æquus ſuperſtadendum eſt eadem, ut quando numerus ſum tota maior eſt, abſciſantur à parte decime tota figura, que ſubſit ſint, ut reliquis numeris minor ſit ſum tota, & ad mediũ quartæ numerũ per proſtophæreſim, ſine ut ſine ſit ſine T angens, ſine Sec us, ſine aliquo ſine numerorum, ad quæritur ad partem dextram totæ exploræ, que figura abſciſſa fuerit. Ut quando una figura abſciſſa, ſumitur pars decima numeri; quando dua, centeſima; argus ita iſumitur quæque ſola pars decima, aut centeſima quarti numeri. Quæ multiplicanda eſt pars illa ſumma per 10. vel 100. quod ſit per appropinquat vel 100. ut totus numerus habeatur. Sed recte hanc partem numerus exempli planè recte faciamus.

S I T verbi gratia, inueſtiganda deſclinatione grad. 17. min. 45. **III.** Quia eſt, ut ſinus totus ad ſinum maximæ deſclinationis, ita ſinus deſclinationis ad poſt Eclipſem à viciniore puncto æquinoctij ad ſinum deſclinationis euſtens in poſt, ut in lemma 18. demõſtrauimus, ſic ſtabit exemplũ ad proſtophæreſim.

G. M.		G. M.	
<i>Arcus max. decl. 23. 30.</i>	<i>Compl. maioris 12. 15.</i>	<i>Minor numerus maior ipſi</i>	
<i>Diff. inter compl. & numerum. 12. 15.</i>		<i>Minor 23. 30. compl. idem ſec. addit.</i>	
<i>Summa compl. & numerum. 35. 45.</i>		<i>ſinus. 5842457.</i>	<i>ſinus. 1550229.</i>
<i>Diff. inter compl. & numerum. 12. 15.</i>			
<i>Sinus inuenit 3886700.</i>		<i>Summa ſinuum</i>	<i>7723427.</i>
<i>Reſpondet declinatione G. 12. M. 16.</i>		<i>Semiſis, vel ſin. declin.</i>	<i>3886700.</i>

VERSUS ſe inquirenda differentia aſcensionalis grad. 6. III , ad altitudinem poli grad. 42. Quoniam eſt, vt ſinus totus ad tangentem declinationis, tangens altitudinis poli ad ſinam differentie aſcensionalis, vt in lemmate II . Num. 17. demonſtramus, ita progrediemur. Declinatio grad. 6. III , eſt grad. 21. Min. 22. eius tangens 3912247. at tangens grad. 42. altitudinis poli 84440. Priori tangenti in tabula ſinum reſpondent grad. 23. min. 2. Poſterio vero grad. 64. min. 13. atque hi duo arcus pro datis accipiendi ſunt loco declinationis & altitudinis poli. Sic ergo ſtabit exemplum.

	G. M.		G. M.
Arctus	23. 2.	Compl. maioris.	23. 47.
lat.	64. 13.	Minor.	23. 2.

Minor numerus minor eſt complementum, adeo ſit ſubtraſtus.

Summa compl. & minoris.	48. 47.	Sinus.	7126661.
Diff. inter compl. & minorem.	2. 45.	Summ.	479781.

Reſiduum	7046284.
Semiſis, vel ſinus diff. aſcenſ.	3123142.

Si in invento 3123142. reſpondet differentia aſcensionalis grad. 20. min. 38 hoc eſt, Hor. 1. Min. 23. Additis ergo horis 6. cōtinebit arcus ſemidiurnus Hor. 7. Min. 23. Et eadem diſſer. ex aſcensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradus 6. III debetur) ablata reſtinet aſcensionem obliquam grad. 43. min. 28.

¶ IT rursus inueſtiganda diſſer. aſcenſ. grad. 6. III , ad elevationem poli grad. 60. Tangens declinationis eſt, vt prius, 3912247. cui in ſinibus reſpondet grad. 23. min. 2. Tangens vero grad. 60. altitudinis poli eſt 17320508. cui in ſinibus (abſoluta vltima figura 8. pro qua reliquo numero addi poteſt 1. cum $\frac{1}{10}$. ſuperet $\frac{1}{4}$) reſpondent grad. 9. min. 58 Sic ergo ſtabit exemplum.

	G. M.		G. M.
Arctus	23. 2.	Compl. maioris.	66. 18.
lat.	9. 58.	Minor	9. 18.

Minor numerus minor eſt complementum, adeo ſit ſubtraſtus.

Summa compl. & minoris.	76. 16.	Sinus.	9741076.
Diff. inter compl. & minorem.	57. 0.	Summ.	8386706.

Reſiduum.	1354370.
Semiſis, vel ſinus diff. aſcenſ.	677185.

Si in invento 6771850. (Nam propter figuram 8 abſeſtam addenda eſt 0.) reſponder differentia aſcenſ. grad. 41. min. 38. hoc eſt, Hor. 2 min. 31. Eademq. diſſ. ex

diff. ex ascensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradui 6. III . debetur) ablata, hæc est ascensionem obliquam grad. 21. min. 18.

Sed præterea exploranda altitudo Solis in principio III . horæ 4 post meridiem vel hor. 3. post med. noct. ad altitudinem poli grad. 42. Oppositè, ut lib. 1. Geom. et s. propo. 36. demonstrauimus, est ut sinus totus ad sinum versus distantie Solis à mer. ita medietas rectæ constet ex sinu altitudinis meridiane, & sinu depressionis meridiane ad differentiam inter sinum altitudinis meridiane, & sinum tioridinis quæritæ, ita agemus. Sinus versus distantie Solis à mer. est 30000, cui in sinibus respondent grad. 30. min. 0. Sinus altitudinis meridiane grad. 71. min. 30. est 9483237. Depressionis grad. 14. min. 30. sinus est 246352. Medietas summæ ipsorum 6815084 $\frac{1}{2}$. cui in sinibus respondent grad. 41. min. 31. Sic ergo stabit exemplum.

Arcus dati.	G. M.		G. M.	
	30. 2.	Compl. maioris.	47. 2.	Minor numerus minor est co-
	4258.	Minor.	30. 2.	plurimus, idco fit subtrah.
Summa compl. & minoris			77. 2.	Sinus. 9741008.
Diff. inter compl. & maiorem			17. 2.	Sinus. 2923282.
			Relictum	6815726.
Remissus, vel diff. inter sin. alt. mer. & sin. alt. quæritæ.				3407844.

Detrahto numero inuento 3407844. qui est diff. inter sinum altitudinis meridiane, & sinum quæritæ altit. merid. 9483237. relinquitur sinus altitudinis quæritæ 6075393. cui respondent grad. 37. min. 29. Tanta est altitudo Solis.

3. **QVANDO** sinus totus est ad aliquam numerum sine toto numerum, ut numerus sine toto maior ad alium, aut minus quoque; potest operari hoc modo. Si numerus inuentus maior sine toto dividatur per sinum totum, eritque Quotiens numerus reliquus, si ipsi figura ad dexteram adstantur, & septem figura ab eadem dabunt differentiam sinum. Fiat ergo, ut sinus totus ad datum numerum numerum, & residuum differentie ad aliquid per prophaphasim fiat sinum minoris, & residuum, tanquam si sinus esset, & eius ex tabula sinuum accipiantur, &c. Ad numerum qui totum numerum aliquot minor datur per Quotientem superiorem differentiam multiplicatus, ut totus quotientis res quas sine præstat.

EXEMPLI gratia. Sit inuenienda differentia ascensionali grad. 2. ad altitudinem poli grad. 50. Quoniam est, ut sinus totus ad 3911257. tangentem declinationis ita 19917537. tangens datæ altitudinis poli ad sinum differentie ascensionalis; vides secundum numerum minorem esse sine totum, tertium vero maiorem, quo diuiso per 10000000. sinum totum, quotient est 1. & residuum 1917537. Cum minore ergo illo numero, & hoc residuo, tabula sinuum excerpe hos arcus: Grad. 23. min. 1. & Grad. 21. min. 3. Scilicet stabit exemplum.

Quando sine totus est ad aliquam numerum sine toto numerum, ut numerus sine toto maior ad alium, aut minus quoque; potest operari hoc modo. Si numerus inuentus maior sine toto dividatur per sinum totum, eritque Quotiens numerus reliquus, si ipsi figura ad dexteram adstantur, & septem figura ab eadem dabunt differentiam sinum. Fiat ergo, ut sinus totus ad datum numerum numerum, & residuum differentie ad aliquid per prophaphasim fiat sinum minoris, & residuum, tanquam si sinus esset, & eius ex tabula sinuum accipiantur, &c. Ad numerum qui totum numerum aliquot minor datur per Quotientem superiorem differentiam multiplicatus, ut totus quotientis res quas sine præstat.

G. M.		G. M.	
23. 2.	Compl. minoris	66. 28.	Minor numerus complemento minor
11. 3.	Minor.	11. 3.	est, idem facienda ut subradice.
<hr/>			
Summa compl. & minoris numeri.		77. 1.	Summa 778 268 6.
Definitio compl. & maioris numeri.		55. 11.	Summa 8 28 224.
<hr/>			
		Residuum.	1493846.
Semifila, vel quartus numerus invenitur.			743223.
<hr/>			

Hic semifi 5 addatur minor numerus 3912247. semel, quia Quotiens superior fuit, conflabitur sinus diff. ascens. 4662170, cui debetur arcus diff. ascens. grad. 27 min. 47. hoc est. Hor. 1. Min. 31. Additis ergo horis 5, fiet arcus semidarius Hor. 7. Min. 31. Eadem autem diff. ex ascensione recta grad. 6. ~~300~~, qui completitur grad. 64. min. 6, ablata relinquit ascensionem obliquam grad. 38 min. 19. ad altitudinem poli grad. 30.

HIVIS regulæ demonstratio ex superiorioribus figuris elicitur. Posito cum sit toto Ei, quoniam est, vt Ei, sinus totus ad L, minorem numerum, ita EG, maior numerus ad GK, si ex EG, dematur sinus totus Ei, erit quoque, vt sinus totus Ei, ad L, ita GK, residuum ad GL, numerum, ad quem si addiatur minor L, vel IK, conflabitur totus quartus numerus questus GK. Et si superius deductus fuisset sinus totus Ei, vt reliqueretur G, minor sinus toto, adici debuit minor L, toties, quoties abiectus fuisset sinus totus, cum cuiuslibet sinui correspondat recta æqualis ipsi L, quemadmodum L, sinui toto Ei, respondet.

EADEM ratio est, quando secundus numerus maior est sinu toto, & tertius minor. Nam si est, vt sinus totus ad numerum maiorem, ita numerus minor ad quantum questum, erit quoque permutando, vt sinus totus ad minorem, ita maior ad quantum: atque ita rursus obtinebit maior tertium locum regulæ.

S E D quando uterque numerus maior est sinu toto, tenenda est superior regula Num. 2. explicata, hoc est, abicienda vna, aut altera figura ex utroque ad dexteram, vt minores numeri habeantur: Ad inveniendum tamen numerum quem apponendū erunt tot ziphæ, quot figuræ abiectæ fuerunt, vt supra Num. addimus.

A T Q V E hoc quidem modo prosthaphæresis fit, sinu toto primum locum in proportionum regula obtinente: doceamus iam, quo pacto eadem prosthaphæresis instituenda sit, quando sinus totus in secundo vel tertio loco dextæ regulæ collocatus est. Sic ergo agemus.

1. Q V A N D O primus numerus maior est secundo, vel tertio, tamen minor sinu toto, fiat ut sinus totus ad secundum complementum illius arcus, qui minori numero in regula fuerit, tanquam sinui respondens, ita minor numerus ad aliud: hoc est, duo arcus, qui ad secundum, & minori numero in sinu toto non debentur, superantur, tanquam duo, & cetera sunt, ut in prosthaphæresi dictum est, nec si primus numerus maior sit sinu toto, agendum erit, ut paulo infra: item. d. docemus.

2. Q V A N D O autem primus numerus maior est, & maior sinu toto, tunc si quidem minor arcus est sinu toto, fiat ut sinus totus ad secundum complementum illius ar-

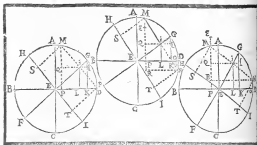
Quando sinus totus complementum, & est minor inveniatur regula secunda, ut supra, quo pacto prosthaphæresis fit.

Quando primus arcus maior est sinu toto, sed minor secundum totum.

Quando primus arcus, & minor est sinu toto, & minor secundum totum.

cus, quo minori numero, tanquam finis, in tabula sinuum respondet, ita maior numerus ad aliud: hoc est, duo arcus, qui illi Secantæ, & maior numerus in sinibus respondet, superantur, ut dicitur, & cetera sunt, quæ in regula proportionale Nam. 1. & 2. recipimus. Si vero maior numerus maior est sinu toto, detrahatur ab eo minor de quocunque, donec numerus reliquus sinu toto minor sit, vel si maneat, detrahe minorem, quæ fieri potest: Et fiat rursus, ut sinu toto ad secantem eam construaturs illius arcus, qui minori dato numero, tanquam finis, respondet, ita reliquus numerus maneat aliud, ut dictum est; immutatis quoque numero adsecatur finis totus totus, quæ minor numerus ex maiore ablati est, ut totus quartus numerus quæsitus ostendatur.

6. DVPLEX hoc præceptum ex eisdem figuris superioribus demonstratur hoc modo. Quoniam si est, ut GK, ad EG, sinum totum, ita minor numerus IL, ad EI, erit ut GK, sinus totus ad EG, secantem anguli G, qui complementum est anguli B, cuius GK, finis est, / nam posito sinu toto GK, erit EG,



secans anguli G, & EK, tangens, ut in tractatu Tangentium & Secantæ demonstramus) ita: L, ad EI. Atque ita demonstratum est primum præceptum, si unus primus numerus maior, minor sit sinu toto, ut per ipsum, veluti (scilicet) angulus E. In tabula sinuum possit accipi, ac perinde eius complementum G haberi.

N A M si primus numerus maior maior fuerit sinu toto, accipienda erit complementum, vel cotangens, &c. quod sit per abscissionem unius figure ad dextram, vel laevam, sed ex numero unius sine dextera est pars arcus decima, vel centesima, &c. quarto numero quæsitus: nisi forte eadem sit pars decima, vel centesima, &c. minoris numeri accepta sit. Tunc enim numerus minoris esset quartus quæsitus: quod si forte sit pars quilibet primi numeri ad secundum, ut eadem pars tunc ad quartum. Et quæ sit, si ex tertio numero, hoc est, ex maiore, semper non sit decima, vel centesima pars numeri unius tantum esse decima, centesima, &c. maiorem, quævis esse debet, ut per partem decimam, centesimam, &c. actum indicari esse per quartum numerum, ut dicitur.

7. DEINDE ERIT ut IL, ad EI, sinum totum, (posito sinu toto EI) ita maior numerus GK, ad EG, erit ut IL, sinus totus ad EI, secantem anguli, qui complementum est anguli E, quem numerus minor IL, ut sinus, offert, ita GK, ad EG, S.

Quædam prima
numeri ad se-
cundum, & cetera
sinu toto.

§§ Si igitur maior numerus GK. minor fuerit sine toto E i, ut per eum, veluti sine, arcus respondens in tabula finium, accipi possit, recte se res habet. Si autem GK. maior fuerit sine toto E i, ut in tertia figura, detra hēdus ex eo est minor ill. simul, bis, tertus, &c. donec relinquatur numerus G l, minor sine toto: Et ad incrementum numerum G a, addiendus est sinus totus E i, toties, quoties ill. ex GK. subtrahū fuit, ut totus quartus numerus quadrus EG, componatur.

§§ *Si prout etiam numerus minor, maior sit sine toto, auferenda sunt ex primo, & altera aliqua figura ultrema, ut numeri reliquantur sine toto minores: Et si quidem reliqui minores numeri minime fuerit reliquis numeris primi numeri, servetur regula huius, & explicata: Si vero maior, prior pars regula huius, & explicata. Ad quantum deinde numerum eo modo inventum apponatur tota cifra, quæ figura ex minore numero fuerit ablata: quia propter unam figuram ablatae invenitur tantum eius per decimam, & propter duas, per centesimam, &c. Unde per appositionem 0, vel 00, &c. multiplicandus erit inventus per 10, aut 100, &c. ut totus quartus numerus produat. Ex hoc vero tertio auferenda erunt tota cifra, quæ figura ex minore numero, qui primus locus absterit in regula, sunt ablata: quia propter unam figuram ablatam invenitur numerus decies maior, propter duas, centies, &c. propterea quod dimissio si per decimam, aut centies, &c. minorem numerum. Quare per ablationē 0, vel 00, &c. residuum erit numerus per 10, vel 100, &c. ut tertius quartus numerus habeatur. Quod si ab initio tota figura dempta sit ex primo minore, quæ ex dato maiore, ad quartum prout hoc invenimus neque addendum est aliquid, neque ex eo auferendum.*

Quando primus numerus minor maior est sine toto.

EXEMPLI gratia. Sit investiganda latitudo ortus principis ♄, ad elevationem poligrad. 42. Quoniam igitur est, ut sinus complementi altitudinis poli 7431448 ad sinus declinationis puncti Eclipticæ 3987492, ita sinus totus ad sinus latitudinis ortus, ut lib. 1. Geometricis præpos. 34. demonstramus, ut procedemus. Cum primus numerus maior sit secundo, minor tamen sine toto, accipiemus ex tabula finium arcum grad. 48. maiori numero respondenter, hoc est, ipsius complementum altitudinis poli, & si eandem complementi huius arcus 13056326, cui (ablata ultimum huius) in tabula finium respondet arcus grad. 7. min. 44. Minori autem numero 3987492, respondet declinatio grad. 23. min. 30. Sic ergo stabet exemplum.

Prout si quis de primis numeris minor est sine toto, non invenit sinus totus.

	G.	M.		G.	M.	
Arctus	7.	44.	Compl. maioris.	66.	30.	Minor numerus minor est complementum, idem sit subtrahendus.
Decl.	23.	30.		7.	44.	
<hr/>						
Summa compl. & minoris,			74.	14.	Sinus.	9613742.
Diff. inter compl. & maiorem.			98.	46.	Secund.	1320654.
<hr/>						
				Residuum.	1071134.	
Dimissio, vel quartus numerus inveniens.					136167.	

Hæc semel apponatur 0. propter figuræ abiectionem ex secante. fiet sinus latitudinis ortus 9613670 cui respondens grad. 32. min. 27. pro latitudine ortus. Nam quartus numerus per appositionem 213 huius inventi 9613670. non est accipiende pars decima, vel centesima, quia primus numerus maior 7431448. minor est sine toto.

Exemplum quod-
dam prout sum-
ma maior est, &
minor minus de-
betur, sed ablati-
mus.

R V R S V S in triangulo sphaerico rectangulo, cuius unus angulorum ad rectum continetur grad. 50. & arcus oppositus circa angulum rectum grad. 10. 2. investigandus sit alter arcus circa angulum rectum, & modo constet species al-
terius anguli non recti. Quoniam per propos. 44. nostrorum triang. sph. II. est 11917537 tangens anguli dati grad. 50. ad 3439701. tangens dati arcus grad. 20. ita sicut totus ad sinum alterius arcus circa rectum angulum; sic apertum. Cum primus numerus sit maior sine toto, & alter minor, restitutus est do-
guram ultimam 7. ut habeamus numerum 11917537 sine toto minorem, cui-
respondet in tabula sinuum arcus grad. 6. min. 51. Huius complementi sicut
est 83843097. Abiecta vltima figura 7. reliquo numero in tabula sinuum res-
det arcus grad. 56. min. 58. Minori numero, ut sinui, respondet grad. 2.
min. 21. Itaque duo arcus prothapharectis sunt grad. 56. min. 58. & grad. 2.
21. Et sic habet exemplum.

	G. M.		G. M.
Arcus	56. 58.	Compl. maioris.	33. 2.
dati.	21. 21.	Minor.	21. 21.
			Abi. & sit subtrahenda.
<hr/>			
Summa exempli. & minoris.		56. 27.	Sinui. 8123516.
Diff. inter compl. & minorem.		11. 48.	Sinui. 2021125.
<hr/>			
		Residuum.	6102389.
Semisilis, vel quartus numerus remanens.			3121152.
<hr/>			

Huc quarto numero addenda est 0. propter figuram ex secante abiectam, &
habeatur totus quartus numerus 30921450. cuius pars decima 3092145 reman-
ens arcus quaesiti. propter figuram ex primo numero abiectam Arcus ergo
situs erit grad. 57. min. 46. paulo amplius, si constet eum debere esse quidam
minorem.

I T E M in eodem triangulo, posito angulo grad. 50. & arcu oppo-
situm grad. 48. investigandus sit rursum alter arcus circa rectum angulum. Tangens
anguli est, ut prius 11917537. Et tangens arcus est 17106124. Vis ma-
ior, quam alter minor, maior est sine toto. Residua ergo ex propor-
tione figura, cum reliquo primi reperientes arcum grad. 6. min. 51. Huius
complementi secans est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquo numero, ut
debetur arcus grad. 56. min. 58. qui est unus arcuum, qui requiruntur. Re-
quo numero secundi minoris, ut sinui, debetur arcus grad. 6. min. 21. quod
alter requiritur. Sic ergo habet exemplum.

Exemplum quod-
dam si summa pri-
ma minorum, &
alter minor, ma-
ior est sine toto.

G. M.		G. M.	
pro du	16. 15. Compl. maioris 6. 13. Minor.	33. 2. Minor subtrahi potest, idcirco fa- 6. 23. ctenda est subtrahere.	
Summa compl. & minoris.		39. 21.	Sine 6340033.
Diff. inter compl. & minorem.		26. 39.	Sine 4481392.
Residuum.		1864061.	
Semifus, sive quartus numerus sequens.		932081.	

Hic quarto numero apponenda est o. propter figuram ex secante abiectam, minor quartus numerus pcedat 9320810. hoc est, sinus quasi arcus. Hic quoq. attendendum est, cum & ex primo maiore, & secundo minore abiecta sitra figura. Igitur arcus quatuor erit grad. 68. min. 46. scilicet, si consiler, cum debentur minorem quadrante.

R V R S V S sic investigandos arcus semidiurnos in principio $\frac{1}{2}$ ad distanciam poli grad. 42. Quoniam, ut in scholio propof. 35. lib. 1. Gnomonius altitudinis, sic se habet medietas aggregata ex sinu altitudinis meridiana, & ex sine depressionis meridiana ad sinum altitudinis merid. ut sinus totus ad sinum versum arcus semidiurni. Est autem producta medietas 6415085. sinus vero altitudinis meridiana 9483227. ubi vides, primum numerum esse altorem secundo, & hunc minorem sinu toto. Minori qui primus est, ut simul debentur grad. 42 min. 38. scilicet & complementi huius arcus est 4671945. cui abiecta vltima figura, respondet arcus in sinibus grad. 8. min. 26. qui est minor requisitus. Maiori numero, ut sinu, congruit arcus grad. 71. min. 30. qui aliter requisitus. Sic ergo habet exemplum.

Exemplum ad-
du primum nome-
nus est minor, &
aliter maior, sed
minor sine sine.

G. M.		G. M.	
pro	16. 26. Compl. maioris. 18. 30.	Minor deficit à compl. idcirco fa-	
du.	71. 30. Minor.	18. 21. ctenda est subtrahere.	
Summa compl. & minoris		G. M.	
Diff. inter compl. & minorem		26. 46. Sine.	4129139.
		10. 4. Sine.	1747933.
Residuum		2781136.	
Semifus, vel quartus numerus sequens.		1390728.	

Quarto huc numero apponatur o. propter figuram ex secante abiectam, ut sinu sinu versum 13907080 cui debentur grad. 113. paulo amplius, hoc est, 113. min. 32. pro arcu semidiurno.

PRAETEREA in triangulo sphaerico ex lateribus circa angulum re-
ctum, qui sunt grad. 30. grad. 50. acquirendus sit angulus posteriori lateri oppo-
situs. Quoniam enim est, ut 5000000. sinus grad. 30. ad sinum totum, ita
191717. tangens grad. 50. ad tangentem quatuor anguli, ut in scholio pro-
pos. 44.

Exemplum quod-
do primum nume-
rus minor est si-
ne vero, sed aliter
maior.

pos. 44. triang. sphær. demonstrauimus; vides primum numerum esse sine toto minorem, alterum vero maiorem. Minor hic detractus ex maiore reliquus 19179337. Fiat ergo vt sinus totus ad 10000000 secantem complementum anguli, qui minori numero dato, vt sinui, congruat, ita reliquus numerus maioris alius. Secanti, abiecta vltima figura, respondent in sinibus grad. 11. min. 34. qui est vnus ex arcibus requisitis. Reliquo numero 19100000, vt sinui, congruat grad. 11. min. 3. pro a ltero arcu requisito. Sic ergo stabit exemplum.

	G. M.		G. M.
Arctus datus	11. 34.	Compl. maioris, 78. 25.	Minor à compl. defuit, idcirco
	11. 3.	Minor.	11. 3. fuit subtractus.
<hr/>			
Summa complementi & minoris.	89. 37.	Sinum.	9999644.
Differ. inter compl. & minorem.	67. 22.	Sinum.	9233221.
<hr/>			
		Relictum	766424.
		Remansit, sine quantis numerus incertus.	383112.

Huic numero quarto apponatur 0. propter figuram ex secante abundan. à toti numero 3831120. addatur sinus totus his, quod hic minor numerus maiore fuerit subtractus, fietque tangens anguli quæriti 17320408. Est ergo angulus grad. 67. min. 14 paulo amplius. Si minorem numerum 1000000. ex sum. 19179337. semel tantummodo detraxisset, relictus quoque fuisset minor sine toto, cum quo eundem angulum reperisset.

D E N I Q U E in triangulo sphærico rectangulo ex arcu circamylum rectum grad. 50. & arce, qui recto angulo opponitur, grad. 60. intelligendus sit angulus à distis arcibus comprehensus. Quoniam per propol. 41. triang. sphær. ita se habet tangens arcus recto angulo oppositi, ad tangentem arcus circa angulum rectum, vt sinus totus ad sinum complementi anguli quæriti: Hæc propol. 12. sinuum, ita est secans anguli quæriti ad sinum totum, vt sinus totus ad sinum complementi eiusdem anguli; eius quoque, vt tangens arcus recto angulo oppositi ad tangentem arcus circa angulum rectum, ita secans quæriti anguli ad sinum totum. Ex convertendo, 19179337. tangens arcus circa rectum angulum grad. 50. ad 17320408. tangentem arcus angulo recto oppositi grad. 60. ita sinus totus ad secantem anguli quæriti. Habeamus ergo primum numerum minorem quidem, sed maiorem sine toto. Ablata ergo vltima figura 7. reliquus numero respondent in sinibus grad. 6. min. 51. Secans complementum huius arcus est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquus numero, vt sinui, debetur grad. 16. min. 18. qui est ex requisitis vnus. Alter vero sic reperitur. Abiecta vltima figura ex maiore numero, remanet numerus 1732041. minor sine toto sed maior reliquo numero minoris, ideoque prior pars regulæ Num. 1. expedit adhibenda. Arcus ergo alter requisitus erit grad. 2. min. 58. congruus numero 1732041. Sic igitur stabit exemplum.

Exemplum quod
hic præstat, vult
esse incertum est,
sed sine toto, ma-
ior.

	G.	M.		G.	M.	
<i>p. m.</i>	16.	15.	Compl. maioris.	13.	2.	<i>Viri debet subtrahit, cum</i>
<i>in.</i>	9.	11.	Minor.	9.	11.	<i>minor detracto possit à compl.</i>
<hr/>						
<i>Summa compl. & minoris</i>			43.	6.	<i>Sum.</i>	6819584.
<i>Diff. inter compl. & minorem.</i>			29.	4.	<i>Sum.</i>	3913820.
<hr/>						
				<i>Residuum.</i>	2901964.	
				<i>Residuis, sine quartis interuenit numerus</i>	1431952.	
<hr/>						

Hic quinto numero apponatur 0, propter figuram ex secante abiectionem, ut totus quartus numerus fiat 14319520. Propter abiectionem vero vnus figura ex vtroque numero factam nihil sit, cum ex vtroque ablatae sint figurae numero parum, vnde vna. Secanti autem inuenite congruunt grad. 46. min. 26. pro angulo loquuto, & paulo plus.

i. *Q F A N D O* sinus totus neque in principio, neque in medio regulae proportionum requiritur, sed ducendi erant primi duo numeri ad alios duos per prosthapharesin, quorum primus sit sinus totus, hinc varientur. Fiat, ut primus numerus ad sinum totum, ut secundus ad alios, per prosthapharesin Num. 4. 1. & 6. declaratae. Tunc enim erit quique sinus totus ad numerum inueniendum, ut tertius ad inueniendum, atque ita a quibusdam prosthapharesin Num. 1. & 2. explicata.

Quando sinus totus in regulae antea non reperitur, quo pacto prosthapharesin fiat.

CAETERVM prosthapharesin, quamuis demonstrationibus Geometricis non ostendimus, accurata tamen & exquisita esse non potest, nisi quando per solos sinus operatio sit, & sinus totus in principio regulae ponitur, ut Num. 1. exposui. Nam quando ad habentur alij numeri praeter sinus, non parum erit committi potest, propterea quod raro eiusmodi numeri in tabula sinuum praecise reperiuntur, ut arcus illi congruentes accipi possint sine errore. Quocirca ut exquisitus res per prosthapharesin fiat, ad habenda erit semper pars proportionalis, ut in explicatione. atque visu tabulae sinuum exposuimus, hoc est, cuneus, qui in tabula sinuum non praecise reperitur, excerpendus arcus cum gradibus, minutis, & secundis: quod fiet, si differentia capiatur inter sinum proximam maiorem dato numero, & proximam maiorem, & differentia inter cuneum sinum proximam maiorem, & datum numerum, atque dicatur. Si proinde differentia requiritur secunda 60. (Nam inter duo proxima minuta interueniunt 60. secunda) posterius quos secunda postulat: atque haec secunda inuenta arcui, qui non sibi assumpto congruit, addenda erunt. Eodem modo, si cum gradibus, minutis, & secundis excerpendus sit sinus, sumenda erit differentia inter sinum gradibus, ac minutis respondentem, & sinum proximam maiorem, atque decemdem, si 60. secunda postulant tantam differentiam, quantum proposita secunda requirit: atque differentia inuenta sinui proximam minori assumpto addienda cui linea faciendum est in tabula Tangentium, secantiumque, quando id res exiget. Sed facilius in sinuum tabula pars proportionalis eruitur eo modo, quem paulo post explicabimus, per vnicam videlicet vel multiplicationem, vel diuisionem, cumque per exiguos numeros. Non debet autem molesta videri partis proportionalis inuentio in prosthapharesin, cum ea fiat per exiguas multiplicationes, diuisionesque; prosthapharesin autem longas, ac per modestas multiplicationes, diuisionesque nos liberat. Quod si quis malit operari per sinuum, dicamque, numerorum multiplicationem, ac diuisionem, quam per prosthapharesin

Prosthapharesin quando non reperitur, quo pacto fiat prosthapharesin per partes proportionales in inueniendum.

rum cum parte proportionali. id ei per nos licebit. Non enim negamus, quæ interdu citius absoluantur sine prosthaphareti, propter partes proportionales, quæ opus aliquantum retardantes tamen faciunt etiam, minorem de molestiam in prosthaphareti, quàm in tam longis ac difficilibus numerorum multiplicationibus, divisionibusq; præsertim quia in singulis tabula sine ullo sine hoc pars proportionalis eruitur eo modo, quem post tabulam sinuum paulo post exponemus. Sed ponamus exemplum aliquod, ubi prosthapharetis cum proportionali parte absoluitur.

S I T ergo, ut in postremo exemplo, investigandus rursus arcus à arcu, qui recto angulo opponitur, & ab arcu circa rectum angulum comprehensus, quorum ille sit grad. 40. & hic grad. 50. Et quia, ut distindit se habet 11917537. tangens arcus grad. 50. ad 17320508. tangens uti grad. 60. ut sinus totus ad secantem quæsitæ anguli. & absciditur, sine signi 7.8r 8. pro quibus unitates assumantur, quod tam $\frac{7}{10}$ quam $\frac{8}{10}$ semissim signi habebuntur numeri sine toto minores 1191754. & 1732051. in eadem sit in portione. Fiat ergo, ut sinus totus ad secantem complementi anguli, quæ sit 1191754. debeat, ita sinus 1732051. ad aliud, veluti in prima parte exempli Num. 5. explicatæ traditum est. Cum prior sine inuenitur arcus grad. 46. 31. Sec. 46 cuius complementi secans est 83910940. Cum abscissa utriusque signi, congruit arcus grad. 37. 31. 46. atque hic est unus ex arcibus oppositis. Alius arcus posteriori numero debitus est grad. 9. 31. 58. sec. 17. Sic erit exhibit exemplum.

	G.	M.	S.		G.	M.	S.	
<i>Arcus</i>	17.	2.	46.	<i>Compl. Minorem.</i>	32.	17.	14	<i>Minor qd minor pars</i>
<i>dati</i>	9.	58.	27.	<i>Minor.</i>	9.	58.	27.	<i>qd. id. per se totum</i>
<i>Summa compl. & minorum</i>				42.	31.	41.	<i>sinus 6811771.</i>	
<i>Diff. inter compl. & maiorem.</i>				22.	58.	47.	<i>sinus 3884103.</i>	
<i>Relictum.</i>								292740.
<i>Remissio, sine quatuor numeris.</i>								1403376.

Apposita figura 0. ad quartum numerum inuentum, propter significationem abscissam, sit tota secans 14733710. cui respondet arcus grad. 46. 31. 46 angulo quæsitæ, qui à superiori minutis ferme 5 differt, ubi vides, quàm utilis adhibere partes proportionales. In aliis exemplis negleximus deinde operari partes proportionales, tum quia in illis tantus error non apparet, tum ut videretur, ut regulæ prosthapharetis clarius explicaretur. Sed proponimus tamè tabulam emendatam, (quæ enim circumferuntur, erroribus non carere) tum ut meritis quibusdam interiectis, beneficio quorum pars proportionalis talis negotio inueniri possit.

T A B V L A.
S I N V V M

Emendata, vnà cum partibus proportio-
nalibus, quæ singulis secundis
graduum congruunt.



Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	0	1	2	3	4
0	0000	174514	348991	523300	697164
1	2909	177433	351002	526261	700473
2	5818	180341	354809	529170	703369
3	8727	183250	357716	532075	706270
4	11636	186158	360623	534980	709171
5	14544	189066	363531	537884	712073
6	17453	191975	366437	540789	714975
7	20362	194883	369344	543690	717876
8	23271	197792	372251	546598	720777
9	26180	200700	375158	549503	723678
10	29088	203608	378064	552407	726579
11	31997	206517	380971	555312	729480
12	34906	209425	383878	558216	732381
13	37815	212333	386785	561120	735282
14	40724	215241	389692	564024	738183
15	43632	218149	392598	566928	741084
16	46541	221057	395504	569832	743985
17	49450	223965	398411	572736	746886
18	52359	226873	401318	575640	749787
19	55268	229781	404224	578544	752688
20	58177	232689	407131	581448	755589
21	61086	235597	410038	584352	758490
22	63995	238504	412944	587256	761391
23	66904	241413	415851	590160	764292
24	69813	244321	418757	593064	767193
25	72721	247229	421663	595967	770094
26	75630	250137	424570	598871	772995
27	78539	253045	427476	601775	775896
28	81448	255953	430381	604678	778797
29	84357	258861	433288	607582	781698
30	87265	261769	436194	610485	784599
	89	88	87	86	85

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N U V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

193

	S I N U V M.						
	0	1	2	3	4		
30	87164	261769	436194	610481	784591	30	Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
31	90174	264677	439100	613389	787491	29	
32	93083	267585	442006	616292	790391	28	
33	95992	270493	444912	619196	793291	27	
34	98901	273401	447818	622099	796191	26	
35	101809	276308	450724	625003	799090	25	
36	104718	279216	453630	627905	801990	24	
37	107627	282124	456536	630808	804889	23	
38	110536	285032	459442	633711	807789	22	
39	113444	287940	462348	636614	810688	21	
40	116353	290847	465253	639517	813587	20	
41	119262	293755	468159	642420	816486	19	
42	122171	296663	471065	645323	819385	18	
43	125079	299570	473970	648226	822284	17	
44	127988	302478	476876	651129	825183	16	
45	130896	305385	479781	654031	828082	15	
46	133805	308293	482687	656934	830981	14	
47	136714	311200	485592	659837	833880	13	
48	139622	314108	488498	662739	836778	12	
49	142531	317015	491403	665642	839677	11	
50	145439	319922	494308	668544	842574	10	
51	148348	322830	497214	671447	845474	9	
52	151257	325737	500119	674349	848372	8	
53	154165	328645	503024	677251	851271	7	
54	157074	331552	505929	680153	854169	6	
55	159982	334459	508833	683055	857067	5	
56	162891	337367	511740	685957	859964	4	
57	165799	340274	514645	688859	862863	3	
58	168708	343181	517550	691761	865761	2	
59	171616	346088	520455	694663	868659	1	
60	174524	348995	523360	697565	871557	0	
	89	88	87	86	85		

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Bb

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro finibus

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	5	6	7	8	9	
0	871557	1045287	1218693	1391731	1564345	60
1	874455	1048178	1221580	1394622	1567218	59
2	877353	1051071	1224467	1397492	1570091	58
3	880250	1053964	1227354	1400377	1572960	57
4	883148	1056857	1230241	1403253	1575837	56
5	886045	1059749	1233128	1406133	1578709	55
6	888943	1062642	1236015	1409013	1581581	54
7	891840	1065534	1238901	1411893	1584453	53
8	894737	1068426	1241788	1414772	1587325	52
9	897634	1071318	1244674	1417652	1590197	51
10	900531	1074210	1247560	1420531	1593069	50
11	903428	1077102	1250446	1423410	1595941	49
12	906324	1079994	1253332	1426289	1598812	48
13	909221	1082886	1256218	1429168	1601684	47
14	912119	1085778	1259104	1432047	1604555	46
15	915016	1088669	1261990	1434926	1607426	45
16	917913	1091561	1264876	1437805	1610297	44
17	920809	1094452	1267761	1440684	1613168	43
18	923706	1097344	1270647	1443562	1616038	42
19	926602	1100235	1273532	1446441	1618909	41
20	929498	1103126	1276417	1449319	1621779	40
21	932395	1106017	1279302	1452197	1624649	39
22	935291	1108908	1282187	1455075	1627519	38
23	938187	1111799	1285072	1457953	1630389	37
24	941083	1114690	1287957	1460831	1633259	36
25	943979	1117580	1290841	1463708	1636129	35
26	946875	1120471	1293726	1466586	1638999	34
27	949771	1123361	1296610	1469463	1641868	33
28	952667	1126252	1299495	1472340	1644738	32
29	955563	1129142	1302378	1475217	1647607	31
30	958458	1132032	1305262	1478094	1650476	30
	84	83	82	81	80	

Gradus Quadrantis pro finibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

rectis arcum eiusdem Quadrantis

	5	6	7	8	9	
10	978158	1132032	1305262	1478094	1650478	30
20	967354	1134922	1308146	1480971	1653345	29
30						28
40	964249	1137812	1311030	1483848	1656214	27
50	967134	1140702	1313914	1486724	1659082	26
60						25
70	970039	1143592	1316798	1489601	1661951	24
80	972934	1146482	1319681	1492477	1664819	23
90						22
100	975829	1149372	1322564	1495353	1667687	21
110	978724	1152261	1325447	1498229	1670555	20
120						19
130	981619	1155151	1328330	1501105	1673423	18
140	984514	1158040	1331215	1503981	1676291	17
150						16
160	987408	1160929	1334096	1506857	1679159	15
170	990303	1163818	1336979	1509733	1682027	14
180						13
190	993198	1166707	1339862	1512608	1684894	12
200	996092	1169596	1342744	1515484	1687761	11
210						10
220	998987	1172485	1345627	1518359	1690628	9
230	1001881	1175374	1348509	1521234	1693495	8
240						7
250	1004777	1178263	1351392	1524109	1696362	6
260	1007669	1181151	1354274	1526982	1699229	5
270						4
280	1010563	1184040	1357156	1529859	1702096	3
290	1013457	1186928	1360038	1532734	1704961	2
300						1
310	1016351	1189816	1362910	1535608	1707828	0
320	1019245	1192704	1365781	1538481	1710693	
330						
340	1022139	1195592	1368653	1541356	1713560	
350	1025032	1198480	1371524	1544230	1716428	
360						
370	1027926	1201368	1374446	1547104	1719292	
380	1030819	1204255	1377327	1549978	1722157	
390						
400	1033713	1207143	1380208	1552852	1725022	
410	1036606	1210031	1383089	1555725	1727887	
420						
430	1039499	1212918	1385970	1558599	1730752	
440	1042392	1215806	1388851	1561472	1733617	
450						
460	1045285	1218693	1391731	1564345	1736481	

Minuta Graduum Quadratorum pro lineis rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis eadem eiusdem Quadrantis.

	10	11	12	13	14	
0	1736482	1908090	2079117	2249511	2419210	60
1	1739347	1910947	2081962	2252347	2422041	59
2	1742211	1913800	2084807	2255179	2424863	58
3	1745075	1916655	2087652	2258013	2427685	57
4	1747939	1919510	2090497	2260847	2430507	56
5	1750803	1922365	2093342	2263680	2433329	55
6	1753667	1925220	2096186	2266513	2436150	54
7	1756531	1928074	2099030	2269346	2438971	53
8	1759394	1930928	2101874	2272179	2441792	52
9	1762258	1933782	2104718	2275012	2444613	51
10	1765121	1936636	2107561	2277844	2447434	50
11	1767984	1939490	2110405	2280676	2450254	49
12	1770847	1942344	2113248	2283508	2453074	48
13	1773710	1945197	2116091	2286340	2455894	47
14	1776573	1948050	2118934	2289172	2458714	46
15	1779436	1950903	2121777	2292004	2461533	45
16	1782298	1953756	2124620	2294835	2464352	44
17	1785160	1956609	2127462	2297666	2467171	43
18	1788022	1959462	2130304	2300497	2469990	42
19	1790884	1962314	2133146	2303328	2472809	41
20	1793746	1965166	2135988	2306159	2475628	40
21	1796608	1968018	2138830	2308990	2478446	39
22	1799469	1970870	2141671	2311819	2481264	38
23	1802331	1973722	2144512	2314649	2484082	37
24	1805192	1976574	2147353	2317479	2486900	36
25	1808053	1979425	2150194	2320309	2489717	35
26	1810914	1982276	2153035	2323138	2492534	34
27	1813774	1985127	2155876	2325967	2495351	33
28	1816634	1987978	2158716	2328796	2498168	32
29	1819495	1990829	2161556	2331625	2500984	31
30	1822355	1993679	2164396	2334454	2503800	30
	79	78	77	76	75	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis eadem complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	10	11	12	13	14	
30	1822315	1993679	2164396	2334444	2505800	30
31	1824215	1996430	2167236	2337282	2508616	29
32	1826075	1999380	2170076	2340110	2511432	28
33	1827935	2002330	2172916	2342938	2514248	27
34	1829775	2005280	2175755	2345766	2517064	26
35	1831614	2008230	2178594	2348594	2519879	25
36	1833453	2011078	2181433	2351421	2522694	24
37	1835292	2013929	2184272	2354248	2525509	23
38	1837131	2016778	2187111	2357075	2528324	22
39	1838970	2019627	2189949	2359901	2531138	21
40	1840809	2022476	2192787	2362729	2533952	20
41	1842648	2025325	2195625	2365555	2536766	19
42	1844486	2028174	2198463	2368381	2539580	18
43	1846324	2031022	2201300	2371207	2542393	17
44	1848162	2033870	2204137	2374033	2545206	16
45	1849999	2036718	2206974	2376859	2548019	15
46	1851837	2039566	2209811	2379684	2550832	14
47	1853674	2042414	2212648	2382509	2553645	13
48	1855511	2045262	2215485	2385334	2556458	12
49	1857348	2048109	2218322	2388159	2559270	11
50	1859185	2050956	2221158	2390983	2562082	10
51	1861022	2053803	2223994	2393808	2564894	9
52	1862859	2056650	2226830	2396632	2567706	8
53	1864696	2059497	2229666	2399456	2570517	7
54	1866533	2062343	2232502	2402280	2573328	6
55	1868370	2065189	2235337	2405104	2576139	5
56	1870207	2068035	2238172	2407927	2578950	4
57	1872044	2070881	2241007	2410750	2581760	3
58	1873881	2073727	2243842	2413573	2584570	2
59	1875718	2076572	2246677	2416396	2587380	1
60	1877555	2079417	2249511	2419219	2590190	0
	79	78	77	76	75	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis eundem Quadrantis.

	15	16	17	18	19	
0	1588190	1716373	1823717	1909170	1975182	60
1	1591000	1719185	1826499	1912936	1978932	59
2	1593809	1721965	1829280	1916700	1982682	58
3	1596618	1724761	1832061	1920468	1986431	57
4	1599427	1727551	1834842	1924234	1990183	56
5	1602236	1730351	1837623	1927999	1993930	55
6	1605045	1733146	1840403	1931764	1997679	54
7	1607853	1735941	1843183	1935529	2001427	53
8	1610661	1738735	1845963	1939293	2005175	52
9	1613469	1741529	1848741	1943058	2008923	51
10	1616277	1744323	1851523	1946822	2012671	50
11	1619084	1747117	1854302	1950586	2016418	49
12	1621891	1749911	1857081	1954349	2020165	48
13	1624698	1752704	1859860	1958112	2023912	47
14	1627504	1755497	1862638	1961875	2027659	46
15	1630312	1758290	1865416	1965638	2031406	45
16	1633118	1801082	1868194	1969400	2035153	44
17	1635924	1803874	1870972	1973162	2038900	43
18	1638730	1806666	1873750	1976924	2042647	42
19	1641536	1809458	1876527	1980686	2046393	41
20	1644342	1812250	1879304	1984448	2050140	40
21	1647147	1815041	1882081	1988209	2053887	39
22	1649952	1817832	1884857	1991970	2057634	38
23	1652757	1820623	1887633	1995731	2061381	37
24	1655562	1823414	1890409	1999491	2065128	36
25	1658366	1826204	1893185	2003251	2068875	35
26	1661170	1828994	1895960	2007011	2072622	34
27	1663974	1831784	1898735	2010770	2076369	33
28	1666777	1834574	1901510	2014529	2080116	32
29	1669580	1837364	1904284	2018288	2083863	31
30	1672382	1840154	1907058	2022047	2087610	30
	74	73	72	71	70	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis eundem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	15	16	17	18	19	
70	2671183	2840153	3007058	3173047	3338069	30
71	2671186	2842942	3009832	3175805	3340811	29
72	2677989	2845731	3012606	3178563	3343553	28
73	2680792	2848520	3015380	3181321	3346294	27
74	2683595	2851308	3018153	3184079	3349035	26
75	2686397	2854096	3020926	3186837	3351776	25
76	2689199	2856884	3023699	3189594	3354516	24
77	2692001	2859672	3026472	3192351	3357256	23
78	2694803	2862459	3029244	3195108	3359996	22
79	2697603	2865246	3032016	3197864	3362736	21
80	2700404	2868033	3034788	3200620	3365475	20
81	2703205	2870819	3037559	3203375	3368214	19
82	2706005	2873605	3040330	3206130	3370953	18
83	2708805	2876391	3043101	3208885	3373691	17
84	2711605	2879177	3045872	3211640	3376429	16
85	2714405	2881963	3048643	3214395	3379167	15
86	2717204	2884748	3051413	3217150	3381905	14
87	2720003	2887533	3054183	3219904	3384642	13
88	2722802	2890318	3056953	3222658	3387379	12
89	2725601	2893103	3059723	3225412	3390116	11
90	2728400	2895888	3062492	3228165	3392852	10
91	2731198	2898672	3065261	3230918	3395588	9
92	2733996	2901456	3068030	3233671	3398324	8
93	2736794	2904240	3070798	3236423	3401060	7
94	2739592	2907023	3073566	3239175	3403795	6
95	2742389	2909806	3076334	3241927	3406530	5
96	2745186	2912589	3079102	3244679	3409265	4
97	2747983	2915371	3081869	3247430	3411999	3
98	2750780	2918153	3084636	3250182	3414733	2
99	2753577	2920935	3087403	3252933	3417467	1
60	2756373	2923717	3090170	3255682	3420201	0
	74	73	72	71	70	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	20	21	22	23	24	
0	3420201	3423679	3426066	3427311	3427566	60
1	3422934	3426395	3428763	3429939	3430023	59
2	3425667	3429110	3431460	3432666	3432680	58
3	3428400	3431825	3434156	3435343	3435337	57
4	3431133	3434540	3436852	3438020	3437993	56
5	3433866	3437254	3439548	3440636	3440649	55
6	3436597	3439968	3441843	3442372	3442305	54
7	3439329	3442682	3444122	3445604	3445560	53
8	3442060	3445395	3446833	3448272	3448261	52
9	3444791	3448108	3449537	3450968	3450923	51
10	3447522	3450825	3452251	3453672	3453593	50
11	3450253	3453533	3454951	3456366	3456257	49
12	3452983	3456245	3457648	3459020	3458881	48
13	3455713	3458957	3459110	3461693	3461524	47
14	3458444	3461669	3461794	3464266	3464067	46
15	3461174	3464380	3464486	3466729	3466509	45
16	3463900	3467091	3467178	3469012	3468761	44
17	3466629	3469800	3469870	3470782	3470503	43
18	3469357	3472512	3472562	3473456	3473145	42
19	3472085	3475222	3475253	3476128	3475795	41
20	3474813	3477932	3477944	3478799	3478446	40
21	3477540	3480642	3480635	3481470	3481096	39
22	3480267	3483351	3483325	3484140	3483746	38
23	3482994	3486060	3486015	3486810	3486395	37
24	3485721	3488763	3488704	3489480	3489044	36
25	3488447	3491476	3491393	3492140	3491693	35
26	3491173	3494184	3494082	3494818	3494341	34
27	3493899	3496892	3496771	3497487	3496989	33
28	3496624	3499599	3499449	3498215	3497637	32
29	3499349	3502306	3502147	3498423	3497825	31
30	3502075	3505012	3504834	3498709	3498193	30
	69	68	67	66	65	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	20	21	22	23	24	
30	3502075	3669012	3826834	3987491	4146932	30
31	3504799	3667738	3829521	3990159	4149879	29
32	3507523	3670424	3832208	3992826	4152826	28
33	3510247	3673130	3834895	3995493	4155872	27
34	3512971	3675835	3837581	3998159	4157918	26
35	3515694	3678541	3840267	4000825	4160163	25
36	3518417	3681246	3842953	4003491	4162808	24
37	3521140	3683951	3845638	4006156	4165453	23
38	3523862	3686955	3848323	4008821	4168097	22
39	3526584	3689959	3851008	4011486	4170741	21
40	3529306	3692061	3853692	4014150	4173384	20
41	3532027	3694765	3856376	4016814	4176028	19
42	3534748	3697468	3859060	4019478	4178671	18
43	3537469	3700170	3861745	4022141	4181313	17
44	3540190	3702872	3864426	4024804	4183954	16
45	3542910	3705573	3867109	4027467	4186597	15
46	3545630	3708276	3869791	4030130	4189239	14
47	3548350	3710977	3872473	4032792	4191880	13
48	3551070	3713678	3875155	4035454	4194521	12
49	3553789	3716379	3877837	4038115	4197162	11
50	3556508	3719080	3880518	4040776	4199802	10
51	3559227	3721780	3883199	4043437	4020442	9
52	3561945	3724480	3885880	4046097	4205081	8
53	3564663	3727179	3888560	4048757	4207720	7
54	3567380	3729878	3891240	4051416	4210359	6
55	3570097	3732577	3893919	4054075	4212997	5
56	3572814	3735275	3896598	4056734	4215635	4
57	3575531	3737973	3899277	4059392	4218273	3
58	3578247	3740671	3901955	4062050	4220910	2
59	3580963	3743369	3904633	4064708	4223547	1
60	3583679	3746066	3907311	4067366	4226185	0
	69	68	67	66	65	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	25	26	27	28	29
0	4226183	4281712	4339905	4399716	4460966
1	4228819	4286326	4342497	4402384	4463640
2	4231455	4288940	4345088	4404952	4466182
3	4234090	4291554	4347679	4407519	4468721
4	4236725	4294167	4350270	4410086	4471270
5	4239360	4296780	4352860	4412653	4473808
6	4241994	4299392	4355450	4415219	4476354
7	4244628	4302004	4358039	4417785	4478895
8	4247262	4304616	4360628	4420350	4481436
9	4249895	4307227	4363216	4422915	4483977
10	4252528	4309838	4365804	4425480	4486517
11	4255161	4312449	4368392	4428044	4489057
12	4257793	4315059	4370979	4430608	4491596
13	4260425	4317669	4373566	4433171	4494135
14	4263056	4320278	4376153	4435734	4496674
15	4265687	4322887	4378739	4438297	4499212
16	4268318	4325496	4381325	4440860	4501750
17	4270949	4328104	4383911	4443423	4504287
18	4273579	4330712	4386496	4445986	4506824
19	4276209	4333320	4389081	4448549	4509361
20	4278838	4335927	4391665	4451112	4511897
21	4281467	4338534	4394249	4453675	4514433
22	4284096	4341140	4396833	4456238	4516968
23	4286724	4343746	4399416	4458801	4519503
24	4289352	4346352	4401999	4461364	4522037
25	4291979	4348957	4404581	4463927	4524571
26	4294606	4351562	4407163	4466490	4527105
27	4297233	4354167	4409744	4469053	4529638
28	4299859	4356771	4412325	4471616	4532171
29	4302485	4359375	4414906	4474179	4534705
30	4305111	4361978	4417486	4476742	4537238
	64	63	62	61	60

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Sine graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	25	26	27	28	29	
10	4501181	4461978	4417480	4371588	4324831	70
11	4507736	4464581	4410060	4374144	4326767	29
12						
13	4510561	4467184	4412646	4376700	4329201	28
14	4513286	4469786	4415225	4379255	4331829	27
15						
16	4515950	4472388	4417804	4381810	4334359	26
17	4518554	4474990	4420381	4384364	4336889	25
18						
19	4520818	4477591	4422960	4386919	4339418	24
20	4523481	4480195	4425538	4389473	4341947	23
21						
22	4526104	4482792	4428111	4392026	4344476	22
23	4528726	4485391	4430691	4394579	4347001	21
24						
25	4531348	4487992	4433268	4397131	4349531	20
26	4533970	4490591	4435844	4399684	4352059	19
27						
28	4536591	4493192	4438420	4402236	4354586	18
29	4539212	4495788	4441095	4404787	4357113	17
30						
31	4541833	4498386	4443670	4407338	4359639	16
32	4544453	4500982	4446241	4409888	4362164	15
33						
34	4547073	4503582	4448819	4412448	4364690	14
35	4549692	4506179	4451393	4414988	4367215	13
36						
37	4552312	4508776	4453966	4417537	4369740	12
38	4554931	4511372	4456539	4420087	4372266	11
39						
40	455749	4513968	4459101	4422635	4374788	10
41	4560167	4516563	4461684	4425183	4377311	9
42						
43	4562783	4519158	4464256	4427731	4379834	8
44	4565402	4521753	4466827	4430278	4382356	7
45						
46	4568019	4524347	4469398	4432825	4384878	6
47	4570635	4526941	4471969	4435371	4387399	5
48						
49	4573252	4529534	4474535	4437917	4389920	4
50	4575867	4532128	4477006	4440463	4392441	3
51						
52	4578482	4534721	4479576	4443007	4394961	2
53	4581097	4537313	4482147	4445551	4397481	1
54						
55	4583712	4539904	4484716	4448090	4399999	0

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

C c 2

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	30	31	32	33	34	
0	10000000	1150381	1299192	1446390	1591922	60
1	10001519	1152874	1301619	1448829	1594340	59
2	10003038	1155367	1304125	1451268	1596771	58
3	10004556	1157859	1306591	1453707	1599201	57
4	10010074	1160351	1309096	1456145	1601631	56
5	10012591	1162843	1311521	1458583	1604061	55
6	10015108	1165334	1313985	1461020	1606490	54
7	10017624	1167825	1316449	1463456	1608928	53
8	10020140	1170315	1318913	1465892	1611366	52
9	10022656	1172805	1321376	1468328	1613804	51
10	10025171	1175294	1323839	1470763	1616241	50
11	10027686	1177783	1326301	1473198	1618677	49
12	10030200	1180271	1328763	1475632	1621113	48
13	10032714	1182759	1331224	1478066	1623549	47
14	10035227	1185246	1333685	1480499	1625984	46
15	10037740	1187733	1336145	1482932	1628419	45
16	10040253	1190220	1338605	1485364	1630853	44
17	10042765	1192706	1341065	1487796	1633287	43
18	10045277	1195192	1343524	1490228	1635720	42
19	10047788	1197677	1345983	1492659	1638153	41
20	10050299	1200162	1348441	1495090	1640586	40
21	10052809	1202646	1350898	1497520	1643019	39
22	10055319	1205130	1353355	1499950	1645452	38
23	10057829	1207614	1355812	1502379	1647885	37
24	10060338	1210097	1358268	1504808	1650317	36
25	10062847	1212580	1360724	1507236	1652750	35
26	10065355	1215062	1363179	1509664	1655182	34
27	10067863	1217544	1365634	1512091	1657615	33
28	10070370	1220025	1368088	1514518	1660047	32
29	10072877	1222506	1370542	1516944	1662479	31
30	10075384	1224986	1372996	1519370	1664911	30
	59	58	57	56	55	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	30	31	32	33	34	
30	1077184	5224986	5372996	5519370	5664061	30
31	1077890	5227466	5375449	5521795	5666439	29
32	5080396	5230946	5377902	5524220	5668826	28
33	5082901	5232425	5380354	5526645	5671212	27
34	5085406	5234904	5382806	5529069	5673648	26
35	5087911	5237382	5385258	5531495	5676043	25
36	5090415	5239860	5387709	5533916	5678438	24
37	5092919	5242337	5390159	5536338	5680832	23
38	5095422	5244814	5392609	5538760	5683226	22
39	5097925	5247290	5395058	5541182	5685619	21
40	5100427	5249766	5397507	5543605	5688012	20
41	5102929	5252241	5399955	5546024	5690404	19
42	5105430	5254716	5402403	5548444	5692796	18
43	5107931	5257191	5404851	5550864	5695187	17
44	5110431	5259665	5407298	5553283	5697578	16
45	5112931	5262139	5409745	5555702	5699968	15
46	5115431	5264612	5412191	5558120	5702358	14
47	5117930	5267085	5414637	5560538	5704747	13
48	5120429	5269557	5417082	5562956	5707136	12
49	5122927	5272029	5419527	5565373	5709524	11
50	5125425	5274501	5421972	5567789	5711912	10
51	5127922	5276972	5424416	5570206	5714299	9
52	5130419	5279443	5426859	5572622	5716686	8
53	5132919	5281913	5429302	5575037	5719072	7
54	5135412	5284383	5431745	5577452	5721458	6
55	5137908	5286852	5434187	5579866	5723844	5
56	5140403	5289321	5436629	5582280	5726229	4
57	5142898	5291789	5439070	5584693	5728613	3
58	5145393	5294257	5441510	5587106	5730997	2
59	5147887	5296725	5443950	5589518	5733381	1
60	5150381	5299192	5446390	5591929	5735764	0
	59	58	57	56	55	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	35	36	37	38	39	
0	5735764	5877892	6018150	6156615	6293304	60
1	5738147	5880205	6020473	6158902	6295464	59
2	5740519	5882518	6022796	6161198	6297724	58
3	5742911	5884910	6025118	6163489	6299983	57
4	5745292	5887262	6027439	6165780	6302242	56
5	5747671	5889613	6029760	6168070	6304501	55
6	5750052	5891964	6032080	6170359	6306759	54
7	5752432	5894314	6034400	6172648	6309016	53
8	5754811	5896664	6036719	6174936	6311273	52
9	5757190	5899015	6039038	6177224	6313529	51
10	5759568	5901366	6041357	6179511	6315784	50
11	5761946	5903709	6043675	6181799	6318039	49
12	5764323	5906056	6045992	6184085	6320293	48
13	5766700	5908403	6048309	6186371	6322547	47
14	5769076	5910750	6050625	6188656	6324800	46
15	5771452	5913096	6052940	6190940	6327053	45
16	5773827	5915441	6055255	6193224	6329305	44
17	5776202	5917787	6057570	6195508	6331557	43
18	5778576	5920132	6059884	6197791	6333808	42
19	5780950	5922476	6062198	6200074	6336059	41
20	5783324	5924820	6064511	6202356	6338310	40
21	5785697	5927163	6066824	6204638	6340560	39
22	5788069	5929505	6069136	6206919	6342809	38
23	5790441	5931847	6071448	6209199	6345058	37
24	5792812	5934188	6073759	6211479	6347306	36
25	5795183	5936530	6076069	6213758	6349553	35
26	5797553	5938871	6078379	6216037	6351800	34
27	5799923	5941212	6080688	6218315	6354046	33
28	5802292	5943551	6082997	6220593	6356292	32
29	5804661	5945890	6085306	6222870	6358537	31
30	5807030	5948228	6087614	6225146	6360781	30
	54	53	52	51	50	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

397

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	35	36	37	38	39	
30	5807039	5848228	6087614	6125146	6350782	30
31	5809398	5950166	6089922	6227422	6363026	29
32	5811766	5952904	6092229	6229698	6365270	28
33	5814133	5955241	6094536	6231973	6367513	27
34	5816499	5957578	6096842	6234248	6369756	26
35	5818865	5959914	6099147	6236522	6371999	25
36	5821230	5962250	6101452	6238796	6374242	24
37	5823595	5964585	6103756	6241069	6376485	23
38	5825959	5966919	6106060	6243342	6378728	22
39	5828323	5969253	6108364	6245614	6380962	21
40	5830687	5971586	6110667	6247885	6383201	20
41	5833050	5973919	6112970	6250156	6385440	19
42	5835412	5976251	6115273	6252426	6387678	18
43	5837774	5978582	6117573	6254696	6389916	17
44	5840136	5980915	6119873	6256966	6392153	16
45	5842497	5983246	6122173	6259235	6394390	15
46	5844858	5985577	6124473	6261503	6396626	14
47	5847218	5987907	6126772	6263774	6398862	13
48	5849578	5990237	6129071	6266038	6401097	12
49	5851937	5992566	6131369	6268305	6403331	11
50	5854295	5994894	6133667	6270572	6405564	10
51	5856653	5997222	6135964	6272838	6407799	9
52	5859010	5999549	6138261	6275103	6410032	8
53	5861367	6001876	6140557	6277368	6412264	7
54	5863724	6004202	6142853	6279632	6414496	6
55	5866080	6006528	6145148	6281895	6416728	5
56	5868436	6008853	6147442	6284158	6418959	4
57	5870791	6011178	6149736	6286420	6421189	3
58	5873145	6013502	6152030	6288682	6423419	2
59	5875499	6015826	6154323	6290943	6425648	1
60	5877852	6018150	6156625	6293204	6427876	0
	54	53	52	51	50	

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	40	41	42	43	44	
0	6437876	6460590	6491305	6519984	6546184	60
1	6430104	6462789	6493468	6522111	6548316	59
2	6432331	6464979	6495629	6524237	6550767	58
3	6434558	6467173	6497789	6526363	6553158	57
4	6436785	6469367	6499949	6528489	6555499	56
5	6439011	6471560	6702108	6530614	6557909	55
6	6441236	6473753	6704267	6532738	6559918	54
7	6443461	6475949	6706426	6534861	6562126	53
8	6445685	6478136	6708582	6536982	6564304	52
9	6447909	6480326	6710739	6539107	6566492	51
10	6450132	6482516	6712895	6541229	6568779	50
11	6452355	6484705	6715051	6543350	6570965	49
12	6454577	6486894	6717206	6545471	6573151	48
13	6456799	6489082	6719361	6547591	6575336	47
14	6459020	6491270	6721515	6549711	6577521	46
15	6461240	6493458	6723668	6551830	6579705	45
16	6463460	6495645	6725821	6553949	6581988	44
17	6465679	6497831	6727973	6556067	6584271	43
18	6467898	6500016	6730125	6558183	6586453	42
19	6470116	6502201	6732276	6560301	6588635	41
20	6472333	6504386	6734427	6562417	6590816	40
21	6474550	6506570	6736577	6564533	6592996	39
22	6476766	6508753	6738726	6566648	6595176	38
23	6478982	6510936	6740875	6568762	6597355	37
24	6481198	6513118	6743024	6570876	6599534	36
25	6483413	6515300	6745172	6572989	6601712	35
26	6485628	6517481	6747319	6575102	7000078	34
27	6487841	6519661	6749465	6577214	7002266	33
28	6490055	6521841	6751611	6579325	7004454	32
29	6492268	6524021	6753757	6581436	7006642	31
30	6494480	6526200	6755902	6583546	7008829	30
	49	48	47	46	45	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

209

Tabula Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	49	48	47	46	45	
30	6294480	6616200	6755902	6885546	7009093	30
31	6296692	6618379	6758047	6885656	7011167	29
32	6298905	6620557	6760191	6885765	7013241	28
33	6301114	6622734	6762334	6885874	7015314	27
34	6303324	6624911	6764477	6885982	7017387	26
35	6305533	6627087	6766619	6886089	7019459	25
36	6307742	6629263	6768760	6886196	7021530	24
37	6309950	6631438	6770901	6886302	7023601	23
38	6312158	6633612	6773041	6886408	7025671	22
39	6314366	6635786	6775181	6886513	7027741	21
40	6316572	6637959	6777320	6886617	7029810	20
41	6318778	6640132	6779459	6886721	7031879	19
42	6320984	6642304	6781597	6886824	7033947	18
43	6323189	6644476	6783734	6886927	7036014	17
44	6325394	6646647	6785871	6887029	7038081	16
45	6327598	6648817	6788007	6887131	7040147	15
46	6329801	6650987	6790143	6887232	7042213	14
47	6332004	6653156	6792278	6887333	7044278	13
48	6334206	6655325	6794413	6887433	7046342	12
49	6336408	6657493	6796547	6887533	7048406	11
50	6338609	6659661	6798681	6887632	7050469	10
51	6340809	6661828	6800814	6887732	7052532	9
52	6343009	6663994	6802948	6887832	7054594	8
53	6345208	6666160	6805078	6887932	7056655	7
54	6347407	6668326	6807209	6888032	7058716	6
55	6349606	6670491	6809340	6888132	7060776	5
56	6351804	6672655	6811470	6888232	7062836	4
57	6354001	6674818	6813599	6888332	7064894	3
58	6356198	6676981	6815726	6888432	7066951	2
59	6358394	6679144	6817856	6888532	7069008	1
60	6360590	6681306	6819984	6888632	7071064	0

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	45	46	47	48	49	
0	7071068	7193398	7312137	7431448	7547092	60
1	7073145	7195418	7315521	7433394	7549009	59
2	7075181	7197438	7317504	7435359	7551091	58
3	7077216	7199457	7319486	7437324	7553188	57
4	7079291	7201476	7321468	7439289	7555274	56
5	7081345	7203494	7323449	7441273	7557350	55
6	7083399	7205511	7325429	7443256	7559455	54
7	7085452	7207527	7327409	7445238	7561429	53
8	7087504	7209543	7329388	7447200	7563541	52
9	7089556	7211559	7331367	7448941	7565246	51
10	7091607	7213574	7333345	7450882	7566948	50
11	7093658	7215588	7335322	7452823	7568650	49
12	7095708	7217601	7337298	7454764	7570351	48
13	7097757	7219614	7339274	7456705	7572051	47
14	7099806	7221627	7341250	7458646	7573751	46
15	7101854	7223639	7343225	7460587	7575452	45
16	7103902	7225651	7345200	7462528	7577152	44
17	7105949	7227662	7347175	7464469	7578853	43
18	7107995	7229672	7349146	7466408	7580553	42
19	7110041	7231681	7351118	7468347	7582254	41
20	7112086	7233689	7353090	7470286	7583954	40
21	7114131	7235697	7355061	7472225	7585655	39
22	7116175	7237704	7357031	7474164	7587355	38
23	7118218	7239711	7359001	7476103	7589056	37
24	7120261	7241718	7360970	7478042	7590756	36
25	7122303	7243724	7362939	7479981	7592457	35
26	7124344	7245730	7364907	7481920	7594157	34
27	7126385	7247733	7366874	7483859	7595858	33
28	7128425	7249737	7368841	7485798	7597558	32
29	7130465	7251741	7370807	7487737	7599259	31
30	7132504	7253744	7372773	7489676	7600959	30
	44	43	42	41	40	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	45	46	47	48	49	
30	7132504	7253744	7372773	7489557	7604060	30
31	7134543	7255746	7374738	7491484	7605949	29
32	7136583	7257747	7376702	7493410	7607837	28
33	7138618	7259748	7378666	7495336	7609725	27
34	7140655	7261749	7380629	7497261	7611612	26
35	7142691	7263749	7382592	7499187	7613498	25
36	7144727	7265748	7384554	7501111	7615384	24
37	7146762	7267746	7386515	7503034	7617269	23
38	7148796	7269744	7388475	7504957	7619153	22
39	7150830	7271741	7390435	7506879	7621037	21
40	7152863	7273737	7392394	7508801	7622920	20
41	7154895	7275733	7394353	7510722	7624802	19
42	7156927	7277728	7396311	7512642	7626683	18
43	7158958	7279722	7398268	7514561	7628564	17
44	7160989	7281716	7400225	7516480	7630445	16
45	7163019	7283710	7402181	7518398	7632325	15
46	7165049	7285703	7404137	7520316	7634204	14
47	7167078	7287695	7406092	7522233	7636082	13
48	7169106	7289687	7408046	7524149	7637960	12
49	7171134	7291678	7410000	7526065	7639838	11
50	7173161	7293668	7411953	7527980	7641715	10
51	7175187	7295658	7413905	7529894	7643591	9
52	7177213	7297647	7415856	7531808	7645466	8
53	7179238	7299635	7417807	7533721	7647341	7
54	7181263	7301623	7419758	7535634	7649215	6
55	7183287	7303610	7421708	7537546	7651088	5
56	7185310	7305597	7423657	7539457	7652961	4
57	7187333	7307583	7425605	7541367	7654833	3
58	7189355	7309568	7427553	7543277	7656704	2
59	7191377	7311553	7429501	7545187	7658575	1
60	7193398	7313537	7431448	7547098	7660445	0
	44	43	42	41	40	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

D⁴ 1

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eundem Quadrantis

	50	51	52	53	54
0	7660448	7771460	7880108	7986355	8090170
1	7662314	7773290	7881898	7988105	8091875
2	7664183	7775120	7883688	7989815	8093582
3	7666051	7776949	7885477	7991604	8095290
4	7667919	7778777	7887266	7993382	8097004
5	7669786	7780605	7889054	7995100	8098711
6	7671652	7782432	7890841	7996847	8100417
7	7673517	7784258	7892627	7998593	8102122
8	7675382	7786084	7894413	8000329	8103827
9	7677246	7787909	7896198	8002034	8105531
10	7679110	7789833	7897983	8003828	8107234
11	7680973	7791557	7899767	8005572	8108936
12	7682835	7793380	7901550	8007314	8110638
13	7684697	7795202	7903332	8009016	8112339
14	7686558	7797024	7905114	8010757	8114040
15	7688418	7798845	7906895	8012538	8115740
16	7690278	7800665	7908676	8014278	8117439
17	7692137	7802485	7910456	8016017	8119137
18	7693995	7804304	7912235	8017756	8120835
19	7695853	7806123	7914014	8019494	8122532
20	7697710	7807941	7915792	8021231	8124229
21	7699566	7809758	7917569	8022969	8125925
22	7701422	7811574	7919345	8024705	8127620
23	7703277	7813390	7921121	8026440	8129314
24	7705132	7815205	7922896	8028175	8131008
25	7706986	7817020	7924671	8029909	8132701
26	7708839	7818834	7926445	8031642	8134393
27	7710692	7820647	7928218	8033375	8136084
28	7712544	7822459	7929990	8035107	8137775
29	7714395	7824271	7931762	8036838	8139465
30	7716246	7826082	7933533	8038569	8141155
39		38	37	36	35

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis complementorum arcuum eundem Quadrantis

S I N V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

213

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	50	51	52	53	54	
30	7716246	7726082	7735933	7745799	7755679	30
31	7718096	7727932	7737783	7747649	7757529	29
32	7719945	7729781	7739632	7749508	7759388	28
33	7721794	7731630	7741481	7751347	7761227	27
34	7723643	7733479	7743330	7753208	7763088	26
35	7725490	7735326	7745177	7755059	7764939	25
36	7727337	7737173	7747024	7756910	7766790	24
37	7729183	7739019	7748870	7758761	7768641	23
38	7731028	7740865	7750716	7760612	7770492	22
39	7732872	7742709	7752561	7762463	7772343	21
40	7734716	7744553	7754407	7764314	7774194	20
41	7736559	7746396	7756252	7766165	7776045	19
42	7738401	7748240	7758098	7768016	7777896	18
43	7740244	7750083	7759943	7769867	7779747	17
44	7742086	7751926	7761788	7771718	7781598	16
45	7743928	7753769	7763633	7773569	7783449	15
46	7745769	7755612	7765478	7775420	7785300	14
47	7747610	7757455	7767323	7777271	7787151	13
48	7749451	7759298	7769168	7779122	7789002	12
49	7751292	7761141	7771013	7780973	7790853	11
50	7753133	7762984	7772858	7782824	7792704	10
51	7754974	7764827	7774703	7784675	7794555	9
52	7756815	7766670	7776548	7786526	7796406	8
53	7758656	7768513	7778393	7788377	7798257	7
54	7760497	7770356	7780238	7790228	7800108	6
55	7762338	7772199	7782083	7792079	7801959	5
56	7764179	7774042	7783928	7793930	7803810	4
57	7766020	7775885	7785773	7795781	7805661	3
58	7767861	7777728	7787618	7797632	7807512	2
59	7769702	7779571	7789463	7799483	7809363	1
60	7771543	7781414	7791308	7801334	7811214	0
	39	38	37	36	35	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	55	56	57	58	59	
0	8191320	8290376	8386706	8480481	8571673	60
1	8193188	8292002	8388290	8482022	8573271	59
2	8194855	8293628	8389873	8483562	8574868	58
3	8196522	8295253	8391456	8485102	8576464	57
4	8198188	8296877	8393038	8486641	8577960	56
5	8199854	8298501	8394619	8488180	8579455	55
6	8201519	8300124	8396192	8489718	8580949	54
7	8203283	8301746	8397776	8491255	8582442	53
8	8204846	8303367	8399357	8492791	8583935	52
9	8206508	8304987	8400935	8494326	8585427	51
10	8208170	8306607	8402513	8495860	8586919	50
11	8209831	8308226	8404090	8497394	8588410	49
12	8211491	8309844	8405666	8498927	8589900	48
13	8213151	8311461	8407241	8500459	8591389	47
14	8214810	8313079	8408816	8501991	8592877	46
15	8216469	8314696	8410390	8503522	8594364	45
16	8218127	8316312	8411963	8505052	8595851	44
17	8219784	8317927	8413536	8506581	8597337	43
18	8221440	8319541	8415108	8508111	8598822	42
19	8223096	8321155	8416679	8509639	8600306	41
20	8224751	8322768	8418250	8511167	8601790	40
21	8226405	8324380	8419820	8512694	8603273	39
22	8228058	8325991	8421389	8514220	8604757	38
23	8229711	8327601	8422957	8515745	8606239	37
24	8231363	8329212	8424525	8517270	8607720	36
25	8233015	8330822	8426092	8518794	8609201	35
26	8234666	8332431	8427658	8520317	8610681	34
27	8236316	8334039	8429223	8521839	8612160	33
28	8237965	8335646	8430788	8523361	8613638	32
29	8239614	8337252	8432352	8524882	8615115	31
30	8241262	8338858	8433915	8526402	8616592	30
	34	33	32	31	30	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N P P M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

215

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	55	56	57	58	59	
30	8341365	8338858	8434915	8526402	8616292	30
31	8342909	8340403	8435477	8527921	8617768	29
32	8344516	8342067	8437039	8529440	8619243	28
33	8346102	8343671	8438600	8530958	8620718	27
34	8347847	8345244	8440161	8532476	8622192	26
35	8349492	8346877	8441721	8533993	8623665	25
36	8351136	8348479	8443280	8535509	8625137	24
37	8352779	8350080	8444838	8537024	8626608	23
38	8354421	8351680	8446396	8538538	8628079	22
39	8356062	8353279	8447953	8540052	8629549	21
40	8357703	8354878	8449509	8541565	8631019	20
41	8359343	8356476	8451064	8543077	8632488	19
42	8360982	8358073	8452618	8544588	8633956	18
43	8362621	8359670	8454172	8546099	8635423	17
44	8364259	8361266	8455725	8547609	8636889	16
45	8365897	8362861	8457278	8549119	8638355	15
46	8367534	8364457	8458830	8550628	8639820	14
47	8369170	8366051	8460381	8552136	8641284	13
48	8370806	8367644	8461932	8553643	8642748	12
49	8372441	8369236	8463482	8555149	8644211	11
50	8374075	8370828	8465031	8556655	8645673	10
51	8375708	8372419	8466579	8558160	8647134	9
52	8377340	8374009	8468126	8559664	8648595	8
53	8378972	8375599	8469673	8561168	8650055	7
54	8380603	8377188	8471219	8562671	8651514	6
55	8382234	8378776	8472765	8564173	8652973	5
56	8383864	8380363	8474310	8565675	8654431	4
57	8385493	8381950	8475854	8567176	8655888	3
58	8387121	8383536	8477397	8568676	8657344	2
59	8388749	8385121	8478939	8570175	8658799	1
60	8390376	8386706	8480481	8571673	8660254	0
	34	33	32	31	30	

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	60	61	62	63	64	
0	8660254	8746197	8829476	8910065	8987940	60
1	8661708	8747607	8830841	8911385	8989115	59
2	8663162	8749016	8832105	8912704	8990489	58
3	8664615	8750425	8833569	8914023	8991762	57
4	8666067	8751833	8834932	8915341	8993035	56
5	8667518	8753240	8836295	8916659	8994307	55
6	8668968	8754646	8837657	8917976	8995578	54
7	8670417	8756051	8839017	8919292	8996848	53
8	8671866	8757456	8840378	8920607	8998117	52
9	8673314	8758860	8841737	8921921	8999386	51
10	8674762	8760265	8843095	8923234	9000654	50
11	8676209	8761669	8844452	8924546	9001921	49
12	8677655	8763067	8845809	8925858	9003187	48
13	8679100	8764465	8847165	8927169	9004451	47
14	8680544	8765861	8848521	8928479	9005718	46
15	8681988	8767268	8849876	8929789	9006982	45
16	8683431	8768667	8851230	8931098	9008245	44
17	8684874	8770065	8852583	8932406	9009508	43
18	8686316	8771462	8853936	8933714	9010770	42
19	8687757	8772859	8855287	8935021	9012031	41
20	8689197	8774255	8856639	8936327	9013291	40
21	8690636	8775650	8857989	8937632	9014551	39
22	8692074	8777044	8859337	8938936	9015811	38
23	8693512	8778437	8860687	8940240	9017069	37
24	8694949	8779830	8862035	8941543	9018326	36
25	8696386	8781222	8863383	8942845	9019582	35
26	8697822	8782613	8864730	8944146	9020837	34
27	8699257	8784003	8866076	8945446	9022091	33
28	8700691	8785393	8867421	8946746	9023347	32
29	8702124	8786782	8868765	8948045	9024600	31
30	8703555	8788171	8870108	8949344	9025855	30
	29	28	27	26	25	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

sinus gradus quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem quadrantis

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta	60	61	62	63	64	
30	8703557	8783171	8870108	8949344	9025811	30
31	8704089	8789550	8871451	8951064	9027101	29
32	8704620	8790946	8872793	8951934	9028146	28
33	8705151	8792332	8874134	8952835	9029066	27
34	8705681	8793717	8875475	8953730	9030016	26
35	8706210	8795102	8876815	8954622	9030915	25
36	8706738	8796486	8878154	8955517	9031815	24
37	8707266	8797869	8879492	8956410	9032700	23
38	8707792	8799251	8880830	8957302	9033587	22
39	8708318	8800633	8882167	8958194	9034477	21
40	8708844	8802014	8883503	8959085	9035368	20
41	8709369	8803394	8884838	8959977	9036258	19
42	8710693	8804773	8886171	8960868	9037148	18
43	8711218	8806151	8887506	8961758	9038038	17
44	8711743	8807530	8888839	8962648	9038928	16
45	8712268	8808907	8890171	8963537	9039818	15
46	8712793	8810283	8891503	8964427	9040708	14
47	8713318	8811659	8892833	8965317	9041598	13
48	8713843	8813034	8894163	8966207	9042488	12
49	8714368	8814408	8895492	8967097	9043378	11
50	8714893	8815782	8896821	8967987	9044268	10
51	8715418	8817155	8898149	8968877	9045158	9
52	8715943	8818527	8899476	8969767	9046048	8
53	8716468	8819898	8900801	8970657	9046938	7
54	8716993	8821268	8902127	8971547	9047828	6
55	8717518	8822638	8903452	8972437	9048718	5
56	8718043	8824007	8904776	8973327	9049608	4
57	8718568	8825377	8906099	8974217	9050498	3
58	8719093	8826743	8907421	8975107	9051388	2
59	8719618	8828110	8908744	8975997	9052278	1
60	8720143	8829476	8910065	8976887	9053168	0
	19	28	27	26	25	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

E c

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro finibus

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eundem Quadrantis

	65	66	67	68	69	
0	9063078 ¹⁰⁰	9135495 ¹⁰⁰	9205049 ¹⁰⁰	9271836 ¹⁰⁰	9335804 ¹⁰⁰	60
1	9064307	9136638	9206185	9272928	9336846	59
2	9065535	9137780	9207351	9274017	9337885	58
3	9066763	9138900	9208456	9275105	9338928	57
4	9067990	9140181	9209590	9276192	9339968	56
5	9069216	9141361	9210723	9277278	9341007	55
6	9070441	9142540	9211855	9278363	9342045	54
7	9071665	9143718	9212986	9279448	9343081	53
8	9072889	9144895	9214117	9280532	9344119	52
9	9074112	9146072	9215247	9281615	9345157	51
10	9075334	9147248	9216376	9282697	9346190	50
11	9076555	9148423	9217504	9283778	9347224	49
12	9077775	9149597	9218631	9284859	9348257	48
13	9078995	9150770	9219758	9285939	9349289	47
14	9080214	9151943	9220884	9287018	9350321	46
15	9081432	9153115	9222010	9288096	9351352	45
16	9082649	9154286	9223135	9289173	9352382	44
17	9083866	9155457	9224259	9290250	9353411	43
18	9085082	9156627	9225382	9291326	9354440	42
19	9086297	9157796	9226504	9292401	9355468	41
20	9087512	9158964	9227625	9293476	9356495	40
21	9088726	9160131	9228746	9294550	9357521	39
22	9089939	9161297	9229866	9295623	9358546	38
23	9091151	9162463	9230985	9296695	9359571	37
24	9092362	9163628	9232103	9297766	9360595	36
25	9093572	9164792	9233220	9298836	9361618	35
26	9094781	9165955	9234337	9299905	9362640	34
27	9095990	9167117	9235453	9300974	9363662	33
28	9097198	9168279	9236568	9302042	9364683	32
29	9098406	9169440	9237682	9303109	9365703	31
30	9099613	9170601	9238795	9304175	9366722	30
	24	23	22	21	20	

Gradus Quadrantis pro finibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementum arcuum eundem Quadrantis

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	65	66	67	68	69	
30	9109163	9170601	9238795	9304176	9366712	30
31	9109819	9171761	9239908	9305242	9367740	29
32	9110304	9172920	9241020	9306303	9368758	28
33	9110828	9174078	9242131	9307371	9369775	27
34	9111443	9175236	9243242	9308434	9370791	26
35	9112161	9176394	9244354	9309497	9371806	25
36	9112837	9177547	9245461	9310559	9372820	24
37	9113503	9178702	9246569	9311620	9373834	23
38	9114238	9179856	9247676	9312680	9374847	22
39	9114938	9181009	9248782	9313739	9375859	21
40	9115637	9182161	9249888	9314798	9376870	20
41	9116355	9183313	9250993	9315856	9377880	19
42	9117032	9184464	9252097	9316913	9378889	18
43	9117729	9185614	9253200	9317969	9379898	17
44	9118445	9186763	9254303	9319024	9380906	16
45	9119160	9187912	9255405	9320079	9381913	15
46	9119884	9189060	9256506	9321133	9382918	14
47	9120607	9190207	9257606	9322186	9383925	13
48	9121300	9191353	9258706	9323238	9384930	12
49	9122092	9192499	9259805	9324290	9385934	11
50	9122884	9193644	9260903	9325341	9386937	10
51	9123677	9194788	9262000	9326391	9387939	9
52	9124463	9195931	9263096	9327440	9388941	8
53	9125254	9197073	9264192	9328488	9389942	7
54	9126042	9198215	9265287	9329535	9390942	6
55	9126826	9199356	9266381	9330582	9391941	5
56	9127616	9200496	9267474	9331628	9392940	4
57	9128402	9201633	9268566	9332673	9393938	3
58	9129187	9202774	9269658	9333717	9394935	2
59	9129971	9203912	9270749	9334761	9395931	1
60	9130755	9205049	9271839	9335804	9396926	0
	24	23	22	21	20	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	70	71	72	73	74	
0	9396926	9435186	9510165	9563043	9612617	60
1	9397921	9436133	9511464	9563898	9613418	59
2	9398915	9437079	9512362	9564747	9614219	58
3	9399908	9438024	9513259	9565596	9615019	57
4	9400900	9438968	9514155	9566444	9615818	56
5	9401891	9439911	9515050	9567291	9616616	55
6	9402881	9440854	9515944	9568137	9617413	54
7	9403871	9441796	9516838	9568982	9618209	53
8	9404861	9442737	9517731	9569826	9619005	52
9	9405849	9443677	9518623	9570670	9619800	51
10	9406836	9444616	9519514	9571513	9620594	50
11	9407822	9445555	9520404	9572355	9621387	49
12	9408808	9446493	9521294	9573196	9622179	48
13	9409793	9447430	9522183	9574036	9622971	47
14	9410777	9448366	9523071	9574875	9623762	46
15	9411760	9449301	9523958	9575714	9624551	45
16	9412742	9450236	9524844	9576552	9625341	44
17	9413724	9451170	9525730	9577389	9626129	43
18	9414705	9452103	9526615	9578225	9626917	42
19	9415685	9453035	9527499	9579061	9627704	41
20	9416665	9453967	9528382	9579896	9628490	40
21	9417644	9454898	9529264	9580730	9629275	39
22	9418622	9455828	9530146	9581563	9630059	38
23	9419599	9456757	9531027	9582395	9630843	37
24	9420575	9457685	9531907	9583226	9631626	36
25	9421550	9458612	9532786	9584057	9632408	35
26	9422525	9459539	9533664	9584887	9633189	34
27	9423499	9460465	9534541	9585716	9633969	33
28	9424472	9461390	9535418	9586544	9634748	32
29	9425444	9462314	9536294	9587371	9635527	31
30	9426415	9463237	9537169	9588197	9636305	30
	19	18	17	16	15	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

228

Minuta graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	70	71	72	73	74	
30	942645	948337	953716	958817	963630	30
31	942738	948416	953804	958904	963708	29
32						
33	942836	948508	953891	958984	963785	28
34	942935	948600	953979	959067	963863	27
35						
36	943039	948692	954066	959149	963940	26
37	943160	948784	954153	959231	964018	25
38						
39	943257	948876	954240	959314	964095	24
40	943389	948967	954327	959396	964172	23
41						
42	943458	949059	954414	959478	964249	22
43	943512	949151	954500	959560	964326	21
44						
45	943608	949243	954587	959641	964403	20
46	943704	949334	954674	959723	964480	19
47						
48	943800	949425	954760	959804	964557	18
49	943897	949516	954847	959887	964634	17
50						
51	943991	949608	954933	959968	964710	16
52	944089	949699	955019	960049	964787	15
53						
54	944184	949791	955106	960131	964863	14
55	944280	949882	955191	960212	964940	13
56						
57	944376	949974	955278	960293	965016	12
58	944472	950065	955364	960374	965092	11
59						
60	944576	950156	955450	960455	965168	10
61	944669	950247	955536	960536	965245	9
62						
63	944758	950339	955621	960617	965321	8
64	944851	950429	955707	960698	965398	7
65						
66	944940	950518	955793	960779	965473	6
67	945044	950608	955878	960859	965548	5
68						
69	945132	950698	955963	960940	965624	4
70	945236	950789	956049	961020	965699	3
71						
72	945328	950878	956134	961101	965775	2
73	945439	950968	956219	961181	965850	1
74						
75	945518	951056	956304	961261	965925	0

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis .

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

T A B U L A

Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	75	76	77	78	79	
0	9659218	9702557	9743700	9781476	9816172	60
1	9660011	9703660	9744355	9782080	9816817	59
2	9660813	9704363	9745008	9782684	9817331	58
3	9661514	9705065	9745660	9783287	9817934	57
4	9662264	9705768	9746312	9783889	9818486	56
5	9663013	9706466	9746963	9784490	9819037	55
6	9663761	9707164	9747613	9785090	9819587	54
7	9664508	9707863	9748262	9785689	9820137	53
8	9665255	9708561	9748910	9786288	9820686	52
9	9666001	9709258	9749557	9786886	9821234	51
10	9666748	9709954	9750203	9787483	9821781	50
11	9667490	9710649	9750849	9788079	9822327	49
12	9668233	9711343	9751494	9788674	9822871	48
13	9668976	9712036	9752138	9789268	9823417	47
14	9669718	9712729	9752781	9789861	9823961	46
15	9670459	9713421	9753423	9790455	9824504	45
16	9671199	9714112	9754065	9791047	9825046	44
17	9671938	9714802	9754706	9791638	9825587	43
18	9672677	9715491	9755346	9792228	9826128	42
19	9673415	9716180	9755985	9792818	9826668	41
20	9674152	9716868	9756623	9793407	9827207	40
21	9674888	9717555	9757260	9793995	9827745	39
22	9675623	9718241	9757897	9794582	9828282	38
23	9676357	9718926	9758533	9795168	9828818	37
24	9677091	9719610	9759168	9795753	9829354	36
25	9677824	9720294	9759801	9796337	9829889	35
26	9678556	9720977	9760435	9796921	9830423	34
27	9679287	9721659	9761067	9797504	9830956	33
28	9680017	9722340	9761699	9798086	9831488	32
29	9680747	9723020	9762330	9798667	9832019	31
30	9681476	9723699	9762960	9799247	9832549	30
	14	13	12	11	10	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Tabula Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

123

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	75	76	77	78	79	
1	9781475	9781699	9781960	9782247	9782549	30
2	9781804	9782037	9782318	9782617	9782929	29
3	9782131	9782364	9782645	9782946	9783268	28
4	9782457	9782690	9782971	9783278	9783608	27
5	9782783	9783016	9783297	9783609	9783956	26
6	9783108	9783341	9783622	9783940	9784299	25
7	9783432	9783665	9783946	9784271	9784647	24
8	9783757	9783990	9784271	9784602	9784999	23
9	9784081	9784314	9784595	9784933	9785299	22
10	9784405	9784638	9784919	9785264	9785647	21
11	9784729	9784962	9785240	9785595	9785999	20
12	9785053	9785286	9785561	9785926	9786338	19
13	9785377	9785610	9785886	9786257	9786679	18
14	9785701	9785934	9786211	9786588	9787029	17
15	9786025	9786258	9786536	9786919	9787379	16
16	9786349	9786582	9786861	9787250	9787729	15
17	9786673	9786906	9787181	9787581	9788079	14
18	9786997	9787230	9787506	9787912	9788429	13
19	9787321	9787554	9787835	9788243	9788789	12
20	9787645	9787878	9788161	9788574	9789139	11
21	9787969	9788202	9788486	9788909	9789589	10
22	9788293	9788526	9788810	9789240	9790039	9
23	9788617	9788850	9789134	9789571	9790389	8
24	9788941	9789174	9789458	9789902	9790739	7
25	9789265	9789498	9789782	9790233	9791089	6
26	9789589	9789822	9790106	9790564	9791439	5
27	9789913	9790146	9790490	9790909	9791789	4
28	9790237	9790470	9790814	9791253	9792139	3
29	9790561	9790794	9791138	9791577	9792489	2
30	9790885	9791118	9791462	9791916	9792839	1
31	9791209	9791442	9791786	9792260	9793189	0
32	9791533	9791766	9792110	9792599	9793539	
33	9791857	9792090	9792434	9792933	9793889	
34	9792181	9792414	9792758	9793257	9794239	
35	9792505	9792738	9793082	9793586	9794589	
36	9792829	9793062	9793426	9793936	9794939	
37	9793153	9793386	9793770	9794286	9795289	
38	9793477	9793710	9794094	9794636	9795639	
39	9793801	9794034	9794418	9794986	9795989	
40	9794125	9794358	9794742	9795336	9796339	
41	9794449	9794682	9795066	9795686	9796689	
42	9794773	9795006	9795390	9796036	9797039	
43	9795097	9795330	9795714	9796386	9797389	
44	9795421	9795654	9796038	9796736	9797739	
45	9795745	9795978	9796382	9797086	9798089	
46	9796069	9796302	9796726	9797436	9798439	
47	9796393	9796626	9797050	9797786	9798789	
48	9796717	9796950	9797374	9798136	9799139	
49	9797041	9797274	9797698	9798486	9799489	
50	9797365	9797598	9798022	9798836	9799839	
51	9797689	9797922	9798346	9799186	9800189	
52	9798013	9798246	9798670	9799536	9800539	
53	9798337	9798570	9798994	9799886	9800889	
54	9798661	9798894	9799318	9800236	9801239	
55	9798985	9799218	9799642	9800586	9801589	
56	9799309	9799542	9799966	9800936	9801939	
57	9799633	9799866	9800290	9801286	9802289	
58	9799957	9800190	9800614	9801636	9802639	
59	9800281	9800514	9800938	9801986	9802989	
60	9800605	9800838	9801262	9802336	9803339	

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro finibus

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	80	81	82	83	84	
0	9848078	9876881	9902681	9925461	9945119	60
1	9848183	9877112	9903081	9925816	9945513	59
2	9849087	9877722	9903481	9926169	9945820	58
3	9849590	9878245	9903881	9926521	9946128	57
4	9850092	9878697	9904284	9926875	9946439	56
5	9850595	9879148	9904691	9927224	9946749	55
6	9851098	9879598	9905091	9927574	9947058	54
7	9851593	9880048	9905494	9927923	9947357	53
8	9852092	9880497	9905893	9928271	9947655	52
9	9852590	9880941	9906291	9928618	9947951	51
10	9853087	9881391	9906688	9928965	9948248	50
11	9853583	9881833	9907084	9929311	9948543	49
12	9854079	9882283	9907478	9929656	9948837	48
13	9854574	9882728	9907873	9930000	9949130	47
14	9855068	9883172	9908266	9930343	9949423	46
15	9855561	9883615	9908659	9930685	9949715	45
16	9856053	9884057	9909051	9931026	9950006	44
17	9856544	9884498	9909442	9931367	9950296	43
18	9857035	9884938	9909832	9931707	9950585	42
19	9857525	9885378	9910221	9932046	9950874	41
20	9858014	9885817	9910610	9932384	9951162	40
21	9858504	9886255	9910998	9932721	9951449	39
22	9858993	9886692	9911386	9933057	9951735	38
23	9859481	9887128	9911771	9933393	9952020	37
24	9859968	9887564	9912156	9933728	9952304	36
25	9860456	9887999	9912540	9934062	9952587	35
26	9860943	9888433	9912923	9934395	9952870	34
27	9861429	9888866	9913306	9934727	9953152	33
28	9861915	9889298	9913688	9935058	9953433	32
29	9862399	9889729	9914069	9935389	9953713	31
30	9862886	9890159	9914449	9935719	9953992	30
	9	8	7	6	5	
Gradus Quadrantis pro finibus rectis						

T A B U L A Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	80	81	82	83	84	
30	9858856	9859019	9859144	9859219	9859296	30
31	9863736	9860418	9861482	9862608	9863740	29
32	9868819	9865107	9866206	9867376	9868518	28
33	9874093	9870449	9871558	9872703	9873895	27
34	9879570	9875972	9877091	9878239	9879427	26
35	9885246	9881698	9882837	9883951	9885146	25
36	9891121	9887623	9888772	9889930	9891120	24
37	9897199	9893747	9894906	9896084	9897293	23
38	9903478	9899971	9901249	9902527	9903816	22
39	9909948	9906394	9907732	9909049	9910337	21
40	9916616	9913216	9914604	9915970	9917308	20
41	9923487	9920137	9921575	9922920	9924298	19
42	9930517	9927257	9928745	9930109	9931547	18
43	9937797	9934577	9936114	9937528	9938915	17
44	9945326	9941696	9943282	9944846	9946381	16
45	9953004	9949514	9951209	9952963	9954549	15
46	9960831	9957491	9959246	9960979	9962915	14
47	9968807	9965677	9967582	9969594	9971880	13
48	9976932	9973962	9975947	9977909	9979842	12
49	9985207	9982177	9984211	9986233	9988207	11
50	9993632	9990591	9992674	9994736	9996870	10
51	9998154	9995004	9997120	9999248	9999632	9
52	9998716	9999416	9999998	9999999	9999999	8
53	9998777	9999827	9999999	9999999	9999999	7
54	9998437	9999027	9999319	9999579	9999842	6
55	9997497	9998646	9999368	9999688	9999970	5
56	9995956	9998055	9999036	9999396	9999827	4
57	9994714	9998163	9999493	9999703	9999983	3
58	9992771	9998170	9999475	9999460	9999438	2
59	9990427	9998126	9999106	9999449	9999169	1
60	9987683	9998081	9999146	9999421	9999147	0
	9	8	7	6	5	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	85	86	87	88	89	
0	9951947	9975640	9986295	9993908	9998477	60
1	9962100	9975843	9986447	9994009	9998517	59
2	9962443	9976045	9986598	9994109	9998576	58
3	9962703	9976246	9986748	9994208	9998625	57
4	9962954	9976446	9986897	9994307	9998673	56
5	9963204	9976645	9987045	9994405	9998720	55
6	9963453	9976843	9987193	9994502	9998766	54
7	9963701	9977040	9987340	9994598	9998811	53
8	9963948	9977237	9987486	9994693	9998855	52
9	9964194	9977433	9987631	9994787	9998899	51
10	9964440	9977628	9987775	9994881	9998942	50
11	9964685	9977822	9987918	9994974	9998984	49
12	9964929	9978015	9988061	9995066	9999025	48
13	9965172	9978207	9988203	9995157	9999064	47
14	9965414	9978398	9988344	9995247	9999104	46
15	9965655	9978589	9988484	9995336	9999143	45
16	9965895	9978779	9988623	9995424	9999181	44
17	9966135	9978968	9988761	9995512	9999218	43
18	9966374	9979156	9988899	9995599	9999254	42
19	9966612	9979343	9989036	9995685	9999289	41
20	9966849	9979530	9989171	9995770	9999323	40
21	9967085	9979716	9989307	9995854	9999356	39
22	9967320	9979901	9989441	9995937	9999389	38
23	9967555	9980085	9989574	9996019	9999421	37
24	9967789	9980268	9989706	9996101	9999452	36
25	9968022	9980450	9989837	9996182	9999482	35
26	9968254	9980631	9989968	9996262	9999511	34
27	9968485	9980811	9990098	9996341	9999539	33
28	9968715	9980991	9990227	9996419	9999566	32
29	9968944	9981170	9990355	9996496	9999593	31
30	9969173	9981348	9990482	9996573	9999619	30
	4	3	2	1	0	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus re^{ctis} arcuum eiusdem Quadrantis.

	85	86	87	88	89	
1	998173	9981348	9990482	9996573	9999619	30
2	9983401	9981525	9990608	9996649	9999744	29
3	9985064	9981701	9990734	9996722	9999868	28
4	9986728	9981877	9990859	9996795	9999991	27
5	9988391	9982052	9990983	9996871	9999713	26
6	9989954	9982227	9991106	9996943	9999735	25
7	9991518	9982402	9991228	9997014	9999756	24
8	9993081	9982577	9991349	9997085	9999771	23
9	9994645	9982752	9991470	9997155	9999785	22
10	9996208	9982927	9991590	9997224	9999813	21
11	9997772	9983102	9991709	9997292	9999830	20
12	9999335	9983277	9991827	9997359	9999846	19
13	9999898	9983452	9991944	9997425	9999862	18
14	9999961	9983627	9992060	9997491	9999877	17
15	9999999	9983802	9992175	9997556	9999891	16
16	9999999	9983977	9992290	9997620	9999904	15
17	9999999	9984152	9992404	9997683	9999911	14
18	9999999	9984327	9992517	9997745	9999921	13
19	9999999	9984502	9992629	9997807	9999932	12
20	9999999	9984677	9992740	9997867	9999943	11
21	9999999	9984852	9992850	9997927	9999953	10
22	9999999	9985027	9992960	9997986	9999961	9
23	9999999	9985202	9993069	9998044	9999972	8
24	9999999	9985377	9993177	9998101	9999978	7
25	9999999	9985552	9993284	9998157	9999984	6
26	9999999	9985727	9993390	9998212	9999989	5
27	9999999	9985902	9993495	9998267	9999993	4
28	9999999	9986077	9993599	9998321	9999996	3
29	9999999	9986252	9993703	9998374	9999998	2
30	9999999	9986427	9993806	9998426	9999999	1
31	9999999	9986602	9993908	9998477	9999999	0

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus re^{ctis} complementorū arcuū eiusdē Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

DE PARTE PROPORTIONALIS Sinuum, & arcuum.

Expositio arcuum
sinuum per partem
proportionalem di-
visionis abscissarum.

1. ANTEQUAM dictarum generationis partem proportionalem ex prædictis ab-
la Sinuum erunda sit, explicandum primum erit, quidam cum his numeris abscissis Sinuum
interpositi significant, & qui sint officio procreati. Prior ergo continet partes differ-
entia inter duos sinuos, inter quas scriptus est, congruentis vni Secundo illius arcus, qui
gradus in vertice tabula, & minutum in latere oppositi tabulae exprimit: postea
autem numerus decimas partem illas totius partis differentia prædicta complectitur. Te-
quantum inter duos sinuos grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. postea sunt duo nu-
mori 46. 3. intelligimus vni Secundo inter minutum 12. & 13. gradus 16. integros et
arcus 46. $\frac{1}{2}$ arcus differentia 2793. inter duos sinuos 278391. 2782704. prædictus
arcuum grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. quæ tota differentia Sinuum 6. in
est, vni minuto debetur: quod idem intelligendum est de sequentibus arcuum sinu
usque ad arcum grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. inter quatuor sinuos postea
alij hic numerus 46. 4. ita ut vni vni Secundo incrementum ex differentia duorum pro-
portionum Sinuum particula tantummodo 46. $\frac{1}{2}$. & sic de cætera.

Monstrum pro-
creatio ad partem
proportionalem
abscissæ erundit.

2. PROCREATI autem sunt huiusmodi numeri inter sinuos postea bene-
do incrementa differentiarum sinuum finium, partem sinuum singulos per 60. Secundo, et
particulari vni Secundo debitas præducere: præfixam autem reliquam ab-
scissam redaximus, multiplicantes eam per 10, ut in quadrato 10. + 10. 16. vel in
thematica decimam. Sic enim minori labore pars proportionalis eruitur, et magis facilis.
Verbi gratia. Differentia prædicta 2793. si dividatur per 60. fit Quotum 46. $\frac{1}{2}$
per se 46. $\frac{1}{2}$. quæ efficiunt 1. decimam & sinuos. Relicta ergo sinuosa, (Nam quibus
die vni decima superat $\frac{1}{2}$. addidimus vni decimam in tabula, quando autem
superat $\frac{1}{2}$. sed vel aequalis est, vel minor, eam neglectamus.) scriptum in tabula 4.
1. id est, particulas differentia integras 46. & $\frac{1}{2}$. vni, quæ efficiunt 46. 1. decima
vni particula, quæ præducuntur autem, si tota differentia 2793. decimas in 10.
prædictus numerus 27930 per 60. dividatur. Et quæ in sequentibus differentiarum
ad differentiam Sinuum grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. conclusus, hancum
reperitur idem numerus 46. 1. hoc est, particula 46. & 1. decima 1. restantibus vbi hoc per
proportionalem usque ad grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. conclusus, vbi cum
magis reperitur minor, vni 46. & 4. decima. Vt quantum differentiarum Si-
nuum 27936. & 279313. grad. 16. min. 23. & grad. 16. min. 33. est 279350
ducatur in 10. & prædictus numerus 279350. per 60. dividatur. fit Quotum 46.
& supererunt $\frac{1}{2}$. quæ superant $\frac{1}{2}$. Ergo habebimus utrumque 46. & 1. decima
Atque ita de cætera.

Totum Sinu re-
cto in partem pro-
portionalem.

3. BENEFICIO horum numerorum expedire admodum partem propor-
tionalem, per unicam vel aliam vel multiplicationem, vel divisionem reperitur. Nam si
rectus querendus sit alius arcus, qui præter minuta complectatur quoque Secunda
expedire erit Sinus ex tabula respondens gradibus, ac minutis arcus propositi in
tabula positi, & et ad quatuordecim numerus, qui ex multiplicatione numeri antecedi-
entis antecedenti in numerum Secunda prædictus producat. Vt si queratur Sinus rectus
grad. 19. min. 36. Sec. 40. quantum hanc arcum in tabula proximè præcedit in nu-
mori 45. 7. hoc est, 45. 7. decima, quæ multiplicata in 40. Secunda præducit 18316.
citas, id est, particulas integras 183. addidimus 18. 8. ad 33345. Sinus grad. 19.
min. 36. ut conflamus 33363. 44. Sinus propositi arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40.

A. TERTISSI M. si ex suo radice inquirendus sit arcus, accipiendo erit arcus oppositus sinui proximè minor, & si apponenda sit Secunda, quæ unitates continet, ut Quarta, si differentia inter sinum proximè minorem opposita primo xiphra, ut alius decimus restet, per 3) dividatur per numerum decimarum in tabula continetur, si datus sit sinus 33:4344, sumitur arcus grad. 19. min. 26. sinui proximè minori 33:4116. respondens, et quæ admodum Sec. 40. quæ numerus signi-
ficat differentia 1828. differentia inter sinum propositum, & sinum proximè minorem, opposita primo xiphra 0. nimirum ex divisione 18280. per 417. decimas in tabula continetur. Ita erit arcus quæsitus erit grad. 19. min. 36. Sec. 40. Apponitur autem xiphra ad differentiam unitatū 1828 quia cū dividi ea debeat per $\frac{1}{4} \frac{10}{100}$. multiplicanda est per 10 & productus numerus per 417. dividendus, ut ex nostra Arcu
tabula liquet constet.

1. si vero sinu complementi aliquid arcus quadrante minor sit intelligendus quæritur minuta habeat Arcus Secunda, accipiendo est sinus ex tabula respon-
dens gradibus arcus propositi in inferiori parte tabula positis, & ab eo sub-
trahendus numerus, qui ex multiplicavitur numerus caracteris superioris ex numerum
tandem prodatur. Vt si queratur sinus complementi grad. 70. min. 23. Sec. 20.
quoniam huius arcus inscribitur hi numeri interdicti 41.7. hoc est, 417. decima, du-
ctus 237. in 20. Secunda, & productum numerum, qui est 9840. decima, id
est, perdecima integra 984. subtrahemus ex 3317216. sinu complementi arcus grad.
70. min. 23. ut reliquatur sinus 3316342. complementi arcus grad. 70. min. 23.
Sec. 20.

2. ALITER, & strassæ commodius, ut regula multiplicetur. Accipitur
sinus complementi, & istius sinu restus intelligitur, ut Num. 3. docuimus. Vt
admodum exempli, complementum arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20. est arcus grad. 19.
min. 36. Sin. 40. cuius sinu restus invenitur 33:16344. duobus unitatibus minor il-
li per alio modo proxime invenitur fuit. Hoc idem docuit, quia arcus propositi parum
est ab eisquæ minoris interdicto minori.

3. QUANDO arcus, cuius complementi sinus queritur, quadrante minor
est, si subtrahendum, subtrahemus ex dato arcu quadrantem, & reliqui arcus si-
nu restum invenimus, ut Num. 3. dictum est. Vt si queratur sinus complementi ar-
cus grad. 109. min. 36. Sec. 40. Detrahit quadrante, superest arcus grad. 19. min. 36.
Sec. 40. cui debetur sinus 3316344.

4. CONTRARIO si ex sinu complementi aliquid arcus, sumendus
ex arcu, cuius una parte proposita est, ut Num. 3. traditum est, respondens sinui dato,
utque restusque ex quadrante auferendus, si sinus datus est sinu complementi ar-
cus quadrante minoris, vel ad quadrante addicendus, quando numerum datus sinus
opposita complementi arcus quadrante minoris. Pulchra autem ipsa operatio in trian-
gulo sine scholæ, sine restibus docetur, cum sinu propositus congruat complemento
arcus quadrante minoris, ut vero maioris. Vt si propositus sit sinus 3316342. comple-
menti arcus quadrante minoris, invenitur, ut Num. 3. dictum est, arcus grad. 19. min.
36. Sec. 40. qui detrahitur ex quadrante reliquus arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20. quæ-
situs, si vero idem sinu deberetur complemento arcus quadrante minoris, ad datus eius
arcus convertitur ad quadrantem, constitutusque, arcus grad. 109. min. 36. Sec. 40. Hu-
ius enim complementi, nimirum arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. sinus 3316342. congruit.

5. DENIQUE sunt versus arcus, qui per gradus ac minuta, annexa quoque
habet Secunda, invenitur, si versus complementi sinu cū parte proportionali numerus,
ut Num. 46. & 7. traditum est, ex sinu dato auferatur, vel sinu totu addatur, prout
arcus quadrante minor est, vel maior. Vt si queratur sinus versus arcus grad. 70.
min. 23.

Inter sin arcus
qui restus pro
portionalis de de
est sine restus.

Inter sinu com-
plementi et rest
in proportionali.

Secunda docet
dici sine com-
plementum arcus
quadrante mino-
ris, una cum par-
te proportionali.

Inter sinu com-
plementum et arcu
quadrante mino-
ris, una cum par-
te proportionali.

Inter sinu et
sinu complemen-
ti dato, restum
parte proportion-
ali.

Secunda docet
v. h. sine parte
proportionali.

min. 23. Sec. 20. reperimus eius complementum, videlicet grad. 19. min. 36. Sec. 40. Si
num. 3336342. qui detractus ex sum. toto 1000000. reliquum faciet sinum ver-
sum quassimum 6643658. Si vero sinus versus desilaturus arcus grad. 19. min. 36.
Sec. 40. invenimus eius complementum, videlicet grad. 19. min. 36. Sec. 40. sinum
3336342. qui ad sinum totum 1000000. additus conficiet sinum versum 3336342.

Invenio autem
quibus rebus ab
parte proportioni
vel.

10. P A R I si datus sit ex sin. versu arcus inveniendus sit, detrahemus cum ex
sinu toto, vel sinu totum ex ipso, manebit saltem ex maiore. Ita namque reliquus
sit sinus complementi arcus quassus, qui quo quassus arcus elevatur, ut Num. 1. docu-
mus. Si si datus sit sinus versus 6643658. detrahemus cum ex sinu toto 1000000. et
erit reliquus 3336342. Invenio sinu totum ex ipsa tabula arcum grad. 19. min. 36.
Sec. 40. ut Num. 3. dictum est: qui ex quatuor ante ablatum reliquus quassus arcum
grad. 70. min. 23. Sec. 20. Si vero sinus versus datus sit 3336342. auferamus ex si-
nu totum, et erit reliquus 3336342. Inveniamus, ut Num. 3. tradimus, arcum
grad. 19. min. 36. Sec. 40. qui additus ad quadrantes efficiet arcum quassum grad.
109. min. 36. Sec. 40.

Cor tabula Tan-
gentium, & Secan-
tum considerat
his non his tabu-
lis.

Q U O D vero hoc loco non exhibeamus artem tabulas Tangentium, atque Secan-
tarum, cum parte proportionale, causa est, quod eas nunc per tempus corrigere non
convenit, et quod maiore usum tabula sinuum habuit in praestantibus, quam Tangen-
tum, et Secantium. Nam ut supra ostensum est, Tangentes, et Secantes, si qua sunt,
quaerenda sunt in tabula sinuum, non sine, ac si parcas sine, reliquos partes proportionales
invenienda. Quod si in hac operatione cum Tangente, vel Secante accipimus, duo sunt
arcus ex propria tabula, facile quibus partem proportionalem transire abet, si ipsi sunt,
et modo, quare in ista tabula sinuum expressimus. Invenio dubitatur fortassis recipi
utramque tabulam Tangentium, et Secantium considerandi. Hic enim res multo magis
et tempus requirit.

I N quatuor porro simplicissimum, et ut praestantibus usus planior sit, subiiciamus
hoc loco calculum communem triangulorum in nostris triangulis, et tractatus sinuum in
monstratum, et nunc ad remedium in firmato ac merendum renouatum, proportionem
que ad id numerum quassum plures res solvendum, ut quilibet casus, qui magis placet
sit, sibi delegat. Appellabimus autem in recto angulo quatuor triangula sine subrecto, sine
restituto latius recto angulo expressimus, T A S E M. In non recto angulo vero, quando duo
latera nominantur, tertium sine motu illud sit sine non, basim dicimus.

Tab. triangul.
qua.

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM Rectangulorum Calculus.

S P O N T A M in quatuor triangula sphaerice rectangula quaritur ex duobus datis,
vel cognitis, aut ANGVLVS non rectus, aut LATVS circa angulum rectum, aut
BASIS: sed hoc poterit pluribus modis ac usibus, ut ex his, qui sequuntur, perspicuum
sit. Saepe autem primo loco sinuum proportionem ad, quod requiritur. Deinde duo, qui
cognita sunt, vel data. Tertio tertium inveniamus, ac modum, quibus quassum sine partem, sine
monstrabimus: quibus etiam numeris praestemus, ut facilius cognoscatur, et ab alijs
argumentis utamur fieri possit. Ita ergo praedicta tractabimus.

Ex bafe, & latere, quod angulo quæfito opponitur.

Ita finis bafis	ad finum totum :	Ita finis lateris	ad finum anguli.	41. triang. fphar.
Ita ut finis late- ris	ad finum anguli	Ita fecans compl. anguli.	ad fecantem compl. lateris.	11. finium.
Ergo ut finis bafis	ad finum totum :	Ita fecans compl. anguli.	ad fecantem compl. lateris.	11. quintis
4. Ergo ut finis totus	ad finum bafis	Ita fecans compl. lateris	ad fecantem compl. anguli.	Commutatio.
Primum bafis	ad finum totum :	Ita finis lateris	ad finum anguli.	41. triang. fphar.
Ergo ut finis bafis	ad finum lateris :	Ita finis totus	ad finum anguli.	Permutatio.
Ita ut finis bafis	ad finum lateris	Ita fecans compl. lateris.	ad fecantem compl. bafis.	11. finium.
Ergo ut finis ab- folute lateris	ad fecantem compl. bafis	Ita finis totus	ad finum anguli.	11. quintis
5. Ergo ut fecans compl. lateris	ad finum totum	Ita fecans compl. bafis	ad finum anguli.	Permutatio.
Ita ut finis compl. lateris	ad finum totum :	Ita finis totus	ad finum lateris	11. finium.
4. Ergo ut finis totus	ad finum lateris :	Ita fecans compl. bafis	ad finum anguli.	11. quintis.
Primum totus	ad finum bafis :	Ita finis compl. lateris	ad fecantem compl. anguli.	2. modus.
Ita ut finis totus	ad finum bafis	Ita fecans compl. bafis	ad finum totum.	11. finium.
6. Ergo ut fecans compl. bafis	ad finum totum :	Ita fecans compl. lateris.	ad fecantem compl. anguli.	11. quintis
Primum totus	ad finum bafis :	Ita fecans compl. lateris	ad fecantem compl. anguli.	2. modus.
Ergo ut finis to- tus	ad fecantem compl. lateris :	Ita finis bafis	ad fecantem compl. anguli.	Permutatio.
Ita ut finis totus	ad fecantem compl. lateris :	Ita finis lateris	ad finum totum.	11. finium.
7. Ergo ut finis lateris	ad finum totum :	Ita finis bafis	ad fecantem compl. anguli.	11. quintis.
Primum bafis	ad finum totum :	Ita finis lateris	ad finum anguli.	41. triang. fphar.
Ita ut finis bafis	ad finum totum :	Ita finis compl. bafis	ad tangentem compl. bafis.	11. finium.
8. Ergo ut finis compl. bafis	ad tangentem co- plem. bafis :	Ita finis lateris	ad finum anguli.	11. quintis

12. finium.	Sed ut finis lateris	ad finem anguli	Ita secans compl. anguli	ad secantem compl. lateris.
11. quinti.	Ergo ut finis cōph. basis	ad tangentem cōph. basis	Ita secans compl. anguli	ad secantem compl. lateris.
Concedendo.	8. Ergo ut tangens compl. basis	ad finem compl. basis	Ita secans compl. lateris	ad secantem compl. anguli.
41. trianguli	ut finis basis	ad finem lateris	Ita finis lateris	ad finem anguli.
17. finium.	Sed ut finis totius	ad tangentem lateris	Ita finis compl. lateris	ad finem lateris.
Ex aequali	9. Ergo ut finis basis	ad tangentem lateris	Ita finis compl. lateris	ad finem anguli.
Permutando.				
12. finium.	Sed ut finis compl. lateris	ad finem anguli	Ita secans compl. anguli	ad secantem lateris.
11. quinti.	Ergo ut finis basis	ad tangentem lateris	Ita secans compl. anguli	ad secantem lateris.
Concedendo.	10. Ergo ut tangens lateris	ad finem basis	Ita secans lateris	ad secantem compl. anguli.
9. modus.	ut finis basis	ad tangentem lateris	Ita finis compl. lateris	ad finem anguli.
Permutando.	Ergo ut finis basis	ad finem compl. lateris	Ita tangens lateris	ad finem anguli.
12. finium.	Sed ut finis basis	ad finem compl. lateris	Ita finis lateris	ad finem compl. basis.
11. quinti.	11. Ergo ut secans lateris	ad secantem cōph. basis	Ita tangens lateris	ad finem anguli.
6. modus.	ut finis lateris	ad finem totius	Ita finis basis	ad secantem compl. anguli.
17. finium.	Sed ut finis totius	ad tangentem basis	Ita finis compl. basis	ad finem basis.
Ex aequali	12. Ergo ut finis lateris	ad tangentem basis	Ita finis compl. basis	ad secantem compl. anguli.
Permutando.				

V I D E S ergo duodecim modis angulum investigari posse ex data basi, & latere, cui angulus quaesitus opponitur, quorum quidam sunt adhiberi finem totius, permutando 1. & 4. in primo loco regulae proportionum, & 1. & 5. & 6. in secundo loco: alij vero sunt nullibi finem totum habent. Eadem ratio in istis, quae sequuntur, passim placeat reperiri, sed nos breuitatis consulentes contineri erimus, si ex eorum modis demonstraveris in quibus quaesito inscribendo ex cōph. dato, in quibus videbunt semper finem totum interuenire.

II. A N G V L V S

Ex bafe, & latere, quod angulo quaefito adiacet.

Trianguli bafe	ad tangentem lateris	Ita finus totus	ad finum compl. anguli.	41. trian. re- phor.
1. Hypotangens bafe	ad finum totum:	Ita tangens lateris.	ad finum compl. anguli.	Permutando.
Trianguli bafe	ad tangentem lateris	Ita finus totus	ad finum compl. anguli.	45. triang. fpher.
2. Tangens bafe	ad tangentem lateris	Ita tang. compl. lateris	ad tangentem compl. bafe.	21. finum.
3. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. bafe.	Ita finus totus	ad finum compl. ang.	11. quinti.
4. Hypotangens compl. lateris	ad finum totum:	Ita tangens compl. bafe	ad finum compl. anguli.	Permutando.
5. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. bafe:	Ita finus totus	ad finum compl. ang.	Permutando.
6. Hypotangens compl. lateris	ad finum compl. anguli:	Ita fecans anguli	ad finum totum.	18. finum.
7. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. bafe:	Ita finus anguli	ad finum totum.	11. quinti.
8. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. lateris:	Ita finus totus	ad fecantem anguli.	Conuertendo.
9. Hypotangens compl. lateris	ad finum totum:	Ita tangens compl. lateris	ad fecantem ang.	Permutando.
10. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. lateris:	Ita finus totus	ad fecantem anguli.	Permutando.
11. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. lateris	Ita tangens lateris	ad tangentem bafe	21. finum.
12. Hypotangens compl. lateris	ad tangentem compl. bafe:	Ita finus totus	ad fecantem anguli.	11. quinti.
13. Hypotangens compl. lateris	ad finum totum:	Ita tangens bafe	ad fecantem ang.	Permutando.
14. Trianguli bafe	ad finum totum:	Ita tangens lateris	ad finum compl. ang.	1. modus.
15. Tangens bafe	ad finum totum:	Ita finus totus	ad tangentem compl. bafe.	18. finum.
16. Hypotangens bafe	ad tangentem compl. bafe:	Ita tangens lateris	ad finum compl. anguli.	11. quinti.
17. Trianguli lateris	ad finum totum:	Ita tangens bafe	ad fecantem anguli.	4. modus.
18. Tangens lateris	ad finum totum:	Ita finus totus	ad tangentem compl. lateris.	18. finum.
19. Hypotangens lateris	ad tangentem compl. lateris:	Ita tangens bafe	ad fecantem anguli	11. quinti.

L I B R I I.
I I L A N G V L V S
Ex base, & altero angulo non recto.

47. triang. fpher.	1. Vt sinus totus	ad finum compl. basis:	Ita tangens angu- li dati	ad tangentem cōpl. anguli quæsit.
18. finium.	Sed ut sinus totus	ad finū cōpl. basis:	Ita secans basis	ad finum totum.
11. quæsit.	2. Ergo ut secans basis	ad finum totum :	Ita tangens angu- li dati	ad tangentē compl. anguli quæsit.
21. finium.	Sed ut tangens an- guli dati	ad tangentē compl. ang. quæsit	Ita tangens ang. quæsit	ad tangentem compl. anguli dati.
11. quæsit.	Ergo ut secans ba- sis	ad finum totum :	Ita tangens anguli quæsit	ad tangentem compl. ang. dati.
Conuertendo.	3. Ergo ut sinus totus	ad secantē basis:	Ita tang. compl. ang. dati	ad tangentem ang. quæsit.
1. modus.	Vt sinus totus	ad finum compl. ba- sis	Ita tangens anguli dati	ad tangentem compl. anguli quæsit.
Permutādo.	Ergo ut sinus totus	ad tangentem ang. dati:	Ita finus compl. ba- sis	ad tangentem compl. anguli quæsit.
18. finium.	Sed ut sinus totus	ad tangentem an- guli dati:	Ita tangens compl. anguli dati	ad finum totum.
11. quæsit.	4. Ergo ut tang. cōpl. ang. dati.	ad finum totum :	Ita finus compl. basis	ad tang. compl. ang. quæsit.
3. modus.	Vt finus totus	ad secantē basis :	Ita tangens compl. anguli dati	ad tang. anguli quæ- sit.
Permutādo.	Ergo ut finus totus	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæsit.
11. finium.	Sed ut finus totus	ad tangentē compl. anguli dati :	Ita tangens anguli dati	ad finum totum.
11. quæsit.	5. Ergo ut tang. anguli dati	ad finum totum :	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæsit.
4. modus.	Vt tangens compl. anguli dati	ad finum totum:	Ita finus compl. ba- sis	ad tangentem compl. ang. quæsit.
Permutādo.	Ergo ut tang. cōpl. anguli dati	ad finum compl. ba- sis:	Ita finus totus	ad tang. compl. ang. quæsit.
18. finium.	Sed ut finus totus	ad tangentē compl. anguli quæsit:	Ita tang. ang. quæ- sit	ad finum totum.
11. quæsit.	Ergo ut tang. cōpl. anguli dati	ad finum compl. ba- sis:	Ita tang. ang. quæ- sit	ad finum totum.
Conuertendo.	Ergo ut finus cōpl. basis	ad tang. compl. ang. dati:	Ita finus totus	ad tang. anguli quæ- sit.
Permutādo.	6. Ergo ut finus compl. basis	ad finum totum :	Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. anguli quæ- sit.

IIII. A N G V L V S

Ex latere, quod angulo quæſito opponitur, & altero angulo non recto.

1. Triſinus totus	ad ſinum anguli dati:	Ita ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. anguli quæſiti.	42. triang. ſpher.
2. Ego ut ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. anguli quæſiti:	Ita ſecans ang. quæſiti	ad ſecantem lateris.	22. ſinum.
3. Ego ut ſinus totus	ad ſinum ang. dati:	Ita ſecans anguli quæſiti	ad ſecantem lateris.	11. quinti.
4. Ego ut ſinus anguli dati	ad ſinum totum:	Ita ſecans lateris	ad ſecantem anguli quæſiti.	Conuertendo.
5. ſinus totus	ad ſinum ang. dati:	Ita ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. ang. quæſiti.	42. triang. ſpher.
6. Ego ut ſinus totus	ad ſinum compl. lateris:	Ita ſinus anguli dati	ad ſinum compl. ang. quæſiti.	Permutando.
7. Ego ut ſinus anguli dati	ad ſinum compl. anguli quæſiti:	Ita ſecans anguli quæſiti	ad ſecantem compl. anguli dati.	22. ſinum.
8. Ego ut ſinus totus	ad ſinum compl. lateris:	Ita ſecans anguli quæſiti	ad ſecantem compl. anguli dati.	11. quinti.
9. Ego ut ſinus compl. lateris	ad ſinum totum:	Ita ſecans compl. anguli dati	ad ſecantem anguli quæſiti.	Conuertendo.
10. ſinus totus	ad ſinum ang. dati:	Ita ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. ang. quæſiti.	42. triang. ſpher.
11. Ego ut ſinus totus	ad ſinum ang. dati:	Ita ſecans compl. anguli dati	ad ſinum totum.	18. ſinum.
12. Ego ut ſecans compl. ang.	ad ſinum totum:	Ita ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. anguli quæſiti.	11. quinti.
13. Ego ut ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. anguli quæſiti:	Ita ſecans anguli quæſiti	ad ſecantem lateris.	22. ſinum.
14. Ego ut ſecans compl. anguli dati	ad ſinum totum:	Ita ſecans anguli quæſiti	ad ſecantem lateris.	11. quinti.
15. Ego ut ſinus totus	ad ſecantem compl. anguli dati	Ita ſecans lateris	ad ſecantem anguli quæſiti.	Conuertendo.
16. ſinus totus	ad ſinum anguli dati:	Ita ſinus compl. lateris	ad ſinum compl. ang. quæſiti.	42. triang. ſpher.
17. Ego ut ſinus totus	ad ſinum compl. lateris:	Ita ſinus anguli dati	ad ſinum compl. ang. quæſiti.	Permutando.
18. Ego ut ſinus totus	ad ſinum compl. lateris:	Ita ſecans lateris	ad ſinum totum.	18. ſinum.
19. Ego ut ſecans lateris	ad ſinum totum:	Ita ſinus anguli dati	ad ſinum compl. anguli quæſiti.	11. quinti.

Ex latere, quod angulo quæsito adiacet, & altero angulo non recto;

*Quomodo constet, num maior sit recto, an minor, vel æ
basis, aut latus alterum non datum quadrat-
te minus sit minusve.*

42. triang. sphaer. Permutado.	1. Vt finis compl. la- teris	ad finem compl. anguli dati	Ita finis totum	ad finem ang. quæsi
	1. Ergo vt finis compl. lateris	ad finem totum :	Ita finis compl. anguli dati	ad finem anguli quæsi.
42. triang. sphaer. 12. finium.	Vt finis compl. la- teris	ad finem compl. anguli dati:	Ita finis totum	ad finem ang. quæsi.
	Sed vt finis totum	ad finem anguli quæsi:	Ita finis compl. anguli quæsi	ad finem totum.
11. quæsi.	Ergo vt finis compl. lateris	ad finem compl. anguli dati:	Ita finis compl. anguli quæsi	ad finem totum.
Cōstruendo.	Ergo vt finis compl. anguli dati	ad finem compl. la- teris	Ita finis totum	ad finem ang. compl. anguli quæsi.
Permutado.	1. Ergo vt finis compl. ang. dati	ad finem totum :	Ita finis compl. lateris	ad finem compl. anguli quæsi.
1. modus.	Vt finis compl. la- teris	ad finem totum :	Ita finis compl. anguli dati	ad finem ang. quæsi
12. finium.	Sed vt finis compl. lateris	ad finem totum :	Ita finis totum	ad finem compl. la- teris
11. quæsi.	3 Ergo vt finis to- tus	ad finem compl. la- teris:	Ita finis compl. anguli dati	ad finem anguli quæsi.
12. finium.	Sed vt finis compl. ang. dati	ad finem ang. quæ- si:	Ita finis compl. anguli quæsi:	ad finem compl. anguli dati.
11. quæsi.	Ergo vt finis totum	ad finem compl. la- teris:	Ita finis compl. anguli quæsi	ad finem compl. anguli dati.
Cōstruendo.	4. Ergo vt finis la- teris	ad finem totum :	Ita finis anguli dati	ad finem compl. anguli quæsi.
42. triang. sphaer. 12. finium.	Vt finis compl. la- teris	ad finem compl. anguli dati	Ita finis totum	ad finem ang. quæsi.
	Sed vt finis compl. lateris	ad finem compl. anguli dati	Ita finis anguli dati	ad finem compl. la- teris
11. quæsi.	Ergo vt finis ang. dati	ad finem compl. la- teris:	Ita finis totum	ad finem ang. quæsi.
Permutado.	5. Ergo vt finis anguli dati	ad finem totum :	Ita finis lateris	ad finem anguli quæsi.
2. modus.	Vt finis compl. an- guli dati	ad finem totum :	Ita finis compl. lateris	ad finem compl. anguli quæsi.

<i>Id est finis compl. anguli dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad secantem anguli dati.</i>	<i>et. finem.</i>
<i>Id est ut finis to tus</i>	<i>ad secantem anguli dati:</i>	<i>Ita finis compl. lateris</i>	<i>ad secantem compl. anguli quæsit.</i>	<i>et. quinti.</i>

V I. A N G V L V S

Ex utroque latere.

<i>Id est finis lat. ad- tang. quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens lat. oppositang. quæsit</i>	<i>ad tangentem angu- li quæsit.</i>	<i>et. triang. spbar.</i>
<i>Id est tang. lat. op- positang. quæsit</i>	<i>ad tangentem an- guli quæsit :</i>	<i>Ita tangens compl. anguli quæsit</i>	<i>ad tang. compl. lat. oppositang. quæsit.</i>	<i>et. finem.</i>
<i>Id est ut finis lat. ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. anguli quæsit</i>	<i>ad tang. compl. lat. opposit. ang. quæsit.</i>	<i>et. quinti.</i>
<i>Id est ut finis to- tus</i>	<i>ad finem lat. ad tang. angulo quæsit:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. oppositang. quæsit</i>	<i>ad tangentem compl. anguli quæsit.</i>	<i>Convertendo.</i>
<i>Id est finis lat. ad tang. angulo quæsit</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. lat. oppos. angulo quæsit</i>	<i>ad tangentem anguli quæsit</i>	<i>et. triang. spbar.</i>
<i>Id est ut finis lateris ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad secantem compl. lat. ad tang. ang. quæsit.</i>	<i>et. finem.</i>
<i>Id est ut finis to- tus</i>	<i>ad sec. compl. lat. ad tang. ang. quæsit:</i>	<i>Ita tang. lat. op- positang. quæsit</i>	<i>ad tangentem angu- li quæsit.</i>	<i>et. quinti.</i>
<i>Id est finis lat. ad tang. angulo quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. lateris opposit. angulo quæsit</i>	<i>ad tangentem anguli quæsit.</i>	<i>et. triang. spbar.</i>
<i>Id est ut finis lat. ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad tang. lat. oppos. angulo quæsit:</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem anguli quæsit.</i>	<i>Permutando.</i>
<i>Id est ut finis totus</i>	<i>ad tangens. anguli quæsit</i>	<i>Ita tang. compl. anguli quæsit</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>et. finem.</i>
<i>Id est ut finis lat. ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad tang. lat. oppos. ang. quæsit.</i>	<i>Ita tang. compl. anguli quæsit</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>et. quinti.</i>
<i>Id est ut tang. lat. op- posit. ang. quæsit</i>	<i>ad finem lat. ad- tang. angulo quæsit:</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem compl. anguli quæsit.</i>	<i>Convertendo.</i>
<i>Id est ut tang. lat. oppositang. quæsit</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis lat. ad- tang. ang. quæsit</i>	<i>ad tangentem compl. anguli quæsit.</i>	<i>Permutando</i>

<i>Id est finis totus</i>	<i>ad finem lat. ad- tang. ang. quæsit</i>	<i>Ita tang. compl. lat. oppositang. quæsit</i>	<i>ad tangentem compl. anguli quæsit.</i>	<i>et. modus.</i>
<i>Id est ut finis totus</i>	<i>ad finem lat. ad- tang. ang. quæsit</i>	<i>Ita fin. compl. lat. ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>et. finem.</i>
<i>Id est ut sec. compl. lat. ad tang. ang. quæsit</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. lat. oppositang. quæsit</i>	<i>ad tangentem compl. anguli quæsit.</i>	<i>et. quinti.</i>

<i>Permutatio</i> <i>de</i> .	<i>Ergo ut sic. cōpl. lat.</i> <i>adiac. ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. cōpl. lat.</i> <i>oppoſ. ang. quæſit.</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad tangentes cōpl.</i> <i>anguli quæſit.</i>
<i>1. finium.</i>	<i>Sed ut finus totus</i>	<i>ad tang. cōpl. cōpl.</i> <i>anguli quæſit.</i>	<i>Ita tangens anguli</i> <i>quæſit.</i>	<i>ad finum totum.</i>
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo ut sic. cōpl. lat.</i> <i>adiac. ang. quæſit.</i>	<i>ad tang. cōpl. lat.</i> <i>oppoſ. ang. quæſit.</i>	<i>Ita tangens ang.</i> <i>quæſit.</i>	<i>ad finum totum.</i>
<i>Converſio</i>	<i>Ergo ut tãg. cōpl. lat.</i> <i>oppoſ. tang. quæſit.</i>	<i>ad ſec. cōpl. lat.</i> <i>adiac. ang. quæſit.</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad tangentes anguli</i> <i>quæſit.</i>
<i>Permutatio</i>	<i>6 Ergo ut tãg. cōpl.</i> <i>lat oppoſ. ang. quæſit.</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita ſec. comp. lat.</i> <i>adiac. ang. quæſit.</i>	<i>ad tangentes an-</i> <i>guli quæſit.</i>

V I I. L A L V S.

Ex baſe, & altero latere.

<i>43. triang.</i> <i>ſpher.</i>	<i>Ut finus cōpl. la-</i> <i>teris dati</i>	<i>ad finum cōpl. ba-</i> <i>ſis</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>Permutatio</i>	<i>1. Ergo ut finus</i> <i>cōpl. lat. dati</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita finus cōpl.</i> <i>baſis</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>43. triang.</i> <i>ſpher.</i>	<i>Ut finus - cōpl.</i> <i>lateris dati</i>	<i>ad finum cōpl.</i> <i>baſis</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>1. finium.</i>	<i>Sed ut finus totus</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>	<i>Ita ſecans lateris</i> <i>quæſit.</i>	<i>ad finum totum.</i>
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo ut finus cōpl.</i> <i>lateris dati</i>	<i>ad finum cōpl.</i> <i>baſis :</i>	<i>Ita ſecans lateris</i> <i>quæſit.</i>	<i>ad finum totum.</i>
<i>Converſio</i>	<i>Ergo ut finus cōpl.</i> <i>baſis</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris dati</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad ſecantem lateris</i> <i>quæſit.</i>
<i>Permutatio</i>	<i>2. Ergo ut finus</i> <i>cōpl. baſis</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita finus cōpl.</i> <i>lateris dati</i>	<i>ad ſecantem lateris</i> <i>quæſit.</i>
<i>43. triang.</i> <i>ſpher.</i>	<i>Ut finus cōpl. lat.</i> <i>dati</i>	<i>ad finum cōpl. ba-</i> <i>ſis :</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>21. finium.</i>	<i>Sed ut finus cōpl.</i> <i>lateris dati</i>	<i>ad finum cōpl.</i> <i>baſis :</i>	<i>Ita ſecans baſis</i>	<i>ad ſecantem lateris</i> <i>dati.</i>
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo ut ſecans baſis</i>	<i>ad ſecantem late-</i> <i>ris dati</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>Permutatio</i>	<i>3. Ergo ut ſecans</i> <i>baſis</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita ſecans lateris</i> <i>dati</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris quæſit.</i>
<i>2. modus.</i>	<i>Ut finus cōpl. ba-</i> <i>ſis</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita finus cōpl.</i> <i>lateris dati</i>	<i>ad ſecantem lateris</i> <i>quæſit.</i>
<i>Permutatio</i>	<i>Ergo ut finus cōpl.</i> <i>baſis</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris dati :</i>	<i>Ita finus totus</i>	<i>ad ſecantem lateris</i> <i>quæſit.</i>
<i>22. finium.</i>	<i>Sed ut finus cōpl.</i> <i>baſis</i>	<i>ad finum cōpl. la-</i> <i>teris dati :</i>	<i>Ita ſecans lateris</i> <i>dati</i>	<i>ad ſecantem baſis.</i>

1. Ergo ut lateris datus	ad secantem basis:	Ita finus totus	ad secantem lateris quæsit.	11. quinti.
2. Ergo ut secans lateris dati	ad sinum totum:	Ita secans basis	ad secantem lateris quæsit.	Permutanda.
3. Ergo ut compl. lateris re dati	ad sinum totum:	Ita finus compl. ba- sis	ad sinum compl. late- ris quæsit.	1. modus.
4. Ergo ut finus compl. lateris dati	ad sinum totum:	Ita finus totus	ad secantem lateris datis.	18. finum.
5. Ergo ut finus to- tus	ad secantem lateris re datis	Ita finus compl. basis	ad sinum compl. la- teris quæsit.	11. quinti.
6. Ergo ut compl. ba- sis	ad sinum totum:	Ita finus compl. la- teris dati	ad secantem lateris quæsit.	1. modus.
7. Ergo ut finus compl. basis	ad sinum totum:	Ita finus totus	ad secantem basis	18. finum.
8. Ergo ut finus to- tus	ad secantem ba- sis:	Ita finus compl. lateris dati	ad secantem lateris quæsit.	11. quinti.

VIII. L A T V S.

Ex base & angulo, qui lateri quæsitto opponitur.

1. Ut finus totus	ad sinum basis:	Ita finus anguli dati	ad sinum lateris quæsit.	11. quinti.
2. Ergo ut finus anguli dati	ad sinum lateris quæsit.	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad secantem compl. anguli dati.	18. finum.
3. Ergo ut finus totus	ad sinum basis:	Ita finus compl. lateris quæsit.	ad secantem compl. anguli dati.	11. quinti.
4. Ergo ut finus ba- sis	ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lateris quæsit.	11. quinti.
5. Ergo ut finus totus	ad sinum basis:	Ita finus anguli dati	ad sinum lateris quæ- sit.	11. quinti.
6. Ergo ut finus totus	ad sinum basis:	Ita secans compl. basis	ad sinum totum.	18. finum.
7. Ergo ut secans compl. basis	ad sinum totum:	Ita finus anguli dati	ad sinum lateris quæ- sit.	11. quinti.
8. Ergo ut finus anguli dati	ad sinum lateris quæsit.	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad secantem compl. anguli dati.	18. finum.
9. Ergo ut finus compl. basis	ad sinum totum:	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad secantem compl. anguli dati.	11. quinti.
10. Ergo ut finus to- tus	ad secantem compl. basis:	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lateris quæsit.	11. quinti.

Ut finus

41. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad sinum basis	Ita sinus anguli dati	ad sinum lateris qua- siti.
Permutando	Ergo vt sinus totus	ad sinum anguli dati	Ita sinus basis	ad sinum lateris qua- siti.
18. sinuum.	2. Sed vt sinus totus	ad sinum anguli dati	Ita secans compl. anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	3. Ergo vt secans compl. ang. dati	ad sinum totum :	Ita sinus basis	ad sinum lateris quasiti.
4. modus.	Vt sinus totus	ad secantem compl. basis	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lateris quasiti.
Permutando	Ergo vt sinus totus	ad secantem compl. anguli dati	Ita secans compl. basis	ad secantem compl. lateris quasiti.
18. sinuum.	3. Sed vt sinus totus	ad secantem compl. anguli dati	Ita sinus anguli dati	ad sinum totum.
16. 2. ubi.	6. Ergo vt sinus an- guli dati	ad sinum totum :	Ita secans compl. basis	ad secantem compl. lateris quasiti.

I X. L A T V S

Ex base & angulo, qui lateri quasito adiacet.

41. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad sinum compl. anguli dati :	Ita tangens basis	ad tangentem late- ris quasiti.
18. sinuum.	2. Sed vt sinus totus	ad sinum compl. an- guli dati	Ita secans anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	3. Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum :	Ita tangens basis	ad tangentem late- ris quasiti.
18. sinuum.	2. Sed vt tangens basis	ad tangentem la- teris quasiti :	Ita tangens compl. lateris quasiti	ad tangentem compl. basis.
11. quinti.	Ergo vt secans an- guli dati	ad sinum totum :	Ita tangens compl. lateris quasiti	ad tangentem compl. basis.
Conuertendo	3. Ergo vt sinus to- tus	ad secantem an- guli dati :	Ita tangens compl. basis	ad tangentem compl. lateris quasiti.
18. sinuum.	2. Sed vt sinus totus	ad secantem angu- li dati	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	4. Ergo vt sinus compl. ang. dati	ad sinum totum :	Ita tangens compl. basis	ad tangens compl. lateris quasiti.
4. modus.	Vt secans anguli dati	ad sinum totum :	Ita tangens basis	ad tangentem late- ris quasiti.
Permutando	Ergo vt secans an- guli dati	ad tangentem la- tis	Ita sinus totus	ad tangentem lateris quasiti.

Sed

<i>ad finem totum</i>	<i>ad tangentem lateris quæsitæ</i>	<i>Ita tangens compl. lateris quæsitæ</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>11. finium.</i>
<i>ad finem anguli dati</i>	<i>ad tangentem basem</i>	<i>Ita tang. compl. lateris quæsitæ.</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>11. quinqu.</i>
<i>ad tangens basem</i>	<i>ad finem totum anguli dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quæsitæ.</i>	<i>Cilindricæ</i>
<i>ad tangens basem</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>Ita fecans anguli dati</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quæsitæ.</i>	<i>Permutanda;</i>
<i>ad finem compl. anguli dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens compl. basem</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quæsitæ.</i>	<i>4. modis.</i>
<i>ad finem compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem compl. basem</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quæsitæ.</i>	<i>Permutanda.</i>
<i>ad finem totum</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quæsitæ :</i>	<i>Ita tangens lateris quæsitæ.</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>11. finium.</i>
<i>ad finem compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. basem</i>	<i>Ita tangens lateris quæsitæ</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>11. quinqu.</i>
<i>ad tang. compl. basem</i>	<i>ad finem compl. anguli dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem lateris quæsitæ.</i>	<i>Cilindricæ</i>
<i>ad tangens compl. basem</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris quæsitæ.</i>	<i>Permutanda</i>

X. L A L V S

Esthero latere, & angulo, qui lateri quæsitæ adiacet; si modo constet, num quæsitum lateris sit quadruplex majus, an minus; vel an aliter angulus non relictus non datus sit acutus, obtususne; vel denique num basis sit quadruplex maior, aut minor.

<i>ad tangens anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad finem lateris quæsitæ.</i>	<i>44. triang. scilicet.</i>
<i>ad tangens anguli dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad finem lateris quæsitæ.</i>	<i>Permutanda.</i>
<i>ad tangens anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad finem lateris quæsitæ.</i>	<i>44. triang. scilicet.</i>
<i>ad tangens anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris dati</i>	<i>Ita tangens compl. lateris dati</i>	<i>ad tangentem compl. anguli dati.</i>	<i>21. finium.</i>
<i>ad tangens compl. lateris dati</i>	<i>ad tangentem compl. anguli dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad finem lateris quæsitæ.</i>	<i>11. quinqu.</i>
<i>ad tangens anguli dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens compl. anguli dati</i>	<i>ad finem lateris quæsitæ.</i>	<i>Permutanda.</i>

44. triang. spher.	Vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati	Ita sinus totus	ad sinum lateris quæsit.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus	ad sinum lateris quæsit.	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad sinum totum.
11. quærit.	Ergo ut tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad sinum totum.
Clampendo.	Ergo ut tangens lateris dati	ad tangentem anguli dati	Ita sinus totus	ad sinum compl. lateris quæsit.
Permutando.	3. Ergo ut tang. lateris dati	ad sinum totum	Ita tangens anguli dati	ad secantem compl. lateris quæsit.
1. modus.	Vt tangens compl. lateris dati	ad sinum totum	Ita tang. compl. anguli dati	ad sinum lateris quæsit.
Permutando.	Ergo ut tang. compl. lateris dati	ad tangentem compl. anguli dati	Ita sinus totus	ad sinum lateris quæsit.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus	ad sinum lateris quæsit.	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad sinum totum.
11. quærit.	Ergo ut tang. compl. lateris dati	ad tangentem compl. anguli dati	Ita secans compl. lateris quæsit.	ad sinum totum.
Clampendo.	Ergo ut tang. compl. anguli dati	ad tangens. compl. lateris dati	Ita sinus totus	ad sinum compl. lateris quæsit.
Permutando.	4. Ergo ut tangens compl. ang. dati	ad sinum totum	Ita tang. compl. lateris dati	ad secantem compl. lateris quæsit.
1. modus.	Vt tangens anguli dati	ad sinum totum	Ita tangens lateris dati	ad sinum lateris quæsit.
18. sinuum.	Sed ut tangens anguli dati	ad sinum totum	Ita sinus totus	ad tangentem compl. anguli dati.
11. quærit.	5. Ergo ut sinus totus	ad tang. compl. anguli dati	Ita tangens lateris dati	ad sinum lateris quæsit.
3. modus.	Vt tangens lateris dati	ad sinum totum	Ita tangens anguli dati	ad secantem compl. lateris quæsit.
18. sinuum.	Sed ut tangens lateris dati	ad sinum totum	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateris dati.
11. quærit.	6. Ergo ut sinus totus	ad tangens. compl. lateris dati	Ita tangens anguli dati	ad secantem compl. lateris quæsit.

X I. L A T V S

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quæsitæ opponitur.

44. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad sinum lateris dati	Ita tangens anguli dati	ad tangentem lateris quæsitæ.
--------------------	-------------------	-----------------------	-------------------------	-------------------------------

<i>3. Tangens ang.</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti:</i>	<i>Ita tangens compl. lateris quaesiti</i>	<i>ad tangentem compl. anguli dati.</i>	<i>28. finium.</i>
<i>3. Tangens totus</i>	<i>ad finem lateris dati:</i>	<i>Ita tangens compl. lateris quaesiti</i>	<i>ad tangentem compl. anguli dati.</i>	<i>28. quinti.</i>
<i>4. Ergo ut finis lateris dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. lateris quaesiti.</i>	<i>Commutanda.</i>
<i>5. Ergo ut finis lateris dati</i>	<i>ad secantem totum:</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad secantem compl. lateris dati.</i>	<i>28. finium.</i>
<i>6. Ergo ut finis totus</i>	<i>ad secantem compl. lateris dati:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quaesiti.</i>	<i>28. quinti.</i>
<i>7. Finis totus</i>	<i>ad finem lateris dati:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti.</i>	<i>28. triang. spher.</i>
<i>8. Finis totus</i>	<i>ad finem lateris dati:</i>	<i>Ita secans compl. lateris dati:</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>28. finium.</i>
<i>9. Ergo ut secans compl. lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti.</i>	<i>28. quinti.</i>
<i>10. Ergo ut finis lateris dati</i>	<i>ad tangens compl. anguli dati</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quaesiti.</i>	<i>2. modus.</i>
<i>11. Ergo ut finis totus</i>	<i>ad tangens compl. lateris quaesiti:</i>	<i>Ita tangens lateris quaesiti</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>Permutanda.</i>
<i>12. Ergo finis lateris dati</i>	<i>ad tangens compl. anguli dati:</i>	<i>Ita tangens lateris quaesiti</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>28. quinti.</i>
<i>13. Ergo tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad finem lateris dati:</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti.</i>	<i>Commutanda</i>
<i>14. Ergo ut tangens compl. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis lateris dati</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti.</i>	<i>Permutanda</i>
<i>15. Finis totus</i>	<i>ad secantem compl. lateris dati:</i>	<i>Ita tangens compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quaesiti.</i>	<i>3. modus.</i>
<i>16. Ergo finis totus</i>	<i>ad tangens compl. anguli dati:</i>	<i>Ita secans compl. lateris dati</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quaesiti.</i>	<i>Permutanda.</i>
<i>17. Ergo finis totus</i>	<i>ad tangens compl. anguli dati:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>28. finium.</i>
<i>18. Ergo ut tang. anguli dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita secans compl. lateris dati</i>	<i>ad tangentem compl. lateris quaesiti.</i>	<i>28. quinti.</i>

XII. L A T V S

Ex utroque angulo non recto.

<i>1. Tang. ang. ad- uclat. quaesito</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang. opposit. quaesito</i>	<i>ad finem compl. la- teris quaesiti.</i>	<i>28. triang. spher.</i>
		<i>H b a</i>	<i>Sed ut finis</i>	

12. <i>secant.</i>	2ed ut <i>secans</i> anguli adiac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>sec. compl. ang.</i> adiac. lat. <i>quæsit</i>
11. <i>quinti.</i>	3. Ergo ut <i>secans</i> to- tus	ad <i>sec. cõpl. ang.</i> adiac. lat. <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> .
42. <i>triang.</i> <i>secant.</i> <i>Permutatio</i>	Ut <i>secans</i> ang. adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans cõpl. ang.</i> oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem compl. lat.</i> teris <i>quæsit</i> .
	Ergo ut <i>secans</i> ang. adiac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i>	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> .
13. <i>secantem.</i>	2ed ut <i>secans</i> totum	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans lateris</i> <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> .
11. <i>quinti.</i>	Ergo ut <i>secans</i> ang. adiac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans lateris</i> <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> .
<i>Commutatio.</i>	Ergo ut <i>secans compl.</i> ang. oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem ang. ad-</i> iac. lateris <i>quæsit</i>	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
<i>Permutatio.</i>	3. Ergo ut <i>secans</i> cõpl. ang. oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans anguli</i> adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
13. <i>secantem.</i>	2ed ut <i>secans cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i>	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem ang. op-</i> pos. lat. <i>quæsit</i> .
11. <i>quinti.</i>	4. Ergo ut <i>secans</i> to- tus	ad <i>secantem ang.</i> oppos. lateris <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans anguli</i> adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
42. <i>triang.</i> <i>secant.</i> <i>Permutatio</i>	Ut <i>secans</i> ang. adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i> .	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> .
	Ergo ut <i>secans</i> ang. adiac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> .
12. <i>secantem.</i>	2ed ut <i>secans</i> ang. ad- iac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem cõpl. ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i>	Ita <i>secans ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>sec. compl. ang.</i> adiac. lat. <i>quæsit</i> .
11. <i>quinti.</i>	Ergo ut <i>secans</i> ang. oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>sec. compl. ang.</i> adiac. lat. <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem compl. la-</i> teris <i>quæsit</i> .
<i>Permutatio.</i>	3. Ergo ut <i>secans</i> ang. oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>sec. compl.</i> ang. adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem compl.</i> teris <i>quæsit</i> .
3. <i>sec. lat.</i>	Ut <i>secans compl. ang.</i> oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans ang. ad-</i> iac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
<i>Permutatio.</i>	Ergo ut <i>secans compl.</i> ang. oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem ang. ad-</i> iac. lateris <i>quæsit</i> :	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
12. <i>secantem.</i>	2ed ut <i>secans</i> compl. ang. oppos. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem ang. adiac.</i> lateris <i>quæsit</i> :	Ita <i>sec. compl. ang.</i> adiac. lat. <i>quæsit</i>	ad <i>secantem ang.</i> oppos. lat. <i>quæsit</i> .
11. <i>quinti.</i>	Ergo ut <i>secans compl.</i> ang. adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem ang.</i> oppos. lateris <i>quæsit</i>	Ita <i>secans totum</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .
<i>Permutatio.</i>	6. Ergo ut <i>secans</i> compl. ang. adiac. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem totum</i> :	Ita <i>secans ang.</i> oppos. lateris <i>quæsit</i>	ad <i>secantem lateris</i> <i>quæsit</i> .

XIII. B A S I S

Ex latere, & angulo ei adjacentē.

Si finis compl. anguli dati	ad finem totum:	Ita tangens la- teris dati	ad tangentem basis.	45. triang. f. bar.
Si finis compl. anguli dati	ad finem totum:	Ita finis totus	ad secantem anguli dati.	11. finium.
Si finis totus	ad secantem angu- li dati	Ita tangens late- ris dati	ad tangentem basis.	11. quinti.
Si finis totus	ad tangentē basis	Ita tangens compl. basis	ad tang. compl. lat. dati.	21. finium.
Si finis totus	ad secantem angu- li dati	Ita tangens compl. basis	ad tang. compl. lat. dati.	11. quinti.
Si finis totus	ad finem totum:	Ita tang. compl. lat. dati	ad tangentē compl. basis.	Quarta.
Si finis ang. dati	ad finem totum:	Ita finis totus	ad finem compl. ang. dati.	11. finium.
Si finis ang. dati	ad finem compl. ang. dati:	Ita tangens compl. lat. dati	ad tangentē compl. basis.	11. quinti.
Si finis compl. ang. dati	ad finem totum	Ita tang. lat. dati	ad tangentem basis.	45. triang. f. bar.
Si finis compl. anguli dati	ad tangentem lat. dati	Ita finis totus	ad tangentem basis.	Permutatio.
Si finis totus	ad tangentē basis:	Ita tangens compl. basis	ad finem totum.	11. finium.
Si finis compl. ang. dati	ad tangentem lat. dati	Ita tangens compl. basis	ad finem totum.	11. quinti.
Si finis ang. lat. dati	ad finem compl. ang. dati:	Ita finis totus	ad secantem anguli basis.	Quarta.
Si finis ang. lat. dati	ad finem totum:	Ita finis compl. ang. dati	ad tangentē compl. basis.	Permutatio.
Si finis totus	ad secantem anguli dati:	Ita tangens lat. dati	ad tangentem basis.	1. modus.
Si finis totus	ad tangentem lat. dati	Ita finis anguli dati	ad tangentem basis.	Permutatio.
Si finis totus	ad tangentem lat. dati:	Ita tang. compl. lat. dati	ad finem totum.	11. finium.
Si finis ang. lat. dati	ad finem totum:	Ita secans anguli dati	ad tangentem basis.	11. quinti.

X I I I I. B A S I S

Ex latere, & angulo ei opposito : Si modo constet, *nam* basis quadrata
maior sit, vel minor : Aut an alter angulus non datus sit ac-
tus, obtususne : Aut denique utrum alterum la-
ter non datum, minus sit qua-
drante, an minus.

41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad sinum lateris da- ti :	Ita sinus totus	ad sinum basi.
Permutado.	1. Ergo vt sinus anguli dati	ad sinum totum :	Ita sinus lat. dati	ad sinum basi.
12. sinuum.	Sed vt sinus anguli dati	ad sinum totum :	Ita sinus totus	ad secantem compl. anguli dati.
11. quinqu.	2. Ergo vt sinus to- tus	ad secantē compl. ang. dati :	Ita sinus lat. dati	ad sinum basi.
41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad sinum lateris dati :	Ita sinus totus	ad sinum basi.
12. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum basi :	Ita secans compl. basi	ad sinum totum.
11. quinqu.	Ergo vt sinus ang. dati	ad sinum lat. dati :	Ita secans compl. basi	ad sinum totum.
Ciuitando.	Ergo vt sinus lat. dati	ad sinum ang. dati :	Ita sinus totus	ad secantem compl. basi.
Permutado.	3. Ergo vt sinus lat. dati	ad sinum totum :	Ita sinus anguli dati	ad secantem compl. basi.
12. sinuum.	Sed vt sit sinus lat. dati	ad sinum totum :	Ita sinus totus	ad secantem compl. lat. dati.
11. quinqu.	4. Ergo vt sinus to- tus	ad secantē compl. lat. dati :	Ita sinus ang. da- ti	ad secantē compl. basi.
41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad sinum lat. dati :	Ita sinus totus	ad sinum basi.
12. sinuum.	Sed vt sinus anguli dati	ad sinum lat. dati :	Ita secans compl. lat. dati	ad secantem compl. anguli dati.
11. quinqu.	Ergo vt secans compl. lat. dati	ad secantem compl. anguli dati :	Ita sinus totus	ad sinum basi.
Permutado.	5. Ergo vt secans compl. lat. dati	ad sinum totum :	Ita secans compl. anguli dati	ad sinum basi.
3. modus.	Vt sinus lat. dati	ad sinum totum :	Ita sinus ang. dati	ad secantem compl. basi.
Permutado.	Ergo vt sinus lat. dati	ad sinum ang. dati	Ita sinus totus	ad secantem compl. basi.
12. sinuum.	Sed vt sinus lat. da- ti	ad sinum anguli dati :	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lat. dati

<i>ergo ut fecans compl. 1. lateris</i>	<i>ad fecantem compl. 1. lateris</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad fecantem compl. ba. 11. quinti.</i>
<i>ergo ut fecans compl. 2. lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita fecans compl. 1. lateris</i>	<i>ad fecantem compl. basis.</i>

X V. B A S I S

Ex utroque latere, quorum alterutrum statuitur primum,
& alterum secundum.

1. <i>Finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	43. <i>triang. spher.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita fecans 1. lateris</i>	<i>ad finem totum.</i>	11. <i>finium.</i>
2. <i>Ergo ut fecans 1. lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. ba. fin.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 2. lat.</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	43. <i>triang. spher.</i>
<i>Ergo ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	<i>Parasurāda.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 2. lateris</i>	<i>Ita fecans 1. lateris</i>	<i>ad finem totum.</i>	11. <i>finium.</i>
3. <i>Ergo ut fecans 1. lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. ba. fin.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	43. <i>triang. spher.</i>
<i>Ita ut finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. ba. fin.</i>	<i>Ita fecans basis</i>	<i>ad fecantem 1. lat.</i>	11. <i>finium.</i>
<i>Ergo ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita fecans basis</i>	<i>ad fecantem 1. lat.</i>	11. <i>quinti.</i>
4. <i>Ergo ut finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita fecans 2. lat.</i>	<i>ad fecantem basis.</i>	<i>Calcepsurāda.</i>
<i>Ita ut finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad fecantem 1. lateris.</i>	11. <i>finium.</i>
5. <i>Ergo ut finis totus</i>	<i>ad fecantem 1. lateris:</i>	<i>Ita fecans 2. lat.</i>	<i>ad fecantem basis.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	43. <i>triang. spher.</i>
<i>Ergo ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>	<i>Parasurāda.</i>

10. <i>triang. spher.</i>	Sed ut finis compl. 1. lat.	ad finem compl. lat.	Ita finem basi	ad finem t. lat.
11. <i>quinti.</i>	Ergo ut finis totus	ad finem compl. 2. lateris	Ita finem basi	ad finem t. lat.
<i>Concludendo.</i>	Ergo ut finis cōpl. 2. lateris	ad finem totum :	Ita secans t. lat.	ad secantem bas.

XVI. B A S I S

Ex utroque angulo non recto, Quoniam alteruter situtus primus, & alter secundus.

7. <i>triang. spher.</i>	1. Ut finis totus	ad tangentē cōpl. 1. anguli.	Ita tangens cōpl. 1. anguli	ad finem cōpl. lat.
10. <i>finium.</i>	Sed ut finis totus	ad tang. compl. 1. anguli	Ita tangens 1. ang.	ad finem totum.
11. <i>quinti.</i>	2. Ergo ut tangē 1. anguli	ad finem totum :	Ita tangē compl. 1. anguli	ad finem compl. basi.
10. <i>triang. spher.</i>	Ut finis totus	ad tang. compl. 1. anguli.	Ita tangens compl. 1. anguli	ad finem compl. lat.
<i>Permutando.</i>	Ergo ut finis totus	ad tang. compl. 1. anguli	Ita tangens compl. 1. anguli	ad finem compl. lat.
10. <i>finium.</i>	Sed ut finis totus	ad tang. compl. 2. anguli.	Ita tangens 2. ang.	ad finem totum.
11. <i>quinti.</i>	3. Ergo ut tangens 1. anguli	ad finem totum :	Ita tangens cōpl. 1. anguli	ad finem compl. basi.
2. <i>modus.</i>	Ut tangens 1. ang.	ad finem totum :	Ita tangens compl. 2. anguli	ad finem compl. lat.
<i>Permutando.</i>	Ergo ut tangens 1. anguli	ad tang. compl. 2. anguli	Ita finis totus	ad finem compl. lat.
10. <i>finium.</i>	Sed ut finis totus	ad finem compl. basi	Ita finem basi	ad finem totum.
11. <i>quinti.</i>	Ergo ut tangens 1. anguli	ad tang. compl. 2. anguli	Ita finem basi	ad finem totum.
<i>Concludendo.</i>	Ergo ut tang. compl. 2. anguli	ad tangens 1. ang.	Ita finis totus	ad finem compl. lat.
<i>Permutando.</i>	4. Ergo ut tangē cōpl. 2. anguli	ad finem totum :	Ita tangens 1. ang.	ad secantem bas.
3. <i>modus.</i>	Ut tangens 2. ang.	ad finem totum :	Ita tangens compl. 1. anguli	ad finem compl. lat.
<i>Permutando.</i>	Ergo ut tangens 2. anguli	ad tang. compl. 1. anguli	Ita finis totus	ad finem compl. lat.

<i>Ita secans totus</i>	<i>ad finem compl. basis</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>18. finem.</i>
<i>Ita tangens a. anguli</i>	<i>ad tang. compl. a. anguli.</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad finem totum.</i>	<i>11. quinti.</i>
<i>Ita tang. compl. a. anguli</i>	<i>ad tangens a. anguli.</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad secantem basis.</i>	<i>Clas. rudo.</i>
<i>Ita ut tang. compl. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens a. ang.</i>	<i>ad secantem basis.</i>	<i>Permutado.</i>
<i>Ita tang. compl. a. anguli</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. a. ang.</i>	<i>ad secantem basis.</i>	<i>4. modus.</i>
<i>Ita ut tang. compl. a. anguli</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis totus</i>	<i>ad tangens a. ang.</i>	<i>18. finem.</i>
<i>Ita ut finis totus</i>	<i>ad tang. a. anguli :</i>	<i>Ita tangens a. an</i>	<i>ad secantem basis.</i>	<i>11. quinti.</i>
		<i>gula</i>		

III. *Ita demonstratio, ut expeditur in triangulo sphaerico rectangulo interius*
comprehenditur, et autem omnes etiam operatio regulae proportionum posita sit, digestissima
in hunc ordinem servata, ut problemata a priori demonstrata, ita ut quodlibet eorum
facile possit ab aliis, in quibus quidam casibus, sita sunt reperitur, et ad ea, etiam in
angulis, quae servata. Ordo ergo hic est.

IN TRIANGULO

sphaerico rectangulo hisce omnibus modis
 investigari potest

Et c.

I. A N G V L V S

Ex base, & latere, quod angulo quaesito opponitur.

<i>Ita finis totus</i>	<i>ad finem basis:</i>	<i>Ita secans compl. la</i>	<i>ad secantem compl.</i>
<i>Ita finis totus</i>	<i>ad finem lateris</i>	<i>Ita secans compl.</i>	<i>ad finem anguli.</i>
<i>Ita finis basis</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis lateris</i>	<i>ad finem anguli.</i>
<i>Ita finis compl. la</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita secans compl.</i>	<i>ad finem anguli.</i>
<i>Ita finis compl. la</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita secans compl.</i>	<i>ad secan. compl. ang.</i>
<i>Ita finis lateris</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis basis</i>	<i>ad secantem compl.</i>
			<i>anguli.</i>

In hunc angulum erit acutus, si datum latus fuerit quadrante minus: obtusus
 erit, si maius.

II.
Problema.

II. A N G V L V S
Ex bafe, & latere, quod angulo quæfito adiacet.

<i>Vt fitus totus</i>	<i>ad tangentem compl. bafis:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finem compl. ang.</i>
<i>Vt fitus totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris</i>	<i>Ita tangens bafis</i>	<i>ad finem compl. ang.</i>
<i>Vt tangens bafis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finem compl. anguli.</i>
<i>Vt tangens compl. lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens compl. bafis</i>	<i>ad finem compl. ang.</i>
<i>Vt tangens compl. bafis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens compl. lateris</i>	<i>ad finem compl. ang.</i>
<i>Vt tangens lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens bafis</i>	<i>ad finem compl. ang.</i>

Invenitur angulus erit acutus, fi tam bafis, quam latus datum quadrantes fuerit, aut minus: obtufus vero, fi alterutrum datorem fuerit quadrantis, & alterum minus.

III.
Problema.

III. A N G V L V S
Ex bafe, & altero angulo non recto.

<i>Vt fitus totus</i>	<i>ad finem compl. bafis:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. ang. quæfit.</i>
<i>Vt fitus totus</i>	<i>ad finem compl. bafis:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tangentem ang. quæfit.</i>
<i>Vt fitus bafis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. ang. quæfit.</i>
<i>Vt tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. bafis</i>	<i>ad tang. compl. ang. quæfit.</i>
<i>Vt tangens anguli dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finem bafis</i>	<i>ad tang. ang. quæfit.</i>
<i>Vt finis compl. bafis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. anguli quæfit.</i>

Invenitur angulus erit acutus, fi bafis fuerit minor quadrante, & datus angulus acutus; aut fi bafis fuerit quadrante maior, & angulus datus obtufus: Sin vero angulus erit obtufus, fi bafis quadrante minor fuerit, & angulus datus obtufus, aut fi bafis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

IIII.
Problema.

IIII. A N G V L V S
Ex latere, quod angulo quæfito opponitur, & altero angulo non recto.

<i>Vt finis totus</i>	<i>ad finem ang. dati:</i>	<i>Ita finis compl. lateris</i>	<i>ad finem compl. ang. quæfit.</i>
-----------------------	----------------------------	---------------------------------	-------------------------------------

<i>Si datus</i>	<i>ad fecantē compl. anguli dati:</i>	<i>Ita fecans lateris</i>	<i>ad fecan. ang. quæ fiti.</i>
<i>Si datus ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fecans lateris</i>	<i>ad finem compl. anguli quæ fiti.</i>
<i>Si datus compl. lat.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fecans compl. anguli dati</i>	<i>ad fecan. ang. quæ fiti.</i>
<i>Si datus compl. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. lateris</i>	<i>ad finem compl. ang. quæ fiti.</i>
<i>Si datus lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis ang. dati</i>	<i>ad finem compl. ang. quæ fiti.</i>

Porro angulus erit acutus, si latus datum fuerit quadrante minus: obtusus vero, si maius.

V. A N G V L V S

V.

In latere, quod angulo quæfito adiacet, & altero angulo non recto: dædendo constet, num quæfitus angulus maior sit recto, an minor: vel an basis, aut latus alterum non datum quadrante maius sit, minusve.

Problema.

<i>Si datus</i>	<i>ad fecantem lat.</i>	<i>Ita finis compl. anguli dati</i>	<i>ad finem ang. quæfiti.</i>
<i>Si datus</i>	<i>ad fecan. ang. dati:</i>	<i>Ita finis compl. lateris</i>	<i>ad fecan. compl. ang. quæfiti.</i>
<i>Si datus compl. lat.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang. quæ fiti</i>	<i>ad finem ang. quæfiti.</i>
<i>Si datus compl. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. lat.</i>	<i>ad fecan. compl. ang. quæfiti.</i>
<i>Si datus lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fecans anguli dati</i>	<i>ad finem compl. ang. quæfiti.</i>
<i>Si datus anguli dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fecans lateris</i>	<i>ad finem ang. quæ fiti.</i>

Item angulus erit acutus, (nisi aliunde constet.) si alterum latus non dædatur fuit quadrante minus; obtusus vero, si maius. Pari ratione, si basis fuerit minus quadrante, & datus angulus acutus; vel si basis maior fuerit quadrante, & datus angulus obtusus; inuentus angulus acutus erit: Si vero basis fuerit quadrante maior, & datus angulus obtusus; vel si basis quadrante maior fuerit, & inuentus angulus acutus; inuentus angulus obtusus erit.

VI. A N G V L V S

Ex utroque latere circa angulum rectum.

VI.

Problema.

<i>Si datus</i>	<i>ad finem lat. ad rectum ang. quæ fiti</i>	<i>Ita ang. compl. lat. ang. quæ fiti</i>	<i>ad compl. compl. ang. quæ fiti.</i>
			<i>It a V s finis</i>

<i>Vt finis totus</i>	<i>ad fin. cōpl. lat. ad-</i> <i>iac. ang. quæsit.</i>	<i>Ita tang. lat. oppos.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>
<i>Vt finis lat. adiac.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. lat. oppos.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>
<i>Vt tang. lat. oppos.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis lat. adiac.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. cōpl. ang.</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis cōpl. lat.</i> <i>adiac. ang. quæsit.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. cōpl. lat.</i> <i>opp. ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. cōpl. ang.</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt tang. cōpl. lat. opp.</i> <i>ang. quæsit.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fin. cōpl. lat. ad</i> <i>iac. ang. quæsit.</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>

Inuentus angulus erit acutus, si datum latus quæsito angulo oppositum sit minus quadrante, obtusus vero, si maius.

VII.
Problema.

VII. L A T V S
Ex base, & altero latere.

<i>Vt finis totus</i>	<i>ad finem totum</i>	<i>Ita finis cōpl. ba</i> <i>sis</i>	<i>ad finem cōpl. la</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis totus</i>	<i>ad finem totum</i>	<i>Ita finis cōpl. lat.</i> <i>datis</i>	<i>ad finem totum</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis cōpl. lat.</i> <i>datis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis cōpl. ba</i> <i>sis</i>	<i>ad finem cōpl. la</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis cōpl. ba</i> <i>sis</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis cōpl. lat.</i> <i>datis</i>	<i>ad finem totum</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis base</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis lat. dati</i>	<i>ad finem cōpl. la</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis base</i>	<i>ad finem totum</i> <i>quæsit.</i>

Inuentum latus erit minus quadrante, si tam basis, quam latus datum quadrante minus fuerit: maius vero quadrante, si vel basis fuerit maior, & latus datum minus quadrante, vel basis minor, & datum latus quadrante minus.

VIII.
Problema.

VIII. L A T V S
Ex base, & angulo, qui lateri quæsito opponitur.

<i>Vt finis totus</i>	<i>ad finem base:</i>	<i>Ita finis anguli</i> <i>datis</i>	<i>ad finem lat. quæsit.</i>
<i>Vt finis totus</i>	<i>ad finem cōpl. ba</i> <i>sis</i>	<i>Ita finis cōpl.</i> <i>ang. dati</i>	<i>ad finem cōpl. la</i> <i>quæsit.</i>
<i>Vt finis base</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis cōpl.</i> <i>ang. dati</i>	<i>ad finem cōpl. la</i> <i>quæsit.</i>

Vt finis

<i>Si finis compl. lat.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis anguli da</i>	<i>ad finem lateris qua-</i>
		<i>ti</i>	<i>siti.</i>
<i>Si finis compl. an</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis basis</i>	<i>ad finem lat. quæsit.</i>
<i>guli dati</i>			
<i>Si finis ang. dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl.</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
		<i>basis</i>	<i>quæsit.</i>

Inventum latus quadrante erit minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus; maior vero, si obtusus.

IX. L A T V S

Ex base, & angulo, qui lateri quæsito adiacet.

IX.
Problem.

<i>Si finis totus</i>	<i>ad finem compl. an</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tang. lat. quæsit.</i>
	<i>guli dati :</i>		
<i>Si finis totus</i>	<i>ad secantem anguli</i>	<i>Ita tangens compl.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
	<i>dati.</i>	<i>basis</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Si finis ang. dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris</i>
			<i>quæsit.</i>
<i>Si finis compl. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens compl.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
<i>dati</i>		<i>basis</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Si tangens basis</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita secans anguli</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
		<i>dati</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Si tangens compl.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl. an</i>	<i>ad tangentem lateris</i>
<i>basis</i>		<i>guli dati</i>	<i>quæsit.</i>

Inventum latus quadrante minus erit, si basis minor fuerit quadrante, & datus angulus acutus; aut si basis fuerit quadrante maior, & datus angulus obtusus; maior vero quadrante, si basis quadrante minor fuerit, & datus angulus obtusus; aut si basis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

X. L A T V S

Ex altero latere, & angulo, qui quæsito lateri adiacet : Si modo
constet, non quæsitum latus sit quadrante minus, an mi-
nus; vel an alter angulus non rellus non datus sit
acutus, obtusus, sive; vel denique num ba-
sis sit quadrante maior,
aut minor.

X.
Problem.

<i>Si finis totus</i>	<i>ad tangentem compl.</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finem lat. quæsit.</i>
	<i>ang. dati</i>	<i>dati</i>	

V: finis

<i>Ut finis totus</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>	<i>Ita tangens ang.</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
	<i>datus</i>	<i>datus</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Ut tangens ang. dati</i>	<i>ad finem totum</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finem lat. quæsit.</i>
		<i>datus</i>	
<i>Ut tang. compl. lat.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. ang.</i>	<i>ad finem lat. quæsit.</i>
<i>datus</i>		<i>quæsit.</i>	
<i>Ut tang. lat. dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
			<i>quæsit.</i>
<i>Ut tang. compl. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. lat.</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
<i>datus</i>		<i>datus</i>	<i>quæsit.</i>

Inuentum latus quadrante erit minus, (nisi aliunde constet) si angulus oppositus, & non datus fuerit totus, maior vero, si obtusus. Pari ratione tangens erit, si basis minor fuerit quadrante, & latus datum minus quoque quadrante, si basis fuerit minor quadrante, & datum latus maior, inuentum latus quadrante maior. Denique si tam basis, quam latus datum fuerit quadrante minus, erit inuentum latus minor quadrante, maior autem, si basis maior fuerit quadrante, & datum latus minus.

XII. LATVS

XI.
Problema.

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quæsito opponitur.

<i>Ut finis totus</i>	<i>ad finem lateris</i>	<i>Ita tangens anguli</i>	<i>ad tang. lat. quæsit.</i>
	<i>datus</i>	<i>datus</i>	
<i>Ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>	<i>Ita tang. compl. ang.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
	<i>datus</i>	<i>quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Ut finis lat. dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. ang.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
		<i>quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Ut finis compl. lateris dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad tangens lateris</i>
			<i>quæsit.</i>
<i>Ut tang. compl. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis lat. dati</i>	<i>ad tang. lat. quæsit.</i>
<i>quæsit.</i>			
<i>Ut tang. ang. dati</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita finis compl. lat. dati.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
			<i>quæsit.</i>

Inuentum latus erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit totus; maior vero, si obtusus.

XIII. LATVS

XII.
Problema.

Ex utroque angulo non recto.

<i>Ut finis totus</i>	<i>ad fin. compl. ang. ad</i>	<i>Ita finis compl. ang.</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
	<i>lat. quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>
<i>Ut finis totus</i>	<i>ad fin. ang. opp. lateri</i>	<i>Ita finis ang. ad lat.</i>	<i>ad finem totum</i>
	<i>quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>	<i>quæsit.</i>

<i>plur. ang. adiac. ad finem totum:</i> <i>lat. quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang.</i>	<i>ad finem compl. lat.</i>
<i>plur. compl. ang.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>app. lat. quæsit</i>	<i>quæsit.</i>
<i>plur. lat. quæsit.</i>		<i>Ita finis ang. adiac. lat. quæsit</i>	<i>ad finem lateris quæsit.</i>
<i>plur. ang. app. lat. quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang. adiac. lat. quæsit</i>	<i>ad finem compl. lat. quæsit</i>
<i>plur. compl. ang. ad lat. quæsit</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita fin. ang. app. lat. quæsit</i>	<i>ad finem lateris quæsit.</i>

Innotuit lateris erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus, si obtusus vero, si obtusus.

XIII. B A S I S

Ex latere & angulo ei adiacente.

XIII.
Problema.

<i>plur. totus</i>	<i>ad finem compl. ang. dati</i>	<i>Ita tangens compl. lat. dati</i>	<i>ad ang. compl. basis.</i>
<i>plur. totus</i>	<i>ad finem ang. dati</i>	<i>Ita tangens lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
<i>plur. compl. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
<i>plur. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad tangentem compl. basis.</i>
<i>plur. lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang. dati</i>	<i>ad tang. compl. basis.</i>
<i>plur. compl. lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis ang. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>

Innotuit basis minor erit quadrante, si datum later fuerit quadrante minus, & angulus datus ei adiacens, acutus; vel si datum later fuerit maior quadrante, & angulus ei adiacens, obtusus; maior vero quadrante, si datum later fuerit minus quadrante, & datus angulus ei adiacens, acutus; vel si datum later fuerit quadrante minus, & angulus datus, obtusus.

XIII.
Problema.

XIII. B A S I S

Ex latere, & angulo ei opposito: Si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut ut alter angulus non datus sit acutus, obtususve: Aut denique num alterum later non datum, minus sit quadrante, an maius.

<i>plur. totus</i>	<i>ad finem compl. ang. dati</i>	<i>Ita finis lat. dati</i>	<i>ad finem basis.</i>
<i>plur. totus</i>	<i>ad fin. compl. lat. dati</i>	<i>Ita finis ang. dati</i>	<i>ad finem compl. basis.</i>
<i>plur. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis lat. dati</i>	<i>ad finem basis.</i>

Plur. finis

<i>Ut finis lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis anguli</i>	<i>ad finem compl. lat. dati</i>
<i>Ut finis compl. lat. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. ang. dati</i>	<i>ad finem basi.</i>
<i>Ut finis compl. ang. dati</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. lat. dati</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>

Inventa basis quadrante minor erit (nisi aliunde constet) si uterque angulus non rectorum fuerit acutus, vel obtusus, vel si utrumque laterum finis quadrante minus, vel maior: Eadem vero basis inventa maior erit quadrante, si alteruter angulorum non rectorum fuerit acutus, & aliter obtusus, vel aliter laterum fuerit quadrante minus, & alterum maior.

XV.

Problema.

XV. BASIS

Ex utroque latere: quorum alterutrum statuitur primum,
& alterum secundum.

<i>Ut finis totus</i>	<i>ad finem compl. 1. lateris</i>	<i>Ita finis compl. 2. lateris</i>	<i>ad finem compl. basi</i>
<i>Ut finis totus</i>	<i>ad finem totum 1. lateris:</i>	<i>Ita finis 2. lat.</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>
<i>Ut finis 1. lat.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. 2. lateris</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>
<i>Ut finis 2. lat.</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>
<i>Ut finis compl. 1. lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis 2. lateris</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>
<i>Ut finis compl. 2. lateris</i>	<i>ad finem totum:</i>	<i>Ita finis 1. lat.</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>

Inventa basis erit quadrante minor, si utrumque lateris fuerit quadrante minus, vel maior, si alterutrum laterum fuerit minus quadrante, & alterum maior.

XVI.

Problema.

XVI. BASIS

Ex utroque angulo non recto: Quorum alteruter statuitur primum, & alter secundus.

<i>Ut finis totus</i>	<i>ad tang. compl. 1. anguli</i>	<i>Ita tangens compl. 2. anguli</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>
<i>Ut finis totus</i>	<i>ad tang. 2. anguli:</i>	<i>Ita tangens 1. anguli</i>	<i>ad finem compl. basi.</i>

Ut tangens

<i>ang. 1. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. 1.</i>	<i>ad finem compl. basi,</i>
		<i>anguli</i>	
<i>ang. 1. ang.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. compl. 1.</i>	<i>ad finem compl. basi,</i>
		<i>anguli</i>	
<i>ang. compl. 1.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tang. 1. anguli</i>	<i>ad finem totum basi.</i>
<i>anguli</i>			
<i>ang. compl. 1.</i>	<i>ad finem totum :</i>	<i>Ita tangens 2. ang.</i>	<i>ad finem totum basi.</i>
<i>anguli</i>			

hanc basi quadrante minor erit, si uterque angulorum non rectorum fue-
rit, & alter obtusus: maior vero, si alteruter angulorum non rectorum fue-
rit, & alter obtusus.

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM obliquangulorum calculus.

17. DATO aggregato duorum arcuum vel angulorum, quod
semicirculo minus sit, una cum proportionem, quam eorundem sinus
habent, utrumque illorum efficere notum.

XVII.
Problema.

TERMINI proportionis dati, si sinus non sunt, ad sinus reducantur per utrin-
que multiplicandum per 10, 100, 1000, 10000, 100000, 1000000, 10000000, 100000000, 1000000000. Ita ut major terminus
includat sex figuras, quae contrahatur in maioribus sinibus in tabula Sinuum. Ita
ambos sine eandem proportionem habebunt, quam terminus prior proportionis datae.
Deinde termini ad sinus reducti in unam summam colligantur, cuiusque semissis, at-
que differentia inter eam semissim, & alterutrum terminorum, arcus ex tabula sinuum
inveniantur, non sine, ac si semissis illa, ac differentia, sinus essent, & summa ambo
inveniantur: Eruntque

217. vel 17.
semperi.

terminus	ad secan. comple-	Ita differentia pro-	ad quartum.
	meti maioris ar-	dicta, hoc est, si-	
	cus servati, qui	nus minoris ar-	
	nimirum semissi	cus servati.	
	summe termino-		
	rum respondet:		

Deinde.

terminus totus	ad tangentem se-	Ita quartus inven-	ad tangentem diffe-
	missis aggrega-	tus	rentae inter semis-
	ti arcuum vel		sem aggregati ar-
	angulorum:		cum, vel angulo-
			rum, & alterutrum
			arcus quaesitum.

NOTA Tangentis invenitur arcus ad semissim aggregati arcuum, vel angulorum
sinum cuiusque minoris arcum, vel angulum quaesitum: ex eadem vice semissi sub-

Kk

duos

duos minores arcuum, vel angulorum quos sinus relinquit. Duplex autem Datis-
tione reperiri tangentes dista differantia, una perfectam sit. Quoniam, ut proposi-
tione, rectis, demonstrationis, est ut sinus aggregati terminorum data positum
(ad sinus minorum) ad tangentem sinus aggregati arcuum, ita differentia uno si-
nussus sinus terminorum data positum. Et alterutrum terminorum, ad tan-
gentis differentia inter sinus aggregati arcuum, et alterutrum arcuum quosque;
erit quare, permutando, ut sinus aggregati, ad differentiam, ita tangentis sinus ag-
gregati ad tang. diff. arcuum. Sed ut sinus aggregati, ad sinus totum, ut diff.
disti ad alium quodam numerum: Et permutando, ut sinus aggregati, ad disti
diff. ita sinus totus ad quartum illum numerum. Ignis erit citius, ut sinus totus
quartum, ita tangentis sinus aggregati, arcuum ad tangentem diff. arcuum: Et permutan-
do, ut sinus totus ad tangentem sinus aggregati, arcuum, ita quartum ad tangentem diff.
arcuum, ut in secundo exemplo regula proportionum doceamus. Preterea autem
tunc aliam exemplum in modo, qui in primo exemplo expressus est, ut manifestum
Quoniam est, ut sinus aggregati, totum ad sinus totum, ita diff. supra dicta ad disti po-
situm, ut paulo ante diximus: Et autem ut sinus aggregati, totum sinus, ad sinus
totum, ita sinus totum ad secantem complementi arcus, qui illi sinu, ut sinus totum
ad quod citius supra ostendimus in Propositionibus. Erat quare, ut sinus totum
ad secantem complementi arcus, qui sinus aggregati, totum sinus, ad sinus totum
ita ad quartum, ut in primo exemplo regula aurea positum est.

VERUM tangens diff. inter sinus aggregati, et alterutrum arcuum quos-
que, tangitur quare per unam operationem, sine tamena sua. Et citius

Ut sinus aggregati terminorum data proportio	ad tangentem sinus aggregati arcuum	ita diff. inter sinus aggregati terminorum, & alterutrum terminorum	ad tangentem diff. inter sinus aggregati terminorum, & alterutrum terminorum
--	-------------------------------------	---	--

XVIII.
Problema.

18. DATO aggregato duorum arcuum, quorum singuli-
micirculo sint minores, vel duorum angulorum, quod semicirculo ma-
ius sit, una cum proportionem eorum, utrumque notum essent.

DETRACTO hoc aggregato ex suo circulo, superest aliud aggregatum
semicirculo minus, cum eadem proportione data, ut proposi-
tione, rectis. Si quare hoc aggregati uterque arcus, vel anguli manifestantur, ut in primo
problema est. Et autem uterque ex semicirculo tollatur, ut reliqua
tunc quare duo arcus, vel anguli aggregatum semicirculo minus datum constent.

QUOD si quando accidat, datam proportionem esse aequalitatem, erit quare
duo arcus, vel anguli datum aggregatum constituent aequales. Quare sinus aggre-
gati uterque arcus, vel angulus quosque datus.

Et si vero datum aggregatum semicirculo faciat aequalitatem, problema solvitur per
ut in scholia proposi-
tione, ostendimus.

XIX.
Problema.

19. DATA differentia duorum arcuum, quorum singuli-
micirculo sint minores, vel duorum angulorum, una cum propo-
tione, quam eorum sinus habent, utrumque scorsum cognoscere.

EXTRACTA differentia data ex semicirculo, formatur reliquis arcibus, tanquam aggregatum duorum arcuum, & cum uterque arcus per datam proportionem per eum eadem pertineat, ut in *propos. 7. triang. rectil.* dictum est.) eruat ex *propos. 17.* Minor enim invenitur, si data proportio est majoris inaequalitatis, hoc est si minor arcus maior est, & minor minor, (quod quidem accidet, quando duo arcus semicirculo minores sunt.) uti quosivim minor arcus; maior vero invenitur ex semicirculo subdubius maiorem arcum quosivim reliquit, si vero data proportio est minoris aequalitatis, hoc est, si minor maior arcus minor est, si minor minor, (quod accidet, quando duo arcus semicirculum superant.) minor arcus invenitur ex semicirculo superreliquit maiorem arcum quosivim; maior vero ex semicirculo ablatum minorem arcum quosivim reliquit.

PRO D si data proportio fuerit aequalitatis, quod quidem evenit, quando duo arcus semicirculum continent, detrahentur differentiam ex semicirculo. Reliqui enim numeri semper dabit minoris arcum quosivim, eadem vero semper, si data differentia aequat, maiorem arcum quosivim conspiciet.

QUANDO datur aggregatum vel differentia duorum angularum unum angulum sphaericum constituantium, vel in aliquo triangulo rectilino existentium, conspiciet arcum duorum angularum semper aggregatum semicirculo minus, ut *propos. adhibentibus solum problema 17. precedente*, vel prima pars huius problematis 18.

10. DATIS tribus angulis trianguli sphaerici obliquanguli, uti latera investigare.

XX.
Problema.

ATT in triangulo *ABC*, omnes tres anguli sint aequales, aut duo tantum, aut omnes tria aequales. Sint primum omnes tres anguli, vel duo *B, C*, danturque aequales, & omnes latera & latera *AB, AC*, uti expressa aequalia, angulusque *B, C*, vel acuti, vel obtusi & igitur ex tertio angulo *A*, uti latera opposita *BC*, danturque aequales. Angulus adiacens, arcus perpendiculari investigatur demissus *AD*, & eadem in terra triangulum, dandisque & latera *BC*, & angulum *BAC*, solum. Quoniam enim triangula *ABD, ACD*, rectangula habent angulum *B, C*, aequales, & latera *AB, AC*, recta anguli ad *D*, opposita, aequales, & cum quosivim latera *BD, CD*, quoniam anguli ad *A*, aequales: quando cum totus angulus ad *A*, datus sit, dabitur nam cum sinissis *BAD, CAD*. Quia igitur in triangulo rectangulo *ABD*, duo anguli cum rectis oppositi sint *B, & BAD*, nota sit quicquid basi *AB*, & est enim,



a 27. triang.
sphaer.

b 37. triang.
sphaer.

c 21. triang.
sphaer.

d 16. probl.

Si cum totis	ad tangentem compl.	Ita tangens compl.	ad sinum compl. ba-
anguli B:	anguli BAD,	anguli BAD,	sis AB, &c.

Hic etiam notandum erit latera *AC*, ipsi *AB*, aequale: Immo & tertium latera *BC*, cum cum totis angulis in triangulo *ABC*, dati sunt aequales, daturum enim quod sit omnia latera sint aequales, ut diximus, ac proinde duo invenito, reliqua nota erunt. Item si cum duo anguli *B, & C*, aequales sint, reperietur *BD*, sinissis lateris *BC*, ex quo angulus nota rectus *B, BAD*, cognitus. & est enim,

e 12. probl.

Vt sinus totus	ad secantē compl. ang. B, lat. quæsi to BD, ad arc.	Ita sinus cōplang. BAD, lat. quæsi to BD, oppositi	ad sinum compl. lat. BD, quæsi &c.
----------------	---	--	--

Si ergo latus BD, desinatur, notum fiet totum latus BC.

S I T denique omnes tres anguli inæquales, æque ad id solum acuti, ad idem
2 17. triang. s. circumscribitur, s. sit B, & C.² Describitur igitur ex tertii angulo A, ut latus BC, solum
sphaer. acutius, vel obtusius angulo adiacens, arcus perpendicularis AD, iuxta triangulum co-
b 41. triang. dat.² Erigatur,
sphaer.

Vt sinus compl. anguli B,	ad sinum compl. ang. C,	Ita sinus anguli BAD,	ad sinum ang. DAC
------------------------------	----------------------------	--------------------------	-------------------

*Quæ prædicta, quæ sunt angularum BAD, CAD, habent, iuxta tria, cuius rei
minimè erant sinus compl. angularum B, & C. Sumatur semisus aggregati horum sinum,
& differantia inter eam semisus, & alterutrum sinum compl. ang. B, C. Ita erit, ut
in problemate 17. demonstravimus;*

Vt sinus totus	ad secant. compl. arcus, quidē sive semisus de- betur, ut sinuis	Ita prædicta diff. inter illam se- misiem, & al- terutrum sinuū cōplang. B, C,	ad quartam sinu numerum.
----------------	---	--	-----------------------------

Deinde

Vt sinus totus	ad tang. semisus anguli BAC, idē quam aggregati angulorū BAD, CAD:	Ita quartus inven- tus	ad tang. differentē inter semisus anguli BAC, & alterutrum ang. BAD, CAD.
----------------	--	---------------------------	---

*Arcus igitur huius tangentis inventus, addatur semisus anguli BAC, consistat anguli
minorem A, & ablatum ex eadem semisse relinquet maiorem. Illi autem angulo A,
maior erit, qui respondet maiori sinui compl. ang. B, &
C. Quod ut si sinus compl. ang. B, maior fuerit, seu cōpl.
ang. C, angulus BAD, maior sit angulo CAD, &c.*



I AM ex duobus angulis non rectis A, B, recto
in recto angulo ABD, cognitis, cognoscitur basi AB, in
problemate 16. & latus BD, ex problemate 12. Eodem
ratione ex angulo non recto A, C, trianguli CAD, re-
cti anguli cognoscitur & basi AC, & latus CD, summa
autē laterum BD, CD, primum latus BC, unde habet. At-
que ita nota facta sunt omnia tria latera.

XXI.
Problema.

21. DATIS tribus lateribus trianguli sphaerici obliquanguli,
quemlibet angularum indagare.

S I T in superiore triangulo notorum laterum intransigendos angulos BAC, hoc
primum duo latera AB, AC, cum adjacentia, inæqualia. Ita ergo angulum BAC, in-
vestigabimus.

Si datus	ad sinum maioris lateris dati :	Ita sinus minoris lateris dati	ad quartum	<i>fol. 2. 18. triang. spher.</i>
<i>Deinde</i>				
Si datus	ad sinum totum :	Ita diff. inter sinū versū arcus quæ sita ang. oppos. & sinum versum arcus, quo duo latera angulū quæ situm ambiētia inter se differūt.	ad sinum versum anguli quæ sitū.	

SIST deinde duo latera AB, AC , quæ situm angulū ambiētia, æqualia. Demissus ergo ex angulo quæ sitis arcus perpendicularis AD , faciat & angulū quæ sitū, & lateris ipsius BC , bisectorem, * ut in præcedenti problemate ostendimus. Et quia in triangulo rectangulo BAD , basi AB , nota est, cum latere BD , (Est enim similis lateri BC , uti.) hunc angulū BAD , oppositus, cognoscitur angulus BAD , ex problema 1. ut prius & totus angulus quæ situs BAC , cum illius duplex sit, cognitus erit.

II. DATIS in triangulo sphericō obliquangulo duobus lateribus, cum angulo ab ipsis comprehenso, reliquum latus cum reliquis duobus angulis inquirere.

SIST in eodem superiori triangulo data duo latera AB, AC , cum angulo BAC , perinde æqualia : ex quibus ita reliqua venabimur.

Si datus	ad sinum maioris lat. dati :	Ita sinus minoris lat. dati	ad quartum.	<i>fol. 2. 18. triang. spher.</i>
<i>Deinde</i>				
Si datus	ad quartum :	Ita sinus versus ang. dati	ad diff. inter sinum versum tertii lateris quæ sitū, & sinū versū arcus, quo duo latera data inter se differunt.	

Ita differentia ad sinum versum arcus, quo duo latera data inter se differunt, addita, scilicet sinum versum tertii lateris quæ sitū, ex quo ipsius latus certum cognoscitur. Atque ita requiræ tam erunt omnia tria latera trianguli ABC ; utroque utroque cognoscitur angulorum B, C , notus fiet, ut in antecedente problemate tradidit *et*.

SIST deinde duo latera AB, AC , æqualia. Demissus ergo ex angulo dato BAC , cum perpendicularis AD , faciat & datū angulū BAC , & quæ situm latus BC , sinum, ut dictum est. Et quia in triangulo rectangulo BAD , basi AB , cum angulo BAD , quæ sitis lateri BD , oppositus, data est, dabitur quoque ita ex problema 1. lateri BD , ut prius & totum lateri BC , datum erit. Rursus ex data basi AB , & angulo BAD , reliquis angulis ABD , ex problema 3. notus fiet. Eodemque modo in triangulo CAD , notus significatur angulus ACD , ut data basi AC , & angulo CAD .

XXIIII.
Problem. 4.

23. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere illis adiacente, reliqua duo latera, cum reliquo angulo perueffigare.

I N triangulo ABC , *A*nti fiat duo anguli B, EAC , cum latere AB , fiatque prima ille angulus inaequalis, & latus AB , non quadrans: Ex altero angulorum, ut ex A , ducatur ad latus BC , perpendicularis aliâ, si quis sit, sit perpendicularis, qui quando intra triangulum, &



quando extra cadat, operatio ipsa docebit. Si in triangulo recto angulo ABD , cum basi AB , dato sit, cum angulo B insinuat per problema 1 latus AD , angulo B , oppositum: & per problema 3, alter angulus notum BAD , qui si notus reportus fuerit angulo BAC , cadet arcus AD , intra triangulum, si vero extra, ducit ergo angulo BAD , ex dato angulo BAC , talis

ex illo, datus quoque erit angulus CAD , reliquus.

I AM cum in triangulo recto angulo ABD , basi AB , data sit, & angulus B datus quoque per problema 3 latus BD , dato angulo B , adiacenti.

*R*URSUS in triangulo recto angulo CAD , cum latere notum sit latus AD , & angulo CAD , dabitur per problema 1 o. etiâ latus CD . Igitur cadente arcu AD , intra triangulum, summa laterum BD, CD situm latus BC , notum efficit: cadente vero extra, latus CD , ex B d, subtrahit reliquum faciet latus BC , notum. Atque ita notum cum est alterum reliquorum laterum BC .

*P*OSTREMO quia in triangulo recto angulo CAD , datum est latus AD , cum angulo adiacenti CAD , dabitur per problema 1 3. basi AC , qua est tertium latus: ut per problema 4. reportetur angulus C , dato latere AD , oppositus, qui ut prius in se sit notus, qui quatuor: in posteriori autem completum non aliter ad summam latum dabitur quæsitum.

a 23. triang.
sphæ.
b 23. triang.
sphæ.

*R*UO D si quando angulus CAD , iuratus fuerit rectus, (angulus EAD , namque erit rectus: alioquin, cum & D , rectus sit, esset AB, DB quadrans, cum summa $A B$ sumatur non quadrans.) quoniam & D rectus est, & arcus CA, CD , quæritur: & latus AD , mutatum, erit arcus anguli quæsit C : latus denique unicum BD , cum quadrante CD , in priore casu efficit sumam latus BC , notum: in posteriore autem casu quadrans CD , ex notum latere BD , subtrahit reliquum quæsitum latus BC .

c 23. triang.
sphæ.
d 23. triang.
sphæ.

*S*INT demum huius dati anguli B, EAC , inaequalis, & latus AB , quod erit in angulo D , oppositum. Erunt igitur saltem alterum reliquorum laterum etiâ quæritum. Cum ergo AD , non possit esse quadrans, (Nam si esset ab duobus quadrantebus AB, AD , & sit angulus B, D , rectus, & quæritur in triangulo ABC , fieret rectangulum, quod impossibile est) erit BD , quadrans, adeoque angulus BAD , rectus, propter quadrantes BA, BD . Et B , notus erit arcus AD , hoc est, AD , arcus erit dati anguli B , atque idcirco notus. Quibus notis, reportentur reliqua, ut prius, notum CD , per 1 o. problema, & AC , per 1 3. & angulus C , per 4. ex dato latere AD , & angulo CAD .

e 23. triang.
sphæ.

*T*ERTIO fiat in primo triangulo dati duo anguli aequales B, C , cum latere BC , & utrumque propter ea latera AB, AC , aequalia. Demissus ergo ex vertice angulo A , notus perpendicularis dividat tam latus BC , quam angulum A in se, ut sit, ut sita & cadet nota: ac propterea cum in triangulo recto angulo ABD , latus BD , datum sit cum angulo B , reportetur per problema 1 3. basi AB , idcirco & AC , latus notum erit: ut per problema 4. mutentur angulus BAD , & in se sit latus BAC .

24. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere alteri eorum opposito, reliqua latera, cum reliquo angulo explorare: si modo constet species alterius lateris alteri da angulo oppositi.

XXIII. Problem.

IN triangulo ABC , dati sint primum duo anguli B, C , inæquales, cum arcu AB , in quibus, & sicut arcus AC . Ex tertio angulo A , dematur ad BC , arcus perpendicularis AD , qui intra triangulum cadet, si uterque angulorum B, C , datorum arcus sit obtusus, extra vero, si unus acutus est, & obtusus alter. Cum ergo in triangulo rectangulo ABD , data sit basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 8. latus AD . Ergo problema 9. latus BD : Et per problema 3. angulus BAD .

25 triang. spher.

DEINDE quia in rectangulo triangulo ACD , datum est latus AD , cum angulo C , quibus, & sicut basis AC , dabitur per problema 4. basis AC : Et per problema 10. latus CD . Et ex latere CD , dato, & angulo D , dabitur per problema 4. angulus CAD . Si quæritur angulus CAD , inueniunt angulo BAD , addatur, vel ex eo dematur, uti sit angulus quæsitus BAC . Sic etiam inueniunt latus CD , inuenio latere BD , aliam, vel ex eo detractum, notum efficit quæsitum latus BC .

QUOD si quando accideret, latus AC , esse quadrantum, erit quoque CD , quadrans, angulus CAD , rectus, &c.

ITEM deinde datum latus AB , quadrans, & adhuc dati duo anguli B, C , inæquales. Invenietur & BD , quadrans, & angulus BAD , rectus, & AD , arcus dati anguli B , in quoque totus, &c.

DEINDE in priori triangulo sint dati duo anguli B, C , æquales; & arcus qui oppositus latere AB, AC , æqualis. Cum ergo AB , datum sit, erit quoque AC , datum. Describitur perpendicularis AD , quæ sit latus BC , & angulum BAC , bisariam, sicut in triangulo rectangulo ABD , datur basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 8. latus BD , idemque & eius duplex BC , quod queritur. Datum erit 1: Et per problema 3. dabitur angulus BAD , idemque & eius duplex BAC , quæsitus.

26 triang. spher.

25. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus lateribus, cum angulo alteri eorum opposito, reliquos angulos, cum reliquo latere inuenire: si modo constet species alterius anguli alteri lateri oppositi.

XXV. Problem.

IN triangulo ABC , data sint primum duo latera inæqualia AB, AC , quorum notum quadrans, cum angulo B , & specie alterius anguli C . Describitur ex tertio angulo A , arcus perpendicularis AD , qui intra triangulum cadet, si uterque angulus B, C sit acutus, vel obtusus, extra vero, si unus est acutus, & alter obtusus. Et quoniam in triangulo triangulo ABD , datur basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 8. latus AD , angulo dati oppositum: Et ex problematibus 2. latus BD : Et per problema 3. angulus BAD .

27 triang. spher.

DEINDE quia in triangulo rectangulo ACD , data est basis AC , cum latere AD , inueni dabitur per problema 6. latus CD : Et per problema 1. angulum C : Et per problema 2. angulum CAD . Si igitur arcus AD , intra triangulum exisset, delens ambo anguli TAD, CAD , invenire totum angulum BAC , quæsitum: Et ambo latera BD, CD , summa totius lateris BC , quæsitum. Si vero arcus AD , cadet extra triangulum, angulus

angulus CAD , ex angulo EAD , subtractis utriusque relinquitur angulus quatuor
 BAC . Et latus CD , ex latere BD , ablatum relinquitur quatuor latus BC .



in P . triang.
 sicut.

DEINDE sit alterum duorum laterum quadratum
 igitur AB quadratum est, erit $\&$ BD , quadratum: $\&$ an-
 gulus EAD , rectus: $\&$ AD , arcus anguli dati E , plus,
 minus, $\&$ c.

Si vero AC , quadratum est, erit $\&$ CD , quadratum:
 $\&$ angulus CAD , rectus: $\&$ AD , arcus anguli C , ut
 preterea invenitur arcus AD , utrum exhibeat angulum
 C , $\&$ c.

SINT denique in priori triangulo data duo latus
 AB , AC , aequalia, & utriusque perpendicularis $\&$ angulus B , C , aequalis. Cum ergo E sita sit,
 debetur $\&$ angulus C . Si vero ergo iniquitatem erit latus BC , cum angulo EAD , de-
 missus arcus perpendicularis AD , dividat $\&$ latus BC , $\&$ angulum BAC , bisemem.
 In triangulo autem rectangulo ABD , cum data sit basis AB , cum angulo B , dabitur
 per problema 7 latus BD , ideoque $\&$ eius duplum BC , quatuor: Et per problema 9,
 invenitur angulus EAD , atque idcirco eius duplus BAC , quatuor utriusque.

TRIANGVLORVM

rectilineorum rectangulorum calculus.

I. PROPORTIONES LATERVM ex datis omnibus angulis cuiusvis trianguli.

1. triang.
 rectil.

Singulis lateribus adscribantur sicut angulorum oppositorum. Latus enim rectum
 proportionem habet, qua inter sicut angulorum lateribus oppositis ad se ipsos referuntur.

II. LATVS

Ex base, & alterutro angulorum acutorum, ac proinde & altero.

2. triang.
 rectil.

Ut sicut totus

ad basim:

Ita sicut ang. lat.
 quatuor opposit.

ad latus quatuor
 paribus basi.

III. LATVS

Ex base, & altero latere.

3. triang.
 rectil.

Ut basis

ad sicut totum:

Ita datum latus

ad sicut ang. den
 lateri opposit.

Deinde, sumpto complemento anguli inventi pro reliquo angulo
 Ut sicut totus ad basim: Ita sicut anguli in- ad latus quatuor in
 acuti, qui lateri paribus basi, $\&$
 quatuor opposit. alterius lateri.

IIII. L A T V S

Ex altero latere, & angulo acuto, ac proinde & altero.

<i>responsum</i>	<i>ad latus datum :</i>	<i>Ita tang. ang. qua fit lat. opposit</i>	<i>ad latus quæsitum.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>
		Vel		
<i>responsum</i>	<i>ad latus datum :</i>	<i>Ita sinus alterius lat. opposit</i>	<i>ad latus quæsitum.</i>	

V. B A S I S

Ex vno latere, & vno angulo acuto, ac proinde & altero.

<i>responsum</i>	<i>ad latus datum :</i>	<i>Ita sinus ang. dato lat. adjacent</i>	<i>ad basim.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>
		Vel		
<i>responsum</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita latus datum</i>	<i>ad basim.</i>	

VI. B A S I S

Ex utroque latere.

<i>responsum</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita alterum latus datum</i>	<i>ad tangentem anguli hujus alteri lateri op positi.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>
<i>responsum</i>	<i>ad latus alterutrum datum :</i>	<i>Ita sinus ang. acut pro lateri opposit</i>	<i>ad basim.</i>	

Deinde, sumpto complemento anguli inuenti pro reliquo angulo:

VII. A N G V L V S

EX base & vno latere.

<i>responsum</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita ut is datum</i>	<i>ad sinum anguli dato latere opposit.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

VIII. A N G V L V S

Ex utroque latere.

<i>responsum</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita alterum latus datum</i>	<i>ad tang. anguli hujus alteri lat. opposit.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

TRIANGVLORVM RECTILINEORVM

obliquangulorum calculus.

IX. SEGMENTA LATERIS

à perpendiculari facta

Ex datis tribus lateribus.

<i>responsum</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita differentia co- ordinum laterum</i>	<i>ad quartum altum numerum.</i>	<i>3. triang. rectil.</i>

L I

Si quartus

Si quartus numerus inuentus minor est latere, in quod cadit perpendiculari, auferendus erit ex eo latere. Semisus enim reliqui numeri dabit minus segmentum: quod ex toto latere subductum reliquet segmentum maius.

Si vero quartus numerus inuentus maior est latere, in quod cadit perpendiculari, auferendum est illud latus ex eo. Semisus enim reliqui numeri dabit segmentum minus externus inter perpendiculararem, & angulum obtusum: quod additum eidem latere constituit illud segmentum minus inter perpendiculararem, & angulum acutum.

X. L A T E R A D V O

Ex tertio latere, & duobus quibusvis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

1a. triang. rectang. *Si finis anguli dato ad latus datum: Ita finis alterorum ad latus hoc oppositum.*

Rursus

Si finis anguli dato ad latus datum: Ita finis tertii ang. ad latus hoc oppositum.

IN Isoscele velus tantum lateris inuentione opus est, cum vnum datur sit cum angulis. In æquilatere vero triangulo, & vnum latus datum sit, erunt & reliqua illi æqualia, data.

XI. L A T V S

Ex duobus lateribus, & duobus quibusvis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

1a. triang. rectang. *Si finis anguli alterutri lateri dato oppositi ad latus oppositum datum: Ita finis ang. quasi ad latus quasi.*

XII. L A T V S

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Probl. 17. triang. isoshar. *Si finis totus ad tangentem semisus arcus, qui semisus aggregari daturū laterum ad finem reuocaturus, ut finis, debetur: Ita differentia inter eam semisum, & alterutrum datorum laterum ad finem reuocaturus.*

Deinde

Si finis totus ad tangentem semisus arcus, qui detracto dato ang. ex semicirculo reuocatur: Ita quartus inuentus ad tangentem differentie semisum cuius arcus, et alterutrius angularium ad eam.

Rur

Hæc tangens hoc etiam modo invenitur.

<i>Angulus oppositus lati- minorem</i>	<i>ad tangens semis- is arcus, qui detra- cto dato ang. ex se- micirculo, relinqui- tur :</i>	<i>Ita differentia in- ter semissem ag- gregati duorum la- terum datorum, & verumlibet la- terum</i>	<i>ad tangens differe- ntia inter semissem ar- cus prædicti, & al- terutrum angula- rum non datorum.</i>	<i>¶ triang. reſol.</i>
--	---	--	--	-----------------------------

Ita huius tangens inventa additus ad semissem eiusdem arcus, (est autem
semissem duorum angulorum non datorum, semissem complementum
anguli ad semicirculum) dabit maiorem angulum non datum, qui veluti
alteri lateri dato oppositus : ex eadem vero semisse detractus reliquum
erit minus angulum non datum, qui nimirum lateri minori dato opponitur.

<i>Angulus utrobique æqualis</i>	<i>ad latera opposita: Ita angulus datus ad latera opposita,</i>	<i>quod quaerunt.</i>	<i>¶ triang. reſol. a 1. primi.</i>
Si data duo latera sint inæqualia, æ erunt reliqui duo anguli æquales. Secundo præterea, qui detractus angulo ex semicirculo, reliquatur, dabit tertium ang. &c.			

XIII. L A T V S

EX duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito: si modo
existat species anguli alteri dato oppositi, quando datus angulus
rectus.

<i>Unus datus datus ad finem ang. datus</i>	<i>Ita alterum lateris ad finem ang. huius ad ang. oppositum</i>	<i>datum</i>	<i>veri lateri oppositi.</i>	<i>¶ ang. reſol.</i>
Hic ita invenitur dabit angulum alteri dato lateri oppositum, si acutus fuerit datus, si obtusus, quando datus angulus est obtusus. Si vero datus angulus sit acutus, summa inventi ex semicirculo demptus reliquum faciet eum an- gulum, propterea quando datus angulus est acutus, oportet dari huius alterum latus, ut scilicet, cum acutus sit, vel obtusus. Summa autem horum angulo- rum ex semicirculo subtracta reliquet tertium angulum quæsito lateri oppo- situm. Ergo.				
<i>Unus datus anguli ad datus lateris ei oppositum:</i>	<i>Ita finis anguli in- venti quæsitum la- teri oppositi</i>	<i>ad lateris quæsitum.</i>	<i>¶ triang. reſol.</i>	

Si duo latera data sint æqualia: erit angulus alteri dato lateri oppositus,
et angulus æqualis, &c.

XIII. ANGVLIDVO

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Invenitur ex datis duo anguli, ut in priori parte problematis 12. dictum est,
huiusmodi requiratur tangens & differentia inter semissem arcus, qui, detractus an-
gulo dato ex semicirculo, relinquitur, & alterutrum angulorum, qui quaerun-
tur, &c. quæ tangens duobus modis inventa est in priori parte problematis 12.
Angulus proponitur investigandum ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis
comprehenso, quod ut heret, inventi prius fuerunt alii duo anguli, qui in hoc
problemate 14. quaeruntur.

ASTROLABII LIBER SECVNDVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO

BAMBERGENSI

E SOCIETATE IESV.



SUPERIORE libro ea demonstrauimus, quæ ad Planispharj, siue Astrolabj constructionem, hoc est, ad projectionem sphaera in planum demonstrandam necessaria esse indicauimus: Nunc ad rem ipsam aggrediamur. Sphaera igitur caelestis multis modis in planum projecti potest, pro arbitrio ac voluntate eius, qui eam in plano describere conatur, prout videlicet hac vel illa figura eam exprimere desiderat.

Sphaeram variis
modis in planum
proieci solent.

Quoniam enim fieri non potest, ut omnia puncta, omnesque circuli, qui in sphaera concipiuntur, ita describantur in plano, ut eundem situm, easdemque prout distantias inter se habeant, quas in eius superficie concina, conuexaue obiciunt, coalescent Astronomi omni ipsius lucra, ac partes ea effigie ac forma in datam planam superficiem projicere, quæ in ea apparent, modo in certo aliquo loco confluito, vel quæ non perpendiculares ex omnibus circumferentiæ punctis in eam demissa efficiunt: quod tribus potissimum vijs factum ab ipsis esse obseruauimus.

1. QUIDAM enim, inter quos est Gemma Frisius non ignobilis scriptor is. Astrolabio suo vniuersali, quod Catholicum appellat, oculum collocat in communem stellam Aquatoris atque Eclipticæ, omnesque circulos caelestes in plano Colari substituit, qui Meridianum circulum refert, ea forma describit, quæ eos oculis intuetur.

2. ALII vero non existimant oculum in fixo aliquo & certo loco, sed omnes

Astrolabium Ca-
tholicum. Oculum
tradii quæ iuxta
centrum collocata
est.

Meridianum
Universale dicitur
 de h. ut quod sua
 demum articulo
 fac.

omnes sphaera circulos ea figura in Coluri solstitialium, siue Meridiani plano designant, quam perpendicularares linea ex omnibus punctis circumferentia cuiusvis circuli ad planum Coluri solstitialium, vel Meridiani circuli demissa efficiunt: qua ratione sit, ut omnes circuli, qui neque Aequatori aequidistant, neque ad Colurum solstitialium recti sunt, efficiant in plano illius Coluri Ellipses; Aequator vero cum suis parallelis omnibus, & alij circuli ad eundem Colurum recti, projiciantur in eius planum per lineas rectas. Atque hanc rationem secutus est Ioannes de Rojas in Planisphaerio suo universalis. Vtriusque autem Planisphaerij constructionem, tam Germani Frisij, quam Ioannis de Rojas, acute eleganterque Guido Pladdus Marchionibus Montis, vir in rebus Mathematicis eruditissimus, demonstravit.

Astrolabium ad
datum poli altitudinem
construere quod
 dicitur in
 libro de Astro-
 nomia de Rojas.

Inducere quod
 est a Ptolemaeo in
 Astrolabio descri-
 ptum de Rojas.

4. PTOLEMAEVS denique Astronomorum princeps confixit oculum in polo australi, circulosque omnes primi Mobilis, lineas, ac puncta in plano Aequatoris in infinitum extenso ea figura depinxit, qua ex polo australi eo in plano cernuntur. Atque hac ratione Astrolabia vulgaris, qua ad datam poli altitudinem construuntur, ab artificibus describunt. Iordanus tamen, quem secutus est Franciscus Maurolycus Abbas Siculus celeberrimus Mathematicus in doctissima sua Astrolabij theoria & fabrica pro Aequatoris plano aliud assumit illi aequidistant, & quod sphaeram in opposito polo boreali tangit: quia sub istdem figuris in eo apparent omnes circuli ac linea, sub quibus in Aequatoris plano conficiuntur. Sed nos Ptolemaeum potius, quam Iordanum, in Astrolabij, siue Planisphaerij constructione imitabimur: quia cum Aequator in Ptolemai ratione eandem retineat magnitudinem, qua Analemma, ex quo tota Astrolabij structura pendet, describitur; sit ut pleraque multo facilius in Astrolabio delineentur, quam si planum Aequatoris aequidistant, sphaeramque in opposito polo boreali tangens assumatur, ut ex ijs, quae sequuntur, manifestum erit.

Quae posita
 in Astrolabio de
 Rojas.

Puncta inter
 alia, lineas, & circulos
 sphaerae
 quod peculiariter de
 descriptione in A-
 strolabio.

Puncta dicitur a
 Rojas, quod
 est punctum in-
 spiciendum.

3. OMNIA porro, quae in sphaera caelesti existunt, & in Astrolabio potissimum describi solent, vel sunt puncta, vel lineae rectae, vel circuli, quorum circumferentiae in connexa superficie sphaerae considerantur. Omnia enim alia, cuiusmodi sunt portiones ipsius superficiei sphaericae, figurae rectilineae tam plane in circulis, quam solidae in sphaera descriptae, & id genus alia; peculiari ac propria in Astrolabij plano descriptione non indigent, cum inter puncta, lineas, & circulos Astrolabij continentur, non secus atque in ipsa sphaera contingit. Nam, ut vnum, aut alterum huiusce rei exemplum proferamus, ea pars sphaerae caelestis, quae ad partes poli borealis ab Aequatore absconditur, hoc est, totum hemisphaerium bore-

li, representatur in plano *Aequatoris*, vel *Astrolabij*, per eam superficiem planam, quae inter circumferentiam *Aequatoris*, & *polum borealem*, sine centro *Astrolabij* quaquaversus includitur: Reliqua vero *Astrolabij* portio extra *Aequatorem* versus *tropicum Capricorni* in infinitum extensa perinet ad *hemisphaerium australe*, quod *Aequator* in *sphaera caelesti* versus *polum australem* aufert. Sic etiam *hemisphaerium*, quod *Ecliptica* in *celo* versus *polum borealem* abscindit, est in plano *Astrolabij* pars illa, quae inter *Eclipticam*, & eundem *polum borealem*, sine centro undique intercipitur: Pars vero reliqua *Astrolabij* extra *Eclipticam* infinite excurrenti illi parti *sphaera caelestis* respondet, quam versus *polum australem* *Ecliptica* abscindit. Pari ratione pars illa *Astrolabij*, quae inter duos *tropicos* existit, exprimit *Zonam torridam*, id est, superficiem illam *sphaerae caelestis*, quam duo *tropici* includunt: Pars vero extra *tropicum Capricorni* in *Astrolabio* in infinitum extensa, refert illam *celi* partem, quam *tropicus Capricorni* versus *austrum* dirimit; quae autem intra *tropicum Canceri* existit, est illa, quae in *celo* inter *polum arcticum*, & *tropicum Canceri* existit. Denique quilibet *circulus* in *Astrolabio* descriptus, & centrum ambiens, includit eam *celi* partem, quae in *celo* intra eius *circuli* circumferentiam versus *polum arcticum* continetur: Portio autem reliqua *celi* continetur extra illum *circulum* in *Astrolabio*. Ratio huiusce rei est, quia omnia puncta illius partis *celi*, quam versus *polum arcticum* *circulus* quicunque alterutrum *polorum* ambiens abscindit, projiciuntur in planum eiusdem *circuli* in *Astrolabio* descripti, puncta vero omnia reliqua partis *celi* extra planum illius *circuli* cadunt, ut ex his, quae sequuntur, perspicuum fiet.

6. *PVNCTVM* quodlibet *sphaera caelestis* per *lineam rectam* videtur, apparetque in eo puncto *Astrolabij*, sine *plani Aequatoris*, per quod *recta linea* ex *polo australi* per ipsum punctum assumptum ducta incedit.

Punctum quoddam
in *sphaera* ubi
apparet in *Astrolabio*.

7. *LINEA* autem quocunque *recta*, si quidem per *polum australem* ducitur, apparet tota in uno puncto *Astrolabij*, in eo scilicet, per quod *extensa transit*; propterea quod omnia eius puncta in eo solo puncto cernuntur, cum unicus *radius visualis* per omnia illius puncta feratur: Si vero per *polum australem* non transiatur, aspicitur per *triangulum*, cuius vertex est in *oculo*, sine *polo australi*, *basis* autem est ipsa *met* *linea visa*, ita ut *radij* *visuales*, qui per omnia illius puncta feruntur, iaceant omnes in *plano* illius *trianguli*: Ex quo fit, ut qualibet *recta linea* per *polum australem* non transiens projiciatur in *Astrolabium* per *lineam rectam*, quae communis sectio est, *plani Astrolabij Aequatoriae*, & *disti trianguli*, si tamen eius *latera* intelligantur esse producta, ut *Astrolabij planum* secare possint.

Recta linea in
oculo, quando
apparet punctum
in *Astrolabio*, &
quando *recta* in
oculo.

sint, quando recta linea visa vel tota est citra planum Aequatoris, aut Astrolabij, vel pars eius citra, & pars ultra: quia videlicet radij visuales per omnia puncta linea recta vise circumducti à communi illa sectione plani Astrolabij, & dicti trianguli non recedunt. Itaque omnes diametri maximorum circularum sphaera projiciuntur per centrum Astrolabij in lineas rectas; quippe cum omnes per centrum sphaera, quod a centro Astrolabij non differt, ut infra patebit, trajectantur; adeo ut recta linea à quovis puncto circumferentiae alicuius circuli maximi in Astrolabio descripti per centrum ducta, referat illius circuli maximi diametrum, quae in eadem ducitur per punctum illud, quod assumpto puncto in Astrolabio respondet: Diametri vero circularum in sphaera non maximorum projiciuntur quidem in Astrolabium per lineas rectas, sed non per centrum, cum neque in sphaera per centrum ducatur.

Circulus quilibet
sphaerae quovis modo
describitur in
Astrolabio.

8. *CIRCULUS* denique quicumque, cuius circumferentia in superficie sphaera existit, si quidem per australem polum descriptus est, inspicitur per radios visuales, qui per omnia puncta eius circumferentiae circumlati ab eodem plano non recedunt, ac proinde omnes in communi sectione plani circuli & plani Astrolabij, sine Aequatoris terminantur, ut infra demonstrabitur proposit. 1. Num. 1. adeo ut omnia illius puncta in recta linea, id est, in communi illa sectione appareant: Si vero per polum australem non ducitur, seu Aequatori aequidistat, sine non, & sine maximus sit, sine non maximus, emittitur per eundem, cuius vertex est oculus ipse, sine polus australis, basivero ipse circulus visus, ut ex definitionibus Apollonij patet, si radius visualis ex polo australi per quodlibet punctum circumferentiae circuli ductus, intelligatur circa circumferentiam circumduci, ut eundem describat, per quem circulus inspicitur ex polo eodem australi, cum radius ille visualis cum omnibus alijs radijs ex polo australi emissis coniungatur in illa circumlatione: Ex quo fit, ut circulus quilibet sphaera, qui per polum australem non ducitur, in Astrolabium projiciatur ea forma, ac figura, quam communis sectio plani Aequatoris, Astrolabijque, & dicti coni efficit, dummodo coni ille intelligatur esse productus, ut a plano Astrolabij secari possit, quando circulus visus vel totus est citra planum Aequatoris, vel partim citra, partim ultra existit. Hac autem communis sectio coni & plani cuiusvis, quamvis possit esse circulus, Parabola, Hyperbola, vel Ellipsis, ut Apollonius demonstrat, tamen in Astrolabij plano, sine Aequatoris, semper circulus est, ut suo loco demonstrabimus.

Astrolabium de-
scribere quod sit

9. *EX* his liquet, nihil aliud esse Astrolabium, sine Planisphaerium construere, hoc est, sphaeram, seu Primum mobile in plano describere, quam singula illius puncta, lineas, ac circulos in plano Aequatoris sine Astrolabij,

eo sita

estm *disponere*, quo ab oculo in polo australi constituto in eo plano consistuntur: Adeo ut Astrolabium, Planisphariumve sit figura plani continens omnes sectiones plani AEquatoris, Astrolabiꝝque in infinitum extensi, & tam rellarum ex australi polo emissarum, quam singularium, conorumque, quorum vertices in polo australi existunt, basi vero sint rellæ lineæ, & circuli sphaera, qui in Astrolabio describuntur. Quod quæratione fiat, ordine per sequentes propositiones demonstrabimus,

Astrolabiꝝ quib.

THEOREMA I. PROPOSITIO I.

CIRCVLVS quilibet sphaeræ per polum australem ductus prolicitur cum omnibus punctis, & lineis in eo ductis, in Astrolabiũ per lineam rectam infinitam, quæ communis sectio est ipsius circuli, & plani Astrolabiꝝ, Aequatorisue: Partes autem illius rectæ arcubus æqualibus respondentes inæquales sunt, eoque maiores, quoad radio visuali per circuli centrum ducto sunt remotiores: binæ tamen partes hinc inde ab eodem radio æqualiter distantes, æqualibusque arcubus respondentes, æquales sunt.

Circulus per polum australem ductus prolicitur in Astrolabio per lineam rectam, & arcus æquales per partes rectæ lineæ inæquales.

1. DVCTVS sit circulus ABCD, per polum australem A, secans Aequatoris planum per rectam HL, quæ vel per centrum E, circuli propositi transibit quando nimirum circulus ABCD, est maximus; Cum enim Aequator & circulus maximus ABCD, se mutuo secent bisariam, transibit eorum communis sectio HL, per utriusque centrum, ac propterea & per centrum E, circuli nunc propositi vel ultra centrum E, existet, quâdo videlicet circulus ABCD, non est maximus. Tunc enim eius centrum necessario citra Aequatoris planum erit, cum eius semidiameter AE, minor sit semidiametro sphaeræ, quæ omnium rellarum ex polo australi A, in planum Aequatoris cadentium est minima; æquippeque in centrum Aequatoris cadens sit ad eius planum perpendicularis. Atque hæc recta HL, vel circulum ABCD, secabit, vel tota ultra eum erit, prout videlicet circulus ipse Aequatore m secat, vel totus citra ipsum existit. Dico hunc circulum totum ABCD, cum oibus punctis, & lineis in eo ductis, prolici in locum rectam HL, in infinitum extensam, &c. Quoniam enim radius visualis ex polo A, per omnia puncta circumferentiæ circuli ABCD, & per omnia puncta in eius plano existentia circumducitur, à plano ipsius circuli non recedit; cadet necessario in communem sectionem HL. Omnia ergo puncta circuli in eadem recta HL, apparebunt. Et quia radij visuales, quo obliquius rectam HL, secant, eo longius excurrunt, adeo ut radius AY, vel AZ, cir-

a r r a. T b a.

b s b o l. s. l. T b o d.

M m

culum

Ad ad AE, ita HI, ad IE. Cum ergo AH, maior sit ostensū, quā AE; erit quoque HI, maior, quam IE. Eodemq; ratione maior erit BH, quā HI, & sic de cæteris.

3. POSTREMŌ quia in triangulis AEI, AEK, anguli ad E, recti sunt, anguli æquales, ex lemma 26, & anguli quoque EAI, EAK, arcubus æqualibus CR, CS, insistentes, æquales, laterisque illis adjacent AE, commune; erunt latera quoque EI, EK, æqualia, quæ quidem à radio AE, per centrum dictio æqualiter distant. Item quia in triangulis AEH, AEL, anguli ad E, recti sunt, ideoque æquales, ut dictum est, & anguli quoque EAH, EAL, æqualibus arcubus CQ, CI, insistentes, æquales, laterisque illis adjacent AE, commune; erunt etiam latera EH, EL, ab eodē radio AE, æqualiter distantia, æqualia. Ablatis ergo æqualibus EI, EK, ab æqualibus EH, EL, reliquæ quoque rectæ IH, IL, ab eodem radio AE, æqualiter remote, respondentque arcubus æqualibus RQ, ST, æquales erunt. Eodem modo ostendimus rectas EB, ED, æquales rectis; ideoque, ablatis æqualibus EH, EL, & reliquis HB, LD. Atque ita de cæteris rectis à radio AE, æqualiter distantibus, respondentibusque arcubus æqualibus à puncto E, æqualiter remotis, quod erat demonstrandum.

4. QVONIAM vero & polus borealis, & totus axis mundanus apparet ex polo australi in centro Astrolabij, siue Aequatoris, seu sphaeræ, quod axis, qui & recta est ex polo australi ad borealem polum ducta, & Aequatorem in centro sphaeræ, vel Aequatoris, facit, adeo ut centrum Astrolabij representet & certum sphaeræ, & polum mundi septentrionalem, & axem mundi sit, ut Meridianus, Horizontus, duo Coluri, circuli declinationum, circuli horarum à meridie usque ad nocte, omnes denique circuli maximi sphaeræ per mundū polos ducti, præsententur Astrolabium per lineas rectas scilicet in centro Astrolabij inter se curren, quandoquidem & axis mundi, & polus borealis, ubi omnes illi circuli coniuncti interficiant, in centro Astrolabij, vel Aequatoris ex polo australi inscriptus apparet, ut diximus. Necessè enim est, ut in Astrolabio eiusmodi circuli maximi sese interficiant in eo puncto, quod representat punctū illud in sphaera, vel locum rectam, ubi omnes sese interficiunt. Nam quemadmodum in cælo omnes illi circuli transeunt per aliquod unum punctum, vel lineam rectam, ita adde conspiciuntur in Astrolabio transire per punctum, quod illud in sphaeræ representat, vel per rectam lineam, in quam illa proficiunt.

5. COLLEGITVR quoque ex his, quæ ratione circulus quilibet per polū australem ductus, qui quidem in Astrolabio est linea recta, ut de monstratum est, in gradus sit dividendus, & quo pacto propositum punctum eiusmodi circuli in linea illa recta, quæ cum circulum representat, exhiberi possit in Astrolabio. Nunc cogno, quantum recta HL, quæ communis sectio est Aequatoris, vel plani Astrolabij, & ducti circuli, à polo australi abest, si per centrum E, non transeat. (quo patet auctore distantia hec cognoscatur, suo loco dicemus, quid de divisione eiusmodi circulorum indigebimus, cuius quidē rei exemplū clarissimum ponemus proposit. I. Nam si recta ex A, per singulos gradus circuli ABCD, ducantur, & cæquebunt rectæ HL, in partes inæquales, ut ostensum est, quæ singulos gradus, circuli representant. Atque recta AL, communis sectio est circuli ABCD, & cæcili maxime per polū australem, & ipsius circuli, & sphaeræ proprii quædam Meridianus, transiens illa, sit, ut quædam quodam tam Q, quam T, est gradus sexagesimus circuli ABCD, minus remanentis scilicet à puncto C, illius Meridiani, ita in Astrolabio punctum tam H, quam L, refert gradum 60 ab eodem Meridiano numerandum. Pari ratione puncta I, K, referant hinc inde gradum 30, & puncta B, D, gradum 90, & puncta A, G, gradum 120, & sic de cæteris.

a 27. tertiū.

b 26. primi.

c 27. tertiū.

d 26. primi.

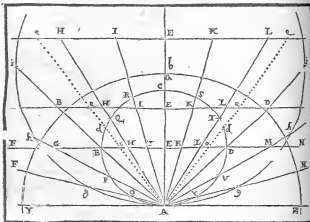
Polus borealis, in
axis mundi sphaeræ
est in Astrolabio
quod nunc punctum
est, vel axis mundi
sphaeræ.
C. p. 1. Tabula.

Quia est illi
punctum, per quod
de polo australi
transiunt omnes
circuli maximi, ut
axis mundi, & cæque
buntur rectæ HL,
in partes inæquales.

Circuli per polū
australem ducti, qui
transiunt illud
punctum in Astrolabio
tunc, ubi recta lineam
est, ut in puncto
duo dividuntur.

Quales quilibet
quo possit repre-
sentari in eodem
recta circuli
per polos mundi
ductam referre-
re; & quot gra-
dus continentur
in dato segmen-
to rectae rectae,
quo possit cognos-
cere.

6. ITA QVE si in recta HL, siue versus H, siue versus L, investigandus sit quilibet arcus, vel gradus propositus, supputandus erit arcus vel gradus ille in circulo à puncto C, versus illam partem, in qua arcus, vel gradus propositus consideratur. Nam per rectas ex A, per extrema puncta illius arcus ductas, vel per ipsam per gradum illum ductam, exhibebitur in recta HL, arcus, vel gradus propositus. Vt si ex utraque parte desideretur gradus 70. accipiendus erit utrinque arcus Cd, graduum 70. ut in lemmate 3. docuimus. Recta enim ex A, per d, eadem, dabitur in recta HL, punctum e, quod gradibus 70. utrinque à puncto E, abest. Eademque est ratio de ceteris gradibus. Quod si proponatur gradus cum quolibet minutis, accipiendus erit secundum doctrinam lemmatis 3. arcus contonsor gradus, ac minuta, quot proponuntur. Sic è contrario, si scire quis cupiat, quot



gradibus datum quoduis segmentum eiusdem rectae respondeat, docenda sunt i duobus eius extremis duae rectae ad centrum. Hae etenim productae tam si quis fuerit in dato circulo, quem recta illa representat, interceptis gradus, quos segmentum propositum responderet. Vt si datum sit segmentum GH, docenda sunt duae rectae GA, HA, secantes circulum in P, Q. Nam quot gradus in arcu PQ continentur, tot in segmento dato GH, includi dicentur, atque ita de ceteris.

7. VER VM ut accuratius rectae ex A, per singula puncta circuli ABCD, de-
centur, praesertim per ea, quae non procul absunt à puncto A, ubi facile regula è
recto sibi describere potest, propter paucum illud spatium inter A, & illud pun-
ctum, utemur hoc artificio. Ex A, describatur semicirculus YbZ, ad quodvis in-
teruallum

Recta ex A, per
gradus circuli
quo possit con-
tinetur.

semilum, diuidaturque in 360. partes aequales, vterque videlicet quadrans 45° b Z. in 180. ita vt quilibet particula semilum vnus gradus complectatur. Nam recta ex A, per has graduum semiles in semicirculo Y b Z, emissa tran-
 siet per integros gradus circuli ABCD, cum ex lemma 10. quilibet particula b sit semilum eius arcus in eodem semicirculo Y b Z, qui similis est arcui in cir-
 culo ABCD, qui inter duas rectas particulam illam ex semicirculo auferentes
 includit.

1. ITAQUE si quicumque gradus in recta HL, desideretur, hoc est, punctum
 complectens quocumque gradus ac minuta, insilio numerationis facto à puncto
 Luelpendus est in semicirculo à puncto a, arcus continens dimidia tum nume-
 rum graduum, vel certe tot semigradus, quot gradus proponuntur. Vt si inueniē-
 dus sit punctum in recta HL, grad. 70. accipiemus arcum grad. 35. vel semigra-
 dus 70. Recta namq; A e d, ex A, per terminum eius arcus ducta dabit in recta
 HL, punctum e, quod queritur. Sic si queratur punctum grad. 25. min. 40. sumē-
 mus in semicirculo arcum grad. 12. min. 50. vel arcum semigraduū 25. & semi-
 minorum 40. atq; ita de cæteris. Vel certe per lemma 7. accipiemus arcum
 grad. 25. min. 40. Eius enim dimidium dabit arcum similem semis arcus grad.
 12. min. 40. in circulo ABCD. Atque ita semper numerari poterit in semicircu-
 lo Y b Z, totus arcus propositus, deinde eius semis sit accipi, præsertim si minuta
 gradibus adhaereant, ne cogamur & gradus & minuta partiri bifariam, quod mo-
 lehus est, quando numerus graduum ac minorum est impar.

2. IDEM efficiemus hoc modo. Ex quolibet pñcto b, in recta AE, producta
 defutur per A, alius circulus A g h i, tangens rectā YZ, vel circuli ABCD,
 in A, diuidaturq; in gradus. Nam recta ex A, per gradus huius circuli emissæ et à
 sunt quoq; per gradus singulos circuli ABCD, eo quod per lema 9. rectæ ex pun-
 ctis b et i egredientes abscedunt arcus similes ex circulis sese tangentibus, &c.

3. AVT certe sine circulo idem assequemur per lemma 11. si rectam u.g.
 AQ, in continuum producamus, vt in eò lemma præcepimus, eodemque pñcto
 alia recta, quarum extrema puncta parum inter se distant, per idem lemma, in
 rectam & continuum producamus.

4. QVIN etiam, vt pñcta, in quibus rectæ ex A, emisse nimis oblique rectæ
 HL, secant, qualia sunt puncta G, & M, magis exquisitè habeamus, adhibendum
 erit documentum lemmatis 13. vbi docuimus, quam arte inueniri possit pñ-
 ctum, in quod uæ rectæ conuenire debeant, si producantur.

THEOR. II. PROPOS. II.

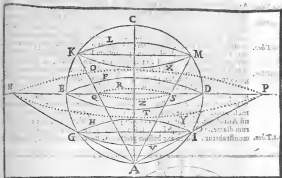
AEQVATOR, omnesque eius paralleli in Astrola-
 bium proiciuntur in formas circulares, & arcus eorum
 in arcus similes, atque adeo aequales in aequales; & paral-
 leli quidem australes in circulos Aequatore maiores, bo-
 reales vero in minores proiciuntur. Omnes tamen vnum
 & idem centrum cum Astrolabio habent.

1. AEQVATOREM proici in formam circuli &c, perspicuum est. Cum
 enim inspicitur ex polo australi per cons, culus basis est ipsemet Aequator in
 plano Astrolabij, ita vt Aequator sit cõis sectio eius cons, & plani Astrolabij,
 quod

Gradus quilibet
 quo pñcto accom-
 modatus non datur
 in eodem recta,
 quæ dicitur per
 puncta pñcto duc-
 tum, pñcto.

Quælibet gradibus
 in recta aduersum
 quædam punctum in
 huiusmodi circulo

Adquædam om-
 nes, particula
 pñcto in bo-
 realem circuli &
 & parum aequa-
 lis in partem bo-
 realem, ita.



omnes circulos in Astrolabio, in quos Aequator, & omnes paralleli proi-
ciuntur, esse concentricos, idemq. cum Astrolabio centrum habere. Quod erat
demonstrandum.

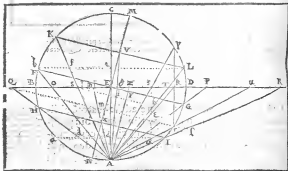
THEOR. III. PROPOS. III.

CIRCULVS quilibet sphaerę ad Aequatorę obli-
quus, vel etiam rectus non maximus, in Astrolabiũ proj-
icitur in circula rem figuram; sed arcus eius à certo quo-
dam puncto inchoati in arcus dissimiles, atq. adeo æqua-
les in inæquales proiiciuntur: centrum denique eius in
Astrolabio à centro Astrolabij diuersum est.

Obliquus dicitur
hic quoniam
vel maximus ad
equatorem rectus
non maximus
proiicitur in
figuram circula rem
& pariter æqua-
les in inæquales
proiicitur.

IN sphaera ABCD, cuius centrum E, & poli mundi A, C, & circulus tem-
peratus, cuius diameter FG, quāvis non maximus, cuius diameter HI, vel KL,
ad Aequatorem obliquus, hoc est, cuius poli M, N, à polo mundi C, à A, diuersi
sūt. Vel etiam circulus non maximus ad Aequatorem rectus, cuius diameter
per hoc est, per cuius polos Aequator incedat. Dico eum in Astrolabium proiici
in figuram circula rem, &c. Describatur enim per eius polos, & polos mundi cir-
culus maximus ABCD, siq. ipsius & Aequatoris communis sectio recta BD
in finem extendā; & ex A, polo australi per extremitates diameterum ex-
tendatur radii visuales secantes rectam BD, per quam planum Astrolabij,
Aequator

- a. 14. *Thes.* Aequatoriusve ducitur, *ad quod circulus $ABCD$, rectus est in punctis O, P, Q, R, S, T , i. u. Et quoniam in cono scaleni, quorum vertex A , & bases circuli diameterum FG, HI, KL , p. r. secantur plano circuli $ABCD$, *ad bases recto, scilicetque triangula per axem $AFG, AHI, AKL, A p. r.$ (Axes enim huius conorum in plano circuli $ABCD$, sunt, cum basium contra, ad quae axes ducuntur, in eodem plano sint, quippe cum eas circulus bisectam, hoc est, per centrum) secantur autem & alio plano per rectam BD , ducto, nimirum plano Aequatoris vel Astrolabij, quod ad triangula per axem, hoc est, ad planum circuli $ABCD$, rectum est, *quod hic circulus per polos Aequatoris ductus cum ad angulos rectos fecit; atque hoc planum per BD , ductum abscondit triangula AOP , triangulo AFG , & triangulum AQR , triangulo AHI , & triangulum AST , triangulo AKL , & triangulum $A i. u.$, triangulo $A p. r.$ simile, & subcontrarie posita, ut in lemmate 35. demonstrauimus, quicumque situm habeat diameter circuli inclinatus, faciet per lemma 17. Idem hoc planum per BD , ductum, hoc est, planum Astrolabij, Aequatoriusve, in conis praedictis scalenis sectiones, circuli quorum diametri OP, QR, ST , i. u. Esse autem conos istos & alenos, hac ratione demonstrabitur. Ducto axe basium priorum trium conorum MN , *transibit



- f. 15. *Thes.* per E, X, V , centra discolorum, qui bases sunt, rectisq; ad ipsos circulent. Cum ergo ex punctis E, X, V , ad eosde circulos non possint educi alig lineae perpendiculares, trunt axes conorum AE, AX, AV , ad eos circulos, hoc est, ad bases conorum obliqui, adeoque conus scaleni trunt. In cono autem posteriori, si BD , axis-circuli, cuius diameter p. r. rectus etiam sit ad p. r. & per eius centrum k , transeat, liquet axem eius conus $A k$, obliquum esse ad basem conus, ac punctum conum quoque, cuius basis est circulus diametri p. r., scalenum esse.

2. DE INDE arcus circulorum, quorum diametri FG, HI, KL , p. r. si certo quodam puncto incipiant omnes, praeter in arcus dissimiles, sequentes arcus

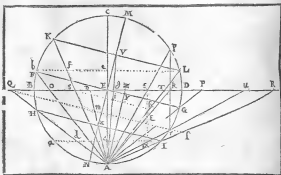
diagrammorum OP, QR, ST. Denique diametrum quoque visam te; non diuisi
bifariam in centro E, luce clarius est, cum tota ea ultra centrum E, transeat, ut
peripetuum est, propter radios Ap, Ar.

S C H O L I U M.

Circuli obliqui
ex quo circuli
maximi sunt
circuli obliqui
sunt
maximi.

*1. OPORTET autem quoniam circulum obliquum maximum, cuiusque poli
leles, vel circulum non maximum ad Aequatorem rectum, ex polo australi trahere
in communi sectione Aequatoris vel plani Aequalitatis, & circuli maximi per polos mun
di, & polo circuli obliqui, vel recti, ducti, tum ut demonstramus, ut per se in figura
circularem, tum ut maxime circa diametrum visum, circa quod describendi sunt, in
becamus. Nam ut in eius sectione subconteraria sectio sit circulus, necesse est, triangu
lum per axem ad basem coni esse rectum, ut ex lemmate 17. constet: Nam quod
tunc est triangulum per axem in plano circuli maximi per polos mundi, & polo
circuli obliqui, vel recti, transiunt, cum hoc circulus ad basem coni, hoc est, ad
circulum obliquum, vel rectum, per cuius polos ducitur, rectus sit, & alterum nullum, quod
per eius polos non transeat. Deinde quia circulus hoc maximum transeat maximum*

215 J. T. hoc.



Circulus obli
quus ex recto
inducitur, ut
maximus, di
stans vero in
maximo induit
Aequatorem, in
circulo maximo
per polos mun
di, polo obliquo
rum circuli, tum
recti, tum obli
qui, esse circulum
maximum.

declinationem maximi circuli obliqui ab Aequatore, cum eius arcus inter maximu
circulum obliquum, & Aequatorem, sit arcus angulari, quem obliquus circulus cum A
equatore facit, ex dicto 6. nostrorum triang. sphaeric. conuenit diametrum maximi
circuli obliqui, quia communis sectio est ipsius, & illius circuli maximo, (qualem
propter antecedenti figura est diametrum PG,) cum diametro Aequatoris, quae eundem cir
culum maximi, & Aequatoris communis sectio est, (conueniendi est in eadem figura ha
buerit BD,) minorem angularem, quam ulli alia eius diameter, quae communis
sectio sit circuli obliqui & alterius maximi circuli per polos mundi, sed non per polos alios

circuli, incidentis, cum hoc circulus non maxime declinationem circuli obliqui ab A recipere: ac proutd omnes alie diametri circuli maxime obliqui in punctis B. & F. atque D. & G. cadunt. Igitur per lemma 18. diameter O F. visio per totam maximam, & B D. minimam, proprietate quod recta per extrema puncta diametri diametrorum minores angulos, cum B D. in centro E, constituantur cum duobus aliis minoribus rectis ex B D. recta O P. & minores quidem B D. ut ibi demonstratum.

2. R. O D. autem diameter visa ST, circuli obliqui non maxime, cuius diameter E L. circumferentia sibi ipsi A & circuli maxime A B C D. per ipsius polos. & polos mutuos, sit quoque terminum maximam, ita confirmabitur. Ducatur ex A¹, ad V, terminus obliqui circuli in centro, cuius ipse circulus est basis, axis A V, secans rectam B D. in G. Omnes ergo diametri circuli obliqui in sphaera per centrum V, transiunt, inscribantur in A sphaera plano per rectam B D. ducto transire per punctum G. Ducta itaque S b, ipsi K L, parallela, qua fecit axem coni A V, in iunctis ex sphaera propof. 4. lib. 6. Euclid. ut b i, ad i S, ita L V, ad V K. Est autem per lemma 23. minor proportio T g, ad g S, quam L V, ad V K. Cum ergo L V, V K, sint equalitatem, utriusque terminus T g, non utroque T g, quamvis S g, ac proutd centrum circuli diametri I T. sphaera in diameter visam ST, bisariam, existit in recta T g.^a Recta ergo ST, per centrum illius circuli ducta, qui quidem refert circulum obliquum diametri K L, ut diametri terminus, minor est omnibus alijs rectis per g, ductis in eodem circulo, qua quidem sunt diametri visa circuli obliqui, ut dictum est. Eodem modo ostendendum est

a 15. rectis.

ut visum Q R, circuli obliqui non maxime diametri H I, qua communis utriusque ipsi ipsius, & circuli maxime A B C D, per ipsius polos. & polos mutuos transiunt, terminum maximam. Ducto enim ex A, ad X, terminus obliqui circuli in centro, cuius ipse circulus est basis, axis A X, qui productus fecit rectam B D, in u, inscribitur omnes diametri circuli obliqui in sphaera per centrum X, ducta transiunt sphaera A sphaera plano per rectam B D, ducto per punctum u. Et quia ducta Q L, ipsi H I, parallela, qua axem coni productum fecit in m, est ut l m, ad m Q, ita I X, ad X H, ex sphaera propof. 4. lib. 6. Euclid. Est autem per lemma 23. minor proportio R n, ad n Q, quam l m, ad m Q; erit quoque minor proportio R n, n Q, quam I X, ad X H. Cum ergo I X, X H, equalitatem sint, inaequalitatem R n, n Q, maiorque R n, quam n Q; ac proutd centrum circuli diametri Q R, qui refert obliquum circulum diametri H I, ut demonstravimus, diametri diametrum Q R, bisariam, in recta R n, existit.^b Recta igitur Q R, per centrum illius circuli ducta, minor est omnibus alijs rectis per n, ductis in eodem circulo, quodam sunt diametri visa circuli obliqui diametri H I, ut diximus. Denique aliter probavimus diametrum visum t n, circuli ad Aequatorem recti, cuius diameter t r, esse terminum maximam. Ducto enim aus A k, in centro, cuius basis est circulus diametri t r, agatur per t, ipsi t r, parallela t a, secans A k, in u. Erat igitur ex sphaera propof. 4. lib. 6. Euclid. ut a t, ad t t, ita r k, ad k p. At per lemma 23. minor est proportio u k, ad k t, quam a t, ad t t. Igitur minor quoque proportio u k, ad k t, quam t k, ad k p. Cum ergo equalitatem sint r k, k p, maiorque u k, k t, minorque u u k; ac proutd centrum circuli diametri t n, in illa u k, existit. Ergo recta u t, parallelus centrum ducta erit minor omnibus alijs rectis per u, ductis in eodem circulo, quodam sunt diametri visa circuli, cuius diameter t n, sphaera. quod est propofitum.

b 15. rectis.

3. I M O. & hac demonstratio in circulis maxime communis. Quoniam enim in eisdem sphaera omnes diametri circuli maxime obliqui, cuius diameter F G, terminus sibi ipsi, & circuli maxime A B C D, per ipsius polos, & polos mutuos ducti,

sphaerique, ¹ ad quod circulus $ABCD$, rectus est, diametrum visum KL . Dico ^{215.1. Theo.}
 quod rectus H , i. E , L , in plano Aequatoris sive Astrolabij, cadere in circuli ^{b 31. corry.}
 intersectionem. ² Quoniam enim angulus FAG , in semicirculo rectus est, rectangulum ^{c 10.1. Theo.}
 et triangulum AHI , ad cuius basim HI , demissa est perpendicularis AE , numerum
 ex his mundum, ³ qui per sphaerae centrum E , transit, reliquum est ad Aequato-
 rem, cuius axis est, idcirco et ex defn. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam HI , in Aequa-
 toris plano, axillam perpendicularis. Igitur erit per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid.
 AE , media proportionalis inter HE , EL . ⁴ Igitur rectangulum sub HE , EL , qua-
 ter recta AE , aequale erit. Rursus quia angulus KAL , rectus est, cum etiam in-
 strumentum existat, numerum in eo, quoniam ex maximo circulo per polos mundi, sed non
 per polos obliqui circuli, ducta auferit diametrum circuli obliqui, per cuius extrema pun-
 ctu radii visuales emissi abscondunt diametrum visum KL , erit triangulum AKL , re-
 ctangulum, ad cuius basim KL , demissa est perpendicularis AE , axis videlicet ipse mun-
 dum, qui per sphaerae centrum E , transit, reliquum est ad Aequatorem, cuius est
 axis, idcirco et per defn. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam KL , in plano Aequatoris exis-
 tentem perpendicularis. Igitur per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid. AE , media inter
 perpendiculariter KE , EL : ⁵ ac prout rectangulum quaque sub KE , EL , quadra-
 nctum AE , aequale erit. Quocirca rectangula sub HE , EL , et sub KE , EL , aequalia
 sunt, cum utrumque quadratum recta AE , assensum sit aequale: ac propterea ex
 sphaeroprop. 31. lib. 3. Euclid. circulus circa diametrum HI , descriptus per puncta K ,
 L , cadet. Non aliter ostendimus, eundem transire per extrema puncta aliarum dia-
 metrorum visuum, si nimirum describantur alij circuli maximi per polos mundi, sed
 non per polos circuli obliqui diametri FG , descripti, facientes in circulo obliquo dia-
 metrum, per quorum extrema puncta radij visuales ex A , praecedentes abscondunt in
 plano Aequatoris alias diametros visas à diametro visa KL , differentes. Circulus ergo
 obliqui maximi, cuius diametrum FG , in formam circulearem praevertitur, quod erat
 demonstrandum.

7. **DE INDE** sit circulus obliquus, vel etiam rectus non maximus $FKGL$, cu-
 ius et circuli maximi $ABCD$, per cuius, et mundi polos ducti, communis sectio sit
 FG , cuius extrema puncta per radios AF , AG , appareant in BD , communis sectione
 omnis circuli maximi $ABCD$, et Aequatoris vel Astrolabij, in punctis H , I , ita
 ut HI , sit diametrum visum commune maxima, ut demonstratum est Num. 1.1. et 3. si
 circulus obliquus $FKGL$, visum in Astrolabio circulearem figuram obtinuit. Per quodli-
 bet punctum O , diametri FG , ducatur planum Aequatori parallelum, hoc est, ad circula-
 rem $ABCD$, rectum, cum hoc circulus Aequatorem, omique parallelus sit et per polos
 A , C , et itaque ad angulos rectos, ⁶ factum in circulo $ABCD$, sectionem in N , ipsi BD ,
 parallelam, ⁷ et in sphaera superficie circulum $NKML$; sitque KOL , communis sectio
 omnium $FKGL$, $NKML$. ⁸ qua ad circulum $ABCD$, rectum erit, quod utrumque cir-
 culus ad eundem sit rectus, ac prout ex defn. 3. lib. 11. Eucl. ad FG , rectam perpen-
 dicularem, utique diametrum FG , secans KL , ad angulos rectos, ex eadem bisectam in
 O , puncto. Extensa autem ex A , per O , recta AO , fiat HI , in B , et per R , in plano
 triquetri AKL , ductus rectus AK , AL , recta KL , parallela negatur PRQ , occurrunt ra-
 dii visuales AK , AL , in P , Q . ⁹ qua etiam ad planum eiusdem circuli $ABCD$,
 videlicet, ac prout in plano Aequatoris per HI , ducta, et ad eundem circulum $ABCD$,
 recta sunt. Puncta igitur K , L , circuli $FKGL$, in plano Aequatoris, Astrolabij, ap-
 pareant in punctis P , Q , et recta KL , in recta PQ . Dico quatuor puncta H , I , P , Q , in
 intersectionem circuli cadere in plano Astrolabij sive Aequatoris. Innotat enim ra-
 dii AG , et recta MN , facit radium visum AV , in B , et axem AC , in V , eadem
 qui recta NM , extendatur usque, ad T . ¹⁰ Quoniam igitur angulus AGC , rectus est, nec
 non et

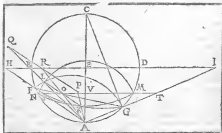
215.1. Theo.
 h. 6. vides.
 11.1. Theo.
 h. 19. vides.
 13. corry.

in 3. vides.

in 31. corry.
 in 19. primi.

- non \angle angulus APF , et parallelae BD , NM : Habetur autem \angle triangula AGQ ,
 AVT , angulus A , communis, et per coroll. 1. propof. 32. lib. 6. Euclid. reliquis angu-
 a 21. tertij. lis ACG , reliquis angulo ATV , equalis: \therefore ER autem eodem angulo ACG , angulus
 b 11. primi. AFG , equalis. Igitur \angle anguli T , F , in triangulis GOT , $SO F$, equalis erunt. \therefore Cum
 c 4. sexti. ergo \angle anguli ad verticem O , sint equalis, equiangula erunt triangula GOT , $SO F$.
 d 16. feciti. \therefore Igitur erit in GO , ad OT , ut SO , ad OF : \therefore ac provide rectangulum sub GO , OF , re-
 e 32. tertij. ctangulum sub TO , OS , equalis erit. \therefore Est autem rectangulum sub GO , OF , equalis re-
 ctangulo sub KO , OL . Igitur \angle rectangulum sub TO , OS , eidem rectangulo sub KO , OL ,

f 17. feciti.



g 4. feciti.

triangulum TOA , triangulo IBA , sit simile, \angle triangulum ACK , triangulo ABT ,
 ex coroll. propof. 4. lib. 6. Euclid. \therefore est ut TO , ad OA , ut IR , ad BA , \angle ut OK , ad
 KO , ita BA , ad PR , erit ex aequo, ut TO , ad KO , ut IR , ad PR . Rursus quoniam
 est ex fidei propof. 4. lib. 6. Euclid. ut SO , ad OT , ut HR , ad
 RI : Ostensum autem est primum, esse ut OT , ad OK , ut RI , ad
 RP , erit quoque ex aequo, ut SO , ad OK , ita HR , ad RP : Et uter
 tendit, ut OK , ad SO , ita RP , ad HR . Quoniam cum sint TO , ad
 OK , ut IR , ad RP , \angle ut OK , ad OS , ut RP , ad HR , sic erunt
 tria TO , OK , OS , ostense et tenus proportionales, erunt quoque tria
 IR , RP , HR , commensurabiles proportionales. \therefore Igitur rectangulum sub
 IR , RP , quadrato rectae RP , equalis erit, hoc est, rectangulum sub
 PR , PQ , cum ha rectae aequales sint, quippe quae ex fidei propof. 1.
 lib. 6. Euclid. eandem proportionem habent, quoniam equalis rectae
 KO , LO . Igitur per fidei propof. 3. lib. 6. Euclid. commensurabiles
 diametrum HI , describitur, per punctum P , Q , per punctum P . Euclidem
 attendemus, eundem transire per alia puncta, in qua eundem
 plano AB sita. Aequa erunt, recta ex polo australi A , per alia puncta circuli
 $PKGL$, quoniam \angle si minimum per alia puncta A describitur FG , dicantur plano A equant
 parallelae AB . Circulus igitur obliquus, vel etiam rectus non maxime $PKGL$, sit
 circularis figuram praecipuum. quod erit demonstrandum.

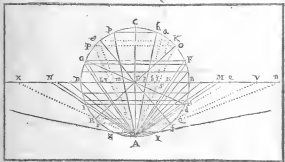
h 17. feciti.

TO.	IR.
OA.	BA.
KO.	PR.

SO.	HR.
OT.	RI.
OK.	RP.

ÆQVATOREM, & quemlibet eius parallelum, cuius datus sit arcus declinationis, in planum Astrolabij ponere, atque in gradus distribuere.

1. DESCRIBATUR Analemma, ut lemma 19. traditum est, cuius Meridianus ABCD, ex centro E, descriptus sit æqualis Aequatori in futuro Astrolabio, (scilicet enim possit magnitudo Aequatoris ad cuiusque arbitrium assumi) AC; polus australis A, & borealis C; Diameter Aequatoris BD; Tropici $\Sigma\Xi$, FG tropici \mathcal{Z} , HI, ita ut arcus BF, BH, DG, DL, mensûratur maximâ Solis, vel Eclipticæ, declinationem; atque inter has diametros FG, HI, diametri aliorum parallelorum per signorum initia ductorum contineantur, ut in Analemma lemma 19 & extra easdem, diametri circulorum arcûum & antarctici $\eta\zeta$; Diameter Horizontis ad elevationem poli grad. 42. $\xi\zeta$; eius axis, siue

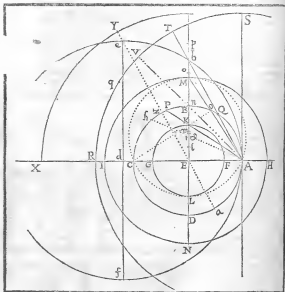


santer Verticalis OR; Diameter Eclipticæ GH. Si igitur ex australi polo A, per omnia diametrorum puncta emittantur radij visuales, secabunt ij diametros Aequatoris BD, in infinitum extensam (per quam quidem ducitur planum Aequatoris vel Astrolabij, ad quod Meridianus faciens in eo sectionem BD, nûc est.) in punctis, in quibus extrema illa puncta apparent, ac proinde ex eadem BD, diametros visas abscedent; et quæ diameter visa Aequatoris BD, eademque Analemma tropici $\Sigma\Xi$, KL, tropici \mathcal{Z} , MN. Et quoniam proposit. 1. Aequator, quique paralleli omnes in figuras circulares prorsum in eorum commune habentes E, in axe conorum, erunt omnes alie diametri parallelorum visæ æquales diametris BD, KL, MN, cum omnes per E transeant, utrumqueque in circumferentijs circulorum ex E, ad intervalia EB, EK, EM, descri-

biuntur, parallelorumque ip-
sus in astrolabo
hæc descriptio est
astrolabiorum, &
magis ad
quædam alia ha-

2. 1. 1. 1. 1. 1.

descriptorum. Quocirca si in plano, in quo Analemmatum construendum est, et assumpto quouis centro E, ad intervalla semidiametrorum EB, EK, EM, circuli describantur, erit ABCD, Aequator; FKGL, tropicus $23\frac{1}{2}^{\circ}$; & HMIN, tropicus 36° . Eodem prorsus modo alij paralleli per signorum initia incidentes describentur, & alij etiam paralleli tam intra tropicos, quam extra, si eorum designationes, siue distantiae a punctis B, D, cognitae fuerint. In proposito Analemmate



radij visuales AY, AZ, per puncta extrema diametri circuli antarctici YZ, vel f, tam procul cum recta BD, concurrunt, ut eius diameter visa in plano non potuerit. In eodem Analemmate, si ducatur diameter OP, parallelus horizontali gradibus 42° ab Aequatore recedentis, atque per verum, siue polum Horizontis Romani transeuntis, & alia diameter paralleli australis oppositi QH, per Nadir, siue alterum polum eiusdem Horizontis incidentis, constantique per puncta

media extrema radij visuales, & perierunt eorum parallelorum diametri appa-
rentes in plano Astrolabij ST, VX. Satis autem est, ut videat, si ex una tantum par-
te AC, dextra, vel sinistra, inueniantur semidiametri apparentes ES, EK,
EL, EV, vel ET, EL, ED, EN, EX, &c. Polus quoque arcticus C, apparet in pla-
no Aequatoris vel Astrolabij per rectam BD, ducta, & ad Meridianum ABCD,
nisi in ipso centro E, Astrolabij, vel Aequatoris. Immo & totus axis AC, in
centro E, conspicitur, adeo ut E, centrū Astrolabij, & parallelorū, representet &
poli borealem, & axē mundanum. q. supra quoque, propof. 1. num. 4. monuimus.
Quamodum denique, descriptis parallelis in plano Astrolabij, ut diximus, ha-
suerit, vel recta MN, est eōis sectio plani Astrolabij vel Aequatoris, & Meridia-
ni circuli, representans in Astrolabio ipsum circulum Meridianum, ita diamet-
rum, vel recta HL, illam secans ad angulos rectos, est sectio cōmunis eiusdem plani
Astrolabij, Aequatorisue, & Horizontis recta, siue Coluri Aequinoctiorum, con-
gruens solstitorum Coluro cum Meridiano Cum enim Meridianus, & Hori-
zontis rectas, per propof. 1. Num. 4. proliantur in lineas rectas per centrum E,
transierit, sique tam Horizon rectus, quā Aequator, ad Meridianum rectus,
utrumque eorum communis sectio ad eundem recta, ac proinde ex defin. 3. lib.
II. Facit cum MN, in Meridiano existente rectos angulos constituet. Quare HL,
ad MN, perpendicularis communis sectio erit Horizontis recta, & Aequatoris,
HM, statuerit eiusdem Aequatoris, & Meridiani sectio communis.

1. IAM vero quia per propof. 1. Num. 4. Aequator in Astrolabio, eiusq. paral-
li, ducti sunt in partes 360. æquales, ut eorū gradus habeantur, facit cuius
vis paralleli gradus habebuntur, si is in 360. partes æquales secetur. Ex quo fit, re-
ctas per centrum E, traiectas, secantesq. circulos ex E, descriptos in 360. partes
æquales, & 360. sectiones esse plani Astrolabij Aequatorisue, & maximorū circulo-
rum per mundi polos, & singulos gradus Aequatoris ductorum, cū hi in sphae-
ricis parallelis partiantur in gradus, & in partes videbuntur similes partibus Aequa-
toris, prolianturque per propof. 1. Num. 1. in lineas rectas in Astrolabium.

3. ITA QVE ut quilibet parallelus propofitus per quemcunque gradū Me-
ridiani, siue Coluri solstitorum transierit, in Astrolabio describatur, numeranda
est in Analémate eius declinatio, seu distantia ab Aequatore, ex puncto B, ver-
sus poli arcticum C, aut versus antarcticū A, prout datus parallelus borealis est,
ut australis. Recta enim per finem numerationis ex A, ducta abscedet ex EV, se-
midiametrum, ad cuius intervallum datus parallelus ex centro E, in Astrolabio
describendus est. Ut si describendus sit parallelus ab Aequatore gradibus 60. in
boream declinans, numerabimus à B, versus C, grad. 60. usque punctum a. Nā
recta Aa, arietet eius semidiametrum apparentem Eb. Sic etiam, si describendus
sit parallelus in austrum ab Aequatore declinans grad. 30. numerabimus à
B, versus A, grad. 30. usque ad punctum d. Recta namque Ad, producta abstin-
det eius semidiametrum visam Ea, atque ita de ceteris.

4. VICISSIM descripto quouis parallello ex centro E, in Astrolabio, co-
gnoscetur eius declinatione ab Aequatore siue in boream, siue in austrū, hac
notione. Eius diameter in Astrolabio sumpta transferatur in rectam EV, ex E, in
Analémate. Ex termino enim ipsius recta ad A, ducta transibit in Meridiano
ABCD, per punctū, per quod parallelus datus in sphaera ducatur. Et si quidem re-
cta illa fecerit quadrantē BA, parallelus australis erat, borealis vero, si quadran-
tem BC, fecerit. Ut si cognoscere velis, num parallelus HMIN, in Astrolabio sit
australis, borealisue, & quantam habeat declinationem, transfer eius semidiamet-
rum EM, boreale circini in Analéma ex E, in M. Et quia recta ducta AM, fecat

Recta EB, & quod
diametri apparentes
ES, EK, EL, EV, &c.

Poli arcticus, &
axis mundi appa-
rentes in Astro-
labio per axem.

Meridianus, &
Horizontis recta
in Astrolabio qua

a 12. vides.

Datus parallelus
est ab aequatore
in gradibus.

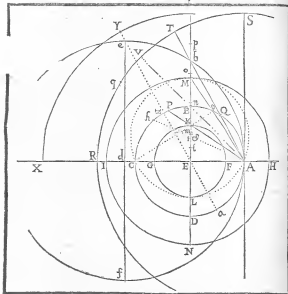
Circulus maxi-
mus per polos
mundi & gradus
singulos aequa-
toris ducti in
astrolabio repa-
rentur per lineam
rectas per cen-
trum ad polos
mundi, aut traie-
ctas per quos libet
declinans in re-
ctam ex centro E,
boream in au-
strum aq. in-
bis a. T. Bb.
Parallelus aequa-
toris aequando
duci ducitur re-
cta, in Analéma
est ex Analéma-
mate descriptus.

Parallelus australis
est, & quantam
habeat declinationem
in Analéma ducit
per quod declinans
est in Analéma
mante appropin-
quans, & versus in
boream ducitur
recta.

quadrantem BA, in H, pñdo, quod à B, abest gr. 23. m. 30. erit parallelus HMDQ, australis, ac proinde tropicus ☊. Sic diameter EK., parallelus FRGL., datus in Analemmate arcum declinationis borealis BF, grad. 23. min. 30. itaque parallelus erit tropicus ☋. Quia denique semidiameter EB., paralleli ABCD, in Analemmate coincidit cum semidiametro EB, erit ipse parallelus in Aërolibris Aequator. Et sic de ceteris.

5. CAETERVM eodẽm parallelos Aequatoris in plano Aërolibĩ, vel cum Aequatore describemus, etiam si Analemma seorsum non sit constructum, hoc modo. Descripto Aequatore cuiusvis magnitudinis ABCD, in plano Aërolibĩ ex E, centro (Huius enim circuli magnitudo arbitrio cuiusque determinari

requiritur, ut
quæ in Aërolibris
describuntur, sunt
additione, vel
subtractione deter-
minari possint, si data sit
et quævis mag-
nitude.



potest. Multisq; duabus diametris AC, BD, sese ad angulos rectos in centro se-
cantibus, sumatur circulus hic ABCD, pro Meridiano Analemmatis, qualem
quidem

Aequator Astrolabii, & Meridianus Analemmatis æquales sunt, ut dictum est: AC, pro axe mundi, &que A, sit polus australis, & C, borealis, & denique BD, in vnamque partem extensa accipiasur pro communi sectione Aequatoris Meridiani, ut in Analemmate, perinde ac si semicirculus BAD, ad rectos angulos insisteret plano Aequatoris, vel Astrolabii, in recta BD, & aliter semicirculus BCD, eidem plano ex altera parte insisteret ad rectos angulos, ita ut semicirculus ABCD, situm Meridiani obtineat. Itaque si à puncto B, supputaueris C, declinatio borealis paralleli dati, de clinano vero paralleli australis A, & ex A, per lineam supputationis recta egrediaturs, secabitur recta BD, in puncto, per quod parallelus datæ declinationis ex E, centro describendus est, & illam cum punctis rectæ ex A, egredientes rectam BD, in infinitum producamus secabunt, in quibus eandem fecerant, si circulus ABCD, ad rectos angulos plano Astrolabii insisteret in recta BD, ut perspicuum est. Ita vides supputationem esse veramque parte maximas Solis declinationes BP, BO, grad. 23. min 30. utique AP, AO, rectam EB, secare in K, M, punctis, per quæ tropicus ϖ , & tropicus φ , descripti sunt.

6. ATQVE eadem arte quemcumque parallelum datæ declinationis describas, si eius declinationem à puncto B, numeremus versus C, si ea fuerit borealis, versus A, vero, si Australis. Ratio hic eadem est, quæ in Analemmate. Nam per fines, verbi gratia, declinationum P, O, decende sunt diametrum parallelorum illarum declinationum in Analemmate. Igitur earum extrema puncta P, O, apparebunt in K, M, ac proinde semidiametri eorum apparentes erunt EK, EM, &c.

7. CAETERVM si is est, si declinatio data ex B, in vnam partem numeretur, nec ea describamus parallelum tam borealem, quam australem illius declinationis. Nam si declinatio sit BO, abscinder radius AO, ex A, polo propinquiore emisit semidiametrum EM, paralleli australis: at radius CO, ex C, polo remotiore ductus auferet semidiametrum EK, paralleli borealis, &c.

8. E contrario declinationem cuiuslibet paralleli in Astrolabio descripti representamus, si ex puncto, ubi rectam EB, secas, ad A, rectam ducamus. Hæc namque linea erit AB, in puncto declinationis secabit. & si quidem secet quadrante BC, declinatio erit borealis, si vero quadrante BA, australis. Ut ducta sita AK, sit in quadrante BC, declinationem borealem BP, recta vero AM, declinationem BO, australem in quadrante BA.

9. QVONIAM vero cum declinatio australis dati paralleli, qualis est declinatio BQ, sita est, ut puncta A, Q, parum inter se distant, difficile admodum nobis visus AQ, citra errorem produciatur, propterea quod ob propinquitatem positorum A, Q, regula, qua in lineis rectis ducendis utimur, facillime à proprio situ hinc inde discedere potest, ideoque punctum, quod in recta EB, semidiametrum paralleli apparentem terminat, exquiliis inueniri nequit; vterque punctus erit lemma 11. ubi docuimus per duo puncta parum inter se distantia, constructo sunt A, Q. in dato exemplo, lineam rectam quantumlibet producere. Erit forte recta hæc tam oblique rectam EB, interfecaret, ut vix punctum intersectionis sine errore posset discerni, adhibendum quoque erit lemma 13. ubi puncta duæ, quantumvis oblique sese rectæ AQ, EB, interfecent, docuimus inuenire expunctionem.

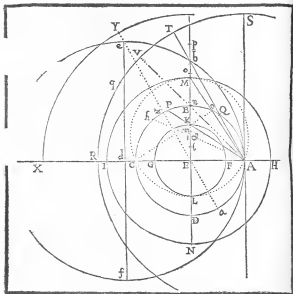
10. EANDEM rectam AQ, in continuum producemus valde accurate hoc modo Ex A, descripto arcu RS, ad quodvis intervallum AR, quem in S, secet

Parallelum quolibet Aequatoris, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est.

In vna parte declinationem in Analemmate descriptam, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est.

Parallelum quolibet Aequatoris, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est, & rectam EB, secas in puncto, ubi declinatio data sit, ut in Analemmate descriptum est.

recta AS, ad AB, perpendicularis, ut sit quadrans RS, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. fumatur arcus ST, dimidio arcus AQ, fimilis, hoc est, qui dimidium numerum graduum arcus AQ, contineat. (Hoc autem fiet, si per lemma 3. arcus fumatur Sq, arcus AQ, fimilis, bifariamque fecetur in T. Nam ST, fimilis erit fmifci arcus AQ.) Recta enim AT, per punctum Q, tranfbit, cum per lemma 10. recte AS, AQ, arcum auferant ex circulo RS, qui fimilis fit dimidio arcus AQ,



cuiusmodi est sumptus arcus ST. Quod si perpendicularis AS, arcum RS, in plano non fecet, ducenda erit ex A, per B, recta fecans arcum RS in V, & accipendus arcus VT, similis semis arcus BQ. Recta enim AT, rursus per Q, tranfbit, cum per lemma 10. recte AV, AT, auferant arcum VT, similem semis arcus BQ. Est autem arcus RV, quadrantis semis, cum ei insistat in centro A, & galus semirectus BAE, ut patet. Sed commodissime ita quoque agemus. Ex I,
descripo

sumpto arcu XY, cuius semidiameter EX, semidiametro AR, æqualis sit, ducta
 arcu CQ, bisectam in Z, duceamus rectam EZ, (sumpto prius arcu Da, arcus
 æqualis, ut accuratius per tria puncta a, E, Z, recta ducatur) quæ arcum XY,
 sicut in Yxiphiæ arcus XY, arcum CZ, id est, semissi arcus CQ, similis, ex scholiis
 propo. 12. lib. 3. vel propo. 33. lib. 6. Eucl. Si igitur arcus XY, beneficio circini
 æqualem arcum refecimus KT, (cum hi circuli sint æquales) erit quoque arcus
 XT arcus CZ, similis, ac proinde rursus ducta recta AT, per Q, transibit. Quin
 eam, quoniam rectæ EZY, AQT, parallelæ sunt, quod angulus externus XEY,
 centro æqualis sit interno angulo RAT, in centro, ob æquales circulos RS,
 Nisi rectæ aEZ, per A, parallelam agamus AT, ex lemmate 4. transibit ea om
 nis per Q. Immo rectas atZ, AQ, esse parallelas, demonstrabimus etiam
 hoc modo, etiam si circuli RS, XY, descripti non sint. Quoniam arcus Aa, CZ,
 æquales sunt, ob angulos in centro æquales ad verticem EAa, CEZ; esseque ar
 cus CZ, arcu ZQ, æqualis; erit quoque arcus Aa, arcus ZQ, æqualis, æ
 quid dico ex schol. propo. 27. lib. 3. Eucl. rectæ aEZ, AQ, parallelæ erunt.

15. POTES quoque, si placeat, ex quocumque puncto d, in recta AC, accepto
 per A, describere circulum Abe, qui circulum ABCD, tangat in A. Nam ducto
 semiquadrante Ae, in grad. 90. si sumatur arcus Ab, arcui AQ, similis, transibit
 recta Ab, per Q, cum ex lemmate 9. quælibet recta ex A, ducta abscondat ex cir
 culo AB, Ae, tangentibus arcus similes. Has ergo cautiones, ac remedia, si adha
 bent, fieri uix potest, ut error in ducendis radius visualibus per declinationes au
 thales, quamvis maximas, committatur. Quod si quadrans RS, secetur in partes
 inæquales, ut singulæ singulis gradibus semicirculi CBA, respondeant, ac pro
 inde ipsæ infra graduum haberi possint, si ex V, puncto medio quadrantis RS, ver
 tus RS, appropinquet declinationes boreales, & versus S, australes, sumendo V. g.
 pro maxima declinatione Solis particulas 23. $\frac{1}{2}$, ex 180. in quas diuisus fuit qua
 drans RS, ac si forent gradus 23. min. 30. & pro declinatione grad. 45. min. 36. su
 mendo particulas 45. & min. 36. versus particulas, (quæ quanam ratione accipi
 possint, in lemmate 3. traditum est) & sic de cæteris, reperientur parallelorum semi
 diametri in recta EB, per rectas ex A, ad quadrantes RS, ductas, multo accurat
 us, quàm si eandem declinationes in semicirculo ABC, ex puncto B, vtrinque
 appropinquet propterea quod rectæ ex A, ad puncta quadrantis RS, magis exqui
 sitæ ducantur, quàm per puncta semicirculi ABC, cum illa sint his remotiora à
 puncto A.

16. NON est autem præteritundum hoc loco, semidiametrum Aequatoris in
 Astrolabio esse medio loco proportionalem inter semidiametros duorum paralle
 lorum æqualium & oppositorum. Sint enim duo paralleli in Astrolabio FKGL,
 HMEN, respondentes quibuscumque duobus parallelis in sphaera æqualibus inter
 se & oppositis. Dico EK, semidiametrum Aequatoris esse mediam proportionalem
 inter totum semidiametros EK, EM, hoc est, ita esse EK, ad EB, ut EB, ad EM, vel
 ita esse EM, ad EB, ut EB, ad EK. Ductis enim rectis AK, AM, secabitur semicir
 culus AEC, in punctis declinationum P, O, ut demonstratum est Num. 4. & 7.
 eruntque arcus declinationum BP, BO, æquales, cum parallelis oppositis & æqua
 libus debeantur, ideoque & eorum complementa CP, AO, æqualia erunt; ac
 proinde anguli PAC, OCA, (ducta prius recta CO, æquales erunt. Cum ergo &
 angulus COA, qui in semicirculo reclusus est, æqualis sit angulo recto AEK;
 triusculum COA, AEK, æquiangulum. Eademque de causa æquiangulum erit
 triusculum COA, MEA, cum reclusus angulus COA, recto angulo MEA, æqua
 lis sit, & angulus EAM, communis. Igitur erit, ut CO, ad OA, ita ME, ad
 EA; atque

a 27. primi.

b 27. tertij.

c 26. tertij.

Semidiametrum
 parallelorum. Aequa
 toris alia re
 motior, & angustior
 est illis, remotior.

Semidiametrum
 Aequatoris inter
 semidiametros a
 duorum parallel
 lorum, & quadranta
 oppositorum, est
 media loco, du
 o triusculorum, esse
 modum in quo pro
 portionantur.

d 27. tertij.

e 31. tertij.

f. q. festi.

que ad finem lemmatis 12. attulimus. Nam si semidiameter paralleli borealis accipitur versus D. usque ad L. & per tria puncta A, L, C, circulus describatur, habet is rectam BD, in M. eritque EM, tertia proportionalis ipsi EI, EB, ut demonstratum est, &c. Eademque ratio in ceteris teneatur. Aliam quoque rationem inveniendi semidiameter paralleli oppositi inveniendes in sequenti propos. Num 11.

11. AD extremum, ex his, quæ diximus, facile etiam demonstrabimus, ex quibus punctis spheræ solum polum australem, ubi oculus constituitur, in plano Astrolabij proici non posse, id quod ad propos. 1. attulimus. Quoniam enim E. polum boreum representat, & recta EB, in infinitum extensa Meridianum circulum, ita ut EB, ED, referant duos eius quadrantes boreales inter polum & Aequatorem, & tota BD, totum semicirculum eius borealem, relique vero partes AB, versus M. & D, versus N, excurrentes ad reliquum semicirculum Meridiani australem, in quo polum australem continetur, pertineant, si polum australem in plano Astrolabij extare posset, transiret utraque BM, DN, per eum polum, & proinde in eodem eurrent quod est absurdum. Rursus si polum australem in Astrolabio contineretur, prosteretur per rectam AS, quæ Meridianum tangit in A, polo australi. (Nam alix rectæ ex A, egredientes, secantesque circuli ABCD, posuimus in planum Astrolabij illa puncta, per quæ ducuntur, ut ex demonstratione huius) ac proinde recta AS, cum recta EB, conueniret, quod est absurdum, tum sint parallela, ob rectos angulos E, A. Angulus enim EAS, rectus est à uertice AS, constitutus, & E, rectus est, ex constructione. Denique si polum antarticum in Astrolabio locum haberet, cum rectis AC, BD, & omnes alix per centrum E, transirent, referant circulus maximos, qui per polos mundi ducuntur, quæque arcticus est E, ut diximus, transirent omnes illæ rectæ necessario quoque per polum antarticum, sicuti per arcticum E, transiunt. Quare omnes in polo antartico conuenirent, quod fieri non potest. Non ergo polum antarticum in Astrolabio proici potest. Immo neque alia omnia puncta semicirculi Meridiani australis BAD, (excluso etiam polo australi A,) in Astrolabium commodè polari proici, propter ea quod rectæ ex A, per puncta proxima educæ in infinitum quodammodo excurrunt, antequam rectam ED, secare possint.

Polus mundi australis solum in planis Astrolabij proici non potest propterea.

a 2^a. primi.
b 2^a. tertij.

Non omnia puncta spheræ australis in Astrolabio proici possunt, quia omnes rectæ ex polo australi A, per puncta proxima educæ in infinitum quodammodo excurrunt, antequam rectam ED, secare possint.

S C H O L I U M.

1. RATIO describendi Aequatorem cum suis parallelis in plano Astrolabij, quæ hactenus explicauimus, potest Aequatorem certam, ac determinatam habere quantitatem. Cum ergo Astrolabij plano uulgaria, neque usitata, maximum circulum habeat inscriptum \mathcal{E} , non abs re erit, si breuiter cum alijs Astronomis doceamus, quæ puncta inscripti \mathcal{E} , dant, in Astrolabij plano Aequator, & tropicum \mathcal{E} , cum reliquis parallelis describandis sit. Sit igitur tropicus \mathcal{E} , datus ABCD, pro magnitudine tabulae in Astrolabij, cuius centrum E, hinc Meridianum referens Meridianum circulum AD, quæ ad angulum rectum sicut AC. Sumpta igitur maxima declinatione Solis BF, ducatur recta AF, sicut EB, in G, puncto per quod ex E, circulus describatur GE: In quo sunt a quoque Solis maxima declinatione GH, (quam dabit recta ducta EF, cum arcu EF, GH, fuerit sit, ex scholio propos. 2. lib. 3. Euclid.) ducatur recta ME, sicut EB, in K, puncto per quod ex E, circulus quoque describatur KL. Dico GE, esse Aequatorem, & KL, tropicum \mathcal{E} , si ABCD, est tropicus \mathcal{E} . Distingui rectas AB, GE, quæ parallela sunt, cum latera EA, EB, sit illa sit proportionaliter in E, & per puncta ex equalibus equalis ablati sit, igitur alteri anguli BAF, KGO, æquales

Angulus rectus, eritque puncta in Astrolabio descripta, & tropicus, & Aequator datus.

c 2. sexti.
d 2. primi.

quod erat. Cum ergo IO, sit maxima Solis declinatio, erit quoque maxima declinatio Solis GN. Si ergo GI, fiat Aquator, idcirco Meridiano Aequalitatis quia, & polo australi I, auferatur recta IH, ex polo I, per maximam declinationem poli Solis similitudinem EK, tropici Σ , ita ut circulus KL, referat arcum in sphaera per maximam Solis declinationem ab Aquatore in boream deferat, ut diximus, & in partem. Restat ergo ex tropico Σ , Aequator inuenitur est, quandoquidem idem Aquator maximus exhibet nobis eundem tropicum Σ , perpositum. Hinc liquido constat, EA, esse similitudinem tropici Σ , cum per Aequatorem GI, inuenta sit, ut supra dicimus, accitram per rectam GO, ex polo australi per maximam declinationem Solis IO, ductam. Eademque ratione, cum per Aequatorem GI, alios omnes eius parallelos in Apsolabio describamus, ut supra tradidimus est.

3. QVOD autem de tropico cum Σ , quatuor Σ , diximus, intelligendum quoque, est de quocunque parallelo alio siue australi, siue boreali. Nam si in Apsolabio descripsit quicunque parallelum, si in eo numeretur eius declinatio ab Aequatore, loco maximae declinationis Solis EF, vel LM, reperietur ex eo Aequator, atque ex hoc omnes alij paralleli. Eadem enim demonstratio in eo erit, quae in tropico Σ , & tropico Σ .

4. QVAMVIS autem per datum Aequatorem in plano Apsolabii omnes sui parallelos cum boreales, quam australes, & per quocunque parallelum in eodem plano descriptum Aequator, atque per hunc deinde omnes alij quoque paralleli describi possint, utrobique tropici, obsequio scholae demonstrauimus: per nullum tamen parallelum alium quocunque descriptum per se, etiam si in illo supponatur distantia unus ab altero, nisi prius Aequator describatur: quod opera praeterea fuerit a diuertere, ut quae hoc in re hallucinamus. Sed cum u.g. tres paralleli descripti in proxima figura, tropicus Σ , ABCD, Aquator GI P, tropicus Σ , KLM. Et quia si datum sit tropicus Σ , ABCD, inuenitur similitudinem Aequatoris EG, si fuerit maxima declinatio Solis EF, quatuor ab Aequatore tropicus Σ , habet, & recta ducatur AF, ut demonstrabitur est. Dico hoc modo de operis non posse similitudinem EK, tropici Σ , si nimirum à B, numeretur duplata maxima Solis declinatio, & ad finem ex A, recta ducatur. Nam recta haec nō transeat per punctum K, sed uel supra, uel infra. Quod in hanc modum demonstrabimus. Sit, si sit, tropicus, arcus Σ , duplicata maxima Solis declinationi aequalis, hoc est EFQ, sit maxima declinatio, cum EF, sit altera maxima declinatio, ex qua similitudinem Aequatoris à EG, inuenta est, & recta AQ, per punctum K, transeat. Ducta ergo recta KL, quoniam EQ, est maxima declinatio, ut uult aduersarius, est autem & LM, maxima declinatio, ut supra patuit, quando ex tropico Σ , similitudinem Aequatoris EI, inuenimus; erit arcus PQ, LM, similis, ut prout ex scholis patet. 22. lib. 3. Euclid. ubi si AD, IKL, aequales erunt. Sed & totus angulus BAQ, toti angulo AKL, equalis est, alterum alterum, quod A B, KL, parallela sint, propterea quod latera EA, EI, in L K, proportionaliter secta sunt, quoque cū aequalibus ablata sint aequalia, & angulus BAQ, alterum alterum, quod etiam AD, GI, parallela sint, propterea quod latera EA, EI, proportionaliter secta sunt in G, igitur cū ab aequalibus ablata sint aequalia, & angulus AKI, angulo GAK, equalis est, alterum alterum, quod & AG, IK, parallela sint, propterea quod angulus EKI, angulo EGA, exterioris interius, equalis est, ex scholis patet. 22. lib. 3. Euclid. cum misistant arcibus MN, OP, qui similes sunt cum similes sint arcus LM, IO, quod & re: sit maxima declinatio Solis, ut sit tropicus, addita similibus quadrantis LN, IP, toti quoque arcui MN, OP, ex lemmate 6, similes sunt. Igitur & anguli AGI, GAK, equalis inter se erunt; & idcirco & GE, AR, aequales erunt. Rursus quia anguli AKI, GIK, angulus equalis est, & AK, AGI, aequales sunt, alterum alterum, est inter se aequales erunt, & acpro-

terea

Nullum parallelum Aequatorem in Apsolabio describere posse, ex duobus parallelis, obsequio scholae demonstrauimus, nisi prius Aequator describatur.

a 29. primi.
b 2. sexti.

c 29. primi.
d 2. sexti.

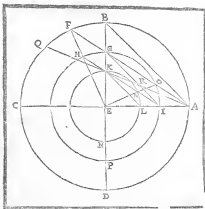
e 29. primi.
f 23. primi.

g 6. primi.
h 29. primi.
i 6. primi.

a. 4. primi.

b. 6. primi.

pterea recta quæque IR, KR, æquales erunt. Quoniam igitur duo latera GR, RE, duobus lateribus AR, RI, æqualia sunt, continenturque anguli ad vertexem R, æquales, erunt anguli KGR, IAR, supra basem GK, AI, & lateribus æqualibus KR, IR, anguli æquales. Fuertunt autem & anguli AGI, GAR, æquales. Igitur erit quæque anguli EGA, EAG, æquales erunt; & ideoque & latera EG, EA, æqualia erunt. Consequenter EG, ipsæ EI, æqualis sit, erunt quæque EI, EA, æquales, pari & ratione quod est obliquus arcus EIR. Quæritur arcus EIR, ut est duplicatus. Solus declinationis maxima: ac proinde ut recta AQ per K, transierit, non transeat recta ex A, ad faciem maximam solis de declinatione duplicata ducta per punctum K, sed ut supra, vel infra, quod erit demonstrandum. Ex quibus enim non liquet, ex æquatione quædam in ista ut Astrolabio daret, deinde posse peruenire quæ paratissimè



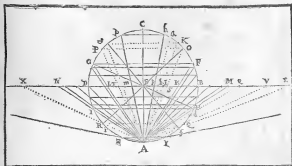
ex quibus parallelo A æquatorem, sed ex nullo parallelo eius parallelum æquatori erit posse, nisi prius A equator inveniretur sit.

PROBL. II. PROPOS. V.

HORIZONTEM quemlibet obliquum, Verticalem eius primum, Eclipticam, & quemcunque alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum tamen rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, in Astrolabio describere, atque in gradus, hoc est, in partes inæquales, quæ eorum gradibus in sphaera æqualibus respondent, distribuere.

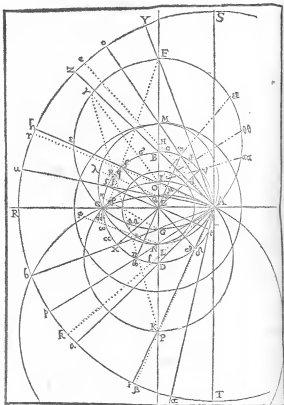
L. SI in Analémate ad initium propoſ. 4. deſcripto ex recta nX diame-
 grediſſa Horizontis, Verticalis primarii, & Eclipticæ, nimirum $n m$, SX , $L A$,
 quatuor viſuales ex A , per extrema puncta diametrorum fg , OR , GH ,
 eorundem circuloſum in Analémate conſtabſcunt, & quæ omnium ma-
 ior ſunt, ut in ſcholio propoſ. 3. oſtendimus, cum Meridianus, in cuius
 ſectione cum Aequatore apparent, ad hos circulos rectus ſit: ſi in-
 quæ, hæc diametri viſæ ex recta nX , in Aſtrolabium in rectam BD , quæ recta
 nX , in Analémate reſpondet, transferantur eo ordine ac ſitu, quæ in Ana-
 lémate habent, & circa ea ſex mediæ earum punctis circuli deſcribantur, de-
 ſcripti erunt in Aſtrolabio prædicti circuli maximi. Ut quoniam diameter
 viſa Horizontis eſt $n m$, in Analémate, transferemus partem eius maiorem
 En , in Aſtrolabium ex E . centro viſque ad F , & partem minorem Em , viſque
 ad G , rectaque FG , diſiſſa biſariam in H , deſcribemus ex H , ad interval-
 lum HF , vel HG , Horizontem $AGCF$. Sic etiam diametri apparentes vel viſæ
 Verticalis SX , partem minorem ES , transferemus ex Analémate in Aſtrola-
 bium ex E , viſque ad I , & maiorem partem EX , viſque ad K , diſiſſæ recta IK ,
 biſariam in L , deſcribemus ex L , per I , & K , Verticalem primarium $AICK$. Rur-
 ſus ex Analémate apparentis diametri Eclipticæ ML , maiorem partem EM ,
 transferemus in Aſtrolabium ex E , viſque ad M , & minorem partem EL , viſque
 ad N , ſectæque diametro MN , biſariam in O , deſcribemus ex O , per M , & N ,

Triæ oblique
 Viſuales, di-
 grediſſæ, Eclip-
 tica, & Equator
 alius ex A ſunt
 viſæ oblique, &
 ad Meridianum
 recti rectæ, quæ
 rectæ in Aſtrola-
 bio ex E deſcriben-
 tur.



Eclipticam $AMCN$, quæ tropicum EP , tangit in N , & tropicum EQ , in M .
 Quod ſin Analémate ducantur ſag. K , ipſi BD , paralleli, nimirum diame-
 tri parallelorum, quorum ille eſt ſemper deſcendentium, hic vero ſemper appa-
 rentium maximus, & per eorum ſemidiametros viſos En , Em , deſcribantur ex
 centro Aſtrolabij E , circuli per F , & G , accedentes, tæget eos Horizon, etiq; m ,
 quæ per F , tranſit, ſemper ſcintillæ maximæ, qui vero per G , tranſit, ſemper appa-
 rentiæ maximæ erit. Per rationes ſimiles eodẽ Analémate ducantur OP , QR , eadem
 EO , parallela, diametri videlicet parallelorũ, quos Verticalis primarius tangit,

Quæ parallelus
 Eclipticæ, & Horizon-
 tis, & tropici
 tangit.



Æquus quidem per O, polum Horizontis siue Zenith, alter vero per R, alterum
polum Horizontis, siue Nadir, ducitur, & per eorum semidiametros apparentes
S, E, X, describuntur ex E, centro Astrolabij circuli per I, K, tanget eos Vertica
lignarius AICK, & is, qui per I, transit, referet eum, qui in sphaera per supe-
riorem polum Horizontis, qui vero per K, incedit, eum, qui per inferiorem po-
lum Horizontis ducitur. Omnis enim circulus maximus obliquus ad Aequato-
rem tangit duos parallelos Aequatoris æquales. Eadem prorsus ratione quilibet
circulus maximus obliquus, qui ad Meridianum rectus sit, notamq; habet incli-
nationem ad Aequatorem, in Astrolabio describetur, qua prædicti tres maximè
circuli descripti sunt. Vt si describendus sit maximus circulus p polos Zodiacidu
siue, & ad Meridianum rectus, qualis est ille, qui etiam per communes sectiones
Aequatoris & Horizontis ducitur, posito principio \odot , in Meridiano, & ad Aequa-
torem inclinat us est grad. 66. min. 30. ducentus in Analémate eius diametrum
hZ, (Hinc, vt cõfusio vita retur, nõ duximus) per puncta h, Z, quæ ab Aequatoris
diametro BD, grad. 66. min. 30. ab sunt, & beneficio radiorũ visualium ex A, per
extrema puncta h, Z, ductorũ diametrum apparentem in recta BD, inuestigabi-
mus, hoc ita vides in Astrolabio dictũ circulum descriptũ esse ex P, centro (quod
qua ratione inquirendum sit, etiam totã diametrum visam non habeamus, pau-
lo infra Num. 4. docebimus) per punctum Q, quod in Analémate te respõdet pun-
cto p, per quod radius visualis Ah, ducitur. Eademque ratio est in cæteris. Om-
nes autem eiusmodi circuli maximè obliqui per puncta A, C, necessario transi-
bunt, vt infra in scholio huius propositi. Num. 1. demonstrabimus.

2. E O S D E M circulos maximos obliquos in Astrolabio describemus,
etiam Analémata a seorsum non sit cõstructum, hoc modo. Descripto Aequatore
cum vtroq; tropico, vti supra, describatur ex A, ad quodlibet interuallum arcus
circuli SR, T, quẽ in S, T, secet recta ST, ducta per A, ad AC, perpendicularis,
vel ipsi BD, vtrinque producat parallelæ, vt duo quadrantes fiant RS, RT, ex
scholio propositi 17. lib. 3. Euclid. ob rectos angulos ad A. Beneficio enim huius
arcus SR, T, magis exquisitè puncta in Astrolabio inueniemus, quàm sine illo.
Deinde à polis A, C, (Aequator enim ABCD, cum Meridianus Analématis
sit æqualis, accipi potest pro Meridiano, & A. pro polo australi & C. pro bore-
ali, & recta BD in vtramque partem extensis pro communi sectione plani, in quo
Aequator, & alterius plani, in quo Meridianus ABCD, vt in propositi 4. Num.
5. dictum est; perinde ac si circulos ABCD, instar Meridiani, plano Astrolabij
insisteret ad angulos rectos in recta BD.) numeretur in diuersas partes latitu-
dis loci, pro quo Astrolabium cõstruitur, siue (quod idem est) altitudo poli vs-
que ad Y, & X, ductæque diameter Horizontis VX. Ductis deinde rectis ex A,
per B, & D, secabantur quadrantes RS, RT, in Z, a, b, usque, si erratum non
est. Cum enim angulus AEB, rectus sit, a & anguli EAB, EBA, æquales, erit
utque semirectus; quod omnes tres duobus rectis sunt æquales. Igitur & reli-
quos angulos SAZ, ex recto semirectus erit, ideoque angulo RAZ, semirecto
æqualis; ac proinde arcus ZR, ZS, quibus insunt, æquales erunt. Eodemque
modo ostendens, æquales esse arcus aR, aT. Dimisso quoque utroque quadrante
RS, RT, in 180. partes æquales, numeretur in eis, ac si essent gradus, ex S,
& R, versus R, & T, altitudo poli, vel (quod idem est) ex Z, & a, ver-
sus S, & R, complementum altitudinis poli, vsque ad Y, & b; vel certe per
lemma 3. accipiantur arcus bY, Rb, semis arcus AV, vel CX altitudinis po-
li similes; vel arcus ZY, a b, semis complementi altitudinis poli, hoc est,
semis arcus BV, vel DX, similes. Nam radij visuales AY, Ab, auferens

a 5. a. Tropi

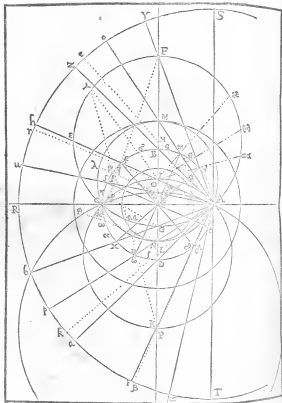
Meridiani quib-
us obliqui, ven-
duntur cum geo-
metris, & ipsi
cum, & quæcum-
que aliam direc-
tionem maximam
obliquam, quæ ad
Meridianum, in-
ueniuntur, sunt
eiusdemque quæ
describuntur in
his notam, in
Astrolabio hoc
construuntur
Analématis de-
scribere.

b 5. primi.

c 3 a. primi.

d 26. primi.

diana-



Diameter Horizontis visam FG, quippe qui transeat per extrema puncta V, & I, diametri Horizontis, propterea quod per lemma 10. tam rectæ AS, AV, & AR, absciderunt ex circulo SRT, arcus semisibus arcuum AV, CX, altitudinis poli similes, quales ex constructione sunt arcus SY, Rb, quàm rectæ AZ, AY, & Ia, Ab, ex eodem circulo SRT, interceptant arcus semisibus arcuum BV, DX, complementi altitudinis poli similes, quales accepti sunt arcus ZY, a b. Si igitur diameter inuenta FG, secetur bifariam in H, describetur ex H, per F, & G, Horizontis AFCG. Rectæ autem inuentam esse visam diametrum FG, ex eo patet, quod radij AV, AX, in eisdem prorsus punctis rectam BD, secant, in quibus eandem secarent, si circulus ABCD, plano Astrolabij, vel Aequatoris, ad rectos insisteret angulos in recta BD, ita ut situm Meridiani obtineret, vt constat. Vides igitur, arcum SRT, solum esse descriptum, vt radij ex A, per puncta circuli ABCD, (quæ alioquin sufficerent) rectius possint educi.

3. CENTRUM autem Horizontis apparentis, id est, punctum H, secans diametrum visam FG, bifariâ, facile hoc modo inuenietur, etiam si neutrum punctum extremorum F, G, inuêrum foret. Ducatur ex A, ad VX, diametrum Horizontis perpendicularis A c. Hæc enim, vt in lemma 35. demonstratum est, bifariam secabit basem FG, trianguli APG, à radijs AV, AX, emissis abscissis adeo vt recta ex polo australi ad diametrum circuli maximi obliqui in Aequatore Astrolabij descriptam perpendicularis ducta, cadat in centrum eiusdem circuli obliqui. Ita vero perpendicularis A c, facile ducatur. Arcus AV, quo Horizontis in sphaera à polo australi abest, hoc est, altitudo poli, duplicetur vsque ad c; Et vt res sit magis accurata, arcui quoque SY, qui semis arcus AV, similis est, æqualis fiat arcus Vc. Nam recta Afc, perpendicularis erit ad diametrum Horizontis VX, in sphaera. Cum enim arcus Ac, secetur bifariam in V, secabitur quoque ex scholio propo. 2. lib. 7. Eucl. recta Ac, bifariam in d; ac proinde & ad angulos rectos, quod est propositum. Iam vero si ducatur a xis Horizontis fg, ad VX, diametrum Horizontis perpendicularis, erit Cf, arcui VB, hoc est, complemento arcus AV, equalis. Cum enim quadrantibus æquales sint CB, cV, ablato communi arcu B, reliqui arcus Cf, BV, æquales erunt. Ergo AV, Cf, quadrantem constabunt, ac proinde & arcus Vc, sc. reliquum quadrantem semicirculi ABC, constent. Quare & arcus fc, complementum erit arcus cV, hoc est, arcus AV, idemque pñ Cf, equalis. Quamobrem si complementum arcus AV, distantie Horizontis à polo, hoc est, si arcus VB, vel Cf, duplicetur ex altero polo C, inuenietur idem punctum c, per quod electa recta Ac, in H, centrum Horizontis apparentis cadit. Hoc autem posterius alio quoque modo demonstramus in lemma 36.

4. HAC eadem ratione centrum cubifuis circuli maximi obliqui in Astrolabio reperietur, si nimirum ex polo australi A, ad eius diametrum perpendicularis linea ducatur: quod quidem fiet, si eius distantia à polo ex polo australi A, vel complementum eius distantie ex polo boreali C, duplicetur, &c. vt in Horizontis schium est.

5. EX his constat, centrum obliqui circuli maximi in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum esse: quod & propo. 3. Num. 4. demonstratum est; quia cum perpendicularis ex A, ad diametrum circuli obliqui ducta cadat in centrum eiusdem circuli obliqui apparentis, vt ostendimus, non transibit ea perpendicularis per E, centrum Astrolabij, cum AB, rectos angulos facient cum BD, oblique secet diametrum circuli obliqui, non autem ad angulos rectos. Idem hac ratione per

Centrum Horizontis in Astrolabio inuenire, etiam si diametrum visum non sit.

Rectam ex polo australi ad diametrum circuli obliqui in Aequatore descriptam, ad angulos rectos ductam, cadent in centrum eiusdem circuli obliqui in Astrolabio.

a 3. rursus.

Centrum cubifuis circuli maximi obliqui in Astrolabio inuenire, etiam si diametrum visum non sit.

Centrum cubifuis circuli maximi obliqui in Astrolabio inuenire, etiam si diametrum visum non sit.

peripicuum set. Quoniam circulus maximus obliquus secet Aequatorem in duobus punctis, cum vtrum extremum eius diametri sit intra Aequatorem, & alterum extra, vt patet ex inuentione eius diametri, peripicuumque est in diametro FG, erit eius centrum omniuo diuersum ab E. centro Aequatoris, cum duo circuli se mutuo secantes non possint idem centrum habere.

25. perij.

6. NON aliter alios circulos maximos obliquos ad Meridianum rectos describemus. Sit enim diameter Verticalis primarij fg, secans Horizontediametrum VX, ad angulos rectos, transiensque per fg, polos Horizontis. Sequitur ex A, per fg, radij visuales ducantur, secabunt ij rectam BD, in I, K, poli Horizontis, per quos ex L, puncto medio diametri visae IK, Verticalis primarius AICK, describendus est. Sed vt extrema puncta diametri visae IK, magis equidistant reperiantur, praesertim remotius K, accipiendus est arcus Zh, similis semis arcus Bf, vel arcus Rh, similis semis arcus Cf. Item arcus aI, similis semis arcus Dg, vel arcus Ti, similis semis arcus Ag. Centrum quoque L inueniendi per rectam Ak, ad diametrum fg, perpendicularem, quae videlicet ducitur per l, terminum arcus AI, qui duplus est arcus Ag, nec non per k, terminum arcus Ik, qui arcus Ti, duplus est, &c.

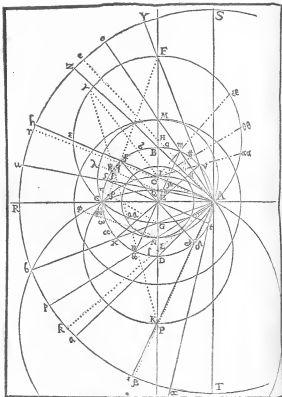
7. SIT rursus diameter Eclipticae m n, distans à BD, diametro Aequatoris per maximam declinationem Solis. Si igitur ex A, per m, n, radij visuales ducantur secantes BD, in M, N, erit MN, diameter Eclipticae apparensque accuratius inuenietur, si semisibus arcuum Bm, Dn, similes arcus sumantur Zo, ap. Centrum etiam O, repertum est per rectam Ar, ad m n, perpendicularem, quae nimirum ducitur per q, terminum arcus Aq, qui duplus est arcus An, complementi maximae declinationis, nec non per r, terminum arcus Sr, qui duplus est arcus So: quae puncta q, r, habentur etiam per arcus Cq, Rr, quorum ille maximae declinationis duplus est, hae vero semisibus arcus Cq, Rr, similes.

Eclipticam semper ad punctum diametri ex Astro-labio, quae semper perpendicularis est, ad motum diurnum in sphaera, quae semper perpendicularis est.

QVA MVIS autem Ecliptica vna cum Coluris in sphaera motu diurno circumferatur, non tamen idcirco in Astrolabio eius circularis figura inscribitur. Nam quaequeque situm Colurus Solis iotum occupet, semper rectus est ad Eclipticam, ac proinde in eius communi sectione cum plano Aequatoris sive Astrolabij, (quae ad motum diurnum cum omnibus rectis per centrum Astrolabij est congruit) diameter visae Eclipticae semper maxima erit, semperque planum Astrolabij Aequaturusque, in cono, cuius basis est Ecliptica, subcontraria sectionem faciet, hoc est, circulum, vt demonstratum est propo 3. Ex quo si Eclipticam semper prolici in circulum eiusdem magnitudinis in Astrolabio, quaequeque illa situm in sphaera obtineat.

8. SIT denique diameter st, circuli cuiusvis obliqui, ad Meridianum tamen recti, nimirum eius, qui per polos Zodiaci s, t, ducitur, & per communes sectiones Aequatoris & Horizontis, constitutus eiusdem polis in Meridiano. Si igitur ex A, per s, t, ducantur radij visuales, secabit A s, rectam BD, in Q, polo Eclipticae, per quem propositus circulus describendus est. Sed vt equidistant hi radij educantur, accipiendi sunt arcus Bn, Tz, semisibus arcuum Ct, At, similes. Et quia radius Aa, nimis procul cum BD, concurrat, navi alio polus Eclipticae in plano egre haberi possit, descripta est circuli propositi portio tantummodo AQC, ex centro P, quod inuenitur per rectam At, ad diametrum st, perpendiculararem, ductam videlicet per s, terminum arcus Az, qui arcus At, duplus est, & per g, terminum Tg, qui arcus Tz, duplus quoque est.

QVO



Sollio Num. 1. ostendimus, circulus obliquus per punctum A, necessario tran-
sit per o ex centro inuento per A, circulus de scribatur, erit is maximus qua-
si, & horum utrumque extremum exhibebit.

11. **I M M O** eadem hac arte semidiametrum cuiusvis paralleli Aequatoris
austalis nullo fere negotio eruemus. Nam si V. g. semidiameter paralleli, cuius
declinatio australis sit BV, desideretur, ducemus diametrum circuli maximi
VEX & ad eam ducemus per perpendicularem A d, quæ rectam DB, productam sicut
in H & manque rectam HG, inter H, & punctum G, terminans semidiametrum
parallelæ borealis oppositi, (quod per rectam AX, indicatur, cum declinatio bo-
realis DX, declinationi australi BV, æqualis sit) transferemus vsque ad F, erit
EF, semidiameter quaesita, propterea quod H, est centrum circuli maximi tangen-
tis in G, & F, duos parallelos oppositos & æquales, quorum declinationes sunt
DX, BV, ut ex dictis patet.

12. **P O L V S** quoque circuli cuiusvis maximi obliqui ad Meridianum recti,
qui in sphaera à polo australi remotior est, indicat in BD, linea meridiana Astro-
labij per radium visualem, qui ex A, ad medium punctum illius semicirculi duc-
tur, quem eius circuli diameter auferat, sive (quod idem est) qui tam eum angu-
lum, quem radij per extrema puncta diametri ipsius circuli ducti, quam eum,
quem radij per centrum Astrolabij, hoc est, centrum circuli obliqui in sphaera,
& centrum eisdem in Astrolabio ducti comprehendunt, bisariam diuidit.
Verbi gratia, radius A f, cadens in f, punctum medium semicirculi V f X, quem
diuidet Horizontis V X, abscondit, vel diuidens tam angulum V A X, quam
H A E, bisariam, exhibet I, polum Horizontis respondentem in sphaera polo
sphaeræ polo australi A, longius abest. Nam f, punctum æqualiter distans ab Ho-
rizonte per V X, ducto polus est Horizontis, ac propterea in I, apparebit. Re-
stet enim A f, diuidere bisariam tam angulum V A X, contentum sub radiis
A V, A X, per extrema puncta diametri V X ductis, quam angulum H A E, quem
radii A E, A H, per centrum Astrolabij, vel Horizontis in sphaera E, & centrum
Horizontis H in Astrolabio ducti constituunt, ita ostendimus. Quoniam arcus
F V, f X, æquales sunt, & æquales quoque erunt anguli f A V, f A X. Deinde,
si quæ arcus C X, arcus A V, æqualis est, ob angulos in centro ad verticem
æquales, & eadem arcui A V, sumptis fuit æqualis arcus V c; erunt quoque ar-
cus C X, V c, æquales quibus demptis ex quadrantibus f X, f V, reliqui arcus f C, f c,
æquales erant erunt; ac proinde anguli E A f, H A f, illis arcubus insistentes,
æquales erant. Et quoniam in poli per diametrum sunt oppositi in sphaera, cadet
recta ducta f E, in alterum polum gratæ proinde radius A g, ad A f, perpendicularis
(quod angulus f A g, in semicirculo f A g rectus sit,) indicabit in Astrolabio al-
terum polum K, respondentem in sphaera polo g, qui à polo australi A, propius
est. Eademque ratio omnino est in aliis circulis obliquis maximis. Nam G, F,
scilicet Verticibus Q, & f, scilicet, alter vero per radium A t a, indicaretur, si id
planum angulus permitteret, & N, M, circuli A Q C.

13. **E X** his liquet, in Astrolabio polum cuiuslibet circuli obliqui maximi à
centro Astrolabij diuersum esse. Nam cum radius ex polo australi per polum cir-
culi obliqui ductus non transeat per centrum Astrolabij, quod C, polus mundi
non possit esse polus circuli obliqui, perspicuum est, polum circuli obliqui appa-
re extra centrum Astrolabij, ac proinde ab eo diuersum esse.

14. **I T A Q V E** ducto radio ex A, per f, polum Horizontis, secan-
te arcum B S, in h, si arcum B h, sumatur æqualis arcus h e, vel arcum
C f, æqualis arcus f c, cadet recta A c e, in H, centrum Horizontis in Astro-
labio:

Semidiametrum
quæsitum patet
hæc æquari rectam
DB, alio modo
dico, quam supra
& valde congrue
demonstratur.

Poli circuli obli-
qui maximi obli-
qui in Astrola-
bio per quem ra-
dius visuale tran-
sit in linea meridia-
na.

Radius ex polo
australi per polum
circuli obliqui
maximi in sphaera
centrum mundi
& centrum Astrola-
bij.

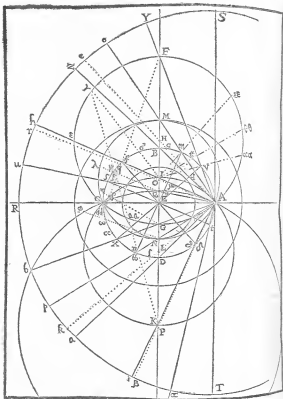
a 27. terrij.
b 26. terrij.

c 27. terrij.

d 27. terrij.

Polum cuiusvis
circuli obliqui in
Astrolabio a cen-
tro Astrolabij di-
uersum esse.

Centrum circuli
obliqui maximi
obliquis in Astrola-
bio.



hinc, propterea quod anguli RAh , & Ah , sunt æquales; ac proinde angulus EAe , comprehensus duabus rectis, quarum AR , per E , centrum Astrolabij, & centrum Horizontis in sphaera, ac vero Ae , per H , centrum Horizontis in Astrolabio ducitur, bifariam secatur. Idemque contingit in aliis circularibus maximis obliquis.

EST quoque obiter hic notandum, radiū Af , ex polo australi in polum circuli obliqui maximū eadētem, abscindere ex linea meridiana, & diametro eiusdem circuli maximū obliqui, duas lineas æquales vsq; ad E , centrum Astrolabij; hoc est, radiū El , vsq; ad L , polum visum, æqualem esse segmento rectæ EV , vsq; ad radium Af ; eadētem, ratione rectam EK , vsq; ad alterum polum visum K , æqualem esse segmento rectæ EV , productæ vsq; ad radium visualem KA , versus A , productum. Quoniam enim tres anguli in triangulo AEI , æquales sunt tribus angulis trianguli à rectis El, fA, EV , constituit vsq; ad intersectionem rectarum fA, EV suntque, tam ablati anguli recti AEI , & EV , æquales, quàm anguli EAF , ElA , in isoscele AEf : erit quoque reliquus ElA , trianguli AEI , reliquus in alio triangulo, quem rectæ EV, fA , in communī earum sectione constituent, equalis. Igitur rectis El , equalis est segmēto rectæ EV , vsq; ad radium Af . Rursum quia tres anguli in triangulo AEK , æquales sunt tribus angulis trianguli à rectis Eg, gA, EV , colligimus vsq; ad intersectionem rectarum gA, EV suntque, tam ablati anguli recti AEK , gAV , æquales, quàm anguli EAg, AgE , in isoscele AEg : erit quoque reliquus EgA , trianguli AEK , reliquus in alio triangulo, quem rectæ gA, EV , in eorum concursu efficiunt, equalis. Igitur recta EK , equalis est segmento rectæ EV , productæ vsque ad radium gA , productum versus A , quod est propositum.

17. EX his etiam constat, polum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio à suo centro esse diversum. Id quod in datis exemplis vel facili videri potest. Quod tamē breviter hic demonstrari poterit. Sit C , polum V, g , Eclipticæ, apparens per radiū Af , in Q . Dico Q , non esse centrū Eclipticæ. Quoniam enim centrum indicatur per radiū perpendicularē ad diametrum Eclipticæ, ut Num. 3. demonstratū est; si Q , dicitur esse centrū Eclipticæ, erunt anguli ad Q , recti, & æquales: Sunt autem & anguli mAQ, nAQ , æquales, quia radius AQ , per polum ductus facit angulum mAQ , bifariam, ut Num. 12. ostensum est. Igitur duo anguli mQA, nAQ , trianguli AQm , æquales sunt duobus angulis nQA, nAQ , trianguli AQn . Cum ergo illis adiaceat latus commune AQ , erunt quoque latera mQ, nQ , equalia; ac proinde cum nQ , recta maior sit, quàm nE , hoc est, quàm mE , erit quoque mQ , maior quàm mE , pars quæ totam, quod est absurdum. Non ergo Q , polum Eclipticæ centrum est eiusdem. Pari ratione sit O , centrum Eclipticæ, quod exhibet $A\mu$, ad mn , perpendicularis. Dico O , non esse polum Eclipticæ. Quoniam enim polum indicatur per radiū, qui angulum mAQ , diuidit bifariam, ut Num. 12. ostendimus; O , dicitur esse polum Eclipticæ, erunt anguli mAQ, nAQ , æquales: sunt autem & anguli ad μ , æquales, quia recti. Igitur duo anguli mQA, nQA , trianguli AQm , duobus angulis nQA, nAQ , trianguli AQn , æquales sunt. Cum ergo illis adiaceat latus commune AQ , erunt quoque rectæ mQ, nQ , æquales; ac proinde cum nQ , maior sit, quàm nE , hoc est, quàm mE , erit quoque mQ , pars maior, quàm totum mE , quod est absurdum. Nō ergo O , centrum Eclipticæ, polum est eiusdem. Eadēq; ratio est in aliis circularibus maximis. Quod tamē ita quoque potest confirmari. Quoniam demonstratum supra est Num. 12. radiū per polum ductū facere bifariam angulum contentū radijs duobus per centrū Astrolabij, & centrū circuli obliqui ductis, necessariō differet radius per polū ductus à radio per centrū circuli obliqui ducto, idcirco duo hi radij diversa puncta in Astrolabio indicabunt.

a 17. *primi.*

Quia rectæ equaliter abscinduntur polo australi ad polum visum, quoniam equaliter oblique ducuntur.

b 32. *primi.*

c 5. *primi.*

d 6. *primi.*

e 32. *primi.*

f 1. *primi.*

g 6. *primi.*

polum circuli obliqui ab alio centro distat in Astrolabio.

h 26. *primi.*

i 26. *primi.*

16. SED iam, quomodo quilibet circulus maximus obliquus in Astrolabio descriptus in gradus distribuitur, doceamus. Quoniam enim eorum arcus non semper in arcus similes produciuntur, ut propos. 3. Num. 1. & 2. demonstratumus, non erunt eorum arcus singulis gradibus eorundem in sphaera respondentes, inter se aequales: alias similes essent arcus in Astrolabio proiecti arcibus in sphaera, qui produciuntur. Aliam ergo viam ac rationem inire oportet, qua gradus circulorum maximorum obliquo- rum in Astrolabio designari habere possimus. Quamvis autem in gradus diuidi possint per circulos maximos, qui per eorum polos ducuntur, ut Horizon per circulos Verticales, & Ecliptica per maximos circulos, qui per eius polos ducuntur, & circuli latitudinis hoc solent & sic de ceteris, quia tamen nondum docuimus, qua ratione huiusmodi circuli maximi describantur in Astrolabio, & eorum nonnulli in inueniendum huiusmodi quantitatem excreuerunt, ut vix sine errore delineari possint, diuiderentur eodem commodissime per lineas rectas, idque pluribus viis, quarum prima omnium est pulcherrima ac facillima, ac proinde ea inter alias eligendâ censui, cuius pars (quoniam duas continet, hoc est, duobus modis fieri potest,) sic se habet.

17. INVENTO polo Horizontis, vel cuiusvis circuli obliqui maximi, (Eadem enim in omnibus est ratio, ut Num. 23. docetur,) qui intra Aequatorem existat, (qui quidem cum exprimit, qui in sphaera a polo australi remotior est,) sit eo per singulos gradus Aequatoris rectâ linea ducantur vsque ad circuli obliqui, distribuuntur it obliquus circulus in gradus, hoc est, in arcus, qui quantumvis se inaequales sint, respondent tamen gradibus aequalibus illorum circulorum maximorum obliquo- rum, quos in sphaera referunt. Verbi gratia, si ex I. polo Horizontis per quodcumque punctum *e*, Aequatoris rectâ ducatur I *e*, secans Horizontem in *γ*, respondebit arcus *P γ*, tot gradibus Horizontis in sphaera, quot gradus in arcu Aequatoris *B e*, contineantur hoc est, arcus *P γ*, representabitur eum Horizontis in sphaera arcui Aequatoris *B e*, aequalem, adeo ut si *B e* arcus fuerit grad. 1. etiam arcus *P γ*, sit grad. 1. si arcus *B e*, fuerit 2. grad. etiam arcus *P γ*, sit 2. grad. &c. Quod sic demonstrabimus. Planum, quod in sphaera per polum antarcticum, & polum Horizontis ab eo remotiorem, nimirum per Zenith, ducitur, abscindit ex Aequatore, & Horizonte arcus aequales, nimirum in Aequatore quidam a semicirculo Meridiani superiore, in quo Zenith cadit, in Horizonte vero a sectione australi, quam cum Meridiano facit, vel in Horizonte a Meridiani semicirculo inferiori, in Horizonte vero a sectione boreali, ut in lemma 23. demonstrauimus. Igitur illud idem planum (quod quidem in sphaera circuli facit) in Astrolabio proiectum iuxta se conspicietur ex polo australi, hoc est illos arcus aequales ex Aequatore, & Horizonte in Astrolabio obliquos, hoc videlicet, qui ab illis arcibus in sphaera respondent. Cum ergo planum superius circulus, qui in sphaera efficit, per polum australem trahens faciat in Astrolabio per propos. Num. 1. linea rectam per polum I, transcurrentem, referat recta *h*, circulum illum per polum Horizontis I, & punctum Aequatoris *e*, ductâ. Huiusmodi producta secabit Horizontem in puncto *γ*, quod illi in sphaera respondet quod circulus ille ducitur, adeo ut in puncto *γ*, circulus ille Horizontem secare conspiciatur ex polo australi, Aequatorem vero in puncto *e* eundem rectam secantem illius circuli plano per omnia puncta circumductus ab eo non recedit. Ideoque in I *γ*, communi eius sectione cum plano Astrolabii semper cadit.

Arcus-ergo Horizontis *P γ*, illum in sphaera representat, qui arcui Aequatoris *B e*, aequalis est. Idem dicendum est de omnibus aliis rectis huiusmodi ex Horizonte polo I, egredientibus, & tam Aequatorem, quam Horizontem secantibus.

Nam

Proportio in
Astrolabio ex
polo australi
in gradibus
distribuitur.

4. 2. 2. Tab.

Ita & recta IF_1 , auferat ex Horizonte arcum F_1 , tot graduum, quot in arcu Aequatoris BF , continentur. & recta IA , abscindat arcum Horizontis FA , tot graduum, quot quadrans Aequatoris BA , complectitur, nimirum 90. ita ut FA , fiat quadrans Horizontis in sphaera. Denique quaelibet recta ex I , polo Horizontis educta, & meridiana linea BD , in utramque partem extensa, si opus sit, interceptent semper in Aequatore & Horizonte duos arcus aequales, hoc est, qui gradus numero aequales complectantur; initio semper sumpto vel a duobus punctis B, F , vel a duobus D, G , quorum priorum duorum punctum B , in Aequatore est superius, & F , in Horizonte australe; posteriorum vero duorum punctum D , in Aequatore est inferius, & G , in Horizonte boreale. Id quod servandum esse in maximis circulis precepimus in lemmate 23. quando polos Horizontis a polo australi remotior assumitur, qualis est polus assumptus I . Eademque ratione duae quaelibet rectae ex I , emissae includant in Aequatore, Horizonteque duos arcus aequales, cuiusmodi sunt duo arcus γa , & ϵf , inter duas rectas $1\gamma, 1a$; Item duo arcus γC , & ϵC , inter duas rectas $1\gamma, 1C$, (si duceretur) interfectis. Itaque si ex I , per singulos gradus Aequatoris rectae lineae ducerentur, distingueretur Horizon in 360. arcus, qui singulis gradibus Horizontis in sphaera responderent.

SED quoniam accidit interdum, polum I , esse valde propinquum puncto B , ac proinde vix posse ex eo per gradus Aequatoris prope B , rectas sine errore eleri, quae gradus in circulo obliquo nobis exhibeant; afferemus huic incommodum remedium facillimum proposit. 6. ad finem Num. 21. ubi docuimus, quod pilae circulus cuiusvis magnitudinis ex certo quodam centro describi possit, ita ut rectae ex I , per eius gradus emissae indicant gradus respondentes in circulo obliquo, non secus ac rectae ex I , per gradus Aequatoris egredientes, ut demonstratum est.

IT A Q V E si desideretur in Horizonte gradus quicumque, hoc est, atquequeis graduum, cuius initium sit vel in altera scissorum eius cum Meridia. nempe F , vel G , vel in altera eius intersectione cum Aequatore, ut in A , vel C , sumrandi sunt illi gradus a puncto Aequatoris correspondente, nimirum à B , vel D , aut ab A , vel C , in illam partem, in qua arcus abscindendus est. Recta enim ex I , polo Horizontis per finem numerationis in Aequatore emissae secabat Horizontem in gradu, qui desideratur. Ut si quis cupiat arcum grad. 25. initium sumendum ab intersectione Horizontis cum Aequatore orientali, qualis in Astrolabio solet esse punctum C , (quaequam & A , accipi possit pro orientali, & C , pro occidentali.) & tendentem versus boream, supputandi sunt gradus 25. à C , versus D , in Aequatore. (Punctum enim G , Horizontis est boreale, cum referat eundem punctum X , diametri Horizontis, quod remotius est a polo australi Aut punctum F , australe est, cum respondeat puncto extremo V , eiusdem diametri, quod propius ab eodem polo australi abiit.) Recta namque ex I , per finem grad. 25. ducta offeret punctum in Horizonte gradus 25. respondens, atque ita de ceteris. Sic etiam, si quis velit in Horizonte arcum grad. 15. cuius principium sit quadrante orientali australi, & in grad. 22. ab eius intersectione australi cum Meridiano; numerandi sunt primum grad. 22. à B , usque ad ϵ , deindeque recta $I\epsilon$, secans Horizontem in γ , puncto, quod gradibus 22. ab australi scissione est, distat. Deinde à puncto ϵ , numerandi sunt propositi grad. 15. vel versus B , vel versus C , prout arcus Horizontis abscindendus vergere debet in austrum, vel in boream. Nam recta ex I , per finem grad. 15 ducta transibit in Horizonte per grad. 15. &c.

Quae recta cuiusvis obliquitatis circulus in gradibus distinguatur, quod de polo I , valde propinquum est Aequatori rectae forentur.

Gradus quilibet propositus, quo punctum Horizontis in utraque polo superaret numeratur in Astrolabio.

Parte orientali, occidentali, boreali, & australi in Horizonte Astrolabii quae-

PRIMUM autem
est, ut arcus
qui in aëre
habetur, sicut
est.

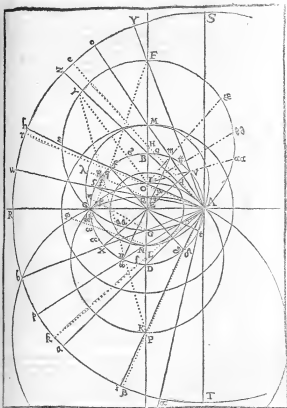
IMMO eadem profus ratione datum quicumque arcum circuli maxime obliqui bifatis scabimus. Sit enim datus arcus, verbi gratia Horizontis aa , dividendus bifariam. Ductis ex eius polo I , rectis Ia , Ia , secantibus Aequatorem in V , m , partemur arcum Vm , bifariam in tt . Nam recta Ia , secabit arcum datum in g , h , bifariam, id est, arcus ag gh , hg , ga , continebunt gradus numero aequales. Id quod ex demonstratis liquet, cum in arcus arcubus equalibus ut t , t in Aequatore respondeant. Idem effectus poterit aliis vis, quibus cum hoc maximus obliquos in gradus partiri in aa , quæ sequuntur, docemus, quod semel monuisse satis sit.

Quæ quidem
dantur arcus
maxime obliqui
in aëre, sicut
est, ut arcus
qui in aëre
habetur, sicut
est.

19. VICISSIM si scire quis cupiat, quot gradus in quolibet arcu Horizontis proposito contineantur, ducenda sunt ab extremis punctis dati arcus rectæ ad I , polum Horizontis, secantes Aequatorem versus eandem partem Horizontis. In qua datus arcus existit. Hæ etenim in Aequatore incipiunt tot gradus, quot in dato arcu continentur. Si ergo per lemma 3 inquisitur, quot gradus in illo arcu Aequatoris includantur, numerus graduum in dato arcu Horizontis contentorum ignorari non poterit. Posterior autem pars huius præter hæc est.

Notandum
est, ut arcus
maxime obliqui
in aëre, sicut
est, ut arcus
qui in aëre
habetur, sicut
est.

20. INVENTO altero polo circuli obliqui extra Aequatorem, (qui dicitur illum in sphaera representat, qui à polo australi propius abest.) ductis per singulos gradus Aequatoris rectæ lineæ ducantur, secantes circulum obliquum, erit iterum obliquus circulus in gradus distinctus: sed ordo graduum in Aequatore, & circulo obliquo alter nunc sumendos est, quæ prius. Nam si in Aequatore incipiunt a puncto superiore B , idem in Horizonte inchoantur a puncto boreali G : si vero in Aequatore incipiunt ab inferiore puncto D , inchoandi sunt in Horizonte a sectione eius australi F , cum Meridiano, ut in materia 27. faciendum esse monuimus. Exempli causa, si ex K , polo Horizontis Aequatore existente per quodcumque punctum bb , quod ante Aequatorem DC , recta Kbb , ducatur, abscindet ea ex Horizonte arcum Fg , a puncto F , inchoatum tot graduum, quot in arcu Aequatoris inter punctum D , & punctum bb , assumptum, per quod linea recta Kbb , ducta est, continentur: quia punctum D , Aequatoris in Meridiano est inferius, & punctum F , Horizontis australe. Sic etiam arcus Horizontis à puncto G , boreali per C , usque ad punctum aa , ubi ducta recta Kbb , secatur, æqualis est (quod ad numerum graduum attinet) arcui Aequatoris à puncto B , superiore Aequatoris usque ad punctum bb in quadrante CB , per quod recta linea Abb , ducta fuit. Quod si arcus æquales ab bb si incipere debeant a puncto A , vel C , sumendi semper erunt in eorum partibus, ita ut arcus Aequatoris à C , versus B æqualis sit arcus Horizontis à C , versus G , si uterque inter eandem rectam ex K , emissus, & punctum C , interducat. Nam hac ratione arcus ex Aequatore abscissus tendit versus punctum inferius B , arcus vero ex Horizonte abscissus versus punctum boreale G . Sic ut eadem recta abscindet duos arcus æquales a puncto A , vel C , inchoatos, quoniam qui in Aequatore sumitur, versus D , punctum inferius, qui vero in Horizonte versus F , punctum australe tendit, ut ratio postulat. Sed quoniam eadem recta eadem extra puncta A , C , secat tam Aequatorem, quam Horizontem in duobus punctis, (nisi quando utrumque circulum tangit, ut in scholio Num. 13. 14. & 27. dicitur) respondebunt inter sese illa puncta, quæ sunt puncto A , vel C , propinquiora, vel remotiora ab eodem. Hæc autem omnia ex eodem lemmate demonstrabuntur hoc modo. Planè in sphaera per polum antarcticum, & polum Horizontis æ propinquiorum, qualis est, quem refert polus K , ductus abscindet



dit ex Aequatore, & Horizonte arcus æquales inchoatos a punctis prædictis, ut nimirum in Aequatore à superiore, in Horizonte vero à boreali, vel in Aequatore ab inferiore, & in Horizonte ab australi, ut ibi demonstratum est. Ignotum idem planum in Astrolabio descriptum eisdem arcus auferet, illos videlicet, qui arcibus abscessibus in sphaera respiciunt. Cui ergo per proposit. 1. Num. 1. planum, sed per polum australem transiens in Astrolabium præstatur in lineam rectam per polum K, transiunt, referet quilibet recta ex polo K, egrediens plura dista, ac properea æquales arcus abscindet ex Aequatore, & Horizonte, ut sita sunt.

IT A Q V E quemadmodum recta Ie, dedit punctum γ, in Horizonte, ita sita ex polo K, educta per terminum arcus Aequatoris a puncto D, inchoati, qui arcui Ie, æqualis sit, exhibebit necessitas idem punctum Horizontis γ, si antea recta descripti sunt. Atque ita idem semper punctum optatum in Horizonte reperire licebit per duas rectas, quarum una ex polo I, altera vero ex polo K, egredietur, si modo ea observentur, quæ de initis arcuum abscessuum ex Aequatore, & Horizonte consideranda præcepimus.

21. OMNIA hæc intelligenda etiam sunt in Ecliptica. AMGN, Verticalis AICK, & circulo AQC, eisdem in his circulis demonstratio sit, quæ in Horizonte. Nam recta QE, ex polo Eclipticæ Q intra Aequatorem eundem arcum inter arcus Eclipticæ M, arcui Aequatoris BE, æqualis. Idemq. punctum A, reperietur, si ex illo polo Eclipticæ nimirum ex puncto illo recta EK, in quod cadit recta Ataridis quo à circulo AQC, secatur, recta ducatur per terminum arcus Aequatoris D, qui D, inchoati, qui arcui BE, æqualis sit, vel per terminum arcus Aequatoris B, qui B, inchoati, qui arcui DE, æqualis sit, quia posteriori hac ratione abscindetur arcus Eclipticæ Na, respondens arcui Aequatoris Bde. Pari ratione recta Gc, ex polo Verticalis G intra Aequatorem auferet arcum Verticalis Ip, æqualis arcui Aequatoris Bγ, quia si Verticalis obliquior esse Horizonti, supra quod polus mundi amovetur, punctum Aequatoris B, est interius, & punctum I. Verticalis borderi, si punctum D, Aequatoris est superius, hoc est, in semicirculo Meridiani superiori, in quo videlicet existit polus Verticalis G, à polo australi remotior, qui tamen intra Aequatorem existit, & punctum E, Verticalis est australe. Idemq. punctum A, convenietur per rectam ex F, altero polo Verticalis ductam per terminum arcus Aequatoris Ddd, à puncto D, superiore inchoati, qui arcui Bγ, sit æqualis, vel per terminum arcus Aequatoris Bdd, à puncto B, inferiore inchoati, qui arcui De, æqualis sit, quia hæc posteriori via abscindetur arcus Verticalis Kc, a puncto australi h, inchoatus, respondens arcui Aequatoris Bdd. Deniq. recta quoq. Naxt Ngolo circuli AQC, intra Aequatorem abscindit arcum Qp, æqualis arcui Aequatoris Bde. Idemque punctum c, habebitur, si ex M, altero polo circuli AQC, recta ducatur per terminum arcus Aequatoris à D, inchoati, qui arcui Bγ, sit æqualis, &c.

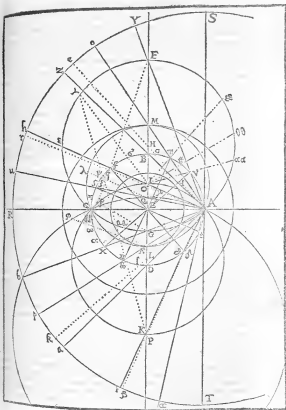
22. ECLIPTICA igitur in gradus distribuatur per rectas ex eius polo Q, Verticalis vero per rectas ex eius polo G, & circulus AQC, per rectas ex eius polo N, per singulos Aequatoris gradus eductas, quemadmodum de Horizonte diximus.

23. EODEM prorsus modo quilibet alius circulus maximus obliquus in Astrolabio descriptus, quoad Meridianum rectus non est, in gradus distribuatur, si eius poli reperiantur, sed loco meridianæ lineæ BD, accipienda est ipsa alia recta, quæ per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabii ducunt, communis scilicet est Aequatoris, vel plani Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui transeuntis, instar proprii cuiusdam Meridiani propositi circuli obliqui. Quo pacto autem poli cuiusvis circuli obliqui

*Reliqui, ut
sunt in Astrolabio
descripti, & per
eius polos
maximos
distribuantur
eisdem
rectis, quæ ad hoc
circulum sunt
descriptæ, ut
Astrolabio
descriptum
est, ut
gradus
distribuantur.*

*Circulus, quilibet
maximus obliquus
in Astrolabio
descriptus, quoad
Meridianum rectus
non est, in gradus
distribuatur, si
eius poli reperiantur.*

*obliqui
Astrolabii*



ET quoniam in diuisione circuli obliqui per rectas ex polo intra Aequato-
gentium nulla est omnino difficultas, cum quilibet huiusmodi reſtarū abſtin-
eret Aequatore, & circulo obliquo arcus reſpondētes, qui initium ſumunt vel a cōi-
ſiſſione Aequatoris cum circulo obliquo, vt a pūcto C, vel a recta duobus pūctis
punctis, in quibus recta per centrū Aſtrolabii, & centrū obliqui circuli ducta,
Aequatorē circuliq; obliquū interſecat, vt a pūctis B, & F, vel D, & G, vt ex his,
ſequitur, liquet: ſacile negotio intelligemus, quonā modo gerere nos debeamus
in diuisione p rectas ex altero polo egredientes, cum arcus in Aequatore incipere
debeat vel ab oppoſito pūcto rectae per cētra ductae, ita vt, ſi prius incipiebat à ſu-
perioripūcto, nūc ab inferiori incipiat, verſus eandē tamen ſeſſionē circularum
progrediſſo, & cōtra, vel ab eadē interſeſſione circularū in cōtrarias partes, ita
vt, ſi in Aequatore arcus ab ea ſeſſione deſcendat, in circulo obliquo aſcēdat, &
cōtra; Quae oīa obſeruata eſſe vides in ſuperiori figura, & in ſequēti. Nam recta IN
in ſequēti figura auferat arcus equalitū numero gradū CP, CN, ab eadē ſeſſione
C, inchoatos, verſus eī dē partē, vel arcus BP, FN, a pūctis pūctis BF, inchoatos;
At vero recta KN, abſcindit arcus equalitū num. gradū DQ, FN, a pūctis D, F, in-
choatos, quorū illud in in aequatore inferius eſt, & hoc in Horizontē ſuperius, vel
arcus CQ, CN, ab eadē ſeſſione C, inchoatos, rēdētes tamē in partes cōtrarias.

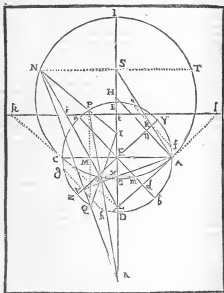
14. ALTERA via, qua circulus quilibet obliquus maximus in Aſtrolabio de-
ſcriptus in gradus diſtribuitur, eſt etiammodi. Sit Aequator ABCD, circa centrū
E, Horizont obliquus AFCG, vel quouis alius circulus maximus obliquus, ſed ad
Meridianū rectus, hoc eſt, habēs eī centrū, quā polos I, K, in linea meridiana BD,
vniq; extēſa. Deinde ſemidiameter EC, per l. m. 8. ſecetur in partes inaequales,
quae ſi ſunt perpendiculares ex ſingulis gradibus quadrantis BC, ad CE, demif-
ſa. Inueniō autē L, cētro circuli maximi, qui in ſphæra per polos circuli obliqui
AFCG, & communes ſeſſiones Aequatoris cum circulo obliquo ducitur, (qua-
lucet Verticalis primarius, ſi circulus obliquus AFCG, ſit Horizont, aut maxi-
mus circulus per polos Zodiaci, & communes ſeſſiones Eclipseō cum Aequato-
re datus, poſitis principijs ☉, & ☌, in Meridiano, ſi circulus obliquus AFCG
ſit Eclipsea, quod inuenitur per lineam A d, ad eius diametrum a b, perpendicu-
larem, vel diametro YZ, circuli obliqui dati in ſphæra, quem circulus AFCG,
repreſentat, para lileam: Inueniō, inquam, centrū hoc L, ſi ex eo per omnia pun-
ctā ſemidiametri EC, rectae ducantur, ſecabunt ſingulū obliquum circulum in hi-
us punctis, quae reſpondent illis gradibus circuli obliqui, quibus puncta ſemidia-
metri EC, reſpondent, ita vt partes arcus CNF, reſpondeant gradibus quadran-
tis CB, partes vero arcus COG, gradibus quadrantis CD. Singula enim puncta
ſemidiametri EC, hiis gradibus debentur, illis videlicet, in quos perpendicularis
ex per dicta puncta e ductae cadunt. V. g. ſi ex L, per punctum M, quod gradū 60.
h. C. in veramq; partem numerato vſque ad P, Q, reſpondet, recta ducatur LM, ſe-
cans circulum obliquum in N, O, erit vterque arcus CN, CO, graduum 60. &
ſic de ceteris. Quoniam vero rectae ex L, per A, C, emiſſae circulum AFCG, tan-
gunt in A, C, vt paulo inferius Num. 18. probabitur, inſtitui poterit haec diuiſio
commodius, grauiſſimū quando recta EC, exigua eſt, vt non facile admittat tot
puncta diuiſionem, hac ratione. Agatur kl, ipſi AC, parallela, ſecans LA, LC, in
l, k, & a recta AC, quantumlibet diſtans, vt kl, ſit multo maior, quam AC. Nam
ſi utraque ſemiſis eius tk, l, ſecetur, vt in lemmate 8. traditum eſt, quod etiam
ſecū circa diametrum kl, circulus deſcribatur, & ab eius gradibus ad kl, perpen-
diculares demittantur, vt in lemmate 7. factum eſt, habebuntur in kl, puncta, per
quae ſi rectae emittantur ex L, ſecabitur circulus AFCG, vt prius, per rectas ex L

per

Regula Geomet.
pro reſoluit. arcuū
polarium.

Circulum polare
maximū obli-
quum qui adſe-
ndum, rectas
ex L, Aſtrolabio
diſtribuit in gra-
dus ex centro ob-
liqui circuli ma-
ximi, qui reſpo-
det illis, eſt cen-
trū circuli pol-
aris.

per puncta rectæ AC, omiffas. Nam per lemma 7. rectæ AC, kl, fimiliter fecerunt illis punctis. Cum ergo & rectæ ex L, fimiliter fecerint rectas easdem AC, kl, ex fcholio propof. 4. lib. 6. Eucl. fit, vt ex recta ex L, per quodlibet punctum vtrum earum ducta tranfeat per punctum respondentem, & fimile alterius. Ita vides rectâ LN, tranfire per puncta respondentia M, l, cum eadem fit proportio CM, ad Ml, quæ k, ad l, ex prædicto fcholio propof. 4. lib. 6. Eucl. Idem hoc ratiocinium adhibendum erit in diuifionibus parallelorum in gradus, vt propof. 6. Numerat. dicitur.



RECTE autem hoc modo circulum obliquum diuifas in gradus, fic demonftrabitur. Per lemma 14. planum in fphæra per rectam AL, ductum rectang. aufert ex circulo obliquo diametri YZ, cui AL æquidiftat, duos arcus æquales a punctis Y, Z, inchoatos. Igitur idem illud planum in Afrolabium prædictum

Ubi videtur conspicietur ex polo australi eisdem illos arcus æquales ex Horizontis Astrolabium prosectio, illos videlicet, qui ab æstivis arcubus in sphaera respó-
dent. Cum ergo planum illud per polum australem incidens faciat, per proposi-
tionem Astrolabii rectam lineam per centrum L. transeuntem, recta linea LM, du-
cta per centrum L. & punctum M. diametri AC, (quæ communis sectio est circuli
obliqui, & Aequatoris, ut constat, si Meridianus ABCD, concipitur circa BD
vni, donec rectus sit ad Aequatorem, seu planum Astrolabii. Erit enim tunc, &
Aequator, & circulus obliquus ad Meridianum rectus,* ideoq. & eorum commu-
nis sectio ad eandem recta erit, ac proinde & ad rectam BD, in Meridiano exis-
tentem perpendicularis erit in centro sphaeræ E. Cum ergo AC, ad BD, sit per-
pendicularis, erit ipsa AC, communis sectio circuli obliqui, & Aequatoris, siue
plani Astrolabii referret planum illud per eadem puncta L, M, ductum, ideoque
producta secabit obliquum circulum in punctis N, O, quæ illis respondent, quæ
a plano illo ex circulo obliquo in sphaera abscinduntur, adeo ut planum illud ex
polo australi conspiciatur secare circulum obliquum in punctis N, O, cum ra-
dius visibilis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac
perpetuo perpetuo in LN, communis eius sectione cum plano Astrolabii Ae-
quatoris, existat. Arcus ergo circuli obliqui CN, illum in sphaera representat
quem in Aequatoris CP, arcus vero CO, illum, qui arcus CQ, æqualis est, &
reliqui arcus FN, GO, reliquis arcibus BP, DQ, æquales sunt. Eademq. est ratio
de omnibus alijs rectis ex L. emissis. Quilibet enim duos arcus ex circulo obli-
quo abscindit, quorum is, qui a C, versus F, tendit, tot gradus complectitur, quot
sentinartu Aequatoris à C, versus B, usque ad perpendicularem per punctum
diametri AC ductam, ille autem qui à C, versus G, vergit, tot continet gradus,
quotinartu Aequatoris à C, versus D, usque ad eandem perpendicularem con-
tinentur: adeo ut si ex singulis gradibus Aequatoris ad diametrum AC, perpen-
dicularis ducatur, & per easdem puncta ex L. rectæ transeantur, totus circulus
obliquus in singulis gradibus distributus sit. Sed satis est vnum semicirculum hoc
modo dividere. Puncta enim divisionum in alterum semicirculum translata da-
bunt gradus in altero illo semicirculo.

15. ITA QVÆ si abscindendus sit ex circulo obliquo arcus ab F, versus C,
vel A, aut à G, versus C, vel A, aut à C, versus F, vel G, aut denique ab A, versus
F, vel G, quotquot graduum is, qui a C, versus F, tendit, & arcus C, vel A, in
Aequatoris, aut à D, versus C, vel A, aut à C, versus B, vel D, aut denique ab A,
versus B, vel D; & à termino numerationis ad A C, perpendicularis ducenda.
Nam recta ex L, per punctum huius perpendicularis in AC, recta dabit arcum
quæritur.

16. E C O N T R A R I O si de proposito arcu circuli obliqui, quot conti-
nent gradus, queratur, ducendæ sunt ex terminis eius ad L, duæ rectæ, & expul-
sæ, via diametrum AC, secant, ad AC, duæ perpendiculares excitandæ. Arcus
namque Aequatoris inter eas perpendiculares dabit graduum numerum, qui
desideratur.

17. H A E C eadem intelligenda etiam sunt de quovis circulo obliquo, qui
ad Meridianum non sit rectus, si pro meridiana linea BD, accipiat recta per
eius centrum, & centrum Astrolabii ducta, & pro centro L, centrum alterius cir-
culi maximi, qui sit instar Verticalis circuli primarii respectu circuli obliqui,
inquam Horizontis eandem obliqui, &c.

V I D E autem in figura pulchram convenientiam & quasi consensum huius
modi cum altero illo priore: Quemadmodum enim recta LM, in hoc modo ex-
hibet

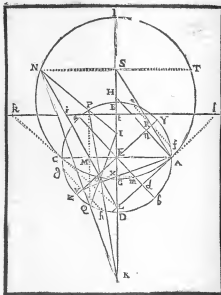
Fig. 19. videtur.

gradus quilibet
propositi, qui
paulo in circulo
obliquo maxime
procedunt, ac
Astrolabio ex eodem
centro puncta
emittunt, quæ
ipsæ rectæ sunt
rectæ Verticalis
primarii
Quæ gradus in
arcu diti circuli
maximi obli-
qui, ad alterum rectæ
in Astrolabio ex
centro, ex eodem
centro puncta
emittunt, quæ
ipsæ rectæ sunt
rectæ Verticalis
primarii, angulo
recto.

Quæ rectæ quædam
obliqui, ex maxime
q. ad alterum rectæ
in Astrolabio ex
centro, ex eodem
centro puncta
emittunt, quæ
ipsæ rectæ sunt
rectæ Verticalis
primarii.

Circuli huius
de una duobus
circulorum
in quibus, cum
prima

habet nobis in circulo obliquo arcus FN, GO, respondentes arcibus Aequato-
ris BP, DQ, ita eodem nobis præbent rectas IP, IQ, ex polo I, per eodem gra-
dus Aequatoris ductas, et prior pars primæ viæ præcepit: Item eodem circulo
subministrant rectas KQ, KP, ex altero polo K, per eodem Aequatoris gradus
contrario modo emissæ, ut primæ viæ pars posterior exigat.



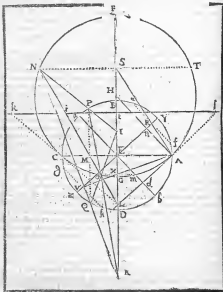
Quæ hæc sunt
tam oblique
etiam in
in obliquo.

28. NEQVE vero studiosum lectorem latere volo, rectas ex L, per A, & C
emissas tangere circulum obliquum in punctis A, C. Quoniam enim planum per
AL, transiens, & circumductum per omnia puncta diametri AC, (polus circuli
ABCD, ad planum Astrolabii, Aequatoris, rectio.) quæ communis secus est
circuli obliqui, & Aequatoris, secat semper circulum obliquum per lineas ad dia-
metrum AC, perpendiculares, quæ utriusque punctis A, & C, arcus æquales ab-
strahunt.

Quæ poles in
arcu dato ducti
sunt, ob quos
ad istos polos
rectæ ductæ
sunt, ut poles
duos, & rectas
duas, & quæ
sunt.

FN, FT, vel GΘ, Gm, continentem datum numerum graduum, qui in arcibus
Ye, Yf, vel Zg, Zh, continentur.

32. CONTRA si scire quis velit, quot gradus in dato arcu circuli obliqui
continentantur, ducende sunt ex terminis illius ad FG, duæ perpendicularæ, & ex
eorum punctis, ubi FG, secatur, ad A, duæ rectæ descendæ, quæ fecerint YZ, in illis
huc punctis, atque ex ijs ad YZ, duæ perpendicularæ erigendæ. Arcuum, & quæ
correspondenter illas perpendicularæ indicabit numerum graduum, qui queritur.



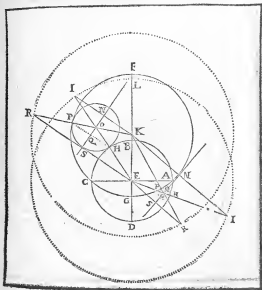
Circulus quatuor
meridiani obli-
quus in Astrola-
bitis, qui rectus
non sit, per totum
arcum ductus
est, ut poles
duos, & rectas
duas, & quæ
sunt.

33. PERSPICVVM autem est, rationem hanc quadrare etiam in octavo
alium circulum obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit. si pro meridiana
linea ED, accipiat recta per eius centrum, & centrum Astrolabii ducta, quæ
mirum communis sectio sit plani Astrolabii Aequatorialis, & circuli minoris
per mundi polos, & polos circuli obliqui ducti, &c.

HIC etiam videre licet convenientiam habere tertie viæ cum prioribus duabus. Nam iidem profus arcus FN, GO, vel CN, CO, per hanc inveniuntur, quos per illas invenimus.

34. LIBET hoc loco explicare aliam adhuc viam distribuendi maximū quodlibet circuli obliqui in gradus, quæ licet vsum videatur habere aliquanto magis in prædictū, quàm alie, quas explicauimus, præsertim si totus circulus in gradus distribuendus, commodissima tamen est, si vnus interdū, aut alter gradus duntaax necessarius sit, quia in ea neq; poli circuli obliqui requiruntur, vt in primo

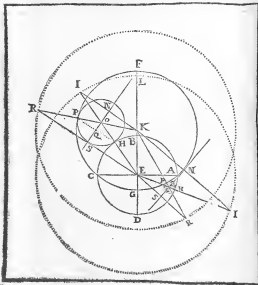
Circulus maximus
vix distribuendus est
in gradus, maxime
obliquos, et poli
magis dabitur.



modo, quæ Num. 17. & 18. explicauimus; neque centrum maximæ circuli, quæ instar ei Verticalis primarij respectu dati circuli obliqui, vna est sectionibus diametri AC, vt in secunda ratione Num. 24. explicata, neq; deniq; diameter circuli obliqui data in Analémate, vt tertius modus postulabat; sed solū per rectas lineas, ex centro Arquestoræ, & proprio centro eductas perficitur, hoc videlicet modo.

Circulus quatuor
centrum habet
quod est A. Circulus
autem describitur
in gradibus 44. pro
puncto centro, & est
tunc obliquus.

Sit Aequator ABCD, cuius centrum L, & circulus obliquus quicumque AFOG, cuius centrum K; sitq; gradus Aequatoris H, inveniendum punctum respondens in circulo obliquo. Ducatur ex E, centro Aequatoris per H, punctum datum recta EH, in qua producta sumatur HI, aequalis scilicet diametro circuli obliqui, in quo punctum respondens inveniendum est. (quando totus circulus in gradus dividendus sit, vel plura puncta inveniendae, expedit, ut sumpta recta HL, aequali semidiametro FK, ut B, per L, circulus L I, describatur. Ita enim omnes



rectae ex B, educit usque ad circulum istum habebunt inter eandem, & Aequatorem adiectas portiones semidiametro FK, aequales. Cum enim tam EL, EI, ex centro, quam EB, EH, aequales sint, erunt quoque reliquae BL, HI, aequales, & sic de ceteris.) & iungatur ad centrum K, circuli dividendi recta IK, quam bisariam, & ad angulos rectos faciet NO, scilicet EI, in O, puncto, per quod ex K, centro recta ducatur KO, & tunc circulum describendum

Idem in P. Dico punctum P, puncto dato H, respondere, hoc est, arcus BH, *a 4. primi.*
 inaequales esse in numero graduum. Quoniam enim duo latera KN, NO, duo-
 lateribus IN, NO, aequalia sunt, angulosq; continent aequales rectos; et erunt
 reliqui OK, OI, aequales sunt autē & KP, IH, aequales, quod illa sit semidiamet-
 er reliqui circuli: haec vero eidem semidiametro ponatur aequalis. Ablatis
 quae aequalibus ex aequalibus, reliquae OP, OH, aequales quoque erunt. Quocir-
 ca circuli ex O, per H, P, descriptus utrumque circulum tanget, & eo quod res-
 cit OH, OP, ad centra E, K, pertineant, ut in lemmate 42. ostendimus, circuli-
 inq; sphaera referet eodem tangentem in punctis, quae punctis I, P, respondēt
 et prout per lemma 43. arcus BH, FP, aequales numero gradus complectentur.
 Porro punctum P, inuenietur quoque per rectam KP, constituentem in centro
 K, angulum angulo I, aequalem. Nam sic rursum aequales erunt rectae OK, OI,
 &c. Item si per punctum H, datum in Aequatore agatur HP, parallela rectae
 KI, motum erit idem punctum P. Quia enim isoscelia sunt triangula IOK,
 HOP, angulosque ad O, habent aequales, erunt reliqui reliquis aequales. Cum
 igitur I, K, quam H, P, inter se aequales sint, erunt quoque OIK, OIP, aequales:
 et proinde IK, HP, parallelae erunt.

AVRVSVS puncto P, circuli obliqui reperitendum sit punctum in Aequatore
 respondens. Ducta ex K, centro obliqui circuli per datū in eo punctū P, recta, ac-
 cipitur PR, aequalis semidiametro Aequatoris, in quo punctum respondens in-
 ueniendum est: & HK quoque, si plura puncta inuenienda sint, describendus erit
 circulus ex K, per R, ut omnes rectae ex K, ad eum circulum eductae habeant se-
 gmenta inter eundem, & circulum obliquum semidiametro PR, aequalia. Ducta
 item ex R, ad E, centrū Aequatoris recta RE, secetur bisariam, & ad angulos re-
 ctoperectam SO, quae secet KR, in O. Nam rursus recta ex E, centro per O,
 ducta dabit in Aequatore punctum H, quā situm. Nam rursus tam OE, OR,
 quam HE, PR, aequales sunt. Igitur aequalibus demptis ex aequalibus, reliquae
 OH, OP, aequales erunt. Quapropter circulus ex O, per H, P, descriptus utrum-
 que circulum tanget, & ex eo quod rectae OH, OP, ad centra E, K, pertineant. Idem
 quoque punctum H, reperietur, si in E, centro fiat angulus R, aequalis angulus
 E: vel si ex dato puncto P, in obliquo circulo parallela ducatur ipsi RE, &c.

ATQVE haec ratio in omnes circulos maximos quadrat, etiam si neuter
 datus circulus sit Aequator.

35. ITAQVE datis duobus circulis maximis in Astrolabio, si in uno co-
 muni sit arcus quantuscunque à communi eorum sectione inchoatus, facili ne-
 gatio ei aequalem in numero graduum ex altero rescabimus. Nam si datus sit ar-
 cus CP, in circulo AFCG, & secantibus sese duobus maximis circulis ABCD,
 AFCG, in A, & C. si ex eius centro K, ducatur per punctum extremum P, recta,
 & ex producta sumatur PR, semidiametro alterius circuli aequalis, ducaturq;
 ex R ad eundem centrum E, recta, quam ad angulos rectos, & bisariam secet SO,
 item KR, in O, dabit recta ex O, ad centrum E, eiusdem circuli arcum CH, ar-
 cus CP, aequalem, & sic de ceteris. Potest quidem, & hoc fieri per primum modū
 duobus circulis obliquis in gradus, sed opus est prius inuenisse datorum cir-
 culorum polos. Nam si ex termino dati arcus ad eum poleam recta ducatur, ab-
 scindatur ex Aequatore arcus aequalis: Per eum terminum si ex polo alterius
 circuli recta ducatur, abscissus erit ex eo arcus aequalis quaesitus. Sed ratio hoc
 hoc explicare commodior videtur, cum polis circulorum non indigeat.

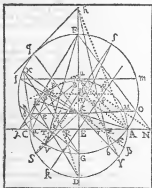
36. ALIUS quoque modum distribuenda maximos circulos in gradus per
 hanc, aequae numerum reperies in sequenti propos. Num. 36. Hic autem nego-
 tium

Circulus quon-
 dam maximus &
 Astrolabii pariter
 in gradus p. aliū
 circulum maxi-
 mum ducitur.

Two circles in the
 circle quoniam ma-
 xime abscinditur
 quoniam aequalem
 in numero gra-
 duum ex quocun-
 que circulo ma-
 ximo.

tium hoc concludemus alio quodam modo pulcherrimo per lineas rectas: quippe quo unum idemque punctum in calculo maximo inveniri possit per plurimas rectas lineas. Est autem eiusmodi.

SIT Aequator ABCD, cuius centrum E, circulus maximus obliquus quicumque AFCG, cuius centrum H; & diameter vera i k recta DE, per centrum, & centrum Astrolabii ducta, referat circulum maximam per polos mundi, & polos ipsius ductum, insar Meridiem cuiusdam proprii, polos existens illi qui circuli K. Et quia recta AC, communem sectionem Aequatoris & dati circuli obliqui in sphaera representat, ut in scholio sequenti Num. 1. demonstrabitur, apperebunt omnia puncta communis illius sectionis in sphaera existentia hac communis sectione AC, quae in Astrolabio apparet, in eisdem prociis distan-



circulo ad obliquum circulum recto, qui videlicet insar Meridiem est circuli obliqui per diametrum i k, ducti. Quoniam vero planum, in quo obliquus circulus maximus diametri i k, existit, circa AC, circumductum congruet aliquando cum Aequatore, siue rectus ex quolibet puncto Astrolabii in recta FD, vel cum extra ipsum posito, per gradus circumferentiae ABCD, circuli secet rectam AC, in eisdem punctis, in quibus eandem secarent, si ex respondentibus punctis plani, in quo circulus obliquus diametri i k, proprium situm haberet, per gradus circuli obliqui educerentur. Verbi gratia. Recta BS, per eundem punctum S, arcus CS, grad. 30. ducta secet AC, in T, puncto, in quo eundem secet recta ex puncto i, proprium situm habente, quod puncto B, respondeat, cum ambo puncta aequaliter abint a centro E, & in eodem Meridiano duo circuli existant)educta per grad. 30. circuli obliqui a puncto C, numeratū, proprium quod,

tis, & sita, quem in sphaera obtinent, cum eadē sit puncta vera in sphaera, & nō in Astrolabio; propterea quod rectae visuales ex polo astrolabii procedentes in eisdem punctis terminantur, & rectae rursus proceduntur quippe communi illi sectioni cuius prociis, quae visa. Conceptus circulus ABCD, circa BD, moueri, donec insar ad Aequatorem, & i k, diameter circuli obliqui proprium situm habet, versus semicirculo BAD, versus austrum infra planum Astrolabii, hoc est, a tergoplat, & semicirculo BCD, hōi versus supra planum Astrolabii: quo posito, procedunt omnia puncta diametri i k, in lineam FD, per rectas visuales ex A, emittas, cum tres rectae AC, i k, FD, in ea positione sint in eodem

quod dictum est, circulus obliquus diametri ik , circa AC , circumvolutus eo necessario cum Aequatore, vel plano Astralabili, & vicissim planis Aequatori, vel Astralabili circa AC , circumvolutum necessario cum circulo obliquo proprium suum habente congruat; & punctum i , cum B ; & k , cum D . Constat autem rectam BS , in eodem semper puncto T , secare rectam AC , quantumvis plano circuli $ABCD$, circa AC , circumducatur. Eadem de causa recta, quae ex centro circuli obliqui proprium suum habente duceretur per punctum punctum in Q respondens, secaret eandem AC , in R , ubi a recta DQ secatur. Sic recta B , eandem secat in e , puncto, in quo a recta secaretur, quae ex puncto c , aequalitatem puncto I , distantiam habente in diametro ik , à centro E , duceretur in plano circuli obliqui proprium suum habente, ad punctum respondens puncto k . Et sic de ceteris.

HIS positis, si arcus AM , aequalis arcus abscindendus sit, ducemus ex aliquo puncto rectae FD , ut ex B , per M , rectam, quae ipsam AC , secet in N . Et quia punctum i circuli obliqui, quod respondet puncto B , apparet ex polo australi in F , apparet tota recta BN , transire per duo puncta F , N , quandoquidem eius punctum i , videlicet, conspicitur in F ; & N , in N . Ducta ergo recta FN , secabit obliquum circulum in puncto O , quod puncto M , respondebit, propterea quod punctum M , circuli obliqui $ABCD$, propriam positionem habentis apparet in O , puncto, per quod recta BN per datum punctum M , transiens, conspicitur transire, ut dictum est. Eodem pacto ducta recta BS , secante AC , in T , cadet ducta recta FT , in V , punctum respondens puncto S . Rursum quia punctum k , quod respondet puncto D , apparet in G , si ducatur recta DQ , secans AC , in R , cadet ducta recta GR , in punctum X , ipsi Q respondens.

SED quoniam rectae ex punctis B , & D , per propinqua puncta circumferentiae $ABCD$, eductae secant rectam AC , productam extra circulum valde oblique; ut omnia puncta intra circulum habeamus, ducemus per puncta semicirculi AIC , rectas ex D . Nam rectae ex G , per intersectionum puncta in recta AC , ductae in semicirculo obliquo AFC , puncta respondentia. Per puncta autem semicirculi ADC , ducemus rectas ex B . Rectae enim ex F , per puncta intersectionis rectae AC , indicabunt in semicirculo obliquo AGC , puncta respondentia. Atque per hæc duo puncta F , G , binis punctis B , D , respondentia commodè fuerunt circulus in gradus distribuetur.

HAEC eadem ratione ex quo libet puncto rectae BD , præter centrum Astralabile E , si tamen radius ex A , ad illud emissus, diametrum ik , etiam productum, si quis sit, commodè secet, rectas educere poterimus, secantes obliquum circulum in gradus; si nimirum ex A , ad illud punctum radii emittamus, & punctum intersectionis illius cum diametro ik , in rectam FD , ex E , transferamus. Nam si ex hoc puncto in lineam FD , translato per quilibet gradum circuli $ABCD$, rectam educamus secantem AC , cadet recta ex assumpto puncto per punctum intersectionis rectae AC , emissæ in gradum circuli obliqui propositi. Verbi gratia, Si ex H , centro obliqui circuli ductenda sit recta cadens in grad. 30. à puncto C , versus G , aequatorum, ducemus radiam AH , secantem ik , in c , puncto, in quo centrum apparet, & recta Ec , aequalem abscindemus El , ut punctum translatum habeamus L . Deinde ex L , puncto translato ad S , punctum terminans grad. 30. rectam emittimus secantem AC , in e . Recta enim ex H , per e , electa cadet in V , grad. 30. quæ si cum recta IS , prolucatur in rectam He , quandoquidem eius punctum e , cui respondet punctum L , apparet in H , & recta He , per punctum e , transiens, conspicitur. Quomodo autem recta IS , producta secat Aequato-

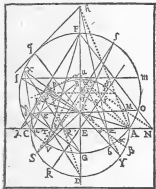
Hæc puncta obliqui circuli ad distantiam aequalem quæ sunt.

Ita quilibet punctum circuli in rectam circuli obliqui, quæ rectas eductas in punctum, quæ sunt, translatum in gradus.

rem altera ex parte in t, ita recta H e, producta exhibet in circulo obliquo aliud punctum f, puncto t. respondens, ita ut arcus B e. F f, æquales sint: propterea quod recta tS, in circulo obliquo vero existens (posito circulo ABCD, in proprio situ, hoc est, circumuoluto circa AC, donec diameter BD, diametro dñi proprio Meridiano posite congruat, atque idcirco & punctum L, puncto c.) peruenit, ut dictum est, in rectam tV, quandoquidem transire conficitur per puncta H, c: punctum quidem e, vel I, per H; & e, per ipsummet punctum e, quod est in communi sectione plani Aequatoris, & circuli obliqui.

RURSUS si ex puncto h, in linea meridiana dato extra datū circuli maximi obliquum ducenda sit recta, quæ abscindat ex quadrante AG, arcum arcui AY, æqualem, ducemus radium Ah, secantem ki, protractam in g, & punctum g, transferemus ex E. si u, v punctum u, translatum habeamus. Deinde ex u, ad Y, rectam iungemus secantem AC, in Z. Recta namque hZ, offeret punctum l, puncto Y, respondens. Punctum autem intersectionis rectæ hZ cum circulo obliquo prope F, respondebit puncto intersectionis rectæ u Y, cum circulo ABCD, prope E.

QUOD si quando accadat, rectam ex aliquo puncto translato extra circum ABCD, ut ex u, quod ipsi g, respondet, per datum punctū, nimirum per p, du-



ctā circuli ABCD, tangens in dato puncto p; ducenda erit ex h, puncto viso, recta hq, tangens obliquo circum. Punctum enim contactus q, respondebit dato puncto contactus p. Nam si ut up, tangit circum obliquum in sphaera, ita conspicietur tangere in Astro- bis eundē circum usum. Cum ergo punctum g, cui respondet u, apparat in h, proscindetur tangens ap, in tangentem hq.

Si C etiam, si quando contingat, rectā ex aliquo puncto translato intra circum ABCD, ut ex H, quod puncto f, respondet, ductas per datum punctum, nimirum per P, effluere cū recta FD, angulum rectum, ducenda erit per punctum n, in quo apparet punctum l, perpendi-

cularis m n l. Punctum enim l, respondebit dato puncto P, & punctum m, alteri puncto, in quo recta PH, producta circum ABCD, secat. Id quod supra Num. 30. demonstrauimus: propterea quod recta HP, respondet rectæ, quæ per f, in circulo obliquo ducitur in sphaera perpendicularis ad diametrum i k, et ferretur arcus æquales arcui BP, &c.

POSTREMO si ex K, polo viso circuli obliqui diuisio facienda sit, hoc est, abscin-

affigendus, r.g. ex obliquo circulo arcus arcui BQ, æqualis, transferemus
punctum a, in rectam FD, usque ad K, quod rectæ E a, EK, æquales sint, vt supra
Num. 14. demonstrauimus. (quod tamen clarius demonstratum reperies circa ha-
bem Num. 21. propos. 6.) ita vt punctum translatum a viso non differat: Deinde
in K puncto translato, quod puncto a, respondet, per Q, rectam trahemus se-
cantem AC, in r. Nam recta ex K, puncto viso, in quo videlicet apparet punctum
a, per punctum sectionis r, ducta, quæ à priori non differt, propter eadem puncta
K, indicabit punctum X, puncto Q, respondens, & producta dabit alterum pun-
ctum a, puncto g, respondens. Ex quo liquido etiam constat, rectam ex polo vi-
so per quodcumque punctum Aequatoris ductam offerre in circulo obliquo pun-
ctum illi puncto respondens: id quod supra Num. 17. ex lemmate 23. lib. 1.
obtinuit.

Ad maiorem euidentiam huius modi, inuenimus eadem puncta O, V, b, f, q,
I, X, a punctis M, S, Y, t, p, P, Q, g, respondentia per rectas ex viso polo K, emis-
sa, vt Num. 17. traditum est.

NON erit autem difficile, vicissim ex dato puncto in circulo obliquo inue-
ligere punctum respondens in Aequatore, vel circulo obliquo in sphaera, cuius
vici Aequator gerit. Sit enim datum punctum O. Ex puncto F, quod respondet
puncto B per O, rectam emitemus secantem AC, in N. Recta namque BN, secan-
s Aequatorem in puncto M, quod dato puncto O, respodet, vt ex dictis liquet.
Idem efficiemus ex quocunque alio puncto in meridiana linea dato, vt ex H. Du-
ctum radio AH, secante diametrum I k, in c, transferatur punctum c, in rec-
tam FD usque ad E, hincque propositum inueiligare punctum Aequatoris respon-
dens puncto V. Ducta recta HV, secante AC, in e, cadet recta I e, ex translato
puncto I, egressens in questum punctum S, & sic de cæteris.

IA M si ex centro circuli, qui insit proprii Verticalis est dati circuli obli-
qui, quale est punctum L, in superiori figura Num. 24. diuisio instituenda sit, quo
nullum non habet punctum verum respondens in diametro YZ, quod trans-
ferri posuit in rectam FD, quod recta AL, cadens in dictum centrum L, paralle-
la sit diametro YZ, ac proinde tota extra planum dati circuli obliqui, vt ex
Num. 4. patet, ducenda erit per datum in Aequatore punctum ipsi FD, paralle-
la, & per punctum sectionis in AC, ex eo centro recta ducenda, &c. vt Num. 24.
traditum est.

IA M vero per ea, quæ hoc loco declarata sunt, reperiemus cuiuscunque
puncti in dato circulo quouis maximo, vel in eius plano producto, extra ipsam
circuli assignato, situm in Astrolabio, hoc est, locum, vbi in eodem plano cir-
culi nō appareat ex polo australi inspectum. Sit enim datum punctum a, quod si
habetur in Aequatore, eius situs erit in a, cū in a, appareat: Si vero intelligatur esse
in quouis circulo maximo, vt in eo, quæ refert circulus AFGG, ita vt in eo talē
situm ac positionem habeat, qualem in Aequatore Astrolabii inueniemus eius lo-
cus situm hoc modo. Ducta ex quouis puncto recta FD, nimirum ex B, recta
I g secante AC, in g, ducatur ex puncto F, quod ipsi B, respondet, recta Fg; ap-
parebit punctum a, in recta Fg, cum tota Bg, in rectam Fg, produciatur, vt
ex dictis liquet. Ducta rursum ex quolibet alio puncto D, recta Di, secante AC,
in T, ducatur ex puncto G, quod ipsi D, respondet, recta GT; apparebitque rur-
sum eundem punctum a, in recta GT, cum tota DT, in rectam GT, produciatur, vt
etiam, quæ dicta sunt, perspicui est. Erit ergo punctum g, vbi coeunt rectæ Fg,
GT, insuper punctis a. Quod si altera rectarum ex B, & D, per assignatum punctum
a, ducatur nimis procul, & oblique secet rectam AC, accipi potest pro eo pun-

Dato puncto in
circulo maximo
obliquo, punctum
respondens in Aequatore
arguunt.

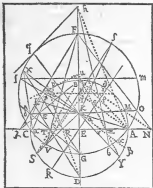
Dato quouis pun-
cto in plano abo-
equo-circuli ma-
ximi in sphaera
astrolabii circuli
maximo, inueni-
mus eius situm in As-
trolabio.

circulo, a quo recta per ϵ , ducta extra circulum ABCD, cadit, (cuiusmodi est punctum B,) quodcumque aliud punctum Q. Ducta enim recta Q ϵ , secante AC, in α , si inueniatur punctum X, in circulo obliquo respondens assumpto puncto Q, & ducatur X μ , secabitur GT, in eodem puncto β , quæsito. Immo inuenta recta distantat linearum F γ , GT, X μ , in qua punctum datum ϵ , appareat. Sit K, polo viso circuli obliqui per ϵ , recta ducatur, secabit ea illam rectam in eodem puncto β , quæsito. Nam cum polo viso K, respondeat in diametro i k, punctum α , sitque equalis E α , EK, non differet punctum translatus a viso. Quæ in eadem recta K α , existet idem punctum β , apparens, quemadmodum in kQ, producta existit punctum visum X, puncto Q, respondens, quod linea kQ, a linea r K, non differat, ut supra dictum est. Si punctum datum sit in recta FD, hoc est, in diametro circuli obliqui, cui recta FD, (circumdata circa AC, plano Astrolabii) congruit, ut v.g. punctum I, abscindemus rectæ EI, æqualem Ec, ex diametro i k, ut habeamus punctum verum c. Nam radius A c, indicabit punctum c, visum in H.

EXCIPIENDA autem sunt puncta in communi sectione circuli circuli obliqui in sphaera, & pla-

ni, quod per polum altissimum Aequatori ducitur parallelum, existens. Hæc enim nulla habent puncta visa respondentia in Astrolabio; cum tota illa communis sectio in Astrolabio conestet, & nullum eorum in Astrolabio appareat: quippe cum omnia illi visuales in illo plano parallelo existentes, plano Aequatoris, Astrolabio respondent. Quæ de re plura habemus propos. Num. 17.

VICISSIM dato quouis puncto β , visum in Astrolabio, inueniemus eiusdem verum in sphaera, hoc est, in circulo illo sphaeræ, qui circulus Astrolabii, in quo punctum β , visum intelligitur, representat. Ductum ex F, G, punctis circuli obli-



qui per datum punctum β , rectis & cantibus AC, in γ , T, ducantur ex γ , T, ad puncta B, D, punctis F, G, respondentia rectæ intersectantes sese in α , puncto, quod erit quæsitum; cum rectæ B γ , DT, producantur in rectas F γ , GT, & de eodem modo si per β ducatur alia recta β X, secans AC, in μ , & puncto X, respondens punctum Q, reperiatur, transibit ducta recta μ Q, per idem punctum α .

SOLVM punctus, quæ in recta ad FD, perpendiculari ducta per centrum circuli, qui insit est proprii Verticalis dati circuli obliqui, cuiusmodi est punctum L, in superiore figura Num. 24, assignari non possunt vera puncta respondentia.

Quæ puncta respondentia in plano circuli obliqui sphaeræ non habent respondentia in punctis visis Astrolabio.

Dato puncto visum in Astrolabio, inueniemus eiusdem verum in sphaera, hoc est, in circulo illo sphaeræ, qui circulus Astrolabii, in quo punctum visum intelligitur, representat.

Quæ puncta in Astrolabio sunt in sphaera vera respondentia in punctis visis Astrolabio, non in sphaera.

facta in plano circuli obliqui. Cum enim ea recta referat planum, quod per po-
lū australem ducitur, circulo obliquo in sphaera parallelum, ut prop. 4. Num.
3. docuimus, existent vera puncta, quæ punctis in dicta recta existentibus re-
spondent, in illo plano parallelo, non autem in illo circulo obliquo: Quod si
quæ eo modo, quem explicauimus, tentet inuenire in Horizonte verum pun-
ctum respondentis puncto vise L, in figura Num. 14. docendo videlicet rectas ex
L, per duo apparentia puncta in Horizontis circumferentia, reperiet duas re-
ctas, quæ per sectionum puncta rectæ AC, cum illis duabus rectis, & per puncta
circuli ABCD, apparentibus illis punctis Horizontis respondentia ducuntur,
parallelæ esse rectæ FD, non autem sese interfecare. Si autem cuius aliq. puncto
predictæ rectæ perpendicularis ad FD, per L, ductæ respondens verum punctum
in eodem Horizonte vero inuenire velit, reperiet duas rectas etiam inter se pa-
rallelas per intersectionum puncta in recta AC, ductas, quæ uis ipsi FD, non
aquidistant, &c.

EX hoc colligitur, ex quocunque puncto in Astrolabio extra meridianam li-
 neam, & rectæ AC, dato, maximū circuli posse diuidi. Nam si ex puncto *L*, inueniē-
 di sit q. punctū respondē s dato puncto Q inueſtigandū prius erit, ut proxime
 elicitū est, punctū verū *a*, puncto *L*, respondens. Deinde per *a*, punctū verū inue-
 niat ad Q ductenda recta secans AC, in *μ*. Recta, n. ex *L*, per *μ*, ducta cadet in X,
 punctum puncto dato Q, respondens, quod tota recta QX, in rectam X μ , projici-
 untur, ut ex dictis constat: quandoquidē *a*, punctum verū est in circulo ABCD,
 quem obliquus AFCG, representat, quod quidem apparet in *L*, &c. Hic etiam
 expendi sunt puncta in recta ad FD, ducta perpendiculari per centrum pro-
 prii Verticalis dati circuli obliqui. Cum enim, ut dictum est, illa puncta non ha-
 beant vera puncta respondentis in circulo illo obliquo in sphaera, non poterit
 illis punctis visus circulus in gradus distribui eo modo, quem explicauimus.

QVO autem pacto diuisio fieri possit, & quidem per lineas parallelas ex pū-
 cto illo, quod in sphaera respondet puncto, in quo diametrum k i, circuli obliqui
 productum secat recta ad AC, perpendicularis in A, polo australi, trademus: pro
 p. 12. Num. 17. Vbi etiam alium modum reperies, quo circulus obliquus visus
 per rectas per centrum E, Astrolabii emissas in gradus distribuas, ita ut quāpi-
 bet recta offerat duo puncta per diametrum opposita. Postremo ibidem Num.
 3. eosdem circulos tam maximos, quam non maximos in gradus partiemur eō
 modifine ex quolibet puncto dato in communi sectione plani Astrolabii, &
 orbis propositi in sphaera. Hos enim tres modotem in locum distulimus, ne
 figura huc proposita nimis tanta linearum multitudine confunderetur.

S C H O L I V M.

1. I A M vero quilibet circulus maximus obliquus, qui ad Meridianā rectus sit, ac
 puncto centri in linea meridianā Astrolabii habeat, necessarii in Astrolabio, si erratū
 non sit per puncta A, & C, visū Aequator ab Horizonte rectū AC, si catur, trās sibi. Quo
 niam puncta A, C, sunt illa, in quibus Horizon, Verticalis primarius, & ecliptica, & p-
 ter principia E, & Z, in Meridiano, & per quoscunq. alius circulus maximus posui
 ten in Meridiano, ac proinde ad eū rectus existens, Aequatorē interfecit, propterea
 qui recta AC, per se Horizonti rectū, vel Calorem aequinoctiorū, congruēte solstitio-
 ni Calorem Meridiano, ut prop. 4. Num. 1. demonstrauimus, sit et in plano Astrolabii
 orbis huiusmodi maximus obliquus conspicitur necessario trāsire per duo illa puncta
 A, C, quandoquidem per ea representantur illa puncta sphaera, per quæ idem ille circ-
 lus ducitur,

Ex quolibet pun-
 cto extra meri-
 dianam lineam
 in Astrolabio,
 datum circulum
 maximū in gra-
 dus distribuas.

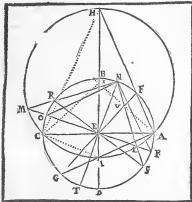
Altera via di-
 stribuendi circuli
 obliquos in
 gradus cum quo
 i. uti meridianus
 hanc parallelam
 cum ea centro
 distans, tam di-
 sta, ex quolibet
 puncto in eodem
 plano, & planū
 Aequatoris, vel
 Aequatoris, extra
 lineam meridia-
 nam ducit.

Circuli maximū
 obliqui, & ad illū
 rectus sit, &
 per puncta
 Aequatoris
 ducit in Astro-
 labio.

2. 1. 1. T. ha.

bus ducitur, adeo ut recta AC , illam diametrum obliqui circuli exhibeat in A sphaerae, quae in sphaera communis sita est ipsa cum A equatore. Necessario enim est, ut in A sphaerae circuli per eandem lineam, & per eandem illa puncta conspiciantur incidere, per quae in sphaera ducuntur. Quod tamen Geometricè etiam ex ipsa præcedente constructione circularum maximorum obliquorum in planum A sphaerae facile demonstrabimus hoc modo. Sit A equator $ABCD$, cuius centri E , linea meridiana, hoc est, communis sita Meridiana, & plani A equatoris, A sphaerae BD ; quae ad rectum angulum fecit AC ; diameter circuli obliqui ad A equatorem, & ad Meridianum recti FG , ut ut arcus AF , sit altitudo poli supra illam circulum obliquum. Sumitur enim, ut dictum est supra hac præf. Num. 2. & in præf. a. Num. 3. circulus $ABCD$, pro Meridiano A sphaerae. Ex radijs visualibus AG , AF , unius a sit diameter visa HI , quae dextra bisariam in K , per rectam AK , ad FG , in V , perpendiculararem, ut demonstratum est, describitur ex K , per H , I , circulus. Duo cum transire per A , & C . Quoniam enim angulus FAG , ut simpliciter rectus est, erit triangulum HAI , rectangulum. Cum igitur latera HI , recte angula oppositum bisariam sectum sit in K , transibit necesse est, ex simili præf. 31 lib. 3. Eucl. circulus ex K , per H , I , describitur, per angulum rectum A , huius de causa per punctum C , transibit. Nam ductis rectis CH , CI , angulus HCI , est eandem rectum, quod sit probatur. Quoniam duo latera EH , EA , duobus lateribus EH , EC ,

aequalia sunt, angulique continentur aequales, videlicet rectus; et erunt bases AR , CH , aequalia. Similiter autem considerando, aequalis esse bases LA , IC , in triangulo AEI , GEI . Quoniam igitur duo latera AR , AI , duobus lateribus CH , CI , aequalia sunt, & bases HI , communis erunt; aequalis erunt anguli HAI , HCI , utique eandem HAI , rectus sit, & HCI , rectus erit; ac proinde circulus circa HI ,



descriptus per C , transibit, ex eodem simili præf. 31. lib. 3. Euclid.

Quod O D tamen facilius ita potest ostendi. Ducta recta CK , cum duo latera EK , EA , duobus lateribus EK , EC , aequalia sunt, angulique continentur aequales, videlicet rectus; et erunt quoque bases EA , KC , aequalia. Igitur circulus HMI , ex centro

in E ,

21. per *A*. descriptus, per punctum *C*, transibit, quod est propositum.

2. *H I N C* etiam liquet, circulum quolibet maximum in *Astrolabio* descriptum maxime esse *Aequatorem*. Ductis enim ex centro *K*, obliqui circuli maxime, (qui descripti esse ab *E*, centro *Astrolabii* supra *N*um. 1. hinc propos. demonstravi) duabus secundariis *K A*, *K C*, erunt ea toti diametro *H I*, aequalis simul sumpta. Cum ergo maxime sint, quae *AC*, erit quoque diameter *H I*, maior diametro *AC*, illoque per circulum obliquum *A H C I*, maior erit *Aequatore* *A B C D*: eodique ratione de ceteris.

3. *E A D E M* praesentatione, descripto quavis a *h*o circulo maximo obliqui in *Astrolabo*, quo ad Meridianum rectus non sit, si per eius centrum, et centrum *Astrolabii* ducta decatur, (communis videlicet sectio plani *Astrolabii* *Aequatoris*, et circuli maximi per polos mundi, et polos circuli obliqui du illi, et ne proinde ad eandem rectitudinem quae auctor, maximam circuli obliqui diametrum visum proiciat demonstrandum, in simili propos. 5. Num. 1. et 3.) quoniam ad rectos angulos diameter *Aequatoris* fuerit, demonstrabimus, circulum illum obliquum transire per extrema puncta huius diametri, quae quidem communem sectionem circuli obliqui, et *Aequatoris* in sphaera repraesentant, ut mox ostendimus. Vt si circulus *A H C I*, in *Astrolabo* ponatur maximus qui obliquus ad *Aequatorem*, et Meridianum, et per eius centrum *K*, et centrum *Astrolabii* *E* ducta decatur *H I*, quae communis sectio est plani *Astrolabii*, vel *Aequatoris*, et circuli maximi per polos mundi, et polos circuli obliqui transiunt, cum in ea se linea centrum circuli obliqui in *Astrolabo* existat, ut in scholis propos. 3. Num. 4. demonstratum est, quippe cum in ea existat maxima eius diameter apperens, et ad *H I*, ducta diameter *Aequatoris* *AC*, perpendicularis, demonstrabimus, cum necessario rectus sit puncta *A C*, quemadmodum ostendimus, eundem, quando ad Meridianum vel ad perpendicularem sit *Horizon*, *Verticalis* primarius, *Ecliptica*, (posita principio *E*, in Meridiano) et alij, per puncta *A C*, transire, id quod etiam de *Verticalibus* demum habetur propos. 8. Num. 16. Ex quo fit, quolibet circulum maximum in *Astrolabo* ducere *Aequatorem* bisariam, cum transeat per duo eius puncta per diametrum ipsius. Recta quoque *AC*, refert communem sectionem *Aequatoris*, et illius circuli obliqui in sphaera, quod non solum ostendimus, ac monstratum est, eandem *AC*, cum maxime sectionem referat *Aequatoris*, et *Horizonis*, vel *Verticalis* primarii, vel *Eclipticae*, per circulos *A H C I*, ex his circulis unus statuitur. Quoniam enim *Aequator*, et circuli obliqui ad maximum circulum per mundi polos, et polos obliqui circuli du sunt, rectus est, et erit ad eandem communem iterum sectionem recta, ac proinde eandem ad *H I*, nulli circulo maxime existentem perpendicularis erit in centro *A*, ut auctor, et demonstr. lib. 11. Eucl. Ergo *AC*, ad *H I*, perpendicularis, communis illa sectio erit.

4. *I T A Q U E* quemadmodum in sphaera quilibet circulus maximum *Aequatoris* dividit bisariam, ita quoque in *Astrolabo* *Aequator* a quolibet circulo maximo obliqui, seu in ad Meridianum rectus sit, seu non, bisariam secatur, cum ab eo secantem extremis punctis diametri *AC*, quae ad *H I*, communem sectionem plani *Astrolabii*, et maximi circuli per mundi polos, et polos circuli obliqui transiunt, instar pro prii sectionis Meridiani perpendicularis est, ut demonstravimus. Et quoniam *Aequator* in sectione in sphaera quemcumque circulum maximum bisariam dividit, et (quod circuli maximi arcus in sphaera si mutus fuerat bisariam) sit ut in *Astrolabo* quoque terminetur dividens quolibet circulum maximum obliquum bisariam, adeo ut arcus *A B C*, unus semicirculus, et arcus *A I C*, alterum repraesentat, licet hi arcus valde inter se inaequales sint. Hoc enim necessario in *Astrolabo* ita contingere, ratio eundem demonstrat.

1. *Q U I A* etiam cuiusvis circuli maximi obliqui unus semicirculus, quae

Circulus maxime obliquus quemlibet in *Astrolabo* esse maximum *Aequatorem*.

2. 20. primi.

h. i. s. t. b.

Circuli maximi obliqui, et ad eundem rectus non sit, per eius puncta, et centrum *Astrolabii* ducta decatur.

Circuli maximi obliqui, et ad eundem rectus non sit, per eius puncta, et centrum *Astrolabii* ducta decatur.

c. i. s. t. b.

d. 19. eundem.

Aequator qui quilibet circulum maximum obliquum in *Astrolabo* bisariam dividit, et (quod circuli maximi arcus in sphaera si mutus fuerat bisariam) sit ut in *Astrolabo* quoque terminetur dividens quolibet circulum maximum obliquum bisariam, adeo ut arcus *A B C*, unus semicirculus, et arcus *A I C*, alterum repraesentat, licet hi arcus valde inter se inaequales sint.

c. i. s. t. b.

semicirculi
maxime obliquo
ab æquatore in
obliquis in Astro-
labio.

• 2, 3, 4. Tab.

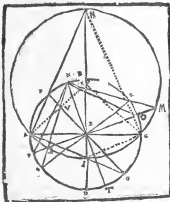
Æquator in
Astrolabo cum
quatuor circulo
maxime obliquo
per puncta in
duo semicircu-
los oppositos in
astrolo punctis
per diametrum
oppositis.

Quilibet circulus
in Astro-
labio, cum
maxime, descri-
bitur in sphaera
obliquam æqua-
toris parallelam
bituram, transit
in Astrolabio per
duo puncta per
diametrum op-
posita in 44 pa-
rallelo.

Quoniam ad ma-
ximam obliquitatem
Æquatoris in
Astrolabo transit
transit in
Astrolabo transit
transit in
transit in
transit in

communis eius sectio cum Æquatore facit, ab Æquatore versus polos australem, &
alter versus borealem declinat, apparebit is, qui propius ab oculo, vel polo australi abest,
maior, quam ille, qui longius abest, ut ex Perspectivis liquet. • Item quia unus cir-
lus maximus obliquus tangit duos parallelos oppositos, & æquales, borealem totum, &
alterum australem; australis autem projiciatur in circulum Æquatoris maiorem, & in
realtis in minorem, ex propof. 2. projiciatur necessario semicirculus borealis in circulo obli-
quo intra Æquatoris, qualis est AIG, australis vero extra Æquatoris, qualis est
AHC, ac proinde hic ille maior erit, cum longius excurrat semicirculus AHC, pe-
rius AC, quam semicirculus AIG.

6. AT. verò quoniam uterque semicirculus Æquatoris, quomodoque situm
per diametrum, equaliter abest ab oculo, vel polo australi, equaliter ambo apparent;
quod etiam ex propof. 2. liquido constat, ubi demonstratum est, Æquatoris, ac paral-
lelos ipsius ita in Astrolabium projici, ut arcus eorum æquales in arcus æquales projici-
antur. Hinc con-
fit, ut semicir-
culi æquales pro-
jecti in sphaera
obliqua æquales
circulos obli-
quos faciant, cum Æqua-
toris bifariam
in sphaera di-
dat, necesse in
Astrolabo per
duo puncta per
diametrum op-
posita transi-
bit, ut duo in
eo semicirculi
æquales appa-
rent, quæ et in
duo in sphaera
abscindit.



7. P A I
ratiomagnitudo
circuli fuerit
maxima, fuerit
maximus, dicitur
obliquum ex parallelis Æquatoris in sphaera
bifariam, necesse
per duo puncta per diametrum opposita in parallelo illo descripto in Astrolabio transi-
bit, ut illum bifariam quoque facit.

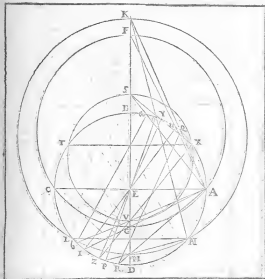
8. N F L L V S autem circulus non maximus in Astrolabio per duo puncta per
diametrum opposita in Æquatore describitur, cum cum in sphaera bifariam dimit-
tuntur. Efficit enim maximus, quippe qui per diametrum Æquatoris, utique & per
centrum sphaera, facit Æquatoris transiret, quod cum hyperboli regunt.

9. EX his manifestum etiam relinquatur, circuli in Astrolabio, qui Æquatoris
duobus in punctis per diametrum oppositis fecit, representare circulum maximum in
sphaera;

non quandoquidem non maximus *Aequatorem* bisariam fecit non potest, ut pro-
batum est; qui vero *Aequatorem* in duobus punctis non per diametrum oppositis
peripere circulum non maximam. Nam si maximam referret, divideret *Aequato-*
rem bisariam, ut monstratum est. quod non potest.

Hoc ipsum Geometricè quoque demonstratione demonstrabimus. Ut *Aequator* $ABCD$,
cum centro E , tangit; bisariam facit circuli $FCGA$, in punctis A , & per diametrum
oppositum. Dico autem representare circulum maximum in sphaera. Ducta enim diametris AC ,

representat in
sphaera circulum
maximum qui
vero non bisariam
dividet, ut non
maximus.

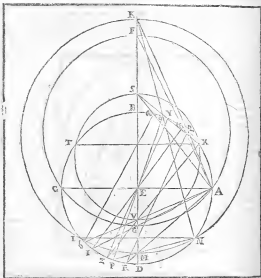


ducta per E , centrum *Aequatoris*; & centrum circuli $FCGA$, vel FD ; quæ ad
 AC , quæ bisariam in centro E , dividit, & perpendicularis erit, referetur maximam a B & $tercij$.
tangens per polos mundi, & polos circuli $FCGA$, distans; ut in sphaera præf. 2.
Nam, & demonstratum est; ideoque recta AE perpendicularis, axis mundi erit, & A ,
C, poli mundi, & si circulus $ABCD$, intelligatur esse rectus ad *Aequatorem*, sine planis
distichis, & cum quadrante abscissis ab *Aequatore* per BD , ductis. E gradientur hæc radij
V u $AF, AG,$

¶ 31. corij.

AF, AG, per extrema maxima diametri vise secantes Aequatorem in B, I, tanguntque HI, qua diameter est eius circuli, quem representat FCG, quare inde non extrema apparent in F, G, extremis diametri maxima vise FG. Et quoniam angulus FAG, hoc est HAI, rectus est, prout ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. HAI similis, et præterea HI, per centrum E, transibit, diameterque est maximæ circuli, quam quidem FCGA, refert.

DEINDE circulu KLMN, fecit Aequatorem in L, N, non bisariam vise



puncta A, G, non videlicet recta LN, per centrum E, non transeat. Dico non esse circulum non maximam. Recta enim rursus KM, per centrum eius, et centrum L, A, trahatque communem sectionem A, B, recta Iq, et circuli maximi per polos mundi, et per circuli KLMN, ducta, ducatur ad eam perpendicularis AC, pro axe mundi, ut patet. Emittantur deinde ex N, per extrema diametri vise KM, recta NE, NM, secans Aequatorem in O, P, tangaturque OP. Et quia angulus KMM, hoc est, ONP, rectus est, erit, ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. ONP, semicirculus, cuiusque diameter OP.

¶ 32. corij.

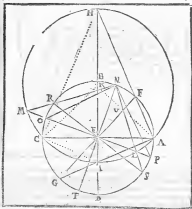
Quoniam

Quoniam autem ex polo A , emissi ad eandem extremam K, M , diametri visus KM , sunt æquidistantes circa punctum O, P , in Q, R ; (nam $A K$, est extra KN , & AM , fecit ML in M .) ut QAR , segmentum semicirculi minores, ac prout innotuit recta QV , quæ tangit circuli, quem $KLMN$, representat, per centrum non transit, diametrumque autem circuli non maximi.

POSTREMO circulus $STPX$, Aequatorem fecit in T, X , non bisariam supra punctum AC , ita ut ducta recta TV , per centrum E , non transit. Dico eum referre quoad axem non maximum. Ducta enim recta AV , per eius centrum, & E centre est similis, pro communis sectione Astralabij, & circuli maximi per polos mundi, & polo circuli $STPX$, ducti, & ad eam perpendiculari AC , pro axe mundi, educantur rectæ EX, XP , per extrema diametri visus SV , secantes Aequatorem in YZ , sine Y , sit supra I , sit infra L , fieri enim potest, ut quando S , procul distat, recta XS , fecit Aequatorem infra X , iungatur recta YZ , Et quia angulus SKV , hoc est, YKZ , rectus est, ut in scholio propos. 3 lib. 3. Eucl. YXZ semicirculus, eiusque diameter YZ . Quare cum ab A , polo emissi per eandem extremam S, V , diametri visus SV , fecerit Aequatorem in A , ultra punctum Y, Z . (Nam AS , cadit infra XS , & AV , fecit XV , in V .) erit ad segmentum semicirculo maius: ac propterea cuncta recta $a b$, quæ diameter est circuli, quem $STPX$, representat, per centrum non transit, diameterque idcirco erit circuli maximi, quod erat demonstrandum.

14. $RFRFS$ quoniam omnes diametri cuiuslibet circuli maximi obliqui in

figura per centrum sphaerae ducuntur, ac per idem in Astralabeo transire possunt, ac si per unum hunc recta per centrum Astralabij ducta in unamque partem ad circuli obliqui circuli sectionem usque, exprimerent illam diametrum circuli obliqui in sphaera, quæ per illa puncta ducuntur, quæ recte sentiantur per idem in circulo obliqui Astralabeo, ad quæ extenditur recta de per centrum



Quoniam hanc rectam per centrum Astralabij ductam, transire in circulo maximo, obliqui non potest per diametrum eum, oppositum, quod ipsa recta per centrum per centrum per centrum.

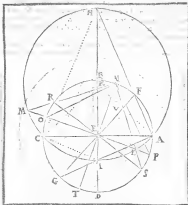
Astralabij transire: adeo ut qualibet linea innotuit in Astralabeo sit infra alienigenam in circulo obliqui extendens per duo puncta, quæ duo referunt in sphaera per diametrum visus, & ideo gratia. in figura prima huius sphaeræ recta LM , per E , centrum Astralabeo, est

$V = 2$

by chellia

hij sicut d' refert in sphaera diametrum illam circuli obliqui, quoniam $AHCL$, representat, quae tot gradibus a communi sectione circuli obliquae cum Aequatoris in arcibus rectis, quot gradus exhibet arcus GM , in Affralibus, (quos vero paulo significatur, quot paulo continentur in arcu GM , in hac propos. 5. Nam 13, tradidimus esse, ut paulo L , M , exprimentur duo puncta in sphaera per diametrum opposita.

II. Quid autem qualiter linea per centrum A circuli extensa, videlicet LM , representat, ut diximus, diametrum aliquem circuli maxime obliqui, licet non uterque in aequales fieret, videtur; in circulo obliquo duo puncta L , M , per diametrum opposita, non sicut et recta linea AC , quoniam ostendimus infra, centrum in sectionem arcu illi obliqui, & Aequatori in sphaera, hac ita ratione cum Eodem in Gnomonice demonstrabimus. Repetita prima figura huius scholi, ponatur in E , ad L , et perpendicularis, ut EN , producatursque, usque ad T . Producta quoque ML , usque ad P , intersector rectae MN , ON , LN , PN , fiaturque. Aequator ab HN , LN quae R , S . Quae quoniam in circulo



$AHCL$, dicitur
 & c. AC , LM ,
 se intersectant
 in P , ut rectae
 quoniam sub LM ,
 LM , rectae
 obliquae AL , EC ,
 aequales esse
 quodam rectae
 AL , et paulo
 & quodam rectae
 EN , vel
 ET , & igitur
 utraque EN ,
 ET , medietate
 principalem est
 inter EM , EL ,
 idcirco, circuli
 circa diametrum
 LM descripti
 per puncta N , T ,
 transibunt. Item
 si ultra punctum
 N , transierit
 EN , transiet
 vel extra N , ab
 fronsit ut per

perpendiculari EN , vel maiorem lineam, vel minorem linea EN , quae ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. media quoque proportionalis esset inter eadem segmenta LE , EM , et prout aequales fuerint obliquae illa linea, & EN , pars. & totum, quod est absolute. Quod etiam ex lemmate 11. demonstrari potest. Transibit ergo circulus ille per N , et prout & per T , eandem ob causam; idcirco circulus aliquem maximum in sphaera representabit, ut paulo ante Num. 6. & ostendimus, quandoquidem Aequator ibi fuerit ductus in N , T . Et quoniam circulus maximum obliquus tangit perpendiculari oppositae, & aequales, rectae circuli, qui ex E , centro, & extrinsecus simul diametrum EL , EM , describere creantur, circulusque illorum, cuius diameter LM , ex scholio propos. 13. lib. 6. Eucl.

a 17. rectae.

b 17. sicut.

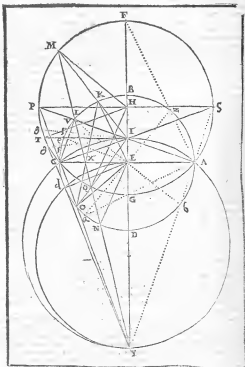
c 17. sicut.

parallelis in L, M , duo paralleli appofiti, & æquales.¹ Quocirca, cum puncta con-
 iuncta per diametrum apponuntur in fphæra, repræfentabunt L , & M , duo puncta in
 fphæra per diametrum appofita, ac præterea recta $L M$, diametrum aliquam circuli
 circum obliqui referet, quod eſt propoſitum. Ut autem intelligatur, quantum puncta
 circa puncta L, M , repræſententur, & qualem diametrum recta $L M$, referat, ita præ-
 ſentemus. Quoniam circuli circa diametrum $L M$, deſcripti, tranſeunt per N , ut deſcri-
 ptus, & erit angulus $M N L$, in ſemicirculo reſtus, atque idem² angulus $ON P$,
 quia ſemicirculo $ON P$, reſtus etiam eſt, æqualis; & idcirco arcus $R T S$, $O T P$, æqua-
 les erunt. Cum ergo $O T P$, ſit ſemicirculus, quod recta $L M$, per E , centrum tranſire poſſit,
 eſt, erit & $R T S$, ſemicirculus; ac præterea recta ducta $R S$, diametris erit circuli
 $A B C D$. Quamobrem ſi circulus $A B C D$, conſideretur eſſe maximus per polos mundi, &
 diametrum $R S$, ductus, factus in plano $A ſtroſolabij$. Aequator ſui ſectio erit $P L E O M$,
 quæquidam ad circulum diametri FG , in ſphæra, qui in $A ſtroſolabij$ circulus $A H C I$,
 eſt, oblique erit, cum per eum polos non tranſeat, quod maximus circulus per mundi
 polos, & per polos circuli obliqui diametri FG , ductus faciat in $A ſtroſolabij$ ſive Aequa-
 toriſimum $D E H$, non autem $P E M$. Venit N, T , poli mundi, & $R T$, axiſquandocumque
 ductus circuli maximi $A B C D$, per mundi polos ductus puncta N, T , quadrante abſque
 alio Aequator per rectam $O P$, ducta. Poſito ergo polo antarctico N , apparebitur puncta
 circum R, S , diametri $R S$, in plano $A ſtroſolabij$ in punctis M, L , per radios viſuales $N R$,
 $N S$, ex polo angula N , inſpecta. Igitur puncta M, L , referunt puncta R, S , in ſphæra per
 diametrum appofita, & quantum diſtancia a polo mundi ſunt arcus $N R, T S$, recta com-
 muni $M L$, diametrum $R S$, repræſentabit, quæ communis ſectio eſt circuli obliqui, quæ
 in ſphæra exprimitur circulus $A H C I$, & circuli maximi $A B C D$, per mundi polos ducti,
 erit ad circulum obliquum eundem obliquus eſt. Quod ſi in ſphæra per diametrum
 $R S$, conſideretur ducti circulus maximus ad circulum $A B C D$, reſtus in eo ſit, quon-
 iam diametri habent, erit $M L$, maxima diameter reſta circuli illius per $R S$, ducti, ac
 puncta circuli circa $M L$, deſcripti repræſentabit circulum illum per $R S$, ductum, &
 quæcircum $A B C D$, reſtus eſt. Et ut reſta, ita fiat adhuc planior, poſtquam circuli
 $A H C I$, eſt Horizontem aliquem obliquum. Sit igitur Colurus in g , ſiſteſtorum cir-
 culatorum in ſphæra, ductæ ſui ſegmentum inter ſolum auſtralem, & Horizontem
 ſimple ſit arcus $N R$, ſegmentum vero euſdem interpolum borealem, & Horizontem ſim-
 plem erit $T S$, referet circulus $A B C D$, Cuius ſiſteſtorum in eo ſit, & $R S$, erit dia-
 meter Horizontis, quæ communis ſectio eſt Coluri ſiſteſtorum in eo ſit, atque Horizontem
 in præteritis in rectam $M L$, in communis ſectio in $A ſtroſolabij$ Aequator erit, & euſ-
 dem Coluri in eodem illo ſit, quæ ſiſteſtorum eſt rectam $P L E O M$. Denique paralleli
 Aequator appofiti, & æquales, quæ circuli circa $M L$, deſcripti, tanquam, & diametri,
 ſunt, & quæ in declinationem ad Aequatorem ſui arcus $O R, P S$, quæ reſta illæ deſ-
 criptæ in eſt, ſi ſphæra materialis adhibeatur prædictæque ad alios circulos quæcumque obli-
 quæ diſtincte tranſferri poſſit.

12. **Propoſ. 3.** Num. 3. ſollicitus ſum, ut hoc loco demonſtraturum,
 æquales circularum obliquorum præſis in $A ſtroſolabij$ in arcus inæquales ordine ei-
 ſus, autem, autem id aut hoc modo. Sit Aequator $A ſtroſolabij$ $A B C D$, cuius com-
 muniſſimum obliquum maximus $A E C G$, cuius ſæptem H , & tunc ſæptem I , &
 tunc T . Scilicet autem in Aequatore arcibus æqualibus $B K, E L$, ductantur ex I ,
 præterea $I K, I L$, ſecantur obliquum circuli in M, P . Reſpondent arcus $P M$,
 $M P$, arcus circuli obliqui in ſphæra æqualiter; qui præterea $B K, E L$, æquales ſunt,
 aut (ut in hoc præſ. Num. 1. 7. demonſtraturum eſt, in primo modo diſtincti circuli
 aut (ut in hoc præſ. Num. 1. 7. demonſtraturum eſt, in primo modo diſtincti circuli
 obliqui in gradus, ut gradus complectitur, qui in arcibus $B K, E L$, continentur,
 & quæ per lineam 33. $F M$, maior eſt, quæ $M P$, minor, quæ arcus in
 ſequenti,

a Coroll. 6.
 2. T. b. d.
 b 31. terq.
 c 31. terq.
 d 26. terq.

Autem æquales
 quæcumque, autem in
 obliquum per lineam
 in arcibus obliquis,
 aut, ut in hoc præſ.
 Num. 1. 7.



quæ, qui arcui *A* equatoris respondeat, qui æqualis sit arcui *KL*, & ita deinceps, usque ad faciem geographicam *FCG* persequens est, arcus æquales circuli maxime obliqui præter eos arcus singulares ordine continentes, cum in quo punctis *F*, præsequitur est, sit semper remaneat minor, si æqualibus arcibus *A* equatoris respondeat, ut lemma 21. demonstratum est. Itaque si circulus obliquus *APCG*, in 360. gradus distribuantur, ut supra docuimus, descendent 9 gradus continui ab *F*, usque ad *G*, in utroque semicirculo *FCG*, *FAG*, ita ut gradus sit maximus prope punctum *F*, ac iuxta punctum *G*, minimus. Ex quo sit partes circuli obliqui in *A*stralabio non esse similes partibus respondentibus eiusdem circuli in sphaera.

19. *FIERI* nihilominus potest, ut una aliqua pars quatuor graduum, pauciorum tamen, quam 180. similis sit uni parti quodlibet arcui fortassis incredibile videri possit. Ducta namque ex *I*, polo ad *EG*, perpendiculari *IT*, si ad utramque eius partem conficiatur ut duo anguli *TIM*, *TID*, æquales, arcus per lemma 3.4. arcus *MD*, *KO*, similes. Et quoniam, ut in eodem lemma demonstravimus, totus angulus *MDI*, utriusque angulorum *MHD*, *KEO*, æqualis est, sitque angulus *MDI*, ex duobus æqualibus *TIM*, *TID*, nullum, consistat arcus gradus 1. vel 2. vel 3. vel 4. vel 20. vel 100. &c. in circulo, quæ *I*, describeretur, consistant quoque anguli *MHD*, *KEO*, arcibus *MD*, *KO*, totidem gradibus in proprijs circulis quodlibet similis sint, ex libello propof. 12. lib. 3. Eucl. Ex quo efficitur, arcum quocumque graduum in circulo obliquo maxime quocumque in arcum similem, totidem videlicet graduum, præter posse, illum numerum, qui arcui *MD*, respondet. Nam ille arcus in sphaera, æqualis erit arcui *KO*, quoniam similem effundimus arcui *MD*, quatenusque tandem graduum fueris assumptus. Quoniam enim ex lemma 23. plana per poleum australem, & rectas *IK*, *IO*, ductæ auferunt ex Horizonte sphaerae arcum arcui *KO*, æqualem, est autem arcus *KO*, ob sensus similis arcus Horizontis in *A*stralabio: erit quoque arcus ille Horizontis in sphaera, qui quidam præterit arcui *MD*, per due illa plana per rectas *IK*, *IO*, & poleum australem ducta, simili in arcu rectæ *MD*. Atque eodem modo quatenusque alia dua rectæ ex *I*, egredientes, consistant, quæ angulum vel maiorem, vel minorem angulo *MDI*, ductum a recta *IT*, deserant, abscindunt ex circulo obliquo, & *A*equatore arcus similes nunquam tam debentur duo arcus, aut plures, in circulo obliquo, quarum unus sit totus extra aliam, qui similes sint duobus arcibus, aut pluribus, in *A*equatore, quorum unus sit etiam totus extra aliam, sed solum plures pluribus similes esse possunt, singuli singuli, quando unicuique aliam includitur præterea quod rectæ auferentes arcus similes debent cum *IT*, anguli æquales ex utraque parte construere, ut dictum est. Nunquid ergo duo, vel plures æquales arcus circuli obliqui in sphaera in duo, aut plures arcus æquales in *A*stralabio præterit possunt, quæ eorum in lemma 3.4. demonstrata sunt.

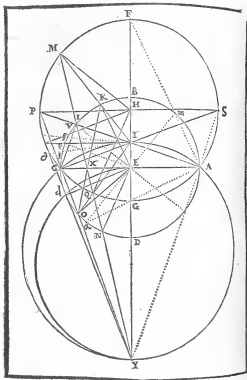
20. *SED* libet hoc loco ad maiorem doctrinæ necessitatem alia, quæ ad circulos maxime obliquos in *A*stralabio præterit pertinet, neque inuicenda, neque inutilia demonstrare. Primum ergo per *IY*, polo circuli obliqui *APCG*, & semper circuli *AICY*, maxime arcum *IT*, qui maximus erit, cum per puncta *IY*, in sphaera per diametrum opposita describatur, referatur cum in sphaera, qui per polos circuli obliqui, quæ *APCG*, præterit, ducitur, ad eumque rectus est, angulus *P* verticalis primarij refectionis Horizontis, ut si, quæ in hac præpositione dicta sunt, persequamur est. Nam si puncta *IY*, per diametrum opposita, arcus duo parallelis *A*equatoris ex *E*, per *I*, & *Y*, descripsi æquales & oppositi, tangantque circulum *AICY*, in *A*. & *Y*, ex libello propof. 13. lib. 3. Eucl. 1. Cum ergo maximus circulus in sphaera tangat duos parallelos oppositos & æquales, referat circulus *AICY*, illorum maximum tangentem. Igitur maximus circulus *AICY*, per puncta *A*, *C*, transibit, ut demonstravimus, datusque per *H*, centrum obliqui circuli ad *EG*, diametri perpendiculari *PE*, tangens tam tria puncta *A*, *I*, *P*, quam tria *C*, *I*, *S*, in una linea recta, hoc est, recta per quatenusque duo ducta transibit.

arcum rectæ quæ per punctum *I* in sphaera præterit præterit in arcum similem.

Præterit rectæ circuli maxime arcum obliqui in *A*stralabio.

Circulus in *A*stralabio per duo puncta per diametrum opposita deinceps, est maximus.

a. F. a. T. bon.



quasi hoc modo. Sit recta EY , bifariam describatur ex punctis diversis per E , & semicirculus sit $Aequatoris$ in d . Dico rectam Yd , tangere $Aequatorem$ in d , quodque productum tangere obliquum circulum in T , puncto, in quod cadit recta Yd , ducta ex I , polo circuli obliqui ad FG , perpendicularis. ^a Iuncta enim recta $E d$, angulus $E dY$, in semicirculo $E dY$, rectus, ac proinde, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. recta Yd , ad semidiametrum dE , perpendicularis tanget $Aequatorem$ in d .

16. FT autem demonstramus, eandem productam tangere circulum obliquum in T , abscidendum prius est, perpendicularem IT , auferre arcum $Aequatoris$ a B , similis arcum circuli obliqui IG , & quancumque aliam rectam ex polo I , ducitiam, qualem est Ig ; abscidendo arcum fB , arcum gG , dissimilem: quorum utrumque ita comparamus. Iunctis rectis $E e, HT$; quoniam triangula PHI, AEI , aequiangula sunt, ut anguli ad H, E , recti sint, ^b & anguli ad vertexes I , aequales; (Nam recta AI , producta cadit in P , ut demonstravimus,) nec non & alteri P, A ; ^c erit ut PH , hoc est IT , ad TH , ita AE , hoc est IT , ad EI . Igitur cum in triangulo THI , & EI , anguli recti ad I , aequales sint, & latera circa angulos H, E , proportionalia, ut ostendimus, ac reliquorum angularium I, e , uterque minor sit recto; (^d quod recta $EP, GP, B e, D e$, in semicirculo rectis angulis efficiantur, quorum illi partes sunt.) erit triangula THI, eEI , aequiangula, angulosque THI, eEI habebunt aequales in utroque H, E ; ac propterea, ex scholio propof. 12. lib. 3. Eucl. arcus, & BT, TG , similes erit, quod est primum. Quod autem alia recta quacumque Ig , auferat arcum non similem fB, gG , sic concludamus. Si Ig , cadat supra perpendicularem IT , erit arcus fB maior, quam eB , ac proinde minor, quam ut similis sit arcui IG , cum tunc similitudo fiat se arcus eB . Multo ergo minor erit arcus fB , quam ut similis sit arcui gG , cum tunc maior sit quam IG . Si vero Ig , cadat infra perpendicularem IT , erit arcus fB , maior quam eB ; ac proinde maior, quam ut similis sit arcui IG , cui si similitudo esset eB . Multo ergo maior erit arcus fB , quam ut similis sit arcui gG , quoniam eB , quidem IG ; ac proinde sola perpendicularis IT , arcui similis abscidendo fB, TG .

17. HIS demonstratis, facile ostendemus rectam Yd , productam tangere obliquum circulum in T . Nam ducta recta HT , ipsi $E d$ parallela, probabimus rectam Yd , productam tangere obliquum circulum in T . & perpendicularem ad FG , ex I , abscidendo cadit in T , punctum centellus, ac proinde eandem Yd , productam tangere circulum obliquum in T , puncto extreme perpendicularis IT . Quoniam enim parallelae sunt PH, CE , ut rectus angulus ad H, E , reliquosque YC , producta cadit in P , ut ostendimus; aequiangula erit ex coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. triagula YHP, YEC . Igitur, ut YH , ad HP , ita YE , ad EC ; & permutando, ut YH , ad YE , ita HP , hoc est HT , ad EC , hoc est Ed . Cui ergo HT, Ed , parallelae sunt, transibit recta Yd , producta per T , ex scholio prop. 4. lib. 6. Eucl. ^e Et quia angulus YdE , in semicirculo rectus est, ^f & anguli YTH , aequales, externus interius, erit quoque YTH , rectus, ac proinde YT , mediam $APCG$, in T , continget. Iuncta autem recta IT , secante $Aequatorem$ in e , quoniam punctum T , invenitur quoque per rectam ex altero polo Y , emissam, quae abscidendo ex $Aequatore$ arcum à D , inchoatum aequalem arcui $B e$, ut patet ex primo modo abscidendo circulum obliquum in gradus; erit arcus Dd , arcui $B e$, aequalis. Itaque utrumque recta $I e, Yd$, abscidendo arcum eundem FI , ut gradum, qui in arcu $B e$, ut Dd , inchoatur. Est autem arcus $D d$, arcui TG , similis, ex scholio propof. 12. lib. 3. Eucl. ut anguli $D dE, GHT$, in centro, ^g qui aequales sunt, externus, & interius, in brachiis Ed, HT . Igitur & arcus $B e$, eidem arcui TG , similis erit. Cum ergo sola perpendicularis ex I , ad FG , ducta abscidat arcum a B , inchoatum, similem arcui à D ,

quoniam $B e$ & DD , sunt arcus obliqui, quoniam tangit $Aequatorem$.

a 31. tertij.

Recta ad arcum non inchoat ex polo circuli obliqui, quoniam semicirculus ex $Aequatore$, & abscidit mediam aliam quoniam

b 12. primi.

c 19. primi.

d 4. sexti.

e 31. tertij.

f 7. sexti.

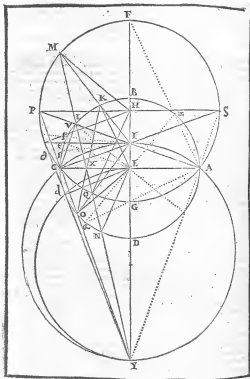
g 12. primi.

h 4. sexti.

i 31. tertij.

k 19. primi.

l 12. primi.



identis, ut demonstratum est, erit IG , ad FG , perpendicularis; atque idcirco recta Yd , parallelis tangi obliquum circulum in punctis T , in quad perpendicularis ex I , ad FG , cadit: quod est propositum.

ad. $TER TIO$ ducta ex T , utriusque recta YM , secante A equatorem in V , N , sicut antea factum est, ut punctum V , cum puncto L , coincideret in figura.) Et circulum obliquum in M , Q , ductisq; rectis IM , IQ , secantibus A equatorem in K , Q , erunt arcus VGN , MCQ ; item BF , FM , et GQ , DN , similes: Arcus item VGN , KCO , aequales: tandem anguli MIF , OID , aequales quoque erunt. Iamque eminet rectis HM , EQ , et EV , EN : quoniam est, ut YM , ad HP , ita TE , ad EC , estque HM , ad HP , et EN , ad EC , aequalis: utique quoque ut YM , ad HQ , ita TE , ad EN . Quare triangula THM , TEN , angulum T , habent communem, et latera circa angulos H , E , proportionalia, cum ergo reliquorum angularum Q , N , uterque sit rectus maior; (N nam cum angulus HT , maior est recto angulo HTT , quam angulus ENT , angulo recto: EDT .) Quare triangula THM , TEN , equiangula; aequalisque habebunt angulus ad H , E . Igitur ex scholio prop. 22 lib. 3. Eucl. arcus GQ , DN , similes sunt. Eodem modo, quoniam est, ut YM , ad HP , hoc est, ad HM , ita TE , ad EC , hoc est, ad EV , habebunt triangula THM , TEV , angulum T , communem, et latera circa angulos H , E , proportionalia. Cum ergo reliquorum angularum M , V , uterque minor sit rectis, (quia cum ambo altera circumferentiarum inflectant tantummodo semidiametris HM , EN , acuti sunt, et recti cum fuerint, semidiametris TH , NE productis, ad eorum extrema puncta $ex M$, V , uti dixerunt.) erunt triangula THM , TEV , equiangula, angulusque aequales habebunt THM , TEV , ac proinde et ex duobus rectis reliqui aequales erunt FHM , MEV . Igitur ex scholio prop. 22 lib. 3. Eucl. arcus FM , BF , similes sunt: ac proinde, et eodem scholio, vel ex lemmate 6. et ex semicirculo reliqui VD , MG , similes erunt: Funt autem et DN , GQ , similes. Igitur ex lemmate 6. et reliqui arcus VN , MQ , similes erunt. Constat ergo, rectam YM , vndique arcus similes auferre, nimirum tam similes FM , BF , quam inferiores, GQ , DN , et tam ad sinistram positi MQ , VN , quam ad dexteram MAQ , FAN , reliqui videbunt ex totu circulo, si similes MQ , PS , pullantur. Deinde quia idem punctum M , reperitur per rectas IK , YN ; erunt arcus IE , DN , aequales, ut constat ex primo modo dividendi circulum obliquum in gradus: Item quia idem punctum Q , invenitur per rectas IO , TV ; erunt eandem a b causam arcus DO , BF , aequales. Igitur erunt arcus BE , DO , sicut duobus arcibus DS , EV simul aequales: ac proinde et ex semicirculo reliqui KO , VN , aequales erunt. Et quia VN , similis fuit arcui MQ , erit eodem arcui MQ , similis etiam arcus KO . Igitur et recte IM , IQ , ducte per puncta circuli obliqui, in quibus a recta YM , secant, inflectunt ex A equatore arcum KO , arcui MQ , similes. Ex quo denique sequitur ex lemmate 34. angulus MIT , OIT , atque idcirco et ex duobus ceteris reliquis MIF , OID , aequales esse. Quod fuit lemmate 34. ita quoque ostendi potest. Quoniam est ut PH , ad HI , ita AE , ad EI , ab triangula PHI , AEI , equianguli, utique quoque ut ME , ad HI , ita OE , ad EI . Et quia anguli hinc lateribus contenti MHI , OEI , aequales sunt, quod ex duobus rectis reliqui MHE , OED , aequales quoque sunt, ex scholio prop. 22 lib. 3. Eucl. ab arcus FM , DO , qui similes sunt. (Cum enim similes sint anguli FM , BF , et quoque DO , ad BF , aequales, eodem FM , similes.) erunt triangula MIO , OEL , equiangula, aequalisque habebunt angulus MIF , OID . quod est propositum. Plura etiam obiter notandum videtur, rectas KO , VN , sese mutuo interficere in diametro A equatoris AC , in puncto E , hoc est, diametrum AC , per eorum intersectionem E transire. Ducta enim recta CV , quoniam tam arcus BE , DN , quam arcus BF , DO , aequales sunt, ut dictum est; erunt quoque tam reliqui CK , CN , quam reliqui CV , CO , aequales, ac proinde tam anguli COE , CPN , inflectuntur arcibus aequalibus

Quia utroque similes in A equatore. Et circulo maxime oblique ut sunt recte ex puncto emittent, arcus obliquos rectis

b 21. primi.

c 7. sexti.

d 4. sexti.

e 31. sexti.

f 7. sexti.

g 4. sexti.

h 6. sexti.

i 27. terrij.

junius, accuratiusque ex maiore circulo minor describatur, quam maior ex minore, ut in Astrolabii plano datus circulus maximus obliquus $APCG$, & ad Meridianum rectus, cuius inclinatio ad Aequatorem continet gradus 30. hoc est, aliendo poli totius supra illam circulum, sine complementum inclinationis eius ad Aequatorem, compleatur grad. 60. & porteturque in eodem plano Aequatorem describere. Ducta diameter circuli FG , per eius centrum E , numeretur a puncto G , in utramque partem eam semetum inclinationis, sine altitudine poli, hoc est, in dato exemplo grad. 60. usque ad A , & C , ducaturque recta AC , quæ in E , secabitur bisariam, ex folio propof. 27. lib. 3. Eucl. propterea quod diameter FG , arcum AGC , bisariam diuidat: ac tandem ex E , per A , & C , circulus describatur $ABCD$. Dico hunc esse Aequatorem. Ducta enim recta AG , secante circulum $ABCD$, in H , erunt ex lemmate i. e. arcus CG , CH , similes. Cum ergo GG , metiatur altitudinem poli supra datum, circulum maximum obliquum, metiatur eandem arcus CH . Ducta igitur recta ex H , per centrum E , diameter circuli maximi, cuius complementum inclinationis, vel altitudo poli sit CH . Et quæ ducta recta AI , angulus HAI , rectus est in semicirculo, eadem ex producta in punctum F . Si enim citra F , vel ultra eaderet, efficeret ducta recta FA , in semicirculo FAG , alterum angulum rectum FAG , prius aequalium, atque ita pars & totum equalia ferent, quod est absurdum. Itaque si $ABCD$, statuitur Aequator, describatur circulus data inclinationis $APCG$, cum radij visuales AH , & AI , per extremum punctum eius diametri ducantur, abscondentque diametrum apparentem FG , ut ex ijs, quæ in hac propof. Num. 2. demonstrata sunt, perspicuum est. Est cum HI , diameter eius circuli in sphaera, cum arcus CH , AI , metiatur altitudinem poli supra ipsum, ut diximus. Viciſſim itaque, posito $APCG$, circulo obliquo, quæ altitudinem poli habeat AI , vel CH , erit $ABCD$. Aequator: quodquidem ex hoc Aequatore ille describitur, veluti demonstrauimus. Quod si quis part obliqui circuli dati vergere debeat in partem infirioiorem, ut contingit in Verticali primario, numerandum erit complementum eius inclinationis ad Aequatorem, vel altitudo poli ab F , in utramque partem, &c. Nam eius diameter eadem debet inter B , & C , ut ex ijs patet, quæ in hac propofitione Num. 5. scripsimus, quod declarauimus, quomodo in partem ducenda sit diameter cuiusvis circuli obliqui, qui tamen ad Meridianum rectus sit. Hæc eadem ratione ex quouis alio circuli maximo, qui ad Meridianum rectus non sit, Aequatorem describemus in Astrolabio, ut propof. Num. 27. scribamus.

10. **CONSTAT** ex his, si in quouis puncto A , circumferentia Aequatoris angulus rectus confluitur FAG , a quo per centrum E , recta ducatur AC , & ad hanc in eodem centro E , perpendicularis excitetur FG , secante rectas AF , AG , angulum rectum metiatur in E , G : puncta F , G , representare duo puncta in sphaera per diametrum opposita, hoc est, rectam integram FG , esse diametrum maximi circuli. Quia enim a folio propof. 31. lib. 3. Eucl. IAH semicirculus est, abscondent radij AI , AH , per eam rectam diametri HI , aduelli, diameter visam FG , circuli maximi, cuius diameter HI , per eam, quæ Num. 2. huius propof. demonstrata sunt, ac proinde puncta F , G , per diametrum suum opposita in circulo maximo circa diametrum visam FG , descriptæ, cum puncta I , H , per diametrum opposita referantur.

11. **DENOTAT** descriptæ quouis circulo obliquo maxime in Astrolabio, qui tamen ad Meridianum rectus sit, hoc est, per puncta A , C , transiret, cognoscemus eius inclinationem ad Aequatorem, altitudinem poli supra ipsum, & situm eiusdem in sphaera, haurimus. Ex A , polo australi per G , punctum, ubi circulus obliquus $APCG$, meridianum habuit BD , interfecit, centro Astrolabii E , propinquius, recta ducatur AG , seu Aequatorem in H . Nam CH , erit arcus altitudinis poli, & eius complementum DH , incli-

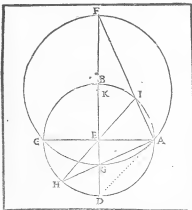
31. tercij.

Quæ puncta in Astrolabio per diametrum opposita sunt.

Altitudinem poli supra arcum maximum obliquum in Astrolabio, quæ ad Meridianum rectus est, & eius inclinatioem vel situm quousvis circuli in sphaera, cognoscimus.

DH, inclinatio ad *Aequatorem*, propterea quod recta *AH*, cadit in *H*, utrumque diametri circuli obliqui, cum radio *AH*, indicet austrinum *G*, diametri vult, ut ex eo, quae dicta sunt, perspicuum est. Ratio altera huius operationis perspicua haec est. Quoniam arcus circuli maximi per mundi polos, & polos obliqui circuli maximi in sphaera dicta, inter polos mundi, & circulum obliquum positis, metitur altitudinem poli supra ipsum circulum obliquum, arcus vero inter eundem obliquum circulum, & *Aequatorem* in-

terceptione mutatur usque in *Aequatorem*, scilicet, ut si recta *ED*, referat illum in eodem maximo, ut prop. 2. Num. 1. altitudinem est, portio *EG*, inter *E*, polos mundi, & circulum obliquum, altitudinem repraesentat, aut altitudinem poli, & portio *GD*, inter eundem obliquum circulum, & *Aequatorem*, exprimit arcum inclinationis inter circulum obliquum ad *Aequatorem*. Quoniam cum portio *EG*, arcus *CH*, & portio *GD*, arcus



HD, referat, ut prop. 5. Num. 6. ostendimus, arcus *CH*, arcus altitudinis poli, arcus *HD*, arcus inclinationis ad *Aequatorem*. Quod si punctum *G*, utriusque centri *Aphelii*, fuerit infra rectam *AC*, faciet in sphaera circulus maximus, quem *APCE*, representat, Meridianum inter *A*, polos australem, & *B*, punctum *Aequatoris* in superiore hemisphaerio: si vero punctum *G* fuerit supra rectam *AC*, faciet circulus obliquus Meridianus inter *C*, polos borealem, & *B*, punctum *Aequatoris* in eodem hemisphaerio. Atque haec eadem ratio quadrat quoque in quocunque circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit, ut prop. 8. Num. 2. dicemus.

PROBLEMA II. PROPOS. VI.

HORIZONTIS cuiuslibet obliqui, Verticalis eius primarij, *Eclipticae*, & cuiuscunque alterius circuli maximi obliqui, siue is ad Meridianum rectus sit, incli-

natio nempe

diante ST, repræsentabit. Pari ratione radij AV, AX, abscindunt diametrum istum fig. paralleli Horizontis, cuius in sphaera diameter VX. Sic extremitas Z diametri YZ, apparebit per radium AZ, in puncto *z*, alterum autem extremum Y, cernetur per radium AYr, in concursu huius radij cum meridiana linea DEF, qui in puncto admodum procul distante contingit, ut in plano notari non possit. Quare ut portio eius paralleli per *z*, transcurrit describi queat, interendum est eius centrum, etiam si alterum extremum non habeatur, ut paulo infra Num. 9. docebimus. Atque omnes hi paralleli, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad polum Horizontis K, ducta interfecat, hoc est, qui in sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, habent sua centra in Astrolabio supra Zenith, infra P, describunturque circa I, Zenith, siue polû Horizontis superiorê.

3. AT parallelas Horizontis, cuius diameter per polum A, australem transcurrit recta Aby, ad axem Horizontis KL, perpendicularis, cadent in punctum Verticalis, ut supra demonstratum est propof. 3. Num. 3. proiectam in lineam rectam PQ, ad BD, perpendiculararem in P. Quod, si lineam rectam efficit in Astrolabio, constat ex propof. 1. Num. 1. cum per polum australem ducatur. Quod autem faciat rectam PQ, ad BD, perpendiculararem in P, probatur. Quoniam tam planum Aequatoris, Astrolabijque, quam planum paralleli diametri AP, ad Meridianum rectum est, & Meridianus enim per ipsam polos ductus ad utrumque rectus est, ac proinde vicissim ipsa plana ad Meridianum recta erunt, & erit & eorum communis sectio ad eundem recta, appendice ex desin. 3. lib. 11. Eucl. & ad rectam BD, in Meridiano existentem perpendicularis erit in puncto P, ubi plano Astrolabij paralleles occurrunt. Igitur perpendicularis PQ, erit communis illa sectio cõferens parallelum Horizontis per A, polum australem ductum.

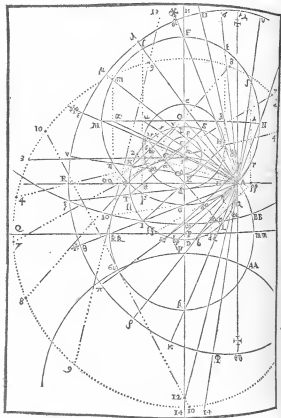
4. ALII denique paralleli, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad K, polum Horizontis ductum non fecat, hoc est, qui in sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, centra sua habent in Astrolabio infra Nadir k, describunturque circa idem Nadir k, in eorum circumferentiâ à recta PQ, deorsum versus curvatus, quem admodum priorum circumferentiâ ab eadem recta PQ, sursum versus tendunt. In idem radium Ab, per b, extremum diametri ab, indicare vnum punctum extremum illius paralleli visum ¶3. alterum vero extremum indicabitur per radium Aap, qui per alterum extremum a, ducitur, infra Nadir k, in concursu ¶4. in plano notari possit, ita ut tota diameter visâ infra rectam PQ, extensa, horum cuius extrema ipsum Nadir k, reperitur. Sed quia hoc alterum extremum sine procul excurrat, præstat in eundem centrum paralleli, quod est punctum, (quod paulo post Num. 9. invenire docebimus) licet alterum extremum diametri visum non habeatur. Circulus igitur ¶ 60. ex centro 12. describitur circa Nadir k, repræsentabit parallelum diametri ab. Atque hoc eodem modo omnes paralleli Horizontis describentur, tam ij, qui sunt in supereo hemisphaeno supra Horizontem, quos illi repræsentant, qui infra Horizontem tãquã facti, quam illi, qui infra Horizontem existunt, quos videlicet representat ij, qui extra Horizontem designantur. Maior tamen usus illorum, quibus horum est in rebus Astronomicis: Ex quo factum est, ut in Astrolabij circa Horizontem nullus parallelus ipsius describi soleat, præter eû, qui grad. 4. infra Horizontem existit, dictus quæ linea crepusculina, de qua propof. 10.

Parallelus Horizontis, quia sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, describitur in Astrolabio circa Zenith.

Parallelus Horizontis, quia sphaera per polum australem ducitur, projecta in Astrolabio circa Nadir k, in eorum circumferentiâ ab eadem recta PQ, deorsum versus curvatus, quem admodum priorum circumferentiâ ab eadem recta PQ, sursum versus tendunt.

à 15. l. Têr. b, 19. mod.

Parallelus Horizontis, qui in sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, describitur in Astrolabio circa Nadir k.



OMIT TENDVM etiam non est hoc loco, quando parallelus aliquis declinanti obliqui Aequatoreis interfecat, quod contingit, cum eius diameter meridiana lineam intra Aequatorem fecit, cuiusmodi est diameter ST, idem puncta interfectionum Aequatoris cum parallelo, & punctum interfectionis lineae meridiane cum eisdem paralleli diametro, in vna recta iacere lineam, nimirum in communi sectione plani Aequatoris, & plani paralleli in sphaera, quae ad lineam meridianam perpendicularis est in Astrolabio. Quoniam, n. cum parallelus diameter ST, in propria positione, quam Aequator ad Meridianam rectus est, erit quoque communis eorum sectio ad eundem Meridianum recta, itaque & ad meridianam lineam BD, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. perpendicularis. Si ergo per punctum interfectionis diametri ST, cum meridianam lineam, eandem lineam meridianam perpendicularis datur, erit ea, communis sectio paralleli, & Aequatoris. Cum ergo ex polo australi conspiciatur parallelus per illam communem sectionem transire, secabit necessario parallelus visus in Astrolabio descriptus Aequatorem in punctis extremis illius communis sectionis: ac proinde duo puncta sectionum Aequatoris, & paralleli, & punctum interfectionis diametri ST, cum linea meridiana iacebunt in vna linea recta, in communi videlicet sectione paralleli, & Aequatoris. Hac ratione experientia, interfectiones duas paralleli & 30 d., cum Aequatore, & interfectionem diametri ST, cum meridianam lineam, in vna iacere linea recta: quod etiam de duabus interfectionibus paralleli BD & 30. cum Aequatore, & interfectione diametri YZ, cum linea meridiana dicendum est. Voco autem Meridianum cum visus obliqui circuli maximi, eiusque parallelorum, circulum maximum, qui per polos mundi, & polos circuli obliqui ducitur, & meridianam lineam, communem sectionem plani Astrolabii, & illius circuli maximi per polos mundi, & circuli obliqui transiensis.

ADVERTENDVM quoque est, parallelum obliquum per E, centrum Astrolabii transiuntem, aequalem esse parallelo obliquo, qui in sphaera per polos australem ducitur, prolicisciturque in Astrolabio in rectam PQ, quia vterque in sphaera aequaliter à proprio polo distat, ille quidem à superiore, hic vero ab inferiore; cum vtriusque distantiam metiatur arcus Meridiani propoli inter polos mundi, & proprium polum interfectus: Vtrique vero aequallem esse tam parallelum Aequatoris per I, polum circuli obliqui, quam parallelum Aequatoris per I, alterum polum obliqui circuli descriptum: quia horum vterque recedit in sphaera à polo mundi per arcum inter polum mundi, & polum circuli obliqui interfectum: quemadmodum & vterque illorum à proprio polo per eundem arcum distat.

QUEMADMODVM autem in sphaera verticalis circulus primarius per polos Horizontis, eiusque parallelorum ductus, & fecit omnes parallelus, planque Horizontem basisiam, ita quoque in Astrolabio idem fieri necessitate adeo ut quemadmodum in Horizonte arcus AFC, AGC, referuntur duo semicirculos ipsius, ut supra in scholio praecedentis propos. Num. 4. diximus, ita quoque in parallelis Horizontis arcus, quos Verticalis primarius AICk, abscondit, semicirculos representent. Rursus quemadmodum Verticalis, ac Meridianus diuidunt eosdem parallelus Horizontis, atque ipsum etiam Horizontem in sphaera, in quadrantes, ita quoque in Astrolabio arcus Horizontis, cuiusque parallelorum inter Verticales, & Meridianum, quem recta BD, in vtriusque partem extensa exprimit, comprehensi referunt eorum quadrantes: cuiusmodi sunt arcus Horizontis AP, PC, CG, GA, & parallelorum arcus & 30, 30 d;

declinanti perpendicularis, & parallelus obliqui rectus ad meridianam lineam in Astrolabio perpendicularis erit.

212. vides.

Meridianus, & Verticalis meridianus cum visus circuli obliqui, qui modo interfectus sunt.

b 11. 1. Tab. astronomica, & quadrantes Horizontis, cuiusque parallelorum, & Verticalis primarius, ac Meridianus, qui in Astrolabio, qui.

c 30, 30 dñ 60, 60g; a 30; ÷ 60. &c. Immo & diameter Verticalis primariæ secun-
da in P, ad rectos angulos meridianam lineam BD, exhibet semicirculum paral-
lelulum diameter in sphaera est A b p, quem per rectam PQ representandi-
mus; semidiameter autem P k k, P m m, eisdem paralleli quadrantibus referunt;
semicirculum, inquam, & quadrantibus eisdem, qui à polo australi A, longus
abfunt.

Diagramma appo-
nitur parallelum
pola Horizontali,
veliam motum
diametri, per
ipsumque Hori-
zontem lineam
adhibetur.

6. ALIO modo & fortasse accuratius reperietur in meridiana linea BD,
vtrinque extensa diametros apparentes parallelorum Horizontis, eorumque
centra simul, hoc est, diametrorum puncta media, si Horizontis descriptio AFCG,
per eius centrum O, diameter MN, ducatur ad FG, perpendicularis, ip-
seque Horizont in 360. gradus distribuat, scilicet principio à puncto F, vel G,
si omnes paralleli desiderentur, (Nos confusionis evitanda causa cum in 12.
partes æquales, quarum singula tricenos gradus complectuntur, partiti sumus)
ac tandem per binas quatuor puncta à diametro FG, æquè remota rectæ occulta
ducatur secans diametrum, MN, in u. a. ß. γ, quæ omnes ex scholio pro-
pos. 27. lib. 3. Eucl. ipsi FG, & inter se parallela erunt, dividunturque eorum
bisariam à diametro MN, ex eodem scholio propos. 28. lib. 3. Eucl. His
namque peractis radii ex A, per extrema puncta consuevi paralleli emissi ab-
scindunt ex FG, diametrum visum illius paralleli, qui in sphaera tot gradibus
ab Horizonte distat, quot gradibus ipsa parallela à diametro FG, remota sit,
æque parallelus ipse supra quidem Horizontem existet, si parallela versus pa-
rum M, vergat, infra vero eundem, si versus punctum N, tendat, ita visum
circulus FCG, ad parallelos supra Horizontem, & semicirculus FAG, ad pa-
rallelos infra Horizontem pertineat. Recta verò ex A, per punctum, in quo
diameter MN, à parallela secatur, emissâ indicabit in recta FG, centrum eiu-
dem paralleli, id est, diametrum eius visum dividet bisariam. Verbi gratia, quon-
iam parallela Ip, recedit à diametro FG, versus M, grad. 30. abscindunt ra-
dii Al, Ap, diametrum apparentem c d, paralleli, qui ab Horizonte versus 20.
gradibus eisdem gradibus abscit, recta vero An, diametrum c d, secabit bisariam
e, centro paralleli e 30 d, quod hunc in modum demonstrabimus. Quoniam re-
ctæ AF, Al, per 10. lemma, in circulis ABCD, AFCG, intercepti arcus si-
miles, transitque AF, per punctum H, extremum diametri Horizontis, quod
per radium AH, inuentum sit punctum F, extremum diametri visæ Hori-
zontis; transit Al, per S, quod arcus FI, HS, similes sint. Quomodo namque ergo
radius, AS, exhibuit punctum e, ita idem punctum e, per radium Al, indicabi-
tur. Rursus quia per idem lemma 10. rectæ AG, Ap, in eisdem circulis arcus
similes intercepti, rectæque AG, transit per I, transit Ap, per T, quod ar-
cus Gp, IT, similes sint. Igitur punctum d, reperietur per radium Ap, sicut per
radium AT, inuentum est. Et quia ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. est, vlti-
a, ad up, ita ee, ad ed; estque lu, ipsi up, æqualis; erit quoque ee, ipsi ed, æqualis.
Est ergo, e, centrum paralleli circa ed, descripti inuentum per rectam An.
Eodem ratione radii Am, An, auferent visum diametrum fg, eamque bisariam
secabit recta Az; quia ex eodem lemma 10. tam rectæ AF, Am, quam rectæ
AG, An, similes arcus intercepti in circulis eisdem. Cum ergo arcus HV, ut-
que Im, & arcus IX, arcus On, per constructionem similes sit, transit recta Am,
per V, & An, per X, &c. Sic etiam radii A t, A q, per Y, Z, transibunt, & recta Al,
in centrum paralleli per u, descripti incidet, cum ex eodem lemma 10. arcus si-
miles intercepti in eisdem circulis rectæ AF, A t, &c. Denique radii quoque
A l, Ar, per puncta a, b, transibunt. Quoniam enim rectæ AN, A l, versus A, pro-
cedunt

hæc interceptiunt, ex eodem lemmate 10. similes atque, propter æquales angulos ad verticem A, transeat autem NA, per L, Nam vt in scholio præcedentis propos. Num. 4. ostendimus, quatuor puncta N, A, L, k, in vna recta linea 12. cent. igitur SA, producta transibit per 1, cum arcus NG, La, similes sint. Rursus rectæ AN, Ar, productæ versus A, ex eodem lemmate 10. similes arcus abscondunt. Cuius ergo NA, transeat per L, vt dictum est, arcusque L b, arcui N x, similis sit, transibit A, producta per b. Recta quoque Ay, versus A, producta cadet in punctum 12, quod centrum erit paralleli circa diametrum vñam 14. descripti. Nam rursus recta fr, & diameter vñæ 14. secantur proportionaliter in 3, 12. cum parallela sint fr, 14. hoc est, ita se habet ry, ad 34, vt 12 ad 14 (sumendo 14. pro concursu rectar. BD, Aa.) quod eodem modo demonstrabitur, quo scholium propos. 4. lib. 6. Eucl. probatum fuit. Cum ergo fr, in 3, secta sit bifariam, secabitur quoque 14. in 12. bifariam.

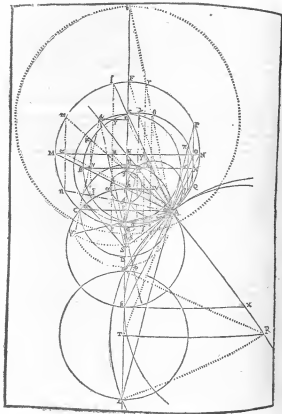
5. ACCIDIT autem in utroque modo exposito, parallelas in Aequatore & Horizonte ductas, easdem ordinis sese interficere in diametro AC, vel in ei producta. Ità vides parallelas ST, 1 p, sese interficere in puncto tt, diametri AC. Item parallelas VX, mn, productas secare AC, productam in vno eodemque puncto 22. parallelas vero YZ, tq, in puncto 11; & parallelas dentique a b, fr, productas concurrere in eodem puncto 11, rectæ CA, productæ. Ratio huius rei hæc est. Quoniam recta AO, cadens ex A, polo australi in O, centrum Horizontis, ad HI, diametrum Horizontis est perpendicularis, (sem enim non creditur esse perpendicularis, si ex A, duceretur perpendicularis, caderet ea, vt demonstratum est in præcedenti propos. Num. 3. in centrum Horizontis, atque ita haberet Horizon duo centra. quod est absurdum.) erunt AO, KL, parallelæ, & ideoque angulus externus cc E tt, interno QAE, æqualis. Cum ergo & recti E cc tt, AEO, æquales sint, æquiangula erunt triangula AEO, E cc tt. Igitur erit, vt AE, semidiameter Aequatoris ad AO, semidiametrum Horizontis, ita ec E, sin arcus HS, ad E tt. Sed per lemma 5. semidiametri eandem proportionem habet quæ sinus arcuum similium. Igitur erit E tt, sinus arcus, qui similis sit arcui HS, hoc est, sinus arcus Fl, qui ostensus est similis arcui HS: ac proinde recta hypobleniens ex EC, sinus arcus Fl, cadet in punctum tt, vbi recta ST, rectam EC, secat. Eadem quoque in cæteris demonstratio est, cum triangulum Ebb 23, triangulo AEO, sit æquiangulum nec non & triangula E oo 12, E nn 19, eodem triangulo AEO, æquiangula, propter alternos angulos EAO, nn EA, æquales, &c.

QVONIAM vero ratio hæc secunda inveniendi diametros parallelorum Horizontis percommoda est, ac facilis, libet in ea paulo diutius insistere, & alias propnues, quæ illam consequuntur, demonstrando. Quod vt commodius, & inextensibile linearum fiat, describemus figurâ. scilicet, in qua rursus Aequator sit ABCD, cuius centrum E: Horizon AFCG, cuius centrum H. Paralleli Horizontis cum eorum diametris in ipso Horizonte, vt supra, nisi quod arcus, Fl, la, nm, &c: hic non sunt æquales, vt ibi. Primum igitur circulus circa tria puncta, quorum vnum est polus australis A, & quo omnes radii exeunt, alia vero diam. extremitatibus diametri vñæ colusius paralleli exiunt, tangit Horizontem in australi polo A. Ità vides circumum Acd, Horizontem contingere in A. Cum enim diameter vñæ cd, reprenatur per radios ex A, ad extremitates rectæ 1 p, ipse FG, parallelæ eductos, vt hac ostensum est Num. 6. erit in triangulo Alp, basi 1 p, parallelæ recta cd. Igitur per lemma 30. circuli AICG, Acd, descripti circa triangula Alp, Acd, in utroque se tangent in A: & I, centrum circuli Acd

Diametri parallela
Interni Horizontis
producta in Aequatore, & Horizonte
eandem, vbi se interficiunt.

a st. primi,
b 19. primi.
c 4. secundi.

Circulus per extrema puncta diametri vñæ circuli
interni paralleli Horizontis, in per
polus australis tangit
Horizontem, nam
per vñam diametrum
in polo australi.



Ad, existet in recta AH, ex A, per centrum Horizontis emissâ : quod inveni-
tur per rectam dI, facientem cum radio Ad, per d, extremitatem diametri visâ
parallelâ dicto angulo IdA, angulo IdA, æqualem ; * quod tunc rectâ IA,
b, æquales sūt, ac proinde circulus ex I, per A, describitur transeat per d ;
Et quoque & per c, cum per duo puncta A, d, visus tantum circulus describi pos-
sit, circulum AFCG, tangens, qualem ostendimus esse eum, qui per tria pun-
cta A, c, d, describitur. Nam si per puncta A, d, alius circulus circulum
AFCG, tangens describi posset, tangeret is quoque circulum Acd, cum cen-
trum haberet in rectâ AH, quod est absurdum, cum eundem vel fecaret, vel
tangeret quoque in d. Eademque ratione, si in c, altero extremo diametri visâ
parallelâ, constructur angulus angulo cAI, æqualis, cadet rectâ eum angu-
lum constructâ in I, centrum. Idem contingit in parallelis, quorum dia-
metri visâ infra S, centrum Verticales existunt, & circa alterum polum Ho-
rizontis k, describuntur. Sit enim KL, diameter visâ, quam exhibent ra-
di AP, AQ, ad extremitates rectâ PQ, ipsi FG, parallelâ ducti, ac per A
emissi. Dico circulum quoque circa tria puncta A, K, L, descriptum tan-
gere Horizontem in A. Quia namque in triangulis APQ, ALK, latera
PQ, LK, parallelâ sunt, circuli AFCG, AKL, circa ea triangula de-
scripti, se mutuo per lemma 40. in A, contingunt : atque R, centrum circuli
AKL, in rectâ HA, extendi reperitur per rectam LR, quæ angulum ALR,
angulo LAR, vel per rectam KR, quæ angulum AKR, angulo KAR, æqua-
les constituit. Denique si ex polis Horizontis i, k, ad rectam Fk, extrin-
ti perpendicularares IV, kX, erunt etiam V, X, centra circulorum per i, k,
transientium, Horizontemque tangentium in A. Nam rectæ IV, kX, erunt
parallelæ ipsi MN, ob angulos rectos ad H, i, k, adeoque tam triangu-
la AHN, AVI, quàm AHN, AXK, similia erunt. * Igitur erit, vt AH, ad
HV, ita AV, ad Vi ; & vt AH, ad HN, ita AX, ad Xk. Cum ergo semidia-
metri AH, HM, HN, sint æquales, erunt quoque tam VA, Vi, quàm XA,
Xk, æquales. Circuli igitur ex V, X, per i, k, descripti transeunt per A, pun-
ctum, in quoque Horizontem tangent. Vbi etiam vides, rectas i V, kX, facien-
tes angulos V.A, XkA, angulis V.Ai, XAk, æquales, cadere in centra V, X.
Quia ita illi duo, quàm in anguli æquales sunt.

Ex hoc sequitur, si desideretur diameter visâ alicuius paralleli Horizontis,
non determinando eius distantiam ab Horizonte, vel ab eius polo, id dicto ci-
culus fieri posse, si à quavis puncto I, in rectâ AH, assumpto, ad intervallum re-
ctâ IA, beneficio circuli duo puncta c, d, abscindantur. Nam ed, diameter erit
visâ alicuius paralleli, illius videlicet, cuius distantiam ab Horizonte radij Ac,
Ad, detrahant in punctis I, p. Cum enim circulus per A, c, d, descriptus Ho-
rizontem in A, tangat, erunt per lemma 9. rectæ ed, Ip, parallelæ. Igitur vt
supra Num. 6. ostensum est, rectâ ed, diameter erit visâ paralleli distantis ab
Horizonte per arcum FI, vel Gp. Sic etiam, si ex assumpto puncto a, ad inter-
vallum i A, duo puncta b, q, abscindantur, erit bq, diameter visâ paralleli,
cuius distantia ab Horizonte est arcus Ir, vel G s. Item si ex puncto R, assu-
mpso ad intervallum RA, abscindantur duo puncti K, L, erit KL, diameter visâ
parallelâ, cuius distantia ab Horizonte est arcus EP, vel GQ.

HINC rursus facillima via elicitur, quæ ex dato uno extremo diametri
visâ caudaber paralleli Horizontis, alterum extremum emittit : quæ res ma-
gnam habet utilitatem in punctis, quæ supra centrum Horizontis longius
sunt, inveniendis, quod ibi radij valde oblique meridianam lineam

Z z inter-

a 6. primi.

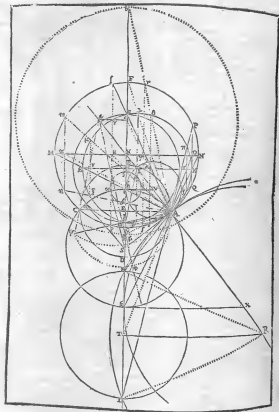
b 28. primi.

c 4. secundi.

d 3. primi.

Ex hoc dato, So-
luta illi radij ad
diam. alicuius rei q,
quæ sit diameter
visâ, ad quæ via
rectâ Ir. Hoc autem
est.

Quæ non recta
est diameter visâ
caudaber paral-
leli Horizontis
est, quævis alia
per centrum
per alicuius, quæ
Horizontem in
puncto caudaber
diam. visâ per
diam. propedi
caudaber (sunt in
linea).



perfectent. Ita ergo faciemus. Sit data distantia paralleli sub Horizonte arcus p, vel G, cuius visâ diameter Inuestiganda est. Ducto radio A γ , secante meridianam lineam in q, (omnes autem hæc sectiones inter 1, polum & S, centrū Verticalis minus oblique sunt, ac proinde magis commodæ.) fiat angulus A q a, angulus A a, æqualis, facietque recta q a, rectam AH, in a; ac tandem ex a, ad intervalum 1A, vel a q, sumatur in linea meridiana punctum b. quod dico esse alterum extremū diametri visæ, in quod scilicet radius Ar, incurrit: propterea quod circulus ex a, per A, q, b, descriptus Horizontem tangit in A; ac proinde, demonstramus, refecit diametrum paralleli Horizontis. Cum ergo q, sit rem extremorum, erit b, alterum. Quod si forte recta q a, nimis oblique rectâ AH, secet, vocetur hoc artificio. Ex quolibet puncto rectæ q a, facientis angulum q A, angulo q A a, æqualem, describemus per A, arcū circuli A q, j, secantem rectam a q, productam in in g, & arcū p A, arcum q, j, æqualem sumemus. Si autem ducta recta A j, angulo HA j, æqualis fiat angulus A, j, a, cadet rursus recta j, a, in a, sectioque eius cum AH, minus erit obliqua. Quod aut j, a, incidit in a, vti A a, q a, continentur, constat. Ducta enim ex a, recta a j, quoniam latera j a, a a, lateribus A a, a a, æqualia sunt, angulosque continent ad a, rectos, (Nam recta q a, transiens per centrum arcus a b, j, secansque cum bisectam in p, secat quoque ex scholio p. oppos. 17. lib. 1. Eucl. rectam A j, bisariam, a ideoq, ad angulos rectos.) erunt & bases a A, a j, & anguli a A j, a j, a, æquales: ac proinde recta faciens in j, cum recta A j, angulum angulo HA j, æqualem cadet in a. Sic enim, si diametri KL, extremum K, inuentum sit per radium QAK, (quod facilius reperitur, quam alterum L, propter sectionē obliquiorem) & angulo RAK, æqualis fiat angulus RKA, ac tandem ex R, ubi recta KR, rectâ HAR, secat, ad intervallum RK, meridiana linea secetur in L, erit L, alterum extremum. Invenio hac ratione altero extremo, dabit ducta perpendicularis ad lineam meridianam ex puncto rectæ AH, ex quo illud extremum inuentum est, centrum paralleli, hoc est, secabit diametrum visam bisariam. Ita vides perpendicularem incidere in centrum e, paralleli ed; & perpendicularē a t, in centrum t, paralleli b; & perpendicularē a m, in centrum T, paralleli KL. Quia enim rectæ RK, RL, æquales sunt, cum ex R, ad intervallum RK, sumptum sit punctum L; erunt anguli K, L, æquales: Ponantur autem & anguli T, recti. Igitur cum latera RK, RL, illis opposita, sint æqualia; erunt & latera KT, LT, æqualia. Eademque ratio est in aliis, cum & id, I c, & a q, a b, sint æqualia, &c.

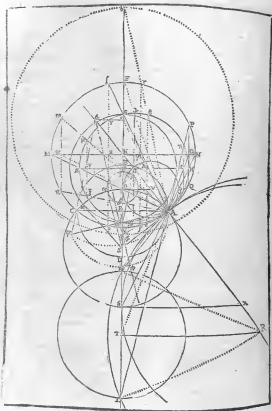
QUOD si Horizon tantæ interdum magnitudinis existat, ut viz in eo ob æqualem plani parallelæ lp, mn, &c. deciqueant, uti poterimus commodissime quous circulo Ay $\beta\delta$, ex aliquo puncto rectæ AH, per A, descripto, ideoq, Horizontem tangente in A. Nam si dicamus diametrum $\beta\epsilon$, diametro MN, vel AC, paralleli m, ex m, q, ad angulos rectos faciemus alia diametro $\gamma\delta$, accipiendū arcum $\gamma\epsilon$, & $\beta\delta$, & $\gamma\delta$, & $\gamma\epsilon$, & t, i, p, arcubus Horizontis FI, Im, Gp, pn, Fr, r, Pj, Gf, Q, similes, hoc est, circulus Ay $\beta\delta$, diuidendus, ut Horizon tangat, & rectæ docende ed, $\mu\zeta$, $\beta\epsilon$, $\gamma\delta$, &c. quia radius Ay, Ac, A μ , &c. cadunt in F, I, m, &c., propterea quod per lemma 2. similes arcus interceptunt $\gamma\epsilon$, FI, $\epsilon\mu$, Im, &c. Vt igitur in Horizonte, sic in hoc circulo radii A μ , A ζ , dabunt diametrum apparentem paralleli $\beta\epsilon$, & radius Ay, in centrū h, incidet, &c. Itaque si circulus Ay $\beta\delta$, in partes æquales diuidatur, (quod in figura factum non est,) describentur iidem præter paralleli, qui supra Num. 4. per Horizontem descripti sunt.

Facile quoque ex his demonstrabimus, rectas ex S, centro Verticalis

a 3. corrig.
b a 4. primi.

c 5. primi.
d 16. primi.

Diametrum visæ
parallelorum Mo
rebus, proinde
quod diametrum
visæ non potest
parallelum tangere, in
eo caso.



Intersectiones eiuſdem Verticalis cum parallelis ductas , parallelos abidem
gerere, quales ſunt See, Sec. Iuncta. n. recta SA, tanget Horizontem in A,
et propoſ. 5. Num. 28. oftendimus. Si igitur deſcribatur circulus Acd, Hori-
zontem tangens in A, tranſiensque per cd, extrema puncta diametri paralleli,
et poſto ante monſtratum eſt, tanget eadem recta SA, hunc circulum in A.
Quapropter reſt angulum ſub cS, Sd, quadrato rectæ SA, vel See, (quæ ipſi SA,
æqualis) æquale erit: ac proinde recta See, parallelum eod. tanget in ce. &
ſic de cæteris parallelis circa Zenithi, deſcriptis. Neque diuerſa ratio eſt in
parallelis circa Nadir K, deſcriptis. Nam deſcripto circulo AKL, Hori-
zontem tangente in A, tranſeunteque per K, L, extrema puncta diametri paralleli
KL, tanget SA, hunc circulum in A. cum perpendicularis ſit ad HAR. Igitur
reſt angulum ſub LS, SK, æquale erit quadrato rectæ SA, hoc eſt, quadrato re-
ctæ cS, ad intersectionem Verticalis cum parallelo KL, ductæ, ac proinde
hæc recta parallelum in eadem intersectione tanget. Eademque ratio eſt de cæ-
teris parallelis circa Nadir k, deſcriptis.

AT QVE ex hoc ruruſus inferitur, ſi inuentum fuerit vnum extremorum
diametri Horizontis, vel eius paralleli, & duabus rectis, quarum prima eſt in-
ter centrum Verticis S, & extremum inuentum, ſecunda verò diameter Ver-
ticalis, inſequitur: tertis proportionalis, extremum huius punctum eſſe alie-
rum extremum diametri. Quia enim SA, tangit Horizontem, & erit reſt angu-
lum ſub SG, SF, quadrato rectæ SA, æquale. Igitur erit, vt SG, ad SA, ita SA,
ad SF. Eadem ratio, quia See, tangit parallelum ed, in ce, erit eius quadra-
to reſt angulo ſub Sd, Sc, æquale. Igitur erit, vt Sd, ad See, ita See, ad Sc.
Quinobrem inuenio extremo d, inuenietur alterum c, ſi duabus Sd, See, inue-
nio tertis proportionalia Sc. & ſic de cæteris.

ET EORVND E M parallelorum Horizontis diametros viſas, etiamſi
reſt in Aequatore, neque in Horizonte diametri eorum ductæ ſint, reperie-
re locum tertio modo. Ex puncto A, in priori figura, deſcripto circulo
cuiusque magnitudinis $\gamma\gamma$ R 49, ductaque $\gamma\gamma$ 49, ad AR, perpendiculari,
interſeantes ſunt R $\gamma\gamma$, R 49: ſit arcus R +, ſimilis complementi altitudi-
nis poſitæ, hoc eſt, ſimilis illius arcus, qui arcui CK, ſimilis eſt ſit, tranſibitque
hæc recta A +, per K, cum per lemma 10. rectæ AR, AK, auſerant arcum R +,
ſimilis arcus, qui arcui CK, ſimilis ſit. Eadem de cauſa, ſi arcus +d, +g, ſint
quodcumq; ſimiles, tranſibunt ductæ rectæ A d, A g, per H, I, quod K H, K I,
quædam ſint. Diuiſo iam quadrante d g, qui ſemicirculo HKI, reſpondet, in
iſto parte æqualis, hoc eſt, utroque arcu +d, +g, in go. ſi omnes Almucanta-
rum deſiderentur, (Nos utrumque in tres partes diſtribuimus, vt ſingula trice-
ſim partes contineant, hoc eſt, quandoque gradus) abſcindant quilibet duo ra-
dij et A, per duo puncta æqualiter diſtanta à puncto s, quod vertici capitis
reſponder, cuius ſit, ex BD, diametrum apparentem illius paralleli Horizontis,
quæ tot gradibus à Zenith in ſphæra abeſt, quot ſemigradibus puncta illa duo à
puncto s, diſtant, vel qui tot gradibus ab Horizonte diſtat, quot ſemigradibus
gudeant duo illa puncta à punctis d, g, abſent verſus Zenith, ſi puncta aſſum-
pta ſint in quadrante d g, aut verſus Nadir, quando puncta aſſumpta ſunt à
punctis d, g, verſus $\gamma\gamma$, & 49. Ita vt quadrans d g, reſpondet paralleli Hori-
zontis ſupra Horizontem, partes vero à d, & g, verſus $\gamma\gamma$, & 49, parallelus in-
fra Horizontem. Verbi gratia. Radii Aa, Ag, abſcindunt diametrum ed, paral-
leli, qui 60. grad. à Zenith diſtat: quia cum rectæ A +, A g, in circulo R d, inter-
cipiant 60. ſemigradus, auſerent eandem ex Aequatore grad. 60. per Lemma 10.

ac pro-

Rectæ etiam
Verticalis ad in-
terſectionem pa-
rallælium Hori-
zontis cum Ver-
ticalis ductæ, tan-
gere parallelum
in eodem loco
deſcriptionis.

a 36. *tercij.*
b 37. *tercij.*

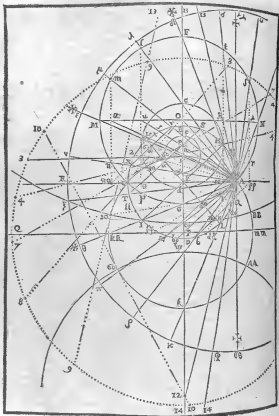
c 28. *tercij.*
d 36. *tercij.*
e 37. *tercij.*

Quæ recta appa-
rent diametri Ho-
rizontis, vel eius
parallelæ, inueni-
re locum inueni-
entem, per totam
propoſitionem
adhibeam, inter
duas rectas, et
centrum Verti-
cis, et ad hori-
zontem ductam
verticalis.

f 36. *tercij.*
g 28. *ſexti.*
h 36. *tercij.*
i 28. *ſexti.*

Reſt deſcriptionis
Verticalis, modo
hæc proportio
loci eſt, inter re-
ctas, quæ inter
centrum Vertici-
lis, & aliquid
extremorum dia-
metri Horizontis
vel eius paralleli
intercipiunt, & in
duo locis illi eſt
vnde Verticalis
ſi aſſumpta ſint
miſt diametri Ho-
rizontis, vel eius
parallelæ poſiti.

Diametrum in
parallelum Ho-
rizontis capere
per centrum quon-
iamque illi poſiti
interſeant, ducit
punctum.



perinde radius $A\lambda$, per S , transibit; eademque ratione radius $A\xi$, per T , transibit: Ideoque ambo per puncta c, d , quemadmodum prius radii AS, AT , transierunt. Simili modo radii $A\mu, A\nu$, per V, X , transibunt, diametrumque ab q; abscedent. Atque hi quidem radii inter s , & puncta β, δ , existentes, praeter diametros parallelorum supra Horizontem. Alii vero radii ultra $p\alpha$ & f, δ , diametros parallelorum infra Horizontem abscedent. Ut radii $A\phi, A\tau$, ducunt diametrum visum parallelum, qui per α , infra Horizontem describitur. Ambo tamen radii à puncto s , aequaliter distantes, vel à punctis β, δ , si alio BD , secant infra punctum P , exhibebunt diametrum paralleli infra polos mundicum existentes, qui in Astrolabio infra rectam PQ , circa Nadir, describuntur. Huiusmodi sunt radii $A\nu, A\pi$, abscedentes diametrum visum $\phi\eta$, itaque si omnes tres modi, quos tradidimus, adhibeantur, exquisitiorem invenietur diametri visus parallelorum Horizontis, cum pro singulis radiis ex A , ducendis habeantur praeter punctum A , terna alia puncta, per quae ibi debeant, vnum videlicet in Aequatore, alterum in Horizonte, & tertium in polo $\gamma\gamma, R, \theta\theta$, ut ex dictis perspicuum est.

9. C A T E R V M quemadmodum si angulo CAK , quem cum radio AK , in st ibi cadente, recta AC , per E , punctum, ubi axem Horizontis KL , diametri Horizontis HI , secat, emissa constituit, fiat ex altera parte eius radij aequalis OAK , hoc est, si arcui CK , sumatur à K , versus B , arcus aequalis, & per finem rectae AO , ducatur; recta AO , in centrum Horizontis in Astrolabio cadit, id est, diametrum visum Horizontis FG , diuidit bifariam, ut in praecedentem propos. Nam 3. ostendimus: ita quoque, si ducta ex A , recta $A\alpha$, per punctum st , ubi ST , diameter paralleli Horizontis eundem axem KL , secat, angulo AK , sit aequalis angulus $\angle AK$, hoc est, si arcui αK , aequalis arcus $K\epsilon$, sumatur; recta ducta $A\epsilon$, incidet in e , centrum paralleli in Astrolabio, cuius diameter non sphaera est ST , hoc est, visum diametrum ed , eiusdem paralleli bifariam diuidit, per ea, quae à nobis in lemma 3. demonstrata sunt. Nam axis KL , ad diametrum ST , perpendicularis est, cum perpendicularis sit ad Horizontis diametrum HI , cui ST , aequidistat. Pari ratione, si ex A , per punctum ab , ubi diameter VX , eundem axem KL , intersectat, recta ducatur $Ab\epsilon$, & arcui $K\epsilon$, aequalis accipiatur $K\iota$, cadet ducta recta $A\iota$, in h , centrum paralleli, cuius diameter VX . Item si ex A , per punctum oo , ubi diameter YZ , axem eundem KL , diuidit, ducatur recta $Aoo\delta$, & arcui $K\delta$, sumatur $K\gamma$, aequalis, vel (quod idem est) arcui $L\delta$, sumatur aequalis, $L\gamma$, cadet ducta recta $A\gamma$, in centrum paralleli, cuius diameter YZ . Denique eandem ob causam, si ex A , per punctum nn , ubi diameter ab , eundem axem KL , secat, ducatur $An\delta\delta$, recta, & arcui $L\delta$, aequalis sumatur $L\epsilon$, cadet recta producta An , in centrum paralleli, cuius diameter ab , &c. Eadem enim in omnibus demonstratio. Idem hoc quadrat etiam in circulum $\gamma\gamma, R, \theta\theta$. Nam si, verbi gratia, recta $A\alpha$, produceretur secans circulum $R\alpha$, in puncto aliquo, & arcui αh hoc punctum, & punctum s , aequalis abscinderetur, caderet recta per finem huius arcus ducta in e , centrum paralleli, cuius diameter ST . Nam propter arcus aequales ad utramque partem puncti s , ferent anguli ad A , eundem esse insistent aequales; ac propterea insisteret quoq; in circulo $ABCD$, vnde aequaliter $K\alpha, K\epsilon$. Quare, ut demonstratum est, recta $A\epsilon$, caderet in centrum e , &c.

10. P R A E T E R tres modos expositos excogitauimus quartam adhuc rationem pulcherrimam, atque facillimam describendi parallelos Horizontis in Astro-

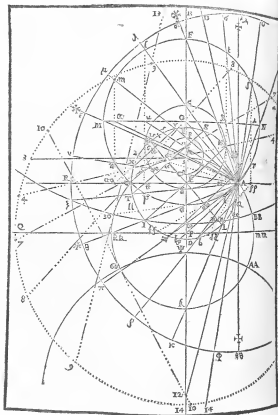
Qua dicitur ex pte
ho radius existit
fieri diametrum
visum parallelorum
Horizontis per
punctum in centro
ducentem in
recta, hoc est, in
obliqua punctum
cadente.

a 23. primi.

b 27. tertij.
c 26. tertij.
quodiammodo,
& eundem eundem
visum parallelum
Horizontis, per vñ
solum locum,
qui vñ eundem
magis, eundem

Astrolabio, quæ videlicet per unam solam rectam lineam, quæ Verticalem tangit, inveniatur semidiameter paralleli describendi, eiusque centrum. Ea autem æquimodò. Descripto Verticali primario $AiCk$, dividatur eius quadrans iCk in 30. gradus, si omnes paralleli supra Horizontem describenda sint, si aliter, infra quadrans Ch , si omnes paralleli infra Horizontem desiderentur. Nos utroque quadrantem in ternas partes partiti sumus, ut singulæ tricenæ gradus respondentesque divisio ex his, quæ tradita sunt, difficilis non est. Nam semper quadrans Aequatoris CB, CD , in tot partes inuales secetur, in quot quadrans Verticalis dividendi sunt, & ex G , polo Verticalis (quemadmodum K, L , poli veri sunt Horizontis, ita H, I , poli veri sunt Verticales, qui in punctis F, G , apparent) per divisionis puncta in Aequatore rectæ occultæ ducatur, dividatur uterque quadrans Verticalis Ci, Ch , in punctis 30. 60. quæ sunt in Aequatore respondent, ut in præcedenti propos. Num. 17. demonstratum est in primo modo distribuendi circulos maxime obliquos in gradus, ex æquales posuimus hic in recta $G30$, quæ per 11 . gradum 30. Aequatoris à C , usque D , numeratum transiens avertit arcum $C30$. graduum 30. ex Verticali circulo. Deinde per puncta divisionum utriusque quadrantis in Verticali ducatur rectæ tangentet Verticalem. Hæ namque in meridiana linea BD , indicabunt centra parallelorum per eadem illa puncta Verticalis describendorum, in e proportionem tangentium inter puncta contentum, & rectam BD , sint parallelorum semidiametri. Exempli gratia, Per C , si ducatur recta $CO8$, tangens Verticalem in C , cadet ea in O , centrum Horizontis, qui est omnium illorum parallelorum maximus, semidiameter autem erit OC . Igitur circulus in O per C , descriptus dabit Horizontem. Sic recta 30. 07. tangens Verticali in puncto 30. quadrantis $C1$, cadet in e , punctum, ex quo per punctum illud 30. circulus descriptus dabit parallelum Horizontis, qui 30. gradibus ab æquinoctiali Zenith distat: Recta autem 60. 14. tangens Verticalem in puncto 60. eisdem quadrantis Ci , præbebat hæc centrum paralleli per punctum 60. describendi, qui 60. grad. ab Horizonte versus Zenith distat. Simili modo recta 30. 33. Verticalem tangens in puncto 30. quadrantis Ch , secabit DB , præterea centrum paralleli per punctum 30. eiusdem quadrantis Ch , describendi, qui 30. gradus sub Horizonte later. Denique recta 60. 12. tangens Verticalem in puncto 60. eiusdem quadrantis Ch , transibit per 12. centrum paralleli per illud punctum 60. describendi, qui 60. gradibus ab Horizonte versus Nadir recedit. Eademque ratio est de cæteris. Demonstratio huius descriptionis, quæ uti omnes magis mihi placet, hæc est. Paralleli transiunt necessario per puncta in Verticali hoc modo inventa, cum hæc referant illa puncta Verticales præterquam sphaera, per quæ paralleli, quos hi in Astrolabio descripti referunt, ducunt. Quoniam vero, ut supra Num. 7. demonstravimus, rectæ lineæ ex Centro Verticalis ad puncta, ubi Verticalis parallelos secat, emittæ tangent parallelos in eisdem illis punctis, & erunt rectæ ex illis punctis ad centra parallelorum ductæ, perpendiculares ad prædictas rectas ex P , centro Verticalis puncta intersectionum Verticalis cum parallelis ductas. Igitur eisdem Rectæ ex centris parallelorum ductæ, cum sint ad semidiametros Verticales, hæc est, ad rectas ex centro P , educas, perpendiculares, Verticales ipsæ in punctis tangent, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Eucl. Quare hæc rectæ Verticales tangent per centra parallelorum transibunt, quandoquidem rectæ ex his centris ad puncta intersectionum Verticalis ductæ, Verticalem tangunt, transibuntque alioquin dux rectæ Verticalem in eodem puncto tangerent, illa

a. d. f. tang.



addit, quæ ex puncto sectionis ducitur tangens Verticalem, & illa, quæ ex centro paralleli ad eam sectionis punctum ducitur, quod est absurdum.

II. HOC autem artificio, si plures paralleli proponantur describendi, lineæ Verticalem tangentes sine magno labore ducemus. Descripto ex P. centro circuli Verticalis, circulo cuiuscunque magnitudinis, oculo tamen, & consilio gignatur, qualis est Q 3 3 9. ducatur ex illo ad ik, perpendicularis l3, secans circumulum descriptum in 3. Nam si beneficio circuli interioris l3. acceptum transferas ex quolibet puncto circuli Verticalis in circumferentiam Q 4 3 9. ex P. descriptam, siue in utramque partem, siue in alteram tangentem, recta linea ex inuicem puncto in dicta circumferentia descripta, per illud punctum Verticalis descripta tanget Verticalem in eodem illo puncto. Ut quæ ad intervalum i 3. ex puncto Verticalis 60. lo quadrante i C, circulus fecit utrinque circumferentiam in punctis 4. 4. tanget recta 4 60 4. Verticalem in puncto 60. Eadem ratione, quia circulus eodem intervallo ex puncto 30. eiusdem quadrantis secat circumferentiam utrinque in punctis 7. 7. tanget recta 7 30 7. Verticalem in 30. Rursus idem intervalum ex C, dat utrinque in circumferentia puncta 8 8. Igitur recta 8 C 8 tanget Verticalem in C. ita quæ intervalum idem ex puncto 30. quadrantis Ck, secat circumferentiam ex utraque parte in 9. 9. tanget recta 9 30 9. Verticalem in 30. Denique quoniam idem intervalum exhibet utrinque in circumferentia puncta 10. 10. ex puncto 60. eiusdem quadrantis, recta 10 60 10. Verticalem in 60. continget. Acqueita de cæteris. Ratio huius operationis est, quod omnes tangentes inter Verticalem Ck, & circumulum 3 4 7. æquales sunt per lemma 48. Quo etiam quia, ut in eodem lemma demonstratum est, arcus inter binas tangentes positi, similes sunt, si arcus 140. similis accipiat 3 4, & arcus 30. arcus 3 7, & arcus i C, arcus 3 8, & arcus i C 30. arcus 3 9, & arcus i C 60. arcus 3 10. (quod facile fiet, si ex P. centro Verticalis per punctum Verticalis, 60 30. C, &c. rectæ emittantur. Hæ namque ex circulo descripto 3 4 7. arcus similes abscident, qui ex puncto 3 in circumferentiam 3 4 7. transferendi sunt.) habebuntur eadem puncta 4 7. 8. 9. 10. per quæ tangentes lineæ ducende sunt.

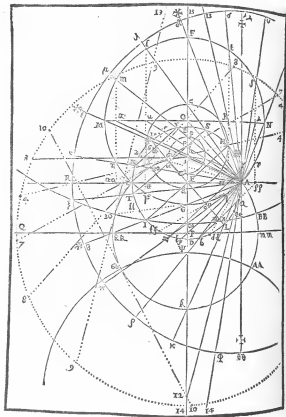
EX his omnibus facile colligere licebit, nullum parallelum Horizontis, quante minimè, centrum habere in ipso polo i. Quia enim recta A i, per polum, extensa cadit in M, extremum punctum diametri Horizontis, ut in scholio præcedentis propositionis Num. 14. monstratum est, recta autem ex A, per centrum cuiusvis paralleli ducta cadit in aliquod punctum interius eadem diametri Horizontis MN, in illud videlicet, per quod transit recta ipsi IG, æquidistans, respondensque diametro paralleli in Aequatore, ut patet Num. 6. ostendimus, perspicuum est, centrum cuiusvis paralleli a polo i, esse diversum, quandoquidem rectæ ex A, per centrum, & polum i, emissent se diserunt. Quod etiam probari potest ex his, quæ Num. 9. demonstramus. Nam cum centrum repetatur per rectam ex A, eductam ad punctum Aequatoris tanto spatio distans a polo K, versus B, quanto ab eodem polo K, recta ex A, per intersectionem diametri paralleli cum axe K L, emissa est versus C, ut ibi ostendimus; manifestum est, rectam ex A, per centrum ductam a recta A K, diversam esse. Idem denique ex his etiam constat, quæ Numero 10. demonstrata sunt: quia nimirum recta tangens Verticalem in puncto, ubi à parall. lo secatur, cadit in centrum paralleli; quæ quidem tangens nullò modo in punctum i, cadere potest, cum in recta ab intersectione paralleli cum

Parallelus facit ad planum horizon. i. e. ducit, quæ ducit circumulum in eum puncto tangens.

Centrum cuiusvis paralleli Horizontis ab uno polo distans est B.

a. a. a. a.

A a a a Verti.



verticali ad i. ducta, intra Verticalem cadat, non autem tangat.

12. NON est autem prætereundum, ex quolibet parallelo Horizontis descripto in Astrolabio describi posse parallelum oppositum, etiam si eius diametri præparatos non sit inuenta. * Quoniam enim per quodlibet punctum circuli nō minus in sphaera circulus maximus eum tangens describi potest, & tanget circulus ille maximus alium non maximum priori æqualem ac parallelum. Cum ergo per Coroll. propof. 8. lib. 2. Theod. puncta contactuum per diametrum sphaeræ sint opposita, erit cuilibet puncto assignato in quouis parallelo Horizontis aliud per diametrum sphaeræ oppositum in parallelo opposito, illud nimirum, in quo circulus maximus priorem parallelum tangens in assignato puncto, posteriorem parallelum oppositum tangit. Quamobrem si tribus punctis quibusvis in descripto parallelo assignatis inveniatur tria puncta per sphaeræ diametrum opposita, ut mox docebitur, & per hæc circulus describatur, descriptus erit parallelus oppositus. Describetur autem per tria illa puncta circulus, si centrum inveniatur ex scholio propof. 3. lib. 4. Eucl. (quod tamen hoc facile inveniatur, cum semper existat in meridiana linea BD,) vel quando centrum nimis procul distat, per instrumentum, quod in Lemmate 14. constitimus.

13. CAETERVM hæc arte cuilibet puncto in Astrolabio dato oppositum punctum per diametrum reperietur. Ducta ex dato puncto recta linea per centrum Astrolabij, inveniatur per Lemma 12. duabus lineis, quarum prior sit recta inter datum punctum, & centrum Astrolabij interiecta, posterior vero Aequatoris semidiameter, tertia proportionalis, cui æqualis abscindatur ex illa ducta per centrum Astrolabij ducta, initio facto ab eodem centro. Nam unicus erit punctum oppositum. Quoniam enī, ut supra ostendimus propof. 4. Num. 11. semidiameter Aequatoris medio loco proportionalis est inter duas semidiametros parallelorum Aequatoris oppositorum, sit, ut posita linea inter centrum Astrolabij, & datum punctum semidiametro vnus parallelus Aequatoris, altera linea inter idem centrum Astrolabij, & inuentum punctum, sit semidiameter paralleli Aequatoris opposito, ac proinde inuentum punctum dato puncto sit oppositum per diametrum. Inuenietur autem tertia proportionalis facili negotio ea ratione, quam ad finem Lemmatis 12. explicauimus. Nam si a rectam ex dato puncto per centrum Astrolabij electam excutitur diameter Aequatoris ad angulos rectos, & per extrema puncta huius diametri, & punctum datum circulus describatur, abscindet is tertiam proportionalem, ut ibi demonstrauimus, &c.

FACILIVS inueniemus cuius puncto dato punctum oppositum hæc ratione. Detur in superiori figura punctum F, extra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta FG, excutitur ad eam in E, perpendicularis EA, & ad iunctam AF, perpendicularis erigatur AG, secans FG, in G: quod fiet, si arcui Aequatoris BH, æqualis sumatur oppositus DI. Nam recta AI, ad AF, perpendicularis erit, hoc est, angulus HAI, j in semicirculo HAI, rectus erit. Nam punctum G, per diametrum erit puncto F, oppositum, per ea, quæ in scholio prop. 3. Num. 20. demonstrata sunt. Rursus detur punctum I, intra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta ik, excutitur ad eam in E, perpendicularis EA, & ad iunctam i A, perpendicularis erigatur, Ak; eritque rursum k punctum per diametrum puncto I, oppositum. Quod si quando contingat, perpendicularem Ak, valde oblique secare rectam ik, commode, ita agemus. Pro ducta AE, vsque ad C, describemus per tria puncta A, I, C, circulum. Hic enī in
fecabit

a. r. a. T. b.
b. d. a. T. b.

Ex quouis parallel.
lo. Horizontis
in Astrolabio des.
cripto, parallelus
oppositus deest
hæc, cum non
diametri contactu
non sit.

Dato puncto in
Astrolabio punctum
oppositum per diametrum
reperietur, ut
puncto oppositum.

c. j. r. T. b. j.

251. 1829.

fecabit in k , in k , puncto per diametrum puncto i , opposito, * cum angulus iAk , in semicirculo rectus sit. Quo pacto autem dato puncto paralleli inuenitur punctum in eodem per eius diametrum oppositum, docebitur propof. 14. Num. 4. Quando datum punctum fuerit in circumferentia alicuius maximi circuli, dabitur recta ex eo per centrum Astrolabij ducta, in circumferentia eiusdem circuli punctum per diametrum oppositum.

14. QVIA vero, ut in scholio antecedentis propof. Num. 10. demonstrauimus, quilibet recta linea per centrum Astrolabij traecta indicat in quouis circulo maximo obliquo duo puncta per diametrum opposita, sit, ut recta lineae ex punctis, in quibus Verticalis datam parallelum fecit, per centrum Astrolabij extensa, indicet in eodem Verticali duo puncta illis opposita. Verbi gratia, Descripto parallelo Horizontis c 30 d , si ex puncto 30. vel Verticali secatur, per E , centrum Astrolabij ducatur recta linea, secabitur Verticalis in BB , puncto opposito: Eademque ratione recta ex altera interfecit Verticalis, & praedicat paralleli, per E , ducta exhibebit in Verticali punctum quoque oppositum 30. Quod si duabus rectis Ec , EB , reperitur tertia proportionalis Ea , (quod facile fiet, si per tria puncta A , c , B , circulus describatur. Hic enim abscindet tertiam proportionalem Ea , ut ad finem Lemmatis 12. ostensum est.) erit punctum a , puncto c , oppositum. Per tria ergo puncta 30. BB , parallelus ipsi c 30 d , oppositus describendus est. Et si plures puncti paralleli c 30 d , parum inter se distantibus opposita puncta reperiantur, describatur oppositus parallelus per plura illa puncta, (si nimirum puncta illa coniungantur per lineam curuam) etiam si centrum non inueniatur, neque per initium Lemmatis 14. descriptio fiat. Rursum si ex punctis duobus, ubi Verticalis parallelum f 60 g , interfecit, per centrum E , recta emittatur, secabit Verticalis in punctis AA , 60. quae illis opponuntur. Et si fiat, ut Ef , ad EB , ita EB , ad aliud, inuenietur punctum f , puncto f , oppositum: Id quod facile etiam fiet, si per tria puncta A , f , G circulus describatur. Hic enim abscindet tertiam proportionalem Ef , ut ad finem Lemmatis 12. demonstratum est.) ac propterea parallelus ipsi f 60 g , oppositus, per puncta 60- f , AA , describendus erit.

15. QVOD si cuiusque alij puncto, nimirum puncto a , ita recta MN , incipiendum sit punctum oppositum, ducenda erit recta ex a , per E . Nam si fiat, ut Ea , ad EB , ita EB , ad aliud, inuenietur tertia linea, cuius terminus a parte E , incipiendo est punctum ipsi a , oppositum. Et sic de ceteris: quae quom tertia linea reperietur si cili negotio, per ea, quae ad finem Num. 13. paulo ante scripsimus.

16. EX hoc rursus inueniemus in dato parallelo Aequatoris quocunque punctum, in quo secetur à parallelo Horizontis, qui quocunque gradibus ab Horizonte distet versus Nadir, etiam si parallelus hic non describatur: quae res commodissima est, quando parallelus parum à recta PQ , distat, hoc est, cum distantia ab Horizonte ferme aequalis est altitudini poli AH : habet enim paralleli descriptio difficillima est, quod eius centrum minus procul distat, & parallelus ipse in Astrolabo recta quali linea exstat. Ita ergo procedendum est v. g. inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis distans ab ipso Horizonte versus Nadir grad. 40. parallelum Aequatoris, cuius declinatio minus sit grad. 20. interfecet. Descripto parallelo Aequatoris opposito, cuius declinatio borealis sit grad. 20. & insuper parallelo Horizontis opposito,

Prostat in parallelis, quomodo in Astrolabo inueniatur, in quo à parallelo Horizontis distans, per punctum ipsum, quod sit distans, etiam si descriptio non sit.

qua

quid videlicet grad. 40. ab Horizonte versus Zenith recedat; si à punctis, ubi duo paralleli se intersectant, per centrum E, rectæ ducantur, secabitur datus parallelus Aequatoris in duobus punctis, quæ illis duobus opposita sunt; ut proinde in quibus parallelus Horizontis propositus parallelum Aequatoris secaret, si descriptus esset, propterea quòd oppositi paralleli ducantur per opposita puncta in sphaera. Quòd si quando contingat, parallelum borealem Aequatoris dato parallelo australi oppositum à descripto parallelo Horizontis secari, argumento est, neque australem propositum à nominato parallelo Horizontis secari posse. Sed ut res planior fiat, sit inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte Aequatorem ducat. Descripto ergo parallelo Horizontis grad. 30. supra Horizontem circumdiametrum ed, qui Aequatorem secet in H, (Aequator enim, cum sit circulus maximus, oppositum parallelum non habet, qui describitur) ducatur à H, per E recta HE, secans Aequatorem in I; eritque I, punctum oppositum puncto H. Cum ergo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte, quæ videlicet parallelo diametri ed, opponitur, transire necessario per punctum puncto H, oppositum, secabit omnino Aequatorem in puncto I, quod puncto H, opponitur, atque ita inuentum est punctum I, etiam si parallelus Horizontis BB à 30. descriptus non esset. Sumptis pro exemplo puncta H, I, circumdiametri Horizontis, quia licet non omnino in his prædicti paralleli Horizontem intersectent, non procul tamen ab illis intersectiones sunt, ut sapienti per illa res explicetur, ne aliam lineam cogamur ducere, maiorque confusio figura oritur. Quòd si quis peteret punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 60. sub Horizonte Aequatorem secet, describendus foret parallelus Horizontis grad. 60. supra Horizontem, circa diametrum fg. Sed quæ hic Aequatorem non secet, sed totus intra ipsum exstet, dicemus parallelum Horizontis grad. 60. infra Horizontem nullo modo Aequatorem secare. Id quod perspicuum est in parallelo AA à 60. Et sic de cæteris.

17. EX his, quæ dicta sunt, nullo negotio quemcumque parallelum Horizontis, cuius ab Horizonte distantia data sit, siue versus Zenith, siue versus Nadir, describemus. Sit enim describendus v. g. parallelus Horizontis grad. 30. versus Zenith. In primo modo, numerabimus à diametro vtra Horizontis HI, versus Zenith K, grad. 30. usque ad S, T, ut habeatur eius diameter in sphaera S T. Radij, enim AS, AT, resecabunt diametrum visum ed, propositi paralleli. In secundo autem modo, eisdem 30. grad. supputabimus à diametro vtra Horizontis FG, versus M, usque ad l, p. Nam radii Al, Ap, eandem visam diametrum ed, dati paralleli abscondent. At in tertio modo, in circulo γγ R θθ, numerabimus à punctis δ, θ, versus a. partes 30. ex 120. in quas uterque arcus δθ, θγ, diuisus est, usque ad δ, ε. Radii a. Ax, A ε, eandem diametrum visam ed, exhibebunt. Denique 4. modo, in Aequatore à puncto G, versus B, sumemus arcum grad. 30. & per eius terminum ex G, polo Verticalis rectam ducemus, quæ Verticalis secet in 30. Nam recta tangens Verticalis in 30. offeret e, centrum dati paralleli per punctum 30. describendi, &c. Quod si describendus sit parallelus Horizontis grad. 30. versus Nadir, numeratio ab eisdem terminis instituenda est in contrariis partibus: ut in primo modo, à diametro HI, versus l; In secundo à diametro FG, versus N; In tertio à punctis δ, θ, versus γγ, &

Parallelum Horizontis in sphaera descriptum. Aliter lineæ exhibent.

37 & 45; In quarto denique, a puncto C, in Aequatore versus D, &c

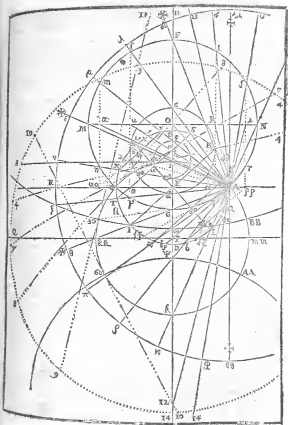
18. **VICISSIM** cognoscemus, quantum quilibet parallelus Horizontis in Astrolabio descriptus ab Horizonte abistat siue versus Zenith, siue versus Nadir, hoc modo, Sit descriptus parallelus Horizontis secans meridianam lineam ED, in c, d, punctis, a quibus ad A polum australem recte ducantur cA, dA, Aequatorum secantes in S, T. Vterq. enim arcus HS, IT, complectitur distantiam descripti paralleli ab Horizonte, versus R, Zenith. Necesse est autem, si error commissus non sit, ductam rectam SD, parallelam esse diametro Horizontis HI, hoc est, arcus HS, IT, esse aequales Sit rursus descriptus parallelus Horizontis AA 460, secans lineam meridianam ED, in 4, puncto, quod situs est, hoc ipsum punctum sectionis, propter nimis magnam distantiam, nequeat haberi, ducaturq. recta 4A, secans Aequatorem in b. Nam arcus I b, metitur distantiam eius paralleli ab Horizonte versus L, Nadir, & sic de ceteris.

IDE M assequemur hoc et modo. Ex G polo Verticalis ducatur per punctum sectionis paralleli dati cum Verticali recta linea secans Aequatorem. Nam arcus Aequatoris inter hanc sectionem, & punctum B, indicabit distantiam paralleli a Zenith; & ac proinde eius complementum erit distantia eiusdem ab Horizonte. Vt recta G 30, per sectionem paralleli 300 & B, cum Verticali secans Aequatorem in H. Igitur BH, arcus est distantia paralleli a Zenith; & arcus vero DH, monstrat distantiam eiusdem a Nadir k. Denique CH, arcus est distantia eiusdem infra Horizontem. Atque ita de ceteris Ratio est, quae refertur G, polo Verticalis emissa auferuntur ex Aequatore, & Verticalis arcus aequalis numero graduum, ut in praecedenti propositione Num. 17, demonstratum est. Quando tamen non constat, propositum cartulum esse vnum ex parallelis Horizontis, utendum est priori ratione. Nam per eam simul cognoscimus, num datus circulus sit vnum ex parallelis Horizontis, secans, prout scilicet averta fuerit eius diameter diametro Horizontis parallela, aut non. Quia cum circulum in sphaera referat, quando eius diameter inuenta non aequidistant diametro Horizontis, propositi 7, explicabimus.

19. **OMNIA**, quae de parallelis Horizontis in Astrolabio describenda praecipimus, nullo negotio ad alios circulos obliquos, qui ad Meridianum recti sunt, transferentur, si in primo modo descriptionis parallelorum, diameter circuli maximi obliqui, cui circuli describendi aequidistant, parallela rectae ducatur in Aequatore per gradus eiusdem Aequatoris, quemadmodum Horizontis diametro HI, parallela ductae fuerunt ST, VX, &c. In secundo autem modo, pro Horizonte AFCG, accipitur proprius circulus maximus obliquus, atque in gradus distribuitur, facta initio a meridiana linea Astrolabij ED, &c. Vt paralleli Verticalis primarii describendi forent, ducenda essent in primo modo, diametro KL, parallelae; & in secundo, Verticalis ACk, in gradus distribuitur, principio sum pro a punctis i, & k. In tertio vero modo pro puncto i, quod ipsi Zenith, siue polo Horizontis superiori i, correspondet, assumetur in eodem circulo ex A, descriptio punctum respondens alterutrius polorum circuli maximi, cui paralleli describendi aequidistant in sphaera, & pro punctis 2, 3, quae extrema punctis diametri Horizontis HI, respondent, recipiantur puncta extremae praedictae diametri assumpti circuli maximi obliqui respondentia. Vt in parallelis Verticalis describendis accipiendum est pro i, alterutrum punctorum 2, 3, &c. Hae enim poli Verticalis respondent; Deinde puncta 1, 2, pro punctis 4, 3, accipienda &c. In quarto denique modo pro Verticali primario ad Meridianum recto, & per polos Horizontis ducto, adhibeatur circulus maximus ad Meridia-

in hoc modo in
Astrolabio, puncta
diagrammatis
a punctis i, k, &c.
cognoscimus.

Quoniam autem
circuli paralleli
Horizontis descripti
breviter dicta est,
ad describendos
parallelas alios
circuli per punctum
maximi obliqui
sumuntur Meridia
linea. Quia recta
per punctum i, k, &c.
est ad describendos
parallelas.



num rectus, & per polos circuli maximi assumpti ductus; pro polo autem Verticalis G, sumatur polus circuli maximi, qui vocis Verticalis gerit. Vnde eisdem parallelis Verticalis describendis, adhibendus est Horizon, cuiusque polus I, &c.

20. IMMO eisdem prorsus viis parallelis cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, qui ad Meridianum rectus non sit, describere licet, si pro meridiana linea BD, accipiat recta per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabi extensa, id est, communis sectio Aequatoris, superari Astrolabi, & circuli maximi per polos mundi, & polos propositi circuli obliqui ducti, instar propositi Meridiani eiusdem circuli obliqui. Exemplum huius rei inuenies proposit. 8. Num. 19.

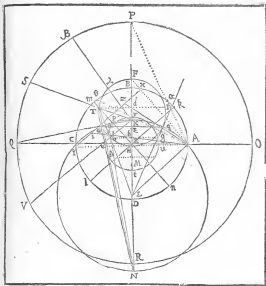
21. IAM vero parallelis cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuimus, hoc est, in partes inaequales, in quas gradus eorum in sphaera propiciuntur in Astrolabium, eisdem modis, quibus in antecedenti proposit. à Num. 17. usque ad finem circulos maximos obliquos in gradus partiti sunt. In prima ergo parte primi modi ita rem exequemur. Sit Aequator Astrolabi ABCD, cuius centrum E, circuli maximi cuiusvis obliqui, u. g. Horizontis, diameter kl, diameter cuiuslibet eius parallelis XY, & parallelus idem in Astrolabio descriptus FGHq; Verticalis primarius diameter mn, & Verticalis ipsi descriptus AKCN, cuius centrum L; K, polus Horizontis superior; N, inferior; M, polus Verticalis à polo australi in sphaera remotior, hoc est, postquam intersectione Meridiani & Horizontis ex parte boreali, per quod videlicet Horizon descriptus transiret. Et quia Horizontis parallelus FGHq, in prioribus partibus primi modi distribuendus est in gradus ex K, polo Horizontis intra Aequatorem reperto, quique in sphaera à polo australi remotior est, describendus est parallelus Aequatoris OPQR, tanto intervallo distans à polo australi, quantum distans parallelus Horizontis à polo m, qui remotior est in sphaera a polo australi, abest, ita ut arcus A m, metiens distantiam paralleli Aequatoris à polo australi A, aequalis sit arcui m X, qui distantiam paralleli Horizontis à polo remotiore m, metitur; adeo ut quando diameter paralleli Horizontis XY, recedit à diametro Horizontis kl, versus m, polum eius à polo australi remotiorem, diameter paralleli Aequatoris recedat à diametro Aequatoris BD, versus polum australem A, hoc est, parallelus Aequatoris sit australis: quando vero illa diameter ab Horizontis diametro versus polum Horizontis n, polo australem propinquiores vergit, huc à diametro Aequatoris vergat versus borealem polum C, id est, parallelus Aequatoris sit borealis: qui quidem parallelus Aequatoris ex E, describi potest, etiam si eius diameter visa inuenta non sit, per punctum Q, ubi recta KG, ex polo circuli obliqui K, per G, intersectionem parallelis obliqui cum circulo maximo AKCN, ducta diametrum Aequatoris A C, interfecat. Nam ut mox ostendemat, sicut FG repraesentat quidam parallelus, ita recta KG, auferre debet ex parallelis Aequatoris quidam. Descripto autem hoc parallelis Aequatoris, eodemque per duas diametros OQ, PR, perpendiculares in quatuor quadrantes diuiso, si ex K, polo Horizontis per singulos gradus parallelis OPQR, rectae lines ducantur, sicut et parallelis Horizontis FGH, in gradus, hoc est, in arcus quidem inaequales, sed qui representent gradus aequales eiusdem paralleli in sphaera. Exempli gratia, si ex K, recta ducatur KS, abscidens arcum PS, grad. 60. auferret eadem ex parallelis Horizontis arcum PT, respondentem arcui grad. 60. eiusdem paralleli in sphaera. Sic si recta KV, resceat arcum RV, grad. 60. abscidatur quicquid ex paral-

Quo modo em-
ant, que de paral-
lulis Horizontis
describendis du-
cta sunt, ad descri-
bendos parallelis
maximos aliosque
circuli maximi
obliqui, qui ad
Meridianum recti
sunt obliqui, &
accipiendo eundem.

Parallelis cuius-
vis circuli maximi
obliqui in gra-
dus distribuimus
ex eodem polo
superiore.

Parallelis Aequatoris
cuiusvis circuli
maximi obliqui
in Astrolabio
describendis, paral-
lulus idem in
Astrolabio descriptus
est, qui per punctum
Q, ubi recta KG,
ex polo circuli obliqui
K, per G, intersectionem
parallelis obliqui cum
circulo maximo AKCN,
ducta diametrum Aequatoris
A C, interfecat.

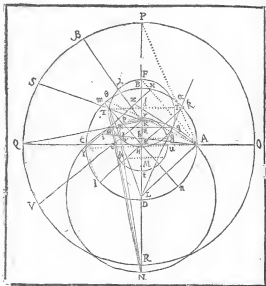
parallelis Horizontis arcus Hb, grad. 60. Denique recta KQ, auferens qua-
drantem PQ, auferet quoque quadrantem FG, ex parallelis Horizontis, hoc est,
erigebat per G, punctum, ubi Verticalis parallelum Horizontis interfecat.
Cum quomodocumque in sphaera Meridianus ac Verticalis diuidunt ipsum Ho-
rizontem eiusque parallelis in quadrantes, ita quoque in Astrolabio contingat
hoc fieri, adeo vt arcus FG, GH, Hq, q F, referant quadrantes eiusdem paral-
leli in sphaera: id quod supra Num. 5. huius propos. declarauimus. Sumendum



autem est initium arcum in utroque parallelis, à duobus punctis eiusdem ordi-
ni, hoc est, vel à superioribus P, F, vel inferioribus K, H, & versus eandem par-
tem progrediendum vel descendendum in utroque parallelis, vel ascendendum Nā
punctum P, paralleli Aequatoris est in semicirculo Meridiani superiore, in quo
etiam Zenith constructus, punctum autem F, paralleli Horizontis est austrā
in punctum R, paralleli Aequatoris est in semicirculo Meridiani infe-

Initium arcum
in utroque parallelis,
à duobus punctis
eiusdem ordini,
hoc est, vel à
superioribus P, F,
vel inferioribus K, H,
& versus eandem
partem progrediendum
vel descendendum
in utroque parallelis,
vel ascendendum

riore, & punctum H, paralleli Horizontis est boreale. Quare per ea, quæ in Lemmate 23. dicta sunt, recte initium sumendum esse diximus, vel a punctis P, F, superioribus, vel ab inferioribus R, H. Appello autem hic puncta superiora illa, quæ superiorem locum in figura tenent respectu partium Astrolabi, inferiora vero, quæ inferiorem, non autem illa, quæ in celo superiora sunt, vel inferiora. Idem initium sumi potest a recta KQ, quæ ex parallelis quadrantes abscipit, et a punctis Q, G, versus eandem semper partem progrediendos quia hac ratione semper



tenditur versus puncta, a quibus incipiendum esse diximus. Ita videtur arcus respondentes PS, FT, incipere à superioribus punctis P, F, & descendere versus eandem partem sinistram; arcus vero respondentes RV, Hb, incipere a punctis inferioribus R, H, & versus eandem partem ascendere, &c. Hoc autem intelligendum est, quando polus circuli obliqui intra Aequatorem existens, reperitur quoque intra parallelum obliquum. Nam quando extra ipsum est, ut contingit in parallelo perpo-

in australem ducto, & in alijs parallelis infra eum existentibus, quorum circuli differentie in Astrolabio in contrarias partes describuntur, non autem versus primum circulum obliquum, non possint hoc modo sumi puncta superiora, & inferiora. Quare servanda tunc sunt ea, quæ in Lemmate 23 de initis arcuum abscissorum scripsimus.

VI autem in Astrolabio facile cognoscamus, utrum punctorum paralleli æquatoris sit in celo superius, vel inferius, hoc est, contineatur in Meridiano, aut circulo superiore, vel inferiore, si circulus maximus obliquus, cui paralleli aliqui æquidistant, pro Horizonte sumatur, supra quem eleuetur polus æquatoris, utrum punctorum paralleli obliqui sit boreale, australeve. hæc regula modesta est. Punctum paralleli Æquatoris, quod polo circuli obliqui intra Æquatorem contineo propinquius est, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabi per dictum polum ducta transit, representat in celo punctum superius, alterum vero, quod ab eodem polo magis distat, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabi per alterum polum circuli transit, inferius est. Item punctum paralleli obliqui centro Astrolabi (quod quidem a polo boreali non distat) propinquius, boreale est; remotius vero australe. Quæ res si vna cum illis, quæ in Lemmate 23, de initis arcuum præfigendis scripsimus, attente considerentur, nullus erit labor in principiis arcuum abscissorum præfigendis, siue ex polo circuli obliqui intra Æquatorem existente ducto paralleli facienda sit, siue ex altero polo.

HIVS autem divisionis parallelorum obliquorum in gradus hanc accipe demonstrationem. Planum, quod in sphaera per polum antarcticum, & polum Hæmæensem ab eo remotiorem ducitur, abscindit per Lemma 23, ex parallelo Æquatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, (ita ut ille tanto spatiosius a polo australi, quanto hic a polo suo, qui a polo australi remotior est), arcus æquales, initio facto a punctis, quæ diximus. Igitur idem planum, quod in sphaera circulum efficit, in Astrolabio projectum conspicitur ex polo australi asserere eosdem illos arcus æquales ex duobus illis parallelis in Astrolabio descriptis. Cum ergo planum illud, vel potius circulus, quem in sphaera per polum australem transiens efficit, faciat per propos. 1. Num. 2. in Astrolabio lineam rectam per polum K, transeuntem, referet recta KS, circuli illi per polum Horizontis K, & punctum paralleli Æquatoris S, ductam. Hæc ergo secabit paralleli Horizontis in T, puncto, quod illi in sphaera inspicitur, per quod circulus ille ducitur: adeo ut circulus ille parallelum Horizontis ex polo australi conspicitur secare in T, Æquatoris vero parallelum in S, propterea quod radius visualis in illius circuli plano per omnia eius puncta transeundus ab eo nusquam recedit, sed semper in KS, communi eius secante complano Astrolabi existit. Arcus igitur PT, paralleli Horizontis representat illum in sphaera, qui arcui PS, paralleli Æquatoris æqualest. Idemque dicendum est de recta KV, & omnibus aliis, quæ ex K, polo Horizontis egredientes utrumque parallelum secant. Quapropter si ex K, per singulos gradus paralleli Æquatoris rectæ ducantur, secabitur paralleli Horizontis in 360. arcus, qui gradibus 360. eiusdem paralleli in sphaera respondent: ita ut qualibet duæ rectæ ex K, emissæ interscipiant in duobus illis parallelis duos arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet, hoc est, duos arcus, qui in sphaera duobus arcibus omnino æqualibus in eisdem parallelis respondent. Huiusmodi sunt duo arcus SQ, TG. Item duo SV, Tb &c QV, Gb, &c.

Regula facilis ad cognoscendum, utrum punctorum paralleli æquatoris sit in Astrolabio borealiter, septentrionaliter, vel australiter, hoc est, superius, vel inferius, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabi per dictum polum ducta transit, representat in celo punctum superius, alterum vero, quod ab eodem polo magis distat, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabi per alterum polum circuli transit, inferius est.

2. J. I. T. Hæc.

Quod idem quodlibet
hinc demonstrat in
parallelo Horizontis
etiam quod polo
in altero hemisphae-
rio in Astralibus.

12. EX his colligitur modus inveniendi quemcumque gradum propo-
situm in parallelo Horizontis, cuius videlicet distantia sumatur vel ab altera
tra sectionum F, H , paralleli cum Meridiano, vel ab alterutra sectionum $G,$
 Q , eiusdem paralleli Horizontis cum Verticali circulo primario. Si enim gradus
propositus numeretur in parallelo Aequatoris ab aliquo quatuor punctis $F, Q,$
 R, O , quatuor punctis F, G, H, q , paralleli Horizontis respondentium, & per
idem numerationis ex K , recta ducatur, secabit ea parallelum in gradu propo-
sito. Ut si a puncto F , versus G , abscindendus sit arcus grad. 60. vel a G , versus F ,
arcus grad. 30. numerabimus a P , versus Q , grad. 60. vel a Q , versus F , grad. 30.
usque ad S . Nam recta KS , secabit parallelum Horizontis in T , gradu 60 ab F ,
vel gradu 30 ab G ; atque ita de ceteris. Punctum porro F , spectat ad meridiem;
 H , ad septentrionem; G , ad ortum, & q , ad occasum, quemadmodum de Hori-
zonte diximus.

Quot gradus in
dato arcu paralleli
in Horizontis ab-
scindantur in ad
Meridiem, eo polo
autem spectante ad
gradum.

13. E CONTRARIO facile etiam cognoscemus, quot gradibus quilibet
arcus in dato Horizontis parallelo propositus respondeat, si ab eodem
duobus punctis data arcus ad K , polum Horizontis, eisque parallelorum recte
linee ducantur. Arcus namque paralleli Aequatoris inter eas comprehen-
sus tot gradus complectetur, quot in dato arcu continentur, ut ex illis, quodlibet
sunt, perspicuum est. Igitur si per Lemma 3 inquiratur, quot gradus in illorum
parallelo Aequatoris contineantur, cognitus fiet numerus graduum in propo-
sito arcu paralleli Horizontis contentorum. Exempli causa. Si datus sit arcus
 γT , in parallelo Horizontis, ductis ex K , rectis $K\gamma$, & KT , secantibus parallelum
Aequatoris in β , S , erunt tot gradus in arcu γT , quot in arcu βS , continentur.

Paralleli recti
in arcu, nunc
abscinditur gra-
dus distantia ex
dato polo asse-
runt.

14. IN posteriore autem parte eiusdem primi modi ita agendum est. Duci-
batur parallelus Aequatoris uv et, equalis quoque parallelo dato Horizontis
 $FGHq$, sed priori parallelo Aequatoris $OPQR$, oppositus, hoc est, tanto in-
tervallo a polo australi distans, quanto datus parallelus Horizontis a suo polo,
qui polo australi propior est, recedit, ita ut arcus $A\beta$, n. K , qui parallelorum
distans distantias metiantur, aequalis sine, siue, quod idem est, diameter paralleli
Horizontis a diametro Horizontis kl , & diameter paralleli Aequatoris a dia-
metro Aequatoris versus eandem partem vergans, non versus oppositam, et prius.
Describe o namque hoc parallelum Aequatoris, eoque in qui dantes ductis dia-
metris $r t$, & u , scilicet ad rectos angulos secantibus, si ex N , altero polo Hori-
zontis, qui extra Aequatorem exiit, propinquiorque est in sphaera polo australi,
per omnes gradus ipsius rectae lineae ducantur, secabitur parallelus Horizontis
in suis gradus, ut prius sed ordo graduum in utroque parallelo sumendum
est a duobus punctis eiusdem ordinis, nimirum a superioribus r, F , vel inferioribus
 t, H , sed a contrariis, hoc est, a superiore unius, & inferiore alterius, ut utri-
vno fiat descensus, & in altero ascensus, versus eandem tamen partem finium,
vel dextram. Idemque initium fieri potest a recta NG , quae ex parallelis quadun-
tes abscindit, ut a punctis e, G , in duersas tamen partes progrediendo, in utro-
vno parallelo fiat ascensus, & in altero descensus. Sed quodiam non semper di-
scerni queunt duo puncta superiora, vel inferiora, in figura, propter parallelos
obliquos, quorum circumferentiae non vergunt ad partes maximae circuli obli-
qui, cui equidistant, sed in contrarias, praestant ordinem graduum praefatum
ipsa, quae in Lemmate 13, scriptimus, nimirum ut in parallelo Aequatoris sumatur
punctum superius, & in parallelo obliquo punctum boreale, vel in illo punctum
inferius, & in hoc australe. Quo modo autem punctum superius, aut inferius a
parallelo Aequatoris, & boreale, australe in parallelo obliquo accipiendas

Idem arcum
respondentem in
parallelo, unde
sumimus in hoc
modo ducendum
gradibus obli-
quo in praefato
arcu, ut in
inferius.

Interprete partium exli, paulo ante in priora parte huius primi modi diuidē di parallellos in gradus Num. 22. explicatū ē. Exēpli gratia, si ex N. ducatur recta N^a, ascendens arcum t β, grad. 60. auferet eadē ex parallelo Horizontis arcū FT, reponens eam grad. 60. eiusdē paralleli in sphaera. Sic si recta N^a, auferat arcum t α, grad. 60. abscedetur quoque ex Horizontis parallelo arcus Hb, grad. 60. Denique recta N^a, auferens quadrantem t e, resecabit etiam ex parallelo Horizontis quadrantem FG, hoc est, transibit per G, punctum sectionis Verticalis cum parallelo Horizontis. Nam vt supra dictum est, arcus PG, GH, HG, GF, quadrantes sunt. Vbi vides, initium arcuum æqualium, quod ad numerum graduum attinet, fieri semper a punctis contrariis, vt expositum est. Hoc autem demonstrabitur hoc modo. Planum in sphaera ductum per polum antarcticum, & polum Horizontis ei propinquiores, quem refert polus N, abscedit, per Lemmā 23. ex parallelo Aequatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, (ita tamen, vt ille tanto intervallo ab sit a polo australi, quanto hic a suo polo, quā polo australi propius abest.) Arcus æquales, initio facto a punctis, a quibus incipere faciendum est, paulo ante, & in dicto Lemmate præcepimus, qualia sunt puncta r, H: sit t, E. Igitur idem illud planum in Astrolabio descriptum eisdem æquante terre conspicitur, illos videlicet, qui in sphaera arcibus abscissis respondent. Cum ergo proposit. 1. Num. 1. planum illud per australem polum transiens in Astrolabio efficiat lineam rectam per polum N, transeuntem, referet quilibet recta ex polo N, eamque planū illud, ac propterea ex utroque parallelo æqualium abscedet, vt dictum est.

ITAQUE eidem puncta T, b, G, inuenta sunt per rectas lineas ex utroque polo K, N egredientes, singula scilicet per binas. Atque eadem arte quodlibet punctum in Horizontis parallelo reperire licebit per duas rectas, quarum una ex polo K, & altera ex polo N, egreditur, si modo posterior hæc per arcum parallelus Aequatoris ducatur, qui initium sumat à puncto meridiane lineæ à D, ponente illi, a quo arcus paralleli Horizontis incipit, vt expositum est.

EX istantem, quæ dicta sunt, facile intelliges, quid agere debeas, vt arcum ex parallelo Horizontis abscondas quolibet graduum, & vt cognoscas, quot gradus in proposito arcu contineantur.

14. EODEM prorsus modo parallelus cuiuscunque alterius maximi circuli obliqui gradus distribuetur, si eius poli reperiantur, & quando obliquus est calens Meridianum rectus non est, pro meridiana lineæ BD, accipitur communis sectio Aequatoris, planiue Astrolabij, & maximi circuli per mundi polos, & polos circuli obliqui transeuntis, hoc est, recta linea per centrum Astrolabij, & centrum circuli obliqui traiecta.

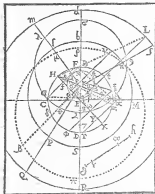
SED quoniam quando parallelus obliquus prope abest a polo superiore maximi circuli Aequatoris australis ei æquales describendus in immensam propemodum magnitudinem excrefcit: contra vero, cum ille non procul distat a polo inferiore, & parallelus Aequatoris borealis ei æqualis describendus valde exiguit: sit, vt non facile parallelus obliquus hoc modo in gradus beneficio paralleli Aequatoris distribui possit: idcirco adhibendum erit sequens artificium, quoquidem sine parallelo Aequatoris parallelum obliquum per circulum cuiuslibet magnitudinis in gradus distribuemus, hoc modo. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, semidiameter maximi circuli obliqui Ez, & eius axis HX, diametrum parallelus obliqui FG, secans eius axem in f, radius AH, exhibens K, polum obliqui circuli visum, secet FG, in e; radii AF, AG, abscedentes diametrum parallelus obliqui visum Nq, eadem quam descriptus sit ipse parallelus visus.

Niaqk.

Quo modo
eius, quæ de
dicitur, paral
lolorū distri
butione dicta
fuit, ut alia
parallelus obli
quos distribu
re demonstrare.

Parallelum obli
quum per arcum
semicirculi in
gradus distribu
re quodammodo
difficile, cum o
mnino non sit
difficile per paral
lelum aequatorem
distribuere quoniam
aut borealis pro
prie magnitudi
nis.

Nam q. k. Producta recta Et, si ex H, per F, recta emittatur secans Et, in L, et EL, semidiameter paralleli Aequatoris australis, cuius diameter in sphaera diametro FG, aequalis est. Nā si concipiamus H, polus mundi australis, & arcum de HX, referat EL, lineam meridiana, id est, communem sectionem plani Aëtheris, vel Aequatoris, ac Meridiani. Igitur radius HF, abscidet semidiameterum



419/62

vifa in EL, paralleli, cuius di-
meter FG, vt ex his conflat,
quæ propoſ. 4. Num. 3. dem-
ſtrata ſunt. Si igitur ex E,
per L, commode in plano A,
circulabî parallelus deſcribi
poterit Ldm QR, partem
eius beneficio parallelâ obli-
quum N i a qk, vt dictu eſt,
ducendo ex K, rectas per om-
nes gradus parallelî Ldm.
Si vero propter immo-
dum quantitatem diſtus par-
allus deſcribi nequeat, præſe-
mus eandem diſpoſitionem per
circulum cuiuſlibet magni-
tudinæ, qui commode deſcribi
poſſet, & in gradus æquales
ducendo, hoc modo. Si data
circuli diameter gh, bene-
dicto cuius parallelus obli-
quus in gradus eſt diſtribuen-
da. Secetur gh, in r, vtfi,
ſemidiameter vera paralleli
obliqui ſecta eſt in s, aperi-

AH, vel vt Ed, semidiameter paralleli Acquisitoris (quando ea commode haberi
 potest) recta est in K, polo visio circuli obliqui Nam vt mox offendemus, ita fecit
 tur Ed, in K, vt ff, in e li vero sumpta recta KI, equali ipsi gr, describatur el,
 ad datū intervallū gh, circulus bIPSMn. Dico rectas ex polo K, per gradus huius
 circuli emissas fecisse parallelum N l a q k, in gradus; ita vt arcus N k, tot
 gradibus respondet quot in arcu bc, cōtinētur, & in N l, tot quot in b l & ita
 tot, quot in SP. Quoniam enim est, ex constructione, vt d K, ad K E, in b K ad
 KI, erit quoque componendo, vt d E, ad KE, ita b l, ad KI: Et permuando, vt
 d E, semidiameter ad b l, semidiametrum, ita KE, ad KI Similiter ergo possum
 K, (quod insiar duorum est) a centrīs B, I, remotum est. Igitur ex scholio Lem-
 matis 11, rectæ ex puncto K, egredientes (quarum singule in star hinc sunt
 angulos æquales ad K, cōstituentibus, si circuli Ldm QR, bIPSMn, scilicet
 scripti essent) ex circulis Ldm QR, bIPSMn, arcus similes abscindunt; ita vt arcus
 ad m, b l, quam d f, b a, & R Q, SP, similes sint. Cum ergo, vt paulo ante
 in hoc Num. 1, ex lemmate 13, demonstravimus, recta K l, aufert arcus N k,
 arcu d f, æqualem, quod ad numerum graduum spectat, auferet quoque recta
 K n, (sumpto arcu b n, simili arcu d f,) eundem arcum N k; quandoquidem in b
 cadit, quippe quæ arcus similes abscindat b n, d f, vt demonstratum est. Eadem
 de causa continēbis arcus N l, tot gradus, quot in arcu b l cōtinentur; eodem
 modo

— modo arcus a a. arcu SP. similis erit in numero graduum.

ESS^e autem sem. diametrum E d, ita scilicet in K. polo, ut ff, scilicet est in e, quod ut verum assumptum, facili ostendemus. Quoniam enim ex scholio prop. 4. lib. 6. Eucl. est ut fe, ad e f, ita Eu ad uL; Et autem Eu, ipsi EK, æqualis, Nam cum triangula AEK, HEu, rectangula, & habeant angulos EAK, EHn, in latus AEH, æquales erunt & reliqui anguli EKA, EuH, æquales; & ideoque & latus EK, Eu, æqualia erunt. Atque ita semper radius ex polo australi ad polos circuli obliqui ductus abscondit ex meridiana linea, & diametro obliqua circuli maximi rectas vsque ad centrum Astrolabii æquales: quod supra etiam probatum prop. 3. ad finem Num. 14. & EL, ipsi Ed, erit quoque ut fe, ad ef, ita EK, ad Ed.

QVOD si ex qualibet puncto semidiametri EH, ut ex O, rectæ EL, parallela
 lagatur OV, secans AH, in 4, & HL, in V, erit quoque ex scholio propof. 4. lib.
 6. Eademque OV, secans 4, ut secans est F, in e. Quare si rectæ O, æqualis sumatur
 EL, & ex L ad intervallum OV, circulus describitur bipsMn, reperietur in
 hoc circulo gradus refringentes gradibus huius circuli.

NON dissimilis ratio erit, quando parallelus obliquus iuxta polum inferiorem existit, ac proinde parallelus Aequatoris borealis describendus est. Vt si diameter paralleli obliqui sit $\phi\Xi$, abscindet radius $H\Xi$, ex E t, semidiameter paralleli Aequatoris visum E p : Eritq; rursus ex scholio propos. 4 lib. 6. Euc. semidiameter E p, secta in u, puncto, quod polo viso K, respondet, propter aequalitatem rectarum E u, K u, ut secta est semidiameter $\mu\Xi$ in 4. Si igitur data semidiameter gh, decet in cc, ut $\phi\Xi$, secta est in 4 vel E p, in u; & recte ecg, aequalis decedat K u, erit p, centrum circuli intervallo gh, describendi, basi scholii hinc parallelus obliquus diametri $\phi\Xi$, in Astronomia descriptus in gradus distribuetur, & tunc si diameter paralleli obliqui sit T Z, abscindet radius H Z, ex E t, semidiameter paralleli Aequatoris visum E p : Eritq; rursus ex scholio propos. 4 lib. 6. Euc. ut semidiameter Ep, ad E u, ita semidiameter Y Z, ad Y a. Si igitur data sit semidiameter Y Z, abscindenda est K u, aequalis ipsi μY , & ex u intervallo Y Z, circulus describendus, &c. Quod si alia semidiameter detur, ad iungenda erit ei recta, ita ut eam proportionem habeat data illa semidiameter ad eandem, quam Y Z, ad Z u. vel Ep, ad p u. &c. Atque in hoc casu, quando semidiameter paralleli obliqui tota est infra A C, qualis est T Z, erit polus visus L, iuxta parallelum Aequatoris semidiametri Ep, & extra circulum ex puncto L descriptum.

IA M vero effectus centrum, & semidiameter circuli describendi, ex quo parallela ducendus est, ad libitum inuagietur, potest segmentum f, e, bis, ter, quater, quinque, &c. sumptum ex K, deorsum transferri in rectam KD, & arcus huius transire ex lineæ circulus describi ad interuallum, quod semidiametri f, e, solum eoque sit, triplum, quadruplum, vel quintuplum, &c.

ITEM profunditas arcuum in circulis maximis obliquis diuidendis adhibenda erit, quando eius polus superior parū ab eſſi ab Aequatore circumſcripta. Vt circulus maximus obliquus AC γ , diuidendus ſit in gradus bene ſcius circuli minoris Aequatoris, accipienda eſt ſemidiameter cuiuſcuſque magnitudinis, & diuidenda in BE, ſemidiameter Aequatoris diuiſa eſt in K, & eius ſegmentum ſegmento KE, reſpondens ex K, deorsum transferendum, vt centrum habeatur circuli minoris aſſumpti ſemidiameter deſcribendi. Nos in figura ſegmentum KE, duplicemus vique ad γ , & ex γ , intervallo $\gamma\gamma$, quod duplicem etiam eſt ſemidiameter EB (Ita etiam erit vt BK, ad KE, ita K γ , ad K γ .) circulum p γ q τ , de-

a. s. *prunus*,
b. s. *prunus*,
eggs of the same
larvae of the same
species as the same
larvae of the same
species.

Algunos parati-
loes sintéticos son
tan potentes como
los naturales.

**Maximum of one
line of type on
question paper if
answer is longer
than 100 characters**

scripsiſſimus: qui ſi in 360. gradus ſecetur, diuident rectæ ex K. per cuius gradus emiſſus circulum obliquum AſCγ, in gradus. propterea quod punctum K, ſimiliter abſciſſo a centro Aequatoris E, & γ, centro illius circuli, ac proinde rectæ ex K, egredientes Aequatorem, & circulum AſCγ, in arcus ſimiles partiantur, ut in ſcholio Lemmatis 22. demonſtratum eſt. Ita videt rectam Kβ. abſcindere arcum γβ, reſpondentem arcui αβ, vel arcui Aequatoris Dβ, qui arcui γβ. ſimilis eſt. Sic etiam recta Kα, auferet arcum αA, arcui ρα. & recta Kη, arcū αη, arcui ρη, ſimilem. quod ad numerum graduum attinet Idē ſeriet, ſi recta Kε, triplicetur, vel quadruplicaretur, &c. atq; ex termino rectæ Kε, triplice ex. vel quadrupla te, &c. ad interuallū ipſius EB, triplū, vel quadruplū, &c. circulus deſcribendū ē.

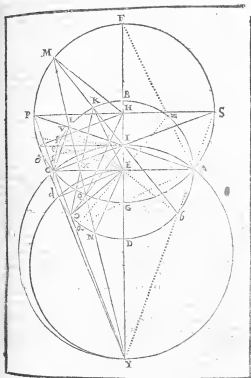
CVM hæc ſcriberem, ecce Chriſtophorus Gruenbergerus Mathematicum diſciplinarū in noſtro Collegio Romano Profeſſor, in nouis demonſtrationibus inueniendis perſpicaciffimus, & curus opera, ac diligentia non pauca lucum Aſrolabio acceſſerunt, aduerſus circulos obliquos tā maximos, quam non tantos per lineas rectas ex gradibus æqualibus eorundemmet circulorū per alterum polorū viſorum ductas in gradus apparentes diuidi poſſe. Quæ res quoniam egregia eſt atq; præclara, licet fortaiſe incredibilis proſus cuiſpi videri poſſet, nullo modo prætereſcenda hoc loco videtur. Ita ergo agendum erit. Revertitur figura in ſcholio propoſ. 4. Num. 12. deſcripta, in qua Aequator ABCD, cuius centrum E, circulus maximus obliquus AFCG, cuius centrū H, & poli apparentes I, Y, diametri Aequatoris, & circuli obliqui AC, PS, ſecantes FG, ad angulos rectos. Ig quoniam in eodē ſcholio Num. 14. demonſtrauiſmus, eā tria poſita A, I, β, quam tria C, I, δ, in vna latere linea recta, ita vt vtræq; recta AP, Cδ, per poli I, tranſeant, ſi per I, ducatur recta vtriusque Mβ, ſecans Aequatorem, & circulum obliquum in K, erit per lemma 9. tam arcus BK, Aequatoris arcui Gi, circuli obliqui, quam arcus Db, Aequatoris arcui FM, circuli obliqui ſimile. Item ſi puncto F, verſus C, abſcindendus ſit arcus quoniam graduum, numerandū arcū ſi gradus in parte oppoſita circuli obliqui à puncto G, viſque ad I. Reſtato ex I, per L, recta abſcinder arcum FM, tot gradibus reſpondentē, quot in arcu Gi, continentur: Cum enim arcus Gi, arcui BK, ſit ſimilis, auferat autem recta I K, arcum FM, tot graduum, quot in arcu BK, continentur, vt propoſ. 5. Num. 17. demonſtrauiſmus, auferet eadem recta I L, eundē arcū FM, tot graduum, quot arcu Gi, continentur. Eadē ratione recta MI, auferet ex circulo obliquo arcū Gi, tot gradibus in cælo reſpondentē, quot vere in arcu FM, continentur. Idē deſtrecta CIδ, abſcinder arcū FC, tot gradibus in cælo reſpondentē, quot re ipſa in arcu Gi, continentur, nempe 90. Et vicinior eadē recta auferet arcū Gδ, tot gradibus reſpondentē in cælo, quot in arcu oppoſito FC, continentur, qui quidē plures ſunt, quā 90. eū GA, quadrante referat, ac proinde Gδ, arcū quadrante maiore, quē nodū & FC, quadrante ſui circuli maior eſt, licet quadrante viſū referat. Et ſic de ceteris. Itaq; ſi totus circulus AFCG, in 360. gradus æquales diſtribuitur, ex quibus per I. ſolum viſum rectæ tranſiſſatur, ſectus erit circulus obliquus AFCG, in gradus viſos, ſue apparentes, ita tamē, vt quilibet gradus apparentis reſpondeat gradui vero in parte oppoſita inter eaſdem duas rectas incluſo, inter quas appareat continetur.

R V R S V S quia in prædicto ſcholio propoſ. 4. Num. 12. demonſtrauiſmus, ſi ducatur ex Y, polo inferiore recta vtriusque YM, tam arcum Aequatoris BL, arcui circuli obliqui FM, quam arcum Aequatoris DN, arcui obliqui circuli GQ, ſimilem eſſe: ſi à puncto F, verſus C, abſcindendus ſit arcus quoniam gradibus reſpondens, numerandū erunt gradus propoſiti in eodem ſemēcirculo ex puncto G, oppoſito viſque ad Q. Nam recta ex Y, polo

inferiore

Circulum maxi-
mū quoniam & vo-
lunt in gradus
apparentes diui-
dere. Inueni-
tur quoniam æqua-
lis eundem di-
uifiſſimus. & ſi
ex una polo ſe-
gemus, quæ ra-
tio vtriusque po-
li ſecantur eū,
& reſpondentia

Idem eſt, licet ex
polo inferiore.



inferiore per Q, emissâ abscondet arcum F M, tot gradibus in celo respondentem, quot vere in arcu G Q, continentur. Cum enim arcus G Q, arcui D N, similis sit, auferat autem recta Y N, arcum P M, tot graduum, quot in arcu D N, continentur, ut propos. 4. Num. 10. ostensum est; auferet eadem recta Y N Q, eundem arcum F M, tot graduum, quot continentur in arcu G Q. Eadem ratione e contrario recta Y M, abscondet arcum G Q, tot gradibus visis respondentem, quot re ipsa in arcu F M, continentur. Sic recta Y C, auferet arcum I P, tot gradibus respondentem, quot in arcu G C, continentur: Et vicissim eadem recta Y P, auferet arcum F C, quadranti G P, respondentem. Rursus eadem recta Y P, auferet arcum F C, quadranti G P, respondentem. Denique tangens recta Y T, abscondet arcum I T, tot gradibus respondentem, quot in arcu G T, continentur: Item arcum G T, tot gradibus respondentem, quot in arcu P T, continentur. Itaque si ex Y, per omnes gradus circuli A F C G, rectæ ducantur, scilicet erit ipse circulus in omnes gradus apparentes, ita tamen, ut cuilibet gradui æquali respondeat gradus apparentis eadem parte inter easdem duas lineas ex Y, egredientes.

Parallelum obliquum quoniam est in gradibus apparentibus ad hunc borealem gradum æqualem a rectis per eundem punctum per se apparent.

S I T rursus parallelus obliquus K n L C, cuius centrum O, & poli sit P, Q; parallelus Aequatoris australis illi æqualis V X Y, & borealis sit E, ducaturque per E, diameter X E, ad V Y, perpendicularis. Et quoniam, ut infra in scholio huius propos. Num. 3. demonstrabimus, recta ex X, per P, ducta cadit in extremum diametri paralleli obliqui per O, ductæ ad V Y, perpendicularis; si per P, ducatur recta utrunque a A, secans parallelum obliquum in f, C, erit per lemma p. arcus V f, arcui L C, & arcus T A, arcui K f, similis. Igitur si a puncto K, versus n, abscondendus sit arcus quotus graduum, numerandi erunt gradus illi a puncto L, opposito in contrariam partem usque ad C. Recta namque ex C, per P,educta abscondet arcum quadratum K f, cum producta auferat arcum V f, arcui L C, similem, ut dictum est; demonstratum autem supra sit Num. 21. rectam P f, auferat arcum K f, arcui V f, respondentem. Simili modo eadem recta restabit arcum L C, tot gradibus in celo respondentem, quot in arcu K f, vere includuntur. Eisdem cæteris. Itaque si totus parallelus in gradus apparentes sit distribuendus, quævis duo prius erit in 360. gradus æquales. Rectæ enim ex hæc gradibus per P, transitæ indicabunt gradus oppositos apparentes, ut de circulo maximo dictum est.

Item ostendit, quod parallelus obliquus

D E I N D E quia in scholio huius propos. Num. 4. demonstrabimus, si ducatur ex Q, polo inferiore utrunque recta Q f, tam arcum K f, arcui b j, quam arcum L γ, arcui e α, similem esse: si à puncto K, versus n, auferendus sit arcus quotus graduum, numerandi erunt dati gradus à puncto L, opposito in eandem partem usque ad γ. Nam recta ex Q, inferiore polo per γ, transiens abscondet arcum K f, quæstum, qui videlicet in celo tot gradibus respondet, quot in arcu L γ, comprehenduntur. Cum enim arcus L γ, arcui e α, similis sit, recta autem Q f, per γ, transiens auferat arcum K f, tot graduum apparentium, quot æquales in arcu e α, continentur, ut supra Num. 14. ostensum est; auferet eadem recta Q γ, per α, incedens eundem arcum K f. Vicissim eadem recta Q f, auferet arcum L γ, tot gradibus respondentem, quot in arcu K f, continentur. Itaque si totum parallelum in gradus apparentes parvis tubum, distribuamus eum in 360. gradus æquales. Rectæ namque ex hæc gradibus per Q, transeuntes monstrabunt arcus apparentes, ut de circulo maximo dictum est.

Quæ gradus in duobus arcibus obliquis circuli eorundem, maxime ut in astrologia.

H I N C facillimo negotio intelligemus, quoniam gradus quilibet arcus circuli obliqui in Astrolabio siue maximi, siue non maximi complectatur. Num

VERVM præclaram hanc, & insignem rationē distribuendi circulos obli-
quos in gradus apparentes per rectas lineas ex eorundē gradibus æqualibus per
proprijs polos rastos traiectis, facile quoq; demonstrabimus ex iniqua polo in
te scriptissimis quāsi ad initium huius Num. 23. in artificio, quos obliqui circuli
gradus distribuuntur per alios circulos, quā per Aequatorem, cuiq; paralleli
Qyoniā. n. in superiori figura scholii propof. 5. Num. 12. quæ est secunda huius
Num. 23. est vt AE, semidiameter Aequatoris ad EI, ita FH, semidiameter circuli
maximi obliqui ad HI, (Demonstratū ē in eodē scholio Num. 14. tria puncta
A, I, P, iacere in vna linea recta.) distabit superior polus I, similiter à cētra E, H,
Igitur quolibet recta Hb, ex I, egredietis auferet ex Aequatore, & circulo obli-
quo, per scholiū lemmatis 21. arcus similes Db, FM, propter angulos Db, FH,
æquales versus propria cētra constitutos. Cū. n. cētra E, H, in diuersas partes
puncto I, recedāt, abscindētur arcus similes in oppositis partibus, quā inodi in
figura Corollariū lemmatis 21. quia cētra A, B, à puncto I, vt sui eandē partē in-
dunt, abscindētur arcus similes CK, FM, vel EL, HN, ad easdē partes quodēti
in figura prima huius Num. 23. obseruātū ē. Quia n. cētra E, y, à polo I, rasto
eandē partē recedūt, abscisu sunt à recta Kē, arcus similes Dy, ex, ad eūdem
testēstū ē cētrū y, sumptū fuisset à polo I, sursum versus, hoc est, nō ad eandē
partē cū cētro E, sed ad diuersam, abscidisset eandē recta Kē, arcus similes ad oppo-
sitas partes. Igitur cū arcus Db, FM, in figura scholii propof. 5. Num. 12. quæ est
secunda huius Num. 23. similes sint, recta aut Ib, reseruet arcum G, hoc gradus
apparentiū, quot gradus æquales in arcu Db, continentur, vt propof. 1. Num. 17.
ostendimus: reseruet eandē recta bIM, eundē arcum G, tot gradus apparen-
tiū, quot gradus æquales in arcu FM, continentur. Atq; hæc est causā pū, si dē
sio circuli maximi obliqui instituenda sit ex polo I, superiore, vt inodi sit
gradus æquales in parte, quæ opposita est gradibus apparentibus abscidentis.

E A D E M ratio est in parallelis. Nam, vt in figura prima scholii huius
propof. Num. 2. apparet, vt vt XE, semidiameter paralleli Aequatoris ad EY, ita FH,
semidiameter paralleli obliqui ad OF. Vt enim in eodē scholio Num.
3. demonstrabimus, tria puncta X, P, N, in vna linea recta iacent. Igitur polus
superior proportionaliter à cētro E, O, distat. Cum ergo cētra E, O, à pun-
cto P, in diuersas partes recedant, liquet id, quod propofitum est.

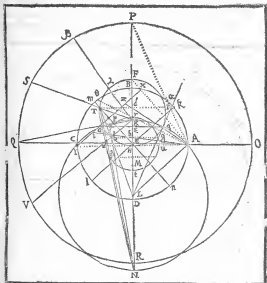
R V R S V S quia est in prædicta figura Num. 12. scholii propof. 5. hoc est, in
secunda figura huius Num. 23. vt CE, semidiameter Aequatoris ad EY, ita FH,
semidiameter circuli maximi obliqui ad HY, (demonstratū ē. n. est in prædicto scho-
lio Num. 14. tria puncta Y, C, P, in vna linea recta esse collocata.) distabit polo
Y, inferior similiter à cētro E, H. Igitur ex scholio lemmatis 21. (cum enim
in eandē partē à puncto Y, recedant.) quolibet recta YM, ex Y, pū, si dē
det tam arcus FM, BL, quā arcus GQ, DN, ex eadem parte similes. Quia cū
recta YN, auferat arcum FM, tot graduum apparentium, quot gradus æqui-
les in arcu DN, continentur, vt propof. 1. Num. 20. demonstrauimus, abscidēt
eandē recta YQ, per N, incedens eundē arcum FM, tot graduum apparentium,
quot gradus æquales in arcu GQ, continentur. Itaque quando diuisio circuli
maximi obliqui ex polo Y, inferi ore instituenda est, nominandi sunt gradi
æquales ex eadem parte.

N O N alia ratio est in parallelis. Nam vt in figura prima scholii huius
Num. 2. manifestum est, ita se habet d, semidiameter paralleli Aequatoris
EQ, vt MO, semidiameter paralleli obliqui ad GQ. Vt enim in eodē scholio
Num. 4. demonstrabatur, tria puncta Q, d, M, in vna linea recta iacent. Igitur
polus

per Q,

Quintus proportionaliter à centrâ E, O, abest, contraque E, O, à punctis
quæ eandem partem recedunt, &c.

V I D E S ergo circulum ipsum obliquum esse unum ex illis, quos paulo
prædescribendos esse diximus, ut per illos ipse obliquus siue maximus, siue
ex maximis, diuidatur, quandoquidem eadem est proportio semidiametri
circuli obliqui ad rectam inter eiusdem centrum, & alterutrum polorum, quæ
semidiametri Aequatoris, vel eius paralleli, ad rectam inter centrum Astrola-

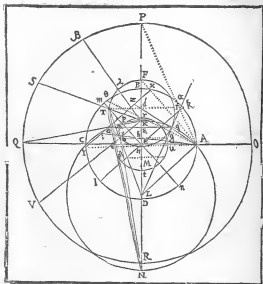


bi, & eundem polum obliqui circuli. Solum hoc interest, quod centrum obliqui
circuli a polo superiore non tendit versus centrum Astrolabii, sed in diuersam
partem, ac proinde gradus æquales numerandi sunt in contrariam partem, non
num in eandem, ex qua gradus apparentes abscindendi sunt. Id quod etiam
in prima figura huius Num. 27. faciendum esset, si centra I, & γ, supra po-
sita K, transferrentur, & ex illis circuli ad intervalle semidiametrorum I b,
γ, describerentur. Denique quando polus obliqui circuli, ex quo facienda est
diuisio

sphæra. Secetur ergo per Lemma 8. semidiameter aG , in partes inæqua-
les, quas efficiunt perpendiculares ex singulis gradibus quadrantis circuli cir-
ca Gq , descripti ad aG , demissæ: Atque ex L , centro Verticalis primariæ,
(quod reperitur per rectam ex A , ad m , diametrum Verticalis perpendiculari-
tatem ad illam, ut supra propof. 5. Num. 3. ostendimus) per omnia puncta semi-
diametri aG , rectæ lineæ ducantur, singulæ enim parallelæ in binis punctis se-
cunt, quæ respondent illis punctis paralleli Horizontis, in quibus puncta semi-
diametri aG , respondent. Singula enim puncta semidiametri aG , binis punctis cir-
culi circa Gq , descripti respondent. Quocirca si utraq; semidiameter aG , æq. se-
cutur in punctis, quæ omnibus gradibus eius circuli circa Gq , descripti respon-
dent, secabitur parallelus in omnes 360. grad. Sed satis est, si hoc modo semi-
circulus FQH , in 180. gradus distribuat. Huius enim gradus in alterum se-
micirculum FqH , translati exhibebunt gradus alterius illius semicirculi. Verbi
gratia, si ex L , centro Verticalis per punctum a , quod gradui 60. à meridiana li-
nearumque in circulo circa Gq , descripto, numero respondet, recta trahatur
ad a , secabitur parallelus Horizontis in T , h , punctis, quæ 60. grad. à punctis
 F , H , absint, quæ si transferantur in alterum semicirculum FqH , usque ad L , g , di-
stent quoque puncta L , g , grad. 60. ab eisdem punctis F , H . Hic etiam quoniam
næ L , g , L , g , parallelæ tangunt, ut Num. 7. huius prop. ostendimus, & infra Num.
posterum demonstrabitur, si producantur, & inter eas ducatur ipsi qG , parallelæ,
habebitur maior linea, quâ qG , quæ similiter secunda est, ut diuisa est, in quæ ad-
eodem in superiori propof. de circulo maximo obliquo Num. 14. dictum est.

RECTE autem hoc modo diuidi parallelus in gradus, demonstrabitur hæc
ratione. Quoniam recta AL , in circulo maximo $ABCD$, per polos mundi, & po-
los Horizontis ducta, (sumimus enim nunc circulum $ABCD$, pro Meridiano)
æquidistat diametro Horizontis kl , si per AL , intelligantur duci plana, auferent
singula per Lemma 25. ex parallelo diametri XY , binos arcus aequales à punctis
 XY , indicatos in sphæra. Igitur eadem illa plana cernentur quoque ex polo au-
stri abscindere eodem arcus æquales ex parallelo eodẽ Horizontis in Astro-
labio proferro. Cum ergo illa plana per polos australes ducta faciant per propo-
siti Num. 1. lineas rectas in Astrolabio per centrum L , Verticalis circuli, ubi
omnis plana illa conveniunt, transcentes, necessario rectæ lineæ in Astrolabio
per L , ductæ plana illa referent. Quia vero eadem plana in sphæra per singulos
gradus paralleli Horizontis ducta diuidunt utramque semidiametrum eius, ut
faciunt, communem sectionem Verticalis & parallelæ, ut diuidi solet eumque
quadrantis semidiameter à perpendicularibus ad ipsam ex singulis gradibus qua
diuisa demissis, quod communis sectiones ipsorum cum parallelo sint paralle-
le communis sectioni Meridiani cum eodẽ parallelo, ut ex demonstratione Lem-
mæ 21. liquet constare, ac proinde ad utramque semidiametrum parallelæ
punctis perpendicularibus, quæ eodem modo ad eundem perpendicularis est com-
munis sectioni Meridiani, & eiusdem parallelæ. Cum enim ram Meridianus, quam
parallelæ ad Verticalem rectus sit, erit quoque eorum sectio communis ad
eundem rectam; ac proinde & ad communem sectionem Verticalis, & parallelæ per-
pendicularis erit, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. Idcirco utque diameter visæ Gq , eodem
modo, ut vera parallelæ diameter, ut mox demonstrabitur, perspicue constet, re-
ducet L , centro Verticalis per dictæ sectionis puncta semidiametri visæ aG , (si
ducantur, ut diximus.) ductas transire per puncta parallelæ, quæ gradibus eius-
dem parallelæ in sphæra respondent; quandoquid hæc rectæ in Astrolabio represen-
tæ illa plana per singulos gradus parallelæ in sphæra transcurrentis, ut dictum est.

Quod autem visa diameter Gg, a planis illis secetur, ut vera diameter paralleli in sphaera ab eisdem diuiditur, hunc in modum demonstrabimus. Quoniam una parallela diameter (veram diametrum paralleli voco communem sectionem paralleli, & Verticalis in sphaera) aspiciuntur ex polo australi per triangulum, cuius basis est ipsa diameter vera, & vertex in oculo, ita ut diameter visa Gg, sit communis sectio plani Astrolabii, Aequatoris, & trianguli praedicti, & eliquedum-
 a p. vider.



Aequatoris, & Horizontis parallela sit i (Diameter enim vera paralleli, & communis illa sectio Verticalis atque Horizontis, cum sint sectiones in planis parallelis a plano Verticali, efficitur, b parallelae inter se sunt. Quod si per eundem illam sectionem Verticalis, Horizontisq; intelligatur duo planum triangulo praedicto, quod per veram diametrum ducitur, parallelum; erant quoque eadem communis illa sectio, & visa diameter parallelae, cum sint communis sectio-

b 16. vider.

c 16. vider.

in planis parallelis à plano Aequatoris factæ. (fecabatur ex scholio propof. 16. à Eclid. diameter vera, & viſa proportionaliter ab illis planis per rectam AL, & ſingulos gradus paralleli in ſphæra ductis, hoc eſt, a radiis viſualibus, qui communes ſectiones ſunt illorum planorum, & prædicti trianguli. Cum ergo videtur ab iſtis planis ſecetur, ut ſemidiameter cuiuſcuſque quadrantis à perpendicularibus ad ipſam ex gradibus demiffis diuiditur, ut oſenſum eſt, diuidetur eodem modo diameter viſa, quod eſt propoſitum.

17. I G I T V R, ſiquis, g. deſideret grad. 30. in parallelo FGHq, initio facta puncto G, & ſive verſus F, ſive verſus H, progrediendo, ducenda erit recta AL per a punctum diametri viſæ Gq, quod reſpondet gradus 30. circuli circa Gq, deſcripti, hoc eſt, per quod perpendicularis ex grad. 30. eius circuli demiffa tranſit, initio etiam facta in eo circulo à puncto G.

18. C O N T R A, quocumque cognoscemus, quot gradus quilibet arcus parallelis Horizontis complectatur, ſinitum habeat à puncto G, vel q. Ducta enim æterniſſo T, arcus dati GT, recta ad L, ſecante Gq, in a, abſcinder perpendiculari. Inſuper a, ad Gq, educta ex circulo circa Gq, deſcripto, arcum tot graduum, quæ in GT, comprehenduntur. Si vero arcus à G, vel q, non incipiat, æſſequetur propoſitum, ut Num. 16. propof. 5. ſcriptimus.

19. N O N diſtimitis ratio eſt in parallelo cuiuſcuſque alterius circuli maximi obliqui in gradus diſtributendo, ſi pro L, accipatur centrum illius circuli maximi qui inſtat Verticalis primarij eſt reſpectu circuli maximi, cui parallelus æqui diſtat, & proinde per polos paralleli ducitur, &c.

30. E X his, quæ diximus, nullo ſere negotio colligi poterit, rectas ex L, centro ad G, & q, ductas tangere parallelum in G, & q, (in figura rectæ tangeri ducta eſt Lq,) quod etiam ſupra Num. 7. demonſtrauimus. Cum enim rectæ illæ reſuſcitæ Adrolabo plana, quæ per AL, & extrema puncta veræ diametri parallelis ducuntur, plana autem illa verum parallelum in ſphæra nullo modo ſecant, ſed in illis punctis extremis ſolum attingant, ut mox oſtendemus, efficitur, vnde illa contingant quoque parallelum in punctis G, q, quæ repræſentant puncta illa extrema diametri veræ. Si enim ſecarent, ſecarent quoque plana per e ducta parallelum verum in ſphæra in binis punctis, quæ illis reſpondent, in quibus à rectis LG, Lq, ſecaretur, quod eſt abſurdum, cum plana illa tangant parallelum verum in ſphæra in punctis extremis diametri, quod ſic probatur. Quoniam planum per AL, tranſiens, & per omnia puncta diametri veræ paralleli circuli circumductum ſecet ſemper parallelum per lineas ad ipſum diametrum perpendicularium, vel communes ſectiones parallela, & circuli maximi per eus polos, & mun à polos ducti parallelas, ut ex Lemmate 25. conſtat, ſit, ut cum primum ad extremis puncta peruenieris, non amplius ſecet parallelum, ſed in illis punctis extremis contingat. quod etiam aliter, & Geometrice ita demonſtrari poterit. Poſito circulo ABCD, ad planum Adrolabo, Aequatoris ſive recto, ut kl, ſit centrum ſectio circuli maximi obliqui, & eius circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi, inſtat proprii Meridiani, ducitur, ſi per rectam AC, in plano Aequatoris, Adrolabique, concipiatur ducti maximus circulus ad obliquum maximum circulum diametri kl, rectus, cuiuſcuſmodi eſt Verticalis primarij reſpectu Horizontis, reſpectu vero cuiuſcuſque alterius circuli obliqui maximi, circuli maximi per eius polos, communesque ſectiones eiſdem cum Aequatore ductas peruenit idem ad maximum circumulum ABCD, in eo ſitu, quem diximus, recta cū tranſit per A, C, polos circuli maximi ABCD, hoc eſt, per communes ſectiones obliqui circuli, & Aequatoris; in his enim poli ſunt circuli ABCD, di-

Gradum quanti-
tatem proportionem
in punctis obliqui
quo Adrolabo re-
peritur, centro
maximi circuli,
qui illis reſpondet
Verticalis primi-
arij.

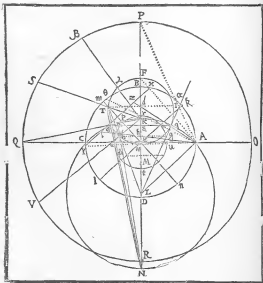
Quæ poſtea in
arce duo parallelas
ſi obliqui conueni-
untur, & centro
maximi circuli,
qui illis reſpondet
Verticalis primi-
arij.

Quæ poſtea em-
pore, quæ de diſ-
tante parallelis
Horizontis, ex
centro Verticalis
ducta ſunt, ad
lineas parallelas ob-
liquas æquidistantes
mutantur.

Rectas autem conueni-
entibus circuli
maximi in Adrolabo
ductas ad
centrum mundi
circuli maximi
per polos mundi
ducitur, quæ ad
illam reſpondet
Verticalis primarij
reſpectu ad
Horizontem, parallelas
ſi de illis quæ-

21. A. T. hor.

Sum situm habentis. (Nā cum circulus maximus ABCD, rectus sit ad circulum obliquum, & Aequatorem^a transibit per eorum polos: ac propterea ij circuli per eius polos transibunt. ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. ideoq. communes eorū sectiones, poli erūt circuli ABCD. Igitur cū & circulus maximus ABCD, & circulus obliquus diametri kl, ad illum Circulum maximum per AC, ductum, & rectum ad obliquum, rectus sit,^b erit quoque eorum communis sectio kl, ad eundem illum circulum maximum per AC, ductum recta, et prout & AL.



d 18. *videt.* ipsi kl, parallela ad eundē circulum maximum recta erit. ^a Igitur planū per AL, & alterutrum extremorum punctorum diametri paralleli, quæ communis sectio est eiusdem circuli maximi ac paralleli, ductum, hoc est, circulus ab eo inscriptus factus, cum eodem circulo maximo per AC, ducto rectos angulos efficeret. Quæ circa cum & hic circulus per AL, & assumptum extremum punctum diametri paralleli in sphaera ductus, & parallelus ipse ad circulum illum maximum per AC, ductum,

idem, rectus sit; ^a erit quoque eorum planorum communis sectio ad eundem
 punctum proinde & ad diametrum paralleli, quæ communis sectio est parallela, &
 circuli maximi per AC, ducti, & ad diametrum circuli per AL, & assumptis
 quorum punctum diametri paralleli transeuntis, quam in hoc circulo maxi-
 mo ille circulus per AC, ductus facit, (quoniam enim maximus ille circulus se-
 cutus circulum per AL, & assumptum extremum punctum diametri paralleli du-
 ctum ad angulos rectos, ut ostendimus, ^b facit eum bisariam, ac per polos transi-
 lepræ eius centrum, ideoque in eo diametrum efficiet) perpendicularis erit in
 eorum eorum punctis, cum utraque hæc diameter in eo maximo circulo exi-
 stat, igitur eadem illa communis sectio paralleli, & circuli per AL, assumptumq.
 quorum punctum diametri paralleli transeuntis, utrumque circulum, tam pa-
 ralleli, quam circuli per AL, & extremum punctum diametri paralleli du-
 ctæ, continget in assumpto extremo puncto diametri paralleli, ex coroll. propo-
 sitionis 11. Euclid. Ex quo sequitur ex definit. lib. 1. Theod. hosce duos circulos in
 eodem puncto diametri paralleli se mutuo tangere, & nullo modo secare, quod
 est propositum. Verum rectas ex L, per G, & q, ductas tangere parallelum FGHq,
 dicitur id hoc in scholio sequenti Num. 3. demonstrabimus: sed facilius est de-
 monstratio, quam in hac proposit. Num. 7. attulimus.

EX hoc inferitur, quamlibet rectam ex centro Verticalis ductam vsque ad
 circumferentiam paralleli ita à parallelo diuidi, ut semidiametri Ver-
 ticali sit medio loco proportionalis inter totam illam rectam, & eius segmen-
 tum exterioris. Ut si ducatur ex L, centro Verticalis recta LT, secans parallelum
 FGHq, in b: Dico semidiametrum LK, vel Lq, medio loco proportionalem esse
 inter LT, & Lb. Quoniam enim semidiameter Lq, tangit parallelum, ut osten-
 sum est, erit quadratum rectæ Lq, æquale rectangulo sub LT, Lb. ^c Igitur erit
 ut LT ad Lq, ita Lq, ad Lb. quod est propositum. Eadem ratio est de alijs omni-
 bus rectis ex L, ductis.

HINC etiam elicitur ratio inveniendæ alterius extremitatis diametri pa-
 ralleli visæ ex una extremitate cognita. Si enim rectæ inter centrum Verticalis
 primæ, & extremitatem cognitam interceptæ, & semidiametro Verticalis pri-
 mæ reperiantur tertia proportionalis, cui æqualis abscindatur, initio factio ab
 eodem centro, inventam erit alterum extremum. Ut si cognitam sit extremitas
 F, parallelum FGHq, si duabus rectis LF, LA, abscindatur tertia proportionalis
 LH, ut H, alterum extremum diametri visæ FH. Sic si decur extremum H, &
 duabus rectis LH, LA, abscindatur tertia proportionalis LF, erit F, alterum ex-
 tremum, &c. Atque hoc demonstravimus etiam Num. 7. huius proposit.

II. TERTIO modo parallelum cuiusvis circuli maximi obliqui in gra-
 du diuidemus hac ratione. Utraque semidiameter paralleli in sphaera pX, pY, se-
 cutæ per Lemma 8. in partes inæquales, quas perpendiculares ex gradibus circu-
 lici XY, descripti demissa efficiunt. Satis autem est, si una eo modo diuida-
 tur, cum puncta eius in alteram translatae eam simili modo diuidant. Deinde ex
 A, polo australi per omnia puncta sectionum diametri XY, rectæ ducantur secan-
 tes parallelum diametrum FH, in punctis, per quæ si ad eandem diametrum FH, per-
 pendiculares excitentur, diuisæ erunt parallelus FGHq, in gradus. V.g. Si ex A,
 per punctum Z, quod gradui 60. ab X, numerato in circulo circa XY, descripto re-
 ctæ, recta ducatur AZ, secans FH, in d, & per d, ad FH, perpendicularis educatur
 Th, complectetur arcus uterq. FT, FH, grad. 60. hoc est, repræsentabit arcum paralleli
 grad. 60. apud polo australi numeratæ in veramq. partem ad orientalem, quæ occidens est, &
 quæ ad hunc modum demonstrabimus. Posito circulo ABCD, ad planum Astronomicum
 recto,

a 12. vnde.

b 13. 1. The.

semidiametrum
 Verticalis est ut
 diameter, propter
 rectam inter se
 ductam, quæ in do-
 mo aliter sit
 ut semidiametrum pa-
 ralleli quæ tangit
 quæ. Si autem seg-
 mentum exterioris
 est 36. semip.
 d 17. semip.

Extremum exte-
 rio-
 ris
 semidiametri vi-
 sæ alteram paral-
 leli obliquæ, ut
 q. ut autem ex-
 tremum, propter
 rectam quæ sit
 perpendicularis.

Transitio autem
 quæ ostendit
 in gradibus ab-
 hinc, in illi
 polo australi
 etc.

recto, ut KY , diametrum paralleli, sic cõis sectio ipsius, & circuli maximi $ABCD$, per polos mundi, & per polos paralleli trãseũt: quoniam planũ in sphaera per polos australem A , siue rectam AZ , in eo situ circuli $ABCD$, & per rectã, quæ diametrum KY , ad angulos rectos fecerit in plano paralleli, ductũ occurrit plano Astrolabũ in d , factiq; per Lemma 24. rectam ad FH , quæ cõmunis sectio est circuli maximi per polos mundi, & per polos paralleli trãseũtis, & ipsius paralleli, perpendiculararem, tranſibit illud idẽ planum per rectam. TL , perpendicularẽ ad FH , conspicieturq; in Astrolabio eodẽ gradus abſcindere ex parallelo $FGHq$, quos in sphaera ex eodẽ parallelo abſcindit. cum radius visualis per eorũ puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac propterea perpendicularẽ per Z , ductam, auferentemq; hinc inde grad. 60. ab X , incipiendo, proficiat in Astrolabum in rectam TL . Arcus igitur FT , FI , repræsentant in sphaera illos. qui in parallelo sphaeræ grad. 60. complectuntur, initio factio a puncto X . Atque ita de ceteris.

Quandũ quilibet propositum in parallelo obliquo exponitur, ut poli australem Astrolabũ rectam augmẽntat, ut.

Quæ gradus in arcu dato paralleli obliqui continentur, ut Poli australem Astrolabũ rectam augmẽntat, ut.

Quæ passio continetur, quæ deſcribitur in parallelo Meridiano, ut poli australem Astrolabũ rectam augmẽntat, ut.

Paralleli quilibet obliqui ad quodlibet in gradibus abſcinditur, ut propositum continetur, ut rectam Astrolabũ.

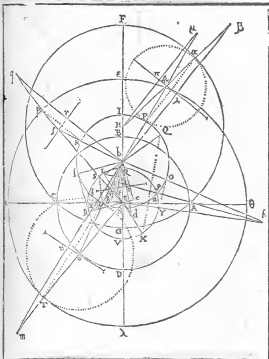
32. SI igitur ex parallelo dato abſcindendus sit arcus quotlibet gradum, à puncto F , vel H , incipiendo, numerandi sunt gradus propositi in circulo circa KY , descripto, initio factio ab X , vel Y , & a termino numerationis ad KY , perpendicularis demittenda secans KY , in aliquo puncto. Si namque per hoc punctum ex A , recta ducatur secans FH , in alio puncto, dabit per hoc punctum ducta perpendicularis ad FH , utrinque arcum ab F , vel H , inchoatum, qui propositum tantum graduum continet.

33. CONTRA si inquirendum sit: quot gradus in dato arcu paralleli cõtingant, ductæ sint ex illius terminis ad FH , duæ perpendicularẽs ita uterq; in duobus punctis, ex quibus ad A , polos australem dux rectæ ductæ sint, secantes KY , diametrum paralleli in aliis duobus punctis. Nam si ab his ducantur ad KY , duæ perpendicularẽs, interceptus habet in circulo circa KY , descripto arcum tot graduum, quot in proposito arcu continentur.

34. QVADRA T tertia hæc ratio distribuendi parallelos in gradus, in parallelum cuiusvis circuli maximi obliqui, si, quando ad Meridianum reſectio est, pro linea meridiana BD , accipiatũr linea recta per eius centrum, & centrum Astrolabi ducta, communis scilicet sectio plani Astrolabi, Aequatoris, & circuli maximi, qui per mundi polos, & polos obliqui circuli ducitur, iuxta propriũ Meridianũ.

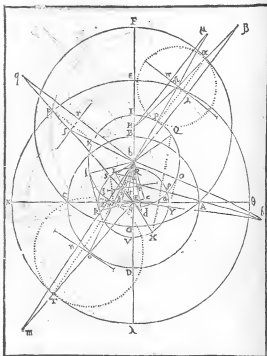
35. ADDAMVS si placeat, quartam adhuc rationem distribuendi quacunq; parallelum obliquum in gradus, similem illi, quam Num. 24. præcedentis proposuimus: Erit namque & hæc expressimero per eodẽmodum ad certos quodam gradus inuestigandos, quos non facile aliis viis inueniri possunt. Sit ergo parallelus datus obliquus IKL , cuius centrum b . Describatur parallelus Aequatoris $ARZV$, dato parallelo equalis, hoc est, cuius diametrum in Analitice $ABCD$, (Nam sumi possẽ Aequatorem Astrolabi pro Meridiano Analitice, prop. 4. Num. 5. & alibi dictum est) equalis sit diametro dati paralleli in eodem, ut si in hemisphaerico sit, quando datus parallelus est in hemisphaerio superiore, australis vero, quando in inferiore. Appellamus autem hemisphaerium superius, & inferius, respectu poli superioris, inferiorisq; circuli obliqui, iuxta Horizontis cuiusvis, cui datus parallelus aquidistat: Polus porro superior, inferiorq; quo passio sumendus sit, declarauimus Lemmate 23. Atque in hoc parallelo Aequatoris puncto cuiusvis S , inueniendũ sit in obliquo parallelo punctum respondens M , hoc est, ut arcus RS , NM , continent æquales numero gradus. (Nam quando parallelus Aequatoris, & obliquus sunt æquales, & rectus

ad eam partem sphaerae tendunt. initium graduum sumitur in parallelo Aequa-
toriali puncto R, superiore, & in obliquo a boreali N, vel in illo puncto V, infe-
riore, & in hoc ab australi I, ut in Lemmate 23. expositum est,) quod sic fiet,



Ex E, centro paralleli, in quo punctum datum est, ducta ad datum punctum S, se-
cundummetr. E S, abscindatur ex ea versus centrum producta, si opus sit, restat
Sd, semi-

Sed semidiametro alterius paralleli equalis, ductaq; recta db , ad centrum paral-
leli huius alterius, in quo punctum inveniendum est, secetur in e , bisariam, & ad
angulos rectos per rectam $e f$, secantem ES , in f , & per f , & centrum b , ducatur re-



cta $b f$, secans parallelum datum in M . Dico punctum M , puncto S , respondere,
hoc est, arcus RS , MN , vel ES , EM , aequales esse in sphaera. Quoniam enim latera
 bc , ef

h₂el, lateribus de₂e f. æqualis sunt, angulosq; continent rectos 3. erunt & h₂g₂el, diagonales: Sunt autem & h₂M₂d S₂, æquales, ex constructione. Igitur & r₂e h₂g₂el S₂, æquales erunt: ac proinde, ut in Lemmate 41. ostendimus, circuli per M₂, S₂, describitur utrumque parallelum tanget, repræsentabitq; proprium circulum in sphaera eodém tangentem. Quamobrem per Lemma 44. arcus h₂M₂R₂S₂, æquales erunt in sphaera Ceterum idem punctum M₂, reperietur, si in h₂, sit segulo h₂S₂, æqualis angulus d₂bM₂, vel recta b₂d, parallela agatur SM₂, ut Num. 3. procedenti propos. monstravimus etiam si recta b₂d, nō secetur bifariam, &c.

¶ V R S V S puncto Y, parallelu Aequatoris dandum sit respondens in parallelo obliquo, hoc est, inveniendus arcus IO, arcui VY, vel arcus p₂O, arcui p₂Y, æqualis. Ducta semidiametro EY, abscindatur Yg, æqualis semidiametro parallelo ducta recta gb, secetur in i, bifariam, & ad rectos angulos per rectam ih, secantem EY, productam in h, lungaturq; recta hb, secans parallelum in O. Dico punctum O, esse, quod queritur. * Erunt enim cursu in bh, gh, æquales. Cū ergo & T₂O₂h, æquales sint, erunt & reliquæ hY, hO, æquales. Igitur circulus ex h, per Q₂T₂, descriptus utramq; parallelū tanget, ac proinde per Lema 44. in sphaera arcui p₂O p₂Y, æquales erūt, &c. Idemq; punctum O habebatur, si fiat angulus gl₂O, arcui h₂gY, æqualis, vel si per Y, ipū bg, parallela agatur YO, etiam si recta bg, non secetur bifariam, &c.

¶ QVOD si esset dari punctum k, in tali loco, ut ducta semidiametro Ek, tangens k₂c, semidiametro paralleli dati æqualis, iuncta recta eb, faciat angulum rectum, ac proinde recta secans rectam be, bifariam, & ad angulos rectos, sit q₂ si h₂pparallela, ducenda erit bl, ipsi ck, parallela, ut patet l. respondens habebatur. Tunc enim, si ducatur recta kl, cum parallelis sint, & æquales ck, bl, erunt quoq; h₂l, parallela, ideoq; parallelogrammū erit cl₂l₂ & anguli kl, l, recti erunt, atq; idem recta kl, verūq; parallelū tanget; quæ quasi recta kl, tangēs referat circuli per australe polum ducti, qui utrumq; parallelū tangit in k; l. Omnis n. recta lineam Astralio representare potest in infinitū extensa circulum per polum australem ductum, illum nimirum, qui a plano efficitur, quod per illam rectam, & polum australem in sphaera ducitur. Quocirca quemadmodum recta kl, utrumq; parallelum tangit, ita quoque circulus per australem polum ductus, quem repræsentat, eodém parallelū tanget in k, l. ideoque arcus g₂h₂l, auferet æquales, ex Lemmate 44. Ceterum arcus g₂h₂l, esse æquales, ita quoque ostendemus. Recta kl, tangens producta cadit in polum inferiorem circuli maximū, cui parallelus kl, æquidistat, si hic parallelus ad eus polum superiorem spectet, vel contra, si parallelus ad inferiorem polum spectet, tangens kl, in polum superiorem cadet. Num, ut in scholio sequenti ad finem Num. 4. monstrabimus, recta ex alterutro polum, circuli obliqui ducta, si unum parallelum tangat, tanget & alterum. Cam ergo una sola recta utrumque ex eadem parte tangere possit, ut constet, (sinque tangeret v.g. parallelum RkV, intra k, illa producta caderet tota extraparallelum IKl); si autem illum tangeret supra k, secaret producta parallelum IKl, per speculum est, cadet omnino tangens kl, in polum circuli obliqui. Cum ergo, ut Num. 22. & 24. demonstratum est, recta ex polo abscindat ex parallelis non æquales, æquales erunt ablati arcus Rk, Nl: Sunt autem eandem ob causam & ablati arcus R₂E, N₂S, æquales. Nam & recta ex polo paralleli obliqui ad g₂ ducta arcus æquales abscindit. Igitur & reliqui arcus g₂h₂l, æquales sunt, quod est propositum.

¶ Si I punctum datum in Aequatoris parallelo punctum X, reperitundūq; sit utrasq; Quævis p₂X, vel arcus lQ, arcui VX, æqualis. Ducta semidiametro EX, ab-

Ecc

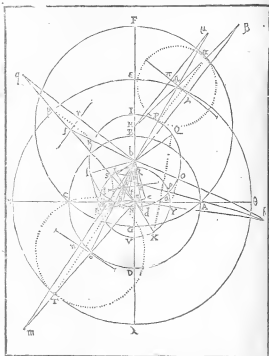
f. c. s. q.

a + primi

b 4. primi

c 23 f. 2. p. 2.
d 24 primi
omnem lineam
de h. m. a. d. s.
f. m. a. p. r. o. p. o. s. i. t.
ut in h. p. r. o. p. o. s. i. t.
per rectam, una
h. m. a. d. s.

scilicet Xt , equali semidiametro dati paralleli, iungatur tb , quæ bifurcâ, & ad angulos rectos facit uL , secans Xt , versus t , protractâ in L , (Hinc namque perpendicularis secabit semidiametrum paralleli, in quo punctum datum est, vel versus dati



punctum, etiam protractam, quando opus est, vel nō fecerit illo modo, vel dñg protractam in partem contrariam, prout angulus in extremo rectus, qui obiectus est semidiametro alterius paralleli equalis, fuerit acutus, reclusus, aut obtusus)

ac tan-

quidem recta ex L, per centrum b, ducatur secans parallelum in Q. Dico arcu Qarci VX, æqualem esse in sphaera. * Nam rursus bases tL, bL, æquales sunt. Cum ergo & tX, bQ, sint æquales positæ, erunt totæ LX, LQ, æquales. Igitur. ² 4. *primi*. per Lemma 42. circulus ex L, per Q, X, descriptus parallelum tanget; ac proinde per Lemma 44. æquales erunt in sphaera arcus IQ, VX, vel, Q, tX. Idem quoque possum Q, reperitur per rectam LQ, facientem angulum tbl, angulo btl, æqualem, vel eisdem per rectam XQ, rectæ bt, parallelam, ut supra demonstratum est, etiam si bt, non fecetur bifariam, &c.

DESCRIBATUR quoque parallelus Aequatoris sicut, priori æqualis, & oppositus, per quem idem parallelus obliquus IKL, diuidendus sit. Et quia paralleli sicut, IKL, æquales sunt, & ad diuersas partes sphaeræ, incipient in eis partes æquales respondentes ex eadem parte, & versus eandem progredientur. ut in Lemmate 23. dictum est, nimirum a punctis a, l, versus a, l, aut à l, N, versus a, l, &c. Sumatur ergo arcus AT, similis arcui RS, ex quo inuentus fuit arcus NM, arcui RS, æqualis, inueniendusq. sit ex arcu tT, idem arcus NM. Ducta semidiametro ET, abscindatur ex ea producta, recta Tm, semidiametro alterius parallelæ æqualis: iuncta autem recta nb, æq. secta bifariam in n, & ad angulos rectos per rectā n o, secans E T, in o, connectatur o b, secans parallelum in M. Arcus NM, arcui AT, hoc est, arcui RS, æqualem esse; ac proinde punctum M, esse idem, quod ante per arcum RS, inuentum fuit. * Quoniam enim om, b, æquales sunt in triangulis m n o, b n o, si demantur æquales Tm, Mb, reliquæ T, ob, l, æquales erunt. Igitur circulus ex o, per T, M, descriptus parallelum tangit in T, M, ut in Lemmate 42. ostensum est: atque idcirco per Lemma 44. arcui AT, NM, æquales erunt in sphaera. Quod si angulo E m b, sit æqualis angulus mto, vel si T M, ipsi mb, parallela agatur, reperietur idem punctum M, etiam si mb, non fecetur bifariam, & ad rectos angulos.

b. 4. *primi*.

SI T rursus arcui dato ep, abscindendus æqualis IK. Ducta Ep, sumatur in eadem parallelum recta pq, semidiametro paralleli IKL, æqualis. Iuncta autem recta qb, æq. secta bifariam, & ad angulos rectos in r, per rectam secantem Eq, nō connectatur recta sb, secans parallelum in K, eritq. arcus IK, arcui ep, æqualis in sphaera quod demonstrabitur, ut de arcu NM, dictum est.

SIMILI ratione, si detur in maximo quouis circulo obliquo AFCG, punctū a, inuenimus in eius parallelo quolibet IKL, punctum respondens P. Idemque fit, si idē duo circuli sint paralleli, licet neuter eorum sit maximus. Nō ex centro H, illius, in quo punctum datur, ducta semidiametro H a, & extra parallelū supra recta a β, æquali semidiametro alterius paralleli, iungemus gβ, quam secant γ, bifariam, & ad angulos rectos recta γ δ, secans H δ, in δ. Iuncta enim δ a, secabit parallelum in P, puncto quaesito. quod etiam reperietur, si fiat angulus gβδ, angulo bβH, æqualis, vel per a, ipsi gβ, parallela agatur aP. Quod demonstrabitur, ut propterea dictum est. Nam rursus æquales erunt δ β, δ b, in triangulis aβγ, aβδ, a quibus si tollantur æquales Pb, aβ, reliquæ δP, δ a, æquales erunt, &c.

Propter hoc eadē ratio quomodo in geometria demonstratur, ut in circulo sphaeræ max. circuli æquales, vel ex alio parallelo in geometria.

c. 4. *primi*.

VICISSIM ex dato puncto P, reperietur respondens punctū a, in alio parallelo. Ducta enim semidiametro bP, abscindatur extra parallelū recta P a, semidiametro alterius paralleli AFCG, æqualis. Iuncta autem p H, reliqua perficiantur, ut prius.

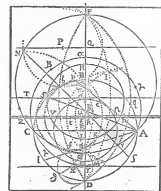
HAC ratione accedente Lemmate 45. ex quouis puncto Horizontis, aut illius paralleli eius, inueniri poterit punctum respondens in quouis parallelo eius ipsius, & contra.

egit obliquum
dum, ut circulus
per diametrum
L. & diametrum
d. & diametrum
d. & diametrum
d.

Circulus maxi-
mus obliquus p-
er diametrum
L. & diametrum
d. & diametrum
d. & diametrum
d.

V I D E S ergo, quando arcus aequales in duobus circulis progrediuntur eodem ordine, sursum versus, vel deorsum, ut sit in parallelis quatuordecim, vel in duobus circulis vergentibus ad diversas partes in sphaera, adiacendam esse semidiametro unus diametrum alterius quando autem in uno descendendum est, & in altero ascendendum in arcibus, quos aequales arcibus in sphaera respondent, ex semidiametro unus auferendam esse versus eorum semidiametrum alterius, quod quidem sit, quando duo circuli aequales vergunt ad eandem sphaeram paginam, ut in exemplis monstratum est

36. **N E Q V E** vero praetermittenda est alia via per faciliorem, & lucidam demonstrandi tam maximos, quam non maximos circulos in gradus, vel punctis investigandi quemcumque gradum in circulo siue maximo, siue non maximoque est eas modi. Sit Aequator $ABCD$, cuius centrum E , circulus maximus obliquus $AFCG$, cuius poles R . Sumantur duo puncta in meridiana linea FD , equaliter distantia E , polo Aequatoris, & R , polo circuli obliqui, versus D , & F . & ad utrumque in linea ER , ne nihil propinquum unum alteri fiat: Huiusmodi sunt puncta D , & F , & segmenta ED , & EF , quadrantes representent inter polam mundi E , & Aequatorem, & inter polum R , circuli obliqui, & ipsum circulum, interiectas. Ducta cum recta FD , inter assumpta puncta bisanti in a , ducatur per a , ad FD , & per hanc lineam T , in utramque partem infestum, iam dato puncto quod est in circulo Aequatoris ABC , quod grad. 60. & puncto B , id est, reperitur in semicirculo circuli obliqui maximus AGC , punctum respondens h per tria puncta F , q , D , & centro T , (quod per coroll. prop. 1. lib. 3. Euclidi perpendiculari a T , existit) circulus describatur FqD , & sita semicirculus obliquus in r Quoties enim circulus FqD , representat alium in sphaera, qui per tria puncta tribus punctis F , q , D , respondentia docetur, distat autem F , D , a polo R , & in sphaera aequaliter sit polo huius circuli in circulo maximo, qui per pole Meridiani FD , & punctum medii arcus eiusdem per rectam FD , representat ducitur, ut ad formam Lemmatis 47. ostendamus. Igitur per idem Lemma dictus circulus FqD , ex Aequatore, & circulo maximo $AFCG$, arcus aequales absceindet, quibus respondent arcus Bq , Gr . Quod si per eadem duo puncta, F , D , & punctum Aequatoris b , grad. 30. a puncto B , distans describatur circulus FbD , centrum habens in eadem perpendiculari a T , secabitur maximus circulus $AFCG$, in f , puncto grad. 30. distante a puncto G .



I D E M punctum f , reperitur hoc modo. Recta YX , secet DG , bisanti, & ad angulos rectos, & per puncta D , G , & g , distans grad. 30. a puncto D , describatur ex centro X , circulus GDg . Hic enim secabit AGC , in f . Nam rursum, ut ad si-

per Lemmatis 47. monstratum est, circulus GDg , polos habet in circulo, qui ar-
cum DG , in sphaera diuidit bifariam, & ad angulos rectos. Igitur per idem Lem-
ma traheret ex DC , GC , arcus æquales Dg , Gf .

RVRSVS idē pñctū sumemus hac ratione. Sumatur duo arcus Cl , Sp , æqua-
les decemq; radij Al , Ap , vt habeatur puncta n, m , æqualiter distantia à polis E ,
 L , & si segmenta En , Rm , arcibus æqualibus Cl , Sp , respondēbant. Sum. accipiatu-
r arcus Bb , grad. 30. in Aequatore, & per tria pñcta m, b, n , circulus mhn , describa-
tur habens centrū t , in recta k, Z , secante mn , bifariā, & ad angulos rectos, secabi-
tur CG , in f puncto, quod ipsi b , respondebat, vt ex Lemmate 47. peripicuum est.

PRAETEREA si per tria puncta B , b , G , circulus BbG , describatur centrum
habens in perpendiculari à V , secante BG , bifariam, secabitur CG , in eodem
puncto si propterea quod puncta quoque B, G , æqualiter à polis R, E , distans. Cū
enim EB , RG , quadrantes sint ex polis ad circulos maximos ducti, ablatō com-
muni arcu RE , reliqui arcus RB , EG , æquales erunt.

ATQVE in hunc modum, si alia, atque alia puncta sumantur a polis R, E ,
reperirentur, & per binas, atque punctum b , datum circuli describantur, reperire-
ntur idem punctum si pluribus vijs. Possunt quoque assumi ipsimet poli R, E , pro
pñcta si eorum distantia non sit nimis exigua.

SIC etiam, si per puncta F, B , & punctū b , distans grad. 30. a puncto B , circu-
lus describatur Bb , centrū habens P , in recta QP , perpendiculari ad FB , secante
ipsū FB , bifariā, reperietur punctum N , puncto b , respondens. Nam vt ad finem
Lemmatis 47. monstratum est, circulus FbN , polos habet in maximo circulo,
quarum FB in sphaera diuidit bifariam, & ad angulos rectos, ac proinde per
 C , & A , polos circuli FbD , transit. Igitur ex eodem Lemmate auferet circulus
 BbN , ex circulis BC , FC , arcus æquales Bb , FN .

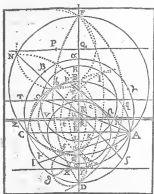
ITAQVE vt per duo puncta a polis R, E , æqualiter remota inueniuntur in se
extremo AGC , punctū quocumq; gradibus a puncto G , distans, sumendum est
in Aequatoris semicirculo ABC , punctum respondentem: vero in semicirculo
 ADC , punctū dandū est, vt punctū respondens in semicirculo AFC , reperitur. Si
aut per duopñcta D, G , inueniendū sit quodlibet punctū in semicirculo AGC ,
respondēdū est punctū respondens in semicirculo Aequatoris ADC . Si deniq; per
duo pñcta F, B , reperiendum sit punctū in semicirculo AFC , sumendum est pun-
ctum respondens in semicirculo ABC . Quæ omnia ex Lemmate 47. eliciuntur, &
obseruata sunt hic in punctis inuestigandis. Nā ex pñcto g , & punctis n, m , æqua-
liter ab E , & R , distantibus inuestigatum est punctum N , per circulum $gnmN$.
Itē ex puncto b , & punctis F, B , per circulum FbN , idē punctū N , inueniendū est.

EAD E M ratio seruanda est in circulis non maximis, si dato circulo non
summo describatur parallelus Aequatoris æqualis, tantum a polo boreali dis-
tans, quantum ille a suo polo superiore recedit, qui intra Aequatorem existit.
Vt si $HIKL$, parallelus obliquus, cuius polus R , & parallelus Aequatoris bo-
realis illi æqualis a e MO inuenietur puncto M , respondens punctum L , per cir-
culum $FM D$, vel per circulum M a m , ex centro h , vel MG B I , ex centro f .

QVOD si circulus non maximus obliquus proprius abie a polo suo inferiori
 n , quam a superiore, si quidem per eius polum superiorem diuidens circulus des-
cribendus sit, & per polum borealem, describendus erit parallelus Aequatoris
australis illi æqualis, quia hac ratione ambo circuli a suis polis, per quos circuli
diuidens describendus est, æquales habebunt distantias, ac recta inter polum
borealem, & polum superiorem obliqui circuli, vel recta inter duo puncta æqua-
liter ab illis distantia, diuidenda bifariam, vt in perpendiculari ex eo puncto
medio

medio ducta, restitutum inueniatur circuli per duos illos polos, vel duo illa puncta, describendi, &c. Si vero polus circuli obliqui inferior assumatur, descriptus erit parallelus Aequatoris borealis illi aequalis; (quia hoc posito, ambobus circuli a suis polis per quos circulus diuidens describendus est, aequaliter distant:) & recta inter polum borealem, & polum inferiorem circuli obliqui, vel recta inter duo puncta ab illis aequaliter distantia, secunda bisectionem, &c. Et si in maxima circuli recta inter polum borealem, & inferiorem circuli obliqui secetur bisectionem, abscindentur ex Aequatore, & obliquo circulo partes aequales eo ordine, quem seruandum esse diximus, quando primo modo ex polo superiore ducto circuli obliqui instituitur, non autem eo, quem in Lemmate 47. praefecimus, hoc est, a punctis F, B, vel D, G, initium sumere debent arcus ab illis in Aequatore, & maximo circulo obliquo, non autem a punctis F, D, vel B, G. Eodem pacto in non maximis, quando parallelus obliquus polum inferiorem ambit, arcus abscissi inchoandi sunt in eo, & in parallelo Aequatoris australi & aequali, punctis superioribus, inferioribusque, & circulus describendus per polum superiorem, & borealem, ita ut curuaturae arcuum abscissorum eodem ordine progrediantur, hoc est, vel sursum, vel deorsum tendant.

VI autem experimento quoque discas, recte hoc modo puncta proposita in circulis obliquis reperiri, inuenimus punctum N, ex polo superiore per rectam RbN, & punctum s, per rectam R'g, & punctum r, per rectam Rr.



IA M vero quoniam C, A, poli sunt, circuli maximi per polos mundi, & per polos circulorum obliquoꝝ AF CG, HI KL, ducti, quæ rectæ FD, repræsentat, si circa alterum ipsorum, ut circa C, describitur per datum punctum b, in Aequatore parallelus circuli FED, ut propositum est. Num. 5. docebitur, cuius centrum est in recta AC, ut ex pos. 7. patet, secabitur obliquus circulus AF CG, in N, puncto, quod puncto b, responderet, ut ex eodem Lemmate 47. perspicuum est. Si vero circa polum A, per datum punctum M, in parallelo Aequatoris eodem modo parallelus describatur, secabitur parallelus obliquus in respondente puncto I. Immo si inter FB, bisectionem secetur in a, ut propos. 7. Num. 18. traditum

est, & per A, a, C, circulus maximus describatur AaC, & circa quodlibet eius punctum g, vel γ, per datum punctum b, vel g, in Aequatore parallelus describatur illius circuli maximi, cuius g, vel γ, polus est, ut in propos. 18. Num. 4. præcipimus, secabit prior parallelus circulum maximum obliquum in N, posse-

que vero eundem in sphaera, ut ex eodem Lemmate 47. liquet. Sic etiam si ar-
cus ER, inter polos paralleli Aequatoris, & polum paralleli obliqui positus se-
quatur, iam in 2. per ea, quae propos. 5. Num. 1. 8. scripsimus, & per A, a, C, ma-
ximus circulus describatur, ac circa quodlibet eius punctum per doctrinam propo-
sit. 18. per datum punctum M, in parallelo Aequatoris parallelus describatur,
eritque parallelus obliquus in I. puncto, quod ipsi M, respondet. Sed prior via
per parallelos circa polos C, A, descriptos, praestantior est, tum quia paralleli
inter illos per datum punctum facilius describuntur, cum sint paralleli sphaerae
rectae, quam circa alios polos, ut propos. 18. Num. 5. tradetur, tum etiam quia pa-
ralleli, quorum poli sunt A, & C, resiciant binos arcus ex maximo quouis circulo
obliquo, eundemque parallelos respondententes arcui dato in Aequatore, vel eius pa-
rallelo. Ut parallelus per punctum b, descriptus secabit obliquum circumulum ma-
ximam in N, & feruntque arcus FN, Gf, arcui Eb, vel Dg, aequales. Exemplum
huius repetitis propos. 18. Num. 5. Hec accedit, quod in hac ratione non est
necesse, ut circuli non maximi habeant polos in circulo maximo FD, aequaliter
in circulo maximo medio, ut in Lemmate 47. dictum est, distantes, aut in deter-
minatis locis, sed satis est, ut respondeant in sphaera circulis aequalibus, siue pa-
ralleles Aequatoris australis sit, siue borealis, ubiqueque circulus non maximus
obliquus polos in circulo FD, habeat: ita ut in figura Lemmatis 47. parallelus
circa polum B, descriptus tam ex infinitis circulis maximis per B, ductis, quam
ex infinitis circulis non maximis aequalibus polos in circulo maximo ADC, ha-
beatque arcus aequales simul abscindat. Idem continget in figura paulo ante
proposita. Nam si circa C, vel A, parallelus maximi circuli FED, describatur, ut
proposit. 8. Num. 5. docebimus, abscindet is ex circulis, quorum centra in recta
FD, sunt, ac proinde & qui polos in eadem recta habet, siue maximi illi sint,
siue non maximi, binos arcus aequales, respondententes illi arcui Aequatoris, vel pa-
ralleli Aequatoris, per cuius extremum parallelus circa polum C, vel A, descri-
bitur, dummodo parallelus Aequatoris aequalis sit circulo non maximo, ex
quibus abscondendi arcus proponuntur, non secus, ac in sphaera contingit. Atque
hoc nos solum incommoda est, quando punctum datum in Aequatore, vel eius
parallelo parum distat a recta FD, quod tunc parallelus per illud describendus,
ita satis amplius, ita ut exre eius centrum in recta AC, haberi possit.

37. AD extremum licebit nobis quemlibet parallelum obliquum partiiri in
quodammodo illo pulcherrimo, quem in precedenti propos. Num. 36. in circulis
maximis exposuimus. Sit enim Aequator ABCD, circa centrum E, circulus ma-
ximus AFEG, cuius diameter vera ik, & axis IG, eiusdem parallelus in Astrola-
bo affigat, cuius diameter vera IN, occurrens meridianae lineae in S, puncto,
per quod ducatur Sp, ad FD, perpendicularis, quae communis sectio erit plani Ae-
quatoris, & plani paralleli in sphaera. Quoniam enim tam Aequator, quam pa-
rallelus ad proprium Meridianum rectus est, quod Meridianus per utriusque po-
los transeat: & erit quoque eorum communis sectio ad eandem rectam, ac proinde
descripta, 3. lib. 11. Euclid. ad rectam FD, in Meridiano existerentem, perpendi-
cularium puncto S, ubi parallelus plano Aequatoris occurrit. Perpendicularis
ergo Sp, communis sectio est paralleli, & Aequatoris. Rectae deinde SM, abscin-
datur aequalis ST, siue deorsum, siue sursum versus, & ex T, circulus describatur
VXYZ, ad intervallum semidiametri paralleli MN, vel MI, qui parallelo in sphae-
ra equalis erit, quae adeo si circulus ABCD, pro Meridiano proprio paralleli
conspicatur, concipiatque ad Aequatorem, siue ad planum Astrolabij rectus,
& deinceps planum, in quo circulus VXYZ, circa Sp, circumducatur, congruet
hic

Præstantissima
via ad circumdu-
cendum datum pun-
ctum in circulo
quouis obliquo
per parallelum
in sphaera recta

Atque recta poli-
cherima ducit
de quibusque paral-
lelis in quibus-

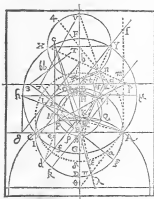
a 17. 1. Theor.

b 19. vides.

hic circulus cum parallelo in sphaera. Si igitur ex punctis V, β, Z, Y , atque etiam ex centro T , aut ex quocunque alio puncto plani, in quo ipse circulus erit, si sex rectæ per quacunque puncta circumferentiæ educantur, secantes communis sectio Sp , in eisdem punctis, in quibus secaretur, si ex respondentibus punctis paralleli in propria positione emitterentur rectæ per eadem puncta circumferentiæ paralleli. Respondet autem punctum X , puncto P , in diametro visû (quæ habetur, si ex β , centro Verticalis proprii, quod exhibetur per rectam As , ad LG , perpendicularem in s , Verticalis per polum K , describitur secans parallelum in P, Q , Recta enim PQ , erit diameter visû, & R , centrum visû; quod etiam invenitur per radium AM , ad M , centrum verum ductum. & Y , ipsi Q ; & V , puncto g , & Z , ipsi a , nimirum sinistram sinistram, dextram dextro, remotius à communi sectione Sp , remotiori, propinquius propinquiori, & centrum centro.

Et X quolibet ergo horum punctorum paralleli visû ipsum parallelum tangens partietur, si ex puncto respondente in parallelo vero per datam punctum in circumferentiâ rectam ducamus, & per eius intersectionem cum Sp extensâ dente puncto in parallelo visû rectam emittamus. Hæc enim per eundem

quisque transit. Visû puncto V , per datum punctum n , recta ducatur, secans Sp in u , dabit recta gu , punctum t , quæsitum, quod punctum respondet: propterea quod recta Vpu , prociuitur in idem gu , cum punctum V , in g , & u , in u , appareat. Sic si puncto Z , per n , recta ducamus secans Sp , in y , dabitur recta gy , idem punctum t . Rursum recta ex X , per n , recta secans Sp , in p , transit per ad punctum r , recta Pr , id est ducta recta Yn , secans Sp , in t , reperitur idem punctum t , per Q , rectam. Sed considerantes peragatur per idem et punctum V , & Z , omnes ex V , quidem per gradus semicirculi XZY , atque ex Z , per gradus semicirculi XWY : haec enim puncta intersectionum in recta Sp , non potest ele-



runt a puncto S . Et per rectas ex V , omnes reperientur puncta in arcu PcQ puncti semicirculi XZY , respondentia, si ex β , rectæ egrediantur per intersectionum puncti in recta Sp , a rectis ex V , omnes factas, per rectas vero ex Z egredientes, inveniuntur puncta in arcu PgQ , puncti semicirculi XWY , respondentia, si ex a , per intersectiones in recta Sp , a rectis ex Z , deductis factas rectas ex V emittamus.

Si recta ex centro T , per datum punctum n , educta commode rectam Sp , interfecare possit, qualis est recta Tn , secans Sp , in q , ostendamus per rectam dq ex centro visû ductam per q , binis puncta r, p , quarum illud punctum, arcu vero puncto

Quæ puncta paralleli visû quælibet puncta paralleli visû p. d. dant.

Quæ puncta paralleli visû quælibet puncta paralleli visû p. d. dant.

proposito 4. per diametrum opposito respondet.

VICISSIM ex dato quolibet puncto in parallelo viso, reperiemus in perpendiculari, cui respondet, si ex aliquo puncto u , P , g , Q , R , in parallelo viso per datum punctum rectam ducamus secantem Sp , in aliquo puncto. Recta enim apud paralleli veri, quod assumpto puncto respondet, ad punctum sectionis illius, transibit per verum punctum respondens. Ut quia recta gr , secat Sp in u , ducta Vu , punctum n , respondens, ita ut arcus a , r , Za , aequales numero graduum complectantur.

NON dissimili ratione, si detur in plano calvus paralleli obliqui punctum, reperiemus eius situm in Astrolabio, id est, locum, ubi in eodem parallelo viso apparet ex australi polo conspectum. Sit namque datum punctum bb , quod sibi concipiatur in sphaera talem positionem habere in plano paralleli diametri LN , qualem respectu circuli $VXYZ$, obtinet, hoc est, ex illis sex quadrante orientalem, atque australem, extra circulum. Nam si paralleli $VXYZ$, habent propriam situm; quadrans XZ , orientalis est, & australis, & XV , orientalis, borealisque, &c. Ductis ergo ex quibusconque duobus punctis, ut ex T , V , per datum punctum bb , rectis secantibus communem sectionem in punctis 3 , 7 , ducantur ad 3 , 7 , ex respondentibus punctis R , g , rectae $R3$, $g7$, ubi enim hae se intersecant in puncto 2 , ibi erit visus locus datum puncto bb : propterea quod rectae $T3$, $V7$, per datum punctum bb , transitis prolyncuntur in rectas $R3$, $g7$, ut ex ipis, quae diximus, perspicuum est.

EXCIPIENTIA autem sunt puncta in communis sectione paralleli obliqui, & plani, quod per polum australem Aequatori ducitur parallelum, existunt. Hic etenim nulla possunt habere puncta visa respondentia in Astrolabio; cum tota illa communis sectio in Astrolabio evanescat, nullumque eius punctum in Astrolabij plano appareat: quippe cum omnes radii visuales in plano illo parallelo existentes, & per puncta ductae sectionis communis trajecti plano Astrolabij, Aequatorisive aequidistant. Exempli causa. Si ducatur ex A , polo australi recta Al , ad AC , perpendicularis, vel plano Aequatoris parallela, occurrat planum per Al , ductum Aequatori parallelum plano parallelo per Il , ducti in locisque communis sectionem per l , ad Il , perpendiculararem. Si igitur rectae Sl , quae semper semidiametro Verticalis AS , aequalis est, ob parallelogrammam AS , abscindatur aequalis SG , (abscindenda autem est infra S , si parallelus tensus est supra S , supra verò, si infra. Ita enim punctum G , puncto l , respondens, veram distantiam a vero parallelo habebit, ut constet, si situs paralleli non recte concipiatur, & planum Astrolabij circa Sp , circumducatur, donec cum recta Il , in plano proprii Meridiani existit congruat) ductenda erit ducti communis sectio per G , (casu verò accidit, ut recta SG , rectae Sl , sit aequalis) ad FG , perpendicularis. Itaque si quis tentet puncto G , reperire punctum visum respondens, ducendo ex G , ad punctum n , rectam secantem Sp , inveniet rectam ex f , per punctum r , respondens puncto n , ductam, parallelam esse rectae FG . Idemque experietur in alijs rectis, ita ut rectae per intersectionem rectae in Sp , inventa ductae ad puncta visa respondentia punctis visis, ad quae ex G , rectae ductae sunt, nullo modo sese intersecant, ut punctum visum in eorum intersectione haberi possit. Eodem modo, si quis velit curvis alijs punctis in recta perpendiculari ad FG , per G , ducta, investigare punctum visum respondens, reperiet alias rectas inter se parallelas per intersectionum puncto in recta Sp , ductas, licet ipsi FG , non aequi distent, &c.

IDEM cernere licet in maximis circulis obliquis, ut in precedenti proposito.

P f f Num. 36.

Dato puncto in parallelo obliquo viso, punctum respondens in puncto calvi quo vero respondet.

Dato puncto in plano calvus paralleli obliqui in sphaera, ubi ducitur in Astrolabio sequitur.

Quae puncta recte in plano paralleli obliqui in sphaera, ubi ducitur, ut respondentia puncta in Astrolabio.

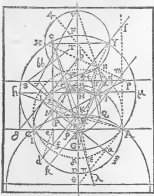
a 34 primi.

Num. 36. dictum est. Nam cum planum Aequatori parallelum per rectam Al, ductum occurrat plano circuli maximi in m, & rectæ E m, (quæ per petro cum semidiametro Verticalis Aß, æqualis est ob parallelogrammum Aß, æquibus scindatur E b,) ducenda erit prædicta communis sectio plani circuli obliqui, & plani illius paralleli per b. Si igitur quis velit puncto b, exhibere punctum visum respondens, ducendo ex b, per aliquod punctum obliqui circuli visi, ut per O, recta m, quæ secet AC, in e, erit recta per e, ad c, punctum respondens in visû circulo obliquo ducta, parallela ipsi FG. Atq; ita aliz quoq; rectæ parallele inueniuntur eidem FG. Quare hæc lineæ apparentes nullo modo se se interficiunt, ut punctum visum habeatur. Ex alijs punctis communis sectionis prædictæ per hanc dæ inueniuntur aliz rectæ inter se parallele, quarum ipsi FG, ad æquidistant. Verû rectas ex punctis huiusce cõis sectionis ad quatuor puncta circuli obliqui visi ductas proici in lines parallelas, planius fiet ex his, quæ mox demonstrabam.

a 34. primi.

Quæ puncta vero in maxima circulo obliquo (planum non habent puncta visû respondens illis.)

Quæ rectæ maxime obliquæ altitudinis in punctis positi per hanc, parallela.



b 16. undec.

SIT ergo propositum circulum maximum obliqui in gradus partiti ex vero puncto b, quod ipsi m, respondet, & parallelum obliquum ex vero puncto G, quod ipsi l, respondet: quod quidem fiet per lineas parallelas hoc modo. Ea b, per datû quodamq; punctû O, in circulo vero obliquo ducatur recta secans AC, cõmunem sectionem obliqui circuli, & plani Astrois, æquatoris, in e, & pere, ipsi FG, parallela agnunt e, & secant obliquum circulum visû in c, puncto, quod dato puncto dato O, respondere. Nam si per rectam Al, in plano, quod Aequatori æquidistant, erisitem, & per b, transierint in proprium situ, planum circumducatur, b faciet illud in plano Aequatoris, Astrois, &

rectas ipsi Al, parallelas, ita ut planû illud circumductû projectionis in lines ipsi Al, æquidistat & inter se parallelas. Igitur cum planû per Al, & bO, ductû occurrat ipsi AC, cõmuni sectioni Aequatoris, & circuli obliqui in e, apparetur transire per parallelâ e c, ac proinde cum ducatur per O, apparebit punctû O, in c, cõ in illa parallelâ appareat. Vbi vides rectâ ex polo K, per O, ductam cadere in illi punctum c, ut res postulas, quemadmodû propos. 3. Num 17. demonstratum est. Ea dem autem parallelâ e c, indicat alia ex parte aliud punctum f, quod puncto d, respondet, quod etiam indicatur per rectam Kd. Rursus si ex b, per L, planum verum obliqui circuli recta ducatur secans AC, in g, dabit parallelâ g h, punctum h, ipsi L, respondens, in quod etiam cadit recta KL, estq; punctum h, in eundem diametri Horizontis h µ, ad FG, perpendicularis: ita ut arcus hC, arcus LC, respondet: quod etiam in se habet. prop. 3. ad finem Nu 14. demonstrauimus. Recta posita KL, tangit circulum ABCD, in polo L, aufertq; rectam Eg, semidiametro illi

restis apparentis æqualem. Quoniam enim duo latera bE, EL , trianguli bEL , duobus lateribus mE, EA , trianguli mEA , æqualia sunt, & angulosq; continent æquales, quod arcus Ai, BL , metuentes altitudinem per supra circuli obliqui æquales sint; & erunt quoq; anguli bLE, mAE , æquales. Cui ergo mAE , sit rectus, erit quoq; bLE , rectus, ideoq; ex coroll. prop. 16. lib. 3. Eucl. bL , circuli tanget in L . Autem autē rectā Eg , æqualem semidiametri Horizontis Hb , & peripicuum est, propter parallelogrammum gHL .

SI rursus punctio n , vero paralleli assignandū punctū visum. Ducatur ex G , punctio vero, quod ipsi L , respondet, recta Gn , secūs cōmunē sectionē Sp , in f . Nā nōa sit, ipsi FQ , parallela offerret punctū respondēs r , quod eodē modo demonstratur. Nā ē per rectā Al in plano, quod Aequatori squidistat, & in polo australi A , sphaerā tēgit existēd, & per G transeuntem in proprio suo planū circuli ducatur, faciet illud in plano Astrolabij, Aequatorisū rectas ipsi Al , parallela; quā planum illud circumductum projicitur. Cum ergo planum per Al , & circulum occurrat ipsi Sp , cōmunī sectioni plani Aequatoris, & paralleli in f , conspicietur transire per parallelam $f r$; ac proinde cum ducatur per n , apparebit punctum n , in r , cum in illa parallela, in quā recta Gn , projicitur, appareat.

DEINQUE quemus maximū circuli obliqui, cuiusq; parallelos distribuemus in gradus per lineas rectas, quæ per eorū centra visa transeunt, quarum singulae intēant bina pōcta opposita per diametrū, hoc modo. Sumatur arcui $A\xi$, æqualis arcus $E\pi$, ducaturq; recta $A\omega$, secūs FD , in β . cētro Verticalis primarij, ut prop. 1. Nu. 3. & 4. ostēdimus; atq; per β , extēdatur $\beta\lambda$, ad FD , perpendicularis relictæ paralleli maximi circuli obliqui dati, qui per polū australem ducitur, ut supra Nu. 3. demōstr. Descriptio autē ex K , polo visō, circuli cuiusvis magnitudinis $\beta\lambda$ (Nos Aequatori equalē descripsimus, ut facilius Aequatoris gradus in illi possint trāsterrī) ducatur per eius gradus ex K , rectā secūs rectā $\beta\lambda$, in punctū δ . Sin per hanc sectionū pōcta, & tū per cētrū visū maximi circuli, hoc est, per Equip. per R , cētrū paralleli visū rectæ ducantur, diuisus erit uterq; circulus in gradus. V.g. si arcui βO inueniēdus sit respondēs arcus in circulo obliquo visō suo maximo, siue nō maximo, sed eius parallelo, accipiat arcui BO , si in eo se monculo datur, in quo polus K , existit, in parte opposita similis arcus $\beta\delta$, vel æqualis, si circulus $\beta\lambda$ descriptus est æqualis Aequatori / q̄ arcus Aequatoris datū est in altero semicirculo, in quo pol' K , nō est, accipiēdus est arcus similis, vel æqualis in descripto circulo $\beta\lambda$, ex eadē parte ducaturq; recta $K\alpha$, secūs $\beta\lambda$, in rectā n , $A\xi$, per E , cētrū Astrolabij, q̄ ē appārens est, seu visū cōm circuloū maximū, emissa abscindet duos arcus oppositos, ipsi BO , æquales in nu. grad. quāvis erit FC . Similiter rectā ex λ , per R , cētrū visū paralleli $\alpha P\beta Q$, tractā abscindet duos arcus oppositos tot gradū, quot in BO , cōprehēduntur. Idēq; efficit rectā ex λ , per cētrū visū cuiusvis alterius paralleli, cuius polus K , emissū. Quod in hōc modū demōstrabimus. Cū $K\beta$, ipsi $A\beta$, sit æqualis, q̄ ambo sint semidiametri Verticalis primarij obliqui circuli, si triangulū $A\beta K$, cōcipiatur motū circa $E\beta$, deorsū, versus polū austrālē, donec ad planū Astrolabij rectū sit, hoc est, ad Meridianū propriū perueniat, ac proinde punctū A polo australi congruit; intelligatur autem circa rectā $\beta\lambda$, mōveri quoque deorsum rectā $K\beta$, cū plano circuli $\beta\lambda$, donec ad rectā $A\beta$, per polū australem trāscēntem perueniat, cūcti K , in polū A , & planum circuli $\beta\lambda$, parallelum erit circulo obliquo. Quia utroque plana per rectas $K\beta$, $K\lambda$, in plano illo parallelo, & per E , cētrum mundi ducta, & inueniunt in circulo obliquo sphaeræ rectas ipsi $K\beta$, $K\lambda$, paralleli; tot angulus, quem hę parallele in cētro obliquo circuli faciunt, æqualis angulo $\angle K\alpha\beta$, ac propterea circuli obliqui circuli abscissus similis erit arcus $\beta\delta$.

a 27. tertij.

b 4. prim.

c 3. prim.

Parallelam obliquam sphaeræ obliquæ ductam ut per lineas hanc rectas.

d 16. undec.

Circulus obliquus cum maximo qui cōuenit parallelis qui sunt obliqui in aut rectis per cōm cōmū cū ductis.

e 16. undec.

f 1. undec.

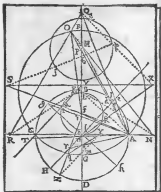
g 27. tertij.

Cum ergo plana illa per propof. 1. projiciantur in rectas $E\beta$, EA , quod ambo per E , tranfeant. & per puncta β , A ; interceptent rectas $E\beta$, EA , arcus videri. fpondentes arcui circuli obliqui, qui arcui βA , fimilis est. Eademq; demoftratio in parallelis adhibenda est, dummodo plana per rectas $K\beta$, KA , ducta interligantur tranfire per centra parallelorum in fphæra, &c.

ATQVE hæc via præfantiſſima est, quando plures paralleli obliqui in gradus diuidenti ſunt. cum per eam ex vno eodemq; puncto rectæ $K\beta$, KA , in omnibus parallelis bina puncta oppoſita reperiuntur, ſi ex illo puncto ducto rectæ per centra viſa decantentur, vt dictum eſt. Solum incommoda eſt, quando puncta in recta βA , nimis procul à puncto β , abſint: quia tunc rectæ ex K , quæ ſa, nimis obliquè rectam βA , interſcant, vt vix ea puncta ſine errore poſſent inueniri. Quare tunc alijs vijs vtendum erit, quæ videlicet commodius videbuntur.

§ 8. NOLO etiam hoc loco prætereire aliam quandam rationem, quæ poſt omnes modos explicatos mihi occurrit, atque inter cæteras commodiſſima videtur: quippe quæ ex quolibet puncto in comuni ſeſſione circuli obliqui, & plani Aſtrolabij. Aequatorisve extra meridianam lineam aſſumpto quolibet

punctum propoſitum in circulo exhibeat, ita vt poſſit bitrio accipere quæ poſit punctum, ex quo recta ad punctum datum in Aequatore, ſi de maximis circuli agatur, vel in parallelis, ſi in parallelis obliquis punctum ſit inueniendum, cauſa, commodiſſime propoſitæ meridianæ locum interſecet. Sic igitur ruſus Aequator $ABCD$, cuius centrum E , obliquus circulus maximus $AFCG$, cuius vera diameter HL , & poli viſi ſur i ; diameter vera Verticalis proprii circuli obliqui gh ; diameter vera paralleli cuiuslibet circuli obliqui CK , & parallelus viſus LeH parallelus denique verus ipſi, cum comuni ſeſſione KL vt in precedenti tabula



tabulæ in punctum K , primum in Aequatore, hoc eſt, in maximo circulo vero, cui reſpondens in obliquo circulo maximo inueſtigandum ſit. Ex quolibet puncto N , aſſumpto in comuni ſeſſione AC , plani Aſtrolabij, & circuli obliqui in ſphæra, (commodiſſime autem aſſumetur in parte oppoſita dato puncto, vt in recta EA , etiam producta, quando datum punctum eſt in ſemicirculo BCD , ſat verò in recta EC , etiam producta, quando punctum in ſemicirculo BAD , datum eſt) decatur ad datum punctum K , recta ſecans lineam meridia-

Alia via totius
ſphæra diuidentis
circuli obliqui
quæ cum meridia-
nem, quæ ſine
meridianæ, quæ
duæ eſt quælibet
puncta in com-
muni ſeſſione
circuli obliqui
& plani Aſtrolabij
in Aequatore
extra meridia-
nam lineam aſſu-
mptum quolibet

um in aliquo puncto, quod nunc sit inter B, & L: & recta inter B, & punctum illud sectionis abscindatur ex vera diametro HI, recta æqualis Ec; & ex polo australi radius per c, emissus fecit EB, in M. Recta namque NM, cadet in punctum O, in quod nimirum recta ex i, polo per K, emissa cadit. Nam si circulus ABCD, cogitetur circa AC, circumdaci, donec ad diametrum HI, in Meridiano proprio existentem, constituto A, in polo australi, perveniat, congruet punctum intersectionis rectæ NK, & rectæ EF, cum puncto c, adeo ut in sphaera recta NK, ad punctum datum K, educta, fecit diametrum in c, puncto, quod per radium AC, ex polo australi A, inspectum apparet in M. Recta ergo NK, projicietur in rectam NM, ideoq; incidet in O, punctum, dato puncto K, respondens, quemadmodum NK, in datum punctum K, incidit.

Si T eidem puncto K, inquirendum idem punctum respondens O, ex puncto A, assumpto in intersectione circumferentiæ Aequatoris cū circumferentiâ circuli maximi obliqui. Ducta recta AK, secante EB, in L, sumatur ipsi EL, æqualis Ed, ut d, punctum sit in diametro vera, in quo recta AK, eam intersectat, & circuli in propriis positione concipiantur. Apparebit punctum d, in P, per radium hęc proinde eadem recta AP, in quæsitum punctum O, cadet.

PRAETEREA idem punctum O, reperendum sit ex puncto R. Ducta recta RK, secante rectam EB, inter B, & V, accipiantur recta inter hoc punctum secans, & centrū E, æqualis recta Ec, eritq; e, punctum, in quo recta RK, veram diametrum HI, secat. si circuli proprium situm habere intelligantur. Apparebit eam punctum e, per radium A c, in Q. Recta ergo RQ, rectam RK, referet, itaque per quæsitum punctum O, transibit.

DENIQUE puncto Z, ex puncto Y, inquirendum sit punctum respondens quæsitæ rectæ YZ, secante ED, in m, abscindatur recta Em, æqualis Er, ut r, punctum habeatur, in quo recta YZ, diametrum HI, secat, si omnia proprium situm habent. Ducto autem radio Ar, apparebit punctum r, in o. Recta igitur Yo, punctum q, quæsitum indicabit, in quod etiam cadit recta i Z.

DEINDE sit datum punctum p, in parallelo vero, cui respondens invenit. dem sem viso. Ex quolibet puncto S, communis sectionis SX, assumpto (commo datum quoque erit punctum in opposita parte acceptum) ducatur ad datum punctum p, recta secans EF, in b & rectæ Vb, æqualis abscindatur Va, ex vera diametro; Ducto autem radio Aa, secante EB, in E, cadet tunc Ss, in k, punctum respondens dato puncto p. Nam si concipiatur circulus upf, circa SX, circumduci, donec ad diametrum Vc, proprium situm in Meridiano proprio habentem perveniat, congruet punctum intersectionis b, puncto a, adeo ut in sphaera, recta Sp, ad datum punctum p, ducta fecit diametrum paralleli in a, puncto, quod per rectam Aa, inspectum apparet in E. Recta ergo Sp, in rectam Ss, projicietur, & c. Quod si daretur punctum k, inveniretur eodem modo respondens punctum t.

SED idem punctum k, respondens dato puncto p, invenendum sit ex assumpto puncto X. Ducta recta Xp, secante EF, in Q, sumatur recta VQ, æqualis VT, utq; T, punctum, in quo recta Xp, veram diametrum in propria positione secat, quod per radium AT, apparebit in u. Recta igitur Xu, per quæsitum punctum k, transibit. Ea si datum esset punctum u, reperiretur eodem modo punctum respondens.

CONVERSO ordine investigabimus dato puncto in circulo obliquo vi si respondens punctum in circulo vero. Nam si ex dato v. g. puncto q, in circulo extremo, ad quodvis punctum Y, communis sectionis recta ducatur secans ED, in o, & radius iungatur Ao, secans veram diametrum in r, sumemus rectæ Er, æqua-

Tunc puncto in
quodlibet circulo
recta respondens
punctum in alio
circulo obliquo
extremo

Er, æqualem Em. Recta enim Ym, in quæsitum punctum Z, cadet.

R V R S V S. si ex dato puncto k, in parallelo ad quodlibet punctum S, communis sectionis recta ducatur secans EB, in f, & radius iungatur Af, secans veram diametrum in a, sumemus rectæ Va, æqualem Vb. Recta namque Sb, quæsitum punctum p, indicabit.

NON aliter dato puncto in plano circuli obliqui extra circumferentiam, respondens punctum in Astrolabio reperiemus ex duobus punctis utrinque in communi sectione assumptis. Vt si punctum p, cogitetur esse in plano paralleli in sphaera extra eius circumferentiam, ducemus ex duobus punctis S, X, utrinque assumptis per punctum

p, rectas secantes EF, in b, Q, rectisque Vb, VQ, æquales abscindemus Va, VT, & radios iungemus Aa, AT, secantes EF, in f, n. Rectæ enim Sf, Xn, per quæsitum punctum k, transibunt. Vacuam si in Astrolabio datur punctum k, extra circumferentiam paralleli vbi, invenimus in plano paralleli veri punctum respondens p, si ex k, ad duo puncta S, X, communis sectionis duas rectas ducamus secantes EF, in f, n. & per f, n, radios emittamus ex A, secantes veram diametrum in a, T. Nisi si rectæ Va, VT, æquales abscindamus Vb, VQ, secantibus rectæ Sb, XQ, secantibus in vero puncto p, respondens.

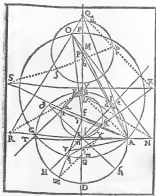
IN T E R omnes autem rationes distribuendi circulos Astrolabii tam maxime,

quam eorum parallelos, in gradus expeditissima est prima, quam propos. Num. 17. & hac propos. Num. 21. exposuimus, quæ nimirum per hæc rectas ex polo circuli obliqui eductas perficitur; præsertim si pro Aequatore, vel eius parallelo ipsemet circulus obliquus accipiat, vel alius circulus alio centro describatur, vt Num. 25. huius propositionis tradidimus est. Immo si plures eiusmodi circuli describantur secundum aliam atque aliam proportionem, & singuli in gradus distribuantur, transibunt singulæ lineæ ex polo circuli obliqui per plura puncta, ita vt in eis ducendis error communis non posse videatur.

SCHOLIUM.

1. EX priori parte primæ modi, quo paralleli circuli obliqui in gradus distribuuntur, facile colligitur, arcus æquales cuiuslibet paralleli obliqui propriæ arcus

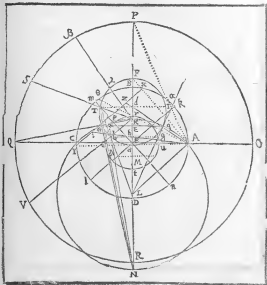
Hæc puncta ut
in plano circuli
II in sphaera, pun-
ctum respondens
rectæ in Astrola-
bio reperitur, &
cetera.



Quæ ratio distat
arcuum, alio
modo in gradus
non in expediti-
ssima.

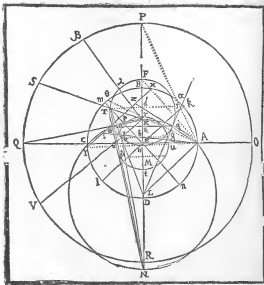
À centro circuli
quodlibet obliqui
quælibet arcus
quælibet rectæ
cuiuslibet

in arcu inaequali, et circum arcu ordine, initio facto a recta linea, qua per centrum pa-
rallē ducitur, quemadmodum in circulis etiam maximis obliquis contingere de-
monstramus in scholio propositionis praecedentis Num. 12. Id quod demonstratu-
mus hoc loco recipimus propos. 3. Num. 3. In tertia ergo figura huius propos. sunt tres
arcs $P\beta$, $\beta\delta$, δQ , aequalis in parallelo Aequatoris OPQ , & ex K , polo paral-
leli obliqui FGH , intra Aequatorem contento ducantur tres rectae $K\beta$, $K\delta$,



IK , secantes parallelum in γ , T , G . Respondebunt arcus $F\gamma$, γT , TG , ar-
cibus $P\beta$, $\beta\delta$, δQ , hoc est, ut gradus in illis, quos in his, continebantur, ut in hac
propositione Num. 21. demonstravimus. Quia vero per Lemma 33, arcus $F\gamma$, ma-
ior est arcu γT , & hic maior arcu TG , atque ita denique, usque ad suum sum-
mum FGH ; liquet constare, arcus aequalis paralleli obliqui in sphaera praepositi in ar-
cu inaequali in Aequalibus ordine continuato, cum ut, qui puncto F , propinquius
est sum-

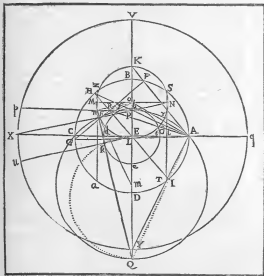
est, semper sit remanens maior, si aequalibus arcibus paralleli Aequantia respondens, ut in Lemmate 33. demonstratum est. Itaque si parallelus obliquus FGHq. in 360. gradus distribuitur, ut supra docuimus, decreverint hi gradus omnes ab F, usque ad H, in utroque semicirculo FGH, FqH, ita ut gradus sint maxime pro-



pe F, et iuxta H, minimi. Ex quo fit, arcus paralleli obliqui in Astrolabio non esse similes arcibus respondentibus eiusdem paralleli in sphaera.

2. Ad maiorem autem doctrinam libet hoc loco nonnulla alia demonstrare, quae ad parallelus obliquos in Astrolabio proiectos spectant, non innotuit, et quae studiis non ingrata fore credidimus. Ex his enim praeter cetera, colligere licebit, quae postea datum punctum in Astrolabio describi possit parallelus cuiuscunque circuli maxime obliqui, ut ex propof. 18. patet. Item fieri posse, ut arcus aliquis paralleli obliqui quatuor graduum, qui pauciores sunt, quam 180. in Astrolabio similis sit alicui arcui cos-

interdell in sphaera responderit quod non facile quispiam fortasse crediderit ut ad
 sum Num. 1. dicemus. Id quod etiam de circulo maximo obliquo in scholis antea
 proposuimus Num. 2. g. demonstramus Sic ergo Aequator $ABC D$, cuius centrum E ,
 ductis à duabus diametris AC , BD , ad unum eorum perpendicularibus in quatuor qua-
 drantes; diameter cuiusvis paralleli obliqui FG , cuius poli H, I , aequaliter ab F , &
 G. distant, & axis HI ; diameter paralleli usque KL , cuiusvis per radios AF , AG ; pa-
 rallelae Afrolabii $K M I N$, cuiusvis O , est a punctis diameter HI , secans K, L ,



ad angulos duos & poli eiusdem paralleli in Afrolabio, P, Q , reperti per radios AH ,
 A' , & per omni circulo maximum descriptus $APCQ$, rectus ad maximam circumferentiam per
 plurimum, & poli circuli obliqui ductum, facientemque in Afrolabio sectionem BD ,
 cuiusvis per A, C , ut in scholis precedentis propos. Num. 1. demonstratum est, Quare-
 ut usque paralleli Aequatoris ST , secans AC , in I , & diametris paralleli obliqui
 FG , aequali, ita ut distantia $A I, H F$, à poli A, H , sint aequales, parallelae Aequato-
 ris esse

Propositio 22.
ne parallelos
obliquos
Abolitione.

vis ipse in Axiomatibus descriptus VXT, cuius semidiametrum ET, exhibet radius AT, diameter borealis parallela Aequatori priori aequalis ZE, & parallelus ipse descriptus huius. Primum ergo demonstrabimus, una esse TE, semidiametrum paralleli obliqui ad EP, rectam inter centrum eiusdem paralleli, & polum circuli obliqui ut est ED, semidiametrum paralleli obliqui ad OP, rectam inter eius centrum, & polum superioris paralleli obliqui ambobus polum superiorem, ut in prima figura batur Num. 2. Insuperiorum, ut in secunda figura. Ducta enim recta AR, ad intersectionem duorum paralleli obliqui FG, cum eius axe HI, fiat angulus RAP, aequalis angulus PAQ; cadetq; AO, in centrum paralleli O, per ea, quae in hac propos. Num. 3. demonstrata sunt. Ducta quoq; recta AH, fiat FG, in f. & ST, in p. Quoniam igitur angulus AFG, AKL, similia sunt, sed subcontrariè posita, ut propos. 3. Num. 1. demonstratum est; erit angulus AGF, angulus AKL, aequalis: Sunt autem & anguli GAP, KAP, aequalibus arcibus HG, HF, insistentes, aequalis igitur triangulis AGF, AKP, reliqui etiam anguli AFG, APE, aequalis erunt. Rursus et aequalibus angulis GAP, KAP, ablati aequalibus RAP, OAP, reliqui GAO, KAO, aequalis sunt: Cum ergo & anguli G, K, aequalis sint obliqui, erunt etiam trianguli GAR, KAO, reliqui anguli quoque ARG, AOK, aequalis. Itaque in triangulis AFR, APO, tam angulus AFR, APO, ut ostendimus, aequalis sunt, cum angulus RAf, OAP, ex constructione; erunt quoque reliqui anguli ARf, AOP, ut quales: quod etiam ex eo probari potest, quod ex duobus rectis reliqui ARG, AOK, oppositi sunt aequalis. His demonstratis, erit ut GR, ad RA, ita KO ad OA: Et ut RA, ad Rf, ita OA, ad OP, igitur ex aequalitate erit ut GR, ad Rf, ita KO, ad OP. Item vero quoniam FG, ST, aequalis, aequaliter à centro E, distant, aequalis erunt perpendicularium ER, ES: (4. axes enim EH, EA, ad parallelos diametrorum FG, ST, recti sunt, ac proinde & ad ipsas diametros perpendicularia, ut descript. lib. 11. Eucl.) quibus sublatis ex semidiametris EH, EA, reliqua recta HR, Al, aequalis erunt quibus cum in triangulis HRf, AOp, adiaceant anguli aequalis, (sunt enim anguli ad R, f, recti, & anguli EHA, EAH, in isosceles AEH, aequalis) erunt quoque rectae Rf, f, g, aequalis: Sunt autem & GR, TL, summissis aequalium FG, ST, aequalis. Igitur erit, ut GR, ad Rf, ita GR, ad OP. (Proxime enim ostensum est, esse ut GR, ad Rf, ita KO, ad OP.) Ita TL, ad f, g, Cum ergo ex seculis propos. 4. lib. 6. Eucl. sit, ut TL, ad f, g, ita TE, ad -P, erit quoque, ut KO, ad OP, ita TE, ad EP. quod erat demonstrandum. Atque hac demonstratione cum sequentibus locum habet, sunt paralleli obliqui ambobus polum superiorem, ut in prima figura, sine inferiorum, ut in secunda, ut perspicuum est in figuris.

227. Propos.
228. i. Tab.

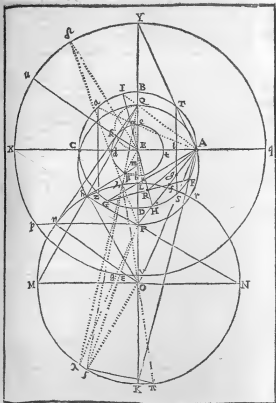
GR,	KO,
RA,	OA,
Rf,	OP.

229. primi.
230. primi.

Semidiametrum
etiam paralleli
Aequatoris est di
visum in polo ex
actis obliquis, ut
demonstratum est
in paralleli obli
qui figura est aequ
ale per axem
polum ducta.

EX hac demonstratione colligitur, semidiametrum TE, paralleli Aequatoris visum ita secari a polo circuli obliqui P, visum, ut semidiametrum RF, vera paralleli obliqui aequalis secta est in f, à radius APH, ad H, polum verum obliqui circuli ducta: quia ut descript. ostensum est, esse ut GR, hoc est, ut RF, ad Rf, ita KO, ad OP: Et ut KO, ad OP, ita TE, hoc est, ita TE, ad EP. Item, Eademque ratio est in alijs.

3. DE INDE ostendamus, rectam XP, productam cadere in N, extremum diametri MN, hoc est, ita puncta X, P, N, intere in una recta linea: quod etiam de tribus punctis Q, P, M, dicendum est. Item rectam Qb, ex polo opposito Q, per b, intersectionem circuli maximum APCQ, cum parallelo obliquo KMLN, ductam cadere in M, extremum alterius diametri MN: eodemque modo rectam Qc, productam cadere in N. Denique rectam mb, ex m, centro maximo circuli APCQ, ad b, intersectionem eiusdem circuli maximum cum parallelo obliquo eductam, tangere parallelo obliquum in puncto b. Atque hoc posuimus supra quoque in hac propos. Num. 7. & 30. dem.

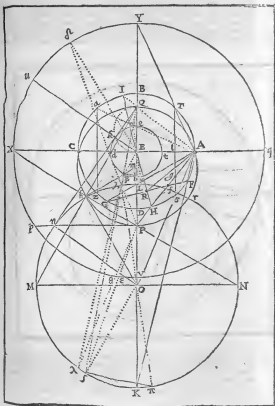


quàm hinc ostendimus. Productam enim XP , fiet MN , in N . Dico N , esse extremum
 punctum diametri MN . Nam quia triangula EPX , OPN , æquiangula sunt, cum an-
 gulus ad E , O , habeant rectos, & angulos ad vertexes P , æquales; ac tandem cum
 angulus alterius X , N , æqualis; erit ut XE , hoc est, ut TE , ad EP , ita NO , ad OP .
 Ut autem TE , ad EP , ita ostensum est Num. 1. esse KO , ad OP . Igitur erit ut NO , ad
 OP , ita KO , ad OP ; ac proinde NO , KO , æquales erunt, idcirco NO , secundum
 ter erit parallelus. Cadit ergo XP , in N , extremum diametri MN , hoc est, una puncta
 X , P , N , in una recta linea iacent: Idemq; probabitur de tribus punctis Q , P , M . quod
 est primum.

QUOD VERO, ut in hac propos. 6. Num. 21. ostensum est, recta PX , auferens ex pa-
 rallela A equatori quadrante VX , auferat quoque ex parallela obliqua quadrante,
 auferat autem & circulus maximus $APCQ$, una cum eo, quam requiritur recta VQ ,
 quadrante in, ita ut Kb , bL , quadrantibus respondant; transibit utrius KPX , in
 punctum b , interfectionis maximi circuli $APCQ$, cum parallela obliqua. Igitur an-
 gulus PbQ , in semicirculo rectus erit, ac proinde producta Qb , ad M , angulus quoque
 NbM , rectus erit. Cum ergo angulus maioris segmenti contentus erit Kb , & recta
 bN sit recta maior, cadit Qb , producta intra circulum KbL ; ac proinde erit, in quo
 rectus angulus NbM , existat, semicirculus erit, ex scholia propos. 3. lib. 3. Euclidis
 cum MLN , semicirculus sit, scilicet Qb , producta in circulum in M , puncta utriusque
 diametri MN , ut recta illa, angulus in semicirculo existere possit. Eadem ratio & Q , qua-
 drante cadit in N , quod est secundum.

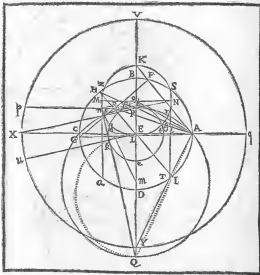
DENIQUE VE inacta recta Ob , quoniam angulus ObN , ONb , æqualis sunt: et
 autem angulus ONb , æqualis quoque alterius angulus PXE , & hic æqualis est angu-
 lus PQb ; (Nam cum triangula PXE , PQb , habeant angulum P , communem, &
 æquales ad E , b , rectos, ut ostendimus, habebunt quoque angulos reliquos X , Q , æqua-
 les.) erit quoque angulus PQb , eadem angulus ONb , æqualis; ac proinde angulus ObN ,
 PQb , minor sit quoque æqualis erunt. Argui angulus PQb , æqualis est angulus mbQ ,
 in ipsa recta bN , igitur & angulus ObN , æqualis erunt; addidit, utriusque an-
 gulus mbN , totæ angulus sunt æquales Obm , NbQ : Sed NbQ , hoc est, PNQ , prout
 ostensus est rectus. Igitur & Obm , rectus erit; ac propterea recta mb , parallelam obli-
 quam tanget, ex coroll. prop. 16. lib. 1. Euclid in b , interfectione maximi circuli $APCQ$,
 cum parallela obliqua $KMLN$. Non aliter ostendemus, apertam rectam in c , tangere
 eundem parallelam in r , quod est tertium.

TERTIO loco demonstranda sunt novem de arcibus similitudinibus utroque
 parallela $KMLN$, VXY . Ducta igitur ex pto P , ad KL , perpendicularis Pn , secans pa-
 rallelos in n , p . Dico arcum Kn , arcui Yp , similem esse, & arcum Ln , arcui Vp . Re-
 sultat enim, ut Num. 2. ostensum est, ita est KO , ad OP , ut TE , ad EP , erit conuenien-
 do, ut OP , ad KO , ita EP , ad TE ; & componendo, ut KP , ad KO , ita TP , ad TE ; &
 perturbando, ut KP , situm versus arcus Kn , ad TP , situm versus arcum Yp , ita KO ,
 situm itum ad TE , situm rectum. Igitur per lemma 5. arcus Kn , Yp , similes sunt: quod
 idcirco ex semicirculis reliquis Ln , Vp , per lemma 6. similes quoque erunt. Hinc mani-
 festum est, nullam aliam rectam ex P , emissam præter perpendiculararem Pn , auferri
 eodem ordine arcus similes. Nam si cadat in alterutram partem perpendicularis Pn , qua
 sit est Pb , secans parallelum A equatori in X , erit arcus Kb , maior, quam ut facile
 sit arcui Yp , cum arcui Km , & casus sit similis arcui Yp . Multo ergo maior erit arcus
 Kb , quam ut similibi sit arcui YX , qui minor est arcui Yp . Quod si recta ex P , iacta ca-
 dat in alteram partem perpendicularis Pn , ostendimus eodem modo, arcum parallelis
 $KMLN$, abscissum, esse minorem, quam ut similibi sit arcui abscisso ex parallela TPV ,
 cum ille minor necessarius sit, quam Kn , hic vero maior, quam Yp , qui ipse Kn , ostensus
 est similis.



est similis. Relia ergo ex P , ad obliq. auferens eo modo arcus similis ex utroque parallelis, ad KL , perpendicularis erit.

$RVRVS$ describatur parallelus Aequatoris b d a priori VXT oppositus & equatilis secans AC , in d . Dico rectam Qb , quam producam ostendimus transire per M , transire quoque per punctum d , aut (quod idem est) rectam Qd , producam transire per b . Ad ut in hac propos. Num. 24. demonstravimus, recta Qd , ex opposito polo parallelis obliqui auferens ex parallelis obliquis arcum a puncto K , inchoatum, aequalem arcui cd , quod

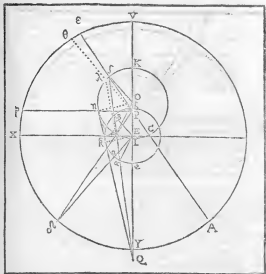


ad numerum graduum actus. Cum ergo cd , quadrans sit, erit & ille quadrans. Quare cum Kb , quadrans respondens, ut paulo ante Num. 3. ostendimus, incidit unicus in ista Qd , in b , ut quadrantem Kb , auferat; & producta ulterius, in punctum etiam M , eadem, in quod ostendimus cadere productam Qb . Itaque quatuor puncta Q , d , b , M , in una recta linea iacebunt: quod de quatuor etiam punctis Q , r , n , d , eundem est.

a 1.º. rectij. O₇, E₈, l₂, tanguntur quatuor ad, k E, " qua ad tangentem Q₂, perpendiculari mē,
b 1.º. primi. " ac proinde inter se parallela; atque utriusque triangula Q₂Q₁, Q₂E₈, equiangula sunt,
c 2.º. primi. cum angulis a, k, rectis sit, " & O₇, E₈, interius, & externi, aequalis, & Q₂ communis,
d 2.º. primi. " igitur utriusq. Q₂O₇, ad Q₁, hoc est, ad O₇, ita Q₂, E₈, ad E₈, hoc est, ad E₈. Triangula
ergo Q₂O₇, Q₂E₈, autem O₇Q₁, habent communem, & latera circa angulos O₇, E₈,
e 1.º. primi. proportionalia. Cum ergo utriusque reliquum angularium O₇Q₁, E₈Q₁, maior sit recto
f 2.º. primi. angulo a " (ille enim maior est recto a, hoc vero maior recto k.) ; erunt et sic triangula

quod supra bases Ifistalium $Of\gamma$, $E\beta\alpha$, existant; erant quoque ista triangula aequian-
gula, aequalisque habebant angulus $\angle Of$, $\angle E\beta$; atque ideo \angle ex duobus re-
bus utique $\angle OK$, $\angle E\beta$. Igitur ex scholia propof. 22. lib. 3. Ducl. arcus Kf , $\beta\beta$, fimiles
sunt: quibus dempfit α ex $K\gamma$, $\beta\alpha$, quos proximo fimiles citam ostendimus, quam
ex fimiliculus KfL , $\beta\beta$; erant per lemma 6. Et reliqui $f\gamma$, $\beta\alpha$, \angle Lf , $\alpha\beta$, fimiles quod
est ostendimus.

POSTREMO duclis Of , $O\gamma$, ex polo P , per f , γ fecimusque parallela $Aqua$ -



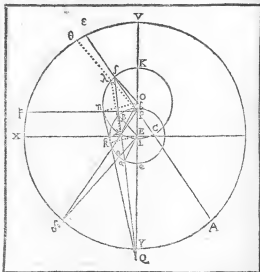
ritas α , β . Dico arcus quoque $\alpha\beta$, $f\gamma$, fimiles esse, angulosque $\angle P\beta$, $\angle P\gamma$, aequales. Quia
cum idem arcus Kf , absconditur per rectam Pf , \angle per rectam Qa , erant arcus $P\beta$, α ,
fimiles, ex his, quae in hac propof. 6. Num. 22. Et 24. demonstrata sunt. Eodemque modo
fimiles erant arcus $Y\beta$, $\beta\beta$, propterea quod idem arcus $L\gamma$, absconditur per rectas $P\delta$,
 \angle $\beta\beta$. Igitur β ex fimiliculus VXT , $K\alpha L$, demantur fimiles arcus $V\alpha$, $\alpha\alpha$; erant re-
liqui

$H\beta\beta$

liqui

liqui $\angle T, \alpha \beta$, quoque similes, ex Lemmate 6. Ex quibus similis similis arcus $\gamma \delta$, $\lambda \mu$, collantur; arcus eodem modo $\alpha \delta$, $\beta \epsilon$, similes; Fuit autem arcus $\beta \epsilon$, paulo ante in hoc Num. 1. similis etiam obfus arcus $\gamma \delta$. Igitur \angle arcus $\alpha \delta$, $\gamma \delta$, similes erant, quod est propositum.

IT A Q U E quia arcus $\gamma \delta$ $\beta \delta$ similes sunt modo obfusi, \angle paulo ante arcus $\lambda \mu$, obfus similis arcus K fuerit arcus quoque $\gamma \delta$, K , similes, idemque per se habentem proposit. 22. lib. 3. Euclid., anguli $\angle O K$, $\angle E \gamma$, ad centra aequales erant; ac proinde \angle ex



duobus restis reliqui $\angle O P$, $\angle E P$, aequales erant. Quia igitur triangula $\angle O P$, $\angle E P$, anguli O, E , habent aequales, \angle latera circa ipsos proportionalia, (affertum enim est) pro Num. 2. ita esse $T E$, hoc est $\alpha \beta$, δE , ad $E P$, ut $K O$, hoc est $\gamma \delta$, ad $O P$, ipsa aequales in erant, aequalesque habebunt anguli $\angle P E$, $\angle P E$, ac proinde \angle ex restis reliquis $\angle P$, $\angle P$, aequales erant.

et fieri.

IX his vicissim efficitur, si ex P , amittantur due rectæ Pa , Pd , confurgentes cum particulari Pp , vel cum recta Kl , angulos aequales, arcus ab illis intercepti esse Py , z paulo esse. Nam ducta recta Qy , cadet in f , ut probabitur, ac proinde, ut ostensum est paulo ante in 3. membro huius Num. 1. arcus z f , z py similes erunt. quod est propositum. Quod si dicatur rectam Qy , productam cadere non in f sed vel ad dextram, vel ad sinistram, ut in 2. ducta recta Pp , secante parallelum Aequatoris in q , erant ex 3. mem. huius Num. 1. arcus q p , z py similes quoque; ac proinde ex 4. membro eiusdem huius Num. 1. anguli q p , p p , aequales erunt; ac propterea et anguli z p , p p , vel z p , p p , inter se aequales erunt, pars est totum, quod est absurdum. Facilius tamen demonstrabimus, arcus z f , z py similes esse, si duo anguli z p , p p , aequales sint, vel anguli q p , p p , hoc modo. Quoniam, ut supra in hoc scholio Num. 3. ostendimus, punctum P , situm, per quod transit recta communis extremitates diametrorum, in parallelis TU , KoL , ad rectam PT , perpendicularium, propterea quod in 2. et 3. figura recta XP , producta cadit in N , ut ibi demonstratum est; erant per lemma 3.4. arcus z f , z py similes.

IX quo illud etiam efficitur, tria puncta Qy , z in una recta linea sita esse, ita ut utique quantum duo ducta transierit quoque per certum si duo anguli p P , z PL , aequales sint. Nam si v.g. recta Qy , non transierit per f , facit in parallelum in 1. Ostendimus ergo, utique, et arcus z f , z py similes esse, et angulos p P , z PL aequales. Igitur et anguli q P , z PL , inter se aequales erunt, totum est pars, quod est absurdum. Transit ergo Qy , per f . Eademque ratione ostendimus, rectam Qf , per z , transire.

LI Qy ET ac hi omnes, fieri possunt, ut arcus aliqui paralleli obliqui præcipue arcuum similes in Astrolabio, id est, videlicet, qui arcus z f , verbi gratia, in sphaera equata sit. Quoniam enim ex Lemma 2.3. plana per poleum australem, et rectæ P z , PL ductæ aufferunt in parallelo obliquo in sphaera arcum arcus z f , aequalem, hoc est, uti parallelis Aequatoris, qui ipse z f , similis est; Est autem arcus z f , circulus similis arcui parallelo obliquo z z , in Astrolabio: erit quoque, arcus ille parallelo obliquo in sphaera ipsa quidem præcipue in arcum z z , per duo illa plana per rectas P z , PL , et poleum australem ducta, similis eadem arcui z z . Et quoniam alij arcus paralleli obliqui in sphaera arcui præcipue, &c. Atque hac de proprietatibus parallelorum obliquorum, necesse alia pergamus.

6. PERSPICUUM est ex ipi, quæ in hac propos. scripsimus, præsertim in secundo, et quarto modo describendo parallelos obliquos, parallelos eisdem circuli maximi obliquos diversa centra fortiri in Astrolabio, Nam in secundo describendo modo recta linea in A polo australi per punctum diametri MN , circuli maximi obliqui rectam BD , ut angulus rectas secantem, in qua perpendicularares ex gradibus eisdem circuli obliqui demissa cadunt, ducta, qualis in prima figura huius propos. sunt AA , Au , &c. indicat huius BD , contra parallelorum. Cum ergo hæ rectæ diversa sint, diversa quoque sint centra ab eis indicata, necesse est. In quarto autem modo recta linea circuli maximi A C k , tangentes eadem centra parallelorum in recta BD , exhibent. Quæ circa unum hæ tangentes inter se differant, necessaria diversa centra monstrabunt. Idem tamen Geometrica ratione Ptolemæus in suo planisphærio demonstrat, quæ quantum longè sit, ac difficilis, breuiori nunc demonstratione, et faciliiori idem efficiemus, hoc modo. In Aequatore $ABCD$, cuius centrum E , qui pro circulo maximo per poleum mundi, et per parallelorum obliquorum ducto sumatur, et sit axis AC , et BD , communis sibi illi circuli maximi, et Aequatoris, in qua diametri apparentes parallelorum sunt de huius, ut in scholio propos. 1. Num. 1. et 2. ostensum est; FG , HI , KL , diametri parallelorum obliquorum ad axem, quantum diametri vult MN , OP , QR , à radijs AM , AN , AB , AI , AE , AL , abscissa, distat utque MM , bifariam in a , ita ut axis eorum

Arctus Toli, qui
paulo postea in
sphaera
puncti possit in
Astrolabio in ar-
cum similes.

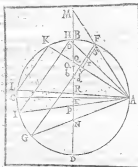
Parallelus circuli
maximi
obliqui, ducta
extra laborem in
Astrolabio.

paralleli diametri EG , circa MKN , describendi. Dico a , non esse centrum paralleli diametri HI , circa OP , describendi, hoc est, OP , non dividit bisariam in a . Quoniam si idem centrum parallelorum obliqui fuerant ac em, non aequaliter distabant eorum extrema a polo mundi C , et C , non sit centrum parallelorum; et sic. Distant ergo puncta E, H , magis a C , quam puncta G, I , hoc est, arcus CE, CH , sunt maiores arcibus CG, CI ; ac prout est angulus CAP, CAH , maior angulo CAG, CAI , ex scholia propof. 27 lib. 3. Euclid. Quoniam igitur et anguli in triangulo AMH , aequales sunt tribus angulis trianguli AHE , ex coroll. 1. propof. 32 lib. 1. Euclid. Sicut autem angulus rectus ad E , aequalis est angulo EAM , maior angulo EAN , ut ostenditur; erit reliquus angulus M , reliquus angulus N , minor; idcirco rectus AMM , maior, quam rectus AN . Non aliter ostenditur, AO , maiorem esse rectis AP : atque ita deinceps, quandocunque diameter laterali aem fecerit, demonstrabimus, radium versus B , usque ad rectam ED , maiorem esse radio altero versus D , usque ad eandem ED . Quod si diameter aliqua, ut KL , aem non fuerit, erit isoholomus radius AQ , maior radio AB : et quia cum angulo AHQ , maior sit angulo recto AER , exterioris ut inuenio, est obliquus erit, ac prout AQR , maior in triangulo AQR .

a 13. primi.

b 16. primi.

c 19. primi.



d 27. et 28.

e 4. primi.

f 1. sexti.

est AN , et AT , est AP , et AV , est AR , aequalis, quocumque rectis ST, TP . Et quia duo latera AS, AT , duobus latibus AN, AP , aequalis sunt, et anguli qui continentur aequalis versantes arcibus TH, GI , qui ex scholia propof. 27 lib. 3. Euclid. aequales sunt, ob parallelos FG, HI ; erit triangula AST, ANP , aequales: atque idcirco triangulum AMO , triangulo ANP , maius erit, et EO autem, et triangulum AMO , ad triangulum ANP , ut basis MO , ad basin NP . Igitur et basis MO , basi NP , maior erit. Cum ergo MO , est Ra , si equalis, erit reliqua Qa , minor quam P aequalis. Non igitur OP , sita est in a , bisariam. Quod si OP , fuerit bisariam in b , ostenditur eadem prout modo, rectam QR , non bisariam in b . Non rectus est triangulum ATP , triangulo APR , aequalis, idcirco AOR , maior, quam APR , ac prout est OQ , maior, quam PR : quibus deceptus ex aequalitate $O b, P a$, reliqua $R b$, minor est quam reliqua $B b$. Medium ergo punctum d , diametri QR , eandem in a, b , asperat tres paralleli diametrorum FG, HI, KL , in Astralabio centra habent diuersa. h. h. Eademque ratio est de ceteris.

Item ATP , triangulo APR , aequalis, idcirco AOR , maior, quam APR , ac prout est OQ , maior, quam PR : quibus deceptus ex aequalitate $O b, P a$, reliqua $R b$, minor est quam reliqua $B b$. Medium ergo punctum d , diametri QR , eandem in a, b , asperat tres paralleli diametrorum FG, HI, KL , in Astralabio centra habent diuersa. h. h. Eademque ratio est de ceteris.

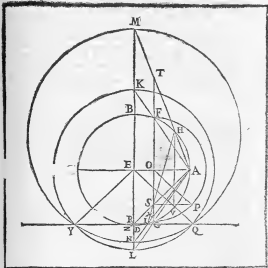
7. $QVI A$ vero propof. 2. Num. 4. conclusimus, Aequatorem, in ipso parallelo in Astralabio descriptis diuidendus esse in gradus aequales, non sicut atque in sphaera si sit, demonstrat Ptolemaeus subtili ratiocinatione quoniam obliquo obliquo obliquo fecare quoniam parallelum Aequatorem in partes similes illis, in quas idem parallelus Aequatorem ab illo circulo obliquo in sphaera diuiditur, quoniam arcibus est ab illo in Astralabio a parallelo Aequatorem non fecatur in partes similes illis, in quas in sphaera ab eodem parallelo Aequatorem diuiditur: quia nimirum non eadem par-

Parallelum autem, non sicut atque in sphaera si sit, demonstrat Ptolemaeus subtili ratiocinatione quoniam obliquo obliquo obliquo fecare quoniam parallelum Aequatorem in partes similes illis, in quas idem parallelus Aequatorem ab illo circulo obliquo in sphaera diuiditur, quoniam arcibus est ab illo in Astralabio a parallelo Aequatorem non fecatur in partes similes illis, in quas in sphaera ab eodem parallelo Aequatorem diuiditur: quia nimirum non eadem par-

- vis in sphaera aequalis erit, cum circa eius diametrum descriptus sit; extendatur OP , de
 nec fecit AM per T recta autem AIN , sitis FG , in X ; & denique ipsi ED , FG , paral-
 lela agatur HF . Quoniam igitur uterque parallelus diametrorum FG , HI , ad cir-
 culum maximum $ABCD$, rectus est, quod hic per eorum polos tendens ad circulum
 sit, & erit communis eorum focus per S , transiens, ubi diametri sibi invicem fecerunt, ad ean-
 dem rectam; ac proinde ad rectam FG , in eo circulo essentem perpendicularis in puncto
 S , ut distat. 3. lib. 11. Eucl. Si igitur ex S , educatur ad FG perpendicularis IP , angulus
 semicirculi FPG , qui ad circulum $ABCD$, rectus intelligi poterit ea, communis sibi
 duorum parallelorum, atque adeo parallelis obliquis diametri HI parallelum agna-
 toris FPG , secabit in P . Ducta autem recta OP , sunt anguli SOP , arcuum in paral-
 lelo FPG , aequalis angulus LEQ in plano A sphaerae, recta quoque EQ , parallela IP , de-
 scripta in A sphaera occurrit in Q . Ducta quoque recta AS , qua praestilla fuit IL , in
 in R , tangatur recta QR . Itaque quoniam angulus AHF , aequalis est angulo ILH ,
 hoc est, angulo HIX , cum insistant aequalibus arcibus AV , AH ; idemque angulus
 AHV , angulo HIX , externus interno, aequalis est; erunt inter se aequales anguli HIL ,
 HIX ; ac propterea, cum duo hi anguli habeant basim communem, rectam HI , sub-
 ceratur; poterit ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. circa quatuor punctis X , A , T , I , com-
 bus descripti, in quo se mutus fecerunt recta HI , TX , in S . Igitur rectangulum sub HI ,
 SI , rectangulum sub TS , IX , aequalis erit: Sed illud idem aequale est quoque rectangulum
 sub PS , SG , quod duo recta HI , FG , in S , utrum se intersectent in circulo $ABCD$. Ipo-
 tur duo rectangula sub TS , IX , & sub PS , SG , aequalia inter se sunt: & ac propterea
 erit, ut TS , ad SG , prima ad secundam, ita PS , ad IX , tertia ad quartam: Primum
 TS , ad SG , ita est, ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. MR , ad RL : Et ut PS , ad IX , ita
 KR , ad RN . Igitur erit quoque ut MR , ad RL , ita KR , ad RN : & ac proinde utrum
 gulum sub MR , RN , prima & quarta, aequale erit rectangulo sub KR , RL , utraque tri-
 cunda: Quia vero est, ut LE , ad EA , ita GO , ad OA , & quoniam
 in triangula AEL , AOG . Et ut EA ad EP , ita OA , ad OP , ut ex
 aequalitate, ut LE , hoc est, ut QE , ad ER , ita GO , hoc est, ita PO ,
 ad OS . Cum ergo anguli ad E , O , in triangulis ERQ , OPS , in un-
 frustione sint aequales; habeantque circa ipsos latera propor-
 tionalia, ut modo ostendimus, & aequiangula erunt ipsa triangu-
 la, aequalesque habebunt angulos ad R , S ; ac proinde cum his rectis,
 & ille rectus erit. Igitur ex scholio propof. 13. lib. 6. Eucl. RQ , modo pro-
 portionalis erat inter KR , RL , & ideoque rectangulum sub KR , RL , quadrato rectae
 RQ , aequale erit. Igitur & rectangulum sub MR , RN , (quod rectangulum sub KR ,
 RL , essentem fuit aequale.) videm quadrato rectae RQ , aequale erit, & ac proinde
 RQ , media proportionalis erit inter MR , RN . Circulus igitur MQR , per centrum
 eius punctum Q , transibit. Nam si circa punctum Q , vel ultra fecerit rectam RQ , ab-
 simderet ex eodem scholio propof. 13. lib. 6. Eucl. aliam rectam inter MR , RN , modo
 quoque loco proportionalem, minorem, maioremque, quam RQ , quod est absurdum. Quia
 circa circuli KQL , MQR , cum uterque per Q , transierit, si mutus sit ab eis in Q , cen-
 trum perpendicularis RQ . Et quia per scholium propof. 22. lib. 3. Eucl. daretur ILQ , OP ,
 similes fuit, & angulus in centro E , O , aequalis, ac proinde ex lemma 6. & ex similitu-
 dine reliqui KQ , EP , & quoniam parallelis Aequatoris KQL , & parallelis obliquis MQR , in
 A sphaera fecari in arcus similes arcibus, in quos ab eodem in sphaera dividitur, quod est
 propofitum. Eadem enim demonstratio adhibebitur ex altera parte, si angulus LET ap-
 lus sit angulo SOP , recta quoque ET , parallela EY , occurrat in T , ac tandem recta in-
 gatur YR . Eodem modo ostenderetur, punctum T , esse quoque in parallelo obliquo MQL .
 Si IDE M per se invicem, si parallelus obliquus per polos australem A , meri-
 dianus.



Idem enim Aequator cum suo parallelo, & semicirculo FPG , circa diametrum
 TE descriptus, ut prius, sed diameter paralleli cuiuspiam obliqui per polos astralem du-
 ctus AZ , per polos A , transiens, secansque diametrum FG , in S . Et quia per propof. 1.
 diam. 1. parallelus diametri AZ , in plano Aequatoris, Astralibque rectam lineam se-
 cusuram per R , transiuntem, ubi diameter plano Astralibq occurrit, sit illa linea
 recta RET , communis nimirum seltis paralleli, & plano Aequatoris, vel Astralibq, se-
 cus parallelum Aequatoris in R . Quoniam autem & parallelus obliquus, & Aequa- 211.1. T b



Idem ad circulum maximum $ABCD$, per eorum polos ductum rectus est, & est quoque
 utrum sita communis RET , ad eandem rectam, ac prout ad LM , communem selti-
 um Aequatoris Astralibque, & circuli maximi $ABCD$, ad planum Astralibq, vel
 Aequatoris rectis perpendicularis, ex desu. 3. lib. 11. Euclid hoc est, anguli ad R , re-
 ctissimi. Ducta quoque SP , ad FG , perpendiculari, qua communis seltis erit parallela-
 rum, ut supra probatum est Num. 7. iungantur recta EQ , OP . Quoniam igitur ex sibi
 lin

In *propof. 4. lib. 6. Eucl. est ut LR, ad ER, ita GS, ad OS, erit comparando quæque in LE, hoc est ut QS, ad ER, ita GO, id est, PO, ad OS. Quare cum in triangulo EGG, OPS, habeant angulos E, S, rectos æquales, & latera circa angulos E, O, proportionalia, hæc æquæ sunt, angularium QP, utrumque rectis minorum ex coroll. 1. *propof. 17. lib. 1. Eucl.* & ita æquiangula erunt, angulique æquales habebunt LEQ, GOP. Igitur ex scholio *propof. 2. lib. 3. Eucl.* arcus LQ, GP similes sunt, adeoque & ex semicirculo reliquis KQ, FP, similes erunt. Laqueat ergo parallelum obliquum, quoniam rectæ sunt HA, QY, secare in Aftrolabio parallelum Aequatoris KQLT, ut arcus simili arcibus, in quos ab eodem in sphaera dividitur, quod est *propositum*. Eadem ratio in demonstrabimus, arcus LY, arcus GP, similes esse, ac propterea & ex quoniam PS, producta analoga semicirculo abstrahit, cum illa æqualis sit arcus GP, ex scholio *propof. 27. lib. 3. Eucl.* quemadmodum ex eodem scholio & arcus LY, arcus LQ, æqualis est. Eademque ratio in omibus aliis parallelis, uno obliquo, & altero Aequatori æquidistantibus, si intertus in sphaera, atque idcirco & in Aftrolabio se interfecantibus, sunt obliqui per ipsum aftrolabio incutias, suis non.*

9. A D extremum, si cognoscere quis cupiat, utrum circulus non maximus in Aftrolabio describitur, qui nimirum Aequatorem bisariam non faciat, intra se continet portiones sphaera hemisphaerio minorem, maioremque, consequitur ad facili negotio hæc ratio. Quando circulus totus est intra Aequatorem, vel totus extra, cum tamen in ambobus, vel quando faciat Aequatorem non bisariam, cuiusque Aequatoris segmentum intra circulum facientes existit, portiones sphaera intra circulum inclusa est hemisphaerio minor: quando vero circulus totum Aequatorem ambiat, vel cum non bisariam faciat, cuiusque Aequatoris segmentum intra circulum existit, portiones sphaera intra circulum inclusa hemisphaerio maior est. Nam quando totus circulus est intra Aequatorem, minorem portiones sphaera includit, quam Aequator. Cum ergo Aequator hemisphaerium abstrahat, tanquam circulus maximus, includit circulus ille portiones hemisphaerio minorem. Sic etiam quando circulus Aequatorem bisariam non faciat, cuiusque eius segmentum comprehendit, qualis est in prima figura huius *propof. 6.* circulus c 30 d super eius centrum, & centrum E, Aftrolabij recta ducatur cE, quam ad rectum angulum faciat diameter Aequatoris AC, poterit per duo punctum c, extra Aequatorem, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui totum circulum c 30 d includat, quod cum in solo puncto c, tangat ex scholio *propof. 17. lib. 3. Eucl.* Cum ergo maximus ille circulus includat hemisphaerium, erit portio intra circulum c 30 d hemisphaerio minor. Denique quando circulus totus est extra Aequatorem, cumque non ambiat, quia in eadem figura priore huius *propof. 6.* circulus AA d, si rectam per eius centrum, & centrū Aftrolabij recta ducatur dE, quam ad rectum angulum faciat diameter Aequatoris AC, poterit per eius punctum ab Aequatore remotius in recta E d, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui cum intra se contineat hemisphaerium, ambiatque totum priorem circulum, erit portio intra eum existens hemisphaerio minor. At vero quando circulus Aequatorem totum ambiat, comprehendit maiorem partem, quam in Aequator. Cum ergo hic hemisphaerium auferat, abstrahens illi portiones hemisphaerio maiorem. Sic etiam, quando circulus non quidem ambiat Aequatorem, sed cum faciat non bisariam, cuiusque Aequatoris segmentum in eo existit, cuiusmodi maiorem priore figura huius *propof. 6.* est circulus BB a, si per eius centrum, & centrū Aftrolabij ducatur recta a, quæ ad rectum angulum faciat diameter Aequatoris AC, poterit per punctum a, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui totum intra circulum BB a, contineatur, cum cum in solo puncto a, contingat, ex scholio *propof. 17. lib. 3. Eucl.* Quare cum circulus hic maximus hemisphaerium includat, comprehendit circulus BB a, portiones hemisphaerio maiorem quod est *propositum*.

PROBL.

circulus in aftrolabio non maximus, qui nimirum Aequatorem bisariam non faciat, intra se continet portiones sphaera hemisphaerio minorem, maioremque, consequitur ad facili negotio hæc ratio.

Parallelos cuiusvis circuli maximi, qui per mundi polos ducitur, in Astrolabio describere, atque in gradus distribuere.

QVAMVIS eiusmodi paralleli per doctrinam precedentis prop. 6 describuntur, tamen quia in sphaera recta descriptio eorum quibuscumque in rebus a descriptione eorundem parallelorum in sphaera obliqua differt, libuit propria propositione parallelos circuli maximi per mundi polos ducti describere.

QVONIAM igitur omnes circuli maximi per mundi polos ducti in Astrolabio projiciuntur per lineas rectas sese in centro Astrolabij intersecantes, et proposit. I. Num. 4. demonstratum est, representet recta AC, per E. centrum Astrolabij, in quo Aequator ABCD, ducta vnum aliquem ex eiusmodi circulis, cuius paralleli in eodem Astrolabio describendi sunt: intelligaturque ABCD, circulus per polos mundi ductus ad datum circulum, quem recta AC, representat, rectus, qualis est Meridianus, si recta AC, referat Horizontem rectum, vel circulus horæ 6. a meridie, & media nocte: aut circulus horæ 6. a mer. & med. noct. si eadem recta AC, representet Meridianum circulum; qui circulus in Astrolabio faciat rectam BD, in utraque partem extensam in infinitum, quæ ad AC perpendicularis erit. Quoniam enim tam hic circulus, quam Aequator, quia plano Astrolabij non differt, ad propositum circulum rectus est, & erit communis sectio BD, ad eundem recta, ideoque de defin. 3. lib. 11. Eucl. ad rectam quoque AC, perpendicularis erit in centro E. Et quoniam hic circulus ABCD, ad datum circulum rectus, & faciat omnes eius parallelos bisariam, & per polos B, D. (Nam B, D, poli sunt circuli maximi AC, eiusque parallelorum.) si per singulos gradus circuli ABCD, parallela ipsi AC, agantur, erunt ex diametri parallelorum circuli propositi. Nos ex utraque parte binas duximus FG, HI; LM, NN, per tricesimos gradus, ne multitudo linearum confusioem pariat. Constat ergo A, polo Australi, (Circulus enim propositus, quem recta AC, representat, per utrumque polum duci ponitur) hinc eo per extrema puncta diametrorum radij visuales emittantur, abscedentij ex BD, protracta diametros visuales apparentes, parallelorum. Nam ut in scholio proposit. 3. Num. 1. R. a. demonstratum est, in recta BD, communi sectione plani Astrolabij, & circuli maximi per mundi polos ducti, & ad propositum maximum circulum, eiusque parallelorum, recti, inspicendi sunt ex polo australi; cum ea recta abscedat tum triangula biscentraria, tum maximas diametros visas, ut ibidem ostendimus. Ut extrema puncta diametri FG, apparebunt in O, P, ut tota diameter visa sit OP. Punctum extrema diametri HI, cernentur in Q, R, & sic de cæteris. Igitur dimidia bisariam diametris visa, si circa eas circuli describantur, descripti erunt paralleli propositi, cum per proposit. 3. in forma circulari appareant ex polo australi inspicendi. Transibunt autem omnes per extrema diametrorum in Aequatore ABCD, qui est Verticalis primarius Horizontis recti AC, quemadmodum in sphaera per eadem incedit. Quod tamen Geometricè ita quoque concludimus. Iuncta recta CO, erunt duo latera CE, EO, duobus lateribus AE, EO, æqualia. Cæterum & angulus æquales, nimirum rectos, complectantur, & erunt etiam anguli ECO, EAO, æquales inter se: ac propterea æqualibus insident peripherijs. Quocirca cum arcus CF, AG, æquales sint, insiliet quoque angulus CAF, arcui CF, insillet angulus ACG, arcui AG, hoc est, recta CO, producta in punctum G, uiset, Et quia angulus AGC, in semicirculo rectus est, erit quoque et deinceps

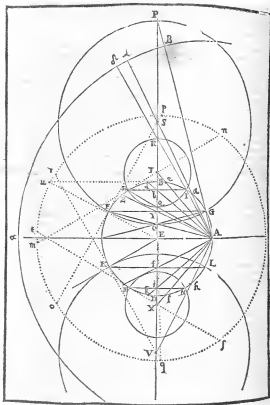
Parallelus rectus. Hic circulus maximum per mundi polos ductus, in Astrolabio describitur.

a 13. uider.

b 13. a. Tab.

c 14. primi.
d 26. tertij.

e 31. tertij.



60. rectus Igitur ex scholio propof. 3. i. lib. 3. Eucl. circulus circa OP, defcri-
ptraffioit per G. Eademque ratione per P, incedet, atque ita de cæteris. Sed
quantum radij ex A. puncto quadrantis AB, vel AD, nimum excurrunt, satis erit,
totum Særiam punctorum F, O, G, inueniatur in recta BD, producta. Item
entem T, trium punctorum H, Q, I, & sic de cæteris: quoad quidem per tria
puncta parallelus transire debet, vt ostendimus. Ita enim magis exquisitè pa-
rallelus FOGP, describatur, quam si extremum alterum punctum P, reperiat,ur,
quod propter obliquam intersectionem rectæ AG, cum DBP, vix sine errore pos-
set deprehendi.

CAETERVM quemlibet parallelum transire per tria puncta inuenta, vt
GFFO, per F, O, G, hinc etiam colligi potest. Cū enim parallelus Horizontis re-
ctæ, & Horizon rectus abscindant ex Verticalibus eisdem Horizontis recti equa-
les arcus per propof. 10. lib. 3. Theod. Sint autem eiusmodi Verticales Aequator
ABCD, & Meridianus DEB, referatque EU, arcum CF, ex propof. 1. erunt tres
arcus æquales CF, EO, AG. Igitur parallelus GFFO, cum per O, transire con-
spicitur, transibit quoque per puncta F, G. Eadem de causâ parallelus IRHQ,
per tria puncta H, Q, I, transibit. Et sic de cæteris.

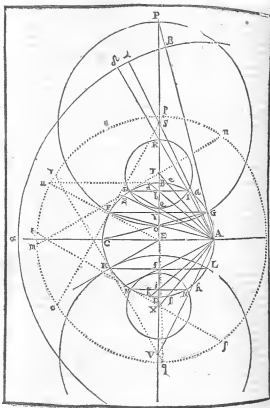
1. ITA autem centra parallelorum facile inueniemur. Ex A, per Y, vbi
diametri FG, rectam BD, secat, emittatur recta AY, secans Aequatorem in Z.
Inueniaturque arcui BZ, æqualis abscindatur Ba, cadet recta Aa, in S, centrum quo
sum, vt in Lemmate 35. demonstratum est. Sic etiam ducta recta Abd, si arcui
Bæqualis sumatur Be, incidet recta Ae, in T, centrum paralleli per H, Q, I,
descripti. Item ducta recta Afg, si arcui Dg, accipiat,ur æqualis Dh, dabit re-
cta Hh, centrum V, paralleli per K, L, descripti. Denique ducta recta Aik, si ar-
cui Dh æqualis Di, sumatur, transibit recta Ai, per X, centrum paralleli per M,
N, descripti. Satis autem est, si centra S, T, reperiantur pro parallelis semi-
circuli ABC. Nam si rectis ES, ET, æquales fiant EV, EX, erunt V, X,
centra oppositorum parallelorum circa puncta K, L, & M, N, describendorum.
Oppositi enim paralleli in Horizonte recto æquales omnino sunt in Astrola-
bo, sicut in sphaera.

3. ALIO modo describemus eosdẽ in parallelos, etiam si neque eorum dia-
metri in circulo ABCD, ductæ sint, neque radij ex A, emittantur. Quoniam enim,
in paulo inferius ostendemus Num. 10. recta quæcumque, vt EK, ex centro ad
Aequatoremeducta tangit in K, parallelum per K, descriptum: si vt KV, du-
ctas EK, perpendicularis, vel Aequatorem tangens, cadat in V, centrum paral-
leli per K, describenda. Quocirca si ad omnia puncta Aequatoris, qui Verticalis
primæ est in sphaera recta, ex centro E, ducantur rectæ lineæ, & per earum
vniuersa puncta ducantur ad easdem lineæ perpendiculares, quæ quidem ex co-
lo propof. 16. lib. 3. Eucl. Aequatorem in eisdem punctis tangunt, inuenta erunt
centra omnium parallelorum, semidiameter autem cuiusque erit ipsa linea tan-
gens: centro inuenito vsque ad punctum contactus. Vt in dato exemplo, semi-
diametri paralleli KL, est VK. Ducemus autem facili negotio per singula puncta
Aequatoris tangentes rectas. siue perpendiculares ad eius semidiametros, hac
ratioe. Educta ex B, ad BD, perpendiculari Bu, quantacunque, describatur
æ, per speculum ocululus, & recta Bu, beneficio circini transferatur ex pun-
cto Aequatoris H, F, K, M, in Circumferentiam occultam ex vtraque parte, vt
in H, vsque ad m, n, & ex F, vsque ad o, p, q, & ex K, vsque ad q, r, & ex M, vsque ad
s, t, & ita quæcumque in op, q, r, t, Aequatorem tangunt in H, F, K, M, hoc est, per-
pendicularis erunt ad semidiametros, si ductæ sint, EH, EF, EK, EM. Iunctis enim

Centra punctis
cum circuli cen-
tris per mundi
polar ductis in
Astrolabo reper-
iuntur.

Parallelus rectæ
per rectam tangen-
tis describitur.

2. 3. 4. 5. 6. 7.



rectis Eu, E γ , erunt duo latera EB, B γ , duobus lateribus EK, K γ , equalia. Cum ergo & basis Eu, basi E γ , sit equalis, erit angulus rectus EBU, angulo EK γ , equalis, et proinde hic quoque rectus erit, ideoque Acquatorem in K, consequens. Eodemque de ceteris ratio est.

4. NON erit difficile exiis, quæ dicta sunt, describere parallelum quocunque gradibus ab Horizonte recto AC, distantem, si distantiam datam à punto C, vel A, numeremus versus B, si parallelus describendus sit supra Horizontem, aut versus D, si infra Horizontem, & per terminam enumerationis parallelum describamus, ut traditum est.

5. E CONTRARIO, si descriptus sit quilibet parallelus, cognoscitur eius distantia ab Horizonte recto per arcum Acquatorem inter C, vel A, & ipsam intersectionis paralleli cum eodem Acquatore. Vel si per intersectiones paralleli cum linea meridiana rectæ educantur, secabitur Acquator in duobus punctis eiusdem distantie: Atque hæ rectæ necessario per intersectiones paralleli cum Acquatore transibunt: Alioquin circularis datus non representatibique parallelum Horizontis recti: Quare quando non constat, propositum circulum esse unum ex parallelis recti Horizontis, adhibenda erit posterior ratio, ut simul agnoscamus, nos non frustra, ac temere distantiam dati paralleli ab Horizonte recto inquirere. Nam si rectæ ex A, per intersectiones propositi circuli cum meridiana linea ductæ transiant per intersectiones eiusdem circuli cum Acquatore, certum est, cum esse Horizonti parallelum, cuius diameter est recta duas has intersectiones coniungens: aliter non erit Horizonti parallelus, sed aliquem alium circulum representabit, ut propos. 7. dicemus.

6. PORRO ut radij ex A, emissi, & longius excurrentes, exequitibus dentur, describendus erit ex A, ad quodvis Intervallum circulus æg. ut in antecedentibus etiam propositionibus factum est. Nam si v. g. accipitur arcus æg. similis semissæ arcus CBG, transibit radius AG, per B; quia nimirum per Lemma 10. rectæ Aæ, AG, interceptant duos arcus, quorum is, qui in circulo æg. descripto ex-istit. similis est semissæ arcus in circulo per A, transiente. Itaque, si sumantur arcus æg, æg, similes semissæ arcuum CBA, CBI, transibunt radij Ay, A β , per æ, I. &c.

7. IAM verò circulus maximus, quem recta AC, refert, & eius paralleli ipsæ pterius modis in gradus distribuentur, quibus superiores circuli partiti sumus. Nam circulus maximus per rectam AC, in infinitum extensam representatus, dividetur per rectas ex B, polo superiori per gradus Acquatorem emissas eo ordine, quem in Lemma 23. præscripsimus: Nimirum arcui abscisso DP, inchoato à punto inferiori D, respondet arcus EQ, à statione boreali inchoatus: Ita quoque arcui DQ, responderet arcus ER: item arcui DG, responderet arcus EL, ita ut quemadmodum arcus BG, incipit à punto superiore, ita ei respondeat arcus à statione australi inchoatus; si polos australis designari posset) usque ad L. Itaque, si PQ, fuerit quadrans, erit quoque OR, quadrans. Rursus idem circulus maximus AC, dividetur per rectas ex inferiori polo D, emissas, ita tamen, ut arcus à superiori punto B, inchoati habeant respondentes in AC, à statione boreali E, inchoatos, &c. ut in eodem Lemma 23. dictum est. Ita videtur arcui BG, respondere arcum EX, quorum ille à punto superiori, hic vero à statione boreali initium sumit, &c.

8. SIT quoque paralleles aliquis maximi circuli AC, nimirum EFGHI, dividendus in gradus per rectas ex polo superiori B, educatas. Describamur parallelus

a 1 primæ

Parallelum dandi Horizontis recti ut ad stationem inferiorem.

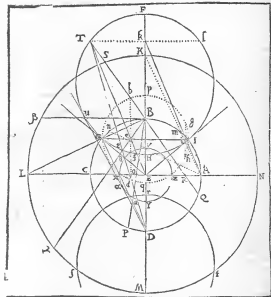
Parallelum Horizontis recti ut ad stationem inferiorem, ut quocunque ab Horizonte recto datus respicitur, equidistantem.

Rectæ longius excurrentes, ut arcus dentur.

Circulum maximum per polos mundi dandum, ut gradus dandi sint.

Parallelum maximi circuli AC, ut arcus dandi sint, ut quocunque ab Horizonte recto datus respicitur, equidistantem.

parallelus A equatoris $KLMN$, tanto intervallo à polo australi A , distans, quanto parallelus $FGHI$, à polo superiori B , abest, ita ut arcus BG , Am , distans distantias metientes sint aequales. Si igitur arcus sumatur KS , in parallelo Aequatoris quotlibet graduum, dabit recta BS , in dato parallelo arcum FT , eundem graduum, quia KS , incipit à puncto superiore K , & FT , à sectione australi F . Eadem ratione tot erunt gradus in arcu MLS , inchoato à puncto M .



inferiore, quot in arcu HGT , à sectione boreali H , inchoato continetur. Et quia FG , GH , HI , IF , respondent quadrantibus dati paralleli in sphaera, quod Aequator $ABCD$, hoc est, Verticalis primarius sphaerae rectus, & Meridianus PD , sicut Horizontem, eundem parallelum in quadrantes; necesse est, ut recta BL , transeat per punctum G , ut auferat arcum FG , quadrantem KL , respondentem, &c.

3. QVOD

9. QVOD si idem parallelus FGHI, per rectas ex inferiori polo D. egredientes dividendus sit in gradus, describendus erit parallelus Aequatoris VXYZ, parallelo KLMN, oppositus, qui videlicet tanto intervallo à polo australi A, distet, quanto parallelus FGHI, à polo inferiori D, distet, ita ut arcus DCG, ABo, distantiarum distantiarum aequales sint. Nam si arcui KS, inchoato à puncto superiori sumatur similis arcus Ya, (qui in sphaera ipsi KS, aequalis est, cum paralleli aequales sint.) à puncto inferiori inchoatus, dabit recta Da, producta cum parallelo FT, eundem à sectione australi inchoatum. Item abscindet arcum Vm, à puncto superiori. V, inchoato arcum HGT, à sectione boreali H, inchoatum. Eodem modo DX, abscindet duos quadrantes YX, FG, ut ex Lemma 13. perspicuum est.

10. ALIO modo eundem parallelum ita in gradus partiemur. Descripto circa GI, circulo pGqI, sumantur arcus pb, qd, inter se aequales, iunctaque recta bd, secet GI, in e. Nam recta Ee, secabit parallelum in duobus punctis T, i, continetib; vterq; arcus FT, HE, tot gradus, quot in arcu pb, continentur, ita vterque arcus GT, Gf, tot complectitur gradus, quot in arcu Gb, continentur: adeo ut si arcus KS, pb, similes fuerint, rectae Ee, BS, in idem punctum T, incidant. Est autem hæc ratio eadem omnino, quæ illa, quæ propos. antecedenti Num. 1. & parallelis circularum obliquoarum in gradus distribuitur; propterea quòd E, sit centrum Verticalis primarij, sicut ibi punctum L. Eque sit, rectas EG, EI, parallelum tangere in G, I, extremis punctis diametris GI, quemadmodum ibi rectæ Lq, LG, parallelum contingere ostendimus.

11. TERTIO eundem parallelum, & alios quoque hac ratione distribui in gradus. In circulo circa GI, veram diametrum paralleli descripto accipiantur duo arcus aequales Ig, Ih, iunctaque recta gh, secante GI, in i. ducta ex A, polo australi per i, recta Ai, donec EB, productum secet in k. Nam recta Ti, per k, ad BF, ducta perpendicularis abscindet duos arcus FT, FL, quorum vterque continet tot gradus, quot in arcu Ig, includuntur, vel duos GT, IL, eodem graduum, quot complectitur arcus pg; adeo ut si arcus Ig, similis fuerit arcui KS, vel aequalis arcui pb, perpendicularis kT, in ipsam punctum T, quod per rectas BS, Ee, monstratum est, incidat. Atque hæc ratio à tertio modo dividendi parallelis obliquis, quem in precedenti propos. Num. 3. expressimus, non differt.

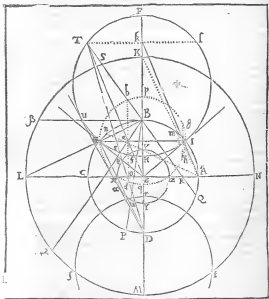
12. NON aliter paralleli infra Horizontem rectum AC, dividuntur in gradus. Scenim parallelus r st, sub Horizonte aequalis omnino parallelo FGHI, hoc est, distantia vtriusq; ab Horizonte in contrarias partes sit eadem. Ergo ex polo superiori distribuetur beneficio paralleli Aequatoris VXYZ, quanto spatio abest à polo australi, quanto parallelus r st, à Zenith B, distat, ut rectæ ex B, cadentes, auferentesque arcus à puncto V superiori inchoatos abscindat ex parallelo arcus respondentes à sectione australi inchoatosque infra punctum M, existit. Rectæ vero abscindentes ex parallelo Aequatoris arcus à puncto inferiori Y, inchoatos, auferant arcus respondentes in dato parallelo r t, incipientes à sectione boreali r, veluti prius. At ex polo inferiori D, sicabitur idem parallelus st, beneficio paralleli Aequatoris KLMN, cum hic tanto spatio removeatur à polo australi, quanto r st, à Nadir, vel polo Horizontis inferiori recedit: ita ut rectæ ex D, egredientes, quæ auferunt arcus paralleli Aequatoris incipientes à K, puncto superiori, rescant ex parallelo rst, arcus respondentes initium sumentes à sectione boreali r: Rectæ vero auferentes ex KLMN, arcus, quorum initium est in M, puncto inferiori, abscindant

Parallelus circuli maximus per mundi polos ductus, in gradus distribuitur, ex modo à nobis ostensum.

Parallelus circuli maximus per mundi polos ductus, in gradus distribuitur, ut prius à nobis ostensum.

dant ex r s t, respondentes arcus à sectione australi infra punctum M, existente in choatos, ut prius. Quæ omnia liquido constant ex iis, quæ in Lemmate 23. scripsimus.

PARALLELI iidem diuidi quoque poterit in gradus, si placet, ex centro proprio, & centro Astroislabii, eo modo, quem in antecedenti propos. 6. Num. 35. posuimus: quæ res, quoniam facilis est, longiori declaratione non indiget.



DENIQUE huc etiam facile accommodabuntur omnia ea, quæ Num. 36. & 37. propos. 6. scripsimus, ut perspicuum est.

SE D autem omnia hæc transferantur ea, quæ propos. 6. Num. 34. scripsimus: hoc est, si à puncto E, versus G, abscindendus sit ex parallelo arcus quousque gradus apparentiū, numerentur ex puncto opposito H, in eandem partem versus G, totidem gradus æquales usque ad 4. Recta enim ex D, polo inferiore per a, cū

Quæ ab sita-

abscindet arcum FT, quęsitum, continentem videlicet tot g. radius visus, quot æquales in arcu H a, continentur. Quod si iidem gradus æquales numerentur in H, in oppositam partem versus L, dabit recta ex line numerationis per B, polus superiorem ducta eundem arcum FT. Viciſſim si ex F, vsque ad T, numerentur quoque gradus æquales, abscindet recta TD, ad polum inferiorem D, ducta eandem partem arcum Ha, totidem graduum visorum, recta autem ex T, per B, polum superiorem extensa auferet ex parte opposita arcum totidem graduum apparentium.

DEINDE quia V, centrum circuli pGqI, & E, centrum paralleli Aequatoris KLMN, similiter distant à B, polo superiore, (* cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VB, ita LE, hoc est, ita KE, semidiameter ad EB.) fiet diuisio paralleli FGHI, per circulum pGqI, sicut per parallellum KLMN, ex polo superiori B. Ita vides rectam Bb, (sumpto arcu pb, simili ipsi KS,) transire per S, notareque idem punctum T. Rurſus quia eadem centra V, E, similiter distant à polo D, inferiore, sumpto E, pro centro paralleli Aequatoris VXYZ, (* cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VD, ita XE, hoc est, ita VE, semidiameter ad ED) fiet eadem diuisio paralleli FGHI, per eundem circulum pGqI, ex polo D inferiore. Ita vides rectam Dd, (sumpto arcu qd, simili ipsi Ya,) transire per a, notareque idem punctum T. Atque in hunc modum si pro parallelis Aequatoris KLMN, VXYZ, alii circuli describantur, quarum centra similiter essent à polo B, superiore cum E, centro paralleli KLMN, vel à polo D, inferiore cum E, centro paralleli VXYZ, habebuntur alii circuli, per quorum polos rectę ex polo B, vel D, extense partientur parallellum FGHI, a gradus, ut propos. Num. 24. demonstrauimus.

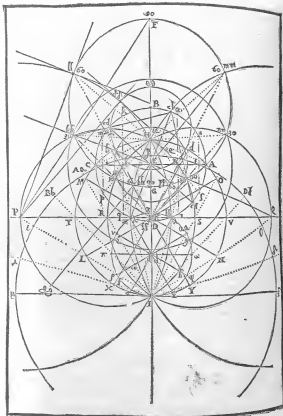
13. AD extremum omnia illa hic vera sunt, quę in scholio antecedentis propos. Num. 2. 3. 4. & 5. demonstrata sunt : hoc est, ducta recta Bug ad ED, perpendiculari ex B, polo parallelorum Horizontis recti superiore, rectam De, ex inferiore polo D, ductam tangere parallelos in u, a; & arcum Fu, arcus Mg, & arcum Ha, arcus K g, similes esse. Item arcus Ya, Hu, & Va, Fu, quos tangens recta Da, ex inferiore polo D, ducta abscindit, similes esse. Rurſus si ex eodem polo inferiore D, ducatur utrumque recta DT, tam arcus FT, Vg, quam Ha, Ya, & quam Tg, ga, similes esse. Pręterea ductis rectis BT, Ba, secantibus parallellum Aequatoris KLMN, in S, g; & arcus Sg, Tg, similes, & angulos TBF, gBM, vel TBg, gBg, æquales esse. Denique si sunt æquales anguli TBF, gBM, inuertitur BT, Sg, paralleloscent in T, a, S, g, viciſſim arcus Sg, Tg, similes sunt; atque adeo rectam ductam DT, transire per punctum a, vbi recta Bg, eundem parallellum Horizontis secat : Et rectam ductam Da, transire per punctum T, vbi idem parallellus à recta BT, secatur; hoc est, vbi puncta D, a, T, in una recta linea sita esse. Eadem enim omnino demonstratio, quę in dicto scholio facta est, locum hic habet, vt liquet.

PROBL. V. PROPOS. VIII.

VERTICALES circulos, qui per polos Horizontis ducuntur, & quos Azimuth Arabes appellant, & alios circulos maximos, qui per polos cuiusvis circuli maxi-

K k k

m m



ni in Astrolabio descripi incedunt, in Astrolabio describere, eosque in gradus distribuere.

I. PROPOSITIONE quinta Verticalem primarium, Horizontem, Eclipticam, & alios circulos maximos ad Meridianum quidem rectos, ad Aequatorem vero inclinatos, quorum inclinatio nota sit, descripiamus: Alii autem Verticales ad Meridianum inclinati, quos Arabes appellant Azimuth, quoniam in Aequatore eandem diametrum habent cum Verticali primario, nimirum axē Hæmæntæ, cum omnes per Horizontis polos incedant, ea ratione describi nequeunt, quod Meridianus ad illos rectus non sit, ac proinde in recta BD, communis sectione Meridiani, & plani Astrolabii, Aequatoris, eorum diametri non maxime appareant, (quippe cum solum maxime cernantur in communibus sectionibus plani Aequatoris, vel Astrolabii, & maximorum circularum per eorū polos, & polos mundi ductorum, ut in scholio propof. 3. Num. 1. demonstrauimus) sed omnes conspiciantur habere eandem diametrum visam cum Verticali primario, qualis est HI, in hac propofita figura. Quamobrem eos hac ratione in Astrolabium proieciemus. Verticalis primarius AHCI, diuidatur in partes æquales per tot diametros, quot Verticales in Astrolabio describendi sunt, ducta quæ per eus centrum K, ad HI, perpendiculari PQ, indefinitæ magnitudinis: Vnde partes 360. per 180. diametros, & quilibet enim diameter per duo puncta æquali ducitur, si 80. Verticales desiderantur, diuidentes Horizontem, eiusque peripheriam in 360. gradus: Vel in partes 180. per 90. diametros, si 90. Verticales describendi sint, Horizontē in 180. partes diuidentes, ita ut inter binos binī gradus intercipiantur: Vel in partes 120. per 60. diametros, ut singulæ partes tercentis gradus complectantur: Vel in partes 72. per 36. diametros, ut singulæ partes contineant quinos gradus: Vel in partes 60. per 30. diametros, ut inter binas partes singuli gradus includantur: Vel in partes 40. per 20. diametros, ut inter quilibet duas nouem gradus intercipiantur: Vel in partes 36. per 18. diametros, ut singulæ partes contineant denos gradus: Vel in partes 24. per 12. diametros, ut singulæ partes quindenos complectantur gradus: Vel in partes 10. per 5. diametros, ut partes singulæ octodenos gradus comprehendant: Vel denique in partes 12. per 6. diametros, ut singulæ partes tricenos gradus complectantur, ut modo exemplū factum est. In eorū descripsi sunt 6. Verticales, & inter quolibet duos proximos, 30. gradus intercipiuntur, & Horizon cum suis parallelis eisdem in 12. partes distribuitur.

Verticalis elevatus in Astrolabio describendus.

DEINDE ex alterutro polorum Horizontis H, I, verbi gratia, ex I, per eam extrema diametrorum radii emittantur secantes rectam PQ, in punctis & diametros, & centra Verticalium circularum exhibebunt hoc ordinem: Idem per extrema cuiuslibet diametri emissi abscondunt ex PQ, diametrum illius Verticalis, qui tot gradibus in sphaera à Verticali primario distat ab ortu australem, quot gradibus diameter assumpta in Verticali primario à puncto T, orientali versus Læmfræle recedat: Vel qui tot gradibus à Verticali primario in sphaera distat ab occasu in boream, quot gradibus eadem diameter assumpta in primario Verticali à puncto V, occidentali versus H, boreale remouetur: Aut qui tot gradibus in sphaera à Verticali primario recedit ab ortu in boream, quot gradibus assumpta diameter in Verticali primario abest à puncto T, orientali versus H, punctum boreale: Vel denique qui tot gradibus à primario Verticali in sphaera ab occasu in austrum distat, quot gradibus eadem diameter assumpta

K k k a puncto

a puncto occidentali V, versus punctum australe I, abest. Est enim recta PQ, in Astrolabio ita concipienda, ut nobis in polo australi existentibus pars KP, sit ad dexteram, & KQ, ad sinistram. Nam cum nobis conuersis ad faciem Astrolabii, (quod in plano Aequatoris existat) pars eius orientalis (ut ab antonibus in vñ accipitur) sit sita ad sinistram, qualis est pars a meridiana linea FI, ad sinistram porrecta; occidentalis vero ad dexteram, cuiusmodi est positio ab eadem meridiana FI, dextram versus extenta: sit, ut existentibus nobis in polo antedicto, pars orientalis Astrolabii existentis in plano Aequatoris statuatur ad dexteram, occidentalis autem ad sinistram: adeo ut polus australis concipiendus sit a tergo plani Astrolabii. Quae res attente considerata plurimum conserit ad concipiendos situs omnium centrorum Verticalium in recta PQ, in infinitum producta. Omnes enim scriptores accipiant in vñ Astrolabii partem, quae nobis ad Astrolabium conuersis ad sinistram posita est, pro orientali, & quae ad dexteram pro occidentali, at Oriens constitutus nobis in polo australi, & ad Aequatorem conuersus, existat ad dexteram, & occidentis ad sinistram. Quod si quis mouit partem KP, rectae PQ, in infinitum extensae apperere nobis ex polo australi ad sinistram, & partem KQ, ad dexteram, (quod vi fiat, nihil prohibet) sumenda erit pars dextra Astrolabii pro orientali, & sinistra pro occidentali. Sed prior consideratio magis est in vñ apud Astronomos. Itaque Aequatore dirimens partem exli borealem ab australi in sphaera, erit punctum T, Verticalis primarius in Astrolabio orientalis, V, occidentalis, H, boreales, & I, australe.

R A D I V S deinde per punctum Verticalis primarii electus, cuius distantia a puncto I, dupla est distantia, quam assumpta diameter ab eodem puncto I, habet, cadit in centrum Verticalis describendi, hoc est, sicut abscissam diametrum bisariam. Exempli causa. Quoniam diameter LO, recedit a T, puncto omnium versus australe I, siue a puncto occidentali V, versus boreale H, grad. 30. idemque radij IL, IO, intercipient diametrum PS, Verticalis PHSI, qui a puncto orientali Horizontis C, in Horizonte Astrolabii punctum C, orientale est; A, occidentale; G, boreale; & F, australe, prout Verticalis primarius in sphaera partem borealem ab australi separat, versus australe F, totidem gradibus distat; vel a puncto occidentali A, versus boreale G. Centrum autem eius est punctum R, in quod cadit radius IM, ductus ex I, ad punctum M, cuius distantia IM, dupla est distantia IL. Sic etiam radij IX, I d, intercipient diametrum Verticalis HZ, I, s, cedentis a puncto Horizontis orientali C, in austrum, vel a puncto occidentali A, in boream, grad. 30. Centrum autem eius erit P. Rursus radij IV, I, b, abscident diametrum Verticalis HZL, qui a puncto occidentali Horizontis A, in austrum, vel a puncto orientali C, in boream distat grad. 30. centrum autem ipsius erit Q. Denique radij IN, IM, exhibebunt diametrum QR, Verticalis QHSL, qui a puncto occidentali Horizontis A, in austrum, vel a C, puncto orientali in boream recedit grad. 30. Centrum autem eiusdem erit S.

2. R E C T E autem hac ratione Verticales circulos describi, in hoc nodum demonstrabimus. Recta PQ, a d BD, perpendicularis refert parallelium Horizontis, qui per polum australem A, ducitur in sphaera, ut propos. 6. Nam 3. demonstrauimus. Cum ergo Verticales circuli Horizontem, eiusque parallelas facent in partes similes in sphaera, necessario idem in Astrolabio contingat, ut Verticalis transiurus v. g. in Astrolabio per grad. 30. Horizontis a puncto C, orientali versus austrum P, describendus sit per grad. 30. paralleli Horizontis, quem recta PQ, refert, numeratum ab eius puncto orientali T, vsque ad P, versus australem partem, quae versus P, tendit. Et quia idem Verticalis sicut Ho-

izontis,

orientalis nam,
& occidentalis in
Astrolabio 7^{ma}.

lib. 2. Tab.

portem, & parallelum PQ, in punctis oppositis, necesse est eum transire etiam per grad. 30. eiusdem paralleli a puncto V, occidentali versus boreale punctum K, quæ ad S. numeratum. Nam in parallelo PQ, (ut obiter etiam hoc explicemus) orientale punctum est T, occidentale V, boreale K, australe vero notari non potest cum recta PQ in infinitum excurrat, partes tamen eius australes sunt segmenta à punctis T, V, orientali, atque occidentali, versus P. & Q. tendentia. Quoniam eodem parallelo, quem recta PQ, in Astralibus exprimit, distat a polo australi A, per rectam AK, hoc est, per rectam IK, ipsi AK, æqualem, cum utraque sit eisdem circuli semidiameter, secatur parallelus PQ, in gradus singulos per rectas L, pñcto per singulos gradus circuli HTIV, per I. descripti, & cum ea distat IH, ad PQ, perpendicularis est, emissis, ut constat ex illis, quæ propos. 1. Num. 1. demonstrata sunt a nobis: adeo ut portio TP, respondeat arcui TI, grad. 30. ab ortu in austrum computato, portio vero VS, arcui VO, grad. 30. ab occasu in septentrionem numerato.

QVIN etiam parallelum Horizontis PQ, in gradus distribui per rectas ex utroque polorum Horizontis H, I, emissas per gradus Verticales HTIV, vel easus circuli Verticalem in H, vel I, tangentes, qualis est in figura circulus *alis*. (Nam per 9. Léma rectæ ex L, electæ auferunt ex circulo HTIV, & *alis*, illam tangente in L, arcus similes; ac proinde eadem rectæ transiunt per gradus utriusque circuli. Quod etiam de rectis ex H, egredientibus dicendum est, si circulus describatur Verticalem tangens in H.) hac etiam alia ratione potest demonstrari. Quoniam parallelus Horizontis per polum australem ductus, quem in Astralibus recta PQ, exprimit, dividitur in gradus per rectas ex polo Horizontis H, ductas per gradus paralleli Aequatoris, qui ex E, centro per H, describitur, propos. 6. Num. 1. ex Lemmate 33. demonstramus, cum hic parallelus Aequatoris tantum abut à polo australi, quantum ille Horizontis à Zenith, supolo Horizontis boreali, cum utrobique distantia sit arcus Meridiani inter polum australem, & polum Horizontis borealem interiectus, quod vix ducatur per Zenith, & aliter per polum australem in sphaera: sit, ut rectæ ex H, emissæ per gradus Verticales, vel circuli cuiusque eum in d. tangentes, secant quoque parallelum illum Horizontis per rectam PQ, representantem, in gradus; quemadmodum rectæ illæ Verticalem, & circulum quemlibet tangentem, & parallelum Aequatoris ex E, per H, descriptum, illosque in H, tangentes in arcus similes partiantur, ex Lemmate 9. Rademque propterea ratio est de rectis ex L, emissis, unde ita dividant rectam PQ, quemadmodum a rectis ex H, deductis secatur, propter æqualem distantiam utriusque puncti H, I, a recta PQ.

HAEC cum ita sint, Verticalis circulus distans a primario Verticali grad. 30. ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, secabit parallelum PQ, in duobus punctis, nimirum in punctis P, S. Pari ratione Verticalis distans grad. 60. a primario Verticali ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, transibit per punctum puncti PQ, in quod incidit radius IX, ductus per grad. 60. à T, orientali puncto versus australe I, usque ad X, numeratum, & per punctum a, quod respondet grad. 60. à puncto occidentali V, versus boreale H, usque ad d, computato. Atque ita de cæteris dicendum est. Ex qua omnes Verticales per polos Horizontis H, I, transiunt, perspicuum est, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. in recta PQ, secante rectam HI, in omnibus Verticalibus existentem bisariam in K, & ad angulos rectos circa omnium Verticalium existerem. Igitur media puncta diametrorum in recta PQ, iacentiarum centra erunt Verticalium, in quæ videlicet incidunt rectæ ex I, ad diametros circuli HTIV, perpendiculares, ut in Lemmate 34. ostendimus.

Centra Verticalium erunt in recta PQ, quæ per centrum. Vnde rectis primariis ad omnemque Verticalis ducatur perpendicularem.

dimus, quales sunt rectæ ex I, per ea puncta ductæ, quorum distantia ab I, dupla sunt distantiarum, quas dicitur diametri circuli HTIV, ab eodem puncto I, habent. Hæ namque rectæ ad distas diametros perpendiculares sunt, cum ex ista hoc propos. 17, lib. 3, Eucl. a diametris bifariam secantur, quemadmodum & arcus. Verbo gratia, quia diameter dX, secat arcum IL, bifariam in X, secabit eandem rectam IL, bifariam in f₁, ac proinde & ad angulos rectos. Eademque ratione IM, perpendicularis erit in e, ad LO, & IN, ad Yh, in h, & IO, ad NM, in g. Quæ cum ita sint, rectæ Verticalis PHSL, ex centro R, descriptus est, & Verticalis HsI, ex centro P₂ & RHQL, ex S₂ & HZI, ex Q.

3. CIRCULOS porro ex dictis centris in PQ, inuentis circa diametros in eadem PQ, repositas descriptos, transire necessario per H, I, polos Horizontis, ut ratio postulat, cum per eos polos in sphaera omnes Verticales incidant; ac proinde vere eosdem illos circulos representare Verticales, cum transire etiam per puncta paralleli PQ, per quæ eos describendos esse ostendimus, hinc ita hæc ratione demonstrabimus. Quoniam v.g. angulus LIO, in semicirculo rectus est, hoc est, angulus PIS; transibit necessario circulus ex R, puncto medio rectæ PS, circa PS, descriptus, per punctum I, ex scholio propos. 3, lib. 3, Eucl. Eademque ratio est de aliis. Solent autem segmenta tantum Verticalium inter Horizontem, & tropicum $\frac{1}{2}$, comprehensâ in Astrolabii descripta, quantos nos eosdem integros descripiamus, ut ratio descriptionis planior fieret.

4. VT quoque radii ex centro I, longius excurrentes facilius hinc emitti ei possint, descripiamus ex centro I, circulum $\mu\phi\zeta$, cuiuscunque magnitudinis, Quo autem maior fuerit, eo exquisitius id, quod propositum est, capiemur. Nam, ut in Lemmate 10, monstratum est, si semicirculi arcus HX, similis arcus $\beta\gamma$, sumatur, vel (ducta diametro $\mu\zeta$, ad HI, perpendiculari, si semicirculi arcus IX, ac eliquat similis arcus $\mu\gamma$, transibit radius IX, per γ . Hanc ob causam sumatur etiamque, arcus $\xi\theta$, similis semicirculi arcus IY, & arcus $\mu\delta$, $\theta\delta$, semicirculi arcus IL, IN, similis, &c. Itaq; si semicirculus $\mu\phi\zeta$, in 180. partes æquales distribuitur, dabunt rectæ ex I, per illas partes emissæ in recta PQ, centra omnium 180. Verticalium Horizontem in 360. gradus diuisentium; quandoquidem rectæ ex I, per 180. partes totius circuli THV, quarum semicirculus ille similis fuit, emissæ habebunt eadem centra omnium 180. Verticalium. Nam recta IL, eadem in centrum P, Verticalis H s I, aufert ex circulo THV, arcum IL, grad. 60. ex semicirculo vero $\mu\phi\zeta$, arcum $\mu\delta$, grad. 30. qui semicirculi illius similis est, &c. Si autem eadem semicirculus $\mu\phi\zeta$, in 30. partes secetur, inuenientur eodem modo centra 30. Verticalium Horizontem in partes 180. binorum graduum partientium, & sic de cæteris. Quod si ex H, non autem ex I, rectæ eodum centra exhiberent in recta PQ, describendus esset circulus ex H, ad quodlibet intervallum, loco circuli $\mu\phi\zeta$, &c.

5. R V R S V S ut quoad eius fieri potest, exquisitissimè Verticales describantur, inveniendæ sunt in Horizonte, per ea, quæ propos. 3. Num. 18. & 19. scripsi, puncta, per quæ transire debent: nimirum grad. 30. & 60. tam à puncto orientali C, quam occidentali A, versus austrum, & boream, non solum per rectas ex polo Horizontis H, ductas, cuiusmodi sunt Hkl, Hm, Hn, Hpp, Hhhq, Hppr, Hooq, Hmn, Haxm; verum etiam per rectas ex K, centro Verticalium per puncta rectæ AC, sic ductæ, ut in Lemmate 8. tradidimus, emissas, quales sunt puncta i, l, n, t, quæ per rectas mp, kq, ex, vs, inveniuntur: ut in figura apparet: vel (quod magis probò) per ea, quæ propos. 6. Num. 19. scripsi, cuiusmodi puncta exquirenda sunt. Ita enim singulis Verticalibus sua puncta

Centra omnium Verticalium descripta sunt in Horizonte, per quæ Verticales describendæ sunt, ostenduntur.

Haec puncta in Horizonte descripta, per quæ Verticales describendæ sunt, ostenduntur.

puncta habent, per quæ describendi sunt, ut fieri non possit, quin centrum quæque, ac diameter rectæ inuenta sint, si ipsæ descriptas per omnia sex puncta incedat. Quod si describatur aliquot paralleli Horizontis, reperiri in legem poterunt bona alia puncta pro singulis Verticalibus describendis, si huius. Sed in Horizonte satis est, si pro quolibet Verticali unum punctum repertum, quia recta linea ex eo per centrum Astrolabij ducta dabit aliquid in eodem Horizonte, quod quilibet Verticalis Horizontem in duobus punctis per diametrum oppositis facit, cuiusmodi sunt duo puncta Horizontis, quæ per rectam per centrum transitam indicantur, in scholio propof. 7. Num. 10. demonstratum est.

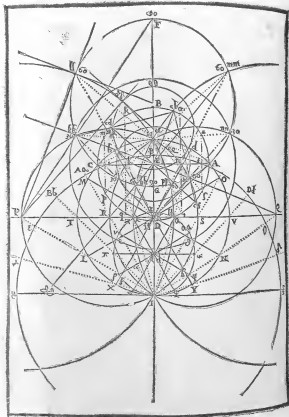
IN MO quando Verticalis describendus parum à Meridiano distat, etiamque per idem centrum in recta PQ , longissime à puncto K , abest, ipsæque Verticalis prope meridianam lineam BD , parum à recta linea differt, operæ pretium fuerit, in pluribus parallelis Horizontis puncta inquirere, in quibus ille Verticalis incidat. Nam si ea puncta congruenter connectantur per lineam inflectam, quæ nullibi angulos faciat, descriptus erit dictus Verticalis in Astrolabio in ea portione, quæ inter tropicum Σ , & Horizontem continetur, in qua quidem portione describi diximus Num. 3. Verticalis in astrolabio.

4. FACILIVS fortasse percipietur, Verticales circulos per puncta inuenta in recta PQ , duci debere, hoc modo. Concipiatur circulus $HTIV$, Horizonti æquidistant, punctumque I , in polo australi existere, ita ut planum eius circuli sit illud, in quo parallelus Horizontis per poleum australem ductus existit, punctumque eius a , in ortum, & π , in occalum vergat, & in eodem plano circa diametrum Ia , diametro Atf , paralleli Horizontis per A , poleum australem ducti æqualem, parallelus ipse Horizontis describatur $a\pi I\omega$, ex centro Id , cuius, & æquatoris, sive plani Astrolabij communis sectio sit recta PQ , eundem ipsum parallelum repræsentans in Astrolabio, ut dictum est, cum eius distantia Id , à puncto I , æqualis sit, per defin. circuli, rectæ AK , quæ in sphaera distantia est inter rectam PQ , & polo australi metitur. Et quoniam Verticales circuli secant Horizontem, & parallelum $a\pi I\omega$, in sphaera in arcus similes, facient sex à Verticalibus in Astrolabio descripti, sex diametros in eodem parallelo trices gradibus inter se distantes, ita ut Verticalis primarius efficiat diametrum ra ; Verticalis gradibus 30, recedens ab eo versus austrum ex parte orientis diametrum $r\frac{1}{2}$, &c. Igitur puncta Verticalium, in quibus parallelum $a\pi I\omega$, secant, apparebunt ex I , polo australi in illis punctis rectæ PQ , in quæ incidunt, videlicet I , per extremitates diametrorum eundem paralleli emissis. Cum ergo per Lemma 9. dicti radij abscondant ex circulo $HTIV$, qui circulum $a\pi I\omega$, vel, utque, arcus similes arcibus circuli $a\pi I\omega$, sint autem ex constructione arcus IX , XL , LT , &c. arcibus 14 , 49 , 57 , &c. similes, cum tam illi, quam hi arcus gradus complectantur; transibunt iidem radij per extremitates diametrorum circuli $HTIV$; ac proinde per ea puncta rectæ PQ , in quibus à dictis radij secantur. Verticales transire conspicientur ex australi polo, quod erat ostendendum. Itaque quoniam centra Verticalium in recta PQ , existunt, sit, ut portio ipsius inter duos radios ex I , per extremitates diametri cuiuslibet in circulo $a\pi I\omega$, ductos intercepta, æqualis sit maximæ diametro visæ. Verticalis per illam diametrum incedentis. Ut portio PS , æqualis est diametro visæ maximæ illius Verticalis, qui à Verticali primario gradibus 30, abest, transibitque per diametrum ra , & sic de ceteris. Cadit autem hæc etiam recta ducta ex I , ad quamlibet diametrum circuli $a\pi I\omega$, perpendicularis, ipse centrum Verticalis, hoc

Verticalis puncti
distanscentia di-
stans per punctum
Idem non circum
describitur.

212.2. Tab.

est, dia-



Admetrum in recta PQ, inuentam bifariam diuidit, vt ex coroll. Lemmatis manifestum est. Ita vides Icc, ad paa, perpendicularem occurrere rectæ PQ, per puncto medio diametri inueniæ Pscilique eadem hæc Icc, ad LO, quoque perpendicularis in e; propterea quod paa, LO, parallele sunt, ob angulos pdaI, Icl, qui æquales sunt, ex scholio propof. 12. lib. 3. Eucl. propter arcus similes IjL. Eademque ratio est de cæteris.

a 18. primi.

7. QVONIAM vero in scholio propof. 3. Num. 1. demonstrauimus, maximam diametrum visam cuiusque circuli maximi obliqui, & cuiuslibet parallelorum ipsius, inspicere debere in communis sectione plani Aequatoris Astrolabæ, & maximi circuli, qui per polos mundi, & polos ipsius circuli obliqui ducit in sphaera; atque ibidem Num. 4. ostendimus, rectam per centrum Astrolabæ, & centrū circuli obliqui tractā, esse communem illam sectionem plani Astrolabæ Aequatoris, & circuli maximi per mundi polos, & polos circuli obliqui insistentis; inquiramus, num recta gg ee, per R, centrū Verticalis PHSL, inuentū, & E, centrū Astrolabæ traiectā, sit communis illa sectio, vt vel hinc etiam apparet, recta a nobis Verticalis descriptos esse. Quoniam igitur Verticalis in sphaera, quem in Astrolabo circulus PHSL, representat, vt diximus, facit in circulo PHSL, diametrum paa, & estque ad ipsum circulum axLa, rectus; erit ex defin. 4. lib. 1. Eucl. recta Icc, quæ ad paa, communem sectionem Verticalis, & circuli dicti perpendicularis est, ad planum eiusdem Verticalis recta. Igitur circulus maximus per polum australe L, & per rectā Icc, ac sphaeræ centrū E, ductus, idemque Verticalis circulum rectus erit; ideoque per eiusdem polos incedet. Circo in Astrolabi plano sectionē faciat rectam gg ee, propterea quod etus plani per rectam IccR, extensum occurrit plano Astrolabæ in R, centro dicti Verticalis, & præterea per E, centrum Aequatoris transire ponitur, quemadmodum in R, per R, & E, ducta est, liquet, rectam gg ee, communem sectionem esse ipsius Astrolabæ, Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos Verticalis ducitur in sphaera. Et quia communis sectio dicti Verticalis, & dicti circuli maximi per polos ducti, in sphaera per punctum cc, transit, estque longitudo ad Verticalem recta; erit eadem Icc, ad dictam sectionem, hoc est, ad diametrum Verticalis, perpendicularis in cc, ex defin. 3. lib. 1. Eucl. ac propterea hæc quoque recta ex polo australi L, ad diametrum circuli obliqui maximi, & quæ communis sectio est ipsius cum maximo circulo per polos mundi, & per eos polos ducto, perpendicularis educta, qualis est Icc, vt ostensum est, in R, centrum obliqui circuli maximi cadit: quod quidem omnino esse necessarium, propof. 5. Num. 3. & 4. demonstrauimus. Non secus ostendemus, rectas per centrum Verticalium, & centrum Astrolabi tractas, esse communes sectiones plani Astrolabæ, & maximorum circulorum, qui per eorum polos, & polos mundi ducuntur.

b 15. 1. Theor.

c 18. vnde.

d 13. 4. Theor.

8. PRAETEREA cum omnes Verticales per polos Horizontis ducantur, transit vicissim Horizon per eorum polos, ex theor. 1. scholio propof. 15. lib. 1. Theodoric proinde, quoniam ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theodoric, polos cuiusque circuli maximi ab eo abest quadrante circuli maximi, hoc est, grad. 90. si ubi negotio cuiusque Verticalis poli reperientur, si ab vtrolibet punctorum, in quibus Horizontem fecat, in vtramque partem numerentur grad. 90. in ipso Horizonte. Itaque puncta hh, mm, poli erunt Verticalis PHSL, quia inter vtroque horum, & alterutrum punctorum KK, oo, vbi Verticalis Horizontem intersecat, interueniant grad. 90. hoc est, tres arcus Horizontis, quorum singuli tresdecos gradus complectuntur. Vbi vides rectam gg ee, in qua centrum eius

Poleus australis Verticalis inuenitur in Astrolabo.

Lll • Verticalis,

Verticalis, & centrum Astrolabii existit, per utrumque polum hh, m, n, ut respo-
 stulat, cum ea recta (ut ostensum est, sit communis sectio plani Astrolabi, & cir-
 culi maximi per polos mundi, & polos dicti Verticalis ducti, hoc est, representat
 circulum maximum per nominatos polos ductum. Sic etiam puncta h, m, n. pos-
 erunt Verticalis in Hpl, & c. Hæc autem ratione facile punctum in Horizontem
 inueniemus, quod quadrante a dato Verticali abis. Sit datus Verticalis affis,
 secans Horizontem in punctis h, m, & ad utrumque eorum ex H. polo Horiza-
 tis recta ducatur H h, vel Hm, secans Aequatorem in p, vel u. Si igitur erp,
 vel u, in utramque partem accipiantur duo quadrantes Aequatoris p h, p, u,
 uk, ur, ducanturque rectæ Hk, Hr, secabitur Horizont in polis ll, pp, diu Verti-
 lis si u H nn, cum arcus il li, i p p, vel nn ll, nn pp, quadrantibus Aequatoris p h,
 p, u, vel u k, u r, respondeant, ut ex his manifestum est, quæ propos. 7. Num. 17. 18.
 & 19. demonstrata sunt a nobis. Porro quemadmodum in sphaera Verticalis
 circuli Horizontem, eiusque parallelos diuidunt in gradus, ita quoque Vertica-
 les in Astrolabio eosdem circulos in gradus distribuunt.

9. I G I T V R si ex alterutro polorum cuiusvis Verticalis (sunt censui di-
 gendum, qui intra Aequatorem, hoc est, in semicirculo Horizontis AGC, exis-
 tit) per singulos gradus Aequatoris recta ducantur, distributa erit Verticalis
 ipse in gradus, ut propos. 5. Num. 17. & 10. demonstrauimus, si cetera, quæ ubi-
 dem præscripsimus, seruetur, additis etiam his, quæ Num. 23. eisdem propos.
 seruanda esse monuimus, &c.

10. I A M vero Verticalem quemcumque proposi tum in Astrolabio, ex his,
 quæ dicta sunt, nullo ferme negotio describemus. Nam si deficiat a primario
 Verticali ab ortu in austrum, vel ab occasu in septentrionem quatuor gradibus,
 verbi gratia, 30. numerabimus illos 30. gradus à puncto T, versus L, vsque ad I,
 & arcus IL, æqualem sumemus LM. Recta enim LM, secabit rectam PQ, in R,
 centro Verticalis propositi per puncta H. & I, describendi. Si vero a Verticali
 primario deficiat ab ortu in septentrionem, vel ab occasu in austrum, verbi
 gratia, grad. 30. numerabimus gradus 30. à puncto V, versus L, vsque ad N, & ar-
 cui IN, æqualem abscindemus NO. Nam recta IO, rectam PQ, secabit in S, cen-
 tro propositi Verticalis per puncta H, & I, describendi. Ut autem exactius da-
 tus Verticalis describatur, ducenda erit ex puncto extremæ numerationis L,
 vel N, diameter LO, vel NM, & per radios emissos ex I, per terminos diametri,
 abscindenda ex PQ, diameter visa propositi Verticalis PS, vel QR, ut quatuor
 puncta habeantur P, H, S, I, vel Q, H, R, I, per quæ datus Verticalis describendus est.

I D E M centrum Verticalis propositi inuenietur, si declinatio dicti Vertica-
 lis duplicata numeretur ex H, versus T, quando datus Verticalis a primario decli-
 nat ab ortu in austrum, vel ab occasu in septentrionem, aut ex H, versus V,
 quando Verticalis datus a primario ab ortu in septentrionem declinat, vel ab
 occasu in austrum, hoc est, si existente v. g. declinatione grad. 30. sumatur arcus
 grad. 60. vsque ad M, vel O. Nam rursus recta LM, vel OM, dabit centrum R, vel
 S, quod queritur. Quia enim declinatio, verbi gratia, Hb, æqualis est declinatio-
 ni T L, addito cõ arcu b T, erit arcus b L, quadrantis HT, æqualisque proinde an-
 gulus b K L, rectus erit ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. hoc est, diameter b L,
 ad diametrum LO, perpendicularis erit. Igitur ex his, quæ in Lemmate 31. de-
 monstrauimus, si arcui Hb, æqualis accipiatur b M, diuidet recta IM, segmentum
 PS, & radius IL, IO, abscissum bisariam in R, atque ita de ceteris. Aliis ad inue-
 niendum centrum cuiusque Verticalis in recta P Q, numerant eius declinatio-
 nem duplicatam ex I, versus T, vel V, & per finem numerationis ex H, rectam

460. 5. T. 6.

Verticalis a d. h. n.
 hanc Horizontem
 tem, hancque pa-
 rallelos, in gra-
 dus.
 Verticalis quili-
 ber in gradus di-
 struunt.

Verticalis quili-
 ber in gradus di-
 struunt, in d. h. n.
 distruunt.

Centrum Verticalis
 in d. h. n. hanc
 hancque pa-
 rallelos, in gra-
 dus.

existat, quæ rectam PQ, secet in centro dati Verticalis: quæ ratio a nostra non differt. Nam si arcus HM, IL, æquales sint, abscindunt rectæ IM, HL, eandem rectam KR, ex PQ. • Sunt enim duo triângula inter se æquilatæ, cum angulos ad K, habeant rectos, & angulos ad I, H, æquales æqualibus arcibus HM, IL, adjacentibus, necnon & latera adjacentia IK, HK, æqualia, &c. •

a et primi.
b 17. Prop.

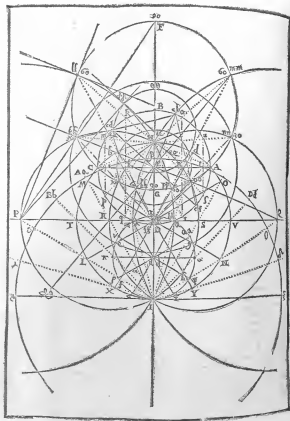
§. V R, § V S. Idem centrum in PQ, reperietur, si declinatio dati Verticalis numeratur à puncto g, in semicirculo $\mu\gamma\xi$, versus μ , si Verticalis ab ortu in austrum, vel ab occasu in boream deflectat; aut à ξ , versus ξ , si ab occasu in austrum, vel ab ortu in boream Verticalis deflectat. Recta namque ex I, per finem numerationiseducta dabit in PQ, centrum quæsitum: quia videlicet eiusmodi declinatio à puncto g, numerata similis est eidem declinationi, hoc est, semiduplicatae declinationis à puncto H, numeratae. Igîtur per Lemma 10, recta ex I, ducta ad finem declinationis in semicirculo $\mu\gamma\xi$, transibit per finem duplicate declinationis in circulo HTIV. Quare cum recta ad duplicatam declinationem ducta in circulo HTIV, cadat in centrum quæsitum, et ostensum est, tunc quoque recta ad declinationem in semicirculo $\mu\gamma\xi$, ducta in idem centrum. Ita vides rectam Iq, ex I, ductam per finem arcus $\beta\alpha$, grad. 60, cadere in Centrum Verticalis Ha L, qui ab ortu in austrum grad. 60, totidemque ab occasu in boream deflectit, &c.

IMMO si ex Horizonte abscindatur arcus declinationis dati Verticalis, initio à C, vel A, versus F, vel G, prout datus Verticalis a primario deflectit ab ortu vel occasu in austrum, siue boream, habebuntur tria puncta, per quæ in scholio propo. § lib. 4. Eucl. datus Verticalis describendus est, quorum duo in quolibet Verticali sunt H, I, tertium vero est illud, quod per declinationem Verticalis inventum est in Horizonte: atque per punctum oppositum per diametrum in Horizonte, quod indicat recta ex invento puncto per centrum Astrobluducta, necessario etiam datus Verticalis transibit, si in descriptione error mansissus non fuerit. Sed consultius feceris, si centrum priori ratione inveniessetis PQ, una cum extremis punctis diametri, quia tunc plura puncta habebitis, per quæ describendus est Verticalis.

11. VICISSIM descripto quouis Verticali in Astrolabio, cognoscemus gradus declinationis ipsius à Verticali primario, & quamvis in partem deflectat, hac ratione. Ex H, polo superiore Horizontis, ad punctum intersectionis dati Verticalis cum Horizonte recta ducatur, punctumque sectionis huius rectæ cû Aequatore notetur. Arcus enim Aequatoris inter hoc punctum, & alterutrum priorum A, C, quod videlicet minus distat, metietur declinationem dati Verticalis a primario Verticali, ab ortu quidem versus austrum, si arcus Aequatoris interuenit a C, versus B, vel in septentrionem, si distat arcus a C, in D, vergit: At vero ab occasu in austrum deflectet, si repertus arcus Aequatoris vergit ab A, versus B, vel in boream, si distat arcus ab A, recedit in D. Exempli gratia, si datus sit Verticalis IHP; ξ , ducamus rectam HIL, quæ Aequatorem secet in k. Nam arcus Aequatoris Ck, metietur inclinationem dati Verticalis ad primum ab ortu in austrum. Quod si ducatur recta Hpp, Aequatorem secans in r, metietur arcus Ar, eandem inclinationem ab occasu in boream. Nam idem Verticalis per via parte à primario deflectit in austrum, & ex altera in septentrionem, & utraq; inclinatio eundem graduum numerum complectitur.

§. A D E M inclinatio reperietur hoc modo. Ex I, ad alterutrum punctorum, in quibus datus Verticalis rectam PQ, secat, recta ducatur, punctumque interse-

Sectionis an-
nabitur. Remo-
nem Astroblabio
ad primariū Ver-
ticalis, cognoscit
12.



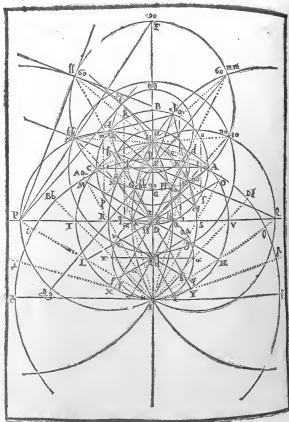
tionis huius rectæ cum Verticali primario notetur. Nam arcus inter hoc punctum, & alterutrum punctorum T, V, quod videlicet propius abest, metietur inclinationem dati Verticalis ad Verticalem primarium, ab ortu quidem in austrum, si inuentus arcus à T, vergat versus I; vel ab occasu in septentrionem, si idem arcus ab V, in H, tendat. At vero datus Verticalis desciendet ab ortu in septentrionem, vel ab occasu in austrum, si arcus inuentus iergat à T, versus H, vel ab V, versus L. Vt si datus sit Verticalis PHSI, ducemus rectam IP, vel IS, quæ Verticalem primarium fecerit in L, vel O. Arcus enim TL, vel VO, dabit inclinationem quæsitam, prior quidem ab ortu in austrum, posterior vero ab occasu in boream. Alii eandem inclinationem hac ratione inuestigant. Ex I, vel H, per centrum dati Verticalis in recta PQ, exiens rectam trahunt usque ad Verticalem primarium. Semifis namque arcus ipsius inter datam rectam, & diametrum IH, intersecti, dabit inclinationem quæsitam. Vt si ex I, per R, centrum Verticalis PHSI, ducatur recta IR, usque ad M, erit Hb, semifis arcus HM, inter rectas IM, IH, positi arcus inclinationis. Et si quidem centrum fuerit ad sinistram rectæ IH, desciendet datus Verticalis ab ortu in austrum, & ab occasu in boream; si vero ad dextram, ab occasu in austrum, vel ab ortu in septentrionem. Sed quoniam non semper Verticales integri descripti sunt, non semper habebimus puncta intersectionis in recta PQ, aut centra; ideo prior ratio huc potius preferenda videtur.

SED fortasse facilis eandem inclinationem nanciscemur, si ex I, per centrum dati Verticalis rectam ducamus usque ad semicirculum $\mu\delta\zeta$. Arcus enim i δ , usque ad illam rectam dabit inclinationem quæsitam, ab ortu quidem in austrum, vel ab occasu in boream, si centrum à K, versus P, tendat; ab occasu vero in austrum, vel ab ortu in boream, si centrum à K, versus Q, repetitur. Ita videndam I δ , per Q, centrum Verticalis HZI, ductam offere arcum $\beta\delta$, grad. 50, quibus ille Verticalis ab ortu in boream, & ab occasu in austrum à primario Verticali recedit. Prior tamen ratio, quæ inclinatio in Horizonte reperitur, magis placeat, propterea quod centra Verticalium modico intervallo à Meridiano distans nimis longe à puncto K, distant.

COMM ODI S S I M E autem eandem inclinationem consequemur, quæ ab longissime Verticalium centra à puncto K, abina, hoc modo. Quoniam quilibet Verticalis rectam PQ, ductus in punctis faciat, vno intra Verticalem primarium inter puncta T, V, & altero extra eundem, ducemus ex I, per eius intersectionem cum recta TV, intra primarium Verticalem, rectam lineam, donec Verticalem primarium, vel semicirculum $\mu\delta\zeta$, fecerit. Arcus enim Verticalis primarius T, vel V, & illam rectam, metietur inclinationem dati Verticalis ad primarium Verticalem, ut ex his constat, quæ paulo ante Num. 2. ostendimus. Nam vti demonstravimus, portiones rectæ PQ, parallelum Horizontis per polum astralem ductum referentis respondent arcibus circuli HTIV, inter easdem rectas I, emissas, quod ad numerum graduum attinet. Cum ergo portiones rectæ PQ, contineant gradus, quibus Verticales inter se distant, ut ibi demonstratum est, continebunt etiam arcus circuli HTIV, eosdem gradus, quibus inter se distant Verticales. Et quia eadem rectæ cum recta IBb, verbi gratia, vel IDd, affertur ex semicirculo $\mu\delta\zeta$, semifis arcus Verticalis per Lemma 10. dabit arcus illi semicirculi inter Bb, vel Dd, & rectam illam comprehensus semifis eiusdem inclinationis, ac proinde duplicatus totam inclinationem exhibebit, ab ortu quidem in boream, & ab occasu in austrum, quando datus Verticalis portionem KT, intersectat, vel arcum Horizontis CG, et ab occasu in boream, & ab

Recta polihorizontis anagrade rectam cum dato Verticali ad primarium Verticalem.

Quæ in puncto dato Verticalis in Affluentem de datus à Verticalem primarium, angulus rectæ.



per in austrum, quando interfectio fit in portione KV, vel arcu Horizontis AG. Vt recta IR, ducta ex I. per R, intersectionem Verticalis HRIQ, cum recta ET, aufert ex Verticali primario arcum TM, grad. 30. & ex semicirculo $\mu\beta\xi$, arcum Bb Aa, grad. 19. Igitur ductus Verticalis a primario Verticali deflectet ab ortu in boream, & ab occasu in austrum, grad. 30.

EADDEM proferus ratione inclinationem quorumlibet duorum Verticalium inestigabimus, si per eorum intersectiones cum recta KT, vel KV, ex I. rectis emittamus, &c. Verbi gratia, rectæ IR, IZ, intercipiunt Mb, arcum inclinationis Verticalis HRI, ad Verticalem HZI, in primario Verticali, vel in semicirculo $\mu\beta\xi$, & similem eiusdem inclinationis Aa $\beta\beta$, & sic de cæteris.

12. N O N aliter describentur circuli latitudinum stellarum per polos Eclipticæ transeuntes, qui videlicet per longitudines stellarum incidentes earum latitudes metiuntur. Nam si Ecliptica in eo situ, quo propos. 5. Num. 7. describitur, pro Horizonte aliquo sumatur, erit circulus maximus per eius polos, & intersectiones Eclipticæ cum Coluro æquinoctiorum in Aequatore. Aitrolabii ductus, quem representat circulus AqC, in figura propos. 5. Num. 7. ex centro P, descriptus, instar Verticalis primarii. Quare alii describentur, sicut alii Verticalis a primario deflectentes, si eorum centra in recta, quæ per centrum P, ad meridiana lineam PQ, ad angulos rectos ducitur, inveniuntur. Sed quia polos inferior nimis procul distat, commodius eorum centra, & diametri in illa re diamenerunt per rectas ex polo propinquiore, vt ex puncto Q, figuræ propos. 5. ductis per partes æquales circuli AQC, vel potius (quia is nimis magnus est) per partes æquales cuiusvis circuli, quamvis exigui, qui circulum AQC, in Q. attingit. Nam rectæ hæc aufèrent ex circulo AQC, arcus similes, ex Lemma. 14. quemadmodum etiam in figura huius propos. rectæ ex I. per arcus circuli erant, ductæ transeunt per arcus similes Verticalis primarii ATIV. Aut denique hæc Q, ad quodlibet intervallum semicirculus describatur, dabunt rectæ ex Q, per gradus illius semicirculi emisse centra in eadem illa perpendiculari per P, triecta, quemadmodum de semicirculo $\mu\beta\xi$, paulo ante Numero 4. dictum est.

DENIQUE eadem ratione circulos maximos per polos cuiusvis circularitatis dati ducemus, si prout primarium circulum, instar Verticalis primarii, describamus per eodem polos, qui videlicet suos quoque polos, & centrum in eadem recta linea habeat, in qua dati circuli maximi centrum, & poli erunt, transeatque per intersectiones eiusdem cum Aequatore, quemadmodum Verticalis Horizontis primarii polos, ac centrum habet in meridiana linea, in qua poli, & centrum Horizontis existunt, incedatque per communisationes Horizontis cum Aequatore, &c.

13. QVEMADMODUM V M autem rectæ lineæ ex K', centro Verticalis primarii per puncta A. C, ubi Horizont, Verticalisque primarius se mutuo secant, transeat tangunt Horizontem in A, & C, & rectæ ex B, centro Horizontis ad eadem puncta emisse tangunt ibidem Verticalem primarium, vt ex propos. 5. Num. 17. & 19. ostensum est: ita quoque in aliis Verticalibus contingit. Nam & recta Pll, ducta ex P, centro Verticalis II Hpp, per punctum II, ubi Horizontis fecit, tangit ibi Horizontem, & vicinam recta Bll, ex B, centro Horizontis ad eadem punctum intersectionis ducta tangit ibidem dictum Verticalem. Sequens recta Ppp, ducta tangeret Horizontem in pp, & ibidem recta Bpp, Verticalem prædictum contingeret. Rursus rectæ Rkk, Roo, emisse, Horizontem tangunt in kk, oo, & rectæ Bkk, Boo, vicinam ibidem Verticalem Plll, tan-

Intersectionem
Verticalis
et Horizontis in A
Verticalis, cognos-
centur.

Circulos maximos
per polos eorum
in eorum aliquo
cuius maxime in
aitrolabii descripti
sunt.

Rectæ ex centro
verticalis Verticalis
per ad intersectionem
eorum cum B
rectæ ductæ, Ma-
ximam tangunt
in A, &c.

gereat

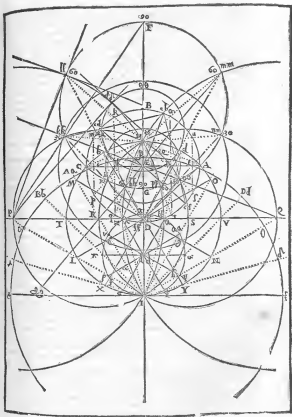
gerent, & sic de cæteris. Præterea recta quilibet ex centro P, Verticalis PH , aufert ad utramque partem puncti contactus U , ex Horizonte arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet. Ita vides rectam PKF , aufert duos arcus Uk , Uf , grad. 30. Simili modo recta PC , producta caderet in punctum oo , vt auferrer duos arcus Uc , Um , grad. 60. Et recta PG , producta traheret oo , vt ex utraque parte puncti contactus pp , abscinderet duos arcus op , po , grad. 30. Atque ita de cæteris.

Recta ex centro
Verticalis ex ut
que ad eam recta
filiæ cum eam
autem parallel
to Horizontis du
ctæ, parallelum
Horizontis tangit
eandem.

$PA R I$ ratione si ex centro 44, descriptus sit parallelus Horizonti PH , quicunque secans Verticales PH , in PH , tanget recta PH , parallelum in PH , recta autem 44 PH , Verticalem PH , in eodem puncto PH , ducta PH , eundem parallelum tangeret in PH , vt vero recta PH , Verticali PH , in PH , vicissim tangeret. & sic de cæteris. Præterea quilibet recta ex P, centro Verticalis PH , ducta aufert ad utramque partem puncti contactus PH , ex parallelo Horizontis arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet adeo vt recta PH , producta caderet in PH , cum quilibet arcuum PH , grad. 30. complectatur. Et sic de cæteris. Itaque si inuentum sit B, centrum Horizontis in Astrolabio descripti, & ab eo educta quævis recta BL , ad circumferentiam vsque, cadet in P, ad BL , perpendicularis, in P, centrum Verticalis per U , describendi: propterea quod BL , cum Verticalem in U , tangit, vt dictum est. Vicissim si ex P, centro descriptus sit Verticalis PH , secans Horizontem in U , & ad ducta rectam PH , excutitur perpendicularis UB , cadet hæc in B, centrum Horizontis: quod & PH , in U , Horizontem tangat. Rursus si ex P, centro Verticalis PH , ad PH , ubi is Verticalis parallelum Horizontis secat, recta ducitur tangens, vt dictum est, parallelum in PH , cadet PH , ad PH , perpendicularis, in 44, centrum parallelæ. Et e contrario, si ex 44, centro parallelæ ad PH , Verticalis PH , parallelum fiat, recta emittatur, cadet PH , ad PH , perpendicularis, in P, centrum dicti Verticalis. Idemque de omnibus aliis Verticalibus, parallelisque, & eorum centrīs dicendum est.

$H A E C$ autem omnia ita demonstrabimus. Concipiatur parallelus PH , Horizontis per polum australem I, ductus proprium habere finem in ipsa, ita vt existente circulo $ABCD$, qui nunc pro Meridiano Horizontis sumatur, ipse plano Astrolabi ad angulos rectos, punctum I, cum polo australi A, congruat. Et quia in tali seu recta PH , communis sectio est dicti parallelæ PH , & Verticalis circuli 30. gradibus ab ortu in austrum à primario Verticali descendent, quem in Astrolabio circulus PH , refert: (quæ res facile intelligitur, si polum australis a tergo Astrolabi cogitetur esse collocatus, vt supra Num. 4. huius proposuimus) circulus autem maximus per polos mundi, & polum dicti Verticalis ductus, qui nimirum ad eum inflat proprii Meridiani, rectus sit, per rectam ICR , ducitur, facitque in Astrolabio sectionem gg , & communis sectio eiusdem huius circuli maxima, & dicti Verticalis per punctum cc , tranfit, in vt ICR , ex polo australi I, in eo seu educta ad eam communem sectionem, hoc est, ad veram diametrum dicti Verticalis sit perpendicularis, cadatque hæc, centrum eiusdem Verticalis in Astrolabio, quæ omnia paulo ante Num. 7. demonstrata sunt: sit, vt planum per rectam ICR , in eodem illo seu ductum, & eam eandem rectam circumuehens rectam semper sit ad prædictum Verticalis, efficiatque in Horizonte communes sectiones inter se parallelas, quæ æquales arcus hinc inde à communis sectione Horizontis cum eodem Verticali dimittant, vt in Lemmate 23. demonstratum est, nisi quando planum illud per rectam ICR , ductum ad extremitates communis sectionis Horizontis cum dicto Verticali

et d. vider.



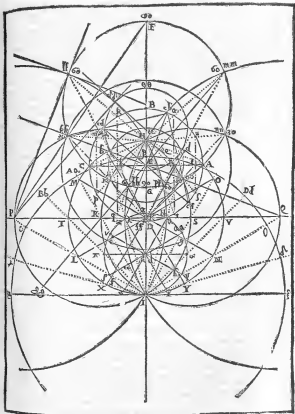
et si pervenerit. Tunc enim cessat omnis scđio, & planum ipsum in hęc
extremitatibus utrumque circulum, hoc est, tam Horizontem, quam dictum
Verticalem continget; non sicut ac de plano per rectam IK, vel AK, da-
cto supra dictum est propof. 5. Num. 24. & 28. Quare cum planum illud in
Astrolabii plano faciat rectas per R, centrum transeuntes, ex propof. 1.
Num. 1. repręsentabunt rectę ex R,eductę planum illud circumvolutum,
secabuntque Horizontem in eisdem punctis, in quibus ab eo plano secatur, ac
proinde ex utraque parte Verticalis kkHoo, æquales arcus ex Horizonte ab-
scindant, eundemque in punctis kk, oo, contingant, ut etiam propof. 1. Num.
28. diximus. Quamvis autem planum prædictum circa rectam IR, ducen-
dum dividat communem sectionem Horizontis, & dicti Verticalis in spha-
ra, in punctis, per quę ducuntur rectę ex singulis gradibus Horizontis ad
eam sectionem perpendiculares, non tamen propterea in Astrolabio eorū-
dem circuloꝝ communis scđio visa kloo, similiter dividi potest, cum hæc
ab illa in sphaera differat, eidemque non sit parallela: Quod ideo diximus,
ne putet, Horizontem in gradus posse distribui per rectas ex centro R, per
puncta rectę ductę kk oo, divisę ea ratione, quam in Lemmate 8. tradi-
damus, emissę.

14. QVOD si puncta rectę kloo, invenire quis cupiat, per quę rectę ex
centro R,eductę Horizontem in gradus distribuunt, initio factis punctis con-
tactuum kk, oo, producenda erit recta kloo, per centrum E, quę contactus
scđio erit plani Astrolabii, Aequatoris, & circuli maximi per polos mun-
di, & communis sectiones Horizontis, & prædicti Verticalis ddaa, & quę
rectus est ad Verticalem hhHm, per polos Verticalis dicti kHoo, dictum;
cum & ipse circulus per kloo, ductus transeat per kk, & oo, polos Verticalis
hhHm. Nam cum hic transeat per polos illos, transibit ille utriusque per
hunc polos, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. qui quidem contactus facit
Horizonte. Deinde ad kk oo, extendenda per E, centrum perpendicularis
ab Z, quę axem mundi referet, si circulus ABCD, pro circulo illo maximo
sumatur, qui per polos mundi ductus sectionem in plano Aequatoris facere-
dam kk oo. Postremo si ex polo cb, perpendicularis extrema kk, oo, ducant
Verticalis vixę radii ducantur, secabitur circulus ABCD, in punctis ed, ef, per
quę vera diameter Horizontis (quę videlicet communis scđio est ipse, &
prædicti Verticalis kkHoo, in sphaera) ducenda est edef, & quę in dividit
a plano illo per rectam IR, ducta, & per singulos gradus Horizontis
circumvoluto, ut divisę est linea in Lemmate 8. Quapropter si diameter hæc
edef, ea ratione dividatur, & per puncta divisionum ex polo cb, rectę exten-
tantur, secabitur diameter vixę kloo, in punctis, per quę si rectę transeant
ex centro R, Horizon in gradus distribuatur. Huius divisionis exemplum
nullum attulimus, ne nimis magna confusio priorum, & linearum lapa-
ra oriretur, præsertim vero, quia & longior est, & nullus forte eius usus erit,
nisi quis eam adhibere velit, ut experiatur, num cum prioribus divisionibus
conferat, necne.

15. E ADEM prorsus ratione planum illud per rectam IR, ductum, & cir-
cumvolutum secabit parallelos Horizontis in gradus, eosque tanget in pun-
ctis, ubi Verticalis ductus eisdem secat, idemque prorsus efficiunt rectę ex cen-
tro R, emissę, quippe quę planum illud circumductum repręsentant, ut dictum
est: Sed hæc difficilior est intentio punctorum in diametro vixę cuiusque parab-
leli Horizontis, per quę rectę ex centro R, ducendę sunt, ut ipse parallelus in
gradus

Recta tunc
in 27. gradus
dividet. Quod
si Verticalis
dicti kHoo, per
puncta contactus
ex centro illius
E ducta, Hor-
izontem in gradus
distribuatur.

¶ 15. s. Tab.



aliquid per polos australem transibit, & rectusque erit ad maximum circulus per polos mundi, & per eius polos duftum, facientemq; fectionem GE, cum ducatur per $\gamma\gamma$, quam perpendiculararem ostendimus ad circulum maximum per BG, duftum. Cum ergo habeat diametrum fuam propriam LS, liquet, eum effe illum circulum, quem diximus. Ut ergo in hoc circulo ingens diametrum totum paralleli dati, hoc est, commune fectionem eius cum dato parallelo, & Verticali, ducenda sunt radii Ly, y. Ln, fecantes circulum duftum in m, p. Nam recta mp, erit ea diameter, cum radii per eius extrema dufti exhibeant diametrum vifum $\gamma\gamma$. Hæc igitur diameter mp, a polo in prædicto per polos australem L, duftum dividitur, ut in Lemmate 8. dictum est. Quare si eo modo dividatur, & per fectionum puncta ex L, polo australi rectæ egrediantur, fecabitur diameter vifa $\gamma\gamma$, in punctis, per quæ rectæ ex centro R, emiffæ si cabunt paralellum $\gamma\gamma$, in gradus, cum repræsentent planum illud per singulos gradus ut paralellum in fphæra circumduftum. Porro diameter inventa mp, si erratum non est, equalis effe debet diametro ST, eufdem paralleli in figura prima propof. Si tamen Aequator illius figuræ Aequatori huius figuræ ABCD, equalis fit, eafdemque ratio est de aliis parallelis.

QVOD autem dictum est de Verticali PHSL, & de rectis ex eius centro R, duftis, intelligendum quoque est de aliis Verticalibus, ac rectis ex eorum centro egredientibus: Immo idem facit ad alios etiam circulos maximos transferre, nimirum ad Eclipticam, & circulos maximos, qui per polos duftæ, &c. Nam ibi etiam rectæ ex centro cuiusque circuli maximi per polos Eclipticæ duftæ emiffæ tangent Eclipticam, etque paralellum quoscumque in punctis, in quibus a dicto circulo maximo fecantur, &c.

16. QVIA vero qualibet circulus maximus in Afrolabio defcriptus dividetur Aequatori in duos semicirculos æquales, ut in scholio prop. 5. Num. 1. dictum est, demonstrandū est, hoc idē facere circulos Verticales hoc loco in Afrolabio defcriptos, adeo ut linea recta edungat duas interfectiones cuiusque Verticalis ch Aequatore fit diameter Aequatoris, ac pōde Verticalis ipse per dioptra Aequatoris per diametrum opposita in cedat. Sit igitur exempli causa, ex parte figura huius prop. defcriptus scilicet Verticalis PHSL, grad. 30. deflebens i Verticali primario ab ortu in austrū, cuius centrū R, in linea recta PS, quæ ex Eclipticæ primariæ Verticalis ad meridiani lineā BD, perpendicularis ducatur; Aequator ABCD; Horizon AFOG, cuiusq; poli H, L. Ducatur per R, centrū Verticalis dati, & E, centrū Afrolabii recta ggmm, fecans Verticalē in ee, quæ eōdem seftio est plani Aequatoris, siue Afrolabii, & circuli maximi dufti per polos mundi, & polos ducti Verticalis, ut in scholio propof. 1. dictum. & ostendimus, hanc exiftere ad angulos rectos diameter Aequatoris LM. Dico Verticalē PHSL, transire per puncta L, M. Quoniam enim, si circulus ABCD, in recta ggceffus statuitur ad planum Aequatoris, vel Afrolabii, & ac proinde in eo in per polos Aequatoris, siue mundi ducatur, recta LM, axis mundi est; cum perpendicularis fit ad rectam ggce, in plano Aequatoris, Afrolabii, &c. existens, ut ratio postulat; & Cum enim axis rectus fit ad Aequatorem, tranfeuntque per centrum fphære E, erit idem ad rectam ggce, perpendicularis, ex def. 3. lib. 1. Eucl. fit, ut radii ex polo M, per ee, gg, extremitates diametri, vifa emiffi ca dant N, O, extremitates veræ diametri Verticalis prædicti, adeo ut recta NO, per E, centrum transeat, cum diameter fit maximi circuli, quem in Afrolabio offert circulus PHSL. Si enim alia recta præter NO, duceretur esse diameter prædicti Verticalis, cuius diameter vifa est eegg, abscinderent radii ex polo M, emiffi.

a. f. videntur.

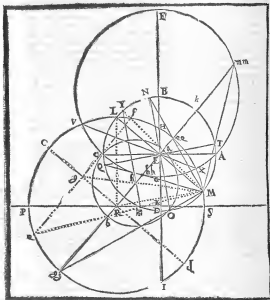
Verticalis quæ
fecat, quædam
aliam circuli
maximi locum
in Aequatore
in Afrolabio in
duabus punctis
partemque op
ponit.

h. 13. a. f. 66.

e. 1. 1. 1. 1.

emissi per illius diametri extrema puncta, aliam diametrum visam ex recta
 gg mm. quod est absurdum. Eademque ratione diametrum veram cuiuslibet circa
 li sine maximi, siue non maximi, in Astrolabio descripti reperimus, si per eum
 centrum, & centrum Astrolabij rectam ducamus, & ad eam in centro Astro-
 labij perpendicularem excitemus. Nam radii cadentes ex alterutro extremos
 huius perpendicularis per extrema diametri visæ dati circuli, (quam ipse circa

planum vel
 assuetum, circuli
 le Astrolabio de-
 scripti, sine maxi-
 mi, sine non maxi-
 mi, sunt non ma-
 gni, & rectæ.



liæ ex recta per utrumque centrū ducta abscindit.) transiunt in circulo ABCD.
 per extremitates diametri veræ, ut factum est in Verticali PHSI, exemplumque
 aliud habes in circulo aCbO, non maximo. Si enim per eius centrum b, & cen-
 trum E, Astrolabij, rectam eductam hE, diameter Aequatoris LM, ad rectos an-
 gulos fecerit, & ex M, (quod pro polo australi sumatur) per a, b, extrema diametri
 visæ

ut a b, radii emittantur, secabitur Aequator in Y, Z. Recta ergo YZ, erit vera
 diameter circuli non maximi a CbO. Eademque est in ceteris ratio. Cogitetur
 autem circulus ABCD, cum suis lineis iterum jacere in plano Astrolabii; ^{a 3. s. tertio.} et eritq;
 angulus NMO, in semicirculo, hoc est, angulus ee M gg, rectus. Igitur circulus
 circa diametrum ee gg, descriptus, per punctum M, transibit, ex scholio pro-
 pos. 1. lib. 3. Eucl. Ducatur ex L, M, ad centrum R, rectae LR, MR. Et quoniam
 duo latera ER, EM, duobus lateribus ER, EL, equalia sunt, angulosque con-
 tinent aequales, utpote rectos; ^{b 4. primo.} erunt quoque bases RM, RL, aequales. Cum ergo
 RM, sit semidiameter Verticalis, cum ostensum sit, eum transire per M; erit
 etiam RL, semidiameter eisdem, ac proinde idem Verticalis per L, incedet.
 Transigitur Verticalis PHSI, per puncta L, M, ac proinde Aequatorem in eis-
 demque punctis per diametrum oppositis dividit, quod est propositum.
 Hinc de omnibus aliis Verticalibus, immo de quocunque circulo maximo
 descripto in Astrolabio, demonstrabitur: id quod etiam in scholio propos. 5.
 Num. 3. monuimus. Et quoniam maximi circuli in sphaera se mutuo secant bifa-
 riam, continget idem in circulis Astrolabii circulos maximos representantibus,
 et propterea arcus L, e e M, Lgg M, semicirculos propositi Verticalis referent,
 in quos nimirum ab Aequatore dividitur.

17. ET quoniam poli cuiusvis circuli maximi quadrante ab eo absunt, ex
 eod. schol. propos. 16. lib. 1. Theod. si circulus ABCD, intelligatur in sphaera rectus
 ad Verticalem, quem circulus PHSI, representat; ^{a 13. l. I. 6a.} ac proinde per eius polos
 trahat puncta Q, T, dividenda semicirculos NQQ, NTO, (quos vera dia-
 meter NQ, Num. 16. inuenta abscindit, bisariam in binos quadrantes, poli erunt
 distans Verticalis, a apparebuntque in Astrolabio per radios MQ, MT; in pun-
 tis hh, mm, quae puncta in Horizonte existant. Cum enim quilibet Verticalis
 per polos Horizontis transeat, transibit vicissim Horizon per illius polos, ex
 schol. propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde poli hii, mm, in Horizonte existentes,
 bis eisdem Horizontem interfecabit Verticalis ZHmm, gradibus 90. a Verti-
 cali PHSI, distans, vel grad. 60. a primario Verticali in boream, a ortu reced-
 ens; in prima figura huius propos. apparet.

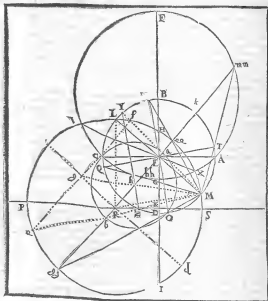
NON aliter polos cuiusvis alterius Verticalis, vel cuiuslibet circuli maxi-
 mi in Astrolabio descripti, vel non maximi, invenimus; si segmenta Aequato-
 ris, quae a vera diametro circuli inuenta, ut Num. 16. docuimus, abscinduntur,
 sinuus bifariam. Hae namque puncta sectionum, veri poli erunt dati circuli,
 ad quos si ex polo australi, ex quo inuenta sunt diametri vera, gradibus mittantur,
 scilicet recta per centrū circuli, & centrū Astrolabii,educta, in polos eiusdem
 circuli apparebunt: Ut factū est in Verticali PHSI, exemplum quae aliud habet
 semicirculo a CbO, non maximo Nam puncta Q, T, dividenda arcus YQZ, YTZ,
 a vera diametro YZ, Num. 16. inuenta absceilos bifariam, erunt poli veri, radii
 utraque MQ, MT, polos apparentes, seu visos hh, mm, indicabunt in recta h E,
 per centrū h, ipsius circuli non-maximi, & per E, centrū Astrolabii ex-
 tensa. Eademque ratio est in omnibus aliis circulis tam maximis, quam non
 maximis.

QVOD si alter polorum duntaxat desideretur, verbi gratia, superior, qui
 nimirum intra Aequatorem cadit, (qui plerumque solus requiritur in vfu Astro-
 labii) invenietur is nullo fore negotio in maximo circulo, etiam si neque totus
 circulus descriptus sit, neque eius diameter vera inuenta hoc modo. Sit datus
 uterque arcus HS, secans Aequatorem in M. (Nam si non fecer, producendus
 uterque cum fecer. Ducatur ex eius centrū R, per E, centrū Astrolabii re-
 ctā RE,

Poli circuli
 Verticalis, vel ali-
 cuius circuli sine
 maximo, sunt non
 maximi, in Astro-
 labio descripti,
 manent.

Poli circuli
 circuli, maximi
 maximi non de-
 bent dari per
 Astrolabii re-
 ctā.

fit RE , secans arcum datum in ee : (quod si non fecerit, producendus erit, donec fecerit.) & per ee , ex M , puncto, ubi datus arcus Aequatorem secat, aut in quod eadem diameter Aequatoris LM , ad Ree , perpendicularis, ducta recta Me , secante Aequatorem in N , sumatur arcus NQ quadrantis Aequatoris AB , equalis, ita ut recta ducta MQ , rectam Ree , intra Aequatorem secet in hh . Nam hoc punctum sectionis hh , polus erit dati circuli maximi. Quoniam enim recta Ree ,



communis sectio est plani Astrolabii, & circuli maximi per mundi polos, & ducti circuli polos ducti, ut propos. 3. Num. 4. ostendimus, sumi poterit Dd , pro polo australi, si circulus $ABCD$, rectus intelligatur ad planum Astrolabii, Aequatoris, ac proinde radius M ex, in N , extremum veræ diametri ca det. Cum ergo polus ab ea absit quadrante circuli, erit Q , polus, &c. Si sumatur quadrans NT ,
ex altera

et altera parte, dabit radius MT, polum alterum mm, inferiorem scilicet, qui extra Aequatore in cadit.

18. PRAETEREA * cum omnes circuli maximi in sphaera se mutuo bisariam secant, necesse est, idem contingere in Astrolabio: adeo ut, duobus circulis in Astrolabio, qui maximos circulos representent, se mutuo secantibus, ipsa linea eorum intersectiones coniungens, diametrum eorum communem referat, transeatque propterea per centrum Astrolabii, cum omnes diametri circulorum maximorum per centrum sphaerae, quod è centro Astrolabi, ut propos. 1. Num. 4. ostensum est, non differat, transeant. Ita vides in superiori proxima figura duos circulos maximos AFCG, PHSI, se mutuo secare per rectam VX, per centrum Astrolabi E, tralectam. Quod omnino necessarium esse, ita Geometrice demonstrabimus. Quoniam uterque circulus maximus est, secabit uterque Aequatorem bisariam in binis punctis per diametrum oppositis, ut paulo ante in hac eadem propos. Num. 16. & in scholio propos. 5. Num. 8. ostendimus, transeantque, propterea utraq. recta AC, LM, coniungens eorum cum Aequatore intersectiones, per E, centrum Astrolabi. Dico igitur rectam quoque VX, quae eorum intersectiones connectit, per idem centrum E, transire, hoc est, rectam VE, productam cadere in alteram intersectionem X. Secet enim recta VE, producta alterum eorum, v. g. circulum AFCG, in X. Dico alterum circulum PHSI, per idem punctum X, transire, ideoque ibidem ambe se mutuo intersectare, hoc est, rectam VE, productam in intersectionem communem X, cadere. Nam cum rectae VX, AC, in circulo AFCG, se intersectent in E, * erit rectangulum sub VE, EX, rectangulum sub AE, EC, aequale; sed huic posteriori, eandem circumsam, aequale est rectangulum sub LE, EM, quod rectae AC, LM, in circulo ABCD, se quoque intersectent in E. Igitur & rectangulum sub VE, EX, rectangulum sub LE, EM, aequale erit, ac proinde ex scholio propos. 35. lib. 3. Eucl. circulus PHSI, per tria puncta V, L, M, descriptus, transibit necessario per quartum punctum X, in utroque circulo AFCG, PHSI, exisset. Recta ergo VE, producta in X, communem illorum circulorum intersectionem cadit, quod etiam demonstrandum.

19. PORRO ut videat, quo pacto cuiuslibet circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, parallelos describantur, ut propos. 6. Num. 10. monuimus, non absere erit, id vno aliquo exemplo declarare. Sit ergo describendus parallelus cuiusvisque circuli maximi obliqui, verbi gratia, Verticalis PHSI, qui grad. 30. ab eo recedat versus polum hh. Et quia quatuor visis id fieri potest, primum ita agemus. Inuenta diametro vera NO, circuli obliqui maximi PHSI, ut Num. 16. traditum est, numerabimus ab ea versus Q, ex utroque extremo grad. 30. usque ad Y, Z, ut duci possit diameter paralleli propositi YZ. Nam si ex M, polo australi radii ducantur per Y, Z, abscindetur visa diameter paralleli h, qui ducta bisariam in h, describetur ex h, per a, b, parallelus propositus, ut in figura proxima apparet.

ALTERA via sic rem expediemus. Ducta diametro circuli maximi obliqui, ad recta ee, gg, perpendiculari, numerabimus à punctis ee, gg, gr. 30. usque ad f, & recta ef, ducemus secantem ed, in g. Nè radii M e, Mf, abscindant eundem diuitem visum a b, recta autem Mg, centrum h, exhibebit, &c.

TER TIA via idem parallelus describetur, si ex polo australi M, circulus cuiusvis magnitudinis describatur, & reliqua fiant, quae propos. 6. Num. 8. precepimus.

QVART A via eundem delineabimus, si prius per polos hh, mm, circuli

N n a maximi

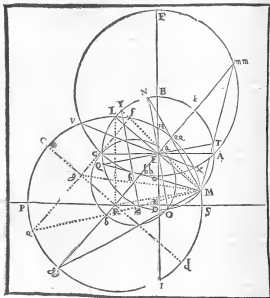
a 11. 1. Tab. 1.

Rectam, quae in
t. ostendimus, quae
mutuo secantibus
circulis non mutuo
secantibus in Astrolabio
mutuo secantibus
per centrum Astrolabi
transire.

b 35. arith.

Parallelos cuiuslibet
Verticalis, qui
ab eo recedat
maximi obliqui,
in Astrolabio
describere.

maximi obliqui, circa diametrum hh mm, circulus maximus describatur, qui insit erit Verticalis primarii dati circuli obliqui. Nam si in eius quadrante inter hh & L , intercepto sumatur gradus 30. à punto hh . Incipiendo, ut propos. 5. Num 13. docuimus, & per eum gradum lineam, quæ illum circulum tangat, ducamus, cadet ea in h , centrum paralleli, &c.



Cen. 2. 1. Affirm.
Locus, quodammodo
quodammodo
minimaleque po-
tione, in quodam
pote, in quodam
Locus, quodammodo
affirmabile.

OBITER quoque animadvertendum est, omnia hæc puncta, centrum Astrolabij, vel mundi; centrum circuli obliqui maximi cuiusvis, vel etiam eius paralleli cuiuslibet; & duos eiusdem polos, in una eademque recta linea existere: adeo ut recta per duos eiusmodi puncta electa transeat omnino per reliqua duo puncta. Ita vides in proxima figura in recta gg mm, existere L , cenarū Astrolabij, centrum Verticalis $PHMI$, h , centrum paralleli $aCbo$, eiusdem Verticalis;

gulin; & duos eiusdem polos hh, mm. Ratto est, quia recta per centrum Astrolabii, aut centrum circuli obliqui ducta, repræsentat communem sectionem plani Astrolabii, Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi. & polos descripti circuli obliqui, instar proprii Meridiani, ducitur, ut in scholio propoſ. 3. Num. 4. ostendimus.

10. PARALLELI autem cuiuslibet circuli maximi obliqui, quorum diametri visæ intra ipsum circulum obliquum continentur in eius diametro visæ egg, spectant ad boream, propter poli borealem E, qui intra eundem circulum iacet. Hinc enim fit, ut tota hæc facies circuli obliqui, borealis dicatur: Paralleli autem extra circulum maximum obliquum descripti, ad austrum pertinent, ob contrariam causam. Ex quo rursum efficitur, diametros parallelorum in semicirculo NQO, spectare ad parallelos boreales, in semicirculo autem NTO, ad australes: quia illæ proliciuntur in diametrum visum ee gg. Ita ut singulæ partes sint diametri ee gg, & ipsi paralleli intra circulum maximum obliquum describuntur: hæc vero vel proliciuntur in diametros maiores, quam ee gg, in ut earum circuli descripti circulum obliquum ambiant, quales sunt diametri parallelorum, quorum distantia à diametro NO, minor est arcu OM, vel in diametris, quæ totæ extra circulum obliquum in recta ee gg, producta versus austrum ad partes mm, reperiuntur, cuiusmodi sunt diametri parallelorum, quarum distantia à diametro NO, maior est arcu OM.

11. E CONTRARIO si parallelus aliquis circuli obliqui in Astrolabio descriptus sit, facili negotio cognoscemus, quanto intervallo ab ipso circulo maximo in sphaera vel versus boream, vel austrum versus a b sit. Sit enim descriptus parallelus aCBO, circuli obliqui PHSL ex centro h. Per h, & centrum Astrolabii E, trahenda recta h E, exicitur ad eam perpendicularis diameter Aequatoris LM, quæ axem mundanum referet, ut supra Num. 14. dictum est. Ductæ M, polo australi per a, b, extrema puncta diametri visæ paralleli rectæ emittuntur Ma, Mb, secantes Aequatorem in Y, Z. Nam recta YZ, quæ omnimoda parallela erit ipsi NO, si erratum non sit, erit diameter dati paralleli in sphaera, & quæ distantiam à diametro NO, circuli maximi, arcus NY, OZ, metientur, vel versus boream, vel austrum versus, prout arcus dicti versus Q, vel T, reprofuerint.

12. AMPLIUS ducta recta R E, per centrum circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, & per centrum Astrolabii, si ad eam erigatur diameter Aequatoris ad singulos rectos LM, ac per radios M ee, M gg, reperiatur diameter vera NO, circuli dati obliqui in sphaera, erit OM, vel NL, arcus altitudinis poli supra eundem circulum maximum obliquum. Nam si circulus ABCD, sumatur pro circulo Analemmatis per polos mundi, & polos circuli obliqui per circulum PHSL, repræsentati ducto, poli mundi sunt L, & M, ut Num. 16. dictum est, & NO, communis sectio eiusdem circuli obliqui, & circuli Analemmatis ABCD, ut ibidem ostendimus. Inclinatorio autem eiusdem circuli obliqui ad Aequatorem erit arcus Nk, nimirum complementum altitudinis poli LN; cum congruentum altitudinis poli supra quemcumque circulum maximum, sit inclinatio eiusdem ad Aequatorem, ut constat.

SED brevis & altitudinem poli supra quemlibet maximum circulum obliquum, & eius inclinationem ad Aequatorem inuestigabimus, etiam si vera eius diameter inuenta non sit, hoc modo. Ducta per eius centrum, & centrum Astrolabii, recta R E, & ad eam in centro E, excitata perpendiculari LM, ducemus per ee, intersectionem dati circuli cum recta R E, rectam M ee, secantem Aequa-

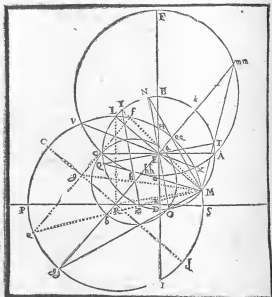
Paralleli visæ rectæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg.

Paralleli visæ rectæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg.

Paralleli visæ rectæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg.

Paralleli visæ rectæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg, quæ intra circulum obliquum continentur in eius diametro visæ ee gg.

torem in N, Arcus enim Nk, inter punctum hoc N, & interfectionem rectæ RE cum Aequatore, erit inclinatio dati circuli ad Aequatorem. cum ei respondet portio ee k, ut propof. 1. Num. 5. ostendimus, quæ quidem arcus circuli maximi refert, qui per polos mundi, & polos dati circuli ducitur, & quæ recta gg mm, exprimit: Constat autem, arcum huius circuli maximi inter Aequatorem, & datum circumum, interfectum, nimirum ee k, inclinationem dati circuli ad Aequa-



torem metiri. Ex quo fit, & arcum Nk, qui æqualis est arcui ee k, eandem inclinationem metiri. Altitudo item poli supra eandem circumum datum, erit arcus NL, complementum arcus Nk. Atque hac eadem ratione altitudinem poli supra quencumque circumum maximum obliquum in Afrodabon descriptum, eiusdemque inclinationem ad Aequatorem reperiemus.

23. **POSTREMO**, dato quovis circulo maximo tam ad Aequatorem, quam ad Meridianum obliquo, siue is Verticalium aliquis sit, siue non, describere ex eo Aequatorem Astrolabii, si tamen altitudo poli supra ipsum, vel inclinatio eius ad Aequatorem cognita fuerit, hoc modo. Si datus circulus maximus quicunque obliquus *Lee Mgg*, cuius centrum *R*, per quod ducta sit vicinior diameter *gg ee*. Si igitur ex *ee*, in utramque partem numeretur altitudo poli supra dictum circulum, siue complementum inclinationis ipsius ad Aequatorem, usque ad *L, M*, iungaturque recta *LM*, quae in *E*, bifariam secabitur, ex theorema prop. 17. lib. 3. Eucleritque diameter Aequatoris quaesita, adeo ut circulus *ABCD*, ex *E*, circa *LM*, describitur, sit Aequator in Astrolabio, si datus circulus *Lee Mgg*. ponatur aliquis circulorum maximorum obliquorum. Demonstratio facilis est. Quoniam enim ducta recta *M ee N*, arcus *ee L*, & *NL*, per Lemma 10. similes sunt; metietur quoque arcus *NL*, altitudinem poli supra dictum circulum, ideoque eius complementum *Nk*, inclinationem eiusdem ad Aequatorem metietur. Cum ergo, posito Aequatore *ABCD*, arcus *NL*, altitudinem poli supra datum circulum *Lee Mgg*, & arcus *Nk*, inclinationem eiusdem ad Aequatorem metietur, ut Num. 22. demonstratum est, liquido constat, recte inventum esse Aequatorem ex data altitudine poli ex *L*.

ITAQUE hoc artificio, si offeratur quilibet circulus in plano, qui debeat esse determinatus aliquis circulus maximus in Astrolabio, invenietur per eum, quoniam Aequatorem in eodem Astrolabio.

PROBL. VI. PROPOS. IX.

Circulos horarios, & declinationum in Astrolabio describere.

1. **QVATVOR** sunt horarum genera. Aequales à meridie, vel media nocte cordum fumentes, more Astronomorum, quos Germani, Hispani, & Galli mutant; Inaequales, dividentes quemlibet diem, vel noctem in 12. partes aequales, quae apud Hebraeos, & apud antiquos fere omnes in vsum fuerunt: Aequales, quarum initium ab ortu Solis sumitur, quibus Babyloii vocabantur: Aequales denique ab occasu Solis inchoant, quarum usus olim fuit apud Athenienses, hoc vero apud Italos remanet.

CIRCULI horarum à mer. vel med. nocte ceptarum, ita in Astrolabio desinentur. Aequator, vel quivis eius parallelus in 24. partes aequales dividatur, & per centrum Astrolabii, & pūta divisionū rectae lineae educantur. Hae namq. circulos illos representabunt in Astrolabio. Cum enim, ut in nostra Gnomonica lib. 1. prop. 3. ostendimus, huiusmodi circuli per polos mundi incedant, sicutque & Aequatorem, & eius parallelus in 24. partes aequales, proficiuntur per propo. 1. Num. 1. & 4. in lineas rectas se in centro Astrolabii interficentes, atque adeo Aequatorem, omnesque eius parallelus in partes 24. aequales partientur, non solum atque in sphaera contingit, cum aequales arcus Aequatoris, eiusque parallelorum, in arcus aequales proiciantur in Astrolabium, ut propo. 2. Num. 1. 2. 3. & 4. demonstratum est. Quod si horae singulae in Aequatore, vel eius parallelis, secantur bifariam, & rursus per sectiones ducantur rectae ex centro Astrolabii, descripti etiam erunt circuli semihoras indicantes: quae si rursus bi-

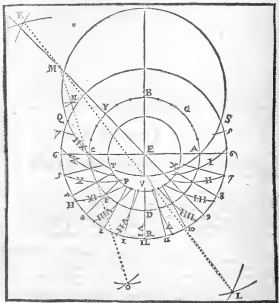
horarum in
quibus circuli
qui ducuntur
omnes aequales
circulos obli-
quos representat
in Astrola-
bio, descriptos.

Circuli horarii
à mer. vel med.
noct. in Astrola-
bio descriptos.

fariam

fariam feceretur, &c. habebuntur circuli quadrantes horarum monstrantes, & sic deinceps, si minores partes horarum desiderentur.

2. Hæc autem lineæ rectæ circulos horarum à mer. vel med. noc. ceptarum referentes, in Astrolabii vulgaribus duci tantum modo solent infra Horizontem, ut in figura appareat, ita tamen, ut tropicum \overline{AB} , non transcendat, ne



part Astrolabii supra Horizontem, in qua descripti sunt Verticales circuli, & paralleli Horizontis, nimis linearum multitudine confunderetur. Alii vero de signant easdem horas talimodumtaxat Astrolabii, adscribentes punctis, in quæ dictæ rectæ cadunt, horarum numeros, initio facto à linea meridiana BD, & in superiore parte versus dextram, in inferiore vero sinistram versus progrediendo.

de. Deinde in centro Astrolabii affigunt regulam quandam volubilem, cuius li-
na altera extrema per idem centrum transeat, lineaque fiduciae dicatur. Hinc
cum regula circumducta fungitur munere omnium circularum horariorum, de
quibus nunc loquimur. Idem quoque, quod hęc regula, prestare potest filum
pennę à centro Astrolabii egrediens, & per singulas horas in limbo circum-
ducta.

3. CIRCULI maximi declinationum, cum etiam per mundi polos du-
centur, eodem modo in Astrolabio describuntur, si per centrum, & singulos gra-
dus Aequatoris rectę linea ducantur, quę tamen in limbo Astrolabii per gra-
dum eundem modo solent ostendi. Nam regula illa volubilis, vel filum ex centro
pennę, si circumducatur per singulos gradus, fungetur munere circularum
declinationum per singulos gradus ductorum.

4. CIRCULI horarum inæqualium singulos arcus diurnos, nocturnosque
in duodecim partes æquales diuidentium, ab auctoribus hoc modo in planum
Astrolabii produciuntur. Diuisis arcibus nocturnis tropici ☉ , QRS, & Aequato-
ris CDA, & tropici ☿ , TVX, in 12. partes æquales, (Nam horę inæquales in
his Horizontum duntaxat describi solent, propter causam dictam in horis à
no. ad med. noc.) describuntur per ternā puncta eodem horę inæquali responden-
tes, qui in Aequatore per puncta per diametrum opposita transierunt, si
producantur. Hosce enim circulos arbitrantur horas inæquales monstrare,
cumque Sol in Zodiaco existat. Quod omnino verum non est. Cum enim hi
circuli representent maximos circulos in sphaera, ut in scholio prop. 3. Num. 3.
demonstrauimus, quod per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita describi-
buntur, nulli autem maximi circuli dari possint in sphaera, qui per horas inæ-
quales inueniuntur parallelorum transeant, hoc est, qui singulorum parallelorum
arcus diurnos, nocturnosque in duodecim partes æquales partiantur, ut in Lem-
ma 13. nobis demonstratum. Cuius perspicuum est, circulos illos descriptos non
lectum vere duodecim partes in singulis arcibus diurnis, nocturnisque, tri-
buisti exceptis, qui in 12. partes æquales diuisi sunt. Quamuis autem huiusmo-
di circuli diuisi sint ferme in partes 12. æquales, arcus diurnos, nocturnosque om-
nes parallelorum in eo Horizonte, supra quem polus eleuatur non pluribus
partibus, quam 12. ita ut discrimen aliquod vix possit sensu percipi, idem ta-
men in maiore obliquitate sphaerę, si diuisantur in parallelorum arcus diur-
nos, nocturnosque in 12. partes æquales, nunquam partientur arcus diurnos, no-
cturnosque aliorum parallelorum in partes æquales, sed ita inæquales partes ef-
ficient, ut sensu percipi possint earum discrimen, eoque maior inter eas reperia-
tur inæqualitas, quo maior altitudo poli extiterit: quęquāmodum tanto minor
inæqualitas inter easdem cernitur, quanto minor fuerit poli altitudo supra Ho-
rizontem, quam grad. 45. Itaque ut veritas horę inæquales in Astrolabio describi-
buntur, describendi erunt plures paralleli inter Aequatorem, & utrumque tro-
picum, eorumque arcus nocturni in 12. partes distribuendi, 12. tandem singula-
rum horarum puncta, quę in circuli circumferentia minime sita sunt, ut vulgo
putatur, congruenter lineolis inflexis coniungenda, ita ut nusquam angulos ef-
ficiant, non secus atque in hyperbolicis, & aliis sectionibus conicis describendis
seri solet, si tamen quispiā velit omnino horas inæquales per circulos in Astro-
labio designare, pro nihilo ducendo modicum illud discrimen, de quo diximus,
ut facilius, & expeditius eiusmodi circulos describat, inuenire debet eorum cen-
trum à mer. vel med. noc. horariorum, si producantur. Nam cumlibet circuli

Declinationum
maximi in Astro-
labio describuntur.

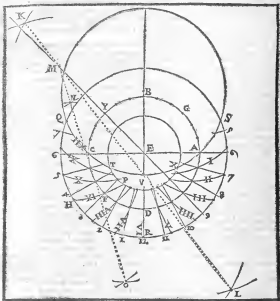
Circuli horarum
inæqualium in
centrum aucto-
ris Astrolabii de-
scribere in Astro-
labio.

Circuli horarum
inæqualium com-
munes descri-
buntur, cum aucto-
ris Astrolabii de-
scribere in Astro-
labio.

Horę inæquales
veritas per puncta
declinationum plu-
rima arcus diu-
sionis debent.

Quod centrum
correspondens in-
ponitur.

centrum existit in ea linea, quæ in Aequatore distat 6. horis integris a duobus illis punctis, per quæ circulus ille trahere debet. Vt v.g. arcus, vel circulus HEP, per puncta Aequatoris F, G, describendus, centrum habet in recta EYM, ducta per V, punctum Aequatoris, quod 6. horis à punctis F, G, abest. Nā cū recta EYM, à punctis F, G, distet æqualiter, sit, ut circulus ex quocunque eius puncto per alterutrum punctorum F, G, descripius, transeat quoque per reliquum, quoad-



modum & Horizon centrum suum habens in meridiana linea BD, quæ in Aequatore à punctis A, C, quadrante abest, transe per utrumque punctum A, C, ut in scholio propos. 3. Num. 1. ostendimus. Quod etiam sic demonstrari poterit. Quoniam etiam recta EM, decat diametrum Aequatoris FG, bifariam, & ad angulos rectos, quod ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. anguli in centro E, quadrantibus YF,

YG, &c.

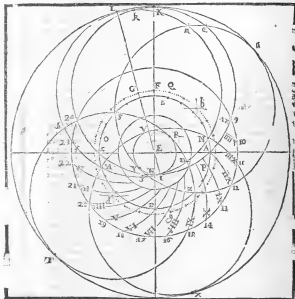
YG, insistentes, recti sint; transibit eadem EM, per centrum circuli per puncta F, G, describendi, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. cuiusmodi est circulus datæ horæ inæqualis. Quare satis erit in hac linea EYM, reperire centrum circuli transiens per alterutrum punctorum respondens in tropico \mathcal{Z} , vel \mathcal{Z} : quod quidem facile fiet, aperiendo, vel claudendo circuli magis, aut minus, prout res erigit. Geometricè tamen idem centrum reperies, si ex G, & H, quovis intervallo eodem hinc inde binos arcus se mutuo in K, L, interfecantes describas: Item alios ex punctis H, P, ad quodvis intervallum secantes sese in N, O. Rectæ namque LK, OL, per illas intersectiones traiecit secabunt rectâ EYM, in M, centro centri HEP, ut ex his constat, quæ in scholio propof. 15. lib. 3. Eucl. demonstrata sunt a nobis. Eademque profus est ratio in centrâ aliorum arcuum inveniendis.

1. CIRCULOS denique horarum ab ortu, vel occasu Solis in Astrolabio prædicimus hac ratione. Circa E, centrum Astrolabi per F, centrum Horizontis descriptus circulus FG, in 24. horas æquales distribuitur, quarum semis, quadranteque horarum, si libuerit, subdividuntur, atque ex punctis divisionum, ut centris, intervallo semper eodem semidia metri Horizontis FH, circuli describantur. Dico hos circulos horas indicare ab ortu, vel occasu Solis, hoc est, restare circulos maximos in sphaera, qui omnes parallelos Aequatoris sicut maximos semper apparentium, & latentium interiectiones, in partes æquales partiantur, notio factio ab Horizonte. Quoniam enim per propof. 10. lib. 1. nostræ Gnomonicæ, huiusmodi circuli parallelorum semper apparentium maximæ, ac proinde & oppositæ, nimirum semper latentium maximum, tangunt in punctis, in quibus à circulis horarum à mer. & med. noc. secantur, necesse est, videri faciant idem in Astrolabio. Cum ergo circuli ex punctis divisionum circuli FG, ad intervallum semidia metri Horizontis descripti, tangant duos parallelos KL, HI, quos Horizon tangit, & quorum hic est semper apparentium, ille vero semper latentium maximum, in punctis, in quibus rectæ lineæ per centrum Astrolabi traiecit, referentique circulos horarum à mer. vel med. noc. ut ostensum est, eosdem secant, ut monstrabimus, liquet, circulos descriptos, esse circulos horarum ab ortu, & occasu Solis. Ducatur enim per E, centrum Astrolabi, & punctum G, recta EG, secans parallelos KL, HI, in L, I. Et quia tam EK, EI, inter se, quam EH, EI, æquales sunt, erunt totæ KH, HI, æquales. Rursus quia æquales sunt EF, EG, erunt quoque rectæ BH, GI, æquales. Cum ergo FH, sit ipsius KH, semis, erit & GI, semis ipsius LI. Circulus igitur LHI, ex G, ad intervallum GI, vel GL, descriptus semidiametrum habet æqualem semidiametro Horizontis FH, tangitque ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. parallelos KL, HI, in L, I. punctis, in quibus recta LI, representans vnum ex circulis horarum à mer. & med. noc. eosdem secat. Eadem ratione ostendemus alios circulos ex aliis punctis divisionum circuli FG, ad intervallum semidia metri Horizontis descriptos, tangere parallelos KL, HI, in punctis, in quibus a rectis per centra electis secantur, hoc est, eorum diametros inter vicinorum parallelum positos secari a circulo FG, bista, dum ipsique circulos Horizonti esse æquales. Er cente, circulos horarum ab ortu, & occasu prædicti in Astrolabio in circulos æquales, hanc etiam manifestum esse potest. Quoniam enim in sphaera tangunt maximum parallelorum semper apparentium, & maximum semper delitescentium, in 24. punctis distinctos parallelos in 24. horas æquales secantibus, ut ex propof. 10. lib. 1. nostræ Gnomonicæ liquet, ipsi ex scholio propof. 11. lib. 2. Theod. ad Aequatorem æqualiter distinclinad erunt, ac proinde eorum poli ab eodem Aequatore æqualiter distan-

Circulus horarum ab ortu, & occasu Solis, in Astrolabio descriptus.

Circulus horarum ab ortu, & occasu Solis, in Astrolabio esse æquales.

Sunt ite quo fit, eos omnes, unà cum Horizonte, equaliter à polo antarctico abesse, idemq; ex eo polo inspectos apparere inter se aequales; ut vel hinc etiam constet, dictos circulos esse recte descriptos, cum omnes Horizonti sint aequales, ob similitudinem aequales, represententque circulos maximos, quippe qui parallelos duos oppositos KL, HI, tangent, eos nimirum, quos Horizon tangit, a. s. a. T. b. m. per speculum autem sit, Horizontem duos parallelos oppositos contingere. Ex



hoc inferre quoque licebit, quemlibet horum circularum transire per duos horas in Aequatore per diametrum oppositas, & quæ 6. horis, id est, quadrante recta per suum centrum ducta abint, quemadmodum & Horizon transire per horas A, C, per diametrum oppositas, & à recta ducta per centrum F, 4. horis distant. Omnis enim circulus maximus in Astrolabio sicut Aequatorem bñr riam in punctis per diametrum oppositis, ut in scholio propos. 5. Num. 6. ostendit

fin

meti. & clarius in scholio propof. 12. demonftrabitur. Ita vides circulum ex defcriptum transire per horas M, N, in Aequatore per diametrum oppositas, & per horas A, a recta per centrum G, ducta abfuna.

4. SOLENT autem circuli horarum ab ortu, vel occafu in vulgariis Afrolabii (in quibus defcribi folent, neque enim in omnibus defcribuntur) defcribi tantummodo infra Horizontem, ita tamen, vt tropicos non transgrediantur, propter causam paulo ante in circulis horarum a mer. & med. noc. allatam, cuius figura apparet, vbi exteriores numeri ad horas ab occafu, & interiores ad horas ab ortu pertinent: quamvis hi arcus facti non fint ad horas ab ortu, & occafu tam diurno tempore, quam nocturno inueftigandas, vt lib. 3. Can. 8. Num. 4. dicemus. Re ipsa tamen, si huiusmodi circuli defcribendi effent integri, ut circuli per puncta O, P, ex Q, defcripti fupra Horizontem ex parte orientali C, fpectaret ad horam 1. ab ortu Solis, eiuſdem vero arcus infra Horizontem ex parte occidentali A, ad horam 1. ab occafu Solis pertineret: quemadmodum & arcus infra Horizontem per M, transiens ad horam 23. ab ortu, & arcus per N, fupra Horizontem incidens ad horam 23. ab occafu fpectare deberet, & fic de ceteris horis: quod fmo iam loco in vfu Afrolabi monebimus, & iamiam aliquo modo explicabimus.

5. Si circulus propofitus horae ab ortu, vel occafu, lineae integra ea fit fine minutis, hoc est aliquot minuta adhaereat, defcribendus fit, efficietur id hoc modo. Nomenitur data hora (reductis horis, earumque minutis, si adfint, ad gradus, ac minuta graduum, tribuendo fingulis horis quindenos gradus, & quaternis minutis horae fingulos gradus, & fingulis horae minutis quidena minuta vnius gradus, &c.) in Aequatore à puncto C, verſus B, si hora data fit ab ortu, vel à puncto A, verſus D, si hora ab occafu fit data. Per terminum enim numerationis deſcribendus erit eius horae circulus, cuius centrum ita inuenietur in parallelo FG, ex centro Afrolabi per P, centrum Horizontis defcripto. Sumpta, circuli huius, femidiametro Horizontis PH, vel EK, ſtatuetur vnus eius per in puncto Aequatoris inuenito, & altero parallelus FG, duobus in locis ſecetur. Alterarum harum ſectionum centrum erit quaefitum: ſed vera earum accipienda fit, ex his diſces. Quoniam omnes circuli horarum ab ortu, vel occafu aequales ſunt Afrolabio, tangentq; duos parallelos HL, KL, in 24. punctis, in quibus à circulis horarum à mer. vel med. noc. ſecantur, vt ſupra Num. 5. diximus, & in hypotheſis contactuum huiusmodi dandus, cum in quolibet duo puncta contactum ſint per diametrum oppoſita, ex coroll. propof. 6. lib. 1. Theod. pertinebunt ad idem genus horarum ſemircirculi inter puncta contactuum comprehenſi non concurrentes, vel non ſe interſecantes, & cum hi ex parallelis Aequatoris arcus ſimiles abſciendant. Huiusmodi ſunt ſemircirculi HAK, INL, RST, VMX, YZA. Ex quo primus HAK, cum fit ſemircirculus Horizontis, ad partes occidentales Afrolabi, ad occafum Solis ſpectat, pertinebunt alij quatuor nominati ſemircirculi ad horas ab occafu. Eodem modo reliqui ſemircirculi HCK, IML, RST, VMX, YZA, non concurrentes ſunt, ac proinde cum primus fit ſemircirculus Horizontis ad orientales partes Afrolabi, ſpectatq; ad ortum Solis, indi cabunt alij quatuor nominati ſemircirculi horas ab ortu Solis. Vbi vides cuiuslibet circuli horarum ab ortu, vel occafu vnum ſemircirculum inter duo puncta contactuum interceptum ad horas ab occafu, alterum vero ad horas ab ortu pertinere. Ex his diſficile non erit iudicare, veritatem duarum ſectionum in parallelo FG, ſumenda ſit pro centro circuli horarii per punctum in Aequatore inueniendum defcribendi: quippe cum ea eligenda fit, ex qua ſemircirculus horam ab

Horae ab ortu, & occafu quo puncto in vulgariis Afrolabii defcribi ſolent, & quare eorum centrum.

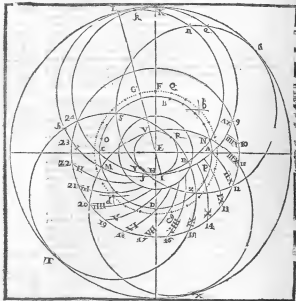
Per quae puncta Aequatoris circuli horae ab ortu, & per quae circuli horae ab occafu defcribendi ſunt: & horae a mer. vel med. noc. in Aequatore paralleli ad horas ab ortu, & quae ad horas ab occafu.

Centrum propter ſimilitudinem horae ab ortu, vel occafu, in Afrolabio dandus.

à 17. 2. Theod.

Quil ſemircirculi horarum ab ortu, vel occafu, ad horas ab ortu, & quae ad horas ab occafu pertineant cognoscant.

occasus indicaturus, atque inter duo contactuum puncta inclusus, describendus cum semicirculo Horizontis HAK, vel cum quocumque ad horas ab occasu spectante non concurret. Eademque ratione semicirculus horam ab ortu indicaturus, ex assumpta sectione describendus cum semicirculo Horizontis HCK, vel cum quolibet alio ad horas ab ortu spectante concurrens non debet. Exempli causa, si describendus sit semicirculus horæ 15 ab occasu, vel ab ortu, numeri-



bimus in Aequatore ex A, puncto occasus versus D, 15 horas usque ad S, vel ex C, puncto ortus versus B, horas etiam 15, usque ad Z. Nam per S, incidet semicirculus horæ 15 ab occasu, & per Z, semicirculus horæ 15 ab ortu. Et quia semidiameter Horizontis HF, vel FK, beneficio circini accepta ex puncto tam S, quam Z, exhibet nobis in parallelo FG, duo puncta b, d, statimodem erit centrum d, non auctem b: quia neque semicirculus RST, ex d, describeretur cum semicirculo

circulo Horizontis HAK, neque semicirculus RZT, cum Horizonte semicirculo HCK, concurrat : at tam semicirculus YSa, ex b, descriptus cum semicirculo Horizontis HAK, in puncto e, quam semicirculus YZa, cum semicirculo Horizontis HCK, in puncto f, concurrat; ac proinde neque ille ad horam 11. ab occasu, neque hoc ad horam 13. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 3. ab ortu, hic vero horam 3. ab occasu indicabit : propterea quod punctum S, distat 3. horis ab ortu C, versus B, semicirculusque YSa, cum semicirculo Horizontis HCK, non concurrat; punctum item Z, a bese 3. horis ab occasu A, versus B, semicirculus YZa, cum Horizonte semicirculo HAK, non concurrat. Eandem ob causam semicirculus horæ 11. ab occasu per punctum M, & semicirculus horæ 13. ab ortu per punctum N, transibit, atque utriusque centrum erit punctum g, non autem G. Nam neque semicirculus VMX, ex g, descriptus cum Horizonte semicirculo HAK, vel cum semicirculo RST, horæ 13. ab occasu, neque semicirculus VNX, cum semicirculo Horizontis HCK, vel cum semicirculo RZT, horæ 15. ab ortu concurrat : At tam semicirculus INL, ex G, describitur semicirculum Horizontis HAK, inter puncta H, I, vel semicirculus RST, horæ 15. ab occasu in puncto h, quam semicirculus INL, semicirculum Horizontis HCK, in puncto k, vel semicirculum RZT, in puncto m, intersecat; ac proinde neque semicirculus INL, ad horam 11. ab occasu, neque semicirculus INL, ad horam 13. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 23. ab ortu, hoc vero horam 23. ab occasu monstrabit. Atque ita de cæteris.

FACILIVS idem cognoscemus hoc modo. Numerata hora ab ortu ex C, versus B, vel hora ab occasu ex A, versus D, describatur per finem numeratilitatis intervallum semidiametri Horizontis ex centro in parallelo FG, ascripto circulus, ita ut eius convexo occurramus ex C, versus B, progredientes, hoc est, ita ut eius convexum vergat versus partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes, si ad horam ab ortu spectet : vel ita ut eius concavo ex A, versus D, occurramus, si pertineat ad horam ab occasu, hoc est, ita ut eius concavitas respiciat partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes. Ut si per S, describendus sit circulus horæ 13. ab occ. ponemus pedem unum circini in S, & alterum ad intervallum semidiametri FH, vel FK, extendemus usque ad d, & ex d, per h, circulum describemus RS, ita ut eius concavum à puncto S, vergat versus A, procedendo ab S, sinistram versus : siue versus signa orientalia secundum successionem signorum. Si vero per idem punctum S, describendus sit circulus horæ 13. ab ortu, describemus prædicto intervallum eodem, ex centro b, per S, circulum SY, ita ut eius convexum à puncto S, tendat versus C, progrediendo ab S, sinistram versus secundum successionem signorum. Eodem modo semicirculus per M, descriptus ex G, pertinebit ad horam ab ortu, eo quod ex C, per B, progredientes occurramus eius convexo in M: At semicirculus per N, ex eodem centro G, descriptus, ad horam ab occ. spectabit, quia ab A, per D, procedentes occurrerimus eius concavo in N. & sic de cæteris : ita ut semper progrediamur ab ortu in occasum contra successionem signorum.

2. NON dissimili ratione per quodvis punctum intra parallelos HI, KL, in Astrubio datum, tam semicirculus ad aliquam horam ab occasu, quam semicirculus ad aliquam horam ab ortu spectans describetur. Ut si datum sit punctum n, invenientur per semidiametram Horizontis beneficio circini ex n, duo centra G, h, in parallelo FG. Ex priore describetur per n, semicirculus INL, ad horam ab occasu pertinens, cum ex A, per D, progredientes, contra successionem videlicet signorum, occurramus eius concavo in puncto N; ex posteriore

Per dationem puncti
datis, inveniantur
quodlibet Horis
centrum, ut præ
dictum, per dationem
centrum, qui ad illi
quod horam ab
occasu, per dationem
centrum, qui ad
horam ab ortu
ab occasu, per dationem
centrum, qui ad
horam ab ortu

autem per idem punctum n , semicirculus YSa , ad horas ab ortu spectans; propterea quod ex C , versus B , progredientes, contra successiorem videlicet signorum, eius conuexo occurrimus in puncto S . Arcus autem Aequatoris ab occasu versus D , vel ab ortu C , versus B , vsque ad semicirculum horæ ab occasu, vel ortu numeratus indicabit, quotam horam ab occ. vel or. descriptas semicirculus significet. Atque hoc eodem modo cognoscemus, ad quam horam ab or. vel occ. descriptus quouis sit micirculus horarius spectet, si nimirum ex A , puncto occidit versus D , arcus Aequatoris vsque ad eum numeretur, si ad horas ab occ. pertineat, vel si ex C , puncto ortus versus B , vsque ad eum numeratio fiat, si ad horas ab or. spectet, &c.

9. CAETERVM neque hoc dissimulandum videtur, eandem esse politudinem supra omnes circulos horarum ab or. vel occ. quæ est supra Horizontem. Cum enim eundem parallelum HIR , tangant, eadeque omnes arcus altitudinis poli ex polo ad puncta contactuum, ac proinde æquales erunt; quos figura representant rectæ EH , EI , & aliz ex centro Astrolabii vsque ad contactus adductæ, quæ quidem sunt portiones rectarum per eorum centra dudarum, & maximos circulos referentium, qui per eorum polos, & polos mundi ducuntur. Cum ergo EH , altitudinem poli supra Horizontem metiatur, constat propositum.

PROBL. VII. PROPOS. X.

CIRCVLOS domorum cælestium, siue positionū, & lineā Crepusculi, vel auroræ in Astrolabio describere.

1. **CIRCVLI** domorum cælestium, qui & positionum circuli dicuntur, transiunt per communes sectiones Horizontis, ac Meridiam, diuisi, utque, ut vult Ioan. Regiom. Aequatorem in 12. partes æquales, in 10. scilicet semicirculo orientali Horizontis, qui ex eorum numero unus etiam est, & versus hemisphærium inferum progrediendo, hoc modo in Astrolabio describuntur. Diuiso Aequatore in 12. partes æquales, describantur per puncta sectionum; & per puncta F , G , in quibus Horizon meridianam lineam intersecat, circuli, inuenio cetero pro quibuslibet tribus punctis, quorū duo sunt F , G , & tertium in Aequatore. Hi enim per intra domorum cælestium incident, ut eas Ioan. Regiom. disponit, transibitque quilibet eorum, cum sit maximus, (quippe cum per duo puncta F , G , per diametrum in sphaera opposita decurrit.) per duo puncta in Aequatore per diametrum opposita, ut ostendimus in scholio propof. 5. Num. 6. clariusque in scholio propof. 12. demonstrabimus. Ita vides circulum FKG , domus 3, & 9. duci per puncta K , L , in Aequatore per diametrum opposita. Ex quo fit, centrum cuiuslibet circuli existere in recta, quæ in centro E , diametrum Aequatoris per duo illa puncta opposita ductam secant ad angulos rectos, hoc est, quæ semicirculum Aequatoris inter illa duo puncta opposita basium secant. Nam perpendicularis illa, cum ductam diametrum Aequatoris secet basium, & ad angulos rectos, transibit per centrum cuiuslibet circuli per extrema puncta eius diametri transeuntis, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. cuiusmodi est circulus domus cælestis propositæ. Ut centrum circuli $FKGL$, erit in recta EN , quæ diametrum KL , in E , & semicirculum KNL , diuidit basium in N , etque

Semicirculus qui
horæ horæ ab or.
aut occ. descriptus
est, quæ horæ
ab or. vel occ.
de portione, con-
gruentem.

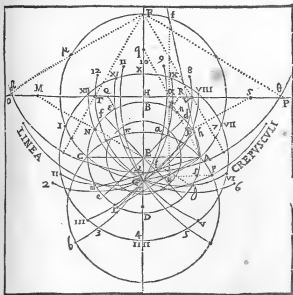
Eandem esse poli
altitudinem poli
supra Horizontem
duos horarum ab
or. vel occ. rectas,
quæ ab or. & occ.
ducentur.

Domus cælestis,
velis Regiom.
quælibet, in
astrolabio descri-
bitur.

Circulus domorum
cælestium repre-
sentatur.

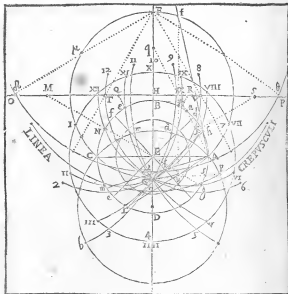
ad dia-

ad diametrum KL, perpendicularis, cum omnia puncta huius rectæ æqualiter
distet à punctis K, L, per quæ circulus duci debet, vt de centrīs horarum in-
scriptum dictum est in propos. præcedenti Num. 4. Et quia, ex eodem coroll. pro-
positi lib. 3. Eucl. eadem centra existunt quoque in recta OP, secante meridia-
nem lineam FG, ad angulos rectos in centro Horizontis H, & bisariam, quod
et huius rectæ omnia puncta à punctis F, G, per quæ circuli domorum ducendi



sunt æqualiter distant, quemadmodum propos. 3. Num. 2. de centrīs Verticaliū
in recta PQ, existentium dictum est; sit, vt centrum circuli FKGL, sit punctum
M, ubi rectæ EN, OP, se interfecant: eademque ratio est de cæteris. Nam &
dierum circularum centra sunt puncta Q, R, S, in quibus rectæ ex centro E, per
puncta diuisionem Aequatoris ductæ rectam OP, interfecant. Itaque si ex B,
pet

per singulos gradus Aequatoris rectæ eductantur, secabitur recta OP, in centro
 circularum positionum per singulos gradus Aequatoris transfunctum, distim-
 atumque singulas domos celestes in triennos gradus, quemadmodum recta EN,
 per N, grad 30, à puncto C, ducta obvelat M, centrum circuli PKGL, qui per K,
 gradum 30. Aequatoris à Meridiano numeratum descripsit est.



Per dñm quod
 an pñm Aequa-
 toris circuli
 positionum descri-
 bant.

2. QVOD si per quemcumque gradum Aequatoris à Meridiano distan-
 tem circulus positionis describendus sit, numerabimus eundem gradum ex C,
 versus B, si gradus Aequatoris datus fuerit ex parte occidentali, vel si ex parte
 orientali extiterit, ex A. Recta namque ex E, per finem numerationis emissi ca-
 bit in recta OP, centrum quæsitæ circuli. Vt si describendus sit circulus positi-
 onis per punctum G, grad. 60. distans à B, puncto meridiei ad partes occidentales,
 suppe-

appetabimus ex C, grad. 60. usque ad 4. Recta enim E₄, dabit centrum Q₄ & quo circulus per punctum datū g. & puncta F, G, describendus est. & sic de cæteris. Re-
ge autem descriptos esse circulos domorum caelestium, ut eas constituat Ioan.
Regem manifestum est, cum in forma circulari appareant, descripsi que sunt per
illa puncta, per quæ in caelo ducuntur à Ioan. Regem, nimirum per partes duo-
decimas Aequatoris, & per puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Me-
ridiani.

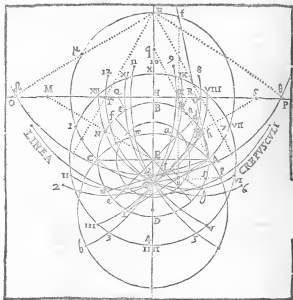
3. CIRCULI autem caelestium domorum, ut à Campano in caelo consti-
tuantur, diuidentes nimirum Verticalem circulum primariū in 12. partes æqua-
les, transiuntque per eadem puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Me-
ridiani, eodē modo describentur in Astrolabio, si pro duodecimis partibus Aequa-
toris sumantur partes duodecimæ Verticalis primarij, non quidem duodecimæ
partes æquales ipsius, ut in Aequatore factum est, sed inæquales, quæ duodeci-
mæ partibus æqualibus Verticalis primarij in sphaera respondent, reperiunturque
per rectas ex alterutro polo sū G, F, Verticalis 12. p. partes Aequatoris eductas,
ut propof. 5. Num. 17. & 20. traditum est, vel alibi viis, quas partim propof. 5.
partim propof. 6. præsertim vero propof. 6. Num. 25. explicauimus. Nam inueni-
tur hæc par tibus duodecimis Verticalis, si per quodlibet illorum, & per puncta
F, G, circuli describantur, quorum centra in recta OP, existunt, incedent ij per
centra domorum caelestium, ut à Campano concipiuntur, transibitque quilibet
eorum per duo puncta Verticalis per diametrum mundi, quæ quælem per E, cen-
trum Astrolabi ducitur, opposita, cum maximum circulum referat, ac proinde
alios maximos circulos bolarum faciet. Ita vides circulum Fa Gb, domus 1. ac 2.
datū esse per puncta Verticalis a, b, quæ per diametrum opponuntur.

4. H Q S eodēdem circulos posteriores domorum caelestium ita quo-
que describemus. Quoniam per polos Verticalis primarij in sphaera, hoc est,
per intersectiones Horizontis, ac Meridiani ducuntur, Verticalemque primariū
in partes æquales diuidunt, ita sese habebunt respectu Verticalis primarij, ut cir-
culi Verticales respectu Horizontis transiunt per polos Horizontis, hoc est,
per intersectiones Verticalis primarij, ac Meridiani, diuidentesque Horizon-
tem in partes æquales. Quamobrem quemadmodum in propof. 3. Num. 1. & 2.
centra Verticalium inuenta fuere in recta PQ, quæ per centrum Verticalis pri-
marij in prima figura illius propof. ad meridianam lineam perpendicularis du-
citur, ita quoque hoc centra circulorum caelestium domorum, quas Campanus
ibi fabricatus est, reperiuntur in recta OP, quæ per H, centrum Horizontis ad
lineam meridianam perpendicularis transiunt, estque communis sectio Aequa-
toris, planus Astrolabi, & paralleli Verticalis primarij, qui per polum antar-
cticum ducitur, cuius quidem diameter in figura prima propof. 4. est recta
Aqperadmodum & recta illa PQ, in figura prima propof. 3. est communis sec-
tio eodēdem Aequatoris, vel plani Astrolabi, & paralleli Horizontis per po-
lum antarcticum ducti, cuius quidem diameter in eodē prima figura propof. 4.
est recta AL. Eadem namque utrobique erit demonstrato. Nam si Verticalis
primarij intelligatur esse Horizon aliquis obliquus, erit Horizontis Verticalis
primarij, & puncta F, G, eusdem poli. Itaque quoniam per posteriores
hæc circulos domorum caelestium Verticalem primarij, tanquam Horizon ali-
quis obliquus diuidendus est in 12. partes æquales, qui quidem sunt numero sex
cunusque, cum singuli per bina puncta Verticalis incedant, diuidemus Horizon-
tem ABCG, ac si esset Verticalis primarij ipsius Verticalis AaCb, tanquam Ho-
rizon cuiuspiam, in 6. partes inter se omnino æquales: Deinde ex puncto F,

Domus caelestia,
ut à Campano
constituuntur in
Astrolabio, tan-
quam circuli
caelestium
domorum.

Domus caelestia
ut à Campano
constituuntur,
in Astrolabio, tan-
quam circuli
caelestium
domorum, tanquam
circuli
caelestium
domorum.

vel G. per has sectiones lineas rectas ducemus, secantes rectam OP. In punctis O, F, H, V, P. quæ centra erunt circulorum domorum caelestium per puncta F, G, describendorum, instar Verticalium respectu Verticalis AaCb. tanquam Horizontis, ut propos. 8. demonstratum est. In figura priores circuli continentis Ican. Regioni descripti appositos habent numeros antiquos, hoc modo. I. II. III. &c. Posteriores vero secundum Campanũ, vñtatos numerorum charta.



Quæres habent affixos, hoc modo, 1. 2. 3. 4. &c. Atque omnes hi circuli solent describi, ut tropicum 30. non transibant: quod nos quoque observamus. Quod si ex F. ad quodvis intervallum circulus describatur 37.3, & in 360. grad. distribuitur, initio facto à puncto 7. dabunt rectæ ex F. per singulos gradus illius circuli ductæ, in recta OP, centra omnium circulorum positæ per

per omnes gradus Verticalis primarij transfundum, singulaque domos celestis dividendum in tricenos gradus. Nam quemadmodum recta $F\mu$, per punctum grad. 120. & puncto G , Meridiani distans cadit in O , centrum circuli positionis μG , gradibus 60. ab Horizonte remoti, ita in idem centrum incidet recta $F\delta$, ita per punctum δ , grad. 60. & puncto γ , Meridiani distans, propterea quod ea dem recta per utrumque punctum μ, δ , transibit eademque recta cum arcus $\gamma\delta$, similis arcus $G\mu$, similis sit, &c.

1. QVOD si per quemcumque gradum Verticalis primarij ab Horizonte distantem circulus positionis describendus sit, numerabimus eundem gradum gradum ex γ , versus δ , si gradus Verticalis datus fuerit ex parte occidentali, vel ex parte orientali extiterit, versus δ . Recta namque ex F per finem numerationis emissa dabit in recta OP , centrum quaesiti circuli. Ut si describendus sit circulus positionis per punctum Verticalis, quod ab Horizonte ex parte orientali grad. 60. distet versus Zenith, sumamus arcum $\gamma\delta$, grad. 60. Recta enim $F\delta$, dabit centrum P , & quo circulus per puncta F, G , describens transibit per σ , punctum Verticalis grad. 60. & puncto Horizontis C , distans versus Zenith. Si autem punctum in Verticali proponatur infra Horizontem quocumque gradibus distans ab Horizonte, siue ad partes orientales, siue occidentales, describemus per punctum oppositum, quod supra Horizontem existit, ad contrarias partes circulum positionis, & dictum est. Hic enim transibit etiam per punctum datum. Ut si describendus proponatur circulus positionis per grad. 60. Verticalis infra Horizontem ex parte orientali, describemus, ut dictum est, circulum per grad. 60. supra Horizontem ex parte occidentali. hoc est, numerabimus grad. 60. ex γ , usque ad δ , ex parte orientali, ut recta $F\delta$, centrum O , exhibeat, &c. Idem efficitur si punctum datum Verticalis sit supra Horizontem, siue infra, si inuenito puncto in Verticali, ex eius distantia ab Horizonte, ut propos. 5. Num. 18. tra dunt est, per ipsum, & per duo puncta F, G , circulum, ex scholio propos. 5. l. 4. Eius describamus, cuius centrum erit in recta OP .

2. I.A.M. si per quodvis punctum in Astrolabio extra Aequatorem, & Verticalis primarij, assignatum describendus sit circulus positionis, inveniendum est in recta OP , centrum trium punctorum, quorum duo sunt F, G , & tertium illud, quod proposui est. Arcus autem Aequatoris inter punctum A , vel C , & intersectionem circuli describet cum Aequatore metietur distantiam circuli positionis ab Horizonte in Aequatore. Item arcus Verticalis inter A , vel C , & descriptum positionis circulum metietur eiusdem circuli distantiam ab Horizonte Verticali, si prius per ea, quae propos. 1. Num. 19. demonstravimus, inquiratur quot gradibus arcus ille Verticalis aequius leat. Atque eadem hac ratione per arcum Aequatoris, vel Verticalis inter A , vel C , & quemcumque circulum positionis positum, cognoscemus, quantum ille circulus positionis distet ab Horizonte siue in Aequatore, siue in Verticali, prout vel ex sententia Ioan. Regiom. vel Campani, descriptus esse intelligitur: ac proinde intelligemus, quantum positionem ex domo celesti abscindat circulus quilibet positionis.

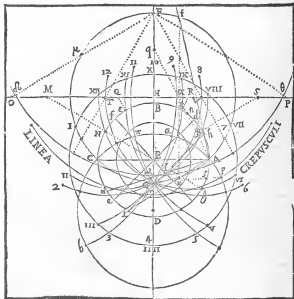
3. LINEA crepusculi, siue Aurorae descripta erit, si parallelum Horizontis ip. describatur, distans ab eo grad. 18. versus Nadir: propterea quod Sole, ubique in Ecliptica existat, parallelum Horizontis grad. 18. sub Horizonte occidentem attingente, crepusculum matutinum incipit, & vespertinum finitur, ita utem per ea, quae propos. 6. demonstrata sunt, dictum parallelum ip. describemus. In Aequatore dicta Horizontis diametro $d e$, & eius axe $f g$, sumantur infra $d e$, duo arcus $d h, e l$, grad. 12. ita ut recta ducta $h l$, diameter sit paral-

Circulus positio-
nis per quem-
cumque gradum
Verticalis primi-
arij ab Horizonte
distans.

Per quodvis pun-
ctum datum extra
Aequatorem, &
Verticali, quod
visum positionis
describemus.

Aequum quili-
bet circuli positi-
onis ab Horizonte
distans per 18. de-
scribemus, siue in
Verticali distet,
siue in Aequatore.
Et in eadem
linea in 18. ab
linea aequatorem

leli utrumque crepusculum terminantis; & ex A, polo australi per h, L, radij emittantur abscindentes ex meridiana linea diametrum eiusdem paralleli visam. Sed quia radius Ah, nimis procul excurrit, fas est invenire punctum eius diametri extremum r, per radium AL, & centrum paralleli Horizontis per r, describendi, quod sic fiet. Per punctum l, ubi diameter ducta hL, axem Horizontis fg, secat, ducatur ex A, polo australi recta secans Aequatorem in m, &



Centrum. Item
Crepusculum in
Sphaera.

arcum m f, zqualis sumatur f n. Nam radius A n, secabit meridiana lineam in q, centro paralleli Horizontis per r, describendi, hoc est, lineæ crepusculæ, ut in Lemmate 35. & propof. 5. Num. 9. demonstravimus. Vel ita agamus. Sumpto arcu Aequatoris AS, grad. 18. ducemus ex G, polo Verticalis per f, rectam quæ fecit Verticalem in p, eritque arcus Verticalis A p, grad. 18. infra Hori-

zontem,

item, ex his, quæ propof. 5. Num. 17. demonstrata sunt; ac proinde per p. parallelus crepusculi decendus est. Si igitur per p. educatur linea Verticalis tangens, habites meridianam lineam in q. centro paralleli per p. describendi, per ea, quæ nobis propof. 6. Num. 10. demonstrata sunt. Vcl denique in Horizonte accipiatur duo arcus Pt, Qu, grad. 18. in semicirculo FAG, quem propof. 6. Num. 10. parallelos Horizontis infra Horizontem spectare diximus; & recta tangens, secans diametrum Horizontis in æ. Nam recta ex A, per æ, emissâ cadet in q. centrum paralleli grad. 18. sub Horizonte existentis, vt propof. 6. Num. 6. demonstrauimus. Cæterum puncta h, L, quæ diametrum paralleli crepusculi ter-
 phant, inueniemus sine auxilio diametri Horizontis d e, hoc modo. Ex C, ver-
 sus D, supputetur arcus confusus ex altitudine poli, & grad. 18. vsque ad L, qui
 in Horizonte Romano complectitur grad. 60. Item ex B, versus A, arcus nume-
 ritur confusus ex complemento altitudinis poli, & grad. 18. vsque ad h, qui in
 eodem Horizonte Romano grad. 66. complectitur. Nam ducta recta hL, diame-
 trum paralleli crepusculi; ito quod arcus CL, confusus est ex C e, arcu alti-
 tudinis poli, & e L, arcu grad. 18. a arcus Bh, ex Bd, arcu complementi altitudi-
 nis poli, & dh, arcu grad. 18. Ex quo patet, Ioannem Scofferinum (ac proinde &
 alios nonnullos, qui illum sequuntur.) errare, cum præcipit, tam ex C, versus
 D, quam ex B, versus A, supputandam esse altitudinem poli, vna cum grad. 18.
 Hec enim solum verum est, vbi poli, altitudo continet grad. 45. Ibi enim
 complementum altitudinis poli B d, æquale est altitudini poli C e, vel d A,
 vt constet.

Error Ioan. Sco-
 fferini in hoc
 puncto lineæ des-
 criptionis.

PROBL. VIII. PROPOS. XI.

RETE Astrolabij, id est, figuram, in qua Eclipti-
 ca in signa, ac gradus diuisa, vnâ cum stellis fixis conti-
 netur, construere.

1. SIT circa E, centrum Astrolabij descriptus Aequator ABCD, cum tro-
 picis, vt propof. 4. traditum est, & Ecliptica AFCG, tangens tropicum 20, in P,
 & tropicum 22, in G, descripta, vt propof. 5. tradidimus, circa centrum H, quod
 inscribitur per rectam ex A, polo australi per finem arcus AIK, qui complementi
 maxime declinationis, est autem maxima declinatio BI, vel CL, & eius comple-
 mentum AL, vel BL, duplus sit, aut (quod idem est) per finem arcus CK, qui ma-
 xima declinationis CL, duplus sit, emissâ, vt prop. 5. Num. 3. & 4. ostendimus.
 Nî diameter Eclipticæ per I, N, ducitur, distatq; à polo australi arcu AL, eius
 complementum est maxima declinatio CL, vel BL. Et quia L, P, puncta quadran-
 tibus ab Ecliptica per I, N, ducta, poli sunt Eclipticæ, apparebunt illi po-
 li per radios AL, AP, in punctis M, R, quorum australis, & remotior R, accu-
 ratius inueniatur. Ducatur ex A, per finem arcus AO, qui duplus sit maxi-
 mæ declinationis AP, recta AO, cadens in Q, centrum circuli maximi per polos
 Eclipticæ, & principia ♈, & ♎, ducta, instar Verticalis primariæ, sive Eclipticæ
 Horizon foret. Nam si ex Q per M, circulus describeretur transiens necessariò per
 A, C, decideret meridiana linea in R, polo Eclipticæ: Et in recta ST, quæ per Q,
 ad MR, ducitur perpendicularis, existerent omnia centra aliorum circulo-
 rum maxi-

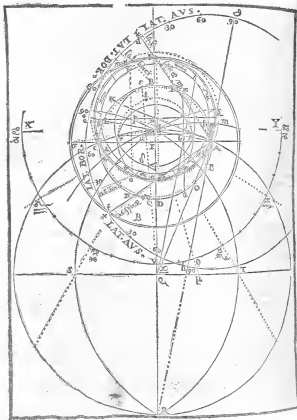
Err. Astrolabij
 cu. d. r. m.

Centrum Eclipticæ
 ex. r. m.

Poles Eclipticæ
 inscribit.

Recta ST in ca.
 d. r. m. & ex p. m.
 gradus declinat.

morum

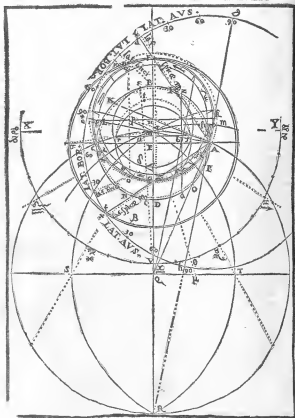


ad latitudinem per polos Eclipticæ M, R , ductis, ut de p et circulo $AMCR$, idem in sex partes æquales, & rectis ex M , per sectionum puncta ductis, perpendicularis ST , secetur in centrīs eorum circularum diuisarum Eclipticam in 12. signa, ut ex is constat, quæ propoſ. 8. Num. 2. de centrīs Versicilium demonstramus. Ita vides circulum MT , ex centro S , descriptum transire per principia χ , & η , circulum autem MS , ex T , descriptum transire per principia η , & γ . Quod si singulæ sex partes circuli $AMCR$, in tricenās partes scindantur, dabant rectæ ex M , per illas sectiones emissæ in recta ST , centra aliorum circularum max. morum, qui singulæ 12. signa Eclipticæ in tricenos gradus diuisabant. Sed quia inferior semicirculus circuli $AMCR$, longius excurrit, & non semper in proposito plano describi potest, inueniantur eadem centra in recta ST , commodius, hac ratione. Semicirculus XY , ex M , ad quodam intervallum descriptus secetur in 6. partes æquales. Rectæ enim ex M , per singulas sectiones eductæ dabant centra binorum signorum, aliorum videlicet, quæ ipsis sectionibus ascripta sunt. Et si singulæ illæ partes scindantur in tricenos gradus, inueniantur centra singulorum graduum, &c. ut ex is liquet, quæ in prædicta propoſ. 8. Num. 4. de centrīs Versicilium demonstrata sunt nobis. Verum facilius Eclipticæ in signa, & gradus distribuetur, si rectæ uterque polo Eclipticæ M , quam ex altero polo R , si is in plano Astrolabij notari, per duodecimās partes Aequatoris, & singulos eiusdem gradus ad Eclipticam vsq. emittantur, ut propoſ. 5. Num. 17. & 18. ostensum est. Vel si per duodecimās partes Aequatoris, singulosq. eiusdem gradus ipsi meridiani lineæ agantur parallele rectam AC , secantes in punctis, per quæ ex Q , centrō circuli $AMCR$, rectæ trajectantur, &c. ut in eadem propoſ. 5. Num. 24. notatum est. Ita vides rectam Za , ipsi BD , paralleli distare ab A , grad. 50. hincq. rectam AC , in b , ac denique rectam Qb , transire per principia η , & γ grad. 50. ab V distantia, &c. Hoc etiam transferri possunt, si lubet, ad dividendi maximos circulos in gradus, quæ propoſ. 5. & 6. præfinit. Num. 21. propoſ. 6. exposuimus.

2. STELLAE fixæ exquisitissime per earum longitudines, latitudinesque in Astrolabij reponentur, hoc modo. Descripto parallelo Eclipticæ per propinquum stellæ in sphaera transeunte, habita ratione latitudinis stellæ si borealis, siue australis, numeretur in eo, initio facto ab eius intersectione oriẽ uti ad partes C , cum circulo $AMCR$, per principia V , & η , transeunte, longitudo eiusdem stellæ, hoc est, distantia eius à principio V , ut propoſ. 6. Num. 22. & sequentibus traditum est. Terminus enim numerationis erit locustellæ propoſitæ. Paralleli autem qualibet Eclipticæ describetur, & in gradus distribuitur, eisdem modis, quibus paralleli Horizontis propoſ. 6. descripti sunt, & in gradus diuisi. Sed ut facilius res peragatur ea ratione, quam Num. 3. illius propoſ. præscriptimus, præparanda erit figura hoc modo. Ex A , descripto ad quodam intervallum circulo def, distantur radii AI , AN , transeuntes per extremitates diametri visæ Eclipticæ FG , secantesq. circum def, in d , & f , eritq. $d f$, quadrans, cum ex Lemmate, resimilis sit semicirculi ILN , Aequatoris, vel semicirculi Eclipticæ FCG . Ducatur quoque radius AL , transiens per L , polum Eclipticæ verum, & per M , polum quoque radius AN , transiens per N , polum Eclipticæ def, in e , eruntq. arcus de , ef , æquales, cum per Lemm. 10. semicirculus quadrantum Aequatoris IL , LH , vel Eclipticæ ILG , similis sit. Nam recta Ac , per polum Eclipticæ ducta transiit per extremitatem diametri Eclipticæ de , ad FG , perpendicularis, ut in scholio propoſ. 5. Num. 14.

Stellæ fixæ sunt
ad hoc, ut per
illam longitudinem
latitudinem, in
punctis.

Figura præparanda
per quæ
facile quibet
latitudinem
longitudinem
in Astrolabio
describitur.



Num. 14. demonstravimus. Sumptis deinde arcibus dg, fh, arcibus de, & equalibus, quos etiam radius APR, transiens necessario, ex eodem thelo propositionis 3. Num. 14. per k, alteram extremitatem diametri Eclipticæ ik, abscondit; propterea quod tam rectæ Ak, AF, per Lemma interceptant arcum dg, semisui quadrantis Eclipticæ FK, quam rectæ AP, AM, arcum fh, semisui quadrantis Aequatoris PN, similem; distantur singuli arcus dg, de, fh, fe, in 90. partes æquales, quæ graduum semisses erunt, initio imperfacile à punctis d, & f. Nam per partes arcuum de, fe, inveniuntur diametris parallelorum latitudinum borealium, per partes autem arcuum dg, fh, diametri parallelorum latitudinum australium reperientur, ideoque illis adscripta est Latitudo borealis, his vero Latitudo australis, ut statim cognoscatur, quoniam in partem latitudo proposita numeranda sit. Quo pacto autem ex circulo descripto, ita diviso paralleli describantur, prop. 6. Num. 8. declaratum est, rursumque ex sequentibus exemplis intelligi potest. Quæ item ratione huiusmodi paralleli in gradus sint distribuendi, in eadem propositione 6. Num. 11. & sequentibus traditum est.

3. SIT ergo, exempli gratia, recti imponenda Spica Υ , cuius longitudo à punctella Υ , continet grad. 170. vera aut longitudo à principio Υ , grad. 157. An 55. & latitudo grad. 2. versus austrum. Ex d, & f, versus g, & h, sup. poterit latitudo grad. 2. hoc est, sumatur duæ partes ex 90. in quas vterque arcus dg, fh, divisus, ac si esset gradus, & ad fines decantur ex A, duo radii abscondentes ex M, diametri visum paralleli australis Eclipticæ grad. 2. qui quidem duo radii non Aequatore ab I, & N, versus A, quam ex Eclipticæ ab F, & G, versus k, 2. grad. auferent; propterea quod arcus circuli de fh à radio Ad, & eo, qui per latitudinem Spicæ transiit; item à radio Af, & eo, qui per latitudinem Spicæ transiit; similes sunt semissibus arcuum tam ex Aequatore, quam ex Eclipticæ abscissorum, ut in 10. Lemmate demonstravimus; ac proinde cum priorum unque complectatur duos semigradus, hoc est, 1. grad. continebit quilibet polorum 2. grad. Deinde notetur intersectio diametri Eclipticæ ik, cum recta transeunte duo puncta Eclipticæ duobus gradibus ab F, & G, versus k, distantia, per quæ nimirum prædicti duo radii transiunt. Nam radius ex A, per illud punctum intersectionis diametri ik, ductus indicabit in recta FG, centrum paralleli circa diametrum visum abscessum describendi, ex 12, quæ prop. 6. Num. 6. demonstrata sunt. Descripto ergo hoc parallelo, numeretur in eo vera stellæ longitudo, hoc est, grad. 197. min. 55. nimirum distantia eius ab Υ , secundum si porem successione. In fine namque numerationis stella collocanda est in dicto parallelo. Ita autem in dicto parallelo punctum reperiemus, quod gradum longitudinis 197. min. 55. terminet. Quoniam paralleli Eclipticæ in austrum tendit ab Eclipticæ grad. 2. describemus parallelum Aequatoris totidem gradibus ab Aequatore in boream recedentem, & in eo numerabimus supradictam longitudinem, initio factio ab eius intersectione orientali ad partes C, cum recta MC, versus D, & A, progrediendo usque ad l; quod in dato exemplo fiet, si ex grad. 197. min. 55. semicirculo de mpto, reliqui grad. 17. min. 55. numerentur à recta EA, ex parte occidentali usque ad l. Nam recta Ml, ex polo Eclipticæ ducta dabit in parallelo Eclipticæ punctum m, gradum 197. min. 55. longitudinis terminant.

EX descripto porro parallelo Eclipticæ parallelus Aequatoris, per quem in illo longitudo invenienda est, ita facile describetur, etiam si eius declinatio in Aequatore non suppetat. Ex M, polo Eclipticæ per punctum circuli AMCR,

Spicæ Virgulae
ex puncto circuli.

Parallelum Aequatoris ex puncto Eclipticæ per polos, & visum abscessum describere.

ris parallelatitudinis diuiditur, recta ducatur. Hæc enim ex recta EA, vel EC, semidiametrum paralleli Aequatoris abscindet. Vicissim, si prius parallelus Aequatoris describatur, vt propof. 4. Num. 6. docuimus, tot gradibus à polo australi diftans, quot gradibus parallelus Eclipticæ per stellam ductus à polo Eclipticæ boreali diftat, describetur parallelus Eclipticæ hoc etiam modo. Ducti erit M, polo Eclipticæ per punctum sectionis paralleli Aequatoris cum recta EA, vel EC, linea recta, fecabitur circulus AMCR, in puncto, per quod parallelus Eclipticæ describendus est; cuius centrum reperietur, si per punctum illud re-
ctæ circulum AMCR, tangens ducatur, vt propofitione 6. Num. 10. demonstra-
tum est.

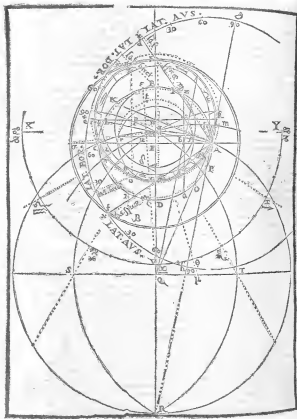
EVNDEM gradum m. longitudinis facilius reperiemus, etiam si neque circulus AMCR, neque parallelus Aequatoris descriptus sit, ex his, quæ propof. 6. Num. 11. tradidimus. Quoniam enim longitudo continet grad. 197. min. 55. Item ex tribus quadrantis, hoc est, ex grad. 270. detrahimus, remanebunt grad. 72. min. 5. quibus stella in parallelo Eclipticæ à linea meridiana supra F, versus A, diftat. Si ergo a puncto opposito infra G, in oppositam partem ver-
sus C, numeremus grad. 72. min. 5. in parallelo eodem Eclipticæ, cadet recta ex
istæ numerationis per polum M, exarsa in punctum quæsitum m; propterea
quod arcus paralleli prædicti inter meridianam lineam, & lineam ductam con-
ducit tot gradus apparentes, quot æquales continentur in arcu à linea meridia-
na recta G, versus C, numerato, vt loco citato demonstrauimus.

IDEM locus stelle m, id est, grad. 197. min. 55. longitudinis, reperietur per
circulum maximum latitudinis per polos Eclipticæ ductum, hoc modo. Quo-
nim stella veram longitudinem habet grad. 197. min. 55. hoc est, in grad. 17.
min. 55. existit, numerabimus à puncto V, principio α , versus η , in circulo
XV, grad. 17. min. 55. usque ad β , & ex M, per β rectam extendemus secan-
tem ST, in u, centro circuli maximi r Mm, transuectis per grad. 17.
min. 55. α , & γ , secansque Eclipticæ parallelum in m, puncto eiusdem lon-
gitudinis.

4. SIT rursus imponenda reti stella, quæ vocatur Hircus, in sinistro hu-
mero Aurigæ fulgens, cuius longitudo à prima stella γ , continet grad. 48. min.
22. & vera longitudo à principio γ , grad. 76. min. 15. Latitudo à δ , æq; borea-
li grad. 12. min. 30. Numerata ergo latitudine à punctis d, & f, versus e, ductisq;
per lineas numerationum radiis, fecabitur PG, in extremitatibus diametri vix
paralleli latitudinis: & si puncta n, o, in quibus radii illi Eclipticam secant, con-
iungantur linea recta, fecabitur diameter ik, Eclipticæ in puncto p, ad quod ra-
dius ex A, egrediens dabit q, centrum paralleli β r i f, per stellam transeuntis,
& circulum AMC, in r, f, secans. Describatur præterea parallelus Aequato-
ris æq; cuius declinatio sit australis, & æqualis latitudini boreali paralleli β r i f,
grad. 22. min. 30. cuius quidem semidiametrum E a, abscindat recta M r, produ-
cta. Numerata autè longitudo stellæ ex a, usque ad β , fecabit recta, μ g, paralle-
lum latitudinis in β , puncto eiusdem longitudinis, in δ , ergo locus erit stellæ præ-
dictæ: quem ita etiam reperiemus. Descripto circa diametrum paralleli lati-
tudinis vixam r f, (quæ nimirum communem sectionem paralleli, & circuli ma-
ximi per polos Eclipticæ, & principia γ , & α , ductu repræsentat) circulo r t f,
superetur longitudo stellæ ex r, versus utramvis partem usque ad t, punctam,
ex quo ipsi BD, parallela acta fecet eandem diametrum r f, in u. Recta enim Q u,
fecabit parallelum latitudinis in duobus punctis β , e, quorum vtrumq; à puncto
r, habet grad. 76. min. 15. vt propof. 6. Num. 16. demonstratè est, quibus punctura
Q q q 2 t, ab

Facillime locum
m, puncti longi-
tudinis reperietur
per punctum paral-
leli Aequatoris in
circulo.

Stella, quæ di-
stans à δ , dicitur, in
recta d, p, ponitur.



ab eodem puncto r , distat. Et quia stella est in boreali medietate Eclipticæ, cum quæ longitudo ab V , minor sit, quam grad. 130. erit punctum β , in inferiori medietate paralleli latitudinis, quæ ad boream vergit, locus stellæ. Quod si stella quæpiam eandem habuerit latitudinem, eandemque distantiam ab V , sed contra ignorum successiõnem, ita ut eius vera longitudo contineat grad. 183. min. 45. erit eius locus in puncto α , ad austrum spectante. In hoc porro exemplo laborandum non est, ut locus stellæ per circulum maximum per polos Eclipticæ dudum inquiratur, cum id per incommodum sit, propterea quod eius centrum nihil procul abest in recta δT , à puncto Q , versus T , quippe cum stella longitudo habeat grad. 76. min. 15. hoc est, in grad. 16. min. 15. III. existat.

SED hic quoque sine circulo AMCR, & parallelo Aequatoris $\alpha \beta$, facilius exprimus punctum β , longitudo stellæ grad. 76. min. 15. Cum enim hæc distantia sumatur ab V , versus δ , distabit eadem stella à δ , versus V , grad. 13. min. 45. Si igitur ex parallelo latitudinis βr à meridiana linea infra polum M , versus r , abscindatur arcus grad. 13. min. 45, terminabitur arcus ille in β , loco stellæ. Ita autem agimus per ea, quæ propos. 6. Num. 25. scripsimus. In disparallello βr à δ , à linea meridiana supra polum M numerentur versus δ , quæ 13. min. 45. Recta enim ex finè numerationis per polum M , extensa secabit prædictum parallelum in β : propterea quod, ut loco citato ostendimus, arcus paralleli inter lineam ductam, & meridianam infra polum M , tot gradus æquantes continet, quot æquales in arcu opposito inter easdem secas supra polum M , continentur.

EODEM prorsus modo quævis alia stella, cuius longitudo, latitudoque notæ sint, in Astrolabio describetur.

¶ QVOD si præ manibus habeantur declinationes, ascensionès rectæ, & medietates cæli stellarum, quæ in reti imponendæ sunt, collocabuntur in Astrolabio eadem stellæ sine magno labore, hac ratione. Ducta ex centro Astrolabii per punctum Eclipticæ, eû quo stella cælum mediet, hoc est, eû quo ad Meridianum prout, vel per finè ascensionis eius rectæ in Aequatore linea recta, ubi eâ secabit vel paralleles latitudinis, vel declinationis stellæ, ibi locus erit eiusdem in viui Astrolabio. Sic etiam eiusdem locus erit in puncto, ubi parallelus latitudinis parallelum declinationis interfecabit. Sed prior ratio per stellæ longitudo, latitudinemque à nobis explicata certior est, cum raro tabulæ reperiantur, quæ stellarum declinationes, rectas ascensionès, medietatesque cæli sine errore contineant, longitudes autem earundem à prima stella V , cum earum latitudinibus eadem semper permantant, ita ut cognita distantia primæ stellæ V , à principio V , omnium aliarum distantia notæ hant, ut mox dicemus.

Facilius invenio puncti longitudo in parallelo latitudinis.

Facilius invenio Astrolabii per eam ductam rectam, ascensionem rectam, & cæli medietatem, ubi prout.

S C H O L I V M.

1. QVONIAM præcipuus usus stellarum fixarum in Astrolabio vulgaribus est, ut per eas nocturno tempore hora intelligatur, danda opera est, ut in toto ambitu reti aliquæ stellæ continerentur, eaque quam plurcissimæ, ne multitudine confusio nem generaretur, ut circumdatis reti quemodocunque, semper una vel altera, cæli medietatem, supra Horizontem existat: quibus reti impressis, extendenda sunt partes superstitæ, solumque in eis restitenda stellæ, & Ecliptica in gradus divisa, in hanc finem, ut quilibet gradus Eclipticæ, & eadem omnis stellæ constituta possint in quolibet puncto Astrolabii, in quo circuli sphaera eundem semper finem obtinentes descripsi sum.

Non præcipuum stellarum in Astrolabio vulgaribus.

sunt, cuiusmodi sunt Aequator, tropici, Verticalis, Horizon, cunctique paralleli, circuli horarii, & domorum caelestium, &c. quae res industriae potius propria ad similitudinem alterius cuiuspiam Astrolabij perficienda erit, quam pluribus verbis inculcanda, Sed quia nos prae hunc stellarum usum docuimus quoque, quantum ratione cuiusvis stellae declinatio, ascensio tam recta, quam obliqua, & calis mediatio, ex eius longitudine, latitudineque cognitis inveniri possit, diligenter memoria mandandum est superius scriptum præceptum de stellis in Astrolabij describendis, ut locus stellae cuiuslibet in planis Astrolabij reperitur, quando usus ita postulaverit. Nunc autem ut praeteritis usibus tempore explorandi stellae necessarii in Astrolabio possint repeti, praesumimus nonnullarum stellarum longitudines terras, quae à principio *V*, numerantur, hoc est, hinc in Zodiaco: Deinde earundem latitudines, declinationes, ascensiones rectas, medietates denique calis, sine pupilla Zodiaci, cum quibus ad Meridianum quocunque perveniat tam supra Horizontem, quam infra: ubi littera *S*, latitudinem, declinationemque significat septentrionalem, & littera *M*, meridionalem. Denique numeri ipsi stellis praefici, cuiusmodi ipsa sint magnitudinis, denotant. Ceterum longitudines stellarum

Opus in hoc Astrolabio de stellis hinc incipit.

TABELLA FIXARVM ALIQVOT STELLARVM
ad annum Domini 1600. completum supputata

Magnitudo	Stellarum nomina	Stellarum loca in Zodiaco	latitudines		Pars latitudinis	Declinationes		Pars declinationis	Ascensiones rectae		Medietates calis				
			G	M		G	M		G	M	G	M			
1	Coronae <i>V</i> praecedens	<i>V</i>	28	5	7	30	S	17	35	S	21	20	<i>V</i>	21	18
2	Caput Medusae	<i>U</i>	21	5	23	0	S	40	1	S	4	15	<i>S</i>	13	43
1	Oculus <i>S</i>	<i>H</i>	4	5	5	10	M	18	52	S	63	6	<i>H</i>	5	3
1	Dexter humerus Orionis	<i>H</i>	13	25	17	0	M	6	21	S	8	41	<i>H</i>	24	12
1	Hiemps	<i>H</i>	16	25	22	30	S	45	9	S	72	6	<i>H</i>	15	30
1	Canis maior	<i>G</i>	9	5	30	10	M	15	14	M	97	15	<i>G</i>	1	45
2	Lucida Hydrae	<i>G</i>	21	25	20	30	M	5	4	M	137	15	<i>G</i>	14	31
1	Cor <i>Q</i>	<i>Q</i>	23	35	0	10	S	13	44	S	146	15	<i>Q</i>	23	55
1	Cauda <i>Q</i>	<i>Q</i>	15	15	21	30	S	16	36	S	171	45	<i>Q</i>	21	5
1	Spica <i>sp</i>	<i>sp</i>	18	5	2	0	M	8	55	M	195	15	<i>sp</i>	17	16
1	Arcturus	<i>sp</i>	18	25	31	30	S	21	45	S	209	25	<i>sp</i>	1	13
2	Cor <i>sq</i>	<i>sq</i>	4	5	4	0	M	24	17	M	241	15	<i>sq</i>	3	19
1	Luna	<i>sq</i>	8	45	61	0	S	38	0	S	275	55	<i>sq</i>	8	45
1	Vergina aquae <i>z</i>	<i>z</i>	28	25	23	0	M	38	24	M	339	25	<i>z</i>	1	0
2	Cauda Cygni	<i>X</i>	0	35	30	0	S	44	8	S	307	1	<i>X</i>	9	28
2	Crus Persei	<i>X</i>	25	35	31	0	S	25	48	S	348	1	<i>X</i>	9	28

ex tabulis

tabula Præcinctis diligenter, & accurate supputavimus ad annum 1600. completum. Deinde ex hisce longitudinibus declinationes, ascensiones rectas, relique modorum variis sumus per doctrinam finium. Modum, quem invenimus hac in re, lib. 3. cum in usu Astralabij usum de rebus disputabimus, aperimus, ut quilibet, cum libuerit, calculum nostrum examinare queat. Neque enim velle talibus declinationibus, ascensionibus, mediantium cali, & aliarum rerum, quæ ex longis supputantibus procedunt, fidendum fore, cum facile in his, nobis non animadvertentibus, error aliquis possit admitti. Atque in hac nostro calculo ratio habita est semper partis proportionabilis finibus, & minutis, ut in usu tabula finium nostri. Sed in priori tabella nostrum secundam, quando pauciora sunt, quæ 30. & pro pluribus quam 30. vnum tantum adhibemus. Itaque ut ex declinationibus supputentur ascensiones rectæ, non sunt ut accipiuntur, ut in tabella descripta sunt, sed prout mutata sunt per doctrinam finium, ut cum secundis. Verum hac de re plura lib. 3. scribemus.

2. P O R R O loca stellarum in Zodiaco inveniuntur, si longitudinibus æternis, quia nostris commentariis in sphaeram ex probatis auctoribus notamus, adficiatur vera præcessio æquinoctiorum, quæ ex Præcinctis tabulis ad annum Domini 1600. post ætatem Gregorianam completum supputata continet grad. 28. min. 5. Numerus hanc constans ex gradibus per 30. dividatur. Quoties enim numerus, quot signa pervenerint stella, indicabit, reliquis autem numeris gradum signi insequentis, in quo erit, ostendit. Et si appropinquet minuta reliqua, si qua sunt, habebitur verus locus stellarum Zodiaci. Verbi gratia, Prima stella γ , quæ est in coram præcedenti, & dextro, nullam habet longitudinem in tabula stellarum fixarum, quam in sphaera commentariis præcessione, cum ab ea aliarum longitudines numerantur. Adiecta igitur vera præcessio æquinoctiorum grad. 28. min. 5. sit vera longitudo eius stella grad. 28. min. 5. Quia in hac longitudine nullum signum integrum continetur, exisset stella prima γ in grad. 28. min. 5. primi signi, quod est Ariet. Rursus Spica μ longitudinè habet grad. 70. min. 5. si addantur grad. 28. min. 5. vera præcessione æquinoctiorum, fiat ut subsecundo grad. 98. min. 5. Divisi grad. 98. per 30. sit quotiens 6. & supersunt 28. Divisus ergo stella sex hac signa, γ , δ , ϵ , ζ , η , θ , existitque in grad. 28. min. 5. proxime sequenti signi ζ . Eodem ratio est de cæteris. Quod si numerus existens ex additione vera præcessione æquinoctiorum maior fuerit circulo integra grad. 360. rejiciendas erit integer circulus grad. 360. antequam fiat divisio, vel post factam divisionem abijciendus integer Zodiacus & signorum. Verbi gratia, stella secunda magnitudinis, quæ in umbilico Pegasi, & in capite Andromedæ existit, longitudinem à prima stella γ habet grad. 341. min. 10. addita vera præcessione æquinoctiorum grad. 28. min. 5. afficietur summum grad. 369. min. 15. Abiuncto integro circulo grad. 360. relinquantur grad. 9. min. 15. primi signi γ , pro loco stella. Vel divisa vera longitudo grad. 369. min. 15. per 30. reperitur signa 12. grad. 9. min. 15. Relictis ergo 12. signis, reperitur idem locus stella in grad. 9. min. 15. γ . Hac autem præcessio æquinoctiorum grad. 28. min. 5. valuerit potest pro pluribus annis annum 1600. insequentibus, quod propter tarditatem motus stellarum ab casu in verum non tam cito loca in Zodiaco mutare digressantur. Quia tamen exquisita eorum loca desiderat, si vera æqui noctiorum præcessio invenienda erit, cum minimum pro singulis 20. annis, & pro eisdem eorum declinationes, ascensiones rectæ, ac mediantium cali supputanda. His inveniri necesse est, mutatis stellarum locis in Zodiaco.

S E D ut in hac parte studiosis molestia calculandi verum præcessionem æquinoctiorum laetemus, supputavimus sequenti tabellæ, ex qua transigens anni à Principio Olympiadum, quod incidit in annum 774. ante Christum Demetrius, usque ad annum 3811. post Christum præcessio vera æquinoctiorum facillime negotio eruitur. Nam

Loca Stellarum fixarum in Præcinctis tabulis longitudo habet.

Præcessionem veram æquinoctiorum ex tabella ad plures annos distans.

si annus

si annus propositus in tabella reperitur, apparebit illi in regione illius vera æquinoctium præcessus in gradibus, ac minutis. Propter sunt autem in tabella anni ceteros, nisi quando, ab insignito memorato aliquo rei, anni minimi inter æquinoctia memorati fuerint. Ceterosque sunt anni, quibus vel insignes Astronomi fuerint, vel à quibus, notatis radicibus, incerta celestia Astronomi supputaverunt: quale est tempus Nabonnassar regis, qui & Nabuchodonosor, vel Salmannassar, à quo Ptolemaus motus supputant. Quod si annus datus in tabella non reperitur, accipienda est differentia inter dūm re præcessus præcessuum duorum annorum, quorum unus cuius est annus propositus, & alter minor, uno cum differentia horum annorum. Nemo si fiat, ut differentia horum annorum ad differentiam præcessuum, ita differentia inter alterum eorum annorum, & annus propositus, ad aliud, reperitur differentia præcessuum addenda præcessui minori anni tabella, si differentia inter illius annum, & annum propositum adducta est, vel auferenda à præcessu maioris anni, si accepta est differentia inter illius, & annus datus. Hac enim ratione inquisitū satis præcessus ceterosque anni invenitur, non solum, ac si per tabulas Præcessionis æquinoctiorum, & solum differentia aliquando erit in punctis quibusdam secundis, quæ merito negligi possunt. Verbi gratia. Quando sit vera æquinoctium præcessus ad annum 1100. quo Albategni sumi. Detrahatur præcessus anni 800. grad. 16 min. 44. ex præcessu anni 900. grad. 13. min. 33. & fiat, ut 100. anni ad præcessum differentiam grad. 3. min. 49. ita anni 100. differentia annorum 800. & 1100. ad aliud, reperitur quæ grad. 1. min. 27. Si ergo addatur grad. 1. min. 27. ad grad. 16 min. 44. præcessum anni 800. per præcessum grad. 18. min. 11. fore pro anno 1100. Vel fiat, ut 100. anni ad præcessum differentiam grad. 3. min. 49. ita anni 20. differentia annorum 1100. & 900. ad aliud, reperitur quæ per proportionale min. 2. forme congruens illi tempore anni 10. quæ addita ex grad. 18. min. 11. præcessum anni 900. reliquum faciet præcessum anni 1100. grad. 18. min. 13. ut prius. Eadem ratio est de ceteris. Anni autem huius tabella multigenis sunt explorati, æquinoctiorumque post Christum, quam ante: Et consensu præcessus sumi potest pro radice præcessuum sequentium annorum. Ut si quis præcessum ex tabella Præcessionis vellet supputare ad annum 1638. invenire posset præcessum pro 1600. & addicere præcessum anni 3600. huius tabella, tanquam radicem.

TABELLA PRÆCESSIONIS ÆQUINOCTIORVM.

TEMPVS	Annus ante Christum	Præcessus S G M	TEMPVS	Annus post Christum	Præcessus S G M	Annus post Christum	Præcessus S G M
Ab Olympiadibus	774	5 54 44		400	9 16	1600	16 6
Ab Urbis condita	710	5 58 46		500	11 18	1700	19 1
A Nabonnassaro	746	5 55 10		600	13 2	1800	30 1
Thalotis	437	5 57 10		700	14 14	1900	31 7
Memoris	431	0 0 41		800	16 11	2000	32 19
A morte Alexandri	316	0 1 19	Albategni	880	18 11	2100	33 32
Timothari	192	0 2 13		900	18 33	2200	35 10
Hipparchi	126	0 4 3		1000	20 15	2300	36 48
Iulii Cæsaris	45	0 4 50		1100	21 18	2400	37 14
CHRISTI	Post 0	0 5 32		1200	23 28	2500	40 23
Mencelai	Chri- 100	0 6 18	Alphéi Reg	1251	24 11	2600	42 12
Ptolemaei	138	0 6 40		1300	24 49	2700	43 12
	200	0 7 21		1400	26 1	2800	47 39
	300	0 8 34	(annus)	1500	27 6	2900	49 11
Councili Niceni	325	0 8 44	Corrections	1582	27 33	3000	51 34

PROBL. IX. PROPOS. XII.

CIRCULVM quemlibet maximum, cuius positio, ac situs in sphaera non ignoretur, eiusq; parallellos, ac Verticales in Astrolabio describere.

3. SIT in Astrolabio, cuius centrū E. Aequator ABCD; Horizon AFCG; & Verticalis AHCI. (In ista, quae sequetur, magno visū erit, si in plano aliquo vel charta, descripti sint positissimi circuli sphaerae, tanquam in Astrolabio, et inscripti sunt Aequator, Ecliptica, Horizon. & Verticalis primarius propositae regionis, & duo tropici iuxta hunc lineam, ut eorum cuiuslibet magnitudinem, & situm in promptu habeamus.) Sitque propositum, ut circulus maximus describeretur, secans Horizontem in puncto, quod ab ortu aequinoctiali C, versus austrum habet grad. 30. ac proinde totidem gradibus ab occasu aequinoctiali A, versus boream. Quod vero Meridianum in puncto, quod supra Horizontem ab Aequatore in austrum vergat grad. 24. quod sic fiet. Invenio puncto N, in Horizonte, quod C. grad. 30. distet: Item puncto P, quod totidem gradibus ab A, recessisset in austrum, & hoc in boream; quae puncta hic inventa sunt per rectas HN, HO, quae aufferunt ex Aequatore arcus CM, AO, grad. 30. ut propos. 5. Num. 17. ostensum est. Satis autem est, invenisse alterum punctorum N, & P. Nam recta ex eo per centrum E, ducta exhibebit alterum, cum illa puncta per diametrum opponitur. Deinde in meridiana linea queratur punctum R, distans ab grad. 24. quod fiet, si arcus sumatur BQ, in Aequatore grad. 24. & recta ducatur AQ, secans meridianam in R. Quod si arcus BQ, sumatur aequalis oppositi ad B, dabit recta AS, in eadem meridianam punctum T, puncto R. oppositum, ut utriusque, quae propositae Num. 13. demonstravimus. Et quia circulus maximus in sphaera transit per duo puncta opposita, habebimus quatuor puncta N, P, R, T, per quae circulus maximus propositus describendus est. Invenio ergo Triangulum quorumlibet punctorum, quod quidem est in concursu duarum perpendicularium rectarum NP, RT, bisariam secantium, ex coroll. propos. 1. lib. 1. faciemus circulus NRP, ex V. descriptus, per tria illa puncta, qui omnino & per quartum incidet, maximus ille, quem describere iussa sumus, cum transiret perpendicularis Horizontis, ac Meridiani proposita, quae quidem per diametrum opponuntur. Atque hac ratione per duo quaecunque puncta data, unum in uno circulo maximo, & alterum in alio circulo maximo, circulum maximum describemus, si eis opposita puncta inven. figentur, ut quatuor puncta habeantur, per quae describendus est. Vt si in Horizonte detur punctum N, in Meridiano punctum R, inquiremus eis puncta opposita P, T. &c. Quod si ea puncta non assignantur, sed eorum gradus duntaxat exprimentur, nimirum in Horizonte grad. 30. ab ortu in austrum, & in Meridiano grad. 24. ab Aequatore in austrum, intelligendi erunt illi gradus, puncta videbunt N, R, ut paulo ante factum est.

4. QVOD si describendus sit circulus maximus refertus planum aliquod declinans à meridie, verbi gratia, in occasum grad. 30. & ad Horizontem inclinatum grad. 26. ex parte australi, (quo pacto augem cuiusque plani declinationem grad. 26. ex parte australi, quo pacto augem cuiusque plani declinationem

Circulum maximum per duo puncta data, quorum unum est in Horizonte, & alterum in Meridiano datur sit, vel per gradus exprimentur, ut paulo ante ostendimus

Per duo puncta, quorum unum in circulo aliquo maximo Astrolabii, & alterum in alio quocunque circulo maximo sit datur, vel per gradus exprimentur, circuli maximum datur fieri.

Circulum maximum, cuius declinationem à Verticali, & inclinationem ad Horizontem ostendimus, in Astrolabio

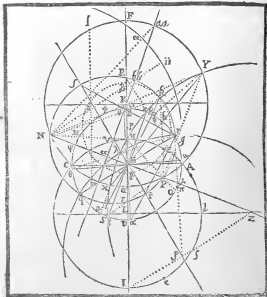
R r r

incl-

Si a deficiat, & a
maxima Verticalis
est, inclinatio
maxima.

inclinatioque reperitur, in Gnomonica lib. 1. propof. 23. docuimus.) facit
rursum ille circulus Horizontem in punctis H, P, quorum illud ab ortu in au-
strum, hoc vero ab occafu in boream vergit: quæ quidem reperiuntur, ut poli,
eruntque poli Verticalis circuli per polos Horizontis. & dati circuli tranfeun-
tis, inclinationemq. eius ad Horizontem metientis. Cum n. hic Verticalis rectus
esse debeat & ad Horizontem, & ad circulum datum; transibit per utriusque

213. 1. 760.



polos, ac proinde vicissim uterque per illius polos transibit, ex scholio propof.
15 lib. 1 Theod. ideoque puncta N, P, ubi se interfecant, poli ipsius erunt. Et
quia poli quadrante maximi circuli abfunt a maximo suo circulo, ex coroll. pro-
pof. 16 lib. 1 Theod. si inueniantur in Horizonte puncta X, Y grad. 90. distan-
tia a polis N, P, vel quod idem est, grad. 30. a punctis G, F: quod fiet per rectas
ex H, ductas per puncta Aequatoris a, b, quæ 30. grad. a punctis D, B, de-
funt

Verticalis - qui
proprio axi
inclinatus ad
Horizontem est
tunc, deficiat.

per, describendus erit Verticalis dictus per puncta X, H, Y, ex centro Z, quod in recta LZ, ad meridianam lineam in L, centro primarii Verticalis perpendiculari, hoc modo reperietur. Quoniam ille Verticalis a primario ab orientis boream, vel ab occasu in austrum grad. 60. recedit, sumemus arcum de e, h Verticali, grad. 60. & arcum I e duplicabimus vsque ad f: Vel ab H, sumemus arcum o, grad. duplicatum vsque ad f. Nam recta I f, secabit LZ. in Z. centro Verticalis data, vt propof. 8. Num. 10. traditum est. Idem centrum Z, exhibebit recta NP, producta, propterea quod poli illius Verticalis, & centrum in eadem recta NP, per centrum, & polos ipsius ducta exstet, vt in eadem propof. 8. Num. 19. ostensum est. Descriptio autem Verticalis XHY, si ex eo abscindatur arcus Yk, grad. 26. vt propof. 4. Num. 17. traditum est, habebimus tria puncta N, k, P, per quæ propofitus circulus describendus est, qui necessario transibit per quatuor punctum i, puncto k, per diametrum i E k, oppositum. Sic autem arcus Yk, grad. 26. auferemus. Ducta ex P, polo Verticalis XHY, ad Y, recta PY, secante Aequatorem in g, accipiat arcus gh grad. 26. Nam recta Ph, abscindet quatuor arcum Yk, grad. 26. Aut ex altero polo N, ducatur recta NY, secans vel tangens Aequatorem in q, (In hoc exemplo tangit, & non secat, ac proinde & Verticalem tangit in Y, vt in scholio propof. 3. Num. 12. monstratum est) sumaturque arcus q a, grad. 26. Recta enim Na, dabit idem punctum k. Vbi erit, arcus Aequatoris y g, 46, idem punctum Y, exhibentes, esse æquales, ab oppositis Aequatoris punctis inchoatos. Item arcus y h, 56, nec non & tam arcus g x p, x h, x a, æquales esse, quorum principium in eadem sectione x, extinguitur, autem in contrarias partes tendunt. Id, quod propof. 4. Num. 23. obseruandum esse monuimus. Vel certe describatur parallelus Horizontis flk, grad. 26. ab Horizonte distant hoc modo. Sumptis duobus arcibus Fl, Gm, grad. 26. dante recta l m, secans diametrum Horizontis Kn, in n. sumptis namque rectis MAn, An, secantibus meridianam in β, β, p, erit βJ, diameter eius parallelus h p, centrum, vt ex his constat, quæ propof. 6. Num. 4. demonstrauimus. Parallelus ergo ex p, per β, J, descriptus secabit Verticalē XHY, in k. puncto, quod cum Yk, grad. 26. auferat. Immo si describatur parallelus g p, atque in eo ex puncto i, numerentur grad. 60. vt propof. 6. Num. 12. docuimus, vsque ad k, inueniunt punctum k, per quod circulus maximus propofitus transire debet, cum Verticalis XHY. descriptus non sit. Quæ quidem ratio commodissima est, quando Verticalis ille parum à Meridiano distat, ac proinde difficilis admodum eius redditur descriptio, propter nimiam distantiam eius centri in recta LZ, ipso L. Ad formam quoque scholi propof. 14. reperiæ facillimam, pulcherrimamque praxim, qua sine Verticali, & parallelo Horizontis tertium punctum determinatur, per quod circulus propofitus describendus sit. Necessè est autem, si eam non est, puncta q, r, ubi circulus maximus descriptus Aequatorem secat per diametrum esse opposita, hoc est, rectam q r, per centrum E, transire; propterea quod maximi circuli in sphaera se mutuo bisariam secant: quod etiam in scholio propof. 7. Num. 6. monuimus. Hinc enim fit, vt omnes circuli in Aili o lino quomodocumque per duo puncta per diametrum opposita descripti, quælibet sint in propofito exemplo puncta N, P, & R, T, secant Aequatorem bisariam, cum circulos sphaeræ maximos referant. Quæ de re plura in scholio huiusce propofitionis scribemus.

3. VT autem parallelus huius circuli maximi descripti NRPT, describamus, querenda est vera eius diameter in Aequatore, tanquam Meridiano Anā. huiusmodi, vt propof. 8. Num. 16. præcepimus, hoc nimirum modo. Per E, centrum

Arcum dante in
dia sphaeræ ut de
terpore. Tunc spha
eræ autem o l pro
posita circuli ad
transire, ab oriente
oc.

Circulus enim
maximus, ex eo
determinatur. Ver
namque, & rectam
secantem Horizontem
erit si in Aili o lino
dante arcibus,
secantibus puncta
h Horizontem, si
ne Verticali nulli
communi puncto
sit.

Commodius per
determinare hunc de
terminatur.

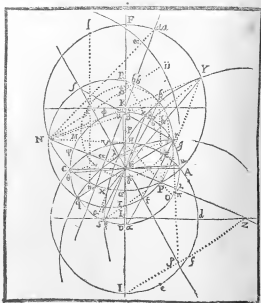
Circulus enim
maximus in spha
eræ per duo pun
cta per diametrum
opposita descripti
describitur.

3114. Thé.
Quoniam circuli
in Aili o lino per
duo puncta per
diametrum oppo
sita descripti mu
tuo Aequatorem
bisariam.

§ 3. *Propos.*

Diametri duo
circuli maximi
descripti in sphae-
ra poli α & alio
quodam poli β
per centrum con-
stant.

Astrolabii, & V , centrum circuli descripti, ducatur recta ft , quae ad q in di-
culo $NRPT$, existentem, quam in E , bisariam dividit, & centro V , versus per-
pendicularis erit, referetque communem sectionem Astrolabii, Aequatoris, &
Meridiani proprii eiusdem circuli maximi, ut in scholio propof. 3 Num. 4. di-
ctum est. Deinde ex r , tamquam polo australi per f , t , extremitates diametri ma-
ximae visae egredientes rectae secant Aequatorem in u , α . Recta enim u , vera dia-



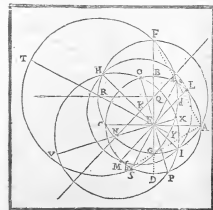
meter erit dicti circuli maximi in sphaera, ita ut r u, sit altitudo poli super eun-
dem. Et si ducatur alia diameter $\theta\mu$, ad u α , perpendicularis, erit et antipod-
um circuli, & proprii eius poli θ , μ , quorum θ , in λ , apparebit, quae om-
nia propositione 2. Num. 16. & 17. demonstrata sunt. Vides ergo, Verticalem
 XHY , trā sive per λ , polum circuli $NRPT$, quemadmodum & hic per $N.P.$ polos
illius Verticalis ducitur, ut vult rheor. 1. scholii propof. 12. lib. 1. Theod. In-
que si verā diametro u α , parallelae agantur per singulos gradus Aequatoris,
vel ipsi

Parallelae descriptae
per circuli maximi
in Astrolabio
describuntur.

circulus $HLIM$, datum circulum in punctis L, M , per diametrum LM , appropinquat, adeoque, besariam, quod est propositum.

$DEINDE$ sit N , centrum posterioris circuli $HOPV$, extra rectam applicatam MI , decursumq; eius diameter VX per E , centrum dati circuli, ad quam decuratur diameter eius-

dem eius-
di dati cir-
culi propi-
culari OP .
Dico cir-
culi $HOPV$,
per puncta
 O, P , transi-
re. Quia
enim recta
 HI, AC , se
in circulo
 $AFCG$,
mutuè secant
in E , puncto
diagonale sub
 HE, EI , re
diagonale sub
 AE, EG ,
hoc est, qua-
drato recta
 AE , vel
 OE , aqua-
le. Sed re-
diagonale sub
 HE, EI , a-
quale est re-



diagonalem sub VE, EX ; quæ recta HI, VX , se mutuè quæq; secant in E , in circulo $HOPV$, per H, I , descripto. Igitur & quadratum rectæ OE , rectangulum sub VE, EX , aequale erit. Cum ergo OE , ad VX , sit perpendicularis, transitus, per Lemma 16 si-
militerculus VOX , per O ; & eandem ob causam semicirculus VPE , per P . Circulus igitur $HOPV$, datum circulum fecit in punctis O, P , per diametrum OP , appropinquat, adeoque, besariam, quod est propositum.

$QVO D$ si in circulo $AFCG$, applicata sit recta FG , per eius centrum Q , & per E , centrum dati circuli transiens, ac per F, G , circulus, ut libet, describatur $PaTS$, ex centro B , secans circulum datum in a, s . duo rursus, datum circulum in a, s , quadrato besariam. Ducta namque diameter circuli descripti TY , per centrum B , dati circuli, & ad eam excitata diametri dati circuli perpendicularis aS , demonstrabitur eodem modo, circulum $PaTS$, transire per a, s . Quoniam enim recta FG, AC , in circulo $AFCG$, se mutuè secant in E ; erit rectangulum sub FE, EG , rectangula sub AE, EG , hoc est, quadrato rectæ AE , vel aE , aequale. Sed rectangulum sub FE, EG , aequale est rectangulo sub TE, EY , quod d. rectæ FG, TY , in circulo $PaTS$, per F, G , descriptæ se mutuè quæq; secant in E . Igitur & quadratum rectæ aE ; rectangulum sub TE, EY , aequale erit. Cum ergo aE , ad TY , perpendicularis sit, transitus per Lemma 16, semicirculus TaT per a ; eandemq; ob causam semicirculus TsT per s .

Circulus

4. 35. terræ.

6. 35. terræ.

7. 35. terræ.

8. 35. terræ.

*Circulus igitur F a Y S, datum circulum facit in punctis a, S, per diametrum a S i-
gnificat, atque idcirco bisariam, quod est propositum.*

2. ET quoniam omnes maximus circuli ducuntur per duo aliqua puncta per diametrum opposita, recta autem duo huiusmodi puncta connectens; diameter est altissimus circuli maximi obliqui Aequatorem bisariam secans; (quomodo enim Hori-
zon, Verticalis, Eclipticaque Aequatorem secant bisariam, propterea quod puncta extrema in diametro vicia circuli habet eorum representationem duo puncta in sphaera per dia-
metrum opposita, ut in scholio propofitionis 2. Num. 1. & 3. ostendimus; ita quoque
omnes circa quemcumque rectam duo puncta per diametrum opposita iungentem ex
mundo una punctis descriptus, eundem Aequatorem bisariam dividit, ut in eodem scho-
lio Num. 3. demonstratum est.) efficitur ex observatione huius scholii, omnes punctos
circuli in Astrolabio, cum per sinus di duo puncta per diametrum opposita describuntur,
Aequatorem bisariam secare, non solum atque in eam conranger. Ex quo sequit-
ur, nonnulli Verticales, circulos positionum, circulos horarum, & circulos maximos,
per polos Ecliptica ducuntur, Aequatorem secare in punctis per diametrum opposi-
ta. id quod supra propriè in locis expressè quoque fuit.

Omnes circuli in
Astrolabio et in
sphaera ducuntur
per diametrum bis-
ariam.

PROBL. X. PROPOS. XIII.

PER data duo puncta in Astrolabio, vel per vnum
solum, circulum maximum describere.

1. HOC idem, quod ad duo puncta attinet, demonstrat Theodosius lib. 1.
propof. 20. differtque propositio huc à precedenti, quod in hac 13. non datur
lux, ac positio circuli describendi, aut duo puncta in duobus circulis maxi-
mi, sicut in illa 12. sed solum duo puncta assignantur quomodo cumque. Con-
stat ergo in precedenti scholio figura Aequator Astrolabi esse A B C D,
& duo puncta F, d, per quæ circulus maximus describendus est. Invenit alte-
riorum, nimirum ipsi F, puncto per diametrum opposito G, per ea, quæ propof.
6. Num. 13. demonstravimus, (quod quidem fiet, si ad rectam ex F, per centrum
E, ductam erigatur perpendicularis EA, in centro E, & ad iunctam rectam AF,
rectitè perpendicularis AG, quæ nullo negotio ducetur, si arcui BE, quem
recta AF, abscindit in Aequatore, equalis sumatur oppositus Db, rectaque ne-
getur Ab, faciens in semicirculo e A b, angulum rectum ad A. Vel si ducta ad
FD, diametro perpendiculari AC, in Aequatore, circa tria puncta A, F, C, cir-
culus describatur, centrum Q, habens in FD. hac enim abscindet punctum G,
puncto F, oppositum.) describatur circulus Fd G per tria puncta F, d, G, centrū
R, habens in recta QR, ad rectam FG, perpendiculari in medio puncto Q. Hic
enim maximus erit, cum per puncta opposita F, G, transeat, secabitque Aequa-
torem bisariam in a, S, ut in scholio precedenti propof. ostendimus.

2. Quando alterum punctorum dictorum fuerit in circumferentia Aequato-
ris, absolvetur problema, si in Aequatore accipitur aliud punctum oppositum,
& per tria puncta, quorum duo sunt in Aequatore opposita, tertium autem da-
tum, circulus describatur. Ut si data sint duo puncta F a; ducta diametro Ae-
quatoris a S, describemus per tria puncta F, a, S, circulum Pa S.

3. QVOD si duo data puncta iaceant in linea recta cū E, cetro Aequatoris, ut
si puncta

Per duo puncta
quomodo cumque
in Astrolabio da-
ta inveniemus cir-
culum desideratum

a, p, f. s. s. s.

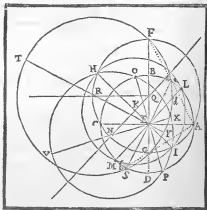
Per duo puncta,
quorum unum in
Aequatore sit, et
aliud circumferen-
tia Aequatoris, circ-
ulus describendus

Per duo puncta,
quæ sunt in eadẽ
recta p. r. circuli
Aequatoris ducta,
circulus maxi-
mus describitur.

puncta data sint F, B, vel F, G, referet ipsa recta FB, vel FG, in infinitum extensa maximum circulum per polos mundi ductum, vt constat ex propoſ. 1. Neque per duo illa puncta alius circulus maximus describi poterit, niſi per diametrum ſit oppoſita, quia ſunt F, G. Tunc enim non ſolum recta FG, in infinitum extenſa maximum circulum referet per ea puncta ductum, ſed etiam per eadem infiniti alii circuli maximi deſcribi poterunt, cuiuſmodi ſunt FAGC, & FYGT, ex cen- tris Q, R, deſcripti: quorum omnium centra erunt in recta QR, ſecante FG, biſariam, & ad angulos rectos, vt conſtat ex coroll. propoſ. 1. lib. 3. Eucl.

Per duo puncta
in æquatore
in æquatore
data, circuli ma-
ximi deſcrib-
it.

4. K V R S V S ſi data puncta ſint in Aequator & circumferentia, vt B, L, erit ipſemet Aequator, maximus circulus per ea ductus. & nullus alius per ea- dem illa puncta poterit deſcribi, niſi quando per diametrum opponantur. Vt 6



ata puncta ſint O, P, deſcribi poterunt per O, P, præter Aequatorẽ, infiniti alii circuli maximi, cuiuſmodi eſt OHVP: quemadmodum paulo ante de punctis op- poſitis extra circumferentiã Aequatoris diximus. O omnium autem centra erunt in recta EN, ad OP, perpendiculari, vt conſtat ex coroll. propoſ. 1. lib. 3. Eucl.

5. I A M ſi per vnum datum punctum circulus ſit deſcribendus, ſed id diſci- citius, ſi per punctum datum, & duo alia quæcumque in Aequatore per diame- trum oppoſita circulus deſcribatur. Ex quo efficitur, per quodcumque datum pun- ctum, infinitos maximos circulos deſcribi poſſe, cum infinitis modis accipi poſ- ſint in Aequatore duo puncta oppoſita. Ita videtur per punctum H, tres maximos circulos HOP, HLM, HAC, deſcriptos eſſe, cum tam puncta O, P, quàm

L, M, &

Per datum quod-
cumque punctum in
æquatore, quod-
cumque circulus ma-
ximus deſcribitur.

M. & A. C. sint per diametrum opposita in Aequatore.

4. **DENIQUE** si dentur duo puncta per diametrum opposita, describi possunt per ea infiniti circuli maximi, quorum omnium centra existunt in recta secunda puncta coniungentem secus bisariam, & ad angulos rectos. Vt in eadem figura per puncta H, I, opposita per diametrum descripti sunt tres circuli maximi H C I F, H M I L, H V I O, quorum centra sunt in recta N Q, secante rectam H I, bisariam, & ad angulos rectos in K, ut constet ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. Aequae ita infiniti alii circuli maximiper eadem puncta poterunt describi assumptis aliis centrīs in recta N Q. Hoc obiter etiā asserimus paulo antedictum Num. 3. & 4.

*Per duo puncta
per diametrum
opposita, quocumque
in quibus, circuli
maximi descripti.*

PROBL. XL. PROPOS. XIII.

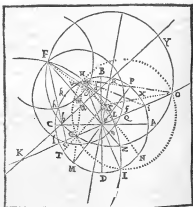
DATIS duobus punctis in Astrolabio per quadrantem maximi circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum circulum maximum describere, cuius alterum punctum sit polus: Item dato quolibet puncto, maximum circulum describere, cuius polus sit datum illud punctum: Aque insuper circulum non maximum, cuius distantia ab eo polo data sit.

1. **IN** Astrolabio, cuius Aequator *ABCD*, circa centrum *E*, & in quo duae diametri *AC, BD*, secē ad rectos angulos secant, quasi illa Horizontem rectum, huius Meridianum referat, sint data primum duo puncta *F, G*, quorum vtrum ab altero abesse quadrante circuli maximi, sitque per *F*, describendus circulus maximus, cuius polus *G*. Ducatur per *G*, polum circuli describendi, & *E*, centrum Astrolabii recta *HE*, quam ad rectos angulos secet diameter *HI*, describantque per tria puncta *F, H, I*, ex centro *K*, (quod, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. necessario in recta *GE*, existat, ob angulos rectos in centro *E*.) circulus *FHI*, secans rectam *GE*, in *L*, qui per ea, quae in scholio propos. 4. Num. 3. demonstrauimus, maximus est, cum Aequatorem in *H, I*, bisariam faciat. Dico eius polum esse *G*, si verum est. *G*, ab *F*, abesse quadrante circuli maximi, ac proinde posse esse polum alicuius circuli maximi per *F*, ducti, ut posuimus est. Quoniam nam circulus maximus per rectam *KL*, representatus transit per *G*, polum alicuius maximi circuli per *F*, ducti, transibit vicissim circulus ille maximus per *F*, ductus, cuius polus *G*, per polum circuli maximi, quem recta *KL*, representat, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. Cū ergo *H*, sit polus circuli *KL*, cum ab eorum qualis, & per quadrantes *HI, H I*, distet, erit *FHI*, circulus ille maximus per *F*, ductus, cuius polus *G*. Nam alii circuli maximi per *F*, ducti, & a circulo *FHI*, distet, non transiunt per *H, I*, polos circuli *KL*, quod tamen necessarium esse diximus, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. si *G*, polus est alicuius circuli per *F*, ducti.

V T autem videas, quam apte haec consentiant illis, quae demonstrata sunt, da circū ex *H*, polo circuli *KL*, per *G, L*, radij *HM, HN*. Si enim *G*, polus est circuli *FHI*, necesse est *GL*, esse circuli quadrantem, hoc est, arcum Aequatoris *MN*,

*Recta ducta per
duo quadrantes
maximi circuli
inter se distantibus,
per alterutrum
eorum, maximum
circulum describit
cuius polus sit
datum punctum.*

eius arcus GL. respondet, quadrantem esse. Item si per puncta F, G. per præcedentem propos. maximus circulus describatur FGO, quod quidem sic fiet. Repetatur punctum O, puncto G oppositum vel per circulum GHOF, per tria puncta H, G, L. ex centro Q. descriptum, vel per angulum rectum MHQ. cuius ducta recta HM. ad H. constitutum, qui ducto citius constructur, si diameter ducatur MP, recta quoque HP. emittatur secans GL. in O. Deinde per tria puncta F, G, O. ex centro R. circulus describatur. necesse est arcum FG. quadrantem esse, quod sic experientis. Ducta per E. centrum Astrolabii, & R. centrum circuli FGO. recta ER. secante circulum FHI. in S. erit S. polus circuli FGO. Nam cum FGO. ponatur transire per G. polum circuli FHI. transibit ex scholio propos. 14. lib. 1. Theod. vicissim FHI. per polos circuli FGO. Cum ergo huius polus sit in recta FR. ut propos. 8. Num. 1. consensum est, erit S. eius polus. Igitur si FG. quadrans est, necesse est, radios SG. SF. ex Aequatore abscindere quadrantem TV.



2. NON est autem necesse, circulum per datum punctum F, descriptum ambire alterum punctum datum, quod polus esse debet, ita ut polus intra circulum descriptum, cuius est polus, contineatur, cum semper in Astrolabio unus polus sit intra circulum, cuius est polus, & alter exera, ut patet in Horizonte, eiusque parallelis. Nam si alterum punctum datum sit O. ducta recta OE. excitataque perpendiculari ad eam HI. erit circulus FHI. maximus, cuius polus est O quem ab ambit. Quoniam enim circulus maximus, quem recta OE. refert, transibit per O. polum alicuius maximi circuli per F. ducta, ex hypothesi. transibit ex scholio propos. 14. lib. 1. Theod. vicissim circulus ille maximus per F. ductus, cum polus O, per polos circuli maximi OE. hoc est, per H, I. Circulus igitur FHI. est.

III, & maximus ille, cuius polus O. Nam nullus alius per F, ductus transit per E. I. polus circuli O E.

HIC etiam videri, radios SF, SO, ex polo S, circuli FGO, emissos auferre æqueatore quadrantem VX; ac proinde arcum OYF, circuli FGO, representare quadrantem, ut vult hypothesis. Ponitur enim O, ab F, distare quadrantem circuli maximi per ea puncta ducti. Arcus autem reliquus OGF, continet quadrantes, quemadmodum & arcus Aequatoris XIV, cui ille respondet.

3. SIT deinde datum quodlibet punctum G, describendusq; sit circulus maximus, cuius polus sit datum punctum G. Ducta recta GE, per datum punctum, & centrum Astrolabii, excutabimus ad eam perpendicularem HI. Deinde ex H, polo circuli maximi GE, ducta recta HG, secante Aequatorem in M, accipiemus quadrantem MN, siue ad dextram, siue ad sinistram, (In dato exemplo in eandem foret accipere quadrantem MK, versus sinistram, quia recta Hk, nisi sit procul rectam EG, secaret,) rectamque ducemus HN, quæ GE, secet in L. Circulus namque per tria puncta H, L, I, descriptus erit maximus, cum Aequatorem bisariam secet; cuiusque polus erit G, cum ab eo distet quadrante circuli maximi GL.

PARITERATIONE, si datum punctum sit O, polus describendi circuli maximi, ducimus quoque rectam OE, & ad eam perpendicularem erigemus HI. Deinde ex H, polo circuli maximi OE, ducta recta HO, secante Aequatorem in P, sumemus quadrantem PN, rectamque emittimus HN, secantem OE, in L. Nam rursum circulus per tria puncta H, L, I, descriptus, erit maximus, cuiusque polus O, cum distet quadrante circuli maximi OL, ab eo.

CENTRUM VERO autem circuli maximi describendi ita reperietur ex his, quæ propos. 2. demonstrauimus. Ducta recta ex H, per polum G, vel O, secante Aequatorem in M, vel P, sumptisq; duobus quadrantibus MN, Mk, vel PN, Pt, ductis de HN, Hk, in recta KO, diametrum visam circuli maximi, quod reducta kN, sit vera eius diameter, quandoquidem eius polus est M. Si vero arcus kN, equalis abscindatur à puncto k, versus M, vel arcus HN, ab N, versus M, cetera ex H, per extremum punctum arcus accepti ducta in K, centrum circuli maximi diametrum abscissam bisariam in K. Itaque etiam si tota diameter eodem modo haberi nequeat, propterea quod aliquando alter radiorum, qualis hinc est Hk, satis procul excurrit, poterit tamen circulus maximus describi ex centrolisento per alterum extremum diametri, quale hic est punctum L.

4. DENIQUE sit describendus circulus non maximus, cuius polus G, à quo eius circumferentia quotuis gradibus recedat. Ducta per G, & centrum E, linea, quam HL, ad rectos angulos secet, ducemus ex H, per G, rectam HG, Aequatorem occurrentem in Mystrig; M, polus circuli describendi, cui radius HM, exhibet nos polum G, in Astrolabio, & ME, axis erit eiusdem circuli. Si igitur ab Mystrig; gradus propositos numeremus, ut terminos veræ diametri circuli describendi habeamus, & per fines ex H, radii egrediantur, abscindetur ex GE, diameter circuli describendi, quæ secta bisariam, circulus describetur. Quod si quandovis diameter commodè haberi non potest, ut cum alterum eius extremitas in puncto A, abesse, inseriendum erit centrum circuli describendi per ea, quæ propos. 2. demonstrauimus, hoc videlicet modo. Numeratus ab M, utrinque gradibus propositis, iungantur extrema puncta per rectam lineam, quæ (ut diximus) vera diameter erit circuli describendi, & punctum notetur, ubi ea diameter axem ME, intersecat. Ipsi enim per hoc punctum ex H, recta emittatur, & arcus inter M, & eam rectam intercepto equalis abscindatur ex altera parte, cadet recta ex

Circulum maximum describendum, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio.

Circulum ad unum datum extremum, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio.

H, per extremum punctum arcus abscissi in centrum, &c.

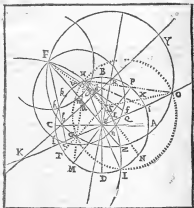
E O D E M modo progrediemur, si punctum O, polus ponatur. Ducta enim recta HO, secans Aequatorem in P; erit ducta PE, axis circuli describendi, &c. Exemplum circuli non maximi describendi non proponimus, ne figura nimis tanta linearum multitudine confundatur.

PROBL. XII. PROPOS. XV.

ANGVL I sphaerici, quem duo quilibet circuli maximi in Astrolabio comprehendunt, magnitudinem, siue (quod idem est) duorum circularum in Astrolabio maximorum inclinationem inuenire.

1. IN figura antecedentis propos. secet primum maximus circulus HOIG, Aequatorem ABCD, in H, I, punctis oppositis, vel duo circuli maximi HGI, HLI, &c. secant in circumferentia Aequatoris in punctis eisdem H, I; propositum.

Quod



que sit quantitas anguli OHA, vel OIA, hoc est, inclinationem circuli maximi HOI, ad Aequatorem explorare, &c. Ducta diametro Aequatoris HI, secet eam ad angulos rectos alia diameter LI, quantumlibet extendi, secans Aequatorem, & datum circulum in i, & O: iunganturque rectae HO, Hi, secantes Aequatorem, in P, i. Dico arcum Pi, metiri angulum OHi, siue inclinationem circuli

maximi

Anguli sphaerici
in circumferentia
Aequatoris con-
stituti quantitas
est, vel inclinatio
inter duos circulos
maximos, quod
vultur sit. Utroque
per se, et ut ambobus
conueniat, et ad
Aequatorem situm,
describuntur quod
est.

utini HOI , ad Aequatorem. Quoniam enim li , rectam HI , in E , bifariā
 pat, & ad angulos rectos, transibit per centrum circuli HOI , ex coroll. propo-
 s. lib. 3. Eucl. Ideoque & per polos circuli eiusdem, ut propo. 8. Num. 19.
 alminus. Cum ergo per propo. 1. circulum maximum per polos mundi du-
 ctum referat, erunt ex coroll. propo. 18. lib. 1. Theod. arcus HI , HO , qua-
 drantes, atq; idcirco IO , arcus erit anguli OHI , vel inclinationis circulo-
 rum. Quare cum per propo. 1. Num. 3. segmentum Oi , arcu PI , aequale sit,
 quod ad numerum graduum attinet, erit quoque Pa , arcus anguli OHi , vel
 inclinationis circuli HOI , ad Aequatorem. Sic quoque anguli GHa . (qui
 anguli OHi , complementum est ad duos rectos.) arcus est segmentum Gi , cui
 respondet arcus MI . Item Li , vel Ni , arcus est anguli IHi ; & Li , vel
 Ni , arcus anguli LHI . Denique GL , vel MN , arcus est anguli GHL .
 quem duo circuli maximi HGI , HLI , constituunt, se mutuo secantes in cir-
 culaferentia Aequatoris. Ex quo fit, eodem modo arcus anguli magnitudinem
 intelligendum esse.

2. SECENT deinde se se duo maximi circuli FGZ , FHa , in punctis opposi-
 tis FZZ , extra peripheriam Aequatoris, constituentes angulum GPH , quem in-
 ueligare oportet. Ducta eorum diametro FZ , per E , centrum Astrolabii;
 (Quod si circuli se solum in F , interfecissent, pro ductendis essent, donec se in Z ,
 ferant; vel certe recta FE , producenda, & inueniendum punctum Z , puncto
 F , oppositum, ut propo. 4. Num. 13. traditum est). fecerit tam in a , recta ali-
 quam bifariam, & ad angulos rectos, qualis est recta KR , per centra K , R , circulo-
 rum transiens; unde satis est rectam KR , per eorum circulo-
 rum centra duce-
 re, etiam si communis eorum sectio FZ , ducta non sit, quod commodissimum
 est, quando alterum circulo-
 rum intersectionis procul distat. Immo si alterum
 eorum nimis procul ab his recta EF , satis est ex vicinioribus R , ad EF , per-
 pendicularem demittere Ra . Hæc enim secabit rectam FZ , si ducta esset, bise-
 ctum &c. Deinde ex quocumque puncto in recta FZ , siue illud idem sit, quod pun-
 ctum medium a , siue non, describatur per F , circulus Ffe ; vel ex puncto F , ad
 quodlibet intervallum circulus gh . Postremo per puncta b , d , ubi circuli maxi-
 mi in rectam KR , interfecant, ex F , rectæ egrediantur secantes circulum
 Fe , in f , e , vel circulum gh , in g , h . Dico est, arcum esse anguli GPH , hoc est,
 inclinationis circulo-
 rum, & arcum gh , esse semilitem eiusdem arcus. Nam si
 puncta opposita F , Z , ponantur poli alicuius Horizontis obliqui, erunt circuli
 FGZ , FLZ , duo Verticales, quorum primarius ex centro a , per F , Z , descri-
 bendus esset; recta vero KR , referret parallelum illius Horizontis per polum
 mundi, in quo oculus collocatur, ductum, ut propo. 3. Num. 2. ostendimus.
 Igitur, ut in eadem propo. Num. 11. monstratum est, segmentum bd , rectæ
 KR , tot gradibus eius paralleli respondet, quot in arcu est, vel in arcu gh , du-
 plicato continentur. Cum ergo arcus eiusdem paralleli inter circulos FGZ ,
 FLZ , similis sit arcui illius Horizontis obliqui, qui quidem arcus est anguli
 GPH , liquet arcum quoque est, eiusdem anguli arcum esse, &c. Quia vero in
 precedenti propositione circulus FHZ , descriptus fuit circa polum G , transibit
 circulus FGZ , per illius polos; & ac proinde angulus GPH , rectus erit. Ne-
 cessario ergo, arcum eius est, quadrantem esse circuli Ffe , arcum vero gh , se-
 militim quadrantis circuli gh .

QUIN etiam si per punctum F , quomodocumque circulus describatur, licet
 eius centrum non sit in recta FZ , qualis etiam est, u. g. alteruter arcuum datum
 aequalem continens, ut FG , secans duas rectas Fb , Fd , in b , d , paretur eius
 arcus

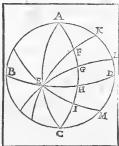
descripti per punctum
 aequatorem consti-
 tutionem, quare in-
 ter, vel inclinationis
 circulo-
 rum, ducta
 circulo-
 rum, per
 punctum
 aequatorem
 punctum
 aequatorem
 punctum
 aequatorem

2. 10. 2. T. b.

3. 11. 1. T. b.

gini $ABCD$. polus E . per quem ducti sint quicumque maximus circuli AEC . EF . EH . EI . ad maximum quendam AHC . inclinari, excepte EH . qui ad invicem est perpendicularis, ad EH . autem rectus quique sit AEC . Dico AEC . maxime ad AHC . inclinari. & EF . magis inclinari, quam EG . Denique EF . EI . aequaliter a polo A . C . maxime inclinati AEC . distantes, aequaliter inclinari. Quia enim cum E . polus est circuli $ABCD$. erunt ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. EA . EC . ED . EM . EC . quadrantes, idemq. EF . EG . EH . EI . quadrante minoris, igitur totus arcus EA . EF . quam EF . EG . & EG . EH . semicircule minoris sunt, cum quilibet duo non aequantur duobus quadrantibus. Per propof. 14. ergo vultorum triang. spher. angulus externus EHG . rectus, maior est interno opposito EGH : & hic maior interno opposito EPG . & hic maior interno opposito EAF . Est ergo EGH . acutus, & à fortiori magis acutus EPG . & multo acutior EAF . Quare circulus EA . maxime est ad AHC . inclinatus, & EF . magis, quam EG . Deinde quia de latere AE . AF . duobus lateribus CE . CI . aequalia sunt, (Sunt enim EA . EC . quadrantes, & arcus AF . CI . aequalis, quod circuli EF . EI . in circulo AHC . aequaliter penitent abesse à punctis A . C .) angulusque continent aequalis A . C . per propof. 13. vultorum triang. spher. erunt ut prop. 7. eorundem triang. anguli quique AFE . CIE . aequales, ac proinde & ex lateribus reliqui EFH . EIH . aequales erunt, qui quidem sunt anguli inclinationum. Aequaliter ergo EF . EI . ad AHC . inclinantur, quod est propositum.

ET quia omnes Verticales ad Aequatorem inclinari sicut; excepte Meridiano, ad primarium Verticalem rectus est, efficitur, Verticalem primarium ad Aequatorem maximè inclinatum, & alius est magis inclinat, quò minus à primario recedunt. Incertum, quia omnes circuli positionum ad Aequatorem inclinati sunt, Meridiano excepto, ad quem Horizon rectus est, colligatur, Horizontem ad Aequatorem maximè inclinatum esse, & alios positionum circulos est magis inclinari, quò minus distant ab Horizonte.



Verticalem positionum vocant omnes Verticales, & Horizontem, tunc omnes circulos positionum, ad Aequatorem maxime inclinat.

1. IAM vero pulcherrima, & facilissima via per hanc propositumem 17. nobis aperitur, qua per inclinationem ad Horizontem datur in 12. propof. Num. 2. certum punctum invenitur, per quod circulus maximus propositus describendus sit Ita ergo agamus. Quoniam circulus ibi propositus inclinat à meridie in occiduum, arguitur inveniatur in figura propof. 12. duo puncta N . P . in quibus circulus Horizontem scire debet, inclinationem verò habet ad Horizontem ex parte australi grad. 16. ex quo maximum fuit punctum k . vel per Verticalem XHY . vel per parallelum Horizontis glz & z . Inveniamus itaq. sine hisce circulis ex eadem inclinatione rationem aliud punctum, hoc modo. Ducta in figura propof. 12. per cc . punctum medium recti NP . perpendiculari ad aa . qua componit per K . centrum Horizontis transit, ex coroll. propof. 1. lib. 1. Eucl. cum rectam NP . in Horizontem fecerit bisariam, & ad ipsam rectam. Descriptis quoque ex N . ad quodam intervallum arcu circuli cc in aa . ducatur ex N . ad aa . punctum intersectionis recti cc ad aa . cum Horizonte recta secans

Præterea pulcherrima via per hanc propositumem 17. nobis aperitur, qua per inclinationem ad Horizontem datur in 12. propof. Num. 2. certum punctum invenitur, per quod circulus maximus propositus describendus sit Ita ergo agamus. Quoniam circulus ibi propositus inclinat à meridie in occiduum, arguitur inveniatur in figura propof. 12. duo puncta N . P . in quibus circulus Horizontem scire debet, inclinationem verò habet ad Horizontem ex parte australi grad. 16. ex quo maximum fuit punctum k . vel per Verticalem XHY . vel per parallelum Horizontis glz & z . Inveniamus itaq. sine hisce circulis ex eadem inclinatione rationem aliud punctum, hoc modo. Ducta in figura propof. 12. per cc . punctum medium recti NP . perpendiculari ad aa . qua componit per K . centrum Horizontis transit, ex coroll. propof. 1. lib. 1. Eucl. cum rectam NP . in Horizontem fecerit bisariam, & ad ipsam rectam. Descriptis quoque ex N . ad quodam intervallum arcu circuli cc in aa . ducatur ex N . ad aa . punctum intersectionis recti cc ad aa . cum Horizonte recta secans

arcum descriptum in *ee*. Et ex *ae*, versus centrum Horizontis abscindatur arcus *ee*, semissem inclinationis convenienti, hoc est, grad. 12. Vel si reliqua adhaerent inclinationi, accipietur arcus totius inclinationis, cuiusque semissem deinde *ee* sit. Ducta enim recta *Ne*, sicabit rectam *ee* in *aa*, in puncto *bb*, per quod circulus maximus propofitus describendus est. Nam descripto circulo per tria puncta *N*, *bb*, *P*, angulus *bb* *Nae*, continet grad. 26. inclinationis data, ut in hac propof. Num. 2. demonstratum est.

PROBL. XIII. PROPOS. XVI.

AD datum arcum circuli maximi in Astrolabio, ad datumque in eo punctum, dato angulo quorumcunque duorum circularum maximorum in Astrolabio descriptorum, vel cuius arcus in gradibus datus sit, æqualem angulum constituere: siue (quod idem est) per datum punctum circulum maximum describere, qui ad datum arcum circuli maximi, in quo punctum datum est, inclinationem habeat æqualem inclinationi quorumlibet duorum circularum in Astrolabio maximorum. Item datum angulum duorum circularum maximorum bifariam secare.

Hæc Spæla sibi præcipue in Astrolabio æqualem angulum constituere datur a in in dato puncto inclinatum.

1. **PRIMA** M partem huius propof. demonstramus propof. 12. triangularum sphericorum. Sit ergo in Astrolabio Aequator *ABCD*, circa centrum *E*, & datus angulus sphericus *EFG*, concentus circulo maximo *FEH*, per polos mundi ducto, & maximo alio circulo *FGH*, cui æqualis constituendus sit ad arcum *IKL*, in puncto *L*. Ductus per centrum *E*, diametris *FH*, *IL*, ut opposita puncta sint *F*, *H*, & *I*, *L*; eisque sectis bifariam in *M*, *N*, & ad easdem ductis perpendicularibus *GM*, *KN*, quæ per centra omnium circularum per puncta *F*, *H*, & *I*, *L*, transiuntium incident, ex coroll. propofitionis 1. lib. 3. Eucl. describantur per *F*, *I*, ex centris assumptis in rectis *FH*, *IL*, utique circuli æquales *FQOP*, *ITRS*, vel excentris *F*, *I*, circuli æquales quocunque *XY*, ab. Ductis quoque ex *F*, *I*, per puncta *G*, *M*, *K*, ubi perpendiculares ab arcibus interfecantur, rectis secantibus circulos *FQOP*, *ITRS*, in *Q*, *O*, *d*, & circulos *XY*, ab, in *x*, *V*, *e*; erit *QO*, arcus dati anguli *EFG*, & *Vx*, semissem arcus eiusdem anguli, ut in precedenti problemate ostendimus. Si igitur arcus *OQ*, æqualis sumatur *dT*, si ad sinistram arcus dati *IK*, constitutus sit angulus, vel arcus *df*, si ad dextram, aut arcus *Vx*, æqualis sit *eb*, vel *eg*, ducaturque recta *IT*, vel *Ib*, aut *If*, vel *Ig*, secans *KN*, in *h*, vel *y*, efficiet tam arcus per tria puncta *I*, *h*, *L*, descriptus angulum *hIK*, quam arcus per tria puncta *I*, *I*, *L*, descriptus angulum *IKK*, angulo *EFG*, dato æqualem, hoc est, inclinatio arcuum *IhL*, *IL*, ad arcum *IKL*, æqualis erit inclinationi arcuum *FGH*, ad circulum *FEH*, propter æqualitatem arcuum *OQ*, *dT*, *df*, &c.

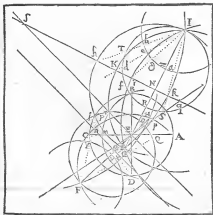
EAD EN ratione ad circulum maximum *IKL*, in puncto *L*, angulum *NIK*.

Si \angle angulo Efn , æqualem constituemus, si, ducta recta Fn , secante circulum per F , descriptum in P , & circulum descriptum ex F , in Y , arcu OP , æqualem accipiamus Rd , vel arcu YY , æqualem Ze , & rectam ducamus $Ie d$, secantem KN , in K . Nam circulus per tria puncta L, K, I , descriptus, angulum constituet cum circulo IEL , æqualem angulo Efn , ut constat.

Si decur anguli alicuius magnitudo quotvis graduum, constituemus eiusmodi angulum ad arcum IKL , in puncto I , si ex d , numeremus propositos gradus usque ad T , vel f , aut si sumamus semissem arcus propositorum graduum $e b$, vel g . Ita quoque si accipiamus quadrantem $d S$, vel semissem quadrantis $e p$, & per S , vel a , recta ducatur secans KN , in k , constituet arcus IdL , cum IK , angulum rectum KIk .

NON secus datum angulum constituemus in dato puncto Aequatoris. Ut

Dato angulo
constitui in gra-
dibus, æqualem
in dato puncto
aut in arcu
circuli, maxime
aequatoris.



si construendus sit angulus in D , cū circulo maximo DEB , grad. 70. vel cū OCB , grad. 20. numerabimus arcū Bl , grad. 70. vel arcū Cl , grad. 20. rectamque ducemus Dl , secantem AC , in m . Circulus namque DmB , propositum concludet.

1. Et quia duo arcus IKL, IkL , continent angulum rectum KIk , ut dictum est, inscribunt alter per alterius polum. Cum ergo polus cuiusque circuli maximi sit quoque in recta per centrum Astrolabii, & centrum illius ducta, ut propos. 3. Num. 19. dictum est, secabit recta Eg , per q , centrum circuli IK , et recta circulum IkL in polo circuli IK ; & recta $E C$, per C , centrum circuli Ik , et recta secabit circulum IK , in r , polo circuli Ik . Atque hac eadem ratione, duobus quibuscumque maximis circulis in Astrolabio sese ad rectos angulos secantibus, recta connectens

T et alterutrum

Quod si duo cir-
culi maximi in
Astrolabio angu-
los rectos con-
secant, recta con-
nectens utrumque
centrum per cen-
trum illius ducta
secabit utrumque
in polo illius
maximi circuli.

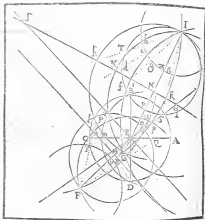
2. 13. 1.
T. 2. 2.

Docetur quod
si duo circuli
secantur in
duobus punctis
in polo
sit unusquisque.

Docetur quod
si duo circuli
secantur in
duobus punctis
in polo
sit unusquisque.

aliquotius centrum ex n centro Astrolabii secabit alium in polo illius poli-
tis. Ex quo fit, ut facile tant polus utriusque circuli veniat, si sumatur ex
centro Astrolabii per eorum centra recta ducantur. Haec etiam secabitur circa-
los in polo.

3. I A M vero non dissimili ratione angulum, quem duo circuli maxime in
Astrolabio comprehendunt, bisariam secabimus. Sit enim angulus hli, secundum
bisariam. Ducta IL, cõs sectione arcuum Ih, Ii, per centrum Astrolabii transi-
et, eademque secabit bisariam, & ad angulos rectos in N, per recta hli, describatur
ex I, arcus utrunque a b, vel per I, circulus quomodounque I T S, centrũ habens



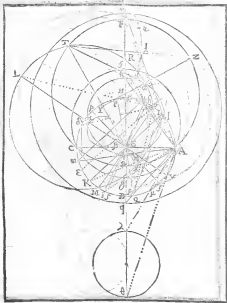
in cõmuni sectione IL, verbi gratia, Z. Ductis deinde rectis Ih, Ii, descriptos cir-
culos secantibus in b, g, & T, i, secetur arcus g b, vel f T, bisariam in e, vel d, jun-
gaturque recta I e, vel I d, secans hk, in K. Circulus enim per tria puncta I, K, L,
descriptus (qui maximus erit, cum transeat per puncta opposita, I, L) secabit
datum angulum hli, bisariam, ut ex demonstratis liquet.

PROBL. XIII. PROPOS. XVII.

DESCRIPTI cuiusvis circuli in Astrolabio, vel
lineæ rectæ in eodem ductæ, situm in sphaera explorare.
H A E C

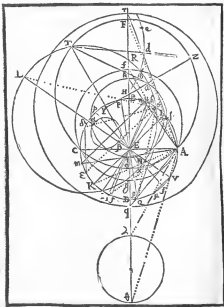
HAEC propositio nihil aliud continet, quam id varios circulos Astrolabii applicationem quandam eorum, quae iam pridem demonstrata sunt, praefertim propof. 8. Num. 16. & 17. Sit ergo in Astrolabio Aequator ABCD, cuius centrum E, Hoc autem datae regionis APCG, cuius centrum H, & diameter vera IK, ac prout altitudo poli supra eum arcus AL, vel CK. Sit autem descriptus pri-

Varia sunt descripta
tota in Astrolabio
quodammodo
omnes de scriptis
cum sit in ipso
et ex pto



mus circulus LMNO, ex centro J, cuius positio in sphaera indaganda est. Per eius centrum J, & E, centrum Astrolabii trahatur recta LEN, quam ad rectos angulos sicut diameter Aequatoris OM, cadens in puncta O, M, ubi à dato circulo secatur. Emissis deinde ex O, radius OL, ON, per extrema puncta L, N, diametri vix, secantibus Aequatorem in P, Q, erit iuncta PQ, diameter vera circuli

culi propofiti, vt ex iis conflat, quæ propof. 8. Num. 16. offendimus. Ex quâ circulus maximus eft, quod & Aequatorem in punctis oppofitis O, M, fecet, & eius diameter vera OM, per centrum tranfeat, erit poli fupra eum altitudo arcus OP, vel MQ, vt in eadem propof. 8. Num. 22. dictum eft. Accidit autem, altitudinem poli OP, æqualem huc effe altitudini poli AI, fupra Horizontem. Ex quo



fit, circulum eum effe vnum ex circulis horarum ab ortu, vel occafu, cum fupra emanes eiusmodi circulos eadem fit altitudo poli, vt propof. 3. Num. 9. traditum eft. Et quoniam Aequatorem fecat in O, & M, facile cognofcemus, ad quam horam fpectet, vt in eadem propof. 3. Num. 8. docuimus. Rurſus quia idem circulus fecat Meridianum in R, cognofcemus, quantum diftet punctum R, ab Horizonte, ſi quotigradus in ſegmento FR, contineantur, inueſtigemus et de-

ſina

hinc propof. 1. Num. 6. Denique ſi per polum Horizontis, & per polum euſdem circuli deſcriberetur Verticalis, notus ſeriet arcus inclinationis euſdem circuli ad Horizontem, quem tamen Verticalem non deſcripſimus, vt maiorem conſuetudinem in figura vitaremus. Quinimo per propof. 1. inuſtigari poterit eadem inclinatio ex angulo inclinationis FTR . Sic etiam per eandem propof. ſperies euſdem circuli inclinationum tam ad Meridianum ex angulo ERO , quam ad Aequatorem ex angulo NOV . Verba gratia, (vt videas, quo pacto res per propof. 13. perficiatur) duſta YZ , ad rectam TX , ex puncto medio Y , perpendiculari, deſcriptoque ex T , arcu quocunque $b e$, ſi emittantur rectae TZ, Ta , ad puncta interfectionum rectae YZ , cum circulo Ta , & Horizonte, ſecantes arcum $b e$, in d, h , erit bd , ſemiſus inclinationis, & arcus $b e$, ipſius bd , duplus, totam inclinationem circuli ad Horizontem dabit, vt ex demonſtratis in propof. 13. li- quido conſtat. Recta autem NV , arcum inclinationis euſdem circuli ad Aequatorem, arcum videlicet Aequatoris QV , rectae NV , reſpondentem manifeſtabit, & eaſque circulus $LMNO$, inueniunt eſſe maximus, ſupra quem polus ele- uatur per arcum OP , abſcinditque ex Meridiano ſupra Horizontem ex parte australi arcum FR , inclinationem denique euſdem ad Horizontem ex parte oc- cidentali, & aſtenti, metietur arcus $b e$, &c.

2. **DE INDE** deſcriptus ſit circulus $AſCg$, ſecans Aequatorem in euſdem punctis A, C , per que Horizon tranſit, ac proinde maximus exiſtens. Inuenietur eus vera diameter $h i$, & altitudo poli ſupra eum circulum arcus A haſiſe vero circulus ad Meridianum rectus, ſicut & Horizon, quod per eius polos A, C , du- ctus, auferet ex Meridiano verſus meridiem ſupra Horizontem arcum H , infra Horizontem ad partes boreas arcum G . Inclinatione denique euſdem ad Horizontem erit arcus Hf , & ad Aequatorem arcus iB , &c.

3. **R V R S V S** detur alius circulus $k l t$, cuius centrum in eadem recta, in qua centrum Horizontis, & circuli $AſCg$, non maximus, cum Aequatorem in punctis oppoſitis non ſecet. Duſtis radiis $A k, A t$, Aequatorem ſecantibus in n , erit vera eius diameter duſta recta m nouum reperitur parallela diametro Ho- rizontis verae IK . Repraſentat igitur circulus $k l t$, parallelum Horizontis, ſi Horizonte verſus Zenith p , diſtanti arcu Im , vel $K m$, ſecantemque Aequa- torem in l , à puncto Meridiani B , verſus occaſum, &c.

4. **PRAETEREA**, datus ſit circulus $r q$ centrum etiam habens in eadem recta cum Horizonte, & nullo modo Aequatorem ſecans, ita vt ſit non maxi- mus. Duſtis radiis $A r, A q$, ſecantibus Aequatorem in πp , erit duſta recta πp , vera eius diameter; quae cum non æquidillet Horizontis diametro IK , indicat, totum non referre parallelum Horizontis, ſed eius circuli maximi, cuius dia- meter vera $u ſ$, per E , centrum duſta, ipſi πp , æquidillet, & ſupra quem polus ele- uatur per arcum $A u$, vel $C ſ$. Cuius quidem circuli maximi ad Meridianum re- ſti ſine in ſphæra cognoscitur, ſi ipſe, inuenta eius diametro viſa per radios $A u, A ſ$, in recta FD , deſcribatur, &c.

5. **AMPLIVS** deſcribatur circulus $a g$ centrum habens in eadem recta LN , cum circulo maximo $LMNO$, quam ad rectos angulos ſecat MO . Emiſiſis radiis $O u, O g$, qui ſecent Aequatorem in p, s , erit duſta $p s$, diameter circuli vera non æquidillet verae diametro PQ , circuli $LMNO$. Ex quo conſtat, circulum $a g$, non referre parallelum circuli maximi $LMNO$, ſed eus, qui habet veram diame- tram per E , deſtam ipſi $p s$ parallelam, &c.

6. **AD** hæc deſcriptus ſit circulus $\gamma \delta$, totus extra Aequatorem, ac proinde eus maximus, cuius centrum exiſtat in eadem recta cum centro Horizontis, Duſtis

Ductis radiis $A\gamma$, $A\delta$, secantibus Aequatorem in V , μ , erit verà eius diameter recta $V\mu$, æquidistans diametro Horizontis verè IK . Igitur circulus $\gamma\delta$, representat Horizontis parallelum infra Horizontem circa Nadir descriptum, easque distantias ab Horizonte versus Nadir recedit per arcum IV , vel $K\mu$, &c.

Quando vera circuli diameter invenitur, quid sit circulus.

Q V A N D O diameter vera circuli inventa est admodum enigma, et non si eile ei parallela duci queat per centrum E , qualis fuit vltima $V\mu$, partitur arcum $V\mu$, bisariam in ξ , puncto, quod erit unus polorum circuli, ductoque arcu ξp , ducemus ad eum diametrum perpendicularem IK , pro diametro veri circuli maximi, cui datus circulus æquidistat.

In explorando si sit diameter invenitur, quid sit circulus.

7. H A C ergo arte explorabis situm cubusvis alterius circuli in Astrolabio descripti, & intersectiones eius cum alijs circulis, quos fecit, &c. si nimirum prius per eius centrum, & centrum Astrolabii rectam eduxeris per eorumque sectionem plani Astrolabii, & circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi ductus: deinde hanc rectam per diametrum Aequatoris ad angulos rectos feceris, cuius unum extremum (quod videlicet polo australi A , ex quo radii emissi sunt in descriptione Astrolabii datae regionis, vicinior est) pro polo australi sumatur, ex quo radii emittendi sunt, &c.

Si sit diameter invenitur, quid sit circulus.

8. P O S T R E M O data sit recta FG , explorandumque propositum, quid in sphaera representet. Multa enim representare potest. Nam si cogitur in infinitum extensa, referet circulum per polum australem ductum, et proposit. Num. 34. dictum est, cuius situm in sphaera sic reperiemus. Ducta ex E , centro Astrolabii ad FG , perpendiculari EH , secante Aequatorem in L , ducatur eadem semidiameter perpendicularis EL , iungaturque IH , secans Aequatorem in K . Et quoniam, si circulus $ABCD$, obiciatur rectus ad planum Aequatoris, Astrolabio, super rectam EH , ita ut L ad austrum vergat, manente Aequatore in proprio situ, hoc est, A , spectante ad occiduum, & C , ad ortum, recta EL , vera mundi refert, & L polum australem; occurreret planum per $I H$, ductum, & ad circulum in eoditu rectum, plano Astrolabii in H , faceretque sectionem FH . Quoniam enim tam planum Aequatoris, quam illud planum per $I H$, ductum, ad circulum $ABCD$, in eoditu rectum est, erit quoque eorum communis sectio ad eundem recta, ac proinde ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad EH , in eodem circulo existens perpendicularis. Cum ergo FH , ad EH , sit perpendicularis, erit FH , communis illa sectio plani Astrolabii, & plani per $I H$, ducti. Quocirca cum hoc planum faciat in in sphaera circulum, cuius diameter IK , referet data recta FG , in infinitum extensa cum circulum, qui nimirum per L polum australem transit, recta quoque est ad circulum maximum per polos mundi ductum, inclinatumque ad Meridianum datae regionis, qui per ED , representatur, tot gradibus, quot in arcu EL , continentur, in parte quidem superiori Aequatoris versus occiduum A , in inferiori vero versus ortum C .

a. 1. 3. vultis.

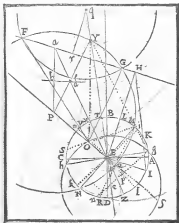
b. 1. 1. 2. 3. 4.

c. 1. 4. 1. 2. 3.

SI vero recta FG , intelligatur terminata in punctis F, G , refert potest chordam circuli maximi per ea puncta descripti, cuiusmodi est $FGMN$: vel chordi innumerabilium circulorum non maximorum per eadem puncta descriptorum, quorum situs, ac positio in sphaera explorari poterit ex his, quae in hac propos. scripsimus, vel denique diametrum alicuius circuli non maximi, & alicuius maximi obliquè æquidistantis: quem sic investigabimus. Quoniam FG , representat diametrum alicuius circuli, secabitur is à maximo circulo $FGMN$, bisarii, ac proinde hic maximus per eius polos transit. Quare medium punctum arcus FG , polum eius erit, qui sic reperietur. Invenito O , polo maximi circuli $FGMN$, iuxta Aequatorem contento, (Hanc autem inveniemus, ut propos. 2. Num. 7. scripsimus,

ut, hoc modo Per eius centrum P, & centrum Afrolabij ducemus rectam circulo intra Aequatorem occurrentem in Q, & secantemque diametrum lunam ^{a p. 17. 18.} MN, ad angulos rectos. Recta enim MN, diameter erit, cum sit communis sectio duorum circulorum maximorum. Deinde ducta recta MQ, secante Aequatorem in R, accipiemus arcum RS, quadrantis aequalem. Recta namque MS, secans EP, in O, polo ducantur rectae OF, OG, secantes Aequatorem in TV, diuisique arcu TV, bisariam in X, decatur recta OX, secans arcum FG, in Y. Nam Y, erit punctum illius arcus medium, cum arcus FY, & YG, equalibus arcibus VX, TK, respondeant, ut propos. 5. Num. 17. demonstrauimus, Ideoque Y, polus erit circuli, cuius diametrum recta FG, repraesentat. Sed quid si polus O, prope abest a puncto X, ac proinde via sine errore recta OX, extendi potest, reperiemus eundem polum Y, fortasse accuratius hoc modo. Sumatur punctum Z, puncto X, oppositum, & per tria puncta Z, E, X, extensa recta, sumatur Ia, semidiametro PQ, circuli FGHN, equalis, & iuncta recta iP, secetur in b, bisectum, & ad angulos rectos per rectam ed, secantem E a, in d. Nam recta Pd, extensa dabit punctum I, puncto X, respondens, ut propos. 5. Num. 14. demonstrauimus. quod etiam abest XY, ipsa a P, parallela, vel recta IP, faciens angulum IPa, angulo Pa X, equalum, ut ibidem demonstrum est.

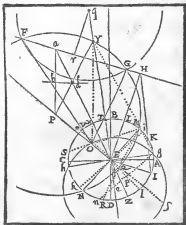
EVNDEM polum Y, commodè inuenies per ea, quae propos. 6. Num. 36. inprimis. Nam si per una puncta, quorum duo sunt illa, in quibus recta EP, Aequatorem, & circulum GYF, secat, tertium autem punctum I, secundum describas, cuius centrum est, in recta, quae rectam inter Aequatorem, & circulum GYF, bisariam, & ad angulos rectos diuidit, transeat is circulus per punctum Y, ut loco citato demonstratum est. Vel si ex ijs, quae propos. 18. sequenti Num. 5. trademus, per punctum X, in Aequatore datum, describas parallelum maximi circuli per rectam PQ, repraesentati, secabit is circulum FYG, in eodem polo Y, ut in eadem propos. 6. Num. 36. ostendimus.



AD inueniendum porro eundem polum Y, adhiberi quoque possunt aliae viae

est, si ducatur recta EY, existet in ea & centrum eius circuli, & centrum maxi-
mi circuli, cui æquidistat, ut propos. 8. Num. 19. ostensum est. Quamobrem re-
cta q, secans FG, bisariam, & ad angulos rectos in q, centrum circuli FG, ca-
det, cuius una diametrorum est FG, recta. Circulus porro maximus, cui circulus
eq, descriptus æquidistat, describetur hoc modo. Ducta diametro gh, ad EY,
perpendiculari, radius gY, secabit circulum ABCD, in i, polo, ac prout de iElk,
transierit quilibet circuli maximi, & lm, ad eum perpendicularis, diameter eius-
dem. Igitur go, ad lm, perpendicularis in p, cadet in e, centrum maximi circuli
log, cui æquidistat circulus ex q, descriptus, cum eundem polum habeat Y, qui
maximus circulus transibit omnino per O, polum maximi circuli FGMN, cum
hæc transeat per Y, polum illius. Alter autem polus circuli FGMN, est punctum
S, & aliter polus cir-
culi goh, punctum L.
Iam vero per ea, quæ
dicta sunt super, fa-
cile explorabitur si-
ne circuli maximi
goh, & eius paralle-
læ, in quo una dia-
metrum est data
recta FG.

QVOD si detur
recta, quæ extendæ
per centrum Astro-
labii transeat, repri-
sentabit ea circulum
maximum per polos
eandem ductum: vel si
quæ puncta extrema
per diametrum sunt
opposita, diametrum
interiorum circulo-
rum maximorum, qui
per puncta illa extre-
ma describi possunt:
vel si non per diame-
trum opposuerit ea
puncta extrema, re-
sint aut chordam
plurimorum circulo-
rum non maximorum, qui per illa possunt describi, aut diametrum visam ma-
ximam circuli non maximi circa ipsam descripsi.



Rectam per cen-
trum Astrolabii
ductam rectam pos-
se representant.

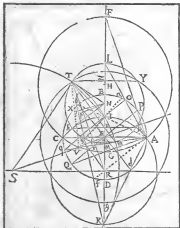
PROBL. XV. PROPOS. XVIII.

P E R datum punctum circule maximo dato in
Astrolabio parallelum delineare: Item circa datum po-
lum

lum, circulum describere, siue punctum detur, per quod transire debeat, siue non.

Non datur punctum recta per centrum Astrolabii, siue non, cuius polus I; datumque primum sit punctum L, in recta FG, per H, centrum circuli maximi, & E, centrum Astrolabii extensa, per quod describendus sit parallelus dati circuli maximi, habens centrum in eadem recta FG. Possunt quidem per L, ex infinitis centris in recta FG, assumptis infiniti circuli describi, sed vnus tantum referet aliquem parallelam dati circuli AFCG, quem ex dato puncto L, sic reperimus.

1. SIT in Astrolabio Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus quicunque AFCG, siue Horizon sit, siue non, cuius polus I; datumque primum sit punctum L, in recta FG, per H, centrum circuli maximi, & E, centrum Astrolabii extensa, per quod describendus sit parallelus dati circuli maximi, habens centrum in eadem recta FG. Possunt quidem per L, ex infinitis centris in recta FG, assumptis infiniti circuli describi, sed vnus tantum referet aliquem parallelam dati circuli AFCG, quem ex dato puncto L, sic reperimus.



Ducta diametro ABC, ad FG, perpendiculari, quae in intersectione Aequatoris cum dato circulo caderet, inueniente vera diametro PQ, maximi circuli dati per radios AF, AG, Aequatorem secantes in P, Q; decatur radius AL, Aequatorem secans in O, puncto, per quod agatur ipsi PQ, parallela Oq, quae diameter vera erit parallela per L, trisecans, propterea quod radii ex A, per eas extremum O, et q, cadit in L, extremum diametri visae, quandoquidem parallelus describendus per L, ponitur transire. Quod si datur polus I, inueniuntur diametrum verum quatuor paralleli, siue diametro vera circuli maximi, hoc modo.

Ducto radio AL, secante Aequatorem in O, ducatur radius per polum I, qui in verum polum b, caderet. Sumatur ergo arcus bO, arcus bq, aequalia. Nam recta Oq, vera diameter erit, cum puncta O, q, a polo b, aequaliter distent, & vera diameter per O, transeat, propter radium AL, secantem Aequatorem in O. Igitur ducto radio Aq, per alterum extremum q, vera diameter, habebatur alterum extremum visum M: quod etiam hac ratione reperiretur, eadem nisi verae diametri ratio non habebatur. Inuenito polo I, dati circuli maximi per radium A b, ductum ad b, punctum medium semicirculi PbQ, quem vera diameter PQ, abscindit, hoc est, ad extremum punctum axis dati circuli,

ali, sumatur arcus $O b$, equalis arcui $b q$, ducaturque radius $A q$, secans $F G$, in M , eundemque portiones IL , IM , circuli maximi FG , æquales, cum respondeant arcibus equalibus $O b$, $b q$, ut constat ex propof. 1. Num. 3. Cum igitur FG , referatur ex Verticalibus dati circuli maximi, tanquam Horizontis alicuius, incidet omnino idem parallelus per puncta L , M , æqualiter à vertice I , remota, secus ergo diametro visa LM , bifariam in N , erit N , centrum paralleli quaeriti per datum punctum L , & describendi.

2. D E T V R, quoque punctum h , in Verticali primario AICK, dati circuli maximi, tanquam Horizontis. Ad rectam $R h$, ex centro Verticalis ductam, exierit perpendicularis $h N$. Hæc enim in centrum N , paralleli per h , describendi incidet, ut ex propof. 6. Num. 10. constat, propterea quod recta $h N$, Verticalis tangit in h , ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Quod si arcui $I h$, equalis sumatur $I k$, & ex FG , abscindantur segmenta IL , IM , arcubus $I h$, $I k$, equalia, quod ad numerum graduum attinet, habebimus quatuor puncta h , k , L , M , per quæ describendus est parallelus, cuius centrum est in recta FG .

3. D E I N D E datum sit punctum T , extra rectam FG , per centrum dati circuli maximi, & centrum Astrolabii ductam, & extra Verticalem primarium. In altero polo K , circuli maximi dati per radium $A d$, ductam per d , punctum medium alterius semicirculi $P d Q$, vel accuratius per Verticalem primarium AICK, dati circuli descripti ex centro R , quod radius ex A , ad punctum f , alius indicat, & distinet arcu $A f$, duplicatus $A d$, ducatur ex alio hoc polo K , recta $K T$. Ducta deinde recta $T I$, ad alterum priorum polum I , fiat angulus $T I f$, equalis angulus $K I e$, secetque recta $I e$, rectam $K T$, in e , transibitque parallelus, qui per T , ducitur, per punctum e . Nam si concipiatur descriptus per T , parallelus quaeritus, secabit recta $K T$, cum parallelum in puncto e , intersectionis rectæ $I e$, cum parallelo, propter æqualitatem angulorum $T I f$, $K I e$, ut ex his perspicuum est, quæ in scholio propof. 3. ad finem Num. 3. demonstravimus. Nam si reducta $K T$, secaret parallelum in alio puncto, quæ in e , faceret recta ex eo puncto ad I , ducta cum $I K$, angulum æqualem angulo $T I f$, ac propterea & angulo $e I K$, ut eodem scholio Num. 3. ostendimus: Ideoque pars, & totum æqualia forent, quod est absurdum. Ducta ergo recta $I N$, secans $T e$, bifariam, & ad angulum rectos, transibit per centrum paralleli per T , e , transeuntis, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Cum ergo centrum sit in recta FG , erit N , centrum quaeriti paralleli, qui necessario transibit quoque per punctum Y , si ducta sit $T Z$, perpendicularis ad FG , & assumpta $Z Y$, ipsi $T Z$, equalis.

Q V O D si quando contingat, punctum T , datum existere in tali loco, ut ne sit $T I$, cum FG , angulum rectum efficiat, tanget recta $K T$, parallelum per T , descriptum in T , ut ostensum est in scholio propof. 3. Num. 4. Igitur tunc recta ex T , ad $K T$, perpendicularis exeat, cadet in centrum paralleli describendi.

R V R S V S si datum punctum extiterit infra rectam $R S$, quæ per centrum primarii Verticalis ducitur ad FG , perpendicularis, ducenda erit ex polo I , per punctum illud recta linea, & in altero polo K , duo anguli constituendi æquales, loco angulorum $T I f$, $e I K$: quia tunc parallelus describendus posum K , ambiet, ac prout recta ex I , ducta per punctum datum, secabit parallelum in punctis, in quibus recta angulos æquales in K , constituentes eundem secant, &c.

S I denique punctum T , in tali extiterit loco, ut æqualiter ab utroque polo I , & K , distet, quod facile cognoscetur beneficio circini. Nam si, posito vno polo in T , & altero in I , circulus circumductus transeat per K , æqualiter distabit

Per datum punctum in Verticali primario, aliamque circuli maximi, parallelum alius circuli maximi describere.

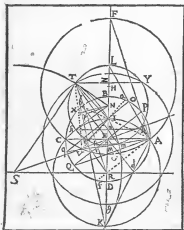
Per datum punctum extra rectam per centrum circuli maximi, & centrum Astrolabii ductam, & extra Verticalem primarium alium parallelum maximi describere.

V u u a T, à punctis

T, à punctis I, & K, alias non.) hoc est, si in recta RS, quæ per centrū palmarij Verticalis ducitur ad meridianam lineam perpendicularis, verperum fuerit, referet ipsamet recta RS, parallelum per T, descriptum, hoc est, parallelus in sphaera se ipsòdus per polum australem ducetur, adeoque rectam projicietur lineam, &c.

HOC idem effici potest hoc modo. Ex dato puncto T, ad FH, ducta perpendiculari TZ, sumatur ZY, ipsi ZT, equalis, transibitque parallelus etiam per Y. Deinde ex alterutro punctorum T, Y, nimirum ex Y, per alterutrum polum I, K, nimirum per I, recta ducatur YI, quam fecit in e, recta TK, ex altero puncto T, ad alterum polum K, ducta. Nam per e, quoque parallelus describendus transibit, ut constat ex istis, quæ propos. 6. Num. 25. demonstravimus. Si namque parallelus per T, Y, cõcipiatur esse descriptus, erunt tot gradus visi in arcu LY, quot gradus æquales in arcu à rectis LI, YI, productis, abscisso cõmentur, ut ibi ostensum est. Cum ergo recta KT, auferat quoque arcu LT, tot gradum ap-

parentium, quot gradus æquales in arcu à rectis KI, KT, ab scisso includuntur, ut ibidẽ demonstravimus, autem arcus LT, arcu LY, æquales, (Recta n. KF, per centrū parallelus ducta secans rectam TY, bifariam, & ad angulos rectos, licet quoque ex scholio propos. 27. lib. 2. Eucl. arcu TLY, bifariam,) abscondetur omnino idem arcus à rectis KI, KT, quia rectis LI, YI, ac proinde parallelus TLY, per e. punctum intersectionis rectarum YI, KT, transibit. alias recta LI, YI, & KI, KT, non absconderent eundẽ arcum. Circulus igitur per tria puncta



T, Y, e, descriptus, erit parallelus quæstus. Eademque p̄toris ratio est, si datum punctum T, sit infra rectam RS, ac proinde parallelus per T, circa polum inferiorem K, describendus sit. Ut si in 2. figura scholij propos. 6. in parallelo LMN, circa polum inferiorem P, descriptum datum sit punctum N, ducamusque N, ad meridianam lineam perpendicularem NO, rectamque OM, ipsi ON, æqualem sumemus. Nam si ex N, per polum P, recta ducatur, secabit eam, in h, puncto paralleli recta ex M, ad alterum polum Q, ducta, ut ex istis, quæ locuti-

ita, id est, propof. 4. Num. 24. demonstrata sunt, liquet. Vterque enim arcus EN, KM , tot gradus apparentes includit, quot gradus æquales in arcu Lh , continentur, &c.

S E D via non minus expedita, qua nimirum in ipsa linea meridiana diametri paralleli describendi reperitur, hæc est. Ductis ex puncto T , extra Verticalem $AICK$, dato ad utrumque polum I, K , rectis, si angulus acutus ITK , bifariis secetur, cadet recta cum diuidens in punctum M , extremum diametri, per quod parallelus describendus est: Et si ad rectam ductam MT , excitetur in T , perpendicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus, quem recta KT , ultra T , productam TI , constituit, secetur bifariam, incidet illa perpendicularis; vel hæc linea diuidens in punctum L , alterum extremum, ita ut tota diameter sit LM ; qua ducta bifariam in N , erit N , centrum paralleli per T, L, M , describendi, quod sic demonstrabitur. Concipiatur descriptus parallelus $LTMY$. Et quoniam, ut propof. Num. 25. demonstrauimus, tot gradus apparentes sunt in arcu LT , quot æquales tam in arcu Me , à rectis TK, LK , quam in arcu ex altera parte à rectis TI, LI , productis abscisso continetur; erunt arcus hi abscissi inter se æquales. Igitur anguli, quos recta MT , cum rectis TK, TI , efficit, illis arcubus insistentes, æquales erunt: ac propterea recta angulum ITK , secans bifariam in punctum M , cadet. Cum ergo angulus ad T , in semicirculo LTM , constitutus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam TM , in punctum L . Rectam autem ductam TL , secare bifariam angulum obtusum, quem TI , cum KT , proposita constituit, ac proinde rectam, quæ prædictum angulum diuidit bifariam, cadere in punctum L , hoc modo ostendimus. Quoniam recta ducta LT , cum MT , producta rectos angulos facit, hoc est, æquales, cum angulus LTM , sit in semicirculo: Est autem & angulus MTI , hoc est, ei æqualis $MITK$, angulo ad verticem T , quem MT, KT , productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquus equalis ITL , reliquo angulo, quem ducta LT , cum KT , producta efficit, æqualis, quod est propositum.

S I M I L I modo si detur punctum e , intra Verticalem $AICK$, & ductis rectis ex e , ad utrumque polum I, K , angulus acutus $T e I$, secetur bifariam, cadet nra diuidens in punctum L , extremum diametri: Et si ad ductam rectam $e L$, in eoque perpendicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus $I e K$, bifariam secetur, incidet illa perpendicularis, vel linea diuidens, in punctum M , alterum extremum. Concipiatur enim descriptus parallelus $LTMY$. Et quia, ut propof. Num. 25. monstratum est, tot gradus apparentes sunt in arcu Me , quot æquales sunt tam in arcu LT , à rectis KT, KL , quam in arcu ex altera parte à rectis TI, LI , productis abscisso; erunt arcus hi abscissi inter se æquales. Igitur anguli, quos recta Le , cum rectis $e T, e I$, efficit, illis arcubus insistentes æquales erunt; ideoque recta angulum $T e I$, bifariam partiens, in punctum L , cadet. Cum ergo angulus ad e , in semicirculo $L e M$, constitutus, rectus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam $e L$, in punctum M . Porro rectam $e M$, ductam secare obtusum angulum $I e K$, bifariam, ac proinde rectam, quæ cum diuidit, cadere in punctum M , ita probabitur. Quoniam ducta recta Me , cum ducta Le , facit angulos æquales, nimirum rectos, cum angulus $L e M$, in semicirculo rectus sit. Est autem & angulus $L e I$, hoc est, ei æqualis $L e T$, angulo ad verticem e , quem $L e, T e$, productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquus angulus $M e I$, reliquo angulo MeK , æqualis quod est propositum.

E S T autem via hæc commodissima. Nam si recta angulum acutum secans bifariam, aliis oblique lineam meridianam intersectet, secabit altera linea angulum

Expositio
Tria ad ostendendum, in meridiana linea diametrum parallelum per diametrum punctum describendum.

a 27. terræ.

b 31. terræ.

c 31. terræ.

d 11. primæ.

e 27. terræ.

f 31. terræ.

g 31. terræ.

h 11. primæ.

gulum obtusum bifariam secans, eandem minus oblique. Quare per hunc inveniendum tunc erit punctum in linea meridiana, ut v.g. punctum L. per rectam, quæ angulum obtusum, quem recta IT, cum KT, producta efficiat, diuidit bifariam. Nam ducto radio AL, ex polo australi A, secante Aequatorem in O, tunc recta Oq, diametro PQ, maximi circuli obliqui ducta parallela, diametrum veni parallelicæ proinde radius Aq, alterum extremum M, exhibebat. Vel certe sumpta recta TL, secetur bifariam, & ad angulos rectos, reperietur per lineam diuisentem centrum N, in linea meridiana. Ut autem ea, quæ hoc loco sunt demonstrata, facilius intelligantur, ducenda erunt rectæ TM, & L, & una cum recta KT, producenda: item rectæ TL, & M, iungenda: quod in hac figura factum non est, ut confusio linearum vitaretur.

EX his facile etiam explorabimus, quantitas arcus circuli maximi data recta terminata sit chorda, etiam si circulus maximus, in quo chorda est, non describatur, ut in antecedente propos. Num. 8. factum est. Sit enim in Astrolabio, in quo Aequator ABCD, circa centrum E, data recta TL. Fingamus alterutrum extremorum, nempe I, esse polum, circa quem per alterum extremum T, circulus describendus sit, quod ita fiet. Ducta ex E, centro per punctum I, quod debet esse polus, recta IEK, reperiat punctum K, per du metrum puncto I oppo situm, ut propos. 6. Num. 15. docuimus, quod erit aliter polus. Ducta igitur ex altero hoc polo, K, ad alterum extremum T, recta KT, secetur angulus IK, acutus bifariam per rectam, quæ facit rectam IK, in M, vel si mauis, producta recta h.T, angulus obtusus ad T, constitutus à recta IT, & producta KT, secetur bifariam per rectam secantem IK, in L: Eritque tam M, quam L, extremum diametri circuli per T, describendi, ut monstratum est. Quotiam vero ex desin. poli, rectæ ex polo ad circumferentiam circuli cadentes æquales sunt: erunt quoque arcus circulorum maximorum inter polum & eundem circulum positos, quorum illæ rectæ chordæ sunt, æquales. Igitur arcus Meridiani IM, IL, & arcus maximi circuli per puncta I, T, descripti, cuius chorda est recta TI, æquales erunt. Ducta ergo ex E, ad IK, diametro perpendiculari AC, si ex alterutro extremorum, ut ex A, per I, M, vel I, L, radii emittantur secantes Aequatorem in bq, vel h, O, erit arcus apparens IM, vel IL, vero arcus bq, vel hO, æqualis, cum hi veri arcus proiectantur in arcus IM, IL, apparentes. Igitur TI, secet chordam arcus maximi circuli, qui arcus bq, vel hO, æqualis sit.

E O D E M modo si T, statuat polus, circa quem describendus sit circulus per I, ducenda erit ex T, per centrum E, recta, & in ea laudandum punctum ipsi T, per diametrum oppositum, pro altero polo, deinde ex hoc polo ad I, recta ducenda, angulusque, siue acutus, siue obtusus, quem hæc recta cum data recta IT, efficit, secandus bifariam, ut in ducta recta TE, punctum extremum reperiat, per quod circulus per I, circa polum T, describendus est. Ducta enim per E, ad iunctam rectam TE, diametro perpendiculari, si ex alterutro eius extremo per T, & punctum in iuncta recta TE, inuentum radii emittantur, abscondent h ex Aequatore arcum æqualem ei, cuius data recta TI, chorda est, &c.

C A E T E R V M si commode inueniri possit in recta RS, ad FG, perpendiculari in R, centro Verticalis primarii, centrum Verticalis per T, & transitum transcribatur eiusmodi Verticalis TI, ex centro S, ducta tanq. recta SE, quæ datam circulum maximum secabit in V, polo Verticalis T I. Nam cum circulus TI, transeat per I, polum dati circuli, transibit idem datus circulus per polum ipsius TI, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. Cum ergo polus Verticalis IL sit in recta SE, ut propos. 8. Num. 19. demonstratum est, erit V, polo Verticalis TI.

Igitur

Quia rem arcum
max. ut arcus
data recta habet
dat. max. ut arcus
est verticalis dis
max. ut arcus
habetur.

a 12. rectæ.

per ductis rectis VI, VT, secantibus Aequatorem in a, X, erit a X, arcus æqualis arcui TL, quod ad numerum graduum attinet, ut liquet ex propof. 5. Num. 17. Hæc ergo si æquales arcus abscindamus IL, IM, ex circulo maximo FG, habebimus tria puncta T, L, M, per quæ describendus est parallelus quæſitus, cuius centrum eſt in recta FG. Invenientur autem puncta L, M, hoc modo. Ducta recta AL, ſecante Aequatorem in b, ſumantur hinc inde arcus b O, b q, arcui æquales. Rectæ enim A O, A q, auferent ſegmenta IL, I M, tot graduum, quot in arcibus b O, b q, ac proinde & in a X, vel T I, continentur, ut ex iis conſtat, quæ propoſitione 5. Num. 25. & propoſitione 1. Num. 6. demonſtratum ſunt.

ITEM ſi arcus a X, æqualis fiat a A, abſcindet ducta recta V A, ex Verticali T I, arcum Im, arcus a A, vel a X, ſeu T I, æqualem, tranſibitque parallelus deſcribendus per m. Si igitur ducta recta Tm, ſecetur biſariam, & ad angulos reſtos, cadet linea diuidens in N, centrum paralleli quæſiti, ex eoſdem propoſitione 1. lib. 3. Eocl. cum recta Tm, ſit in eo parallelo. Eodem patet recta ſecans iunctam rectam T L, vel TM, biſariam, & ad angulos reſtos, in eodem centrum N, cadet, in utraque rectarum T L, T M, in eodem parallelisſtæ.

IMMO neceſſarium non eſt, ut puncta L, M, inveniuntur. Si namque ex 3. centro Verticalis T Im, (quod invenitur per rectam, quæ rectam T I, vel T K, ex dato puncto T, ad alterutrum polorum circuli obliqui ductam diſcidit biſariam, & ad angulos reſtos) ad datum punctum T, recta ducatur ST, ſuperſectus angulus STN, cadet TN, in centrum N, paralleli quæſiti, ut propoſ. 8. Num. 13. demonſtratum eſt. Quare circulus ex N, per T, deſcriptus, requæſitus parallelus.

SED commodiſſimè hæc alia ratione per datum punctum T, parallelum datum obliqui deſcribemus. Ducta ex T, puncto dato ad R, centrum Verticalis primariæ rectæ TR, inveniuntur duabus rectis T R, R I, (quarum prior ducta recta, poſterior verò ſemidiameter Verticalis) tertia proportionalis, æqualis abſcindatur R I. Secto deinde T I, biſariam in p, exſciſetur ad T I, perpendicularis p N. Dico circulum ex N, per T, I, deſcriptum T h I, parallelum eſſe obliqui circuli maximi A F C G. Si namque non eſt, cogitetur parallelus deſcriptus per T, ſecans rectam RT, (ſi poſſibile eſt) in alio puncto, quam in I, ut in r. Igitur ex iis, quæ propoſitione 6. Num. 30. demonſtratum, erit ſemidiameter Verticalis R I, medio loco proportionalis inter R T, & R r, quod eſt abſurdum, cum R I, ſit per conſtructionem inter R T, & R r, recta proportionalis. Sic etiam, ſi datur punctum l, ducta ex R, per l, recta, & ſuperſecta RT, tertia proportionali duabus R I, R l, deſcribendus erit parallelus per l, T, ut dictum eſt.

EST autem ſciendum, quando punctum datum eſt extra Verticalem, cuiuſmodi ſuit punctum T, tertiam proportionalem R I, minorem eſſe rectæ RT; quando autem datum punctum eſt intra Verticalem, quale eſt punctum l, tertiam proportionalem R T, maiorem eſſe rectæ R l, quæ ex centro Verticalis ad datum punctum ducitur.

QVADRAT hæc etiam ratio in punctum, quod in recta per centrum circuli maximi obliqui, & centrum Aſtrolabii ducta datur Vt ſi datum ſit punctum L, ſi duabus rectis R L, R I, inveniatur tertia proportionalis R M, deſcribendus erit parallelus per L, M, ex medio puncto rectæ LM. Ita quoque ſi datum ſit punctum M, inuenta duabus rectis R M, R I, tertia proportionali R I, de-

Ata deſcripta, quando punctum datum eſt in recta per centrum obliqui, circuli maximi datur, ſi circulum Aſtrolabii ducta.

RL, describendus erit idem parallelus quæſitus per M, L, &c.

quando puncti
datus est in circulo
conſtituta deſcri-
ptione.

Q V O D ſi datum ſit punctum in circumſerentia Aequatoris, ducenda erit ex eo linea perpendicularis ad lineam meridianam. Nam recta, quæ per interſectionem illius cum meridiana linea ducetur parallela diametro P Q, maximi circuli, cui deſcribendus parallelus æquidistant debet, erit diameter quæſiti paralleli in ſphæra: ex qua parallelus deſcribetur, ut propoſ. 6. traditum eſt. Ratio huius rei eſt, quia interſectiones illius paralleli cum Aequatore, & punctum interſectionis eius diametri veræ cum linea meridiana, ſacnt in una linea recta, in comuni videlicet ſeſſione plani paralleli cum Aequatoris plano, ut propoſitione 6. Numero quarto oſtendimus. Cum ergo perpendicularis illa ad meridianam lineam ex dato puncto ducta, ſit communis illa ſeſſio, (quandoquidem, ut ibidem demonſtratum eſt, communis ſeſſio perpendicularis eſt ad meridianam lineam, tranſitque ex hypothefi per punctum datum in Aequatoris circumſerentia, cum per illud parallelus tranſire debeat,) erit punctum interſectionis dictæ perpendicularis cum linea meridiana illud, per quod diameter propoſiti paralleli ducenda eſt. Ut ſi data eſſet alterutra interſectionum paralleli L T M, cum Aequatore, ſecaret recta ex eo puncto ad FG, perpendicularis ipſam FG, in puncto, per quod diameter Oq, dicti paralleli ducta eſt.

Per punctum ut
cuique datum, parallelum Aequatoris deſcribo-
re.

4. A D extremum, ſit per datum punctum T, ubicunque exiſtat, deſcribendus parallelus Aequatoris. Fiet hoc ſine vilo labore, ſi ex E, centro Aſtroboli per T, circulus T Yg, deſcribatur, cum omnes paralleli Aequatoris, idem cum Aſtroboli centrum poſſideant, ut propoſ. Num. 4. demonſtrauiſmus.

Alia deſcriptio
paralleli obliqui
per datum punctum.

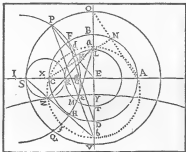
B E N E F I C I O autem huius paralleli Aequatoris per datum punctum T, deſcripti, deſcribemas alio modo per idem punctum parallelum obliquum. Si enim ex A, polo auſtrali ducatur recta ad interſectionem paralleli Aequatoris cum recta FG, ſecabit ea Aequatorem in declinatione illius paralleli, ut e.g. in dato exemplo, in a. puncto, per quod ducta parallela ipſi FG, diameter eſt cuiuſque paralleli. Deinde per datum punctum T, ducta TZ, ad FG, perpendiculari, emittatur ex A, ad Z, radius viſualis. Vbi enim is diameter paralleli Aequatoris per punctum a, in dato exemplo tranſeuntem ſecabit, per illud punctum ſeſſionis ducenda eſt recta Oq, diametro PQ, maximi circuli obliqui parallela pro diametro vera paralleli obliqui deſcribendi. Quoniam enim TY, communis ſeſſio eſt paralleli Aequatoris T Yg, & paralleli obliqui per T, deſcribendi, ut ex his, quæ propoſ. 6. ad finem Num. 4. demonſtrauiſmus, liquet per punctum Z, tam in parallelo Aequatoris, quam in parallelo obliquo. Cum ergo punctum Z, viſum respondeat puncto vero in Meridiano, atque a deo puncto diametri paralleli, per quod radius AZ, eicitur, cum hoc punctum appareat in Z; tranſibit per idem punctum in Meridiano parallelus obliquus, ac proinde per illud diameter paralleli obliqui ducenda erit. Inuenta autem vera diametro Oq, paralleli obliqui, abſcindet radii AO, Aq, diametrum eius viſum LM, circa quem parallelus obliquus deſcribendus erit.

Per datum punctum deſcribere parallelum maximi circuli per mundi polos ducti.

5. P A C I L I V S per datum punctum deſcribetur parallelus maximi circuli per mundi polos ducti. Repræſentet enim recta BED, circulum maximum per polos mundi ductum, quæ in ad rectos angulos ſecet diameter AEC, quæ reſidet eius Meridianum, in quo omnia cœtera parallelorum circuli maximi BD, exiſtunt, ut ex his, quæ propoſ. 7. demonſtrauiſmus, conſtat. Sit ergo primum in Aequatore datum punctum F. Ducta recta DF, ſecante AC, in G, ſumatur arcus BF, æqualis arcus DH. Circulus enim FGH, per tria puncta F, G, H, ex centro I, deſcriptus

scriptus parallelum maximi circuli BD, refertur, ut ex his perspicuum est, quæ propoſ. 7. demonstravimus.

Si I. denique datum punctum K, intra Aequatorem. Descripto ex E. per K, parallelo Aequatoris KLM, describatur eius oppositus POQ, quod facile fiet, si per L, ducto radio CLN, secante Aequatorem in N, ducatur ex A, per N, radius ANO, secans DB, in O. Nam EO, erit semidiameter oppositi paralleli, ut collat ex his, quæ propositione 4. Num. 6. demonstrata sunt. Nam arcus BN, æqualis est illi, quem radius AL, abscinderet, si ductus esset. Ducta autem recta EL, secante in P, parallelum POQ, ut arcus OP, LK, siniles sint, si arcubus RK, SP, æquales sumantur RM, SQ, erit circulus PKMQ, ex centro I, descriptus, parallelus, qui quaeritur: propterea quod in sphaera cuiusmodi paralleli ex oppositi parallelis Aequatoris æquales arcus abscindit, quippe cum arcus obliqui habeant sinus rectos æquales, nimirum perpendiculares, quæ ex intersectionibus il-



lus paralleli cũ parallelis Aequatoris equalibus, & oppositis, in planum circuli maximi demittuntur quandoquidem totæ plana parallela tangit, tangit enim Lẽmina 48. demonstramus. Cum ergo quatuor arcus OP, LK, TM, VQ, rector arcus æqualis sphaera, parallelus per L, descriptus transibit quoque per P, M, Q, quod est propositum.

Si I. rursus datum punctum P, extra Aequatorem. Descripto ex E, per P, parallelo Aequatoris POQ, describatur eius oppositus KLM, quod fiet, si per O, ducto radio AO, secante Aequatorem in N, ducatur radius CN, secans BD, in L. Nam EL, semidiameter erit oppositi paralleli. Ducta autem recta EP, secante parallelum KLM, in K, si arcubus OP, LK, æquales sumantur VQ, TM, transibit parallelus quaeritus per P, K, M, Q, &c.

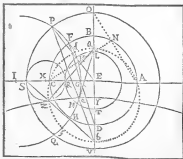
Quod si per punctum R, quadrante distans in parallelo Aequatoris KLM, in minimo circulo BD, describendus sit parallelus, transibit is necessario per punctum quoque S, quadrante distans in parallelo POQ, ab eodem circulo maximo BD. Ducta ergo recta RS bisectam in X, erit circulus ex X, per R, S, descriptus, parallelus, qui desideratur, tangetque duos parallelos KLM, POQ, quemadmodum in sphaera contingit. Sic parallelus describendus per S, transibit per R, &c.

Si I. datum denique punctum G, in rectis AC. Ducta recta DG, secante Aequatorem in F, sumatur arcus EF, arcus DH, æqualis. Circulus enim FGH, per

per tria puncta F, G, H, descriptus, erit parallelus quæsus.

I A M verò ut videas, quam commode per huiusmodi parallelus obliqui parallelis dividantur in gradus, ut ad finem perpositionis *s.* scripsimus sit parallelus obliquus YZ, tanto spatio distans à suo polo inferiori, quanto parallelus Aequatoris KLM, à polo boreali, vel PQQ, ab australi abest: & cum Verticalis primarius sit a Cb, auferens ex eo quadrantem YZ. Vbi vides, parallelum RZS, per finem quadrantis I R, vel OS, descriptum qui tangit utrumque parallelum Aequatoris, auferre eundem quadrantem YZ, & parallelum ipsam YZ, tangere in Z, quemadmodum in sphaera idem parallelus RZS, tres circulos aequales KLM, PQQ, YZ, tangit, ita quoque cernis, rectam a R, ex a polo superiore parallelis YZ, per finem quadrantis TR, parallelis Aequatoris borealis ductam transire per finem eiusdem quadrantis YZ; Item rectam bS, per finem quadrantis OS, parallelis Aequatoris australis eadem transire quoque per finem eiusdem quadrantis YZ, ut ratio postulat, quemadmodum propos. 6. Num. 21. & 24. demonstratum est. Rursum apparet, parallelum PQQ, auferre

arcu Ye, æqualem, quod ad numerum graduum attinet, tam arcus TM, qui arcu OP; cum eundem arcum Ye, abscindat tam recta aM, ex polo superiore, quæ recta bP, ex inferiore polo eadem. Constat item ex iis, quæ prop. 6. Num. 21. & 24. demonstrata sunt, arcum Ye, arcibus TM, OP, æqualem esse.



E A D E M ratione idē parallelus PQQ ex circulo maximo obliquo AaCb, qui polos habet in recta OV, abscindat duos arcus æquales ad, bE, respondentes nimirum arcibus Aequatoris æqualibus BF, DH. Atque na sit per parallelus, cuius polos C, vel A, tam ex maximo circulo obliquo, quam non maximo, polos habente in recta OV, abscindat duos arcus æquales, initium sumentes à linea OV, per centrum obliqui circuli ducta ex centro Astralibz.

NEQVE verò silentio prætereundum cenſeo, modum huc dividendi circulos obliquos in gradus per circulos varios per tria puncta descriptos, quem propos. 6. Num. 26. explicauimus, virtute continere penitus modum, quo tam maximi circuli obliqui, quam eorum paralleli in gradus distribuuntur per rectas lineas ex alterutro polorum circuli obliqui propoſiti egredientes: quem propos. 7. Num. 27. & 28. & propos. 6. Num. 21. & 24. declarauimus, & qui ex Lemmate 23. demonstratus fuit. Nam si in sphaera concipitur

arcus

duo radii ex
eius centrum, &
parallelus obli-
quus, per parall-
los maximos cir-
culos per polos
puncta ducti, in
gradus distribu-
untur.

Demondratio.
In sphaera per
centrum ducentur
circuli obliqui
quorum gradus
qui ex Astralibz
egrediantur.

tus proprij Meridiani dati circuli obliqui later polum eiusdem circuli obli-
 qui huius superiorem, siue inferiorem, & polum mundi australem positus diuidi
 lissimam per circulum maximum ad eundem Meridianum rectum, existet in hoc
 maximo circulo perpendi ulari polus cuiusdam circuli non maximi per assum-
 ptum polum circuli obliqui, & polum australem mundi, ac per datum quod-
 dam punctum in Aequatore, vel eius parallelo transiens, qui ex maximo dato
 circulo obliquo, vel ex eius parallelo, qui parallelo Aequatoris aequalis sit,
 in propo^s. 6. Num 21. dictum est, arcum aequalem autem ei, quem ex Aequa-
 tore, vel eius parallelo abscondat, ut in Lemmate 47. demonstratum est; cum
 eius polus existat in circulo illo maximo perpendiculari, à quo in proprio Me-
 ridiano equaliter abstant polus circuli obliqui, & polus mundi australis. Qua-
 rentem hic circulus in Astralabio descriptus idem esset. Cum igitur promissa
 in lineam rectam, ut propositione 1. ostendimus, quippe qui per polum
 australem ducatur, referat cum circulum linea recta per polum circuli obliqui
 assumptam, hoc est, per polum superiorem, inferioremve, atque per datum
 punctum Aequatoris, vel eius paralleli extenta; ac propterea ex circulo dato
 maximo, vel eius parallelo, qui assumpto parallelo Aequatoris respondet, ar-
 cibus aequalis, quod ad numerum graduum atinet, abscondet, quemadmodum
 à primo modo praedicto fieri docuimus. Interea porro arcum abscissorum si-
 milia sunt, ut in Lemmate 47. scriptum est. Dicit haec debuisse prop 6. Num.
 18. sed quia hoc primum loco occurrerunt, non praetermittenda censuimus.

6. VERVM fit iam in priore figura circa datum polum I, & per datum
polum T, describendus circulus, qui parallelus erit maximi circuli, cuius
polus est quoque I. Ducta per I. & centrum Astrolabij E, recta erit in hac cen-
tra circuli describendi, vt propositione 3. Num. 19. ostendimus; quam ad
nisi angulos facit diameter AC. Inuenito autem altero polo K, si ducatur re-
cta IK, & ducta recta TI, fiat angulo TIF, angulus KIE, equalis, transibit
utulus quatuor per e, & recta IN, diuidens Te, bifariam, & ad angulos rectos,
scilicet N. centrum, vt Num. 3. demonstratum est. Rursus si, inuenito centro
L, circuli AIC, hoc est, puncto medio rectae IK, recta ducatur TR, & duabus
TR, RI, certa proportionalia reperiatur RI, transibit idem circulus per I. & re-
ctam pN, diuidens TI, bifariam, & ad angulos rectos, cadet in N, centrum, vt
idem ostendimus.

Si datum punctum sit L. per quod recta EL. extensa transit, ducemus radiū Mycadessem in polum verum bꝑꝑ ducto radio AL. secante Acquistorem in O. faciemus arcu bO. arcum bꝑꝑ. aequalem. Ducta enim recta Aq. forabit FK. in M. puncto, per quod circulus quæritus transitur, cum arcus IL. IM. respondeant arcibus aequalibus bO. bꝑꝑ. &c. Punctum ergo N. medium diametri vizæ LM. sita deo pꝑꝑ.

QVOD si datur solum polus I, circa quem describendus sit circulus quatuor-
tuncque, non dato puncto, per quod transire debeat, dicemus radium AI,
talem in polum verum b. Si enim accipiantur duo arcus utriusque aequales
bO, aq, dantur radii AO, Aq, diametrum veram circuli describendi LM sec. Et
si quorundam recta Oq, (quae diameter vera est qua fit circuli) transeat per
centrum E, circulus descriptus erit maximus, transibique per A, C. cum eius
diameter vera per centrum transeat: Si verò non transeat per E, erit circulus
descriptus non maximus.

QUANDO datus polus est in circumferentia Aequatoris, nimirum **C**, in
figura posteriore, describendus erit parallelus maxime circuli BD, per quod **AS**
XII + pun-

1000

Circa datum po-
liti- de actione
actionem, de
pactum, de
per quod
re dicitur, de
non.

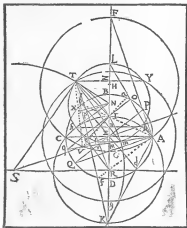
punctum assumptum P, vel F, vel K, vel G, &c. ad libitum, ut Num. 4. docuimus;

S I forte datus sit alter polus K, extra Aequatorem, investigandus erit oppositus I, intra Aequatorem, & cetera peragenda, ut dictum est.

I N posteriore figura res absolvitur, ut Num. 5. diximus, cum omnes illi paralleli circa polos C, A, descripti sint.

7. I A M verò si dato puncto in parallelo obliquo, siue descriptus ille sit, siue non, punctum per diametrum in eodem oppositum reperire quis velit, (Id quod propositione 6. Num. 13. facturos nos hoc loco recepinus, efficiet) id haec ratione. Sit primum in parallelo descripto LTM, in priorē figura, punctum datum T, cui oppositum inveniendum est, hoc est, quod in sphaera dato puncto T, opponitur per diametrum. Iungatur recta hK, quae representabit illam diametrum paralleli, quae in sphaera communis sectio est paralleli, & Verticalis

primarij. Et quia in sphaera omnes diametri eiusdem paralleli se intersecant in Meridiani plano, cernentur omnes eius diametri transire per n, punctum Meridiani, per quod duci consuevit h k. Quare ducta recta Tn, cadet in punctum oppositum m, hoc est, Tm, representabit diametrum paralleli per puncta opposita T, m, ductam. Quod Geometricè quoque sic demonstrari poterit. Quoniam recta RI, secans arcum h k, bifariam in I, secat quoque rectam h k, bifariam in n, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. & secabit eandem RI, eodem h k,



a p. terrij.

b 3 s. terrij.

c 17. s. terrij.

ad angulos rectos. Cum ergo rectangulum sub Tn, am, æquale sit rectangulo sub hn, nk, erit idem æquale quadrato rectæ nh: 4. Est autem eodem quadrato æquale quoque rectangulum sub In, nK, quod ex scholio propos. 13. lib. 6. Eucl. recta nh, sit media proportionalis inter In, nK. Igitur rectangula sub Tn, am, & sub In, nK, æqualia sunt; ac proinde ex scholio propositionis 35. lib. 3. Eucl. per quatuor puncta T, I, m, K, circulus describi poterit TImK, qui cum sit Verticalis, (quippe qui per polos Horizontis I, K, ducatur.) secabit parallellum in punctis oppositis, & cum eum secet bifariam. Igitur punctum m, per diametrum.

d L. 17. Tab.

diаметrum opponitur puncto T. in parallelo.

IDEM punctum oppositum facilius reperietur per Verticalem, qui per datum punctum describitur, & per polos I, K, quando crassiodi Verticalis commodè describi potest. Hic enim vt proximè diximus, secabit parallelum in puncto opposito.

SIT deinde datum punctum Y, in parallelo. qui nondum sit descriptus, cui oppositum punctum inueniendum est. Ducta YT, ad FG, perpendiculari, sit inter ZT, ipsi ZY, æqualis, eritque punctum T, in eodem parallelo. Iuncta verò recta RT, sit RI, tertia proportionalis duabus RT, RI. Dico I, punctum opponi dato puncto Y. Nam descripto parallelo LTM, transibit is ne cessario per I, propterea quod, vt propof. 6. Num. 30. monstratum est, parallelus ex recta RT, abscindit duabus RT, RI, tertiam proportionalem, qualis fuit RI. Quia verò arcus hI, hT, æquales sunt, quod ad numerum graduum spectat, vt ex propositione 6. Num. 26. liquet. & arcus hM, hL, quadrantes nō sunt, erunt quoque arcus LM, TL, æquales: Sed TL, arcui YL, æqualis est, igitur & LM. Ipsi YL, æqualis erit, additoque communi arcu YM, toti arcui LYM, IMY, æquales erunt. Cum ergo LYM, semicirculus sit, erit & IMY, semicirculus, ideoque punctum I, puncto Y, per diāmetrum opponitur in parallelo LTM, quod est propositum. Eodem pacto, si detur punctum m, & ducta perpendiculari mt, sumatur el, ipsi tm, æqualis, & recta RI, per I, extensa, accipiantur duabus RI, RI, tertia proportionalis RT, erit T, punctum per diāmetrum puncto dato m, oppositum.

SED punctum idem oppositum reperietur facilius, si, quando commodè id fieri potest, Verticalis TIK, per datum punctum T, & per polos paralleli I, K, describatur. Hic enim per punctum oppositum transibit. Quare si arcus TI, arcui æqualis abscindatur Im, per ea, quæ propositione 5. Num. 18. scripsimus, ut n, quæsitum punctum oppositum.

PROBL. XVI. PROPOS. XIX.

PER datum punctum in circumferentia dati circuli non maximi in Astrolabio, circulum maximum describe re, qui datum circulum tangat.

1. H AEC est prop. 14. lib. 2. Theod. quam in Astrolabio sic absoluemus. Sit Astrolabii Astrolabii ABCD, circa centrum E, & quilibet circulus non maximus FGH, cuius centrum I, datumque in eo punctum F. Ducta per F, & per totius centrum I, recta IF, & quantumlibet protracta, ducatur quoque per F, & Astrolabii centrum E, alia recta FEK, in qua reperitur punctum K, punctus F, oppositum, vt propof. 6. Num. 13. docuimus: quod facile fiet, si ducta diāmetro AC, ad EK, perpendiculari, circa tria puncta A, F, C, circulus describatur. Hic enim secabit FEK, in puncto K, opposito. Deinde angulo EFL, æqualis fiat FKL, & eruntque rectæ FL, KL, æquales. Descriptus ergo circulus ex L, per F, transibit per K, tangetque circulum datum in F, propterea quod recta in F, faciens cum utraque semidiāmetro IF, LF, angulos rectos, tanget utrumque circulum in F, ex coroll. propositionis 16. lib. 3. Euc. Idem vero

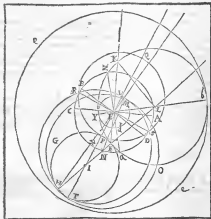
* Per datum punctum in Astrolabio non maximus, per polos I, K, describitur, qui cum tangit, describitur.

2 6. primi.

10. circ.

ro circulus est quoque maximus; cum per duo puncta opposita F, K, descriptus sit.

Si C etiam, si detor punctum H, duceamus per illud, & per centrum I, rectam HL. Item per H, & centrum E, rectam HE. In puncto quoque H, oppositum invenimus M; eundem etiam fiat, si ducta diametro BD, ad HW, perpendiculari, per tria puncta B, H, D, circulus describatur. Hic enim fecerit HM, in puncto M, opposito. Denique angulo MHN, aequalem construamus HMN, & eruntque rursus aequales rectae HN, MN. Descriptus ergo circulus ex N, per H, transibit per M, tangetque circulum datum in H, ex scholio propof. 13, lib. 3. Eucl. Vel propterea quod recta faciens in H, cum HL, angulos rectos, utrumque circulum



tangit, ex coroll. propof. 16 lib. 3. Eucl. Idem vero circulus est quoque maximus, cum per duo puncta H, M, opposita descriptus sit.

2. QVOD si quando accideret, datum punctum P, vel T, in tali esse sit, ut recta per ipsum, & per centrum I, emissa transeat per centrum E, cuiusmodi est recta TIPB, absolviemus problema, si ducta diametro RS, ad TE, perpendiculari, per tria puncta R, P, S, circulum describamus RPSQ, ex centro V. Hic enim maximus erit, ex scholio propof. 4. Num 9 tangetque in P, circulum datum. Eodem modo circulus RTSV, per tria puncta R, T, S, ex centro X, descriptus, maximus erit, datumque circulum in T, continget.

3. DENIQUE si circulus datus fuerit vnius parallelorum Aequatoris, qualis est Yd, & datum punctum Y, duceamus ex Y, per centrum E, rectam YEb, canq̃ue

Quando datum punctum est in recta per centrum circuli dati, & centrum alterius sit recta, idem solvitur.

Quando datum punctum est in circulo dato, & centrum alterius sit recta, idem solvitur.

quoque ad angulos rectos secabitur per diametrum ZA . Circulus enim ex centro L , per tria puncta a, Y, Z , descriptus a YAb , maximus erit, parallelumque tanget in Y ex scholio propositionis 12. lib. 3. Eucl. Sic etiam, dato parallelo Aequatoris be , & puncto b , ducemus ex b , per centrum E , rectam bE , & ad eam erigimus diametrum aZ , perpendicularem. Nam cursum circulus $abZY$, ex L , per tria puncta a, b, Z , descriptus, erit maximus, ac parallelum in b , tanget, quod est propositum.

SED facilius hoc efficiemus, si ducta recta Yb , per centrum E , ex puncto dato Y , in parallelo Yd , vel ex b , dato puncto in parallelo be ; parallelo Yd , oppositum parallelum be , vel parallelo be , oppositum parallelum Yd , describamus. Secta enim recta Yb , bifariam in L , descriptus circulus $abZY$, ex L , per Y , vel b , utrumque parallelum continget.

PROBL. XVII. PROPOS. XX.

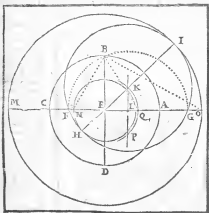
PER datum punctum extra circumferentiam dati circuli non maximi, quod sit inter ipsum, & alium circumlumeidem æqualem, & parallelum, circumulum maximum describere, qui datum circumulum tangat.

1. HAEC est propof. 14. lib. 2. Theod. quæ sic absolvetur in Astrolabio. Sit Aequator Astrolabi $ABCD$, cuius centrum E , & circulus nostr' maximus dat' HN , siue parallelus sit Aequatori, siue alterius circuli maximi, & prima portio sphaera intra ipsum comprehensa sit hemisphaerio minore: (quod taceat, quando circulus vel totus intra Aequatorem, vel totus extra contineatur, eum tamen non amittent, vel quando eū non bifariam fecit, dē modo nunc portio Aequatoris intra eundem circumulum existat, ut in scholio prop. 6. Num. 9. ostendimus) sique datum extra circumferentiam dati circuli, & extra ipsum circumulum, punctum F , inter datum circumulum, & eius parallelum oppositum, per quod describendus sit circulus maximus tangens datum circumulum. Ducta F , per E , centrum Astrolabi recta FG , reperiat' ex propositione 6. Num. 13. punctum G , puncto F , oppositum, quod necessario extra datum circumulum existet, si F , extra eundem existat, & inter eū, eiusq; parallelum oppositum. Nam si intra ipsam esset, punctum F , intra parallelum oppositum existeret, non autem inter duos illos parallelos oppositos, quod est contrā hypothese in. Si enim G , esset in portione sphaera, hemisphaerio minore, quam videlicet circulus dat' HN , abscinderet, esset eius punctum oppositum F , in opposita portione sphaera hemisphaerio etiam minore, quæ nunc parallelus oppositus intra comprehendat. Transcat autem primum recta FG , per centrum dati circuli, quod quidem semper contingit in parallelis Aequatori, cum eadem sit tentum Aequatoris, eiusque parallelorum; in aliis autem circulis non maximis semper id accidit. Et quoniam maximus circulus per F , describendus transiet quoque per G , punctum oppositum, describemus per ea, quæ ad unum Lemma 41. demonstravimus, per duo puncta F, G , extra datum circumulum exi-
luna, circumulum tangentem, hoc scilicet modo. Secta recta FG , bifariam in L , eriga-

Per datum punctum extra circumulum datum, circulum non maximum, qui eum tangat, & extra ipsum circumulum, & extra ipsum parallelum, circulum maximum describere, qui datum circumulum tangat.

In GBF, & ex L. E. perpendiculares excitabimus LK, EB. Transeat autem
rursum recta GF, per centrum dati circuli. Ducta igitur ex B. ad extremum
N, verbi gratia, recta BN, reliqua perficiemus, vt prius.

1. Si T deinde datus circulus non maximus MIO, & portio sphaerae intra
ipsam, & polum arcticum E. hemisphaerio maior (quod tunc continget, quā-
do arcus vel totum Aequatorē ambit, vel eum non bifariam fecit, dum-
modo maior portio Aequatoris intra eundem circulum spectu latetur, vt in scho-
lio propositionis 6. Num. 9. ostendimus) datus autem punctum sit F, extra
den circuli circumferentiam, & intra ipsum existentis. Transeat rursum recta
ex F, per E, centrum Astrisphaerae ducta, per centrum circuli, inueniaturque pun-

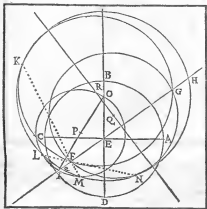


ctum G, ipsi F, oppositum, quod etiam intra datum circulum erit. Si enim ei-
dem extra, esset punctum F, intra parallelum oppositum, non autem intra da-
tum circulum, & eius parallelum oppositum, aequalemque, quod est contra
hypothesin. Nam si G, esset extra circulum MIO, hoc est, in portione mino-
re hemisphaerio, quae videlicet extra circulum continetur, esset eius punctum
oppositum F, in opposita portione sphaerae, quae scilicet intra parallelum oppo-
situm tueretur. Secta ergo recta FG, bifariam in L, descriproque semicirculo
FG, circa PG, ex L. excitentur ad FG, perpendiculares LK, EB. Ducta de-
inde ex B, ad extremitatem O, verbi gratia, diametri circuli dati, recta BO,
sit angulo BOF, aequalis angulus OBQ, eritque rursum EQ maior quam EL,

Yyy vt in

in Lemmate 41. demonstratum est. Si vero ex eodem puncto F, dato ad punctum N, longius distans ab I, recta FN, ducatur secans circumferentiam dati circuli in P, circulus per tria puncta F, G, P, descriptus ex centro R, quod etiam existat in perpendiculari QR, secante FG, bisariam, erget eundem circulum datum in P, ut in eodem Lemmate 41. ostensum est.

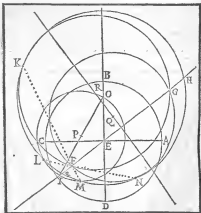
4. NON aliter per idem Lemma 41. circulum tangentem describimus, scilicet datus non maximus maiorem portionem hemisphaerio includat, ac proinde, ut paulo ante Num. 3. ostendimus, tam datum punctum, quam eius oppositum intra eundem circulum existat, ut eo in Lemmate demonstratum est, quando duo puncta intra circulum data fuerint. Sit enim circulus datus non maximus KLMN, cuius centrum O, includens sphaerae portionem he-



misphaerio maiorem: Et recta ex F, puncto intra circulum dato per E, centrum Astrolabii ducta non transeat rursus per centrum O. Invenio ergo punctum G, quod per diametrum puncto F, opponitur, erit quoque G, intra datum circulum, ut Num. 2. diximus. Describendus ergo est circulus maximus per duo puncta F, G, per diametrum opposita, tangens datum circulum, quod per Lemma 41. sic fiet. Tribus rectis FG, FH, Fe, inventa quarta proportionali FI, cadet necessario punctum I, extra datum circulum, ut ibidem demonstravimus. Ducta ex I, ad centrum O, recta IO, eaque bisariam secta

Yyy 2 in P.

in P, describatur ex P, per Q, circulus secans datum circulum in L, M. Si igitur ex L, per P, ducatur recta secans datum circulum in N, tangens circulus per tria puncta F, G, N, descriptus, (cuius centrum Q, erit in recta QR, secante rectam FG, bisariam, & ad angulos rectos) interius datum circu-



lum in N, ut in Lemmate 41. demonstratum est. Pari ratione si ex M, per F, recta extendatur secans datum circulum in K, circulus per tria puncta F, G, K, ex centro R, (quod in eadem recta QR, secante FG, bisariam, & ad angulos rectos exillat,) descriptus, datum circulum tanget in K, ut in eodem Lemmate 41. ostendimus, Quod est propositum.

SCHOLIUM.

1. EXPLICEMUS hanc quæ ratione instrumentum, in quo *Apsolium* descriptum sit, constructum. Pareat igitur ex archæolo, vel cupreo, vel alia materia solida, circulus ABCD, cuius centrum E, tanta magnitudinis, quantum instrumentum habere cupimus: quæ ex una parte excavetur circulariter, relicto limbo, ut in eo numerus horarum, & graduum describi possit, ex altera vero parte accuratissime complanetur. Deinde præparentur aliquot circularis laminae aeneæ, vel cupree tantæ magnitudinis, ut eas modo intra partem excavatam collocare possint, & ita, ut continuatim expleant.

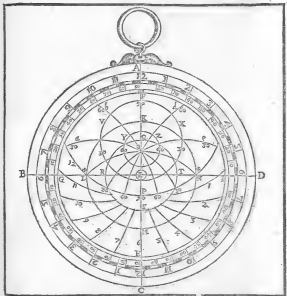
Hæc

*has pars excavata cum limbo, & lamina, quæ tympanum vocare solent, dicitur à scrip-
toribus Facies Astrolabij, & eius pars concava intra limbum concava, Mater: altera
vera pars, Dorsum Astrolabij appellatur.*

2. *FACIES* ergo sic constructur. Limbus quatuor circulis ex eodem centro fa-
ciendus describitur dividatur in tria spatia: In anteriore divisio in 24. partes aequales descri-
buntur numerus horarum, ut in figura apparet: spatium medium secatur in 360. gradus,

*Facies Astrola-
bi qua.
Dorsum Astrola-
bi quod.*

*Facies Astrola-
bi constructio.*



*latus fasso à recta BD: in tertio denique, & interiore spatii apponuntur numeri
graduum, quorum initium sit in recta BD, ita ut grad. 90. terminetur ad utramq;
partem recta AC.*

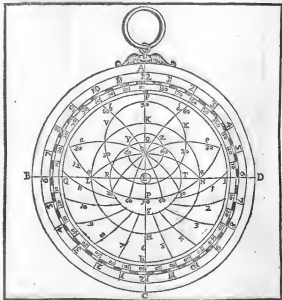
3. *DEINDE* in laminae aneli ad hoc negotium preparatis describuntur tra-
pézoi \propto , FGHI; Acquater KLMN; & tropici \odot , QRST, ex data magni-
tudine

*Limbi constructio
in Facie astrola-
bi.*

*Tropicos in
Facie Astrolabij
constructio.*

radine tropici \mathcal{H} , ut in subtelio præpositiōis 4. Nunc.3. decussatus, nisi prius ex data magnitudine Aequatoris tropicos describere velis, atque ex descripto tropico \mathcal{H} . Meritis magnitudinem desumere.

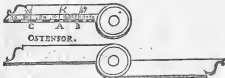
POST hac in una lamina describantur pro data altitudine poli, reliqui circuli sphaera, quicquid commode describi possint. Nunc exempli causa in subtelio figura ad altitudinem poli grad. 42. qualis forma est Roma, descriptum Horizontem $L P N$.



cum duobus tantummodo eius parallelis VX , YZ , circa Zenith O . qui 30. gradibus inter se distans; Verticalem primariam LON , cum quatuor duxerit alia Verticalibus aO , bO , dO , eO , gradibus etiam 30. inter se distansibus; Ac denique infra Horizontem circulus horarum inequalium tantum, dividens et portiones tam respectuum, quam Aequatoris sub Horizonte in 12. partes aequales. In eadem lamina describi-

describi poterunt, si placeat, circulo dierum caelestium, ut propos. 3. e. traditum est, & circuli horarum ab axe, vel occasu Solis, quos hoc describendos esse non consuevit, ne figuram tanta linearum multitudine confunderemus. Quomodo admodum autem in una lamina circuli gradibus describi sunt pro data poli altitudine, vel pro data latitudine loci, sic in alijs delineando idem erunt pro alijs poli altitudinibus, quoniam magis usui futura creduntur. Ad extremum in una sola, in qua Aequinoctium & tropici sine tantummodo describi, Eclipticam designabimus in signis, & gradibus exquisitissimi distributam, una cum stellis noviculis, respectu tamen partibus superfluis, ad instar retis cuiusvis, ita ut relinquamus tantummodo Eclipticam cum annulis signorum, & numeris graduum, & cacumibus stellarum. Solum autem in singula lamina relinqui denticulus quidam prope superiorem partem F, qui in firmamento iuxta idem punctum F, immutatur, ut lamina ipsa ad motum retis circumducatur, sed eundem semper situm obtineant: Sola retis lamina hoc denticulo circum, ut libera circa centrum E, circumuolui possit: in quem finem circa centrum E, extendendus est circulus quidam exiguus in omnibus laminis, ut rete circa clauum intem, qui foramen illud rotandum expleat, circumducatur. Quid si in superiori parte Astrolabij iuxta punctum A, affigatur arctilla, ex qua Astrolabium suspensum libere pendeat, & in centro Astrolabij apponatur regula quadam volubilis, cuius una extrema altera, quam lineam fiduciam dicunt, per centrum transeat, absolute circa faciem Astrolabij. Hae autem regula dicitur assensu, & vel solum à centro ad limbi extremitatem protrahitur, vel duplo longior est, ut subiecta figura demonstrat. Denique quoque solus hac regula à centro usque ad tropicum γ , in gradus,

Arctilla suspensa, & abstrahenda conueniens.



hunc modo. Primum ex centro transferuntur semidiametri Aequatoris, tropici γ , & tropici γ , usque ad A, B, C, ex Astrolabio. Deinde ducto semicirculo Aequatoris L K N, in 12. grad. emittuntur ex N, ad singulos gradus recta secantes EF, semidiametris in gradus, qui in regulam ex centro transferuntur, eorumque numerus ab Aequatoris puncto A, incipiunt, & versus utrumque tropicorum progrediuntur ut in figura appareat, ubi per decem gradus progrediuntur. Officium horum graduum ostendere declinationes punctorum Astrolabij ab Aequatore, atque adeo singulorum meridianorum parallelorum Aequatoris.

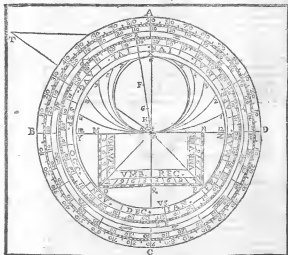
4. DORSVM autem Astrolabij sic constructus. Primum exterior limbus quinque circulis in 4. spatia distribuendus est, & in extremo laterali graduum, in quo proximum spatium divisum est, ponendi initia facta à punctis E, D, versusque A, C, progredienda ut in A, & C, grad. 90. scribatur. In tertio spatio distribuendi sunt numeri graduum per 3. e. procedentium pro signis, quorum principium est in puncto D: Argua in ultimo spatio signa pingenda sunt, ut in figura videtur.

Per Astrolabii construxit.

Limbi in ductu Astrolabij construxit.

gradum, ac dis-
tans in duobus di-
stictis per cen-
trum concentricis
circulis.

3. **DE INDE** alia tria spatia per 4. circulos paranda sunt pro diebus mensium in supremo spatio, & pro eorundem numero in medio, ac tandem pro mensium nomina-
bus in infimo collocandis, quod duobus fieri solet modis. N. 1. quatuor in circulis vel circuli
grati sunt cum prioribus quatuor, vel eccentricis. Quos concentricos facimus, applicat re-
gulam centro E. & 10. gradus 70. lineamque 8 K. per tria illa spatia ducit pro initio
Januarii, propterea quod, ut Ephemeridas decens, Sol primo die anni in gradu 10.
70. existit. Deinde ex istis Ephemeridibus intelligant, ubi Sol reperitur die
quarto anni, & ad gradum Solis aliam rectam ducit pro die 5. Januarii. Idemque
faciunt pro die 15. 25. 30. &c. donec ad finem anni perveniant, efficiantque spatia



77. que subdivisa in 1. partes aequales debent 365. dies totius anni. Tandem vero
in tertio spatio inferibimus mensium nomina, & numerum dierum secundum signorum
successionem, relictando Januarii dies 31. Februarii dies 28. Martii 31. Aprilis 30.
& reliquis mensibus propriis dierum numeros. Huius divisionis exemplum non ap-
posuimus, tum quia facilis est, tum etiam quia plerumque apud scriptores Astrales,
praesertim apud Iohannem Scaligerum, reperitur.

4. **QUI** vero eccentricis potius circulis describunt, ne cogantur per quatuor dies
locum

hanc Solis investigare, hanc tenent viam. Quarum locum angus Solis, quæ h^o tempore est in gradu 2. Cancr. & ab eo semidiametrum ducunt R E, eamque distans fecit in F, & rursus E F, bisariam in G, & iterum E G, bisariam in H, rursusque E H, bisariam in I, & denique E I, bisariam in I, in E I, sit una particula in 32. in qua tota R E, divisa est. Ita enim sit, ut proportio R I, ad I E, nimirum 31. ad 1, sit propemodum eadem, quæ 60. ad 1 $\frac{1}{2}$. quam videlicet hoc tempore habet semidiameter Eccentrici Solis ad eccentricitatem, cum eccentricitas continetur parum 1. & min. 16. quarum 60. in semidiametro Eccentrici continentur. Ræ ipsa tantopaulo minor est proportio 31. ad 1. quam 60. ad 1 $\frac{1}{2}$. sed quia descremen peracti quoniam est, iure accipi potest particula E I, pro eccentricitate hoc tempore. Quando autem notata reperitur quantitas eccentricitatis, dividenda erit recta E I, in 1, ut pro parte R I, ad I E, sit eadem, quæ 60. ad eccentricitatem, ut hoc tempore ad partem 1. & minuta 16. quod ita fiet. Ducta recta E T, sumantur beneque circini particulae æquales 116. ab E, usque ad a, hoc est, pars 1. & min. 36. quæ faciunt 116. minuta. Primum quidem sumantur 10. Deinde hæc linea sitæ sumpta dabit 60. Abiit eadem linea a quantitas, dabit 110. & additæ 6. particulae eiusdem lineæ, habebuntur 116. particulae. Post hæc sumpta ex hisce particulis, 60. quæ faciunt partem 1, accipiantur hæc pars sexagies quatuordecim primam decies, deinde hæc linea 10. partium sexies. Sint ergo in a T, partes 60. quarum a R, continet 1. & min. 36. ductaque recta T R, agatur ei parallela a s, eritque eccentricitas I E, cum sit, ut T a, ad a E, hoc est, ut 60. ad eccentricitatem, ita R I, ad I E. Sed quoniam fieri non potest, ut recta E T, in propoſito plano tot particulas suscipiat, ut nimirum E a, continet 116. & a T, 360. rectius feceris, si in alio plano lineam satis longam in eas partem feces. Nam si aliquam eius partem aliquotam, ut dimidiam, vel tertiam, vel quartam, vel quintam &c. sumptis, quæ commode ex E, usque ad T, transferri possint, & eandem partem aliquotam illius segmenti, quod particulas 116. continet, ex I, a s, transferas, & iuncta recta T R, parallelam duxeris a s, habebis punctum t, apud. Nam erit, ut tota illa linea, ad segmentum particularum 116. ita dies quatuordecim n. 2. E T, ad E a, quintam partem ducti segmenti. Ergo dividendo, ut nunc segmentum eiusdem rectæ ad min. hoc est, ut semidiameter Eccentrici ad eccentricitatem, ita T a, ad a E, ac proinde etiam ita R I, ad I E. Ex centro igitur s, circumferentiam ræ, describas circulum Eccentricum, & infra hunc alios tres, & superiorem spaium in dies partiantur hoc modo. Principium Iam usque in K, reperiant, ut q, quæ concentrici circulos describunt. Deinde applicans regulam centro E, & puncto q. min. 40. 30, hoc est, puncto, quod à 10. gradu 30, versus principium abest p^o 1. min. 20. norantque punctum L, in Eccentrico, quæ spatulum K L, respondit debet 1 $\frac{1}{2}$. quibus in opposito angus Sol consistit grad. 1. min. 20. reliquis vero arcus K L, reliquis 360. dies anni complebitur. Ducto igitur arcu K R L, in 360. partem equaliter, & arcu L K, in 1 $\frac{1}{2}$. hoc est, in partes 21. quarum 20. quatuordecim diebus ducunt, & reliqua quarta parte diei, distributa erit totus Eccentricus in dies 361. & hinc 6. Mensis denique inscribuntur, ut prius.

7. A D hæc erit construenda scala altimetra hoc modo. Descripto ex E, circulo tangente ultimum eccentricum in F, ducantur duæ semidiametri E O, E P, ad grad. 45.ambi secantes circulum descriptum in O, P. Iunctæque O P, secantibus E G, in Q, abscondantur E M, E N, ipsi Q P, R P, æquales, iunganturque rectæ O M, P N. Ductis autem rectis quatuor M O, O Q, Q P, P N, in 12. partes æquales, ductisque terminis rectis, quæ ipsi æquidistant, continuantur ipsa spatia, p^ogauer in ultimo spatio duasdecim partes ad centrum E, tendentes, in spatio me-

Mediam ut dicam in deo A. hinc datus per artem calculi continuatur diligenter.

a. sexti.

b 11. quini.

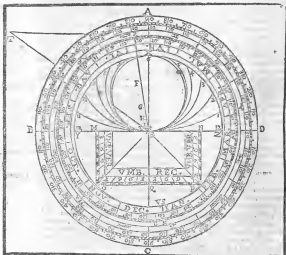
c 2. sexti.

Scala altimetra in deo A. hinc datus per artem calculi continuatur diligenter.

dis numerus partium repetatur, ita ut 12 . occupet angulus O , P . in tertio decimo spatio umbra recta, & versa scribatur, recta quidem in latere OP , versa autem in lateribus OM , PN .

Medellii, vel
Dionysii in
Astronomi
libro.

8. *DIVISIO* quoque duobus quadrantibus XY , XZ , in sex partes aequales, descripsiſſe arcubus circulatorum per centrum E , & bina puncta a diametro CD , aequaliter remota, quarum centra in diametro AC , existunt, & ultimus arcus diametrum EX , integer describitur, habebuntur in dext. 12 . hora inaequales, ut in figura apparet.



Medellii, vel
Dionysii in
Astronomi
libro.

9. *POSTREMO* in centro E , apponitur medicinium volubile, quod nihil aliud, quam ostendit interger paulo ante descriptus, affixis tamen in extremitatibus tabellis quadratis perforatis, quae pinnacida dicuntur. Atque rursus hoc medicinium appellari quoque solet Diapera ab Astronomis.

Oper in Astron
libro ad munda
libro. sphaera
munda obliqua
munda, sic obliqua
munda, sic obliqua
munda, sic obliqua

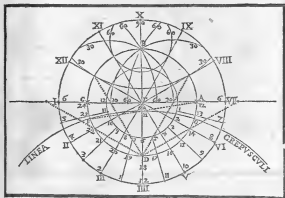
10. *SED* ut Astrolabium nostrum annulis mundi partibus inserviat, docuerimus, quia ratione ipsum tam in sphaera recta, quam in obliquissima, ubi poli mundi in vertice confluunt, describendum sit: quod ex ipso, quae demonstrata sunt, difficile non erit. In primis igitur in utraque sphaera limbus facies, Aequator, tropici, &

parallelis Aequatoris, Rete, & totum dorsum, constituuntur, ut in qualibet sphaera obliqua.

11. **DEINDE** in sphaera recta, quoniam Horizon per polos mundi transiit, proindeque in rectam lineam per E, centrum Astralis, quod & polus mundi est, transibit, ut propos. 1. ostensum est, ista recta AC, Horizon rectus, cuius ad angulos rectos inscripta recta BD, Meridianum circulum referat. Et quia in ea sphaera Aequator ABCD, primarius Verticalis est, erit punctum B, gradibus 90. utrinque ab Horizonte AC, recedens vertex capitis, sive polus Horizontis, & oppositum Verticem, vel aliter polus Horizontis, D.

ALMYCANTARATH, hoc est, parallelis Horizontis recti, describuntur, ut propos. 7. Nam, 1. & 2 gradibus, ut in figura descripta est, videtur circa Zenith E, quorum aliter ab Horizonte, & aliter ab illo, & à Zenith 30. gradibus abest.

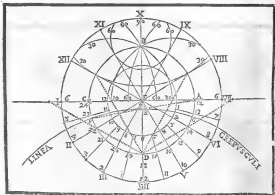
Astralis insuper
in recta constitutus.



AZIMUTH, seu circuli Verticales describuntur, ut in sphaera obliqua. Nam si Aequator ABCD, hoc est, Verticalis primarius, in tres partes aequalis sicutur, quae Verticales describendi sunt, & per puncta divisionum ex B, vel D, rectae amittuntur, sicutae recta AC, in centro Verticalium per B, D, descendentes, sicutaeque Horizontum rectum AC, in gradibus, quoniam admodum in sphaera obliqua propos. 8. Verticales circuli parallelum Horizonti per rectam PD, representatum in gradibus partiantur, ut ibidem demonstratum est. In hac figura quatuor Verticales descriptimus, 30. gradibus inter se distantes.

De quibus rebus
Hicam circuli, non
nunc indicant id
hanc a mer. &
mod. non, quon-
iam ab or & occasu
horæ inaequales.

H O R A R I I circuli cuiusque generis representantur hic per rectas ex centro *E*, per quindenos gradus *Aequatoris*, cuiusque parallelorum, ductas. *N*am cum *Horizon* rectus, & circuli horarum a meridie, ac media nocte, per polos mundi ducuntur, transibunt quoque & circuli horarum ab ortu atque occasu. & horarum inaequalium per eandem polos, illi quidem, quia nullus est parallelus *Horizonem* tangens, quem isti tan-
gant, hi vero ut tam semicirculi parallelorum diversi, quam nocturni in *12*. horæ
aequales distribuuntur; quæ quidem initium habere possunt vel à meridie, & media
nocte, vel ab ortu & occasu. Cum igitur omnes circuli maximè per polos mundi inceden-
tes: projiciantur in lineas rectas, ut propos. 1. ostensum est, liquido constet, rectas lineas
ductas, ut diximus, referre circulos horarios cuiusvis generis. Hæc hanc solum infra



Horizontem rectam *AC*, & intra tropicos producamus, ne linearum multitudo supra *Horizontem* confusorem nobis exhibeat. Numeri porro iuxta tropicum *30*, descripti ad horas à meridie, & media nocte, iuxta *Aequatorem* vero, ad horas ab ortu, & occasu iuxta tropicum *63*, denique ad horas inaequales pertinent.

DO M F S caelestes tam ex sententia *Ioan. Regiom.* quam secundum *Campanum*, projiciantur, ut circuli horarii. Transcunt namque & eorum circuli per polos mundi, nimirum per communes solitiones *Horizontis*, ac *Meridiani*, ac prout in rectas lineas projiciantur: quas per totum *Astrolabium* eduximus, dividuntur tam *Aequatorem*, ut vult *Ioan. Regiom.* quam *Verticalem* primariam, ut *Campani* placet, qui ab *Ar-*
quatur

quare hic non differt, in 12. partes aequalis.

11. In E A denique $Crepusculi$ non aliter describatur, quam circuli altitudinem, seu parallelus Horizontis, cum \odot circulus, in quo $Crepusculum$ matutinum habet initium \odot finem vespertinum, seu Horizonti parallelus, distans ab Horizonte versus Merid. grad. 18. Itaque si ex A , \odot & C , in Aequatore sub Horizonte supputentur grad. 18. usque ad G , F , \odot ex A per F , recta ducatur sicut meridiana linea in H , desinens in parallelus, sine linea $Crepusculi$, vel $Astrae$, per tria puncta F , H , G , centrum in meridiana linea ED , producta habens.

12. At vero in sphaera obliquissima, qua verticem capitis habet in polo arctico, describendi sunt paralleli Aequatoris usque ad Aequatorem duntaxat, hoc est, scilicet boreales, propterea quod, cum Aequator ibi sit Horizont, paralleli inter Aequatorem, & tropicum \odot , infra Horizontem sunt, nullumque usum habent, praeter idem, in quo crepusculum matutinum incipit, & vespertinum finitur. In figura sequenti Aequator est $ABCD$; tropicus \odot , & circulus arcticus sunt duo circuli per puncta fixa: hoc est, proximus Aequatori, & proximus polo E .

HORIZON, ut dictum est, ab Aequatore non differt, itaque eius paralleli describuntur, ut paralleli Aequatoris: ad eo ut quadrante BC , in 90. grad. diviso, sita A , per singulos gradus recta educantur, ferantur recta ED , in punctis per quae centrum E , A lineae amarae describendi sunt. In figura descripti sunt duo tantum paralleli, 30. & 60. gradibus, ab Horizonte distantes, quorum si medietates abscindas rectis AE , AG .

VERTICALES circuli, cum per mundi poles intendant, nimirum per poles Horizontis, in rectis per centrum E , transiunt et periguntur, ut propos. 1. ostensum est. Quotiescum recta per centrum E , ducta, partientur, Aequatorem, hoc est, Horizontem $ABCD$, in 360. partes aequales, inter omnes Verticalem erunt. In figura descriptis Verticales quingdecim gradibus inter se distantes.

SOLEARI circuli, lineae quoque rectae sunt, discedunt Aequatori, sive, parallelos, in sphaera aequales, cum per poles etiam mundo intendant: invariante habere passum, in quocunque puncto, ut in linea recta ED , quam in Astrolabio pro meridiana linea assumimus. Inducunt autem huiusmodi bore partes vigesimaquartae unius interparalelismis Aequatoris ab aliquo puncto sine inclementia, non autem ab ortu, vel occasu, nec à meridie, vel media nocte, cum perpetua ibi sit dies, Sole occidente in hemisphaera supero, atque adeo neque ortus, vel occasus, neque meridies, vel media nocte possit assignari, si propriis loqui velimus. Potest tamen pro libere assumi recta ED , pro linea meridiana, & AC , pro Verticali primario, ac proinde \odot punctum C , quodammodo pro ortu, & A , pro occasu, &c.

CAELESTIVM domorum circuli in hac Astrolabio inscribi nequeunt, propterea quod neque verus ortus, occasusque datur, neque Aequator dividere potest per circulos maxime per communes sectiones Meridiani, etiam praevisis assumpti, & Horizontem, qui idem est, qui Aequator, incidentes, ut liquet. Quod si ortum, & occasum appelleremus puncta C , A , & meridiana lineam BD , describerentur, ex sententia Campani, domorum caelestium circuli, ut Verticales in sphaera rectis. Nam si Verticalis primarius circulator esse $ABCD$, ad planum Astrolabii rectus, faciatque in Astrolabio linea AC , & per 12. partes aequales ipsius in eis sita ex B , vel D , recta intendantur, discedent Verticalis linea AC , in centro circulatorum caelestium domorum, quod vocant per puncta B , & D , transibunt. Quomodo autem enim in sphaera recta circuli habentes centra in recta AC , hoc est, in Horizonte recto, incidentesque per puncta B , D , nimirum per verticem capitis, punctumque oppositum, dividant rectum Hori-

astrolabio sphaera obliquissima constructione.

In sphaera obliquissima ab ortu propeque bore à meridie, nec occasus, nec occasus, nec occasus.

In sphaera obliquissima rectis sunt propeque ortu et occasu domorum caelestium.

etatem in suis gradus, ita & hi circuli transiunt per B, D, communem scilicet Horizonis ABCD, & Meridiani assumpti, partitionatur Verticalium lineam AC, in 12. dimidia scilicet, &c.

DE NI QY E Cretasculi linea, cum vestras parallelum Aequatoris, id est, Horizonis obliquissimi, ad oppositum polum vergentem, distantemque ab Aequatore grad. 18. peruenit in Astrolabium hoc rarietur. Ex B, versus polum antarcticum A, (qua parallelus per initium cretasculi mutatur, & suum versipetum describitur,



australis est in hac obliquissima sphaera.) supputentur grad. 18. usque ad H; & ex A, radius emittatur per H, secans rectam BD, in I. Nova circulus ex E, centro per I, describitur dabit lineam cretasculam, hoc est, parallelum 18. gradibus infra Horizonem depressum, ut ex h, qua demonstrata sunt, perspicuum est.

Astrolabii sphaera obliquissima borealis, qua per hunc obliquissimum sphaera australis accommodatur.

13. PORRO idem hoc Astrolabium illis quoque inferunt, qui sub polo antarctico degunt, si centrum E, pro polo antarctico. & tropicus \varnothing , pro tropico \varnothing , & circulus arcticus pro antarctico sumatur; signa item Zodiaci singula cum oppositis permutentur, ita ut ex γ , fiat ϖ ; & ex δ , fiat ϖ ; & ϖ , ex ϖ , & ϖ , ex ϖ , &c. Nam sculo constructo in polo opposito, nimirum in arctico, (in eo enim sculo constitutus est, ut Astrolabium in sphaera australi describatur.) polus antarcticus constituitur in E, & tropicus \varnothing , in ea forma, in qua tropicus \varnothing , ex polo antarctico cernitur, &c.

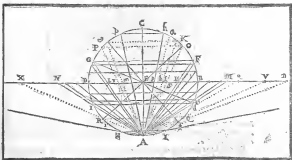
Astrolabii sphaera australis obliquissima borealis, qua per hunc obliquissimum sphaera australis accommodatur.

14. PODERIT modo Astrolabium sphaera obliqua cuiuslibet accommodabitur in tropicis illius, quibus polus antarcticus supra Horizonem eleuatur, si eadem permutata fiat signorum septentrionalium in australis, & contra, &c. Sed stella aliter sunt collocanda in Radi, australis videlicet prope centrum, hoc est, prope polum antarcticum &c. Quod etiam de Radi in Astrolabio sphaera obliquissima australi dicendum est: quia in huiusmodi Astrolabio construendo sculus statuitur in polo boreali, ut australis in E, cetero appareat, ut dictum est.

15. QFIN-

17. *QUÆ AD MODUM autem in plano Aequatoris hactenus descriptissimos omnes circulos celestes ea forma, ac distantia vocis ab aliis, quæ ex polo australi videntur: ita & idem in plano cuiuslibet circuli maximi descripti poterunt ea forma, distantique, quæ ex inferiori eius polo apparere, si circulus Analemmatus, in quo diametri circularum contingatur, sumatur pro Meridiano proprio illius circuli maximi, hoc est, pro circulo per polos mundi, ac per polos illius circuli maximi ducto. Exempli causa. Si in prima figura propof. 4. recta BD, accipiat pro diametro Boreali, A, pro eius polo inferiore, sive pro Nader, & C, pro polo superiore, sive pro Zenith, sive pro diametro Aequatoris; O, pro polo mundi boreali, quippe qui punctum verticalem C, perpendiculari sit, & R, pro australi, &c. apparebit Horizon in quantum circuli ABCD, & Zenith in E, centro; atque eius paralleli describuntur, ut præparalleli Aequatoris descripti fuerit; Aequator autem cum suis parallelis præ-*

Descriptio Astro-
labii in plano cu-
iuslibet circuli, ma-
ximi celestis.



sent in planum Astrolabij, ut prius Horizon obliquum cum proprijs parallelis, ita ut
ita, sit diameter Aequatoris appareat, & prolongentur O, appareat in S, & australi
in L, in X; Particulae autem omnes projiciuntur in rectas lineas per centrum E, in-
clinetur, quemadmodum prius circuli horarii, & circuli declinationum per polos mun-
di transierunt, &c. Atque hoc quidem ratiocinium Astrolabij in plano Horizonis de-
scriptum erit, non autem in plano Aequatoris. Quia res facili ex hijs, quæ demonstra-
ta sunt, intelligi potest, & clarius percipitur lib. 3. cap. 12. & in alijs nonnullis si-
gnificatibus, in quibus circulus ABCD, qui hactenus in Astrolabio fuit Aequator, Ho-
rizonem refert, &c. in canone autem 12. Num. 3. Astrolabium in plano Eclipticae
describitur.

18. *SED neque hoc omittendum est, globum terrestrem cum omnibus circulis, & opusculis, insular Astrolabij describi posse, ea nimirum forma, quam Num. 12. Astro-
labium in sphaera obliquissima habuit. Nam Aequator erit ABCD, circuli longi-
tudinis, sive Meridiani per rectas per centrum E, tractibus representabuntur, circuli
denique*

Descriptio unius
in forma Astrola-
bij.

denique non maximè latitudinum describentur, ut paralleli *Aequatoris*. Itaque quaratur situs alicuius civitatis, sumamus u.g. *vell* am *ED*, pro Meridiano insulæ. Per eundem arcum, à quo *Cosmographi* incipiunt sumunt longitudinem, & ab eo decessum longitudinem propositæ civitatis numerabimus, ac per punctum numerationis *az* *B*, *vell* am ducemus pro Meridiano illius civitatis. Deinde parallelos *Aequatoris* describimus pro latitudine eisdem civitatis, quæ quidem, si borealis est, numeramus



linus à *B*, versus *C*; si vero australis, à *B*, versus *A*. Vbi enim hic parallelus Meridianum, sive *vell* am ex *E*, per longitudinem civitatis ductam interfecit, ibi locus est civitatis propositæ.

QUONIAM autè loca australiora, quæ videlicet ultra tropicum \mathcal{P} , accurrunt, magis in *Alphalabio* describi possunt, commode facerimus, si duas *mapas* describamus, unam ab *Aequatore* versus polum borealem *E*, ut hæcenus diximus, & alteram ab *Aequatore* versus australem polum, quem tunc referas centrum *E*, &c. Sed hæc plenius sicut lib. 3. cap. 14. ubi distantias locorum inquiremus.

FINIS SECVNDI LIBRI.

ASTROLABII LIBER TERTIVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO
BAMBERGENSI
E SOCIETATE IESV.



UPEREST tertius liber, ac postremus, in quo de multiplici usu circulorum, quos superiore libro in Astrolabio descripsimus, agendum est. Quae in re omnis nobis cura atque opera ponenda erit, ut quae alij per instrumentum materiale inue-
stigent, nos solo circino, & regula, & quidem longe certius, accuratiusque inquiramus: quam-
quam usum vulgarem Astrolabij materialis non

*Agendum
estby linea.*

omnino neglecturi sumus, verum in principijs Canonum, ubi conmode fieri poterit, explicaturi: (Neque enim semper id praestare poterimus, cum multo plura sine instrumento perscrutaturi simus, quam illius Astrolabij beneficio inveniri queant) vjs praesertim satisfacimus, qui Astrolabium habent, & eius usu delectantur. Atque ut planius id, quod nobis intentio hoc libro propositum est, intelligatur, proponatur ante oculos globus aliquis ita diligenter tornatus, ut nihil fieri possit rotundius. Ut regitur in eo liceat nobis dimetiri omnia intervalla pinnarum, ac eorum magnitudines atque angulorum, circuli vnius ad alterum inclinationem, & id genus alia: ita eadem omnino conabimur in plana aliqua superficie inue-
stigare; ut nihil prosus sit, quod in primo mobili cognoscere quis cupiat, quod perfectissime in plano assequi nostris praeceptis non possit: adeo ut quae-
cumque etiam ex doctrina triangulorum sphaericorum, quae immensa est, & propemodum infinita, molestissimis numerarum multiplicationibus, divi-
sionibusque Astronomi mirabili sane artificio, atque industria eruant, non

minus exploratè in plano aliquo spatio, circularum beneficio, qui in præ-
 dentilibus descripti sunt, eruerè, indagare, atque firmari nobis licet.
 Quæ res ut magis absoluta perfectaque reddatur, adiungemus plerisque in
 locis rsum etiam Analemmatis, quo non paucæ problemata Astronomica
 mira interdum facilitate, ac incanditate solvuntur. Neque vero præter-
 mittemus, quin eorum, quæ proposita nobis sunt, nonnulla per suam
 quoque doctrinam perquirere doceamus. Sed quæ nostro hoc nomo Astro-
 labij rsi acquiri possunt, longe clarius Canones, qui sequuntur, docebunt,
 quàm multe verborum ambages explicare queant. Quamobrem ad Cano-
 nes statim ipsos aggrediamur.

C A N O N I.

ALTITUDINEM Solis, aliarumq; stellarum quolibet momento temporis deprehendere.

«Elle est si belle
que j'ai voulu
l'avoir pour
mon mari...»

1. **SUSPENDATUR.** Astrolabium ex armilla, ut libere pendeat, pen-
dumque B, versus Solem, aut Stellam dirigatur, & mediculinum dorsi A-
strolabij sursum ac deorsum tandem circa centrum E, convertatur, donec per
respondentia foramina pinnaridiorum radius Solis transeat, vel donec oculus
per eadem foramina Stellam, aut etiam Solem interduat, quando rubibus con-
tactus est, aspiciat, mediculinumque fixum v. g. obtineat rectæ FG. Dico gra-
dus in arcu BF, contentos indicare altitudinem Solis, vel Stellæ, hoc est quot
gradus in arcu BF, includuntur, totidem intercepti inter Solem, Stellam ve,
atque Horizontem in Verticali circulo per Solem, vel Stellam tempore obser-
vationis ducto. Quoniam enim, ut in sphaera demonstravimus, terra, si cum
cælo conferatur, insit puncti est, erit E, centrum Astrolabii idem, quod cen-
trum terræ, itæ cæli, ipsūque instrumentum idcirco in plano Verticali, qui
per Solem tunc, aut Stellam ducitur, circa idem centrum erit collocatum. Cu-
ergo rectæ BD, Horizonti æquidistat, & lineæ rectæ ex circulis concentricis
similes arcus abscindant, ut in scholio propo. 22. lib. 3. Eucl. ostendimus, in-
terceptient rectæ EB, EF, ad cælum vique protraxæ tot gradus in Verticali
per Solem aut Stellam ducto, quot in arcu BF, continentur. Quamobrem
cum EF, ad Solem, vel Stellam pertingat, indicabit arcus BF, gradus inter
astrum & Horizontem in ducto Verticali interceptos.

Wiederum, wenn es
sich um die Abrechnung
des Jahres handelt, ist
das eine andere Angelegenheit, und
es ist nicht möglich, das
zu ändern.

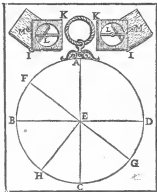
2. QVONIAM vero moleculum est totius medicinũ elucere deprimere, donec per pinnatidiorum foramina radius Solis penetret, aut oculus astrum aspiciat, commodius, aptiusque instrumentum ad siderum altitudines captandas erit Quadrans circuli EHG, in cuius latere EG, affixa sit ductio pinnatidia, numerusque 90. graduum incipiat ab H, versus G, progrediendi, ac tandem ex centro E, filum cum perpendicularo pendeat. Nam si huiusmodi Quadrantis latus EH, versus Solem, vel stellam dirigatur, & ipse Quadrans, radente eius planam superficiem filo perpendiculari, eleuetur, ac deprimatur circa centrum E, tanquam cardinem, donec radius Solis per foramina pinnatidiorum

idiorum ingreditur, vel radius visualis per eadem foramina stellam inspiciat, (quod quidem facilius, atque expeditius in Quadrante fit, qui in Astrolabio, experientia docet) abscindet illum perpendiculi arcu HC, altitudines aëris. Quia enim radius GE, productus pertingit ad aërum, ostendet arcus BF, altitudinem ipsius, ut demonstratum est. Cum ergo BF, HC, æquales sint, quod & Quadrantes toti FH, BC, æquales sint, & arcus BH, ablati, communis erit quoque HC, arcus altitudinis aëris. Est & alia causa, cur in hoc negotio Quadrantem Astrolabio præferam: quia minorum, ut per Astrolabium altitudo deprehendatur, necesse est, ipsum uniformem habere gravitatem, adeo ut, quemcumque finem habeat æquilibrium, recta AC, in centrum mundi omnino vergat, quod plerumque non fit, cum facile instrumētū plus ponderis in una, quam in alia parte possit habere.

3. QVANDO porro per radium visualem altitudo stellæ investiganda est, considerari debent duo pinnacidi hoc modo. In tabella quadrata I K, fiat foramen magnum rotundum, in cuius medio relinquatur foramen perangulum L, quod sustineatur iſometro quadam tenui; & deus I, circumscriptatur alia tabella quadrata priori, & qua latus cuius medio sit per angulum foramen M, respondent foramini L. Huiusmodi duo pinnacida si fiant, dici

ut potest, quam expeditè quemcumque stellam, aut aliam quamlibet rem contueri liceat. Nam pinnacidium, quod ab oculo propius uest, claudendum est tabella illa quadrata, aliud autem aperendum. Sic enim fiet, ut radius visualis per foramen M, prope oculum immittitur, illico conspiciat per illud foramen L, in pinnacidioremotiore, stellam, vel aliam rem propositam: quia foramen illud magnum apertum facile rem ipsam intueri, & sine viſu negotio foramen exiguum L, in ipsam rem dirigere nos sinat.

4. UT autem scias, quando stella prope Meridianum existit, num ante ipsam, an post, an vero in ipſo Meridiano reperitur, accipienda est stellæ altitudo in tres, modico temporis spatio inter duas proximas observationes interiecta. Si namque posterior altitudo deprehendatur priore maior, stellam nondum attingisse Meridianum scias, si vero minor, Meridianum pertransisse, & quæ diſtantiam deprehensa est habuisse altitudinem, in ipſo Meridiano existisse. Sed quanta sit altitudo Meridiana Solis quolibet die, & stellarum in quocumque clivus, infra Canone 3. Num. 3. docebitur.



Pinnacidia que
posse continen-
ta.

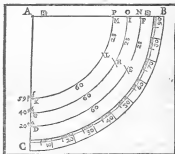
Item stella de
aere meridiana,
vel post, vel in
ipſo existit, cer-
getur.

Ex pte in al
Bulorum fiderem
gratam gradum
dum non accipiam
tunc.

1. *CPM* in Quadrante, vel Astrolabio gradus tantum integri descripti sunt, si
ut alacunda Bellarum ad vaguetem tunc solum deprehendatur, quando filum perpendi-
culare, aut linea fiduciae ad declinat, in gradum aliquem integrum cadit. Nam cadente
filo, aut linea fiduciae, in partem alicuius gradus, addenda erunt gradibus integris al-
titudinis ut Minuta, quae assumuntur, plus minus, indicari poterunt esse abscissa à filo;
vel linea fiduciae: adeo ut, si dimidiatus gradus videatur abscissus, adiciatur 30.
Min. si tertius pars, Minuta 20 &c. Aut certe beneficium particula abscissa erudenda erit
per circinum ad interitum numerus, ut in Lemmate 3. Et volumus capite libello de Fabri-
ca & usu instrumenti ad horologiarum descriptionem peropportuni, detinere.

2. *IN* eodem libello & capite descriptimus & Quadrantem plures quadrantes
complegentem, & Quadrantem cum pluribus lineis parallelis, ad ingressionem, quos
Minuta in arcu, quos vero integre graduatur se, & quos perpendicularem abscin-
dit, conspiciantur: quae duo instrumenta illustris & excellens Dominus Jacobus Car-
tus à Saffienus in totius descriptarum genere excelsissimus, aut Caesaris ad Sam-
mam Pontificem Legatus, nunc autem S. R. Imperij Praeaeclarius, à se primum
inventus, Roma huiusmodi mecum cum munierat. Idem vero non ita multo post ex
Germania mihi transmissi alterius consilium Quadrantis constructionem novam, ex
quo facilius Minuta discernuntur, cuius compositionem non gravabor hoc loco expla-
re, ut quilibet sibi simulam construere possit, si libuerit. Si igitur quadrans *BC*, diuisus
in 90. gradus, quorum initium progredatur à *C*, versus *B*, & perpendicula in latere *AB*,
collocetur. Nisi cum, abscissis angustiam, in quibus gradus partiri fuerit, intra hunc ex

Quadrantis con-
structionem, quae
vires gradum Min-
ta in quibus dicitur
Minuta.



eodem centro *A*, describantur alij 30. quadrantes, qui dividantur in gradus hoc modo.
In primo, qui proximus est quadranti *BC*, in grad. 90. diuisi, arcus continet grad. 60.
sicet in partem 2a. aequalis, vel arcus graduum 30. 1/2. numerum senectis ipsius, in
partem 3a. aequalis, quarum qualibet continet grad. 1. Min. 1. hoc est, Minuta 60.

Nam

Nam eadem proportio est partium 60. in quas arcus graduum 61. divisus est, ad gradum 61. hoc est, ad Minuta 3660. quæ partis 1. ad Min. 61. Idem enim numerus productus ex 60. primo numero, in 61. quartum numerum, & producitur autem numerus minimorum 3660. qui ex 6. partis numero in 3660. secundum numerum producitur. Aut eadem et confusio, eadem est proportio partium 30. in quas arcus graduum 30 $\frac{1}{2}$. divisus est, ad grad. 30 $\frac{1}{2}$. hoc est, ad Minuta 1830. quæ partis 1. ad Min. 61. Hac autem divisio, ut confusio punctilium in primo illo quadrante notatus, facienda est siorsum in quadrante alio, qui illi æqualis est. Deinde una pars contingit Min. 61. transferatur beneficio arcus in primum quadrantem prædictum, initio scilicet à semidiametro AC. Ex termino huius partis ad intervalum semidiametri propria abscindatur arcus grad. 60. quæ divisio in 60. gradus, continet reliquos arcus usque ad semidiametrum AB, grad. 27. Min. 19. ac proinde in eum transferendi sunt grad. 28. ut ut si præsit particula Minutorum 19.

IN secundo quadrante arcus graduum 62. in 60. partes, vel arcus graduum 31 $\frac{1}{2}$ in 30. partes æquales dividatur, ut qualibet contineat grad. 1. Min. 5.

IN tertio arcus graduum 63. in 60. partes, vel arcus graduum 31 $\frac{1}{2}$ in partes 30. æquales dividatur. In quarto idem fiat de arcu graduum 64. vel 32. & sic deinceps. Reliqua autem perficiantur, ut de primo quadrante diximus. Quod ut planius fiat, ponamus exemplum in quadrante 20. 40. & 59. sunt vicinis & ultimo. Itaque in quadrante vigesimo eN, sit arcus eD, pars sexagesima arcus graduum 62. (nimirum tot graduum ultra 60. quantum locum ipse quadrans occupat.) Ita ut complectatur grad. 1. Min. 20. cum sit, ut 60. arcus graduum 80. ad grad. 80. hoc est, ad min. 4800. Ita 1. pars ad grad. 1. Min. 20. hoc est, ad Min. 20. Vel circuli arcus eD, sit pars trigesima arcus graduum 40. Ita enim rursus centigies gradus 10. hoc est, Min. 80. Deinde ad intervalum semidiametri AC, abscindatur arcus DE, grad. 60. qui præterea in 60. gradus distribuitur: arcus autem EF, continet grad. 27. & arcus FN, Min. 40. quæ arcus eE, complectitur grad. 89. Min. 20. Ita ut particula FN, sit complementum Minutorum, quæ in eD, ultra unum pulum continentur: complementum, inquam, usque ad 60.

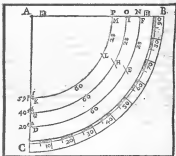
RPERSES in quadragesimo quadrante FO, arcus FO, sit sexagesima pars arcus graduum 100. vel pars trigesima arcus graduum 50. qui illius semiplo est; Ita ut contineat grad. 1. Min. 40. Arcus vero GH, continet grad. 60. & HI, 28. & denique IO, Min. 20. numerum complementum Minutorum 40. quæ in FO, ultra unum gradum comprehenduntur.

POST REMO in quadrante PP, quinquagesimo neni sit arcus PK, sexagesima pars arcus graduum 119. vel pars trigesima arcus graduum 59 $\frac{1}{2}$. qui semiplo illius est; Ita ut contineat grad. 1. Min. 16. Arcus autem KL, sit graduum 60. & LM, grad. 28. & denique MP, Min 1. Ex his exemplis facile intelligis, quid faciendum sit in alijs quadrantibus. Semper enim in quolibet quadrante secundus est in 60. partes æquales arcus, qui tot gradus ultra 60. complectitur, quorum locum quadrans ipse tenet, ex æquo extremo BC. Ita enim continetur particula ipsius prope semidiametrum AC, ultra unum gradum initium Minuta, quæ ipse quadrans est inter quadrantes, hoc est, quot gradus ultra 60. continentur in arcu divisio in 60. partes æqualis. Primum verò particula incum semidiametrum AB, includit reliqua Minuta ex 60. Idemque assigneris, si semiplo illius arcus, quem in 60. partes secundum diximus, partitur in 30. æquales partes.

PERACTA divisio omnium quadrantum, adscribendi sunt coram numeri iuxta semidiametrum AC, ita ut primus quadrans circa quadrantem BC, habeat numerum 1. secundus 2. tertius 3. vigesimus 20. quadragesimus 40. quinquagesimus neni 59. &c.

3. *V S F S* quadrantis hoc modo constructi praeclarus est, cum eius beneficiis in altitudinibus astrorum cognoscamus etiam Minuta. Nam eadem filo in aliquem gradum quadrantis *BC*, altitudo continet tot gradus sine Minuta, quot à filo absconduntur. Quando autem filum non abscondit aliquem gradum ex quadrante *BC*, considera attentè, ex quo quadrante partem integram abscondas; quod fore semper accidit, propter partium multitudinem. Nam altitudo tua continet ultra gradum ex quadrante *BC*, abscessit tot insuper Minuta, quot unitates adscriptae sunt illi quadranti, cuius pars integra fuit abscessa. Ut eadem filo ultra gradum 30. in partem lam. aliquam integram quadrantis quadragiesimae, complectatur altitudo Grad. 30. Min. 40.

4. *V E R V M* quia hac ratione cognoscuntur solum Minuta ultra unum, vel plures gradus; ut discernantur etiam Minuta ultra unum gradum, transferantur ex terminis particularum illarum primarum singulorum quadrantis, de quibus diximus, versus semidiametrum *AC*, singuli gradus. Ita enim cuiusvis quadrantis particula prope eandem semidiametrum continet tot Minuta, quot unitates Quadrans



si adscripta sunt, totidem nimirum, quot prior particula ultra unum gradum continebat. Verbi gratia, si arcus *Dg*, *Gb*, *Kd*, continet singuli singulis gradus, complectatur arcus *e a*, Min. 20. sive Min. 40. Et per Min. 55. Eadem ergo filo in aliquam particulam integram circa puncta *D*, *G*, *K*, continet altitudines Min. quot unitates quadrantis, cuius particulam integram filum abscondit, adscriptae sunt. Itaque quando filum multum gradum integrum ex quadrante *BC*, abscondit, eademque in particulam primam integram quadrantis verbi gratia *20*, indicabitur arcus Min. 20. quando autem abscondit unum, vel plures gradus, et insuper eadem in aliquam particulam integram eiusdem quadrantis, offeratur arcus unius gradus, vel plurius, et insuper Minorum 20. Idemque dicendum est de alijs quadrantibus, habita semper ratione numerorum adscriptorum: hi enim minuta numerant.

M A N I F E S T V M autem est, quo maior fuerit Quadrans *ABC*, et magis expensis omnes quadrantes in partes, quas diximus, posse distribui.

4. **BENEFICIO** huius quadrantis commodissime quoque accipi potest arcus quicunque graduum ac Minutorum, & vicissim cognosci, quot gradus, ac Minuta propolitus arcus contineat. Nam si ex centro *A*, per hunc gradus propolitus in eodem quadrante *BC*, recta ducatur, ultra quam in alio quadrante, cui adscriptus est numerus Minutorum datorum, accipitur primum punctum occurrenti versus *B*, tunc iter arcus illius quadrantis inter dictum punctum, & semidiаметrum *AC*, interior. Ita gradus & Minuta, qua desiderantur. Hinc ergo arcus similis auferendus est ex arcu propolito. Vicissim, ut cognoscamus, quot gradus, ac Minuta in oblati quocunque arcu contineantur, accipimus ei similis in aliquo quadrante intra quadrantem *BC*, descripto, vel certe in ipso quadrante *BC*, & per consuetam ex centro *A*, rectam ducimus, qua fere semper transibit per aliquam particulam integram alicuius quadrantis. Ea ergo particula debet ultra gradus ab illa recta abscissos tot Minuta, quot minutis illi quadranti adscripta sunt; atque gradus illi ac Minuta in propolito arcu rationabuntur. Vides ergo, si huiusmodi quadrans tanta magnitudine, quantum dicimus supradicta exigunt, summa cura ac diligentia confirmatur, quam praeclare cum ipsa *Astronomia* agatur, cum non minus explore Minuta beneficio ipsius comprehensa dicunt, quam per summam multiplicationem, diuisionemque; qua res non parui facienda videtur.

Ex quadrante in quo quicunque gradus ac Minuta, in oblati arcu sunt quot gradus, & Minuta per se de eodem Quadrante intelliguntur.

C A N O N II.

SOLIS verum locum in Zodiaco inquirere.

1. **IN** dorso Astrolabii descripti sunt dies mensium cum respondentibus gradibus Zodiaci, in quibus Sol existit illis diebus, plus minus. Si igitur linea loci Medicinæ, vel filum tenax è centro *E*, per diem mensis propolitus educatur, indicabit eadem linea seducit, vel filum in circulo signorum signum, gradum, in quo Sol eo die existit. Ita vides in dorso Astrolabii, quod in signo virginæ propol. superioris lib. construximus, lineam ex centro *E*, per diem 10. Iulii rectam indicare gradum 17. 53, & aliquot insuper Minuta. Dicitur ergo Solem die 10. Iulii ultra gradum 17. Canceri reperiri. Vicissim ex gradu Solis cognito diem mensis addicemus. Eadem enim linea ex centro per eandem Solis extenta transibit per diem mensis respondentem. Vt Sole existens in gradu 17. 53 si scire quis velit, quo die anni illud contingat, extendat lineam ex centro per dictum gradum, hæc enim indicabit ferme diem 10. Iulii.

Rectam Solis quam dicitur per Astrolabium esse rectam.

2. **EVNDÉ** M. locum Solis in Zodiaco comperiemus memoriter, plus minus, per hæc duo carmina duodecim dictorum duodecim mensibus anni respondentium.

*Incyta Laus Infulis Impenditur: Hæresis Horret
Garrula: Grex Gratus Fanctos Gratatur Honores.*

Horum significatio hæc est, atque usus. Prima dictio tribuitur Ianuario, secunda februario, tertia Martio, & sic deinceps ordine alix dictiones aliis mensibus, itaque ut scias, quo die Sol quolibet mense signum proprium mensis (Quous enim mense novum Sol signum ingreditur) ingrediarer, & quo in gradu quolibet die existat, addiscendis sunt ordine omnia 12. signa, quemadmodum in his aliis duobus versibus posita sunt.

Ingressum Solis in duodecim signa, & quous locum quolibet die mensis peruenit.

*Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Leo, Virgo,
Libraque, Scorpius, Arcientens, Capri, Amphora, Pisces.*

Primum enim signum, id est, Aries, ingreditur Sol mense Martio, secundum mense Aprili, atque ita deinceps, ita ut primo mense à Martio inclusus, qui est November, Sol ingreditur nonum signum, quod dicitur Arctientens, hoc est, Sagittarius. Sic mense decimo, id est, Decembri, Sol intrat decimum signum, quod Capri appellatur, sine Capricornus. Mense autem undecimo, vel Ianuario ingreditur undecimum signum, nimirum Aquarium, qui per Amphoram expressus est in distis versibus. Mense denique duodecimo, qui est Februarius, ingreditur signum duodecimum, nimirum Pisces.

COGNITO, quodam signum Sol ingreditur quolibet mense, accipitur priorum duorum carminum dictio dato mense respondens. Quotum enim locum in alphabeto prima littera illius dictionis occupat, tot unitates auferendæ sunt ex 30. ut reliquatur dies, quo Sol signum illius mēsis ingreditur.

Exemplum.

SOL ingreditur Libram, hoc est, septimum signum, mense Septembri, qui septimus est à Martio: Et quia Septembri respondet dictio nona, videlicet *Gravis*, quod September sit nonus mensis à Ianuario; primaque littera *G*, septima est in alphabeto, auferemus 7. ex 30. ut reliquantur 23. Dies ergo 23. Septembris Sol Libram ingreditur. Rursus Pisces ingreditur Sol mense Februario, cui debetur dictio secunda, *Lux*. Et quia prima littera *L*, undecima est in alphabeto, si 11. detrahantur ex 30. superest 19. Quare die 19. Februarii Sol intrat in signum *X*. Et sic de ceteris.

I A M vero ut scias, quem gradum Eclipticæ quolibet anni die Sol teneat, adde ad diem mēsis propositum tot unitates, quotum locum in alphabeto prima littera dictionis propositæ mēsi respondentis occupat. Et si quidem numerus conflatus minor fuerit, quàm 30. indicabit is gradum signi mēsis antecedentis: si vero maior, quàm 30. fuerit, abice 30. reliquus numerus dabit gradum signi mēsis propositi: si denique conflatus ille numerus fuerit 30. erit Sol in fine signi precedentis mēsis, & in principio signi mēsis propositi.

Exemplum.

SCIRE volq. quem gradum Eclipticæ Sol teneat die 13. Iunii, cui mēsi, quia sextus est à Ianuario, debetur sexta dictio, *Novus*, cuius prima littera *H*, octava in alphabeto est. Adde igitur 8. ad 13. sunt 21. qui numerus minor est, quàm 30. Existet ergo Sol dies 3. Iunii in 21. gradu *III*, quod signum Sol ingreditur mense Maio. Rursus si proponatur dies 27. Iunii, adde 8. sunt 35. qui numerus maior est, quàm 30. Rectis ergo 30. remaneant 5. Ergo Sol tunc occupat gradum 5. *II* quod signum mense Iunio ingreditur. Denique si offeratur dies 12. Iunii, adde 8. sunt 30. Sol igitur versabitur tunc in fine *II*, & principio *III*. Eademque ratio est in ceteris.

I N annis bissextilibus ad locum Solis inuentum addicendus est post festum S. Matthæ unus gradus, ut magis accurate locus Solis habeatur. Verbi gratia, Die 27. Septembris, cui debetur dictio, *Gravis*, cuius prima littera *G*, septima est. Adde ergo 7. ad 27. sunt 34. abice itaque 30. superest 4. Erat ergo tunc

Sol in 4

Sol in 4. gradu ♉. si annus cōmōnis est : ut si bissextilis. in gradu 7. ♉. Hoc etiā observandū est in priori ratione, qua in dorso Astrolabii locus solis indagatur.

ET SI autem vitrosis modo non omnino verus locus solis cognosci potest, quod Sol non prorsus vnum gradum quotidie in Zodiaco peragret, vix tamen error committetur dimidiati gradus, vel ad summum vnius ita ut, plus minus, verum Solis locum assequamur tam certo videlicet, atque explorate, ut tuto eo uti possimus in vfu eorum horologiorum, in quibus ad horas cognoscendas necesse est locum Solis in Zodiaco habere perspectum. Quod etiam ad vsum aliorum instrumentorum, quibus Astronomi vtuntur, requiritur.

IN Apologia nostra noui Calendarii, cap. penultimo lib. 3. pro dictionibus *Garmela, Grea, Gratur*, posueramus has, *Formaque Palla Fides*, sed illæ accuratius locum Solis quolibet die videntur offerre, quamuis per has in Apologia positas aliquanto certius Solis ingressus in signa inueniri videatur. Sed parum interest, vtrum has, vel illis vtaris.

S C H O L I V M.

1. *QUONIAM* pernecessarius est vfus loci Solis in Zodiaco, & ad plurimas obstruimus vias, libet hoc loco, ut magis exquisita locus Solis habeatur, ex corpore ex *Ephemeridibus* sciam. *Antony* Magni locum Solis ad quatuor annos pro singulis diebus anni supputatum, nimirum ad annum bissextilem, & tres communes subsequentes. In his tunc quatuor annis terra variat loci Solis in Zodiaco accidit, propter sex horas in anno communibus neglectas. Accipimus autem annum 1600. cum tribus subsequentibus, quod si anni parum a tempore, quo hoc scribimus, absum, ac propterea nulla esse possit differentia sensibilibus inter locum Solis illorum annorum, & eorum, qui nunc praesentis sunt, atque idem exquisitus etiam annis futuris respondens. Post plurimum autem annos elapsi, si hi anni non amplius vero loco Solis congruere deprehendantur, ex utroque erunt alij quatuor anni, bissextilis videlicet, & tres communes, ex *Ephemeridibus* illius temporis. Et quia Magni locum Solis supputauit etiam in *Secundis*, nos eorum erimus minutis, sumēdo vnum Minutum pro pluribus *Secundis*, quam 30. Atque ex hisse tabellis multis certius Solis locus verus elicitur, quam ex ulla instrumento, si tamen is in prima tabella queratur pro anno bissextili, in secunda vero pro anno primo post bissextum, & pro anno secundo post bissextum in tertia, ac denique in quarta praesentis anno post bissextum.

2. *COGNOSCES* matrem, nam annus oblatas sit bissextilis, an vero primus, secundus, vel tertius post bissextum, hoc modo. Reies ab anno propositio annis annis millefimo, & centesimo, atq. in reliquis, qui pauciores sunt, quam 100. numerum 20. quater potes. Reliquos deinde annos, qui pauciores sunt, quam 20. in quatuor digitorum extremitatibus sinistrae manus, iuxta factis ab *Indice*, numera. Nam si annus datus incidit in quartum digitum, hoc est, in *Annularium*, bissextilis erat : si in *Indicem*, id est, in primum digitum, primus post bissextum : si in digitum *Medium*, sive secundum, secundus : & si in tertium digitum, hoc est, in *Annularem*, tertius post bissextum. Quod si post ablatum numerum 20. quater abegi potes, nihil superfuert, datus quoque annus erit bissextilis. Ut si propositus sit annus 1524. restitit annis 1500. & 20. in reliquis 24. quater fieri potes, residuus annus 4. supputa in 4. digitis, qui dexterae, cadetque annus 14. in digitum *Medium*. Dicitur ergo annus 1524. communem esse, & secundum post bissextum. Sed haec de re plura scripsimus in cap. 3. lib. 3. *Apologia* noui Calendarii, ubi etiam docuimus, quo pacto post anni terrestriorem anni centesimo bissextiles de non bissextilibus sciendum sit.

Locus Solis ex quibus ex tabellis representat

Vtrum annus datus sit bissextilis, an primus, secundus, vel tertius post bissextum, quatenus

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600.
vel bisextili.

Dies mensium	Januar.		Februar.		Martius		Aprilis		Maius		Iunius	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	9	29	11	29	10	X	11	V	10	8	10	II
2	10	19	12	30	11	42	12	18	11	46	11	38
3	12	0	13	31	12	43	13	27	12	47	12	34
4	13	1	14	31	13	45	14	28	13	48	13	35
5	14	2	15	32	14	47	15	29	14	49	14	36
6	15	4	16	33	15	48	16	30	15	50	15	37
7	16	5	17	33	16	42	17	31	16	51	16	38
8	17	6	18	34	17	43	18	32	17	52	17	39
9	18	7	19	35	18	44	19	33	18	53	18	40
10	19	8	20	35	19	45	20	34	19	54	19	41
11	20	9	21	36	20	46	21	35	20	55	20	42
12	21	10	22	37	21	47	22	36	21	56	21	43
13	22	11	23	37	22	48	23	37	22	57	22	44
14	23	12	24	38	23	49	24	38	23	58	23	45
15	24	13	25	38	24	50	25	39	24	59	24	46
16	25	14	26	39	25	51	26	40	25	60	25	47
17	26	15	27	39	26	52	27	41	26	61	26	48
18	27	16	28	39	27	53	28	42	27	62	27	49
19	28	17	29	40	28	54	29	43	28	63	28	50
20	29	18	30	40	29	55	30	44	29	64	29	51
21	0	19	1	41	30	56	1	45	30	65	30	52
22	1	20	2	41	1	57	2	46	1	66	31	53
23	2	21	3	41	2	58	3	47	2	67		
24	3	22	4	41	3	59	4	48	3	68		
25	4	23	5	42	4	60	5	49	4	69		
26	5	24	6	42	5	61	6	50	5	70		
27	6	25	7	42	6	62	7	51	6	71		
28	7	26	8	42	7	63	8	52	7	72		
29	8	27	9	43	8	64	9	53	8	73		
30	9	27			9	65	10	54	9	74		
31	10	28			10	66			10	75		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600.
vel bissextili.

Julius.	August.	Septemb.	Octob.	Novemb.	Decemb.	Dies Mensium.
G M	G M	G M	G M	G M	G M	
9 ²³ 20	1 ²² 19	8 ²² 11	8 ²² 10	8 ²¹ 18	9 ²¹ 12	1
10 18	9 16	9 10	9 9	9 13	10 13	2
11 15	10 14	10 48	10 8	10 18	11 14	3
12 12	11 12	11 46	11 8	11 18	12 15	4
13 10	12 49	12 44	12 7	12 18	13 16	5
14 7	13 47	13 43	13 6	13 19	14 17	6
15 4	14 44	14 41	14 5	14 19	15 18	7
16 1	15 42	15 39	15 5	15 19	16 19	8
16 59	16 40	16 38	16 4	16 59	17 20	9
17 16	17 37	17 36	17 3	17 0	18 21	10
18 53	18 35	18 35	18 3	19 0	19 22	11
19 51	19 33	19 33	19 2	20 0	20 23	12
20 48	20 30	20 32	20 2	21 1	21 24	13
21 44	21 28	21 30	21 1	22 1	22 25	14
22 43	22 26	22 29	22 1	23 2	23 26	15
23 40	23 24	23 27	23 0	24 2	24 27	16
24 37	24 22	24 26	24 0	25 3	25 28	17
25 35	25 19	25 25	25 0	26 3	26 29	18
26 32	26 17	26 23	26 59	27 4	27 30	19
27 30	27 15	27 21	26 59	28 5	28 31	20
28 27	28 13	28 21	27 59	29 5	29 32	21
29 24	29 11	29 20	28 58	30 6	30 33	22
30 22	30 9	30 18	29 58	1 6	1 34	23
1 19	1 7	1 17	30 58	2 7	2 35	24
2 17	2 5	2 16	1 58	3 8	3 36	25
3 14	3 3	3 15	2 58	4 9	4 37	26
4 11	4 1	4 14	3 58	5 9	5 38	27
5 9	4 59	5 13	4 58	6 10	6 40	28
6 6	5 57	6 12	5 58	7 11	7 41	29
7 4	6 55	7 11	6 58	8 12	8 42	30
8 1	7 53	8 9	7 58	9 13	9 43	31

Dies mensis	Locus Solis in Zodiaco Anno 1601. vel primo post bisextum.					
	Januar	Februar.	Martius	Aprilis	Maius	Iunius
	G M	G M	G M	G M	G M	G M
1	10 30 44	11 22 15	10 18 28	11 17 15	10 18 33	10 11 24
2	11 45	12 16	11 28	12 14	11 34	11 23
3	12 45	13 16	12 28	13 13	12 39	12 20
4	13 47	14 17	13 28	14 12	13 27	13 18
5	14 48	15 18	14 28	15 11	14 26	14 14
6	15 49	16 18	15 28	16 10	15 24	15 12
7	16 51	17 19	16 27	17 9	16 22	16 10
8	17 52	18 20	17 27	18 8	17 20	17 8
9	18 53	19 20	18 27	19 6	18 18	18 5
10	19 54	20 21	19 27	20 5	19 16	19 2
11	20 55	21 22	20 27	21 4	20 13	20 0
12	21 56	22 22	21 27	22 3	21 11	20 57
13	22 57	23 23	22 26	23 2	22 9	21 55
14	23 58	24 23	23 26	24 0	23 7	22 52
15	24 59	25 24	24 26	24 59	24 5	23 49
16	25 59	26 24	25 26	25 57	25 3	24 47
17	26 1	27 25	26 26	26 56	26 1	25 44
18	27 2	28 25	27 26	27 54	27 58	26 41
19	28 3	0 26	28 26	28 53	28 57	27 39
20	0 4	1 26	29 26	29 51	29 54	28 36
21	1 5	2 26	0 27	0 10	29 51	29 33
22	2 6	3 26	1 27	1 48	0 49	0 31
23	3 7	4 27	2 27	2 47	1 47	1 28
24	4 8	5 27	3 27	3 45	2 46	2 25
25	5 9	6 27	4 27	4 44	3 44	3 23
26	6 10	7 27	5 27	5 42	4 40	4 20
27	7 11	8 27	6 27	6 40	5 37	5 17
28	8 11	9 27	7 27	7 38	6 35	6 15
29	9 12		8 27	8 37	7 33	7 12
30	10 13		9 27	9 35	8 30	8 9
31	11 14		10 26		9 28	

Locus Solis in Zodiaco Anno 1601.
vel primo post biffextum.

Julius		Augustus.		Septemher.		October.		November.		December		Dies Mensium
G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	
\odot		Ω		\cap		\sphericalangle		\equiv		\ddagger		
9	6	8	45	8	37	7	56	8	43	8	57	1
10	4	9	42	9	34	8	53	9	41	9	54	2
11	1	10	40	10	34	9	51	10	43	10	50	3
11	18	11	37	11	32	10	54	11	42	11	0	4
12	56	12	35	12	30	11	52	12	43	12	1	5
13	53	13	33	13	28	12	51	13	44	14	2	6
14	50	14	30	14	27	13	51	14	44	15	3	7
15	47	15	28	15	25	14	50	15	44	16	4	8
16	45	16	25	16	23	15	49	16	44	17	5	9
17	42	17	23	17	21	16	48	17	43	18	6	10
18	39	18	21	18	20	17	48	18	43	19	6	11
19	37	19	18	19	19	18	47	19	42	20	7	12
20	34	20	16	20	17	19	47	20	42	21	8	13
21	31	21	14	21	16	20	46	21	42	22	9	14
22	29	22	12	22	14	21	46	22	42	23	11	15
23	26	23	10	23	13	22	46	23	42	24	12	16
24	23	24	7	24	12	23	45	24	42	25	13	17
25	21	25	5	25	10	24	45	25	42	26	14	18
26	18	26	3	26	9	25	44	26	42	27	15	19
27	15	27	1	27	8	26	44	27	40	28	16	20
28	13	28	12	28	6	27	44	28	40	29	17	21
29	10	28	17	29	5	28	44	29	41	30	18	22
30	8	29	15	30	4	29	43	30	41	1	19	23
1	5	30	13	1	3	30	43	1	42	1	20	24
2	2	1	11	2	2	1	43	2	53	3	21	25
3	0	2	49	3	1	2	43	3	54	4	22	26
3	57	3	47	3	59	3	43	4	54	5	23	27
4	55	4	45	4	58	4	43	5	55	6	24	28
5	52	5	43	5	57	5	43	6	56	7	25	29
6	50	6	41	6	56	6	43	7	57	8	27	30
7	47	7	39			7	43			9	28	31

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bissextum.

Dies Mensis	Ianuar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	30	12	0	10	X 13	11	Y 0	10	Y 19	10	II 1
2	11	30	13	0	11	13	12	Y 0	11	17	11	2
3	12	31	14	1	12	13	13	Y 0	12	17	12	3
4	13	32	15	2	13	13	14	Y 0	13	17	13	4
5	14	33	16	3	14	13	15	Y 0	14	17	14	5
6	15	34	17	3	15	13	16	Y 0	15	17	15	6
7	16	35	18	4	16	13	17	Y 0	16	17	16	7
8	17	37	19	5	17	13	18	Y 0	17	17	17	8
9	18	38	20	5	18	12	19	Y 0	18	17	18	9
10	19	39	21	6	19	12	20	Y 0	19	17	19	10
11	20	40	22	7	20	12	21	Y 0	20	17	20	11
12	21	41	23	7	21	12	22	Y 0	21	17	21	12
13	22	42	24	8	22	12	23	Y 0	22	17	22	13
14	23	43	25	8	23	11	24	Y 0	23	17	23	14
15	24	44	26	9	24	11	25	Y 0	24	17	24	15
16	25	45	27	9	25	11	26	Y 0	25	17	25	16
17	26	46	28	10	26	10	27	Y 0	26	17	26	17
18	27	47	29	10	27	10	28	Y 0	27	17	27	18
19	28	48	0	X 10	28	9	29	Y 0	28	17	28	19
20	29	49	1	11	29	9	30	Y 0	29	17	29	20
21	0	50	2	11	0	Y 8	0	Y 16	30	17	30	21
22	1	51	3	11	1	8	1	16	0	II 1	0	22
23	2	52	4	12	2	7	2	16	1	11	1	23
24	3	53	5	12	3	6	3	16	2	11	2	24
25	4	54	6	12	4	6	4	16	3	11	3	25
26	5	55	7	12	5	5	5	16	4	11	4	26
27	6	56	8	12	6	4	6	16	5	11	5	27
28	7	56	9	13	7	4	7	16	6	11	6	28
29	8	57			8	3	8	16	7	11	7	29
30	9	58			9	2	9	16	8	11	8	30
31	10	59			10	1	10	16	9	11	9	31

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bissextum.

Iulius		Augustus		September		October		November		December		Dies Mensium
G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	
1 52		8 34		8 23		7 41		8 18		8 42		1
2 50		9 28		9 21		8 40		9 28		9 43		2
10 47		10 26		10 19		9 38		10 28		10 44		3
11 44		11 23		11 17		10 38		11 28		11 45		4
12 41		12 21		12 16		11 38		12 29		12 46		5
13 39		13 18		13 14		12 37		13 29		13 47		6
14 36		14 16		14 12		13 36		14 28		14 48		7
15 33		15 14		15 11		14 35		15 28		15 48		8
16 31		16 11		16 9		15 35		16 30		16 49		9
17 28		17 9		17 7		16 34		17 30		17 50		10
18 25		18 7		18 6		17 33		18 30		18 51		11
19 23		19 4		19 4		18 33		19 31		19 52		12
20 20		20 2		20 3		19 32		20 31		20 53		13
21 17		21 0		21 1		20 32		21 31		21 54		14
22 15		22 57		22 0		21 31		22 32		22 55		15
23 12		23 55		23 58		22 31		23 31		23 56		16
24 9		24 53		24 57		23 30		24 31		24 57		17
25 7		25 51		25 56		24 30		25 31		25 58		18
26 4		26 49		26 54		25 30		26 34		27 0		19
27 1		27 47		27 52		26 29		27 34		28 1		20
28 50		28 44		28 51		27 29		28 31		29 3		21
29 54		29 40		29 49		28 29		29 30		30 3		22
1 48		1 36		1 47		1 28		2 38		3 4		23
2 46		2 34		2 46		2 28		3 38		4 7		24
3 45		3 32		3 44		3 28		4 39		5 8		25
4 41		4 30		4 44		4 28		5 40		6 9		26
5 38		5 28		5 43		5 28		6 41		7 10		27
6 36		6 27		6 42		6 28		7 41		8 11		28
7 33		7 25				7 28				9 12		29

**Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bisextum.**

Dies Mensis	Ianuar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	30	11	22	9	X	10	4	10	8	9	II
2	11	15	12	45	10	58	11	45	11	3	10	51
3	12	16	13	46	11	58	12	44	12	1	11	52
4	13	17	14	47	12	58	13	43	12	59	12	50
5	14	18	15	48	13	58	14	42	13	57	13	47
6	15	19	16	48	14	58	15	41	14	55	14	44
7	16	20	17	49	15	58	16	40	15	53	15	41
8	17	21	18	50	16	58	17	38	16	51	16	39
9	18	22	19	50	17	58	18	37	17	49	17	37
10	19	24	20	51	18	57	19	36	18	47	18	34
11	20	25	21	52	19	57	20	35	19	45	19	31
12	21	26	22	52	20	57	21	34	20	43	20	29
13	22	27	23	53	21	57	22	33	21	41	21	26
14	23	28	24	53	22	56	23	31	22	39	22	24
15	24	29	25	54	23	56	24	30	23	37	23	21
16	25	30	26	54	24	56	25	28	24	34	24	18
17	26	31	27	55	25	55	26	27	25	32	25	16
18	27	32	28	55	26	55	27	26	26	30	26	13
19	28	33	29	55	27	54	28	24	27	28	27	10
20	29	34	30	X	28	54	29	23	28	27	28	8
21	0	35	1	56	29	53	0	21	29	25	29	5
22	1	36	2	56	0	53	1	20	0	24	0	3
23	2	37	3	57	1	52	2	18	1	22	1	0
24	3	38	4	57	2	52	3	16	2	20	2	37
25	4	39	5	57	3	51	4	15	3	19	3	34
26	5	40	6	58	4	50	5	13	4	17	4	32
27	6	40	7	58	5	50	6	11	5	9	5	29
28	7	41	8	58	6	49	7	10	6	7	6	26
29	8	42			7	48	8	8	7	6	7	24
30	9	43			8	47	9	6	8	5	8	21
31	10	44			9	46			8	4		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bissextum.

Iulius		Augustus		September		October		November		December		Dies Mensium
G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	
ϖ		Ω		η		ι		μ		π		
8	38	8	16	8	8	7	26	8	13	8	27	1
9	16	9	14	9	6	8	25	9	13	9	27	2
10	33	10	11	10	3	9	25	10	13	10	29	3
11	30	11	9	11	3	10	24	11	14	11	30	4
12	27	12	7	12	1	11	23	12	14	12	31	5
13	25	13	4	12	30	12	22	13	14	13	32	6
14	22	14	2	13	28	13	21	14	14	14	32	7
15	19	14	30	14	26	14	21	15	14	15	33	8
16	17	15	27	15	24	15	20	16	15	16	34	9
17	14	16	25	16	22	16	19	17	15	17	35	10
18	11	17	22	17	20	17	18	18	16	18	36	11
19	9	18	20	18	18	18	18	19	16	19	37	12
20	6	19	18	19	16	19	18	20	16	20	38	13
21	3	20	16	20	14	20	17	21	16	21	39	14
22	0	21	14	21	12	21	17	22	17	22	40	15
23	28	22	11	22	10	22	16	23	17	23	41	16
24	25	23	9	23	8	23	16	24	18	24	42	17
25	23	24	7	24	6	24	15	25	18	25	43	18
26	20	25	5	25	4	25	15	26	19	26	44	19
27	17	26	3	26	2	26	14	27	20	27	45	20
28	15	27	30	27	30	27	14	28	20	28	47	21
29	12	28	28	28	28	28	14	29	21	29	48	22
30	10	29	26	29	26	29	13	30	21	30	49	23
31	8	30	24	30	24	30	12	31	22	31	50	24
1	34	1	22	1	22	1	11	2	23	2	51	25
2	32	2	20	2	20	2	10	3	24	3	52	26
3	29	3	18	3	20	3	9	4	25	4	53	27
4	27	4	16	4	19	4	8	5	26	5	54	28
5	24	5	14	5	18	5	7	6	27	6	55	29
6	21	6	12	6	17	6	6	7	27	7	56	30
7	19	7	10	7	16	7	5	8	28	8	57	31

Cccc

DECLINATIONEM Solis quolibet die, siue cuiusvis puncti Eclipticę, stellarumque indagare. Erviciſſim ex data, declinatione Solis arcum, vel punctum Eclipticę respondens explorare: Atque hinc, quanta sit Solis, vel stellę cuiusvis altitudo meridiana, eruere.

Declinationem
puncti in ecliptica
perpetuo, vel del
la de ecliptica per
Astrolabium, in
quatuor.
Quia puncta in
ecliptica habent
declinationem
non horum, &
que australis.

1. SI offensor in facie Astrolabii in gradus diuisus sit, ut in scholio propoſ. 10; libri præcedentis docuimus, inuenietur declinatione cuiusvis puncti Eclipticę, vel stellę bene fixo Astrolabij hoc modo. Ponatur linea fiducię offensoris supra gradum Eclipticę propoſitum, aut supra cacumen stellę. Gradus enim offensoris in eum gradum, aut stellam incidens illico declinationem ipsius quęram monstrabit, borealem quidem, si gradus Eclipticę, vel stellę intra Aequatorem existat, hoc est, si gradus offensoris reperitur ab Aequatore versus centrum Astrolabii vergat; australem vero, si gradus Eclipticę, vel stellę sit extra Aequatorem, hoc est, si gradus offensoris inuentus ab Aequatore versus tropicum 30, recedat.

2. SI vero non adit offensor in gradus distributos, circumducatur rete, donec gradus Eclipticę propoſitus, aut cacumen stellę in lineam meridianam incidat. Reti enim talem obtemperatam, circuli ipsi Almageſtarum, id est, paralleli Horizontis inter gradum Eclipticę, vel cacumen stellę, & Aequatorem interpoſiti, numerabunt gradus declinationis, borealis quidem ab Aequatore versus centrum Astrolabii, australis vero ab eodem Aequatore versus tropicum 30.

3. E contrario ut ex data declinatione arcum, vel punctum Eclipticę respondens inuenias, nastera inter parallelos Horizontis in linea meridia declinationem datam ab Aequatore siue versus boream, siue austrum versus. Deinde circumduc. rete, donec Ecliptica præciſe termino numerationis congruat. Gradus enim ille Eclipticę, seu punctum habebit illam declinationem, & præterea tria alia puncta, quę equalem diſtantiam ab æquinoctiorum punctis cum illa, ſortiuntur, eandem declinationem habebunt. Ut si inuentum fuisset principium γ , haberet eandem declinationem principium η , & principia δ & ϵ . Semper enim quatuor puncta Eclipticę, duo borealia, & duo australia, eandem habent declinationem, ut in Lemmate 43. Num. 5. ostendimus, & alio quoque modo paulo poſt Num. 6. demonſtrabimus. Idem conſequens benefecto Indicis, vel offensoris in gradus distributi. Nam si eum circumducas, donec punctum declinationem terminare Eclipticam contingat, ſue hoc versus boream, ſiue versus austrum fiat, conſpiciet data declinatio illi puncto Eclipticę, & præterea alios tribus, ut dictum est.

4. SED quia raro offensor accurate in gradus diuisus inuenitur, aut Astrolabium, in quo per ſingulos gradus paralleli Horizontis ea diligentia, quę par est, deſcripi ſint; necesse est, verius modo veram declinationem non poſſe ad vnguem reperiri, ſed plus minus diſcrimari, aut circiter: idcirco nos ſine inſtrumento

Ex data declina-
tione arcum in
punctum Eclipticę
ex ſpandens in
astrolabio in
declinatione.

Argumento arcum vere declinationis ad vaguem, si magna cura in circulis designandis, atque disceptis adhibeatur, reperietur hoc artificium.

§ I T Aequator Astrolabii ABCD, cuiusvis magnitudinis circa centrum E, cum tropicis RT, QS; Ecliptica AQCR, tangens tropicos in Q, R, cuius centrum H, & poles G. Propositum autem sit, invenire declinationem principij X. Et quoniam signum X, australe est, ac proinde in semicirculo australi AQC, continetur, eiusque principium ab Y, distat grad. 30. numerabimus à punto C, quod principio Y, tributum est, versus B, grad. 30. usque ad a, & ex Eclipticæ polo G, per a, rectam decemus Ga, quæ Eclipticam fecerit in I, eritque I, principium X, cum, ut propos. 3. precedentis libri Num. 17. demonstravimus, arcus Clarus C a, æqualis sit, quod ad gradus attinet. Ducta autem ex centro E, per I, recta secans Aequatorem in F, sumemus arcui CF, æqualem arcum BK, & rectam KI, decemus, quæ Aequatorem fecerit in L. Dico FL, arcum esse declinationis puncti Eclipticæ I. Quoniam enim recta EI, circulum declinationis per I, principium X, ductum repræsentat, ut propos. 1. superioris lib. Num. 4. demonstravimus, respondebit portio IF, arcus declinationis, cui quidem æqualis est Aequatoris arcus FL. Nam si cogitetur circulus ABCD, esse Meridianus, & in

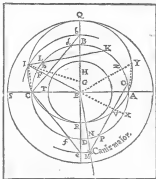
Declinationem puncti Eclipticæ propositi, vel casu illi hoc stelle ducit & declinationem superius notatam.

stereoplano Astrolabii in recta EI, ad angulos rectos, erit K, polus australis, cum a planis Aequatoris, vel Astrolabii ducit per quadrantem FK, propterea quod, si æqualibus arcibus CF, BK, inscribatur cōnexus arcus FB, totus arcus HK, toti quadrantis CB, sit æqualis. Tunc autem sequitur, arcus FL, FI, esse æquales, ut propos. 1. lib. 2. Num. 3. monstratum est.

§ I T rursus investiganda declinatio stellæ, quæ Cassio Major appellatur. Invenimus loco M, in Astrolabio, ut prop. 11. lib. 2. Num. adscimus, per eius longitudinem, & latitudinem, ductam rectam EM, circulum declinationis referens, ut NM, venatur declinationem stellæ australem. Sumpto autem arcu DN, æquali arcu AO, ducatur recta OM, secans Aequatorem in P, eritque, ut proxime demonstratum est, NP, arcus declinationis quæ sit, hoc est, arcus NM. NP, æquales erunt.

§ D E C L I N A T I O N E M porro tam dati puncti Eclipticæ, quam stellæ, hoc etiam modo conciscitur. Per inventum punctum I, in Eclipticæ ex centro E, arcus describatur I b, secans meridianam lineam in b, & ex A, vel C, ad b, recta extendatur secans Aequatorem in d. Nam Bd, est arcus declinationis parallelæ bI, ut propos. 4. Num. 7. superioris lib. ostendimus, ac proinde & puncti

Declinationem stellæ Cassio Majoris, ut notatam.



I. in Ecliptica dati. quod est propositum.

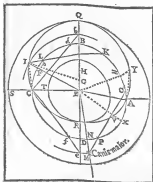
R V R S V S ex eodem centro E, per centrum stellæ M, arcus describatur Me, secans lineam meridianam in e, & ex A, vel C, ad e, recta ducatur secans Aequatorem in f: eritque ut dictum est, D f, arcui declinationis parallelus Me, hoc est stellæ M.

Præterea generalem ad constructionem declinationis arcus circuli per duos datus.

6. H A C eadem ratione cuiusvis puncti in Astrolabio positi declinationem reperiemus, si nimirum per illud punctum ex centro E, rectam ducamus, & i puncto, ubi Aequatorem secat, quadrantem in eodem Aequatore sumamus, ex eius termino ad punctum datum rectam ducamus. Hæc enim & prior illa per idem punctum datum emissâ intercipient in Aequatore arcum declinationis. Ita vider rectam EM, ex centro per punctum M, ductam, cum recta OM, ex termino O, quadrantis NO, ad idem punctum M, ductam, intercipere NF, arcum declinationis puncti M, ut ostendimus. Quadrans autem in Aequatore abstergetur sine ullo negotio, si ductis duabus diametris AC, BD, scilicet ad angulos rectos secantibus, arcui inter unam earum, & punctum, in quo recta ex centro E, ducta Aequatorem secat, intercepto, æqualem arcum, ab alterâ diametro factis initio, abscindamus: quemadmodum in præcedentibus exemplis arcui DN, sumptus est æqualis AO, & arcui CF, arcus BK, ut quadrantis NO, FK, haberentur. Iidem quadrantis habebuntur, si quadrant AD, vel AB, vel BC, vel CD, transferatur ex N, & F, usque ad O, & K.

VEL certe cuiusvis puncti declinationem inveniemus, si ex E, centro per datum punctum parallelum Aequatoris describamur, & ad punctum, ubi lineam meridianam BD, secat, ex A, vel C, rectam emittamus. Hæc enim ex Aequatore arcum declinationis auferet à meridiana linea inchoatam, ut diximus de puncto L, & stellæ M.

ITAQUE si Ecliptica distincta sit in signa, & gradus, non erit necessarium, ut in Aequatore numeretur distantia dati gradus Eclipticæ, à proximo æquinoctio, ut eris situs in Ecliptica reperiantur per rectam ex polo G, emissam, quo passio inventus fuerit L, principii X, per rectâ Ga, sed satis est ut ex centro E, per gradum propositum recta educatur, & ab hac incipiendo in Aequatore quadrans abscindatur, &c. Vel certe ex E, centro per propositum gra-



dum parallelus Aequatoris describatur, &c. Satis etiam est, ut punctorum unius quadrantis Eclipticæ, v. g. quadrantis CQ, declinationes inquirantur. Hæc namque declinationes declinationibus punctorum in aliis tribus quadrantibus æquales

æquales

æquales sunt, quod etiam si ostensum à nobis sit in Lemmate 49. Num. 5. idem
nam hoc loco sic demonstrabimus. Sumatur in alio quadrante australi AQ,
arcus AY, æqualis arcui CI, ut Y, sit principium π , ducaturque recta EY,
et ZY, arcus sit declinationis, quem dico æqualem esse arcui FI. Ductis enim
rectis CI, AY, erunt duo latera EC, CI, duobus lateribus EA, AY, æqua-
la; (Nam EC, EA, semidiametri sunt Aequatoris. . & CI, AY, æquales sunt,
et arcus æquales, quos subtendunt)^b, & anguli quoque ECI, EAY, insisten-
tes circumferentia arcibus æqualibus AQI, CQY, æquales. Igitur & ba-
ses EI, EY, æquales erunt. Demptis ergo æqualibus EF, EZ, reliquæ FI, ZY,
æquales erunt: quæ cum æqualiter à centro E, abfint, æqualibus arcibus Aequa-
toris respondebunt; ac proinde declinationes punctorum I, & Y, æquales
erunt. Eodem modo ostendemus declinationem cuiusvis alterius puncti in qua-
drante CQ, æqualem esse declinationi puncti in quadrante AQ, cuius distan-
tia ab æquinoctio A, æqualis sit distantie alterius puncti ab æquinoctio C. Rur-
sus producta IE, usque ad X, secante Eclipticam in V, repræsentabunt IV, VX,
trunculos, à quod maximi circuli se mutuo bisariam fecerit; dempto com-
muni arcu FV, erunt reliqui arcus declinationum FI, VX, æquales. Cum ergo
puncta Eclipticæ I, V, sint per diametram opposita, ut lib. 1. in scholio propo-
sit. 6. Num. 11. ostendimus, liquet, puncta Eclipticæ opposita æquales habere
declinationes. Eadem enim demonstratio est in aliis punctis oppositis, quæ in
I, V, ut perspicuum est.

7. PORRO ex data declinatione punctum, seu arcum Eclipticæ responden-
tum hac ratione eruemus. Numeretur data declinatio in Aequatore à puncto
A, usque ad d, siue versus A, siue versus C; & ex A, vel C, per d, recta ducatur,
secans meridianam lineam in b, ac tandem per b, ex E, parallelus Aequa-
toris describatur secans Eclipticam in I; eritque punctum I, id quod queritur.
Quantum autem inuentum punctum I, ab æquinoctiali puncto C, distet, indi-
cat recta ex polo Eclipticæ G, ad I, ducta. Hæc enim ressecabit arcum Aequa-
toris Ca, arcum Eclipticæ CI, æqualem, ut lib. 2. propos. 5. Num. 17. ostendimus.

8. E X declinatione denique Solis, vel stellæ cognita, hoc pacto eius altitu-
dinem meridianam eruemus. Si declinatio borealis est, adiciatur ea comple-
mento altitudinis poli, si vero australis, dematur ex eodem. Numerus enim
residuus, vel relictus, quanta sit Solis, vel stellæ altitudo meridianæ, in-
dicabit.

S E D quando ex additione declinationis borealis ad complementum altitu-
dinis poli maior numerus constatur, quam grad. 90. existet Sol, vel stella in
Meridiano inter vertexem loci, & polum arcticum. Quare numerus ille consti-
tuitur ex semicirculo detractus altitudinem meridianam monstrabit. Hoc au-
tem contingit, quotiescunque altitudo poli minor est declinatione boreali.

R V R S V S quando altitudo poli maior est complemento declinationis borea-
li, vel (quod idem est) quando complementum altitudinis poli minus est de-
clinatione boreali, habebit Sol, vel stella duas altitudines meridianas, maximam
scilicet, ac minimam, ac nunquam orietur, vel occidet. Maxima reperietur, ut
dictum est; minima vero, si ex altitudine poli complementum declinationis bore-
alis tollatur, vel si complementum altitudinis poli ex declinatione boreali
dematur.

P O S T R E M O quando complementum altitudinis poli minus est declinatio-
ne australi, Sol, vel stella semper sub Horizonte latebit, nullamque habebit al-
titudinem meridianam. Quæ omnia ex sphaera materiali liquido constant. Aq-
quæ hæc

Declinationes poli
duo sunt, qua-
damus Eclipticæ
distans punctum
polarium alter-
um, quatuordecim
æquales sunt.

a 29. terræ.
b 27. terræ.
c 4. primæ.

d 11. 1.
Theod.

Ex data declina-
tione punctum a
vel arcum Eclip-
ticæ respicientem
sua declina-
tione sunt
necesse dicere.

Ad ostendendum
maximam Solis, vel
stellæ altitudinem
meridianam.

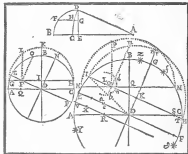
que hæc intelligenda sunt in regione boreali. In australi vero regione, quæ dicta sunt de boreali declinatione, intelligantur de australi, & contra.

I N scholio Canonis 21. investigabimus declinationem dati puncti Eclipticæ, licet ipsa Ecliptica in Astrolabio descripta non sit, & declinationem cuiuslibet stellæ, etiam si eius locus in Astrolabio inuentus non sit: quæ res mihi sunt præclara esse videtur, atque egregia, cum non facilis sit inuentio loci stellæ cuiusvis in Astrolabio, ut ex propoſ. 11. libri 2. manifestum est, propterea quod concentricarum stellarum paralleli Eclipticæ sunt vel nimis ampli, vel nimis angusti.

S C H O L I U M.

declinationem dati
in circulo puncti
Eclipticæ ex
declinatione ut
circuli.

1. *EX Axiomatibus duobus modis declinationem cuiusvis puncti Eclipticæ investigabimus. Præmissis. Ducta recta AB, describatur ex A, arcus circuli CD, quilibet interuallo, in quo sumatur arcus maxima declinationis CD, hoc est, cœquatur angulus CAD, maxima declinationis. Deinceps deinde ex D, ad AB, perpendiculari DE, describatur ex E, per D, quadranti circuli DB. Itaque à puncto B, numerentur usque ad F, gradus, quibus datum Eclipticæ punctum à proximo æquinoctio puncto abest, demittaturque ad DE, perpendicularis FG, vel ipsi BA, parallela, secans arcum CD, in H; erit CH, arcus declinationis dati puncti. Cum enim in Lemmate 18. demonstratum sit, esse sinum totum ad sinum maximæ declinationis, ut est sinus arcus à proximo æquinoctio puncto numerati ad sinum declinationis puncti datum arcum terminantis, quando constet, arcum CH, maxime declinationem puncti,*



quod tamen arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio abest, quantus est arcus BF, respectu sui circuli. Nam cum sit, ut ED, sinus totus circuli BD, ad EG, sinus arcus BF, eundem circuli, ita ED, sinus maxima declinationis circuli CD, ad EG, sinus arcus CH, eundem circuli: sit autem ex Lemmate 5. ut ED, sinus totus ad EG, sinum arcus BF, ita sinus totus Eclipticæ ad sinum arcus, qui arcum BF similis sit; erit quod opus,

quoque, ut *finis* totius *Eclipticae* ad *finem* arcus, quo *datum* parallelum à *proximo* equi-
noctio *moedit*, ita *ED*, *finis* maxima *declinationis* ad *EG*, *finem* *declinationis* *GH*;
Et *propterea*, ut *finis* totius *Eclipticae* ad *finem* maxima *declinationis*, ita *finis* di-
stantia *puncti* *datus* à *proximo* a *quinactio* ad *finem* *EG*. Ex quo colligitur, *EG*, esse
finem *declinationis* *datus* *puncti*, atque idcirco arcum *GH*, *declinationem* ipsam, *curri*
it. Hic porro *modus* à *priori* ratione, quo in *Lemmate* 19. *paralleli* *Solis* in *Ana-*
lemmate *descriptus*, non *differt*, nisi quod hic *integri* *circuli* *descripti* non *sint*. Nam
scilicet *ACD*, *locus* *figuræ* *refert* *seilicet* *Analemmatis* *EHM*, in *Lemmate* 19. Et
quadrans *BD*, quadrantem *EM*. Immo in eodem *Lemmate*, 19. *demonstratur* quoque ad
finem, quo *ratione* ex *Analemmate* *declinatio* *curvis* *punctis* *Eclipticae* *investiganda* *est*.
Quare in *Lectorem* *remittendum* *consilio*, ut *hæc*, quo *hæc* *locus* *trahuntur*, *plenius*
intelligatur.

2. POSTERIORE modo sic idem assequemur. Sit *Meridianus*, vel *Colurus*
distans *ABC*, circa *centrum* *D*; cum *Aequatore* *salsio* *AC*, cum *Ecliptica*
ED, cum *Aequatore* *DB*; *Ecliptica* *DN*. Sit autem *DF*, *finis* *rectus* *arcus* *Eclipticae*
à *proximo* a *quinactio* *numerati*; (qui reperitur, si *datus* *arcus* ab *N*, *numeretur* usque
ad *O*, et ad *E* *D*, perpendicularis *demittatur* *OF*.) Et per *F*, ipsi *AC*, *parallela* *agatur*
GH. Dico *AG*, esse *arcum* *declinationis* *quæsitæ*. Describatur enim *circa* *GH*, ex *I*, *se-*
mimetricus *GKH*, et ad *GH*, perpendicularis *erigatur* *FL*. Si igitur *semicirculus* *ENP*,
tangatur esse *Ecliptica* *semisistis*, et *circa* *EP*, *mutari*, donec ad *Colurum* *planum* *rectus*
finis per *descripti*, lib. 1. 1. *Euc.* *recta* *OF*, ad idem *planum* *perpendicularis*. Eodem ra-
tione *circumferatur* *semicirculus* *GKH*, *circa* *GH*, donec ad idem *planum* *rectus*
finis *recta* *LF*, ad idem *perpendicularis*, usque *OF*, *congruat*. Igitur *planum* per *re-*
ctam *GH*, et per *rectam* *OF*, vel *LF*, in *cofusa* *ductum*, ad eundem *Colurum* *rectum*
erit. Cum ergo *parallelus* *Aequatoris* per *datum* *punctum* *O*, *ductus*, *rectus* quoque *sit*
ad eundem *Colurum*; & faciatque in eo *sectionem* ipsi *AC*, *parallelam*, erit *semicirculus*
in *GKH*, in *cofusa* per *OF*, *transiens*, *parallelus* *Aequatoris* *faciens* *sectionem* *GH*,
cum *Colurum* ipsi *AC*, *parallelam*. Quæ *circa* *AG*, *arcus* *erit* *declinationis* *puncti* *proposi-*
tæ *etiam* *modus* à *posteriore*, quo in *Lemmate* 19. *parallelus* *Solis* in *Analemmate*
descriptus, non *differt*. Nam et ibi ex *k*, *puncto* *extremo* *arcus* *lk*, *demissimus* ad
Eclipticæ *diametrum* *MP*, *perpendicularis* *ku*, atque per *n*, *Aequatoris* *diametrum* *HI*,
parallelum *ductum* *TY*, pro *parallelo* *Aequatoris* per *punctum* *Eclipticæ* *k*, *ducto*, quod
modus in *descripto* *Lemmate* 19. *aliter* *demonstramus*.

3. I *AM* *duobus* quoque *modis* *datus* *declinationis* *arcum*, *punctum* quoque *Eclipticæ* *re-*
ferendus *asignabimus*. *Priore* sic. In *arcu* *CD*, ex *A*, *descripto* in *v*, *figuræ* *numeretur*
distans usque ad *H*, et per *H*, ipsi *AB*, *parallela* *agatur* *FGH*. Et cum ex *quadrante*
ad *D*, *arcum* *resiccat* *BF*, quo *quæsitæ* *puncti* *distans* *est* à *proximo* *puncto* *2* *quadrante*
metitur, ut ex *descripto* *loquetur*. *Posteriore* autem sic. *Numeretur* in *2*, *figuræ* *datus* *de-*
clinatio ex *A*, et *C*, usque ad *G*, et *H*, *ducaturque* *recta* *GH*, *secans* *Eclipticæ* *diamet-*
rum in *F*. *Perpendicularis* enim *DN*, *FO*, ad *EP*, *erit* *2*, *inter* *capient* *arcum* *quæsi-*
tum *NO*, à *proximo* *puncto* *a* *quinactio* *metiendum*, ut *propositum* *est* ex *91*, quo *dis-*
tribuitur.

4. STELLÆ autem cuiuslibet *declinationem*, cuius *longitudo* et *latitudo*
ignita *sint*, per *Analemma* *struabimus* *hoc* *modo*. Sit *rectum* *Meridianum*, *finis* *Colu-*
rus *distans* *ABC*, circa *centrum* *D*; ut in 3. *figuræ* *communi* *erit* *cum* *Aequatore*
salsio *AC*, cum *Ecliptica* *ED*, cum *Aequatore* *DB*; *Ecliptica* *DG*; et *punctus* *borealis*
B, ab *Ecliptica* *sumatur* *duo* *arcus* *latitudinis* *stellæ* *EI*, *PH*, *versus* *quendam* *po-*
larem *interius* *B*, *si* *latitudo* *est* *borealis*, *si* *vero* *austriale*, in *oppositam* *partem*; *ducaturque* *recta* *IH*,
pro *diametro* *parallela* *Eclipticæ* per *stellam* *transiens*. Deinde *sic*
Et, si-

a. 18. undec.

b. 16. und.

Ex *datis* *declina-*
tione *punctum*
Eclipticæ, vel *er-*
it *in* *quadrante*
duobus *hinc* *et*
Analemmate.

per *latitudinem*
quæsitæ *stellæ*
per *Analemma*
indagari.

semicirculus MPN , & ad MN , perpendicularis excutetur OP . Si igitur semicirculus $IemH$, concipitur circa IH , circumscripti, donec rectus sit ad Colurum, & iuncta Ecliptica aquidistat, erit per desin. 2. lib. 11. Encl. in O , ad eundem Colurum perpendicularis, & in m , locus erit stella. Eadem ratione si semicirculus MPN , circa MN , moveatur, donec ad eundem Colurum rectus sit, ipsique Aequatori parallelus, erit recta PO , ad eundem Colurum perpendicularis, ipsique mO , coniuncta. Igitur planum per rectam PO , vel in o situm, & per rectam MN , ductum, ad eundem Colurum rectum erit. Cum ergo parallelus Aequatoris per stellam in puncto m , ductus, rectus quoque sit ad eundem Colurum, & faciatque in eo sectionem ipsi AC , parallelam, erit semicirculus MPN , in eo situ per PO , transversus, parallelus Aequatori, faciens sectionem MN , in Coluro ipsi AC , parallelam. Quare AM , arcus est declinationis Stella.

1. H AEC autem declinatio septentrionalis erit, quando sinus versus PO , distans a stella à principio ES , minor fuerit segmento diametri paralleli stella inter Colurum puncti ES , & sectionem illius cum diametro Aequatoris AC : Australis vero, si maior: Declinationis denique carebit, si equalis: atque hoc semper verum est, sine latitudine stella sit borealis, sine australis, sine denique latitudinis careat. Itaque si stella latitudo sit borealis EL , & sinus versus distantia à Coluro in proprio parallelo Eclipticæ ES , nullam habebit stella latitudinem: Si vero sinus versus sit IT , declinationem habebit australem. Sic etiam si stella latitudinem habeat australem EV , & sinus versus VS , declinationem habebit borealem: Si vero sinus versus habeat VB , declinationis carebit, &c.

2. RURSUS stella in Coluro solstitiorum existens, hoc est, in principio ES , vel VS , nominatur eius declinatio hoc ratione. Quando declinatio puncti tropici, in quo est stella, & latitudo stella, sunt eiusdem denominationis, id est, borealis, vel australis, adduntur simul, constituiturque declinatio stella eiusdem denominationis cum declinatione puncti tropici, vel latitudinis.

QUANDO autem declinatio puncti tropici, & stella latitudo diversa sunt denotantur, hoc est, punctum tropicum est boreale, & stella latitudo australis, vel contra, subtrahatur minor à maiore, relinquiturque declinatio stella eiusdem denominationis cum maiore, à qua stella est subtrahita.

QUANDO ex additione sit maior numerus, quam 90. reliquus numerus ex 180. inde declinationem stella eiusdem denominationis cum puncto tropici. Quando item ex deductione nihil superest, stella declinationis carebit. Quando denique latitudo nulla est, habebit stella eandem declinationem, quam punctum tropicum.

VERBI gratia, stella existens in I , habebit declinationem borealem AI , constitutâ ex declinatione AE boreæ puncti tropici E , & ex latitudine boreæ EL . Sic declinatio stellæ ig , erit australis constituta ex CF , declinatione australi puncti tropici F , & ex latitudine australi Fg . Iti stella existens in V , habebit declinationem boream, & stella existens in H australem, quia illa relinquitur, detracta latitudine australi EV , ex declinatione boreâ AE puncti tropici E , bac vero reliqua sit, detracta latitudine boreâ PH , ex declinatione australi CF puncti tropici F . At vero stella in T , declinationem habebit australem, & stella in S , boream: quia illa relinquitur post detractam declinationem borealem AE , ex latitudine australi ET ; hac vero post detractam declinationem australem CF , ex latitudine boreali F . Deinde quia ex declinatione boreâ AE , & latitudine boreâ EZ , fit maior arcus quadrante AB , debet ex semicirculo reliquum GZ , declinationem borealem. Præterea stella in A , vel C , nullam habet declinationem, cum declinatio sit utriusque latitudinis equalis, ac proinde post detractum unius ex altera nihil superest. Denique stella in E , declinationem habebit eandem, quam punctum tropicum

D d d d

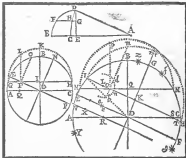
E e e e.

E; nimirum borea' est; Stella vero in F; fortissimè declinationem australem, eandem videlicet cum puncto tropici F.

*Declinationem
autem puncti
Eclipticæ per
puncta innotescit.*

2. 2. 3. PROVI.

1. 6. P E E. sinus denique declinationis cuiuslibet puncti Eclipticæ, aut stellæ, sub latitudine, & latitudo nota sit, ita investigabitur. Quoniam in secunda descriptæ figure figura est, ut DF, sinu terminus ad DI sinum maxima declinationis, (Punctum enim sinu vero DF, vel a DI, sinus est anguli DFI, qui aequalis est altero angulo ADP, maxima declinationis) ita DF, sinus arcus Eclipticæ NO, à proximo æquinoctio N, inchoati ad DI, sinum declinationis puncti O; ad quod etiam in Lemmate 19. demonstra-



mur. Si fiat, ut sinus totus ad sinum maxima declinationis, ita sinus distantie dati puncti Eclipticæ à proximo æquinoctio ad aliud, procrebitur sinus declinationis puncti propositi. Ex tabula ergo sinuum declinationis ista sit cognita.

*Si data declina-
tionis punctum
Eclipticæ restit
deus requiritur per
sinus.*

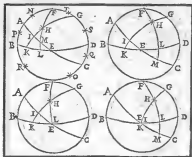
VICISSIM si fiat, ut sinus maxima declinationis ad sinum totum, ita sinus declinationis datæ ad aliud, producet sinus arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio inchoati, cui proposita declinatio congruit. Nam cum sit, ut sinus totus ad sinum maxima declinationis, ita sinus arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio inchoati ad sinum declinationis eiusdem arcus, ut dictum est; erit convertendo, ut sinus maxima declinationis ad sinum totum, ita sinus declinationis datæ ad sinum arcus Eclipticæ, cui debetur, à proximo æquinoctio inchoati.

*Declinationis cu-
iuslibet stellæ
per sinum in-
dignus.*

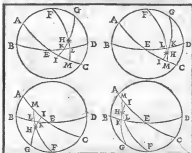
VT autem stella cuiuslibet declinationis per numeros inveniatur, sit Solarius spheræ centrum ABCD; Arcusque BD, & eius polus F; Eclipticæ AG, eiusque polus G; Egerit aliptus V, vel Δ ; A, principium Θ ; C, truncatum Id ; locus stellæ H; circulus maximus declinationis stellæ FH, secans Aequatorem in L, & Eclipticam in M; circulus maximus latitudinis stellæ GH, secans Eclipticam in I, & Aequatorem in K; declinationis stellæ HL, sinusque complementum FH; latitudo stellæ HI, sinusque complementum GH; Arcum denique Eclipticæ AI, distantiam stellæ à principio Θ , sine figurandum signorum successivorum, sui contra, numeratur: ut in 12. circulo hoc loci descriptis apparet. Quoniam igitur in triangulo spherico FGH, duo latera GF, GH, cognita sunt, cum FG, sit arcus maxima declinationis, & GH, complementum lati-

tudinis

pluribus stellis: est autem \angle angulus ab ipsis comprehensus FGH , motus: HA in prioribus
 (circulis, in quibus latitudo stella borealis est, eius anguli arcus AI , distantiam stel-
 la à principio \odot , motus cognitus est: in posterioribus vero \odot , circulus, in quibus stel-



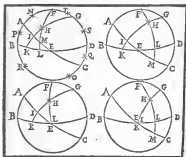
la latitudinem habet australem, arcus praedicti anguli GI , distantia est ipsius stella à
 principio \odot , qui relinquunt, detralla arcu AI , distantia à principio \odot , ex semicir-
 culo,) invenitur per problema 2. triang. sphar. in ultimo lemmate, certum locus



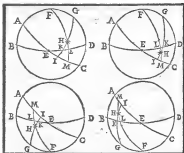
FG , hoc est, complementum declinationis stellae, hoc videlicet variat. Fiat, ut si-
 mus totus ad sinum maioris lateris dati, hoc est, ad sinum maximae declina-

Dddd a per FG ,

ad FG, vel complementi latitudinis GH, ita sinus minoris lateris dati ad albedi
invenieturque quartus quidam numerus. Deinde rursus fiat, ut sinus totus
ad quartum numerum proxime inventum, ita sinus verus dati anguli PGH, ad



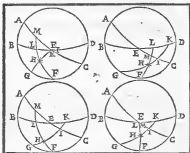
aliud: producteturque differentia inter sinus verum tertij lateris FH, quod quaeritur, & sinus verum arcus, quo duo latera data FG, GH, inter se differunt, quae differentia adiecta ad sinus verum arcus, quo dicta duo latera data FG, GH, inter se



differunt, conficiet sinus verum quartus lateris FH, ex quo later ipsum FH, id est, complementum declinationis stellae, cognatum evadet. Declinatio porro semper est constans.

dem nominis eū latitudine, hoc est, borealis, si latitudo borealis est ac australis, si australis, nisi quando sinus versus lateris quassæ FH, maior inuentus fuerit sinu toto, ut in 4. & 9. circulo, ubi latus inuentum FH, non est complementum declinationis quassæ, sed potius eius complementum HL, est declinatio quassæ, ipsamque latus quadrans maior est. In hoc enim sinu stella habet declinationem contrariam latitudinis: adeo ut latitudine existente boreali, declinatio sit australis, ut in 4. circulo, latitudine vero existente australi, declinatio sit borealis, ut in 9. circulo.

QVOD si quando coniungat, latera data FG, GH, esse equalia, quod fit, quando in latitudo stelle complebitur grad. 66. min. 70. hoc est, complemento maxima declinationis equalis est.) Fiat, ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, hoc est, ad sinum lateris FG, ita sinus semperis anguli FGH, distantie stellæ à principio ☊, si eius latitudo borealis est, vel à principio ☋, si australis, ad aliundum uenieturque sinus cuiusdam arcus, qui duplicatus totum latus quassæ FH, æquum efficiet; ut ad finem prædicti problematis 22. triang. spher. diximus.



RPSPS si accidat, datum angulum FGH, rectum esse; (quod fit, quando distantia stellæ à principio ☊, quadrans est, ut in 4. & 9. circulo.) Fiat, ut sinus totus ad sinum complementi maximæ declinationis FG, ita sinus complementi lateris GH, hoc est, ita sinus latitudinis stellæ, ad aliud: Inuenieturque sinus complementi quassæ lateris FH; ut perspicuum est ex 1. modo problematis 22. triang. spher. ultimi Lemmatis.

EDDEM declinatio stellæ hac alia quoque ratione supputari poterit. Quando stella existit in principio ☊, vel ☋, hoc est, eius distantia à principio ☊, continet grad. 90. ut in 4. & 9. circulo, si in triangulo EHL, cuius angularis L, rectus, per primum modum problematis 8. triang. spher. in ultimo Lemmate explicato, fiat ut sinus totus ad sinum latitudinis stellæ HE, ita sinus anguli HEL, complementi maximæ declinationis ad aliud, gignetur sinus declinationis HL, quassæ, eisdem nominis cum latitudine.

QVANDO autem stella est extra principia ☊, ☋, ☌, & ☍, ut in alijs 10. circulis, de tempore 4. & 9. si per primum modum problematis 4. triang. spher. in ultimo Lem.

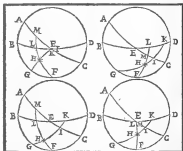
Quoniam stella distantia à principio ☊ continet grad. 90. ut in 4. & 9. circulo, si in triangulo EHL, cuius angularis L, rectus, per primum modum problematis 8. triang. spher. in ultimo Lemmate explicato, fiat ut sinus totus ad sinum latitudinis stellæ HE, ita sinus anguli HEL, complementi maximæ declinationis ad aliud, gignetur sinus declinationis HL, quassæ, eisdem nominis cum latitudine.

Aliter quilibet stellæ distantia à principio ☊ continet grad. 90. ut in 4. & 9. circulo, si in triangulo EHL, cuius angularis L, rectus, per primum modum problematis 8. triang. spher. in ultimo Lemmate explicato, fiat ut sinus totus ad sinum latitudinis stellæ HE, ita sinus anguli HEL, complementi maximæ declinationis ad aliud, gignetur sinus declinationis HL, quassæ, eisdem nominis cum latitudine.

Quando stella est extra principia ☊, ☋, ☌, & ☍, ut in alijs 10. circulis, de tempore 4. & 9. si per primum modum problematis 4. triang. spher. in ultimo Lem.

Lemmate explicari. Fiat in triangulo EIK , cuius angulus I , rectus, ut sinusetur ad finem anguli IEK , maxima declinationis, ita sinus complementi arcus EI , distantiam stellæ à proximo æquinoctio metientis ad aliud, procreabitur sinus complementi anguli EKI , subtrahentis arcum declinationis HL , in triangulo HKL .

DEINDE in eodem triangulo EIK , si per 1. modum problematis 11. triang. *sphæar.* fiat ut sinus totus ad finem arcus EI , distantiam stellæ à proximo æquinoctio metientis, ita tangens anguli IEK , maxima declinationis ad aliud, inuenietur tangens arcus IK , quo latitudo HI , differt ab arcu HK , quem argumentum declinationis dicere possumus. *Hæc differentia IK , est borealis, hoc est, ab Aequatore versus septentrionem porrigitur, quando stella locus est in aliquo signo boreali; australis vero, stella existente in signo aliquo australi. Itaque quando differentia IK , & latitudo stellæ HI , habent eandem denominationem, borealem scilicet, aut australem, dabitur summa ex ipsi confecta argumentum HK , eiusdem denominationis cum latitudine, vel differentia; quando autem differentia IK , & latitudo stellæ HI , sunt diuersæ denominationis, hoc est, una est borealis, & australis altera,*



detrahitur minore ex maiore, reliquum sit argumentum eiusdem nominis cum arcu, à quo stellæ est subtrahitur. Ita videtur in 1. 2. 3. 4. & 5. circulo argumentum HK , esse boreale, australe vero in 6. 7. 10. 11. & 12. circulo.

POSTREMO in triangulo HKL , angulus L , rectum habente, si per 1. modum problematis 8. triang. *sphæar.* fiat ut sinus totus ad finem argumenti HK , proxime inueni, ita sinus anguli HKL , in triangulo EIK , primo loco inueni ad aliud, prodeuntur sinus declinationis HL , eiusdem denominationis cum argumento. *Ut autem declinatio stellæ exquisitus reperitur, inueniendus erit angulus EKI , per partem proportionalem accuratissimè, ac similiter differentia IK , inter argumentum, & latitudinem stellæ, ut in tertio discursu deinde veniet sinus argumenti per partem proportionalem elicitur. Denique declinatio quoque HL , querenda est ex eiusdem per partem proportionalem, ut patet in scholio sequenti Canonis magis exquisitus sunt*

que compleretur inveniri possit, ad rectam ascensionem stellæ supputandam. Atque hoc in omnibus supputationibus observandum erit, quando ex arcu invento, vel ex eius complemento alius arcus inquirendus est. Nam nisi sciam, & arcum per partem propinqualem exquisitissimè accipiantur, ut in ultimo Lemmate traditum est, fieri potest, ut in ultimo arcu inveniendo committatur error non levis.

¶ V O pacto autem, stellæ existente in Cohære spherarum, eius declinatio reperitur, paulo ante Num. 9. huiusmodi scholæ decernimus, & præcepti illius exempla habet in stellis N, O, P, Q, R, S, T, B, D, A, C, primi circuli, quarum quidam stellarum loca ordinar locis stellarum 1, 2, V, H, T, f, Z, A, C, E, F, in tertia descriptione prima figura huius scholæ respondent.

Quando stellæ est in principio co-
co, vel Caput
et.

C A N O N IIII.

ASCENSIONEM, descensionemque rectam cui inscribet puncti Eclipticæ, vel stellæ exquirere: Et vicissim ascensioni, descensionive rectæ cognitæ arcum Eclipticæ respondentem assignare: Denique punctum Eclipticæ, cum quo stellæ proposita in spherâ recta oritur, vel occidit, aut cælum mediat, determinare.

1. **CIRCUM DVCATVR** rete Astrolabii, donec gradus Eclipticæ, vel stellæ proposita, in Horizonte recto, ex parte orientali, id est, in diametro Astrolabii, quæ meridianam lineam, hoc est, diametrum, quæ ad armillam suspensam protenditur, ad angulos rectos secet, constitutur. Nam reti hunc obtinuit situm, arcus Aequatoris à principio V, secundum signorum successione usque ad eundem Horizontem rectum ex parte orientali, quæ ad sinistram erit, computatus ascensionem rectam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ metietur: quippe cum eiusmodi arcus in spherâ recta simul cum dato puncto, hoc est, cum arcu Eclipticæ ab V, usque ad illud punctum, stellæ supra rectum Horizontem ascendat. Hunc quoque ascensionis arcum dabunt gradus in limbo intercepti inter Horizontem rectum, & ostensorem, siue indicem per principium V, in eo sita retis transentem: gradus, inquam, a linea fiducie indicis secundum successione signorum, id est, vel sus V, II, III, &c. usque ad Horizontem rectum numerati. Postea autem stellæ in Horizonte recto ex parte orientali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stellæ oritur, aut cælum mediat, siue (quod idem est) ad Meridianum pervenit.

Ascensionem in
diam dato puncto
Eclipticæ, vel
stellæ, in spherâ
recta cognoscere.

2. **NON** aliter descensionem rectam cuiusvis puncti Eclipticæ aut stellæ explorabis, si datum punctum, vel stellam in Horizonte recto ex parte occidentali colloces. Nam cum situm reti obtinente, arcus Aequatoris à principio V, secundum seriem signorum usque ad Horizontem rectum ex parte occidentali numeratus dabit descensionem in spherâ recta, quam etiam exhibent gradus limbi intercepti inter ostensorem per principium V, ductum, & Horizontem rectum ex parte occidentali intercepti, si secundum signorum seriem numerentur. Sed satis est ascensionem rectam cuiuslibet puncti, vel stellæ investigare, cum hæc descensionem

Qui gradus stellæ
puncti cum quo
stellæ oritur in
spherâ recta, aut
mediat cælum
descensionem in
diam dato puncto
Eclipticæ, vel
stellæ ex Astrola-
bio cognoscere.

Ascensionem in
diam dato puncto
Eclipticæ, aut
stellæ, in spherâ
recta cognoscere.



*Eclipticæ rectæ
per data data
in sphæra recta.*

*Arcus ascensio-
nis, & descen-
sionis, & arcus
Eclipticæ rectæ
per data data
in sphæra recta.*

ascensioni eiusdem in sphæra recta sit æqualis, ut in sphæra dictum est. Possumus autem stellam in Horizonte recto ex parte occidentali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella occidit. Atque hoc punctum semper illud eodem est, cum quo eadem stella in sphæra recta oritur, & eodem mediat.

3. S E D si ascensio recta, aut descensio alicuius puncti, vel stellæ cognita sit, inveniemus arcum Eclipticæ respondentem, hoc est, punctum Eclipticæ, quod una cum stella, cuius ascensio, descensioque data est, ad Horizontem pervenit, aut cui data ascensio, descensioque congruit, hoc modo. Circumducatur recta Aθrolabii, donec arcus Aequatoris inter principium Ψ , & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum seriem sit æqualis sit data ascensioni rectæ puncti Eclipticæ quæsitæ, aut donec cacumen stellæ in Horizonte recto reperitur ex parte orientali, quod tunc arcus Aequatoris inter principium Ψ , & rectum Horizontem posuius ex parte orientali medietur datam ascensionem stellæ. Nam obtinente recti cum stellæ, punctum Eclipticæ, quod tunc in Horizonte recto ex parte orientali existit, erit illud, cui data ascensio debetur, aut quod una cum stella, cuius ascensio recta data est, ad Horizontem rectum pervenit. Idem obtinebit, si in limbogrado data ascensionis rectæ contra successione signorum numeretur, totio facto ab Horizonte recto ex parte orientali; & ad finem numerationis linea fiduciarum ostensoris applicetur. Nā circumducto tunc recti, donec principium Ψ , ad lineam fiduciarum perveniat, existet in Horizonte recto ex parte orientali punctum illud Eclipticæ, cui data ascensio convenit, aut quod una cum stella, cui ascensio illa debetur, supra Horizontem ascendit. Arcus autem Eclipticæ inter illud punctum, & principium Ψ , posuius, erit ille, qui quæritur, dummodo arcus ille ab Ψ , usque ad invenit punctum secundum seriem signorum sumatur. Idem profectus dicendum est de puncto, seu arcu Eclipticæ inveniendo, qui datæ descensionis respondet, si pro parte orientali recti Horizontis occidentalis pars accipiat. Immo idem punctum, siue arcus invenit convenit quoque descensionis æquali in sphæra recta, cum, ut dictum est, a descensio cuiuslibet puncti in sphæra recta descensionis eiusdem sit æqualis.

*Ascensionem re-
ctam, & descen-
sionem, & arcum
Eclipticæ
non ab aliâ recta
vel curvâ, ex Astro-
labio invenitur.*

4. E X his facile ascensionem, descensionemque rectam cuiuslibet arcus Eclipticæ non à principio Ψ , inchoari reperiemus. Differentia enim inter ascensionem primi puncti, & ascensionem ultimi puncti arcus propoliti erit ascensio recta dicti arcus. Vel sic agamus. Posito ultimo puncto dati arcus in Horizonte recto ex parte orientali, ponatur linea fiduciarum ostensoris supra primum punctum eiusdem arcus. Arcus eorum Aequatoris, vel limbi inter lineam fiduciarum, & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum successione computatus ascensionem rectam dati arcus metietur. Quod idem de descensione eiusdem arcus dices. Hic non docemus invenire arcum non ab Ψ , inchoari, qui datæ ascensionis rectæ respondeat: quia vari arcus Eclipticæ æquales possunt habere ascensiones, ut perspicuum est in sphæra materiali, & ad finem Num. 3. dicemus.

*Ascensionem re-
ctam, & descen-
sionem, & arcum
Eclipticæ
non ab aliâ recta
vel curvâ, ex Astro-
labio invenitur.*

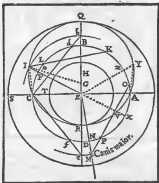
5. S I N E instrumento eandem ascensionem rectam, descensionemque veni-
bimus hac ratione. Repetatur figura antecedentis Canonis, in qua Aequator
ABCD; Ecliptica AQCR, eius centrum H, & polus G: præpositumque sit in-
venire ascensionem, vel descensionem rectam principii χ . Invenit hoc pun-
ctum Eclipticæ, quod sit I, per rectam Ga, ex polo G, Eclipticæ per punctum a,
distantiam principii χ , ab Ψ , terminans educit, ducitur ex E, centro Astro-
labii ad I, recta secans Aequatorem in F. Dico arcum Aequatoris CDABF,
secun-

secundum successiōnem signorum numeratum, ascensionem rectam esse, aut descensionem puncti Eclipticæ I, vel arcus CRAQI, ab Ψ , inchoati. Quosum enim EI, est Horizon quidam rectus, cum maximum circulum per polos mundi ductum referat, ut propoſ. 1. Num. 4. superioris lib. ostendimus, orientem in sphaera recta simul duo puncta I, F, & simul occident. Quo ergo tempore principium Ψ , arcum FBADC, conficiet ad motum primi mobilis, eodẽ Eclipticæ punctum I, ad Horizontem rectum perueniet, hoc est, totus arcus Eclipticæ CRAQI, ascendet, vel descendet.

6. EODEM modo ascensionem, descensionemque rectam cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ψ , inchoati explorabimus, si ex E, centro Astrolabij per extrema duo puncta arcus in Ecliptica dati duæ rectæ ducantur. Hæc etenim in Aequatore arcum ascensionis rectæ, vel descensionis includent. Ut arcus Aequatoris BF, ascensio vel descensio recta erit arcus Eclipticæ QI, qui inter principium Ψ , & principium X, incipitur.

7. ITAQUE si Ecliptica AQCR, in 12. signa distribuatur, ut propoſ. 3. lib. Num. 17. docuimus, trad eorum puncta ex centro E, rectæ ducantur, constructa erit figura continens ascensiones, descensionesque rectas omnium signorum. Nam arcus Aequatoris à polo C, versus D, vsque ad singulas eiusmodi lineas, habent ascensiones, descensionesque punctorum, quæ initia, ac terminos signorũ designant. Arcus vero eiusdem Aequatoris inter quasvis duas eiusmodi rectas comprehensus, ascensionem, descensionemque illius arcus Eclipticæ non ab Ψ , inchoati exhibebit, qui inter easdẽ duas rectas includitur. Et si singula signa in gradus subdividantur, atque ad eos similiter rectæ ex E, emittantur, habebimus quoque ascensiones, descensionesque omnium graduum Eclipticæ. Ita vides in prædicta figura, arcum CD, ascensionem rectam esse arcus CR, inter principium Ψ , & principium \mathfrak{S} , positi: Arcum vero CDA, ascensionem arcus CRA, inter principium Ψ , & \mathfrak{A} : Arcum item CDAB, ascensionem arcus CRAQ, à principio Ψ , vsque ad principium Ψ : Arcum præterea FCD, esse rectam ascensionem arcus ICR, inter principia X, & \mathfrak{S} . Interpositi, & sedæ cæteris. Atque huiusmodi figuram refert prior figura Andree Schoneri, quam in Scholio propoſ. 3. lib. 2. Gnomonices descripsimus, exemplumque posuimus in Canone sequenti, Num. 10.

EADEM figura ascensionum rectarum constructur, si Ecliptica dividatur in
E e e e gradus



Ascensio recta
descensio
recta
arcus
Eclipticæ
non ab
Arcus
incluatur
Astrolabio
describitur.

Figura ascensionum
rectarum
non ab
Arcus
incluatur
Astrolabio
describitur.

gradus per lineas rectas per centrum Astrolabii ductas, ut lib. 2. propos. 6. ad finem Num. 37. docuimus: si nimirum puncta inueniantur in recta, quæ in centro maximi circuli iungitur Verticalis Eclipticæ (quæ est recta ST, in figura propos. 11. lib. 2.) ad meridiana lineam perpendicularis est, per quæ rectæ per centrum Astrolabii deducantur. Hæ enim rectæ & Eclipticæ in gradus distribuuntur, ut lib. 2. propos. 8. ad finem Num. 37. ostendimus, & rectas ascensiones eorum, eorum graduum indicant, ut hic ostensum est.

8. VICISSIM ex data ascensione, aut descensione rectæ arcum Eclipticæ

respondentem eliciemus, si ex centro E, per terminum ascensionis, descensionisve rectæ emittatur. Hæc enim Eclipticam secabit in puncto, cui ascensio data correspondet, arcus autem respondens erit is, qui à principio V, secundum successionem signorum ad illud usque punctum protrahitur. Ut ascensioni rectæ C D A B F, respondet arcus Eclipticæ CRAQI: atque ita de cæteris. Manifestum est autem, ex ipsa figura, datæ ascensioni, quæ ab V, non incipiat, assignari non posse arcum Eclipticæ respondentem. Nam ascensioni BF, respondet tam arcus QI, quam arcus QY, cum ascensio BF, ascensionibus BZ, sit equalis usque ita, quæ arcui BF, alibi in Aequatore arcus equalis accipitur.



tur, respondet ei ascensioni alius arcus Eclipticæ.

9. ASCENSIO rectæ & descensio cuiuslibet stellæ eadem facilitate reperitur. Sinamque ex centro Astrolabii per locum, seu centrum stellæ recta lineæ ducatur, arcus Aequatoris inter principium V, & illam rectam secundum signorum seriem interceptus, ascensionem, descensionemve rectæ stellæ metietur. Ut ascensio, vel descensio rectæ Canis maioris erit arcus Aequatoris CDN, Punctum autem Eclipticæ simul cum stellâ propositâ continens super Horizontem rectum EM, vel occidens, aut ad Meridianum perueniens, hoc est, casum, mediam, erit illud, per quod eadem recta EM, in Eclipticâ transit. Quoniam autem intervallo punctum illud à principio V, abscidit, ita abscidit etiam G, polo Eclipticæ, per ipsum punctum Eclipticæ transit. Tot enim gradus in arcu Eclipticæ inter datam rectam, & principium V, continentur, quot in arcu Aequatoris inter eandem rectam, & principium V, comprehenduntur, ut lib. 2. propos. 17. demonstravimus. V. g. si recta EI, per abscissam stellæ centrum ducta esset, orietur ea stellâ super Horizontem rectum EI, vel ipsa cum descenderet, aut eadem medietur cum puncto Eclipticæ I, quod tot gradibus à princi-

Ex data ascensione, descensione autem arcuum Eclipticæ respondentem eliciemus.

Ascensio, descensio rectæ stellæ eadem facilitate reperitur. Sinamque ex centro Astrolabii per locum, seu centrum stellæ recta lineæ ducatur, arcus Aequatoris interceptus, ascensionem, descensionemve rectæ stellæ metietur.

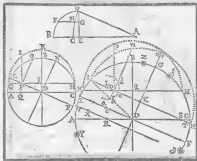
po $\sqrt{}$, versus Σ , recedit, quod in arcu Aequatoris Ca. continentur; Eiusdem item stellæ ascensio, descensione recta esset arcus CDAF.

S C H O L I U M.

1. ET Analemmata sic ascensionem, descensionemque rectam cuiuslibet puncti Eclipticae adipsam. Repræsentat figura scholæ antecedentis Canonis, sumatur in 1. descriptio arcus NO, æqualis distantia dati puncti à proximo puncto æquinoctij, & demittatur ad Eclipticæ diametrum perpendicularis OF, ac per F, Aequatoris diametrum parallela agatur GH, secans ED, in I; atque denique ad GH, ex I, tendit perpendicularis FL, sitque circulus circa GH, descriptus in L. Dico arcum KL, esse ascensionem, descensionemque rectam dati puncti O. Nam ut in scholâ præcedentis Canonis, ascendimus, GH, est diameter paralleli, quem datus punctum describit, cuiusque semicirculus GKE, & dati puncti declinatio AG: ^a Et quoniam Colurus æquinoctiorum per D, initium $\sqrt{}$, datus, & circulus declinationis, qui tunc est Horizon rectus, similis arcus ex A-

Altera vero de
ascensione: aut re-
ctam dati puncti
Eclipticae ex A. ad
horizontem ad quod

a 10. 1.
Theod.



equatore & parallelo abscendant, erit arcus KL, similis arcui ascensionis, vel descensionis rectæ in Aequatore, quem circulus declinationis per punctum L, incidens abscindit, tanquam Horizon rectus. Quod ut planius fiat, concipiamus semicirculus EHF & EKH, Eclipticæ, & paralleli, ad Colurum rectæ, qui positi congruant sibi rursus parallelis L, O, ut in scholâ præcedentis Canonis docetur. Cum ergo circulus declinationis in hac rectâ Horizonem transeat per O, punctum Eclipticæ, transeat ead. per punctum L, Et quia tunc punctum K, est in Colure æquinoctiorum, cum I, E, communis sessio sit paralleli, & per adit. Coluri ad Colurum solstitiorum perpendicularis, ut ratio postulat: (Nam quia & Colurus æquinoctiorum, & parallelus ad Colurum solstitiorum rectus est) erit quoque communis circuli sessio ad eundem rect. d., utique & ad GH, communem sessum paralleli, & Coluri solstitiorum. Quare KI, cum ad GH, sit perpendicularis, erit communis sessio diti Coluri æquinoctiorum, ac paralleli: ^a erit arcus KL, similis arcui Aequatoris inter Colurum æquinoctiorum, & circulum declinationis per L, tran-

b 1 p. und.

c 1 c. 2.

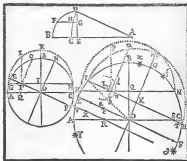
Theod.

Hæc 1

sumam,

stantem, qui quidem arcus ascensio recta est, aut descensio puncti O , sine arcus Ecliptica NO , quippe qui inter Horizontem rectum, qui tunc est circulus declinationis & Co-larum æquinoctiorum, sine punctum æquinoctij interijciatur.

ITAE si punctum O , datum constet inter V , & Δ ; ascensio eius recta, vel descensio, erit KL , minor quadrante: si inter Δ , & Δ , ascensio, descensioque erit arcus constans ex quadrante KG , & arcu GL , quia tunc ascensio, descensioque KL , cum contra successum supputetur a Δ , auferenda est à semicirculo, ut ascensio, aut descensio ab V , inchoata relinquatur: si inter Δ , & Δ , ascensio, vel descensio erit arcus constans ex semicirculo, & arcu KL , quia tunc ascensio, descensioque KL , sumit initium à Δ , tenditque versus Δ : si denique ultra Δ recta ascensio, aut descensio erit arcus ex tribus quadrantibus, & arcu GL , constans, quia tunc ascensio, descensioque KL , pergit reliquis arcus Eclipticae usque ad V , ac prout ex integro circulo auferenda, ut ascensio, descensioque ab V , inchoata relinquatur. Quod si datum punctum sit E , principium Δ , erit eius ascensio, vel descensio quadrans: si principium Δ , semicirculus: si denique principium Δ , arcus ex tribus quadrantibus constans.



Ascensio recta constans erit, vel descensio semicirculus, aut arcus minor.

2. STELLAR, cuiusvis ascensionem rectam vel descensionem eodem modo cognoscemus, si eius declinationem innoverimus, ut in scholio præcedenti Canonis dictum est. Nam in 3. descriptione recta QO , erit summi ascensio, vel descensio recta in parallelo MPN , ita ut recta DE , producta, & perpendicularis OP , intersectio ascensionem descensionemque rectam. Eadem enim ratio hic est, quæ paulo ante de ascensione, descensioneque duobus punctis Eclipticae allata est.

§ 1 igitur Stella distans 1m, à principio Δ , numeretur contra successum signorum, minorque sit quadrante, ascensio, vel descensio eius recta erit minor quadrante, arcus videlicet summi QO , debitus: si vero distans illa contra signorum ordinem sit quadrante maior, superabit ascensio, vel descensio recta tres quadrantes complementum arcus, qui summi QO , debetur; quia enim tunc ascensio descensioque inchoat initium sumit ab V , & versus Δ , tendit, subducenda erit ex integro circulo, ut ascensio, vel descensio recta ab V , secundum signorum ordinem numerata relinquatur.

ut: Quod si distantia Im , à principio \odot , numeretur secundum successivam signorum, utique sit quadrans, ascensio, aut descensio recta immensa, utrumque sumat à \odot versus \odot , tendens, ideoque ex semicirculo auferenda erit, ut ascensio, vel descensio recta stella relinquatur ab \vee , inchoata: Si denique distantia illa secundum successionem signorum sit quadrans minor, tendet ascensio, vel descensio sumenda à \odot versus \odot , ideoque ad semicirculum adicienda, ut ascensio descensionis stella ab \vee , numerata conficiatur. Quod si stella distantia à \odot , nulla sit, continetbit eius ascensio vel descensio recta quadrantem: si quadrantis aequalis sit secundum ordinem signorum, semicirculus: si denique semicirculus sit secundum signorum seriem, sine contranumerata, tres quadrantes. Quae omnia in sphaera materiali perspicua sunt.

3. Si ascensio vel descensio recta arcus cuiusvis Eclipticae non ab \vee , inchoata describeretur, investiganda erant ascensiones, vel descensiones duorum circulorum punctorum dati arcus. Nam si minor ascensio, descensionis ex maiore detrahatur, reliqua sit dati arcus ascensio recta, aut descensio.

4. Si AM ex data ascensione, aut descensione recta arcum Eclipticae respondentem, cui videlicet ascensio, vel descensio data convenit, ita colligemus. Si ascensio, aut descensio recta quadrante minor est, assumatur ea, ut proposita est: Si vero maior est quadrans, sed semicirculo minor, detrahatur ex semicirculo: similiter semicirculo, sed minor tribus quadrantibus, detrahatur ex ea semicirculus: si denique maior tribus quadrantibus, dematur ex integro circulo: haec enim ratione habebatur super ascensio, vel descensio recta à proximo puncto aequinoctij nota, ac minor quadrante. Huius ascensionis descensionis sumatur in 2. descriptione sinus rectus DQ , quod facile fiat, si ex B , versus A , ipsa ascensio, vel descensio numeretur, & à terminum numerationis ad $A D$, perpendicularis demittatur. haec enim sinum abscondet DQ , quem cupimus. Invenienda ergo est parallela GI , quae à diametro Ec ipsa DQ , sit dividatur in F , ut eadem sit proportio IF , ad FG , quae DQ , ad QA . Tunc enim si circa eam semicirculus describeretur GKH , & perpendicularis excideretur FL , esset arcus KL , similis arcui ascensionis, vel descensionis data, cuius sinus est DQ , ex Lemma 9. ac proinde ascensio descensionis illa recta arcui Eclipticae deberetur, cuius sinus est DF , & ultimi puncti declinatio AG . Quo pacto autem ex inveniti puncto F , elevandus sit arcus Eclipticae, cui data ascensio descensionis congruat, Num. 6. docuimus.

5. Si C autem parallela GI , quae et modo dividatur invenietur. Per Lemma 9. reperitur in DE , punctum F , per quod transire debet Ellipse, cuius maioris axis semis sit DB , minoris DQ . Recta enim per F , ducta aequidistant ipsi $A D$, erit ea, quae quaeritur, cum per Lemma 9. sit, ut DQ , ad QA , ut IF , ad FG . Punctum porro F , refert illud, in quod cadit perpendicularis ex communi sectione circuli declinationis, & paralleli in planum Caeli solstitionum demissa, cum ab omnibus punctis illius circuli perpendicularis demissa cadant in Ellipsin per prop. 24. lib. 1. nostra Geometria. Ex quo fit, circulum illum declinationis stare parallelum in proprio suo in puncto L , ideoque KL , arcum similem esse arcui ascensionis descensionis rectae in Aequatore, quem idem circulus abscondit, & cuius sinus est DQ , quem perpendicularis ex intersectione dicti circuli declinationis cum Aequatore in Caelum solstitionum demissa, perspicat.

6. IDEM punctum F , Eclipticae, & declinationem AG , sine auxilio Ellipse reperimus hoc modo. Quoniam per prop. 44. nostrorum triang. sphaer. in triangelulo sphaerico EIM , quod in duobus circulis sphaer. Canonis praecedentis continetur, est ut sin. recti ad sin. arcus ascensionis descensionis rectae EL , ita tangens anguli MEL , maxima declinationis ad tangentem arcus declinationis Ld , cuius permutando, ut si-

ascensionem rectam dicitur Sin. recti dati arcus Eclipticae ubi ab dicitur recta EL , reperitur ex Axiomatibus. Si data arcus ascensio vel descensionis recta arcum Eclipticae ut punctum ducimus per Axiomatibus reperitur.

maxima ad tangentem maxima declinationis, ita finis ascensionis, descensionis re
 et data ad tangentem declinationis puncti, cui ascensio, vel descensio illa debetur. Sed
 per propof. 18. tria sunt numeri finitus, & tangentium, est quoque finis complementi
 maxima declinationis ad finem maxima declinationis, ut finis totus ad tangentem
 maxima declinationis. Igitur erit quoque, ut finis complementi maxima declina-
 tionis ad finem maxima declinationis, ita finis ascensionis, descensionis recta ad
 tangentem declinationis puncti, cui ea ascensio, vel descensio congrua. Sit ergo Meri-
 dianus, sine Colaris solstitiali ANCM, cuius centrum D; Aequatoris diameter AC;
 Ecliptica EP; axis mundi gb. Detrahatur ad AC perpendicularis EB, & ex A ad eandem
 AC, erigatur perpendicularis AK, qua circuli tangit, ex circuli. propof. 16 lib. 3. Eucl.

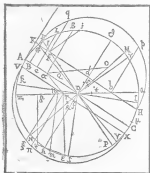
Denique D e, sit finis data af-
 censionis, descensionis recta, &
 ex e, ad AC, perpendicularis
 erigatur e l. b. Et quoniam est
 ut BD finis complementi ma-
 xima declinationis AE, ad
 BE, finem eiusdem maxima
 declinationis, ita D e, finis af-
 censionis, descensionis recta
 data ad e l. ari ut proxime de-
 monstravimus, e l, tangens de-
 clinationis qua sita. Sumptis er-
 go AK, & e l, aequali, ducatur
 ex K, per centrum D, recta
 KDT. sicque circulus in G;
 erit, A K, tangens arcus AG;
 idemq; AG, declinatio erit qua
 sita, ita ut tunc Ecliptica cum
 Colaris, vel Meridiani efficiat
 solstitialem continuationem GT. De
 hanc autem GH, & AC, paral-
 lela secabit Eclipticam in F,
 puncto, quod quaeritur.

6. INVENTO puncto F,
 ducatur ex D, F, ad EP, dua

perpendicularis Dr, Fi, utriusque, arcus Eclipticae inter V, vel Q, & circulum decli-
 nationis, qui vicem gerit Horizonti recti. Si igitur data ascensio, vel descensio recta mi-
 nor est quadrante, arcus vi, erit is, cui ea ascensio, vel descensio debetur, utriusque su-
 meret ab V. Si vero ascensio, aut descensio data maior est quadrante, sed semicirculi vi-
 ces, tendat arcus r i, à Q, versus GT. Et ergo ablato ex semicirculo, reliquum quae-
 ritur arcus ab V sumens initium. At si data ascensio, vel descensio maior est semicirculo,
 sed trius quadrantis minor, vertet arcus r i, à Q, versus D. Quare si adhuc
 semicirculus, constabit arcus quatuor ab V, inclinatus. Si denique data ascensio, aut
 descensio maior est trius quadrantis, arcus r i, per totum erit ab V, versus D. Et ut
 ergo ex tota circulo detrahitur, relinquantur arcus quatuor ab V, inclinatus. Manifestum au-
 tem est, si ascensio, vel descensio recta sit quadrans, arcum Eclipticae respondentem esse
 quadranti ab V, inclinatum; si semicirculus, semicirculum; si denique trius qua-
 drantes, tres quadrantes.

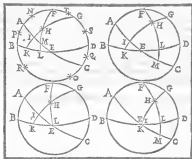
7. AVILIC finem omnia hac indagabimus hac ratione. Exponentur 12
 circuli

b, 4. sexti.

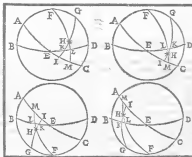


perale ad finem ſcholiꝝ antecedentis Canonis deſcripi, in quibus omnibus (tertio & duo
ſecundo excepto) aſcenſio rectæ à proximo æquinoctiꝝ puncto computata, quæ puncto
Eclipticæ in, congruit, eſt arcus EL , cum circulus FL , vicem gerat Horizontis rectæ,

A, ſignificans po-
ſitionem, declinationem
eiusdem puncti
in Eclipticæ, be-
neſcit hanc ſap-
ientiam.



puncto qui per polos mundi ductus cum Aequatore rectæ angulos ad L , conſtituat. Si
iterum triangulo ſphærico reſtꝑangulo ELM , per 1. modum problematis p. triang.
ſphæ. ultimi Lemmatis, fiat ut ſinus totus ad ſinum complementi anguli MEL ,

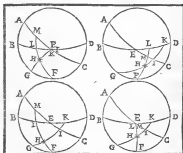


maxime declinationis, ita tangens arcus EM , Eclipticæ i proximo puncto æqui-
noctiꝝ inchoanti ad aliud, producat tangens aſcenſionis rectæ EL , qualiter.

Et ſi

Et si punctum M , extiterit inter principium \surd , & \odot , erit ascensio recta ipse arcus inuentus EL , quadrante minor: si vero inter principium \odot , & \surd , detrahenda erit ascensio inuenta, quæ à \surd , versus \odot , supputatur, ex semicirculo, ut ascensio recta quævis ab \surd , inchoata reliqua fiat: At si inter principium \surd , & \odot , adiciendus erit semicirculus ad ascensionem inuentam, cum hac à \surd , versus \odot , numeretur, ut ascensio recta quævis ab \surd , inchoata constituatur: Si denique inter \odot , & \surd , ascendendo erit inuenta ascensio, quæ ab \surd , versus \odot , numeratur, ex integro circulo, ut ascensio recta ab \surd , inchoata, & secundum successivam signorum supputata, quæ quæritur, relinquatur. Eodem autem modo descensio recta cuiusvis puncti Eclipticæ supputabitur, cum hac ascensionis recta aequalis est.

VICISSIM ex data ascensione, descensionis recta supputabitur arcus Eclipticæ respondens, hoc modo. In eodem triangulo ELM , si per 1. modum problematis 17. triang. spher. solvar. Lemmatis ultimi, fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli LEM , maximæ declinationis, ita tangens complementi rectæ ascensionis, de-

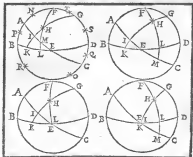


clensionisve datæ EL , ad aliud, procreabitur tangens complementi arcus EM , quæsitæ. Sed hic etiam, ut Num. 4. diximus, si data ascensio, vel descensio recta quadrante minor est, addenda erit, ut proponitur: si vero quadrante maior, sed minor semicirculo, detrahenda erit ex semicirculo: si autem maior semicirculo, sed tribus quadrantibus minor, demendus erit semicirculus ex eâ: si denique tribus quadrantibus maior, subducenda erit ex integro circulo. Hac enim ratione habebitur semper ascensio, descensiove recta quadrante minor, & à proximo puncto æquinoctij inchoata. Rursus quando ascensio, vel descensio recta data quadrante minor est, erit arcus Eclipticæ EM , in qui quæritur ab \surd , inchoatus: si autem maior quadrante, semicirculo tamen minor, auferendus erit inuentus arcus EM , ex semicirculo, ut quævis arcus reliquus fiat ab \surd , numeratus: at si semicirculo quidem maior, sed tribus quadrantibus minor, adiciendus erit inuentus arcus EM , semicirculus, ut quævis arcus ab \surd , inchoatus constituatur: si denique tribus quadrantibus maior, inuentus arcus EM , ex integro circulo subtrahendus erit, ut reliquus sit arcus quæsitus ab æquin.

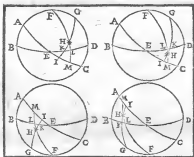
ab initio $^{\circ}V$, numeratur. Id quod in precedenti artem Num. 6. diximus.

ASCENSIO recta, descensioque cuiusvis stellæ hac arte per numeros reperitur. In omnibus 12. circulis ascensio, vel descensio recta a stellâ est arcus BL, à Coluri solsti-

ti-
tium, de circulo
semper constan-
ter stellâ per
majus rectum.

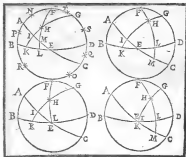


tium si microne, in quo principium $^{\circ}Q$, existit, numeratur, vel arcus DL, à semicir-
culo est à Coluri, in quo principium $^{\circ}Q$, est, computatus, quoniam ex angulo BFL,
vel DFL, se investigabimus. Quoniam in triangulo sphaerico FGH, tria latera nota

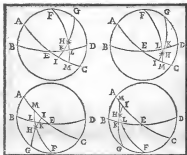


sunt, cum FG, sit arcus maxima declinationis, et GH, complementum latitudinis stellæ,
et denique FH, complementum declinationis ipsius stellæ in scholis precedenti

Cum Nunc ita invenitur; si per problema 21. triang. solvar. utimus Lemmatis. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus FH, complementi declinationis, ita sinus arcus FG, maximæ declinationis ad aliud, invenietur quartus quidam numerus, De-



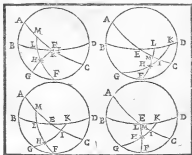
pote si sursum fiat, ut quartus numerus proxime inventus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versum tertij arcus GH, latitudinem stellæ merientis, & sinum versum arcus, quo duo arcus FG, FH, inter se differunt, ad alios, gigno-



tur sinus versus anguli GFH, cuius arcus DL, vel BL, quaeritur; hoc est, sinus versus ascensionis, de scensionisue rectæ quaeritur, numeranda quædam in Acqua-

per à semicirculo Coluri solstitiorum per γ , ducto, à latitudo stellæ boreæ. hæc est, ut in prioribus 6. circulis; à semicirculo vero æquidem Coluri per δ . descripto, à latitudo est australis, ut in posterioribus 6. circulis. Ipse porro si-
nus versus orientem indicabit, cum ex ascensu in mare sit, vel minor quadrante, an ve-
re quadrans, prout videlicet mare fuerit sine eare; aut minor, vel æqualis. Peruen-
iam exuentia ascensu, aut descensu numeranda sit secundum successum signorum,
vel contra à γ , aut δ , monstrabit locus Stella in Zodiaco. Item si stella existat
in semicirculo eclipsæ ascendente, & latitudinem habeat borealem, numeranda est
marita ascensu, aut descensu à γ , secundum signorum successum; contra vero, si
in semicirculo descendente existat, latitudinemque habeat borealem. At stella existens
in semicirculo ascendente, & latitudinem habente australem, numeranda est ascensu,
descensu ita ut à δ , contra signorum ordinem secundum vero successum, siel
in semicirculo descendente existente, latitudinemque habente australem.

E K huiusmodi negotio ascensionem, siue descensionem rectam illi ab γ , inchoan-



tem reperimus. Quando enim à γ , secundum successum signorum numeratur,
adiungendi sunt tres quadrantes, & ex numero constare integer circulus abijciendus, si
abici potest, ut ascensu, descensu ab γ , inchoata producat: Quando autem à
 δ , contra signorum ordinem numeratur, auferenda ea erit ex tribus quadrantibus,
ut ascensu, vel descensu ab γ , inchoata relinquatur: Quando vero à δ , computa-
tur secundum successum signorum, adiungendus est quadrans, ut consideretur ascen-
su, descensu ab γ , inchoata: Quando denique à δ , contra signorum seriem nu-
meratur, auferenda est ex quadrante, adiecto prius circulo integro, quando datur illis
fieri nequit, ut ascensu, vel descensu ab γ , numerata remaneant. Quæ omnia in syba-
ta materiali perspicua sunt.

Quod si quando accideret, complementum declinationis æquale esse maxime decli-
nationi, ita ut latera FG, FH, quæ sunt angulus GFH, ambobus sint æqualia:
si fiat, ut sinus totus ad semidem complementi latitudinis, hoc est, ad semissem
lateris GH sita secus complementi arcus FG, maxime declinationis ad alium,

signetur sinus semisplis anguli GFH, &c. ut constet ex a. modo problematis 1. arith. sphaer. Lemmatis ultimi.

REVERSUS si repositus fuerit angulus GFH, rectus, existit vel principium $\sqrt{}$, vel $\frac{1}{2}$, in Horizontis recto, ut in 1. & 12. circulo patet. Quam ob rem ascensio recta, aut descensio vel nihil est, vel semicirculo aequalis. Quando enim ascensio inuenta, (qua tunc quadrans aequatur.) numeranda est a $\frac{1}{2}$, secundum successivam figuram, aut a $\frac{3}{2}$, contra successivam, ascensio vel descensio nihil est: quando vero a $\frac{1}{2}$, contra successivam, aut a $\frac{3}{2}$, secundum successivam computanda est, ascensio, descensioque semicirculo aequatur.

Adnot quibus sol
in illi in puncto
in aequino, vel
Lunae.

ASCENSIO, atque descensio recta hac alia quoque ratione supputari potest. Quando Stella est in principio $\sqrt{}$, vel $\frac{1}{2}$, ut in 4. & 9. circulo, sit in triangulo ELH, habente angulum L, rectum, per 1. modum problematis 9. triang. sphaer. ultimi Lemmatis. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli HKL, hoc est, ad sinum anguli LKM, maxime declinationis, cum hic illius sit complementum, ita tangens latitudinis stellae HK, ad aliud, procreabitur tangens ascensionis, vel descensionis rectae KL, à proximo aequinoctii puncto incipiente. Haec, si Stella borealis est, existitque in principio $\sqrt{}$, numeranda est ab $\sqrt{}$ contra successivam figuram, ac proinde subtrahenda ex utroque circulo ascensionem relinquant ad $\frac{1}{2}$, inclinatum si autem borealis est in principio $\frac{1}{2}$, existitque, numeranda est à $\frac{1}{2}$, secundum successivam figuram, idemque addenda ad semicirculum conficit ascensionem ab $\sqrt{}$, inclinatum: At vero si Stella est australis, & in principio $\sqrt{}$, existit, numeranda est ab $\sqrt{}$ secundum successivam figuram, si vero australis est, & in principio $\frac{1}{2}$, supputanda est à $\frac{1}{2}$ contra signorum successivam, ad id ut subtrahatur ex semicirculo ascensionem ab $\sqrt{}$ inclinatum relinquant.

Quando Stella est
in principio Can
cro, vel Capricorni
III.

QUANDO autem Stella existit in principio $\frac{3}{2}$, complectetur dies ascensio, vel descensio recta quadrantum; in principio vero $\frac{1}{2}$, tres quadrantes.

Adnotandum est
modum rectae,

EXISTENTE vero Stella extra principium $\sqrt{}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{2}$, vel $\frac{1}{2}$, in omnibus circulis, prater 4. & 9. ascensio, vel descensio recta EL, à proximo aequinoctii puncto computanda, quae sic inveniatur. In triangulo ELK, cuius angulus L, rectus, si per 1. modum problematis 13. triang. sphaer. ultimi Lemmatis. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli IEK, maxime declinationis, ita tangens complementi arcus EI, distantiam stellae à proximo puncto aequinoctii mentientis, ad aliud, producet tangens complementi arcus EK, quem argumentum ascensionis rectae dicere possumus.

DEINDE in triangulo ELK, cuius angulus L, rectus, si per 1. modum problematis 7. triang. sphaer. ultimi Lemmatis. Fiat ut sinus totus ad secantem declinationis HL, in scholio antecessoris Canonis inveniēte, ita sinus complementi anguli EI declinationis HK, in eodem scholio inveniēte, ad aliud, producet sinus complementi arcus KL, qui differentia est inter ascensionem rectam EL, & eius argumentum inveniēte EK. Quando Stella delinatum habet borealem, & in semicirculo Eclipticae boreae existit, ut in 1. 2. 3. & 8. circulo, vel australem habet declinationem, & in Eclipticae semicirculo australi existit, ut in 6. 10. 11. & 12. circulo, consideratur utrum se argu mentum ascensionis, & differentia inter ipsum, & ascensionem, & si deprehensa fuerit inaequalis, minor ex maiore tollatur. Aliquos enim numeros debet quatuor ascensionem rectam, vel descensionem EL, à proximo aequinoctii supputandam, versus eandem quidem partem, in qua locus stellae reperitur, quando argumentum minus est differentia, ut in 1. 6. 8. & 12. circulo, in contrariam vero partem loci stellae, quando argumentum minus est differentia, ut in 2. & 11. circulo: Si vero argumentum differentia in mentum fuerit aequale, existit Stella in Culure aequinoctiorum, ut in 3. & 9. circulo.

Quare

Quare si stella prope γ , existerit, eius ascensio, descensiove recta nihil erit: si vero prope α , semicirculo erit aequalis. Quando autem declinatio stellæ borealis est, eiusque locus in semicirculo Eclipticæ australis, ut in 5. circulo, vel eius declinatio australis, & locus in Eclipticæ semicirculo boreo, ut in 7. circulo, summa argumenti, & differentia dabit ascensionem, descensionemve rectam quasitam EI, à proximo æquinoctio versus eandem partem computandam, in quam stella locus vergit.

I A M vero in omnibus circulis, (præter 3. & 12. in quibus stella oritur supra Horizontem rectum, & mediat eadem cum principio γ , vel α , prout iuxta γ , aut α , exierit, cum sit tunc in Colure æquinoctiorum.) punctum M, Eclipticæ, cum quo stella oritur in sphaera recta, eademque mediat, hoc modo supputabitur. In triangulo ELM, cuius angulus L, rectus, super 1. modum problematis 13. triang. sphaer. ultimi Lematis, fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli LEM, maximæ declinationis, ita tangens ascensionis rectæ EL, æquatur, & à proximo æquinoctio numeratur, ad aliud, prædabit tangens arcus Eclipticæ EM, in eandem partem vergens: in quam ascensio tendit. Punctum ergo Eclipticæ M, quasitum ignorari non poterit.

¶ Y O D si stella caruerit latitudine, invenitur eius declinatio, ascensioque recta, & descensio, ex eius distantia à proximo æquinoctio: quemadmodum dari puncta Eclipticæ declinationis, ascensionisque rectæ supputata sunt.

C A N O N V.

ASCENSIONEM, descensionemque obliquam cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim datæ ascensioni, descensionique obliquæ arcum Eclipticæ respondentem assignare: Denique punctum Eclipticæ, cum quo stella proposita in sphaera obliqua oritur, vel occidit, determinare.

1. NON proponimus hic determinationem puncti Eclipticæ, cum quo stella data eadem mediat, hoc est, ad Meridianum pervenit; quod quilibet stellæ cum eodem puncto in sphaera obliqua Meridianum attingat, cum quo in sphaera recta: quod quidem indicatur in Eclipticæ per lineam fiducie offensoris stellæ cacumen superpositam; vel per rectam ex centro Astrolabii per stellam ductam, ut in precedenti Can. Num. diximus.

P O N A T V R datum punctum Eclipticæ, hoc est, ultimum punctum arcus ab γ , inchoati, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte obliquo datæ regionis ex parte orientali. Nam recte sic constituto, arcus Aequatoris à principio γ , secundum ordinem signorum usque ad Horizontem obliquum, hoc est, usque ad intersectionem orientalem Aequatoris cum Horizonte recto, & obliquo, computatus, dabit ascensionem obliquam, quæ inquiritur: quam etiam dabit arcus ei similis in limbo inter lineam fiducie offensoris per principium γ , transeuntem, & Horizontem rectum interceptus. Arcus enim ille Aequatoris peroritur simul cum arcu Eclipticæ ab γ , usque ad datum punctum numerato supra Horizontem obliquum; idemque peroritur tunc erit, quando stella

ad Ho-

Punctum Eclipticæ à eodem quo stella in Horizonte recto oritur, eandemque mediat, per eandem supputatur.

recta quare eodem puncto. Et dicitur, quod modus eadem, in sphaera obliqua cum quo in recta.

Arcus rectus obliquus cum puncto Eclipticæ, ut punctum per eandem regionem supputatur.

qgi gradus ſellæ
punctum cum dato
ſtella occidit in
ſphæra obliqua.

De ſphæra obli-
quæ data punctum
ſellæ, punctum
ſtelle aut ſolæ
meridianæ, ſubſtan-
tia.

qgi gradus ſellæ
punctum cum dato
ſtella occidit in
ſphæra obliqua.

Aſcenſionem ſellæ
ſphæra obliqua
data orientem
arcum Eclipticæ
pro ſubſtantia
repreſentat.

De ſphæra obli-
quæ data punctum
ſellæ, punctum
ſtelle occidit in
ſphæra obliqua.

Aſcenſionem, de-
ſcenſionem obli-
quæ data punctum
ſellæ, punctum
ſtelle aut ſolæ
meridianæ, ſubſtan-
tia.

ad Horizontem obliquum peruenerit, vt ex inſtrumento liquido apparet. Poſtea autem ſtella in Horizonte obliquo ex parte orientali, punctum Eclipticæ, in eodem Horizonte tunc exiſtens eſt illud, cum quo ſtella occidit.

2. E O D E M modo, ſi datum punctum, vel ſtella in eodem Horizonte obliquo ex parte occidentali collocetur, dabit arcus Aequatoris à principio $\sqrt{}$, ſecundum ſignorum ſuccoſſionem vſque ad Horizontem obliquum, id eſt, vſque ad interſectionem Aequatoris cum Horizonte obliquo, & recto, computatus, deſcenſionem obliquam dati puncti, aut ſellæ; Cui arcui ſimilis eſt arcus Limbi inter Horizontem rectum, & lineam fiduciæ Offenſoris per initium $\sqrt{}$, tranſeuntem, interpoſitus. Nam arcus ille Aequatoris totus intra Horizontem obliquum deſcendiſſe conſpicitur, cum primum ſtella, vel punctum datum ad obliquum Horizontem peruenerit. Poſtea autem ſtella in Horizonte obliquo ex parte occidentali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc exiſtens eſt illud, cum quo ſtella occidit. Atque hoc punctum ſemper diuerſum eſt ab eo, cum quo eadem ſtella oritur in ſphæra obliqua.

3. AſCENſIONI, deſcenſionem obliquæ cogniſce, ſive ea alicuius puncti Eclipticæ ſit, ſive ſtellæ, arcum Eclipticæ reſpondentem ſic reperies. Circumueoluatur rete, donec arcus Aequatoris à principio $\sqrt{}$, verſus γ & Π , tendent vſque ad Horizontem obliquum ex parte orientali complectatur tot gradus, quot in data aſcenſione continentur. Nam punctum Eclipticæ, quod tunc Horizontem obliquum ex eadem parte attingit, terminat arcum Eclipticæ quaeritum, cui nimirum data aſcenſio congruit; Et ſi aſcenſio data eſt alicuius ſellæ, necesse eſt, tunc ſtellam in eodem Horizonte reperiri. Quocirca vt habeatur punctum Eclipticæ cum ſtella cooriens, ſatis eſt, vt ſtella in Horizonte obliquo ponatur. Punctum enim Eclipticæ Horizontem eundem attingens, erit id, quod quaeritur. Aſcenſionem autem facile numerabis in Limbo ab Horizonte recto ex parte orientali verſus armillam progrediendo. Si enim ad terminum applices lineam fiduciæ offenſoris, vertendum erit rete, donec principium $\sqrt{}$ præſe ſub linea fiduciæ reperiatur. Tunc enim arcus Aequatoris inter $\sqrt{}$, & Horizontem rectum, ſimilis erit ei, qui in Limbo numeratus eſt. Non aliter deſcenſionem obliquæ arcum Eclipticæ ſimul deſcendentem inuenies, ſi pro parte orientali occidentalem recipias.

CAETERVM poſtò puncto Eclipticæ dato, vel ſtella in Horizonte obliquo, & ſuperpoſita linea fiduciæ ipſi puncto, vel ſtella, arcus limbi inter lineam fiduciæ, & Horizontem rectum interſectus, eſt differentia aſcenſionalis illius puncti, vel ſellæ, cum aſcenſio recta terminetur in linea fiduciæ, quæ uſque eſt Horizontis recti, obliqua vero in Horizonte recto, vt Num. 1. dictum eſt.

4. N O N diſſide erit ex his aſcenſionem, deſcenſionem obliquam cuiuſlibet arcus Eclipticæ non ab $\sqrt{}$ inchoaſti conſtitere. Nam differentia inter aſcenſionem, deſcenſionemque primi, & vltimi puncti arcus propoſiti, erit aſcenſio, deſcenſio obliqua dicti arcus. Vel ita procedemus. Poſito primo puncto dati arcus in Horizonte obliquo, notetur in Limbo per lineam fiduciæ offenſoris per idem punctum tranſeuntem gradus, in quem linea fiduciæ cadit. Deinde circumueoluatur rete, donec vltimum punctum euſdem dati arcus Horizontem obliquum attingat, & notetur iterum gradus in Limbo à linea fiduciæ per primum punctum tranſeunte monſtratus. Arcus enim inter duo illa puncta poſitus, erit aſcenſio, aut deſcenſio obliqua dati arcus, prout videlicet pars orientalis, aut occidentalis Horizontis obliqui aſſumpta fuerit.

5. AſCENſIONEM, deſcenſionemque obliquæ cuiuſlibet puncti Eclipticæ.

Ellipticæ, seu stellæ cognoscemus sine instrumento, hac ratione. Sit Aequator⁷ ABCD, cuius centrum E, tropicus ζ , FLM, tropicus σ , GNO; Eclipticæ AFCG, cuius centrum H, & polus I; Horizon obliquus ad datam regionem descriptus LCPAM, cuius centrum K, & polus Q; describaturque per K, centrum Horizontis, parallelus Aequatoris KTR. Sumpta ergo huiusmodi circuli semidiametro Horizontis KP, ponatur unus circuli per in dato puncto Ellipticæ, vel in centro stellæ, utbi gratia, in d, principio η , vel in centro stellæ V, & altero centrum T, sumatur in circulo KTR, ex quo per d, vel V, Horizon dato Horizonti similis describatur Vdm, ita ut eius centrum a dato puncto respiciat Ellipticæ partes præcedentes, occidentales signorum, ut ex η , Leonem, ex η , Libram. &c. Arcus namque Aequatoris CDL, ab γ , usque ad dictum Horizontem erit ascensio obliqua puncti d, vel arcus Ellipticæ CGd, & stellæ V, propterea quod punctum Aequatoris i, una cum puncto Ellipticæ d, & stellæ V, oritur supra Horizontem obliquum dV. Quod autem dV,

Arcus d, de
Ascensio obli
quam dat punct
describere, vel
stellæ sit, idem
modus tractandi
est.

Quo pacto Hori
zon obliquus de
scribitur sit qui
a meridiano obli
quus.

Horizon sit dato Horizonti similis, hoc est, eiusdem inclinationis ad Aequatorem cū Horizonte dato APC, patet, cum sit unus ex circulis horarum ab ortu, vel occ. ut cō sit ex ijs, quæ lib. 1. prop. 3. Num. 1. demonstravimus, qui quidē circuli omnes eandem inclinationem cum Horizonte, cui æquales sunt, ad Aequatorem habet, ex theor. 1. propof. 22. lib. 1. Theod. quippe qui eodem parallelis, quos Horizon, tangant. Cum ergo signa & stellæ eodem modo oriatur supra omnes Horizontes eiusdem inclinationis, quamvis unus sit altero orientatior, perspicuum est, arcum Aequatoris CDL, esse ascensionem η , & stellæ V, in dato Horizonte, est ascensio sit supra Horizontē per η , transeuntem, & per stellā V. Sic si per principium η , id est, per punctum Z, ex centro S, Horizon describatur secans Aequatorem in Y, erit arcus Aequatoris CDY, ascensio obliqua puncti Z, vel arcus Ellipticæ CDZ. Et sic de cæteris. Gradus autem Ellipticæ d, ab Horizonte per stellam V, descripto abscissus est ille, cum quo stellā oritur.

DESCENSIO obliqua eodem modo reperietur, si per datum punctum, aut stellam Horizon describatur centrum habens in prædicto parallello KTR, per centrum Horizontis descripto, ita tamen, ut eius centrum respiciat partes Ellipticæ præcedentes, sive occidentales. Ut si per f, principium γ , vel per stellam X, ex centro S, Horizon fX, describatur secans Aequatorem in l,

erit



Qui gradus Ell
ipticæ cum dato
stellæ oritur in
diagrama obliquus.

Quo pacto Hori
zon obliquus de
scribitur sit qui
a meridiano obli
quus.

and grades. Police
were even doing
the rounds in
the city.

Differenziale a' fine
d'azione d'azione
quella che per
che si portava di
un'azione.

„Inoffiziell“ waren die
Kollaborateure, nicht
aber „unoffiziell“, weil
sie nicht offiziell an-
geworben wurden. In
offizieller Form wur-
den sie als „Kollabo-
rateure“ bezeichnet.

[illegible]

erit arcus Aequatoris Cl, descensio obliqua puncti Eclipticæ f, vel arcus Cf, & stella X. Gradus autem f, Eclipticæ ab Horizonte per stellam X, descensus ab-
scissus est ille, cum quo stella occidit.

6. Si ex centro b , per datum punctum E clipticæ, vel stellæ, recta ducatur secans Aequatorem, erit arcus Aequatoris inter illam rectam, & Horizontem eodem modo, quo diximus, descriptum differentia ascensionalis, vel deferentialis. Vt pY , erit differentia ascensionalis primi puncti m , cum eius ascensio recta sit CDp , obliqua vero CDY . Sic 1 differentia ascensionalis erit primi puncti Y : Et k differentia ascensionalis stellæ V .

7. **OBLIQUA** ascensio dati arcus h. elipticæ non ab γ , inchoati, erit arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema puncta dati arcus descriptos, ita vt conuexum versusque respiciat præcedens signum, quod videlicet ante datum punctum oritur. Eiusmodi eam arcus erit differentia ascensionum, quæ punctis extremis dati arcus debentur. Vt ascensio obliqua signi ♌ est AY , ligni ♊ , A h. arcus denique dZ , inter principia ♊ & finem ♌ ascensio obliqua est: A γ . Non alia ratione descensio obliqua dati arcus aliunde quam ab γ , inchoati, erit arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema eam arcus descriptos, ita vt versusque conuexum præcedentes partes h. elipticæ, quæ videlicet prius oriuntur, respiciat. Vt descensio obliqua signi ♌ erit γ , eam γ . Con-

8 Ex data autem ascensione, descensionque obliqua aliamus arcus, vel fideles, venimus in cognitionem arcus Eclipticę respondens, hoc modo. In Aequatore à principio γ , admittimus à puncto ζ , versus γ , II, &c. nuncietur data ascensio obliqua, & per terminũ numerationis describatur Horizon, vt Num. 7 dictum est, hoc est, vt pro ascensione cõsumum, & pro descensione conuertit Horizonis respiciat partes occidentales Eclipticę. Nihiluiusmodi Horizon per quosdam punctũ Eclipticę manabit. Vbi ascensio data alius punctũ, aut fideles, est arcus CD, aut quilibet. Eclipticę



ptice punctum d, principium videlicet dy , cui prædicta ascensio congruit, ascen-
sioni vero CDY , respondet arcus CGZ . Ita quoque descensio Cl , respon-
det punctum h , vel arcus BE , Ascensum descensionis CD hq. arcus CG in, re-
spondet bit.

9. SYNT quoque aliz dux viri intelligendi ascensionem, descensionemque obliquam

obliquas, sine descriptione Horizontum, quarum prima hæc est. Ex centro E, per datum punctum, vel stellam, describatur arcus paralleli Aequatoris contra successione m signorum vsque ad Horizontem ex parte orientali. Hic enim ascensionem obliquam metietur. Vt arcus aVb, dabit ascensionem principii ♄, seu arcus Eclipticæ CGa. Quoniam enim similis arcus Aequatoris, eiusque parallelorum supra Horizontem quemcunque ascendunt, propter uniformem motum primi mobilis; ascendit autem arcus aVb, eo tempore, quo ad motum rectis punctum a, ad Horizontem in punctum b, pervenit; quippe cum punctum a, dictum arcum ad motum primi mobilis describat; liquet eum arcum similem esse arcui Aequatoris, qui cum prædicto arcu Eclipticæ CGa, supra Horizontem ascendit, metiturque eiusdem ascensionem obliquam. Eadem ratione erit arcus VXb, ascensio obliqua stellæ V, similis nimirum arcui Aequatoris Ci: Item arcus Xb, ascensio obliqua stellæ X: Et arcus dfe, ascensio obliqua principii ♄, similis videlicet arcui Aequatoris Ci: Et arcus fe, ascensio principii ♄.

Porro arcum fbd, differentia est ascensionalis puncti a, & stellarum V, X, cum rectæ ascensiones sint af, VV, XC. Infarcus e t, differentia ascensionalis est punctoꝝ d, f, q̃ rectæ eorum ascensiones sint dh, fct. Cōstant hæc omnia hoc clarius ex his, quæ in Lemmate 49. Num. 2. demonstravimus. Nam ducta recta Eb, hoc est, circulo maximo ex mundi polo E, per b, punctum intersectionis Horizontis cum parallelo per datum Eclipticæ punctum a, descripto, auferit ex Aequatore differentiam ascensionalem Ca, cui similis est fbat ducto alio circulo maximo ex polo E, per datum punctum a, nimirum recta Ea; erit arcus Aequatoris γDa, ascensio obliqua puncti a, cui similis est arcus aVb. Sic quoniam parallelus per u, principium m, descriptus secaret Horizontem in b, auferent rectæ Eb, Eu, circulos maximos representantes, ex Aequatore arcum γD a, ascensionem scilicet obliquam arcus Eclipticæ CGa. Atque ita necesse non est describere parallelum per datum punctum Eclipticæ, sed satis est io Horizontis punctum notare, ubi ab eo parallelo secaretur. Recta enim per hoc punctum ducta, & recta ad datum punctum emissæ, interceptient in Aequatore arcum oblique ascensionis dati puncti, ut in dicto Lemmate 49. Num. 2. demonstratum est.

QVO D si ex centro R, per C, A, Horizon obliquus describatur gCA, Horizonti datæ regionis obversus, erit arcus aVg, descensio obliqua puncti a;

Gggg & Vg.



Alia modo descriptio
horizontis, obliqui
super, descriptio
obliqui obliqui
horizontis.

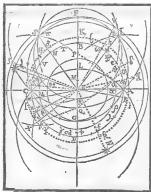
& Vg. deſcenſio obliqua ſellæ V, & Ng. deſcenſio obliqua ſellæ X. Item dñ, obliqua deſcenſio puncti Eclipticæ d, & ſr, deſcenſio obliqua puncti f. Denique tr, differentia erit deſcenſionalis, punctiorum Eclipticæ d, f, &c.

Altera ſellæ
ma.

— ALTERA autem via, quæ mihi magis probatur, propterea quod in ea neceſſe non eſt parallelum deſcribere, & ipſa ſtatim aſcenſio, deſcenſioque in Aequatore reperitur. eſt hæc. Sit ruſſum Aequator ABCD, circa centrum E, tropicus EG, & tropicus Jo. Fq, Ecliptica APCG, cuius polus M; Horizon obliquus AQC, cuius polus L, & centrum K, ſiquæ inueſtiganda aſcenſio obliqua principii Y. Ducta ex centro E, per u, principium Y, recta EG, ſecans Aequatorem in g; Item recta Em, per punctum u, ubi ex parte orientali Horizonte obliquum ſecat parallelus ex E, per datum punctum Eclipticæ u, deſcriptus, ſecante Aequatorem in m, ſumatur beneſicio circuli arcus gC, in Aequatore, à puncto g, vſque ad principium Y, contra ordinem ſignorum ſuppoſitus, cuius æqualis abſcindatur mq, à puncto m, contra ordinem quoque ſigno-

rum progrediendo. Dico autem qC, eſſe aſcenſionem obliquam principii Y. Si namque Ecliptica cogitur moveri contra ordinem ſignorum, hoc eſt, ab ortu in occaſum, donec u, principium Y, ad u, perveniat, congruet recta EG, rectæ Em, & C, principium Y, in q, exiſſet, propter æquales arcus gC, mq. Hinc, a, ſit, vt & arcus fm, Cq, æquales ſint, ac proinde æqualibus temporibus percurrantur; adeo vt promotio puncti g, ad m, punctum C, ad q, perveniat. Igitur arcus Aequatoris qC, à principio Y, vſque ad Horizontem ſecundum ſucceſſionem ſignorum computatus, aſcenſio obliqua erit principii Y, in u, puncto Horizontis orientali tñcexiſſentis. Ruſſus inquirenda ſit obliqua aſcenſio principii Jo.

Ducta recta EF, ex centro E, ad F, principium Jo, ſecante Aequatorem in B, & recta Ef, ad interſectionem orientalem Horizontis cum parallelo per F, deſcripto, quæ Aequatorem ſecet in e, ſumatur arcus Aequatoris BAC, contra ordinem ſignorum numerato æqualis arcus verſus eandem partem tBr. Dico arcum rABC, obliquam eſſe aſcenſionem principii Jo. Nam mota Ecliptica, contra ſignorum ſucceſſionem, donec F, principium Jo, ad f, perveniat, congruet recta EF, rectæ Ef, & C, principium Y, in r, exiſſet, propter arcus æquales BAC, tBr. Hinc enim ſit, vt & arcus BACe, CeBr, æquales ſint, ideoque eodem tempore B, ad t, & C, ad r, perveniat ad motum rectæ. Ex quo eſſicitur, arcum Aequatoris rABC, à principio Y, vſque ad Horizontem orientalem, ſecundum ordinem



ordinem signorum computatum, ascensionem esse obliquam principii γ , in β , puncto Horizontis orientali tunc existentis. Denique eodem modo ascensionē obliquam reperietur stellæ Z. Ductis namque rectis EZ, Ed, ad stellam, & ad intersectionem eius paralleli cum Horizonte ex parte orientali, si arcui Aequatoris à recta EZ, vsque ad C, principium γ , contra successiōnem signorum accipiat arcus æqualis à recta Ed, vsque ad β , erit arcus β BC, ascensio obliqua stellæ.

NON aliter descēssiones obliquæ intelligabūtur, si pro intersectione orientali Horizontis cū parallelo per datum punctū, vel stellā describeret, assumatur interseccio occidentalis. Ut si queratur descēssio obliqua principij γ , accipienda erit intersectione α , & ducenda per α , recta ex E, secans Aequatorem in β , & altera recta ex E, per γ , principium γ , secans Aequatorem in ξ . Nam si arcui Aequatoris β C, æqualis sumatur $\beta\gamma$, erit arcus γ A, descensio obliqua principij γ . Nam mota Ecliptica ab ortu in occasum, donec γ , principium γ , ad α , perveniat, & recta EZ, rectæ E β , congruat, existet principium γ , in γ , propter æqualitatem arcuum β C, $\beta\gamma$. Hinc enim fit, ut & arcus β C, $\beta\gamma$, æquales sint, atque idcirco eodem tempore E ad β , & C, ad γ , perveniat) ac proinde arcus Aequatoris γ A, à principio γ , vsque ad Horizontem occidentalem, secundum successiōnem signorum computatus, descensio obliqua erit principij γ , in α , puncto occidentali Horizontis tunc existentis. Sic etiam si desideretur descensio obliqua principij η , ducatur recta E β , ad β , principium η , secans Aequatorem in δ , & alia recta El, ad intersectionem occidentalem ll, Horizontis cum parallelo principij η . (Non est autem necesse, ut parallelus dictus describatur, sed satis est, si ad intersectionem E β , noceatur punctum ll, in Horizonte secans Aequatorem in oo. Nā si arcui Aequatoris β AC, contra successiōnem signorum vsque ad γ , æqualis arcus ooDq, sumatur, erit qDA, descensio obliqua principij η , quod γ , tunc locus illius, &c.

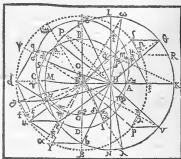
10. I A M vero figuram quandam construamus, (quam secundo loco lib. 2. Geometricæ in scholio propos. 9. ex Andrea Schonero etiam descripsimus: in qua tamen circulus ex L, descriptus dividendus non est in 12. partes æquales, ut ibi per imprudentiam faciendum esse diximus, sed in ascensiones rectas 12. signorum, ut in hac figura circulus ABCD, divisus est. quod ideo dixerim, ut studiosus Lector illam figuram corrigere possit.) in qua omnium arcuum Eclipticæ ascensiones rectæ & obliquæ contineantur, ita ut dato quolibet puncto Eclipticæ eius ascensionem tum rectam, tum obliquam ad datam poli altitudinem, ad quam nimirum figura constructa est, facili admodum negotio exhibere possimus. Item ex data recta ascensione cuiuslibet puncti ascensionem eandem obliquam, & contra ex obliqua ascensione data rectam trueri: ac denique ex verali ter cognita punctum Eclipticæ respondens assignare. Ex centro igitur H, circulus quatuordecunque describatur KLMN, cum duabus diametris scilicet ad angulos rectos secantibus KM, LN. Sumpto autem arco MP, duplo maximæ declinationis, id est, grad. 47. ducatur recta KP, secans HL, in Q. Et quia in recta PH, & angulus PHM, maximæ declinationis duplicata, & plus est anguli HKQ, est HKQ, angulus maximæ declinationis, ac proinde HQK, angulus complementi maximæ declinationis. Quoniam autem est, ut KH, sinus anguli HQK, complementi maximæ declinationis in partibus sinus totius KQ, ad HQ, sinus anguli HKQ, maximæ declinationis in eisdem partibus, ita KH, sinus totus ad sinus HQ, in partibus sinus totius KH, erit ex his, quæ in Lemmate 49. Num. 19. demonstravimus, HQ, sinus differentie ascensionalis principij β , vel γ , (hoc

figura constructa, ut quodlibet punctum circuli dividendum non est in 12. partes æquales, sed in ascensiones rectas 12. signorum, ut in hac figura circulus ABCD, divisus est.)

a 20. partibus.

est. puncti Eclipticæ, quod maximam declinationem habet ab Aequatore) in latitudine grad. 45. cōplectens particulas sinus totius KH, 43481. paulo amplius, ut ex dicta proportionē colligitur: qui quidem sinus, ut ibidem ostendimus, & hic etiam apparet, equalis est Tangenti HQ, maximæ declinationis, respectu sinus eiusdem totius KH: (cum HQ, sit tangens anguli HKQ,posito sinu toto KH.) cui Tangenti 43481. in tabula sinuum inuenta, hoc est, sinui differentie ascensionalis principii \mathfrak{S} , vel \mathfrak{Z} , in latitudine grad. 45. congruunt grad. 15. min. 42. Ex quo efficitur, si ex K, M, numerentur gradus $25\frac{1}{2}$. paulo amplius, usque ad R, a rectam iunctam Ra. exhibere idem punctum Q, quippe quæ abscindat rectam HQ, æqualem sinui grad. $25\frac{1}{2}$. paulo amplius, quanta nimirum est differentia ascensionalis principii \mathfrak{S} , vel \mathfrak{Z} , in latitudine grad. 45. quam Tangens HQ, maximæ declinationis in tabula Sinuum inuenta offert, & eam si sinus ipse dictæ differentie ascensionalis non suppetatur ex supradicta proportionē, nimirum grad. 15. min. 46., ut diximus.

IN VENT O puncto Q, constituatur angulus altitudinis poli datæ HQE, quæ maior non sit complemento maximæ declinationis, erisque QEH, angulus complementi altitudinis poli. Ex centro vero E, describatur Aequator cuiusvis magnitudinis ABCD, & ducta diametro BD, ipsi AC, ad angulos rectos, flammantur arcus CS, ST, maximæ declinationi æquales, secabique issa-



Da recta occulta AT, ipsam BD, in O, centro Eclipticæ, ut lib. 1. propof. 9. Num. 4. ostendimus, iuncta vero recta occulta AS, eandem BD, secabit in I, polo Eclipticæ, ut ibidem Num. 12. demonstrauiamus. Descripta ergo ex O, per C, & A, Ecliptica AFCG, secetur in 12. signa per rectas ex eius polo I, per duas decimas partes æquales Aequatoris emissas, ut in figura factum esse vides: & ex centro E, per 12. signa Eclipticæ efficiantur rectæ, quarum quilibet per duo signa opposita transibit. Hæ namque Aequatorem secant in ascensionibus rectis signorum, ut in Canone 4. Num. 7. dictum est: adeo ut arcus Aequatoris inter

C, & rectam per quodcunque punctum Eclipticę ductum positus (à puncto C, quod est principium Υ , versus D, progrediendo, id est, secundum successio- nem signorum) metiatur ascensionem rectam illius puncti Eclipticę: arcus ve- ro inter quaslibet duas rectas intersectus ascensio recta sit arcus Eclipticę inter easdem duas rectas positi. Eadem deinde rectę eodem modo secabunt circulum KLMN, initio descriptum, in ascensionibus obliquis, ita ut rectę ex centro H, per puncta sectionum illarum rectarum cum circulo KLMN, emissę constituant in centro H, angulos ascensionum obliquarum. Quod hunc in modum demon- strabimus.

DESCRIBATUR ex E. circulus dġĒ, circulo KLMN, omnino aequa- lis, qui à rectis ex E, egredientibus secabitur quoque in ascensiones rectas, cum ambocirculi ABCD, dġĒ, similiter secentur, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. In primis igitur Mb, esse ascensionem obliquam initij \mathfrak{S} , in altitudine poli as- sumpta, cuius nimirum angulus est HQE, ita perspicuum fiet. Ducta recta EY, ipsi Hb, parallela, quoniam æquales sunt Hb, EY, cum semidiametri sint æqua- lium circularum; ^a erunt quoque HE, bY, parallela: & æquales. Quia vero ek, ut QH, sinus complementi altitudinis poli ad HE, sinus altitudinis poli, respectu sinus totius QE, ita recta QH, quam paulo ante ostendimus esse sinum differentię ascensionalis principij \mathfrak{S} , in latitudine grad. 25. respectu sinus totius KH, ad HE; erit ex sit, quæ in Lemmate 47. Num. 20. demonstravimus, HE, sinus differentię ascensionalis principij \mathfrak{S} , in latitudine proposita. Igitur & Yb, ipsi HE, ostensa æquales, sinus erit differentię ascensionalis principi- j \mathfrak{S} , in latitudine data. Cum ergo Yb, sinus sit arcus Yġ, erit Yġ, differentia ascensionalis principij \mathfrak{S} , in data regione. Est autem dġ, quadrans, ascensio- nis recta principij \mathfrak{S} . Igitur ablata differentia ascensionali Yġ, (Nam ascensio- nes obliquę ab Υ , usque ad \mathfrak{S} , minores sunt rectis, ut in Lemmate 49. Num. 21. ostendimus,) reliquus arcus dY, ascensionem obliquam initij \mathfrak{S} , dabit, cui æqualis est arcus Mb, propter angulos in centris dEY, MHb, & qui æqua- les sunt, propter parallelas EY, Hb.

AT arcum Mġ, esse ascensionem obliquam initij \mathfrak{H} , ita placet faciemus. Ducta E u, parallela ipsi Ea, & erit rursus iuncta u a, æqualis, & parallela ipsi HE. Demissis inf d m, u k, ad Ea, perpendicularibus, erunt triangula E d m, & u k, æquiangula, quod anguli m, k, recti sint: & d E m, u e k, internus, & externus, æquales. Ostense enim sunt parallelę u a, & HE. Igitur erit, ut Ed, sinus totus ad d m, sinum ascensionis rectę \mathfrak{H} , initij \mathfrak{H} , ita & u, sinus differētię ascensio- nalis initij \mathfrak{S} , in data regione, ad u k; ac proinde, ut in Lemmate 49. Num. 18. monstratum est, erit u k, sinus differentię ascensionalis initij \mathfrak{H} , in data regione, & arcus u a, differentia ascensionalis, ideoque d u, ascensio obliqua principij \mathfrak{H} , cui æqualis est arcus Mġ.

ITEM arcum Mi, ascensionem obliquam esse initij \mathfrak{Y} , sic probabitur. Ducta Eg, ipsi Hi, parallela, & erit rursus iuncta g i, æqualis, & parallela ipsi HE. Demissis item d ġ, g e, ad E t, perpendicularibus, erunt triangula Edġ, ige, æquiangula, ob rectos angulos t e, & angulos d Eġ, g i e, internū & externum, æquales. Igitur erit ut E d, sinus totus ad d ġ, sinum ascensionis rectę d t, princi- pij \mathfrak{Y} , ita & g, sinus differentię ascensionalis principij \mathfrak{S} , in data regione, ad g e; æque idcirco, ut in Lemmate 49. Num. 17. ostendimus, erit g e, sinus dif- ferētię ascensionis initij \mathfrak{Y} , ideoque arcus g t, in data regione differen- tia ascensionalis, & d g, ascensio obliqua principij \mathfrak{Y} , cui æqualis est ar- cus Mi.

a 33. primi.

b 26. tercię.
c 29. primi.

d 33. primi.

e 29. primi.
f 4. secūdi.

g 26. tercię.

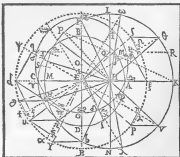
h 33. primi.

i 29. primi.
k 4. secūdi.

l 26. tercię.

- R. V R. S V S. arcum MV , ascensionem esse obliquam principii $\eta\gamma$, eodem modo demonstrabimus. Ducta enim Ep, ipsi HV, parallela, erit, ut prius, iuncta recta pV, ipsi HE, equalis ac parallela. Demissis item d q, p n, ad EV, perpendicularibus, erunt triangula Edq, Vpn, æquiangula, quod anguli q, n, sint recti, & dEq, pVn, æquales, externus, & internus. Igitur erit, ut E d, sinus totus ad dq, sint ascensionis rectæ d n, principii $\eta\gamma$, ita Vp, sinus differentię ascensionalis principii $\eta\gamma$, in data regione, ad pn. Est ergo ex ijs, quæ in Lemmate 49. Num. 18. ostendimus, p n, sinus differentię ascensionalis principii $\eta\gamma$, in eadem regione; Ideoque arcus py, differentia erit ascensionalis, & dp, ascensio obliqua initii $\eta\gamma$, cui æqualis est arcus MV.
- d 16. tercij.

Ad extremum (Nam in omnibus semper eadem demonstrandi ratio vsurpabitur) arcum K β , esse ascensionē principii η , obliquam à principio α , nunc



- ratam, ac proinde addito semicirculo MNK, totum arcum MK β , esse eandem principii η , obliquam ascensionem à principio γ , numeratam, eodem prioris modo demonstrabimus. Ducta enim Ef, ipsi H β , parallela, erit iterum iuncta recta β f, ipsi HE, equalis & parallela. Demissis item $\xi\mu$, fr, ad E β , perpendicularibus, erunt triangula E $\xi\mu$, β fr, æquiangula, propter rectos angulos μ , r, & æquales E $\xi\mu$, β fr, alternos. Igitur erit, ut E ξ , sinus totus ad $\xi\mu$, sinum ascensionis rectæ $\xi\beta$, initii η , ab initio α , numeratæ, ita β f, sinus differentię ascensionalis principii $\eta\gamma$, vel β , in regione data, ad fr, Ex ipso ergo, quæ in Lemmate 49. Num. 18. demonstrata sunt, erit fr, sinus differentię ascensionalis principii η , ab initio α , numeratæ, in eadem regione, ac propter arcus β f, differentia erit ascensionalis. Et quoniam, ut in Lemmate 49. Num. 18. monstratum est, ascensiones obliquæ à α , usque ad γ , maiores sunt, quam rectæ, & ad rectam ascensionem $\xi\beta$, differentia dicta β f, adiciatur, erit
- f 19. primi.
- g 4. secun.
- h 16. tercij.

$\xi\beta$ ascensio obliqua principii η , cui æqualis est arcus KO.

11 DETVR iam punctum Z, quodcumque Eclipticæ, initium, v.g. Ω propolium-

positumque sit ex superiore figura eius rectam ascensionem invenire. Ex E, centro Aequatoris, per datum punctum Z, recta ducatur EZ, secans Aequatorem in X, eritque CX, ascensio recta dati puncti, ut Can. 4. Num. 3. demonstratum est. Quod si eiusdem puncti ascensio obliqua in regione, cuius poli altitudinis angulus est H Q E, desideretur, ducemus rursus ex E, centro Aequatoris per datum punctum Z, rectam. Hæc enim ex circulo K L M N, ascensionem obliquam abscindet M λ , ut proxime ostendimus. Præterea si ex data ascensione recta obliquam subeamus erüere, numerabimus in Aequatore rectam ascensionem datam ex C, usque ad X. Recta enim ex E, centro Aequatoris per X, emissæ ex circulo K L M N, ascensionem obliquam abscindet M λ . At vero si recta ascensio ex obliqua queratur, numeretur data obliqua ascensio in circulo K L M N, ex M, usque ad λ . Nam recta E λ , auferet ex Aequatore ascensionem rectam CX. Postremo si data ascensione siue recta, siue obliqua, punctum Eclipticæ, cui congruat, invenendum sit, numeranda erit data ascensio, recta quidem in Aequatore ex C, usque ad X, obliqua vero in circulo K L M N, ex M, usque ad λ , & per finem numerationis, & centrum E, recta ducenda secans Eclipticam in Z. Nam recta ex polo Eclipticæ I, per Z, ducta abscindet ex Aequatore arcum CI, cui arcus Eclipticæ Cz, in sphaera æqualis est, quod ad numerum graduum attinet.

12. D E descensionibus porro arcum, punctorumque Eclipticæ ex prædicta figura inquirendis nihil præcipimus. Quoniam enim, ut in Lemmate 49. Num. 14. dictum est, descensio cuiusvis arcus æqualis est ascensioni arcus oppositi, & æqualis, inquirenda erit ascensio arcus oppositi pro descensione propositæ arcus.

13. E X eadem hac figura facile demonstrabimus, quaterne arcus Eclipticæ æquales, quorum bini ab æquinoctialibus punctis, vel tropicis, æqualiter distent, habere ascensiones rectas æquales: quod in Lemmate etiam 49. Num. 8. demonstravimus. Quoniam enim arcus Aequatoris Cx, Ap, continentes v.g. grad. 30. æquales sunt, per quorum extrema puncta α , β , rectæ emissæ ex I, polo Eclipticæ (Hæc rectæ confusionsis vitandæ gratia ductæ non sunt) exhibent arcus Eclipticæ Cs, Ap, arcus v.g. χ , & ψ ; est autem punctum I, in diametro Aequatoris BD, præter eius centrum E, erunt ex theor. 3. scholii 23. lib. 1. Eucl. anguli, quos rectæ illæ cum BD, constituerent, æquales. Igitur cum eadem illæ duæ rectæ pertingant ad α , β , faciantque in puncto I, præter centum O, Eclipticæ angulos æquales, ut ostensum est; erunt per idem theorema, arcus Eclipticæ Cs, Ap, æquales. Quocirca cum rectæ Es, Ep, cadentes ex I, puncto præter centrum Eclipticæ O, abscindant arcus æquales Cx, Ap, erunt per idem theorema, anguli FEs, FEp, æquales; ideoque ex rectis reliqui \angle Ed, \angle E ξ , æquales quoque in centro E, Aequatoris, vel circuli d $\alpha\beta$, concentrici. Quamobrem arcus d λ , $\xi\beta$, hoc est, ascensiones rectæ arcuum æqualium Eclipticæ Cs, Ap, æquales erunt. Et quia rectæ s E, s E, productæ transierunt per puncta Eclipticæ opposita, hoc est, per principia $\eta\gamma$, & γ , suntque arcus $\xi\gamma$, $\alpha\gamma$, arcus d λ , $\xi\beta$, æquales, ob angulos ad verticem, E, æquales; erunt omnes quatuor ascensiones rectæ d λ , d ξ , $\xi\beta$, $\xi\gamma$, quatuor æqualium arcuum Eclipticæ, nimirum quatuor signorum χ , ψ , $\eta\gamma$, & $\alpha\gamma$, æqualiter distantium à punctis æquinoctialibus C, A, vel tropicis F, G, æquales.

E A D E M prorsus ratione ostendemus angulos FE α , FE β , esse æquales, quibus demptis ab æqualibus FEs, FEp, æquales erunt reliqui s E α , s E β , \angle α , β . Ergo, ut prius, rursus æquales erunt quatuor ascensiones rectæ quatuor arcuum

Ascensionem rectam, & ob eandem rationem punctum Reliquæ & ob altitudinem datam, altitudo, non est punctum Reliquæ ob altitudinem ex superiore figura repetitur.

Descensio æqualis, ut oportet, ut ex figura præcedente.

Quaterne arcus Eclipticæ æquales a punctis æquinoctialibus vel tropicis, æqualiter distantes, habere ascensiones rectas æquales.

a 2 d. terræ.

b 2 d. terræ.

arcuum æqualium, signorum videlicet π , γ , Ω , & η . Atque ita de cæteris.

14. **I N F E R T V R** ex eadem figura, ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ æqualium ab alterutro punctorum æquinoctialium æqualiter distantium, esse inter se æquales. Sint enim æquales arcus Eclipticæ $A\phi$, $A\eta$, à principio Ω , æqualiter distantes, hoc est, respondeant arcibus in sphaera æqualibus à principio Ω , æqualiter distantibus. Dico eorum ascensiones obliquas $K\theta$, KV , æquales esse. Quoniam enim eorum ascensiones rectæ æquales sunt, ut Num. 13. ostendimus, erunt anguli $\theta E H$, $V E H$, æquales. Cum ergo punctum E , sit præter H , centrum circuli $K L M N$, in eius diametro, erunt per theor. 5. scholii propof. 29. lib. 3. Eucl. arcus $K\theta$, KV , æquales. Eodem argumento concludemus, ascensiones obliquas $K\omega$, $K\lambda$, arcuum Eclipticæ æqualium, $A\Phi$, AZ , æquales esse; ac proinde ablati æqualibus $K\theta$, KV , reliquis quoque ascensiones $\phi\omega$, $V\lambda$, æqualium arcuum $\phi\Phi$, ηZ , æquales esse. Et sic de reliquis.

15. **P R A E T E R E A** ex eadem figura colligere licebit, arcus Eclipticæ æquales ab alterutro tropicorum punctorum æqualiter distantes, vel per diametrum oppositos, in æquales habere ascensiones obliquas, minores quidem in semicirculo ascendente à θ , per V , usque ad ϕ , maiores vero in semicirculo descendente à ϕ , per Ω , usque ad θ . Item illas tanto esse minores ascensionibus rectis eorundem arcuum, quanto hæc maiores sunt. Sint enim duo arcus æquales $\gamma \Pi$, $\eta \Omega$, à tropico puncto G , æqualiter remoti. Et quæ eorum ascensiones rectæ æquales sunt, ut Num. 13. ostensum est, erunt anguli $\Gamma E A$, $V E A$, æquales. Cum ergo punctum E , sit in diametro circuli $K L M N$, præter eius centrum H , erit per Lemma 32. arcus ΓA , minor arcu $V A$. Eademque ratio ne probabitur ascensio obliqua cuiusvis arcus in semicirculo Eclipticæ FCG , ascendente, minor arcu æquali in semicirculo descendente GAF , qui æqualiter cum illo ab eodem puncto tropico distet. Quia vero arcus $\gamma \Pi$, $\eta \Omega$, æquales, & æqualiter à puncto tropico G , distantes, æqualiter quoque à punctis æquinoctialibus C , A , distant, habet autem arcus $\eta \Omega$, cum arcu $\gamma \Pi$, æqualis, & æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali A , remoto, æqualem ascensionem obliquam, ut Num. 14. monstratum est, habebit quoque arcus $\gamma \Pi$, minorem obliquam ascensionem arcu æquali $\eta \Phi$, qui illi oppositus est, cum æqualiter à punctis æquinoctialibus C , A , secundum successionem signorum distent. Eademque ratio ne quilibet arcus in semicirculo Eclipticæ FCG , minorem habebit ascensionem obliquam arcu æquali in semicirculo GAF , qui illi oppositus sit.

D E I N D E, quia in Isoscele $i H \theta$, anguli i, θ , æquales sunt, & his æquales alterni anguli $i \xi G$, $\theta \xi F$, erunt quoque differentie ascensionales $g \xi, \phi \xi$, arcuum oppositorum æqualium $C \gamma$, $A \eta$, æquales, adeoque quanto minor est ascensio obliqua $d \xi$, vel $M i$, recta ascensione $d \gamma$, tanto maior erit ascensio obliqua ξf , vel $K \theta$, ascensione recta $\xi \beta$. Cum ergo ascensio obliqua $K \theta$, æqualis sit ascensio ascensionibus obliquæ $K V$, erit quoque ascensio obliqua $M i$, arcus $C \gamma$, tanto minor, quàm recta, quanto ascensio obliqua $K V$, Arcus $A \eta$, æqualis, & æqualiter cum illo à tropico puncto G , recedentis, minor est ascensione recta $\xi \gamma$, eiusdem arcus. Eadem propterea ratio est in cæteris arcibus æqualibus, siue oppositis, siue æqualiter ab eodem puncto tropico recedentibus.

16. **P O S T R E M O** ex his omnibus sequitur, ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ oppositorum, vel ab eodem tropico puncto æqualiter distantium simul sumptas, æquales esse ascensionibus rectis eorundem arcuum si-

Arctus Eclipticæ
quod si ab alteru-
tro ut punctorum
æquinoctialium
æqua distet distan-
tiam habent ad
duos obliquas
æquales.

Arctus Eclipticæ
in semicirculo
ascendente tanto
minores habent
ascensiones obli-
quas rectis tan-
tum remanentibus
nobis, quanto tan-
to sunt rectis sunt
ascensiones obli-
quæ tantum in
quodam opposi-
torem, vel ob
ita ab eodem tro-
pico puncto æqua-
liter distantibus
in semicirculo
descendente tan-
to maiores.

a 5. primi.
b 29. primi.
c 26. tertij.

A Ascensiones obli-
quæ duorum ar-
cuum Eclipticæ
æqualium oppo-
sitarum, vel æ-
qualiter ab eod-
em puncto tropi-
co distantium simul
sumptas æquales
sunt rectis tan-
tum eorundem

nil sumptis: omnia enim quanto vnius ascensio minor est ascensione eiusdem rectæ, tanto alterius maior est.

S C H O L I U M.

1. PER Analemma ascendere, descendereque obliquæ punctorum Eclipticæ, stellarumque hoc modo investigabimus. Repetatur figura, quam in scholis precedenti Canonis Num. 4. descripsimus, in qua Meridianus $ANCM$, eiusque centrum D : Aequatoris diameter AC : Ecliptica EP , vel $h\ell$ & axis mundi gd . Si igitur punctum Eclipticæ, cuius ascensio obliqua queratur, fuerit in semicirculo descendente, complementum eius distans à principio Δ , numeretur ab E , principio \mathcal{E} , usque ad i , & ex i , ad EP , perpendicularis demittatur F , & per F , Aequatoris diametro AC , parallela agatur GH , quæ diameter erit parallela per punctum, in quo numeretur terminata fuit, descripta, facit autem GH , Horizontis diametrum aZ , in b , & axem mundi gd , in d . Denique ex d , per G , semicirculo paralleli descripti GH , ducatur ex b , F , ad GH , perpendicularis bp . Fg . Erat ergo arcus pg , & scilicet obliqua arcus Eclipticæ à principio Δ , versus \mathcal{E} , numerati, cuius numerum finis est DF , qualis est arcus is , inter perpendiculares Dr , F , interceptus, ut lib. 1. Lemmate 43. Num. 17. ostensum est. Si igitur arcum pg , ex semicirculo detraheris, reliqua erit ascensio obliqua arcus à principio \mathcal{V} , usque ad punctum Eclipticæ puncto F , respondentem secundum signorum seriem numerati. Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio Δ , versus \mathcal{Z} , numeratus, qui equalis sit arcui, cuius finis est DF , ab eodem initio Δ , versus \mathcal{E} , numeratus, ut patet ante in hoc Canonis Num. 14. monstratum esse, ascensio invenita pg , ad punctum cuius adest, prædabit ascensio obliqua puncti Eclipticæ, quod tanto intervallo à principio Δ , versus \mathcal{Z} , secundu, quanto punctum puncto F , respondens ab eodem initio Δ , versus \mathcal{E} , abest.

2. I. vero punctum Eclipticæ, cuius ascensio obliqua invenienda est, in semicirculo ascendente extiterit, numerandum erit eius à principio \mathcal{V} , distans complementum à principio \mathcal{Z} , usque ad m , & ex m , ad kl , perpendicularis ducenda in n , & rursus per diametrum Aequatoris AC , parallela extendenda FX , discedit utrumque paralleli per punctum, in quo terminata fuit numeratus, transierit, scilicet Horizontis diametrum in T , & axem mundi in f . Nam si ex f , per V , X , semicirculus paralleli describitur VFX , erit, ut lib. 1. Lemmate 43. Num. 17. demonstravimus, ipsius arcus $m\mathcal{E}$, inter perpendiculares $T\pi$, $n\mathcal{E}$, ex T , π , ad VX , ductis interceptus, ascensio obliqua arcus Eclipticæ à principio \mathcal{V} , versus \mathcal{Z} , numerati, cuius finis est Dn , qualis est arcus finis inter perpendiculares Df , nm , interceptus: Si igitur ascensio obliqua invenita ex interceptante detrahatur, reliqua fiet ascensio obliqua arcus Eclipticæ à principio \mathcal{V} , usque ad punctum, quod punctum n , responder, secundum successivam signorum numerati. Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio \mathcal{V} , versus \mathcal{E} , numeratus, qui equalis sit arcui, cuius finis est Dn , ab eodem initio \mathcal{V} , versus \mathcal{Z} , numerato, ut Num. 14. huius Canonis ostensum est, congruens eadem ascensio invenita puncto Eclipticæ, quod tanto intervallo à principio \mathcal{V} , versus \mathcal{E} , abest, quanto punctum, quod ipsi n , respondet, ab eodem initio \mathcal{V} , versus \mathcal{Z} , abest, numeratur.

3. ALIIS. Invenita puncti Eclipticæ dati, vel stellæ antiquariæ, ut Canonis 3. traditum est, numeretur ea ex A , & C , quæcumque in partem eandem usque ad G , H , ducaturque diameter paralleli GH , per datum Eclipticæ punctum, vel stellam transierit, sitam axem mundi in d , & Horizontis diametrum in b . Et quotiens Gb , est finis versus arcus semidiurnus, erit $d\delta$, finis rursus differentie inter

Ascensio, de, Gradibus, et
quæ ex eodem
motu distat.

Intervallum distans
ex Ascensio
eius puncti Eclipticæ,
vel stellæ,
ex hoc canonis.

H h h b arcum

arcum semidiurnum paralleli, & arcum semidiurnum Aequatoris, cui debetur sinus totus $G d$. Cum ergo, ut lib. 1. Lemmate 49. Num. 19. ostendimus, eadem sit differentia ascensionalis, quae inter arcum semidiurnum paralleli, vel stellae, & arcum semidiurnum Aequatoris, erit quoque $d b$, sive differentia ascensionalis stellae, vel paralleli Eclipticae dati. Si igitur datum punctum, vel stellae declinet in boream, auferatur differentia ascensionalis inuenta ex ascensione rectae stellae eiusdem, aut paralleli Canonis 4. inuenta, vel si declinet in austrum stellae, vel datum punctum, addatur ad rectam ascensionem. Relinquetur enim, vel constabitur ascensio obliqua, ut ex ipso constet, quae lib. 1. in Lemmate 49. Num. 11. dicitur. Nihil autem interest utram in partem, borealem, vel australem, declinatio supputetur à punctis A, C , cum punctis oppositis eandem habeant differentiam ascensionalem, ut ibidem tradidimus 10.

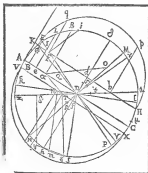
1. *PT* accipit ex cognitis afectionibus quibusdam alacris partem Eclipse accipit Ecl-

pica respondentem tractatur, explicanda prius sunt novella. Primum autem secundum est, quando ascensio obliqua minor est quadrante, principium "A", azimute inter orientem, ac Meridianum supra Horizonem: quando est quadrans, in ipso Meridiano supra Horizonem: quando maior quadrante, sed semicirculo minor, inter Meridianum supra Horizonem, & occidentem: quando semicirculo maior, sed minor tribus quadrantibus, inter occidentem, & Meridianum infra Horizonem: quando tres complectitur quadrantes, in ipso Meridiano sub Horizonte: quando duosque tribus quadrantibus maior, inter Meridianum sub Horizonte, & orientem.

DEINDE nos ignoramus et, quando incipimus

V. est inter orientem & Meridianum supra Horizontem, punctum è elliptica in Meridiano existens esse australe, in Horizonte vero orientali boreale: quando in Meridiano supra Horizontem, punctum in Horizonte orientali esse boreale: quando inter Meridianum supra Horizontem, & Occidentem, tam punctum in Meridiano, quam in Horizonte orientale esse boreale: quando incidens, punctum in Meridiano esse boreale: quando inter Occidentem & Meridianum sub Horizonte, punctum in Meridiano sub Horizonte, punctum in Meridiano esse boreale, & in Horizonte orientali australe: quando in ipso Meridiano sub Horizonte, punctum in Horizonte orientali esse australe: quando denique inter Meridianum sub Horizonte, & orientem, tam in Meridiano, quam in Horizonte orientali, esse australe. Quae sunt

In qua cella per
te vocatus. Ad-
venisti, et ad-
gisti. Aliter
aliqua capro-
lone.

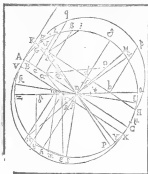


Diese pauci-
daption kann bei
Meningitis septica
Hemorrhagien,
quasi in Mero-
toxikose, vorlie-
ben (paucipar)
„falsche“ Septika-

Et, ut ex a , abscindatur arcus $a p$, erit hic arcus Eclipticae praedictae aequalis, atque adeo si à principio V , vel Δ , (prout videlicet punctum a , responderet utroque T , vel Δ), dictus arcus numeretur, terminabitur numeratus in puncto, quod tunc in Horizonte reperitur, & ex quo perpendicularis demissa in planum Meridiani in T , incidit. Eodem pacto si Ecliptica ex parte boreali Horizontem fecerit, reperitur punctum Eclipticae tunc in Horizonte existens, punctoque t , respondens, si ducta recta $t a$, aequalis recta sumatur in Za , &c.

INVENTIO puncto Eclipticae, quod puncto T , vel t , responderet, hoc est, arcus inter

principium V , vel Δ , & Horizontem orientalem intercipiens reperimus arcum Eclipticae datae ascensum obliquum respondentem hoc modo. Quando data ascensio obliqua minor est quadrante, respondebit punctum a , initio V , & declinatio puncti in Meridiano existens erit australis, punctumque Eclipticae boreale T , assumendum est, atque arcus numeratus, qui numerum inter perpendicularares ex t , a , ad planum Meridiani emissas intercipitur, erit u , qui queritur. Quando vero ascensio obliqua maior est quadrante, & semicirculo minor, respondebit rursus punctum a , principio V , sed declinatio puncti in Meridiano existens erit borealis, sicut & punctum, quod in Horizonte orientali tunc reperitur, ac prout punctum in Horizonte occidentali



existens, cui principium V , vicinior est, erit australis, idemque punctum Eclipticae australe T , assumendum. Quare arcus Eclipticae numeratur, qui numerum inter perpendicularares in T , a , ad planum Meridiani emissas intercipitur, ex semicirculo detractus reliquum arcum quaesitum à principio V , secundum successivum signorum numerandum. Quando autem ascensio semicirculo maior est, sed tribus quadrantibus minor, respondebit punctum a , principio Δ , & declinatio puncti in Meridiano existens erit borealis, punctumque Eclipticae australe T , assumendum, atque arcus Eclipticae numeratur, qui numerum inter perpendicularares in T , a , ad planum Meridiani emissas intercipitur, aequalisque est in figura arcus $a u$, adhibendus semicirculus, ut consistat arcus quasi ab V , incipiens. Quando denique ascensio tribus quadrantibus maior est, respondebit rursus punctum a , principio Δ , sed declinatio puncti in Meridiano tunc existens erit australis, quousmodum & punctum in Horizonte orientali existens, ac prout punctum in Horizonte occidentali existens, cui principium Δ , vicinior est, boreale erit, idemque punctum Eclipticae boreale t , assumendum. Quare arcus Eclipticae numeratur, qui videlicet inter perpendicularares in t , a , ad planum Meridiani emissas ponitur, qui aequalis est arcus oppositus inter principium V , sub Horizonte, & Horizontem orientalem

islem interioribus) ex integro circulo subtrahitur relinquitur arcum quæsitum à principio Y , secundum signorum successione numerandum.

PROB. si ascensio obliqua præposita sit quadrans, existet iurium Y , in Meridiano supra Horizontem in puncto A , maiorque axis Ellipse erit AC , minor autem, segmentum axis mundi gh , à diametris parallelorum ES , & Jo , abscissum, ut ex prop. 14. lib. 1. nostra Geometricæ constat, propterea quod inclinatio Eclipticæ ad Meridianum tunc est æqualis complemento maxima declinationis. Invenitur ergo rursus punctum, in quibus Ellipse Horizontem flectat, assumendum est boreale. Arcus enim invenitur, qui videlicet intercipitur inter perpendicularem ex eo puncto boreali ad Meridianum erectam, & punctum A , erit quæsitus. Si vero ascensio continet tres quadrantes, existet primum punctum Q , in Meridiano supra Horizontem, id est, in puncto A , sitque eadem Ellipse, quæ antea, sed eius punctum in Horizonte australe assumendum est, & arcus invenitur, qui intercipitur inter perpendicularem ex eo puncto australe ad Meridianum erectam, & punctum A , adiciendus semicirculus, ut quæsitus arcus prædent ab Y , numerandus. Si denique ascensio sit semicirculus, erit quæque arcus Eclipticæ ei respondens, semicirculus. Quæ quidem omnia ex hi, quæ Num. 1. dicimus, & ex sphaera materiali facile colliguntur.

4. **EX doctrina summi videmus assequemur, hoc modo.** Si per punctum Eclipticæ, vel centrum stellæ, cum erit, vel occidit circulus maximus ducatur, assuet Horizontem inclusam recta, erit (ut ex sphaera materiali constat) arcus Aequatoris inter illam circulum, & Horizontem tæsum, differentia ascensionalis, descensionalisque, cum ascensio, descensio rectæ ab Y , secundum successione signorum progrediendo terminatur in illo circulo maximo, obliqua vero in Horizonte: quæ differentia supposita erit in triangulo sphaerico rellangulo, cuius unus latus si ipsa differentia, & alterum, arcus prædicti circuli maximi inter Aequatorem, punctumque Eclipticæ, vel Stellæ interiectus, declinationem eiusdem puncti, stellæ motiens, basi denique arcus Horizontis inter Aequatorem, & punctum Eclipticæ, vel stellæ inclusus, latitudinem motiens eritiam, aut occidentem: hoc scilicet modo. Repetatur 1. figura libri Canonis, in qua ascensio rectæ primi puncti m , est arcus $C Dp$, obliqua vero CDY , & differentia ascensionalis pY , atque pZ , declinationis arcus. Si igitur per 1. modum problematis 10. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad tangentem complementi anguli pYZ , quem Aequator cum Horizonte facit, & in præposito casu semper acutus est, (Cum enim omnes arcus sint quadrantes minores, quippe cum motiatur declinationem, differentiam ascensionalem, & latitudinem eritiam, quæ omnes complectuntur pauciores gradus, quam 90. erunt duo anguli Y, Z , acuti, ex prop. 18. nostræ triang. sphaer.) hoc est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis pZ , ad aliud, produceretur sinus differentie ascensionalis pY . Hac ratione inveniunt differentiam ascensionalem, demonstravimus etiam sine triangulo sphaerico in Lemmate 49. Num. 17. Quod si volueris uti tangentibus, invenitur eadem differentia, ut in eodem Lemmate Num. 18. demonstratum est, si fiat ut sinus totus ad sinum ascensionis rectæ dati puncti Eclipticæ, ita sinus differentie ascensionalis inveni ES , vel Jo , in data regione (qui sinus reperietur ex 1. modo problematis 10. triang. sphaer. videlicet modo est: ita ut solus hoc sinus per tangentem quærendus sit.) ad aliud. Invenitur cum hoc modo sinus differentie ascensionalis dati puncti Eclipticæ. Eadem differentia reperietur ut in eodem Lemmate Num. 20. ostendimus, hac ratione. fiat ut sinus totus ad tangentem altitudinis poli præpositæ, ita sinus differentie ascensionalis dati puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. (quam differentiam efficit T angus declinationis in eadem le Sinus, ut Num. 19. in eodem Lemmate 45. probavimus) ad aliud. Quartus enim numerus erit sinus differentie ascensionalis quæsitæ.

Ascensio obli-
quæ dati pun-
cti Eclipticæ, ut
stellæ per sinus
invenitur.

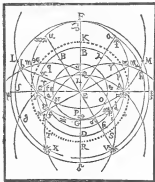
Diff. rectæ obli-
quæ motiens

Alia inventio dif-
ferentie ascen-
sionalis.

Ascensio obli-
quæ motiens

NON aliter supputabitur differentia ascensionalis cuiuslibet stellæ, ut patet in Stella V: cum rursus per 1. modum problematis 10. triang. spher. in triangulo spherico hiv , cuius angulus h , rectus, sit ut sinus totus ad tangentem complementi anguli v h , id est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis hiv , ad sinum differentie ascensionalis ik , &c. Atque eadem ratio est in omnibus punctis Eclipticæ, & stellisque australibus habentibus declinationem suam borealem.

Diagrama differentie
ex declinatione
la.



A. Stella obliqua
quo pacto ex dif-
ferentia ascensionis
sue distat.

EADEM profus ratio est in descensionali differentia cuiuslibet puncti Eclipticæ, cuius sit la supputanda. Ut in ead. figura, desit se recta principis G , est arcus Aequatoris Ca , obliqua vero Cl , & differentia descensionalis la : Et denique per 1. modum problematis 10. triang. spher. est, ut sinus totus ad tangentem complementi anguli la , hoc est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis fi , ad sinum differentie descensionalis la , &c. Verum quia non est, ut differentia descensionalis supputetur, cum ea differentia ascensionalis sit equalis: propterea quod cum minor est ascensio obliqua, quàm recta, quàm minor est descensio obliqua quàm recta eiusdem puncti, aut eorum, ut in Lemmate 49. Num. 12. ostensum est.

INVENTA differentia ascensionalis, descensionalis, ali-

ciemus ascensionem, aut descensionem obliquam hoc modo. Si punctus Eclipticæ, vel stellæ declinet in boream, detrahatur differentia ascensionalis inuenta ex ascensione recta eiusdem puncti, aut stellæ; addatur vero ad rectam ascensionem, si punctum, vel stellæ declinationem habent australem. Reliquus namque numerus, tunc constitutus dabit ascensionem obliquam quaesitam, ut in Lemmate 49. Num. 15. traditum est, perspicueque ex propostâ figura colligitur: quia punctum, v. g. boreale d , iunctum principis ty , habet ascensionem obliquam CDi , minorem recta, quæ terminatur ultra i , in puncto videlicet, in quo Herizon rectus ex E , per d , videtur incidere; eademque ratio est de alijs punctis ac stellis borealibus ab Aequatore. Ex quo efficitur, differentiam ascensionalem ex recta ascensione subtrahendam esse, ut obliqua ascensio fiat reliqua: At vero punctum australe E , minimum principis ty , ascensionem obliquam habet CDY , maiorem recta CDg , eademque, puncto stellæ V , australis ab Aequatore ascensionem habet obliquam CDi , maiorem recta CDk , atque ita de cæteris punctis, stellisque australibus ab Aequatore. Ex quo fit, ut recta ascensio adijcienda sit differentia ascensionalis, ut obliqua ascensio efficiatur.

CONTRARIUM enim faciendum est in descensione obliqua inquirenda. Nam in punctis Eclipticæ, ac stellis borealibus ab Aequatore, addenda est differentia descensionalis rectæ descensionis, in punctis vero, stellisque australibus ab Aequatore, eadem differentia auferenda est ex descensione recta, ut constet, vel relinquatur descensio obliqua: quia puncta borealia habent maiores descensiones obliquas, quam rectas, australia

Descensio obliqua, quo pacto ex differentia descensionis inueniatur.

astralis vero minor. *VI* in eadem figura, descensio obliqua principij γ , hoc est, per
 horizontem, est arcus CH , maior quam descensio recta Cui *As* descensionem obliquam
 principij χ , quod est australe, metitur arcus CD *Aq*, minor quam arcus recta descen-
 sionis CD *A*: & sic de ceteris.

III vero data ascensio, vel descensio obliqua alicuius puncti Eclipticae, vel stel-
 lae, invenimus punctum Eclipticae respondentem, quod videlicet vna cum stella oriatur, aut
 occidat, vel cui data ascensio, descensio conveniat, hoc modo. Quando ascensio, vel de-
 scensio obliqua semicirculi maior est, detrahatur ex ea semicirculus, ut habeatur sem-
 per triangulum sphaericum obliquangulum, cuius duo latera (vnde in Aequatore, alter-
 um in Ecliptica) est principij γ , vel χ , iunctum a in Horizonte terminatur, & ter-
 tium in ipso Horizonte arcus est latitudinis ortus, vel occidus puncti Eclipticae, quod
 queritur. Et quia in hoc triangulo vnum latus datum est, arcus videlicet Aequatoris
 ascensionem, vel descensionem ab γ , vel χ , iuncturam metiens, cum duobus angulis ei
 adiacentibus, cum vno sit maxima declinationis, quem Aequator cum Ecliptica consti-
 tit, alter vero, quem Aequator cum Horizonte facit: abscissus quidem, qui relinquitur,
 lateris complementi altitudinis poli ex semicirculo, quando ascensio obliqua data ab
 γ , & descensio à χ , incipit; acutus vero, qui complementi altitudinis poli aequa-
 liss, quando ascensio à χ , & descensio incipit ab γ , ut in sphaera materiali perspi-
 cuum est: reperitur per problema 13. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, arcus Eclipti-
 cae quae sit, ab γ , vel χ , iuncturam, & in Horizonte terminatur. Quod ut planius
 fiat, si consuevi triangulum ABC , in quo arcus Aequatoris ascensionem, aut descen-
 sionem obliquam metiri sit AB , arcus Eclipticae quae
 sit BC , ita ut angulus maxima declinationis sit ABC ,
 Horizontis arcus Latitudinem ortus, aut metiens AC , &
 BAC , angulus, quem Aequator cum Horizonte efficit.
 Ex hoc angulo demittatur ad Eclipticam BD , arcus
 perpendicularis AD , qui utrum intra, vel extra trian-
 gulum ABC , cadat, mox ipsa operatio docebit. Quo-
 nam igitur in triangulo sphaerico ABD , angulus D , re-



ctus est, & AB , arcus data ascensionis, descensionis (qui angulo recto oppositus) da-
 tus, vna cum B , angulo maxima declinationis, si per 1. modum problematis 3. triang.
 sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum arcus AB , ascensionis, vel descensionis obli-
 quae, ita sinus anguli B , maxime declinationis ad aliud, gignetur sinus arcus AD .

IV *REVS* quia in eodem triangulo ABD , datus est arcus AB , recto angulo oppositus,
 cum ascensione, vel descensione obliqua data metiatur, daturq; insuper est angulus
 B , maxime declinationis, si per 1. modum problematis 3. triang. sphaer. fiat ut sinus to-
 tus ad sinum complementi arcus ascensionis obliquae, descensionisve datae AC , ita
 tangens anguli B , maxime declinationis ad aliud, producat tangens complementi
 anguli BAD , qui si deprehensus fuerit minor angulo BAC , qui Aequator, & Horizon
 inter, eadem arcus perpendicularis AD , intra triangulum, extra vero, si maior. De his ergo
 angulo unius BAD , ex ang. BAC , data, vel hoc ex illa, cognitus quoq; erit ang. CAD .

DE *INDE* quia in eodem triangulo ABD , datus est arcus AB , recto angulo oppo-
 situs, qui maxime obliquam ascensionem, aut descensionem datam numerat, vna cum
 angulo B , maxime declinationis, si per 1. modum problematis 9. triang. sphaer. fiat
 ut sinus totus ad sinum complementi anguli B , maxime declinationis, ita tan-
 gens arcus AB , ascensionis, descensionisve obliquae datae ad aliud, invenietur
 tangens lateris BD ; atque idcirco arcus BD , cognitus erit.

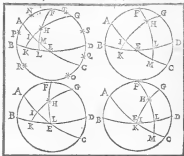
POSTREMO quia in triangulo CAD , angulus D , rectus est, si per 1. modum tra-
 lemmatis 11. triang. sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum arcus AD , in primo discus-
 su in-

Ex hoc ascen-
 sionem obliquam
 datae, aut
 Eclipticae recta
 datae per numeri
 calculum.

fu inventum, ita tangens anguli CAD, in secundo discurfu cogniti ad aliam, pro
creabitur tangens arcus CD; ideoque notus erit arcus CD. Cadente igitur arcu
perpendiculari AD, iuxta triangulū ABC, summa laterū BD, CD, cogniturū totum
latus BC, quod in Ecliptica data ascriptur, descensumque obliqua debetur, utri efficit;
eadem vero extra, latus CD, ex latere BD, sublatū, cogniturum faciet reliquū latus
BC, quafitque Punctū autem extremū C, in Ecliptica est illud, quod una cū stella, quā
in ascensu obliqua, aut descensu data est, oritur, vel occidit. Longe facilius in sphaera
Caeli, eandē arcū Ecliptica data ascriptam, vel descensum obliqua, et si dedit in-
veniretur, siue numerum, cū, ut videt, p. quatuor operationes numerorū iunctus sit hoc loci.

PER P. 14. cū iam de ceteris, quā ad rationem invenienda sit declinationis circuli stel-
lae, ascensu recta, ac medietas calē, doceamus etiā, quā artificio ex declinatione stellae,
et medietate calē, eius latitude, utriusque locus in Zodiaco referatur: Itē quā arte ex
declinatione stellae, ac latitude eodem locum verum manifestetur. Declinatio namq. stel-
lae, ex accepta per instrumentū eius altitudinis meridiana, facili negotio cognoscitur. Nā
existente eius altitudine meridiana australi, si minor deprehensa fuerit complementū al-
titudinis poli, detrahatur ea ex complemento altitudinis poli; si vero maior, addi-
tatur e contrario ex ea complementū altitudinis poli. Reliqua enim semper sit stella de-
clinatio, prout quidē modo australi, posteriori vero boreali. Existente etiā altitudine
meridiana stellae boreali, si minor fuerit altitudinis poli, detrahatur ea ex altitudine po-
li; si vero maior, detrahatur e contrario ex ea altitudo poli. Reliqua enim numerum
complementū declinationis stellae indicabit, quae borealis erit. Medietas quoq. calē, hoc
est, circuli Eclipticae, quod una cum stella ad Meridianum pervenit, cognoscitur, si ex-
istente stella in Meridiano, quatuor hanc tam instans per altitudinem ab arcu circuli
plani stellae, cuius locus in Zodiaco non ignoscitur, ut Can. 2. usque sphaera decedimus.
Nam per hanc hanc inveniri nos venimus in cognoscimus punctū Eclipticae in Meridia-
no tunc temporis existētis, ut Can. 11. usque sphaera demonstratur. Latitude den-
ique stellae manifesta est ex tabula stellarum fixarum, cum hac accipitur.

ITAEQUE si in 12. circulis rectae sphaerae Can. 3. posita situm sit 2. rectae acci-
piamus calē stellae H, una cum declinatione HL, et a latitude stellae, utriusque



locum veniatur. Invenit arcum LM, declinationem puncti 24, et in sphaera Can. 3.
declinatio,

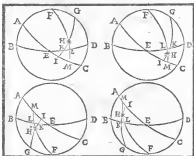
Quodam por-
tione Eclipticae
cum data stella
arbitrio, aut vero
data.

Declinatio stellae
per rectam per
eius altitudinem
meridianam in-
venitur.

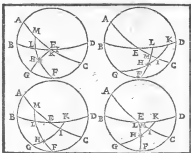
Cum quo pōto
Ecliptica stellae
eius locum me-
ridianum in
Zodiaco inveniri
in Zodiaco in-
venitur.

Invenit lati-
tudinem stellae, si
latitudo, et eius
declinatio, et
medietas calē.

Præmissis, Fiat per 1. modum problematis 3. triang. sphæric. in triangulo ELM^o et sinus totus ad sinum complementi arcus Eclipticæ FBM, a proximo æquinoctio ad punctum meditationis cæli numerati, ita tangens anguli LEM, maxima

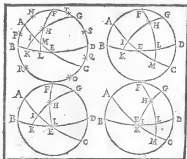


declinationis ad altitudinem inuenieturque tangens complementi anguli EML, cui ad verticem æquale est angulus MML, in 1. circulo, oppositus arcus HI, latitudinis stellæ

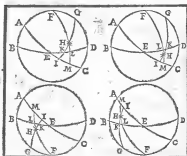


In 5. & 12. circulo sinifodi angulus latitudinis stellæ HI, oppositus, est complementum maximæ declinationis AEB, vel CED, quod contingit, quando Stella cæli motus cum principio Υ, vel ♄. Conferantur dandi inter se declinationes Stellæ, & declina-

tis puncti *M*, medietatis casu. Et si fuerint eiusdem denominationis, ut in 1. & 3. & 10. circulo, minor ex maiore detrahatur, si autem diversa denominationis, ut in 2. & 5. 7. 9. & 11. circulo, in unam summam colligantur, ut reliquum sit, vel constet arcus



Medietatis casu, atque Eclipticam. Quando punctum medietatis casu est initium *Y*, vel *Z*, ut in 3. & 12. circulo, eiusmodi arcus est declinationis. Reliqua *HL*, equalis,

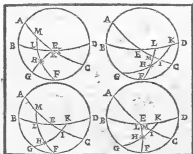


*Possit hoc in triangulo *HIM*, cuius angulus *I*, rectus, si per 1. modum probl. 3. triang. solvetur. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus *HM*, proxime inventi, ita sinus anguli *HIM*, in superiore operatione inventi ad aliud, reperietur sinus arcus *HI*, latitudo*

De Stella. Quando punctum meditationis cali est principium Υ , vel Ω , ut in p. & 21. circulo, est per 1. modum dicti probl. 8. ut sinus totus ad sinum declinationis stellæ HL, ut sinus anguli HLI, qui complementum maxime declinationis æqualis est, ad sinum latitudinis stellæ HI. Invenitur latitudo stellæ HI, peruenimus in cognitionem utriusque mundi, quem inter se subiungemus, qui quidem affertur declinationem, latitudinemque stellæ notum.

SIT igitur nota tam declinatio stellæ HL, quam latitudo HI, ac proinde & eorum complementa FH, GH. Cum ergo & arcus FG, maxime declinationis notus sit, erit in triangulo sphaerico FGH, omnia tria latera nota. Igitur per problem. 21. triang. sphaer. angulus FGH, cognitus fiet, idcirco & eius arcus AI, distantiam stellæ à principio Υ , notemus, quando eius latitudo borealis est, ut in prioribus sex circulis, vel arcus CI, distantiam stellæ à principio Ω , notemus, quando eius latitudo est australis,

Latitudo vero la-
ci stellæ ex sua
declinatione, & latitudine.



ut in posterioribus sex circulis. Vtrū autem distantia hæc à Υ , vel Ω , numeranda sit secundum, an contra successum signorum, docet punctum M, meditationis cali. Ex eo enim discimus, num stella sit in semicirculo Ecliptica descendente, an vero in ascendente, cum illud punctum, ac stella in eodem semicirculo Ecliptica existant. Vel certe idem cognoscitur ex situ stellæ. Si namque propinquitur fuerit principio Υ , quam initio Ω , erit in semicirculo ascendente, an descendente vero, si vicinior extiterit principio Ω , quā primo puncto Υ . Stella igitur existens in semicirculo descendente, numeratur à Υ secundum directionem signorum, contra vero à Ω . Stella autem existens in semicirculo ascendente, fertur debet numerari à Υ , contra signorum successum, à Ω , vero secundum sensum signorum. Ita autem ex prædicto problemate 21. angulus FGH, reperitur. Fiat ut sinus totus ad sinum maioris lateris FG, maxime declinationis, vel GH, complementi latitudinis, ita sinus maioris lateris ad aliud, iungentesque quartus quidam numerus. Deinde rursus fiat, ut quartus numerus inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versum lateris FH, complementi declinationis stellæ, & sinum versum arcus, quo duo latera GG, FH, inter se differunt, ad aliud. Invenietur enim sinus versus anguli FGH. Angulus igitur

per FGH, idemque est eius arcus *AI*, vel *CI*, utriusque, qui quidem distantiam sphaerae à principio *B*, vel *Jo*, mittitur.

Quod si complementum latitudinis aequale fuerit maximae declinationi, hoc est, latera FG, GH, aequalia fuerint, inuenietur facturus idem angulus FGH. Nam si per 2. modum problematis s. triangulorum sphaer. Fiat ut sinus totus ad sinum semitis lateris FI, ita secans complementi maximae declinationis FG, ad aliam, praetera huius sinus semitis anguli FGH, &c.

C A N O N VI.

LA TITVDINEM ortiuam, occiduamue Solis, aut puncti cuiusuis Eclipticae, siue stellae, quolibet anni die explorare. Et contra datæ latitudini ortiuæ, occiduæue punctum Eclipticae congruens inuenire.

Latitudo ortiuæ,
vel occiduæ, quæ

Latitudinem ortiuæ,
occiduamue
in Ecliptica
affertur, quæ
est.

1. **APPELLATVR** latitudo ortiuæ, occiduæue Solis, vel gradus Eclipticae, aut stellæ, arcus Horizontis inter Aequatorem, & Solem, gradusue Eclipticae, aut stellæ, cum oritur, vel occidit, interiectus. Hanc alij Zenith ortus, vel occasus Solis, gradusue Eclipticae, aut stellæ vocant; alij vero amplitudinem ortiuam, vel occiduam, quam sic explorabis. Pone gradum Eclipticae, in quo Sol existit, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte, siue ex parte orientis, siue ex parte occidentis. Nam Verticales circuli interiecti inter gradum Eclipticae, vel stellæ, & intersectionem Horizontis cum Aequatore, vel Verticali primario, indicabunt latitudinem ortiuam, occiduamue, hoc est, quot gradus in arcu Horizontis, qui inter gradum Eclipticae, vel stellæ, & intersectionem prædictam positus est, contineantur. Et si quidem gradus Eclipticae, vel stellæ, in Horizonte extiterit inter Aequatorem, Verticalemue primarium, & lineam meridianam Astralabii, latitudo erit borealis, australis vero, si inter Aequatorem, & Lineam extiterit.

§ 17. 2.
Theod.
Latitudinem ortiuæ,
occiduæue
æqualem est.

2. **EST** autem latitudo ortiuæ cuiusuis puncti latitudini occiduæ eiusdem æqualis. Cum enim Horizon tangat parallelum semper apparentium maximū, erunt duo eius arcus inter Aequatorem, & quemlibet parallelum, quem secat, (quorum unus latitudinem ortiuam, & occiduam aliter determinat) inter se æquales. Ex quo fit, satis esse, si vel ortiuæ latitudo reperitur, cum hæc occiduæ æqualis sit, vel occiduæ, cum hæc ortiuæ sit æqualis, ut ostendimus. Immo quia quæternæ puncta Eclipticae æquales habent latitudines ortiuas, ut in Lemmate 49. Nem. 3. ostendimus, satis est, si latitudines ortiuæ graduum unius quadrantis Eclipticae inueniantur.

QUANDO autem gradus Eclipticae, vel cacumen stellæ non præcisè in aliquem Verticalem incidit, ut plerumque contingit, non poterit latitudo ortiuæ quantitas cognosci, nisi per æstimationem, plus minus, diuidendo nimirum cogitatione spatium inter duos proximos Verticales, inter quos gradus Eclipticae, vel stellæ existit, in eos gradus, quot inter quosvis duos Verticales intercipiuntur in Astralabio.

3. **CONTRA** ex cognita latitudine ortiuæ, occiduæue Solis cognosce-

per gradus Eclipticæ, cuius convenit, hoc modo. Circumducatur rete, donec gradus aliquis Eclipticæ in finem cognitæ latitudinis præseſe incidat. Is etenim gradus est, qui queritur, vel certe alter, qui æquali ſpatio cum eo ab eodem puncto tropico diſtat, cum duo puncta æqualiter ab eodem tropico puncto diſtantia eandem habeant latitudinem ortuam, vt in Lemmate 43 Num 3. oſenſum eſt. Cogniti porrò latitudo ortus ſumenda eſt in Horizonte ab Aequatore verſus limbum, ſi australis eſt, verſus tropicum vero \mathfrak{B} ſi borealis.

4 SINE ſtrumento eandem latitudinem ortuam certius cognoscemus hoc modo. Repetatur prima figura antecedentis Canonis, in qua Aequator ABCD, circa centrum E tropicus \mathfrak{J} , FLM; tropicus \mathfrak{B} , GNO; Ecliptica

Ex latitudinis ortus, hæc figura, ut in Lemmate 43 Num 3. oſenſum eſt, abſque ſtrumento eandem latitudinem ortuam præſentat.

Latitudinem ortus, hæc figura, ut in Lemmate 43 Num 3. oſenſum eſt, abſque ſtrumento eandem latitudinem ortuam præſentat.

AFCG, cuius centrum H, & polus I; Horizō obliquus ad datam regionem deſcriptus LCPAM, cuius centrum K, & polus Q. Strigitur per datum punctum Eclipticæ, vel per datam ſtellam, hoc eſt, per eius locum in Aſtroſpecto inuentum, vt lib. 2. propoſ. 11. Num 2. & 3. traditum eſt, parallelus Aequatoris ex centro E, deſcribatur, abſcundet ſe ex Horizōtis arcū latitudinis ortus, vt que ad C, & occiduū vſque ad A, cum in eo puncto Horizōtis, quod abſciſſum eſt, gradus ille Eclipticæ, vel ſtellæ oriatur, aut occidat. Et ſi ex Horizōtis polo Q, per punctum, ubi ductus parallelus Horizōtem ſecat, reſta ducatur, indicabit arcus Aequatoris inter hanc reſtam, & punctum C, vel A, interceptæ quantitatem latitudinis. Ita vt tot gradus latitudo contineat, quot in eo arcu Aequatoris comprehenduntur: propterea quod arcus ille Aequatoris, & arcus Horizōtis abſciſſus, continent gradus numero æquales, vt lib. 2. propoſ. 5. Num. 13. demonſtrauimus. V. G. Latitudo ortus principii \mathfrak{Z} , eſt arcus Horizōtis CN, occidua vero AO, & vtræque borealis: Latitudo autem ortus initij \mathfrak{J} , eſt arcus CL, & occidua AM, & vtræque australis: Latitudo vero principii \mathfrak{P} , eſt arcus Ch, quæ etiam ſtellæ V, vel X, congruit, eſſique australis. Et ſi ex Q, polo Horizōtis ad b, reſta ducatur, dabit arcus Aequatoris inter hanc reſtam, & punctum C, quantitatem latitudinis Cb. Et ſic de ceteris.



Q V O D ſi nimis moleſtum videatur locum inquirere illius ſtellæ, cuius latitudo deſideratur, accipe declinationem eius ex tabula ſiculus Aſtronomi, in qua declinationes ſtellarum pro hoc tempore ſupputatæ ſunt, qualem etiam Io. Aeg. Maginus in ſuis Ephemeridibus compoſuit. Nam parallelus etiam declina-

tionis

tionis ex centro E, descriptus abscindet ex Horizonte arcum latitudinis ortivæ illius stellæ: sed exquisitus priori modo latitudo invenietur, propterea quod vix tabula declinationum stellarum sine errore aliquo reperiantur.

7. DATA autem latitudine ortiva, occidua, reperietur punctum Eclipticæ, cui congruat, hac ratione. Numeretur latitudo proposita in Aequatore à puncto C, versus D, si borealis est, versus B, autem, si australis: Per ter-

minum numerationis ex Q, polo Horizonte recta emittatur, quæ ex Horizonte eisdem latitudinem abscindet, ut ex his constet, quæ lib. 1. propof. 2. Num. 12. scriptimus. Postremo ex centro E, per finem latitudinis in Horizonte innotum, parallelus Aequatoris describatur. Hic enim Eclipticam duobus in punctis secabit, quibus proposita latitudo congruit. Quos autem gradus duos illa puncta referant, dantes ex Num. 19. propof. 1. lib. 2. si videlicet ex I, polo Eclipticæ per puncta illa rectas ceteris. Hæ namque ex Aequatore similes arcus abscindent, quod ad numerum graduum attinet. V. g. si ex boreali latitudine ortiva data, sit in Horizonte innotus arcus Ce, borealis, transibit parallelus Aequatoris ex E, per e, descriptus per f, principium ♄. & per d, principium ♀. Sic si ex data australi latitudine respectus sit in Horizonte arcus australis Cb, transibit parallelus ex E, per b, descriptus per a, principium ♄. & per u, principium ♀. Prior ergo latitudo principis ♄, & ♀, posterior vero principis ♄, & ♀, convenit.

QVANTVS autem sit arcus Horizontis inter C, vel A, & Verticalem, qui per centrum Solis ducitur qualibet hora diei, non solum autem in ortu, vel occasu interiectus, ut hic traditum est, Canone 16. docebamus.

SCHOLIUM.

1. VT autem decernamus, qua ratione ex Analemmate latitudinem ortivam cuiusvis puncti Eclipticæ, seu stellæ deprehendere possimus, describatur Analemma ipsum cum parallelorum per initia signorum transversarum diametris, ut in Lemmate 19. lib. 1. tra. lectum est, in quo Meridianus ABCD, circa centrum E, axis mundi FG, Aequatoris diameter HI, Horizontis BD, Verticalis AG, tropici GH, MO, tricuspidis NP, & aliorum parallelorum per signorum initia transversarum diametris descriptis sunt brevifera arcus MD, EN, in 12 partes æquales divisi, ut in dicto Lemmate 19. scriptimus, sit

centrum

Ex figura. I. ortivæ ortus, et occidua puncti Eclipticæ, per gradus declinationis aequales reperit.



Latitudinem ortivam cuiusvis puncti Eclipticæ, seu stellæ deprehendere possimus, describatur Analemma ipsum cum parallelorum per initia signorum transversarum diametris, ut in Lemmate 19. lib. 1. tra. lectum est, in quo Meridianus ABCD, circa centrum E, axis mundi FG, Aequatoris diameter HI, Horizontis BD, Verticalis AG, tropici GH, MO, tricuspidis NP, & aliorum parallelorum per signorum initia transversarum diametris descriptis sunt brevifera arcus MD, EN, in 12 partes æquales divisi, ut in dicto Lemmate 19. scriptimus, sit

ante diametrum Horizontis in L, R, S, T, V, X . Dico rectam inter E , & quancunque parallelum esse sinum latitudinis ortive, occidensque illius puncti, per quod parallelus illius diametri transierit, solummodo EL , sinum latitudinis ortive \mathcal{E} , EL , II , & \mathcal{N} , ES , \mathcal{V} , & \mathcal{P} , ET , \mathcal{X} , EV , \mathcal{T} , & \mathcal{X} ; ac denique EX , \mathcal{X} , ad id ut recta ex his punctis ducta ad BD , perpendiculariter interceptant cum AD , in Meridiano arcus latitudinis ortivarum. v. g. arcum Aq , vel Cb , (ductis bq , Td , per L, T , ad BD , perpendicularibus) Latitudinem esse ortivam, occidantem \mathcal{E} , & Cd , \mathcal{X} . Quoniam enim Horizontis, & parallelus \mathcal{E} , per rectas BD , MO , ducti ad Meridianum recti sunt, & quid Meridianus per ortum puncti ductus ad ipsius rectas sit, & erit eorum communis siliis per L , & generetur ad eundem rectam, & propterea ex desin, q , lib. 11. Eucl. ad BD , in plano Meridiani existentem perpendicularis. Si igitur circulus $ABCD$, concipitur in plano Horizontis, erit qb , communis siliis Horizontis, & parallelis \mathcal{E} , si recta BD , sinum ortive ducit linea obtineat. Reductoq, modo AC , communis siliis erit Horizontis & Aequatoris, Per parallelum primarii, & Td , communis siliis Horizontis, & parallelis \mathcal{X} . Igitur Aq , vel Cb , latitudo erit ortive, vel occasus \mathcal{E} , & Cd , \mathcal{X} . Eademque ratio est de parallelis intermediis. Nam eodem argumento ostendimus, perpendiculariter ad BD , per R, S, T, V , ductas, esse communes siliis Horizontis, & parallelorum intermediarum. Hac ratione latitudinum ortus omnibus punctis Eclipticae reperiri, si beneficio circuli MKN , cui puncti declinationem innominat, hoc est, diametrum parallelum per illud punctum transierit ducatur, ut in desin. Lemma 13. docuimus. Nam eiusmodi diameter abscindet ex BD , sinum latitudinis quasi- \mathcal{E} , ita ut perpendiculariter ad BD , excutatur in extrinsecis eius sinus, auferat arcum latitudinis, quem quærit, ab A , vel C , inchoatum.

NO N aliter latitudinem ortus, vel occasus Stellæ in insula adificeris, si per eius declinationem vel ex Can. 7. usentam, vel ex tabula alicuius Astronomi desumptam, diametrum parallelum, quem stella describit, in Anal. monate duxeris. Ut si stella quæpiam habeat declinationem borealem HM , ita ut diameter eius parallelum sit MO , ut eiusdem latitudo ortiva, occidantem Aq , vel Cb , &c.

4. **E** X data autem latitudine ortiva, occidens sit punctum Eclipticae respondens assequenter. Numeretur data latitudo ab A , vel C , versus D , si borealis est, aut si australis, versus B , usque ad e , & demissa ex e , ad BD , perpendiculariter eR , agatur per E , Aequatoris diametro HI , parallela Rq , secans circulum MKN , in q . Nam per gradus in arcu Rq , continuatur, per gradibus punctum Eclipticae, cui latitudo borealis



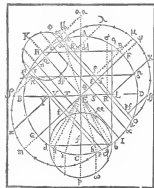
2. 15. si
T heod.
big. vnde.

Tunc latitudo
ortus, aut occasus
punctum Eclipticae
ostenditur.

hic ceteri Ab , conueniunt, à principio Y , vel α , versus \mathcal{E} , recedite, ut ex his constet
quæ ad finem Lemmatum 19. lib. 1. & in scholis Can. 3. Num. 3. explicatum est.

3. QVEM AD MODUM autem beneficij circuli MEN , circa maxi-
mas 30. declinationes descripti enumerantur declinationes omnium punctorum Eclipti-
cæ, ut ad finem Lemmatum 19. lib. 1. & in scholis Can. 3. Num. 1. tradidimus, ut
beneficij alterius circuli circa latitudines orientis \mathcal{E} , & \mathcal{P} descripti, omnium puncto-
rum Eclipticæ latitudines veniantur, hoc scilicet modo. tunc in latitudinibus \mathcal{E} ,
& \mathcal{P} , Cb , Cd , ut dictum est, notatur recta bd , secans EC , in f , sicabiturque bd ,
in j , bisectans, ex scholis præf. 27. lib. 3. Eucl. & apertè & ad angulos rectos.
Descripti ergo ex f , per b , d , circuli lkd , eoque ducti in 12. partes æquales, si linea
puncta a puncto b , & d , æqualiter remota rectis oculis magatur, sicabitur arcus
 bCd , in latitudines orientis, quæ signorum anteq. congruant, ita ut Cb , si latitudo

\mathcal{E} , Cf , II. & Q , Ch \mathcal{P} , &
 Uf , Ci m , & X , Cl , P , & α ,
 Cd , dumque \mathcal{P} , quod sit de-
monstrabitur. In triangulo
 ELf , latera EL , Es , & propor-
tionaliter secta sunt in 2, R ,
 S , & c . Sunt autem segmenta
 Eb , ba , af , segmentum Qe , & a ,
ad æqualia, igitur & segmen-
ta ES , SR , RL , segmentum Qe ,
& a , & M , proportionalia sunt.
Eademque ratione segmenta
 ET , TV , VI , segmentum Qu ,
 nr , & N proportionalia erunt, ac
propterea ita recta LT , secta
est, ut ita sit MN . Sed per Lem-
ma 7. lib. 1. recta quæque bd ,
secta est, ut recta MT . Igitur
& recta LT , bd , proportionali-
ter secta sunt. Cum ergo æqua-
les sint, & arcus & segmenta
vnius segmentis alterius respec-
tibus æqualia, atque utrius-
que parallela per binos punctos cir-
culi lkd , ducta in punctis R , S ,



T , V , cadent, cum hæc parallela æqualia segmenta auferant ex rectis bd , LT , idemque
ex arcibus Cb , Cd , latitudines orientis auferent, quemadmodum parallela per puncta
 R , S , T , V , et factum absint, ut Num. 1. demonstratum est. Recta porro ex cen-
tro E , ad puncta b , g , h , i , l , d , ducta dici poterunt radij latitudinum orientium, &
occidentium, quemadmodum & recta ex E , ad extrema puncta parallelorum MO ,
& n , etc. ducti radij signorum appellantur, ut in Gnomonica diximus.

II. A QVÆ si cuiuslibet puncti Eclipticæ dari distantià à proximo puncto æqui-
noctiali numeretur in circulo lkd , à p , in utramlibet partem, & per terminum ut-
riusque radii est CE , parallela ducatur, sicabitur arcus Cb , vel Cd , in latitudine or-
ientis Eclipticæ. Vt si distantià ab altero puncto æquinotiali sit grad.
30. & ex p , numeretur grad. 30. versus ad m , parallela mb , resicabit latitudinem
orientem Cb , puncti, quod grad. 30. à principio Y , vel α , abest, cuiusmodi est prin-

cipium

Ad 1. Lemmatum 19.
lib. 1. & in scholis
Can. 3. Num. 3.
explicatum est.

a 3. terti.

b 2. secuti.

c 34. primi.

d 34. primi.

e 9. quinti.

quoniam γ , vel χ , vel η , vel μ .

Si C e contrario, si data latitudo ortus, vel occasus numeretur a puncto C , versus b , vel d , usque ad b , & parallela ducatur bca , dabit arcus pc , distantiam puncti Ecliptice ab γ , vel μ , cui data latitudo conveniat.

Ex hoc liquet etiam, quatercum puncta Ecliptice, præter initia ϑ , & γ , eandem habere latitudinem ortuum, una quidem borealem, una vero australi, quoniam eandem declinationem habent. Id quod in Lemmate quoque 49. lib. 1. Nam. 2. & 3. demonstravimus. Nam duæ latitudines Ch , Cg , quæ æquales sunt, quatuor puncta Ecliptice congruant, duobus nimirum borealibus, & duobus australibus, &c.

4. E K sinuum calculos operietur latitudo ortuum, seu occidui cuiuslibet puncti Ecliptice, sine stella, hoc modo. Circulus maximus declinationis per polos ortuum, & punctum Ecliptice, vel per centrum stellæ in Horizonte orientali ducatur, cū Aequatore, atque Horizonte triangulum sphaericum constituitur, cuius angulus, quæ circulus declinationis in Aequatore facit, rectus est, & arcus declinationis puncti Ecliptice, vel stellæ uti, una cū angulo complementi altitudinis poli, quæ Aequator cū Horizonte constituit. Vis figura Num. 4. huius Canonis, ducit recta EZ , ex centro per principium M , recte circuli declinationis eiusdem principis, sit triangulum sphaericum pYZ , cuius angulus p , rectus, & arcus declinationis pZ , ortus, una cum angulo pYZ , complementi altitudinis poli. Semper enim angulus ab Horizonte, & Aequatore comprehensus acutus est, per propof. 28. nostrorum triang. sphaer. cum in eo triangulo omnes arcus quadrantis sint minores. Scilicet per 1. modum problematis 1. q. triang. sphaer. ultimi Lemmatis fiat ut sinus totus ad secantem complementi anguli pYZ , hoc est, ad secantem altitudinis poli, ita sinus arcus declinationis pZ , ad aliud, producatque sinus arcus latitudinis ortus YZ . Vel si soli sinibus uti volumus, fiat per 3. modum eiusdem problematis, ut sinus anguli pYZ , complementi altitudinis poli ad sinum totum, ita sinus arcus declinationis pZ , ad aliud. Procrea bitur enim rursus sinus arcus latitudinis ortus, & occidui YZ . Vtriusque hæc operatio perspicue aliis demonstrari potest in figura huius scholæ. Nam in triangulo rectilineo rectangulo ELF , per 3. problema triang. rectil. ultimi Lemmatis est, ut sinus totus EF , ad EF , quatenus sinus est declinationis parallela MO , ita EL , sicuti angulus LEF , altitudinis poli (Polaris enim sinus totus EF , recta EL , focus est anguli LEF .) ad EL , quatenus sinus est latitudinis ortus, aut occidui. Item ita est sinus anguli ELF , complementi altitudinis poli ad sinum totum, ut EF , sinus declinationis ad EL , sinum latitudinis ortus.

E $A D E M$ prorsus ratio est in latitudine ortus, occidui cuiusvis stellæ inquirenda. Ita namque addis in stella V , idem prorsus triangulum constans ikP , cuius angulus k , rectus, & arcus declinationis kP , ortus, una cum angulo kVP , complementi altitudinis poli, & Vi , arcus latitudinis ortus, qui quaeritur, ut patet in figura huius Canonis, &c.

E C O N T R A R I O data latitudine ortus, sine occidui alicuius puncti Ecliptice, reperiemus punctum illud Ecliptice, cui debetur, si in eodem triangulo pYZ , per 1. modum problematis 8. triang. sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum arcus YZ , latitudinis ortus datæ, ita sinus anguli pYZ , complementi altitudinis poli ad aliud. Productus enim quartus numerus sinus erit arcus declinationis quæritur pZ . Igitur per 20. quæ in Canonis 3. sinque scholæ scriptissimus, punctum Ecliptice reperitur, cui ille declinatio innota congruit. Sed quatenus quatuor puncta eandem habent declinationem, necesse est, ut sciamus, quoniam in quadrante Ecliptice constituantur, ut punctum quaeritum eliciamus. Eadem hæc operatio demonstrabitur in triangulo rectilineo rectangulo ELF , figura huius scholæ. Nam per 2. problema triang.

Latitudinem ortus
aut per punctum
eius constituitur.

Quæ hæc recta
est ea, punctum
declinationis ortus
est contrarium per
canones.

K k k k rectil.

restit. veluti Lemmatis est, ut sinus totus ad sinum basis EL , quatuor situs est latitudinis ortus cognita, ita sinus anguli ELF , complementi altitudinis poli ad elevationem declinationis quaesita in partibus sinu EL .

C A N O N VII.

A R C V M semidiurnum, & seminocturnum cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ dato arcui semidiurno, seminocturno congruens inquirere.

Arcum semidiurnum, vel seminocturnum cuiuslibet puncti Eclipticæ, seu stellæ per instrumentum habere.

1. **H O C** nihil aliud est, quam moram Solis in quouis Eclipticæ gradu existentis, vel stellæ cuiuslibet, ab Horizonte orientali vsque ad Meridianum, vel à Meridiano vsque ad Horizontem occidentalem exquirere, id est, quot gradus Aequatoris cum quolibet gradu Eclipticæ, vel stellæ, ab Horizonte ad Meridianum vsque ascendant, vel à Meridiano vsque ad Horizontem descendant, &c. Si igitur rete Astrolabii circumuoluatur, donec gradus Eclipticæ, quem Sol die proposito occupat, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte orientali statuatur, & linea fiduciae ostensoris, vel Indicis eidem gradui, vel cacumini stellæ super ponatur, erit arcus limbi inter lineam fiduciae, & lineam meridianam ex parte superiori prope armillam suspensoriam, semidiurnus illius gradus, vel stellæ: reliquus vero arcus limbi ab eadem linea fiduciae vsque ad meridianam lineam ex parte inferiori, seminocturnus erit. Et si tam ille, quam hic duplicetur, totus arcus diurnus, nocturnusque prodibit. Facile autem eiusmodi arcum inuentum ad horas reducere, si singulas horas quindenis gradibus, & quaternis minutis horæ singulis gradibus tribuas. Vel certe omnes gradus in arcu semidiurno, seminocturnoque, vel diurno, nocturnoque comprehensi reducantur ad horas per tabellam, quam in cap. 2. sphaeræ ad finem explicationis Aequatoris descripsimus. Immo horæ in limbo descriptæ, quæ inter meridianam lineam, & lineam fiduciae super dictam siquæ obtinentem comprehenduntur, dabunt quantitatem arcus semidiurni, vel seminocturni in horis, &c.

N O N est autem necesse, ut omnes gradus limbi inter lineam fiduciae, & meridianam lineam positi numerentur, sed satis est, si pauci illi gradus, qui inter lineam fiduciae, & Horizontem rectum comprehenduntur: qui quidem differentiam ascensionalem dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, exhibent, ut Num. 3. Can. 3. diximus. Hi enim ad quadrantem, hoc est, ad grad. 90. adiecti, si punctum Eclipticæ, vel stellæ ad boream vergat, vel ab eodem quadrante subtrahiti, puncto Eclipticæ, vel stellæ australi existente, consociati, vel reliquent arcum semidiurnum, quo ex semicirculo, id est, ex grad. 180. sublato, seminocturnus arcus reliquus erit, qui etiam habebitur, si puncto Eclipticæ, vel stellæ existente boreali, differentia ascensionalis inuenta, hoc est, arcus inter lineam fiduciae, & Horizontem rectum interiectus, ex quadrante dematur, adiciatur vero ad quadrantem, quando punctum Eclipticæ, vel stellæ in austrum vergit.

2. **D A T O** vero arcui semidiurno, vel seminocturno punctum Eclipticæ respondens sic perscrutabimur. Numeretur in limbo arcus semidiurnus à linea

meridiana

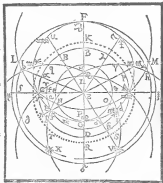
Si dato arcui semidiurno, vel seminocturno punctum Eclipticæ, seu stellæ respondens in rete Astrolabii habere.

meridiana ex parte superiori, seminocturnus vero ab eadem linea meridiana ex parte inferiori, & ad terminum numerationis linea educitur ostensoris applicatur. Deinde circumducatur rete, donec punctum aliquod Eclipticæ in punctum intersectionis lineæ educitæ cum Horizonte incidat. Ei etenim puncto, & alteri, quod illi ex altera parte puncti tropici respondet, datus arcus semidiurnus, seminocturnusque convenit.

3. SINE instrumento ita agemus. Repetatur prior figura Can. 5. describaturque ex centro E, per Eclipticæ punctum datum, vel stellam, parallelus Aequatoris. Nam eius arcus inter Horizontem obliquum LPM, & lineam meridiana EF, supra centrum E, erit semidiurnus quæsitus; arcus vero eiusdem

Arceus semidiurnus vel seminocturnus duo punctis, quæ stellæ, & punctum respondet, convenit.

inter Horizontem obliquum, & meridianam lineam EJ, infra centrum E, seminocturnus erit. Ut LP, erit arcus semidiurnus 30; & LJ, seminocturnus. Item semidiurnus arcus Aequatoris, vel principii ♈, & ♎, erit CB, seminocturnus vero CD. Sic semidiurnus arcus 3, erit arcus NH, (sumpto puncto H, pro intersectione tropici 3, cum meridianâ lineâ) seminocturnus autem NG. Rursus arcus seminocturnus principii ♈, vel ♎, est segmentum parallelæ aVb, inter b, & meridianâ lineam EJ, semidiurnus autem eiusdem segmentum inter b, & lineam meridianâ EF, si parallelus totus descriptus esset. Denique stellæ V, vel X, arcus seminocturnus est arcus eiusdem parallelæ inter b, & rectam EJ, semidiurnus autem, eiusdem arcus inter b, & rectam EF, si totus parallelus describeretur.



A VT sic. Per punctum, ubi parallelus per datum punctum Eclipticæ, vel stellam descriptus Horizontem secat, ex centro E, recta ducatur. Hæc enim semicirculum Aequatoris orientalem in duos arcus secabit, quorum superior semidiurnus, & inferior seminocturnus est. Ut quia parallelus per principium ♈, vel ♎, aut stellam V, vel X, descriptus secat obliquum Horizontem in b, si ducatur ex E, recta Eb, secans Aequatorem in a, erit aB, arcus semidiurnus principii ♈, vel ♎, aut stellæ V, vel X; & aD, seminocturnus.

A LIT ER. Descripto per datum Eclipticæ punctum, aut stellam, Horizonte obliquo, (cuius centrum semper est in parallelæ KZR, per centrum Horizontis K, descripto, & semidiameter PK,) ducatur ex E, centro ad idem punctum, vel stellam recta, quæ auferet ex Aequatore differentiam ascensionalem inter ipsam rectam, & Horizontem obliquum descriptum, ut in Can. 5. Num. 6.

Kkkk 2 dictum

dictum est. Hæc igitur, quando punctum datum, vel stella est borealis, addita ad quadrantem, conficiet arcum semidiurnum, eadem vero ex quadrante sublata, quando datum punctum, vel stella australis est, arcum semidiurnum relinquet. Verbi grama, si per principium γ , & per initium m , Horizon obliquus describatur secans Aequatorem in l , Y , ducanturque rectæ Ef , EZ , ad initia γ , & m , secantes Aequatorem in n , p , erunt differentie ascensionales ln , Yp . Et quia principium γ , boreale est, addita differentia ln , ad quadrantem, efficiet arcum semidiurnum primi puncti γ . Quia vero initium m , australe est, differentia Yp , ex quadrante dempta arcum semidiurnum relinquet. Denique descripto Horizonte per stellam V , secante Aequatorem in i , ducisque recta EV , secante Aequatorem in k , erit differentia ascensionalis stellæ k , quæ ablata ex quadrante semidiurnum arcum stellæ V , relin-

quet, cum stella australis sit, utpote ultra Aequatorem collocata.

EADÉM differentia ascensionalis, quando punctum Eclipticæ boreale est, aut stella, ex quadrante detracta reliquum facit arcum seminocturnum, addita vero quadranti seminocturnum arcum conficit, quando stella, vel punctum Eclipticæ australe est.

ARCUS V porro semidiurno, aut seminocturno dato, repetemus punctum Eclipticæ, cui congruit, hoc modo. Numeretur in Aequatore datus arcus semidiurnus à puncto B , vel seminocturnus à puncto D , in utramvis partem, & per terminum numerationis ex Centro E , recta ducatur, donec Horizontem secet. Parallelus enim Aequatoris ex E ,

per punctum illud sectionis in Horizonte descriptus, secabit Eclipticam in duobus punctis æqualiter à tropico puncto distantibus, quibus datus arcus semidiurnus, vel seminocturnus convenit. Ut si arcus semidiurnus sit Bz , vel seminocturnus Dz ; ducta recta Ez , secabit Horizontem in b , puncto, per quod parallelus ex E , delineatus secat Eclipticam in principis \mathfrak{A} , & \mathfrak{M} . Hæc ergo punctis arcus semidiurnus, vel seminocturnus oblaris congruit.

Si dato arcu semidiurno, seminocturno punctum Eclipticæ respondens duo seminocturno per-



S C H O L I V M.

1. *I D E M* arcus semidiurnus, vel seminocturnus distipuncti Ecliptica, aut cuiuslibet stellæ, per *A* nalemma pervestigabimus hac ratione. Inuenta ex scholæ Can. 3. declinatione propofiti puncti, vel stellæ, ducatur in *A* nalemmate diameter paralleli, quem datum punctum, aut stellæ describit. Nam eius partes superior inter Meridianum, ac diametrum Horizontis, est finis versus arcus semidiurni, inferior autem partes, finis versus arcus seminocturni quæsit. Exempli causa, in *A* nalemmate scholæ præcedentis Canonis, declinatio principij \odot , est $M 66$, atque paralleli diameter $M O$, sicque Horizontis diameter in L . Erat igitur $M L$, finis versus arcus semidiurnus principij \odot , & $O E$, finis versus arcus seminocturnus: adeo ut, descripto circulo $M X O$, circa diametrum paralleli $M O$, & ducta ex L , perpendiculari $L X$, ad $M O$, arcus semidiurnus \odot , sit $M X$, & seminocturnus $O X$. Nam cum \odot Horizon, & parallelus $M X O$, in propria posuerit, ad Meridianum rectus sit; erit quoque communis eorum sectio ad eundem recta, idcirco ex assu.

Arum quidem
nem, qui hinc
diametri dantur
di Eclipticæ, ad
recta ex Assu
nem prædixit.

219. vider.

3. lib. 11. Euclid. ad $M O$, in Meridiano existentem perpendiculari. Recta ergo $L X$, ad $M O$, perpendiculari, communis sectio erit Horizontis, ac parallelis $M X O$; atque idcirco $M X$, arcus semidiurnus erit, & $O X$, seminocturnus. Eadem ratio erit $N Z$, arcus semidiurnus γ , & $P Z$, seminocturnus. Et sic de cæteris. Quod si $H M$, ponatur declinatio alicuius stellæ, erit $M X$, arcus eius diurnus, & $O X$, seminocturnus constet.

$E S T$ autem iam $s L$, quam $i Y$, finis rectus differentie ascensionis, adeo ut in punctis Eclipticæ, & stellis septentrionalibus arcus $\downarrow X$, ad quadrantum additus conficiat arcum semidiurnum, arcus vero in Z , in australibus ex quadrante subtrahatur arcum semidiurnum reliquat, &c.

2. $E X$ cognitis autem arcu semidiurno dicemus punctum Eclipticæ, cui congruit hac ratio. A punctis F , & G , numeretur in utraqueque parte differentia inter datum arcum semidiurnum, & semidiurnum arcum Aequatoris, sive quadrantis, & recta terminis numerationis connectantur, quæ ex scholæ propof. 27. lib. 3. Eucl. aut $F G$, parallela erit, est arcus numeratus æqualis, sicut Aequatoris diameter in eo ut E sit, finis rectus sit ducta differentia. Deinde recta $H a n$, perpendiculari ad ean-

dant



dico diametrum Aequatoris, quæ diametrum Verticalis produellam fecit in aa, sum-
 ptaque aa bb, ipse Eec, æqualis, ducatur bb dd, ipse Hh, parallela forem AC, in
 dd: ac tandem ipse bb dd, æqualis abscondatur Hec. Nam recta Eec, nulla ab-
 scindat arcum declinationis puncti quævis Hh: quæ borealis erit, si datus arcus so-
 lidiorum guardaret maior fuerit, australis vero, si minor. Atque hanc declinati-
 onem assignatur punctum Eclipticæ ad respondens, ut in scholio Cor. 3. Num. 3.
 tradidimus est. Nec autem sic demonstrabitur. Quoniam, ut in Lemmata 49.
 lib. 1. Num. 17. demonstravimus, est ut sunt totus ad tangentem altitudinis poli
 ita tangenti declinationis sinusius puncta Eclipticæ ad sinum differentia ascensionalis;
 erit convertendo, ut tangens altitudinis poli, ad sinum totum, ita sunt differentia
 ascensionalis ad tangentem declinationis. Cum ergo Haa, sit tangens arcus Ah,
 altitudinis poli, et aa bb, sinus differentia ascensionalis Eec, æqualis: Eadem min-

est differentia asynonyma
 10. quae arcum secundum
 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50. 51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66. 67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81. 82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96. 97. 98. 99. 100. 101. 102. 103. 104. 105. 106. 107. 108. 109. 110. 111. 112. 113. 114. 115. 116. 117. 118. 119. 120. 121. 122. 123. 124. 125. 126. 127. 128. 129. 130. 131. 132. 133. 134. 135. 136. 137. 138. 139. 140. 141. 142. 143. 144. 145. 146. 147. 148. 149. 150. 151. 152. 153. 154. 155. 156. 157. 158. 159. 160. 161. 162. 163. 164. 165. 166. 167. 168. 169. 170. 171. 172. 173. 174. 175. 176. 177. 178. 179. 180. 181. 182. 183. 184. 185. 186. 187. 188. 189. 190. 191. 192. 193. 194. 195. 196. 197. 198. 199. 200. 201. 202. 203. 204. 205. 206. 207. 208. 209. 210. 211. 212. 213. 214. 215. 216. 217. 218. 219. 220. 221. 222. 223. 224. 225. 226. 227. 228. 229. 230. 231. 232. 233. 234. 235. 236. 237. 238. 239. 240. 241. 242. 243. 244. 245. 246. 247. 248. 249. 250. 251. 252. 253. 254. 255. 256. 257. 258. 259. 260. 261. 262. 263. 264. 265. 266. 267. 268. 269. 270. 271. 272. 273. 274. 275. 276. 277. 278. 279. 280. 281. 282. 283. 284. 285. 286. 287. 288. 289. 290. 291. 292. 293. 294. 295. 296. 297. 298. 299. 300. 301. 302. 303. 304. 305. 306. 307. 308. 309. 310. 311. 312. 313. 314. 315. 316. 317. 318. 319. 320. 321. 322. 323. 324. 325. 326. 327. 328. 329. 330. 331. 332. 333. 334. 335. 336. 337. 338. 339. 340. 341. 342. 343. 344. 345. 346. 347. 348. 349. 350. 351. 352. 353. 354. 355. 356. 357. 358. 359. 360. 361. 362. 363. 364. 365. 366. 367. 368. 369. 370. 371. 372. 373. 374. 375. 376. 377. 378. 379. 380. 381. 382. 383. 384. 385. 386. 387. 388. 389. 390. 391. 392. 393. 394. 395. 396. 397. 398. 399. 400. 401. 402. 403. 404. 405. 406. 407. 408. 409. 410. 411. 412. 413. 414. 415. 416. 417. 418. 419. 420. 421. 422. 423. 424. 425. 426. 427. 428. 429. 430. 431. 432. 433. 434. 435. 436. 437. 438. 439. 440. 441. 442. 443. 444. 445. 446. 447. 448. 449. 450. 451. 452. 453. 454. 455. 456. 457. 458. 459. 460. 461. 462. 463. 464. 465. 466. 467. 468. 469. 470. 471. 472. 473. 474. 475. 476. 477. 478. 479. 480. 481. 482. 483. 484. 485. 486. 487. 488. 489. 490. 491. 492. 493. 494. 495. 496. 497. 498. 499. 500. 501. 502. 503. 504. 505. 506. 507. 508. 509. 510. 511. 512. 513. 514. 515. 516. 517. 518. 519. 520. 521. 522. 523. 524. 525. 526. 527. 528. 529. 530. 531. 532. 533. 534. 535. 536. 537. 538. 539. 540. 541. 542. 543. 544. 545. 546. 547. 548. 549. 550. 551. 552. 553. 554. 555. 556. 557. 558. 559. 560. 561. 562. 563. 564. 565. 566. 567. 568. 569. 570. 571. 572. 573. 574. 575. 576. 577. 578. 579. 580. 581. 582. 583. 584. 585. 586. 587. 588. 589. 590. 591. 592. 593. 594. 595. 596. 597. 598. 599. 600. 601. 602. 603. 604. 605. 606. 607. 608. 609. 610. 611. 612. 613. 614. 615. 616. 617. 618. 619. 620. 621. 622. 623. 624. 625. 626. 627. 628. 629. 630. 631. 632. 633. 634. 635. 636. 637. 638. 639. 640. 641. 642. 643. 644. 645. 646. 647. 648. 649. 650. 651. 652. 653. 654. 655. 656. 657. 658. 659. 660. 661. 662. 663. 664. 665. 666. 667. 668. 669. 670. 671. 672. 673. 674. 675. 676. 677. 678. 679. 680. 681. 682. 683. 684. 685. 686. 687. 688. 689. 690. 691. 692. 693. 694. 695. 696. 697. 698. 699. 700. 701. 702. 703. 704. 705. 706. 707. 708. 709. 710. 711. 712. 713. 714. 715. 716. 717. 718. 719. 720. 721. 722. 723. 724. 725. 726. 727. 728. 729. 730. 731. 732. 733. 734. 735. 736. 737. 738. 739. 740. 741. 742. 743. 744. 745. 746. 747. 748. 749. 750. 751. 752. 753. 754. 755. 756. 757. 758. 759. 760. 761. 762. 763. 764. 765. 766. 767. 768. 769. 770. 771. 772. 773. 774. 775. 776. 777. 778. 779. 780. 781. 782. 783. 784. 785. 786. 787. 788. 789. 790. 791. 792. 793. 794. 795. 796. 797. 798. 799. 800. 801. 802. 803. 804. 805. 806. 807. 808. 809. 810. 811. 812. 813. 814. 815. 816. 817. 818. 819. 820. 821. 822. 823. 824. 825. 826. 827. 828. 829. 830. 831. 832. 833. 834. 835. 836. 837. 838. 839. 840. 841. 84

ALITER. Per Lemma 52. *th.* 1, in *Harmonia* duntaxat BD, inconstanter puncta L.T., in quibus Ellipse circa axes FG, *seff.* (inscripta Ell. ipse Ell. aequali) discripta eam interfecit. Nam si per L, quando arcus semidiameter datus minor est quadrante, aut per T, quando maior, duntaxat Aequanter HI, parallela axi MO. *vel* NP. *erit*

hinc, diameter parallelis per quatuor punctum describitur, pretereaque declinationem qua
flam ex Meridiano abscondit. Cum enim per Lemmā 11. lib. 1. sit, ut EI, ad
Eec, ita FO, ad FL; vel ut EH, ad Eff, ita tH, ad tY, sitque ex Lemmate 3. fl-
nus similium arcuum sinibus rectis proportionales; erit FL, vel tY, sinus differentie
astronomice in circulo diametri MO, vel NP, quemadmodum Eec, vel Eff, in cir-
culo maximo ABCD.

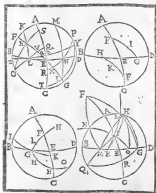
ELLIPSES per circulos FG, tiff, descripta refert circulum declinationis, vel horarum, per mundi polos, & punctum Horizontis, in quo à parallelis dati arcus similiteri secatur; quippe cum perpendicularares ex eius punctis in Meridianum ductis eam efficiant, punctumque illud Horizontis in L. vel T. cadat.

S E D in dero arcu femidurno circuli paralleli eliciamus quatuor declinationum

in Canonis p. Num. 4. tradidimus. Poterunt atque, si placeat, adhiberi alia ratio-
nes supputandi arcum semidiurnum, quas lib. 1. Geometricis propos. 34. & in scholio
propos. 35. demonstravimus, quarum unam in scholio Can. 12. Num. 2. afferimus.

VIGESIMO dato arcus semidiurnus, seminocturnus, reperimus punctum Ec-
lipticae, cui congruit, hac ratione. Subductis arcu dato ex quadrante, vel quadrante
ex illo, ut differentia habeatur inter datum arcum semidiurnum, seminocturnum,
& arcum semidiurnum Aequatoris, qui quadrans est; si quatuor punctum concipia-
tur constitutum in Horizonte, per quod ex mundi polo circulus maximus declina-
tiois ducatur, constitutus erit triangulum sphaericum rectangulum, cuius angulus rectus
ab illo circulo declinationis, & Aequatore constituitur, & arcus Aequatoris inter Ho-
rizontem, & praedictum circulum declinationis, arcus, cum differentia sit inter da-
tum arcum semidiurnum, seminocturnum, & quadrantem Aequatoris, angulus
denique, quem Aequator cum Horizonte efficit, complementum est altitudinis poli,
qui arcus declinationis, quem quarimus, in dicto triangulo apponitur. Si igitur per 1.
modum problematis 11. triang. sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum differentiae in-
ter arcum semidiurnum, aut seminocturnum datum, & quadrantem Aequato-
ris, ita tangens complemen-

ti altitudinis poli, ad aliud,
producet tangens declina-
tionis quaesitae. Huiusmodi
triangulum habetur in primo
circulo figura 1. problematis
29. quam hoc loco repetimus.
Iste enim punctus Eclipticae bo-
ris arcus semidiurnus est EN ,
cui similis est arcus Aequato-
ris AB ; & ER , differentia inter
semidiurnum arcum AB ,
& quadrantem AB , qui ar-
cus semidiurnus Aequatoris
est, triangulum denique praedi-
ctum est ENR , in quo per 1. mo-
dum problem. 11. triang. sphaer.
veluti Lemmatis, ad ut sinus
totus sit sinus arcui ER , differ-
rentiae praedictae, ita tangens an-
guli REN , complementi alti-
tudinis poli ad tangentem ar-
cus declinationis NR . Simile
triangulum est ELQ , quando
 EL , vel arcus Aequatoris si-
milis AQ , est arcus semidiur-



ni puncti Eclipticae australis H , &c. Invenitur hoc modo declinationis, inquirendum
est punctum Eclipticae ei respondens, ut in scholio Can. 3. scripsimus: Et si quidem
arcus semidiurnus datum maior est d. borei, vel seminocturnus arcus 6. horis maior,
erunt duo puncta Eclipticae borealis à principio \mathcal{P} , aequaliter remotae, quibus congruit;
australis vero à principio \mathcal{Q} , aequaliter distantia, si 6. horis minor est arcus semidiur-
nus, aut seminocturnus 6. horis maior. Et tamen declinationis inventa fuerit maxima
declinationis aequalis, respondebit arcus semidiurnus 6. horis, maior, & seminocturnus 6.

horis

Itaque tres sunt
modi, ut arcus
semidiurnus, seminocturnus
aut punctum
Eclipticae
reperitur per
modum
problematis
11.

*horis minari, primum punctum 33. et semidiurnus arcus 6. horis minari, et semidiurnus
et 6. horis maiori, primum punctum 70. congruat.*

C A N O N VIII.

HORAM interdiu ex altitudine Solis, & noctu ex altitudine cuiusvis stellæ, expiscari.

1. QVONIAM quatuor sunt genera horarum, tria æqualium, nimirum vel a meridie, aut media nocte, vel ab ortu Solis, vel a Solis occase initium sumendum, & unum inequalium, de quibus copiose latius ad initium nostræ Geomonicæ scripturæ de omnibus Canon propositus est intelligendus. Dicitur igitur tempore si horam à mer. vel med. noc. elapsam desideras, accipe per Can. 1. altitudinem Solis, & circumducite, donec gradus Eclipticæ, in quo Sol tunc moratur, parallelum Horizontis, siue Almucantarath inuente altitudinis attingat, ex parte quidem orientali, si tempus est antemeridianum, si vero pomeridianum, ex parte occidentis. Linea enim fiduciæ Ostensoris eidem gradui Solis superposita, in Limbo horam à med. noc. indicabit, vel à mer. prout tempus fuerit antemeridianum, vel pomeridianum. Quod si horæ in Limbo descriptæ non sint, elicebunda erit hora ex arcu Limbi inter lineam fiduciæ eum finem habentem, & lineam meridianam intercepto, tribuendo quidem eisdem gradibus singulas horas, & singulis gradibus quaterna horæ minutata tamen, ut ante meridiem arcus ille incipiat à linea meridiana ex parte inferiori, post meridiem vero ex parte superiori.

Horæ a mer. vel med. noc. interdiu per Astrolobi horam notata.

2. SI vero tempore nocturno eandem horam à mer. vel med. noc. inquirete velis, obserua per Can. 1. stellæ alicuius in reti descriptæ altitudinem, & circumduc rete, donec cacumino eius stellæ parallelum Horizontis, siue Almucantarath altitudinis inuenta attingat, ex parte quidem orientali, siue sinistra, si stellæ ad Meridianum nondum peruenierit, si vero Meridianum transierit, ex parte dextra, siue occidentali. Linea enim fiduciæ gradui Solis superposita, monstrabit in Limbo horam à mer. vel med. noct prout gradus Solis extiterit, vel in medietate Astrolobi dextra, vel sinistra. Quod si horæ in Limbo notatæ non sint, reducendi erunt ad horas gradus Limbi inter lineam fiduciæ, & lineam meridianam, initio facto à parte superiore, si gradus Solis fuerit in parte Astrolobi occidentali, siue dextra; si vero in parte orientali, vel sinistra, à parte inferiori. Prior enim arcus dabit horas à mer. & posterior à med. noc. elapsas.

Horæ a mer. vel med. noc. noctu per Astrolobi horam notata.

3. **HORAM** ab or. vel occ. sic inquirens. Nota punctum horæ à mer. vel med. noc. inuenta siue per altitudinem Solis interdiu, siue noctu per altitudinem stellæ, ut dictum est. Deinde posito gradu Solis in Horizonte orientali, si hora ab or. queratur, vel occidentali, si hora ab occ. desideretur, numeri arcus Limbi inter punctum, quod linea fiduciæ Ostensoris gradui tunc Solis superposita indicat, & punctum horæ à mer. vel med. noc. prius notatum, progrediendo semper à posteriori puncto notato contra successionem signorum ad illud prius, (hoc est, ab ortu to occasum progrediendo usque ad punctum horæ à mer. vel med. noc. notatum) scilicet de primis versus nimirum pro ho-

Horam ab or. vel occ. per Astrolobi cognoscere.

ra ab occ. ex parte occidentali versus inferiorem partem Astrolabii, pro hora vero ab or. ex parte orientali versus superiorem. Nam si gradus in hoc arcu limbi comprehendit renouentur ad horas, habebitur numerus horarum ab occ. vel ortu elapsarum.

Q V O D si in parte inferiori Astrolabii arcus horarum ab or. & occ. descripti sint, ut lib. 2. prop. 3. Num. 8. diximus, collocato interdu gradu Solis supra circulum Almucantarath inuenta altitudine Solis, moto tamen reti à sinistra dextram versus, ita ut sinistra sit pars ante meridiem, & dextra post meridiem, indicabit gradus oppositus inter illos arcus horarum ab occ. Posito autem eodem gradu Solis supra circulum Almucantarath altitudine Solis inuenta, moto tamé reti à dextra sinistram versus, ita ut pars dextra spectet ad tempus antemeridianum, & sinistra ad pomeridianum, indicabit idem gradus oppositus inter arcus eorundem horarum ab or. ut numeri horarum in figura dactæ prop. 3. lib. 2. monstrant. Nocturno vero tempore horæ ab occ. ex altitudine stellarum inuentis hac ratione non poterunt, nisi à liis arcus horarum, qui priores interfecerit, describantur. Quare prior ratio exposita magis probanda videtur.

Notum tempore
horæ per altitudi-
nem requiritur.

4. **D E N I Q U E** horarum inæqualem in parte inferiori Astrolabii offendet interdu gradus oppositus Solis, posito ipso gradu Solis in parallelo Horizontis, sive Almucantarath inuenta altitudine Solis; noctu vero idem præstabit ipsemet gradus Solis, si stella in Almucantarath fixæ altitudinis inuenta collo-
cata fuerit

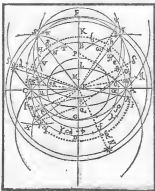
Quantitas altitudi-
nis vel stelle
non habet paral-
lelum illi inue-
ntæ altitudinis
quæ præstabitur
proxime inuen-
tæ, & proxime
inueniuntur puncta
horæ inueniuntur de
est, sed stellæ in
p. optima habet
altitudinem.

5. **Q V A N D O** paralleli Horizontis non per singulos gradus ducuntur, sed duobus gradibus, vel tribus, aut quinqué inter se distant, & altitudo Solis vel stellæ inuenta non habet parallelum respondentem, sed collocanda est inter duos eiusmodi parallelos; ut accuratius in propria altitudine collocetur, inuenienda erit pars proportionalis hoc modo. Collocetur gradus Solis, vel stellæ cacumen, super parallelum proxime minoris altitudinis, noceaturque punctum in limbo à linea fiduciæ illi gradui, vel stellæ superposita offensum. Detra-
da idem gradus, vel cacumen stellæ moueatur usque ad parallelum proxime maioris altitudinis una cum linea fiduciæ, punctumque rursus in limbo notetur, & gradus limbi inter duo illa puncta diligenter numerentur. Post hoc fiat, ut numerus graduum inter duos proximos parallelos in Astrolabio inclusorum ad numerum graduum limbi inter duo illa puncta notatum, ita numerus graduum altitudinis Solis, vel stellæ, subtractio prius numero graduum paralleli proxime minoris altitudinis, ad aliud. Inuenietur enim quartus numerus graduum, qui si à priore puncto notato in limbo supputetur versus punctum posterius, & ad finem supputationis admoveatur linea fiduciæ, collocandus erit gradus Solis, vel cacumen stellæ præcisè sub linea fiduciæ cum sicum obtinente, ut propertum situm fixæ altitudinis habeat. V. g. ponamus vnum parallelum ab alio distare grad. 5. & altitudinem inuentam esse grad. 33. Notatis ergo punctis in limbo, quæ exsurgent à linea fiduciæ super gradum Solis, vel cacumen stellæ posita, quando cum in parallelo grad. 30. cum in parallelo grad. 38. collocatur, sin-
gamus inter duo illa puncta positos esse grad. 16. Si ergo dicamus; Si differentia grad. 7. inter duos proxime parallelos requirit in limbo grad. 16. quid requirit differentia grad. 3. inter altitudinem grad. 33. & parallelum grad. 30. inueniemus grad. 9. Min. 36. quos si numeremus à priore puncto in limbo, & ad terminum numerationis applicemus lineam fiduciæ, ac denique sub linea fiduciæ in eo situm gradum Solis, vel cacumen stellæ statuas, collocatus erit gra-
dus Solis, vel cacumen stellæ in altitudine grad. 33.

6. SINE instrumento horam perscrutabimur hac ratione. Repetatur secunda figura Can. 7. in qua Aequator $A B C D$, circa centrum E ; tropici $F G$; & $H I$; Ecliptica $A P C Q$, cuius polus M ; Horizon obliquus $A Q C$, cuius centrum K , & vertex, vel polus L , per quem descriptus sit Verticalis primarius $A L C$, cuius centrum σ , & polus Q , intersectio nimirum Horizontis cum Meridiano; Denique $K g$, parallelus per K , centrum Horizontis descriptus, in quo centra omnium circularum horariorum ab or. vel occ. existunt, vt lib. 2. propof. 9. Num. 5. demonstrauimus. Diurno ergo tempore horam inuestigaturus capiet altitudinem Solis. Deinde quærat intersectionem parallelis puncti illius Eclipticæ, quod Sol tunc occupat, cum parallelo Horizontis per gradum altitudinis inuenta descripto. Recta enim ex centro E , per punctum illud intersectionis ducta secabit Aequatorem in puncto distantia Solis a mer. vel med. noc.

Horam hor. mer. vel med. noc. tempore inuestigare.

Horam a mer. vel med. noc. tempore inuestigare.

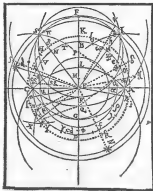


adeo vt arcus Aequatoris in per punctum illud, & meridianam lineam inferiorem ad horas redactus det horam a mer. noc. si tempus est ante meridianum, arcus vero inter idem punctum, & lineam meridianam superiorem, horam a mer. si tempus pomeridianum est. V.g. Sole exsistente in principio Φ . vel ω , obseruata sit altitudo Solis grad. 20. siue ante meridi. siue post. Describatur per σ , principium ω , aut per σ , principium Φ , parallelus Aequatoris σg , 2d. Deinde numerata in Aequatore altitudinis Solis $A O$, grad. 20, siue ex parte orientali, siue occidentali, docatur ex Q , polo Verticalis per O , recta $Q O$, secans Verticalem in a , complecteturque arcus $A a$, grad. 20. altitudinis Solis, vt lib. 2. propof. 5. Num. 17. & sequentibus ostensum est; ac proinde per a , parallelus Horizontis per Solem tunc transiens describendus erit. Ducta ergo per a , recta $a P$, tangente Verticalem in a , hoc est, perpendiculari ad $a Q$, semidiametrum Verticalis, si ducta esset, erit P , centrum eius parallelis, & $P a$, semidiameter, ex ut. quæ propof. 6. lib. 2. Num. 10. demonstrauimus; qui tamen parallelus alijs viis, quas lib. 2. propof. 6. tradidimus, describi etiam poterit, si placet. Solet autem parallelus hic, Horizontis, ex F , per a , descriptus (qui necessario per punctum R , in lineam meridianam transibit, in quod cadit recta ex A , ad terminum o , arcus $C o$, grad. 20. altitudinis Solis ducta, vt ex his liquet, qui in eadem propof. Num. 2. ostensæ sunt a nobis) parallelum Aequatoris σg , in S , & I , docaturque ex E , centro rectæ $E S$, vel $E I$, secans Aequatorem in N . Si igitur altitudo Solis accepta fuerit,

ante meridiem, indicabunt gradus in arcu DN, contenti horas a med. noe elapsas, si vero post meridiem, gradus in arcu BN, comprehensi horas & meride transactas monstrabunt, propterea quod tunc temporis punctum Eclipticæ datum α , vel γ in S, vel L, existit, & recta ES, vel EL, lineam fiducie refert. non secus, ac si recte circumuoleretur.

Hora ab or. vel occ. computatur.

IA M si hora ab ortu desideretur ante meridiem, describendus est per S, punctam intersectionis paralleli Solis cum parallelo Horizontis, circulus SV, ad intervalum semidiametri Horizontis KQ, ex centro h, in parallelo Kh, assumpto, ita ut eius concavum in V, puncto Aequatoris vergat versus partes orientales, siue posterius orientes, hoc est, ita ut eius concavum occurramus progredientes ex C, principio V, contra successionem signorum. Nam arcus CV, dabit horam ab ortu numeratam, ut ex his constat, quæ lib. 1. propos. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Si vero quaeratur ante meridiem hora ab occ. describendus est per idem punctum S, circulus ST, ad intervalum semidiametri Horizontis KQ, ex centro l, in parallelo Kg, assumpto, ita ut eius concavum in T, puncto Aequatoris progredientibus nobis ex A, contra successionem signorum occurrat, hoc est, vergat ad partes orientales. Nam arcus ADCT, horam ab occ. indicabit, ut ibidem ostendimus. At si post meridiem, tam hora ab or. quam ab occ. invenienda sit, describendi erunt per l, dicti duo circuli, quales sunt Ib, Ic, quorum centra sunt Ig. Arcus enim Ch, contra signorum seriem usque ad concavum circuli Ib, numeratus dabit horam ab or. & arcus ACe, contra



signorum successionem usque ad concavum circuli Ic, computatus horam ab occ. exhibebit.

Hora ab or. vel occ. computatur.

TEMPORIS autem nocturno observetur altitudo alicuius stellæ, nimirum eius, quæ situm habet in Z, ponamusque altitudinem inventam esse grad. 20. & stellam nondum ad Meridianum pervenisse, ac Solem in A, principio η , existere; fecerit autem semitudo in S, ex parte orientali parallelus a stellâ descriptus $\alpha\gamma Z$, & parallelus Horizontis ES, grad. 20. Deinde ductis rectis EZ, ES, EA, secantibus Aequatorem in f, N, g, arcus fg, secundum signorum successionem computato sumatur equalis Ne, a puncto N, secundum seriem etiam signorum progrediendo, & per eius terminum e, recta ducatur EX, ipsi EA, equalis, ita ut parallelus per A, principium η , describitur, transeat per X, Et quoniam moto reti, donec stella Z, ad S, perveniat, & recta Z, recta ES, congruat,

congruat, recta EJ , congruit recta EX , & punctum J , puncto X , propter æqualitatem arcuum $n f$ g , Nc , sic ut existente stella Z , in S , Sol primum punctum n , occupans existat in X ; ac proinde arcus De , horam à med. noc. exhibeat. Quod si per X , ad intervallum semidiametri Horizontis KQ , ex centr. H , k , in parallelo KH assumptis, duo circuli describantur secantes Aequatorem in g , Y , dabit arcus ADg , horam ab occ. & arcus $CBA DY$, horam ab ortu, ut patet ex his, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Arcus porro BN , indicat distantiam stellæ à Meridiano tempore observationis.

SOL E existente in principio g , habenteque eandem altitudinem grad. 20. si ducatur recta Ej , ad intersectionem paralleli g , cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in e ; dabit arcus Ba , horam à mer. si tempus fue rit pomeridianum, & arcus DAa , horam à med. noc. si tempus antemeridianum fuerit. Sic etiam quando Sol primum punctum g , tenet, altitudinemque habet grad. 20. si ducatur recta Eec , per intersectionem paralleli g , cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in ee ; dabit arcus Bec , horam à mer. tempore pomeridiano, arcus vero Dcc , antemeridiano tempore horam à med. noc. præbebit. Et si per g , cc , binii circuli describantur ad intervallum semidiametri Horizontis KQ , quorum centra in parallelo Kg , existant, reperietur quoque hora tam ab or. quam ab occ. sicuti in precedentibus.

HORA M. denique inæqualem cognoscemus, si arcum semidiurnum, aut seminocturnum paralleli per datum punctum Eclipticæ descripsi, in sex partæ inæquales partiamus pro horis inæqualibus. Recta etenim ex centro E , ad locum Solis tempore observationis, ut ad S , vel X , ducta, indicabit, quanta hora inæqualis transacta est.

Notum inquam
est, hanc methodum
solis positionem

S C H O L I U M.

1. *Si Analemma ad datum poli altitudinem describatur, ut in 19. Lemmate lib. 1. & in scholio Cap. 6. tradidimus, cognoscemus horam interdiu ex altitudine Solis hoc modo.* Ducta in Analemmate scholii Cap. 6. diametro paralleli per gradum Solis transiuntis MO , vel NP , descripsitque circa eam semicirculo MXO , vel NZP , trigatur ad eandem ex puncto L , vel T , ubi à diametro Horizontis facitur, perpendiculari LX , vel TZ , ut MX , vel NZ , sit arcus semidiurnus, & OX , vel PZ , seminocturnus. Deinde ex D , & B , supputata altitudinis Solis usque ad J , & g , notabitur g , diameter paralleli Horizontis nunciatæ altitudinis, & ex puncto E , vel e , ubi diameter paralleli Solis dividit, perpendicularis ad eandem paralleli Solis diametrum erigitur Ej , vel ep . Nam arcus Mj , vel Np , horam à mer. vel med. noc. indicabit, prout tempus observationis pomeridianum, aut antemeridianum fuerit, propterea quod Sol tempore observationis in puncto j , vel p , existit. Cum enim parallelus Solis, cuius diameter MO , vel NP , & parallelus Horizontis, cuius diameter g , ad Meridianum rectis sint, erit arcus communis quoque scilicet ad eandem recta, utique ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad rectam MO , vel NP , in plano Meridiani existentem perpendicularis erit. Quapropter Ej , vel ep , ad MO , vel NP , perpendiculari, communis illa scilicet erit, atque idcirco cum Sol tunc in communis illa scilicet existat, communis in puncto, ubi se duo illi paralleli per Solem descripti interfecerint, erit Sol in puncto j , vel p , ac proinde arcus Mj , vel Np , distantiam eius à Meridiano indicabit.

Hoc à mer. vel
med. noc. inter-
diu ex Analem-
mate positionem

A 19. videtur.

ARCUS autem Xj , vel Zp , distantia erit Solis ab Horizonte, cum LX , vel TZ ,

vel YZ , summam solis sit $Horizonis$, ac parallelis $Solis$, ut in *libello* precedenti *Canonis Nuntii* demonstratum est. Ex hac distantia $X\mu$, vel Zp , ut horam ab *oc.* exhibebit, quæsumus si tempus est ante meridiem, arcus ipsi $X\mu$, vel Zp , horam ab *oc.* exhibebit, si vero post meridiem, arcus consilium ex XM , & $M\mu$, vel ex ZN , & Np eandem horam manifestabit, quod tunc Sol motus sit ab X , vel Z , punctis ortus usque ad M , vel N , punctum meridiem, & à meridie usque ad μ , vel p . Ex eadem distantia Xp , vel Zp , horam *oc.* sic demonstramus. Si tempus est ante meridiem, arcus consilium ex NO , & $O\mu$, vel ZP , & Pp , horam ab *oc.* indicabit, quod Sol motus tunc sit ab X , vel Z , punctis occasus usque ad O , vel P , punctum meridiem usque, & à meridie usque ad μ , vel p . Si vero Sol fuerit post meridiem, arcus consilium ex NO , & OM , semicirculo, & $M\mu$, vel ex ZP , & PN , semicirculo, & Np , eandem horam ab *oc.* autem efficiet, propterea quod Sol motus tunc erit ab X , vel Z , puncto occasus, usque ad O , vel P , punctum meridiem usque, & hinc usque ad M , vel N , punctum meridiem, ac deinceps hinc usque ad μ , vel p .

§ 1. arcus semidiurnum XM , vel ZN , in sex partes æquales dividatur pro horis inæqualibus, indicabit eadem perpendiculari $\xi\mu$, vel xp , horam inæqualem, &c.

§ 2. *N O C T U R N O* autem tempore ex altitudine alicuius *Stellæ* hac ratione horam preparari licebit. Distantia *Stellæ* à Meridiano quæritur, ut de *Sole* docuimus, per

lineam videlicet perpendiculari distantiam ad diametrum parallelis *Stellæ* ex punctis, ubi ea diameter parallelis *Horizonis* erit secantem perducitur *Stellæ* ad circulum intersectat. Ut si *Stellæ*, cuius declinatio sit HM , borealis, & diameter eius parallelis MO , ipso vero parallelus MXO , habeat altitudinem DG , vel BH , ut in *vi* ducta recta HG , sit diameter parallelis *Horizonis* per *Stellam* ducti, faciam diametrum parallelis eiusdem *Stellæ* in k , assendet perpendicularis $k\lambda$, distantiam *Stellæ* MM , à Meridiano semicirculo superius in ortum, vel occasum, prout *Stellæ* respectus fuerit in parte orientali, vel occidentali. Deinde ut regularum multitudinem fugiamus in hora inquisitionis ex distantia *Stellæ* à Meridiano incerta, accipiemus semper eius distantiam à Meridiano superius versus ori-



Distancia *Stellæ* à Meridiano superius versus orientem et occid. hanc autem Regulam.

tum, sine secundum successivum figurarum, ita ut *Stellæ* existente occidentali, eius distantiam subtrahamus ex integro circulo detrahamus, ut reliqua sit eisdem distantia à Meridiano superius versus orientem computata, sicut semicirculo maior sit *Orbis* gratia, si deprehensa fuerit distantia alicuius *Stellæ* à Meridiano superius versus orientem grad. 70. detrahemus 70. ex grad. 360. ut relinquatur grad. 290. pro distantia eiusdem à superius

per Meridianum ortum versus computata.

D E I N D E ex hac distantia Stella à Meridiano supero versus ortum computata inuenerit arcus distantia Solis à stella ab occasu quoque in ortum, hac arte. Ascensio recta Stella ex scholis Can. 4. Num. 2. inuenta auferatur ex ascensione recta Solis ex eisdem scholis Num. 1. cognita, adiecto prius integro circulo, si subtrahitio fieri nequeat. Numerus enim reliquus dabit distantiam Solis à stella secundum signorum successivam numeratam. Vt si in proximo Analemmate circulus $A B C D$, cogitatur esse Aquarior, in quo stella distantia numeranda sunt, & D , principium V , atque A per eundem Meridianum superi, ponatur autem $A M$, distantia Stella à Meridiano supero versus ortum, & $A N$, distantia Solis, ab eodem Meridiano in ortum, si $D M$, ascensio recta Stella ex $D N$, ascensione recta Solis detrahatur, reliquus sit arcus $M N$, distantia Solis à stella secundum signorum ordinem. Rursus si distantia Stella à Meridiano in occasum sit $A q$, ita ut eisdem distantia in ortum sit $A B C D q$, & distantia Solis à Meridiano versus eandem partem sit $A B C D \delta$, recta autem ascensio Stella $D q$, ex $D \delta$, ascensione recta Solis, adiecto prius integro circulo, detrahatur, (quod fiet si $D q$, ex toto circulo dematur, & reliquis arcui $q B C D$, ascensio recta Solis $D \delta$, adiciatur) reliquus sit arcus $q B C D \delta$, distantia Solis à stella secundum signorum successivam numeratam. Verò eandem hac distantia Solis à stella inuenitur hac etiam modo. Quando ascensio recta Solis maior reperitur ascensione recta stella, subtrahat haec ex illa, remanebit distantia Solis quasi à stella. Vt quoniam $D M$, ascensio recta stella minor est, quam ascensio recta Solis $D N$, subtrahat arcum $D M$, ex arcu $D N$, reliquitur $M N$, distantia Solis à stella ab occ. in ortum. Quando autem recta ascensio Solis minor est ascensione recta stella, si illa ex hac subtrahatur, & reliquus numerus ex toto circulo, reliquus erit distantia Solis quasi à stella. Vt posita stella in M , & Solis in δ , si $D \delta$, ascensio recta Solis ex $D M$, ascensione recta stella dematur, reliquitur arcus δM , qui subtrahitur ex toto circulo, reliquus sit arcus $M C \delta$, distantia Solis à stella ab occ. in ortum.

I $A M$ vero arcus conflat ex distantia Stella à Meridiano supero versus ortum numerata, & distantia Solis à stella secundum ordinem quoque signorum computata, abiectione integro circulo, si conflat arcus maior fuerit, indicabit distantiam Solis à Meridiano supero secundum signorum quoque successivam numerandam: qua distantia ex integro circulo detracta distantiam Solis à meridie notam reliquitur: Vt in eodem Analemmate ex $A M$, distantia Stella à Meridiano supero versus ortum, & $M N$, distantia Solis à stella M , versus ortum, conficitur $A N$, distantia Solis à Meridiano supero versus ortum: qua ex circulo integro sublata, reliquitur $A D N$, distantia Solis à meridie. Rotundo igitur arcu $A D N$, ad horam, hora à meridie clausa legantur non poterit. Et si plures horae, quam 12. repertae fuerint, detrahatis 12. horis, reliqua erunt hora à med. noc. Rursus posita stella in q , & Solis in δ , si ex arcu, qui ex $A B C q$, & $q A B C \delta$, conflatur, integer circulus dematur, qui numerus ex $A B C q$, & $q A$, conficitur, reliquitur $A B C \delta$, distantia Solis à Meridiano supero ortum versus numerata. Sic etiam posita stella in q , & Solis in N , si ex arcu, qui ex $A B C q$, & $q A N$, componitur, integer circulus tollatur, qui numerus ex $A B C q$, & $q A$, conflatur, remanebit $A N$, distantia Solis à Meridiano supero in ortum computata. Quod si forte ascensio recta Solis ascensione recta stella deprehensa fuerit aequalis, Sol, & stella aequaliter à Meridiano distabunt versus eandem partem. Quare tunc distantia Stella à Meridiano inuenta horam indicabit. Aut si forte differentia rectarum ascensionum Solis, ac stella aequalis fuerit semicirculo, erit distantia Stella à Meridiano supero distantia Solis à Meridiano infero aequalis secundum successivam signorum, & à meridie. Quae circa distantia Solis à meridie cognita erit. Quae omnia ex eodem Analemmate perspicua sunt.

Distantia Solis à stella ab occ. in ortum quoque patet inuolugare ex distantia Stella à Meridiano supero orti versus numerata.

Distantia Solis à Meridiano supero ortum versus, ac distantia Stella ab eodem Meridiano ex distantia Solis à stella, eodem ordine numerata, colliguntur.

in Stella Solis a
Sola recta occi-
dem qua polum
aspiratur.

A L I T E R. Inventa, ut diximus, distantia stella à Meridiano sive in ortum, sive in occasum, auferatur recta ascensio Solis à recta ascensione stella, adducto prius integro circulo, quando detractio fieri nequit. Quod enim relinquatur, erit distantia Solis à stella versus occasum: Ab hac autem distantia auferatur distantia stella à Meridiano in ortum, si stella fuerit orientalis, aut ad distantiam Solis à stella addatur distantia stella à Meridiano, si stella fuerit occidentalis. Quod enim relinquatur, vel auferatur, erit distantia Solis à meridie in occasum: ac prout hora latere non poterit. Vt si stella ponatur in N, et Sol in P, detracta ascensione recta Solis D P, ab ascensione recta stella DN, relinquatur N P, distantia Solis P à stella N, versus occasum. Et quoniam stella N, vergit à Meridiano in ortum, si ex N P, distantia Solis à stella detratur N A, distantia stella à Meridiano, relinquatur A P, distantia Solis à meridie versus occasum. Rursus posita stella in q, et Sol in S, si detratur ascensio recta Solis D S, ab ascensione recta stella D q, relinquitur q S, distantia Solis S à stella q, versus occasum. Et quoniam stella q, vergit à mer. in occasum, si vero distantia à Meridiano A q, addatur ad q S, distantiam Solis à stella, consueatur A S, distantia Solis à mer. in occasum. Item posita stella in H, et Sol in G, si ascensio recta Solis D A G, auferatur ex D A H, ascensione recta stella, adducto prius integro circulo, hoc est, si ascensio recta Solis D A G, deturatur ex integro circulo, et reliquis arcibus G D, addatur ascensio recta stella D H, prodit H A G, distantia Solis à stella versus occasum: à qua si subtrahatur H A, distantia stella orientalis à Meridiano, relinquatur A D G, distantia Solis à mer. in occasum. Denique consueatur stella in q, et Sol in M, si D M, ascen-

sio recta Solis detratur ex toto circulo, et reliquis arcibus M C D, apponatur D q, ascensio recta stella, (hoc est, si ascensio recta Solis detratur ex ascensione recta stella, adducto prius integro circulo) prodit q D M, distantia Solis M, à stella q, versus occasum: ad quam si addatur occidentalis distantia stella à Meridiano A q, consueatur A D M, distantia Solis à mer. in occasum. Distantia porro Solis à stella versus occasum in temporibus contraria, indicat horam à mer. qua Stella ad Meridianum superans pervenit: quia posita stella sub Meridiano, eandem distantiam est tunc distantia Solis à mer. in occasum.

COGNITA autem hora à mer. vel occid. nec. faciliè horam quæque ab ortu, vel occasu reperietur. Numerata enim ea hora à mer. M, vel à mer. occ. O, usque ad P, prout Sol ante meridiem vadit, vel postmeridie fuerit, si quidem videretur ad meridiem perveniret Sol, daret arcus consueatur ex arcibus K M, M P, hora ab ortu, arcus



Horam, qua Sol
ita ad Meridiem
pervenit, or pro-
bitur.

occasu reperietur. Numerata enim ea hora à mer. M, vel à mer. occ. O, usque ad P, prout Sol ante meridiem vadit, vel postmeridie fuerit, si quidem videretur ad meridiem perveniret Sol, daret arcus consueatur ex arcibus K M, M P, hora ab ortu,

arcus

arcus vero $\chi\beta$, horam ab occasu; Si autem medium nullum transieris, dabis arcus ex punctis XM , MO , $O\beta$, conflatus horam ab or. arcus vero ex arcibus XO , $O\beta$, conflatus horam ab occasu indicabit.

R P O D si arcus semicirculus XO , secatur in δ , partes aequales pro hora inaequali δM , cognoscitur quoque hora inaequalis, in quam punctum β , incidit.

p. I A M vero, quando de horarum constructione multa dicimus, opera pretium fuerit docere, quamnam ratione ex data hora à mer. vel med. noc. elicatur tam hora ab oru, quam ab occasu; Et utriusque quo pacto ex hora data ab or. vel occ. cognoscatur hora à mer. vel med. noc. Item quo pacto ex data hora ab or. ingeneratur hora ab occ. Et viceversa hora ab or. ex hora ab occ. Hac enim ratione fiet, ut innotet hora à mer. vel med. noc. (qua innotuit per Astralephum, vel Analemma facillime est) illi et hora ab or. vel occ. cognoscatur.

I T A R P E si ab eis semicirculus ducatur ab hora data à med. noc. (additis prius 24. horis, si decessit feruiguit, Item ad horam datam à mer. additis prius 12. horis, ut distantiam à med. noc. habeant) dabit reliquus numerus horam ab ortu Solis numeratam; Ut arcus semicirculus trahente horis quinque, si data sit hora 8 à med. noc. demantur 7. ex 8. relinquaturque hora 1. ab ortu Solis. Si autem sit data hora 3. à med. noc. addantur 24. horae, (quia 1. ex 3. aufertur nequeunt) Et ex conflato numero 27. tollatur 7. eritque reliqua hora 20. ab ortu Solis. Denique si data sit hora 6. à mer. addantur 12. horae, ut fiat hora 18. à med. noc. Et ex numero conflato 18. subtrahantur 7. remanebitque hora 11. ab ortu Solis numerata. Ratio huius rei perspicua est ex praecedente Analemmate. Nam si hora μ , numeratur à puncto O , media noctis, si auferatur arcus semicirculus OX , reliqua erit distantia $X\mu$, a puncto ortus X . Si vero eadem hora μ , numeratur à puncto M , meridiei, si adiciatur 12. horae, ut habeatur distantia à med. noc. $OM\mu$, Et dematur arcus semicirculus OX , reliqua erit distantia $XM\mu$, ab ortu puncti X . Denique si datur hora β , à med. noc. à qua aufertur nequeat arcus semicirculus OX , addantur 24. horae, ut habeatur distantia à media nocte $OM\beta$, à qua si tollatur arcus idem semicirculus OX , reliqua sit distantia $XMO\beta$, à puncto ortus X . At si eadem hora β , numerata sit à mer. additis 12. horis, habeatur distantia à med. noc. $OM\beta$, à qua si dematur arcus semicirculus OX , relinquatur distantia $XM\beta$, à puncto ortus X , ut manifestum est.

S I autem arcus semicirculus ad horam à med. noc. datum (additis prius 12. horis ad horam à mer. ut distantia à med. noc. habeatur) adiciatur, conflabitur hora ab occasu Solis relictam; ab illis tamquam 24. horis, si abire possunt. Ut si data sit hora 8. à med. noc. Et apponatur arcus semicirculus horarum 7. conficiatur hora 13. ab occasu. Si autem data sit hora 6. à mer. addantur 12. ut fiat distantia à med. noc. horarum 18. quibus si adiciatur idem arcus semicirculus horarum 7. compenditur hora 25. ab occasu Solis. Ratio quoque huius rei obscura non est ex eodem Analemma. Et si utaque hora μ , numeratur à med. noc. O , appositae arcus semicirculus XO , nota sit distantia ab occasu Solis $XO\mu$. Si vero eadem hora μ , à mer. supponatur, additendus est semicirculus OM , 12. horarum, ut distantia à med. noc. $OM\mu$, habeatur, ad quam si addatur arcus semicirculus XO , erit nota distantia ab occasu Solis $XOM\mu$. Quod si hora β , à mer. numeratur, appositae semicirculo, ut distantia à med. noc. habeatur $OM\beta$, si addatur arcus semicirculus XO , fiet distantia ab occasu $XOM\beta$, toto circulo maior, ab illo ergo integro circulo $XOMX$, reliqua erit hora ab occasu $X\beta$.

V I C I S S I M si arcus semicirculus addatur ad horam ab ortu Solis, prodibit hora à med. noc. ab illis tamquam 24. si abire possunt. Et si numerus conflatus maior fuerit quam 12, ab illis 12. manebit hora à mer. supputata. Ut si data sit hora 4.

M m m m ab ortu,

Relicta hora à mer. vel med. noc. ad horam ab ortu Solis.

Relicta hora ab ortu Solis ad horam à mer. vel med. noc. ad horam ab occasu Solis.

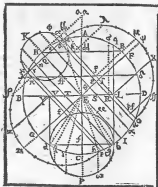
Relicta hora ab ortu Solis ad horam à mer. vel med. noc.

ab ortu, adducto arcu semicirculorum horarum 5. conficietur hora 3. à med. noc. Item si ad horam 12. ab ortu apponatur arcus semicirculorum horarum 1. eff. abitur numerus 27. & abiectionis 24. superetur hora 3. à med. noc. Denique si ad horam 10. ab Ortum addatur idem arcus semicirculorum horarum 1. exurgit hora 15. à med. noc. Abiectionis ergo 12. reliqua erit hora 3. à mer. Si autem in eodem Analemmate si ad $X\mu$, horam ab ortu X , inlocutam adiciatur arcus semicirculorum XO , conflabitur distantia OM , à med. noc. Si autem ad $XM\mu$, distantiam ab ortu X , addatur arcus semicirculorum XO , efficitur distantia $OM\mu$, à media nocte, maior semicirculo. Abiectionis ergo semicirculo OM , reliqua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ad $XMO\mu$, distantiam ab ortu X , adiungatur arcus semicirculorum XO , fiet distantia $OM\mu\mu$, à med. noc. tunc circulo maior. Abiectionis ergo integra circulo OMO , remanebit distantia $O\mu$, à med. noc.

A T vero si arcus semicirculorum detrahatur ex hora ab occasu Solis, adiectionis prius

24. si subtrahis fieri nequit, reliqua fiet hora à med. noc. Et si numerus reliquus maior fuerit, quatuor 12. abiectionis 12. remanebit hora à mer. Vt si ex hora 16. ab occ. detrahatur arcus semicirculorum horarum 1. reliqueretur hora 11. à med. noc. Itē si ex hora 23. ab occ. adiciatur 3, reliqua erit hora 18. à med. noc. hoc est (abiectionis 12.) hora 6. à mer. Denique si hora 3. ab occ. data sit, addamus 24. & ex aggregato 27. reliquamus 1. ut reliqua fiat hora 02. à med. noc. hoc est (abiectionis 12.) hora 10. à mer. In eodem enim Analemmate si ex distantia ab occasu XOp , detrahatur semicirculorum arcus XO , superetur distantia à med. noc. pO . Si etiam si ex distantia ab occasu $XOM\mu$, detrahatur arcus semicirculorum XO , reliqua erit distantia à med. noc. $OM\mu$, & detracto semicirculo OM , reliqua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ex distantia $X\mu$, ab occasu, addito prius integra circulo $XOMX$, auferatur arcus semicirculorum XO , reliqueretur distantia à med. noc. $OM\mu$, hoc est, detracto semicirculo, distantia à mer. $M\mu$.

PRÆTEREA si totus arcus nocturnus adiciatur ad horam ab ortu, predictis (relictis prius 24. si reijci passus) hora ab occasu. Vt si ad horam 2. ab or. addatur arcus nocturnus horarum 10. conflabitur hora 18. ab occ. Item si ad horam 19. ab or. apponatur idem arcus nocturnus horarum 10. exurgit hora 29. ab occ. hoc est, abiectionis 24. hora 5. ab occ. Nam in eodem Analemmate, si ad horam ab or. $X\mu$, adiciatur arcus nocturnus XOX , efficitur hora ab occ. $XO\mu$. Item si ad horam ab or. $XM\mu$, addatur arcus nocturnus XOX , conflabitur hora ab occasu $XOM\mu$, & abiectionis integra



Abiectionis hora
ab occasu Solis
ad horam à med.
noct. media nocte

Abiectionis hora
ab ortu ad horam
ab occasu.

integre circulo $XOMX$, hora ab occ. $X\beta$, reliqua erit.

D E N I Q U E si unus arcus nocturnus detrahatur ex hora ab occ. adiecitur prius ante circulo, si subtrahis fieri nequit, reliqua erit hora ab ortu. **Vt** si ex hora 20. ab occ. detrahitur arcus nocturnus horarum 10. reliquatur hora 10. ab or. Item si ex hora 2. ab occ. hoc est, adiecitur 14. ex hora 33. ab occ. collatur 10. remanebit hora 23. ab or. Id quod ex eodem Analemmate perspicuum est. Nam si ex hora ab occ. $XO\mu$, detrahitur arcus nocturnus XOX , habebis horam ab or. $X\mu$. Item si ex hora ab occ. $X\beta$, appositus prius res circulo $\beta OM\beta$, detrahatur arcus nocturnus XOX , reliqua erit hora ab or. $X\beta\beta$.

4. C A T E R V M ut hora inequalis ad equalis reducantur, & contra, indaganda prius erit quilibet die magnitudo inequalis hora, sive diurna, quam nocturna, hoc scilicet modo. Posito gradu Ecliptica opposito ei, quem Sol occupat, hoc est, Nadir Solis, (ita enim gradum Solis oppositum vocant) super quolibet lineam horarum inequalium, notetur in limbo punctum a linea fiducie. Ostensio fit per gradum Solis tunc transiens ostensum: I demque fiat, posito eodem gradu super proxima consequentem, vel precedentem lineam horariam. Gradus enim inter duo puncta notata intercepti quantitatem unius hora inequalis diurnae continebunt. Revocatis igitur illis gradibus ad tempus, cognita erit magnitudo unius hora inequalis diurnae. Quod si idem fiat cum gradu ipsi Solis, reperietur quantitas hora inequalis nocturnae quam etiam invenies, si quantitatem hora diurnae ex grad. 90. auferas.

S I N E instrumentis certius idem assignetur hoc modo. Diviso arcus semidiurnus, vel seminocturnus (quem exhibet arcus parallelus per gradum Solis descripti inter Horizontem & meridiana lineam Astralis interceptum, vel in Analemmate arcus parallelus circa propriam diametrum descripti inter Meridianum, & perpendicularem, quae ad diametrum ex lateri sectione ipsius cum diametro Horizontis educitur, ut in Can. 7. Num. 3. & in eius scholio diu. 1. scripsimus) in 4. partes aequales, erit quilibet earum magnitudo unius hora inequalis, diurna quidem, si arcus semidiurnus, nocturna vero, si seminocturnus divisus fuit in 4. partes aequales. Quot autem gradus, ac minuta in quolibet parte sunt continerentur, ex Lemmate 3. lib. 1. cognosces. Hac ratione invenies, Sole in principio \odot , existente, horam unam inequalem diurnam complecti grad. 18. min. 50. scilicet, hoc est, unam horam aequalem cum 15. minutis, paulo amplius, &c.

P R O P O S I T A ergo quilibet hora inequalis diurna, si eius numerus multiplicetur per quantitatem unius hora inequalis diurnae, procreabitur distantia Solis ab ortu. Si vero numerus continebit hora inequalis nocturna ducatur in quantitatem unius hora inequalis nocturnae, distantia Solis ab occasu producet. Atque hoc modo reducitur quilibet hora inequalis diurna ad horam ab ortu Solis, nocturna vero ad horam a Solis occasu numeratam: hinc vero per reductionem hora ab or. vel occ. ad horam a mer. vel med. noc. cognoscitur quoque hora a mer. vel med. noc. data hora inequali respondens.

E C O N T R A R I O si interdiu distantia Solis ab ortu, vel noctu distantia ab occasu dividatur per quantitatem unius hora inequalis diurnae, vel nocturnae, prodibit numerus hora inequalis diurnae, vel nocturnae. Quod si data hora a mer. vel media noctis invenienda sit hora inequalis respondens, reducenda prius erit interdiu ad horam ab ortu, noctu vero ad horam ab occasu tractanda, &c.

5. P E R calculum sinuum hoc modo hora quoque aequalis invenietur ex altitudine Solis interdiu, & noctu ex altitudine aliquo stellae. (Nobis autem repetere hoc calculum non in ultima propo. lib. 1. nostra Gnomoniarum explicatas, quoniam eundem excludimus, immo est, quae proxime rationem, quae per triangula sphaerica abfoluitur, antecedit.) **P r o p o s i t i o**

Relatio horae ab occasu ad horam ab ortu.

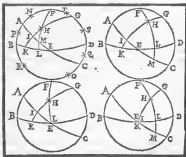
Horae inequales magnitudinem per instrumentum quoniam horae nocturnae cognoscuntur.

Relatio horae inequalis ad aequalem.

Relatio horae aequales ad aequalem.

Horae aequales per sinus tractantur.

potantur priores 4. circuli ex 12. illis, quos ad calcem ſcholi Can. 3. attulimus, in quibus *A B C D*, ponatur Meridianus; *D E B*, Horizon, cuiusque polus *F*; *A E C*, *A E Q*, æquator; *G*, æquus, vel mundi polus; *P*, orientalis per Solem, vel ſtellam *H*, diſſectio *F L*, utraque *H L*, ſit eius altitudo ſupra Horizontem; Circulus horarius, vel declinationis *G I*, ita ut declinatio ſit *H I*, ſive borealis, ſive auſtralis. Quoniam igitur in triangulo ſphærico *F G H*, tria latera nota ſunt, cum *F G*, ſit complementum altitudinis poli, *F H*, complementum altitudinis Solis, vel Stellæ; & *G H*, complementum declinationis, quando declinatio borealis eſt, quando autem declinatio eſt auſtralis, habebis arcum *G H*, modum ſumme,



quem reliquus arcus ex ſemicirculo in altero polo terminatus, qui complementum eſt declinationis auſtralis: cognoscetur angulus *F G H*, ex problemate 21. triang. ſphæ. ultimi Lemmatis, hoc modo. Fiat ut ſinus totus, ad ſinum arcus *F G*, complementi altitudinis poli, ita ſinus arcus *G H*, complementi declinationis, ad aliud, producereturque quartus quidam numerus. Rurſus fiat, ut quartus numerus inuentus ad ſinum totum, ita differentia inter ſinum verſum arcus *F H*, complementi altitudinis Solis, aut Stellæ, & ſinum verſum arcus, quo duo latera *F G*, *G H*, inter ſe differunt, ad aliud gigneturque ſinus verſus anguli quaſi *F G H*, ex quo cognita erit diſtancia aſtri *A I*, a Meridiano numerata; qua utrum verſus orientem numeranda ſit, an verſus occiduum, ſinus ipſius aſtri docebit, prout videlicet in hemiſphærie orientali, vel occidentali continetur.

H A E C diſtancia Solis a Meridiano intent a horæ ignorari non ſunt, ex diſtancia vero ſtellæ ab eodem Meridiano hora elicienda erit, ut Num. 2. docet.

C A N O N I X.

Q V A hora Sol, aut quævis ſtella oriatur, & occidat, aut ad Meridianum perueniat: Et quidies, & no-

ætes æquales inter se sint : Denique qui dies habeant arcus diurnos , nocturnosque alternatim æquales , inquirere .

1. CIRCUMVOLVTO reti, donec gradus Solis , vel cacumen stellæ propositæ in Horizonte orientali , siue recto, siue obliquo repetitur, linea fiducie Offensoris gradui Solis superposita indicabit in limbo horam , qua tunc Sol vel stella oritur quia gradu Solis, vel stella existente in Horizonte , hoc est, oriente supra Horizontem, sphaera eum situm obtinet, quem Astrolabium tunc indicat. Eodem pacto horam occasus reperies , si gradum Solis, aut cacumen stellæ in Horizonte occidentali, & lineam fiduciam supra gradum Solis colloces.

Hæc enim recta, seu circulus Solis, vel stellæ circumducitur per Astrolabii centrum

2. NON alitephoram, qua proposita stella celum mediat, id est, ad Meridianum pervenit, Sol enim semper in meridie, hoc est, hora 12. in Meridiano superiore existit, media vero nocte in Meridiano inferiore invenies, si eius cacumen in linea meridiana tam supra Horizontem , quam infra, constituas, & lineam fiducie gradui Solis superimponas.

Meridies, quæ Astrolabii mediat, in Astrolabio est gradus 90.

3. IAM si in reti accipiantur duo quilibet gradus Eclipticæ equaliter à principio ♈, vel ♎, distantes, & in dorso Astrolabii reperiantur duo dies illis gradibus respondentes; habebunt duo illi dies arcus diurnos, nocturnosque æquales, eandemque horam ortus, atque occasus.

Qui dies æquales inter se sunt æquales, ex Astrolabii dictione.

4. SI autem in reti sumantur quilibet duo gradus Eclipticæ a principio ♈, vel ♎, equaliter remoti, & in dorso Astrolabii duo dies illis gradibus accipiantur respondentes, erit arcus diurnus unus æqualis arcui nocturno alterius, & nocturnus unus diurno alterius.

Qui dies æquales inter se sunt, nocturnusque alterius æqualis.

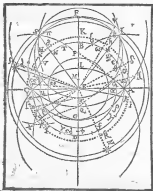
5. A B S Q V E instrumento hunc in modum progrediamur . Per gradum Solis, vel per stellam describemus ex E, centro parallelum, donec Horizontem secet, ac Meridianum. Arcus enim etus inter Horizontem & Meridianum positus metietur distantiam Solis, aut stellæ a Meridiano, cum oriturque distantia si Solis est, in tempus conversa, indicabit, quot horts ante meridiem Sol oriatur, & quot horts post meridiem occidat. Quare si distæ horæ ex 12. auferantur, reliquæ erunt horæ post mediam noctem, quibus Sol exoritur. Ut Sole existente in principio ♎, cuius parallelus Horizontem secat in f, & Meridianum superiorem in F; arcus FE, est Solis in f, existentis distantia a meridie, &c.

H O R A M autem ortus stellæ situm v. g. habentis in Z, cuius parallelus Horizontem secat in d, (Eius namque distantia a Meridiano horam non indicat) ita venaberis. Ducta recta EZ, ad situm stellæ, recta Ed, ad intersectionem paralleli stellæ cum Horizonte, & recta Eß, ad gradum Solis, quem nunc ponamus esse principium æ, accipietur arcui Aequatoris fß, inter rectas EZ, Eß, æqualis arcus a puncto intersectionis rectæ Ed, cum Aequatore, usque ad punctum ed, ita ut punctum ed, versus eandem partem a puncto rectæ Ed, recedat, versus quam punctum f, a puncto f, remouetur. Nam arcus BCed, erit distantia Solis, vel principii æ, ante meridiem, cum stella in d, oritur; propterea quod, si concipiat moveri rete, donec recta EZ, rectæ Ed, hoc est, donec stella Z, in d, existat, recta Eß, secabit Aequatorem in ed, propter distos duos æquales arcus acceptos, &c.

NON aliter horam, qua stella eadem occumbit, investigabis. Nam si arcui prædicto fß, a puncto intersectionis Aequatoris cum recta, quæ ex E, ad intersectionem

tionem

tionem paralleli stellæ cum Horizonte occidentali ducitur, secundum successi-
onem signorum æqualis arcus sumatur, (nimirum versus eandem partem ab il-
lo puncto intersectionis recedendo, in quam punctum β , a puncto ϵ , recedit) erit
terminus huius arcus punctum illud, ad quod gradus Solis perveniet eo temporis
momento, quo stella occidit. Itaque arcus Aequatoris inter idem punctum, &
meridianam lineam EF , distantia erit Solis ante meridiem, vel post, prout pun-
ctum illud in parte orientali Astrolabi esset, aut occidentali. Sic etiam hora,
qua ad Meridianum stella pervenit, inveniatur, si arcus $\epsilon\beta$, æqualis accipiamur
 BC . Nam cum primum recta EZ , ad rectam EB , pervenerit, congruat recta $E\beta$,
rectæ EC , ac propterea arcus BC , distantia erit Solis ante meridiem. Quod si
eodem arcu $\epsilon\beta$, æqualis sumatur DA , erit arcus BA , distantia Solis post meri-
diem, stella existente in Meridiano infra Horizontem, propterea quod, mox re-
cta EZ , ad rectam ED , recta $E\beta$, rectæ EA , congruit, ob arcus $\epsilon\beta$, DA , æquales.



Denique non alia ratio est
in investiganda hora, quando
stella in Horizonte, vel Me-
ridiano existit, quam quan-
do in alio puncto cæli repe-
ritur. Hæc enim eadem ra-
tione supra in Can. 8. Num.
6. ex situ stellæ Z , in puncto
 S , quem ex eius altitudine,
& parallelo invenimus, re-
pertus est arcus Bc , distan-
tiæ Solis Meridiano in prin-
cipio m , explicatis, quæ ni-
mirum arcum Nc , arcui $\epsilon\beta$,
accepimus æqualem, &c. Ex
quo perspicuum est, si in re-
ctæ EC , sumatur recta æqua-
lis semidiametro paralleli
Solis EP , & per extremum pū-
ctum intervallo semidiamet-
ri Horizontis KQ , duo cir-
culi horarii, quorum centra
in parallelo Eg , existant, de-
scribantur, inuentam quoq;

esse horam tam ab ortu, quam ab occasu, qua stella Z , cælum mediat. Item si ex
recta Ecd , producta abscindatur recta eidem Eg , æqualis, & per extremum pun-
ctum eodem modo duo circuli horarii describantur, horam tam ab ortu, quam ab
occidentem esse, qua eadem stella in d , oritur supra Horizontem, &c. Hæc ta-
men conditio servata, ut horarius circulus, cuius convexo occurrimus a pun-
cto C , versus B , progredientes, horam ab ortu Solis indicet, circulus vero hora-
rius, cuius concavo occurrimus a puncto A , versus D , procedentes, horam a So-
lis occasu demonstrat: quod ex his perspicuum est, quæ lib. 2. propos. 3. Num. 7.
demonstrata sunt a nobis.

4. ALIA duo reperientur, ut Num. 3. & 4. dictum est, ut quod dies gradi-
bus Eclipticæ respondens non ex dorso Astrolabi, sed ex tabula scholæ Ca-
nonis 2. inquiri solet.

S C H O L I V M.

1. *IN* Analemmatarella, qua ex interfectione diametri Horizontis cum diametro paralleli Solis ad eandem hanc diametrum educitur perpendicularis, aufertur ex semicirculo circa diametrum consimilparalleli descripto arcum distantia Solis à mer. vel med. noc. arcum videlicet semidiurnum à seminis hunc dirimens. Vt in Analemmata superiiori scholij Canonis 6. 7. & 8. Sole existente in principio ♄, distantia eius à mer. est arcus MX, à med. noc. autem arcus OX, &c. Hora vero ortus vel occasus stellæ disceptatur per Analemma inquiritur. Primum enim investiganda est eius distantia à Meridiano, cum oritur, vel occidit, hoc est, eius arcus semidiurnus, ut in scholio Can. 7. Num. 1. docuimus. Deinde ex hac distantia inquirenda distantia Solis à Meridiano, ut in scholio precedenti Canonis Num. 1. scripsimus. Ex hac autem distantia nullo negotio hora colligitur, ut ibidem traditum est.

Hocem, totum hoc
casusque Solis,
vel stellæ per A-
nalemma tracta-
bitur.

2. *VT* autem per sinuum descriptam hora ortus occasusque Solis, vel stellæ elictatur, investigandus erit arcus semidiurnus ex ♄, qua in scholio Can. 7. Num. 3. scripta fuit. Hic enim distantiam Solis, vel stellæ à Meridiano superius manifestabit, quando mirur, vel occidit. Quocirca hora ortus, occasusque Solis ignorari non poterit. Ex distan-
tia autem stellæ à Meridiano erunda erit hora ortus ipsius arcus occasus, ut proxime Num. 1. scripsimus.

Hic arcus, totum
stellæ, Solis, vel
stellæ, quæ posita
per Sinum inquiri-
tenda sit.

C A N O N X.

INITIVM, sinem, & durationem vtriusque crepusculi, tam matutini, quam vespertini, perquirere.

1. **POSITO** gradu Solis supra lineam crepusculi ex parte orientali, no-
tetur in limbo hora, vel horæ pars, quam linea fiducie Ostensoris gradus Solis
in eo situ superposita indicat. Ea enim dabit initium Crepusculi matutini. Pro-
moto deinde gradu Solis usque ad Horizontem, indicabit in limbo eadem linea
fiducie gradus Solis superposita horam, vel partem horæ, qua matutinum cre-
pusculum finitur, vel cessat. Tempus autem interiectum inter initium ac finem,
Crepusculi totius matutini durationem determinabit. Non aliter Crepusculi
vespertini principium, sinem, ac durationem inquires. Nam posito gradu Solis
supra Horizontem ex parte occidentali, monstrabit linea fiducie gradus Solis
superposita in limbo initium Crepusculi vespertini. Promoto deinde gra-
du Solis ad lineam Crepusculinam usque, ostendet in limbo eadem linea fiducie
gradus Solis superposita horam, vel partem horæ, qua vespertinum Crepuscu-
lum evanescit. Tempus vero interiectum inter initium, ac finem, totius vesperti-
ni Crepusculi magnitudinem exhibebit, quæ quidem semper quantitati Cre-
pusculi matutini æqualis deprehendetur. Gradus porro limbi inter puncta, quæ
a linea fiducie Ostensoris gradus Solis tam in linea Crepusculina, quam in Ho-
rizonte existentis superposita indicantur, in tempus conuersi, moram quoque
Crepusculi vtriusque exhibent.

Crepusculi ma-
tutini, ac vesperti-
ni durationem
dant, si qua ho-
ra inter puncta
Horizontis, ac
lineam Crepusculi
superposita

2. **SED** quoniam linea Crepusculina non facile sine errore describitur, pro-
pterea

Alia Crepusculi
linea seorsum

pterea quod eius centrum nimis procul à cœtro Astrolabii excurrit, Invenit igitur poteris idem Crepusculum, existens linea Crepusculina descripta non sit, accuratius hoc modo. Ponatur gradus Ellipticæ loco Solis oppositus in parallelo Horizontis grad. 12. ex parte occidentali; Multo enim certius parallelus Horizontis ab eo gr. 12. versus Zenith distans describitur, quâ eius oppositus recedens ab eod. grad. 12. versus Nadir; Et quia tunc gradus Solis necessario constituitur in puncto opposito, nimirum in ipsa linea Crepusculina ex parte orientali, hoc est, per gradum Solis in eo sita linea Crepusculina transire debet, monstrabit linea fiducie Offensoris gradus Solis superposita in limbo horam initii Crepusculi matutini, ut prius. Promoto autem gradu Solis ad Horizontem usque, indicabit eadem linea fiducie gradus Solis superposita horam finis eiusdem Crepusculi in limbo. Eodem modo, posito gradu Ellipticæ, qui loco Solis oppositur, in parallelo Horizontis grad. 12. ex parte orientali, ostendet linea fiducie gradus Solis incumbens, horam finis Crepusculi vespertini in limbo. Restituito vero gradu Solis ad Horizontem, dabit eadem linea fiducie per gradum Solis incedens principium eiusdem Crepusculi in limbo. Tempus porro inter principium, & finem utriusque Crepusculi positum, durationem Crepusculi metietur. Sed inuenio alterutro Crepusculo, habebitur etiam alterum, cû illi sit æquale; Et hora principii vnius ex 12. horis subducitur relinquet horam finis alterutro; & vero finis vnius ex 12. horis sublata, horam initii alterius relinquet.

Item si notum per bellæ aliquid horæ inueniatur, ut Can. 8. Num. 2. & 6. præcepimus, illud cognosce, quantum a principio, aut fine Crepusculi tam matutini, quam vespertini, distet, si numerum horarum inuentam cum hora initij, aut finis Crepusculi conferas, ut perspicuum est.

3. SINE INSTRUMENTO ita agamus. Sit Aequator ABCD, circa centrum E; tropici PHK, GRS; Horizont obliquus KAC; & linea Crepusculina, id est, parallelus Horizontis grad. 18. ab eo distans in infero hemisphaerio Rab, cum centrum L, & demique Ecliptica APOG, cum polus I, ductis in α , signa per rectas ex I, per 12. partes quales Aequatoris eductis in punctis C, c, Z, G, f, g, A, N, P, E, d, c. Si igitur per datum punctum Q Eclipticę parallelus Aequatoris describatur, erit eius arcus inter lineam Crepusculinam, & Horizontem siue ex parte orientali, siue occidentali interceptus, magnitudo Crepusculi tam matutini, quā vespertini. Latitium autem matutini metietur arcus parallelā lineā meridianā infra AC, vsque ad lineam Crepusculi

nam numeratus, lineam autem arcus eiusdem paralleli eodem modo usque ad Horizontum.

[illegible]

Corporation, to
transfer the Ar
Stations, with
with facilities.

Horizontem computatus metietur. At vero vespertini principium metietur arcus paralleli à linea meridiana supra AC, vsque ad Horizontem numeratur, finem autem dabit arcus eodem ordine vsque ad Crepusculinam lineam numeratus. Exemplis causa. Sole existente in principio ☿, Crepusculi vtriusque magnitudo erit arcus RS, & horam initii matutini Crepusculi dabit arcus GR, & horam finis arcus GS, a med. noc. numerandam: horam autem initii Crepusculi vespertini numerabit arcus fS, & horam finis arcus fR, à meridie inchoatū. Rursum Sole in principio ♀, existente, vtriusque Crepusculi magnitudo erit arcus tk, tropici ♀, inter Horizontem & lineam crepusculinam; & arcus u t, a med. noc. supputatus dabit initium Crepusculi matutini, & arcus tk, finem: at arcus FK, numeratus à meridie indicabit principium vespertini Crepusculi, & arcus Ft, finem. Item arcus aT, erit duratio Crepusculi vtriusque, Sole existente in principio ☿, & ♀. Et arcus bV, Crepusculum verumque metietur, Sole existente in principio ♄, & ♀. Arcus denique kC, durationem eiusdem numerabit, Sole in punctis æquinoctialibus existente, & sic de cæteris. Initium autem & finem cuiusvis Crepusculi determinabit arcus propiti paralleli vsque ad lineam meridianam producti, ut expositum est. Vel si manis, initium ac finis cuiuslibet Crepusculi sumi possunt in Aequatore à linea meridiana vsque ad rectas ex E, centro per terminos arcus Crepusculi emissas: ut quoniam RS, arcus est Crepusculi ♄, si per R & S, ex E, rectæ emittantur secantes Aequatorem in h, k, dabit arcus D h, initium Crepusculi matutini, & Dk, finem: at arcus Bk, monstrabit principium Crepusculi vespertini, & Bh, finem; propterea quod arcus Dh, Dk, arcusque GB, GS, & arcus Bk, Bh, arcusque fS, fR, similes sunt, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. &c.

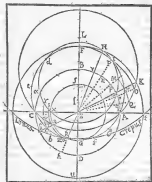
¶ Q V A N D O autem linea Crepusculina descripta non est, aut non facile describi potest, explorandum Crepusculum cuiuslibet puncti Eclipticæ exquisitissime hoc à lio modo. Describatur supra Horizontem eius parallelus grad. 18. ab eo distans, & parallelo Crepuscula terminanti oppositus HIMm. Hic enim facilis, quam parallelus Crepuscula terminans describatur, cum totus intra Horizontem contineatur, ac proinde diameter eius apparens, & centrum commodè haberi possint. Deinde per punctum Eclipticæ oppositū puncto, cuius Crepusculum desideratur, parallelus Aequatoris ex E, describatur. Arcus namque eius inter Horizontem & eius parallelum HIMm, positis quantitate Crepusculi liquidius exhibebit, cuius initium, finemque arcus Aequatoris inter meridianā lineam, ac rectas ex cætro E, per terminos prædicti arcus Crepusculi emissas mō strabunt, ut paulo ante dictum est. Vertagratia. Arcus tropici ♀, HK, inter Horizontem & eius parallelum grad. 18. erit magnitudo Crepusculi tam matutini, quam vespertini, Sole existente in principio ☿: Et principium matutini determinabitur per arcum FH, & finis per arcum FK, a med. noc. inchoatum: vespertini autem initium offeret arcus UK, & finis arcus uH. Vel ductis rectis EH, EK, secantibus Aequatorem in r, m; principium matutini metietur arcus Br, & finem arcus Bm, vsque ad rectam EK, at vero initium vespertini dabit arcus Dm, vsque ad rectam EK, finem autem arcus Dr, quod arcus Br, arcus FH, similis sit, & Bm ipsi FK, & Dm, ipsi UK, & Dr, ipsi uH, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Eadem ratione arcus IO, per principium ☿, & ♄, descriptus erit Crepusculum principii ☿, & ♀, & initium matutini dignoscetur per arcum Bn, & finis per arcum Bo, Vespertini vero initium exhibebit arcus Do, & finem arcus Dn. Sic arcus MQ, per initium ♄, & X descriptus erit Crepusculum principii ♄, & ♀: Et matutini principium exhibebit arcus Bp, & finem arcus Bq, vespertini

Crepuscula sunt
inter alios duo
adhibere ma-
gnitudinem.

ini autem initium dabit arcus Dq, & finem arcus Dp. Item arcus Aequatoris Am, per principium α , descriptus inter Horizontem, & eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii γ : Et matutini principium dabitur per arcum Bm, usque ad parallelum Horizontis, finis vero per arcum BA. E contrario arcus tropici ξ , SX, inter Horizontem atque eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii δ : Arcus vero Ti, per initium Π , & Q, descriptus, Crepusculum erit principii ζ , & η : Et arcus VY, per principii ζ , & η , descriptus, Crepusculum erit principii η , & χ . Arcus denique Aequatoris Ca, per primum punctum γ , descriptus, Crepusculum erit primi pōi α . Initia item, & fines horum Crepusculorum invenientur, ut prius, & ex E, per terminos arcuum inter Horizontem, & eius parallelum grad. 18. politorum rectæ ducantur: hoc observato, ut initium, ac finis cuiusvis Crepusculi matutini numeretur à meridie, vespertini autem à meridie.

Item ut initium matutini Crepusculi incipiat in Aequatore à puncto, per quod transit recta ex E, per terminum arcus Crepusculi in parallelo Horizontiseducta; finis vero à puncto, per quod ducitur recta ex E, per terminum eiusdem arcus Crepusculi in Horizonte emissæ: At vero initium, ac finis Crepusculi vespertini contrario modo sumantur: Denique si politorum hæc via sine linea Crepusculina Crepuscula inquirentur, ut initium ac finis cuiusvis Crepusculi numerari incipiant à puncto B, vespertini vero à puncto D.

INVENIRI autem Crepusculi cuiusvis puncti Eclipticæ per arcum, qui per punctum oppositum describitur, ita de nobis habimus: Quoniā per quodlibet punctum circuli non maximi in sphaera, ut per H, circulus maximus cum tangens describi potest, & tanget circulus ille maximus alium non maximum priori æqualem, parallelum & oppositum. Cum ergo HE, sit diameter illius circuli maximi, ubi ea occurrit linea Crepusculina in R, ibi idem circulus maximus parallelum Horizontis baRi, parallelo HIMm, oppositum tangens: idque cum per coroll. propos. 6. lib. 1. Theod. puncta cōtactuum per diametrum sphaeræ opposita sint, erunt puncta H, R, per diametrum opposita. Igitur existente principio δ , in H, existet principium ξ , in R, puncto lineæ crepusculinae, atque idcirco Sol: ibidem existente, Crepusculum matutinum incipiet. Quando autem raptu primi mobilis initium δ , ad K, pervenerit, existet primum punctum ξ , in S, quod puncta K, S, in Horizonte sint etiam per diametrum opposita, nimirum occasus δ , & ortus ξ . Arcus ergo HK, quem eodem tempore



a. d. 2.
Theod.
b. 4. 2.
Theod.

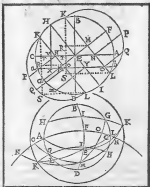
tempore principium β . percurrit, quo principium β . arcum Crepusculi RS, absolvit, (quippe qui illi similis sit, ex scholio propol. 22. lib. 3. Eucl. ob angulos aequales HEK, RES, ad verticem in centro) durationem Crepusculi primi puncti β . metiens. Non aliter ostendemus, arcum IO, similem esse arcum Crepusculi a T, propterea quod eodem ob causam, ex eodem principio Φ . vel ∞ . in I principium Π . vel Ω . existit in a, puncto lineae Crepusculinae, eodem vero principio Φ . vel ∞ . promotum ex I. ad O. punctum Horizontis, principium Π . vel Ω . promotum tunc est ad punctum Horizontis ad punctum T, atque ita de ceteris.

S C H O L I U M.

1. EXPEDITE quoque Crepuscula in Analimmati cognoscemus. Sit enim Meridianus Analimmati ABCD, circa centrum E; diameter Horizontis AC; Verticalis diameter BD; axis mundi EQ; Aequatoris diameter HI; diameter paralleli

Crepusculi ex Analimmati in Quarta.

Solis sine borealis, sine australis KL, circa quod semicirculus descriptus sit KPL, & denique a b diameter paralleli Horizontis grad. 12. in hemisphaerio inferiori, quo Crepuscula omnia mei fuerit & desinunt. Si igitur ex B, O, intersectionibus diametri KL, cum AC, & a b, ad KL, perpendiculares educantur NP, OQ, erit arcus PQ magnitudo Crepusculi: quod si fuerit matutinum, distabit eius initium a merid. noc. per arcum IQ, & finis per arcum LP; si vero vespertinum fuerit, distabit eius principium à merid. per arcum KP, & finis per arcum KQ, propterea quod NP, communis sectio est paralleli Solis, & Horizontis, ut in scholio Cas. 7. Num. 1. ostensum est; atque ead. de cau. sit OQ, communis sectio eiusdem paralleli Solis ac paralleli Horizontis. Simili modo ducta TZ, ad HI, perpendiculari, erit arcus GZ, longitudo Crepusculi, Solis in aequinoctio existens; & matutini quidem initium à merid. noc. distabit per arcum TZ, & finis per arcum IG; vespertini vero principium à merid. distabit per arcum HG, & finis per arcum HZ.

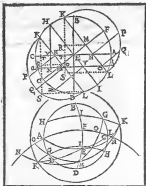


2. PER R. finis ita Crepuscula superabuntur, si prius finem versum arcus similis inquiramus hoc modo. In Analimmati ex punctis extremis K, L, diametri paralleli ducantur diametri Verticalis BD, & diametro Horizontis AC, parallela recta ES, LS, secantes sese in S; atque ex M, puncto medio diametri paralleli, ubi axem mundanum intersecat, eidem diametro Horizontis AC, alia parallela agatur MR; atque recta KS, in R, secta bifariam, cum sit, ut KH, ad ML, ita KR, ad RS; 2. 2. fieri.

ipsa autem KS , conflata erit ex KT altitudinis meridiana dicti paralleli, & ex TS , si-
nu depressionis meridiana conflata paralleli, qua depressionis altitudinis meridiana paral-
leli oppositi aequalis est. Igitur si fiat, ut KR , semicirculi rectæ KS , conflata ex sinu
altitudinis meridiana, & ex sinu depressionis meridiana, ad KT sinum altitudi-
nis meridiana, ita KM , sinus totus ad aliud, produceretur KN , sinus versus arcus
semidiurni EP . Ex hoc sinu verso erantur ipse semidiurnus arcus, ut in explicatione ta-
bula sinuum docuimus.

I A M si rursus fiat, ut KR , semicirculi rectæ KS , conflata ex sinu altitudinis me-
ridiana, & sinu meridiana depressionis, ad sinum arcus grad. 18. (hoc est, ad
segmentum rectæ KS , inter AC , & ab .) ita KM , sinus totus ad aliud, reperietur
recta NO , qua ad sinum ver-
sus KN , arcus semidiurni adie-
cta conflata KO , sinum versum
arcus KQ , ex arcu semidiurno
 KP , & arcu Crepusculi PQ ,
conflata. Si ergo ex hoc arcu
 KQ , arcus semidiurnus subtra-
hatur, reliquus erit arcus Cre-
pusculi PQ .

S E D & per triangula spha-
rica idem Crepusculum inveni-
gari potest. Sit enim Horizont
 $ABGD$, Meridianus BD , Aeq-
uator APC , & parallelus Solis
quicunque GLH , poli Horiz.
sit E ; Verticalis primarius
 AEC , parallelus Crepuscularis
 KK , infra Horizontis grad. 18.
ab eo distans, secus parallelum
Solis in K , ita ut KG , sit ar-
cus Crepusculi, secus parallelum
 GLH , percurrente, cui similis est
arcus Aequatoris NO , quem
maximi circuli MG , MK , ex
 M , poli mundi egredientes in-
tercipiunt. Hunc ergo invenimus hac ratione. Ducta per K , centrum Solis in princi-
pio mundi, aut sinu versum Crepusculi, Verticali EK , secante Horizontem in L ,
quoniam in triangulo sphaerico EKM , omnia tria latera nota sunt; (Est enim EM ,
arcus complementi altitudinis poli MK , arcus complementi declinationis Solis in pa-
rallelo boreali, in australi vero, arcus conflatus ex quadrante EN , & declinatione
 NK ; arcus denique EK , conflatus ex quadrante EL , & arcu LK , grad. 18.) con-
quisitur per problema 21. triang. sphaer. ultimum Lemmatis, angulus EKM , ac pro-
inde etiam arcus FN , hoc modo. Fiat ut sinus totus ad sinum lateris MK , (quod est
vel complementum declinationis, vel arcus conflatus ex quadrante, & declinatio-
ne) ita sinus lateris EM , complementi altitudinis poli, ad aliud, invenietur
que quartus quidam numerus. Et si rursus fiat, ut quartus numerus innotens
ad sinum totum, ita differentia inter sinum versum lateris EK , compositi ex
grad. 90. & ex grad. 18. & sinum versum arcus, quo duo latera ME , NK , in-
ter se differunt, ad aliud, produceretur sinus versus anguli quatuor $E M K$, ipso
que est.



2, 10, 2.
Theod.

que angulus ipse, cuiusque arcus F M, notus sit: ex quo si determinetur arcus semidiurnus F O, reliquus sit arcus Crispusculi N O.

C A N O N X I.

QVAE puncta Eclipticæ in Meridiano, atque Horizonte, vel quolibet alio circulo Eclipticam secante existant, & quam in domo cælesti proposita quævis stella, aut punctum Eclipticæ, quouis temporis momento reperiat, explorare.

1. DIVINO tempore capiatur altitudo Solis, eaque inter Almucantarath ex parte orientali, vel occidentali, prout tempus antemeridianum, aut pomeridianum fuerit, numeretur. Si enim gradus Solis ad Almucantarath inueniat altitudinis promoueat, representabit Ecliptica eum situm, quem in celo tunc habet; ac proinde puncta Eclipticæ, quæ tunc in meridiana linea, Horizonte, & in quolibet alio circulo, siue is Verticalis sit, siue circulus positionum, siue parallelus Horizontis, siue alius circulus quicumque tam maximus, quam non maximus, reperiuntur, erunt ea, quæ eo tempore in dictis, circulis existunt in celo. Immo & stellæ in reti descriptæ indicabunt situm, quem in celo tunc obtinent.

Per Astrolabium materiale pñtis Eclipticæ puncti part, quæ in quolibet circulo Eclipticæ locantur in casibus.

TEMPORE vero nocturno altitudo alicuius stellæ obseruetur, atque cæmen stellæ in Almucantarath inuenta altitudinis collocetur vel ex parte orientali, vel occidentali, prout stella orientalis fuerit, occidentalisue. Nam hæc ratione habebit rursum Ecliptica eum situm, quem in celo tunc habet; ac propterea non solum apparebit, quæ puncta Eclipticæ in quolibet circulo existant, verum etiam, in quonam circulo hæc vel illa stella reperiat, aut quem situm habeat in celo.

2. SI idem ad datam quamcunque horam inuestigandum sit, mouenda erit linea fiducie. Offensoris ad eam horam siue antemeridianam, siue pomeridianam, prout ante vel post meridiem data fuerit. Circum uoluto enim tunc reti, donec gradus Eclipticæ, quem Sol occupat, sub linea fiducie constituitur, habebit rursum Ecliptica proprium situm, &c.

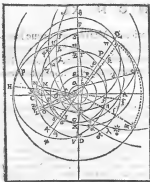
3. C etiam si scire quis cupiat, quænam hora sit, cum quodlibet signum, aut gradus Eclipticæ, vel stella quævis in Astrolabio descripta, exoritur. Sole quemcumque gradum Eclipticæ occupante, statuendus est gradus ille, vel stella in Horizonte orientali. Lineæ namque fiducie Offensoris per gradum tunc Solis incidens, monstrabit in limbo horam, seu distantiam Solis a Meridiano circulo, &c.

Quæ hora quilibet gradus, aut signus Eclipticæ exoritur, representat.

4. A BSQVE materiali Astrolabio idem assequemur hoc modo. Sit Aequator ABCD, circa centrum E, Ecliptica AFGC, cuius centrum S, & polus a Horizonte AqC, tropicus $\epsilon\beta$, GI; tropicus $\gamma\delta$, FH. Sinque primum inuestigandum, quod propositum, Sole existente in puncto Eclipticæ O, quando altitudo Solis apprehensa est ante meridiem grad. 20. Descripto parallelo Horizontis grad.

Illic Astrolabio materiale pñtis Eclipticæ puncti part, quæ in quolibet circulo Eclipticæ locantur in casibus.

10. § Mi, delineetur parallelus Aequatoris per datum punctum O, secans parallelum § M I, in M; ducatur autem ex E, per O, M, recta secans Aequatorem



in L, N, accipitur arcus LN, equalis arcui BP, ducaturque recta EP, secans tropicum §o, in Q, & tropicum §. in I. Et quoniam sit cogitur rete circumducta, donec datam punctum O, ad M, perueniat, ut datam altitudinem habeat ante meridiem, restatque EL, recta EN, congruat, congruat recta EK, recta EP, ob arcus aequales LN, BP, principiumque §o, F, in Q, existet, & principium §. in I. Quocirca recta QEI, secans parallelum Aequatoris ERQ, per S, centrum Eclipticæ descriptum in R, & parallelum abhi, per a, polum eiusdem Eclipticæ descriptum in b, exister tunc centrum Eclipticæ in R, & polus in b. Descripta ergo ex R, per Q, & I, Eclipticæ QSRic, tangente tropicos

in Q, I, habebit ea proprium tunc situm, secabitque Meridianum in S, X, & Horizonem in K, c. Quæ puncta quibus gradibus Eclipticæ respondeant, indicabunt rectæ ex b, polo Eclipticæ ad ipsa ductæ, vel lib. 2. propo. 5. Num. 19. ostendimus. Tot enim gradibus distabit S, a principio §o, hoc est, a puncto Q, secundum successione signorum; quot in arcu Aequatoris PT, continentur. Punctum autem K, tot gradibus ab eodem principio §o, aberit secundum successione signorum, quot in arcu PBY, continentur, vel tot gradibus ab initio §. I, contra signorum ordinem, quot in arcu µV, reperiuntur. Puncta denique X, c, punctus S, K, per diametrum sunt oppositi, quorum tamen etiam distantia a §. & §o arcus µV, Pd, metiuntur; prior tamen secundum successione signorum, posterior vero contra signorum seriem numerandus est.

QVOD si data sit hora, § est, distantia a Meridiano, qua investigare debemus eadem puncta, ducenda erit ex E, centro recta per datam horam, hoc est, qua ex Aequatore abscindat arcum distantie Solis a Meridiano circulo, cuiusmodi est recta EN, secans parallelum puncti O, in Ecliptica ducti, in quo videlicet Sol exister, in puncto M. In puncto namque M, hora proposita Sol exister, non focus a c si parallelus Solis parallelum Horizonis §M, intersectaret. Quare ecliptica peragenda erunt, ut prius.

I A M si, Sole existente v.g. in puncto Eclipticæ p, indaganda sit hora, qua punctum p, eiusdem Eclipticæ exoritur, describemus ex E, per 3, arcum, qui Horizonem orientalem fecit in K, ductisque ex E, per 3, K, 9, rectis secantibus Aequatorem in a, 2, a, accipiemus arcui 2, æqualem arcum e7; eritque arcus b7, distantia

Quoniam puncti
hic punctum E
abscindat arcum
distantie Solis
a Meridiano circulo
cuiusmodi est
recta EN, secans
parallelum puncti O,
in Ecliptica ducti,
in quo videlicet
Sol exister, in
puncto M.

distetia Solis a Meridiano, quando punctum γ supra Horizontem ascendit. Nam promotum puncto γ , usque ad K. congruet recta Bq, recta E 2, punctumque e, ad 7, promotum erit, ob equalitatem arcuum $\alpha\gamma$, e 7, &c.

4. DEINDE eadem puncta Eclipticæ sunt inquirenda, cum stella Z, altitudinem postmeridiānam nocturno tempore habet grad. 10. Descripto per Z, centrum stellæ parallelo Aequatoris secante parallelum Horizontis grad. 10. in β , decantur rectæ per Z, i, ex E, secantes Aequatorem in l, k, & arcus lē, equalis arcus abscindatur Be, ductaturque recta Be, secans tropicos in H, f, & parallelum K 8g, bah, in g, h. Existente ergo tunc stella Z, in β , collocabitur principium γ , in H, & primum punctum α , in f, & centrum Eclipticæ in g, posus denique in h. Descripta ergo ex g, per H, f, Ecliptica secabit Meridianum in m, r, & Horizontem in p, n, quorum punctorum distantia a principio γ , H, & principio α , f, reperientur per rectas ex polo h, emissas, ut prius.

5. E A D E M ratione cognoscendus, quæ puncta Eclipticæ tempore observationis in quolibet circulo siue maximo, siue non maximo, qui tamen Eclipticam secet, reperiantur. Ita enim vides parallelum Horizontis βM , ab Ecliptica Q S X e, secari in M. Et si describatur circulus positionis γ q f, per γ , principium domus γ , & per β , principium domus β , secabitur is ab Ecliptica A F C G, in f, & ab Ecliptica Q S K e, in u, d, & ab Ecliptica H r f m, in g, i, quæ omnia puncta, quantum a γ , & β , distent tam secundum seriem signorum, quam contra, indicabunt rectæ ex polis a, b, h, ad puncta ipsa emissæ. Non aliter habebuntur puncta, quæ in quouis circulo horario existunt datâ hora. Vt si recta Q u, referat aliquem circulum horæ i mer. vel med. noc. obtinente Ecliptica situm circuli A F C G, existant puncta α , f, in eo circulo horario, quæ quantum abeat a principio γ , & β , hoc est, a punctis F, G, docebunt rectæ ex a, polo ad γ , f, electæ. Ecliptica vero existente Q S X e, reperientur prima puncta γ , & β , nimirum Q, & I, in horario circulo Q u. Ecliptica denique situm obtinente circuli H r f m, transibit idem circulus horarius per puncta Eclipticæ p, s, & arcus Eclipticæ sp, H p, a principio β , & γ , secundum successiōnem signorum numerari cognoscuntur per arcus Aequatoris a rectis ex h, polo ad γ , f, ductis a h c i s s i s.

6. I A M si recti, vel Eclipticæ quæcumque situm obtinente scire quis desideret, quam in domo coelesti, & quæ in parte eius domus, ex serentia Ioan. Regiom. describitur, quilibet stella præposita, vel punctum Eclipticæ existat, (inuenio prius loco eius stellæ respectu Eclipticæ illius domus situm habentis, ut lib. 1. propos. 11. Num. 1, 3, & 4. traditum est.) describendus erit per stellæ centrum, & per duo puncta, in quibus Horizon meridiana linea interfecit, circulus positionis, cuius centrum existit in recta ad meridianam lineam in centro Horizontis perpendiculari, ut lib. 1. propos. 10. Num. 6. dictum est. Natus si stella, vel punctum Eclipticæ extiterit supra Horizontem, illico gradus Aequatoris, per quem circulus positionis incedit, mensurabitur distantiæ præpositæ stellæ, vel puncti a linea meridiana, hoc est, ab initio domus 10. & quam in domo supra Horizontem reperitur, cum tribus gradibus Aequatoris singulis domos coelestes constituent. Idemque dices de domibus infra Horizontem, si stella vel punctum sub Horizonte extiterit: Verbo gratia, si datum sit punctum u, Eclipticæ Q S X e, supra Horizontem, describatur per α , circulus positionis u q, secans Aequatorem in γ . Et quia arcus B γ , complectitur gradus 30, dicemus punctum u, in principio domus γ , existere. Punctum vero datum α , sub Horizonte, (si per illud circulus positionis describatur ut, secans

Aequato-

Qua in domo est
stellæ data,
vel punctum E-
clipticæ horæ ob-
seruatiōis, con-
stat cognoscitur.

Aequatorem in β) dicemus esse in principio domus 5, quod arcus quoque $D\beta$, grad. 30. complectatur. Simili modo stellam σ , pronuntiavimus esse in domo 5, tot gradibus ab eius initio distantem, quot in arcu $D\sigma$, continentur. At stellam γ , esse in domo 11, tot gradibus ab eius principio distantem, quot in arcu $\gamma\alpha$, includuntur. Non aliter procedemus, si domos coelestes ex sententia Campani describere quis velit, numerando gradus inaequales Verticalis circuli primi meridi, ut lib. 2. propos. 5. Num. 27, tractatum est, pro gradibus aequalibus Aequatoris, &c.

S C H O L I U M.

Puncta Eclipticae in circulo horarum, hoc tenent, & quaeque circuli horarum a meridiano vel ab aliis circulis distant, per circuli horarum rectas se habet quas investigari.

1. *PUNCTA* quoque Ecliptica quousque hora in Meridiano, Horizonte, & quolibet circulo horarum, à merid. vel merid. noc. existentia facillime negatim per ascensionem rectam, & obliquam reperimus, hoc videlicet ratione. A à distantiam sibi à meridiano vel à merid. nocturno progrediendo, (Distantia hac colligitur ex hora à meridiano, si nulli à hora tribuantur grad. 15. Ex hora autem à merid. noc. eadem distantia cognoscitur, si ad distantiam à merid. noc. semicirculus adiciatur) addatur ascensio recta puncti Eclipticae, quod tunc Sol occupat: quae vel ex tabula rectarum ascensionum sumatur, vel inquiretur, ut cas. 4. docuimus. Constat enim numerus, abestne prius toto circulo, si abestne puncti, erit ascensio recta puncti Eclipticae in Meridiano supra Horizontem tunc existentis. Quare vel ex tabula ascensionum rectarum, vel ex 90, quae in Can. 4. assignatae sibi sunt scribimus, punctum Eclipticae in Meridiano existens, quod videlicet aequat ascensio recta debetur, arcuandum erit; Punctum autem huic oppositum in Meridiano infra Horizontem existens. Quod si data ascensio recta adiciatur quadrans, constabit, abestne prius integro circulo, si abestne puncti, ascensio obliqua puncti Eclipticae in Horizonte ex parte orientali existens inquit vel ex tabula ascensionum obliquarum ad datam elevationem poli supputata, vel in Can. 5. assignatae sibi sunt cognoscitur: Punctum vero huic oppositum existens in Horizonte ex parte occidentali. Ratio huius nostri precepti perspicua est ex sphaera materiali, & facili h: utram modo ostendi potest. Ponatur distantia à merid. Ed, in figura superiori, ita ut circulus horarius per d, transeat, insitque Horizonti cuiusdam recti, in quo punctum Eclipticae, in quo est Sol, tunc existit. Si igitur A d, sit ascensio recta illius puncti, hoc est, A, sit principium V, constabatur AB, ascensio recta Eclipticae in Meridiano tunc existentis: Et si addatur quadrans BC, usque ad Horizontem obliquum, constabatur AC, ascensio obliqua puncti Eclipticae in Horizonte existentis. Quod si ascensio recta puncti Eclipticae in circulo horarum per d, dato existentis sit PEd, constabatur arcus PEdB, & abestne circulo integro PEdP, reliqua erit ascensio recta PEd, puncti Eclipticae in Meridiano existentis, &c. Item si ascensio recta puncti Eclipticae sit γDd, ita ut in eum V, sit in γ, constabatur γDdB, ascensio recta puncti Eclipticae in Meridiano existentis: Et addere quadrans BC, sicut ascensio obliqua puncti Eclipticae in Horizonte existentis γDEB, & abestne integro circulo γDEγ, reliqua erit ascensio obliqua γC, &c. Exempli gratia. Sole existens in principio γ, ad elevationem poli grad. 42. inesth circulo sive quatuor Eclipticae puncta h. ra 3, aut merid. hoc est, hora 3, à merid. noc. sive hor. m. à merid. quod tempus dabit grad. 315, à merid. lapsus. Si igitur ascensionem rectam principii γ, quae continet grad. 27. min. 34. ad grad. 315. adiciamus, constituimus grad. 342. min. 34. pro ascensione recta puncti Eclipticae calum tunc mediantis, cui ascensionem respondent grad. 342. min. 27. forma. Gradus ergo 11. min. 27. X, medius circuli, ac proinde oppositum punctum, nimirum grad. 11. min. 27. 00, in eodem Meridiano infra Horizontem existit. Quod si ascensionem rectam grad. 342. min. 34. puncti

calum mediantis adiciatur quadrans, fiet numerus grad. 43. min. 14. Et abiectione rursus circulo, reliqua fiet ascensio obliqua puncti supra Horizontem ascendenti, (quod Horoscopum appellamus) grad. 72. min. 34. cui in elevatione poli grad. 42. detrahatur grad. 95. min. 20. paulo amplius, ut ex tabellis ascensionum obliquarum, vel ex 91, quæ in Can. 1. cuiusque scribulo scriptissimum, constat. Igitur grad. 1. min. 20. 53. supra Horizontem tunc ascendit, idcirco punctum oppositum, nimirum grad. 3. min. 20. 70, sub Horizontem descendere comparatur.

2. E A D E M præfata ratione ad datam horam, hoc est, ad datam distantiam Solis a meridie, explorabimus punctum Eclipticæ in quolibet circulo horario per polos mundi ducto existens, si datus circulus horarius concipiatur esse Meridianus aliquis, atque ex hora data inquiretur distantia Solis ab eodem circulo horario dato versus occasum progrediendæ, quod fiet, si huius circuli distantia à meridie, detrahatur à distantia hora data à meridie, adiecto prius integro circulo, si detrahit fieri nequeat. Vel certe à circulo horario dato numerentur versus occasum progrediendo, omnes horæ usque ad horam datam. Hora enim numerata dabunt eam distantiam à circulo dato horario, tanquam ab aliquo Meridiano, versus occasum. Verbi gratia, si Sole adhuc existente in principio γ , hora 3. ante merid. hoc est, hora 21. à mer. intelligendum sit punctum Eclipticæ in circulo hora 10. min. 39. à mer. Detrahit distantia huius dari circuli à mer. quæ completitur hor. 10. min. 39. ex data distantia Solis à mer. hoc est, ex hor. 21. reliqua erit distantia Solis ab hoc circulo, hor. 10. min. 25. versus occasum progrediendæ. Quæ distantia etiam reperitur, si à circulo hora 10. Min. 39. percurrantur omnes horæ usque ad hor. 3. ante mer. quæ est 9. post med. noc. Nam usque ad horam 11. habentur Min. 29. Deinde sequuntur hora 12. media noctis, et hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. et 9. à med. noc. Vbi videtur horam 3. ante mer. vel 9. post med. noc. à circulo hora 10. Min. 39. à mer. distare horis 10. min. 25. ut prius. quod tempus continet grad. 156. min. 31. Si igitur a datur ascensio recta principij γ , grad. 27. min. 14. constabitur arcus grad. 184. min. 3. pro ascensione recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 10. min. 39. à mer. existens, cui debentur grad. 184. min. 31. seu 38. Gradus ergo 4. min. 31. sec. 38. Δ , existet tunc in circulo dato.

3. I. quodam dato, punctum Eclipticæ indagandum sit in circulo hora 11. à med. noc. hoc est, hora 23. à mer. existens, auferemus huius circuli distantiam à mer. nimirum hor. 23. ex hor. 21. adiecto prius integro circulo horarum 24. ut eo constato numero horarum 45. detrahit fieri possit. Ita enim reliqua sunt hora 22. quibus data hora 21. à mer. à dato circulo hor. 23. à mer. versus occasum recedit, quæ distantia gradus 330. completitur. Eademque distantia obtinebitur, si post horam 23. à mer. dati circuli percurrantur omnes horæ usque ad datam horam 21. à mer. Invenientur enim rursum hora 22. quæ sunt hæc, hora 12. meridies, deinde hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. à mer. et insuper hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. et 9. à med. noc. quæ omnes sunt 22. ut prius. Adde ærgo recta ascensione principij γ , grad. 27. min. 14. fiet ascensio recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 23. à mer. existens, grad. 317. min. 54. cui congruam feremus grad. 317. min. 42. sec. 33. Igitur grad. 27. min. 42. sec. 33. κ , in circulo hor. 21. à mer. noc. existet. Arguitur ita de cæteris. Idem hoc punctum in quolibet circulo horæ, præposit. 9. Græmoneus intelligere docuimus, si equeitum camen sit punctum, quod data hora supra Horizontem ascendit, cuiusque ascensio obliqua 7 vel punctum in circulo hor. 2. à med. noc. tunc existit, cuiusque ascensio recta. Sed ratio hoc hoc præposita est potior est, cum neutro illarum punctorum indigeat, sed solum ascensionem rectam puncti Eclipticæ, quæ in eam elevationem poli eadem semper est) requirat, in quo Sol existit tempore observationis.

I M M O, si idem intelligendum sit, passio quæcunque Eclipticæ puncta in Meridiano

et orientali; accipiemus arcum semidiurnum illius puncti tunc supra Horizontem aſcen-
dentis pro diſtantiā horaria à Meridiano circulo, & reliqua perſecimus, ut dictum
eſt. Verbi gratia. Quando primitivus Ω , ſupra Horizontem latitudinis grad. 42. aſcen-
dit, inquirendum ſit punctum Eclipticæ in circulo hora 9. à meridie exiſtens. Auſera-
tur hæc diſtantiā hor. 9. ex hor. 16. min. 47. id eſt, ex diſtantiā primi puncti Ω à
Meridiano verſus occaſum progradiendo, cum arcu ſemidiurnus Ω , complectatur hor.
7. min. 17. ut reliquatur diſtantiā principis Ω , tunc exiſtentis à circulo hora 9. à mer.
nimirum hor. 11. min. 43. hoc eſt, grad. 171. min. 43. ad quæ diſtantiā ſi aliqua
ſit aſcenſio recta grad. 122. min. 12. quæ minis Ω , debetur, conſtituitur aſcenſio recta
puncti Eclipticæ in circulo hor. 9. à merid. exiſtens grad. 297. min. 17. cui congruit
grad. 297. min. 47. paulo amplius. Igitur grad. 23. min. 17. 70. exiſtens in circulo hor.
9. à mer. ac propterea grad. 23. min. 17. 70. in circulo hor. 9. à merid. nolle reperitur,
eū principium Ω , oritur. Per ſi niſi arcus ſemidiurnus ſumatur ex hora, minis, & Se-
cundis, vel ex gradibus, ac minutis, in quibus per ſignis ſunt contenti, ac citare poteris et
per in aliquot minutis: quod propoſitus proxime ex capite declarabimus. Arcus ſemidiur-
nus inſus Ω , continet grad. 109. min. 21. id eſt, hor. 7. min. 17. Sec. 24. quo detracto
ex hor. 9. circulo 360. graduum, vel 24. horarum, reliquatur diſtantiā Ω , in Horiz-
onte orientali exiſtens, à Meridiano verſus occaſum procedendo, grad. 299. min. 39.
vel horarum 16. min. 42. ſic. 36. à qua ſi detrahatur diſtantiā hor. 9. à mer. quæ
amplectitur grad. 73. reliqua erit diſtantiā Ω , à circulo hor. 9. à mer. verſus etiam
occaſum, grad. 175. min. 39. vel hor. 11. min. 42. ſic. 36. quibus horis & minutis
debeatur, idem gradus 175. min. 39. Ad hæc diſtantiā ſi apponatur aſcenſio recta
 Ω , grad. 122. min. 12. conſtituitur aſcenſio recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 9.
à mer. exiſtens grad. 297. min. 51. cui debetur grad. 297. min. 51. hoc eſt, grad.
21. min. 51. 70. Ita ut differentia inter hoc punctum, & illud, quod prius innotatum
fuit, continet min. 6. Quod cum ita ſit, quando arcus ſemidiurnus non habetur in
gradibus & minutis, vel in horis, minutis, ac ſecundis, exquiſitus invenitur punctum
in circulo dato hora ex ratione, quæ in Gnomonica explicamus, nimirum auſerendo
gradus Aequatoris à ſexta hora matutina uſque ad circumſam hora data verſus oc-
caſum numeratis, ex aſcenſione obliqua dati puncti ſuperiorioris, em emergentis, ad
id prius integro circulo, ſi ſubtrahitio fieri nequeat. Ita enim reliqua ſit aſcenſio recta
puncti Eclipticæ in circulo data hora exiſtens. Ut in eodem exemplo, ab hora 6. ma-
tutina uſque ad horam 9. à merid. numeratur hora 21. hoc eſt, grad. 165. qui ſi de-
minuatur ex aſcenſione obliqua principis Ω , grad. 102. min. 51. hoc eſt, (ad idem circulo)
ex grad. 462. min. 51. reliqui ſunt grad. 297. min. 51. pro aſcenſione recta
puncti Eclipticæ in circulo hor. 9. à meridie exiſtens, ut ſupra.

3. D E N I Q U E horam, quæ ſignum, vel punctum quodlibet Eclipticæ continet
Sole quocumque Eclipticæ gradum poſidente, hoc modo explorabimus. Aſcenſio obli-
qua arcus Eclipticæ inter locum Solis, & punctum aſcendens poſiti, & ſecundum ſeriem
ſignorum numerati, ad horam rediti, ſubtrahatur ex arcu ſemidiurno puncti, quod Sol
obtinuit, vel contra, arcus ſemidiurnus ex dicta aſcenſione obliqua, ad horam rediti ſub
trahatur, minor ſcilicet numerus ex maiore. Priori enim modo hora ante meridiem, po-
ſteriori vero, hora poſt meridiem, quæ punctum Eclipticæ, cuius aſcenſio obliqua accepta
fuit, ſupra Horizontem emergit, remanet. Ratio huius rei poſſituna eſt ex parallelis
puncti, in quo Sol exiſtit. Nam poſito gradu Solis in Horizonte orientali, & hora ſiſte-
ra, donec eundem Horizontem attingat punctum aſcendens, arcus paralleli Solis inter
locum Solis, & Horizontem notatur aſcenſionem obliquam arcus Eclipticæ inter eun-
dem locum Solis, & punctum aſcendens intercepti, cum illa arcus paralleli cum hoc pa-
ralleli Eclipticæ æquatur. Igitur dempto ex arcu paralleli ex arcu ſemidiurno, vel hoc ex
illa

Adnotationes inter
hoc puncti Eclipticæ
poſiti in dato cir-
culo hora 9. exiſ-
tens, quodlibet
ſignis notetur, quod
de arcu ſemidiur-
no arcus inter locum
Solis in grad. &
min. vel in horis,
minutis & ſec.

Nota, quæ quodam
modo Eclipticæ ut po-
ſitum arcus, ut
notetur Sol exiſ-
tens, notetur poſi-
tione obliqua obli-
qua.

His, reliqua erit distantia Solis à Meridiano vel ante meridiem, vel post meridiem, ut diximus. Exemplo causa. Sole existente in principio Ω , exploranda sit hora, qua tantum Δ , oritur ad latitudinem grad. 42. Ascensio obliqua arcus inter initium Ω , & Δ , continet grad. 77. min. 9. ad est, horas 5. min. 9 quibus detractis ex hora 7. min. 17. hoc est, ex arcu semidurno initij Ω , relinquitur hora 2. min. 8. Et ergo horis ante mer. p. in diurno Δ , oritur. Rursus Sole in eodem principio Ω , commutatis, querendum sit, qua hora principium Ξ , exoriatur. Ascensio obliqua arcus ab initio Ω , usque ad principium Ξ , secundum successivam signorum computati complentur grad. 324 min. 6. hoc est, hor. 5. 1. min. 36. Ex qua si detrahatur arcus semidurnus Ω , hor. 7. min. 17. relinquitur hor. 1. 4. min. 19. post mer. hoc est, hor. 2. min. 19, à med. noc. quibus initium Ξ , super Horizontem emergit. Atque ita de cæteris.

C A N O N XII.

MERIDIANAM lineam, & proinde lineam quoque veri ortus, atque occasus, in plano quod Horizonti æquidistat, inuenire.

1. **INVENTA** altitudinis Solis sue antemeridiana, sue pomeridiana, collocetur gradus, quem tunc Sol occupat, in parallelo Horizontis eius altitudinis, & notetur Verticalis, in quem idem gradus incidit. Quot namque gradibus Verticalis ille à primario Verticali, id est, ab intersectione Aequationis, Horizontis, & Verticalis primarii recedit in austrum, Septentrionemue, (quos quidem gradus metitur arcus Horizontis inter Verticalem primarium, & Verticalem, in quem gradus Solis cadit, positus.) tot gradus numerandi sunt in dorso Astrolabi à diametro Horizontali, quæ nimirum lineam meridianam per centrum, & armillam suspensoriam extensam secat ad rectos angulos, ex parte orientis, occidentis sue, prout Solis altitudo reperta fuerit antemeridiana, sue pomeridiana, sursum quidem, versus armillam, si Sol inuentus fuerit in Verticali australi, deorsum vero, si in boreali. Nam posita linea fiduciæ Mediciæ supra vltimum gradum numerationis, si tunc Astrolabium ponatur Horizonti æquidistans, & tam diu hinc inde vertatur, donec umbra vnius lateris pinnacidi per latus Mediciæ extendatur, & alterius lateris pinnacidi umbra lineæ fiduciæ sit parallela, indicabit diameter dati dorso Astrolabi per armillam transiens; sicuti Meridianæ lineæ: ita ut eius pars versus armillam recta sit austrum verget, & altera pars in boream; altera vero diameter prioræ ad angulos rectos secans, vera puncta ortus atque occasus monstrabit.

2. **CERTIVS** autem meridianam lineam, punctaque propterea veriorum, & occasus inuenimus sine materiali Astrolabio, ea ratione, quam in scholiis propos. 23. lib. 1. nostræ Gnomonicæ præscripsimus, qua in repetendam hoc loco non consenuit; solum hoc in ea notari reliquit, necesse non esse, ut Verticalis HO, per O, punctum intersectionis paralleli Solis cum parallelo Horizontis describatur, ad eius declinationem a primario Verticali eliciendam; sed satis esse, si ex illo puncto O, & ex puncto intersectionis Verticalis primarii cum parallelo Horizontis, (quod in figura prædicti scholij paulo infra punctum O, existit) per H, polum Horizontis duæ rectæ extendantur. Fixæ censu ejusdem H, si eodém

Lineam meridia-
nam, & puncta
veri ortus, atque
occasus per As-
trolabi non mate-
riale inueniatur.

Lineam meridia-
nam sine Astrola-
bio materiali sine
ora inueniatur.

Solem transeuntis: apparebitque Sol in puncto O. Et quoniam in sphaera circulus ex centro Solis, vt polo, ad intervallum complementi declinationis Solis descriptus, (quando tamen Sol australis est, accipiendum est intervallum ex qua drante, & declinatione compositum) transiet per eundem polum mundi: si circa O, vt polum, circulus ille describatur, secabitur parallelum prius descriptum ex parte boreali in polo: qui quidem circulus hoc modo describatur. Ex N, vtriusque numeretur complementum declinationis, vel si Sol australis est, arcus ex quadrante, & declinatione conflatus, vsque ad P, Q. Duobus namque radijs HP, HQ, abscinderit illius circuli diameter visa SR, qua diuisa bifariam in T, describatur circulus prædictus secans parallelum Horizontis duobus in punctis, quorum illud, quod borealius est, nimirum quod nobis inter Solem & centrum E, constituitur, & ad idem centrum conuersus, ad dexteram exiit, si observatio fit ante meridiem, ad sinistram vero, si observatio fit post meridiem, poles est, cuiusmodi est punctum I. Ducta ergo recta IE, erit linea meridiana, hoc est, Meridianum per polum mundi, & Zenith ductum referet: quam si diameter AC, ad rectos interfecet angulos, erit C, veri ortus punctum, & A, punctum veri occasus.

¶ Q V O D si poli altitudo ignoretur, explorabimus idem ex sola declinatione Solis cognita, per duas observationes, hac ratione. Martino tempore efficiat umbra Solis rectam ab, cum eius altitudo supra Horizontem est arcus ac. Ducta autem Eg, ad ab, perpendiculari, emittatur ex g, Nadir, (Sic enim circa ab, circulus unus intelligatur circulus ABCD, donec rectus sit ad Horizontem, & punctum g, deorsum vergat, erit Eg, axis Horizontis, & g, eius polum inferior) radius ge, secabiturque ab, in f, puncto, in quo Sol appareat. Numerato autem ex e, vtriusque complemento declinationis Solis vsque ad n, m, egrediantur ex g, radij gn, gm, secantes a b, in t, h: diuisaque il, bifariam in k, erit circulus h i, ex k, per t, l, descriptus circa f, tanquam polum, representans eum, qui in sphaera ex centro Solis ad intervallum complementi declinationis, hoc est, per polum mundi describatur: quod quidem centrū k, reperietur ex ipe, qua lib. 2. propo. 6. Num. 3. docuimus, etiam si radius gm, nimis procul excurrat, ita vt eius intersectio cum a b, vix haberi queat.

P O S T aliquod deinde temporis spatium umbra Solis efficiat rectam FG, eiusque altitudinem metiatur arcus FN. Ducta autem ad FG, perpendiculari EH, emittatur ex Nadir H, radius HN, secans FG, in o, puncto, in quo Sol ex Nadir appareat. Numerato quoque ex N, in vtramque partem complemento declinationis Solis vsque ad R, Q, egrediantur ex H, radij HP, HQ, secantes FG, in S, R: diuisaque RS, bifariam in T, circulus ex T, per R, S, descriptus circa O, vt polum, referet eum in sphaera, qui circa Solem per mundi polum describitur. Vbi ergo hic priorem versus boream interfecit in I, ibi erit polum mundi apparens. Quocirca recta IE, meridiana linea erit. Et si, aliqua mora interiecta, fiat tertia observatio, (quod tamen necessarium non est) eodemque modo tertius circulus circa Solem, vt polum, describatur, transibit is necessario per idem punctum I, si erratum non fuerit.

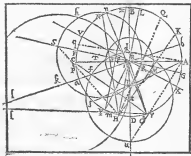
§. I M M O per tres observationes meridianam lineam reperiemus, etiam sineque altitudo poli, neque declinatio Solis cognita sit: quod etiam in libello de Fabrica, & vsu instrumenti Horologiorum Cap. 13. eadem ferme ratione effecimus. Faciat ergo in prima observatione umbra Solis rectam ab, eiusque altitudo sit ac. Ducta autem ad ab, perpendiculari Eg, apparebit centrum Solis in e, constituti, per radiū ge, in f.

Notetur tertia
nam hoc Astru-
len. manuali in
Cis. doctrinam
Solis, cognita
per duas observa-
tiones radij, gna.

Meridianam lineam
nam hoc Astru-
len. manuali
per tres observa-
tiones, etiam si
declinatio Solis,
& altitudo poli
ignoscantur, inque,
notat.

I N secunda autem observatione efficiat umbra rectam FG, Solisque altitudo sit PN. Duca autem ad FG, perpendiculari EH, apparebit centrum Solis in N, existentis, per radium HN, in O.

I N tertia denique observatione linea umbrae sit VX, altitudoque Solis VZ.



Duca autem ad VX, perpendiculari EY, apparebit Solis centrum in Z, existens per radium YZ, in p. puncto.

QVONIA M igitur Sol in tribus illis observationibus ponitur in eodem parallelo Aequatoris existere, quod eius declinatio, in eis nõ mutetur sensibilit̃ter, si trium punctorum f, O, p, centrum t, reperitur, erit recta tE, linea meridiana, quod centrum paralleli Solis fOp, & centrum Horizontis, in linea meridiana existant, ut ex his, quæ lib. 2. propof. 6. demonstravimus, manifestum est.

S C H O L I U M.

Lineæ umbrae
recta recta ex
declinatione per
declinationem de
recta declinatione
puncti sequens.

Lineæ umbrae
recta recta ex
declinatione per
declinationem de
recta declinatione
puncti sequens.

QV A ratione linea Meridiana ex Analemmate, quando & altitudo poli, & declinatio Solis cognita est, eliciatur, tradidimus lib. 2. Geometricis in scholio prop. 13. & in Libello de Fabrica & usu instrumenti horologiarum cap. 18. ut superius videmus sit cum hoc loco repetere.

1. S E D secunda quoque operatio idem efficiamus per tres videretur observaciones, & tres altitudines Solis, quarum dua fiat ante meridiem, & una post meridiem, vel dua post, & una ante; altitudoque declinatio Solis, neque altitudo poli cognita sit. Circulus enim ABCD, cuius centrum E, sit in plana quod Horizontis æquidistat, descriptus, & marcatum tempore in diversis horis umbra Solis efficiat rectas DE, CE, per centrum E, extensas, & in eisdem hora altitudines Solis describas, & sit DF, CE: Per hanc autem tempore umbra projiciatur per rectam AE, & Solis altitudo sit AI, mē-

ner quæ

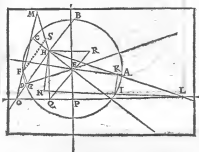
per quam altitudo CB , antemeridiana. Ex altitudinibus Solis ad proprias umbrarum
hanc perpendicularares demittantur FQ , BH , IK . Extensa autem ex H , per G , recta
 HG fiat HM , ipsi FG , parallela, & ipsi HB , equalis, iungaturque recta MF , qua re-
ctam HQ , in O , secabit. Abfissa namque HS , aequalis ipsi GF , (Eft enim altitudo Solis
 BF , minor altitudine CB , quod hac meridica vicinior fit; ideoque & fiant FG , ficut
 BH , minor) iungaturque recta FS , a qua ipsi GH , parallela erit, ^a erit angulus FSM ,
angulo GHM , equalis externus interno. Cui ergo in triangulo FSM , duo anguli S , M ,
fint duobus rectis minores, erunt quoque duo anguli GHM , & M , duobus rectis mi-
nores, ac propterea recta HG , MF , concurrent, hoc est, recta MF , producta rectam HG ,
secabit in aliquo puncto, nimirum in O . Et quoniam, si concipiatur GF , & HM , vel
 HB , ad planum Horizontis perpendicularares, Sol in duabus observationibus exiit in F ,
 B , punctis, transibit parallelus Solis per F , B , cuiusque planum per rectam MF , exten-
sum plano Horizontis occurret in O . ^b Nam cum sit, ut HM , ad GF , ita HO , ad GO ,
erit quoque ut, MM , rectas angulos cum plano Horizontis faciens ad GF , rectus itum

a 53. primi.

b 29. primi.

c 17. primi.

d 4. sexti.



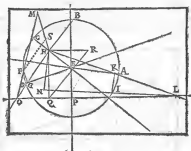
angulus cum eodem plano Horizontis facientem, ita HO , ad GO ; ideoque ex scilicet
prop. 4. lib. 9. Eucl. recta ex M , in sublimi per F , in sublimi extensa cadet in punctum
 O ; atque idcirco planum parallelus Solis per illam rectam ductum plano Horizontis in
 O , occurret.

Et O D E M punctis si ex H , per K , recta HK , extendatur, & ex H , ipsi KI , paral-
lela agatur HN , & ipsi HB , aequalis, secabit menta recta NT , rectam HK , nimirum
in puncto L , in quo idem parallelus Solis plano Horizontis occurrat. A ducta ergo re-
cta OL , communis sectio erit parallelus Solis, atque Horizontis. Quare recta PE , per
centrum ducta ad OL , perpendicularis, meridiana linea erit, hoc est, communis sectio
Meridiani, atque Horizontis. Quoniam enim cum parallelus Solis, quam Horizon, ad
Meridianum rectus est, ^c erit eorum quoque sectio communis OL , ad eundem recta, ideo-
que ex defn. 3. lib. 11. Eucl. & cum meridiana linea in Horizonte, & Meridiano
exsistente, rectas efficiet angulus, ac proinde PE , ad OL , perpendicularis, meridiana
linea erit.

c 12. undec.

3. *SI forte continget, duas Solis altitudines esse aequales, unam videlicet ante meridiem, & post meridiem alteram, ut si altitudines DF, AI , sint aequales, dividendus erit angulus DEA , bisariam. Dividens cum linea erit linea meridiana, propterea quod Sol in duabus istis observationibus aequales habuit à meridio distantias, & duas Verticales per Solem ductas aequales cum Meridiano angulos efficiunt, &c.*

4. *Quod si quādo omnes tres altitudines Solis observationes fuerint aequales, argumens to esset, parallelum Solis Horizonti aequidistare, ne proinde solum mundanum esse in polo Horizontis superiore, altitudinemque eius supra Horizontem esse grad. 90. Ex quo sequitur, nullam tunc lineam in eo plano esse posse propriam meridianam.*



POSSUNT quoque omnes tres observationes fieri vel ante meridiem, vel post, sed tunc duo puncta O, L , reperitur in eadem parte parum inter se distare, ut non facile recta OL , sine errore duci possit. Quā ob rem magis exquisita res peragitur, si una observatio fiat post meridiem, & dua ante meridiem, vel una ante meridiem, & dua post, ut dicimus.

5. *QVONIAM vero in qualibet observatione umbra statim accipienda est altitudo Solis, ne aliqua mora inter umbrae observationem, & altitudinem Solis accipiendam interponatur, constructus cum Patre Nuncio lib. 2. de Navigatione cap. 4. instrumentum, quo eadem opera, & umbra & altitudo Solis observantur hoc scilicet modo. In quadrato aliqua tabella plana $ABCD$, describitur quadratus BE , ex E , dividaturque in 90. gradus, initio facto à E_1 & per F , agatur FI , lateri quadrati CD , parallela: Et in semidiametro EF , ipsi quadrata tabella inscribat ad angulos rectos norma, sine triangulum rethangulum EFG , cuius duo latera EF, FG , aequalia sint, & hyperbolicus EG . Putant autem triangulum hoc ita accommodari, ut deprimi possit, & elevari, ita tamen, ut elevatum semper rectum sit ad quadratum $ABCD$: Atque ut minus grave, aut ponderosum fiat instrumentum, evadenda erunt partes superius intra quadratum EBF , & curvae: Item partes laterales trianguli EFG , ita ut latera relinquuntur arcus BF , recta FI , & hyperbolicus EG . Iuxta latera quoque recta GF , appende potest filum cum perpendicula, ut facilius planum, supra quod statuen-*

Instrumentum, quo simul umbra, & altitudo Solis observantur.

tangens in *L*.) erit ipsum punctum contactus, polus borealis: quia cum quocunque circulus ex quolibet puncto circuli horæ *6*. per polum descriptus Meridianum tangat in polo; propterea quod circulus horæ *6*. ad Meridianum rectus est; sit *vi* circulus ex centro Solis in circulo horæ *6*. existente, tanquam polo, ad intervallum complementi declinationis descriptus, tangat Meridianum in polo, cum necessario per polum transeat, propter intervallum complementi declinationis.

A C C I D I T; interdum, quando Sol borealis est, circulum circa centrum Solis, *vt* polum, ad intervallum complementi declinationis descriptum, secare Meridianum duobus in punctis ultra verticale punctum versus boream. Quando igitur distantia Solis à Meridiano maior est sex horis, erit intersectio minus borealis, polus boreus; si autem distantia minor est, intersectio borealis polus boreus erit: quia in priori casu, circulus horarius per Solem, & polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum obtusum, qualis est ille, quem circulus maximus in sphaera per Solem & intersectionem minus borealem ducitur; in posteriori vero casu, circulus horarius per Solem, ac polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum acutum, qualis est ille, quem circulus maximus in sphaera per Solem, & intersectionem borealiorem ducitur, propterea quod duo circuli maximi per Solem, & duas illas sectiones ducti efficiunt triangulum isosceles, cuius duo anguli ad basem acuti sunt, quæ omnia in sphaera materiali perspicua sunt.

S I vero ignoretur, num distantia Solis à Meridiano maior sit sex horis, an minor, facienda erit alia observatio. Punctum enim meridianæ lineæ, in quo circulus in posteriori observatione circa Solem, *vt* polum, ad intervallum complementi declinationis descriptus, circulum prioris observationis secat, polus borealis erit. Posterior enim circulus priorem necessario in Meridiano intersectabit, cum *vi*terque per polum incedat, neque vero posterior per vitramque intersectionem prioris cum Meridiano transibit, sed per unam duntaxat, alias essent duæ lineæ rectæ in sphaera ex centro Solis in priori observatione ad duas illas intersectiones ductæ æquales duabus rectis ex centro Solis in posteriore observatione ad easdem duas illas intersectiones emissis. quod absurdum est. Legatur, si placeat, caput 13. lib. 2. Petri Noni de Navigatione, ubi omnes hi casus suis demonstrantur.

Q V A N D O autem situs lineæ meridianæ ignoratur, reperiemus poli altitudinem, lineamque meridianam ex data Solis declinatione per duas observationes, hac ratione. Ex duabus umbris *a b*, *FG*, & altitudinibus Solis *a c*, *FN*, inveniatur polus borealis *L*, in intersectione circulorum *h i l*, *S i r*, *vt* in precedente Cap. Num. 4. factum est. Ducta enim recta *l e*, erit linea meridianæ, ad quam si excutitur diameter perpendicularis *AC*, & ex *A*, radius egrediatur per polum *I*, erit arcus *D i*, altitudo poli, & arcus *C i*, eiusdem complementum, *vt* paulo ante dictum est.

3. Q V A N D O denique & situs lineæ meridianæ, & Solis declinatio ignoratur, explorabimus eandem altitudinem poli, una cum declinatione Solis, ideoque & cum eius loco in Ecliptica, & situ lineæ meridianæ, per tres observationes, hoc modo. Ex tribus umbris *a b*, *FG*, *V X*, & altitudinibus Solis *a c*, *FN*, *V Z*, inquiratur *t*, centrum circuli per tria centra Solis *f*, *O*, *p*, descripti, *vt* in Cap. antecedente Num. 7. factum est. Ductæ namque rectæ *t e*, meridianæ lineæ erit, ad quam si erigatur diameter *AC*, perpendicularis, & ex *A*, per *d*, *u*, intersectiones meridianæ lineæ cum circulo *i Op*, parallelum Solis repræ-

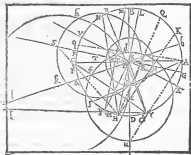
Pppp 2 sentante,

2. 7. primis.

altitudinem poli
habet lineam meri-
dianam per duas
observationes ex
sola declinatione
Solis cognitam
enclitica.

altitudinem poli,
habet meridianam,
& declinationem
Solis per tres ob-
servaciones en-
cliticas.

stante, vt Nqm. g. precedentis Can. diximus, radij emittantur. secabitur
circulus ABCD, in q. r. extremisq. bus verae diametri paralleli Solis per visum
diametrum d. u. representantur. vt coequet, si A. ponatur in Nadir, & circulus
ABCD, ad Horizontem intelligatur reſtus. Diſiſſe ſcilicet arcu q. r. beſariam



in f , erit f , polus mundi verus, & radius emissus $A f$, indicabit eundem polum apparentem in L . Igitur, ut polus, arcus Df , altitudinem poli, & arcus CL , eiusdem complementum metietur. Arcus denique $f q$, vel $f r$, erit complementum declinationis Solis, siue paralleli Solis, cuius diameter vera esset recta $q r$, ducta.

4. I. A. M. vero nulla adhuc certior via est ab Astronomis inventa ad longi-
tudines locorum explorandas, quam per Eclipses Lunares, quæ ejusmodi est.
Observe per à pluribus Astronomis in insulis Fortunatis, à quibus longitudes
locorum incipiunt, & in aliis locis orientalioribus initium alicuius lunaris
Eclipsis, & eodem temporis momento per altitudinem stelle culminantis hora
à mer. vel med. noc. inquiratur per ea, quæ Can. 8. scripsimus. Nam si hor-
am, quæ Eclipsis apud insulas Fortunatas incipit, detraheris ex hora, quæ ejus-
dem Eclipsis initium in quavis ciuitate orientali hori conspectum fuit, & reliquæ
numerus horarum ad gradus reduxeris, reliqui erunt gradus longitudinis il-
lius ciuitatis orientalioris, hoc est, quibus illa orientaliior ab insulis Fortuna-
tis veras ortum recedit. Vt si u. g. in Fortunatis insulis Eclipsis quæpiam Lu-
naris incipiat hora 11. min. 12. post meridiem, & Romæ hora 1. min. 41. post
med. noc. hoc est, hora 13. min. 41. post meridiem, detrahemus hor. 11. min.
12. ex hor. 13. min. 41. eruntque reliquæ horæ 2. min. 29. quæ efficiunt grad.
36. min. 30. Tantam ergo pronuntiabimus esse longitudinem Romæ urbis,
id est, Meridianum Romanum à Meridiano insularum Fortunatarum orientem
versus distare grad. 36. min. 30. qui quidem gradus inter utrumque Meridianum
in Aconatore numerantur. Sed hæc de re alibi in Cosmographia reperies.

6610

Longitudes, in
degrees per hour
the number of
pulses elapsed:
ms.

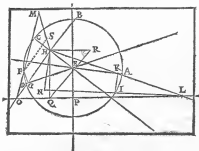
S C H O L I U M.

1. *I N* scholio 1. *propof* 28. lib. 1. *Geometricis* ostendimus, quæ ratione altitudo poli ex *Analemmate* per duas observationes elicitur, etiamfi declinatio Solis data non fit, dummodo meridiana linea sitis non ignoratur. Quare eam hoc loco repetere necesse non est, cum ex illo scholio addiscî possit, sed contenti erimus eandem poli altitudinem per tres observationes explorare, etiamfi neque declinatio Solis, neque linea meridiana posita cognita sit.

2. *P E R* tres ergo umbrae *DE*, *CE*, *AE*, in Horizonte, & tres altitudines Solis *DE*, *CB*, *AI*, quarum duas observatae sint aut meridiam, & tertiam post, vel contra, ut in figura scholi precedentis Cas. apparet, reperitur *OL*, communis siccus plani Horizontis, ac paralleli Solis, ut Num. 2. scholi precedentis Cas. 1. a. factum est. Nam perpendicularis *PE*, dabit lineam meridianam, v. l. etiam quatuorvis alia perpendicu-

Altitudinis poli
reperitur. Aut
idem per duas
observaciones,
etiam si declina-
tio Solis ignor-
etur, dummodo li-
nea meridiana si-
ne data.

*Altitudinem po-
li, itaqueq; me-
ridiam per tres
observaciones co-
gnitas, sunt de
clinatio Solis re-
peritur.*



laris *HQ*. Et si agatur *HR*, ipsi *OP*, parallela, vel ad meridianam lineam perpendi-
cularis, ipsique *HQ*, equalis, iungaturque recta *QR*, erit *QRH*, angulus altitudinis po-
li. Nam si triangulum *QHR*, cogitatur rectum ad Horizontem super rectam *HQ*, exis-
sit Solis centrum in *R*, ut tempore, quo umbra *CE*, & altitudo Solis *CB*, observata
fuit. Cum ergo parallelus Solis per *OL*, transeat, transibit quoque per rectam *HQ*, ut in
RQ, sit communis siccus eiusdem paralleli, ac Meridiani. Quapropter *RQH*, angulus
erit complementus altitudinis poli, quem cum eorum *Equatoris*, eiusque parallelorum
planis cum Horizonte efficiatur, eritque idcirco *QRH*, angulariter altitudinis poli.

3. *E A D E M* altitudo poli sine boreali, sine australi, sine ulla descriptione figu-
ra, interdum ex altitudine meridiana, ac declinatione cognita, notis vero ex meridiana
altitudine eamulides *Nulla*, & declinatione percepta, facili negotio reperiri poterit, si
prius doceamus, quo pacto cognosci possit, cum vertex capitis, vel polus Horizontis sit
hinc solus arcticus, & Solam, stellamque in Meridiano positam, an vere Sol ipsi, stel-
lant,

ex quadrante detrabatur) adiungatur ad minimam altitudinem. Constat enim unam latitudinem poli australis exhibebat.

D E N I Q U E si quando acciderit, altitudinem Solis aut Stellæ per aliquod tempus statim neque augeri, neque minui, altitudo poli grad. 90. constabit, hoc est, in ipsosce vertice poli collocatus erit; borealis quidem, si declinatio Solis, si Stellæ fuerit borealis; australis vero, si australis.

5. **I D E M** alia ratione nomina diversa assignamus, hoc videlicet. Distat primum, ubi sit, plus minus, pars mundi septentrionalis, & vltima australis: quod si scilicet pars aut Magnæ illius edoceat. Quod si eiusmodi acie curemus, circa meridiem, hoc est, quando propinquum Sol, vel stella maximam obtinet altitudinem, factum nostrum ad Solem vel stellam convertemus. Et si quidem moveri cernatur à sinistra in dextram, dorsum nostrum in partem septentrionalem, & facies in australem vergit; si vero à dextra in sinistram, à regione nostra sua erit pars septentrionalis, & australis in parte opposita.

U O cognito, maximam Solis, vel stellæ altitudinem observabimus. Eius complementum, si umbra corporum ad eandem partem projiciatur, in quam astrum declinat, (in stella, quoniam umbram non projicit, sumimus pro umbrarum visum ab oculo ad stellam ductum) declinationis additum consuet altitudinem poli eiusdem nominis cum declinatione, hoc est, arctici, si tam umbra, quam declinatio est borealis, antarctici vero, si australis. At si corporum umbra in contrariam projiciatur partem, id est, in septentrionem, si declinatio est australis, vel in austrum, si septentrionalis; si quidem complementum maxima altitudinis declinationis detractum fuerit æquale, ipsius vertex loci sub Aequatore, nullamque polus altitudinem habebit. Si vero complementum maxima altitudinis minus repertum fuerit declinatione, detractis illo ex hoc, reliqua sit altitudo poli eiusdem nominis cura declinatione, hoc est, arctici, si declinatio est borealis, antarctici vero, si australis: si denique complementum maxima altitudinis declinationis extiterit minus, erit eorum differentia altitudo poli opposita declinationis cum declinatione, nimirum antarctici, si declinatio est borealis, arctici vero, si australis.

Q U A N D O Sol, vel stella declinatione caret, complementum maxima altitudinis dabit altitudinem poli eiusdem nominis cum umbra, nimirum arctici, si umbra est septentrionalis, antarctici vero, si australis.

Q U A N D O denique Sol, vel stella in vertice loci existerit, ipsa declinatio, si quam habet, erit poli altitudo eiusdem nominis cum declinatione, arctici videlicet, si declinatio est borealis, antarctici vero, si australis.

6. **Q U A N D O** constet, polum arcticum supra Horizontem elevari, solum Astrum hac facili via eius altitudinem indagare. Sole, vel stella declinatione carente, complementum altitudinis meridiana exhibet altitudinem poli arctici. Existente autem declinatione boreali, & astro vergente à vertice in austrum, arcus ex declinatione, & complemento meridiana altitudinis conflatus altitudinem arctici poli manifestat: Declinatione vero australi existente, detracta ea ex complemento altitudinis meridiana, reliquus arcus altitudinem poli borealis ostendit. Quod si astrum à vertice loci recedat in boream, complementum altitudinis meridiana ex declinatione boreali detractum reliquum facit altitudinem poli borealis. Denique Sole, aut stella neque oriente, neque occidente, ita ut duas altitudines meridianas habeat, si quidem in maxima vergat à vertice versus boream, semisus aggregati ex utraque altitudine meridiana altitudinem poli borealis indicat; si vero astrum in maxima altitudine à vertice in austrum recedat, detracta ea ex semicirculo, semisus aggregati ex residuo, & minima altitudinis est ipsa poli arctici altitudo.

Altitud.

Vlt. de parte li poli
terminis, si au-
stralis, quo par-
te deprehende-
bit.

Aliter observatio.
Altitud. poli ar-
ctici claret quæ
pro Horizonti.

N O N aliter agemus in regionibus australibus, si ea, quæ de declinatione, & parte boreali dicta sunt, ad declinationem, ac partem australem transferamus, & contra.

C A N O N X I I I.

IN quacunque orbis parte versemur, etiam in mari, quam in Zona, & climate constituti sumus, cognoscere.

In quoniam Zona
ne locus
collocetur, in-
quod sit.

1. H V N C Canonem, nisi ab omnibus scriptoribus Astrolabii positus esset, nullo modo explicarem, cum nihil novi contineat. sed solum requirat inventionem poli in eo loco, in quo sumus. Inventa namque per Canonem 13. vel eius scholium, poli altitudine, siue latitudine loci, si ea minor fuerit, quam grad. 23. min. 30. locus in Zona torrida situs erit; & si latitudine careat, verticem sub ipso Aequatore habebit, hoc est, in medio Zone torridæ iacebit. Si autem latitudo contineat præcisè grad. 23. min. 30. collocabitur præcisè vel sub tropico 23. vel sub tropico 20. prout locus borealis est, vel australis, hoc est, iacebit in fine torridæ Zone, & in principio temperatæ. At si latitudo maior sit, quam grad. 23. min. 30. minor autem quam grad. 66. min. 30. siquæ habebit in temperatâ Zona, vel boreali, vel australi, prout locus in boream, vel in austrum declinat. Quod si latitudo loci præcisè complectatur grad. 66. min. 30. positus erit sub circulo arctico, vel antarctico, hoc est, collocabitur in fine Zone temperatæ, & in principio frigida. Si denique loci latitudo maior fuerit, quam grad. 66. min. 30. siue eius reperitur in Zona frigida; & si latitudo contineat grad. 90. verticem sub ipso habebit polo, mediumque Zone frigida occupabit.

In quoniam clima
datus lo-
cus collocetur
sit, præcipue

E A D E M altitudo poli inuenta docebit, quoniam in climate locus, in quo sumus, collocetur. Nam si inuenta altitudo poli quærat in tabula climatum, quam ad calcem cap. 3. sphaeræ secundum recentiores copiosissimam descripsi-
mus, si quidem præcisè reperitur, illico constabit, in cuiusum climatis initio, vel medio, vel fine locus noster situs sit. Si vero præcisè non inueniatur, intelligemus ex altitudine poli in tabula descripta, quæ a nostra altitudine minus differat, prope cuius climatis principium, vel medium, finem versemur. Verbi gratia. Nauigans quispian delatus sit ad portum Mozambique in Africa orientali. Et quoniam apprehenditur latitudo australis grad. ferme 15. dicemus eum versari prope medium primi climatis australis, cum clima 1. in medio altitudinem poli australis habeat grad. 16. min. 43. Rursus delatus quispian sit ad insulas Orca-
des ultra Scotiam. Et quia latitudo earum insularum complectitur propemodum grad. 66. min. 30. pronunctabimus eas iacere in climate 13. septentrionali, & quidem prope eius finem, ac proinde supra principium climatis 14. cum altitudo poli in fine climatis 13. & principio 14. gradus 51. min. 53. complectatur.

C A N O N X V.

DISTANTIAM duarum quarumlibet ciuitatum in terra, vel stellarum in cælo, quarum longitudes, la-

titudinesque cognitæ sint, dimetiri, hoc est, arcum circuli maximi per eas descripti inuestigare.

DISTANTIA hæc sumenda est penes arcum circuli maximi inter duo loca terræ, vel duas stellas, interceptum, quod is minor sit omnibus arcibus circulorum non maximorum per eadem loca descriptorum, ut in Cosmographia demonstratum est.

1. **Q V A N D O** igitur duo loca sub Aequatore sita sunt, hoc est, latitudines carent, detracta minore longitudine ex maiore, reliqua erit differentia longitudinis, eademque distantiam quæsitam metietur.

2. **Q V A N D O** vero duo loca eandem habeant longitudinem, hoc est, sub eodem semicirculo Meridiani inter duos mundi polos intersecto sita sunt, & uterque in boream, vel in austrum vergit; detracta minore latitudine ex maiore, reliqua erit differentia latitudinum, eademque quæsitam distantiam metietur. Quod si unus locorum in boream vergat, & alter in austrum; addita latitudine una ad alteram, constabitur arcus Meridiani quæsitam distantiam metiens. Denique si unus locorum sit sub Aequatore, & alter siue in boream, siue in austrum vergat, metietur ipsamet latitudo posterioris loci distantiam, quæ desideratur.

3. **Q V A N D O** duo loca differentiam longitudinû habent grad. 180. hoc est, sub diversis semicirculis eiusdæ Meridiani locantur, & uterque in boream, vel austrum tendit, detracto aggregato latitudinum ex semicirculo, reliquus fiet arcus Meridiani distantiam, quam quærimus, metiens. Quod si locorû unus in boream, & in austrum alter desceat ab Aequatore; differentia latitudinum ex semicirculo subtracta relinquet arcum Meridiani, qui quæsitam distantiam metietur: vel arcus Meridiani ex latitudine alterutrius loci, & complemento latitudinis loci alterius, ac quadrante, qui inter polum, & Aequatorem ponitur, constatus distantiam desideratam metietur, si semicirculo minor est: si vero semicirculum superet, detracto eo ex integro circulo, reliquus arcus metietur distantiam locorum. Denique si alteruter locorum sub Aequatore, sciat, latitudo alterius ex semicirculo detracta relinquet arcum Meridiani, qui distantiam, quam inquirimus, metietur.

4. **Q V A N D O** denique duo loca nullo prædictorum modorum se habent, siue alteruter sub Aequatore sit positus, siue neuter, & siue eandem habeant latitudinem, siue non, explorabimus eorum distantiam hoc modo. Sit in Afrolabo Aequator ABCD, centrum E, duæ diametri sese ad angulos rectos secantes AC, BD, quarum AC, Meridianû referat per insulas Fortunatas ductû, à quibus longitudes locorum incipiunt. Proposita autem sint duo loca, prioris quorû longitudo sit grad. 40. & latitudo boreæ grad. 30. posterioris autem longitudo cõplectatur grad. 150 & latitudo boreæ grad. 40. Supponitur longitudes ab A, versus B, hoc est, ab occasu ortû, versus, usque ad F, G, ducanturque diametri FE, GB, referentes Meridianos per data loca transcurrentes. Rursus numerentur latitudines à B, usque ad I, G: Ductis autem radijs AL, AG, secantibus BE, in M, N, describantur ex E, per M, N, paralleli latitudinû secantes Meridianos FE, GE, in P, eritque P, I, situs prioris loci, & I, posterioris. Si igitur per propos. 13 lib. 1. circulus maximus per loca P, I, describatur, metietur arcus PI, eorum distantia. Invenio ergo eius circuli polo O, ut lib. 2. prop. 8. Num. 17. docuimus, abscedent emissæ rectæ OP, OI, arcum Aequatoris QR, arcui PI, æqualem. Quæ ergo gradus in arcu QR,

Duorum locorû
in terra sub Aeq.
quorû positio
à loco in distan-
tiâ enquiretur.

Duorum locorû
eandem longitu-
dinem habentium
distantiam

Duorum locorû
differentiâ longi-
tudinis habentium
distantiam

Duorum locorû
differentium lon-
gitudinem, latitu-
dinemque dis-
tantiam

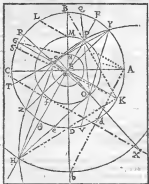
continentur, tot gradibus vitur locus ab altero distabit. Ita autem per P. I. circulum maximum describentis, cuiusque polum reperietur. Ducta recta EK, ad EE, perpendiculari, & potuisset quoque duci perpendicularis ad GE, sed eligenda potius est recta EE, per punctum P, a centro E, remotius ducta. Ita enim punctum ipsi P, oppositum minus distabit à centro, quam punctum ipsi I, oppositum) ducta, ex K, per P, recta KPB, ad quam perpendicularis erigetur KD, (quod fiet, si arcus EB, quantum g D, ex polum sinuatur &c.) Juncans FE, productum in H, eritque punctum H, ipsi P, oppositum, ut ex his liquet, quæ lib. a. propos. 6. Num. 1. scriptimus. Surgat per tria puncta P, I, H, circulus describatur ex centro X, quod erit in recta f X, secante PH, in f, bifariam, & ad angulos rectos, erit ille maximus, cum per puncta P, E, L, per diametrum opposita transeat. Iam vero ducta ex centro X, per E, recta XE, secante descriptum circulum in e, erigatur ad XL, perpendiculari, vel quod idem est, iuncta recta YZ, hæc enim ad XL, per-

pendicularis erit: Transibit namque per E. centrum, cum sit diameter circulorum maximorum,* scilicet in Y, Z, secantium bifariam. Quare recta XE, secabit ipsam YZ, bifariam in centro E; ac proinde & ad rectos angulos) erit tatur ex Y, per e, recta secans Aequatorem in T, sumaturque arcus TV, quadranti æqualis, (accipiendus autem est quadrans TV, versus eā partem, versus quam ductus radius YV, rectam XE, secet intra Aequatorem.) Radius enim YV, secabit rectā XE, quæ Meridiani circuli FIH, representatur, in O, polo circuli FIH, ut lib. 4. propos. 8. Num. 22. demonstratur.

7. EANDEM hanc di-
stantiam brevius cognosce-
mus, etiam si circulum maxi-
mum per data loca non de-

scribamus, &c. fi. ducta recta PI, inquamur per ea, quæ lib. 2. præp. 18. Num. 3. tradita sunt à nobis, quantinam arcus circuli maximi chorda fit, quod fit fiet. Invenio puncto H, quod loco P, remotiori à centro E. opponitur. Iungatur recta HI, angulusque PIH, bifariam secetur per rectam I A, & cante PH, in A, puncto, per quod de scribendus est circulus non maximus per punctum I, transiens, circa polum P. vt lib. 2. præp. 18. Num. 3. ostendimus; adeo vt arcus P A, circuli maximi PEH, per polum E, ducti, æqualis sit arcui circuli maximi per P, I, descripti inter P, H, intercepto, cum ambo ex polo P, in circumferentiam circuli non maximi per A, I, circa polū P, descripti cadant. Excitate igitur EK, ad PH, perpendiculari, abscondit radii KP, Ka, ex Aequatore arcum BS, tot gradum, quot arcus P A, ac proinde & arcus circuli maximi à recta PI, subtenens, compli-

414



11. 12. 13.

Keywords: *work engagement, organizational commitment, turnover intentions, organizational citizenship behaviors, job satisfaction*

«Officer», estival
per data. Iste die
culis maximum
non delectatur.

getur: eritque arcus hic BS , priori arcui QR , invento æqualis, si erratum non sit.

6. SIT rursum locus, cuius longitudo grad. 150. & latitudo borea grad. 60. & alius locus, cuius longitudo grad. 240. & latitudo australis grad. 30. com-
plectatur. Numeratis longitudinibus ab A , versus B , usque ad G , g. erunt ductæ
rectæ GE , gE , Meridiani datorum locorum. Sumpta quoque prioris loci latitu-
dine borea BG , amittoque radio AG , secante BD , in N , describatur ex E , per N ,
parallelus illius latitudinis secans Meridianum GE , in I , eritque I , situs prioris
loci. Et si accipiatur loci posterioris latitudo australis De , emittaturque radius
 $A d$, secans BD , in b , ac denique ex E , per b , describatur parallelus huius latitu-
dinis secans Meridianum gE , in H , erit posterioris loci situs in H . Igitur si per
 I, H , circulus maximus describatur, (invento nimirum prius puncto P , opposito
ipfi H , &c.) iusque polar repetatur O , dabunt emissi radii ex O , per I , H , in
Aequatore arcum R , & arcus IH , distantiam locorum I, H , metietur æqualem.

7. VEL brevius, ut Num. 5. sic etiam agemus, sine descriptione circuli per lo-
ca I, H . Invento puncto P opposito ipfi H , ductisque rectis HI , PI , facietur angu-
lus PIH , bisectum per rectam Ia , secantem PH , in a , puncto, per quod descri-
bendus erit circulus non maximus per punctum I , transiens, circa polum H ,
ut lib. 2. propof. 18. Num. 3. ostendimus; adeo ut arcus $H a$, Meridiani HP ,
æqualis sit arcui circuli maximi per H, I , descripti inter loca H, I , intercepto,
cum ambo ex polo H , in circumferentiam circuli non maximi per a, I , circa
polum H , descripti cadant. Recta igitur EK , ad HP , perpendiculari, abstin-
dent radij KH , Ka , ex Aequatore arcum $D3$, tot graduum, quot in arcu $H a$,
ideoque & in arcu maximi circuli à recta HI , sustendo continentur: eritque ar-
cus hic, si erratum non sit, æqualis omnino priori arcui invento eR .

H AC arte distantiam quorqualibet duorum punctorum in sphaera datorum,
quam Arcus circuli maximi per ea descripti metitur, reperies, siue ambo in
boream vergant ab Aequatore, siue in austrum, & siue vnum in boream, & alte-
rum in austrum tendat: & siue utrumque in eodem parallelo Aequatoris positū
sit, siue non, siue denique vnum sit in Aequatore $ABCD$, & alterum ab illo vel
in boream, vel in austrum declinet.

7. QVONIAM vero loca australia minus exquisitè in Astrolabio descri-
buntur, quam borealia, quod parallelorum australium semidiametri invenian-
tur per radios ex A , emissos, qui valde oblique rectam BD , secant: quādo vnus
locorum australis est, & alter borealis, commodissime res peragetur, si pro lo-
co australi accipiatur borealis per diametrum ei oppositus, quem videlicet An-
tipodes incolunt, & cuius latitudo borealis latitudinis australi alterius æqualis
est, longitudo vero à longitudine illius semicirculo differat: adeo ut si longitudo
loci australis semicirculo minor est, ei addendus sit semicirculus, si vero ma-
ior, ab ea semicirculus demendus, ut vel constet, vel relinquatur longitudo
loci borealis oppositi. Nam si distantia inter datum locum borealem, & hunc
alterum borealem australi oppositum inventa ex semicirculo subtrahatur, reli-
qua fiet distantia loci dati borealis ab australi dato. Exempli causa. Si detur lo-
cus borealis I , cuius longitudo continet gradus 150. & latitudo grad. 60. & lo-
cus australis, cuius longitudo est grad. 240. & latitudo grad. 30. accipimus pro
hoc locum borealem P , cuius longitudo sit grad. 60. (quæ relinquatur, de tra-
cto semicirculo ex data longitudine grad. 240. quæ semicirculo maior est.) La-
titudo vero grad. 30. sicut & australis loci. Nam si distantia inter loca I, P , in-
uenta detrahatur ex semicirculo, reliqua erit distantia loci I , à loco australi, qui,

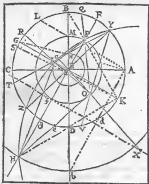
Distantia inter
locum borealem
& australium, quo
modo invenitur
est repetenda.

Qqqq a loco

loco P, oppositus est. Cum enim circulus maximus in sphaera per loca P, I, descriptus transeat necessario per loca opposita, distetque locus P, a loco opposito per semicirculum; liquido constat, arcum illius circuli maximi inter P, & I, positum; id est, distantiam inter loca P, I, ex semicirculo sublatam, relinquare arcum eiusdem circuli maximi inter locum I, & locum australem, qui loco P, opponitur, interiectum, qui quidem distantiam loci I, ab eo loco australi metitur. Ita videtur in figura arcum PI, ex semicirculo PIH, detractum, reliquum scire arcum IH. Quod si locus australis datus habeat longitudinem grad. 40. & latitudinem grad. 50. sumendus erit locus borealis, cuius latitudo sit etiam grad. 50. longitudo autem grad. 220. quae constatur ex longitudine grad. 40. loci australis, (quae semicirculo minor est) & semicirculo.

S I M I L I modo, si duorum locorum australium distantia investiganda sit, invenienda erit distantia duorum locorum borealium illis oppositorum, eandem videlicet latitudines cum illis habentium, longitudes autem ab illorum longi-

tudinibus differentes semicirculeos, quae quidem ob tenebantur, si illis vel semicirculus addiciatur, (si minus datur longitudes semicirculo minores sunt vel (si maiores sunt semicirculo) ab eisdem semicirculo subtrahatur, ut dictum paulo ante est. Hac enim distantia inventa aequalis prorsus erit distantiae datorum locorum australium. Aut certe in Astrolabio centrum E, accipiendum est pro polo australi, ita ut oculus collocetur in polo boreali. Hac enim ratione Astrolabium inter Aequatorem & centrum referet hemisphaerium australe, & in eo omnia loca australia describuntur, si eorum longitudes, ut a Geographicis notatae sunt, nume-



rentur ab A, versus B, latitudines vero i B, versus C, ut paralleli latitudinum australium intra Aequatorem describantur, quemadmodum prius paralleli latitudinum borealium. Idquod ad finem libri 2. monuimus.

8. STELLARVM fixarum distantiae eadem prorsus ratione intelligantur. Si namque in Astrolabio inveniuntur loca quarumlibet duarum stellarum propofitarum, ut lib. 2. propof. 11. Num. 2. 3. & 4. docuimus, & per ea loca circulus maximus describitur, cognoscemus magnitudinem arcus illius inter eadem loca interiecti, per radios ex eius polo per extrema puncta, hoc est, per eadem illa loca emissos. Vel si in recta, quae a stella remotiori a centro Astrolabij per centrum ducitur, punctum reperiatur eidem stellae remotiori oppositum, cognosce-

20thoria loci
duo australis lo-
ca, qui poſto ex
oppositis locis
borealis aequa-
ntis ſit.

21thoria duo-
rum ſtellarum
remotioris a cen-
tro.

cognoscemus arcum, cuius chorda est recta inter easdem stellas collocata, vt lib. 2. propof. 18. Num. 3. tradidimus, atque paulo ante exemplum etiam pofitum est Num. 5. de recta PI, & Num. 4. de recta HI. Denique ficut duorum locorum in terra, ita quoque distantia duarum stellarum in caelo, ficutum loca in Afrolabio reperiantur, vt propof. 11. lib. 2. tradidimus, inquirenda est.

S E D vt facilius fitus stellarum reperiamus pro earum distantis eruentis, ftatuemus in figura huius Canonis circulum ABCD, non esse Aequatorem, fed Eclipticam, eiusque polum boreale E, ita vt sphaera circulos deferibamus in plano Eclipticae ea forma, qua ex eius polo australi confpiciuntur. Ita. n. circuli longitudinum stellarum per polos Eclipticae tranfites proficiuntur in rectas lineas per centrum E, ductas; & paralleli eiusdem Eclipticae per stellas ducti in Afrolabio ex centro E, deferibentur, vt paralleli Aequatoris. Ex quo efficitur, locum cuiusvis stellae per eius longitudinem latitudinemque non fecus in Afrolabio reperiri poffe; ac fupra locus quicumque terrae in eodem inuentus fuit. Nam fi v.g. stella quaequam habeat longitudinem à prima stella Arietis grad. 60. & latitudinem borealem grad. 30. numerabimus eius longitudinem ab A, versus B, vsque ad P. Recta enim PE, erit eius longitudinis circulus; Deinde eiusdem latitudinem boream fupputabimus à B, vsque in L, vt per radium AL, refecetur femidiameter EM, paralleli per stellam tranfientis. Hic enim parallelus ex E, per M, defcripfit, fecabit PE, in P, loco stellae. Eadem ratione reperietur I, locus stellae longitudinem à prima stella Arietis habentis grad. 150. & latitudinem borealem grad. 60. & fic de ceteris.

I G I T V R distantia stella P, à stella I, reperietur perinde, ac si P. & I, loca effent in terra defcripta. Quid fi duarum stellarum altera habeat latitudinē australem, reperiemus distantiam inter eius punctum oppositum, & alteram stellam borealem, eique ex femicirculo auferemus, vt distantia inter duas illas stellas reliqua fiat: quemadmodum fupra de duobus locis terrae, quorum vnus borealis fit, & australis alter, diximus. Habebit autem punctum, quod stellae latitudinis australis opponitur, aequalem latitudinem borealem, longitudinem autem eam, quae conflatur vel ex additione femicirculi ad longitudinem australem stellae, vel quae relinquitur post defectionem femicirculi, si dectahi potest, vt de locis terrae Num. 7. dictum est. Sic etiam si offerantur duae stellae latitudinē australem, indagabimus distantiam duorum punctorum oppositorum. Haec enim aequalis erit distantiae inter oblatas duas stellas.

V E R V M in scholio Canonis 22. distantiam eandem inuestigabimus, etiam alter locorum, vel altera stellarum australis fit; vbi nimirum, quo pacto ex datis duobus trianguli sphaerici lateribus, cum angulo ab eis comprehenso, tertium latus in Afrolabio sine calculo finium eruat, docebamus ita vt necesse non fit accipere locum per diametrum loco, vel stellae australi oppositum.

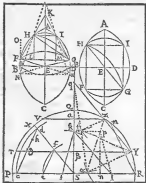
Quando alter locus, vel stella australis est, eandem distantiam locorum, quod fuit per punctum oppositum australem, non accipimus.

S C H O L I V M.

1. P R A E T E R modum illum Francisci Maurolyci Abbatis, distantia duorum quorumlibet locorum ex Analemmate inuestiganda, quem in cap. 2. fpherae, cum de offitio Meridiani circuli ageremus, exposuimus, & demonstrationibus confirmamus Geometricis: qui quidem modus facillimus est, atque exquisitissimus: afferemus hoc loco alios duos aquo fore faciles, quos Petrus Nonius lib. 2. de Navigarione cap. 22. inueniat. Sed vt priores demonstramus, ostendendum primum est, chordas arcuum duo-

Distantiam duorum locorum in Analemma latitudo, non per punctum.

rum parallelorum inter duos Meridianos parallelos esse, ac proximè cum chordis arcu-
 aequalium eorundem Meridianorum, qui prædicti paralleli abscindunt, consistere qua-
 dri laterato figuram in uno plano existentem. Secus namque si tunc duo Meridiani
 ABC , ADC , in polo A , C , & recta BD , chorda sit arcus Aequatoris inter eos Me-
 ridianos, et FG , HI , chorda arcuum parallelorum inter eosdem, & FH , GI , chorda
 arcuum aequalium, quos paralleli abscindunt. Arcus enim FH , GI , aequales esse, per-
 spicuum est. Dico HI , FG , parallelos esse, &c. Sit enim axis AC , & centrum sphae-
 ra E ; & sumpto arcu BN , arcui BE , aequali, iungatur recta FN ; & quoniam reliquæ
 arcus quadrantum FA , NC , aequales quoque sunt, erunt ex scholio propo. 27. lib. 3.
 Rectæ AC , FN , parallela. Igitur, ducta semidiametro sphaera FE , anguli AEF , EFO ,
 duobus rectis aequales sunt, idcirco, AEF , EFH , duobus rectis minores. Cōcurrunt ergo re-
 ctæ EA , FH , extra sphaeram in K . Eadem ratione ostendes, rectam GI , cum eodem
 axis EA , productis convenire in
 aliquo puncto, quod nec esse idem
 punctum K . Nam ducta semi-
 diametro sphaera GE , & erunt
 anguli AEF , AEG , ad cen-
 trum insistentes arcibus aequa-
 libus AF , AG , aequales, necnon
 & anguli EFH , EGI , ad cir-
 cumferentias insistentes quocum-
 que arcibus aequalibus, qui nimirum
 relinquantur, si arcus aequa-
 les FH , GI , detrahantur ex se
 micirculis Meridianorum, quos
 semidiametri FE , GE , produ-
 ctæ auferunt. Cum ergo & line-
 ra EF , GE , illæ adiacentia sint
 aequales, & erunt etiam reliqua
 latera FK , EK , trianguli EFK ,
 aequales reliquis lateribus trian-
 guli, cuius basis GE , & latera,
 rectæ à puncto E , per A , & a & b
 EG , per I , usque ad eorum ex-
 cursum extensis. Igitur EA ,
 GI , concurrunt in K , quando-
 quidem latera EK , trianguli



EFK , aequalis est lateri alterius trianguli ab E , usque ad eorumsum rectarum EA ,
 GI . Triangulum ergo est EFG , & ac proximè in uno plano; idcirco qui & rectæ FG , HI ,
 in uno plano erunt, necnon in plano trianguli EFG . Ex quo ostenditur, rectam rectas
 FG , HI , esse parallelas, utmirum & communiter sectantes in plano $EGLH$, factas a planis
 parallelorum Aequatoris, quæ parallela sunt, quod etiam ita ostenditur. Quoniam rectæ
 poli KFG , latera aequalia KF , KG , proportionaliter secta sunt, & cum aequales sint
 chordæ FH , GI , ac præterea & reliquæ rectæ HK , IK , erunt FG , HI , parallela.

EAD & EL prius demonstratus erit, si paralleli, quorum chordæ FG , HI , perfer-
 diuntur per polos vergant, dummodo non aequaliter ab Aequatore distent. Ut si parallelus
 v.g. australis chorda sit NU , & borealis MI , minisque distet punctum N , à puncto B ,
 quantum punctum H , sumpto arcu BF , aequali est BN , erunt rursus ex scholio propo. 27.
 lib. 3. Rectæ FN , AC , parallela, & arcus aequales AF , CN . Illa ergo semidiametra

in sphaera NE , erūt duo anguli AEN , ENF , duobus reſtiſ equaliter; ac proinde duo AEN , ENH , duobus reſtiſ minores; adeoque concurrēt E , A , NH , verſus H . Pari ratione N , cum E , A , concurrēt, atque adeo in eodem puncto cum reſta NH , propter triangula equalia. Nam & hic tam anguli AEN , AEm , ad centrum inſiſſentes arcubus equalibus AN , Am , equaliter ſunt, quam anguli ENH , ENa , inſiſſentes ad circumferentias equalibus arcubus, qui reliquuntur, ſcilicet arcus equaliter NH , Nl , detrabantur ex ſemicirculis Meridianorum à ſemidiametris NE , NE , productis abſiſſentibus. &c.

$QVOD$ ſi parallelus per Nu , ductus diſtat magis ab Aequatore per BD , ducto, quam parallelus per HI , ductus, citius reſta HN , in, cum axe AC , verſus C , producta.

SI vero parallelus per FG , HI , ducti equalibus ſpatiis ab Aequatore per BD , ducto abſiſſit, ut in ſecunda figura, oſtendimus $HFGI$, eſſe parallelogrammum reſtiſ angulum in uno plano exiſtens. Erunt enim tam reſtae HF , AC , parallelae, ob arcus equaliter AH , GF , quam reſtae IG , AC , ob equaliter arcus AI , CG ex ſibiloſo propoſ. 27. lib. 3. Eucl., atque idcirco & HF , IG , inter ſe parallelae erunt, atque ob id in uno plano; ideoque & HI , FG , in eodem cum iſſis plano; & quidem inter ſe parallelae, cum ſint communes ſectiōnes in plano $HFGI$, facta à planis parallelis parallelorum Aequatoris; vel quia coniungunt reſtas HF , IG , parallelas, quae equaliter ſunt, propter equalitatem arcuum FH , GI . Parallelogrammum ergo eſt $HFGI$, in uno exiſtens plano. Et quoniam axis AC , ad plana parallelorum per FG , HI , ductorum reſtus eſt, utriusque per eorum centra, & per centrum ſphaerae; erunt quoque axi parallelae HF , IG , ad eandem plani perpendiculariter; ideoque & ad reſtas FG , HI , in iſdem planis exiſtentes, ex deſign. 3. lib. 11. Eucl. perpendiculariter erunt. Parallelogrammum ergo $HFGI$, reſtiſ angulum eſt.

2. HIS demonſtratis, hac ratione diſtantiā unius loci ab altero inſeſtigabimus. Sit Meridianus PQR , & per PR , diameter Aequatoris; axis mundi QS ; ſineque primum ab loco vel borealis, vel australis, & unius latitudo ſit PT , grad. 30. & alterius PV , grad. 60. Diametri quoque parallelorum per antea ductorum ſit IT , VZ ; ac differentia longitudinum PX , hoc eſt, arcus PX , equalis ſit arcui Aequatoris inter Meridianos locorum poſito, continentque v. g. grad. 30. Quando hac differentia ſemicircule maior eſt, accipiendum eſt eius complementum ad integrum circumulum; ut ſi continent grad. 30. accipiendi ſunt grad. 30. pro differentia longitudinum, vel poſitione pro arcu Aequatoris inter Meridianos per data loca deſcriptos intercepit. Ducta autem reſta SX , deſcribatur ex centro S , ad intervalum alterutrius ſemidiametrorum ST , SV , ad intervalum v. g. ſemidiametri ST , arcus cd , qui quoniam ſimilis eſt arcui PX , equalis erit arcui paralleli diametri IT , inter duos Meridianos datorum locorum interſeſto, & iuncta reſta cd , ſimilis arcus chorda erit. Si differentia longitudinum quādamē minor eſſet, numerum arcus SX , deſcribendus eſſet arcus paralleli à ſemidiametro ST , uſque ad reſtam SX , reſtaque à puncto d , uſque ad interſeſſentem parallelis cum ſemidiametro ST , ducta, ſeriet chorda arcus paralleli inter Meridianos poſiti. Poſt hac per puncta T , V , vel (ut hic factum eſt) per puncta T , Z , ducta reſta ſecante axem QS , productum in q , deſcribatur ex T , ad intervalum chorda cd , arcus, quoniam in a , ſicut alius arcus ex q , ad intervalum qT , deſcriptus, iungaturque reſta aZ , quam dico eſſe chordam arcus diſtantiā locorum qua ſitam motutur; adeo ut applicata reſta Bm , equali iſſi aZ , arcus Bm , diſtāā diſtantiā motutur. Quo nam cum axis QS , reſtus eſt ad planum paralleli diametri IT , in eius centro, erit ex deſign. 3. lib. 11. Eucl. omnes anguli, quos cum ſemidiametris facit, reſtiſ. Igitur duo latera qB , qT , trianguli qBT , equalia ſunt duobus lateribus trianguli cuiuſlibet, cuius unum latus eſt qB , & alterum ſemidiameter quacunque paralleli ex B , egrediamur. Cum

a 19. primi.

b, 27. terſij.

c 9. undec.

d 7. undec.

e 16. undec.

f 33. primi.

g 29. terſij.

h 10. 1.

T hinc.

i 8. undec.

Atque utrumque
Boreum locum
ex Aequatore
interſeſto.

k 10. 1.

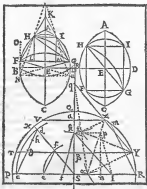
T hinc.

§ 4. primi.

ergo & angulos continentes aequales; utroque rectus, ut ostensum est; erunt quoque basis aequales, nimirum qT , & recta ex q , ad circumferentiam usque paralleli ducta, hoc est, ad punctum, quod semidiametrum paralleli pro latere posterioris trianguli sumptam terminat. Eademque ratione ostenduntur omnes rectae ex q , ad eandem circumferentiam emissae, eidem qT , & inter se proinde aequales. Quocirca si tri angulum qAT , incipiat moveri circa qT , cadet eundem punctum a , propter aequalitatem rellanguli qaT , in circumferentiam paralleli, & $Y a$, chorda erit arcum eiusdem paralleli inter duos Meridianos locorum praepositorum subsecutens; propterea quod ipsi ca , sumpta sunt a qualis; ac proinde a , vertex erit loci, per quod parallelus diametri TT , ducitur. Cum ergo Z , sit vertex alterius loci, erit aZ , chorda arcus distantiam utrius loci ab altero metientis.

P A R I ratione, si ad intervalum semidiametri, aV , arcus af , describatur, & ad intervalum chorda af , ex Z , arcus delineetur, quem secet in t , alius arcus ex q , ad intervalum qZ , descriptus, erit ductus Y , chorda eiusdem distantia; propterea quod circumductis triangulo qZ , circa qZ , punctum t , in verticem loci, per quem parallelus diametri VZ , ducitur, cadit, &c.

Q U O D si locorum unus in boream, & alter in austrum vergat, si quidem latitudines inaequales sint, transfigabitur eodem prorsus modo eorum distantia. Nam tunc quoque recta per duo puncta intersectum utrius Meridiani cum diametro parallelorum intersecta concurret cum axe producto versus parallelum loci maioris latitudinis, ut in prima figura patet de locis, quorum latitudines fuerunt BH , BN , &c.



Si vero latitudines eorundem locorum fuerint aequales, efficiunt chorda duorum Meridianorum inter parallelos locorum cum chordis parallelorum inter eosdem Meridianos parallelogrammum rellangulum, ut in secunda figura est factum fuit. Quare si triangulum rellangulum construat, cuius unum latens circa angulum rellangum aequale sit chorda arcus Meridiani ex duobus

latitudinibus aequalibus constati, alterum vero chorda alterutrius parallelorum inter duos Meridianos; (qua chorda reperietur ex differentia longitudinum, ut chorda $c d$, in tertia figura inuenta fuit ex differentia longitudinum PX ,) dabit latus recte angulo oppositum, quale in 2. figura est recta GH , chordam distantiam quae sit in circulo maxime.

D E M I Q U E si duo loci versus eundem polum vergant, eandemque habeant latitudinem, erit chorda arcus paralleli inter duos Meridianos, chorda quae sit distantia in maximo circulo.

3. C A E T E R V M quia non semper recta per extrema puncta diametrorum parallelorum, qualis fuit recta YZ , commode axem productum intersectat, si d. interduum minus precui, atque adeo minus obliquus, commodius agimus, si in plano quadrilaterum $FGIH$, vel $KulH$, prima vel secunda figura, aut potius triangulum HFG , describamus, quod sic fiat. Quondam demum ex H . 1, ad FG , perpendicularibus HL , LM , latera opposita HI , LM , & HL , LM , in parallelogrammo rectangulo HM , aequalia sunt, & sunt autem & FH , GI , chorda aequalium arcuum Meridianorum aequaliter, ac proinde tam quadratum ex FH , quadratum ex HL , LF , quam quadratum ex GI , quadratum ex LM , MG , aequale: erit quoque quadratum ex L . F , quadratum ex M . G , aequale, ideoque & recta FL , GM , aequales erunt, ac proinde utraque erit semisui differentia rectarum FG , HI . Quoties si fiat angulus rectus, qualis est QSR , in tertia figura, & descriptus ex centro S , arcibus cd , ef , ad intervallum semidiametrorum ST , a V , ita ut recta cd , ef , sint chorda parallelorum inter Meridianum, accipiantur chorda ef , aequalis cg , & reliqua gd , bisariam facietur in b , ut gb , vel bd , semisui sit differentia cd , rectarum cd , ef , sumemus Sa , qf , gh , vel bd , aequalem, atque ex a , ad intervallum TV , vel YZ , chorda nimirum arcus Meridiani inter duos parallelas positi, arcum delineabimus facientem QS , in k . Nam si recta ul , aequalis sumatur chorda cd , manens paralleli, erit distantia locorum quatuor, propterea quod triangulum kul , refertur utriusque triangulum HFG , cum iz , semisui differentia chordarum parallelorum cd , ef , respondeat qf FL , semisui differentia chordarum HI , FG , in prima figura, & recta de , chorda FH , & perpendicularis KS , perpendiculari HL : adeo ut, sumpta la , aequalis qf is , utriusque perpendiculari up , qf Sk , aequali, utriusque rectae k . p , ul , trapezium k . lp , respondeat trapezio $HFGI$, in prima figura, vel trapezio ca YZ , in tertia figura.

a 34. primi.
b a 9. terti.
c 47. primi.

Alia recta inter
medea distantiam
duorum locorum.

4. P O S T R E M O distantiam duorum locorum versus eundem poli vergentium hoc alio modo explorare licebit. Sit in sequenti Meridianus ABC , cuius centrum D , primus locus sub vertice A , & sit Horizontis diameter BC , cuius centrum E , Aequatoris diameter FG , Latitudinis secundi loci GH , vel FI , & paralleli Aequantis per eundem locum diameter HI , circa quam paralleli semicirculus descriptus sit HKI . Numerata autem differentia longitudinum ab I , usque ad E , sunt ea minor sit quadrante, sine rector, semicirculo tamen non maior, (Quando enim differentia longitudinum semicirculo maior est, accipimus erit tra ea arcus qui, detracta longitudinem differentia ex integro circulo, reliquaerur) demittatur ad HI , perpendicularis KL , sicuti videlicet rectus differentia longitudinum: ex quo sit, rectam LI , esse sinum versum eiusdem differentie. Ducta tandem per L , qf BC , diametrum Horizontis primi loci parallela MN , dico arcum AM , vel AN , distantiam laterum locorum nostri. Si namque semicirculus HKI , concipiamus circa HI , moveri, donec rectus sit ad planum Meridiani ABC , ac proinde recta KL , ad idem planum perpendicularis sit, ut desin. 4 lib. 11. Encl. videtur punctum K , in verticem secundi loci, cum parallelus Aequantis HKI , per eundem verticem transierit in es sin. & arcus IK , sit intervallum duorum Meridianorum. Igitur si per rectas KL , MN , intelligatur dicti planum, ⁴ sita erit illud visibilia circulus per verticem E , secundi loci transcurrentem, cum poli A , atque adeo ex scholio prop. 18 lib. 11. Encl. Horizontis primi loci, cuius diameter BC , sit per aliam, cum tam hic circulus, quam Horizon distans ad Meridianum ABC , rectus sit, & communes erunt cum Meridiano eodem semicirculus MN , BC , parallela. Cum ergo ex definitione poli, poli A , aequaliter distet ab omnibus punctis circumferentiae diametri MN , sitque recta inter A , & K , (existente KL , ad Meridianum ABC , perpendiculari) chorda distantia locorum, erit quoque arcus AM , vel AN , distantia duorum locorum.

Alia recta semper
distantiam duorum
locorum, vel au-
turalis.

d 10. l.
Theod.

E A N D E M distantiam reperietur, etiam si parallelam MN, non ducas. Nam si interuallo LA, et recta HI, aequalis abscindas rectam LR, versus quancunque par-

tem, erit ducta recta RK, abso-
luta quæ sita distantia. Si namq;
ad unumquem AL, perpendiculari-
tem exieris LQ, ipsi LK, aequa-
lem, erit recta ducta AQ, abso-
luta eius distantia, cum, circum-
ducto triangulo ALQ, circa
AL, donec recta sit ad Meri-
dianum ABC, positum Q, in
verticem secundi loci cadat.
Quæ ergo recta AQ, recta RK,
æqualis sit, propterea quod latera
AL, LQ, lateribus RL,
LK, æqualia sunt, anguloque
coniuncti æquales, utpote re-
cto, erit quoque RK, chorda di-
stantia quæsita.

QVO D si quando acciderit,
perpendicularem KL, cadere in
S, interseccionem rectarum BC,
HI, erit laterum distantia qua-
drupli AB, vel AC, æqualis,
propterea quod tunc parallela
MN, à diametro BC, non dis-
sert.

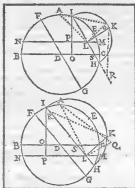
Si C etiam quando duo loci propositi eandem habent latitudinem, id est, quando
recta HI, in punctum A, cadit, chorda differentia longitudinum in parallelo HKI,
subtendens in Meridiano ABC, arcum distantia laterum.

7. QUA N D O unus locus borealis est, et aliter australis, inquirenda erit
distantia inter ab eorundem locorum, et locus alteri per diametrum oppositam, sumen-
do pro longitudinum differentia (quando iam reducta est ad arcum semicirculi mino-
rem, ut Num. 4. dictum est.) id, quod reliquatur, detracta differentia longitudinum
ex semicirculo. Nam tantum distantia ex semicirculo decepta, reliquet distantiam
quæsitam, uti supra Num. 7. hucus Cactus dictum est.

6. I A M per singulos calculum prædictam locorum distantiam indagabimus hoc
modo. Reperatur prima figura huius scholii, ubi in prioribus duabus descriptionibus pri-
mus locus ponatur in H, ita ut eius latitudo sit BH, et eundem complementum AH;
secundus autem locus sit in G, minor borealis, quam primus, vel etiam australis, ut in
2. descriptione; et differentia longitudinum sit angulus BAD, seu arcus Aequatoris,
aut paralleli per alternitatem locorum ducti, inter duos Meridianos ABC, ADC, inter-
ceptus, si semicirculus minor est. Nam si semicirculum superat, accipiendus est angulus,
vel arcus, qui cum illo totum circulum complet, intelligatur autem per duo loca H, G,
descriptus arcus ex altiori circuli HG, eorum distantiam sectionis, cuius magnitudinem
sit reperimus. In triangulo sphaerico AHG, duo latera AH, AG, data sunt, cum sit
complementum latitudinum, quando uterque locus borealis est, vel abstrahit, sumptis
puncto A, pro polo arctico, quando uterque est borealis, pro polo vero antarctico, quan-
do uterque est australis, At quando unus locus borealis est, minimus H, et aliter G, au-
stralis,

Quantitas remanens
 est borealis est,
 Borealis australis.

Locusi distantia
 per diametrum
 oppositam.



Realis, erit quidem AH, complementum latitudinis loci borealis, sed AG, arcus erit ex quadrante AD, & latitudinis australis DG, cōpositus. Est insuper angulus HAG, à duobus lateribus comprehensus, notus, cum sit differentia longitudinum, vel certe id quod superest, detracta ex toto circulo. Igitur per problema 22. triang.

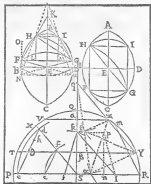
spbar. volumi Lemmatis tertii latitHG, inueniemus hoc modo.

Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis loci minus borealis, ita sinus complementi latitudinis loci borealis ad aliquid; gigneturque quartus quidam numerus. Si igitur rursus fiat, ut sinus totus ad quartū hūc numerum inuentum, ita sinus versus anguli HAG, differentie longitudinum, ad aliud; procreabitur differentia inter sinū versus arcus, quo data duo latera AH, AG, inter se differunt, & sinū versus tertii arcus HG, qui queritur. Hac differentia adiecta ad sinum versus arcus, quo data latera inter se differunt, censietur sinum versus arcus HG, qui scilicet.

QUANDO latitudines locorum aequales sunt, ita ut triangulum fiat isosceles AFG, vel AHI, si per 1. modū problematis 1. triang. spbar. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis alterutrius loci; ita sinus semisus anguli dati ad aliud: producet sine semisus lateris quaesiti FG, vel HI. Inuenta ergo eius semisse, totum latus cognoscetur.

ALITER. Reperatur secunda figura huius sphaeræ, in qua Meridianus ABC, circa centrum D; primi loci vertex A, & Horizontis diameter BC; Polus mundi E, Aequatorique diameter EG; Latitudo secundi loci GH, vel FI, & paralleli Aequatoris per eius vertex duobus diameter HI, circa quam semicirculus paralleli describitur HKI. Numerata autem longitudinum differentia ex I, usque ad K, si semicirculus minor est, (Nam si maior est semicirculus, numerandum est eius complementum, quod relinquitur, ea detracta ex toto circulo, ut Num. 4. diximus.) demittatur ex K, ad HI, perpendicularis KL, ac per L, diametro Horizontis BC, primus loci parallela agatur MN. Et quoniam si semicirculus HKI, concipitur numeri circa HI, donec rediat per ad Meridianum, punctum K, in vertice secundi loci caelo, cum IK, differentia sit longitudinum inter duos Meridianos; erit MN, diameter paralleli Horizontis primi loci, qui per vertex secundi loci K, ducitur. Cum ergo omnia puncta huius paralleli aequaliter à polo suo A, abfint, erit arcus AM, vel AN, aequalis arcui inter duos loca A, K, (semicirculo HKI, existente recta ad Meridianum) intercepto; quem hoc modo expicabimus. Ducta ex I, ad BC, perpendiculari IO, secante MN, in P; erit IO, sinus arcus CI, in primo circulo, vel arcus BI, in circulo secundo, qui comple-

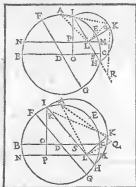
RITE 2. momentum



mentum est arcus AI , differentia latitudinum duorum locorum, cum primi loci latitudo sit AP , & IP , secunda.

ITAQUE quoniam per Lemma 1. est, ut sinus totius Aequatoris ad sinum totius parallelis PH , hoc est, ad sinum complementi latitudinis secundi loci, ita sinus versus differentie longitudinum in Aequatore numerata ad IL , sinum versum differentie eorundem longitudinum in parallelis HK , numerata, ad IL , quoniam, in eisdem partibus circuli maximo, in quibus sinus totius parallelis, sinus est complementi latitudinis

secundi loci: Item per propo. 1. nostrorum triang. rectil. in triangu. rectangulo IPL , est, ut sinus totius recti anguli P , ad sinum anguli L , complementi latitudinis primi loci, complementum enim latitudinis primi loci est arcus BE , cuius angulus EDF , aequalis est uterque DHI , & hoc similiter aequalis exteriori ILP , ut ad IL , in partibus sinus totius maximo circuli BE , ad IP , in eisdem partibus, & ponatur eadem proportio ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci, quae ex proportionibus sinus versus differentie longitudinum ad IL , & IL , ad IP , (faciendo semper bases sinus in partibus sinus totius in maximo circulo) item haec com-



mentibus sint aequales. Componitur autem proportio sinus versus differentie longitudinum ad IP , ex proportionibus eisdem sinus versus ad IL , & IL , ad IP igitur eadem proportio sinus versus differentie longitudinum ad IP , componitur ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci. Cum ergo in his eisdem duobus proportionibus componatur quoque proportio quadrati sinus totius, hoc est, rectangulum sub sinus toto, & sinus toto comprehensum ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum datorum locorum contentum, prout eadem proportio quadrati sinus totius ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum locorum datorum contentum, quae sinus versus differentie longitudinum ad IP .

QUAMOBREM, si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum locorum propositorum, ita sinus versus differentie longitudinum ad aliud, procreabitur recta IP , quam argumentum distantiae locorum appellabimus, cum per eam ipsa distantia eliciatur. Quando enim argumentum IP , inuentum fuerit aequale rectae IO , hoc est, sinui complementi differentie latitudinum, ita ut parallelis MN , à diametro BC , non distaret, complederetur distantia locorum quadrans AB , vel AC . Quando autem

IP , ar-

a 29. primi.

b 23. secundi.

ad latitudinem di
stantiae locorum
per argumentum ..

IP, argumentum deprehensum fuerit minus, quam IO, sinus complementi differentie latitudinum, ut in primo circulo; detractio illo ex hoc, reliquus fiet PO, sinus arcus CM, qui complementum est distantie locorum AM, vel AN. Quando denique argumentum IP, maius fuerit inuentum, quam IO, sinus complementi differentie latitudinum, ut in 2. circulo; detractio hoc ex illo, reliquus fiet OP, sinus arcus CM, qui ad quadrantem AC, additus, distantiam locorum AM, conficit. *Atque hoc modo semper reperitur distantia duorum locorum, si utrovisque latitudo borea est, vel australis.*

Quod ANDO autem unius latitudo borea est, & alterius australis, inmensuranda est distantia inter locum borealem, & locum, qui australi opponitur. Hæc enim ex semicirculo dempta reliquam faciet distantiam quæsitam, ut Num. 5. dictum est.

Quod D si eadem fuerit utriusque loci latitudo, ita ut punctum I, in A, cadat, distantiam iam supra fuit, quo pacto per triangula spherica invenitur error distantie quæ tamen ex eadem hac figura 2. indagabimus hoc modo. Quoniam enim tunc sinus versus IL, differentia longitudinum in parallelo secundi loci numerata, chorda est distantia, reperiemus sinus versus IL, in partibus sinus totius circuli maximo hac ratione. Fiat ut sinus totus Aequatoris ad sinum totum paralleli HKI, id est, ad sinum complementi latitudinis secundi, vel primi loci, (quia eadem ponitur utriusque loci latitudo) ita sinus versus differentie longitudinum in Aequatore numeratus, ad aliud. Producentur enim IL, sinus versus dictæ differentie in partibus sinus totius circuli maximi: cum per Lemma 5. eadem sit proportio sinus totius ad sinum totum, quæ sinus verti ad sinum versus.

PORRO argumentum IP, cognitum fiet quoque hac alia ratione. Fiat ut sinus totus IL, ad IP, sinum anguli ILP, complementi latitudinis primi loci, (Nam posito sinu toto IL, recta IP, sinus est anguli ILP, ut in sinuum tractatio ne diximus.) ita IL, sinus versus differentie longitudinum, ad aliud. Producentur enim numerus dabit rectam IP, in partibus sinus totius paralleli HKI, in quibus IL, data fuit. Rursus fiat, ut sinus totus paralleli HKI, ad seipsum, quatenus sinus est complementi latitudinis secundi loci in circulo maximo, ita IP, cognita in partibus sinus totius eiusdem paralleli, ad aliud. Producentur enim IP, in partibus eiusdem sinus totius in circulo maximo, in quibus sinus complementi latitudinis secundi loci sumptus est.

NON minus accurate eandem locorum distantiam per numeros explorabimus in priori figura huius scholij, si prius duos errores quarundam in hac distantia intelligenda detexerit. Sicut enim attulit, in ter quos est Apollonius in sua Cosmographia, & Ioan. Strophilius in Astrolabio, qui, quando duo loci differunt sola longitudine, hoc est, sub eodem parallelo sunt sita, docuit, erroris distantiam inveniunt esse, cum arcus illius paralleli inter duos Meridianos positus in gradus maximæ circuli commemoratur: de qua coniectura paulo inferiori dicemus. Sed hallucinantur: quia hæc ratio inveniunt distantiam in arcu paralleli ad gradus maximæ circuli reducta; qui arcus maior est, arcu circuli maximæ per eadem loca descriptæ, ut alibi demonstravimus, qui quidem arcus circuli maximæ veram locorum distantiam metitur. Deinde fuit alij, qui duorum locorum sub duobus Meridianis, ne paralleli collocarentur distantiam inveniunt per triangulum recti angulum, cum unum latus arcu angulum rectum est arcus Meridiani ab loci bore alterius inter duos parallelos positus; alterum vero, arcus paralleli loci minus borealis inter duos Meridianos inclusus (quod tamen improprie dicitur, cum arcus paralleli non sua constituta triangulum si hancem, etiam si ad gradus maximæ circuli reuocetur.) tertium denique latus, sine basi, est arcus maximæ circuli per data duo loca descriptæ. Huiusmodi triangulum est in prima descriptum, & secunda prima fi-

*Remotio esse ut
gaucet, distan-
tia locorum.*

*Etiam quæda-
m in d. locum
locorum inueni-
unda.*

figura

gura huius *sebeli*, HFG, ex tribus arcibus constans. Sumunt namque hoc triangu-
lum, utinde ac si rectilineum esset, atque ita rectificationem. ^a Duo quadrata arcuum
H F, F G, ac si recta essent linea, sunt simul sumpta quadrato arcus H G, tanquam linea
recta, aequalia. Igitur si summa illorum duorum quadratorum radix quadrata extra-
hatur, dabit ex magnitudinem arcus H G, tanquam linea recta. Ceterum hoc qua-
dratum modo in loco parum inter se distantibus, praesertim iuxta Aequatorem, distantia
eius erroris nihil momenti invenitur, ac in locis, quarum distantia non exigua
est, non item. Quare alia via tenenda est.

Methodus Tercia
in altitudine loco
non inveniendi.

b 29. primi.
c 47. primi.

IO A N N E S igitur Venerabilis Norimbergensis ita rem exequitur. Reducit chor-
dæ H L, F G, arcuum parallelorum, differentiam longitudinum meridianarum ad partes
diametri maximæ circuli, ut paulo inferius docebitur, decemque ex H, I, ad rectam
F G, perpendicularis H L, I M. Et quia quadrata rectarum H F, I G, ^b quæ ob æquales
arcus Meridianorum æquales sunt, æquales existunt, ^c et quæ quadratum rectæ H F,
quadratum rectarum H L, I F, et quadratum rectæ I G, quadratum rectarum I M, M G,
æquale, erunt quoque illa duo quadrata his duobus æqualia. Ablatum ergo æquale
quadratum rectarum H L, I M, a quæ æquales sunt, ob parallelogrammum H L M I, (cuius
sum enim est Num. 1. chordæ H L, F G, parallela esse. Cui ergo et H L, I M, parallela
sint, ob rectos angulos L, M, parallelogrammum erit H L M I) erunt quoque reliqua qua-
drata rectarum F L, G M, ac prout et ipsæ rectæ, æqualia. Cuius ergo H L, ipsæ L M,
æquales sint, erit summa rectarum F L, G M, differentia chordarum H L, F G, et iam F L,
quæ M G, semel sum confusa differentia. Est autem ea differentia cognita, quod et chorda
fuit nota. Igitur et semel sum cognita eruntque prout L G, et M G semel sum differentia, et
L M, chordæ minoræ oblatæ cognita erit. Sed et H L, cognita sit. Ablatum enim quadra-
ta rectæ F L, nota, ex quadrato rectæ H F, nota, reliquum erit quadratum rectæ H L, no-
tum. Si ergo quadrata rectarum H L, L G, cognitarum in unam redigatur summam,
notum sit quadratum rectæ H G, ac propterea eius radix quadrata chordam distan-
tia locorum, quæ sit exhibebit. Sed quæ in hoc modo nimis multa sunt multiplicationes,
atque operatio, præceditur cum Petro Nennio longe facilius, hoc sollicit ratione.

g 6. secundi.

R E D U C T I O chordæ H L, F G, ad partes diametri circuli maximæ, cogitur
differentia earum scilicet bisariam in partes F I, G M, et; addita in rectam rectæ L M,
vel chordæ minoræ H L. Igitur rectangulum sub recta F G, et addita L M, vel chordæ
minore H L, una cum quadrato semel sum differentia F L, æquale erit quadratum rectæ L G,
composita ex semel sum altera G M, et addita L M. Addit ergo conveniunt quadrato rectæ
H L, erit rectangulum sub F G, H I, (sumitur iam H I, per L M.) una cum quadra-
ta rectarum F L, L H, ^b hoc est, una cum quadrato rectæ F H, æquale quadrato re-
ctarum G L, L H, ^c hoc est, quadrato rectæ H G. ppuale. Quocirca et rectangulum sub
chordis H L, F G, reuocatis ad partes diametri circuli maximæ contentum, et qua-
dratum chordæ F H, arcum Meridiani inter duos parallelos subtendens, in
unam summam colliguntur, et erit quadratum chordæ H G, distantiam que-
sitam subtendens, ideoque radix quadrata huius quadrati ipsam chordam ef-
fectus cognitam. Arcus porro Meridiani inter duos parallelos, quando uterque locus
est borealis, aut australis, est differentia latitudinum; quando vero unus in boream, et
in austrum alter vergit, ex duabus latitudinibus constat.

h 47. primi.
i 47. primi.

Methodus Petri 2da
in latitudine loco
non inveniendi.

Q U A N D O duo loci æquales habent latitudines, sed unus in boream vergit, et
alter in austrum, ut in 2. descriptio huius figura, facilius distantia H G, reperitur. Quo-
modo enim, ut Num. 1. demonstravimus, parallelogrammum rectangulum est H I G F,
erit triangulum H F G, rectangulum, ^b idemque quadratum rectarum H F, F G, quadra-
tum rectæ H G, æquale erit. Cum ergo duo illa sint cognita, quod et latera sint nota, est
aperta H F, chordæ arcus Meridiani inter duos parallelos ex duabus latitudinibus H I,
F F, a qua-

k 47. primi.

EF, aequalibus confecti : at chorda FG, nota fit per reduktionem ad partes diametri circuli maximis, quæ quadratum rectæ HG, verum, &c.

I A M vero arcus cuiusvis paralleli declinationem habentis notam, ad gradus maximi circuli reduciatur hoc modo. Quoniam diametri circuli, & idcirco & semidiametri, eandem proportionem habent, quam arcum circumferentia, ut à Pappo demonstratum est, & à nobis quoque in Geometria Practica. Si fiat, ut sinus totus Aequatoris ad sinum complementi declinationis paralleli, hoc est, ad semidiametrum eius, ita gradus 360. Aequatoris ad aliud, produciatur numerus graduum maximi circuli, quibus gradus 360. paralleli æquivalent. Et quia arcus similes eandem habent cum totis circumferentiis proportionem, si fiat ut sinus totus ad sinum complementi declinationis paralleli, ita gradus in arcu Aequatoris BD, contenti, vel etiam unus gradus, ad est, 60. minuta, ad aliud, gignetur numerus graduum Aequatoris, vel Minutorum, quibus arcus paralleli HI, vel unus gradus, æquivaleret.

E A D E M facilitate reduciatur chorda cuiusvis arcus paralleli ad partes diametri circuli maximi. Si namque fiat, ut sinus totus paralleli, ad seipsum, quatenus sinus est complementi declinationis, ita chorda dati arcus ad aliud, procreabitur chorda in partibus diametri maximi circuli, in quibus sinus totus paralleli sinus est complementi declinationis, &c.

POSTREMO silencia prætere molo, quemadmodum ex secunda figura huius scilicet distantia duorum locorum inventa est, ut ex eadem reperiri posse, & quidem eodem modo, declinationem cuiusvis stellæ. Id quod ex Petro Nune demonstraturus nos recipimus in commentariis nostris in sphaeram. Repetatur ergo dicta 2. figura, in qua Coluro solstitiorum sit ABC, circa centrum D; diameter Aequatoris DC, cuiusque poli A; Ecliptica diameter FG, ita ut FA, sit latitudo poli mundi ab Ecliptica, tanquam primum loci: Deinde complentur per datam stellam dati dum circuli, unus parallelus Eclipticæ, cuius diameter HI, & alter parallelus Aequatoris, cuius diameter MN, utriusque IJ, sinus versus distantia stellæ à Coluro solstitiorum, & FI, eius latitudo, tanquam secundi loci. Ostendimus iam, ut supra, quadratum sinus totius ad rectangulum contentum sub sine maxime declinationis, (hoc est, sub sine complementi latitudinis primi loci A, quod æquale est maxime declinationi EF.) & sub sine complementi latitudinis stellæ, tanquam secundi loci, qui sinus est semidiameter paralleli latitudinis stellæ, cuius diameter HI) eandem habere proportionem, quam sinus versus distantia stellæ à Coluro solstitiorum in Ecliptica circumferentia habet ad rectam IP, quam lura deprende etiam passimus Argumentum declinationis stellæ. Quare si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sine maxime declinationis, & sub sine complementi latitudinis stellæ contentum, ita sinus versus longitudinis stellæ à Coluro solstitiorum inchoate ad aliud, produciatur IP, argumentum declinationis. Ex hoc argumento IP, ita declinationis stellæ NN, inveniemus. Quando argumentum IP, invenitur fuerit æquale sine complementi differentia inter maximam declinationem, & complementum latitudinis stellæ, (sine differentia inter complementum maxime declinationis, & latitudinem stellæ. Vtriusque enim differentia eadem est, cum inter EA, maximam declinationem, & EI, complementum latitudinis stellæ, differentia sit AL, eadem, quæ inter FA, complementum maxime declinationis, & FI, latitudinem stellæ.) hoc est, recta IO, ita ut diameter paralleli MN, à BC, non differat, carebit stellæ declinatione. Quando autem minus fuerit deprehensum, detracto eo ex IO, sine complementi prædictæ differentia, reliquum sit sinus OP, declinationis stellæ, iuxta de declinationem cum latitudine stellæ. Quando denique argumentum maius fuerit deprehensum sine IO, complementi differentia prædictæ, detracto hoc ex illo, resti-

243. quinti.

Rectæ circumferentia paralleli, et gradus circuli maximi.

Rectæ circumferentia paralleli ad partes maximi circuli maximi.

Argumentum de declinatione stellæ.

Declinatio stellæ, quæ posita est per commentum præcedentem, & in thesa. Canon. addita est.

quæ erit finis OP, declinationis stella, contraria denominationis cum latitudine stelle. Quæ de re consule propoſ. 6. libri Petri Navi de Crepusculis, ubi 6. figuræ omnium variationem complexus est.

LONGITUDO parte stella à Celaro solstitiorum numeranda est à principio ☉, si latitudo stella est borealis, & quidem secundum figurarum successum, si stella in se micirculo Ecliptica descendente existerit, contra vero, si in semicirculo ascendente: Eadem vero longitudo à principio ♊, numeranda est, stella latitudinem habente australem, & quidem secundum successum figurarum, si stella fuerit in semicirculo ascendente, contra vero, si in descendente semicirculo. Hac enim ratione erit sumpta stella longitudo semper semicirculo minor.

IDEM argumentum declinationis IP, supputabimus hac alia ratione. Fiat ut finis totus IL, ad IP. sinum anguli LP, maximæ declinationis, ita IL, sinus versus longitudinis stelle à Celaro solstitiorum, ad aliud. Productus enim numerus dabit rectæ ad IP, in partibus sinus totius paralleli HKI, in quibus IL, sinus versus prædictus datur. Rursus fiat, ut sinus totus paralleli HKI, ad seipsum, quatenus sinus est complementi latitudinis stelle in circulo maximo numeratæ, ita IP, proxime inventa ad aliud. Gignetur enim argumentum IP, in partibus sinus totius in circulo maximo, &c.

QVOD si stella teneat latitudinem, reperietur eius declinatio, si fiat ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantie stelle à proximo puncto æquinoctii ad aliud. Procreatur enim numerus, sinus erit declinationis quæsitæ. quæ admodum Solis declinationis numeratur, ut in scholio Can. 3. ad mirum Nam. 14. præfissimus.

CANON XVI.

ALTITVDINEM Solis supra quemlibet circum maximum, eiusque distantiam Horizontalem, singulis horis inuestigare.

DISTANTIAM Solis Horizontalem appellamus arcum cuiusvis circuli maximi, instar Horizontis abscissus, interceptionem inter eius Verticalem primarium (hoc est, inter punctum intersectionis eius cum Aequatore) & Verticalem eiusdem, qui proposita hora per centrum Solis ducitur.

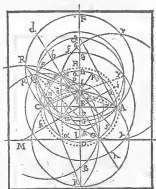
1. SIT ergo in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E; tropicus ☉, P æstropicus ♊, s. b. Q; Horizon APCG, eiusque centrum H; Verticalis primarius AICK, eiusque centrum L; & poli Horizontis I, K. Data autem hora à meridie, nec numeretur à puncto D, versus C; à meridie vero à puncto B, versus A, at hora ab occasu à puncto A, versus D, hora denique ab ortu à puncto C, versus B, sitque N, terminus horæ 10. à meridie, & horæ 16. ab occ. & horæ 4. ab or. Recta igitur EN, indicabit in omnibus parallelis Aequatoris horam 10. à meridie, nimirum in tropico ☉, in puncto b. & in tropico ☉, in puncto c. Circulus autem Horizonti æqualis QNP, per N, ex c. tro h, quod in parallelo per H, c. è tr. Horizontis delineato existit, descripius, ita ut ex A, versus D, eius concavo occurramus, secabit o. s. parallelas Aequatoris in horæ 16. ab occ. nimirum tropico ☉, in Q & tropico ☉, in P. Circulus deniq. eidem Horizonti æqualis I N, per N,

A. In latitudine max.
græcia latitudo
10. s.

dist. Solis hor.
maxima quæ
est verticalis
primarij

per N, ex centro I, quod in eodem parallelo per H, centrum Horizontis ducto existit, descriptus, ita ut ex C, versus B, eius conuexio occurramus, eisdem parallelo Aequatoris in hora 4. ab or, secabit, nimirum tropicum \mathcal{Z} , in I, & tropicum \mathcal{S} , in cyt ex his liquet, quæ lib. 2. propof. 9. Numero 7. demonstrauimus.

IT A Q V E si altitudinem Solis supra Horizontem, eiusque distantiam horizontalem inquirere velimus ad datam horam 10. à med. noc. vel 16. ab occ. vel 4. ab or. Sole existente in Aequatore, describemus per horam N, & polos Horizontis I, K, Verticalem RNK, secantem Horizontem in R, cuius centrum M, in recta LM, ad meridianam lineam FG, in L, centro primarij Verticalis perpendiculari existit. Erit namque NR, arcus altitudinis Solis supra Horizontem, & IN, eius complementum, at CR, erit arcus distantiae horizontalis, in austrum vergens: quorum arcus magnitudinem sic cognoscemus.



Abscissa Solis ad datam horam, quo passio conueniat hinc Abscissa matutina.

Ducta ex M, centro Verticalis RIK, ad E, centrum Astrotabis recta ME, secante Horizontem, hoc est, circulum AFCG, supra quem altitudo Solis queritur, in meriti m; polus Verticalis RIK. Cum enim hic Verticalis per polos circuli AFCG, transeat, transibit vicissim hic per illius polos, ex scholio propof. 17. lib. 1. Theod. &c. Ductæ ergo rectæ m N, m R, abscindant ex Aequatore arcum Nn, arcui NR, altitudinis Solis æqualem; & rectæ m N, m I, intercipient in eodem Aequatore arcu pN, complemento eiusdem altitudinis æqualem, ut ex his constet, quæ lib. 2. propof. 5. Num. 17. demonstrauimus.

R V R S V S ductis ex I, polo Horizontis rectis IR, IC, & tantibus Aequatorem in C, erit arcus IC, distantia horizontali CR, æqualis, ut ibidem ostendimus.

E A D E M ratione, si per b, I, K, Verticalis describitur, centrum habens in eadem recta ML, inuenietur altitudo Solis, & distantia horizontalis pro hora 10. à med. noc. Sole existente in principio \mathcal{Z} . Et si per d, E, K, Verticalis describitur, erit eius arcus à puncto c, usque ad Horizontem altitudo Solis, & arcus Horizontis inter C, & eundem Verticalem positus, distantia horizontalis, pro eadem hora, Sole existente in principio \mathcal{S} . Sic eadem duo, altitudi- & ydelscer Solis, distantiaque horizontalis, reperiuntur pro hora 16. ab occ. Sole existente in principio \mathcal{S} , si per P, I, K, Verticalis describitur. Pro hora, & re- ca

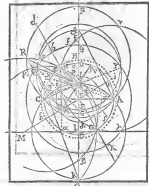
ssss dem, So-

Distantia horisæ ad datam horam, quo probe conueniat hinc Abscissa matutina.

dem, Sole principium \mathcal{S} , possidente, si Verticalis describatur per Q, I, K . Non aliter propositum assequimur pro hora 4. ab or. tam in principio \mathcal{S} , quam in principio \mathcal{S} , si tam per e, I, K , quam per f, I, K , Verticalis describatur, eundemque polos incidentem, &c.

2. V E R V M & altitudinem Solis supra datum circulum maximum, tantum Horizontem quempiam, & distantiam horizontalem reperietur, etiam si Verticalis (qui aliquando non sine labore describitur, praesertim quando hora prope meridianam lineam existit. per datam horam descriptus non fit, hoc modo. Sit data v. g. hora 16. ab occ. Sole tenente principium \mathcal{S} , in puncto Q . Ductis ex Q , ad polos I, K , dati circuli maximi $AFCG$, rectae QI, QK , secetur angulus IQK , bisariam per rectam QS , secantem FG , in S ; eritque S , punctum, per quod parallelus circuli $AFCG$, per Q , descriptus transiit, ut lib. 2. propof. 18. Num. 3. ostensum est; ac proinde arcus Meridiani IS , aequalis erit arcui Verticalis per Q , descripti inter Verticem I , & punctum Q , in quo Sol ponitur. Rectae ergo ex A , per I, S , emissa abscindens ex Aequatore arcum equalē arcui IS , vel illi arcui Verticalis complementum altitudinis Solis merienti.

QVOD si iuncta recta QS , bisariam, & ad rectos angulos secetur per rectam secantem FG , in a , erit a , centrum paralleli per Q, S , describendi. Descripto ergo ex a , parallelo QTS , secante Verticalē in T , referet arcus TQ , arcum similem horizontali distantiae, quod Verticales circuli secant Horizontem, eiusque parallelos in arcus similes. Idem parallelus describetur, si angulo FIQ , aequalis ad rectam QI , in I , conservetur, &c. ut ad initium Num. 3. propof. 8. lib. 2. diximus. Quantitatē autem arcus TQ , horizontalis distantiae cognoscimus, si ex T, Q , per I , polos Horizontis duas rectas extendamus. Haec enim ultra



tra polum I , ex eodem parallelo arcum abscindens tot gradum equalium, quot per arcum TQ ; representantur, ut lib. 2. propof. 6. Num. 25. demonstramus.

3. QVOD de altitudine Solis supra Horizontem, & distantia eius horizontali investiganda dictum est, intelligendum quoque est in aliis circulis maximis. Quia hic enim circulus maximus vires gerit aliquas Horizontis. Quare si ex proprio situ in sphaera cognoscatur in Astrolabio, ut lib. 2. propof. 24. docuimus, sumenda erit recta per eius centrum, & centrū Astrolabi ducta, pro eius linea meridiana, in qua eiusdem poli investigationi fuerit, & centrū Verticalis

Adhuc notandum
est, quod si
horizontalem in
puncto, & o transi
entem per poli de
scribitur.

a lo. a.
Ibid.

eius primarij, per quod recta ad propriam meridiana^m perpendicularis est exci-
tanda, ut in ea centra omnium Verticalium inveniuntur. Recta autem yx cen-
tro cuiusque Verticalis per centrum Astrolabij educta secabit descriptum cir-
culum maximum in eisdem Verticalis polo, &c.

4. VER TICALIS primarij AICK, meridiana linea est FK, & Verti-
calis eiusdem primarij, Horizon AFCG, cum per eius polos F, G, & per A,
C, polos Meridiani incedat. Omnes autem alij Verticales ipsius circuli AICK,
tanquam Horizontis, centra habebunt in recta, quæ per H, centrum Horizontis
AFCG, qui primarius Verticalis est circuli Verticalis AICK, perpendicu-
laris ad FG, educitur. Atque ita descripto Verticali per F, Q, G, metietur eius ar-
cus inter Q, & circulum AICK, altitudinem Solis supra eundem circulum
AICK, & arcus eiusdẽ circuli AICK, inter C, & dictum Verticalem per F, Q,
G, descriptum, erit distantia horizontalis. Prioris arcus magnitudo cognosce-
tur per arcum Aequatoris, quem recta ex polo dicti Verticalis ad extrema pun-
cta illius arcus emissæ abscindunt: magnitudinem vero posteriors metietur ar-
cus Aequatoris abscissus à recta ex G, polo circuli AICK, per extrema puncta
eius arcus traiecit. Quod si per Q, describatur parallelus circuli AICK, refe-
retur eius arcus inter Q, & circulum AFCG, quem primarium Verticalem ipsius
Verticalis AICK, diximus, arcum similem horizontali distantie, &c.

5. MERIDIANI circuli FK, meridiana linea est AC, referens circulum ma-
ximum per polos mundi, & per A, C, polos ipsius, Meridiani ductum. Vertica-
lis autem eius primarij, erit Aequator ABCD, ductus per A, C, polos Meri-
diani FK, & per B, D, polos circuli maximi AC, qui proprius Meridianus est
Meridiani FK, & in recta FK, ad AC, perpendiculari in E, centro Aequatoris,
qui Verticalis primarij est Meridiani, existens centra omnium Verticaliũ Me-
ridiani per A, C, describendorum. Itaque si per A, Q, C, Verticalis describatur,
metietur eius arcus inter Q, & altitudinem Solis supra Meridianum hora 16. ab occ.
cum principium 79. Sol occupat; quem arcum cognoscemus per arcum Aequa-
toris abscissum a rectis, quæ ex q, polo Verticalis CQg, (Invenietur autem
polus q, si ducta recta Ag, secant Aequatorem in V, quadrantem sumamus VX.
Recta namque AX, secabit FK, in quarto polo q, quod segmentum gq, rectæ
FK, circulum maximum per mundi polos ductum representanti s, quadrante in
VX, referat) ad g, Q, ducuntur. Arcus autem Bg, erit distantia horizontalis,
cui æqualem ex Aequatore abscident rectæ ex A, ad g, B, emissæ. Quod si per
Q, Meridiano FK, parallelus describatur, ut lib. 2. propof. 18. Num. 5. docui-
mus, referet eius arcus inter Q, & Aequatorem, arcum horizontali distantie si-
milem. Et si angulus comprehensus à rectis ex Q, ad A, C, polos Meridiani du-
ctis secetur bisectrix per rectam, secabit ea rectam AC, in puncto, per quod Me-
ridiani parallelus per Q, describendus transit. Segmentum ergo rectæ CA, in-
ter C, & illud punctum, referet complementum altitudinis Solis, &c.

6. AEQVATORIS denique ABCD, linea meridiana est BD, & Verti-
calis eius primarij recta AC, representans circulum maximum per polos mun-
di, & per A, C, polos Meridiani ductum. Altitudo Solis supra Aequatorem
quolibet die in singulis horis æqualis est declinationi Solis, quam eo die habet.
Distantia vero horizontalis est arcus Aequatoris inter C, vel A, & rectam lineæ,
quæ ex centro E, per horam in quolibet parallelo datam ducitur, cum Vertica-
lem Aequatoris per centrum Solis ductum repræsentet.

7. ITA QVÆ si omnium horarum tam a merid. & med. noc. quam ab occ. &
occ. in Astrolabio describantur, ut lib. 2. propof. 2. traditum est, & circulus

maximus, super quem altitudines Solis, & in quo distantie horizontales indagandæ sunt, delineetur, ut lib. 2. propof. 12. docuimus, illico apparebit, quibuscumque in punctis horæ cuiusque generis parallelos Aequatoris interfecerint. Quare si reperiator diameter vera circuli dati maximi, ut lib. 2. propof. 8. Num. 16. dictum est, eiusdemque poli intuentantur, ut in eodem propof. Num. 17. præcepimus, reperiemus pro qua libet horæ cuiusvis paralleli altitudinem Solis, distantiamque horizontalem, si per horam in dato paral lelo vel Verticalem propofiti circuli maximi, vel parallelam eiusdem circuli maximi describamus, &c.

VERVM altitudines Solis, distantiasque horizontales alia ratione in scho lio Canonis 21. inueniemus, etiam si nec Verticales circuli, aut paralleli maximi circuli obliqui describantur.

SCHOLIVM.

1. **COMPLEMENTVM** altitudinis Solis supra datum circulum maximum, lib. 6. nostra *Guomenica* appellamus cum Ptolemæi circumferentiam descensivam, horæque aliam vero distantiam, circumferentiam horizontalem: Et utramque tam ex *Analemmate*, quam ex calculo sinuum inuestigamus. Horizontales circumferentia latitudines umbrarum, descensus vero circumferentia, vel obliquitas Solis, earundem umbrarum longitudines determinant. Ex latitudinibus porro umbrarum, ac longitudinibus, in plano, quod circulo maximo æquidistant, supra quem altitudines Solis, horizontalesque distantia sunt inuenta, horologia describuntur, ut abunde lib. 5. *Guomenica*, propof. 1. lib. 6. cap. 3. & 10. tradidimus. Altitudo quoque Solis, supra Horizontem quidam lib. 1. *Guomenica*, propof. 36. supra quolibet vero alium circulum maximum, lib. 1. propof. 1. alij vbi, quam lib. 6. inuestigandum præcipimus. Verum si ea, quæ in hoc Canone scripsimus, attente considerentur, non admodum modico illic in *Guomenica* descriptis desiderabimus, cum utramque circumferentiam, id eam, quæ altitudinem Solis, quam eam, quæ horizontalem distantiam metitur, ut quolibet horæ, Sole quocumque parallelo obtinente, sine magno labore hoc Canone inuestigare decuerimus in quouis circulo; adeo ut per hunc solum Canonem omnia reperiantur, quæ ad horarum determinandam in quolibet horologio requiruntur.

2. **SED** ut in plano, quæ neque Horizontis, aut Verticali primario, neque Meridiano, vel circulo horæ 6. æ. mer. ac med. noc. aut Aequatori Aequidistant, describantur horologia per præcepta propof. 5. lib. 3. *Guomenica*, opus habebimus arcu circuli maximi, qui horologium æquidistant, interierit inter Meridianum proprium eius circuli, & Meridianum Civitatis, in qua horologium describitur: Item interdum indigemus in allocatione Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis eius loci, in quo delineamus horologium, agemus de his, & nonnullis alijs problematibus, quæ partim in *Guomenica* explicamus, in Canonibus, quæ sequuntur.

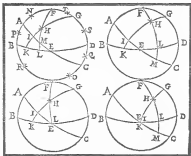
3. **LIBET** autem prius Canonem hunc per numeros alio modo, quam in *Guomenica*, expellere. Reperiantur ergo prius 4. circuli ex illis duodecim, quos in scholio Can. 3. Num. 10. descripsimus, in quibus Meridianus sit *ABCD*; Aequator *AC*, & polus mundi *G*; Horizont, vel quicunque alius circulus maximus obliquus, cuius sit in sphaera totus sit, *BD*, cuiusque polus *F*, & cuius Meridianus proprius sit *ABCD*, per cuius polum, & polum mundi ducatur. Ponatur autem Sol in *H*, quocumque parallelo occupet, & per *H*, ex polo mundi *G*, transeat circulus horarius *GI*, ita ut angulus *AGI*, distantiam Solis à Meridiano notet. Denique per *H*, ex vertice *F*, Verticalis distans sit *FL*, ita ut *HL*, sit arcus altitudinis Solis supra circulum *BD*. quem Horizontem dicemus,

Quædam horologia
delineantur, & cum
maximorum, quælibet.

Canonis huius
velut in horo-
logio delinean-
tibus.

dicemus, cum vere munere Horizontis in aliquo loco sangatur. Quoniam igitur in triangulo sphaerico FGH, duo latera FG, GH, nota sunt, cum illud sit complementum altitudinis poli supra datum circulum, cum Horizontem, hoc vero, complementum declinationis, vel, si Sol australis est, arcus ex declinatione, & quadrante conflatus. Est autem & angulus ab ipso comprehensus FGH, distantiam Solis à proprio Meridiano dati Horizontis meriti, notus: si per problem. 22. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad sinum arcus GH, complementi declinationis, vel arcus conflati ex declinatione australi, ac quadrante, ita sinus arcus FG, complementi altitudinis poli ad aliud, gignetur quartus quidam numerus. Et si iterum fiat, ut sinus totus ad quartum numerum proxime inuentum, ita sinus versus anguli FGH, distantie Solis à Meridiano, ad aliud, producentur differentia inter sinum versus tertij lateris FH, & sinum versus arcus, quo data latera FG, GH, inter se differunt. Quae differentia addita sinui versus illi arcus, quo dati arcus FG, GH, later se differunt, conflabit sinum versus tertij lateris FH; ac prout arcus ipsa FH, complemen-

Altitudinem So-
lis in hoc quon-
ta extralem, ut
a meridiano obli-
que per numerum pro-
xime inuentum
et notum.

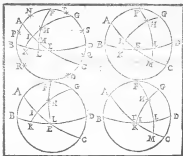


ti altitudinis Solis, ideoque & arcus HL, altitudinis, cognitus sit. Quod si complemen-
tum altitudinis poli aequale sit complemento declinationis, ita ut triangulum FGH, sit
Isosceles, facilius inuenietur tertium latus FH, ut in eodem problemate dictum est. Si
enim per 1. modum problematis 8. triang. sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum comple-
menti altitudinis poli, ita sinus semisus anguli FGH, distantie Solis à Meridia-
no, ad aliud, producentur sinus semisus lateris FH. Cognita ergo fiet semisus la-
teris FH, ideoque & totum latus, complementum scilicet altitudinis Solis, no-
tum erit.

DEINDE in eodem triangulo FGH, inuenietur angulus GFH, per problem.
21. triang. sphaer. hoc modo. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus FG, complemen-
ti altitudinis poli, ita sinus arcus FH, complementi altitudinis Solis, ad aliud,
ut quartus quidam numerus gignatur. Et rursus fiat, ut quartus numerus pro-
xime inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus arcus GH,
comple-

Distantiam So-
lis à meridiano quod-
libet loci per nu-
merum inuentum.

complementi declinationis Solis, (quando enim Sol australis est, habet arcus GH, et arcus declinationis, & quadrante conflatus eundem sinum, quem arcus complementi declinationis, cum duo hi arcus semicirculum conficiant) & sinum versum arcus, quo duo latera GE, FH, inter se differunt, ad aliud. Procreetur enim numerus erit sinus versus anguli quæsiti GFH. *Angulus ergo ipse cognoscitur erit, ac priusquam & eius arcus DL. Horizontis inter Meridianum versus polum borealem, & Verticalem EL, qui per Solem bore obferuatus deuenit. Et si arcus DL,*



maior fuerit quadrante, dempto quadrante ex eo, reliqua sit distantia horizontalis à proprio Verticali primario versus austrum: si autem quadrante minor, dempto eo ex quadrante, remanebit horizontalis distantia ab eodem Verticali versus Septentrionem. Quod si complementum altitudinis poli complementum altitudinis Solis sit equalis, ut in triangulo GFH, sit isosceles, reperitur angulus GFH, longe facilius, ut in eodem problemate scripsimus. Nam si per a. modum problematis i. triang. sphaer. fiat ut sinus totus ad sinum semisus lateris GH, (quod complementum est declinationis, quando Sol borealis signa percurrit, vel arcus ex declinatione, & quadrante coagmentatus, quando australis signa Sol possidet, ita secans complementi arcus FG, hoc est, ita secans altitudinis poli, ad aliud, produceretur sinus semisus anguli GFH, quæsiti, &c.

AL T I T U D I N E M quoque Solis supra Horizontem, aut quocunque circum duum maximum, supputari possumus cum Petro Nonio, quem admodum in subelo praecedenti Capitulo distancias locorum, & declinationes Stellarum supputauimus. Repetatur enim secunda figura illius subelo. & in primo eius circulo int. elongatur ABC, Meridianum, circa centrum D; diametrum Horizontis BC, cuiusque polus A; Aequatoris diameter FG, & polus mundi E; diametrum parallelum Solis quocunque HI, circa quera parallelus describitur sit IEH, in quo locus Solis ponatur in K; demissa autem ad IH, perpendiculari EL, agatur per L, diametrum Horizontis parallelum MN, qua diametrum erit parallelum Horizonti per Solem ductum, ut constet, si semicirculus IEH, flammam

est rectus ad Meridianum. Erat enim tunc KL , ad eundem Meridianum perpendicularis, ex defn. 4. lib. 11. Eucl. & idemque \odot planum per KL , & MN , ductum ad Meridianum rectum erit. Cum ergo \odot Horizon ad Meridianum rectus sit, sitque BC , MN , communis sectio Meridiani cum Horizonte, & planum per KL , MN , ductum, parallelum erit ex scholio prop. 12. lib. 11. Eucl. planum Horizonti, & planum per KL , MN , ductum, parallelum; ac propterea circulus, quem describitur planum in sphaera facit, parallelus erit Horizonti. Demissa denique ex I , ad BC , perpendicularis IO , sinus rectus erit altitudinis meridiana IC ; & PO , sinus altitudinis Solis tempore observationis; & IL , sinus versus distantie Solis à Meridiano. Iam si cogitetur A , esse vertex primi loci, ita ut erit latitudo sit FA , parallelus autem secundi loci sit HKI , ita ut erit latitudo sit FI , & differentia latitudinum AI , erit IO , sinus complementi cuius differentia. Igitur, ut in scholio precedentis Canonis Num. 6. demonstravimus, erit ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu complementi declinationis FI , & sinu complementi altitudinis poli AF , ita IL , sinus versus distantie Solis à Meridiano, ad IP , differentiam inter IO , sinum altitudinis meridiana, & PO , sinum altitudinis Solis tempore observationis.

QVOCIRCA si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu complementi altitudinis poli sit praecirculus propositum, & sinu complementi declinationis, ita sinus versus distantie Solis à Meridiano proprio dati circuli, ad aliud, producet numerus, qui ex sinu altitudinis meridiana subtrahatur reliquum facit sinum altitudinis Solis quaesitum. Atque hac ratio quadrat in omnem sinum Solis, etiam si eius parallelus totus extet supra circulum maximum, ac proinde duas habeat altitudines meridianas, dummodo in calculo maior altitudo meridiana assumatur. Quae de re legitur, si placet, prop. 12. libri Petri Nonii de Crispustula.

DIFFERENTIA tamen ead. in IP , inter sinum altitudinis meridiana, & sinum altitudinis Solis hora observationis, suppletur hac etiam ratione. Fiat ut sinus totus IL , ad IP , sinum anguli ILP , complementi altitudinis poli, ita IL , sinus versus distantie Solis à Meridiano ad aliud. Numerus enim productus double rectam IP , in partibus sinus totius paralleli Solis IH , in quibus data est IL . Si igitur eorundem fiat, ut sinus totus paralleli Solis ad seipsum, quatenus sinus est complementi declinationis in circulo maximo, ita IP , cognita in partibus sinus totius eiusdem paralleli, ad aliud; procreabitur IP , in partibus eiusdem sinus totius in maiori circulo, in quibus sinus complementi declinationis sumptus fuit.

VICIſ.

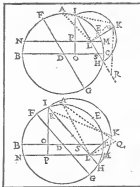


Diagramm ad altitudinem Solis per circulum.

Ala latitudo del
Sphaera circuli
maximi altitudinis
meridiana, & d.
sinu altitudinis
quaesitae.

Horiz. et Merid.
qua Solis per hori-
zontem transit
et.

VICISSIM si fiat, ut rectangulum contentum sub sinu complementi altitudinis poli, & sinu complementi declinationis, ad quadratum sinus totus, ita differentia inter sinum altitudinis meridiane, & sinum altitudinis Solis abunde cognoscitur tempore observationis, ad aliud, producat sinus versus distantie Solis à Meridiano. Ex hac distantia facile hora tempore observationis cognoscitur.

QUEM sinum versus distantia Solis à Meridiano ita quoque reperimus. Fiat ut IP, sinus anguli ILP, complementi altitudinis poli, ad IL, sinum totum, ita IP, quatenus differentia est inter sinum altitudinis meridiane, & sinum altitudinis Solis cognoscitur, ad aliud. Numerus enim, qui signatur, dabit rectam IL, in partibus sinus totius in circulo maximo, in quibus videlicet sinus altitudinis meridiane datus

est. Si igitur versus. Fiat, ut sinus complementi declinationis Solis ad seipsum, quatenus sinus totus est paralleli Solis, ita IL, super inuenta ad aliud, producat eadem IL, quatenus sinus versus est distantie Solis à Meridiano in partibus sinus totius eiusdem paralleli. Igitur distantia à Meridiano, arcus fester IK, cognoscitur, &c.

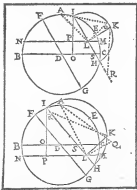
OMNIA hac quadrantem etiam in quocumque stellam, cuius declinatio cognita sit. Nā eadem profuso ratione, ex eius distantia à Meridiano invenitur eiusdem altitudo supra Horizontem, & ex altitudine cognita per aliquod instrumentum, distantia ipsius à Meridiano, si nimirum pro declinatione, & parallelo Solis accipitur declinatio, & parallelus stelle, ut perspicuum est. Ex di-

stantia autem stelle à Meridiano inuenta elicitur hora, quemadmodum in scholio Cap. 8. Notum. docuimus. Verum horam ex altitudine Solis interdum, & stellam ex altitudine alicuius stelle, supponimus etiam supra, alia tamen ratione, ad eandem scholij Canonis 8.

C A N O N XVII.

DATO circulo in sphæra maximo ad Meridianum inclinato, quantus sit arcus ipsius inter Meridianum Horizontis, & Meridianum eius proprium interiectus: & quanta sit huius Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis inclinatio, indagare.

I. H A E C



altitudo stelle
ex quo distantia
à Meridiano: Et
versus. distantia
autem cum à Meri-
diano, ex quo al-
titudinem per hori-
zontem.

1. H A E C est propositio 30. lib. 1. Gnomonices, quam ibi per Sinus absoluitur, hic autem eandem per ea, quæ hoc Astrolabio demonstrata sunt à nobis, (quam rationem, & in his, quæ sequuntur, servabimus) facilius expediemus. Sit ergo in figura præcedentis Canonis maximus circulus, cuius positio ac situs in sphaera datus sit, descriptus per propof. 12. lib. 1. in Astrolabio R N I O K, cuius centrum M, secansque Meridianum Horizontis in I, & Aequatorem in N, O. Ducta ex M, centro propositi circuli per E, centrum Astrolabii, recta ME, secante eundem datum circulum in t, referet ea Meridianum proprium dati circuli, ut propof. 3. lib. 1. Num. 4. demonstravimus, adeoque It, arcus erit circuli propositi inter duos Meridianos EI, Et, qui quaeritur. Invenio dati circuli polo m, intra Aequatorem, per ea, quæ libro 1. propof. 2. Num. 17. ostensa sunt, (quod fiet, si iuncta recta NO, quæ per E, cætrum transibit, cum sit duorum maximorum circulorum sectio, perpendicularisque erit ad ME, cum ME, ex M, centro circuli NIO, ducta eam secet bisariam in E, ex alterutro punctorum N, O, nimirum ex N, per g, rectam emittamus NF, & fa, quadrantem accipiamus. Recta namque Na, rectam ME, in polo quaesito m, secabit, &c.) inferent rectæ me, mI, ex Aequatore arcum up, quaesito arcus It, æqualem, quod ad numerum graduum attinet.

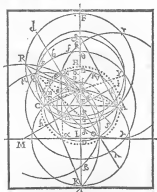
2. A R C V S autem Bu, metietur angulum REu, inclinationis Meridiani MEu, ad Meridianum BED: quæ quidem inclinatio in superno hemisphaerio occidentalis est, in infero vero orientalis. Atque ita semper arcus Aequatoris inter duos Meridianos positus inclinationem Meridianorum metietur.

3. Q V A N D O circulus ad Meridianum inclinatus per polos mundi transit, cuiusmodi v. g. est NEO, nullus arcus ipsius inter duos Meridianos intercipitur, cum utrumque Meridianum in ipsiusmet polos interfecet.

S C H O L I V M.

1. I N horologiorum descriptione, circulus maximus datus aut rectus est ad Horizontem, hoc est, ex Verticalibus unus, atque ita tantum eius declinatio, ut propof. 23. lib. 1. Gnomonices tradidimus, describentur cum Verticalem in Astrolabio, per ea, quæ lib. superius propof. 3. Num. 10. scripsimus, dammodo pro declinatione à meridie in ortum, vel à septentrione in occasum inventa, accipiantur declinationes æqua-

les. Item, circuli maximus unus, & proprius Meridianum, & Meridianum proprium dati circuli figure.



a 3. temp

Postea, si circuli ad Meridianum inclinatus, aut obliquus ad Meridianum, sit rectus, constabit.

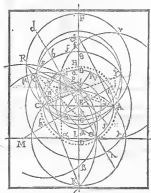
Ita posita, circuli maximus unus, & proprius Meridianum, & Meridianum proprium dati circuli figure.

*fit à Verticali primario ex parte orientali versus boream, vel ex parte occidentali ver-
sus austrum; & pro declinatione à meridie in occasum, vel à septentrione in ortum,
sumatur declinatio à Verticali primario ex parte orientali versus austrum, vel ex par-
te occidentali versus boream. Aut datus circulus maximus ad Horizontem inclinatus
etiam est; atque ita, inuenta eius declinatione à Verticali primario, inclinationeque
ad Horizontem, ut lib. 1. Gnomonices propof. 27. declarauimus, describitur u cir-
culus in Astrolabio, ut lib. superiorem propof. 12. Num. 2. docuimus.*

C A N O N XVIII.

DATI circuli in sphæra maximi inclinationem tum
ad Meridianum, tum ad Aequatorem inuestigare.

1. **PRIOR** huius Canonis pars per sinus explicata est a nobis propof. 27. lib. 1. Gnomonices: eadem autem hic per Astrolabium ex ista, quæ lib. 2. propof. 8. Num. 11. & propof. 17. scripsimus, absoluetur a nobis posteriorem vero par-
tem ex his, quæ propof. 8. Num. 22. demonstrauimus, expediemus. Sit enim in
eadem figura Canonis 16. maximus circulus positionem in sphæra motam ha-
bens descriptus in Astrola-
bio RNIOK, ex centro M,



secans Meridianum in I, K, & Aequatorem in N, O. Igitur si recta IK, bifariam se-
cetur, & ad rectos angulos
per rectam ML, secantem da-
tum circulum in O, (Volo
enim eandem litteram O, per-
tinere & ad intersectionem
circularum QNO, fNO,
cum Aequatore, & ad inter-
sectionem rectæ ML, cum
circulo RIK,) & ex I, vel K,
per O, intersectionem rectæ
ML, cum circulo RIK, recta
emittatur; metietur arcus
circuli AICK, ex I, per I,
K, descripti, inter illam re-
ctam, & rectam I, K, positus,
magnitudinem anguli LIO,
vel LKO, inclinationis dati
circuli ad Meridianum. Aut
si ex K, arcus circuli quoli-
bet describatur intervallo,

metietur eius arcus inter rectas ex K, per I, & O, emissas interceptus, semis-
sem eiusdem anguli LKO, &c. Idemque facient rectæ ex I, per L, & O, emis-
sæ, si ex I, ad quodlibet intervallo arcus circuli describatur. Nam & hæc re-

Et ex

Insensibilem datū
circuli maximū
struā habentem
motum in sphæ-
ra ad Meridianū,
quæ rectam con-
stituat.

De ex illo arcu semissem magnitudinis anguli LIO, auferent, &c. vt lib. 1. pro
pos. 15. demonstratum est.

a. **DE INDE**, si recta recta NO, quam in E, ad rectos angulos, bifariamque secet recta ME, secans datum circulum in t, & Aequatorem in u, egrediantur ex N, per t, u, rectae lineae, abscindunt ex ex Aequatore arcum su, qui magnitudinem anguli tNu, inclinationis dati circuli ad Aequatorem, metitur.

3. QVANDO datus circulus ad Verticalem primarium rectus est, hoc est, quando transit per communes sectiones Horizontis ac Meridiani, dabit complementum eius inclinationis ad Horizontem, per propo^l. 13. lib. 1. Gnomonices inuenta, inclinationem eiusdem ad Meridianum.

4. QVA NDO autem datus circulus declinationum caret, ac proinde per polos Meridiani incedit; restus erit ad Meridianum, nullamque habebit ad ipsum inclinationem.

5. QUA NDO denique circulus datus ad Horizontem rectus est, hoc est, unus est ex Verticalibus, dabit complementum declinationis ipsius à Verticali primario per propof. 23. lib. 1. Gnomonice invenietur, inclinationem eiusdem ad Meridianum.

C A N O N X I X.

DATO circulo maximo obliquo in sphæra, arcum Meridiani inter ipsum, & tam Horizontem, quam polum mundi, & verticem capitis, siue polum Horizontis, inclusum explorare.

P R O B L E M A hoc solvimus quoque propos. 18. lib. 1. Gnomonices, tum beneficio Ellipsis, tum per calculum finium. In eadem ergo figura Canonis 16. sit descriptus circulus maximus obliquus QIOg, indicans nimirum horam 16. ab occ. secantique Meridianum in l, g, ita ut tam gG, quam IF, arcus sit Meridiani inter datum circulum, & Horizontem quadrante minore cum KG, IF, quadrantes sint à polo Horizontis vique ad eius circumferentiam: At IE, arcus eundem Meridiani inter datum circulum, & polum mundi E, quadrans quoque minor, cum EB, quadrans sit Arcus denique II, inter circulum datum, & verticem loci. Hi autem omnes arcus cognoscuntur per arcus Aequatoris, qui inter rectas ex A, per terminos dictorum arcuum eductas intercipiuntur, cum hi arcus Aequatoris dictis arcibus Meridiani respondeant, ut lib. 1. prop. 1. Num. 6. demonstravimus.

Indicando con
la obliqua muni-
mi, come dissi
in *Sphæra singu-
laris* sic, ad Argu-
mentum quod præ-
terea ostendit.

„dignum apostoli
et sacerdotum
seculorum obsequio
quod, cum il-
lus in Ephesus con-
stitutus sit, de quo
Hortallius, qui
polam grandi, de
polam dicitur,
c. lxxviii,

C A N O N . X X .

D A T O circulo maximo obliquo in sphaera, altitudinem poli supra ipsum deprehendere.

affidendum po-
te-
re. Insuper datur
circulus maxi-
mus, cuius poli-
tus in sphaera
est, quod si
circulus, sequen-
tes.

1. SOLUTVM etiam fuit hoc problema lib. 1. Gnomonices propof. 29.
tum per Ellipfin, tum per finem fupputationem. Est igitur in eadem figura Ca-
nonis 16. maximus circulus obliquus, cuius situs cognatus fit in sphaera, descri-
ptus R N I O K, cuius centrum M, & proprius Meridianus M E t, diameter autem
Aequatoris N O, fecit M t, ad rectos angulos in centro E, quae omnino cades in
puncta N, O, cum circulus maximus R N I O K, per puncta extrema N, O, inter-
dat, ut sub initium scholii propof. 1. lib. 2. demonstrauimus. Ducto ergo radio
N t, secante Aequatorem in f, transibit vera diameter circuli maximi obliqui,
quem representat R N I O K, per f. Igitur O f, arcus erit altitudinis poli supra
propositum circulum maximum, ut ex ista liquet, quae lib. 2. propof. 2. Num. 22.
demonstrauimus.

2. SIT rursus descriptus circulus maximus obliquus A g C, cuius situs co-
gnitus fit in sphaera, nunc uero ad Meridianum rectus, transiens per eius polos A,
C, & ad Horizontem obliquus. Ducto radio A, g, secante Aequatorem in V, erit
A V, arcus altitudinis poli supra ipsum, cum diameter eius vera transeat per V,
propterea quod eius extremum V, in g, apparet.

S C H O L I V M.

Arcti uelli mar-
turi obliquitas
in sphaera habet
maximam, cum
est poli aequale,
qui per eius po-
los, & polos Me-
ridiani ducitur,
Et tunc Meridia-
nus proprius
quasi Meridianus
Horizontis poli-
tus inuenitur.

Arcti uelli mar-
turi per polos
Horizontis, & po-
los duo circuli
maximi obliqui
maximam hori-
zontalem, & si
circulum hori-
zontalem, ut
not. ut not.
not. poli, qui
maximam hori-
zontalem.

Quod hori-
zontalis, &
qui maxime ho-
rizontalem ha-
bet, cum circuli
maximi obliqui,
Et quod hori-
zontalis, ut
not. ut not.
not. poli, qui
maximam hori-
zontalem.

1. N O N aliter absoluimus pluraq; alia problemata Gnomonices. Nam primum,
si describatur datus circulus obliquus maximus in Astrolabio ex proprio suo cognito,
& per eius polos, & per polos Horizontis maximus circulus ducatur, statim apparebit
arcus dati circuli obliqui inter circulum maximum per dictos polos ductum. Et tunc
proprius Meridianus dati circuli, quam Meridianum Horizontis interposui, Cuius
magnitudo per arcum Aequatoris exhibebitur, qui per rectos ex eius polo per extrema
simplicem puncta ductus absconditur. Quem etiam arcum lib. 1. Gnomonices propof. 3. ut
per finem fupputationem inuestigauimus.

2. D E I N D E mox consueuerunt arcum circuli maximi, qui per polos dati circuli
maximi obliqui situm in sphaera habentis cognitum, & per polos Horizontis ducitur,
inter Horizontem & circulum hora 6 a mer. vel merid. noc. quem in Astrolabio repre-
sentat recta A C, interposui, rectas quantitates cognoscimus per arcum Aequatoris a
rectis ex polo circuli per dictos polos transiunt per extrema puncta ducti arcus emis-
si absconditur. Hunc arcum lib. 1. Gnomonices propof. 3. ut per finem quoque inuestigauimus.

3. R E R E S S quolibet maximo circulo obliquo, cuius posui in sphaera non igno-
ratur, descripte in Astrolabio, reperiemus dicto circuli arcus parallelarum Aequatoris ab
eo abscesses, atque ex istis mox cognoscemus, quos & quantas hora cunctis parallelis su-
pra utramque faciem circuli maximi existant, & denique qua hora Sol alterutra-
ram faciem incipiet illuminare. Quae res cum sum habet in horologij de-
scribendis, ut ex Gnomonica nostra liquet. Hanc autem ab causam in scholio propof. 40.
lib. 3. Gnomonices per finem inuestigauimus, quantam hora Sol in Aequatore posui ad
propositum quicunque Verticalis perueniat, hoc est, quantumnam arcum Aequato-
ris dati Verticalis abscondat item in scholio propof. 1. lib. 3. eiusdem Gnomonices tum
per finem, tum beneficio Ellipsis, persequari sumus, quantumnam arcus cunctos parallelis
Aequatoris a dato circulo maximo obliquo abscondantur, & qua hora a Sole alter-
utra faciem circuli facies incipiat, nec desinat illuminari: I demque reperiuimus lib.
6. cap. 1. a Sed ut appareat, quam expediat haec omnia ex descriptione nostri Astrolabij
cognoscantur, sit exempli causa in antecedenti Astrolabio descriptus circulus hora quae
14 ab ortu est y, qui ad Horizontem inclinatus est, cum per eius polos non transeat,

quippe qui Meridianum facit in h. inter l. palum Horizontis, & Horizontem ipsam ex parte australi. Secut autem dicitur circulus tropicum γ o, in f. γ . Aequatorem in N. O. & tropicum δ o, in a. β . Quia igitur facies superior, ac borealis circuli est γ , à Sole illa orientur, cum circumferentia sit γ , N. A. O., & β percurrat, inferiorem vero & australem, dum peragrat arcus γ β f. O. C. N. & β paralleli singuli in 24. horas distribuuntur, iuxta factis ab eorum intersectionibus cum Meridiano E. K., si de horis à mer. ac med. nec. agatur, vel si hora ab ecc. vel or. propinquetur, ab eorundem intersectionibus cum Horizonte ex parte occidentali, orientaliue, consociatis hora consociantur, qua supra utrumque faciem circuli propositi contineantur, & qua hora facies utraque à Sole incipit illuminari, & c. Ita vides dicti circuli faciem superiorem incipere illuminari hora 4. ab or. & hora 4. ab occ. cessare illuminari, ubiqueque Sol existat in Zodiaco. Ter autem hora ante meridiem incipere illuminari, Sole existente in principio γ o, quia hora in arcu β consistuntur: eodem vero existente in Aequatore, quia hora in arcu B. N. referuntur, utendum denique tractantur δ . Describunt, quae hora arcus l. a. (semper puncto l. pro intersectione tropici δ o, cum linea meridiana) complectitur, & c. cum Sol supra cum circulo orientur in punctis f. N. a. occidat autem infra eandem in punctis γ , O. β . Idem in quouis alio circulo certare habebit. Nam v. g. supra faciem borealem Verticalis R. I. K., existunt omnes hora tropici γ o, reposita in arcu à puncto E. per Q. progrediente usque ad intersectionem tropici γ o, cum dicta Verticali, qua intersectio fit inter puncta β , & supra australem vero facit hora arcus a puncto E. per D. tendente usque ad eandem interfectionem: & Sol in Aequatore existens orientur supra eandem datam Verticalis faciem australem in puncto B. hora 10. a med. nec. & 4. ab or. & 10. ab occ. occiditque in puncto O. hora 10. a mer. & 14. ab or. & 4. ab occ. atque in eodem puncto O. eorundem horarum supra faciem borealem orientur, occiditque in puncto N: adeo ut facies australis illustrari incipiat à Sole hora 10. a med. nec. & 4. ab or. & 14. ab occ. desinatque illuminari hora 10. a mer. & 14. ab or. & 4. ab occ. Borealis autem facies illustratur à fine hora 14. a mer. usque ad finem hora 10. a med. nec. & c.

4. POST REM O nullo fore negotio invenimus magnitudines angularum & quae singulis in punctis Eclipticae cum Meridiano, Horizonte, & dum quilibet Verticali consistunt: de quibus angulis multa scripserunt Ptolemaeus, Joann. Regiom. Copernicus, & Geber Hispanicus. Nam si per datum punctum Eclipticae ex centro Astralabij velia ducatur Meridianum referens, consociatis apparebit angulus, quem hic Meridianus cum Ecliptica facit, cuius magnitudo per ea, quae lib. 2. proposit. 15. tradita sunt, cognoscitur. Simili modo, si per gradum Solis in Ecliptica ex centro Astralabij parallela describatur facies Horizontem ex parte quidam orientali, si angulus orientalis, quae Ecliptica in eo gradu cum Horizonte facit, queratur, ex parte vero occidentali, si occidentalis: Deinde per illud punctum Horizontis Ecliptica describatur proprium situm habens; habebitur angulus, quem Ecliptica in dato gradu cum Horizonte efficit. Sed quia per idem punctum duo Ecliptica describi possunt, quarum quidem centrum situm per parallelo per centrum Eclipticae, quam lib. 2. proposit. 5. descripsi, distans est sunt, ut ea describatur in proprio situ, considerandum erit, an punctum solstitiale, quod à dato puncto Eclipticae propius ab est, praecedat ortum dati puncti, an vero subsequatur. Hoc enim observato, facile ex duobus Eclipticis ea describatur, quae proprium situm habeat. Hinc autem angulum cognoscimus etiam ex iis, quae lib. 2. proposit. 15. scripsimus. Denique si per datum horam à mer. vel med. noi. in Aequatore ducatur ex Astralabij centro velia linea, quam facit parallelus Aequatoris per punctum Eclipticae, quod Sol possidet, descriptus, & per punctum solstitiale Ecliptica delineatur in proprio situ, habita ratione proximi puncti tropici, ac eandem per idem solstitiale punctum Verticalis circulus describatur, reperietur per eandem proposit. 15. lib. 2. quantitas anguli, quia

angulus, quae Ecliptica ad horizontem, Meridianum, & Verticali per idem quod horis datus, consociata, locum

li, quem hic Verticalis cum Ecliptica in se sua constituit. Atque in hoc modò quo 1
libet arcus, sine angulis circularum maximorum in sphaera investigabimus: ut perspi-
cuum sit ex sequenti Can. quem de arcubus horarijs in quolibet maximo circulo prope-
rimus, quod horum arcuum existens sit usus in horologiorum descriptione.

C A N O N X X I.

ARCVS horarios in quouis circulo maximo perue-
stigare.

Arco horario
in quouis circulo
maximo qua-

1. VOCAMVS arcum horarium in quouis maximo circulo eum, qui
inter quemcunque circulum horarium, & maximum circulum per polos mundi,
& polos proprii Meridiani (instar circuli horæ 6. à mer. ac med. noc. in Hori-
zonte) ductum includitur. Omnes autem arcus horarios horarum à mer. &
med. noc. lib. 1. Geomones propos. 4. beneficio sinuum explorauimus. In
Astrolabio ergo precedenti Canonis 16. dicit v. g. maximus circulus Horizon
APCG, quem circulus horæ 10. à mer. & med. noc. dE₃, sciet in d, circulus au-
tem horæ 16. ab occ. in p, & circulus horæ 4. ab or. in r. Et quoniam A, C, po-
li sunt Meridiani, referet recta AC, circulum horæ 6. à mer. ac med. noc. Igi-
tur erit Cd, in Horizonte arcus horarius horæ 10. à mer. ac med. noc. orient-
alis: at C₃, horæ 16. ab occ. orientalis quoque: Et denique Ar, horæ 4. ab or.
occidentalis: quos omnes arcus cognoscemus per arcus Aequatoris à rectis ex
I. polo Horizontis per extrema puncta illorum arcuum ductis abscissos. Nam
rectæ IC, Id, si ducantur, intercipient in Aequatore arcum horario arcui Cd,
equalem, &c.

Arco horario
in quouis
circulo maximo
qua-

2. DEINDE quia A, C, sunt quoque poli Meridiani ipsius Verticalis pri-
marii AICK, ac proinde recta AC, refert quoque circulum horæ 6. à mer. ac
med. noc. respectu Verticalis, tanquam Horizontis cuiusquam; erunt arcus ho-
rarii in Verticali primario intercepti inter A, vel C, & intersectiones horario-
rum circularum cum eodem Verticali: quorum magnitudines cognoscantur si-
militer per arcus Aequatoris à rectis ex G, polo Verticalis per extrema puncta
ipsorum arcuum ductis abscissos.

3. RURSUS cum recta Nu, sit proprius Meridianus Verticalis circuli RIK,
& recta NO, circulus horæ 6. à mer. ac med. noc. si ductus Verticalis statuat
Horizon aliquis, erunt arcus horarii in eo Verticali intercepti inter N, vel O,
& intersectiones circuli RIK, cum circulis horarijs: quorum magnitudines de-
terminabuntur in Aequatore per arcus, quos rectæ ex m, polo Verticalis RIK,
per extremas arcuum horariorum emittæ asserunt. Itaque arcus horarii ho-
ræ 10. à mer. vel med. noc. & horæ 16. ab occ. & 4. ab or. nihil sunt, cum hi
tres circuli horarii, sciunt Verticalem RIK, in N, polo proprii ipsius Me-
ridiani.

4. PRAETEREA quoniam AC, est Meridianus Meridiani EK, cum per
E, polum mundi, & A, C, polos Meridiani EK, incedat, suntque B, D, poli ip-
sius circuli AC, ac denique ipsemet Meridianus est instar circuli horæ 6. à mer.
& med. noc. cum à suo Meridiano AC, sex horis absit, intercipientur in Meri-
diano EK, arcus horarii inter B, vel D, & puncta, in quibus horarii circuli Me-
ridianum

idianum FK, interfecant. Ut arcus omnium horarum à mer. vel med. noc. per quadrantem BE, representabuntur, cum omnes illarum horarum circuli Meridianum FK, in E, fecerint. At vero arcus horæ 16. ab occ. erit BI, borealis; horæ vero 4. ab or. BK, australis, quibus arcibus æquales arcus in Aequatore intercepti rectè ex A. polo Meridiani FK, per B, I, & B, k, emittit.

5. POS TREM Q. quia Aequatoris Meridianus est FK, habens polos A, C, & AC, circulum horæ 6. à mer. vel med. noc. interceptientur in Aequatore arcus horarum inter C, vel A, & singulas horas Aequatoris: ut CN, erit arcus horæ, 10. à mer. vel med. nocte, & horæ tam 16. ab occ. quam 4. ab or.

S C H O L I U M.

1. BENEFICIO arcuum horariorum à mer. ac med. noc. deserti possunt horologia secundum horarum in quolibet plano proposita, ut capies si est arcus est à nobis prop. 2. lib. 3. Gnomonicus, ut inferuamus sit illud hoc loco repetere. Quare hoc solū ponere memimus, quia ratione horæ ab ortu & occasu per circulum horarum arcus horarum deserti de facili. In plano igitur horologij ex loco styli circulus describitur. At quæ tunc Astralabij, in quo arcus horarum reperti sunt, æqualis, & in eo diametrum ducatur perpendicularis ad propriam lineam meridianam, hoc est, ad lineam styli, ut communis sitio habeatur proprii Verticalis & plani horologij. Ab hac diametro commensuratis arcibus horariis in eam partem, in quam reperti sunt destituer in Astralabio, ducantur per eorum extrema, & per locum styli restat linea, erunt hæc parallelæ communibus suis sitionibus circulorum horariorum, & maxime circuli, cui horologium à quibus sit; Nam si per stylum, & hæc communis sitio necesse est consequantur Verticali illius circuli maxime, & abscindantur in circulo, quem in plano horologij descripsimus, arcus similis arcibus horariis in eodem illo circulo maxime, & sitique in prædicto circulo plani horologij linea parallelæ communibus illis sitionibus in circulo maxime, cui horologium æqualis sit, æquidistant. Cum ergo per constructionem, in circulo, qui in plano horologij describitur, arcus sumpti sint similes arcibus horariis in eodem circulo, cui horologium æquidistant, æquidistantibus, erunt ductæ illæ rectæ ex loco styli per arcus horarum in eodem circulo horologij interceptos desinens per illas illæ igitur Verticalis duæ si per omnes sitiones horariorum circulorum, & circuli maxime, cui horologium æquidistant, in angulum efficiant in horologij plano. Quoniam vero anguli horarum in horologij plano, & circulo maxime, cui parallelæ illæ sit, communis sitio necesse est efficiantur parallelæ, si in plano horologij reperti sunt similes in circulo abscinduntur. Unde autem sit quæ hora ab ortu & occasu ducenda sunt. (hoc est, per quæ in circulo horarum ducuntur.) & per ea parallelæ rectæ superadditis in circulo ex loco styli, si sitique per horarum arcus similis parallelæ agantur, descriptæ erunt horæ ab ortu, & occasu, & cum rectæ illæ ex loco styli per arcus horarum in illa, communibus his sitionibus, id est, horarum lineis, parallelæ sint; quantaliquidcumque tum hæc, quæ illæ, ob sensu sunt æquidistant communibus sitionibus horariorum circuli in eodem circulo, cui horologium æquidistant est, satis. In horis Astronomicis, quoniam omnes transiunt per centrum horologij, satis est per centrum horologij educere lineas parallelas communibus sitionibus circulorum horarum à mer. vel med. noc. & circuli maxime, cui horologium æquidistant, quales sunt rectæ ab ortu horologij per arcus horarum in circulo ex loco styli, & horis horologij descriptis emissa; in sitione à nobis est proposita 1. BE. 4. Gnomonicæ.

2. ITAQUE si in Astralabio omnes circuli horarum descripti sint, illius apparet, sunt arcus horarum in dato circulo abscindunt, quæ cum eorum magnitudines æquales sunt, (quod

Hororum deserti
pro in quocumque
plano, borealis
arcuum horariorum
tam.

a 10. 5.
Tibed.
b 16. vider.

c 16. vider.

d 2. vider.

(quod ad numerum graduum attinet) arcibus Aequatoris; quos recta ex polo dati circuli obliqui per extrema puncta arcuum horariorum transita abscindunt.

3. Iam Casus porro dixerimus, arcus horarius interstitius esse inter horarium quem unguis circulus, & circulum, qui per polos mundi, & polos proprii Meridiani, scilicet circuli hora 6. à mer. vel med. noc. ducitur, non autem inter Verticalum primarium proprium, qui tamen per eundem polos Meridiani proprii incidit: quia in horologio describendo arcus horarum à mer. vel med. noc. communi scilicet plani horology, & illius circuli, qui vicin circuli hora 6. à mer. vel med. noc. gerit in circulo maximo, cui horologium aequidistant, Arcus tamen horarum ab or. & occ. numerantur à communi scilicet plani horology, & Verticali proprii & primarij. Quod si complementum arcuum horariorum attingatur, numeranda ea erunt tam pro horis ab or. vel occ. quam a mer. vel med. noc. à linea propria meridiana, in qua videlicet stylus collocatur.

4. QVONIAM vero lib. 3. Geometricis propof. 4. duabus operationibus arcus horarius horarum à mer. & med. noc. per sinus supputantur, reperietur nunc ostendendum per solam unam operationem, hoc modo. Sum triangulum semper sine recti anguli ex arcu Meridiani proprii altitudinem poli vicinioris supra datum circulum maximum motientis, & ex arcu circuli horarij ab eodem viciniori polo usque ad circulum datum maximum, atque ex arcu circuli dati maximi inter Meridianum proprium, & circulum horarium; qui arcus complementum est arcus horarij quaesiti. Si ergo per 1. medium problemati 31. triang. sphaer. ultimus Lemma, fiat ut sinus totus ad sinum arcus Meridiani altitudinis poli, ita tangens anguli, quem circulus horarius cum Meridiano facit in polo, ad eundem reperietur tangens arcus circuli maximi dati inter Meridianum, & horarum circulum inclusi, &c.

C A N O N XXII.

OMNIA Problemata triangulorum sphaericorum absque numerorum auxilio explicare.

LATISSIME patet huius Canonis usus. In eo enim angulorum, laterumque omnium triangulorum sphaericorum magnitudines Geometricae per arcus Aequatoris investigabimus, atque adeo omnia problemata, quae per laboriosum eiusmodi triangulorum calculum explicari solent, nunc facilitate ex descriptione duorum, triumve duntaxat circulorum Astrolabii expediemus: quae res non pauci hactenus visa est incredibilibus. Totum autem hoc negotium in constructione triangulorum sphaericorum consistit, ut apparebit. Progre- diemur autem eo ordine, quem in Lemmate 33. lib. 1. observavimus. Et quamvis in prioribus 16. problematibus trianguli sphaerici relictanguli vel solum un- gulus, vel solum latus, vel sola denique basis, per sinus, ex duobus datis so- leat investigari: nos tamen per Astrolabium reliqua duo, quae non dantur, hic quoque in quolibet triangulo simul explorabimus. In triangulo igitur sphaeri- co relictangulo haec, quae sequuntur, ex datis quibusdam à nobis investiga- buntur.

I. A N G V L V S

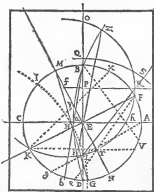
C V M altero angulo, & latere, quæ non dantur.

Probl. 1.

E X bafe, & latere, quod angulo quæfito opponitur.

SIT in Afrolabio Aequator ABCD, circa centrum E, cum duabus diametris BD, AC, ſefe ad rectos angulos ſecantibus. Numeretur latus datum a puncto B, vſque ad F, & baſis à puncto F, vſque ad G. Sumptis autem arcibus EM, CK, DN, æqualibus arcui AF, iungantur diametri FK, MN, ſefe quoque ad angulos rectos ſecantes, cum quadrantes ſint FM, MK, KN, NP. In eam namque partem accipiendi ſunt arcus BM, CK, DN, in quam arcus AF, vergit. vt dicti quadrantes efficiantur. Deinde iuncta reſta MG, ſecante reſtam FK, in H, ſumatur arcui NG, æqualis arcus MI, ac per tria pñcta G, H, I, circulus deſcribatur, (cuius centrum erit in reſta FK, extenſa. indicabiturque à reſtis Aequatorem in G, I. tangentibus, hoc eſt, à reſtis, quæ ad iunctas ſemidiametros EG, EI, perpendiculariter ſunt, vt propoſ. 7. lib. 2. oſtenſum eſt) ſecans reſtam BD, in L, intra Aequatorem, qui parallelus erit maximi circuli MEN, polos habentis F, K, cum æqualiter ab hoc circulo MEN, recedat, propterea quod arcus EH, æqualis eſt arcui NG, vt ex iis conſtat. quæ lib. 2. propoſ. 1. Num. 5. & 6. demonſtrauimus, & arcus MI, arcui NG, ſumptus ſunt æqualis. Immo ex iis, quæ lib. 1. propoſ. 18. Num. 5. ſcripſimus, liquet etiam GHI, parallelum eſſe maximi circuli MEN. Denique per tria puncta F, L, K, circulus, cuius centrum f, eſt in reſta MN, deſcribatur FLK, ſecans EB, produſtam in O. Erit igitur triangulum ſphæricum reſtangelum BFL, id, quod proponitur, cum angulus FBL, reſus ſit, & datum latus BF, baſisque data FL, quod arcus FL, FG, ex polo F, cadentes in parallelum GHI, æquales ſint: Cuius quidem angulum quæſitum FLB, cui datum latus BF, opponitur, ſic inueſtigabimus per ea, quæ lib. 2. propoſ. 1. Num. 5. demonſtrata ſunt. Secta reſta LO, baſariam, & ad angulos re-

ſectum eſt reli-
quum, ex data ba-
ſi, & lator quæſito
angulo quæſito
opponitur, quæſito
Angulo.



ctos per lineam PR, ſecantem circulum LFO, in R, metietur arcus RO. ma-
gnitu-
V u u u

gnitudinem anguli quæsiti FLB. Et si ex angulo L, arcus quocunque intervallo describatur QS, quæq; recta LR, fecit, in S, metietur arcus QS, semissem anguli eiusdem FLB, &c. proinde arcus QS, duplicatæ totum angulum metietur. Quod si punctum sectionis O, nimis procul debet, satis erit ex f, centro circuli KLF, ad LB, perpendicularem ducere, secantem circulum KLF, in R. Hæc enim fecit rectam LO, necessariam. Vel sine centro f, sic agemus. Innoto centro P, trium punctorum A, L, C, excitetur PR, ad BD, perpendicularis. Erit enim rursus P, punctum medium rectæ LO, cum circulus maximus per A, L, C, descriptus transeat per O, punctum ipsi L, oppositum. Quare arcus QS, circuli ex L, descripti inter rectas LQ, LR, pæsius, semissem angulum BLF, metietur. Et si per L, circulus, ut libet, describatur, metietur eius arcus inter easdem rectas totum angulum. Quæ omnia demonstrata sunt ad finem Num. 3. propositionis 19. lib. 2.

I M M O & ipsemet arcus LR, eundem quæsitos angulum BLF, metietur,

vt Num. 3. eiusdem prop. 19. lib. 2. demonstravimus.

I A M vero eadem ratione alter angulus BFL, non datus invenietur. Ducto tunc radio FT, secante Aequatorem in e, metietur arcus Me, angulum BFL, cum eius arcus sit MT, cui equalis est arcus Me, vt ostensum est lib. 2. propof. 1.

DENIQUE reliquum latus non datum BL, efficietur notum per arcum A equatōris, quem rectæ ex A, polo circuli BED, per puncta B, L, extensa intercipient, cuiusmodi est arcus Bg, vt ex eadem propof. 1. lib. 2. manifestum est.

Q V O D si ducta diametro FK, ex puncto extremo lateris dati BF, quæ ad rectos angulos fecit diameter MN, circulum maximum referens

per mundi polos ductum, cuius poli F, K, parallelus GHI, maximus huius circuli MN, per extremum punctum G, basis datæ FG, descriptus non fecit diametram BD, intra Aequatorem, impossibile erit problema, quia tunc ex F, ad BD, deduci non poterit arcus circuli maximæ basi FG, equalis, qualis fuit FL, arcus usque ad parallelum GHI, demissus, auferens latus BL, semicirculo minus, vt ratio postulat. Itaque quando latus datum BF, quadrante minus est, basis proponi debet maior ipso latere: (propterea quod per propof. 24. nostrorum triang. sphær. angulus lateri dato oppositus, acutus est, ideoque per propof. 11. eorundem triang. sphær. latus datum minus est basi, quæ angulo recto opponitur) ita tamen, ut basis cum latere semicirculo minorem arcum constituat,

Situat, qualis fuit basis FG. Nam si punctum G, esset ultra D, parallelus GHF, rectam BD, non secaret: Quando autem latus datum quadrante maius est, basis debet proponi minor ipso latere: (propterea quod per propof. 34. noster in triang. sphæric. angulus lateri dato tunc oppositus, obtusus est, & proinde per propof. 11. eorundem triâng. sph. latus datū minus est base, quæ angulo recto oppositur:) ita tamen, ut basis maior sit complemento lateris dati ad semicirculum. Ut si datum latus sit BN, basis maior esse debet arcu ND, alias parallelus maximi circuli FK, secans diametrum NM, ab extremo puncto dati lateris duſtam ad angulos rectos, descriptus per extremum punctum basis, non secaret BD, intra Aequatorem. Verum hac cautione opus non est, cum triangula sphærica in operatione ponantur eiusmodi, quæ vere, & re ipsa in superficie sphæricæ existant. Quod etiam in problematibus, quæ sequuntur, intelligendum est.

I I . A N G V L V S .

Cum altero angulo, & latere, quæ non sunt data.

Probl. 2.

Ex base, & latere, quod angulo quaesito adiacet.

CONSTRVATVR ex datis triangulum sphæricum EFL, ut in precedenti problemate, in quo angulus EFL, cui datum latus EF, adiacet, querendus proponitur. Quoniam arcus TK, angulum KFL, metitur, ut lib. 2. propof. 15. Num. 3. demonstratum est; si angulo huic addatur rectus angulus KFM, notus erit totus angulus EFL, quaſitus. Quod si ex F, per M, recta ducatur, donec circumlam FTK, productum ſecet, dabit arcus eiusdem circuli inter eam rectam, & punctum T, interceptus, quantitatem totius anguli EFL, ut lib. 2. propof. 15. Num. 2. demonstravimus. At si ex F, circulus quolibet intervallo describatur, metietur eius arcus inter rectas FT, FM, positus semissem eiusdem anguli. Immo & arcus Aequatoris Me, eandem angulum metitur.

ALTER angulus non datus BLF, cognoscetur, ut in precedenti problemate, nimirum vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c.

RELIQVVM autem latus BL, reperietur hic etiam per arcum Bg, quæ recta AL, ex Aequatore aufert, ut in problemate antecedente.

Angulum etiam
legale ex base da-
to, si latus quæſi-
tum angulo
adiacet, reperitur.

I I I . A N G V L V S .

Cum duobus lateribus, quæ non dantur hoc loco.

Probl. 3.

Ex base & altero angulo non recto.

NVMERATA base ex B, versus C, vsque ad g, descriptoque radio visuâli Ag, secante BD, in L, erit BL, basis propositi trianguli, cum tot gradus in arcu BL, contineantur, quot in Bg, ut lib. 2. propof. 1. demonstratum est. Deinde in L, constitutus angulus datus per propof. 12. lib. 2. hoc modo In recta LB, inven-
to puncto O, ipsi L, opposito, ſecetur LO, in P, bisariam, & ad rectos angulos per
Vuuu 2 rectam

Angulum cum
alio ex dato lat-
re.

rectam PR. Aut si punctum Q, nimis remotum sit, inueniatur P, centrum trium punctorum A, L, C, (Hoc enim erit in medio duorum punctorum L, O, cum circulus per A, L, C, ex P, descriptus sit maximus, ac proinde per O, punctum oppositum transeat,) & in P, ad BL, perpendicularis excitetur PR. Descriptio autem ex L, circulo quocunque QS, numeretur in eo semissemis dati anguli à puncto Q, usque ad S, vel certe, si in eo minuta contineantur numero imparia totus angulus numeretur, & arcus numerati semissemis accipiat QS. Ducta namque recta LS, secante PR, in R, si per tria puncta L, R, O, vel per duo L, R, si O, sit nimis remotum, circulus maximus describatur LRO, (cum per puncta opposita transeat) centrum f, habens in recta PR, perit angulus BLF, dato angulo equalis, cum arcus QS, eius semissemis metiatur, ut propos. 15. lib. 1. Num. 2. ostendimus.

I A M ducta ex f, centro per E, centrum Aëcolabij recta MN, quam diameteter FK, ad rectos secabit angulos, si erratum non est, & mittatur radius KT, secans Aequatorem in V, & quadrans sumatur VX. Recta enim KX, secabit fE, in Y, polo circuli maximi LRO, ut lib. 2. propos. 8. Num. 17. monstrauimus. Si igitur per tria puncta D, Y, B, ex centro in recta EA, inuenito circulus describatur secans LRO, in Z, qui maximus erit, cum per puncta opposita D, B, ducatur, erit angulus BZL, rectus, quod circulus maximus DYB, per Y, polo maximi circuli LRO, transeat: ac proinde triangulum rectangulum propositum erit BZL, cum BL, sit basis data opposita recto angulo Z, & angulus non rectus datus BLZ. Angulus ergo alter non rectus LBZ, ita inuenietur. Ducta recta Ba, per a, punctum intersectionis circuli ZBD, cum recta AC, secans Aequatorem in b, erit Db, magnitudo anguli aBE, ut constat ex iis, quæ propos. 15. lib. 1. ostendimus: qui si ex duobus rectis auferatur, quibus duo anguli aBE, EBZ, æquales sunt, ex propos. 4. nostrorum triang. spher. reliquus fiet quæsitus angulus LBZ, qui totus hoc etiam modo reperietur, quando circulus DBZ, commodè totus describi potest, ut rectam EA, intersectet. Ducatur recta ex B, per intersectionem circuli DBZ, cum recta EA. Tam enim arcus Aequatoris, quam circuli DBZ, inter hanc rectam, & diametrum BD, versus D, interceptus, vel etiam arcus circuli DBZ, inter B, & eandem rectam positus, quæsitum angulum LBZ, metietur, ut ex iis, quæ propos. 16. lib. 1. Num. 3. demonstrauimus, liquet.

I A M vero latus LRZ, æquale erit arcui Aequatoris, quem rectæ ex Y, polo circuli KFZ, per puncta L, Z, emissæ auferunt.

E A D E M Q V E ratione alterum latus BZ, indicabit arcus Aequatoris a rectis ex h, polo circuli DBZ, per B, Z, eductis abscissus Polus aut h, erit in intersectione circuli KFZ, cum recta AC. Cum enim maximus circulus DBZ, transeat per Y, B, polos maximorum circularum KFZ, CA; transibunt hi vicissim per illius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde punctum h, polus erit circuli DBZ: qui etiam reperietur, si radius emittatur ex B, per a, secans Aequatorem in b, & quadrans sumatur bV Radius namque BV, rectam AC, in h, polo quæsito intersectabit, ut propos. 8. Num. 17. lib. 2. ostensum est.

Q V O D si datur basis DL, quadrante minor, & eadem fiant, constituitur ex altera parte triangulum propositum DLi, cum angulus DLi, sit æqualis angulo BLF, ad verticem, &c.

I I I I. A N G V L V S.

Probl. 4.

Cum latere, ac base, quę hic non dantur.

Ex latere, quod angulo quasito opponitur, & altero angulo non recto.

SI T latius datum BF; & in F, cũ eo constitutur angulus dato angulo æqualis, per propoſ. 6. lib. 2. hoc modo. Duſta diametro FK, quam ad angulos rectos ſecet diameter MN, numeretur gradus dati anguli a puncto M, viſque ad e. duſtaque recta Fe, ſecante MN, in T. deſcribatur per tria puncta F, T, K. ex centro ſi in recta MN, exiſtente, circulus FTK, qui maximus erit, cum per oppoſita puncta F, K, incedat. ſecet autem hic circulus rectam BD, in L; eritque datus angulus BFL, cum eius arcus ſit M e, ac proinde triangulum ſphæricum BLF, erit id, quod quaeritur, habens nimirum angulum L BF, rectum, latuſque datum BF, una cum non recto angulo LFB, dato. Angulus igitur BLF, dato lateri oppoſitus, inuenietur, vt in 1. problemate. ſecſta namque recta LO, biſariam, & ad angulos rectos per rectam PR, metietur arcus RO, vel LR, angulum quaſitum BLF. Aut ſi ex f, centro circuli KTF, ad LB, perpendicularis exciſetur, & ex L, deſcripto circulo Qſ, quantocunque, recta ducatur LR, metietur arcus Qſ, ſemiſtem eiufdem anguli, &c.

Angulum cum reliquis, ex dato latere, quod ei opponitur, ſi altero angulo non recto inuenitur.

L A T V S autem BL, cognoscetur ex Aequatoris arcu Bg, quę recta AL, abſcindit.

A T vero baſem FL, exhibebit arcus Aequatoris FG, qui a recta ex Y, polo circuli FLK, per L, emiſſa aſertur.

V. A N G V L V S.

Probl. 5.

Cum baſe, & altero latere non dato.

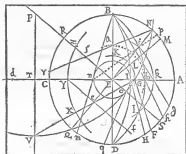
Ex latere, quod angulo quasito adiacet, & altero angulo non recto: dummodo conſtet, num quaſitus angulus maior ſit recto, minorve; vel au baſis, aut alterum latens non datum quadrante maior ſit, minusve.

SI T rurius Aequator ABCD, cum duabus diametris AC, BD, ſeſe in centro E, ad angulos rectos ſecantibus. Numeretur latius datum à puncto A, viſque ad F, iungaturque recta BF, ſecans AC, in G; erit arcus AG, dato lateri AF, æqualis, vt propoſ. 1. lib. 1. monſtratum eſt. Numeretur quoque dati anguli magnitudo a puncto A, viſque ad H, iurgaturque recta BH, ſecans AC, in I; erit arcus AI, æqualis arcui AH, dari anguli, maiorque neceſſario quam AG, ſi datus angulus acutus ſit, vt demonſtrabimus. Deſcripto ergo circulo BID, per tria puncta B, I, D, centrum habente d, in recta AC, qui maximus eſt, cum per puncta oppoſita B, D, tranſcat, erit angulus ABI, dato angulo æqualis, cum cum metiatur arcus AI, vel AH. Deſcribatur quoque ex E, per G, parallelus Aequatoris GE, ſecans

Angulum cum reliquis, ex dato latere, quod angulo quasito adiacet, & altero angulo non recto inuenitur.

fecans circulum BID , in L , & emissa recta EL , secante Aequatorem in M , sumatur arcus AM , æqualis arcus BN . Duçta autem diametro NQ , faciet eam ad rectos angulos RS quod fiet facile, si arcibus BN , DQ , æquales sumantur arcus AS , CR , quod hoc modo efficiuntur quatuor quadrantes NS , SQ , QR , RN . Descripto iam per tria puncta N , G , Q , circulo NOQ , qui maximus est, cum per opposita puncta N , Q , transeat, habetque centrum P , in recta ER , tantum distans ab E , quantum centrum d , circuli BID , ab eodem centro E , abest; propterea quod, ut infra ostendemus, duo circuli BID , NGQ , eundem parallelum tangunt; erit AGN , vel CGQ , triangulum propositum. Quoniam enim arcus AM , BN , æquales sunt; et quæ AM , per scholium propoſ. 22. lib. 3. Eucl. arcui GL , similis, erit quoque BN , eidem GL , similis, igitur circuli maximi BID , NGQ , auferentes ex parallelis GK , AB , arcus similes, & per polum E , non transeuntes, & tangent eundem parallelum, cum videlicet, qui ex E , per L , describitur, cum BID , eum tangat in L , ex scholio propoſ. 13. lib. 3. Eucl. ac proinde ex

a 16. 2.
Theod.



scholio propoſ. 22. lib. 3. Theod. æqualiter ad maximum parallelorum $ABCD$, inclinabuntur, hoc est, anguli ABI , ANG , æquales erunt, quod ex eo etiam constat, quod eorum arcus AI , SO , æquales sunt. Cum ergo ABI , dato angulo sit æqualis, erit etiam ANG , dato angulo æqualis, qui quidem dato lateri AG , opponitur. Itaque si constet, quæsitum angulum ad G , esse acutum, accipien- dum est triangulum ANG ; si vero quæsitum angulum ad G , constet esse obtu- sum, sumendum est triangulum AGQ , &c. Angulum vero quæsitum ita cogno- scemus. Ex P , centro circuli NGQ , ad AC , perpendicularis demittatur PT , secans eundem circulum in V . Arcus enim GV , angulum CGQ , ideoque & angulum AGN , trianguli AGN , metietur, ut lib. 2. propoſ. 17. Nam, 3. osten- ditur, qui angulus ex duobus rectis subducitur angulum AGQ , reliquum faciet in triangulo AGQ . Idem angulus CGQ , habebitur, si ex G , arcus quantus- cunque XZ , describatur secans GC , in Y . Nam arcus XY , semisum anguli CGQ .

CGQ, & duplus arcus XZ. totum angulum metietur.

QVOD si datum latus sit quadrante maius, ac proinde angulus oppositus datus obtusus, minor tamen ipso latere, ut demonstrabitur, numeretur datum latus a puncto C, vsque ad F, emittaturque radius BF, secans AC, in G, ut latus datum sit CG. Numeretur quoque dati anguli obtusi à puncto C, vsque ad H, & radius emittatur BH, secans AC, in I, ut CI, arcus sit dati anguli. Descripto igitur per tria puncta B, I, D, ex centro d, in recta AC, existente, circulo BID, erit CBI, angulus dato angulo equalis. Hunc circulum parallelus GK secet in L; emissaque semidiametro ELM, accipiat arcus AM: equalis arcus BN, ac per tria puncta N, G, Q, circulus describatur, ut prius eritq. rursus angulus GNC, angulo GBC, æqualis, quod probabitur, ut prius. Igitur si constet, angulum questum ad G, adiacentem dato latere CG, esse obtusum, erit propositum triangulum. CGN. Nam si acutus est, oblatum triangulum erit CGQ. Angulus porro questus CGQ, cognoscetur per arcum GV, ut prius, quo deductio ex semicirculo, relinquetur angulus CGN. &c.

EX constructione liquido constet, quando datum latus minus est quadrante, angulum oppositum datum esse acutum, maiorem tamen ipso latere dato; quando autem datum latus maius est quadrante, angulum datum oppositum esse obtusum, minorem tamen dato latere. Quoniam enim per theorema 4. scholii propos. 21. lib. 2. Theod. arcus GA, minor est arcu GN, erit per propos. 1. nostrorum triang. spher. angulus ANG, in triangulo AGN, minor angulo recto A, hoc est, acutus, ideoque GNC, obtusus. Eadē ratione in triangulo AGQ, erit angulus GQA, minor recto A, quod per idem theor. 4. dicti scholii, arcus GA, minor sit arcu GQ, &c. Angulum autem datum lateri AG, oppositum, maiorem esse latere AG, qualis fuit angulus ABI, liquet. Nam si esset minor, cuiusmodi est angulus ABb, cum circulus BbD, parallelus ab, tangat in b, tangeret circulus NGQ, faciens angulum ANG, ipsi ABb, æqualem, eundem parallelum ab; quia circuli BbD, NGQ, propter æquales angulos ad B, N, æqualiter ad Aequatorem inclinati sunt, &c. quod est absurdum, cum NGQ, parallelum ab, secet. Hinc efficitur, obtusum datum angulum oppositum lateri dato CG, minorem esse ipso latere CG, qualis fuit angulus GNC. Nam si esset maior, cuiusmodi est CBb, tangeret circulus NGQ, iterum parallelum ab, quem circulus BbD, tangit, quod absurdum est. Sed de angulis trianguli sphaerici tam rectanguli, quam non rectanguli, plura demonstrabimus in scholio huius Canonis.

CONSTAT quoque, si, constructo angulo ABI, dato angulo æquali, per punctum G, describatur ex propos. 20. lib. 2. maximus circulus NGQ, tangens eundem parallelum IO, quem circulus BID, tangit, constructum quoque esse triangulum propositum. Nam ex Theor. 1. propos. 11. lib. 2. Theod. circuli BID, NGQ, æqualiter inclinati erunt ad Aequatorem, hoc est, anguli ABI, ANG, æquales erunt, &c.

FACILIVS idem problema solvemus hoc modo. Sit Ah, magnitudo anguli dati, ductoque radio Bh, secante AC, in b, erit Ab, arcus Ah, æqualis, Descripto ergo circulo BbD, per tria puncta B, b, D, centrum Y, habente in recta AC, erit ABb, angulus datus. Deinde sit arcus Ag, dato lateri æqualis, & prius quadrante minor, ducaturque radius Bg, secans AC, in k, ut Ak, sit etiam arcus dato lateri æqualis. Descripto autem parallelo Aequatoris per k, secante circulum BbD, in i, ducatur recta Ei, secans Aequatorem in N: Eritque triangulum propositum BiN, vel DiN; cum angulus ad N, sit rectus, & latus

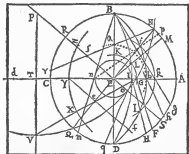
Alia Modis pro
latioribus.

positivè ostendit
probatorem.

a 11. 1.
Theod.

latus Nk, datum, (quippe cum aequalis sit ipsi Ak, ideoque & arcui Ag.) oppositumque dato angulo Nk, vel NDi. Igitur si constet, quæ sitam angulum, esse acutum, accipendum est triangulum BkN. Cum enim omnes tres arcus sint quadrante minores, erunt per propof. 28. nostrorum triang. sphær. duo anguli E, k, acuti: Si autem constet, angulum quæsitum esse obtusum, sumendum est triangulum DkN. Iam si ex Y, centro circuli BbD, ad kE. protractam perpendicularis demittatur Ye, secans circumulum in f, dabit arcus kf, quæ sitatem anguli acuti BkN, vt lib. 2. propof. 15. Num. 3. ostensum est; quo ablato ex semicirculo, obtusus quoque DkN, notus fiet.

Q V O D si lateri datum sit quadrante maius, illudque numeretur ex C, vique ad g, dabitur duobus radius Bg, arcum Ck, eidem lateri æqualem. Numerato quoque angulo dato ex C, vique ad h, ductoque radio Bh, secante AC, in b, si per B, b, D, circulus describatur, erit datus angulus obtusus CDb. Descripsero ergo per k, parallelo secante circulum Bhd, io 1, & per i, æque E, recta extendenda



ut $\angle EQ$, erit propositum triangulum vel BQI , si nimirum quaesitus angulus est obtusus, vel DQI , si acutus: propterea quod angulus ad Q , rectus est, & latus IQ , dato angulo $\angle BQ$, vel $\angle DQ$, oppositum, & quale ipsi Ck , hoc est, arcui Cg . Angulus ad I , invenietur, ut prius.

EX his etiam liquet, angulum datum dato latere oppositum debere esse maiorem ipso latere dato, & acutum, quando latus datum quadrante minus est, minorem vero ipso latere dato, & obtusum, quando datum latus maius est quadrante. Ostensum enim est angulum NBI, vel NDI, esse acutum, idemque QBI, vel QDI, obtusum. Et nisi Ab, arcus anguli dati acuti maior esset latere dato Ak, vel Ch, arcus dati anguli obtusi minor esset latere Ck, non foret parallelus circulus B b D, ac proinde problema solui non posset.

R V R S V S quia paralleli sunt, fecit quoque eundem circumum B b D, ex altera parte recta A C, in puncto I, & ex I, per E, recta extendatur, constituuntur eadem duo triangula, ut periculum est.

IA M vero basis GN, nota fiet per arcum Aequatoris, quem rectae ex polo circuli NOQ, per puncta N, G, educit abscindunt, qui polus ita inuenietur. Du-
da recta NOq, sumatur quadrans gr. Nam recta Nr, rectam PS, in L, quæsito po-
lo scabit.

L A T V S autem reliquum AN, per se notum est, cum sit arcus Aequatoris. Eadem proinde ratio est in aliis triangulis AGQ, CGN, CGQ, &c.

VL A N G V L V S.

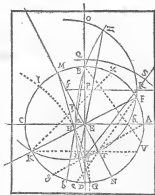
Cum base, & altero angulo non recto, quæ data non sunt.

Final

E X utroque latere circa angulum rectum.

IN figura primi problematis circa angulum rectum ABE, sit unum latas datum BF, & alterum BL, quod reperitur, si numeretur ex B, usque ad g, radiusque emittatur Ag, secans BD, in L. Nam arcus Bg, proficitur in arcum BL, ut propos. 1. lib. 1. demonstravimus. Sumpto autem arcu DK, arcui BF, equali,

As a result, the
company's stock
price has risen
from \$10 to \$15.



B A S E M autem FL, notam reddet arcus Aequatoris, quem recte ex Y, polo circuli FLK, per puncta F, L, extendit interceptiunt, cuiusmodi est arcus FG.

V I I. L A T V S.

Probl. 7.

Cum utroque angulo non recto, quorum neuter datur.

Ex bafe, & altero latere.

Ecce cum reli-
quis ex bafe, &
altero latere ex-
positis.

IN eadem figura fit datum latus BF, & bafis FG. Duftis autem duabus dia-
metris FK, MN, ad angulos rectos fe fecantibus, ducatur recta MG, fecans
FK, in H, & arcus NG, æqualis arcus fumatur MI, ac per tria puncta I, H, G,
defcribatur maximus circulo MN, cuius polus F, parallelus GHI, fecans BD,
in L, ut in problemate 1. factum eft. Nam fi per tria puncta F, L, K, defcriba-
tur maximus circulus, erit triangulum propositum BFL; cum FL bafis æqualis
fit affumptæ bafi FG, ex defc. pola, angulusque rectus FRL. & datum latus BF.
Quantum autem latus BL, erit æquale arcui BG, quem radius AL, abfcindit, ut
ex propof. 1. lib. 2. manifefturn eft.

A T angulus uterque BLF, BFL, cognofcetur, ut in precedenti problemate.

V I I I. L A T V S.

Probl. 8.

Cum altero latere, & angulo non recto non datis.

Ex bafe, & angulo, qui quaefito lateri opponitur.

Ecce cum reli-
quis ex bafe, &
angulo qui qua-
efito lateri oppo-
nitur, inquirere

IN figura problematis 7. Sit Ah, arcus dati anguli, & dufto radio Bh, fecan-
te AC, in b, defcribatur maximus circulus per B, b, D, ut ABb, fit angulus da-
tus. Sumpto deinde quadrante hm, duftoque radio bm, fecante AC, in n, polo
circuli BbD, ut lib. 2. propof. 8. Num. 17. monftratum eft, numeretur bafis da-
ta ex B, vſq; ad p, punctum, ex quo ad n, poli circuli BbD, recta ducatur fecans
eundem circulum in i: eritque arcus Ba, bafis Bp, æqualis, per ea, quæ lib. 2. propof. 9
Num. 17. demonftrata funt. Dufta igitur recta Ei, fecante Aequatorem in N,
erit triangulum propositum BiN; cum angulus N, rectus fit, & bafis data Bi,
una cum angulo iBN, qui lateri quaefito iN, opponitur, quod latus iN, cognof-
cetur, fi ex R, polo maximi circuli NEQ, per i, recta ducatur. Hæc enim ab-
fcindet ex Aequatore arcum a puncto N, inchoatum arcui iN, æqualem: Vel fi
per i, parallelus defcribatur fecans AE, in k. Arcus enim Ak, arcui Ni, æqualis
eft, & notus fit per rectam Bk, cum hæc arcum abfcindat Ag, ipſi Ak, vel Ni,
æqualem, ut patet ex propof. 1. lib. 2.

A L T E K V M porro latus BN, per fe cognitum eft, cum fit arcus Ae-
quatoris.

ANGVLVS denique reliquus BiN, notus efficitur. fi ex Y, centro circuli
BbD, ad iE, perpendicularis deducatur, fecans eundem circulum in f. Arcus
namque if, angulum eif, hoc eft, ei ad verticem æqualem BiN, metietur, ut pro-
pof. 19. Num. 3. lib. 2. monftratum eft.

Q V A M V I S autem problema hoc folutum a nobis fit, quando datus angu-
lus acutus eft, & data bafis quadrante minor, eodem tamen modo foluetur, fi
datus

quadrante sit minor, & eadem sunt, constructur triangulum DLi , cuius latus quæsitum Li , reperitur rursum per arcum Aequatoris, quem rectæ ex Y , polo circuli Li , per extrema puncta L , i , emissæ abscindunt.

$LATVS$ autem alterum BZ , exhibebitur notum per arcum Aequatoris, quem rectæ ex h , polo circuli BZ , per B , Z , emissæ includunt, &c.

$ANGVLVS$ verò reliquis $L B Z$, immenitur, vt in 3. problemate scripsimus, &c.

X. L A T V S.

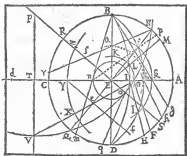
Probl. 10.

Cum basè, & altero angulo non datis.

Ex altero latere, & angulo, qui quæsito lateri adiacet: si modo constet species lateris quæsitæ, vel anguli recti non dati, vel deniq; ipsius basit.

Latus quæsitum recti-
quæ ex altero la-
tere, & angulo
adiacenti quæ-
sitæ lateri immen-
gitur.

HIC etiam constructur in figura problematis 9. idem omnino triangulum AGN , quod in eo problemate constitutum est, ex dato nimirum latere AG , & dato angulo ANG , qui quæsito lateri AN , adiacet.



Nam quando datum latus quadrante minus est, si constet, latus quæsitum esse minus quadrante, erit quæsitum latus AN , in triangulo AGN : si verò constet, quæsitum latus quadrante esse maius, erit latus quæsitum AQ , in triangulo AGQ . At quando latus datum maius est quadrante, si constet quæsitum latus esse minus quadrante, erit quæsitum latus CQ , in triangulo CGQ : Si autem constet, latus quæsitum quadrante maius esse, erit quæsitum latus CN , in triangulo CUN , &c. Est autem, vt vides, latus quæsitum semper arcus Aequatoris, ac proinde cognitum;

B A S I S

B A S I S autem **GN**, cognoscetur ex arcu Aequatoris, quem intercipiunt rectæ ex **f**, polo circuli **NOQ**, (invento in problemate 5. circa finem,) per puncta **N**, **G**, emissæ. Angulum verò reliquum **AGN**, inueniemus, ut in eodem problemate 5. traditum est, &c.

X I. L A T V S.

Probl. 11.

Cum base, & altero angulo non recto non datis.

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quesito opponitur.

I N eadem figura problematis 5. constitutur datus angulus, & acutus est. **ABb**, ut in 8. problemate. Deinde sumpto dato latere **BN**, ducatur ex **N**, per **E**, polum Aequatoris maximus circulus **NEQ**, secans circulum **BbD**, in **i**, eritq; **BiN**, triangulum propositum, cum angulus **BNi**, rectus sit, & datus angulus **NBi**, quesito lateri **Ni**, opponatur: quod quidem notum efficietur per arcum Aequatoris inter **N**, & rectam ex **R**, polo circuli **NEQ**, per **i**, extensam; aut per arcum inter **A**, & rectam **Bg**, quæ per **k**, ducitur, ubi parallelæ per **i**, descriptæ rectam **AC**, intersectat, ut ex propof. 2. lib. secundi perspicuum est.

Latus enim reliquum alteri lateris & angulo, qui quesito lateri opponitur, per arcum.

B A S I S verò **Bi**, æqualis erit arcui Aequatoris **Bp**, abscisso à rectis **nB**, **np**, ex polo **n**, circuli **BbD**, eductis.

A L T E R autem angulus **BiN**, notus efficietur, ut in problemate 5. dictum est.

A T Q V E ita quidem res se habebit, quando datæ latus minus est quadrante, & angulus datus acutus; At si latus datum minus quidem est quadrante, sed datus angulus obtusus, erit quesitum latus **Qi**, quadrante maius in triangulo **DiQ**; quod constituetur, si fiat datus obtusus angulus **CDb**, ex eius arcu **Eh**, & radio **Bh**, secante **AC**, in **b**, puncto, per quod circulus **BbD**, describitur, faciens angulum datum **CDb**; deinde verò datum latus assumatur **DQ**, ex cuius extremo recta ducatur **QEI**, &c.

Q V O D si datum latus maius fuerit quadrante, & angulus datus acutus, constitutur ille angulus **ADb**, hoc est, **Abb**, sumpto prius eius arcu **Ab**, ductoq; radio **Bh**, secante **AC**, in **b**, &c. Deinde sumpto latere dato **DN**, ducatur recta **NE**, secans circulum **BbD**, in **i**. Nam propositum trianguli erit **DiN**, cum angulus ad **N**, rectus sit, & datus angulus **iDN**, quesito lateri **Ni**, opponatur, &c. quod quidem latus **Ni**, reperietur, ut prius.

D E N I Q V E si datum latus fuerit quadrante maius, & angulus datus obtusus, constitutur datus angulus **CBb**, ex eius arcu **Ch**, &c. Deinde sumpto dato latere **BQ**, ducatur recta, **QE**, secans circulum **BbD**, in **i**. referensq; circumlatum maximum per polos Aequatoris ductum. Erit igitur triangulum propositum **BiQ**, cuius latus quesitum est **Qi**, quod quidem cognoscetur per arcum Aequatoris inter **Q**, & rectam ex **R**, polo circuli **NEQ**, per **i**, extensam, &c.

Probl. 22.

X I L L A T V S.

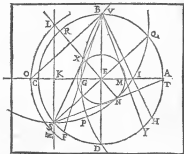
Cum Bafe, & altero latere non datis.

E X utroque angulo non recto.

Itaque cum recto
quo ex utroque
angulo ad rectum
suppleatur.

SIT iterum Aequator $ABCD$, circa centrum E , cum duabus diametris
fisse ad rectos angulos secantibus AC , BD , & proponatur primo triangulum
rectangulū duorum angulorum obtusorum. Sit unus obtusi anguli arcus AF ,
ductoq; radio BF , secante AC , in G , describatur per B , G , D , maximus circulus,
ut constitutus sit datus ille angulus obtusus ABG . Sumpto deinde quadrante
 FH , ductoq; radio BH , secabitur AC , in I , polo circuli BGD , ut constet
ex ijs, quæ lib. 2. propos. 8. Num. 17. demonstrata sunt. Si igitur per I , circulus
maximus describatur faciens cum Aequatore angulum alterum obtusum
datum, constructum erit propositum triangulum, * cum angulus, quem idem
hic circulus posterior cum BGD , priore facit, rectus sit. Id autem sic fiet.
Sit CY , arcus alterius anguli obtusi dati. Et quoniam, ut in scholio huius Canonis
demonstrabatur, in omni triangulo sphærico rectangulo, uteruis angulo-

fig. 1. Theor.



rum non rectorum minor est arcu, quo complementum alterius anguli non recti
à semicirculo differt; est autem arcus AI , arcus EG , hoc est, complementum
anguli ABG , æqualis, quod GL , EA , quadrantes sint ex Coroll. propos. 16. lib.
1. Theor. ac proinde AI , complementum anguli ABG , à semicirculo AC ,
differt arcu CL , erit CY , arcus alterius anguli obtusi minor arcu CP , qui
arcui CI , æqualis est. Ducto igitur rad. o BY , secante AC , in M , erit $janiti$
 M , inter E , & I ac proinde descripto parallelo MN , describi poterit circulus

maximus

maximus per I, tangens circulum M N, ut propos. 20. lib. 2. tradidimus; quem sic describamus. Recta inter I, & alterum polum circuli BGD, bifariam diuisa in K; vel, quando alter ille polus nimis procul excurrit, aruento K, centro trium punctorum B, I, D, quod prædictam rectam bifariam secat, cum circulus per B, I, D, descriptus per alterum polum transeat, propterea quod maximus est, per B, D puncta opposita incedens; erigatur ad AC, perpendicularis KL, in qua necessario eadrum circuli tangentis maximus existit, ut ibidem demonstrauimus. Post hæc reclinato angulo BMC, fiat equalis angulus MBO. Nam quia semicirculus circa rectam inter I, & alterum polum circuli BGD, positam descriptus transit per punctum B, extremum perpendicularis EB, ut loco citato demonstratum est; percirco in B, ad rectam BM, angulus constitutus est equalis angulo BMC, eademq; necessario punctum O, ut ibidem ostensum est, ultra K. Descripto igitur ex E, per O, circulo, secabitur KL, in L, Z, punctis, quorum utrumlibet centrum esse potest circuli maximi per I, descripti, circulumq; MN, tangentis, punctum quidem L, centrum erit, si tangens circulus facere debeat angulum obtusum cum Aequatore versus angulum ABG, & punctum contactus erit N, in quod recta LE, incidit; at si circulus tangens debeat esse Aequatore versus B, constituere angulum acutum, erit eius centrum Z, punctumq; contactus à ducta recta ZE, indicabitur, ut ibidem monstratum est. Descripto ergo ex L, (quia angulum obtusum desideramus) per I, circulo maximo, qui tanget circulum MN, in N, transibitque per alterum polum circuli BGD, atque Aequatorem in punctis oppositis Q, S, secabit, ita ut recta QS, ad LN, perpendicularis sit, si erratum non est, erit propositum triangulum BPQ: - cum angulus P, rectus sit, & angulus ABG, vnus ex datis angulis obtusis, & BQP, reliquus, eo quod eius arcus RN, equalis est arcui CM, hoc est, arcui assumpto CY. Quod si radius emitatur SNT, & quadrans TV, accipiat, ut radius SV, exhibeat X, polum circuli QNS; (qui necessario erit in communi sectione rectæ EL, cum circulo BGD, Cum enim circulus QNS, transeat per I, polum circuli BGD, transibit hic vicissim per illius polos. Cum ergo polus circuli QNS, sit in recta EL, ut propos. 8. Num. 13. ostensum est, erit X, communis sectio rectæ EL, cum circulo BGD, polus circuli QNS,) cognoscemus latus PQ, per arcum Aequatoris inter Q & rectam ex polo X, per extremum punctum P, extrusam. Latus vero BP, per Aequatoris arcum inter B, & rectam ex polo I, per punctum extremam P, emissam, ut lib. 2. propos. 1. Num. 17. demonstrauimus.

PROPOſATVR deinde triangulum rectangulum duorum angulorum acutorum. Si igitur construatur triangulum rectangulum duorum obtusorum angulorum, qui datorum acutorum complementa sint ad semicirculum, vel ad duos rectos, ut proxime dictum est, nimirum triangulum BPQ, erit propositum triangulum DPS, cum angulus P, rectus sit, & alii acuti, quorum complementa ad duos rectos sunt obtusi ADG, vel ABG, & RSN, vel RQN. Latus ergo DP, æquale erit arcui Aequatoris, quem rectæ ID, IP, (si ducantur) abscedunt: Latus vero PS, arcui Aequatoris, a rectis XP, XS, (si ductæ fuerint) abscessio æquale erit.

TERTIO triangulum propositum sit rectangulum, cuius alter reliquorum angulorum acutus sit, & alter obtusus. Construatur ergo iterum triangulum BPQ, rectangulum duos angulos habens obtusos, quorum vnus datus sit ABG, alter vero RQN, complementum acuti dati ad duos rectos. Triangulum enim propositum erit DPQ, habens rectum angulum P, & obtusum datum POQ, & acutum DQP, cuius complementum ad duos rectos est angulus constitutus

PQ.B. Latus ergo PD, ootum fiet per rectas ex I, polo circuli BGD, per P, & D, emissasq; latus PQ, per rectas ex polo X, circuli QNS, per P, Q, extensas.

IN omnibus autem hæcæ triangulis basis BQ, vel DS, vel DQ, per se nota est, cum sit arcus Aequatoris.

X I I L. B A S I S.

Probl. 13.

Cum altero latere, atque angulo non datis.

Ex latere, & angulo ei adiacente.

*Problema cum reli-
quis ex latere, at
que angulo ei ad-
iacente, resolutum
est.*

IN figura problematis 1. sit datum latus BF, & ad F, construaturs angulus BFL, dato angulo æqualis, ut in 4. problemate: quod fiet, si sumpto arcu Me, dati anguli, radius egrediaturs ex F, per e, secus MN, in T. (ductis prius duabus dia-
metris FL, MN, ad angulos rectos se diuidentibus.) & per tria puncta F, T, K, circulus ex centro I, describatur, qui maximus erit, cum per opposita puncta F, K, incedat. Triangulum igitur propositum erit BFL, cuius basis FL, reperieturs per rectas ex Y, polo bas. (qui inuenieturs, si ducto radio KT, quadrans sumatur VX. Nam radius KX, rectam MN, in Y, polo secabit.) per F, L, ductas.

ALTE RV M. latus BL, æquale erit arcui Aequatoris Bg, à radio AL, abscisso.

REL IQ VVS vero angulus BLF, cognitus erit vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c.

X I I I L. B A S I S.

Probl. 14.

Cum altero latere, & angulo, non datis.

*Ex latere & angulo ei opposito: si modo constet, num basis quadran-
te maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datus sit acutus, ob-
tususue: Aut denique num alterum latus non datum, minus sit qua-
drante, an maius.*

*Basis cum reli-
quis ex latere, &
angulo ei opposi-
to, resolutum.*

FIA T in figura problematis 1. ex dato latere, & angulo opposito triangu-
lum AGN, ut in 5. problemate: quod fiet, si sumpto latere dato AF, & arcu da-
ti anguli AH, qui maior erit arcu AF, ut in 5. problemate datum est, atque re-
liqua construanturs, ut ibidem factum est. Propositum eodem triangulum erit
AGN, si constet, basem esse quadrantem minorem, vel AGQ, si constet basem ma-
iorem esse quadrantem. Quod si datum latus fuerit maius quadrantem, erit vel CGN,
vel CGQ, triangulum propositum, prout videlicet constabit, basem minorem
esse quadrantem, vel maiorem. Basis autem GN, vel GQ, oota fiet ex arcu Aequa-
toris abscisso per rectas per puncta G, N, vel G, Q, emissas ex I, polo circuli
NGQ, qui reperieturs, si ducta recta NOq, quadrantem accipiamus q. Radius
enim Nr, polum quæsitum I, in recta PS, indicabit, ut ex propo. 8. Num. 17. lib.
2. perspicuum est.

A L T E-

ALTERVM latus AN, vel AQ, vel CN, vel CQ, per se notum erit, cum sit arcus Aequatoris.

ANGVLVS autem reliquus ad punctum G, cognoscetur, vt in problema-
to 5. dictum est.

XV. B A S I S.

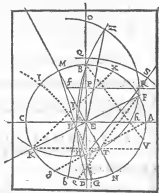
Probl. 15.

Cum vtroque angulo non recto, quorum neuter datur.

EX vtroque latere.

IN figura problematis 1. sint duo latera data BF, Bg, & ipsi Bg, per radium Ag, aequalis arcus auferatur BL. Dueta deinde diametro FK, quam ad rectos angulos fecerit MN, describatur per tria puncta F, L, K, maximus circulus ex centro f. Quæsitæ enim basis erit FL, in triangulo datorum laterum BFL, quod in problema 6. etiam constituimus. Posset quoque latus maius Bg, assumi, & minori BF, æqualis arcus ex recta BE, abscindi, &c. vt in dicto problema 6. dictum est. Basis porro FL, cognoscetur per arcu Aequatoris abscissum per rectas emissas per puncta F, L, ex polo Y, circuli FLK, qui inueniuntur in recta MN, si duobus radio KTV, quadrans accipiat V X, radiusque KX, emittatur secans MN, in Y.

Notum cum vtri-
que ex vtroque
latere veniat.



ANGVLVS autem vterque BLF, BFL, cognoscetur, vt in 1. problema.

XVI. B A S I S.

Probl. 16.

Cum vtroque latere non dato.

EX vtroque angulo non recto.

FIAT omnino idem triangulum datorum angulorum, quod in problema 12. constructum fuit, BFQ, vel DPs, vel DPQ, prout vterque angulus datus

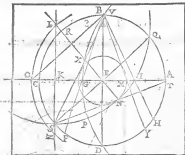
Notum cum vtri-
que ex vtroque
angulo ad rectam
peruenit.

Y y y y

fuerit

fuerit obtusus, vel acutus, vel acutus unus, & alter obtusus. In his autem obtusis basibus BQ, vel DS, vel DQ, nota est, cum sit arcus Aequatoris.

Acq. C. et E.



VTRVMQVE porro latus notum efficietur, ut in 1. problemate docuitur.

ATQVE ita omnia problemata triangulorum sphaericorum retriangulorum expedita sunt: sequuntur iam triangula obliquangula, in quibus videlicet nullus angulorum rectus est.

Probl. 17.

XVII. OMNIA LATERA trianguli obliquanguli.

EX omnibus angulis.

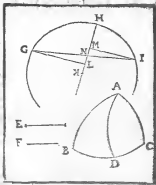
Angulus, quoniam
est perpendicu-
larem ad latus
oppositum demul-
sit in triangulo
sphaerico hoc in
opposito regula
applicatur.

IN huiusmodi triangulo quocunque erunt si licet duo anguli acuti, vel obtusi, si omnes tres acuti non sunt, aut obtusi. Sit igitur triangulum sphaericum obliquangulum ABC, datorum angulorum, cuius duo anguli B, C, obtusi sint, vel acuti, intelligaturque ex reliquo angulo A, qualiscunque sit, ad latus BC, demissus arcus perpendicularis AD, qui perpropof. synodorum triang. sphaeric. intra triangulum cadet. Primum ergo intelligere oportet duos angulos BAD, CAD, hoc modo. Sumantur in aliquo circulo arcus angulorum B, C, & eorum complementorum sibi, qui proportionem habebunt, quibus recta E, ad rectam F, Deinde in circulo GHI, cuius centrum K, accipiat GL arcus anguli A, eiusq; chorda GI, secetur in N, ex scholio propof. 10. lib. 8. Eius ita ut sit GN, ad NI, quemadmodum E, ad F, arcus ex K, centro per N, recta ducatur KNH. Dico GH, arcum esse anguli BAD, & HI, arcum anguli CAD. Ductis etiam ex G, I, ad EH, perpendicularibus GL, IM, hoc est, lineas arcum GH, HI,

GH, HI, quoniam anguli M, ut si sint, itaque equaliter, itemque & anguli ad vertexem N, equaliter erunt triangula GLN, IMN, æqualangula. Igitur erit, ut GN, ad GL, ita IN, ad IT, & permutando ut GN, ad IN, ita GL, ad IM: Et autem ut GN, ad NI, ita E, ad F, hoc est, ita sinus complementi anguli B, ad sinus complementi anguli C: Igitur erit quoque, ut sinus complementi anguli B, ad sinus complementi anguli C, ita GL, ad IM. Quamobrem cum per propof. 8. nostrorum triang. spher. easdem proportionem habeant sinus complementi totorum angulorum B, C, quam sinus angulorum BAD, CAD, habent, erit quoque ut GL, ad IM, ita sinus anguli BAD, ad sinus anguli CAD. Cum ergo GL, IM, sinus sint arcuum GH, HI, erit G H, arcus anguli BAD, & HI, arcus anguli CAD, cum sinus angulorum idem sint, qui arcuum angulos metientium. Cognitis igitur erunt anguli BAD, CAD, cum eorum arcus GH, HI, cogniti sint.

SE D quia contingere potest, ut existens angulo BAC, obtuso, arcus perpendicularis AD, faciat alterutrum angulorum BAD, CAD, rectum, propositio autem si nostrorum triangul. spher. demonstrata est per propof. 42. eorumdem, quæ locum solum habet in

triangulo spherico habetis angulum rectum, non autem duos quales esse possunt vel BAD, ADB, vel CAD, ADC; demonstrari poterit eadem propof. 61. quando alter angulorum ad A, rectus est, hoc modo. Si primum angulus BAD, rectus: Cum ergo & ADB, rectus sit, erunt AB, DB, per propof. 25. nostrorum triang. spher. quadrantes, ac propterea AD, arcus erit anguli B. Igitur erit, ut sinus anguli recti BAD, ad sinus totum, ita sinus complementi anguli B, ad sinus complementi arcus AD, cum utrobique sit proportio æqualitatis. Est enim idem complementum anguli B, & arcus AD, cum AD, arcus sit anguli B. Sed per propof. 42. nostrorum triangul. spher. est, ut sinus anguli DAC, (qui minor semper est recto, cum totus angulus BAC, duobus rectis sit minor, & BAC, rectus ponatur) ad sinus totum, ita sinus complementi anguli C, ad sinus complementi arcus AD: Et convertendo, ut sinus totus ad sinus anguli DAC, ita sinus complementi arcus AD, ad sinus complementi anguli C: Igitur erit ex æqualitate, ut sinus anguli recti BAD, ad sinus anguli DAC, ita sinus complementi anguli B, ad sinus



Demons-
tratio
ad
propos.
61. in
triangul.
spherico.

sin. ang. recti BAD.	sin. compl. ang. B.
sinus totus.	sin. compl. arcus AD.
sin. anguli DAC.	sin. compl. ang. C.

Yyyy a sinus

sinum complementi anguli C, quod in dictis propos. 61. erat demonstrandum.

SIT deinde angulus CAD, rectus. Igitur, ut proxime demonstravimus, erit ut sinus anguli recti CAD, ad sinum anguli BAD, ita sinus complementi anguli C, ad sinum complementi anguli B: Et convertendo, ut sinus anguli BAD, ad sinum anguli recti CAD, ita sinus complementi anguli B, ad sinum complementi anguli C, quod est propositum.

I N V E N T I S arcibus angularum BAD, CAD, quos arcus AD, ad latera BC, perpendicularis facit, sit Aequator Astrolabij ABCD, circa centrum E, superiori circulo GHI, aequalis, ut facilius arcus angularum inventi in eum transferantur, ducanturque duas diametri BD, AC, ad angulos rectos sese secantes. Sumpto autem arcu AF, anguli BAC, qui nimirum arcui GHI, superioris figurae sit aequalis, vel certe similis, si Aequator ABCD, circulo GHI, non fuerit equalis descriptus, & ducto radio BE, secans AC, in I, describatur per B, I, D, maximus circulus BID, ut fiat angulus ABI, dato angulo BAC, equalis. Deinde sumpto arcu AG, anguli CAD, qui videlicet arcui HI, superioris figurae equalis sit, aut similis, ductoque radio BG, secante AC, in H, describatur per B, H, D, circulus man-

mus BHD, ut fiat angulus ABH, angulo CAD, ac proinde reliquis IBH, reliquo BAD, equalis. Sumpto quoque quadrante EP, dabit radius BP, in recta AC, polum K, circuli BHD. Et quoniam arcus CK, equalis est arcui EH, hoc est, complemento anguli ABH, vel CAD, superioris figurae, quod quadrantes sint CE, KH; differet complementum anguli ABH, vel CAD, superioris figurae, a semicirculo AC, arcu AK. Si ergo accipiat AL, arcus anguli ACD, dati in triangulo rectangulo ACD, superioris figurae, ducaturque radius BL, secans AC, in M, erit punctum M, inter A, & K; propterea quod, ut in scholio ostendimus, in triangulo rectangulo ACD, angulus C, minor est arcu AK, quo complementum anguli CAD, superioris figurae, vel anguli ABH, in hac figura, à semicirculo differt. Quod si angulus C, foret acutus, casus videlicet arcus esset AN, si ei equalis acciperetur CM, paderet adhuc punctum M, inter A, & polum circuli per B, N, D, descripti, propterea quod, ut in eodem scholio huius Canonis demonstrabitur, in omni triangulo rectangulo quatuor reliquorum angularum, nimirum acutius C, ideoque & CM, arcus anguli eiusdem C, maior est complemento alterius, hoc est arcu circuli CEK, a puncto C, usque ad polum circuli per B, N, D, descripti. Parallelus ergo ex E, per M, descriptus

Tota huius canonis
quinta angularum
auctoritas



rectus inter puncta A, K, continetur; ac proinde si per K, circulus KS, describat
 ut parallelum MON, tangens, habebimus propositum triangulum BKS, datorum
 angularum, ut probabitur. Ita autem per prop. 20. lib. 1. vel per Lemma 41. per
 K, circulus tangens describimus. Divisa recta inter K, & alterum polum cir-
 culi BHD, bifariam in Y. vel quando alter polus nimis procul distat, invento
 centro Y, trium punctorum B, K, D, quod dictam lineam bifariam dividet, cum
 circulus per B, K, D, descriptus transeat etiam per alterum polum, erigatur ad
 AC, perpendicularis YV, in qua centrum circuli describendi existit; quod repe-
 ritur hoc modo. Angulo rectilineo BMA, fiat equalis MBT, cadenteque neces-
 sario punctum T, ultra Y, & parallelus ex E, per T, descriptus, secabit rectam YV,
 in punctis V, X, quorum utrumque centrum esse potest circuli tangens; quæ
 omnia in dicta propositione 20. lib. 1. & Lemmate 31. demonstravimus. Punctum
 quidem V, erit centrum, si uterque angularum C, B, datus sit obtusus, alius pun-
 ctum X, centrum erit. Ponamus ergo, utrumque angulum esse obtusum, & ducta
 recta VEO, describatur ex V, per K, circulus, qui, ut in dicta prop. 20. lib. 1.
 ostendimus, circulum MON, in O, continget, secabitque circulos BHD, ABC, in
 duobus punctis, nimirum R, S. Dico BRS, esse triangulum propositum. Quoniam
 enim maximus circulus ZEO, transit per polos circuli KOS, & Aequatoris,
 quod eius centrum, ac poli, & centrum Astrolabii, siue polus Aequatoris, in ea-
 dem recta sunt, ut lib. 2. prop. 2. Num. 19. monstratum est, transibunt vicissim
 circulus KOS, & Aequator per alios polos, ideoque S, polus erit circuli maxi-
 mi ZEO, per polos mundi ducti; ac proinde ZO, arcus erit anguli BSR. Quare
 cum arcus ZO, quadrante maior sit, & equalis arcui AM, anguli C, erit angu-
 lus BSR, obtusus, & equalis angulo C. ^{a 15. 1.} Et quoniam angulus BQS, rectus est, ^{Tab. 1.}
 ideoque recto ADC, equalis, erunt tres anguli trianguli BQS, tribus angulis
 trianguli ADC, superiores figurae aequales; atque idcirco per prop. 13. nostro-
 rum triang. sphaer. & latus BS, lateri AC, & latus PQ, lateri AD, & latus QS, la-
 teri DC, aequale erit. Rursus quia in triangulo BQR, duo anguli B, Q, duobus
 angulis A, D, in triangulo ADB aequales sunt, laterisque a diagonis BQ, lateri ad
 iacenti AD, ostensum est aequale, erit per prop. 20. nostrorum triang. sphaer. &
 latus BR, lateri AB, & latus QR, lateri DB, aequale, atque angulus R, angulo B.
 Totum ergo triangulum BRS, toti dato triangulo ABC, æquilaterum est, &
 æquiangulum. Latus autem BS, notum est, tanquam pars Aequatoris, alius vero
 duo cognoscuntur per rectas ex eorum polis per puncta extrema emissionis qui po-
 li sic inveniuntur. Sumpto quadrante Fa, dabit radius Ba, in AC, polum N, cir-
 culi BR. Deinde quia maximus circulus KS, ducitur per K, S, polos maximorum
 circulorum BHD, ZO, (ostensum enim fuit, S, polum esse ipsius ZO,) transibunt
 hi vicissim per illius polos, ideoque polus circuli KS, erit punctum b, ubi circuli
 ZO, BQ, se interficiunt.

QVOD si anguli C, B, ponantur acuti, describendus erit circulus ex X,
 per K, qui tanget circulum MON, in extremo puncto rectæ ex X, per E, exten-
 sæ, facietque cum Aequatore angulum acutum angulo C, æqualem, cum eius
 arcus minor tunc sit quadrante, &c.

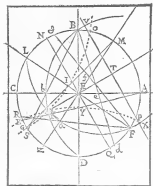
XVIII. OMNES ANGLI
trianguli obliquanguli.

Probl. 18.

Ex omnibus lateribus.

Tota negotia ex
rebus solutibus
apparet.

IN Aequatore ABCD, cuius centrum E, & duæ diametri sibi ad rectos angulos secantes AC, BD, sumantur tres arcus tribus datis lateribus æquales BE, BH, FG, Circa polum B, vel D, per propof. 18. lib. 2. describatur maximo circulo AC, per mundi polos ducto parallelus HYP, per punctum H: quod fiet. Ducta recta AH, secante BD, in Y, sumatur arcus CH, æqualis arcus AP. Nam circulus per tria puncta H, Y, P, centrum habens in recta BD, parallelus erit maximi circuli AC, per H, descriptus. Rursus ducta diametro FL, quam ad rectos angulos secet MZ, describatur circa polum F, vel L, maximo circulo MZ, per polos mundi ducto parallelus OIG, per punctum G, hoc modo. Ducta recta MG, secante FL, in I, sumatur arcus ZG, æqualis arcus MO, ac per tria puncta O, I, G, circulus OIG, centrum habens in recta FL, describatur, qui parallelus erit maximi circuli MZ; quæ omnia lib. 2. propof. 18.



Num. 5. demonstramus. Seca bût autem se mutuo duo hi paralleli. si problema possibile est, in puncto K. Si igitur per tria puncta F, K, L, maximus circulus describatur FKL, & per tria puncta B, K, D, alius BKD, erit propositum triangulum BFK, cum latus BF, sit vnum ex datis, & BK, ex definitione poli æquale alteri dato lateri BH, & FK, tertio lateri dato FG, æquale. Anguli huius trianguli sic reperientur. Ductis radijs F a R, B b f, dabit arcus MR, magnitudinem anguli BFK, & arcus AS, quæ tractem anguli FBK. Denique ducta recta KE, quæ ad rectos angulos secet diameter NQ, si trium punctorum N, K, Q, centrum reperitur T, & ad

KT, perpendicularis excitetur TV, metietur arcus KV, angulum VKT, & arcus KX, angulum XKT, ut lib. 2. propof. 15. Num. 5. monstratum est. Si igitur arcus KV, adiciatur arcus similis arcus KX, habebitur arcus totius anguli BKF.

X I X. LATVS CVM DVOBVS ANGVLS
adiacentibus in triangulo obliquo angulo.

Probl. 19.

EX reliquis duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

IN antecedentis problematis figura sit vnum ex datis lateribus BF . Sumpto autem arcu dati anguli AS , ductoque radio BS , secante AC , in b , describatur per tria puncta B, b, D , circulus maximus, ut datus angulus sit ABb . Deinde signato quadrante Sd , ducatur radius Bd , secans AC , in e . polo circuli BbD , ut ex ipso constat, quæ lib. 2. propof. 17. demonstrauimus. Si igitur accipiamur arcus BH , alteri dato lateri equalis, & ex e , polo recta emittatur eH , abscindatur ex circulo BbD , arcus BK , equalis arcui BH , hoc est, alteri lateri dato. Postremo ducta diametro FL , quam ad angulos rectos fecerit diameter MZ ; & per tria puncta F, K, L , describatur maximo circulo FKL , centrum habente in recta MZ , constructum erit propositum triangulum BKF , cum duo latera data sint BF , BK , vnâ cum angulo FBK , ab ipsis comprehenso. Iti ducta recta FaR , sumptoque quadrante Rg , si ducatur recta Fg , secabitur MZ , in f , polo circuli FKL . Recta ergo fK , abscindet arcum Aequatoris FG , lateri quæsito FK , equalis. Anguli autem BFK , BKF , cognoscuntur, ut in precedenti problemate.

NON aliter problema soluitur, si datus angulus sit acutus: Sit enim vnum ex datis lateribus BL , & CS , arcus dati anguli acui. Ducto ergo radio BS , secante AC , in b , constatuit circulus per tria puncta B, b, D , describitur angulum datum LBb , acutum. Sumpto deinde altero lateri dato BH , si ex e , polo circuli BbD , ducatur recta eH , abscindatur arcus BK , huius alteri dato lateri BH , equalis. Ducta postremo diametro LE , quam ad angulos rectos sit fecerit MZ , si per tria puncta L, K, P , circulus maximus describatur, constructum erit triangulum propositum BLK . Recta autem fK , ex polo f , circuli KL , emissa auferet arcum LH , quæsitum lateri LK , equalis. Anguli ad L , K , inueniuntur ut prius, quemadmodum lib. 2. propof. 17. traditum est. Angulus enim BLK , inuenitur angulo BFK , equalis est: Et si inuenitur angulus BKF , ex duobus rectis tollatur, reliquus erit quæsitus alter angulus BbL .

X X. DVO LATERA CVM ANGVLO AB
ipsis comprehenso in triangulo obliquo angulo.

Probl. 20.

EX reliquo latere, & duobus angulis illi adiacentibus.

IN eadem figura problematis 18. sit datum latus BF , à cuius extremis ductæ sint diametri BD , FL , quæ ad rectos secant angulos alius diametri AC , MZ : sitque AS , arcus anguli ad B , constituendi, & MR , anguli constituendi ad F . Ductis igitur radijs Bb , Ff , secantibus AC , MZ , in b , f , si tam per tria puncta B, b, D , quam per tria F, f, L , maximus circulus describatur, constructum erit triangulum propositum BFK , cum habeat datum latus BF , cum duobus datis angulis adiacentibus FBK , BKF . Hos etenim angulos metiuntur arcus AS , vel Ab , & MR , vel Mf , ut lib. 2. propof. 17. ostendimus. Inuentis autem e , f , polis circuloz BbD , FfL , (quod fiet, si sumptis quadrantibus Sd , Rg , radij egrediantur

Latus cum abscissa sine datus anguli, ut datus reliquus lateribus, & angulo comprehenso colligitur.

Ita latus, & angulum ab ipsis comprehensum ad rectos sumit, & anguli in 23 abscinduntur per arcum.

distantur B d, Fg, secantes AC, MZ, in e, f, polo, ut constet ex propoſi Num.
17. lib. 2.) recta eK, abſcindet arcum BH, lateri BK, & recta fK, arcum FG, la-
teri FK, æqualem. Angulus vero BKF, notus fiet, ut in problemate 18. cum ar-
cus KV, metiatur eius partē VKT, & arcus KX, eius alteram partem XKV, &c.

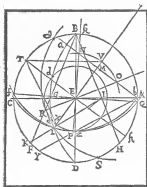
Probl. 21. **XXI. DVO LATERA CVM VNO ANGVLO**
vni eorum oppoſito in triangulo obliquangulo.

*E X reliquis duobus angulis, & reliquo latere, quod vni eorum
oppoſitur, ſi modò conſtet ſpecies lateris queſiti alteri angulo da-
to oppoſiti.*

Two ſides, &
an angle, not
oppoſite
ex duobus ad-
jectis angulis,
&
reliquo latere
vni eorum oppo-
ſito, petimus
arc.

SI T Aequator ABCD, circa centrum E, cum diametris AC, BD, ſeſe ad re-
ctos angulos ſecantibus. Sumpto arcu AF, alterius angulo, ium datorum, qui

nunc obtuſus ponatur, du-
ctoque radio BF, ſecſit AC,
in G, deſcribatur per B, G,
D, circulus, ut datus angulus
ſit ABG. Sumpto quoque qua-
drante FH, iungatur radius
BH ſecans AC, in I, polo cir-
culi BGD. Sit rursus arcus
BK, dato lateri æqualis, iun-
gaturque recta IK, quæ ab-
ſcidet lateris datæ BL, æqua-
le nimirum arcu BK. Poſt
hæc ſumpto arcu BY, alte-
rius anguli dato, deſcriptoque ra-
dio AY, ſecante BD, in Z, de-
ſcribatur circulus per A, Z,
C, ut fiat angulus BAZ, alte-
rius huius angulo dato æqualis.
Deſcripto deinde ex E, per
Z parallelo ZR, extra quem
neceſſario pñſum L, exiſſit,
ſi problema poſſibile eſt. Et
ſi quidem datum lateris B L,
quadrante ſit maius, ac paral-
lelus circulum BGD, ſecet,
ut in d, e, neceſſe eſt poſterior-



ſpecies vel
obliquus.

rem datum angulum obtuſum eſſe, & maiorem dato priore angulo ABG, con-
ſtareque debet omnino ſpecies arcus angulo ABG, oppoſiti: ſi vero non ſecet,
poterit poſterior datus angulus eſſe vel obtuſus, vel acutus, problemaque ſol-
vetur, etiam ſi non conſtet ſpecies arcus oppoſiti angulo ABG. At vero ſi datum
later ſit quadrante minus, nimirum DL, & parallelus circulum BGD, ſecet,
neceſſe eſt poſtiorrem angulum datum eſſe acutum, debetque ſpecies conſtare
arcus, qui angulo obtuſo dato ABG, oppoſitur. Si autem non ſecet, poterit
poſterior

posterior angulus datus esse vel acutus, vel obtusus, & necesse non erit, ut species arcus angulo CDG, oppositi detur,

QVOD si datus angulus primo loco constitutus CBG, fuerit acutus & datum latus BL, maius quadrante, atque parallelus circulum BGD, intersecet, erit alter angulus datus obtusus necessario, debebitque consistere species lateris quod dato angulo CBG, opponitur. Si verò parallelus circulum non faciet, poterit posterior angulus datus esse vel obtusus, vel acutus, & necesse non erit dari species lateris angulo dato CBG, oppositi. At si datum latus sit minus quadrante, nimirum DL, si quidem parallelus circulum faciet, necesse est, datum posteriorem angulum esse acutum, constareq; debet species lateris dato angulo CBG, oppositi. Si verò non faciet, poterit posterior datus angulus obtusus esse, vel acutus, problemaque solvetur, licet species lateris dato angulo CDG, oppositi non detur, quæ omnia demò Arabibus.

SECEt ergo primum parallelus per Z, descriptus circulum BGD, eritq; tunc necessario datus alter angulus BAZ, obtusus, & maior priore angulo dato ABG. Arcus enim per L, descriptus efficiens cum Aequatore angulum æqualem posteriori huic dato angulo, tangere debet parallelum per Z, descriptum, quem etiam tangit circulus AZC, ut consistat ex i. theor. scholi; propof. 21. lib. 2. Theod. propterea quod hi duo circuli efficiunt æquales angulos, æqualiter inclinantur ad Aequatorem. Cum ergo per L, duo circuli maximi tangentes describi possint, unus quidem tangens in P, & alter tangens in R, ut mox docebimur, secabit uterque semicirculum BAD, in punctis Q, S, infra punctum L, productus; eo quod supra punctum L, versus B, productus arcum BL, ante punctum B, neuter secare potest: alius esset BL arcus semicirculi maior, cum maximi circuli se mutuo bisariam secant. Igitur tam angulus EQL, quàm FSL, obtusus erit, obtusoque BAL, æqualis, sed maior obtuso dato angulo ABL, quod anguli BAZ, arcus BZ, maior sit arcu AG, anguli ABÈ, quia & portio rectæ AC, inter A, & parallelum iuxta G, (quæ ipsè BZ, æqualis est) maior est, quam AG. Quoniam ergo duo triangula constituta sunt BQL, BSL, cuius duo anguli ad B, Q, vel ad B, S, dati sunt, unus cum latere BL, opposito angulo Q, vel S, nisi constet species lateris LQ, vel LS, quorum illud quadrante maior est, & hoc minus, (Nam cum angulus externus BQL, interno BSL, æqualis sit, erunt per propof. 17. nostrorum triang. sphæ. LQ LS, semicirculo æqualia.

21. 1. Theod.

Z z z z

Cum



Cum ergo per Theor. 4. scholij propos. 21. lib. 2. Theod. arcus $L\hat{S}$, minor sit arcu LQ , id quod ex L , puncto intra peripheriam Aequatoris sumpto tres arcus cadentes LK , $L\hat{S}$, LQ , inaequales sunt, minimus quidem LK , & $L\hat{S}$, minor quam LQ , erit $L\hat{S}$, quadrante minor, & LQ (major) incerti erimus, utrum triangularum accipere debeamus. Quod si constiterit latus angulo ABL , dato oppositum debere esse quadrante maius, describendus erit per L , circulus tangens LPQ , per punctum P , versus Z ; si vero idem latus quadrante debeat esse minus, describendus erit circulus tangens $R\hat{L}\hat{S}$, per punctum R , tangens ad partes e & d . Ita autem utrumque circulum tangentem, per ea, quae lib. 2. propos. 22. & 10. Lemmate 41. demonstrata sunt, describemus. Ducta recta ex L , per E , innotoque in ea puncto ipsi L , opposito, secetur recta inter ea puncta opposita bifariam in M , vel ducatur ad EL perpendicularis diameter Th , & trium punctorum T , L , h , centrum reperitur M , quod distant rectam secabit bifariam, cum maximus circulus per T , L , h , descriptus transeat necessario per punctum

oppositum: atque ex M, ex-
citet perpendicularis M N.
In hac enim centrum virtus-
que circuli tangentis existit,
quod sic invenietur. Iuncta
recta T X, & angulo T X E,
equalis angelus X T V; ca-
detq; necessitatio punctum V,
ultra M, vt in Lemmate 41.
ostensum est. Descripto ergo
ex E, per V, parallelo secante
M N, in N, & O, erit N, ce-
trum circuli per L, descripti
tangentiq; parallelum Z R,
in P, puncto extremo iunctæ
rectæ NEP; at vero O, cen-
trum erit circuli per L, descri-
pti, tangentisque eundem pa-
rallelum Z R, in R, puncto ex-
tremo iunctæ rectæ OER, vt
in dicto Lemmate 41. de mon-
strabimus.

DEINDE in figura seconda problematis 17. constituto rursum dato angulo

obtusus \widehat{ABR} , & abscisso arcu BR , dato lateri a equali, constructoque angulo obtuso \widehat{BAi} , vel acuto \widehat{DAi} , equali alteri dato angulo, non fecerit parallelus per i , describitur circulus $BI D$. Dico in hoc casu posteriorum datum angulum posse esse vel acutum, vel obtusum, propterea quod duo circuli tangentes parallelum versus centrum E , secant semicirculum BAD , & vicinior puncto B , facit versus B , angulum acutum $B \widehat{FR}$, remotior vero angulum obtusum \widehat{BSR} . Itaque non est opus dari speciem lateris angulo \widehat{ABR} , oppositi. Nam si alter datus angulus est obtusus, describendus erit circulus maximus tangens ROS , si vero datus angulus acutus est, circulus tangens $Rd f$, describendus est. Nam tam angulus \widehat{BSR} , obtuso angulo \widehat{BAi} , quam angulus \widehat{BFR} , acuto angulo \widehat{DAi} ,
a equals

æqualis erit, cum circuli AiC , fR e, RO S, similiter ad Aequatorem inclinentur. Neque verò alius arcus præter Rf duci poterit faciens angulum obtusum æqualem ipsi BAt , qui cum arcu BR , in R , angulum constituit versus E . Tangens enim circulus fR e, secat Aequatorem in alio semicirculo BCD , ut in puncto e . Ita quoque tangens circulus SR , secat Aequatorem in g . Ergo quando posterior datus angulus est obtusus, triangulum propositum erit BRS , si verò acutus, triangulum $B R f$.

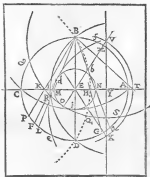
I A M verò sit datus angulus obtusus in r , figura huius problematis constructus ADG , & datum latus DL , quadrante minus. Si igitur eadē fiant, quæ prius, siquidem parallelus ZR , circulum BGD , secet, erit triangulum propositum vel DLQ , vel DLs , semperquidam posterior angulus LQD , vel LsD , acutus erit, & æqualis dato acuto DAZ . Igitur necesse est, notam esse speciem lateris dato obtuso angulo $A D L$, oppositi, ut quando maior est quadrante, triangulum DLQ , sumatur, si verò quadrante minus, triangulum DLs .

S I vero in secunda figura problematis 17, dat' angulus obtusus constructus sit ADR , & datum latus DR , quadrante minus, & parallelus nō secet circulum BLD , erit propositum triagulum vel DRf , habens angulum alterum datum $D f R$, obtusum, vel triagulum DRS , habens angulum DSR , acutum. Vbi etiā necesse non est dari speciem arcus dato angulo obtuso ADR , oppositi.

S E D si in 1. figura huius problematis sit datus angulus acutus constructus CBG , & datum latus BL , maior quadrante, secetque parallelus circulum BGD , &c. Erit ergo triangulum propositum vel BLf , vel BLg , habens semper posteriorem angulum datum $E f L$, vel $B g L$, obtusum. Nisi ergo detur species lateris oppositi angulo acuto CBL , dato, ambigemus, an sumendum sit latus Lg , quadrante maius, an vero $L f$, quadrante minus, &c.

At si eadem ponantur, sed parallelus circulum non secet, ut in 2. figura problematis 17, in qua constitutus angulus datus acutus est CBI , & datum latus quadrante maius BR , poterit triangulum propositum esse vel BRe , habens posteriorem datum angulum ReB , acutum, vel triangulum BRg , habens datum alterum angulum Bgr , obtusum, neque opus est, ut species lateris $R e$, vel Rg , data sit.

Q V O D si in 3. figura huius problematis detur iterū acutus angulus CDG , sed datum latus DL , minus quadrante, & parallelus circulum secet, erit triangu-



Ita propositum DfL , vel $Dg'L$, habens semper posteriorem angulum datum DfL , vel $Dg'L$, acutum. Constat ergo debet, an sumendus sit arcus Lg , quadrante maior, an vero L , quadrante minor.

DENIQUE si in 2. figura problematis 17. datus sit angulus acutus CDI , & dati latus DR , minus quadrante, & parallelus circulum non fecerit, erit propositum triangulum vel DRc , habens posteriorem datum angulum DRc , obtusum, vel triangulum DRg , habens posteriorem datum angulum DgR , acutum; neque aequiturus, ut species lateris Rc , vel Rg , dato acuto angulo CDR , opposito datur.

EX his omnibus liquet, quando unus datorum angulorum constituitur vel in B , vel in D , siue obtusus, siue acutus, si quidem a alterius dati anguli complementum maius fuerit complemento prioris, ut fit in 1. figura huius problematis, necesse esse, ut species lateris priori dato angulo oppositi datur: si autem minus, non esse necesse, ut in 2. figura problematis 17. per

speciem est. Nam in 1. figura huius problematis EZ , complementum posterioris anguli dati maius est, quam EG , complementum prioris: In 2. autem figura problematis 17. complementum posterioris anguli, nimirum Ei , minus est arcu Ei , qui complementum est prioris anguli.

IN omnibus autem casibus praedictis est unum latus quæsitum, arcus Aequatoris, ideoque cognitum, alterum vero cognoscetur, si eius polus reperitur, ut in precedentibus dictum est. Tertius quoque angulus notus fiet, quemadmodum in aliis problematibus. Ut in 1. figura huius problematis angulus BLQ cognoscetur, cum eius partem BLE , metietur arcus Le , alteram autem partem QLE , arcus Lb , statuendo punctum b in intersectione rectæ aM , cum arcu LQ . Quare si arcui Le , adiciatur arcus similis arcui Lb , conflabitur arcus totius anguli quæsitæ BLQ , &c.

Probl. 22.

X X. D V O S A N G V L O S
cum uno latere uni eorum opposito in trian-
gulo obliquangulo.

EX reliquis duobus lateribus, & reliquo angulo, qui uni eorum oppo-
nitur,

Quæritur utrum
sit problema
ambiguum, & si
in quibus casibus.



nitur, si modo constet species anguli quaesiti alteri lateri dato oppositi.

SIT Aequator ABCD, circa centrum E, ut patet: Datum autem unum laterum sit BF. Constituatur ad F, angulus datus, qui primum sit obtusus, quod sic fiet. Ducta diametro FG, quam ad rectos angulos fecerit HI, accipiat arcus dati anguli obtusi HK, ductoque radio FK, secante HI, in L, constituatur circulus per tria puncta F, L, G, descriptus maximus angulum datum HFL. Sit quoque alterum laterum datum BQ, quadrante maius, & per Q, describatur maximus circulo AC, parallelus FVQ, ut lib. 2. propof. 18. ad instium Num. 3. traditum est; hoc videlicet patet. Ducto radio AQ, secante BD, in V, sumatur arcus AX, arcui CQ, æqualis. Circulus enim per tria puncta X, V, Q, descriptus erit ductus parallelus, qui faciet circumulum FLG, in punctis O, P. Tam ergo maximus circulus per tria puncta B, O, D, quam per tria puncta B, P, D, descriptus problema perficiet. Nam in triangulo BOF, data sunt duo latera BF, BO, (cum BO, arcus arcui BQ, æqualis sit, ex defin. poli.) cum angulo BFO, dato lateri BO, opposito. Item in triangulo BPF, data sunt duo latera BF, BP, (quod & arcus BP, arcui BQ, ex defin. poli. æqualis sit) cum eodem angulo BFP, dato lateri BP, opposito.

Nisi ergo constet species anguli alteri dato lateri BF, oppositi, ambigui erimus, utrum datorum triangulorum accipere debeamus. Quoniam enim equalia sunt latera BO, BP, ex defin. poli. & quadrante maiora, erunt per propof. 21. nostrorum triang. spheric. duo anguli BOF, BPO, obtusi, ideoque BPF, acutus. Si igitur constet, angulum dato lateri BF, oppositum debere esse obtusum, sumendum erit maius triangulum BOF, minus vero BPF, si constet, eundem angulum esse acutum. Quod si secundum laterum datum esset minus quadrante, fierent duo anguli BOF, BPO, acuti, ideoque BPF, obtusus. &c. Atque ita, quotiescunque parallelus per extremum punctum secundi lateris dati descriptus secet intra Aequatorem circumulum, qui cum Aequatore datum angulum in extremo puncto primi lateris dati constituit, duobus in locis, ambiguum erit problema, nisi species anguli, qui primo dato lateri opponitur, cognita sit.

Si vero ductus parallelus ducti circumulum in uno tantum puncto intra Aequatorem secet, vel contingat, non erit ambiguum problema. cum unum tantum triangulum tunc constitui possit. Ut si primum datum laterum sit BF, ut prior, & datus angulus acutus, cui æqualis constituatur BFN, (quod fiet, si sumpto HM, arcu

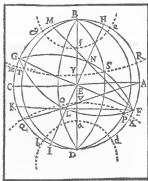


Hic angulus, & unum laterum vel totum oppositum in duobus locis quæritur, & aliquo angulo unum tantum oppositum, æquale.

Quando problema sit ambiguum, & quando unum.

arcu

arcu dati anguli, radius iungatur FM, secans HF, in N, & per tria pñda F, N, G, circulus describatur.) datum autem secundum latus sit BR, minus quadrante, per cuius extremum R, maximo circulo A C, parallelus describatur RYZ, secans circulum FNG, intra Aequatorem in vno tantum puncto S, ac deniq; per tria puncta B, S, D, circulus maximus describatur: constitutum erit solú vñm triangulum propositum BPS. Nam in altero puncto sectionis paralleli RYZ, extra Aequatorem versus Z, non constituetur triangulum: quia latus à puncto F, per N, usque ad illam sectionem maior est semicirculo. Sic etiam si datum primum latus sit BF, quadrante maius, & datus angulus obtusus BFL, datum autē secundū latus sit BR, minus quadrante, secabit parallelus RYZ, circulum FLG, in vno tantū pñdo T. Quare vñcum tantū triangulū tūc datū cōstituetur BFT.



Quando proble-
ma sit impossibi-
le.

EODEM modo si datū latus primum sit quadrante minus BG, & datus angulus acutus BGN, datum autem latus secundum BZ, minus quoque quadrante, secabit rursum parallelus ZYR, circulum GNP, in vno tantum puncto S, vñcumque triangu- lum propositum BGS, consti- tuetur. At si primum latus BG, datum sit minus quadrā- te, sed datus angulus obtusus BGL & datum secundum la- tus BX, quadrante maius, se- cabit parallelus XVQ, circulum GLF, in duobus punctis O, P, intra Aequatorem, idro- que duo triangula constitue- tur BGO, BGP. Quare nisi detur species anguli, qui da- to lateri BG, oppositus, igno- rabitur, vtrum triangulorum assumendum sit.]

Si quando contingat, pa- rallelum per extremum punctum secundī lateris descriptum non secare circu- lum, qui angulum datum efficit, intra Aequatorem, problema impossibile est, quod nimis magnum, vel parvum acceptum sit secundum latus. Vt si primum latus datum sit BF, & secundum Bd, & datus angulus siue obtusus BFL, siue acutus BFN, problema solui non potest; quia parallelus d a b, neutrum circulorū FLG, FNG, secat intra Aequatorem. Eadem de causā impossibile erit proble- ma, si primum latus sit datum BG, vel BF, & secundum Bg, siue angulus datus in G, vel F, constitutus sit obtusus, siue acutus, quia parallelus g se, neutrum cir- culorum interfecat intra Aequatorem.

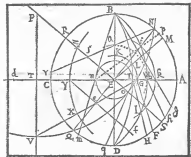
QVAESITVM reliquum latus, nimirum FO, vel FP, in alterutro tri- angulorum BFO, BFP, notum fiet, vt in praecedentibus, si polus inveniatur circuli cuius datum latus portio existit. Reliqui vero duo anguli cognoscuntur etiam per ea, quae lib. 2. propos. 15. scripsimus, sicut & in antecedentibus dictum est.

SCHOL-

S I T deinde latus AG , quadrante minus, sed BQ , quadrante maior, circa rectum angulum DAE , & data diametro $Q N$, describatur per tria puncta Q , G , N , circulus maximus, ut sphericum triangulum construat AGQ , in quo angulus AQG , lateri AG , oppositus, acutus erit, propterea quod eius arcus QO , quadrante minor est. Ostemus itaque, ut prius, eundem angulum, id est, eius arcum QO , maiorem esse latere AG .

R V R S V S duo latera CG , CN , circa rectum angulum BCE , sit quadrante maiora, & data diametro $N Q$, eadem construat, qua prius. Erit angulus CNG , in triangulo CGN , lateri CG , oppositus, obtusus, ab eius arcum RO , quadrante maiorem, sed eius arcus RO , hoc est, CI , minor erit latere CG , opposito.

D E N I Q V E latus CG , sit minus quadrante, & CQ minus, circa rectum angulum DCE , atque eadem fiat. Erit rursus angulus CQD , lateri CG , oppositus, obtusus; ab eius arcum RO , quadrante maiorem, sed eius arcus RO , id est, CI , latere



CG , minor erit. Itaque si in triangulo aliquo spherico rectangulo latus unum circa rectum angulum contineat grad. 45. necesse est, angulum oppositum esse acutum, maiorem tamen, quam grad. 45. Et si angulus dicatur esse grad. 40. oportet latus oppositum minus esse, quam grad. 40. At si unum latorum complectatur grad. 130. erit necessario angulus oppositus, obtusus, minor tamen, quam grad. 130. Et si alter angulorum ad rectum ponatur esse grad. 130. erit latus oppositum minus, quam grad. 130.

Theor. 3.

2. I N omni triangulo spherico rectangulo omnes tres anguli quatuor rectis sunt maiores, hoc est, duo anguli non recti minores sunt tribus rectis, sine gradibus 270.

I N triangulo ABC , sit angulus A , rectus. Dicitur duo reliqui anguli ABC , ACB , tribus rectis minores esse. Produciuntur enim lateribus AB , AC , circa angulum rectum, donec concurrant in D , efficianturque semicirculi ABD , ACD , erit per prop. 15. 13.

prop. 13. noſſorum triang. ſphar. angulus quoque D, reſtus. Cum ergo tam duo ABC, DBC, quam duo ACB, DCB, per propoſ. 1. eorundem triangularum ſint duobus reſtis aequalis, erunt omnes ſex anguli A, D, ABC, DBC, ACB, DCB, ſex reſtis aequalis. Igitur cum tres anguli in triangulo DBC, per propoſ. 31. eorundem triang. ſint duobus reſtis maiores, erunt reliqui tres anguli in triangulo ABC, quatuor reſtis minores; ac proinde exiſtente A, reſte, reliqui duo ABC, ACB, tribus reſtis, hoc eſt, gradib. 270. erunt minores. Itaque ſi in triangulo ſpharico reſtangolo unus angularum non reſtorum ſtatueretur grad. 130. erit neceſſario aliter minor, quam grad. 120.

3. IN triangulo ſpharico reſtangolo Iſoſcele, ſi duo zquales Theor. 3.
anguli ſint acuti, erit vterque ſemirecto maior: ſi vero obtuſi, reſto cum ſemiſſe minor.

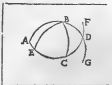
S I N T primum in Iſoſcele DBC, cuius angulus D, reſtus, duo anguli B, C, acuti. Dico vtrumque eſſe ſemirecto maiorem. Quoniam enim omnes tres ſunt duobus reſtis maiores, ex propoſ. 31. triang. ſphar. erunt duo B, C, vno reſte maiores. Cum ergo aequalis ſint, erit vterlibet ſemirecto maior.

S I N T deinde in Iſoſcele ABC, cuius angulus A, reſtus, duo anguli B, C, obtuſi. Dico vtrumque minorem eſſe reſto cum ſemiſſe. Cum enim omnes tres ſint, per theor. 2. quatuor reſtis minores, & duo B, C, tribus reſtis minores ſint autem hi duo aequalis, erit quilibet minor vno reſto cum ſemiſſe. Itaque in quolibet triangulo ſpharico Iſoſcele erit vterque aequalium angularum maior, quam grad. 45. ſed minor quam grad. 135.

4. IN omni triangulo ſpharico reſtangolo vterlibet angulo- Theor. 4.
rum non reſtorum maior eſt complemento alterius.

S I N T primum in triangulo DBC, cuius angulus D, reſtus, duo anguli B, C, acuti. Dico angulum B, maiorem eſſe complemento anguli C. Quoniam enim duo anguli B, C, maiores ſunt vno reſto, cum omnes tres duobus ſint reſtis maiores, & angulus C, cum ſuo complemento aequalis tantum vni reſto, perſpicuum eſt angulum B, maiorem eſſe complemento anguli C. Eademque de cauſa erit angulus C, maior complemento anguli B.

S I T deinde in triangulo DBE, angulus D, reſtus; DBE, obtuſus, & DEB, acutus. Vbi liquido conſtat, obtuſum angulum maiorem eſſe complemento acuti E, cum hoc complementum ſit angulus acutus. Dico angulum E, maiorem quoque eſſe complemento anguli obtuſi DBE. Per ſolum enim arcus DB, intelligitur deſcriptus arcus maximi circuli BC, & eritque angulus DBC, reſtus, idemque angulus CBE, acutus a 15. 1. erit, & complementum obtuſi anguli DBE, que maiorem dico eſſe acutum angulum Theor. DEB. Quia enim duo anguli D, DBC, reſti ſunt, erunt DC, BC, quadrantes, per propoſ. 25. noſſorum triang. ſphar. ideoque arcus CE, quadrante minor, quod latius DE, per propoſ. 2. eorundem triang. ſit ſemicirculo minus. Igitur in triangulo BCE, cum latius BC, minus ſit latere CE, erit per propoſ. 11. eorundem triang. angulus DEB, maior angulo CBE.



I *A M* vero si uterque angularum *ABC, ACB*, in triangulo *ABC*, cuius angulus *A* rectus, sit obtusus, liquet utrumlibet maiorem esse alterius complementum, non hominodi complementum sit angulus acutus. Itaque si in triangulo rectangulo uterque angularum non rectorum sit acutus, & unus statuetur grad. 50 erit necessarius alter maior, quam grad. 40. Si vero unus sit acutus, & alter obtusus; si quidem acutus ponatur grad. 50. erit omnino obtusus minor, quam grad. 140. quia complementum grad. 140. complectitur grad. 50. quo complementum minor esse debet datus angulus grad. 50. Si obtusus angulus ponatur grad. 140. necesse est, acutum maiorem esse, quam grad. 50. ut maior esse possit complemento anguli obtusi.

Theor. 5.

5. *I* *N* omni triangulo sphærico rectangulo vteruis reliquorum angularum non rectorum minor est angulo, quo complementum alterius à duobus rectis, ad est, a semicirculo differt.

I *N* triangulo *DBC*, sit angulus *D*, rectus. Si igitur alter angularum, nimirum *B*, acutus sit, quicquid sit de altero *C*, liquido constat, angulum *B*, maiorem esse ei, quo complementum anguli *C*, a semicirculo differt. Nam cum hoc complementum sit quadrante minus, erit differentia inter ipsum, & semicirculum quadrante maior.

S *I* vero in triangulo *ABC*, angulus *A*, sit rectus, & uterque *B, C*, obtusus, erit uterque *B, C*, in triangulo *DEC*, acutus. Et quia acutus *DBC*, per theor. 4. maior est complemento acuti *DCB*, hoc est, complemento obtusi *ACB*, quod duo anguli ad *C*, idem habeant complementum, efficitur tam hoc complementum cum differentia, qua a semicirculo differt, quam acutus angulus *DBC*, cum obtusi *ABC*, semicirculum, id est, duos rectos; si inde auferatur complementum obtusi anguli *ACB*, & hinc acutus angulus *DBC*, qui illo complemento



maior est: reliquus erit angulus obtusus *ABC*, minor quam differentia, qua complementum alterius anguli obtusi *ACB*, a semicirculo differt. Eademque ratione minor ostendatur obtusus angulus *ACB*, quam differentia inter complementum obtusi anguli *ABC*, & semicirculum.

S *I* denique in eodem triangulo *ABC*, angulus *B*, sit acutus, idemque *DBC*, obtusus, & *C*, obtusus, idemque *DCB*, acutus, iam dicto huius theoremati datum est, acutum *ABC*, maiorem esse differentia inter complementum anguli obtusi *ACB*, & semicirculum. Esse autem & obtusum *ACB*, maiorem differentia inter complementum acuti *ABC*, & semicirculum, sic patet. Quoniam acutus *DCB*, per theor. 4. maior est complemento obtusi *DBC*, hoc est, complemento acuti *ABC*, quod idem sit complementum utriusque anguli ad *B*, efficitur complementum hoc cum differentia inter ipsum, ac semicirculum *ABC*, duos rectos, sive semicirculum, efficitur acutus *DCB*, cum eadem differentia maior ei duobus rectis. Cum ergo *DCB*, acutus cum obtusi *ACB*, con fiat tantummodo duos rectos, erit obtusus *ACB*, minor, quam prædicta differentia inter complementum acuti anguli *ABC*, ac semicirculum. Itaque si in triangulo rectangulo uterque reliquorum angularum non rectorum ponatur obtusus, & unus sit grad. 130. erit necessario alter minor, quam grad. 140. ut ille minor esse possit, quam diffe-

rentia

rentia inter complementum huius, (quod debet esse minus grad. 50.) & semicirculum sic si unus angularum statuatur grad. 140. necesse erit, alterum minorem esse, quam grad. 130. Nam cum huius complementum grad. 40. demptum ex semicirculo reliquit grad. 140. non forte ille minor hae differentia, quod est absurdum. Quod si unus sit acutus, & obtusus alter, acutus autem ponatur grad. 50. erit necessaria obtusus minor, quam grad. 140. alias non esset minor, quam differentia inter illius complementum, quod est grad. 40. & semicirculum. Eadem ratione si obtusus continet grad. 140. continet acutus plures grad. quam 50.

6. IN quouis triangulo sphærico duo anguli quomodocunque sumpti sunt simul maiores differentia inter reliquum, ac semicirculum.

Theor. 6.

IN triangulo ABE, quocunque sumantur, ut libet, duo anguli A, & BE. Dico eos simul maiores esse angulo BED, qui tertius AEB, à duobus restis differt. Quoniam cum duo A, & ABE, cum AEB, constituent plus, quàm duo rectos, ex propos. 3. restorum triang. sphæric. angulus BED, cum eodem AEB, duas solum rectas constit. fit, ut duo A, & ABE, simul maiores sint angulo BED.

E X quo colligitur, in omni triangulo sphærico, productio vno latere externum angulum esse maiorem duobus internali, & oppositis simul sumptis.

Coroll.

ITA QV E si duo anguli constituent grad. 40. & grad. 70. necesse est, tertium esse maiorem, quàm grad. 70. alibi illi duo constituent grad. 110. non essent maiores, quàm grad. 110. quibus tertius à semicirculo differt. Sic etiam si unus statuatur grad. 40. necesse est, reliquis duobus simul maiores esse, quàm grad. 120. quibus ille à semicirculo differt.

7. IN omni triangulo sphærico duo anguli quomodocunque sumpti sunt simul minores differentia inter angulum vel arcum, quo reliquis à semicirculo, vel duobus rectis differt, & integrum circulum, siue quatuor rectos.

Theor. 7.

SI T triangulum sphæricum quodcumque ABC. Dico duos angulos B, C, simul esse minores differentia inter arcum, quo reliquis angulus A, à semicirculo differt, & totum circulum, siue quatuor rectos. Productis enim arcibus AB, AC, donec se secant in D, erit per propos. 13. restorum triang. sphæric. angulus BDC, angulo A, à qua li, & CDG, angulus, qui est angulus BDC, vel A, à duobus rectis differt: differentia autem inter hunc angulum CDG, & 4. rectos, vel totum circulum, complectuntur tres anguli CDB, BDF, FDG. Probandum igitur est, duos angulos AEC, ACB, simul minores esse tribus angulis CDB, BDF, FDG. quod sic fit. Quoniam per theor. 6. duo anguli DBC, DCB, simul maiores sunt angulo CDG, qui reliquis angulus BDC, à duobus rectis differt, & tam duo anguli DBC, DCB, vñ cum duobus ABC, ACB, quàm angulus CDG, cum tribus CDB, BDF, FDG, quatuor rectis aequalis fuerit si inde tollantur duo DBC, DCB. & hinc angulus CDG, qui illis minor est obtusus, reliquus erunt duo anguli ABC, ACB, minores tribus angulis CDB, BDF, FDG, quod est propositum. Itaque si in quolibet triangulo sphærico duo anguli simul ponantur continere grad. 300. necesse est tertium maiorem esse, quàm grad. 120. quia tunc differentia inter hunc, & duos rectos erit minor, quàm grad. 60. ac proinde

A A A A 2

differentia

differentia inter differentiam & integrum circulum maior, quàm grad. 300. idcircoque duo anguli positi simul minores erunt hac differentia.

Theor. 2.

8. IN quolibet triangulo sphærico differentia inter summam duorum angulorum utcumque sumptotam, & integrum circulum, siue quatuor rectos, maior est, quàm differentia inter reliquum angulum, ac semicirculum, siue duos rectos.

SIT rursus triangulum *ABC*. Dico differentiam inter duos angulos *ABC, ACB*, & quatuor rectos maiorem esse differentia inter reliquum angulum *A*, & duos rectos. *Facta* namque eadem constructio, consiciantur duo anguli *DBC, DCB*, simul differentiam inter duos angulos *ABC, ACB*, simul, & 4. rectos, & angulus *CDG*, differentia erit inter reliquum angulum *A*, hoc est, inter angulum *EDC*, (qui per propof. 13. asseritur triang. sphæric. ipsi *A*. equalis est.) & duos rectos. Cum ergo per theor. 6. duo anguli *DBC, DCB*, simul maiores sint angulo *CDG*, liquet id, quod proponitur. Itaque si in quavis triangulo sphærico duo anguli simul statuatur consicere grad. 300. oportet necesse est tertium angulum esse maiorem, quàm grad. 120. quia tunc differentia inter grad. 300. & 360. continet grad. 60. ac differentia inter tertium angulum, qui maior est, quàm grad. 120. & duos rectos, sine grad. 180. minor erit, q̃ grad. 60.

EX his igitur facile colligemus, cum ex tribus angulis sphæricis in sphaera proposita triangulum in sphaera construatur, nec ne.

HI s. expofiti, ac demonstrati, ut Hudofius Lester intelligat, quàm inuicem utrum habeas doctrinam triangulorum sphæricorum in *Alrolabo* descriptorum, libet paucis hoc loco plerumque problemata, quæ in superioribus Canonibus per circulos sphaera in *Alrolabo* descriptis solvuntur, per triangula sphærica rursus expedere. Hinc ergo extendimus.

Quæstio 1.

Q V A E S I T V M I.

DECLINATIONEM cuiusvis puncti Eclipticæ, vel stellæ, cuius longitudo, latitudoq; nota sit, indagare. Et vicissim ex data declinatione punctum Eclipticæ determinare, cui congruit.

Declinatio dicti puncti in Eclipticâ, quæ passus sunt calculo per triangula sphærica exprimitur.

ARCVS Eclipticæ inter datum punctum, & proximum æquinoctij punctum positum, cum arcu declinationis, (qui parte est maximi circuli per polos mundi, & datum Eclipticæ punctum ducti) & arcu Aequatoris inter idem punctum æquinoctij, & arcum declinationis interiecto, triangulum sphæricum constituit reſtangelum, in quo ex basi (hæc est, ex arcu Eclipticæ inter proximum æquinoctij punctum, & datum punctum, cuius declinationem quaeritur) & angulo maxime declinationis, (quem Aequator, & Eclipticæ continent) latus basi angulo oppositum (arcus videlicet declinationis) inuestigandum est. Si igitur huiusmodi triangulum extrahatur, ut in problemate 3. ara datum est, invenitur erit declinationis arcus quaesitus.

Arvus Eclipticæ data declinatione respondens, quæ passus sunt calculo per triangula sphærica hoc calculo determinatur.

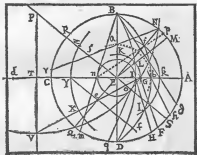
QVO D si declinatio data sit, & arcus Eclipticæ inquirendus, cui congruat, sit id per problema 1. ubi basi, (quæ est arcus Eclipticæ quaesitus) inquiretur ex latere dato, (cuiusmodi est arcus declinationis,) & angulo ei opposito, (qui hic est angulus maxima declinationis) quod in data casu facile fiat, cum constet, basim esse quadrantes minorem.

D E I N.

DEINDE si ex polo mundi, & polo Eclipticae per centrum stellae duo circuli maximi intelligantur describi, quorum ille stellae declinationem, hic vero latitudinem metietur, constituitur triangulum sphaericum, in quo duo latera nota sunt, (arcus videlicet Caeli solstitiorum inter duos polos inclusus, ac maxima declinationis aequalis, & complementum latitudinis sive arcus circuli latitudinis inter polos Eclipticae & centrum stellae.) una cum angulo ab eis comprehensum, quem scilicet metietur distantia stellae à principio ♄, quando latitudo eius est borealis, vel à principio ♄, quando latitudo est australis: quae quidem distantia à ♄, numeranda est secundum signorum successionem, si stella in semicirculo declinante existit, contra vero si in ascendente: à ♄, autem secundum successionem numeranda est, si in ascendente semicirculo existit, contra vero si in descendente. Huiusmodi triangulum est *FGH*, in 12. illis circulis, quos ad finem scholii canonis 5. descripsimus. Si igitur per problema 19. quatur latus tertium in eo triangulo, quod est complementum declinationis stellae, ex duobus reliquis lateribus, quorum unum maxima declinationi, & alterum complementum latitudinis stellae aequale est, atque ex angulo ab ipsis comprehensum, qui aequalis est, ut diximus, distantia stellae à ♄, vel ♄, complementum declinationis latere non poterit. Quando tamen tertium latus dicti trianguli inventum, minus est quadrante, detrahe quadrante, reliqua pars declinationis stellae contraria denominationis eius latitudinis. In alijs casibus unum tertium latus complementum est declinationis, & eundem nominis cum latitudine.

HOC quaevis facilius intelligitur. In figura problematis 5. fiat angulus maxima declinationis *ABb*, quem videlicet *Ab*, atque & *A b*, arcus maxima de-

clinationis facilius
declinationis da-
ti quodammodo
tunc.



clinationis metietur. Sumpta deinde quadrante *b m*, exhibens radius *Bm*, solum *n*, circuli *B b D*. Si igitur accipiantur arcus *B p*, arcus Eclipticae dato aequalis, auferat restat *p b*, arcus *B i*, ei aequalis. Ducta ergo restat *E i N*, referente circulum declinationis, erit *i N*, arcus declinationis quaesitus, cui aequalis est arcus *A g*, descriptus
ex *E*,

ex E, per i , parallela ik , ut aequalis sit Ni , Ak , &c. Atque ita dato arcu Eccle-
ptice, invenitur eius declinatio.

R E R S V S si data sit declinatio Ag, sit iterum angulus ABb, maxima declina-
 tionis. Deinde ducto radio Bg, ut Ak, sit quoque arcus declinationis data, & deferatur
 ex B, per k parallela ki, secante circulum BbD, in i erit Bi, arcus Biquique quosita.
 Nam ducta recta Eim, arcus i N, ut Ak, vel Ag, equalis, metietur declinationem
 positam i. Qui arcus B i, equalis est arcui Aequantem Bp, quoniam ansetur recta n i, ex n,
 polo circuli BbD, cum iunctur per quadrantem km, ut (data) Ber i, sententia.

PRÆTEREA in eadem figura, per angulum ABb , deflexionis stella à principio E , si eius latitudo borealis est, vel à principio I , si australis, sine secundum suae deflexionis signarum, siue centra, à numeranda sit, ut supra dictum est: deinde sumatur arcus EN , aequalis arcui maxima declinationis inter polos mundi, & polos Eclipticæ; item abscindatur ex circulo BbD , arcus aequalis complementi latitudinis stellæ per rectam ex eius polo n , per extremum punctum arcus eiusdem complementi in Aequatore sumpti distantiam; ac denique per punctum huius arcus, & punctum N , circulus describitur. Nam huius circuli arcus inter N , & punctum extremum arcus complementi latitudinis stellæ, a circulo BbD , abscissi passus dabit complementum declinationis stellæ, si arcus ille interceptus minor fuerit quadrante, vel si maior quadrante fuerit, arcum complementum ex quadrante, & deflexione, ut supra diximus. Hic autem arcus cognoscatur per rectas ex eius polo emissas, &c. Et cum hoc modo triangulum simile omnino triangulo FGH , in illi 12. circulo (scilicet) U in 3. arco EN , respondeat arcui FG , & arcui complementi latitudinis stellæ ex circulo BbD , abscissus arcus GH , & tertius dentur arcui sinuentis arcui FH , &c.

QVANDO delligua stelle è \odot , vel p , maior est quadrante, constituendus erit unus angulus CEd, et arcus BR, sumendus v.g. aqua sit declinationis maxima, &c.

Figure 1.

O V A E S I T M I L

ASCENSIONEM, descensionemque rectam dati puncti
Eclipticæ, vel stellæ inquirere : Et vicissim ex data recta ascensione,
descensione punctum Eclipticæ respondens cognoscere : Ac po-
stremo punctum Eclipticæ, quod cum stella in sphaera recta oritur,
occidit, & cælum mediat, explorare.

Si per problema 9. constituitur triangulum sphaericum rectangulum, cuius basis sit arcus Ecliptica inter proximius punctum aequinoctiale, & punctum datum, & angulus maxima declinationis, adiacens quatuor lateri, arcui videlicet Aequatoris rectam ascensionem, descensionem metienti: innotuit erit hic arcus Aequatoris, ut in problema dictum est. Nam dictus Eclipticae arcus, arcus declinationis, & arcus ascensionis, descensionis recta, sinu ad triangulum constituitur, cuius unus angulorum unum rectum maxima declinationis aequale est.

FIGURÆ si recta ascendens, aut descendens data reperitur, sit arcus Eclipticæ respondens, dabitur in eodem triangulo et angulo, de quo proxime dictum est, Iamque vides, nimirum arcus Aequatoris rectam ascendentem, descendentes metiri, & eodem angulo maxima declinationis illi lateri adiacere: Ex quoque basis, id est, arcus Eclipticæ respondens, innotificabitur, ut in problemate 13. dictum est. Sed præ arcu ascensum, vel descensum accipiendo est semper arcus Aequatoris quadrante minor, ut in scholio

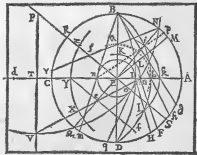
in whole Can. & Nov. & factors of a note.

INTELLIGANTUR deinde ex polo mundi, & polo Eclipticæ, per Stellam
doci duo circuli maximi, ut constituantur triangulum FGH, in 12. illis circulis scilicet
CAN. 5. Et quia in hoc triangulo duo latera sunt cognita, nimirum arcus Coluri soliti-
tiorum inter duo polos, qui maximæ declinationis æqualis est, & complementum lati-
tudinis stellæ, una cum angulo ab ipso comprehenso, cum cum motuæ distantia
a principio \odot , vel \uparrow , si per problema 19. constituantur similes triangulum, quale est
in figura problematis 18. triangulum BKF, invenietur angulus, quem cum Coluro
circulus declinationis in polo mundi officit, nimirum angulus GFH, in prædictis 12.
circulis, quem motuæ altitudinis recta in \odot , vel \uparrow , inclinat. &c.

SE D & hoc problema facilius fortasse ita expeditur. In figura problematis *p*, fiat arcus maxima declinationis *ABd*, & arcus *Si*, equalis sit arcui *Eclipticae* à

«*Offendito, vai da-
stando colta del-
la que padece per-
dendo. Ephe. 6.
Se a natureza, não
pode ser.*

Emergency facilities
a fire alarm system
and portable fire
extinguishers.



*proxime puelle aquinodij numerato, qui facile absconditur, si ei equalis in Aequatore
sumatur E p, & recta ap, ex a, polo circuli B & D, per p, ducatur, &c. Recta namque
E i, Horizontem rectum referens abscondet arcum BN, ascensionis, descensionis
nighe recta.*

CONTRA verò, si data ascensione recta, rursus fiat angulus $A\hat{B}b$, maxima declinationis. Et arcus BN , ascensionum rectarum datarum restatur; abscindet recta EN , arcum Eclipticae $B\hat{i}$, respondentem: quoniam notum efficitur recta ni , ex tale n , emissæ. *Q.E.D.*

DEINDE si continuatur arcus ABb , distans a stella à Σ , vel χ , accipiturque arcus BN , maxima declinationis, & complementum latitudinis stelle aequalis arcus abscindatur ex circulo BbD , per rectam ex n , sine polo communi offque ad punctum terminatur arcus $Aequatoris$ eadem complementum latitudinis stelle aequalis: ac tandem per terminum huius arcus, & per N , circulus punctum appropinquat Q , circulus describitur, respondens eius arcui inter N , & circulum BbD , inclusus arcus PH , in triangulo FGH , 1. circulari sublevis *Can. 3.* Angulus ergo, quem idem arcus

Transferability
 provides help from
 independent dis-
 creet advisors re-
 sulting.

Interne Faktoren
sind die wesentlichen
Ursachen.

cum arcu EN , in polo mundani, qui nunc est N , facit, dabit ascensionem rectam à ED , vel JD , inclinatum.

Eclipticam puen-
diem cum stella
quatenus, occidit
quoniam, & alio mo-
do.

ET si forte distantia stella à ED , vel JD , maior fuerit quadrates, conspiciendus erit eius angulus $C B$ rectus maior, & in quadrante BC , accipienda arcus maximæ declinationis, &c.

PUNCTUM Eclipticæ, quod huius ascensioni rectæ congruit, erit illud, cum quo data stella oritur, occiditq; , & eadem medietas in sphaera recta.

Questio 3.

Q V A E S I T V M I I I.

ASCENSIONEM, descensionemq; obliquam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Ex vicissim punctum Eclipticæ datæ ascensioni descensioninè obliquæ congruens determinare; ac denique punctum Eclipticæ, cum quo data stella oritur, occiditq; in obliqua sphaera, inuenire.

Ascensionem, de-
scensionem obli-
quam dati pun-
cti Eclipticæ, per
triangulum sphaericum
hinc monstrare so-
lent.

ARCUS Eclipticæ à principio V , vel Q , usque ad punctum datum oriens secundum successivam figurarum numeratus constituit cum Aequatore, atque Horizonte obliquum triangulum sphaericum obliquangulum, in quo duo anguli dati sunt, angulus videlicet maxima declinationis, quem Eclipticæ cum Aequatore efficit, & angulus, quem Aequator cum Horizonte constituit, qui quidem ab V , usque ad Q , obtusus semper est, vergitq; in boream, & reliquatur si complementum altitudinis poli ex semicirculo dematur; arcus verò à Q , usque ad V , affertur nimirum angulus complementi altitudinis poli, vergitque in austrum; datuq; insuper est arcus posteriori dato angulo oppositus, arcus videlicet Eclipticæ ab V , vel Q , usque ad datum punctum numeratus. Si igitur per problema 21, quaratur arcus Aequatoris ascensionem obliquam metiens, ex dato arcu Eclipticæ, qui uni datorum angulorū oppositur, & duobus datis angulis, cum cosset, tertium arcum Horizontis, qui alteri dato angulo oppositus est, esse quadrante minorem, nimirum latitudinē æquina, æqualem; inuenta erit ascensio obliqua dati puncti Eclipticæ.

NON aliter descensio obliqua dati puncti Eclipticæ inuestigabitur; cum simile prorsus triangulum sub Horizonte occidentali constituitur, nisi quod angulus, quem Aequator cum Horizonte efficit, acutus est ab V , usque ad Q , ac verò à Q , usque ad V , obtusus.

Punctum Eclip-
ticæ datum ascen-
sionem, vel descen-
sionem obliquam ob-
tinere, per triangulum
sphaericum, hinc monstrare
sunt aliqui.

QUOD si obliqua ascensio, sive descensio datur, erit in eodem triangulo, de quo proxime dictum est, idem duo anguli dati, una cum arcu Aequatoris illi adiacente, qui ascensionem, descensionemque datam metitur. Igitur per problema 20, ex illi datis cognitus fiet arcus Eclipticæ qualisq; , cui videlicet data ascensio, vel descensio aduenit. Est autē ascensio, descensio data sumi da semicirculo minor; ita ut ea existit-
te matre, semicirculus subtrahatur, ut ascensio, vel descensio à Q , inclinata habeatur.

Demum si datus
sit arcus, de quo
demonstrare obliquam
dati puncti inclin-
ationem.

FACILIVS autem fortasse utrumque hæc alia ratione exequetur. In signa problematis 5, constituantur angulus ABD , maxima declinationis, & ex semicirculo BD , abscindatur arcus Bi , vel Bl , æqualis dato arcui Eclipticæ per rectam ex n , polo emissam ad punctum Aequatoris, quod terminat arcum æqualem à B , inclinatum. Si enim per extremum punctum i , vel l , describatur arcus Horizontis, cuius centrum sit in parallelo per Horizontis centrum descripto, & concavum vergat versus B , abscindet huius arcus ex Aequatore ascensionem obliquam puncti i , vel l , ut patet. Si autem concavum arcus Horizontis per i , aut l , descripsi vergat versus B , abscindat huius Aequatore descensionem obliquam.

CONTRA

CONTRA verò, si *ascensio*, vel *descensio obliqua numeretur in Aequatore à B*, & per extremum punctum *Horizon* describatur, ita ut eius contactum respiciat par-
tes *B*, si de *ascensione* agitur, contrarium verò, si de *descensione*, indicabit *Horizon* hoc
in circulo *B D*, punctum *Ecliptica* à principio *V*, aut *Q*, numerandum, cui data
ascensio vel *descensio* congruat, &c.

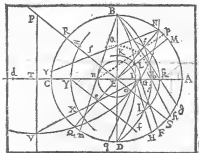
I *A M* verò, ut *ascensio* & *descensio obliqua* stellæ cuilibet inveniantur, exploran-
da est eius *differentia ascensionalis*, hac ratione. Arcus circuli *declinationis* ex polo
mundi per stellam, cum circuli, solis, inter *Stellam* & *Aequatorem* positus, & arcus
Horizonis latitudinem ortuum metiens, atque arcus *Aequatoris* mittens *differenti-*
am ascensionalem, constituent triangulum sphaericum recti angulum, in quo arcus *de-*
clinationis per questum 1. datus est, cum angulo opposito, quem cum *Horizonte Aequa-*
tor efficit, hoc est, cum angulo *complementi altitudinis poli*. Igitur ex hisce datis
per problema 10. erit arcus *differentia ascensionalis*, qui dato angulo adiacet, cum
constet, arcum hunc questum esse quadrante minorem.

H *A N C* *ascensionalem* *differentiam* facillime fortassis ita reperimus. In figura pro-
blematis 1. fiat angulus *A B b*, *complementi altitudinis poli*, & arcus *A k*, metiatur

Differentia ascen-
sionis stellæ
per duobus arcum
data invenitur,
vel *differentia*
obliqua *ascensio*
datur.

Differentia *arcus*
declinationis stellæ,
vel puncti circuli
Eclipticæ, quo
puncto per circuli
sphaeræ hinc conve-
niunt representatur.

Complementum *ascensio-*
nis stellæ
datur per arcum
metiatur.



declinationem stellæ, abscissus per radium *B g*, ex *B*, ad *g*, extremum arcus *A g*, *de-*
clinationis emissum: eritque *A k*, minor arcus *A b*, qui *complementum altitudinis poli*
metiatur, cum hic loquamur de *altitudine poli*, qua maior non sit, quàm grad. 66. min.
30. Descripsit ergo ex *E*, per *k*, parallelis sitans arcum *B k*, in *i*, auferat puncta *E i*,
arcum *B N*, *differentiam ascensionalem* questam: propterea quod triangulum *B i N*, est
illud, de quo proxime dictum est, quippe cum *i N*, arcus aequalis sit arcui *A k*, *declina-*
tionis, &c. *Declinationem* autem stellæ minor esse debet *complementum altitudinis poli*: aliter
non oriretur, aut occideret, vel totus *Horizontem* tangeret, atque ita non haberet *dis-*
ferentiam ascensionalem, ut in sphaera decernimus.

Quæ *N O* passio autem per *differentiam ascensionalem* ipsæ *ascensio*, vel *descensio ob-*
liqua elucitur, in scholæ Canon. ad primum Num. 1. decernimus.

B b b b b

S I M I-

SIMILI prorsus modo differentia aseasonalis calculis puncti Ecliptica invenitur, si pro stella ipsam punctum Ecliptica in Horizonte ponamus.

Eclipticam punctum cum stella autem, vel occidit in ipsa obliqua.

PUNCTVM denique Ecliptica, cui congruit ascensio, vel descensio obliqua stellæ, est illud, cum quo stella oritur, aut occidit in sphaera obliqua: Cum eodem autem puncto calorem mediat, cum quo in recta sphaera oritur, aut calorem mediat.

Quæstio 4.

QVÆSITVM IIII.

LATITVDINEM ortuam, occiduamq; cuiuslibet puncti Eclipticæ, aut stellæ, explorare. Et è contrario, data latitudine ortuæ, aut occiduæ, punctum Eclipticæ respondens reperire.

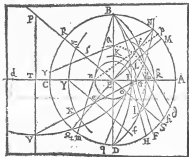
Latitudinem ortuam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ indagare per triangulum sphaericum rectangulum, & c.

IN triangulo sphaerico rectangulo, de quo in fine præcedentis quæstioni dictum est, inquirenda erit basis, id est, arcus Horizontis, vel latitudinis ortuæ ex Arcu declinationis per quæsitum 1. cognitis, & angulo complementi altitudinis poli, qui arcum declinationis oppositur: quemadmodum in problemate 14. traditum est; cum constet, eam basim esse minorem quadrante.

ET si latitudo ortuæ data est, inuestigandus erit in eodem triangulo arcus declinationis ex base, quæ est latitudo ortuæ, & angulo complementi altitudinis poli, qui arcui quæsito oppositur, ut in problemate 3. scriptum, & c.

Inuestio facilius latitudinis occiduæ.

V E L facilius sic agamus. In figura problematis 1. sius angulus ABb , complementi altitudinis poli: Sumptis autem arcu declinationis dati puncti, aut stellæ Ag , cui per



radium Bg , equaliter reficiatur $A'h$; (erit autem $A'h$, minor arcu complementi altitudinis poli Ab : alio die Sol, vel stella neque oritur, neque occidit, ut in sphaera diximus.) describatur ex E , per k , parallela secante BbD , in i , transiciatur ex E , per 4 , recta Ei . Ita enim constitutum erit prædictum triangulum BiN , & arcus Bi , latitudinem

Latitudinem ortivam metietur, qui per rectam n i, constructur, &c.

Q V O D si latitudo data sit, constructo angulo *A B i*, complementi altitudinis poli, abscindatur arcus latitudinis ortivæ *B i*, per rectam *n i*, ex polo *n*, emissam ad punctum *p*, terminans arcum latitudinis ortivæ *B p*. Nam extensa recta ex *B*, per *i*, dabit *i 22*, arcum declinationis, &c.

Q V A E S I T V M V .

Quæstio 5.

A R C V M semidiurnum, & seminocturnum dati puncti Eclipticæ, aut Stellæ innestigare.

I N V E N T A differetia ascensionali dati puncti Eclipticæ, seu Stellæ, ut in quæstio 3, dictum est, reperitur per eam arcus semidiurnus, & seminocturnus, ut in Can. 7, Num. 3, tradidimus.

Arctus semidiurnus, seminocturnus, ex dati puncti & altitudinis Stellæ hinc sumitur per totum p. l. hinc, dicitur.

Quæstio 6.

Q V A E S I T V M V I .

D I S T A N T I A M Solis, aut Stellæ à Meridiano per eius altitudinem exquirere.

S P. ut problema 18. docuit, constructur triangulum sphericum ex tribus lateribus notis, quarum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meridiano inter polum mundi, & polum Horizonti positus; alterum vero arcus circuli declinationis, vel lateris inter polum mundi, & centrum Solis, Stellæve inclusus, qui, si astrum boreale est, complementum declinationis metitur, si autem australe, ex quadrante, & declinatione constatur; tertium denique arcus Verticalis per astrum ducti, metiens complementum cognita altitudinis: Si, inquam, huiusmodi triangulum constructur, dabit angulus, quem Meridiani arcus, & arcus circuli declinationis comprehendunt, distantiam autem à Meridiano: qui angulus per propo. 1. lib. 2. cognitus fiet.

Distantiam Stellæ vel Stellæ à Meridiano per totum p. l. hinc, dicitur.

Q V A E S I T V M V I I .

Quæstio 7.

Crepusculi magnitudinem peruestigare.

E A D E M ratione, si per problema 18. sphericum triangulum constructur ex tribus datis lateribus, quarum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meridiano inter polum mundi, & verticem huius positi; alterum vero, arcus circuli declinationis inter polum mundi, & centrum Solis existens in parallelo grad. 18. sub Horizonte; qui, si Sol borealis est, complementum est declinationis, si vero australis, ex quadrante, & declinatione constatur; tertium denique, arcus Verticalis per idem centrum Solis ductus, emittens ex quadrante & arcu grad. 18. Si, inquam, huiusmodi fiat triangulum, dabit angulus, quem arcus circuli declinationis cum Meridiano efficit, arcum ex arcu semidiurno, & arcu Crepusculi compositum: qui angulus per propo. 1. lib. 2. notus erit. Si igitur ex hoc arcu dematur arcus semidiurnus, reliquus erit arcus Crepusculi.

Crepusculi magnitudinem per triangulum hinc notum est.

Q V A E S I T V M V I I I .

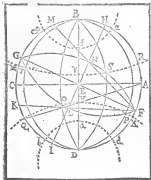
Distantiā duorum locorum in terra, vel Stellarum
in cælo, dimetiri.

Quæstio 8.

FIAT per problemata tria triangulum sphericum ex duobus lateribus notis, cum angulo ab ipsis comprehenso, cuius duo latera nota, sunt complementa latitudinum locorum, si utriusque latitudo borealis fuerit, vel arcus constati ex quadrante, & latitudinibus, si latitudo utriusque fuerit australis, &c. angulus vero ab ipsis comprehensus datus, est differentia longitudinum, hoc est, determinatur ab arcu Aequatoris si-
militudo minor, inter Meridianos locorum posita. Si autem sectorum latitudo, quod cognatum sit per radius in alio polo invenio per eiusdem extrema puncta extensus, distantiā inter duo loca manifestabit.

I D E M docendum est de distantiā Stellarum, si pro circulo, qui latitudinalis locorum motum, accipiantur circuli latitudinum Stellarum.

E X E M P L I gratia, Sint duo loca borealia, & angulus, quem eorum Meridia-
ni efficiunt CBS , cuiusq; complementum latitudinis BG , & alterum BS , ut in figura



problemata 22. apparet. Si gi-
tur per G , eiusq; punctum op-
positum P , ac per S , maximum
circulus describatur, motum
arcus $G-S$, (quem utamod-
di recta ex uno polo educit,)
distantiā loci G , à loco S .
Pari ratio si duo sint loca
australia, ita ut angulus à Me-
ridiano constitutus sit EBO ,
& arcus Meridianorum inter
 B , & locum arcticum, & ipsa lo-
ca, sint BF , EO , &c. dabit ar-
cus FQ , locorum distantiā.
Denique si unus locus sit bo-
realis, & australis alter, ita
ut Meridiani ipsorum efficiat
angulum GHP , & arcus Me-
ridianorum inter ipsa loca, &
polos arcticum sint BG , BP .
&c. erit eorum distantiā arcus
 GP . Atq; ratio hac, ut videt,
multo est commodior, quam
illæ, quam in Cap. 15 explicavi-
mus. Nam in hac linea-

menta non multum occurrunt, sicut in illa, etiam si unus locorum sit borealis, &
alter australis.

Quæstio 9.

Q V A E S I T V M I X .

ALTITUDINEM Solis supra quemlibet circulum maxi-

maxime

num, eiusq; distantiam horizontalem singulis horis inquirere.

*Q*UAMVIS ratio in *Cantus 16.* explicata facilis sit, atque expedita; quando tamen ratio, deest aut aut aliter horâ indaganda sit altitudo Solis, horizontalisq; distantia, efficiemus ad nullâ fore negotio, hac arte. Invenit per *Canonem 20.* altitudinem poli supra datum circulum maximam, & per *Can. 17.* inclinationem eius Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis illius loci, in quo hac insisteretur, ut distantia horarum ab eo Meridiano possit cognosci, fiat in figura eadem problematis 22. angulus *CBS*, distantia dati hora à proprio Meridiano, seuque *BG*, arcus proprii Meridiani inter *B*, polum mundi, & polum dati circuli maximi *G*; arcus vero *BS*, sit complementum declinationis Solis, vel certe conflatus ex quadrante, & declinatione, quando Solis distantia à polo supra datum circulum conspicius maior est, quàm grad. 90. Nam si per *G*, quicunque punctum oppositum *E*, ac per *S*, circulus maximus describatur, erit eius arcus *GS*, inter polum dati circuli, & Solem, complementum altitudinis Solis quæsita. Si vero angulus distantia Solis à Meridiano proprio fuerit *GBG*, & arcus *BO*, inter polum conspicium supra datum circulum, & Solem, &c. erit *GO*, complementum altitudinis Solis. Prior porro casus solum pro exemplo allatus est. Impossibile enim est, ut quando complementum declinationis est *BS*, angulus distantia Solis à Meridiano proprio possit esse *GBS*: quia altitudo Solis *GS*, esset quadrante maior, quod fieri nequit.

*D*ISTA^{NT}I^A *M* horizontalis exhibebat angulus *BGS*, vel *BGO*, quem metitur arcus dati circuli, tanquam Horizontis, *HN*, vel *HL*, à Meridiano proprio ad partes poli conspicium supra datum circulum, seu Horizontem, inclinatus, &c.

*A*T^{QUE} hunc in modum omnes quæstiones ad primum mobile spectantes, quæ per sinus, ac numeros, hoc est, per triangula sphaerica solvantur, expediti possunt per descriptionem unius aut alterius arcus in *Astrabaco*. Et si quidem summa diligentia, ut par est, adhibeatur, tam certo, ac via paucorum minorum error contingere possit. Quæ res præclara sunt est, & ad hanc usque aliam, quæd ego sciam, à nemine præstata, aut demonstrata.

Restat, ut quemadmodum, quæ ab *O* crano fluxerunt aquæ longis circumnavigationibus eodem revolvuntur, sic quoniam unum hoc, quodcumque est, manavit à fonte æternum bonorum, Deo optimo Maximo, gratia à vobis, quousq; à mortalibus esse possunt, maxima auctori optimo, ac donatori liberalissime agantur, & habeantur.

FINIS TERTII LIBRI.



E R R A T A,

Qua siue Correctorum aciem effugerunt, siue incuria irrepperunt Typographi, aut quam legatur Liber, emendanda, ne cuius interuumpatur legentium, hac ferè sunt.

Pag.	Lib.	Errata.	Corrections.	Pag.	Lib.	Errata.	Corrections.
17	13	EL, IR, RC.	EL, IR, RB.	109	6.2 fl.	arc ^{us} OR, QR,	arcus OR, QP,
18	19	in 6. partitio su- mus.	in 6 partes partitio mus	113	35	parallela G,	parallela G K,
19	8	ad latus A B,	ad latus B C,	115	28	R L C, maior rectio,	R L C, minor rectio,
22	10	rectæ BA, ZA,	rectæ BK, ZK,	116	33	rectæ PN,	rectæ M N,
22	11	anguli ad A. & L,	anguli ad K. & L,	119	33	quadratis mpD,	semicirculi mpD,
22	21	angulos DEH,	angulos BEH, DFI, DFI,	120	21	semidiurni IK,	semidiurni SK,
23	9	RBV, STD.	RBV, SDT,	126	30	puncta D, E	puncta Q, C, equali- ter à G, distant.
24	1	BC GF HM,	BC, GF, NM,	126	40	puncta D, P, E,	puncta Q, P, E, & versu 42 idè fiat.
24	28	AD, AC, positi,	AD, AG, positi,	132	17	sum, H, L, m,	sum, H, in
29	15	angulus bAB,	angulus b A d,	133	6	facit E N,	facit E M,
29	16	gulo AFD,	gulo AFD,	135	8	in M, cadet.	in N, cadet.
29	29	IAE,	IAE,	136	3	circulus A B,	circulus A B, CD,
29	36	A I P,	A I P,	136	14	æqualibus DE,	æqualibus BE, CG, C G,
37	10	in recta BE,	in recta B C,	136	14	ut in 3 figura,	ut in 2. figura.
37	27	secundæ GK,	secundæ GR,	137	3	aKE, AEK,	aKE, a EK,
40	18	C, ut	C, ut	145	38	arcus EG, EH,	arcus EG, FH,
44	15	constringatur,	constringatur,	146	pen.	secantibus X, a,	secantis in X, a,
45	1	per puncta	per puncta	149	16	Tangit ipsi CP,	Tangens igitur GP,
47	39	& linea FGH,	& plano FGH,	146	17	& inchoatoris	& inchoatorum
47	1	tangit in	tangit in B.	157	41	angulo AFG,	angulo AEG,
47	19	RO, PP,	IO, I P,	158	31	rectas FR, FS,	FR, FI,
57	31	HM:Ha. $\frac{3}{4}$. m,	HM, $\frac{3}{4}$. Ha, m,	166	8	Vt quia tangens	Vt tangens
58	3	in 12. figura	in 12: signa	167	1	productum,	productum
58	9	segmento	segmenta	167	7.	dimidia maioris	dimidio maioris
58	10	parallela KS,	parallela Kf,	168	10	& I M,	ex I M,
60	14	anguli GEF,	anguli G E F, HFE, H P E,	178	4. 2 fl.	non solum	non solum locum habent
61	27	LGN, MHS,	GLN, HMS,	180	3	descripta M E,	descripta M a,
61	14	basi KE,	basi HE,	180	3	relictæ P,	relictæ + P,
69	17	verba hæc [ideoq; ex desin 3. eiusdè lib angu. GOQ, rect' ferit] deleant.		180	12	ME, equali ip- si KP,	Ma, equali ipsi RP,
73	37	rectas CH, EH,	rectas CK, EH,	180	14	compositæ EP,	compositæ + P,
76	3	LOM, OEP,	LCM, OEP,	183	7. 2 fl.	qui minori	qui maiori
79	3. 4 line	Ae verò B,	At verò B F,	228	2. 2 fl.	182. addem ^{us}	182. addemus 182 fl.
81	6. 2 line	APMB,	CPMB,	229	3	inter finem pro-	Inter finis ppositis, nimè minoris. & finem proximè minorem.
83	1	HYZ,	HYX,	262	19	per pblema 10.	per pblema 11.
83	5	obliquo GDI,	obliquo GKI,	268	23	rum equalium	In isoscele,
83	13	EL, C me,	EL, C me,	268	24	In isoscele,	Vt alterutrum late- rum æqualium
84	37	On, So,	On, So,				
86	3. 4 line	CD, FA,	CD, FG,				
96	8. 2 line	per rectam LK,	per rectam IK,				
100	10	bi, cK, ex semi- circulis	bi, cK, ex quadran- tibus				
105	5. 2 fl.	MN,	DN,				

Pag.	Lin.	Errata	Corrections.	Pag.	Lin.	Errata	Corrections.
275	14	à puncto E.	à puncto C.	417	33	versus austrum	versus boream
276	13	rectæ ad ostiū.	rectæ ad polum A.	459	3. à fine	KK,	kk.
281	4	oppositi inæ-	oppositi aequales	463	10	A a, B,	inter rectas IR, IZ,
		quales		470	7. à f.	recta EL,	recta PL,
283	16	q̄ LV, ad VK.	quàm h. t. ad t B, hoc	482	2	HEP,	HEP,
			est. q̄ LV, ad VK.	483	2	LK, OL,	LK, ON,
296	10	ablati	ablati	483	33	BH, GI,	FH, GI,
296	3. à f.	LM, IP,	LN, IP,	497	3. à f.	IL, LH,	IL, LN,
311	12	ad finē Num.	ad initium Num. 27.	501	32	min. t. 2.	min. 22.
		21.		501	2. à f.	recta M3:	recta M3,
312	7	ut t,	V t t.	508	2	in punctis H, P,	in punctis N, P,
314	16	A M G N,	A M C N,	509	6	arcum 6. grad.	arcum 60 grad.
314	17	A Q Q,	A Q C,	511	10	fiat M3.	fiat M3,
314	36	D o t,	B o t,	515	12. à f.	recta HE,	recta GE,
323	7	ē sic parallelas	etiā sic parallelas	526	3	vera OM,	vera PQ,
323	12	representāt par-	representant partes	530	12	a recta ET.	a recta OT,
		tes	aliquas	534	5. à f.	in 2. figura	in 3. figura
327	9	punctis I, P,	punctis H, P,	537	17	in utraque re-	in utraque recta-
339	7	recta TV,	recta TX,			ctarum	rum
341	16	MQ Kq,	MQ, KO,	537	38	duabus RI, RI,	duabus RI, RI,
341	34	VZ, BA,	IZ, BA,	604	5	arcus GH, lati-	arcus GH, comple-
347	18	Et EP, GP,	Et FT, GT,			tudinem	mentū latitudinis
347	vel,	arcus à D,	arcus à G,	605	17. & 18	ad semisid	ad unum semisid
348	1	erit IG,	erit IT,	607	5	quæritam EI,	quæritam EL,
350	1. & 3	AO, AK,	AO, AV,	610	3. à f.	arcus Bf,	arcus Cf,
359	4	Igitur S A,	Igitur I A,	613	31	ipſi Ei,	ipſi Hi,
361	16	AXK,	AXK,	616	pen.	arcus KO.	arcus KI,
365	9	Nadir K,	Nadir k,	618	19	cum arcu \overline{OP} II,	cum arcu \overline{m} \overline{P} ,
374	18	A, f. G,	A, f. C,	618	6. à f.	minor est a-	maior est ascensio-
376	8	rectam SD,	rectam S T,			scensione	ne
377	5. à fine	K, H,	R, H,	620	5	à f.	[punctum in Meri-
382	4	Q, eiusdem	q. eiusdem			delectantur hæc	diano sub Hori-
384	10. à fine	a cētris B, I,	a cētris E, I,			verba	zonte]
390	16. & 18	a polo I,	a polo K,	624	3	anguli V k,	anguli k i V,
391	1	factæ (factæ)	624	20	fl,	fn,
399	2	in illo pōto V,	in illo a puncto V,	625	37	data AC,	data AB,
403	1	per Lemmā 44.	per Lemmā 44. æqua-	629	1. à f.	ita sinus ma-	ita sinus minoris
		IQ, VX, vel $\frac{1}{2}$ Q,	les erunt in ipſe			ioris	
		Q. Idem æqua-	ra arcus IQ, VX,	629	2. à f.	latera GG,	latera FG, GH,
		les erūt in ipſe	vel $\frac{1}{2}$ Q, $\frac{1}{2}$ X. Idem			PH,	
		ra arcus quoq;	quoque	633	5	cum AD,	cum AC,
403	10. &	obliquus	obliquus IKI,	633	20	& OE,	& OL,
	11	IKL,		639	22	& OK,	& OX,
403	13. & 14	versus XL,	versus XL,	642	10	& arcus tk,	& arcus uk,
405	17	recta nb,	recta mb,	662	1	ex KT, altitudi-	ex KT, sinus altitudi-
409	13	metri LN,	metri IN,			ne meridiana	nis meridiana
413	9	per radiū AC,	per radius Ac,	668	35	recta Eclipticæ	recta puncti Ecli-
415	4	PqH,	FqH,				pice
420	19	hoc est, PH Q,	hoc est. Ph Q,	667	16	min. 54	min 14
430	2	AM, m T,	AM, m T,	677	15	borealem du-	borealem ductus ef-
435	47	& recta BM,	& recta Bu,			citur,	ficis
445	30	cum in d,	cum in H,	677	18	borealiore du-	borealiore m ductus
457	23	a, in ortū, & x, in π , in ortum, & u, in				citur,	confutuit,

Pag. Lia.	Errata	Corrections	Pag. Lia.	Errata	Corrections
681	6	latitudi- nem poli	694	17	DHL, DSL,
683	7	in P. erit- que P, I, itas	701	pen- si omnium si circuli omnium	
684	4-4	inter P, H, inter P, I,	711	22	& 10, ab occ. & 11, ab occ.
			723	11-2	si. recta FLe, recta FTe,
			714	20-2	si radio bm, radio Bm,
			725	14	DIN, DIQ,

*LINEAE ET LITERAE, QVAE IN
quorundam exemplarium figuris desunt.*

- 11 In recta prope lineam A B, deest litera E, 10 intersectionibus eius cum arcibus B G, B I, B L.
- 55 Deest recta N P, diameter tropici \propto .
- 63 Vbi semicirculi M V H, D E F, se intersectant, ponatur O, pro C.
- 66 In extremitate rectae A C, deest I.
- 82 In intersectione rectarum A C, O r, deest t. Et in intersectione rectarum E F, S R, deest u.
- 85 In extremitate rectae N qe, deest L, 10 circumferentia.
- 105 10 a. figura deest C, in extremitate diametri A F.
- 318 In suprema parte rectae B D, deest F, & in infima parte K.
- 346 In extremitate rectae I e, deest T. Et supra haec in extremitate rectae I f, deest g.
- 360 In extremitate rectae β A, deest s, prope f.
- 406 Deest recta R f g.
- 429 In extremitate diametri A E, deest C.
- 434 In extremitate diametri Aequatoris A E, deest C. Et 10 extremitat e rectae A f, deest g.
- 489 Litera g, quae est in extremitate rectae M E, debet esse in extremitate diametri f E.
- 518 Recta F d, producat, donec circumulum F G O, faciat in p.
- 610 In extremitate perpendicularis ad V X, ex n,eductae deest ξ . Et in extremitate perpen-
dicularis ex γ , ductae deest τ .



EGO Fredericus Matius legi tres libros, quos admodum Reuer.
Pater Christophorus Clavius Bambergenſis e Societate IESV
conſcripſit de Aſtrolabio, in quibus nihil inueni, quod pias & reli-
gioſas offenderet aures, ſed omnia ſumma doctri-
na, ſuo more, ſcripta reperi, & ſumma poetate coniuncta. In quorum fidem hæc
ſcripſi profeſſo die Aſſumptionis Glorioſæ Beatiſ Virginis 1593.

Fredericus qui ſupra manu propria.

R E G E S T U M

A B C D E F G H I K L M N O P Q R S T V X Y Z.

Aa Bb Cc Dd Ee Ff Gg Hh Ii Kk Ll Mm Nn Oo Pp
Qq Rr Sſ Tt Vv Xx Yy Zz.

Aaa Bbb Ccc Ddd Eee Fff Ggg Hhh Iii Kkk Lll
Mmm Nnn Ooo Ppp Qqq Rrr Sſſ Ttt Vuu Xxx
Yyy Zzz.

Aaaa Bbbb Cccc Dddd Eeee Ffff Gggg Hhhh Iiii
Kkkk Llll Mmmm Nnnn Oooo Pppp Qqqq Rrrr
Sſſſ Tttt Vuuu Xxxx Yyyy Zzzz.

Aaaaa Bbbbbb.

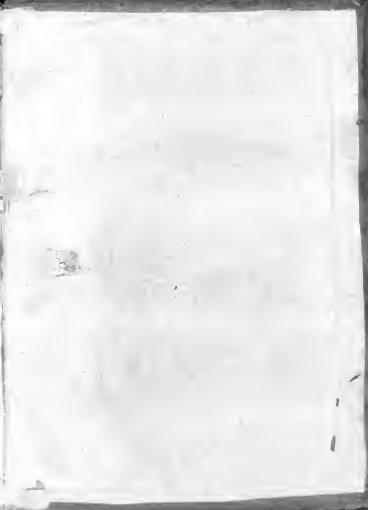
Omnia ſunt folia, præter B b b b b, folium & ſemis.



ROMÆ, Ex Typographia Gabiana. M. D. XCIII.

1892







147

40